

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



Über dieses Buch

Dies ist ein digitales Exemplar eines Buches, das seit Generationen in den Regalen der Bibliotheken aufbewahrt wurde, bevor es von Google im Rahmen eines Projekts, mit dem die Bücher dieser Welt online verfügbar gemacht werden sollen, sorgfältig gescannt wurde.

Das Buch hat das Urheberrecht überdauert und kann nun öffentlich zugänglich gemacht werden. Ein öffentlich zugängliches Buch ist ein Buch, das niemals Urheberrechten unterlag oder bei dem die Schutzfrist des Urheberrechts abgelaufen ist. Ob ein Buch öffentlich zugänglich ist, kann von Land zu Land unterschiedlich sein. Öffentlich zugängliche Bücher sind unser Tor zur Vergangenheit und stellen ein geschichtliches, kulturelles und wissenschaftliches Vermögen dar, das häufig nur schwierig zu entdecken ist.

Gebrauchsspuren, Anmerkungen und andere Randbemerkungen, die im Originalband enthalten sind, finden sich auch in dieser Datei – eine Erinnerung an die lange Reise, die das Buch vom Verleger zu einer Bibliothek und weiter zu Ihnen hinter sich gebracht hat.

Nutzungsrichtlinien

Google ist stolz, mit Bibliotheken in partnerschaftlicher Zusammenarbeit öffentlich zugängliches Material zu digitalisieren und einer breiten Masse zugänglich zu machen. Öffentlich zugängliche Bücher gehören der Öffentlichkeit, und wir sind nur ihre Hüter. Nichtsdestotrotz ist diese Arbeit kostspielig. Um diese Ressource weiterhin zur Verfügung stellen zu können, haben wir Schritte unternommen, um den Missbrauch durch kommerzielle Parteien zu verhindern. Dazu gehören technische Einschränkungen für automatisierte Abfragen.

Wir bitten Sie um Einhaltung folgender Richtlinien:

- + *Nutzung der Dateien zu nichtkommerziellen Zwecken* Wir haben Google Buchsuche für Endanwender konzipiert und möchten, dass Sie diese Dateien nur für persönliche, nichtkommerzielle Zwecke verwenden.
- + *Keine automatisierten Abfragen* Senden Sie keine automatisierten Abfragen irgendwelcher Art an das Google-System. Wenn Sie Recherchen über maschinelle Übersetzung, optische Zeichenerkennung oder andere Bereiche durchführen, in denen der Zugang zu Text in großen Mengen nützlich ist, wenden Sie sich bitte an uns. Wir fördern die Nutzung des öffentlich zugänglichen Materials für diese Zwecke und können Ihnen unter Umständen helfen.
- + Beibehaltung von Google-Markenelementen Das "Wasserzeichen" von Google, das Sie in jeder Datei finden, ist wichtig zur Information über dieses Projekt und hilft den Anwendern weiteres Material über Google Buchsuche zu finden. Bitte entfernen Sie das Wasserzeichen nicht.
- + Bewegen Sie sich innerhalb der Legalität Unabhängig von Ihrem Verwendungszweck müssen Sie sich Ihrer Verantwortung bewusst sein, sicherzustellen, dass Ihre Nutzung legal ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass ein Buch, das nach unserem Dafürhalten für Nutzer in den USA öffentlich zugänglich ist, auch für Nutzer in anderen Ländern öffentlich zugänglich ist. Ob ein Buch noch dem Urheberrecht unterliegt, ist von Land zu Land verschieden. Wir können keine Beratung leisten, ob eine bestimmte Nutzung eines bestimmten Buches gesetzlich zulässig ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass das Erscheinen eines Buchs in Google Buchsuche bedeutet, dass es in jeder Form und überall auf der Welt verwendet werden kann. Eine Urheberrechtsverletzung kann schwerwiegende Folgen haben.

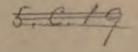
Über Google Buchsuche

Das Ziel von Google besteht darin, die weltweiten Informationen zu organisieren und allgemein nutzbar und zugänglich zu machen. Google Buchsuche hilft Lesern dabei, die Bücher dieser Welt zu entdecken, und unterstützt Autoren und Verleger dabei, neue Zielgruppen zu erreichen. Den gesamten Buchtext können Sie im Internet unter http://books.google.com/durchsuchen.





E. BIBL . RADCL





1984.e. 351/









Holzstiche aus dem zylographischen Atelier von Friedrich Vieweg und Sohn in Braunschweig.

Papier aus der Papier-Fabrik der Gebrüder Vieweg zu Wendhausen bei Braunschweig.

LEHRBUCH

DER

PHYSIK UND METEOROLOGIE.

THEILWEISE NACH

POUILLET'S LEHRBUCH DER PHYSIK

SELBSTÄNDIG BEARBEITET

VON

DR. JOH. MÜLLER,

Grossherzoglich Badischem Hofrath, Professor der Physik und Technologie an der Universität zu Freiburg im Breisgau.

SECHSTE

UMGEARBEITETE UND VERMEHRTE AUFLAGE.



LEHRBUCH

DER

PHYSIK UND METEOROLOGIE.

DR. JOH. MÜLLER,
Groanherzaglich Badischem Hofrath, Professor der Physik und Technologie an der Universität
zu Freiburg im Breisgau

SECHSTE

UMGEARBEITETE UND VERMEHRTE AUFLAGE.

IN ZWEI BANDEN.

WIT 1724 IN DEN TEXT EINGEDRUCKTEN HOLZSTICHEN, 15 STAHLSTICH-TAFELN. ZUM THEIL IN FARBENDRUCK, UND EINER PHOTOGRAPHIE.

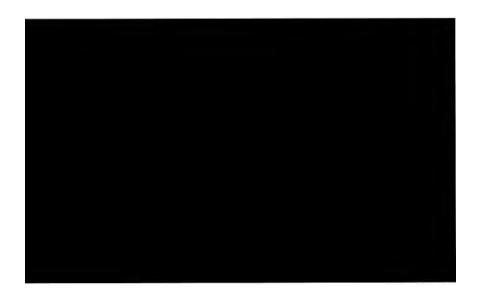
ERSTER BAND.

BRAUNSCHWEIG,

DRUCK UND VERLAG VON FRIEDRICH VIEWEG UND SOHN.

1864.

Die Herausgabe einer Uebersetzung in frauzösischer und englischer Sprache, sowie in anderen modernen Sprachen wird vorbehalten.



VORREDE

ZUR

FÜNFTEN AUFLAGE.

Wenn von einem Werke, wie das vorliegende, in verhältnissmässig kurzer Zeit (die erste Auflage wurde im Jahre 1844 vollendet) mehrere Auflagen erscheinen, so ist das Publikum wohl berechtigt, an jede folgende höhere Anforderungen zu stellen als an die vorhergehenden. — Dies anerkennend, war ich auch bei Ausarbeitung dieser fünften Auflage nach Kräften bemüht, in derselben die Physik nicht allein in einer dem jetzigen Stande der Wissenschaft entsprechenden Weise, sondern auch in einer Form darzustellen, welche das Eindringen in die Erkenntniss physikalischer Gesetze möglichst erleichtert, ohne jedoch der wissenschaftlichen Strenge und Consequenz etwas zu vergeben.

Die eben angedeutete Tendenz ist für ein Lehrbuch der Physik, welches einigermaassen Erfolg haben soll, durch die Verhältnisse der Wissenschaft und des Lebens gebieterisch vorgezeichnet; denn während das Material der Physik von Tag zu Tag anwächst, gewinnen ihre Lehren auch täglich einen grösseren Einfluss auf das Leben. Auf der einen Seite wird also die Erlangung umfassender und gründlicher physikalischer Kenntnisse immer schwieriger, auf der anderen Seite wird aber möglichste Verbreitung derselben immer nothwendiger.

Diese Gegensätze zu vermitteln ist die Aufgabe der Lehrbücher.

Um diese Aufgabe zu lösen, schien es mir vor Allem nothwendig, die Fundamentalerscheinungen als die Basis des ganzen Lehrgebäudes mit möglichster Treue und Klarheit darzustellen und dann in möglichst präciser und verständlicher Form den Zusammenhang zwischen der Thatsache und der Theorie zu ent-

VI Vorrede.

wickeln, dabei aber auf der einen Seite eine breitspurige Pedanterie zu vermeiden, welche den Leser langweilt und die Klarheit des Ueberblicks stört; auf der anderen Seite aber auch ein allzu flüchtiges, nach dem Schein der Genialität haschendes Hinwerfen der Gedanken, welches den Leser täuscht und eine gründliche Erkenntniss nicht aufkommen lässt.

Alle physikalischen Erscheinungen entwickeln sich in Zeit und Raum, und zwar sind sie in solcher Weise Functionen derselben, dass ohne mathematische Anschauung ein richtiges Verständniss der Naturgesetze vollkommen unmöglich ist. Daraus folgt nun auch, dass ein Lehrbuch der Physik sich einer mathematischen Betrachtungsweise nicht entschlagen darf, dass es im Gegentheil so viel als irgend möglich auf eine solche hinleiten muss. In einem Werke aber, welches physikalische Kenntnisse in weiteren Kreisen verbreiten soll, muss man sich auf die Anwendung der Elementarmathematik beschränken und wo Formeln nothwendig sind, müssen dieselben gehörig eingeführt und entwickelt werden, damit auch der weniger Geübte dem Gange folgen kann.

Wenn es auch öfters unmöglich ist, ein physikalisches Gesetz in seiner ganzen Allgemeinheit mit elementaren Hülfsmitteln darzustellen, so gelingt es doch oft, ein solches in concreten Fällen unter einfachen Verhältnissen anschaulich zu machen und eine richtige Vorstellung des Grundprincips zu entwickeln. — Auf diesem Wege ist es mir, wie ich hoffe, gelungen, eine oder die andere Partie der Naturlehre einem allgemeineren Verständniss zu eröffnen, welche demselben bisher verschlossen war.

Da alle naturwissenschaftliche Erkenntniss von der Anschauung



Für die vortreffliche Ausführung der Holzschnitte, welche zu dem Ausgezeichnetsten gehören, was in diesem Fache geleistet wurde, und welche für die fünfte Auflage fast sämmtlich neu gestochen wurden, fühle ich mich meinem Freunde Eduard Vieweg um so mehr verpflichtet, als der Preis dieses Lehrbuchs im Verhältniss der Bogenzahl nicht höher gestellt ist, als der ähnlicher aber ungleich schlechter ausgestatteter Werke.

Ausser den zahlreichen Holzschnitten sind dem Buche noch zwölf grösstentheils zur Erläuterung dienende, theils in Farbendruck ausgeführte Tafeln beigegeben.

Den Ausgangspunkt für das vorliegende Lesebuch bilden Pouillet's "Eléments de physique expérimentale et de Météorologie", deren Bearbeitung ich übernommen hatte. War aber bereits diese erste Bearbeitung eine ganz selbständige, so wurden in den folgenden Auflagen allmälig die Spuren französischer Abkunft vollständig verwischt. Das Werk ist in seiner gegenwärtigen Form nicht allein dem Lehrgange deutscher Unterrichtsanstalten angepasst, sondern es sind in demselben vorzugsweise solche Apparate abgebildet und beschrieben, wie sie sich in unseren physikalischen Sammlungen finden und wie sie aus den Werkstätten deutscher Mechaniker hervorgehen.

Obgleich nun, wie jeder Sachverständige anerkennt, dieses Werk in seiner gegenwärtigen Form durchaus meine eigene selbständige Arbeit ist, so schien es doch nicht zweckmässig, den Titel zu ändern, unter welchem es bereits eine so grosse Verbreitung gefunden hat. Möge auch diese Auflage eine wohlwollende Aufnahme finden und zur Verbreitung gründlicher physikalischer Kenntnisse beitragen.

Freiburg, im Juli 1857.

Dr. J. Müller.

VORREDE

ZEM

ERSTEN BANDE DER SECHSTEN AUFLAGE.

So durchgreifende Erweiterungen und Verbesserungen, wie bei dieser sechsten Auflage, wurden noch bei keiner der vorhergehenden vorgenommen. Das neu Hinzugekommene ist nicht etwa bloss angehängt oder eingeschaltet; ich war bemüht, durch gründliche Umarbeitung der entsprechenden Partien ein Werk herzustellen, welches alle Zweige der Physik in einer dem gegenwärtigen Standpunkt der Wissenschaft entsprechenden Weise gleichförmig darstellt.

Fast jeder Abschnitt hat Bereicherungen und Verbesserungen erfahren; so namentlich im vorliegenden ersten Bande die Paragraphen, welche von der Elasticität, vom Mariotte'schen Gesetz, von der Absorption der Gase, von der Capillarität n.s. w. handeln.

Von den zahlreichen physikalischen Errungenschaften der letzten Jahre, welche im ersten Bande der sechsten Auflage benicht unvermittelt hingestellt sind; überall ist ihre Bedeutung erläutert und, soweit es irgend möglich war, ihre Ableitung gegeben worden.

In Betreff der Ausstattung des Werkes muss ich hier besonders betonen, dass die zahlreichen ausgezeichneten Holzschnitte desselben nicht etwa als ein entbehrlicher Luxus zu betrachten sind, dass sie vielmehr, mit dem Text in der innigsten Beziehung stehend, wesentlich zum leichteren Verständniss der vorgetragenen Materien beitragen. Die Apparate sind so correct abgebildet, dass dadurch das Werk auch für den Mechaniker Bedeutung gewinnt, welcher meist seine praktischen Arbeiten nach den jetzigen Abbildungen ausführen kann.

Auch die Tafeln in Farbendruck sind vermehrt, das photographische Spectrum aber ist nicht durch einen Stich, sondern durch eine Photographie wiedergegeben worden.

Freiburg, im April 1863.

Dr. J. Müller.



INHALTSVERZEICHNISS DES ERSTEN BANDES.

																					Seite
		\mathbf{E}	in	le	itu	ı n	g.														
1. Gegenstand	der Naturwise	ensc	ha	fte	n.																1
	der Naturwis																				2
3. Methode d	er physikalisch	en D	isc	cipl	ine	n															2
4. Nutzen des	physikalischer	Stu	di	um	8 .	-															4
5. Eintheilnne	der physikalis	cher	I	Disc	in	lin	en							•							5
	Eigenschaften																				5
																					6
																					8
																					9
																					10
	s Gewicht																				10
	it																				16
	chkeit des Volu																				18
																					20
	ıstande																				22
	nheit der Atom																				23
	Aequivalente																				24
18. Das Aeguis	valentvolumen	•	•		·	•	•	•	•	•	•	•		•	•		•	•		-	28
	Imponderabili																				30
Marec und	ımponacı abını		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	-
		Er	st	es	В	u	h.														
	Di	e 1	M	е	G :	h	a	n	i	k	ζ.										
		Ers	s t c	e 8	Ca	рi	te	l.													
Statik o	der die Lehr	e v	o n	a (le	ic	h	ge	w	i	:h	t :	fе	s t	eı	:]	K d	5 r	рe	r.	
l. Berechnung	amm der Kräfte der Resultiren elle Prüfung de	den es S	atz	es	∀ 0	n m	P	ar	all	elo	og	ra:	mr	n	de	r	Kı	räi	Îte	•	35 38 39 41

	Sette
24. Der Hebel	45
25. Der einarmige Hebel	48
26. Gleichgewicht am Hebel bei schiefwinklig angreifenden Kräften	50
27. Haspel, Winde und Räderwerke	52
28. Die schiefe Ebene	55
29. Die Schraube	56
30. Der Keil	60
31. Schwerpunkt	61
32. Vom Gleichgewicht fester Körper	64
33. Die Wage	68
84. Die Brückenwage	72
Zweites Capitel.	
-	
Gleichgewicht der Theile fester Körper unter einander	•
35. Elasticität	75
36. Elasticitätscoëfficient und Elasticitätsmodulus	76
87. Torsionselasticität	70 81
38. Festigkeit	83
39. Adhäsion	
	84 85
40. Krystallisation	85
41. Krystallsysteme	87
42. Die Hemiëdrie	9 3
Drittes Capitel.	
Hydrostatik oder die Lehre vom Gleichgewicht der	
Flüssigkeiten.	
Lingsig Rollean.	
43. Gleichförmige Fortpflanzung des Drucks durch flüssige Körper	97
44. Communicirende Röhren	101
45. Freie Oberfläche der Flüssigkeiten	102
46. Bodendruck der Flüssigkeiten	102
47. Seitendruck	106
48. Druck im Inneren der Flüssigkeiten, Auftrieb	107
49 Das Archimedische Princin	108

Inhaltsverzeichniss.		XIII
		Seite
60. Der Randwinkel	•	133
6l. Haarröhrchen	•	136
62. Verschiedene Höhen, bis zu welchen dieselbe Flüssigkeit in derselb		
Röhre steigen kann	•	138
63. Haarröhrchen von verschieden gestaltetem Querschnitt		140
64. Anziehung und Abstossung, durch Capillarität hervorgebracht		142 143
65. Erklärung der Capillarerscheinungen	•	
66. Die Endosmose	•	144 147
67. Das endosmotische Aequivalent		149
68. Theorie der Endosmose	•	150
70. Diffusionsanalyse	•	151
10. Diliusionisanalyse	•	101
Fünftes Capitel.		
Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen D	rt	ıck.
71. Schwere Luft		154
72. Elasticität der Luft		155
73. Druck der Luft		156
74. Pumpen		160
75. Messung des Luftdrucks		163
76. Construction des Barometers		165
77. Das Gefässbarometer		168
78. Heberbarometer		171
79. Variationen des Barometerstandes		174
80. Grösse des Luftdrucks bei verschiedenem Barometerstand		175
81. Wirkung des Luftdrucks auf den menschlichen Körper		176
82. Das Mariotte'sche Gesetz	•	179
83. Reduction der Gasvolumina auf den Atmosphärendruck	•	183
84. Stereometer und Volumenometer	•	184
85. Abweichungen vom Mariotte'schen Gesetz		189
86. Die Luftpumpe	•	193
87. Die zweistiefelige Ventillustpumpe	•	196
88. Zweistiefelige Hahnenluftpumpe		
89. Einstiefelig doppelt wirkende Luftpumpen		
90. Die wichtigsten Luftpumpenversuche		206
91. Compressionspumpen	•	207
92. Messung des Druckes eingeschlossener Gase		
93. Metallmanometer		
94. Der Heronsball		
95. Die Feuerspritze		
96. Der Luftballon		
97. Steigkraft des Luftballons	•	222
Sechstes Capitel.		
Molekularwirkungen gasförmiger Körper.		
98. Absorption der Gase durch feste Körper		223
99. Hauchbilder		225
100. Absorption der Gase durch Flüssigkeiten		228
101. Absorption von Gasgemengen		232
100 Diffusion don Cons		223

1

....

Siebentes Capitel.

Bewegung fester	Körper	unter	\mathbf{dem}	Einfluss	beschleunigender
		Kri	ifte.		

		Seite
103.	Ruhe und Bewegung	237
104.	Gleichförmige Bewegung	237
105.	Beschleunigte und verzögerte Bewegung	238
106.	Versuche über das Fallgesetz	240
107.	Die Adwood'sche Fallmaschine	242
	Gleichförmig verzögerte Bewegung	248
	Fall auf der schiefen Ebene	247
	Wurfbewegung	249
	Centralbewegung	250
	Die Schwungkraft	259
113.	Grösse des Druckes und der Spannung, welche die Schwungkraft er-	
	zeugt •	257
114.	Freie Axen	256
115.	Leistung oder Arbeit einer Kraft	268
	Lebendige Kraft	266
117.	Von den Trägheitsmomenten	269
	Berechnung des Trägheitsmomentes	272
	Vom Stoss	274
	Vom Stoss unelastischer Körper	275
	Stoss elastischer Körper	277
	Das einfache Pendel	279
	Gesetze der Pendelschwingungen	280
	Mathemathische Entwickelung des Pendelgesetzes	284
	Der Schwingungspunkt	287
	Bestimmung des Schwingungspunktes an einem zusammengesetzten	
126.	Destimmung des Schwingungsbunktes an einem zusammengesetzten	
126.		286
	Pendel	288
	Pendel	288
127.	Pendel	
127. 128.	Pendel	290
127. 128.	Pendel	290 292

Inhaltsverzeichniss.	XV
	Belte
142. Ausfluss durch Capillarröhren	318
144. Vom Stosse des Wassers	321
145. Lebendige Kraft der Wassergefälle	322
146. Verticale Wasserräder	323
147. Horizontale Wasserräder	326
148. Reactionsråder	328
149. Die Schraubenturbine	831
150. Die Wassersäulenmaschine	332
151. Der hydraulische Widder oder Stossheber	334
Neuntes Capitel.	
Bewegung der Gase.	
152. Gasometer	338
153. Gebläse	342
154. Gesetze des Ausströmens der Gase	345
155. Ausstussgeschwindigkeit verschiedener Gase bei gleichem Druck	347
156. Seitendruck der Gase beim Ausströmen	351
157. Widerstand der Flüssigkeiten und der Gase	353
158. Anwendung des Wasser- und Luftwiderstandes	356
Zweites Buch. Die Akustik.	
Erstes Capitel. Fortschreitende und stehende Luftwellen.	
	0.00
159. Vibrationsbewegung	363
160. Wasserwellen	365
161. Seilwellen	369
162. Fortpflanzung des Schalles	370 371
163. Schallwellen	375
164. Verschiedenheit der Schallempfindungen	370
165. Einfluss der verschiedenen Oscillationsgeschwindigkeit auf Wellen-	376
länge und Tonhöhe	
166. Geschwindigkeit des Schalles	377
167. Von der Reflexion des Schalles und dem Echo	379
168. Stehende Luftwellen	381 383
169. Bildung stehender Luftwellen in gedeckten Pfeisen	
170. Schwingungsknoten in tönenden Luftsäulen	388
171. Offene Röhren	392
172. Orgelpfeifen	394
173. Einfluss der Tiefe der Pfeisen auf die Tonhöhe	398
174. Die musikalischen Tone	400
175. Musikalische Temperatur	404
176. Schwingungszahl der musikalischen Töne	405
177. Genaue Bestimmung der absoluten Schwingungszahl der Töne	406
178. Gränzen der Hörbarkeit	409

Zweites Capitel.

Z cook ou process	
Gesetze der Schwingungen und Töne fester Körper.	
	8eite 411
	416
	423
	426
	430
1	431
	437
	439 441
	442
189. Abhängigkeit der Geschwindigkeit des Schalles von der Elasticität	
der schallverbreitenden Medien	448
190. Geschwindigkeit des Schalles in Flüssigkeiten	450
191. Geschwindigkeit des Schalles in festen Körpern	453
192. Mittheilungen der Schallschwingungen zwischen festen, flüssigen und	
luftförmigen Körpern	456
Drittes Capitel.	
Interferenz der Schallwellen.	
193. Interferenz isochroner Schallwellen	150
194. Stösse	
195. Combinationstöne	
196. Klangfarbe und Schwingungsform	
197. Zusammensetzung der Wellen	
198. Beobachtung der Obertöne	176
199. Schwingungsform einer gestrichenen Saite	
200. Klangfarbe verschiedener musikalischer Instrumente	181
Viertes Capitel.	
Von der Stimme und dem Gehör.	
201. Das menschliche Stimmorgan	184
000 Mil 1 MIL!	

Inhaltsverzeichniss.	XVII
Zweites Capitel.	
Katoptrik oder Reflexion des Lichtes.	
209. Reflexion des Lichtes auf ebenen Flächen	513515516519
216. Reflexion auf gekrümmten Spiegeln	. 529 . 530
Drittes Capitel.	
Dioptrik oder Brechung des Lichtes.	
221. Allgemeine Gesetze der Brechung des Lichtes	. 549 . 552 . 553 8 556 . 559 . 561 . 561 . 565 . 566 . 569 . 572 . 577 . 578 . 579 . 580
Viertes Capitel.	
Prismatische Farbenzerstreuung.	
	t . 588 . 591
244. Messung der prismatischen Ablenkung	. 595

		Seite
	Aus wie viel Farben besteht das Spectrum?	603
247.	Von dem Verhältniss der Dispersion in verschiedenen Mitteln und	
	den zerstreuenden Kräften	605
24 8.	Vom Achromatismus	607
249.	Achromatische Linsen	610
	Fünftes Capitel.	
	Die natürlichen Farben der Körper.	
950	Die Farben durchsichtiger Körper	RIK
	Die Farben undurchsichtiger Körper	
	Farbige Flammen	
	Apparate zur prismatischen Zerlegung farbiger Flammen	
	Flammenspectra	
	Die Spectra des elektrischen Funkens	
	Genauere Untersuchung der Spectrallinien	
	Umkehrung der Flammenspectra	
	Absorption des Lichtes durch farbige Gase	
	Fluorescenz	
	Verhalten fluorescirender Körper gegen farbiges Licht	
261.	Untersuchung fluorescirender Körper im prismatischen Spectrum	641
	Prismatische Zerlegung der Fluorescenzfarben	
26 3.	Absorption Fluorescenz erregender Strahlen	645
264.	Phosphorescenz	647
2 65.	Dauer der Phosphorescenz	650
266 .	Farbe des erregenden und des ausgestrahlten Lichtes	654
	Sechstes Capitel.	
	Die chemischen Wirkungen des Lichtes.	
	Einfluss des Lichtes auf chemische Verbindungen und Zersetzungen	656
	Photographie	657
269.	Ungleichheit der chemischen Wirkungen verschiedenfarbiger Strahlen	660

Siebentes Capitel.

	Inhaltsverzeichniss.	XIX
		Seite
283.	Contrastfarben	691
	Die camera obscura	
285.	Zeichnungsapparate	696
286.	Die Loupe oder das einfache Mikroskop	698
287.	Das Sonnenmikroskop	702
	Das zusammengesetzte Mikroskop	
289.	Das achromatische Mikroskop	706
290.	Das pankratische Mikroskop	710
291.	Prüfung des Mikroskops und Messung seiner Vergrösserung	711
232.	Binoculare Mikroskope	714
29 3.	Das holländische Fernrohr	717
294.	Das astronomische Fernrohr	720
	Das terrestrische Fernrohr	
296.	Geschichtliche Notizen über die Erfindung des Fernrohres	724
297.	Die Leistungen des Fernrohres	724
	Spiegelteleskope	726
	Achtes Capitel.	
	Interferenz und Beugung des Lichtes.	
299.	Hypothesen über das Wesen des Lichtes	732
300.	Fresnel's Spiegelversuch	
301.	Elemente der Vibrationstheorie	739
	Die Wellenoberfläche	742
	Erklärung des Fresnel'schen Spiegelversuchs	744
304.	Interferenz der Lichtstrahlen	746
305.	Erklärung der Spiegelung, der Brechung und der Dispersion des	
	Lichtes durch die Vibrationstheorie	749
306.	Geschwindigkeit des Lichtes in Luft und in Wasser	751
307.	Die Beugungserscheinungen	756
308.	Erklärung der Beugungserscheinungen, welche man durch eine Oeff-	
	nung beobachtet	759
309.	Berechnung der Wellenlänge	764
310.	Breite und Intensitätsverhältniss des Beugungsbildes	767
311.	Interferenz verschiedenfarbiger Strahlen	769
	Beugungserscheinungen, welche man durch mehrere neben einander	100
•	liegende Oeffnungen beobachtet	770
313	Gitterspectra	773
	Genauere Untersuchung der Gitterspectra	775
315	Vergleichung der Gitterspectra mit dem prismatischen Spectrum	775 780
316	Farben dünner Blättchen	781
	Erklärung der Farben dünner Blättchen durch die Vibrationstheorie	
318	Farben dünner Blättchen im durchgelassenen Lichte	700 700
V. 0.		102
	Neuntes Capitel.	
	Polarisation des Lichtes.	
319.	Polarisation durch Reflexion	794
32 0.	Der Polarisationswinkel	799
321.	Polarisation durch gewöhnliche Brechung	301
322	Polarisation durch Turmalinplatten	301
123.	Erklärung der Polarisation durch die Vibrationstheorie	803

Zehntes Capitel.

Von der doppelten Brechung.

	8
324. Doppelte Brechung des Kalkspaths	8
825. Krystallform des Kalkspathes	8
326. Erscheinungen, welche man durch Kalkspathprismen beobachtet	8
327. Einaxige Krystalle	8
328. Polarisation durch doppelte Brechung	
329. Erklärung der doppelten Brechung durch die Vibrationstheorie	
330. Construction der Wellenoberflächen einaxiger Krystalle	
331. Doppeltbrechende Prismen als polarisirende Apparate	
832. Rochon's Mikrometer	8
338. Zweiaxige Krystalle	8
334. Gesetze der doppelten Brechung in zweiaxigen Krystallen	8
435. Beziehungen zwischen der Krystallform und der Lage der optischen	
Axen	
336. Konische Refraction	8
337. Doppelte Brechung des zusammengedrückten Glases	6
338. Interferenz polarisirter Lichtstrahlen	8
•	
Elftes Capitel.	
·	
Chromatische Polarisation oder die Farben doppeltbrech	8
der Krystallplatten im polarisirten Lichte.	
339. Farben dünner Gypsblättchen im polarisirten Lichte	8
340. Erklärung der Farben dünner Gypsblättchen	8
341. Prismatische Zerlegung der Polarisationsfarben	8
342. Die Talbot'schen Linien	
343. Erscheinungen gekreuzter Gypsblättchen zwischen gekreuzten Spiegeln	8
344. Farben der Gypsblättchen zwischen parallelen Spiegeln; Complemen-	
tärfarben	
345. Farhige Ringe in einaxigen Krystellen	

Inhaltsverzeichniss.	XXI
charometer	901 902 907
Anhang.	
hung des neueren französischen Maasssystems mit anderen Maasssystemen	
Nachträge.	
Reflexionskreis	917
Darstellung der hellen Spectrallinien	920 922
und negative zweiaxige Krystalle	923
Orientirung rhombischer Krystalle	925 926
olarisationsapparat	927

.

•



EINLEITUNG.

Gegenstand der Naturwissenschaften. Während die Mutter 1 Natur der Thierwelt unmittelbar alles bietet, was dieselbe zu einer gedeihlichen Entwickelung bedarf, würde der Mensch nur ein kümmerliches Dasein fristen können, wenn er lediglich auf die Hülfsmittel seiner physischen Individualität angewiesen wäre. — Ohne natürliche Bekleidung, ohne natürliche Waffen würde er die zu seinem Unterhalte nöthige Nahrung kaum in wenigen besonders gesegneten Landstrichen jederzeit fertig bereitet vorfinden. Von Hunger gepeinigt, den Unbilden der Witterung schutzlos preisgegeben, von reissenden Thieren verfolgt, wäre der Mensch ohne Zweifel längst vom Erdboden verschwunden, wenn ihn die gütige Vorsehung nicht mit Verstand ausgerüstet und ihn dadurch in den Stand gesetzt hätte, der Natur abzugewinnen, was sie ihm nicht freiwillig bietet. und dieselbe bis zu einem gewissen Grade zu beherrschen.

So ist denn der Mensch schon wegen seiner physischen Existenz darauf angewiesen, die Natur und ihre Kräfte kennen zu lernen, um dieselben für seine materiellen Zwecke verwerthen zu können; er ist gewissermaassen zum Naturforscher geboren.

Waren auch, wie es nicht anders zu erwarten ist, die zuerst erworbenen Kenntnisse von der Natur vorherrschend paktischer und empirischer Art, war man auch mehr darauf bedacht, aus den Dingen Nutzen zu zichen, als sie kennen zu lernen, so hat sich die Naturforschung doch allmälig zu einer selbstständigen Wissenschaft erhoben, welche weit über das materielle Bedürfniss hinaus und unabhängig von demselben die Erkenntniss der Natur und der in ihr waltenden Gesetze als höchstes Ziel erstrebt.

Es ist die Aufgabe der Naturwissenschaften, die Eigenthümlichkeiten der uns umgebenden sinnlich wahrnehmbaren Dinge kennen zu lernen, ihre gegenseitigen Beziehungen zu erforschen, den Zusammenhang zwischen den verschiedenen Naturerscheinungen zu ermitteln und sie so weit es möglich ist auf ihre Ursachen zurückzuführen.

Die gesammten Naturwissenschaften haben es mit den sinnlich wahrnehmbaren Dingen, mit den Körpern zu thun; hier ist aber das Wort "Körper" nicht in dem Sinne des Mathematikers zu nehmen, der nur die Raumverhältnisse betrachtet und nicht nach dem Stoffe fragt, welcher den Raum erfüllt; der Naturforscher betrachtet gerade die Eigenschaften der den Raum erfüllenden Materie.

Ist man im Stande, eine Erscheinung auf ihren Zusammenhang mit anderen zurückzuführen, so ist diese Erscheinung erklärt, und man kennt ein Naturgesetz, sobald man die unveränderliche Zusammenhangsart von Naturerscheinungen kennt, wenn uns auch die letzten Ursachen unbekannt bleiben.

Das innere Wesen der Körper ist uns verschlossen, sie sind uns nur durch die äussere Erscheinung bekannt, d. h. wir wissen von ihnen zunächst nur das, was wir durch die Vermittelung unserer Sinne von ihnen erfahren. Ein Körper ohne Zusammenhang mit unseren Sinnen ist für uns so gut wie nicht vorhanden. Es ist möglich, ja wahrscheinlich, dass noch Manches in der Natur um uns her vorgeht, wovon wir keine Ahnung haben, weil uns dafür gewissermaassen ein Sinn fehlt.

Wie lange hat man nicht mit dem prismatischen Farbenspectrum experimentirt, ohne auch nur eine Ahnung von Strahlen zu haben, welche noch brechbarer sind als die äussersten violetten Strahlen; und doch ist die Existenz solcher Strahlen, welche unmittelbar keine Wirkung auf das Auge hervorbringen, durch die Photographie und die Fluorescenz nachgewiesen worden.

2 Eintheilung der Naturwissenschaften überhaupt. Das ganze Gebiet der Naturwissenschaften zerfällt zunächst in zwei grosse Abtheilungen, die Naturbeschreibung und die Naturlehre. Die Naturbeschreibung, gewöhnlich Naturgeschichte genannt, lehrt uns die Beschaffenheit einzelner Gegenstände kennen und ordnet sie nach ihrer

Ashalishbait in Soutana dia Naturalahan will dan madia Constan dan

niss der Naturgesetze gelangen kann, und auf welchem in der That alles bis jetzt Erkannte gefunden worden ist. Die Erkenntnissquelle sowohl, als auch der Weg zur Erkenntniss ist nicht und kann nicht für alle Wissenschaften derselbe sein. Der Mathematiker kann, von selbstgeschaffenen Begriffen ausgehend, aus sich heraus seine ganze Wissenschaft entwickeln, ja es wäre denkbar, dass ein Mensch in seinen vier Wänden, abgeschlossen von aller Naturanschauung, die ganze Mathematik aus den Begriffen des Raumes und der Zahl construirte. In dieser Beziehung ist die Mathematik eine rein speculative Wissenschaft, was die Naturwissenschaften durchaus nicht sind und nicht sein können, da sie Dinge behandeln, welche einzig und allein durch sinnliche Wahrnehmung, also auf dem Wege der Erfahrung, zu unserem Bewusstsein kommen.

Die einzige Quelle unserer Naturerkenntniss ist die sinnliche Wahrnehmung, die Erfahrung, die Beobachtung. Aus dieser Quelle schöpfen wir das Material, welches durch Vermittelung unserer geistigen Thätigkeit zur Wissenschaft verarbeitet und vereinigt werden soll.

Die wissenschaftlichen Wahrnehmungen machen wir entweder an Erscheinungen, welche uns die Natur selbst darbietet, oder wir versetzen die Körper absichtlich unter solche Umstände, durch welche sie genöthigt werden, gewisse Wirkungen hervorzubringen. Im ersten Falle stellen wir eine Beobachtung, im zweiten einen Versuch an.

Durch gute Beobachtungen und zweckmässig angestellte Versuche lernen wir den äusseren Zusammenhang der Erscheinungen kennen. Dieser Zusammenhang ist es, was wir ein Naturgesetz nennen.

Auf dem Wege der Erfahrung können wir zur Kenntniss dieser Gesetze gelangen, wenn uns auch der innere Zusammenhang, die Natur der Kräfte, das Wesen der Dinge, ganz und gar unbekannt ist. Das Gesetz der Brechung des Lichtes war lange schon bekannt, ehe man über die Natur des Lichtes im Reinen war; ebenso kennen wir die Gesetze der elektrischen Vertheilung, obgleich wir über das Wesen der Elektricität selbst so gut wie nichts wissen.

Nur der äussere, nicht der innere Zusammenhang kann durch Erfahrung gefunden werden. Ueber die inneren Ursachen der Erscheinungen, über das Wesen der Kräfte, welche sie hervorbringen, können wir nur Vermuthungen, Hypothesen, aufstellen. Diese Hypothesen sind gleichsam Fragen, die man an die Natur stellt, worauf sie aber nicht mit Ja und Nein antwortet, sondern: es kann so sein, oder: es kann nicht so sein.

Aus der Hypothese, die man über die Ursache mehrerer zusammenhängender Erscheinungen aufgestellt hat, lassen sich meistens weitere Folgerungen ziehen, welche durch fernere Beobachtungen entweder bestätigt oder als unzulässig erkannt werden. Je mehr Thatsachen sich mit Hülfe einer Hypothese erklären lassen, je mehr sie durch neue Beobachtungen bestätigt wird, desto mehr Wahrscheinlichkeit gewinnt sie.

In allen Zweigen der Physik finden wir Beispiele und Belege für die Richtigkeit der eben ausgesprochenen Ansichten.

Den Alten war eine auf Erfahrung sich stützende Naturforschung in unserem Sinne gänzlich unbekannt; wir finden bei ihnen nur philosophische Speculationen über die Welt überhaupt, über die Entstehung und das Urwesen aller Dinge, und es kann uns nicht wundern, wenn die auf diesem Wege entwickelten Vorstellungen entweder nichtssagend sind, oder sogar mit der Erfahrung in directem Widerspruche stehen.

Auch im Mittelalter wurden die Naturwissenschaften nur wenig weiter entwickelt, theils weil die ganze geistige Thätigkeit jener Zeit anderen Interessen zugewendet war, theils weil die Aristotelische Philosophie in so hohem Ansehen stand, dass dadurch jede weitere Prüfung der in derselben ausgesprochenen Naturansichten, und also auch jeder Fortschritt abgeschnitten war.

Erst Galiläi schlug den Weg der Erfahrung ein und Baco von Verulam zeigte, dass es nur auf diese Weise möglich sei, zur Kenntniss der Naturgesetze zu gelangen.

Nutzen des physikalischen Studiums. Wie wichtig für das praktische Leben die Cultur der Naturwissenschaften in einer Zeit ist, in welcher Industrie und Verkehr einen so mächtigen Aufschwung genommen haben, ist wohl zu sehr in die Augen fallend, als dass weitläufige Erörterungen deshalb nöthig wären. Angesichts unserer Dampfmaschinen und Eisenbahnen, der Blitzableiter und der elektrischen Telegraphen wird wohl Niemand im Ernst die materielle Bedeutung der Naturwissenschaften beanstanden. — Ueberhaupt ist es von vornherein klar, dass wir die Natur und ihre Kräfte um so besser und vollständiger zu unseren Zwecken benutzen können, dass wir in dem Maasse mehr Herr der Natur werden, je mehr wir die Eigenschaften der Naturproducte und ihre Kräfte kennen lernen.

Wes in discon Basishung mer Jan Watershipsenschaften im Allement

Den hohen Werth einer richtigen Methode lernen wir schätzen, wenn wir nur einen flüchtigen Blick auf die Geschichte der Wissenschaft werfen. Die rasche Entwickelung, deren sich in der neueren Zeit die Chemie, deren sich die Elektricitätslehre, die Lehre vom Lichte u. s. w. erfreute, war nur möglich, weil sich an dem Studium der Astronomie und Mechanik bereits die wahren Grundsätze der Naturforschung entwickelt hatten. Kepler, Galiläi und Newton haben nicht allein grosse astronomische und mechanische Wahrheiten entdeckt, sie haben den späteren Naturforschern auch den Weg gezeigt, welchen man verfolgen muss, um neue Entdeckungen zu machen.

Eintheilung der physikalischen Disciplinen. Physik im 5 weiteren Sinne des Wortes ist mit Naturlehre gleichbedeutend, und wenn man diese Bedeutung zu Grunde legt, sind auch Astronomie und Chcmie physikalische Disciplinen; allein diese Zweige der Naturlehre haben eine solche Ausdehnung gewonnen, das Material, welches die Physik in dem bereits oben angedeuteten engeren Sinne des Wortes zu behandeln hat, ist so sehr angewachsen, dass jede dieser Disciplinen für sich allein cultivirt und gelehrt werden muss.

Nach Ausschluss der Astronomie und Chemie bleiben der Physik im engeren Sinne noch folgende Disciplinen:

- 1. Die Grundzüge der Mechanik, oder die Lehre vom Gleichgewicht und der Bewegung. In ihrer ganzen Ausdehnung kann die Mechanik gleichfalls nicht mehr in den Vortrag der Physik aufgenommen werden, die Grundgesetze der Mechanik bilden aber einen integrirenden Theil der Physik.
 - 2. Die Akustik, oder die Lehre vom Schalle.
 - 3. Die Optik, oder die Lehre vom Lichte.
 - 4. Die Lehre vom Magnetismus und der Elektricität.
 - 5. Die Lehre von der Wärme.

Diese fünf Disciplinen werden nun in den ersten fünf Büchern des vorliegenden Lehrbuchs abgehandelt, während die Anwendung der physikalischen Gesetze zur Erklärung der wichtigsten meteorologischen Erscheinungen den Gegenstand des sechsten Buches bildet.

Bevor wir jedoch zu den einzelnen Disciplinen übergehen, müssen wir erst noch die allgemeinen Eigenschaften der Körper betrachten, um eine richtige Grundanschauung von den Körpern und den in ihnen thätigen Kräften zu erlangen.

Allgemeine Eigenschaften der Körper. Da sich die Physik 6 mit Körpern beschäftigt, so ist es vor allen Dingen wichtig, dass man sich eine Vorstellung von dem Wesen dieser Körper bildet, und dazu gelangt man zunächst durch die Betrachtung der allgemeinen Eigenschaften, d. h. derjenigen Eigenschaften, welche wir an allen Körpern beobachten, so verschieden sie auch sonst sein mögen.

Zum Wesen eines Körpers ist nothwendig, dass er einen begränzten Raum einnimmt, dass er also eine Ausdehnung hat, und dass in demselben Raume nicht zu gleicher Zeit zwei Körper vorhanden sein können, was man mit dem Namen der Undurchdringlichkeit bezeichnet. Ausser diesen beiden Eigenschaften, ohne welche die Materie gar nicht denkbar ist, beobachtet man aber noch andere allgemeine Eigenschaften, nämlich Trägheit, Schwere, Theilbarkeit und Veränderlichkeit des Volumens.

Trägheit. In der ganzen Natur kann keine Veränderung in dem Zustande der Dinge vorgehen, ohne dass sie von einer besonderen Ursache veranlasst wird; was für Veränderungen also ein Körper auch erleiden mag, seien es nun Veränderungen im Zustande der Ruhe oder der Bewegung, seien es Veränderungen seines Aggregatzustandes u. s. w., immer ist, um eine solche Veränderung hervorzubringen, eine Kraft nöthig. Ist ein Körper in Ruhe, so ist eine Kraft nöthig, um ihn in Bewegung zu setzen; ist er in Bewegung, so ist eine Kraft nöthig, um ihn zur Ruhe zu bringen; ein Körper, der einmal in Bewegung ist, wird ohne Einwirkung äusserer Kräfte seine Bewegung mit unveränderlicher Geschwindigkeit, in unveränderter Richtung fortsetzen, bis sie durch äussere Hindernisse aufgehoben wird. Man bezeichnet die eben besprochene Eigenschaft der Körper mit dem Namen der Trägheit oder des Beharrungsvermögens.

Schon im alltäglichen Leben finden wir zahlreiche Erscheinungen, welche sich durch das Gesetz der Trägheit erklären lassen. Das Schwungrad einer Maschine läuft noch eine Weile fort, wenn auch die Kraft, welche die Maschine treibt, zu wirken aufgehört hat; es würde ewig fortlaufen, wenn die Reibung die Bewegung nicht fortwährend verzögerte.

Wenn man stark läuft, kann man nicht plötzlich einhalten, und wenn

des Stoffes, aus welchem er besteht, oder mit anderen Worten von seiner Masse.

Wenn ein ruhender Körper in eine schnelle Bewegung versetzt werden soll, so ist eine grössere Kraft nöthig, als wenn er in gleicher Zeit nur in den Zustand langsamer Bewegung übergeführt werden soll.

Auf die Oeffnung einer Flasche lege man ein Kartenblatt, auf das Kartenblatt eine Münze, so dass sie sich genau über der Mitte der Oeffnung befindet, Fig. 1. Schnellt man nun mit dem Finger das Kartenblatt in horizontaler Richtung schnell fort, so gleitet es unter dem Geldstück

Fig. 1.



weg, so dass dieses in die Flasche herabfällt, während es auf dem Kartenblatt liegen bleibt, wenn man das letztere ebenfalls in horizontaler Richtung, aber nur langsam fortbewegt.

Das Geldstück wird nur durch die Reibung auf dem Kartenblatt zurückgehalten, das Kartenblatt wird also unter dem Geldstück weggleiten, wenn der Widerstand, den es der Ueberführung aus dem Zustande der Ruhe in den der Bewegung entgegensetzt, grösser ist, als die Reibung, vermöge welcher es gleichsam an der Karte haftet. Wird die Karte nur langsam weggeführt, so ist der zu überwindende Trägheitswiderstand nicht so gross wie die Reibung, das Geldstück bleibt liegen; wird aber die Karte

schnell weggestossen, so ist die Reibung nicht so stark wie der Widerstand, welchen die Trägheit des Geldstückes der Ueberführung in den Zustand rascher Bewegung entgegensetzt, das Kartenblatt wird also unter dem Geldstück weggleiten.

Von manchen Seiten hat man sich dagegen ausgesprochen, das Beharrungsvermögen als einen Widerstand gegen jede Veränderung im Bewegungszustande zu bezeichnen, weil das, was man sonst noch mit dem Namen Widerstand bezeichnet, wie z. B. der Reibungswiderstand, allerdings etwas von dem eben Besprochenen wesentlich Verschiedenes ist; um diesen Unterschied hervorzuheben, könnte man den Widerstand des Beharrungsvermögens als Beschleunigungswiderstand bezeichnen, während der Reibungswiderstand z. B. ein Bewegungswiderstand ist. Wir werden darauf später ausführlicher zurückkommen.

Das Gesetz der Trägheit ist für die gesammte Naturlehre von der höchsten Wichtigkeit, und Galiläi, welcher es zuerst erkannt und ausgesprochen hat, wurde eben dadurch der Gründer einer wissenschaftlichen Physik. Ohne dies Gesetz bleibt die Einsicht in alle Bewegungserscheinungen verschlossen. Das Gesetz der Trägheit musste bekannt sein, ehe eine richtige Erklärung der Gesetze des freien Falles, der Schwungkraft, der Pendelschwingungen, der Planetenbewegung u. s. w. möglich war.

Der Einfluss der Trägheit auf die Bewegungserscheinungen kann erst in späteren Capiteln erläutert und gehörig gewürdigt werden.

Schwere. Wenn man einen Stein, ein Stück Holz u. s. w. vom Boden entfernt, sich selbst überlässt, so fallen sie, bis sie den Boden oder irgend einen anderen Körper treffen, welcher sie aufhält. Da die Materie träge ist, so kann sie nicht von selbst aus dem Zustande der Ruhe in den der Bewegung übergehen. Wenn wir also sehen, dass ein ruhender Körper in demselben Moment sich zu bewegen beginnt, in welchem wir ihm seine Unterstützung entziehen, so müssen wir dies einer Kraft zuschreiben, und diese Kraft nennen wir Schwere.

Um die Richtung der Schwere zu bestimmen, giebt es kein besseres Mittel, als einen Faden an einem Ende irgend wie zu befestigen und an seinem anderen Ende einen kleinen schweren Körper anzuhängen. Die Richtung des Fadens, wenn er gespannt und in Ruhe ist, fällt genau mit der Richtung der Schwere zusammen; denn wenn diese Kraft nach einer anderen Richtung wirkte, so würde sie den Faden nach dieser hinziehen. Diese Vorrichtung, Fig. 2, nennt man das Bleiloth; die Richtung, welche

Fig. 2. der Faden für den Fall des Gleichgewichts einnimmt, nennt man die Verticale. Die Richtung der Schwere ist also die des Bleilothes oder der Verticalen.

Das Bleiloth ist stets gegen den Mittelpunkt der Erde gerichtet. Eine Ebene, welche rechtwinklig zur Richtung des Bleilothes steht, nennt man eine horizontale Fläche. Die Oberfläche eines ruhig stehenden Wassers von nicht zu grosser Ausdehnung bildet eine horizontale Ebene,

Wenn ein Körper durch irgend eine Unterlage am Fallen verhindert ist, so hört deshalb die Wirkung der Schwere nicht auf, sie äussert sich in diesem Falle durch einen Druck, weleher auf die Unterlage energeibt wird In gleicher Weise wird auch die Erde und ebenso werden alle Planeten von der Sonne angezogen.

Diese Anziehung ist aber durchaus gegenseitig. Die Sonne zieht die Erde und die Erde zieht die Sonne an. Dass die Erde um die Sonne kreist, und nicht umgekehrt die Sonne um die Erde, hat nur darin seinen Grund, dass die Masse der Sonne weitaus überwiegend ist.

Jeder Planet wird ferner auch von allen übrigen Planeten angezogen. Dass diese gegenseitige Planetenanziehung die Regelmässigkeit der Planetenbahnen nur unbedeutend stört, hat darin seinen Grund, dass die Masse der Planeten sehr unbedeutend ist im Vergleich zur Masse der Sonne.

Diese unser ganzes Planetensystem beherrschende gegenseitige Anziehung der Himmelskörper wird mit dem Namen der allgemeinen Schwere oder der Gravitation bezeichnet. Die Gesetze der allgemeinen Schwere, deren Entdeckung Newton's unsterbliches Verdienst ist, werden aus den Gesetzen der Planetenbewegung abgeleitet, wie dies im siebenten Capitel der kosmischen Physik ausführlicher entwickelt ist.

Das Gesetz der allgemeinen Schwere lässt sich kurz so ausdrücken:

Je zwei materielle Körper ziehen einander an, und zwar mit einer Kraft, welche direct proportional ist der Masse der beiden Körper, und umgekehrt proportional dem Quadrat ihrer Entfernung.

Dieses Gesetz wird ausgedrückt durch die Gleichung:

$$K = f \frac{M.m}{r^2},$$

wenn K die Grösse der gegenseitigen Anziehung, M die Masse des einen, widie Masse des andern, r aber die Entfernung der beiden Körper bezeichnet. f ist ein constanter Factor, dessen Werth davon abhängt, welche Einheiten man für K, M und r wählt.

Gewicht. Die Grösse des Druckes, welchen ein Körper auf seine 9 Unterlage ausübt, heisst sein Gewicht; dieser Druck nun wächst mit der Anzahl seiner materiellen Theilchen. Um das Gewicht verschiedener Körper mit einander zu vergleichen, bedienen wir uns der Wage, deren Anwendung allgemein bekannt ist, deren Einrichtung aber später noch beschrieben werden soll.

In Frankreich ist das Gramm gesetzlich als Einheit des Gewichtes bestimmt; aber auch in anderen Ländern wird diese Gewichtseinheit fast ausschließlich bei wissenschaftlichen Untersuchungen angewendet. Das Gramm ist das Gewicht eines Cubikcentimeters reinen Wassers im Zustande seiner grössten Dichtigkeit.

Das französische Gewichtssystem hat den grossen Vorzug vor anderen, dass die Einheiten des Gewichtes und des Raummaasses in einer einfachen Beziehung stehen, so dass man leicht vom Volumen auf das Gewicht und umgekehrt schliessen kann. Eine genauere Entwickelung des

neueren französischen Maasssystems, sowie eine Vergleichung der neufranzösischen Maasse und Gewichte mit anderen wird weiter unten folgen.

Masse. Die Masse eines Körpers ist die Quantität der Materie, aus welcher er zusammengesetzt ist; von der Quantität der Materie eines Körpers hängt aber die Grösse seines Beharrungsvermögens ab, und die Grösse des Beharrungsvermögens ist dem Begriff nach das eigentliche Masse der Masse. Ein bequemes Mittel, die Masse eines Körpers zu bestimmen, liefert uns aber erst die Schwere.

Die Masse eines Körpers ist stets seinem Gewichte proportional. Dieser Zusammenhang zwischen Masse und Gewicht wird uns überall durch den Versuch nachgewiesen, obgleich er dem Begriffe nach nicht durchaus nöthig ist; d. h. es wäre denkbar, dass es in der Natur Körper gebe, auf welche die Schwere gar nicht wirkt, obgleich sie deshalb nicht aufhören, träge Massen zu sein. Es wäre ferner denkbar, dass die Schwerkraft ungleich auf die Theilchen verschiedener Substanzen wirke, dass eine Bleikugel z. B. nur deshalb schwerer wäre als eine gleich grosse Kugel von Holz, weil eben die Schwere auf die Theilchen des Bleies vorzugsweise wirkte, ohne dass deshalb das Beharrungsvermögen der Bleikugel grösser wäre als das der Holzkugel. Denken wir uns, um die Sache klar zu machen, zwei gleich grosse Kugeln, eine von Holz, die andere von Blei, und nehmen wir einmal an, die Masse beider, d. h. ihr Beharrungsvermögen, sei gleich, so müsste die Bleikugel schneller fallen; denn wir wissen, dass die Bleikugel etwa 12mal so viel wiegt, dass also die Kraft, welche die Bleikugel fallen macht, 12mal grösser ist als die, welche die Holzkugel niedertreibt.

Nun aber fällt die Bleikugel nicht schneller als die Holzkugel (wenigstens im leeren Raume), und daraus geht hervor, dass die 12mal grössere Kraft, welche die Bleikugel zur Erde zieht, auch eine 12mal so grosse träge Masse in Bewegung zu setzen hat, dass also die träge Masse der

man sein absolutes Gewicht durch das Gewicht eines gleichen Volumens Wasser dividirt.

Es lässt sich diese Regel auch durch die Formel

ausdrücken, wenn S das specifische und P das absolute Gewicht eines Körpers bezeichnet, während p das Gewicht eines gleichen Volumens Wasser ausdrückt.

Die Data also, welche man durch den Versuch bestimmen muss, um aus denselben das specifische Gewicht eines Körpers zu berechnen, sind das absolute Gewicht desselben und das Gewicht eines gleichen Wasservolnmens.

Am leichtesten ist es, diese Data für Flüssigkeiten auszumitteln. Man fülle ein Gefäss, am besten ein solches, welches oben in einen engen Hals mündet, bis zu einer bezeichneten Höhe (bis zu einem am Halse markirten Striche), einmal mit Wasser, dann mit der zu bestimmenden Flüssigkeit, und bestimme jedesmal mit Hülfe der Wage das Gewicht der in der Flasche enthaltenen Flüssigkeit. Es sei z. B. das specifische Gewicht des englischen Vitriolöls auf diese Weise auszumitteln. Man bringe das leere Glasgefass auf die eine Wagschale und lege auf die andere das entsprechende Tarirgewicht auf. Nun fülle man das Gefäss bis zu dem Merkzeichen mit Wasser: das Gewicht dieser Wassermasse sei 830 Gramm. Füllt man nun das Gefäss mit Vitriolöl, so wird man auf der anderen Wagschale, ausser dem Tarirgewicht für die Flasche, noch 1534 Gramm auflegen müssen, um das Gleichgewicht der Wage wieder herzustellen. Das Vitriolol in der Flasche wiegt also 1534 Gramm, während ein gleiches Volumen Wasser nur 830 Gramm wiegt, das specifische Gewicht des Vitriolöls ist also $\frac{1534}{830} = 1,848$.

Nicht immer stehen so grosse Mengen der zu untersuchenden Flüssig-





keit zu Gebote, dass man ein Gefäss, wie das eben besprochene, damit füllen kann; ausserdem aber ist es nicht einmal vortheilhaft, solche Mengen anzuwenden, weil solche Lasten für eine gute Wage zu gross sind. Es ist deshalb zweckmässig, kleinere Gefässe anzuwenden. Gläschen, die man zu diesem Zwecke verfertigt und welche man Pyknometer nennt, haben in der Regel beistehende Gestalt, Fig. 3, und sind durch einen eingeriebenen Stöpsel von Glas verschlossen. Der cubische Inhalt derselben beträgt 8 bis 20 Cubikcentimeter. Der eingeriebene Glasstöpsel ist von einem

Stäck einer Thermometerröhre verfertigt, damit bei etwaiger Erwärmung der Flüssigkeit ein Theil derselben durch die feine Oeffnung austreten könne, weil sonst der Stöpsel entweder gehoben oder das Gefäss zersprengt würde.

Um das specifische Gewicht fester Substanzen zu bestimmen, kann man sich aus denselben einen Körper von regulärer Gestalt formen, etwa einen Würfel, eine Kugel u. s. w., so dass es leicht ist, den cubischen Inhalt der zu untersuchenden Stücke zu berechnen. Das absolute Gewicht solcher Körper findet man durch die Wage, das Gewicht eines gleichen Volumens Wasser ist durch das bekannte Volumen der Körper gegeben. Ein Würfel von Marmor z. B. wiege 22,7 Gramm. Wenn nun jede Seite dieses Würfels 2 Centimeter beträgt, so ist der cubische Inhalt desselben 8 Cubikcentimeter; ein gleich grosser Würfel von Wasser wird also 8 Gramm wiegen, folglich ist das specifische Gewicht des Marmors $\frac{22,7}{8} = 2,84$.

Eine Kugel von trockenem Hainbuchenholz wiege 25,79 Gramm. Wenn der Durchmesser dieser Kugel 4 Centimeter ist, so kann man daraus den cubischen Inhalt berechnen*) und wird ihn gleich 33,49 Cubikcentimeter finden. Eine gleiche Wasserkugel wiegt also 33,49 Gramm, und das specifische Gewicht dieses Holzes ist demnach $\frac{25,79}{33.49} = 0,77$.

Nicht von jeder Substanz hat man solche Massen, um daraus reguläre Körper bilden zu können; ausserdem aber ist es ungemein schwierig, ja fast unmöglich, reguläre Körper genau genug zu arbeiten. Man muss deshalb nach anderen Methoden sich umsehen, um das specifische Gewicht fester Körper zu bestimmen. Die meisten dieser Methoden beruhen auf hydrostatischen Gesetzen, welche wir erst später werden kennen lernen. Die folgende Methode gründet sich jedoch nicht auf diese Principien; sie wird häufig angewendet, um das specifische Gewicht solcher Körper zu bestimmen, welche in kleinen Stücken vorkommen.

Man bringe zuerst das oben erwähnte Gläschen mit Wasser gefüllt auf der Wage ins Gleichgewicht, lege dann die zu bestimmenden KörnNachdem man die Körner in das Glas geworfen, den Stöpsel aufgesetzt und alles ausgeflossene Wasser sorgfältig abgeputzt hat, wägt man wieder. Gesetzt, man fände nun das Gewicht des Gläschens mit Allem, was darin ist, gleich 17,316 Gramm, so ist offenbar das Gewicht des durch die Körnchen verdrängten Wassers 17,576 — 17,316 = 0,26 Gramm, folglich ist das specifische Gewicht der Platinakörner $\frac{4,056}{0.26}$ = 15,6.

Dasselbe Verfahren lässt sich auch bei grösseren Stücken anwenden, wenn man nur ein passendes, etwa ein cylindrisches Gefäss wählt, dessen oberer Rand sorgfältig abgeschliffen ist, so dass man durch Auflegen einer Glasplatte immer genau dasselbe Volumen abgränzt.

Wenn der zu bestimmende Körper in Wasser löslich ist, so füllt man das Glas mit einer anderen Flüssigkeit, in welcher sich der Körper nicht löst, etwa mit Alkohol, Terpentinöl u. s. w. Durch das so eben beschriebene Verfahren findet man nun, wie viel ein Quantum der gewählten Flüssigkeit wiegt, welches mit dem zu bestimmenden Körper gleiches Volumen hat. Wenn aber nun das specifische Gewicht dieser Flüssigkeit schon bekannt ist, so kann man leicht das Gewicht eines gleichen Volumens Wasser berechnen.

Gesetzt, ein Stück eines Salzes, welches in Terpentinöl unlöslich ist, wiege 0,352 Gramm und verdränge, in das Glas geworfen, 0,13 Gramm Terpentinöl. Das specifische Gewicht des Terpentinöls ist 0,872, ein gleiches Volumen Wasser wiegt demnach $\frac{0,13}{0,872}=0,149$ Gramm, das specifische tiewicht dieses Salzes ist also $\frac{0,352}{0.149}=2,36$.

Wir werden weiter unten noch andere Methoden zur Bestimmung des specifischen Gewichtes kennen lernen.

Die folgende Tabelle enthält eine Zusammenstellung von specifischen liewichten einiger Körper, welche zu kennen häufig nothwendig oder wenigstens von Interesse ist.

. Tabelle der specifischen Gewichte einiger fester Körper (bei O Grad).

	D. 1. 4.11. 0.00
gemünzt	Bergkrystall 2,68
Platin gewalzt 22,07	Porzellan 2,49 bis 2,14
geschmolzen 20,86	Gyps (krystallisirt) 2,31
Gold Sgemünzt 19,32	Schwefel (natürlich) 2,03
geschmolzen 19,25	Elfenbein 1,92
Iridium 18,60	Alabaster 1,87
Wolfram 17,60	Graphit 1,8 bis 2,4
Blei, geschmolzen 11,35	Anthracit 1,80
Palladium	Phosphor 1,77
Silber 10,47	Magnesium 1,74
Wismuth 9,82	Bernstein 1,08
(gehämmert 8,88	Wachs, weisses 0,97
Kupfer gegossen 7,79	Natrium 0,97
zu Draht gezogen . 8,78	Kalium 0,86
Kadmium 8,69	Lithium 0,59
Molybdan 8,61	Ebenholz 1,23
Messing 8,39	Eichenholz (alt) 1,17
Arsenik 8,31	Buxbaum 1,33
Nickel 8,28	Ahornholz { frisch 0,90
Stahl 7,82	Anoranoiz trocken 0,65
Kobalt 7,81	(friegh 0.00
(geschmiedet 779	Buchenholz trocken 0,59
Eisen gegossen 7,21	(frienk 0.00
Bleiglanz 7,76	Edeltanne trocken 0,45
Zinn 7,29	(friegh 0.90
Zink 7,00	Erlenholz trocken 0,50
Antimon 6,71	(friegh 0.00
Fellur 6,11	Eschenholz trocken 0,64
Jod 4,95	(frienh 0.04
Schwerspath 4,43	Hainbuchenholz trocken . 0.77
2011 1 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	t double t U.H

Specifisches Gewicht einiger Flüssigkeiten (bei 0 Grad, wo nichts weiter bemerkt ist).

Destillirtes Wasser 1,000	50 Proc. Säure 1,295
Quecksilber 13,598	60 » » 1,346
Brom 2,966	70 » » 1,398
Schwefelsäure (englische) . 1,848	80 » » · · · · 1,438
Verdünnte Schwefelsäure nach	90 • • 1,473
Delezenne bei 15°C.:	100 » » 1,500
10 Proc. Saure 1,066	Schwefelkohlenstoff 1,272
20 • • 1,138	Glycerin 1,260
30 1,215	Milch 1,030
40 • 1,297	Meerwasser 1,026
50 1,387	Wein: Malaga 1,022
60 • • 1,486	» Rhein 0,999
70 1,595	Oele: Citronenöl 0,852
80 1,709	• Leinöl 0,953
90 • • 1,805	» Mohnöl 0,929
100 • • 1,840	• Olivenöl 0,915
Verdünnte Salpetersäure:	Terpentinöl 0,872
10 Proc. Saure 1,054	Benzol 0,868
20 • • 1,111	Alkohol, absoluter 0,793
30 • • 1,171	Schwefeläther 0,715
40 1,234	Valyl (C ₈ H ₉) 0,694

Es mögen hier noch die Zahlenwerthe für das specifische Gewicht einiger Gase Platz finden, obgleich wir die Methoden, nach welchen es bestimmt wird, erst später besprechen können.

Specifisches Gewicht einiger Gase (bei O Grad und 760mm Barometerstand).

Wenn man die Grössen P und p der Gleichung 1) Seite 11, in einem Maasssystem ausdrückt, bei welchem, wie bei dem neueren französischen, das Gewicht der Volumeneinheit Wasser zur Gewichtseinheit gewählt ist, so ist p gleich dem Volumen V des Körpers, dessen Gewicht wir mit P bezeichnet haben, es ist also

d. h. man findet das specifische Gewicht eines Körpers, wenn man sein absolutes Gewicht durch sein Volumen dividirt, und daraus folgt weiter

d. h. man findet das Volumen eines Körpers, wenn man das absolute Gewicht desselben durch sein specifisches Gewicht dividirt.

Es wiege z. B. ein Stück Marmor 3600 Gramm, so ist sein Volumen

$$V = \frac{3600}{2,84} = 1268$$
 Cubikcentimeter.

Ferner ist

d. h. man erhält das absolute Gewicht eines Körpers, wenn man sein Volumen mit seinem specifischen Gewicht multiplicirt.

Man findet häufig mit dem Namen Dichtigkeit dasselbe beseichnet, wofür wir den Ausdruck "specifisches Gewicht" gebraucht haben. Man sollte, wie mir scheint, den Ausdruck "Dichtigkeit" in dieser Bedeutung vermeiden, nicht allein weil er eine Hypothese über die Natur der Atome involvirt, sondern auch, weil diese Hypothese entschieden falsch ist. Nach der obigen Tabelle ist das specifische Gewicht des Aluminiums

kann das Gefühl die Theilchen nicht unterscheiden, wie wir etwa Sandkörnchen durch das Gefühl unterscheiden können.

Bei festen Körpern lässt sich die Theilbarkeit gleichfalls so weit verfolgen, bis die Theilchen nicht mehr sinnlich wahrnehmbar sind. Polirter Stahl, polirte Edelsteine haben Oberflächen, an welchen unsere Sinne keine Unebenheiten wahrnehmen können, und doch sind diese Flächen durch Polirmittel hervorgebracht, die ja aus lauter feinen Körnchen bestehen, und jedes Körnchen macht Ritzen in die Oberfläche, welche seiner Grösse proportional sind.

Eine nicht gar empfindliche Hand kann noch sehr wohl einen einfachen Faden von Wolle oder Seide fühlen; diese Fäden haben ungefähr folgende Dimensionen:

> Durchmesser, ausgedrückt in Linien. Gewöhnliche Wolle.... Merino 0,008 Seide 0,004.

Diese so feinen Fäden sind jedoch noch sehr zusammengesetzte Körper; jeder hat eine besondere Structur, welche wir nur durch den Sinn des Gesichts wahrnehmen können, jeder ist noch aus Theilchen verschiedener Elemente zusammengesetzt, welche uns die Chemie zu trennen lehrt.

Viele Dinge, welche dem Sinne des Gefühls entgehen, sind noch durch das Auge wahrnehmbar. Man sieht auf dem Probirstein noch die Goldtheilchen, welche die empfindlichste Hand nicht mehr zu fühlen im Stande ist. Durch Loupen und Mikroskope aber ist der Gesichtssinn nicht nur ausnehmend geschärft, sondern auch die Möglichkeit gegeben, solche kleine Grössen genau zu messen.

Es ist bekannt, dass man in den Künsten Fäden von Kupfer, Eisen und Silber anwendet, welche eben so fein sind wie ein Haar; ja Wollaston hat Platindraht dargestellt, welcher nur 1/3000 Linie dick war. Man müsste 140 solcher Drähte zusammenlegen, um nur die Dicke eines einzelnen Coconfadens zu erhalten, und obgleich das Platin der schwerste aller bekannten Körper ist, so würde ein solcher Draht von 3000 Fuss Länge kaum einen Gran wiegen. Um einen solchen Draht zu erhalten, welcher wohl das Feinste sein möchte, was die Kunst darzustellen vermag, nahm Wollaston einen Platindraht, dessen Durchmesser 1/100 engl. Zoll betrug, befestigte ihn in der Axe einer cylindrischen Form von 1/5 Zoll Durchmesser, goss diese Form mit geschmolzenem Silber aus und erhielt so einen Cylinder von Silber, dessen Axe aus Platin bestand. Diesen Cylinder liess er nun durch einen Drahtzug gehen; beide Metalle verlängerten sich dabei gleichmässig. Nachdem nun der zusammengesetzte Faden bis zur ausserst möglichen Feinheit ausgezogen worden war, kochte er ihn in Salpetersäure, welche das Silber auflöst und den feinen Kern vom Platin blosslegt.

Mit Hülfe des Mikroskops erkannte man, dass das Blut nicht, wie es auf den ersten Anblick scheint, eine gleichförmige Flüssigkeit ist, sondern dass es aus einer Menge kleiner Kügelchen besteht, welche in einer Flüssigkeit schwimmen, die man Serum nennt. Ihre Grösse schwankt, je nach den verschiedenen Thiergattungen, zwischen 1/312 und 1/575 Linien.

Endlich giebt es Thierchen, welche nicht grösser sind als diese Blutkügelchen, und obgleich wir hier an der Gränze der sinnlichen Wahrnehmung stehen, so können wir doch noch schliessen, dass sie wohl organisirte Körper sind, weil sie Leben und Bewegung haben; sie müssen Gelenke und Glieder haben, welche ihre Bewegung möglich machen, im Innern ihres Körpers müssen Organe zur Ernährung und Kanäle vorhanden sein, in denen sich die Säfte bewegen.

Wie weit aber geht diese Theilbarkeit? Kommen wir bei fortgesetzter Verkleinerung wohl zu Theilchen, die noch sinnlich wahrnehmbar, aber doch nicht weiter theilbar sind? So weit unsere Erfahrung reicht, geht die Theilbarkeit stets über die Gränzen der sinnlichen Wahrnehmung hinaus. Als Beispiele ausserordentlicher Theilbarkeit führt man gewöhnlich den Moschus an, welcher Jahre lang ein ganzes Zimmer mit einem intensiven Geruche erfüllen kann, ohne merklich an Gewicht abzunehmen.

Am besten beweisen uns alle chemisch zusammengesetzten Körper, dass die Theilbarkeit über die Gränzen der sinnlichen Wahrnehmung hinausgeht. Der Zinnober z. B. ist aus Quecksilber und Schwefel zusammengesetzt. und man kann ihn leicht in diese beiden Bestandtheile zerlegen; man ist aber nicht im Stande, die kleinen Theilchen von Schwefel und Quecksilber einzeln für sich zu unterscheiden; selbst durch das beste Mikroskop betrachtet, erscheint der Zinnober doch immer noch als eine vollkommen homogene (gleichartige) Masse.

Obgleich nun die Theilbarkeit weit über die Gränzen der sinnlichen Unterscheidung hinausgeht, so können wir uns doch nicht wohl vorstellen, dass sie über alle Gränzen hinausgeht. Vielmehr führt uns die Betrachtung der physikalischen sowohl, wie auch namentlich der chemischen Erscheinungen zu der Annahme, dass die Körper aus kleinen nicht weiter

at nicht immer genau denselben Raum ein; er kann durch Druck und utung verkleinert, durch Spannung und Erwärmung vergrössert wer-Nehmen wir nun an, dass die Atome ein- für allemal unveränderlich so lässt sich die Ausdehnbarkeit nur durch die Annahme erklären, die Atome nicht in unmittelbarer Berührung stehen, sondern durch chenräume getrennt sind, durch deren Vergrösserung oder Verkleineg das Volumen der Körper zu- oder abnimmt.

Fig. 4.



Fig. 5.





Die Luft dehnt sich sehr leicht und sehr stark durch die Wärme aus. Ein Glasgefäss, Fig. 4, von nicht zu dickem Glase, sei luftdicht mittelst eines Korkes verschlossen, durch welchen zwei Glasröhren hindurchgehen; die eine reicht fast bis auf den Boden, so dass ihr unteres Ende in die in der Flasche befindliche Flüssigkeit eintaucht; die andere ist ganz kurz; wird die kurze verstopft, so ist die innere Luft von der äusseren abgesperrt. Berührt man jetzt das Glasgefäss nur mit der Hand, so dehnt sich die eingeschlossene Luft aus und treibt die Flüssigkeit in der langen Röhre in die Höhe.

Die Ausdehnung der Flüssigkeiten durch die Wärme lässt sich an dem gewöhnlichen Thermometer zeigen.

Dass auch feste Körper durch Erwärmung ausgedehnt werden, lässt sich durch folgenden von S'Gravesande herrührenden Versuch anschaulich machen:

Eine Metallkugel, an einem Metalldraht hängend, passt kalt ganz genau in den Metallring Fig. 5, so dass sie eben hindurchgeht, was nicht mehr der Fall ist, wenn man sie über einer Spiritusflamme stark erwärmt hat.

Die Gesetze der Ausdehnbarkeit werden wir in der Lehre von der Wärme näher kennen lernen.

So wie die Körper nicht gleiche Ausdehnbarkeit besitzen, so sind sie auch nicht gleich zusammendrückbar. Ein Schwamm lässt sich auf ¹/₄ bis ¹/₁₀ seines ursprünglichen Volumens zusammenpressen. Holz, Papier, Gewebe, welche Flüssigkeiten einsaugen, lassen sich zusammenpressen und verlieren dabei das eingesaugte Wasser.

Münzen und Medaillen erhalten ihr Gepräge ch einen heftigen Stoss des Stempels. Die Gewalt des Stosses ist so s, dass sich die Buchstaben und das Bild des Stempels dem Metall rägen, wie man weichem Wachs durch den Druck der Hand beliebige Formen aufdrücken kann. Was aber hier das Wichtigste ist, das Volumen des gemünzten Stückes ist kleiner als es vorher war. Flüssigkeiten sind im Allgemeinen weit weniger compressibel als feste Körper. Wenn man Wasser in einen Kanonenlauf einschliesst, dessen Wände 3 Zoll dick sind, so wird bei Ausübung eines starken Druckes das Metall eher bersten, als man das Wasser auf ¹⁹/₂₀ seines Volumens zusammenpresst.

Die Luft und die Gase überhaupt lassen sich unter allen Körpern am leichtesten zusammendrücken; man kann dies durch viele Versuche beweisen, am einfachsten aber schon durch ein Kinderspielzeug, die Hollunderbüchse. Eine Röhre wird an beiden Enden durch Pfropfe p und p' (Fig. 6) verschlossen, und dadurch die innere Luft abgesperrt. Wird nun

Fig. 6.



der eine Pfropf mittelst des Stempels S hineingedrückt, so wird die innere Luft comprimirt, bis sie endlich in Folge des wachsenden Drucks den anderen Pfropf mit Gewalt hinaustreibt.

Die anderen Gase haben in dieser Hinsicht genau dieselben Eigenschaften wie die atmosphärische Luft.

Porosität. Die Zwischenräume, welche sich zwischen den verschiedenen Theilchen der Körper befinden, nennt man Poren. Bezeichnet man mit diesem Namen auch die Zwischenräume zwischen den Atomen der Körper, so ist dem oben Gesagten zufolge jeder Körper porös, die Porosität also eine allgemeine Eigenschaft. Im gewöhnlichen Leben versteht man aber unter Poren nur solche Zwischenräume, welche gross genug sind,

wenn sie abgestorben sind, behalten sie ihr poröses Gefüge. Holz, welches in Wasser getaucht wird, nimmt an Gewicht und Volumen zu; dasjenige hingegen, welches man frei in der Luft liegen lässt, schwindet bei trockener und quillt bei feuchter Witterung.

Versteinerte Thiere und versteinertes Holz sind ein schlagender Beweis für ihre Porosität, weil ja die versteinernde Substanz alle Fasern der zu versteinernden Masse durchdringen musste.

Mineralische Substanzen sind bald mehr, bald weniger porös. Undurchsichtige Steine und solche, deren Theilchen sehr unregelmässig gelagert sind, sind in der Regel die porösesten.

Kreide und Marmor haben gleiche chemische Zusammensetzung und unterscheiden sich nur durch die verschiedene Anordnung der Theilchen, in Folge dessen sie auch eine sehr ungleiche Porosität besitzen.

Taucht man ein Stück Kreide und ein Stück Marmor in Wasser ein, so wird, wie man sich durch Zerbrechen der Stücke überzeugen kann. die Kreide bald ganz vom Wasser durchdrungen sein, während beim Marmor das Wasser kaum in die Oberfläche eingedrungen ist. Es ist damit nicht gesagt, dass nicht auch die ganze Masse des Marmors vom Wasser durchdrungen werden könnte, nur ist dazu mehr Zeit und ein starker Druck nöthig. Steine, welche man von dem Boden der Flüsse und des Meeres in die Höhe holt, sind deshalb auch in der Regel vom Wasser durchdrungen.

Unter den zum Kieselgeschlecht gehörigen Mineralien giebt es eines, welches den Namen Hydrophan führt, dessen Porosität ein eigenthümliches Phänomen hervorbringt. Der Hydrophan ist im gewöhnlichen Zustande nur durchscheinend, kurze Zeit in Wasser eingetaucht, wird er aber durchsichtig wie Glas, weil das Wasser in seine Poren eindringt, wie das Oel in die Poren des Papiers.

Endlich finden wir selbst bei Metallen deutliche Beweise ihrer Porosität. Eine mit Wasser gefüllte Hohlkugel von Gold, welche einem starken Drucke ausgesetzt wird, überdeckt sich auf der ganzen Oberfläche mit ganz kleinen, dem Thau ähnlichen Tröpfchen. Dieser Versuch wurde zum ersten Male im Jahre 1661 von den Akademikern in Florenz angestellt, und wurde seitdem mit verschiedenen Metallen, aber stets mit demselben Erfolge, wiederholt.

Aus den angeführten Beispielen geht zur Genüge hervor, dass es viele Körper giebt, welche Flüssigkeiten mit Leichtigkeit durchlassen; dass es andere giebt, welche nur nach längerer Zeit und unter einem mehr oder weniger starken Drucke von Flüssigkeiten durchdrungen werden können; endlich giebt es auch solche, welche eher zerbrechen, als dass sie Flüssigkeiten oder Gase durchlassen. Es ist wohl kaum nöthig zu bemerken, dass nicht alle Flüssigkeiten jeden Körper gleich gut zu durchdringen im Stande sind. Für physikalische und chemische Versuche ist es von großer Wichtigkeit, dass das Glas weder Flüssigkeiten noch Gase

15 Aggregatzustände. Nachdem wir durch die Betrschtung der Theilbarkeit und Ausdehnbarkeit die Grundidee der atomistischen Theorie entwickelt haben, wollen wir zunächst sehen, wie sich die verschiedenen Körper aus Atomen construiren lassen.

Alle Körper, welche wir kennen, gehören einem der drei verschiedenen Zustände an, welche wir mit den Namen fest, flüssig und gasförmig bezeichnen, und die sich am besten am Wasser anschaulich machen lassen. Derselbe Körper nämlich, welchen wir im gewöhnlichen Leben als tropfbar flüssiges Wasser kennen, wird bei niedriger Temperatur fest und führt dann den Namen Eis, bei höherer Temperatur aber lässt sich das Wasser leicht in einen luftför migen Körper verwandeln, welchen wir Dampf nennen. Durch Erwärmung kann das Eis wieder geschmolzen und durch Erkaltung der Dampf wieder zu tropfbar flüssigem Wasser verdichtet werden.

Einem dieser drei Zustände, welche wir so eben beim Wasser kennen lernten, gehört nun jeder Körper an; er ist entweder fest, flüssig oder gasförmig. Die meisten Körper lassen sich aber auch wie das Wasser durch Temperaturveränderungen aus einem Zustande in den anderen überführen.

Die festen Körper haben, die geringen Veränderungen abgerechnet, welche durch Wärme und Druck hervorgebracht werden, ein unveränderliches Volumen und eine selbstständige Gestalt; es gehört auch eine mehr oder weniger bedeutende Kraft dazu, um einen festen Körper zu zertheilen. Es ist z. B. unmöglich, ein Stück Eisen auf die Hälfte, auf den dritten Theil seines Volumens zusammenzupressen, oder zu machen, dass es den doppelten, dreifachen Raum einnimmt; nur mit grosser Gewalt sind wir im Stande, seine Gestalt zu ändern oder es zu theilen.

Die Flüssigkeiten haben in demselben Sinne wie die festen Körper ein unveränderliches Volumen, d. h. wenn wir sie durch einen starken von dem äusseren Drucke ab. Man kann eine Luftmasse leicht auf $^{1}/_{2}$, $^{1}/_{4}$... $^{1}/_{10}$ ihres Volumens zusammenpressen; und umgekehrt, wenn man sie in einen 2, 4 . . . 10mal grösseren leeren Raum bringt, so füllen sie auch diesen vollständig aus, wie wir später noch ausführlicher sehen werden; sie haben also ein Bestreben, sich so viel wie möglich auszudehnen. Die leichte Theilbarkeit haben die Gase mit den Flüssigkeiten gemein.

Diese Unterschiede können nach unserer Ansicht von der Constitution der Körper nur darauf beruhen, dass bei den festen Körpern die Atome nicht allein in einer bestimmten Entfernung, sondern auch in einer bestimmten gegenseitigen Lage bleiben, während die Atome der Flüssigkeiten zwar auch in einer bestimmten Entfernung bleiben, aber doch sehr leicht sich an einander verschieben lassen; bei den gasförmigen Körpern endlich finden wir ein Bestreben der Atome, sich möglichst weit von einander zu entfernen.

Verschiedenheit der Atome. Vergleichen wir verschiedene 16 körper, so gewahren wir alsbald Unterschiede, welche sich nicht auf eine verschiedene Anordnung der Theilchen zurückführen lassen. So sind z. B. der Schwefel und das Blei feste Körper, aber feste Körper, welche mit sehr verschiedenen Eigenschaften begabt sind. Man mag den Schwefel behandeln wie man will, man kann ihn nie in Blei, und umgekehrt kann man das Blei durch keinerlei Operationen in Schwefel umwandeln; wir sehen uns daher zu der Annahme genöthigt, dass die Atome, aus welchen das Bleistück besteht, von denen des Schwefels wesentlich verschieden sind.

Wasser, Quecksilber, Kohlensäure, Schwefel, Zink u. s. w. kennen wir in allen drei Aggregatzuständen, aber die Eigenschaften eines jeden der genannten Körper sind bei gleichem Aggregatzustande doch wesentlich verschieden von denen aller übrigen.

Die meisten Körper sind nicht aus gleichartigen, sondern aus verschiedenartigen Atomen zusammengesetzt, obgleich das äussere Ansehen keine Ungleichartigkeit der kleinsten Partikelchen erkennen lässt.

Durch gewisse Operationen, welche die Chemie näher kennen lehrt, kann man z. B. aus dem Zinnober Schwefel und Quecksilber abscheiden, man kann das Wasser in Sauerstoff und Wasserstoff, das Kochsalz in Chlor und Natrium zerlegen.

Solche Körper nun, welche aus Atomen verschiedener Natur zusammengesetzt sind, und welche sich in verschiedene Stoffe zerlegen lassen, nennt man chemisch zusammengesetzte Körper, im Gegensatz zu denen, welche sich nicht in verschiedenartige Bestandtheile zerlegen lassen, und welche man deshalb einfache Körper, Grundstoffe oder Elemente nennt.

Solche Stoffe, welche man bis jetzt wenigstens nicht weiter in verschiedenartige Bestandtheile zerlegen kann, zählt man jetzt 65. Die wichtigsten und bekanntesten dieser Elemente sind:

Sauerstoff. Antimon, Nickel, Schwefel. Silicium. Eisen. Stickstoff, Zink. Gold. Chlor. Platin. Wasserstoff. Jod. Silber. Mangan, Quecksilber. Aluminium. Brom. Phosphor, Kupfer, Magnesium, Wismuth, Calcium, Arsen. Kohlenstoff. Zinn. Barium. Chrom, Blei. Natrium, Molybdan, Kobalt. Kalium.

Die nähere Betrachtung dieser Elemente, die Art und Weise, wie sie sich unter einander zu verschiedenen zusammengesetzten Körpern verbinden, die Mittel, welche man anzuwenden hat, um chemisch zusammengesetzte Körper in ihre Bestandtheile zu zerlegen, gehört der Chemie an; dessen ungeachtet müssen wir auch hier die Grundgesetze der chemischen Verbindungen wenigstens kurz besprechen, weil sie mit einer Reihe von physikalischen Gesetzen in der innigsten Beziehung stehen.

Chemische Aequivalente. Wenn zwei einfache Stoffe eine chemische Verbindung mit einander eingehen, so entsteht ein neuer Körper, welcher ganz andere Eigenschaften besitzt als jeder der Bestandtheile, und sich wesentlich von einem Gemenge derselben unterscheidet. Wenn man fein vertheilten Schwefel noch so lange mit Kohlenpulver zusammenreibt, so erhält man doch nur ein Gemenge, in welchem man mit Hülfe des Mikroskops immer noch die einzelnen Schwefel- und Kohlentheilchen unterscheiden kann.

Ein ganz anderes Resultat erhält man, wenn Schwefeldämpfe über Kohlen geleitet werden, welche in einem eisernen Rohre glühend gemacht sind. Durch Verdichtung der aus dem Rohre austretenden Dämpfe erhält Zinnober enthält z. B. auf 200 Gewichtstheile Schwefel stets 1250 Gewichtstheile Quecksilber. Schmilzt man Schwefel und Quecksilber in anderen Verhältnissen zusammen, so bleibt ausser dem gebildeten Zinnober noch ein Ueberschuss von Schwefel oder Quecksilber übrig, welcher nicht in die Verbindung eingeht, je nachdem man von dem einen oder anderen dieser Stoffe zuviel genommen hat.

Es ist nun höchst wichtig, genau die Gewichtsverhältnisse zu kennen, in welchen die einfachen Stoffe zu chemischen Verbindungen zusammentreten. Die Untersuchungen der Chemiker haben in dieser Beziehung zu folgenden Hauptresultaten geführt.

Es verbinden sich 100 Gewichtstheile Sauerstoff (O) mit 1295 Gew.-Thln, Blei Pb 200 Gew.-Thln. Schwefel ... S 175 Eisen Fe Stickstoff . . . N 350 Zink....Zn 443 Chlor Cl 407 387,5 Phosphor . . . P Wasserstoff . H 12,5 277.5 Silicium ... Si Mangan . . . Mn 345 Aluminium. . Al 75 Kohlenstoff...C 171 1350 Silber Ag 250 Calcium . . . Ca 1250 Natrium . . . Na Quecksilber . Hg 287.4 396 Kupfer Cu 489 Kalium K

Die oben mitgetheilten Zahlen geben aber nicht allein an, in welchen Verhältnissen sich die genannten Körper mit Sauerstoff, sondern auch, in welchen Verhältnissen sie sich unter einander verbinden. So verbinden sich 200 Gew.-Thle. Schwefel mit 1250 Gew.-Thln. Quecksilber zu Schwefelquecksilber (Zinnober), und 200 Gew.-Thle. Schwefel mit 12¹/₂ Gew.-Thln. Wasserstoff zu Schwefel-Wasserstoffgas. Ferner vereinigen sich 443 Gew.-Thle. Chlor mit 396 Gew.-Thln. Kupfer zu Chlorkupfer, mit 407 Gew.-Thln. Zink zu Chlorzink, mit 287,4 Gew.-Thln. Natrium zu Chlornatrium u. s. w.

Diese Zahlen, welche also zunächst angeben, in welchen Gewichtsverhältnissen je zwei einfache Stoffe zu chemischen Verbindungen zusammentreten können, werden chemische Aequivalente genannt und durch die in obiger Tabelle beigefügten Buchstaben bezeichnet. So bezeichnet Hein Aequivalent Wasserstoff, Cl ein Aeq. Chlor, Hg ein Aeq. Quecksilber L. S. W.

Ein zusammengesetzter Körper wird durch die Zusammenstellung der Zeichen seiner Bestandtheile bezeichnet; so ist z. B. HO das Zeichen des Wassers, d. h. der Verbindung von 1 Aeq. Wasserstoff mit 1 Aeq. Sauerstoff; HgS ist das chemische Zeichen für Zinnober, ZnCl das für Chlorzink u. s. w. Das Aequivalent eines zusammengesetzten Körpers ist stets die Summe der Aequivalente seiner Bestandtheile; so ist z. B. das Aequivalent für

```
Kali . . . . KO = 589 Zinkoxyd . . . . ZnO = 507

Natron . . . NaO = 387,4 Schwefelzink . . ZnS = 607 u. s. w.
```

Es kommt häufig vor, dass zwei einfache Stoffe sich in mehreren bestimmten Verhältnissen verbinden, alsdann aber sind die Mischungsgewichte der in solchen Verbindungen enthaltenen Bestandtheile einfache Multipla der einfachen Aequivalente. So verbinden sich z. B. 200 Gew.-Thle. Schwefel mit 200 Gew.-Thln. Sauerstoff zu schwefliger Säure und mit 300 Gew.-Thln. Sauerstoff zu Schwefelsäure.

Die schweftige Säure besteht also aus 1 Aeq. Schwefel und 2 Aeq. Sauerstoff, die Schwefelsäure aus 1 Aeq. Schwefel und 3 Aeq. Sauerstoff. Es ist demnach das chemische Zeichen für schweftige Säure SO₂, für Schwefelsäure SO₃, indem man mit O₂ und O₃ zwei und drei Aequivalents Sauerstoff bezeichnet. Das chemische Aequivalent der schweftigen Säure ist 400, das der Schwefelsäure 500.

Eben so giebt es mehrere Verbindungen von Kohlenstoff und Sauerstoff, nämlich

> Kohlenoxydgas . . . CO = 175Kohlensäure $CO_2 = 275$;

ferner giebt es mehrere Verbindungen von Stickstoff und Sauerstoff, nämlich

Stickstoffoxydul . . . NO = 275Stickstoffoxyd . . . $NO_2 = 375$ Salpetrige Säure . . . $NO_3 = 475$ Untersalpetersäure . . . $NO_4 = 575$ Salpetersäure $NO_5 = 675$.

In der Salpetersäure sind also auf jedes Aequivalent Stickstoff 5 Aeq. Sauerstoff enthalten, oder mit anderen Worten, die Salpetersäure besteht aus 175 Gew.-Thin. Stickstoff und 500 Gew.-Thin. Sauerstoff.

Der oben erwähnte Schwefelkohlenstoff ist CS₂, also eine Verbindung, welche auf 75 Gew.-Thle. Kohlenstoff 400 Gew.-Thle. Schwefelenthält.

Statt die chemische Formel für Säure und Basis durch + zu verbinden, setzt man auch ein Komma zwischen beide, es ist also $NO_5 + KO = NO_5, KO$. Demnach ist

Schwefelsaures Natron. . . SO_3 , NaO = 887.4Kohlensaures Natron . . . CO_2 , NaO = 662.4.

Das schwefelsaure Natron verbindet sich mit 10 Aeq. Wasser zu krystallisirtem Glaubersalz; es ist also

Glaubersalz = SO_3 , NaO + 10 HO = 887 + 1125 = 2012.4.

In 2012,4 Gew.-Thln. Glaubersalz sind also auf 1400 Gew.-Thle. (14 Aeq.) Sauerstoff, 125 Gew.-Thle. (10 Aeq.) Wasserstoff, 200 Gew.-Thle. (1 Aeq.) Schwefel und 287,4 Gew.-Thle. (1 Aeq.) Natrium enthalten.

Diese Beispiele mögen genügen, um das Gesetz der chemischen Aequivalente zu erläutern.

Es ist klar, dass es bei Feststellung der chemischen Aequivalente nur auf das Verhältniss, nicht auf den absoluten Zahlenwerth derselben ankommt; der absolute Zahlenwerth ändert sich nämlich, wenn man eine andere Einheit zu Grunde legt. Setzt man das Aequivalent des Wasserstoffs gleich 1, so ist:

$$\begin{array}{lll} 0 = 8 & Cl = 35,4 \\ N = 14 & Zn = 32,5 \\ S = 16 & K = 39 \text{ u. s. w.} \end{array}$$

Nimmt man an, dass wenn 1 Aeq. eines Stoffes mit 1 Aeq. eines anderen verbunden ist, die Verbindung auch gleich viele Atome von jedem Bestandtheile enthält, so geben obige Aequivalentzahlen auch das Gewichtsverhältniss der verschiedenen Atome an, und man kann in dieser Voraussetzung jene Zahlen auch Atomgewichte nennen.

Nimmt man z. B. an, dass im Zinnober immer 1 Atom Schwefel mit 1 Atom Quecksilber verbunden sei, so ist klar, dass sich alsdann auch das Gewicht von 1 Atom Schwefel zum Gewicht von 1 Atom Quecksilber verhalten müsse wie 200: 1250.

In diesem Sinne werden dann auch die Zahlen, wie sie in der Tabelle auf Seite 25 enthalten sind, Atomgewichte genannt. Nur für einige gasförmige Körper nimmt man das Atomgewicht nur halb so gross an als das obige Aequivalentgewicht, und zwar aus folgenden Gründen.

Wenn man Wasser mit Hülfe der galvanischen Säule in seine Bestandtheile zerlegt, so erhält man stets 1 Volumen Sauerstoffgas auf 2 Volumina Wasserstoffgas, und umgekehrt verbinden sich 2 Volumina Wasserstoffgas mit 1 Volumen Sauerstoffgas zu Wasser. Nimmt man nun an, dass 1 Volumen Sauerstoffgas so viel Atome enthält wie 1 Volumen Wasserstoffgas, so würde daraus folgen, dass im Wasser immer 2 Atome Wasserstoff auf 1 Aeq. Sauerstoff enthalten sind, und wenn also das Gewicht von 1 Atom Sauerstoff mit 100 bezeichnet wird, so wäre das Gewicht von 2 Atomen Wasserstoff gleich 12,5 und das Atomgewicht des Wasserstoffs 6,25.

Da sich 1 Volumen Wasserstoffgas mit 1 Volumen Chlorgas zu Salzsäure verbindet, so muss das Atomgewicht des Chlors gleichfalls halb so gross genommen werden, als das oben angegebene chemische Aequivalent des Chlors.

Ebenso wird auch das Atomgewicht des Stickstoffs halb so gross angenommen als sein Aequivalent.

In der Ungleichheit der Atomgewichte verschiedener Körper liegt nun auch der Beweis für die Richtigkeit der in §. 11 ausgesprochenen Behauptung, dass die Begriffe des specifischen Gewichts und der Dichtigkeit keineswegs identisch sind, denn wenn das specifische Gewicht nur von der Dichtigkeit, d. h. von der Anzahl der in einem gegebenen Volumen vorhandenen Atome abhängig wäre, so müsste das Atomgewicht für alle Stoffe gleich sein. — Das specifische Gewicht des Silbers ist (nahezu) 4mal so gross als das des Aluminiums. Wenn dies nun einfach daher rührte, dass in einem Stück Silber (nahezu) 4mal so viel Atome vorhanden wären, als in einem Stück Aluminium von gleichem Volumen, so würde daraus folgen, dass ein Aluminiumatom gleiches Gewicht mit einem Silberatom haben müsse, was in der That nicht der Fall ist.

Das Aequivalentvolumen. Dividirt man die Aequivalentgewichte der einfachen Stoffe durch ihre specifischen Gewichte, so muss man nach Gleichung 3) auf Seite 16 die Volumina der Aequivalente, d. h. die Zahlen erhalten, welche angeben, nach welchen Raumverhältnissen die chemischen Elemente in den chemischen Verbindungen zusammentreten. Für die bereits auf Seite 24 angeführten einfachen Stoffe ergeben sich auf diese Weise folgende Werthe der Aequivalentvolumina:

Sauerstoff.		69832	Kupfer		50,77
Stickstoff.		138121	Blei .		114,10
Chlor		138050	Eisen .		47,59
Wasserstoff		130891	Zink		58 14

wissen wir ja, dass sich gleiche Volumina Chlor und Wasserstoff zu Salzsäure u. s. w. verbinden; dagegen ist das Aequivalentvolumen des Sauerstoffs nur halb so gross als das der genannten Gase, es verbindet sich also, wie wir bereits wissen, 1 Volumen Sauerstoffgas mit 2 Volumina Wasserstoffgas zu Wasser.

Das Atomvolumen des Wasserstoffs, Chlors und Stickstoffs ist halb so gross, als der oben angeführte Werth ihres Aequivalentvolumens, es ergiebt sich also, dass die Atomvolumina aller gasförmigen Körper einander gleich sein müssen.

Für Körper von ähnlichem chemischen Verhalten sind die Aequivalentvolumina nahezu gleich, wie z. B. beim Eisen, Nickel und Mangan, oder ihre Aequivalentvolumina stehen nahezu in einem einfachen Verhältniss. So ist z. B. das Aequivalentvolumen des Kaliums fast doppelt so gross als das des Natriums.

Die Aequivalentvolumina der Körper können nicht in der Weise unveränderlich sein wie die Aequivalentgewichte, da sie sich mit dem specifischen Gewicht, also auch mit der Temperatur ändern. Für Körper, welche man in verschiedenen Aggregatzuständen kennt, muss man natürlich auch ganz verschiedene Aequivalentvolumina erhalten, je nachdem man bei ihrer Berechnung das specifische Gewicht des einen oder des anderen Zustandes zu Grunde legt. Das Aequivalentvolumen des festen Schwefels ist 98,6, das des Schwefeldampfes 29000.

Für das Aequivalentvolumen des Kohlenstoffs erhält man 21,3 oder 37,5, je nachdem man das specifische Gewicht des Diamants oder des Graphits in Rechnung bringt.

Das Aequivalentgewicht einer chemischen Verbindung ist die Summe der Aequivalentgewichte seiner Bestandtheile; in Beziehung auf die Aequivalentvolumina ist dies nur selten der Fall. Das Aequivalentvolumen des Schwefels ist 98,6, das des Bleies ist 114,1; das Aequivalentvolumen des Bleiglanzes ist aber nicht 98,6 + 114,1 = 212,7, sondern $\frac{1495}{7,76} = 192$; das Aequivalentvolumen der Verbindung ist hier kleiner als die Summe der Aequivalentvolumina der Bestandtheile, es hat also eine Verdichtung

stattgefunden.

Eine solche Verdichtung findet nun in den meisten Fällen statt; am auffallendsten zeigt sie sich, wenn ein Gas sich mit einem festen Element zu einem festen Körper verbindet, wie bei den Metalloxyden. So ist z. B. das Aequivalentgewicht des Zinkoxyds (ZnO) gleich 407 + 100 = 507, das pecifische Gewicht desselben 5,43, mithin ist das Aequivalentvolumen des Zinkoxyds $\frac{507}{5,43} = 93$, also bei weitem kleiner als die Summe der Aequivalentvolumina des Zinks und des gasförmigen Sauerstoffs.

Nimmt man an, dass das Zink im Zinkoxyd mit seinem ursprünglichen Aequivalentvolumen enthalten sei, so bleibt für den im Zinkoxyd enthalte-

nen Sauerstoff das Aequivalentvolumen 35 übrig, der Sauerstoff ist also im Zinkoxyd vom Aequivalentvolumen 69832 auf das Atomvolumen 35, also fast auf $\frac{1}{2000}$ verdichtet.

Zieht man das Aequivalentvolumen eines Metalls von dem Aequivalentvolumen seines Oxydes ab, so bleibt nahezu immer derselbe Rest, es ist deshalb, wie Schröder wahrscheinlich machte, in allen Oxyden das Metall mit unverändertem Atomvolumen, der Sauerstoff mit dem Atomvolumen 35 (genauer 34,8) enthalten (Pogg. Annal. Bd. L, S. 553).

Bis jetzt ist es noch nicht gelungen, allgemeine Gesetze nachzuweisen, nach welchen die Verdichtungen bei chemischen Verbindungen vor sich gehen.

19 Kräfte und Imponderabilien. Alle Erscheinungen, welche wir in der Natur wahrnehmen, beweisen uns, dass eine beständige Wechselwirkung sowohl zwischen den verschiedenen Körpern als auch zwischen den einzelnen Theilchen eines und desselben Körpers stattfindet.

Die unsichtbaren Ursachen dieser Wechselwirkung nennen wir Kräfte. Die Kräfte, mit welchen wir uns die Körperatome begabt denken, welche wir als Attribute der Körperatome annehmen, können nie Gegenstand einer unmittelbaren Wahrnehmung sein. Die Vorstellungen, die wir uns von diesen Kräften machen, sind immer nur Hypothesen, die wir so construiren und modificiren, wie wir sie eben zur Erklärung der Thatsachen bedürfen.

Im Allgemeinen ist in der Physik von Kräften zweierlei Art die Rede, von solchen nämlich, welche in die Ferne wirken, wie die Schwere, die magnetischen und elektrischen Anziehungs- und Abstossungskräfte u. s. w., und dann von solchen, welche nur in die kleinsten Entfernungen wirken, also nur bei fast unmittelbarer Berührung der Körpertheilchen in Thätigkeit treten und welche deshalb den Namen der Molekularkräfte führen.

Theilchen der Körper auseinander zu treiben strebt, man nimmt an, dass Wärme und die oben erwähnte Expansionskraft identisch seien.

Um die ausdehnende Kraft der Wärme sowie die übrigen später noch ausführlich zu besprechenden Wärmephänomene zu erklären, nahm man die Existenz eines eigenthümlichen Wärmestoffs an, welcher bei äusserster Feinheit sich von den eigentlichen Körpern dadurch unterscheidet, dass er von der Schwere nicht afficirt wird, also imponderabel ist. Nimmt man nun an, dass dieser feine Stoff zwischen den einzelnen Atomen der Körper einzudringen vermag, dass die einzelnen Atome gleichsam mit Wärmeatmosphären eingehüllt sind, und dass ferner die einzelnen Theilchen dieses unwägbaren Wärmestoffs sich gegenseitig abstossen, so begreift man wohl, wie durch Vermehrung der Wärme eines Körpers die von der Anziehung der ponderabeln Atome herrührende Cohäsion geschwächt wird, und dass endlich, wenn die Repulsion der Wärmeatmosphären stärker ist als die gegenseitige Anziehung der ponderabeln Atome, der gasförmige Zustand eintreten muss.

Die Existenz eines solchen Wärmestoffs ist durchaus hypothetisch; man postulirte denselben, um durch eine solche Hypothese die Wärmephänomene zu erklären. Dergleichen Hypothesen können aber bei fortschreitender Erkenntniss der Naturgesetze mannigfache Modificationen erleiden. So ist es in der That nach dem jetzigen Standpunkt der Wissenschaft höchst wahrscheinlich, dass die Wärmephänomene nicht sowohl durch die ruhende Existenz eines imponderabeln Wärmestoffs, als vielmehr durch die Vibrationsbewegungen theils der ponderabeln Körpermoleküle, theils eines gleichfalls imponderabeln Aethers zu erklären sind, wie dies in dem Capitel von der Wärme ausführlicher besprochen werden soll.

Ausser dem fraglichen Wärmestoff nehmen die Physiker zur Erklärung verschiedener Phänomene noch andere unwägbare (imponderabele) Stoffe an, welche man mit dem gemeinsamen Namen der Imponderabilien bezeichnet.

So hat man die im vierten Buche näher zu besprechende Hypothese besonderer imponderabeler magnetischer und elektrischer Fluida aufgestellt, um die magnetischen und elektrischen Erscheinungen mit Hülfe derselben zu erklären.

Auch zur Erklärung der Lichtphänomene bedarf man der Annahme imponderabeler Stoffe. Nach der früheren Ansicht sendet jeder leuchtende Körper Theilchen eines imponderabeln Lichtstoffes nach allen Seiten hin aus, welche, in unser Auge eindringend, die Gesichtsempfindungen hervorrufen. Diese Hypothese über die Natur des Lichtes ist jetzt vollständig aufgegeben worden, dagegen sucht man die Lichterscheinungen aus den Nibrationen eines imponderabelen Aethers abzuleiten.

Dieser Aether, welcher also der allgemeinen Massenanziehung nicht unterworfen ist, erfüllt nach den Grundsätzen der Vibrationstheorie nicht allein alle Himmelsräume, sondern auch die Zwischenräume zwischen den ponderabeln Atomen der Körper. Während die Atome der ponderabeln

Stoffe sich einander anziehen, findet zwischen den Theilchen dieses Aethers eine gegenseitige Abstossung statt, in Folge deren der Aether im höchsten Grade elastisch ist.

Nachdem es gelungen war, die optischen Phänomene vollständig durch die Vibrationen des Lichtäthers zu erklären, lag die Idee nahe, auch die Erklärung der Wärmephänomene auf solche Vibrationsbewegungen zurückzuführen. Während es wohl keinem Zweifel mehr unterliegt, dass die Wärmestrahlen, welche ihrem Wesen nach mit den Lichtstrahlen gans identisch sind, durch Aetherschwingungen fortgepflanzt werden, ist es höchst wahrscheinlich, dass die fühlbare Wärme der Körper von den Vibrationsbewegungen ihrer ponderabeln Atome herrührt.

Es ist wohl mit Sicherheit anzunehmen, dass die gegenwärtigen Hypothesen über die Natur des Magnetismus und der Elektricität ähnlichen Wandlungen entgegengehen, wie die Theorien über Licht und Wärme.

ERSTES BUCH.

DIE MECHANIK.



DEED MALLEY VALUE

Erstes Capitel.

Statik, oder die Lehre vom Gleichgewicht fester Körper.

Parallelogramm der Kräfte. Ein Körper ist im Gleichgewicht, 20 wenn alle auf ihn wirkenden Kräfte keine Veränderung in seinem Zustande bervorbringen, wenn ihre Wirkung durch eine andere Kraft oder einen Widerstand aufgehoben wird. Die Wirkung der Schwere eines Körpers, welcher an einem Faden aufgehängt ist, wird durch den Widerstand des Fadens aufgehoben. Ist der Faden nicht stark genug, so reisst er, und der Körper fällt zu Boden. Oft findet Gleichgewicht ohne festen Stützpunkt und ohne scheinbaren Widerstand statt. Der Fisch kann im Wasser, der Luftballon in der Luft im Gleichgewicht sein; hier aber ist die Schwere dieser Körper durch einen Druck aufgehoben, von dem später mehr die Rede sein wird.

Man kann sagen, dass alle Körper, welche uns in Ruhe erscheinen, solche sind, auf welche mehrere sich gegenseitig vernichtende Kräfte einwirken.

Die Statik beschäftigt sich damit, die Bedingungen des Gleichgewichts auszumitteln; die Dynamik dagegen untersucht die Gesetze der Bewegungen, welche entstehen, wenn den Bedingungen des Gleichgewichts nicht genügt ist.

Um Kräfte zu messen, muss man irgend eine beliebige Kraft als Einbeit annehmen.

Zwei Kräfte sind gleich, wenn sie nach entgegengesetzten Richtungen auf einen Punkt wirkend sich das Gleichgewicht halten. Zwei gleiche Kräfte, die nach derselben Richtung wirken, sind der doppelten Kraft gleichzusetzen. Man würde eine dreifache Kraft haben, wenn man drei gleiche Kräfte nach derselben Richtung wirken liesse u. s. w.

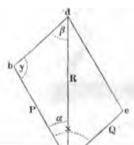
Wie viele Kräfte auch auf einen materiellen Punkt wirken mögen, welches auch ihre Richtung sein mag, so werden sie demselben doch nur eine Bewegung in einer bestimmten Richtung mittheilen. Es lässt sich demnach eine Kraft denken, welche für sich allein dieselbe Wirkung hervorzubringen im Stande ist, welche also das ganze System jener Kräfte

38 Statik, oder die Lehre vom Gleichgewicht fester Körper.

Da die Bahn, welche ein Körper in einer gegebenen Zeit durchläuft, unter sonst gleichen Umständen der Kraft proportional ist, welche ihn treibt, da es sich ferner bei Bestimmung der Resultirenden nur darum handelt, ihre Richtung und ihr Grössenverhältniss zu den beiden Seitenkräften zu finden, so lässt sich das Gesetz auch so ausdrücken: "Wenn man sich durch den Angriffspunkt-zweier Kräfte zwei Linien in der Richtung derselben gezogen und ihre Länge den resp. Kräften proportional gemacht denkt, so stellt die Diagonale des Parallelogramms, welches durch diese beiden Linien bestimmt ist, sowohl der Grösse als auch der Richtung nach, die Resultirende der beiden Kräfte dar."

21 Berechnung der Resultirenden. Da man die Resultirende zweier gegebener Kräfte, welche auf einen materiellen Punkt wirken, durch eine geometrische Construction finden kann, so muss man sie nach denselben Principien auch durch Rechnung finden können. — Nehmen wir an, dass auf den Punkt a, Fig. 9, zwei Kräfte P und Q wirken, welche sich ver-

Fig. 9.



halten wie die Linien ab und ac, während ihre Richtungen den Winkel x mit einander machen, so ist die Resultirende, dem vorigen Paragraphen zufolge, durch die Diagonale ad dargestellt, die wir mit R bezeichnen wollen. ad ist aber eine Seite des Dreiecks abd, folglich ist, einem bekannten trigonometrischen Satz zufolge $ad^2 = ab^2 + bd^2 - 2ab \cdot bd \cdot \cos y$ oder

 $R^2 = P^2 + Q^2 - 2P \cdot Q \cos y$

oder

$$\sin \alpha = \frac{Q \sin x}{R}$$

da sin. x=sin. (180-x) ist. Für unser obiges Beispiel ergäbe sich also

$$\sin \alpha = \frac{2 \sin 75^{\circ}}{4} = 0.5 \cdot 0.966 = 0.483,$$

mithin

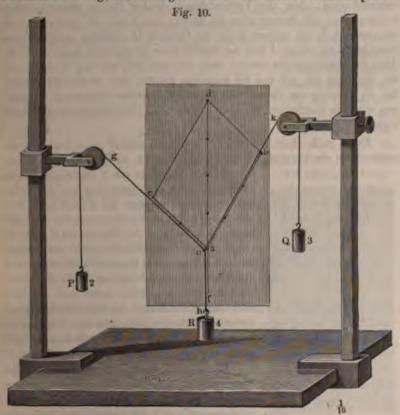
$$\alpha = 28^{\circ} 53'$$

Bezeichnen wir mit \beta den Winkel, welchen Q mit R macht, so ist $\beta = x - \alpha$

also in unserem Falle

$$\beta = 75^{\circ} - 28^{\circ} 53' = 46^{\circ} 7'$$

Experimentelle Prüfung des Satzes vom Parallelogramm 22 der Kräfte. Das in den beiden letzten Paragraphen besprochene Gesetz ist aus theoretischen Betrachtungen entwickelt worden, es bleibt uns also noch übrig, die Richtigkeit desselben durch Versuche zu prüfen.



40 Statik, oder die Lehre vom Gleichgewicht fester Körper.

Wenn auf einen materiellen Punkt zwei Kräfte nach verschiedenen Richtungen einwirken, so muss man den Zustand des Gleichgewichts dadurch herstellen können, dass man an demselben Punkte eine dritte Kraft anbringt, welche der Resultirenden der beiden ersten gleich und entgegengesetzt ist.

Wenn also auf einen Punkt drei Kräfte einwirken, so muss Gleichgewicht stattfinden, wenn jede der Resultirenden der beiden anderen gleich und entgegengesetzt ist.

Mit Hülfe dieses Satzes ist es nun leicht, die Richtigkeit der eben vorgetragenen Beziehungen zwischen den Seitenkräften und ihrer Resultirenden durch einen der Statik selbst angehörigen Versuch zu prüfen, und zwar kann man dazu den in Fig. 10 (a. vor. S.) dargestellten Apparat anwenden.

An einem Tischblatt sind zwei verticale Stäbe angeschraubt, an jedem Stab aber ist eine Hülse verschiebbar, welche eine um ihre Axe in verticaler Ebene leicht bewegliche Rolle trägt; die Stäbe müssen so angeschraubt sein, dass die Verticalebenen beider Rollen zusammenfallen. Schlingt man eine Schnur über die Rollen, hängt man an dem einen Ende ein Gewicht P, am anderen Ende ein Gewicht Q, zwischen den Rollen ein Gewicht R an, so wird sich bei irgend einer bestimmten Lage der Fäden Alles ins Gleichgewicht stellen; man hat nun drei auf den Punkt o nach der Richtung oy, ok und oh wirkende Kräfte, und es ist leicht zu prüfen, ob zwischen der Grösse und Richtung derselben diejenigen Beziehungen wirklich stattfinden, wie sie das Gesetz des Parallelogramms der Kräfte verlangt.

Es sei z. B. P=2 Loth, Q=3 Loth und R=4 Loth, so construire man ein Parallelogramm abcd, Fig. 11, in welchem die Seite acFig. 11.

2 Decimeter, die Seite ab 3 Decimeter und die Diagonale ad 4 Decimeter lang ist, und verlän-

60. Bande von Poggendorff's Annalen (Frick's physikalische Technik, 2. Aufl. S. 58).

Wenn die beiden Seitenkräfte gleich sind, so theilt die Resultirende den Winkel, den sie mit einander machen, in zwei gleiche Theile.

Wenn die beiden Seitenkräfte ungleich sind, so theilt die Resultirende ihren Winkel nicht in gleiche Theile, sie liegt dann immer der grösseren von beiden näher.

Da man die Resultirende zweier Kräfte finden kann, die auf einen Punkt wirken, so findet man auch leicht die Resultirende einer beliebigen Anzahl von Kräften; man sucht nämlich nur die Resultirende der beiden ersten Kräfte, alsdann sucht man die Resultirende der eben gefundenen mit der dritten Kraft, verbindet diese Resultirende wieder mit der vierten Kraft n. s. w.

Weil zwei Kräfte durch eine einzige ersetzt werden können, so kann man umgekehrt für eine Kraft auch zwei andere substituiren. Man sieht ferner auch leicht ein, dass unzählig viele verschiedene Systeme von zwei Kräften dieselbe Resultirende haben können, dass also auch eine Kraft auf unzählig viel verschiedene Arten durch ein System von zwei Kräften ersetzt werden kann. Wenn man aber z. B. verlangte, dass die Kraft ad, Fig. 12, durch

Fig. 12.

zwei andere ersetzt werden sollte, deren eine die Richtung ay und die Grösse ac haben soll, so ist die Aufgabe vollkommen bestimmt, weil es jetzt nur noch eine Art giebt, das Parallelogramm zu vollenden und die andere Seitenkraft a b zu finden.

Aus dem Satze vom Parallelogramm der Kräfte lassen sich die Gesetze des Gleichgewichts an allen sogenannten einfachen Maschinen ableiten, die wir jetzt der Reihe nach betrachten wollen.

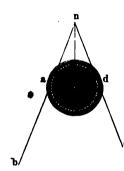
Die Rolle ist eine runde, nicht gar dicke, am Rande ausgehöhlte 23 Scheibe, welche um eine durch ihren Mittelpunkt gehende, auf ihrer Ebene rechtwinklig stehende Axe drehbar ist; diese Axe ist gewöhnlich durch eine Scheere getragen, deren Arme zu beiden Seiten der Rolle bis etwas über ihre Mitte reichen.

Man unterscheidet feste und bewegliche Rollen. Feste Rollen sind solche, deren Axe unbeweglich ist, so dass keine Verrückung derselben, sondern nur eine Drehung um dieselbe möglich ist.

42 Statik, oder die Lehre vom Gleichgewicht fester Körper.

Wenn um einen Theil des Umfangs einer festen Rolle eine Schnur oder ein Seil gelegt ist, und an beiden Enden derselben Kräfte wirken, so findet nur dann Gleichgewicht statt, wenn die Kraft, welche das Seil auf der einen Seite spannt, der auf der anderen Seite wirkenden Kraft gleich ist. Es lässt sich dies leicht von vornherein einsehen, wenn man bedenkt, dass die beiden Kräfte unter sonst gleichen Umständen die Rolle nach entgegengesetzten Richtungen zu drehen streben. Man konnte deshalb auch oben Seite 39 schon die Rolle in Anwendung bringen, ohne dass es nöthig gewesen wäre, eine Betrachtung über das Gleichgewicht der Kräfte an der Rolle vorauszuschicken. Uebrigens lässt sich das Gleichgewicht der Kräfte an der Rolle auch vom Parallelogramm der Kräfte ableiten, und von diesem Gesichtspunkte aus betrachtet wollen wir die Rolle hier näher besprechen. Fig. 13 stellt eine um ihren festen Mittelpunkt c drehbare

Fig. 13.

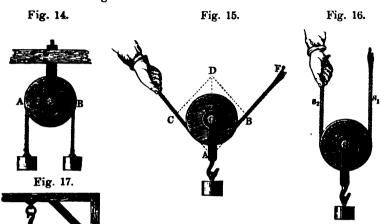


Rolle vor; das um dieselbe geschlungene Seil sei durch Kräfte gespannt, welche nach den Richtungen ab und de wirken. Denken wir uns die Linien de und ab bis zu ihrem Durchschnittspunkte n verlängert, so ist klar, dass, wenn n ein mit der Rolle fest verbundener Punkt wäre, man, ohne in der Wirkung etwas zu ändern, die Angriffspunkte der beiden Kräfte von a und d nach n verlegen könnte, und so hätte man dann zwei in einem Punkte n angreifende Kräfte, die nur dann im Gleichgewicht sein können, wenn ihrer Resultirenden das Gleichgewicht gehalten wird. Wenn die beiden in nangreifenden, nach den Richtungen

nb und ne wirkenden Kräfte gleich sind, so wird ihre Resultirende den Winkel bne halbiren, die Richtung dieser Resultirenden geht alsdam durch den festen Mittelpunkt c, und mithin findet Gleichgewicht statt. Wäre eine der beiden Kräfte grösser als die andere, so würde die Resul-

Scheere befestigten Haken angebracht; in Fig. 15 ist sie durch das Gewicht dargestellt.

Wenn die beiden Enden des um die bewegliche Rolle geschlungenen Seils einander parallel sind, wie Fig. 16, so ist klar, dass die Kraft, mit welcher jedes Seilende gespannt wird, halb so gross ist als die Last, welche an der Scheere hängt.



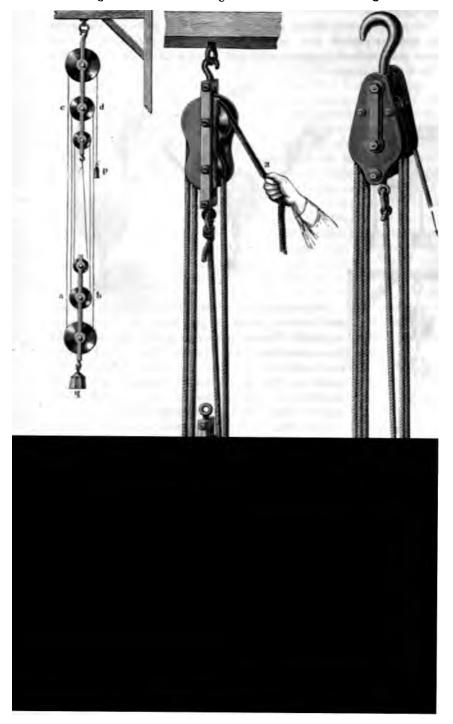
Wenn zwei oder mehrere Rollen in einem Gehäuse sich befinden, wenn sie also gleichsam eine gemeinschaftliche Scheere haben, so nennt man eine solche Zusammensetzung eine Flasche. Wenn zwei Flaschen, von denen die eine fest, die andere beweglich ist, durch ein Seil so verbunden werden, dass es abwechselnd von einer festen auf eine bewegliche Rolle geht, so erhält man einen Flaschenzug.

Die Fig. 17 stellt das Modell eines Flaschenzuges dar, welcher aus drei festen und drei beweglichen Rollen besteht. Die Last q, welche an der gemeinschaftlichen Scheere der drei beweglichen Rollen hängt, wird offenbar durch die sechs Schnüre getragen, welche die oberen und unteren Rollen mit einander verbinden; die Last vertheilt sich also gleichmässig auf sechs Schnüre, und folglich ist jede durch ½ der Last q gespannt; wäre z. B. eine Last von 6 Pfund angehängt, so würde jede der sechs Schnüre gerade so stark gespannt sein, als ob sie für sich allein eine Last von 1 Pfund zu tragen hätte.

Betrachten wir nun das Schnurstück, welches über die oberste feste Rolle geschlungen ist und welches auf der rechten Seite derselben frei herunter hänot. Soll Gleichgewicht stattfinden, so muss das Schnw

44 Statik, oder die Lehre vom Gleichgewicht fester Körper.

Fig. 17. Fig. 18. Fig. 19.



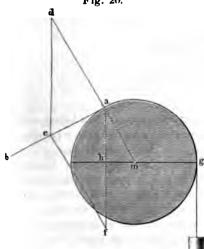
auf der linken und auf der rechten Seite der obersten Rolle gleich stark gespannt sein; das Schnurstück links ist aber, wie wir gesehen haben, durch $^{1}/_{6}$ der Last q gespannt; folglich muss man, um das Gleichgewicht zu erhalten, an das Ende des Seils d ein Gewicht anhängen, welches gleich $^{1}/_{6}$ q ist. Einer Last von 6 Pfund kann man also an unserem Modell mit einer Kraft von 1 Pfund das Gleichgewicht halten.

Fig. 18 stellt einen nach demselben Princip wie das Modell Fig. 17 construirten Flaschenzug dar, wie solche in der Praxis in Anwendung gebracht werden. Die Rollen befinden sich zwischen starken über ihren Rand hinausgehenden Platten von Eisenblech; wodurch verhindert wird, dass die Seile seitlich aus den Rinnen der Rollen entweichen können. — Bei dem Flaschenzug Fig. 18 hängt die Last an vier Seilen, die bei a angebrachte Kraft muss also gleich ½ der unten angehängten Last sein, wenn Gleichgewicht stattfinden soll.

Während bei dem Modell Fig. 17 und bei dem Flaschenzug Fig. 18 die zu einer Flasche vereinigten Rollen über einander angebracht sind, kann man sie auch auf einer und derselben Axe neben einander anbringen, wie dies bei dem Flaschenzug Fig. 19 der Fall ist. Um die Seile in den Rinnen ihrer Rollen zu erhalten, ist zwischen je zwei benachbarten Rollen ein weit über ihren Rand hinausgehendes starkes Eisenblech angebracht.

Wenn jede Flasche eines Flaschenzuges n Rollen enthält, so hängt die Last q an 2n Seilen, man hat also am freien Seilende die Kraft $p = \frac{q}{2n}$ anzubringen, um der Last q das Gleichgewicht zu halten.

Der Hebel. Um eine Rolle, Fig. 20, sei eine Schnur geschlungen, 24
Fig. 20. und an das eine Ende derselben



und an das eine Ende derselben ein Gewicht p gehängt, während auf der anderen Seite die Schnur in der Richtung ab mit einer dem Gewichte p gleichen Kraft gespannt ist. Nun kann man die in a angreifende, in der Richtung ab wirkende Kraft nach der Lehre vom Parallelogramm der Kräfte in zwei Seitenkräfte zerlegen, von denen die eine in der Richtung von a nach d, also in der Verlängerung des Halbmessers ma wirkt, während die Richtung af der anderen Seitenkraft parallel mit qp ist.

Wenn die Rolle eine feste ist,

wie wir hier voraussetzen, so wird die Wirkung der Kraft ad durch den Widerstand des festen Mittelpunktes m aufgehoben, man kann also die nach ad wirkende Seitenkraft ganz weglassen, ohne das Gleichgewicht zu stören; man kann ohne Weiteres die nach ab wirkende Kraft durch ihre nach af wirkende Seitenkraft ersetzen.

Stellen wir durch die Länge ac die nach ab wirkende Kraft p dar, so stellt uns die Linie af die Grösse der Seitenkraft P vor, und ohne vor der Hand das Grössenverhältniss zwischen ac und af oder p und P genauer zu ermitteln, sieht man doch leicht ein, dass P grösser sein muss als p. Wir können also die in der Richtung ab wirkende Kraft p durch eine andere ebenfalls in a angreifende, aber in verticaler Richtung wirkende grössere Kraft P ersetzen, ohne das Gleichgewicht zu stören.

Anstatt die Kraft P in a angreifen zu lassen, kann man, ohne das Gleichgewicht zu stören, ihren Angriffspunkt in jeden beliebigen Punkt der Linie af verlegen; wir können also auch die Kraft P im Punkte k angreifen lassen, welcher auf dem Durchschnitt der Linie af und der Verlängerung des Halbmessers gm liegt; und somit haben wir zwei an den Enden einer um m, Fig. 21, drehbaren geraden Linie hg wirkende, recht-

Fig. 21.

. 21, drehbaren geraden Linie hg wirkende, rechtwinklig zu hg-angreifende Kräfte, p und P, welche sich das Gleichgewicht halten. Diese beiden Kräfte sind ungleich, ihre Angriffspunkte h und g liegen aber auch in ungleichen Entfernungen vom Drehpunkte m.

Es ist jetzt zu ermitteln, welches Verhältniss zwischen den Grössen der Kräfte p und P und den Längen hm und qm besteht.

Die Dreiecke caf und ahm, Fig. 20, sind einander ähnlich, und daraus folgt

ac: af = hm: am.

Nun aber verhalten sich ja die Längen ac und af wie die Kräfte p und

Drehpunkte (dem Hypomochlion) wird der Hebelarm der Kraft genannt; wir können demnach die Bedingung des Gleichgewichts am Hebel auch so ausdrücken: Zwei Kräfte, welche den Hebel nach entgegengesetzten Seiten zu drehen streben, halten sich das Gleichgewicht, wenn sie den entsprechenden Hebelarmen umgekehrt proportional sind.

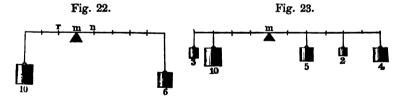
Ware z. B. der Hebelarm hm in Fig. 21 halb so gross als gm, so müsste P doppelt so gross sein als p. Eine Kraft p kann an einem Hebel einer 100fachen Kraft P das Gleichgewicht halten, wenn nur ihr Hebelarm mq auch 100mal so gross ist als der Hebelarm hm.

Aus der Proportion bei 1) folgt PL = pl, d. h. wenn sich zwei Kräfte an einem Hebel das Gleichgewicht halten sollen, so muss das Product, welches man erhält, wenn man die Kraft mit ihrem Hebelarm multiplicirt, für die beiden Kräfte gleich sein.

Das Product, welches man erhält, wenn man eine an einem Hebel wirkende Kraft mit ihrem Hebelarm multiplicirt, wird das statische Moment der Kraft genannt. Man könnte auch sagen, das statische Moment einer Kraft ist diejenige Kraft, welche man statt ihrer an dem Hebelarm 1 anbringen muss, wenn durch diese Vertauschung der Gleichgewichtszustand nicht gestört werden soll.

In Fig. 22 sei die Kraft rechts = 6, ihr Hebelarm = 5, so ist das statische Moment dieser Kraft gleich $5 \times 6 = 30$; ihr hält die auf der anderen Seite am Hebelarm 3 wirkende Kraft 10 das Gleichgewicht, denn 3×10 ist auch gleich 30.

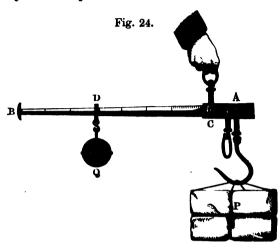
Wenn auf jeder Seite des Drehpunktes nicht eine, sondern mehrere Kräfte wirken, so findet Gleichgewicht statt, wenn die Summe der statischen Momente auf der einen gleich ist der Summe der statischen Momente auf der anderen Seite. Es sei z. B. in Fig. 23 m der Drehpunkt.



Auf der einen Seite wirke an dem Hebelarm 2 die Kraft 5, am Hebelarm 4 die Kraft 2, am Hebelarm 6 die Kraft 4, auf der anderen Seite aber die Kräfte 10 und 3 an den Hebelarmen 3 und 4, so wird zwischen allen diesen Kräften Gleichgewicht stattfinden, denn die Summe der statischen Momente ist auf beiden Seiten gleich, nämlich gleich 42.

Im alltäglichen Leben kommen zahlreiche Anwendungen des zweiarmigen Hebels vor; eine solche ist z. B. die gewöhnliche Schnellwage, Fig. 24 (a. folg. S.). Der zweiarmige Hebel ist bei C drehbar, bei A ist eine Wagschale oder ein Haken angehängt, welcher die Last P trägt, die also an dem Hebelarm A C wirkt; dieser Last nun wird durch

ein am anderen Arm des Hebels angehängtes Laufgewicht Q das Gleichgewicht gehalten. Je grösser die Last wird, desto mehr muss man das Laufgewicht Q vom Drehpunkte C entfernen.



25 Der einarmige Hebel. An einem solchen Hebel, wie wir ihn bisher betrachtet haben, hat der feste Drehpunkt einen Druck auszuhalten, welcher der Summe der an beiden Seiten wirkenden Kräfte gleich ist; ein solcher Hebel kann aber auch im Gleichgewicht sein, wenn dieser mittlere

Fig. 25.

Punkt nicht fest ist, sondern wenn in ihm eine Kraft wirkt, welche der Summe der beiden anderen gleich der Biehtung m, c und n als fest betrachten; wenn nun einer der beiden äusseren Punkte, twa n, fest ist, so haben wir einen einarmigen Hebel, d. h. einen solhen, bei welchem die Angriffspunkte der beiden sich das Gleichgewicht altenden Kräfte N und P auf derselben Seite des festen Drehpunktes n iegen. Die beiden Kräfte haben in diesem Falle entgegengesetzte Richung, und der Druck auf den Unterstützungspunkt ist dem Unterschiede ler beiden Kräfte P und N gleich. Der Hebelarm der Kraft P ist l+l', wenn man mit l die Länge mc, mit l' die Länge nc bezeichnet; der Hebelarm der Kraft N ist aber l'. Wäre c der feste Drehpunkt gewesen, so hätte man nach Paragraph 24 als Bedingung des Gleichgewichts

$$P': P = l: l'$$

und daraus folgt

$$P'+P:P=l+l':l',$$

oder

$$N: P = l + l': l'.$$

Wenn also die an dem einarmigen Hebel in entgegengesetzten Richtungen wirkenden Kräfte N und P sich das Gleichgewicht halten sollen, so müssen sie sich ebenfalls umgekehrt verhalten wie ihre Hebelarme.

Die Figuren 26 und 27 sind zwei bekannte Formen der Anwendung des einarmigen Hebels, welche wohl keiner weiteren Erläuterung bedürfen.



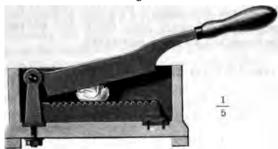
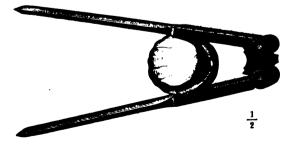
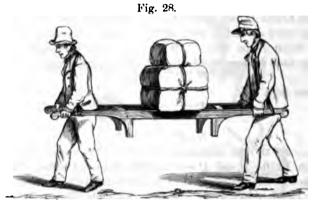


Fig. 27.



Auch die beiden Endpunkte m und n der Stange mn, Fig. 25, können fest sein, während in c eine Kraft N wirkt; alsdann aber hat der Müller's Lehrbuch der Physik. 6te Aufl. I.

Punkt m einen Druck P, der Punkt n einen Druck P auszuhalten. Wenn die auf einer Tragbahre liegende Last, Fig. 28, durch zwei Leute getragen wird, so vertheilt sie sich auf die beiden Träger; im Falle sie gerade auf der Mitte der Bahre liegt, kommt auf jeden Träger die Hälfte der Last; wird sie aber dem einen näher gerückt, wie Fig. 28 andeutet, so hat die-



ser einen grösseren Theil zu tragen. Gesetzt, die aufgelegte Last betrage 100 Pfund, die ganze Bahre sei 5 Fuss lang, und der Schwerpunkt der Last liege 2 Fuss von dem einen, 3 Fuss vom anderen Ende, so haben die Schultern des einen Trägers einen Druck von 60 Pfund, die des anderen einen Druck von 40 Pfund auszuhalten.

Gleichgewicht am Hebel bei schiefwinklig angreifenden Kräften. Wir haben bisher nur den Fall betrachtet, dass die Kräfte rechtwinklig gegen den Hebel wirkten; es kann aber auch Gleichgewicht stattsinden, ohne dass dies der Fall ist. In Fig. 29 sei n der Stützpunkt der Hebels ab, in a wirke

The solution of the solution o

Gleichgewicht am Hebel bei schiefwinklig angreifenden Kräften. 51

völlig aufgehoben, und somit bleibt nur die Wirkung der Kräfte p' und q' übrig. Statt der ursprünglichen Kräfte p und q kann man also ohne Weiteres ihre rechtwinklig angreifenden Seitenkräfte p' und q' setzen. Gleichgewicht wird aber stattfinden müssen, wenn sich p' und q' umgekehrt verhalten wie ihre Hebelarme, d. h. wenn

$$p':q'=nb:na,$$

oder wenn

$$q' \times nb = p' \times na$$
.

Verlängert man die Richtung der Kraft p, um auf ihre Verlängerung von n das Perpendikel no = l zu fällen, so entsteht ein Dreieck aon, welches demjenigen ähnlich ist, dessen Hypotenuse p und dessen eine Kathete p' ist; aus der Aehnlichkeit dieser Dreiecke folgt

$$p:p'=an:l,$$

und daraus

$$p \times l = p' \times a n$$
.

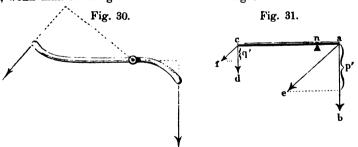
Die an den Hebelarm an schief angreifende Kraft p wirkt also gerade so wie ihre in demselben Punkte a rechtwinklig angreifende Seitenkraft p'; und auch so, als ob die Kraft p selbst rechtwinklig an einem kleineren Hebelarm no wirkte, welchen man findet, wenn man vom Drehpunkt n ein Perpendikel auf die Richtung der Kraft p fällt.

Das Moment einer schräg angreifenden Kraft findet man also, indem man die Kraft multiplicirt mit dem vom Drehpunkt auf die Richtung der Kraft gefällten Perpendikel.

Demnach wirkt die schief angreifende Kraft q gerade so, als ob sie rechtwinklig am Hebelarm nm angriffe, und die beiden Kräfte p und q halten sich das Gleichgewicht, wenn $p \times on = q \times mn$.

Auf die eben entwickelte Weise findet man auch die Momente der Kräfte, wenn der Hebel nicht mehr eine gerade Linie ist, Fig. 30.

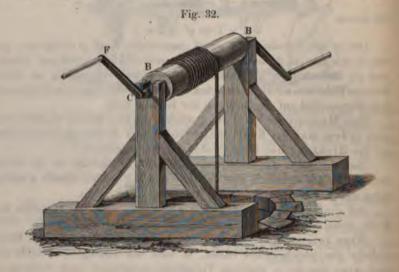
Wenn zwei parallele rechtwinklig angreifende Kräfte an einem Hebel einander das Gleichgewicht halten, so wird das Gleichgewicht nicht gestört, wenn man sie in gleichem Verhältniss vergrössert oder verkleinert.



Eben so wenig aber wird auch das Gleichgewicht gestört, wenn beide Kräfte ihre Richtung so ändern, dass sie unter sich parallel bleiben. Wenn z. B. die Kräfte ab = p und cd = q an dem Hebel ac, Fig. 31, sich das Gleichgewicht halten, so besteht dasselbe auch noch, wenn man dieselben Kräfte

nach den einander parallelen Richtungen ae und cf wirken lässt; denn die schräg wirkende Kraft p wirkt wie ihre rechtwinklige Seitenkraft p' und die schräg wirkende q wie die rechtwinklig angreifende q'; p' und q' halten sich aber gewiss das Gleichgewicht, wenn es zwischen den Kräften p und q bei rechtwinkligem Angriff bestand.

27 Haspel, Winde und Räderwerke. Wenn irgend ein fester Körper um eine feste Axe drehbar ist, so wirken die Kräfte, welche ihn um diese Axe umzudrehen streben, ganz nach den Gesetzen des Hebels. Deshalb finden diese Gesetze bei den vielen Maschinen eine Anwendung, welche sich in ein mehr oder weniger complicirtes System von Hebeln zerlegen lassen. Beim Haspel z. B., Fig. 32, verhält sich die Last zur entgegen-



wirkenden Kraft umgekehrt wie ihre Hebelarme, d. h. umgekehrt wie der Halbmesser des Wellbaumes BB zur Länge des Hebelarms CF. Wenn z. B. der Halbmesser der Welle viermal kleiner ist, als der Hebel CF, so kann man mit einer Kraft von 25 Pfund einer Last von 100 Pfund das Gleichgewicht halten.

Die Winde, Fig. 33, unterscheidet sich vom Haspel nur dadurch, dass die Umdrehungsaxe vertical steht; man hat am Ende der horizontalen Hebel eine verhältnissmässig geringe Kraft anzuwenden, um die Last in horizontaler Richtung fortzuziehen.

Statt die Last direct an den Umfang der Welle anzubringen, kam man die Bewegung der Welle auf den Umfang eines grösseren Rades übertragen und an dessen Welle erst die Last anbringen, wodurch man im Stande ist, mit einer sehr kleinen Kraft eine so grosse Last zu bewältigen wie es mit einem einzigen Rade an der Welle nicht möglich gewesen wäreunbequeme Dimensionen zu nehmen oder die Haltbarkeit der Mae zu gefährden.

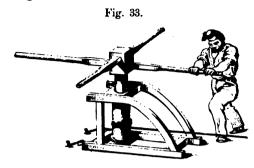


Fig. 34.



Die Uebertragung der Bewegung von einer Umdrehungsaxe auf eine andere geschieht durch Zahnräder, in manchen Fällen auch durch Riemen oder Seile.

Solche Vorrichtungen, bei denen die Bewegung einer Axe auf eine andere übertragen wird, nennt man Räderwerke. Fig. 34 mag zur Erläuterung eines Räderwerkes dienen.

Um die an der Welle b hängende Last Q zu heben, muss an dem Umfang des auf derselben Axe sitzenden gezahnten Rades a eine Kraft Kangebracht werden, deren Werth

venn r der Radius des Wellbaums b, R aber der Radius des gezahntades a ist.

Die Umdrehung des Rades a wird aber durch die Umdrehung des es c bewirkt, dessen Zähne in die Zähne des Rades a eingreifen. a aber die Zähne des Triebes c mit einer Kraft K gegen die Zähne Rades a drücken sollen, so muss die Kraft P, welche am Ende des auf einer Axe sitzenden Hebelarms wirkt, sein:

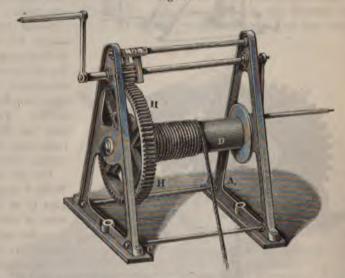
 ${m r}'$ den Radius des Triebes $c,\ R'$ aber die Länge des Hehelarmes benet, an dessen Ende P wirkt.

Setzt man den Werth von K aus 1) in 2), so kommt:

$$P = \frac{r}{R} \cdot \frac{r'}{R'} Q.$$

Der Radius des Triebes c verhält sich zum Radius des Rades a wie der Umfang des Triebes zum Umfang des Rades; die Umfänge aber verhalten sich wie die Anzahl der Zähne, welche sie tragen.

An der Vorrichtung Fig. 35 sei z. B. der Radius der Kurbel, an welcher der Arbeiter angreift, also R'=0.5 Meter, der Radius der Fig. 35.



Welle D aber, an welcher die Last hängt, also r=0.12 Meter; ferner habe der auf der Kurbelaxe sitzende Trieb 12, das Rad H aber 72 Zähne, so haben wir:

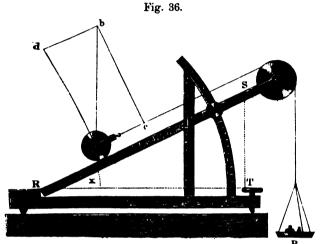
$$P = \frac{0.12}{72} \cdot \frac{12}{0.5} Q = 0.04 Q.$$

Bei dem Räderwerk Fig. 35 muss die Kurbelaxe 6 Umdrehungen machen, um 1 Umdrehung der Welle D zu bewirken.

Räderwerke werden nicht allein benutzt, um grosse Lasten mit kleinen Kräften zu heben, wie dies z. B. bei Krahnen der Fall ist, sondern auch um die Umdrehung einer Axe in eine schnellere oder langsamere zu verwandeln.

Ein Mühlstein muss mit ziemlich grosser Geschwindigkeit umgedreht werden, während das Wasserrad sich sehr langsam umdreht; durch Vermittelung eines Räderwerkes wird die langsame Umdrehung des Wasserrades in eine rasche Umdrehung des Mühlsteins verwandelt. — Das Umgekehrte findet auch bei Uhren statt.

Die schiefe Ebene bietet uns ein praktisches Beispiel von der Zer- 28 legung der Kräfte dar. Wenn eine Last auf einer Ebene RS sich befindet, welche mit der Horizontalen einen Winkel x bildet, Fig. 36, so ist die nach der Richtung ab wirkende Schwere des Körpers nicht mehr rechtwinklig gegen die Ebene gerichtet, die Ebene hat also auch nicht den vollen Druck der Last auszuhalten. In der That lässt sich die Schwere des Körpers in zwei andere Kräfte zerlegen, von denen die



eine rechtwinklig gegen die Ebene als Druck wirkt, während die andere, parallel mit der schiefen Ebene wirkend, den Körper herabtreibt. Die Grösse dieser beiden Kräfte lässt sich leicht durch Construction ermitteln. Wenn ab die Grösse und Richtung der Schwerkraft darstellt, so haben wir durch a nur eine Linie rechtwinklig zu der schiefen Ebene und eine andere parallel mit derselben zu ziehen, und sodann von b aus die Perpendikel bd und bc auf diese Linien zu fällen. Die Linie ad stellt uns die Grösse des Drucks dar, welchen die Ebene auszuhalten hat, ac aber die Grösse der Kraft, welche die Last zur schiefen Ebene heruntertreibt, oder mit anderen Worten, der Druck auf die Ebene und die Kraft, welche den Körper parallel der schiefen Ebene zu bewegen strebt, verhalten sich zum Gewicht des Körpers, wie die Linien ad und ac zu ab.

Nun aber ist das Dreieck abc dem Dreieck RST ähnlich, und zwar verhält sich ab:ac=RS:ST, und daraus folgt, dass die Kraft, welche den Körper zur schiefen Ebene heruntertreibt, sich zu seinem Gewicht verhält, wie die Höhe der schiefen Ebene zu ihrer Länge.

Bezeichnet man mit x den Winkel, welchen die schiefe Ebene mit der Horizontalen macht, so ist offenbar $ac = ab \cdot \sin x$ und $bc = ab \cos x$. Bezeichnen wir also mit P das Gewicht des Körpers, so ist der Druck, welchen die Ebene auszuhalten hat, gleich $P\cos x$, und die Kraft, welche ihn zur schiefen Ebene heruntertreibt, gleich $P\sin x$.

Ein Versuch mag dies noch anschaulicher machen und es bestätigen. Eine auf die schiefe Ebene gelegte Walze wird alsbald herabrollen, und um dies Herabrollen zu verhindern, kann man an einer an der Axe der Walze angebrachten Scheere eine Schnur befestigen, welche um eine Rolle geschlungen ist und an deren Ende ein Gewicht P hängt, Fig. 36 a. vor. S.

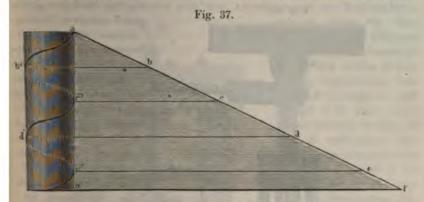
Gesetzt, die Walze sammt der Scheere wiege 1000 Gramm, und der Winkel x sei 30°. Für diesen Fall ist $ST = \frac{1}{2}RS$, also auch $ac = \frac{1}{2}ab$; d. h. die Kraft, welche die Walze heruntertreibt, ist der Hälfte ihres Gewichtes gleich, man wird also das Herabrollen verhindern können, wenn man das Gewicht P = 500 Gramm macht.

Wäre der Winkel $x=19^{0}30'$, so würde $ST=\frac{1}{3}$ RS sein, und man dürfte das Gewicht P nur $\frac{1000}{3}=333$ Gramm machen, um das Herabrollen der Walze zu verhindern.

Da sin 14050' sehr nahe gleich $^{1}/_{4}$ ist, d. h. da für den Winkel z = 14030' S $T = ^{1}/_{4}$ R S, so muss für diesen Fall $P = \frac{1000}{4} = 250$ Grm. sein.

Praktische Anwendungen der schiefen Ebene kommen täglich vor. Jeder Weg, welcher eine Anhöhe hinaufführt, ist eine schiefe Ebene, auf welcher Lasten von dem Thal auf die Höhe gehoben werden; um z. B. einen Lastwagen auf einer geneigten Chaussee aufwärts zu ziehen, muss ausser der Kraft, welche nöthig ist, um die Reibung zu überwinden, die gerade ebenso auch bei ganz horizontalen Wegen überwunden werden muss, noch eine Kraft angewandt werden, um dem mit der schiefen Ebene parallel wirkenden Antheil der Schwerkraft das Gleichgewicht zu halten. Dieser Antheil ist aber um so grösser, je steiler der Weg ist. Aus diesem Grunde führt man an steilen Bergen die Chausseen nicht geradeaus, sondern man zieht vor, grosse Umwege zu machen und den Weg in Windungen, die weniger steil sind, auf den Gipfel zu führen. Bei Bauten aller Art kommt

c mach c', also vertical unter a kommen. Der Punkt b kommt nach b', d nach d' u. s. w. Die auf die hintere Seite des Cylinders fallenden Stücke

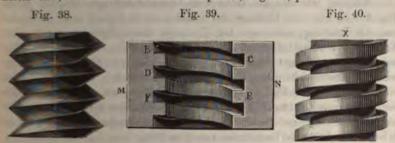


der Schraubenlinie sind punktirt. Die Höhe von a bis c', von b' bis d' 1. 8. w. ist die Höhe eines Schraubenganges.

Denken wir uns längs der Schraubenlinie um den Cylinder ein Dreieck fortgeführt, welches die Höhe eines Schraubenganges hat, so entsteht ein sogenanntes scharfes Schraubengewinde, wie ein solches in Fig. 38 dargestellt ist; denkt man sich aber ein Viereck, dessen Höhe gewöhnlich halb so gross ist als die Höhe eines Schraubenganges, auf dieselbe Weise um den Cylinder geführt, so entsteht ein flaches Schraubengewinde; ein solches ist Fig. 40 dargestellt.

Wir haben eben nur solche Schraubengewinde betrachtet, welche um einen soliden Cylinder herungelegt sind; Schrauben, welche auf diese Weise gebildet sind, werden Schraubenspindeln genannt; werden aber die Gewinde auf dieselbe Weise im Inneren eines hohlen Cylinders herungeführt, so entsteht eine Schraubenmutter.

Eine Schraubenspindel ist für sich allein zur Hervorbringung mechanischer Effecte nicht zu gebrauchen; sie muss mit einer Schraubenmutter so verbunden sein, dass die Erhabenheiten der einen genau in die Vertiefungen der anderen passen. Fig. 39 stellt eine Schraubenmutter dar, welche zu der Schraubenspindel, Fig. 40, passt.



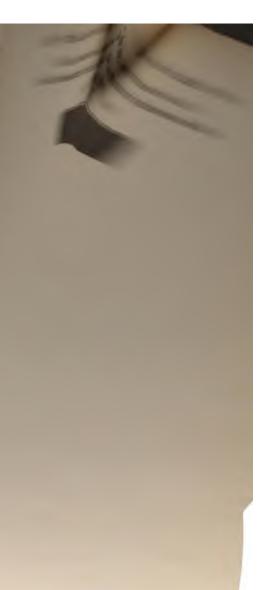
ler die Lehre vom Gleichgewicht for ch mag dies noch anschaulicher machen hiefe Ebene gelegte Walze wird alsbul rollen zu verhindern, kann man an ei chten Scheere eine Schnur befestigen, und an deren Ende ein Gewicht P ha e Walze sammt der Scheere wiege 10 ⁰. Für diesen Fall ist $ST = \frac{1}{2}RS$, welche die Walze heruntertreibt, ist man wird also das Herabrollen verl ht P = 500 Gramm macht. Winkel $x = 19^{\circ}30'$, so wurde S

Gewicht P nur $\frac{1000}{3}=333$ Gr r Walze zu verhindern.

4030' sehr nahe gleich 1/4 ist, d

= 1/4 RS, so muss für diesen F

Anwendungen der schiefen lcher eine Anhöhe hinaufführt von dem Thal auf die Höhe ge einer geneigten Chaussee auf che nöthig ist, um die Reibur ei ganz horizontalen Wegen gewandt werden, um dem theil der Schwerkraft das r um so grösser, je steiler steilen Bergen die Chausse osse Umwege zu machen ind, auf den Gipfel zu fi dass die Materialien an ja häufig werden solc aufgeschlagenen Gert r schiefen Ebene war ahrsel the



Die Schraubenwinde, Fig. 41, ist ganz besonders geeignet, um die Anwendung der Schraube zu erläutern. In der Mitte des durch vier



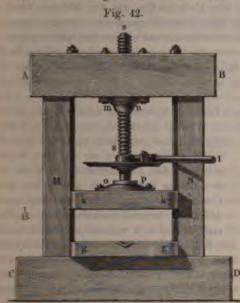
eiserne Säulchen getragenen massiven Messingstückes mn ist die Schraubenmutter eingeschnitten, in welche die eiserne Schraubenspindel s s passt. Sobald num diese Schraubenspindel umgedreht wird, so wird sie bei jeder Umdrehung um die Höhe eines Schraubengunges aufoder niedergehen, indem die Windungen der Schraubenspindel auf den Windungen der Schraubenmutter wie auf einer schiefen Ebene auf- und niedergleiten.

Wenn nun auf den Kopf k, mit welchem die Schraubenspindel oben endigt, irgend eine Last aufgelegt wird, so muss diese Last dadurch ge-

hoben werden, dass die Schraubenspindel in der entsprechenden Richtung umgedreht wird, und es ist klar, dass hier dieselben Principien zur Anwendung kommen, als ob die Last auf einer schiefen Ebene hinaufgezogen werden sollte, welche ebenso stark gegen die Horizontale geneigt ist wie die Windungen der Schraube; es wird sich also die (am Umfange der Schraubenspindel angebrachte) Kraft für den Fall des Gleichgewichts an der Schraube zur Last verhalten, wie die Höhe eines Schraubenganges zum Umfange der Spindel.

Nehmen wir an, die Höhe eines Schraubenganges an der Winde, Fig. 41, sei ¹/₁₀ vom Umfange der Spindel ss, so könnte man (abgesehen von der Reibung) mit einer am Umfange dieser Spindel angebrachten Kraft von 1 Pfund eine auf der Schraube liegende Last von 10 Pfund heben. Um aber mit der Schraube einen grösseren Effect zu erreichen, wird die Kraft nicht direct am Umfange der Spindel, sondern am Ende eines Hebelarmes *I*, Fig. 41, angebracht. Nehmen wir an, die Länge dieses Hebelarmes sei 10mal so gross als der Radius der Spindel, so bestände also zwischen der am Ende des Hebels *I* angreifenden Kraft und der auf *k* liegenden Last das Verhältniss von 1 zu 100.

So gut, wie man mit Hülfe einer Schraube eine Last zu heben im Stande ist, kann man sie auch anwenden, um einen grossen Druck ausmaben, und darauf gründet sich ihre Anwendung in der Schrauben-



presse, Figur 42. Die Schraubenspindel SS passt in die metallene Schraubenmutter mn, welche in dem starken horizontalen Balken AB befestigt ist. AB ist mit CD durch zwei starke verticale Balken M und N verbunden. Die Drehung der Schraube wird mittelst des Hebels I bewerkstelligt. - Der aufund niedergehenden Bewegung der Schraube SS folgt die Pressplatte kk, ohne jedoch an der Drehung der Spindel Theil zu nehmen. Das untere Ende

der Schraubenspindel steckt nämlich mittelst eines Kugelgelenkes in der

auf der Pressplatte befestigten Metallplatte op, so dass sich also die Spindel ohne die Pressplatte drehen kann, welch letztere durch die Seitenpfosten M und N an einer Drehung gehindert wird. Der zu pressende Körper wird zwischen die Pressplatte kk und zwischen die Bodenplatte qq gelegt.

Wenn es gilt, mit Hülfe einer Schraubenwinde eine Last zu heben oder mit Hülfe einer Schraubenpresse einen starken Druck auszuüben, so kann man jedoch nie den nach den oben angedeuteten Principien berechneten theoretischen Effect erreichen, weil ein grosser Theil der Kraft zur Ueberwindung der hier nicht unbedeutenden Reibungswiderstände erforderlich ist.

Auch zu anderen Zwecken, als zur Hebung einer Last oder zur Ausübung eines grossen Druckes wird die Schraube angewandt. Eine Schraube, welche in ihrer Längenrichtung nicht verschiebbar ist, wird eine bewegliche Schraubenmutter bei jeder Umdrehung um einen Schraubengang voranschieben; bei gleichförmiger Umdrehung der Schraube wird also auch die Mutter mit gleichmässiger Geschwindigkeit fortgeschoben, und zwar um so langsamer, je feiner das Gewinde ist. Darauf beruht unter anderen das gleichförmige Fortschieben des Supports an Drehbänken.

Da bei einigermaassen feinen Schraubengängen selbst einer ganzen Umdrehung des Schraubenkopfes nur ein sehr geringes Fortschieben entpricht, so benutzt man bei Messinstrumenten eine feine Schraube zur ge-

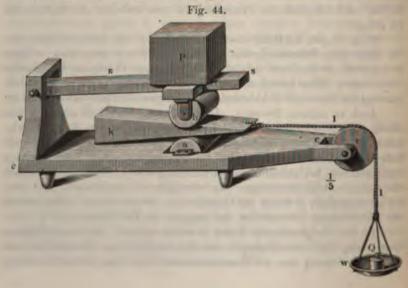
naueren Einstellung. — Da man ferner, wenn der Schraubenkopf einigermaassen gross und in Grade eingetheilt ist, noch den 360sten Theil einer ganzen Umdrehung messen kann, so ist man auch im Stande, vermittelst einer solchen Schraube noch ein Fortschieben um den 360sten Theil der ohnehin schon geringen Höhe eines Schraubenganges zu messen; eine feine Schraube kann also als Mikrometerschraube zur Hervorbringung und Messung sehr kleiner Längenverschiebungen angewendet werden. In dieser Weise benutzt man die Mikrometerschraube bei Mikroskopen zur Messung kleiner Gegenstände.

30 Der Keil. Eine andere Form, in welcher die schiefe Ebene zur Anwendung kommt, ist der Keil; er wird gebraucht, um Holz- und Steinmassen zu spalten, Fig. 43; dadurch, dass man Keile unter die Kiele der



Schiffe treibt, werden sie auf den Werften gehoben; das Auspressen des Oels aus dem zerriebenen Samen wird gewöhnlich durch Eintreiben von Keilen bewerkstelligt u. s. w. Alle unsere Schneidewerkzeuge, Messer, Scheeren, Meissel u. s. w., sind nichts anderes als

Keile. Dass die Wirkung des Keils sich wirklich auf die der schiefen Ebene zurückführen lässt, kann man durch den Apparat, Fig. 44, erläutern. Der Keil k soll zwischen den Rollen a und b hindurchgezogen werden. a ist fest, b an dem beweglichen Brett s befestigt. Auf s liegt ein Gewicht P. Mit einem kleinen Gewicht Q, welches in der Wagschale w liegend den Keil nach der Rechten zieht, kann man eine verhältnissmässig grosse Last heben, und zwar eine um so grössere, je schmäler der Rücken des Keils im Vergleich zu seiner Länge ist.



der Theorie der schiefen Ebene lässt sich leicht ableiten, dass der Kraft Q und der Last P am Keil Gleichgewicht stattfindet,

$$Q = P \cdot \sin \alpha$$
,

etzt, dass die Last P rechtwinklig auf die Seitenfläche, die Kraft inklig gegen den Rücken wirkt und dass mit a der Winkel der. bezeichnet wird.

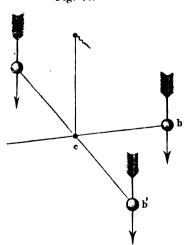
n der Winkel α nicht zu gross ist, lässt sich das Gesetz des vichts am Keil in Worten auch so ausdrücken: Eine Kraft Q. rechtwinklig gegen den Rücken des Keils wirkt, hält echtwinklig gegen die Seite des Keils wirkenden Druck leichgewicht, wenn sich Q zu P verhält, wie die Breite rückens zur Länge des Keils.

werpunkt. Ein jeder fester Körper, z. B. ein Stein, ein Stück 31 w., besteht aus einer gewissen Anzahl von Molekülen, welche in timmten gegenseitigen Lage zu einem Ganzen verbunden sind. dieser Moleküle wirkt die Schwere und treibt es mit einer geraft gegen den Mittelpunkt der Erde hin. Die Richtung der aft ist für alle Moleküle des Körpers dieselbe, er wird also durch 10 unter sich paralleler Kräfte gegen die Erde getrieben. Die ide (die Summe) aller dieser parallelen Elementarkräfte ist es, las Gewicht des Körpers nennen.

Angriffspunkt dieser Resultirenden wird der Schwerpunkt des zenannt.

Lage dieses Schwerpunktes bleibt (in Beziehung auf den Körper

Fig. 45.

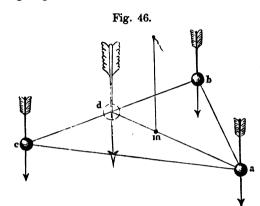


weränderlich dieselbe, wie man den Körper auch drehen und wenden mag. Die Richtigkeit dieser Behauptung ergiebt sich aus folgender Betrachtung.

> Stellen wir uns vor, die beiden Punkte a und b, Fig. 45, seien zwei schwere, durch die gerade, feste, gewichtlose Linie ab verbundene Moleküle, folgt den Hebel-80 aus gesetzen, dass Gleichgewicht stattfinden muss, sobald nur der Punkt c unterstützt ist, welches auch der Winkel sein mag, welchen die Linie ab mit der Horizontalen macht. Findet also Gleichgewicht statt, wenn der Hebel die Lage ab hat, so bleibt es auch noch be-

stehen, wenn man ihn in die Lage a' b' bringt. Der Punkt c ist der Schwerpunkt des aus den beiden schweren Molekülen a und b bestehenden Körpers. Ohne das Gleichgewicht zu stören, kann man die Wirkungen der Schwerkraft der beiden Moleküle im Schwerpunkt c vereinigt denken.

Wenn an den drei Eckpunkten eines starren gewichtlosen Dreiecks $a\,b\,c$, Fig. 46, drei gleiche parallele Kräfte p wirken, so ist es leicht, den Angriffspunkt ihrer Mittelkraft zu bestimmen. Ohne das Gleichgewicht



Ohne das Gleichgewicht zu stören, kann man die beiden in b und c wirkenden Kräfte in der Mitte d der Linie bc vereinigen; und so ist die Wirkung der drei Kräfte auf die Wirkung von zweien reducirt, welche in dem Punkten a und d angreifen. Die in d angreifende Kraft ist doppelt so gross als die in a angreifende; wenn man demnach die Linie ad durch den Punkt m so in zwei Theile theilt, dass am

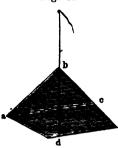
doppelt so gross ist als dm, so muss zwischen den in d und a wirkenden parallelen Kräften 2p und p nothwendig Gleichgewicht stattfinden, wenn nur der Punkt m unterstützt ist, welches auch übrigens die Lage der Linie ad sein mag. Da aber die in d wirkende Kraft ja nur die Resultirende der in b und c wirkenden parallelen Kräfte ist, so kann man, ohne etwas zu ändern, auch diese selbst wieder statt ihrer Resultirenden nehmen; und somit ist klar, dass zwischen den drei parallelen in a, b und c angreifenden Kräften nothwendig Gleichgewicht besteht, wenn nur der Punkt m

Damit ein schwerer Körper im Gleichgewicht sei, braucht also nur die Bedingung erfüllt zu sein, dass sein Schwerpunkt unterstützt ist. Ist nur diese Bedingung erfüllt, so wird der Körper im Gleichgewicht sein, wie man ihn übrigens auch drehen und wenden mag.

Fig. 47.



Fig. 48.



Aus diesen Betrachtungen lässt sich eine Methode ableiten, den Schwerpunkt der Körper durch den Versuch zu finden. Man hänge den Körper an einem Punkte a auf, Fig. 47, so wird die Verlängerung des den Körper tragenden Fadens in einem Punkte c aus dem Körper austreten. Auf der Linie ac muss noth-

wendig der Schwerpunkt liegen. Hängt man den Körper in einem zweiten Punkte b, Fig. 48, auf, so muss der Schwerpunkt abermals auf der Verlängerung des

Fadens, also auf der Linie bd, liegen; der Schwerpunkt liegt also auf dem Durchschnittspunkte der Linien bd und ac. Der Schwerpunkt von homogenen ebenen Scheiben ist nach dieser Methode leicht zu bestimmen; bei anderen Körpern ist es jedoch mit Schwierigkeiten verbunden, die Verlängerung des verticalen Fadens durch das Innere des Körpers genau zu verfolgen.

Der Schwerpunkt homogener Körper von regelmässiger Gestalt lässt sich durch einfache geometrische Betrachtungen bestimmen.

Der Schwerpunkt einer geraden Linie liegt offenbar in der Mitte ihrer Länge.

Der Schwerpunkt eines homogenen Dreiecks, Fig. 49, wird gefunden, indem man von zwei Spitzen desselben nach der Mitte der gegenüber-

Fig. 49

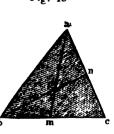


Fig. 50.



Fig. 51.



stehenden Seiten gerade Linien zieht. Der Durchschnittspunkt g dieser beiden Linien ist der gesuchte Schwerpunkt. Die Wahrheit dieser Behauptung ist leicht einzusehen. Der Punkt m ist der Schwerpunkt der

geraden Linie bc; denkt man sich nun im Dreieck irgend eine gerade Linie parallel mit bc gezogen, so wird sie offenbar durch die Linie am halbirt; auf der Linie am liegen also die Schwerpunkte aller im Dreieck parallel mit bc gezogenen Linien; am ist also so zu sagen eine Schwerlinie des Dreiecks, und offenbar muss der Schwerpunkt des Dreiecks auf am liegen. Dieselbe Schlussweise zeigt aber auch, dass der Schwerpunkt auf der Linie nb liegen müsse.

Der Punkt g liegt so, dass $gm = \frac{1}{3} am$ und $gn = \frac{1}{3} bn$ ist. Dies zu zeigen, ziehe man die Linie mn, so ist offenbar $mn = \frac{1}{2}ba$. Die Dreiecke gmn und gab sind aber ähnlich, und daraus folgt, dass gm : ga = mn : ba, dass also $gm = \frac{1}{2}ag$.

Der Schwerpunkt eines Polygons, Fig. 50, wird gefunden, wenn man es in Dreiecke zerlegt und den Schwerpunkt eines jeden bestimmt. Da nun die in den Schwerpunkten dieser Dreiecke angreifenden Kräfte dem Flächeninhalte der Dreiecke proportional sind, so hat man nur noch nach den bekannten Regeln die Resultirende dieser Kräfte zu suchen.

Fig. 52.



Der Schwerpunkt einer dreiseitigen Pyramide, Fig. 51, wird gefunden, wenn man von den Spitzen g und a Linien nach den Schwerpunkten h und k der gegenüberstehenden Dreiecke zieht. Der Durchschnittspunkt g'' dieser beiden Linien ist der Schwerpunkt. Es ist leicht zu beweisen, dass $g''h = \frac{1}{4}hg$ ist.

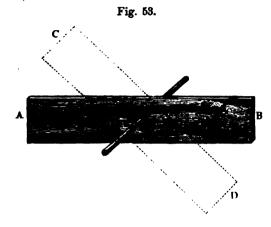
Der Schwerpunkt eines Kegels, Fig. 52, von kreisförmiger Basis liegt auf der geraden Linie, welche von der Spitze nach dem Mittelpunkte der Basis gezogen werden kann, und zwar ist seine Entfernung von dem Mittelpunkte der Basis 1/4 dieser ganzen Höhe.

Der Schwerpunkt einer regelmässigen Ecksäule, eines Cylinders, einer Kugel fällt mit dem geometrischen Mittelpunkte zusammen.



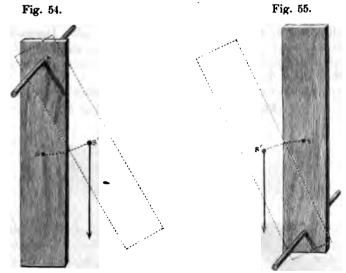
e er auch gestellt sein mag, für die Stellung AB also ebenso gut wie die Stellung CD.

Es ist dies der Fall des indifferenten Gleichgewichts.



2) Der Schwerpunkt s liegt vertical unter dem Drehpunkt Fig. 54. Dreht man den Körper aus dieser Lage heraus, so dass etwa der Schwerpunkt nach s' kommt, so führt die Schwerkraft den Körper wieder in Gleichgewichtslage zurück, sobald die störende Kraft zu wirken aufhört. Ein sol-Gleichgewicht ches wird ein festes oder stabiles genannt. Ist endlich

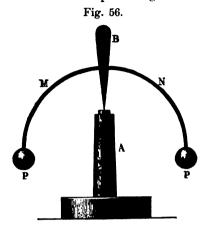
3) der Schwerpunkt s des Körpers vertical über dem Drehpunkt ne Fig. 55, so befindet sich der Körper im Zustand des labilen oder



eränderlichen Gleichgewichts; denn wenn die geringste störende Kraft en Körper aus dieser Lage herausbringt, so wirkt die im Schwerpunkt s' Naller's Lebrbuch der Physik. 6te Aust. I.

66

angreifende Schwerkraft des Körpers dahin, ihn noch weiter von seiner Gleichgewichtslage zu entfernen, und er kann nicht eher wieder in die Ruhe kommen, als bis nach einer halben Umdrehung der Schwerpunkt vertical unter dem Drehpunkt angekommen ist.



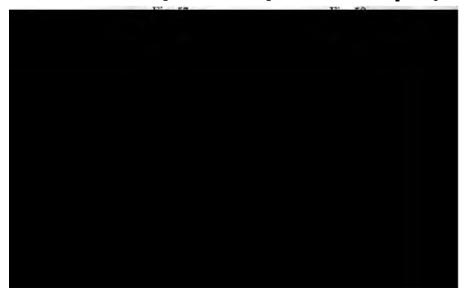
Einen interessanten Fall des stabilen Gleichgewichts zeigt Fig. 56.

Ein Holzstück B, welches unten mit einer Stahlspitze versehen ist, wird mit dieser auf ein flach ausgehöhltes Metallstückchen gesetzt, welches die obere Endfläche des Stativs A bildet. Das Holzstück B wird umfallen, weil sein Schwerpunkt über dem Unterstützungspunkte liegt. Wenn aber durch B ein Drahtbogen MN gezogen wird, welcher an beiden Enden die Bleikugeln p trägt, so dass durch dieselben der gemeinschaft-

liche Schwerpunkt des Holzstückes B und der Bleikugeln unter die Stahlspitze fällt, so findet nun ein stabiles Gleichgewicht statt, B fällt nicht mehr um; der Körper ist jetzt eigentlich aufgehängt.

Wenn ein Körper mit mehr oder weniger breiter Basis auf dem Boden steht, so muss die durch seinen Schwerpunkt gezogene Verticale noch die Basis selbst treffen, wenn Gleichgewicht stattfinden soll. Demnach muss der schiefe Cylinder, Fig. 57, im Gleichgewicht sein, wenn er nur die in der Figur schattirte Länge hat; er würde umfallen müssen, wenn er eine solche Höhe hätte, dass sein Schwerpunkt in b läge.

Wenn ein auf irgend einer vieleckigen Basis stehender Körper umge-



worsen werden, bis sein Schwerpunkt vertical über dieser Umdrehungskante steht. Sollte z. B. der in Fig. 58 dargestellte Klotz umgeworsen werden, und dabei die Kante a die Rolle der Umdrehungskante spielen, so hätte man zunächst den Klotz so weit zu drehen, bis der Schwerpunkt s in die Lage von s'kommt; liesse die Kraft, welche das Umwersen bewirken soll, eher nach, als der Schwerpunkt in s' angekommen ist, so wird der Klotz in seine ursprüngliche Lage zurückfallen müssen; hat man aber den Schwerpunkt nur im Mindesten über s' hinausgebracht, so wird nun der Körper von selbst ganz umfallen.

Ein Körper wird um so fester stehen, je mehr Kraft man anwenden muss, um ihn so weit zu drehen, bis der Schwerpunkt vertical über der Umdrehungskante steht.

Die Fig. 59 stelle einen Stein vor, welcher dieselbe Basis und dasselbe Gewicht, also eine geringere Höhe hat wie der Holzklotz Fig. 58, so wird es viel schwerer sein, den Stein um die Kante aumzuwerfen, als den Holzklotz, weil man beim Stein den Schwerpunkt weit mehr heben muss, um ihn bis s' zu bringen, als dies beim Holzklotz, Fig. 58, der Fall war.

Daraus ergiebt sich, dass unter übrigens gleichen Umständen ein Körper um so fester steht, je tiefer sein Schwerpunkt liegt. Ein hoch beladener Wagen wird also leichter umfallen als ein anderer, der mit gleichem Gewicht, aber nicht bis zu derselben Höhe geladen ist. Es ergiebt sich daraus auch die Regel, dass man beim Laden von Wagen die schwereren Gegenstände so weit als möglich in den unteren Theil des Wagens bringen muss.

Ein Kürper steht auch um so fester, je breiter unter übrigens gleichen Umständen seine Basis ist. Es stelle z. B. Fig. 59 einen Stein, Fig. 60 aber ein Metallstück von gleichem Gewicht und gleicher

Fig. 59.

١-

į

i

.

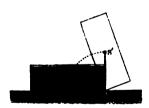


Fig. 60.



Höhe dar, so sieht man schon aus der Figur, dass bei der Umkantung des Steins der Schwerpunkt höher gehoben werden muss, als bei der Umkantung des gleich schweren und gleich hohen Metallstückes, dessen Basis schmäler ist.

Ein Körper steht also um so fester, je breiter seine Basis ist und je weniger hoch sein Schwerpunkt über dieser Basis liegt. Ein vierfüssiges Thier steht fest, wenn der Schwerpunkt seines ganzen Körpers über dem

Viereck liegt, welches auf dem Boden durch seine vier Füsse bezeichnet ist. Wenn ein Mensch seinen Arm aufhebt, so wird der Schwerpunkt seines Körpers verschoben; wenn ein Vogel seinen Hals ausstreckt, so wird sein Schwerpunkt bedeutend nach vorn gerückt. Ein Mensch, welcher Lasten trägt, muss, je nach der Art des Tragens, seine Stellung ändern Trägt er die Last auf dem Rücken, Fig. 61, so muss er sich vorbeugen, trägt er sie in der linken Hand, Fig. 62, so muss er den Oberkörper

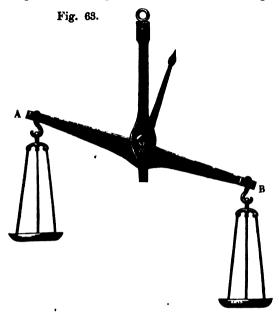
Fig. 61. Fig. 62.





rechts neigen, denn sonst fiele die Vertikale des gemeinschaftlichen Schwerpunkts des menschlichen Körpers und der getragenen Last ausserhalb der Verbindungslinie der Füsse, er müsste also umfallen.

33 Die Wage. Die gewöhnliche Wage, Fig. 63, besteht im Wesentlichen aus einem Stabe, einem Balken AB, Fig. 63, welcher um eine wagerechte durch die Schneide s gebildete feste Axe drehbar ist, die sich in der Mitte seiner Länge befindet und welche auf einer Stahlpfanne ruht. ansehmen muss. Dieser Forderung kann nur dadurch genügt werden, dass der Schwerpunkt des Wagbalkens unter seinem Drehpunkte liegt.



Denken wir uns rechtwinklig auf die Längenaxe des Wagbalkens eine Linie gezogen, welche dieselbe halbirt, so muss diese Linie durch den Irebpunkt des Wagbalkens und durch seinen Schwerpunkt gehen.

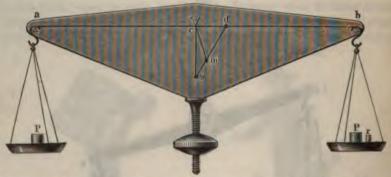
Durch das Anhängen der Wagschalen wird in unserer Schlussweise nichts geändert, denn wir können uns ihr Gewicht im Aufhängepunkte vereinigt denken, und dann machen sie einen integrirenden Theil des Wagbalkens aus.

Wenn man die Aufhängepunkte der Wagschalen durch eine gerade Linie verbindet, so kann diese Linie durch den Drehpunkt gehen, oder über oder unter demselben liegen. Der erstere dieser drei Fälle ist sowohl für die Betrachtung der einfachste, als auch für die praktische Ausführung der zweckmässigste; wir wollen uns deshalb auf die Betrachtung dieses Falles beschränken.

In Fig. 64 (a. f. S.) sei ab die gerade Linie, welche die Aufhängepunkte der Wagschalen verbindet, deren Gewicht wir uns in den Punkten a und b vereinigt denken; c sei der Aufhängepunkt des Wagbalkens, also der Drehpunkt desselben; s aber der Schwerpunkt des Wagbalkens. Wenn in a und b gleiche Gewichte P angehängt werden, so bleibt der Wagbalken in horizontaler Lage stehen; denn man kann sich die eine der Lasten direct in a, die andere direct in b wirkend denken, und somit fällt der nschaftliche Schwerpunkt der beiden Lasten P mit dem Punkte c

zusammen, und der gemeinschaftliche Schwerpunkt aller an c hängenden Massen, d. h. des Wagbalkens und der Lasten P, fällt demnach in einen

Fig. 64.



Punkt zwischen e und s; dieser gemeinschaftliche Schwerpunkt liegt noch vertical unter dem Aufhängepunkte, das Gleichgewicht ist also nicht gestört.

Bringt man auf der einen Seite ein Uebergewicht r an, so fällt der Schwerpunkt der angehängten Lasten (die wir uns natürlich in den Punkten a und b vereinigt denken müssen) nicht mehr mit c zusammen, sondern er rückt auf der Linie ab nach der Seite des Uebergewichts, etwa nach d hin, der gemeinschaftliche Schwerpunkt des Wagbalkens und der Lasten fällt demnach auf irgend einen Punkt m der Linie ds; da aber bei horizontaler Stellung des Wagbalkens der gemeinschaftliche Schwerpunkt m nicht mehr vertical unter dem Aufhängepunkte c liegt, so muss sich der ganze Wagbalken um die Axe c so weit drehen, bis diese Bedingung erfüllt ist. Dabei wird sich nothwendig der Arm ca heben, cb aber senken. Der Winkel, welchen der Wagbalken für den Fall des Uebergewichts auf der einen Seite mit der Horizontalen macht, heisst Ausschlagswinkel. Er ist gleich dem Winkel scm.

Wir wollen nun untersuchen, wie eine Wage eingerichtet sein muss, damit sie recht empfindlich sei, d. h. damit sie bei einem kleinen Uebergewichte schon einen grossen Ausschlag gebe.

1) Der Schwerpunkt des Wagbalkens muss möglichst nahe unter dem mittleren Aufhängepunkte liegen, denn wenn bei übrigens unveränderten Umständen der Schwerpunkt s des Wagbalkens in die Höhe gerückt wird, so rückt auch der Punkt m vertical nach oben, was offenbar eine Vergrösserung des Ausschlags zur Folge hat. Bei guten Wagen hat man eine Vorrichtung angebracht, welche eine Regulirung der Lage des Schwerpunkts möglich macht. In der Verlängerung der Lime cs ist nämlich entweder unterhalb des Wagbalkens, wie dies Fig. 64 andeutet, oder oberhalb desselben, wie bei der chemischen Wage Fig. 65 (auf Seite 72) eine feine Schraube angebracht, an welcher ein den Umständen entsprechendes Gewicht auf- und abgeschraubt werden kann.

womit offenbar eine Verrückung des Schwerpunkts verbunden ist. Hätte man dies Gewicht so weit verschraubt, dass s mit c zusammenfiele, so hätte man ohne Belastung und bei gleicher Belastung auf beiden Seiten den Fall des indifferenten Gleichgewichts; brächte man dann auf der einen Seite das Uebergewicht r an, so würde der Punkt m auf die Linie ab fallen, d. h. also schon bei dem geringsten Uebergewichte würde der Ausschlagswinkel ein rechter werden, der Wagbalken würde ganz umschlagen, kurz das Instrument würde aufhören brauchbar zu sein.

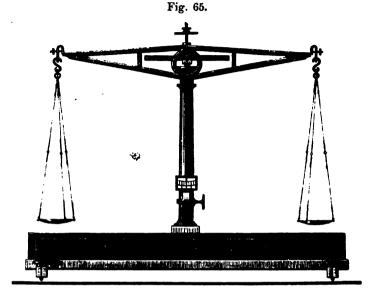
- 2) Die Empfindlichkeit nimmt mit der Länge des Wagbalkens zu. Wenn man, ohne sonst etwas zu verändern, den Wagbalken verlängern könnte, so würde die Entfernung cd in demselben Verhältniss grösser verden, und der Punkt m würde also auch nach einer Richtung, die mit ab parallel ist, weiter von der Linie cs weggerückt werden, die Linie cm würde also einen grösseren Winkel mit cs machen, der Ausschlagsvinkel scm würde also wachsen.
- 3) Der Wagbalken muss möglichst leicht sein. In dem Punkte d können wir uns das Gewicht der Lasten 2P+r, in s aber das Gewicht des Wagbalkens, welches wir mit g bezeichnen wollen, vereinigt denken. Offenbar hängt nun die Lage des gemeinschaftlichen Schwerpunkts m von der Grösse der an den Enden der Linie ds wirkenden Kräfte ab. Wenn das in s wirkende Gewicht g und das in d wirkende 2P+r einander gleich wären, so fiele m in die Mitte von ds, je kleiner aber g im Vergleich zu g0 per vird, desto mehr muss g1 nach g2 hinrücken, und desto grösser wird dann begreiflicher Weise der Ausschlag.

Was nun die beiden letzten Punkte betrifft, so ist man doch an gewisse Gränzen gebunden, welche man nicht überschreiten darf, ohne dass die Wage wegen der zu grossen Länge der Wagbalken zu unbequem für den Gebrauch würde, oder wegen ihrer Leichtigkeit die nöthige Haltbarkeit verlöre.

Je nachdem man eine Wage zu verschiedenen Zwecken anwenden will, ist auch der Grad der Genauigkeit, welchen man verlangt, sehr verschieden. Am genauesten müssen die Wagen sein, welche zu physikalischen und chemischen Untersuchungen bestimmt sind. Damit bei diesen Wagen der Wagbalken möglichst leicht und doch fest und unbiegsam sei, wird derselbe durchbrochen gemacht, wie man dies Fig. 65 (a. f. S.) sieht.

Es versteht sich von selbst, dass man bei der Construction einer Wage alle Sorgfalt darauf zu verwenden hat, die Wagbalken gleich lang zu machen. Da jedoch kleine Fehler nicht zu vermeiden sind, so muss man durch die Methode der Wägung einen etwaigen Fehler zu corrigiren suchen. Die zweckmässigste Wägungsmethode möchte in dieser Beziehung wohl folgende sein: Man legt den zu wägenden Körper auf die eine Wagschale und bringt die Wage durch Sand, Schrotkörnehen oder sonstige Dinge, die man auf die andere Wagschale legt, ins Gleichgewicht. Ist dies geschehen, so nimmt man den zu wägenden Körper weg und substituirt

statt seiner so viel Gewichte, dass das Gleichgewicht dadurch abermals hergestellt wird. Diese neu aufgelegten Gewichte geben genau das Ge-

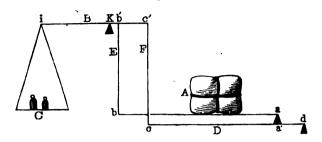


wicht des Körpers an, die Wagbalken mögen nun gleich lang sein oder nicht.

Ganz besondere Bequemlichkeit beim Wägen gewährt noch folgende von Berzelius angegebene Einrichtung, Fig. 65. Jede Hälfte des Wagbalkens ist nämlich durch verticale Theilstriche in zehn gleiche Theile ge-



Wenn Kb' sich zu Kc' genau ebenso verhält wie da' zu dc, was bei einer guten Brückenwage durchaus der Fall sein muss, so wirkt die Fig. 66.



auf das Brett ba gelegte Last A gerade ebenso, als ob sie an die Stange E angehängt wäre, welche Stelle des Brettes ba die Last auch einnehmen mag.

Es ist dies leicht zu beweisen. Ein Theil des Gewichtes der Last, die wir mit P bezeichnen wollen, drückt auf die Schneide a, ein Theil neht an der Stange E. Bezeichnen wir mit q den Druck auf die Schneide a, mit p den Zug an der Stange E, so ist p+q=P.

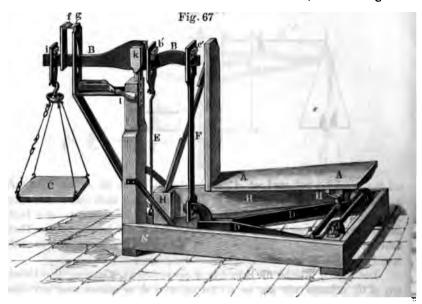
Die Last q, welche die Schneide a niederdrückt, wirkt an dem Hebelarm a'd; nehmen wir an, es sei $cd = n \cdot a'd$, so müsste man in c eine Last $\frac{q}{n}$ anbringen, wenn sie an dem Hebel D dieselbe Wirkung hervorbringen sollte, wie die in a' wirkende Kraft q; dadurch also, dass bei a' die Kraft q drückt, wird die Stange F' mit einer Kraft niedergezogen, welche gleich $\frac{q}{n}$ ist.

An dem Hebelarm B ziehen also rechts von der Schneide K zwei Kräfte, nämlich bei b' die Last p, bei c' aber die Kraft $\frac{q}{n}$.

Die Kraft $\frac{q}{n}$, welche in c' angreift, wirkt aber gerade so, wie eine mmal grössere Kraft, welche bei b' hängt, weil Kc'=n. Kb', also gerade so, als ob bei b' die Last $\frac{q}{n} \cdot n = q$ hinge; die beiden Kräfte, welche bei b' und c' angreifen, ziehen also den Hebel gerade eben so stark nieder, als ob bei b' die Last p+q=P angehängt wäre.

Am linken Ende des Hebelarms B bei i ist die Wagschale angehängt, auf welche die Gewichte gelegt werden. Das Gewicht auf der Wagschale ist ein aliquoter Theil der Last P; das Verhältniss zwischen Last und Gewicht hängt ab von dem Verhältniss des Hebelarms Kb' zu Ki. In der Regel sind die Brückenwagen so construirt, dass $Kb' = \frac{1}{10}Ki$, dass man also auf der Wagschale $\frac{1}{10}$ des Gewichts der Last aufzulegen hat, um das Gleichgewicht herzustellen (Decimalwage).

Fig. 67 stellt die Ansicht einer Brückenwage und zwar zum Theil im Durchschnitt dar. Die Buchstaben sind dieselben, wie in Fig. 66.



Das Brett A, welches zur Aufnahme der Lasten dient, ist auf einem dreiseitigen hölzernen Rahmen H befestigt, von welchem unsere Figur obenso wie vom Brett A nur die hintere Hälfte zeigt. Der Rahmen H sitzt hinten auf der Schneide a auf und ist vorn bei b an die Stange B angehängt. Die Schneide a ist auf dem gabelförmig gestalteten Hebel D befestigt, dessen Drehpunkt hinten durch die Schneide a gebildet ist und welcher vorn bei a an der Stange a0 hängt.

In unserer Figur ist der Deutlichkeit wegen der Rahmen H auf

Zweites Capitel.

Gleichgewicht der Theile fester Körper unter einander.

Elasticität. Das Gleichgewicht der Molekularkräfte, welches zwischen 35 den einzelnen Theilchen fester Körper besteht, ist ein stabiles, weil eine mehr oder minder grosse Kraft nöthig ist, um es aufzuheben.

Bei den festen Körpern befinden sich die Atome in einer solchen Entfernung, dass sowohl die zwischen den Körperatomen wirksame Anziehung, als auch die Abstossung, welche die Aetherhüllen der Atome auf einander ausüben, mit grosser Energie wirken. — Mit der Entfernung der Atome ändern sich beide Kräfte, aber nach verschiedenen Gesetzen. — Bei wachsender Entfernung nimmt die Abstossung der Aetherhüllen stärker ab, bei abnehmender Entfernung nimmt sie stärker zu als die Anziehung der Atome.

Werden also durch eine äussere Kraft die Atome eines festen Körpers genähert, so nimmt die Abstossung der Aetherhüllen mehr zu als die Anxiehung der Körperatome, die Abstossung wird überwiegend, und daher der Widerstand, welchen die festen Körper einer Compression entgegensetzen.

Wirkt dagegen auf einen festen Körper eine äussere Kraft in der Weise, dass sie den Abstand der Atome zu vergrössern strebt, so nimmt die Abstossung der Aetherhüllen mehr ab als die Anziehung der Körperatome, die Anziehung wird überwiegend, und daher der Widerstand, welchen ein fester Körper der Trennung seiner Theilchen entgegensetzt.

Wenn die Theilchen eines festen Körpers durch eine äussere Kraft wirklich ein wenig aus ihrer gegenseitigen Lage verrückt worden sind, so ist deshalb der frühere Gleichgewichtszustand noch nicht völlig vernichtet; denn die Theilchen können in ihre frühere Lage zurückkehren, wenn die störende Kraft zu wirken aufhört. Diese Eigenschaft der Körper, vermöge deren die Theilchen in ihre frühere Gleichgewichtslage zurückkehren, wenn die durch äussere Kraft veranlasste Verschiebung gewisse Gränzen nicht überschritten hat, nennt man Elasticität. Die Elasticität der festen Körper beweist, dass sich die Theilchen in einem stabilen Gleichgewichtssustande befinden; denn nur für den Fall des stabilen Gleichgewichts kehrt der Körper in seine Ruhelage zurück, wenn die Kräfte, welche ihn daraus entfernten, zu wirken aufhören.

Nicht alle Körper sind gleich elastisch; es giebt Körper, deren Theil-

chen selbst nach bedeutender Verschiebung doch wieder vollkommen in ihre frühere Lage zurückkehren, und solche Körper, wie z. B. Federharz (Gummi elasticum), Stahl, Elfenbein u. s. w., werden vorzugsweise elastisch genannt; andere hingegen, wie Blei, Glas u. s. w., sind nur in geringem Grade elastisch, sie können keine grosse Verschiebung der Theilchen ertragen, ohne dass der frühere Gleichgewichtszustand aufgehoben wird.

Wenn überhaupt eine grosse Kraft nöthig ist, um eine Verschiebung der Theilchen eines Körpers hervorzubringen, so nennt man ihn hart. Ein Körper kann hart und elastisch sein, wie dies beim Elfenbein, beim Stahl u. s. w. der Fall ist; das Glas dagegen ist hart und wenig elastisch.

Ein Körper, dessen Theilchen schon durch eine geringe Kraft verschoben werden können, wird weich genannt. Auch die weichen Körper können entweder elastisch sein, wie z. B. Federharz, oder nur einen sehr geringen Grad von Elasticität besitzen, wie dies z. B. beim feuchten Thon der Fall ist. Der Aggregatzustand solcher weichen, mehr oder weniger breiartigen Körper kann gewissermaassen als ein Mittelzustand zwischen dem vollkommen festen und dem vollkommen füssigen betrachtet werden.

Wenn die Theilchen eines Körpers über die Elasticitätsgränze hinaus verschoben werden, so hört entweder der Zusammenhang ganz auf, sie zerbrechen (Glasthränen), oder die Theilchen ordnen sich zu einem neuen stabilen Gleichgewichtszustande. Im ersteren Falle nennt man die Körper spröde, im letzteren dehnbar. Die äussere Gestalt spröder Körper lässt sich durch Druck, durch Stoss u. s. w. nicht bleibend ändern; wenn durch äussere Ursachen ihre Theilchen über eine gewisse Gränze verschoben werden, so erfolgt eine vollständige Trennung; die Gestalt dehnbarer Körper hingegen lässt sich durch solche mechanische Mittel bleibend verändern, wie dies z. B. das Prägen der Münzen beweist.

Die Verschiebung der Theilchen kann entweder durch Spannung, durch Zusammendrückung oder durch Drehung hervorgebracht werden.



Diese Methode ist für dickere Drähte und für Stäbe nicht mehr anendbar. Wertheim fand es am zweckmässigsten, die Verlängerung rect zu messen, und zwar auf folgende Weise. Der Stab, dessen Verngerung gemessen werden sollte, war oben in einen eisernen Träger. ig. 69, eingeklemmt und trug unten einen Haken, an welchen ein zur



Aufnahme von Gewichten dienender Kasten angehängt wurde. Auf dem Stabe waren zwei Punkte a und b markirt, deren Abstand vor und während der Belastung durch ein bestimmtes Gewicht mit Hülfe des Kathetometers gemessen wurde.

Aus derartigen Messungen ergaben sich folgende Gesetze:

- 1) Die Verlängerung ist dem angehängten Gewicht proportional.
- 2) Die Verlängerung ist der Länge des Stabes proportional.
- 3) Die Verlängerung ist dem Querschnitt des Stabes umgekehrt proportional.

Bezeichnet also n die Dehnung. welche ein Stab von der Länge 1 und dem Querschnitt 1 durch ein Gewicht 1 erleidet, so ist die Dehnung d, welche ein Stab von der Länge l und dem Querschnitt f durch ein Gewicht P erleidet

$$d=n\,rac{Pl}{f}$$
 . . . (1)

$$\frac{Pl}{df} = \frac{1}{n} = E. \quad . \quad (2)$$

Da n für jede Substanz eine constante Grösse ist, so ist auch $\frac{1}{n}$ der E eine constante Grösse, welche mit dem Namen des Elasticitätsnodulus bezeichnet wird. Denken wir uns in Gleichung (2) l = 1, f=1 and d=1 gesetzt, so wird P=E, E ist also das Gewicht, welches erforderlich wäre, um einen Stab von dem Querschnitt 1 und der Länge 1 um die Länge 1 auszudehnen, oder was dasselbe ist, um einen Stab von dem Querschnitt 1 auf das Doppelte seiner ursprünglichen Länge auszuziehen, vorausgesetzt, dass er eine solche Dehnung ohne Ueberschreitung der Elasticitätsgränze ertragen könnte.

Der Factor n wird der Elasticitätscoëfficient genannt. (Andere ofnnen die Grösse E den Elasticitätscoëfficienten.)

78 Gleichgewicht der Theile fester Körper unter einander.

Verschiedene Physiker haben die Elasticitätsconstanten mehrerer Stoffe mit möglichster Genauigkeit bestimmt. Die vollständigsten Untersuchungen über diesen Gegenstand sind aber diejenigen, welche Wertheim angestellt hat. (Pogg. Annal. Ergänzungsband. II.)

Die wichtigsten Resultate seiner Versuche über Metalle sind in folgender Tabelle zusammengestellt.

	Angelassen		Gezogen
	n	E	E
Blei	0,57904	1727	1803
Gold	0,17905	5585	8131
Silber	0,14004	7141	7274
Zink	·		8734
Kupfer	0,09507	10519	12 44 9
Platin	0,06444	15518	17044
Stahldraht	0,05788	1727 8	18809
Gussstahl	0,05112	19561	19549
Eisen	0,04809	20794	20869
Messing	-		8543

Unter n findet man, um wie viel Millimeter ein Draht des in der ersten Columne genannten Metalls von 1 Meter Länge und von 1 Quadratmillimeter Querschnitt verlängert wird, wenn er durch ein Gewicht von 1 Kilogramm gespannt ist. — Auch die unter E stehenden Zahlen beziehen sich auf 1 Quadratmillimeter Querschnitt.

	Elasticitäts- gränze.	Verlängerung bei der Elasticitäts- gränze.	Verlängerungs- maxima.
Blei, ausgezogen	0,25	0,14	243
, angelassen	0,20	0,12	614
Silber, ausgezogen	11	1,49	4,5
, angelassen	3	0,36	168
Kupfer, ausgezogen	12	0,93	3
" angelassen	3	0,27	220
Platin, ausgezogen	26	1,42	-
"angelassen	14	0,81	2,3
Eisen, ausgezogen	32	1,50	26
" angelassen	5	0,22	109
Stahldraht, ausgezogen	43	2,00	_
" angelassen	15	0,56	4,4

Ferner finden wir in dieser Tabelle angegeben, um wie viel Millimeter n 1 Meter Draht von 1 Quadratmillimeter Querschnitt höchstens auszogen werden darf, wenn keine merkliche Verlängerung zurückbleiben il; in der letzten Columne endlich findet man angegeben, um wie viel illimeter Drähte der angegebenen Dimensionen noch ausgezogen werden innen, ehe der Bruch erfolgt.

So sehen wir z.B., dass man an einen ausgezogenen Kupferdraht von Meter Länge und 1 Quadratmillimeter Querschnitt bis zu 12 Kilogramm ahängen darf, ohne dass er eine merkliche (über 0,05 Millimeter gehende) leibende Verlängerung erfährt; dass der fragliche Draht durch 12 Kiloramm um 0,93 Millimeter elastisch verlängert wird, und dass er im ranzen um 3 Millimeter ausgezogen werden kann, ehe der Bruch erfolgt.

Wertheim und Chevandier (Pogg. Annal. Ergänzungsband II. 3. 481) fanden für Holzstäbe in der Richtung der Fasern bei 20 Procent Feuchtigkeit folgende Werthe für die Elasticitätsconstanten (auf 1 Quadratmillimeter Querschnitt bezogen).

	Specifisches Gewicht.	Elasticitäts- modulus	Elasticitäts- gränze.
Acacie	0,717	1262	3,2
Tanne (Pin. abies)	0,493	1113	2,2
Föhre (Pin. silv.)	0,559	564	1,6
Hagebuche	0,756	1086	1,8
Birke	0,812	997	1,6
Buche	0,823	980	2,3
Eiche	0,872	921	2,3
Ahorn	0,674	1021	2,7
Pappel	0,477	517	1,5

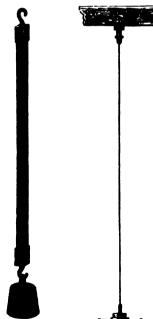
Durch akustische Versuche ermittelten Wertheim und Chevandier folgende Werthe für den Elasticitätsmodulus verschiedener Holsarten in der Richtung des Radius und in der Richtung der Tangente:

	In der	In der Richtung			
	des Radius	der Tangente			
Hagebuche	208	103			
Ahorn	157	73			
Eiche	189	130			
Birke	81	155			
Buche	270	159			
Pappel	73	39			
Tanne	94	34			
Föhre	97	29			

Wertheim's Versuche stimmen jedoch mit diesen Resultaten nicht über-Zunächst machte er Versuche mit Kautschukstäben von quadratischem erschnitt, Fig. 71; er fand durch directe Messung, dass wenn diese Stäbe

Fig. 70. R'

Fig. 71. Fig. 72.



durch angehängte Gewichte im Verhältniss von 1 zu 1 + a verlängert werden, die Seite des Querschnitts im Verhältniss von 1 zu 1 $-\frac{a}{3}$ abnimmt. - Zu dem gleichen Resultat führten Versuche mit Messingröhren, welche mit Wasser gefüllt, am oberen Ende mit einem engen Glasröhrchen in Verbindung standen. Durch Ausziehen der Röhre verändert'sich der Rauminhalt derselben, wie man aus der Veränderung des Wasserstandes im Glasröhrchen erkennt.

Wenn sich der Durchmesser des Stabes im Verhältniss von 1 zu 1 — $\frac{a}{3}$ verkleinert, so nimmt der Flächeninhalt des Querschnittes ab im Verhältniss von 1 zu 1 $-\frac{2}{3}$ \dot{a} (da a klein genug ist um höhere Potenzen von a zu vernachlässigen). Das Volumen des ganzen Stabes ändert sich aber im Verhältniss von 1 zu (1 + a) $\left(1 - \frac{2}{3} a\right)$ oder was dasselbe ist, im Verhältniss von 1 zu 1 $+\frac{1}{2}$ a.

Torsionselasticität. Wenn 37 ein Stab an einem Ende festgeklemmt, an dem anderen Ende durch irgend eine Kraft um seine Axe umgedreht wird, so erleiden die einzelnen Theilchen eine Verschiebung, durch welche eine elastische Kraft hervorgerufen wird, welche die verschobenen Theilchen wieder in ihre ursprüngliche Lage zurückzuführen strebt. Um die

scheinungen der Torsionselasticität an Drähten zu studiren werden sie a ihrem oberen Ende eingeklemmt, wie Fig. 72 zeigt, unten aber durch Maller's Lehrbach der Physik. 6te Aufl. I.

82

Gewichte belastet. Wenn man das Gewicht aus seiner ursprünglichen Lage um einen bestimmten Winkel herausdreht, wobei die Axe des Drahtes die Umdrehungsaxe bildet, und es sich dann selbst überlässt, so wird es durch die Torsionselasticität zunächst in seine Gleichgewichtslage zurückgeführt. In der Gleichgewichtslage angekommen, bleibt es aber nicht in derselben stehen, sondern es geht in Folge seiner Trägheit über dieselbe hinaus, den Draht nach der entgegengesetzten Seite windend, und so entsteht eine Reihe von Schwingungen, welche kleiner und kleiner werden, bis endlich der Draht mit dem angehängten Gewichte in seiner Gleichgewichtslage zur Ruhe kommt.

In Beziehung auf die Grösse der Torsionskraft gelten folgende Gesetze:

1) Die Torsionskraft ist dem Drehungswinkel proportional, wenn man also das untere Ende des Drahtes um 2n, 3n, 4n Grade u. s. w. aus der Gleichgewichtslage herausdreht, so ist die dadurch hervorgerufene Torsionskraft 2, 3, 4 u. s. w. mal so gross, als wenn die Drehung nur n Grade betragen hätte. Dies Gesetz geht daraus hervor, dass die Schwingungsdauer von der Grösse der ursprünglichen Drehung unabhängig ist, vorausgesetzt, dass man die Elasticitätsgränze nicht überschritten hat.

Auf dieses Gesetz hat Coulomb, welcher überhaupt die Torsionselasticität zuerst gründlich studirt hat, seine Drehwage gegründet, welche als ein für die Lehre vom Magnetismus und der Elektricität höchst wichtiges Instrument später besprochen werden soll.

- 2) Die Torsionskraft ist von der Spannung des Drahtes unabhängig.
- 3) Die Torsionskraft ist der Länge des Drahtes umgekehrt proportional.
- 4) Die Torsionskraft ist der vierten Potenz des Draht- oder Stabdurchmessers proportional.

Querschnitt des dem Versuche unterworfenen Körpers auch grösser oder kleiner ist als der zur Einheit genommene Querschnitt, so lässt sich doch die Festigkeit auf diesen reduciren.

Schon Muschenbroek hat zahlreiche Versuche über die absolute Festigkeit verschiedener Körper angestellt. Die folgende Tabelle giebt die Werthe der absoluten Festigkeit (Cohäsion), wie sie Wertheim in der bereits oben citirten Abhandlung angiebt.

						Αu	sgezogen.	Angelassen.
Blei .							2,2	1,9
Zinn							2,6	2,4
Gold			:				26	11
Silber							29	16
Kupfer	•						40	31
Platin							34	25
Eisen	•						63	48
Gusssta	hl						83	65
Messin	g						60	

Diese Zahlen geben die absolute Festigkeit für die Drähte von l Quadratmillimeter Querschnitt. Auf denselben Querschnitt besiehen sich die folgenden von Wertheim und Chevandier ermittelten Werthe für die Cohäsion verschiedener Holzsorten:

	In der Richtung					
	der Fasern	des Radius	der Tangente			
Acacie	7,93	_	_			
Tanne (Pin. abies) .	4,18	0,22	0,29			
Föhre (Pin. silv.)	2,48	0,26	0,20			
Hagebuche	2,99	1,00	0,61			
Birke	4,30	0,82	1,06			
Buche	3,57	0,88	0,75			
Eiche	5,66	0,58	0,41			
Ahorn	2,71	0,72	0,37			
Pappel	1,48	0,15	0,21			

Nach anderen Angaben ist die absolute Fessigkeit der Holzarten bedeutend grösser, so z. B. für

Eiche 6 bis 8 Kilogramm
Tanne . . . 8 , 9 ,
Buche 8 ,

Der Grund dieser Verschiedenheit ist vielleicht im ungleichen Wassergehalt, im verschiedenen Alter der Bäume, verschiedenem Standort u. s. w. zu suchen.

84 Gleichgewicht der Theile fester Körper unter einander.

Für Hanfseile ist nach älteren Bestimmungen die absolute Festigkeit für das Quadratmillimeter Querschnitt 3,5 bis 6,2.

Die grosse Verschiedenheit in der Festigkeit der Hanfseile rührt von der ungleichen Beschaffenheit der Materiale her, aus denen sie verfertigt sind Dünne Seile sind verhältnissmässig stärker als dicke, weil sie aus besserem Hanf gemacht sind. Durch starkes Drehen der einzelnen Fäden wird die Tragkraft der Seile bedeutend vermindert. Nasse Seile haben eine geringere Festigkeit als trockene.

Bei praktischen Anwendungen wird man der Sicherheit wegen wohl thun, bei Metallen nur 1/3, bei Hölzern nur 1/3 der durch die Versuche ermittelten absoluten Festigkeit in Rechnung zu bringen.

Die Kraft, welche ein Körper dem Zerbrechen entgegensetzt, nennt man seine relative, diejenige, welche er dem Zerdrücken entgegensetzt, die rückwirkende Festigkeit. Die relative Festigkeit sowohl wie die rückwirkende steht in einem innigen Verhältniss zur absoluten, was sich auch in mathematischer Form ausdrücken lässt; doch ist hier nicht der Ort, weiter darauf einzugehen.

Adhäsion. Dieselbe Kraft, welche die Theilchen eines festen Körpers zusammenhält, wirkt auch, um die Theilchen zweier vorher getrennter Körper zusammenzuhalten, wenn man nur im Stande ist, sie in eine hinreichend innige Berührung zu bringen. So verbinden sich Spiegelplatten, welche nach der Politur dicht an einander gelegt worden sind, oft so innig mit einander, dass sie nicht mehr getrennt werden können, ohne die Platten zu zerbrechen. Ebenso haften zwei Bleiplatten, die man zusammendrückt, fast so fest auf einander, als ob sie nur eine einzige Bleimasse ausmachten, vorausgesetzt, dass die Flächen, in welchen sich die beiden Bleistücke berühren, vollkommen eben und metallisch sind.

den einen über den anderen hinausschieben will, so setzt die Adhäsion dieser Bewegung ein Hinderniss entgegen; die Adhäsion hat also einigen Antheil am Reibungswiderstande, der überall da überwunden werden muss, wo zwei Körper über einander hingleiten oder wo sich ein Körper über einen anderen hinwälzt. Von der Reibung wird noch weiter unten die Rede sein.

Krystallisation. Wenn ein Körper aus dem flüssigen oder gas- 40 förmigen Zustande in den festen übergeht, so ist es die nun stärker als zuvor in Thätigkeit tretende Cohäsionskraft, welche die bis dahin beweglichen Theilchen in einer bestimmten gegenseitigen Lage fixirt. In der ganzen Natur zeigt sich aber bei diesem Uebergange in den festen Zustand ein Bestreben, eine regelmässige Anordnung der Theilchen hervorzubringen. In der unorganischen Natur bewirkt dieses Bestreben die Krystallisation.

Krystalle nennt man solche feste Körper, welche sich in regelmässigen, durch ebene Flächen begränzten Gestalten gebildet haben. In der Natur findet man eine Menge solcher Krystalle; Quarz (Bergkrystall), Kalkspath, Schwerspath, Topas, Granat u. s. w. werden oft sehr schön krystallisirt gefunden.

Wenn ein Körper aus dem flüssigen Zustande in den festen übergeht, so bilden sich fast immer Krystalle. Der Uebergang aus dem flüssigen in den festen Zustand findet entweder durch Erkaltung eines geschmolzenen Körpers, oder durch Ausscheidung aus einer Auflösung Statt.

Wenn man geschmolzenes Wismuth in eine etwas erwärmte Schale giesst, so bildet sich nach einiger Zeit auf der Oberfläche eine feste Kruste. Wenn man nun diese Kruste durchsticht und das noch flüssige Metall abgiesst, so findet man die Höhlung, welche durch die zuerst erkaltete Kruste gebildet wird, mit würfelförmigen, oft mehrere Linien grossen Krystallen ausgekleidet.

Auf eine ähnliche Weise kann man auch Krystalle aus einer geschmolzenen Schwefelmasse erhalten.

Wenn man mit Aufmerksamkeit ein gefrierendes Wasser beobachtet, so sieht man, wie feine Eisnadeln sich bilden, wie sie von einem Augenblicke zum anderen sich ausbreiten und verzweigen. Freilich sieht man hierbei selten so regelmässig krystallinische Gestalten, wie man sie beim Schnee beobachtet, doch sieht man deutlich, dass die Eisbildung eine Krystallbildung ist.

Viele Stoffe lösen sich in Flüssigkeiten, namentlich in Wasser, auf, und zwar lässt sich in einer bestimmten Menge Wasser nur eine bestimmte Menge irgend eines Stoffes auflösen; doch löst sich in warmem Wasser meistens mehr auf, als in kaltem. Wenn nun eine Auflösung bei hoher Temperatur gesättigt ist, wenn man z. B. in einer bestimmten Menge warmen Wassers so viel Alaun aufgelöst hat, als möglich, so kann diese Salzmasse nicht mehr ganz aufgelöst bleiben, wenn die Lösung erkaltet, ein Theil des Salzes wird sich wieder ausscheiden, und zwar schiesst es in

86

regelmässigen Krystallen an. — Auch dann bilden sich Krystalle, wenn das Wasser einer gesättigten Lösung allmälig verdunstet.

Nicht allein aus wässerigen Lösungen scheiden sich Krystalle aus; der Schwefel z. B. löst sich in Schwefelkohlenstoff, in Chlorschwefel, in Terpentinöl auf, und aus diesen Lösungen kann man schöne durchsichtige Krystalle von Schwefel erhalten.

Die Krystalle werden um so grösser und regelmässiger, je langsamer die Erkaltung oder Verdunstung vor sich geht. Bei schneller Krystallisation bilden sich kleine Krystalle, die sich zu unregelmässigen Gruppen zusammenhäufen, an denen man oft kaum ein krystallinisches Gefüge erkennen kann.

Jedem Stoffe kommt eine eigenthümliche Krystallform zu; so ist z. B. die Krystallform des Bergkrystalls eine andere als die des Alauns, und diese wieder eine andere als die des Kupfervitriols.

Die Untersuchung der Symmetriegesetze, welche zwischen den einzelnen Krystallflächen stattfinden, sowie die Beschreibung der Krystallformen überhaupt, ist ein Gegenstand, mit welchem sich die Krystallegraphie zu beschäftigen hat; da jedoch die äussere Gestalt der Krystalle in einem innigen Zusammenhange mit den physikalischen Eigenschaften der Körper steht, so müssen wir hier wenigstens die Grundzüge dieser Symmetriegesetze betrachten.

Wenn man zwei Krystalle desselben Stoffes untersucht, so findet man freilich keine absolute Gleichheit oder Aehnlichkeit der Gestalten im getmetrischen Sinne. So haben z. B. Quarzkrystalle häufig die vollkommen regelmässige Gestalt, Fig. 73, sehr oft kommen sie aber auch in der Form Fig. 74 vor, und oft weichen sie noch weit mehr von dem normalen

Fig. 73. Fig. 74.





Habitus Fig. 73 ab. Wie aber auch die verschiedenen Quarzkrystalle verzerrt erscheinen mögen, so behalten sie doch immer einen selbst dem weniger Geübten leicht erkennbaren Grundtypus, sie bilden eine durch 6seitige Pyramiden zugespitzte 6scitige Säule; diese Pyramidenflächen erscheinen aber nicht immer gam gleichmässig ausgebildet, sie liegen nicht immer in gleicher Entfernung vom geometrischen Mittelpunkte des

Krystalls; aller dieser Unregelmässigkeiten ungeachtet sind die Winkel der entsprechenden Flächen für alle Krystallindividuen desselben Stoffes stets dieselben. So ist z. B. der Winkel, den eine Säulenfläche des Bergkrystalls mit der benachbarten macht, stets 120°, der Winkel zweier neben einander liegenden Pyramidenflächen ist stets 133° 44′ u. s. w.

Wenn man die Krystallform eines Körpers beschreibt, wenn man sie zeichnet, so abstrahirt man von allen Zufälligkeiten, man betrachtet alle entsprechenden Flächen als gleich weit vom Mittelpunkte des Krystalles liegend. Wir wollen eine solche Krystallgestalt den idealen Krystall nennen; die folgenden Betrachtungen beziehen sich auf diese idealen Formen.

Krystallsysteme. In jedem Krystalle kann man gewisse Rich-41 tungen unterscheiden, gegen welche die einzelnen Flächen eine symmetrische Lage haben; diese Richtungen sind die Axen. In dem Krystall Fig. 73 ist offenbar die Linie, welche die Spitzen der beiden 6seitigen Pyramiden verbindet, eine solche Axe. Die mit g bezeichneten Säulenflächen sind dieser Axe parallel, alle Pyramidenflächen sind gleich gegen dieselbe geneigt.

Die gegenseitige Lage und das Grössenverhältniss dieser Axen ist aber nicht für alle Krystalle dieselbe; man hat in dieser Beziehung 6 verschiedene Krystallsysteme zu unterscheiden.

 Das reguläre System mit drei zu einander rechtwinkligen und gleichen Axen.

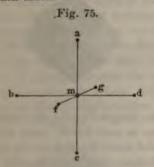
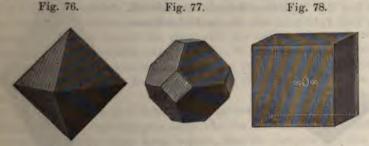


Fig. 75 stellt das Axensystem des regulären Systems dar. Die drei Axen schneiden sich in dem Punkte m, und zwar steht jede derselben rechtwinklig auf der Ebene der beiden anderen. Zwei dieser Axen, ac und bd, erscheinen in unserer Figur unverkürzt, dagegen erscheint die dritte, von vorn nach hinten gerichtete Axe fg verkürzt. In der That ist mf = ma = mb.

Denken wir uns in jede der 8 körperlichen Ecken des Axenkreuzes, Fig. 75,

eine Fläche gelegt, welche gegen alle drei Axen gleich geneigt ist, also eine Fläche durch die Punkte a, f und d; eine zweite durch f, d und c; eine dritte durch f, b und a u. s. w., so entsteht das Octaëder, Fig. 76 welches man als die Grundgestalt des regulären Systems betrachtet, weil man von ihm leicht alle anderen Gestalten dieses Systems ableiten kann.



Alle Ecken des regulären Octaëders sind unter einander gleich und jede Modification einer Ecke muss an allen übrigen in derselben Weise stattfinden. 88

Wird jedes Octaëdereck durch eine Fläche abgestumpft, welche auf der entsprechenden Axe rechtwinklig steht, so entsteht der Körper Fig. 77. Denken wir uns die Abstufungsflächen bis zur gegenseitigen Durchsehneidung ausgedehnt, so erhält man den Würfel Fig. 78.

An dem Würfel sind wieder alle Ecken unter sich gleich; ebenso sind alle Kanten gleichartig, und jede Modification eines Ecks oder einer Kante findet sich in derselben Weise auch an den übrigen.

Die 12 Kanten des Octaëders sind ebenfalls einander gleich: denken wir uns jede Octaëderkante durch eine Fläche abgestumpft, welche mit der abgestumpften Kante und einer Axe parallel läuft, so entsteht der Körner Fig. 79. Wenn die Abstumpfungsflächen der Octaederkanten bis zu ihrer gegenseitigen Durchschneidung wachsen, so entsteht das Rhombendodekaëder Fig. 80.

Fig. 79.



Fig. 80.



Auf dieselbe Weise lassen sich auch die übrigen Formen des regulären Systems ableiten; doch würde es uns hier zu weit führen, wenn wir alle näher betrachten wollten; das Gesagte wird schon hinreichen, um zu zeigen, dass der Charakter des regulären Systems eben darin besteht, dass alle Formen desselben in Beziehung auf die drei Axen vollkommen symmetrisch sind. Im regulären System krystallisiren Alaun, Kochsalz, Granst, Flussspath u. s. w.

gleich sind. Die letztere ausgezeichnete Axe wollen wir die Hauptaxe nennen und uns dieselbe immer vertical gestellt denken.

Die Hauptaxe steht zu den beiden anderen nicht in einem rationalen Verhältniss; sie ist bald grösser, bald kleiner als die horizontalen Axen; doch ist das Axenverhältniss für Krystalle einer und derselben Substanz stets dasselbe. Fig. 83 stellt z. B. das Axenkreuz dar, wie es den Krystallen des arseniksauren Kalis entspricht; hier sind die Axen fg und bd einmeder gleich. Nimmt man die Länge dieser Axen zur Einheit, so ist für dieses Salz die verticale Axe ac gleich 0,66. Fig. 82 stellt die Grundform des Blutlaugensalzes dar, bei welchem die Hauptaxe grösser ist, als die Nebenaxen; und zwar verhält sich hier die Hauptaxe zu den Nebenaxen wie 1,77 zu 1.

Die 4 horizontalen Kanten des Quadratoctaëders sind einander gleich, aber sie sind von den übrigen Kanten dieses Octaëders verschieden; die 4 horizontalen Kanten können deshalb abgestumpft sein, ohne dass es die anderen sind, und so entsteht die Combination Fig. 84. Liegen die Abstumpfungsflächen der 4 horizontalen Kanten der Hauptaxe verhältnissmässig näher, so dass nur ein kleinerer Theil des Octaëders bleibt, so nimmt diese Combination den Habitus Fig. 85 an, welche die gewöhnliche Gestalt des arseniksauren Kalis darstellt.

Die 4 Abstumpfungsflächen der horizontalen Kanten bilden zusammen eine quadratische Säule, und so sind Fig. 84 und Fig. 85 Combinatiationen des Quadratoctaëders mit der quadratischen Säule.

Fig. 84.

.

÷



Fig. 85.



Fig. 86.



Die 6 Ecken des Quadratoctaëders sind ebenfalls nicht gleichartig: die 4 Ecken, in welchen die Nebenaxen endigen, sind unter sich gleich, aber sie sind verschieden von dem Eck am oberen und unteren Ende der Hauptaxe. Deshalb können das obere und das untere Eck des Quadratoctaëders allein abgestumpft sein, wie es Fig. 86 zeigt, welches die gewöhnliche Form des Blutlaugensalzes darstellt; bei anderen Krystallen dagegen sind die vier horizontalen Ecken abgestumpft, ohne dass es die Ecken der Hauptaxe sind.

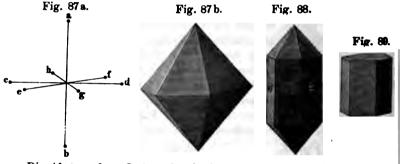
Ohne in eine weitere Betrachtung der Gestalten dieses Systems einzugehen, wird aus dem Gesagten schon klar der Grundcharakter desselben hervorgehen, welcher eben darin besteht, dass die verticale Axe von den beiden anderen, unter sich gleichartigen, ausgezeichnet ist.

Im quadratischen Systeme krystallisiren unter anderen Vesuvian,

90 Gleichgewicht der Theile fester Körper unter einander.

Honigstein, Blutlaugensalz, schwefelsaures Nickeloxyd, saures arseniksaures Kali u. s. w.

3) Das hexagonale System mit vier Axen (Fig. 87a), von denen drei, nämlich cd, ef und hg in einer Ebene liegend, einander gleich sind und einen Winkel von 60 Grad mit einander machen, während die vierte ausgezeichnete Axe, die Hauptaxe, rechtwinklig auf der Ebene der drei anderen steht und ihnen ungleich ist. Bezeichnen wir mit 1 die Länge der horizontalen Nebenaxen, so ist für Bergkrystall die Länge der Hauptaxe 1,1, für Kalkspath aber 0,83. In dieses System gehören die regulären 6seitigen Pyramiden (Fig. 87b), welche in gleicher Weise als die Grundgestalt dieses Systems betrachtet werden können, wie die Octaöder der übrigen Systeme. Wenn die horizontalen Kanten dieser Pyramide durch Flächen abgestumpft sind, welche mit der Hauptaxe parallel sind, so entsteht die Combination Fig. 88.

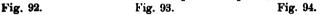


Die Abstumpfungsflächen der horizontalen Kanten bilden susammen eine reguläre 6seitige Säule, welche in Fig. 89 mit der geraden Endfläche, d. h. mit einer Fläche combinirt ist, welche rechtwinklig auf der . Hauptaxe steht.

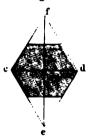
4) Das rhombische System mit drei zu einander rechtwinkligen

g. 91, sind nur immer je zwei diametral gegenüberliegende Ecken einder gleich, also das obere und untere, das vordere und hintere, das Eck hts und das Eck links; wir haben also hier drei verschiedene Arten von taëderecken zu unterscheiden. Ebenso hat man am rhombischen Octarr dreierlei Kanten zu unterscheiden: die vier horizontalen Kanten; vier Kanten, welche in der Ebene der verticalen und der kleineren nizontalen Axe liegen, und endlich die Kanten, welche die verticale Axe t der grösseren horizontalen verbinden.

Werden die vier horizontalen Kanten des rhombischen Octaëders durch ichen abgestumpft, welche der Hauptaxe parallel sind, so entsteht eine mbination des rhombischen Octaëders mit der geraden rhombischen ule, Fig. 92. Die Gestalt des horizontalen Querschnitts, der Basis ser Säule, hängt von dem Grössenverhältniss der beiden horizontalen en ab. In Fig. 93 stellt der Rhombus cfde die Basis der rhombischen ile, wie sie den Axenverhältnissen des Salpeters entspricht, unverkürzt dar.









Die grössere Diagonale ef dieser Basis heisst die Makrodiagonale, e kleinere cd ist die Brachydiagonale.

Die verticalen Kanten der rhombischen Säule sind einander nicht le gleich; die vordere und hintere Kante der Säule, Fig. 92, welche durch e Makrodiagonale verbunden werden, sind spitzwinklig, während die iden Kanten rechts und links, welche rechtwinklig auf den Enden der rachydiagonalen aufgesetzt erscheinen, stumpfwinklige Kanten sind.

An einem rhombischen Octaëder kann man nach Belieben jede der rei Axen zur Hauptaxe nehmen; für eine Mineralspecies aber oder für ein alz, welches in diesem System krystallisirt, wählt man diejenige Axe zur auptaxe, parallel welcher die Krystalle vorzugsweise säulenartig ausedehnt sind.

Durch Abstumpfung zweier diametral gegenüber stehenden Kanten er rhombischen Säule entsteht eine 6seitige Säule. So erscheinen an der hombischen Säule des Salpeters meist die scharfen Kanten abgestumpft, ig. 94, wodurch eine 6seitige Säule entsteht, deren horizontale Basis in ig. 93 durch Schraffirung angedeutet ist.

Fig. 95 stellt den gewöhnlichen Habitus der Salpeterkrystalle dar; z ist eine Combination der eben besprochenen 6seitigen Säule mit mehre-

92 Gleichgewicht der Theile fester Körper unter einander.

ren Flächen, die parallel mit der Axe $c\,d$ laufen und verschiedene Neigung

5. gegen die Hauptaxe haben. Die Octaëderflächen sind bei den Salpeterkrystallen meist gänzlich verschwunden.

Das rhombische System ist also dadurch ausgezeichnet, dass sich in verticaler Richtung andere Symmetrieverhältnisse zeigen als von vorn nach hinten, und in dieser Richtung wieder andere als von der Linken zur Rechten.

Ausser den schon genannten Körpern krystallisiren unter anderen im rhombischen Systeme Zinkvitriol, schwefelsaures Kali, Arragonit, Schwerspath, Topas u. s. w.

5) Das monoklinische System, in welchem unter anderen der Gyps, das Glaubersalz, der Eisenvitriol, das essigsaure Natron, der Zucker u. s. w. krystallisiren, zeichnet sich vor dem rhombischen Systeme dadurch aus, dass zwei Axen sich nicht unter rechtem Winkel schneiden, während die dritte rechtwinklig auf der Ebene der beiden sehiefwinkligen steht.

Fig. 96 stellt ein in dieses System gehöriges Axenkreuz dar: die Axe cf steht rechtwinklig auf der Ebene der beiden anderen, dagegen schneiden sich die Axen ab und cd nicht unter rechtem Winkel.

Fig. 96.

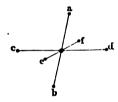


Fig. 97.



Die Ebene der beiden Axen ab und cd, Fig. 96, welche sich nicht

rhombischen Säule sind nicht gleicher Natur, wie dies bei der geraden rhombischen Säule der Fall war; an der oberen Fläche, Fig. 97, sind die Fig. 98. Fig. 99. Fig. 100.





beiden Kanten rechts scharfe Kanten, die beiden horizontalen Kanten auf der linken Seite der oberen Fläche sind dagegen stumpfe Kanten. An der unteren Fläche liegen die beiden scharfen Kanten links, die stumpfen rechts.

Die scharfen horizontalen Kanten können für sich allein abgestumpft sein, während bei anderen Krystallen nur die stumpfen horizontalen Kanten abgestumpft sind.

Die schon oben besprochene Gestalt, Fig. 99, zeigt die gewöhnliche Krystallform des Zuckers. Häufig erscheinen aber an den Zuckerkrystallen noch die spitzen Kanten zwischen c und b und die Ecken abgestumpft, in welchen die Säulenflächen g mit den Endflächen c zusammentreffen, wie dies Fig. 100 dargestellt ist.

6) Das triklinische System ist durch drei Axen charakterisirt, welche alle drei ungleich sind, und von denen keine mit der anderen einen rechten Winkel macht. Die Krystalle dieses Systems zeigen unter allen am wenigsten Symmetrie. Hier sind nur immer je zwei Flächen, Kanten oder Ecken gleichartig, welche einander diametral gegenüber stehen.

Dem triklinischen Systeme gehören unter anderen die Krystalle des Axinits und des Kupfervitriols an.

Die Hemiëdrie. Es kommt bei Krystallen häufig vor, dass die 42 Hälfte der Flächen einer einfachen Gestalt nach bestimmten Gesetzen in olchem Maasse ausgedehnt ist, dass die andere Hälfte der Flächen vollkommen verschwindet. Solche Krystalle nennt man Halbflächner oder hemiëdrische Krystalle. Wir müssen hier der Hemiëdrie noch kurz erwähnen, weil dieselbe in innigem Zusammenhange mit einigen physikalischen Erscheinungen der Krystalle steht.

Denken wir uns an dem regulären Octaëder, Fig. 101, die Fläche o und die in unserer Zeichnung nicht sichtbare Fläche der oberen Pyramide hinten rechts nach allen Seiten gewachsen, so schneiden sich diese beiden Flächen in der Kante ab. Wenn ferner von den vier unteren Octaëderflächen die Fläche n und die Fläche hinten links wächst, so schneiden sich diese in der Kante cd; die gewachsenen Flächen o und n schneiden sich

in der Kante $b\,c$ u. s. w. Kurz, wenn die Fläche o und die drei Flächen des Octaëders, welche mit o nur in einer Spitze zusammentreffen, wachsen, bis diejenigen Octaëderflächen, welche mit o in einer Kante zusammenstossen, und diejenige Octaëderfläche, welche mit o parallel liegt, ganz verschwunden sind, so entsteht ein nur von 4 Flächen begränzter Körper $a\,b\,c\,d$, Fig. 101.

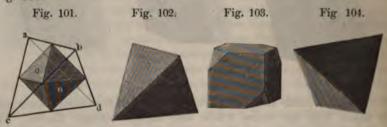


Fig. 102 stellt diesen Körper, welcher das Tetraëder genannt wird, für sich allein dar.

Fig. 103 ist eine Combination des regulären Tetraëders mit dem Würfel.

Das Tetraëder, Fig. 102, kann man sich also aus dem Octaëder, Fig. 101, dadurch entstanden denken, dass die eine Hälfte der Octaëderflächen bis zum Verschwinden der vier übrigen Octaëderflächen gewachsen sind. Denken wir uns dagegen diese vier letzteren Octaëderflächen bis zum Verschwinden der ersteren gewachsen, so entsteht das Tetraëder Fig. 104.

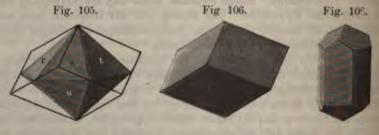
Die 4 Flächen dieser Tetraëder sind gleichseitige Dreiecke, und die

6 Kanten derselben sind unter einander gleich.

Das Tetraëder Fig. 102 unterscheidet sich von dem Tetraëder Fig. 104 nur durch seine Stellung. Dadurch, dass man das letztere Tetraëder um seine verticale Axe um 90° dreht, kommt es in die Stellung des ersteren, und ist nun mit ihm vollkommen congruent.

Einen solchen Fall der Hemiëdrie, bei welchem wie hier die beiden aus derselben Grundgestalt abgeleiteten hemiëdrischen Formen einander vollkommen gleich und nur durch die Stellung verschieden sind, nennt man eine congruente oder überdeckbare Hemiëdrie.

Wie aus dem regulären Octaëder das Tetraëder, so entsteht aus der

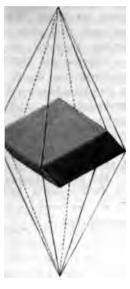


sechsseitigen Pyramide des hexagonalen Systems durch Wachsen der läfte der Flächen das Rhomboëder. Denken wir uns von der

Fig. 107.



Fig. 109.



oberen Pyramide, Fig. 105, die Flächen r, t und diejenige auf der hinteren Seite, welche s gegenüberliegt, von der unteren Pyramide aber gerade diejenigen Flächen gewachsen, welche in einer Kante mit den ausgefallenen Flächen der oberen Pyramide zusammenstossen, so entsteht das Rhomboëder, wie es in Fig. 105 durch die starken Linien angedeutet und welches in Fig. 106 für sich allein dargestellt ist. Es ist dies die Grundgestalt des Kalkspaths.

Fig. 108 zeigt eine Combination dieses Rhomboëders mit der regulären 6seitigen Säule.

Während aus der doppelt 6seitigen Pyramide, Fig. 105, durch Wachsen der einen Hälfte der Flächen das Rhomboëder Fig. 106 entsteht, so entsteht durch Wachsen der anderen Hälfte der Flächen die Grundgestalt des Rhomboëders Fig. 107. Die beiden Rhomboëder Fig. 106 und 107 sind nur durch ihre Stellung verschieden, im Uebrigen aber vollkommen gleich, so dass man jedes durch Drehung auch in die Stellung des anderen bringen kann; wir haben also hier gleichfalls ein Beispiel der überdeckbaren Hemiëdrie.

Eine andere wichtige hemiëdrische Form des hexagonalen Systems ist das Skalenoëder, Fig. 109. Es ist die Hemiëdrie einer symme-

12seitigen Pyramide. Charakteristisch für diese Form ist es, dass seitenkanten wie die eines Rhomboëders liegen, dass man sich also Skalenoëder leicht so vorstellen kann, als ob durch die Seiteneines Rhomboëders Flächen nach einem Punkt der verlängerten axe gelegt wären, welche um die nfache Länge der verticalen Halbes Rhomboëders von der Mitte des Krystalles absteht.

rig. 110 und Fig. 111 (a. f. S.) stellen die unter dem Namen der Sphebekannten beiden Halbsflächner eines rhombischen Octaëders, Fig. 91

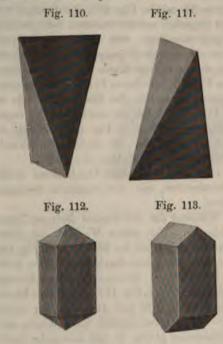
10), dar. Die Dreiecke, durch welche diese Tetraëder begränzt werden,
11 leichseitig und deshalb kann man auch das Tetraëder Fig. 111

keinerlei Drehung in die Stellung Fig. 110 bringen. Die beiden Körper

110 und Fig. 111 sind nicht congruent, sie verhalten sich aber wie
11 und Spiegelbild, wie rechte und linke Hand. Wir haben also

96

hier einen Fall von nicht congruenter oder nicht überdeckbarer Hemiëdrie. Die Sphenoïde kommen nicht isolirt vor, sondern nur in



Combination mit anderen Flächen, namentlich mit der rhombischen Säule, bei welcher Combination sich auch die Nicht - Ueberdeckbarkeit leichter übersehen lässt.

Fig. 112 stellt eine Combination der geraden rhombischen Säule mit dem rhombischen Octaëder dar, wie sie den Axenverhältnissen des Zinkvitriols entspricht. Wenn nun hier nach dem oben für das reguläre Octaeder angegebenen Gesetze die Hälfte der Octaëderflächen durch Wachsen der benachbarten Flächen verschwindet, so entsteht die Combination Fig. 113, welche beim Zinkvitriol und beim Bittersalz sehr häufig beobachtet wird.

Bei den Zuckerkrystallen tritt die Hemiëdrie häufig in

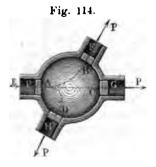
der Weise auf, dass die Flächen d, Fig. 100, an der vorderen Säulenkante fehlen, während sie an der hinteren vorhanden sind.

Drittes Capitel.

lydrostatik, oder die Lehre vom Gleichgewicht der Flüssigkeiten.

eichförmige Fortpflanzung des Drucks durch flüs- 43 örper. Die Eigenschaften tropfbar flüssiger Körper sind durch i Kräfte bedingt: die Schwere nämlich, welche auf sie wie auf eren Körper wirkt, und die Molekularkräfte, deren Wirkung bei erade auf eine solche Weise modificirt ist, dass daraus der tropfbar Zustand hervorgeht. Bei den tropfbaren Flüssigkeiten halten sich die Cohäsions- und Expansionskraft in der Weise das Gleichdass ohne vollständiges Verschwinden des Zusammenhanges die n Theilchen sich doch noch mit der grössten Leichtigkeit an einerschieben lassen. Die Theilchen der Flüssigkeiten zeigen kein von einander zurückzuweichen und immer grössere Volumina einn, wie wir es bei den Gasen beobachten. Dås Volumen einer ten Menge einer tropfbaren Flüssigkeit ist in dem auf Seite 22 teten Sinne unveränderlich, sie sind also mit der schon dort ange-1 Beschränkung incompressibel. Aus den eben erwähnten Eigenlassen sich nun alle Gesetze des Gleichgewichts tropfbar flüssiger ableiten.

nken wir uns irgend ein Gefäss, ganz mit Wasser angefüllt, vollverschlossen. Wird nun von irgend einer Seite her ein Druck Flüssigkeit ausgeübt, so werden die zunächst getroffenen Wassern ein Bestreben zeigen, die benachbarten aus ihrer Stelle zu treiben, ar würden diese, in Folge der leichten Beweglichkeit, nach allen nin gleich leicht ausweichen, wenn ihnen nur irgendwo ein Auswegt wäre; daraus ergiebt sich aber, dass die flüssigen Körper



jeden Druck, welcher auf einen Theilihrer Oberfläche ausgeübt wird, nach allen Seiten gleichmässig fortpflanzen.

Es sei in Fig. 114 der horizontale Durchschnitt eines mit Wasser gefüllten allseitig geschlossenen Gefässes dargestellt, an welchem sich in gleicher Höhe vier vollkommen gleiche Röhren befinden, die durch Kolben verschlossen sind. Da diese Kolben gleichen Durchmesser haben und in gleicher Höhe liegen, so haben sie auch vollkommen gleichen Druck durch die Schwere des Wassers auszuhalten, einen Druck, von welchem wir also vor der Hand ganz absehen können, den wir also als nicht vorhanden betrachten wollen.

Würde nun durch irgend eine Kraft einer der Kolben, etwa A, nach Innen gedrückt, so pflanzt sich dieser Druck durch das Wasser hindurch auf die übrigen Kolben fort, und man müsste, um zu verhindern, dass diese Kolben herausgedrückt werden, auf jeden derselben einen nach Innen gerichteten Gegendruck anbringen, welcher vollkommen dem auf den Kolben A wirkenden Druck gleichist; das Gleichgewicht kann also nur dam bestehen, wenn alle vier Kolben durch ganz gleiche Kräfte nach Innen gedrückt werden.

Der Druck pflanzt sich jedoch nicht allein vom Kolben A auf die übrigen Kolben, sondern auf alle Theile der Gefässwand fort, so dass jeder Flächentheil der Gefässwand, welcher eben so gross ist, wie der Querschnitt des Kolbens, auch einen eben so grossen Druck auszuhalten hat.

In Fig. 115 ist der Durchschnitt eines ähnlichen Gefässes mit zwei

Fig. 115.

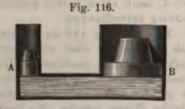
Röhren dargestellt, welche gleichfalls mit Kolben geschlossen sein sollen, die Röhren und folglich auch der Querschnitt der Kolben sind aber nicht gleich. Es sei z B. die Oberfläche des Kolbens C 4mal so gross, als die des Kolbens A, so wird wenn irgend eine Kraft gegen den Kolben A drückt, der Gesammtdruck auf den Kolben C auch 4mal so gross sein, als der auf A wirkende, weil jedes Flächenstück

des Kolbens C, welches der Oberfläche des Kolbens A gleich ist, einen eben so grossen Druck auszuhalten hat als A selbst.

Wenn man also den Kolben A mit einer Kraft von 10 Pfund nach Innen drückt, so müsste man zur Erhaltung des Gleichgewichts an dem Kolben C einen nach Innen gerichteten Druck von 40 Pfund anbringen.

Der Druck pflanzt sich nicht allein in einer Horizontalebene fort, wie dies in den bisher betrachteten Beispielen der Fall war, sondern nach allen Seiten, also auch nach oben und nach unten.

Fig. 116 stellt den verticalen Durchschnitt zweier unten verbundener

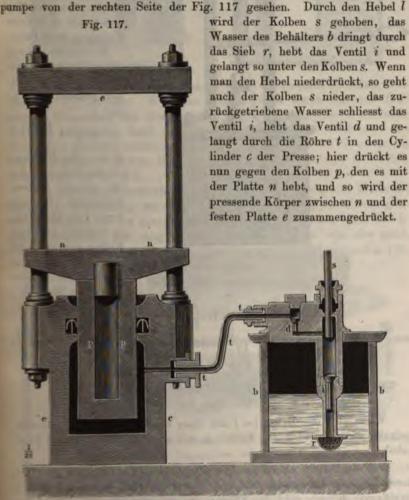


Röhren von ungleichem Querschnitt dar. Der die Röhren verbindende Raum sei mit Wasser gefüllt und auf dieses die Kolben A und B aufgesetzt Wenn nun auf den Kolben A, desse Querschnitt 10mal kleiner sein mag als der des Kolbens B, ein Gewicht etwa von 12 Pfund aufgelegt wird

so wird sich der Druck in der Weise bis zum Kolben B fortpflanzen, dass

gegen jedes Flächenstück von B, welches eben so gross ist als der Querschnitt von A, ein nach oben gerichteter Druck von 12 Pfund wirkt, man müsste also den Kolben B mit 120 Pfund belasten, wenn das Gleichgewicht ungestört bleiben soll.

Auf der gleichförmigen Fortpflanzung des Drucks durch Flüssigkeiten beruht die hydraulische Presse; sie besteht aus zwei Haupttheilen, einer Druckpumpe, mittelst deren der Druck auf das Wasser ausgeübt wird, und einem Kolben mit einer Platte, welcher den Druck empfängt, um ihn auf den zu pressenden Körper zu übertragen. Fig. 117 ist ein Durchschnitt der hydraulischen Presse. Fig. 118 a. f. S. eine äussere Ansicht der Druck-



100 Hydrostatik oder d. Lehre vom Gleichgewicht d. Flüssigkeiten.

Wenn der Kolben s durch irgend eine Kraft niedergedrückt wird, so hat jeder Flächentheil der Gefässwände, welcher dem Querschnitt des Kol-



bens s gleich ist, einen gleichen Druck auszuhalten. Ist also der Querschnitt des Kolbens p nmal so gross als der des Kolbens s, so wird der Kolben p mit einer Kraft nk gehoben, wenn der Kolben s mit einer Kraft k niedergedrückt wird.

Bezeichnen wir mit K den Druck, mit welchem der grosse Kolben gehoben wird, so ist:

$$K = k \, \frac{R^2}{r^2},$$

wenn r den Halbmesser des kleinen, R den des grossen Kolbens bezeichnet. Ist nun ferner l der Hebelarm, an welchem der kleine Kolben angehängt ist. L der Hebelarm, an welchem der Arbeiter drückt, so ist:

$$k = D \frac{L}{l}$$

wenn D den Druck bezeichnet, welchen der Arbeiter ausübt, mithin haben wir

$$K = D \frac{L.R^2}{l.r^2}.$$

$$L = 6l, \text{ so ist:}$$

Ist z. B. R = 10r und L = 6l, so ist: K = D. 600.

Wenn also der Hebel bei l mit einer Kraft von 100 Pfund niedergedrükt wird, so wird der Kolben p mit einer Kraft von 60000 Pfund gehoben.

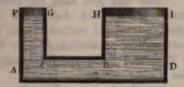
Von der Kraft, welche am Hebel *l* angewandt wird, geht ein Theil durch Reibungswiderstände verloren, bevor sie sich bis zum Kolben *p* fortpflanzt; deshalb wird der Effect stets geringer sein, als er nach den eben angeführten Betrachtungen sein sollte.

Communicirende Röhren. Denken wir uns in der Vorrichtung 44 Fig. 119 die Dicke der Kolben A und B auf Null reducirt, oder denken wir uns statt der Kolben nur Wasserschichten, so werden doch die Gleichgewichtsbedingungen unverändert dieselben bleiben. Wenn auf die Schicht AC, Fig. 120, irgend ein gleichförmiger Druck ausgeübt wird, so findet das Gleichgewicht nur dann statt, wenn auf die mmal grössere Schicht BD ein anch semal grösserer Druck wirkt. Wird auf die Wasserschicht A C eine

Fig. 119.

Fig. 120.





Wassersäule A CFG aufgeschüttet, so ist es das Gewicht derselben, welthes auf A C drückt. Will man diesem Druck durch eine auf B D astende Wassersäule das Gleichgewicht halten, so muss diese Wassersäule BDHJ nothwendig nmal so schwer sein als ACFG. Soll aber die Wassersäule BDHJ wirklich nmal schwerer sein als ACFG, so müssen beide Wassersäulen gleiche Höhe haben, da ja die Grundfläche BD schon amal grösser ist als A C.

Für cylindrische verticale Röhren, die unten auf irgend eine Weise mit inander in Verbindung stehen, gilt also das Gesetz, dass sie mit der gleichen Flüssigkeit bis zu gleicher Höhe gefüllt sein müssen, wenn Gleichgewicht stattfinden soll, mag nun ihr Durchmesser gleich sein oder nicht.

Auf dies Gesetz gründet sich die Anwendung der Wasserwagen, Fig. 121.

Fig. 121.



Nur bei ganz engen Röhren findet eine Abweichung statt, die später besprochen werden wird.

Sind Flüssigkeiten von ungleichem specifischen Gewicht in die beiden Schenkel gegossen, so sind natürlich die Flüssigkeitssäulen, welche sich das Gleichgewicht halten, nicht mehr gleich hoch, sondern ihre Höhen verhalten sich umgekehrt wie ihre specifischen Gewichte.

102 Hydrostatik oder d. Lehre vom Geichgewicht d. Flüssigkeiten.

In die heberförmig gebogene Röhre, Fig. 122 (s. v. S.), sei z. B. Quecksilber und dann in den längeren Schenkel Wasser gegossen. Denken wir uns durch die Berührungsstelle von Quecksilber und Wasser eine horizontale Ebene BA gelegt, so wird alles Quecksilber unter BA für sich im Gleichgewicht sein, die Höhe der Quecksilbersäule AE ist aber für den Fall des Gleichgewichts 13,6 mal geringer als die Höhe der Wassersäule FB in anderen Schenkel, weil das specifische Gewicht des Quecksilbers 13,6 mal so gross ist als das des Wassers.

Was man nun auch für verschiedene Flüssigkeiten anwenden mag, immer müssen sich die Höhen der Säulen umgekehrt wie ihre specifischen Gewichte verhalten. So hält z. B. eine 8 Zoll hohe Säule von concentrirter Schwefelsäure einer Wassersäule von 14,8 Zollen, und eine 8 Zoll hohe Säule von Schwefeläther einer Wassersäule von 5,7 Zollen das Gleichgewicht.

45 Freie Oberfläche der Flüssigkeiten. Aus dem Satze, welcher zu Anfang des vorigen Paragraphen bewiesen wurde, geht nun auch hervor, dass die freie Oberfläche einer Flüssigkeit in irgend einem Gefläse nothwendig horizontal sein muss. Wir können uns die ganze Flüssigkeits-

Fig. 123.



masse in eine beliebige Menge verticaler Säulchen zerlegt denken und diese müssen sich unter einander nach dem Principe der communicirenden Röhren das Gleichgewicht halten. Hätte z. B. die Oberfläche der Flüssigkeit die Gestalt der Fig. 123, so könnten sich unmöglich die Wassersäulen cd und ab, welche zur Unterscheidung von der übrigen Wassermasse stärker schraffirt sind, das Gleichgewicht halten; es muss nothwendig ein Sinken der höheren und ein Steigen der niedrigeren erfolgen, bis die ganze Oberfläche rechtwinklig ist zur Richtung der Schwere.

chen Druck auszuhalten, mag nun das Gefäss oben weit oder eng, mag es gerade oder schräg sein.

Der Druck, welchen der Boden eines mit Wasser gefüllten Gefässes auszuhalten hat, ist gleich dem Gewicht einer verticalen Wassersäule, deren Basis gleich ist jenem Boden und deren Höhe gleich ist der Tiefe des Bodens unter dem Wasserspiegel.

Der Druck, welchen der Boden der Gefässe Fig. 124 bis 127 auszu-Fig. 124. Fig. 125. Fig. 126. Fig. 127.









halten hat, ist also gleich dem Gewichte der im Gefäss Fig. 125 enthaltenen Wassersäule.

Wenn man allgemein mit s den Flächeninhalt des Bodens, den man betrachtet, mit h die Höhe des Flüssigkeitsspiegels über dem Boden und mit d das Gewicht der Raumeinheit der Flüssigkeit bezeichnet, so ist der Druck auf den Boden gleich $s \cdot h \cdot d$. Ist z. B. der Flächeninhalt des Bodens 3 Quadratfuss, die Höhe des Wasserspiegels über dem Boden 4 Fuss, so ist der Druck auf den Boden 3 . 4 . 66 Pfund, da der Cubikfuss Wasser 66 Pfund wiegt und die verticale Wassersäule 3 . 4 = 12 Cubikfuss hält.

Für das neue französische Maasssystem ist d=1, wenn das Gefäss mit Wasser gefüllt ist (1 Kubikcentimeter Wasser wiegt 1 Gramm), der Bodendruck p ist also für dieses Maasssystem p=s. h.

Dass der Druck auf den Boden eines geraden cylindrischen Gefässes, wie Fig. 125, gleich ist dem Gewicht des darin enthaltenen Wassers, ist klar; dass aber der Druck auf den Boden der oben erweiterten, verengten

Fig. 128.



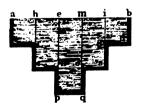


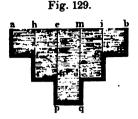
Fig. 128 stellt ein Gefäss vor, welches sich in treppenförmigen Absätzen nach oben erweitert. Die oberste verticale Wassersäule $a\,b\,c\,d$ drückt mit ihrem ganzen Gewicht auf die Grundfläche $c\,d$; jeder Theil dieser Grundfläche hat natürlich gerade das Gewicht der vertical auf ihm lastenden

Wassersäule zu tragen, und somit ist die Wasserschicht fg durch das Gewicht der Wassersäule fghi gedrückt.

Der Druck der Wassersäule hfgi pflanzt sich vertical nach unten

104 Hydrostatik oder d. Lehre vom Gleichgewicht d. Flüssigkeiten.

fort, so dass die Fläche rs, welche gleich fg ist, nicht nur den Druck der unmittelbar auf ihr lastenden Wassersäule rfgs, sondern auch noch den



der Wassersäule fghi zu tragen hat. — Die Fläche rs trägt also das Gewicht der Wassersäule rshi.

Wenn man auf diese Weise weiter schliesst, so ergiebt sich, dass die Basis pq einen Druck auszuhalten hat, welcher gleich ist dem Gewichte der Wassersäule pqem.

Dasselbe gilt auch für ein Gefäss, bei welchem, wie Fig. 130, die einzelnen treppen-

förmigen Absätze eine ganz geringe Höhe haben, der Boden ab ist durch das Gewicht der Wassersäule abcd gedrückt.

Da diese Schlüsse von der Höhe und den Dimensionen dieser Absätze überhaupt ganz unabhängig sind, so gelten sie auch noch für den Fall, dass die einzelnen treppenförmigen Absätze verschwindend klein werden, sie gelten also auch noch für ein Gefäss von der Form Fig. 124.

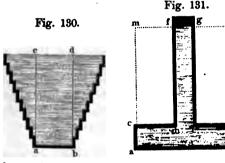
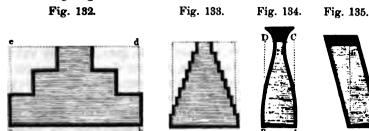


Fig. 131 stelle ein unten weites Gefäss dar, an welches sich oben eine engere Röhre ansetzt. Das Gefäss sei bis fg mit Wasser gefüllt. Der Boden ab hat zunächst das Gewicht der Wassersäule abcd zu tragen. Diese ist aber selbst durch die Wassersäule

hfge gedrückt, deren Gewicht auf die Wasserschicht he presst. Der auf he lastende Druck pflanzt sich nun durch das Wasser in abcd in der

on gleicher Basis und gleicher Höhe zu tragen hätten, da ja diese Schlüsse benso für kleinere und endlich auch für verschwindend kleine Absätze les Gefässes gültig sind.



Aus dem Gesagten ergiebt sich auch nun leicht die Richtigkeit unseres Satzes für den in Fig. 135 dargestellten Fall, dass das Gefäss schräg ist.

Kurz, der Druck, den der Boden eines mit Wasser gefüllten Gefässes auszuhalten hat, ist von der Form dieses Gefässes ganz unabhängig, er hängt bloss von der Grösse des Bodens und seiner Tiefe unter dem Wasserspiegel ab.

Die Behauptung, welche so eben theoretisch begründet wurde, muss auch noch experimentell bewiesen werden, und dazu eignet sich besonders der Apparat Fig. 136, welcher die von Masson verbesserte Form eines ursprünglich von Pascal herrührenden Apparates ist.

Drei unten offene Gefässe A, B und C, deren untere Oeffnung ganz gleich, deren Form aber verschieden ist, können der Reihe nach auf

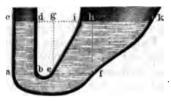


einem metallischen Dreifuss aufgeschraubt werden. Die untere Oeffnung des aufgeschraubten Gefässes wird nun durch eine ebne Glas-MN geschlossen, welche an einem Faden T hängt und genau auf den wohl abgeschliffenen Rand des Gefässes passt. — Der Faden T ist an dem einen Balken einer Wage angehängt, während auf der Wagschale der andern Seite Gewicht liegt, welches die Platte MN mit einer bestimmten Kraft gegen den Rand des Gefässes drückt. Dieses Gewicht ist so regulirt, dass die Platte MN 106 Hydrostatik oder d. Lehre vom Gleichgewicht d. Flüssigkeiten.

vom Rande des aufgeschraubten Gefässes abgedrückt wird, wenn man dasselbe bis zur Höhe E mit Wasser füllt. Der Versuch zeigt nun, dass die Höhe, bis zu welcher man das Gefäss füllen muss, um das Herabdrücken der Platte MN zu bewirken, genau dieselbe ist, welches der drei Gefässe, A oder B oder C, aufgeschraubt sein mag.

Daraus folgt nun ferner, dass der Satz, welcher Paragraph 42 nur für gerade cylindrische Gefässe bewiesen wurde, ganz allgemein wahr ist, dass in communicirenden Gefässen für den Fall des Gleichgewichts der Spiegel der Flüssigkeit in gleicher Höhe sein muss, welches auch übrigens die Gestalt der Gefässe sein mag. Dem Druck der Wassersäule abcd Fig. 137, wird das Gleichgewicht gehalten, wenn auf ef ein Druck wirkt,

Fig. 137.

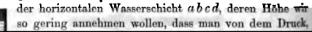


welcher dem Gewicht der verticalen Wassersäule efgh gleich ist. Nun aber übt ja, wie wir eben gesehen haben, die unregelmässig geformte schräge Wassersäule efik auf ihre Grundfläche efgenau denselben Druck aus, wie die gleich hohe gerade Säule efgh, folglich muss in der That in

beiden Schenkeln unsers Gefässes das Wasser gleich hoch stehen, wenn Gleichgewicht stattfinden soll.

47 Seitendruck. In Folge der gleichförmigen Fortpflanzung des Drucks durch Flüssigkeiten hat nicht allein der Boden der mit Flüssigkeiten gefüllten Gefässe einen Druck auszuhalten, sondern auch die Seitenwände, und diesen Seitendruck wollen wir jetzt näher betrachten.

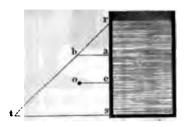
Es sei ab, Fig. 138, ein Stück der verticalen Wand eines mit Wasser Fig. 138. gefüllten Gefässes, so bildet es ein Stück Gränsfläche



welche den Flächeninhalt des fraglichen Wandstückes zur Basis, und seine Tiefe unter dem Wasserspiegel zur Höhe hat. In einem 10 Meter hohen Behälter voll Wasser ist z. B. der Druck auf ein Quadratcentimeter der Seitenwand in einer Tiefe von 1 Meter gleich 100 Grammen, in einer Tiefe von 2 Metern gleich 200 Grammen, in einer Tiefe von 10 Metern aber, d. h. am Boden, gleich 1 Kilogramm (2 Pfd.).

Der Druck, den irgend ein Punkt a der verticalen Wand irgend eines mit Wasser gefüllten Gefässes auszuhalten hat, lässt sich durch Zeichnung, Fig. 139, anschaulich machen. Man ziehe in a eine wagerechte

Fig. 139.



Linie und mache ihre Länge ab gleich der Tiefe des Punktes a unter dem Wasserspiegel, so kann die Linie ab den Druck repräsentiren, den der Punkt a auszuhalten hat. Macht man dieselbe Construction für mehrere Punkte der verticalen Linie rs, so werden die Endpunkte aller der horizontalen Drucklinien in die Linie rt fallen. Es folgt daraus, dass der Gesammtdruck, welchen die Linie rs der verticalen Linie rs der v

calen Gefässwand auszuhalten hat, durch das Dreieck rst repräsentirt ist.

Der Angriffspunkt der Resultirenden aller elementaren Pressungen, welche ein Wandstück auszuhalten hat, heisst Mittelpunkt des Drucks. Er liegt immer tiefer als der Schwerpunkt des Wandstücks, weil ja die Stärke des Drucks nach unten wächst. Der Mittelpunkt des Drucks für die verticale Linie rs ist leicht zu ermitteln; denn es ist offenbar derjenige Punkt e, in welchem die Linie rs von derjenigen horizontalen Linie getroffen wird, die durch den Schwerpunkt o des Dreiecks rst geht. Wir haben hier nur eine Linie rs betrachtet; nehmen wir statt derselben einen beliebig breiten Streifen der verticalen Wand, so liegt der Mittelpunkt des Drucks für denselben auf seiner verticalen Mittellinie, und zwar ist seine Höhe über dem Boden 1/3 der Höhe, in welcher sich der Wasserspiegel über dem Boden befindet.

Druck im Inneren der Flüssigkeiten, Auftrieb. Jede 48 Schicht einer im Gleichgewicht befindlichen Wassermasse hat von beiden Seiten her einen vollkommen gleichen Druck auszuhalten. Gegen die untere Seite einer horizontalen Wasserschicht wirkt also ein ebenso grosser Druck von Unten her, wie der ist, welcher von Oben her auf ihr lastet. Auf der horizontalen Wasserschicht ab, Fig. 140 (a.f. S.) lastet z. B. das Gewicht der Wassersäule abfg, welches durch einen vollkommen gleichen, von Unten her gegen ab wirkenden von den benachbarten Wassersäulen berrührenden Druck äquilibrirt wird.

Hätte man an die Stelle der Wassersäule fgab einen festen Körper in die Wassermasse eingeschoben, so hätte demnach die untere Fläche ab

108 Hydrostatik oder d. Lehre vom Gleichgewicht d. Flüssigkeiten.

desselben einen nach oben gerichteten Druck auszuhalten, welcher dem Gewicht der Wassersäule abfg gleich ist. Dass im Inneren der Flüssigkeit ein solcher nach oben wirkende Druck wirklich vorhanden ist, lässt sich leicht durch den Versuch zeigen.

Das untere Ende einer etwas weiten Glasröhre, Fig. 141, ist mit einer Messingfassung versehen, deren Rand genau eben abgeschliffen ist. ab ist

Fig. 141.





eine Metallscheibe, welche in ihrer Mitte einen Haken hat, vermittelst dessen man sie an einer durch die Röhre hindurchgehenden Schnur anhängen kann, so dass, wenn man den Faden anzieht, die Scheibe die untere Oeffnung der Röhre vollkommen verschliesst. Auf diese Weise verschlossen, wird die Röhre in Wasser eingetaucht. Nun ist es nicht mehr nöthig, den Faden anzuziehen, um das Herunterfallen der Scheibe zu verhindern, weil sie durch die Flüssigkeit nach oben gedrückt wird. Giesst man Wasser in die Röhre, so wird die Metallscheibe durch ihr eigenes Gewicht fallen, sobald das Niveau des Wassers in der Röhre dem äussern gleich ist, denn nun erleidet die Metallscheibe durch die Flüssigkeit gleichen Druck nach unten und nach oben.

Dieser Druck, welcher gegen die untere Fläche eines jeden in eine Flüssigkeit eingetauchten Körpers wirkt, heisst der Auftrieb.

49 Das Archimedische Princip. In Folge des im vorigen Paragraphen besprochenen Auftriebs verliert ein jeder Körper, welcher in eine Flüssigkeit eingetaucht ist, von seinem Gewichte gerade so viel, als die aus der Stelle vertriebene Flüssigkeit wiegt. Oder richtiger gesagt: Wenn ein Körper in eine Flüssigkeit eingetaucht ist, so wird ein Theil seines Gewichts von der Flüssigkeit getragen, welcher dem Gewichte der aus der Stelle getriebenen Flüssigkeit gleich ist.

Man kann sich von der Richtigkeit dieses Gesetzes, welches nach seinem Entdecker das Archimedische Princip genannt wird, durch eine einfache Betrachtung überzeugen. Irgend ein gerades Prisma sei vertical in Wasser eingetaucht, wie es Fig. 142 zeigt, so ist jeder Druck

Fig. 142.

auf die Seiten des Prismas durch einen gleichen und entgegengesetzten aufgehoben. Der auf der oberen Fläche lastende Druck ist g. h, der nach oben gerichtete, gegen die untere Fläche wirkende Druck ist g. h', wenn g den Querschnitt des Prismas, h die Tiefe seiner oberen und h' die Tiefe seiner unteren Gränzfläche unter dem Wasserspiegel bezeichnet. Der Ueberschuss des gegen die untere Fläche gerichteten Drucks, der Gewichtsverlust A des eingetauchten Prismas ist also

 $A = g(h' - h) = g \cdot H,$

wenn wir mit H die Höhe des Prismas bezeichnet. g.H ist aber nichts anderes als das Gewicht eines Wasserkörpers, welcher mit dem eingetauchten Prisma gleichen Cubikinhalt hat.

Es sei z. B. die Basis jenes Prismas 1 Quadratcentimeter, seine Höhe 10 Centimeter, die obere Fläche befinde sich 3 Centimeter unter dem Niveau des Wassers, so hat sie einen Druck von 3 Grammen zu tragen. Die untere Fläche ist 13 Centimeter unter dem Wasserspiegel, sie hat also einen von unten nach oben wirkenden Druck von 13 Grammen auszuhalten. Zieht man von diesen 13 Grammen die Grösse des Drucks von 3 Grammen ab, welcher auf die obere Fläche nach unten wirkt, so bleiben 10 Gramm für die Kraft, mit welcher das Prisma durch den Druck des Wassers nach oben getrieben wird. 10 Gramme aber ist das Gewicht einer Wassersäule, welche mit dem Prisma gleiches Volumen hat. Bestände dieses Prisma aus Marmor, so würde es 27 Gramme wiegen, in Wasser eingetaucht hat es aber einen nach oben gerichteten Ueberdruck von 10 Grammen auszuhalten, folglich wird es sich im Wasser gerade so verhalten, als ob es nun 10 Gramme leichter geworden wäre.

Ist das Prisma nicht in Wasser, sondern in eine Flüssigkeit eingetaucht, deren specifisches Gewicht s ist, so ist

der Druck gegen die untere Fläche . . . $g \cdot h' \cdot s$

also der Ueberschuss des unteren Drucks. $y(h'-h)s = g \cdot H \cdot s$.

Es ist aber g.H.s das Gewicht einer Flüssigkeitsmasse vom specifischen Gewicht s, deren Volumen g.H gleich dem Volumen des eingetauchten Prismas ist.

Nehmen wir statt eines einzelnen Prismas ein Bündel von mehreren, so ist klar, dass jedes einzelne Prisma durch das Eintauchen in eine Flüssigkeit von seinem Gewichte so viel verliert, als ein gleiches Volumen der Plüssigkeit wiegt, folglich ist auch der Gewichtsverlust, welchen der ganze

Hydrostatik oder d. Lehre vom Gleichgewicht d. Flüssigkeiten. etwas Wasser aus, die Kugel wird leichter und steigt; es ist nun leicht, den Druck so zu modificiren, dass die Kugel gerade im Wasser schwebt, ohne zu sinken oder zu steigen (Cartesianische Taucher).

50 Bedingungen des Gleichgewichts schwimmender Kör-Wir haben im vorigen Paragraphen gesehen, dass das Gewicht eines schwimmenden Körpers gerade so gross ist wie das Gewicht der verdrängten Flüssigkeitsmasse; damit ein Körper aber mit Stabilität schwimmen könne, müssen noch weitere Bedingungen erfüllt sein.

Auf einen schwimmenden Körper wirken zwei Kräfte in entgegengesetzter Richtung: sein Gewicht, im Schwerpunkt des Körpers angreisend. zieht ihn nach Unten; der Auftrieb, im Schwerpunkt der verdrängten Wassermasse, oder richtiger gesagt, in dem Punkte angreifend, welcher der Schwerpunkt des untergetauchten Körpertheils sein würde, wenn dieses untergetauchte Stück eine vollkommen gleichartige Masse wäre, treibt den Körper nach Oben. Den Angriffspunkt des Auftriebs bezeichnet man auch mit dem Namen Mittelpunkt des Wasserdrucks.

Es schwimme z. B. auf Wasser eine unten zugeschmolzene Glasröhre. Fig. 146, deren Schwerpunkt s durch Schrotkörner oder Quecksilber sehr tief liegt. Der Angriffspunkt des Auftriebs liegt in m, dem geometrischen Mittelpunkte des untergetauchten Theils.

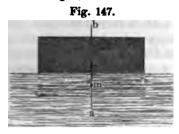
Fig. 146.

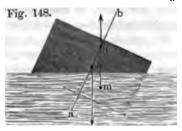


Ein schwimmender Körper ist im Gleichgewichte. wenn sein Schwerpunkt und der Angriffspunkt des Auftriebs in einer und derselben Verticallinie liegen; und dieses Gleichgewicht ist jedenfalls ein stabiles, wenn s tiefer liegt als m.

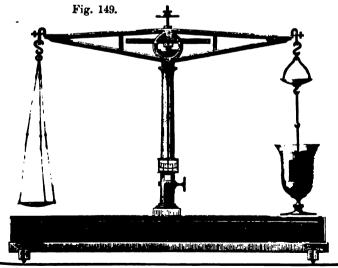
Für ein stabiles Schwimmen ist es jedoch nicht unbedingt nöthig, dass der Schwerpunkt des Körpers tiefer liegt als der Angriffspunkt des Auftriebs, es genügt, dass der Schwerpunkt des schwimmenden Körpers tiefer liegt

Das Metscentrum q, Fig. 148, bildet den Drehpunkt, um welchen das sangreifende Gewicht des schwimmenden Körpers denselben zu drehen ebt; und jedenfalls wird er in seine Gleichgewichtslage zurückgedreht, an s unter q liegt. Ein Körper schwimmt also stabil, so lange sein hwerpunkt unter dem Metscentrum liegt; er schwimmt nicht stabil, er umschlagen, wenn sein Schwerpunkt über dem Metscentrum liegt.





Anwendung des Archimedischen Princips zur Bestim-51 ung des specifischen Gewichts fester und flüssiger Kör
T. Das Archimedische Princip liefert uns treffliche Mittel, das specifische wicht fester und flüssiger Körper zu bestimmen. Um die Dichtigte eines festen Körpers zu berechnen, muss man sein absolutes Gecht und das Gewicht eines gleichen Volumens Wasser kennen. In meisten Fällen aber lässt sich das Volumen eines Körpers durch messung seiner Dimensionen entweder nur höchst schwierig, oder gar ht ausmitteln. Nach dem Archimedischen Princip giebt uns ein einziger süch ohne Weiteres das Gewicht einer Wassermasse, welche mit dem bestimmenden Körper gleiches Volumen hat, wir haben nur seinen Gehtsverlust beim Eintauchen in Wasser zu bestimmen.

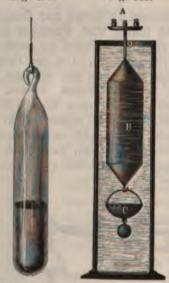


114 Hydrostatik oder d. Lehre vom Gleichgewicht d. Flüssigkeiten.

Um diese Bestimmung mittelst einer Wage leicht ausführen zu können, wird an derselben eine kleine Veränderung angebracht, wodurch sie in eine sogenannte hydrostatische Wage umgewandelt wird, Fig. 149 a.v. S. Man hängt nämlich statt der einen Wagschale eine andere an, welche nicht so weit herabreicht und an welcher sich unten ein Häkchen befindet, an welches der zu bestimmende Körper mittelst feiner Fäden angehängt werden kann. Ist dies geschehen, so kann man durch Auflegen von Gewichten auf die andere Wagschale das absolute Gewicht g des Körpers bestimmen. Taucht man ihn nun in Wasser ein, so muss man auf der kurz herabhängenden Wagschale ein Gewicht auflegen, um das Gleichgewicht der Wage wieder herzustellen, a ist also der Gewichtsverlust, welchen der Körper beim Eintensten in Wasser erleidet felelich.

tauchen in Wasser erleidet, folglich $\frac{g}{a}$ sein specifisches Gewicht.

Wenn ein Körper von passender Form, etwa ein zum Theil mit Queck-Fig. 150. Fig. 151. silber gefülltes Glasgefäss, wie es Fig.



silber gefülltes Glasgefäss, wie es Fig. 150 in der natürlichen Grösse darstellt, mittelst eines feinen Platindrahtes an dem einen Arme der Wage angehängt und äquilibrirt ist, so ist es leicht, den Gewichtsverlust zu ermitteln, welchen derselbe beim Eintauchen in verschiedene Flüssigkeiten erleidet, und da dieser Gewichtsverlust stets dem specifischen Gewicht der Flüssigkeiten proportional ist, in welche das Senkgläschen eingetaucht wird, so kann man auf diese Weise leicht das specifische Gewicht von Flüssigkeiten bestimmen. gründet sich Mohr's Wage zur Bestimmung des specifischen Gewichts von Flüssigkeiten (siehe dessen Lehrbuch der pharmaceutischen Technik).

52 Nicholson's Aräometer. Zur Bestimmung des specifischen Gewichts fester Körper kann statt der Wage das Nicholson'sche Aräometer angewendet werden, welches in Fig. 151 abgebildet ist.

An einem hohlen Körper B von Messingblech ist unten ein Sieb C angehängt, oben aber ein feines Stäbchen angebracht, welches einen Teller trägt, auf den man kleinere Körper und Gewichte legen kann. In Wasser eingetaucht, schwimmt das Instrument, und zwar aufrecht, weil dafür gesorgt ist, dass sein Schwerpunkt möglichst tief liegt. Das Instrument ist so eingerichtet, dass der oberste Theil des Körpers B noch aus dem Wasser herausragt. Legt man nun den Körper, dessen specifisches Gewicht man bestimmen will, etwa ein Mineral, auf den Teller, so sinkt das

das Sieb C gelegte Körper nicht dadurch, dass er jetzt in Wasser sucht ist, an Gewicht verlöre. Man wird also auf den Teller noch hte, m Milligramme, auflegen müssen, damit das Instrument wieder r Marke eingetaucht ist. Man hat auf diese Weise das absolute Gedes Körpers n und das Gewicht eines gleichen Volumens Wasser m elt; das gesuchte specifische Gewicht ist also $\frac{n}{m}$.

La sei z. B. das specifische Gewicht eines Diamanten zu bestimmen. hat ihn auf den Teller gelegt und so viel Tarirgewicht zugefügt, as Instrument bis O einsinkt. Nachdem der Diamant weggenommen n, hatte man statt seiner 1,2 Gramme aufzulegen, damit das Aräoeben so weit einsank; es beträgt also das absolute Gewicht des als 1,2 Gramme. Diese werden wieder weggenommen und der unt in das Sieb gelegt; um es nun wieder dahin zu bringen, dass das ment bis O einsinkt, muss man noch 0,34 Gramme auf den Teller das Gewicht eines dem Diamanten gleichen Wasservolumens ist also Framme, und das verlangte specifische Gewicht $\frac{1,2}{0.34} = 3,53$.

tuch das specifische Gewicht von Flüssigkeiten kann man mit dem olson'schen Aräometer bestimmen. Da das Instrument stets so weit kt, dass das Gewicht desselben sammt den Gewichten auf dem Teller iewichte der der verdrängten Flüssigkeitsmasse gleich ist, so kann man ülfe dieses Instruments ausmitteln, wie viel ein bestimmtes Volumen lüssigkeit wiegt. Dazu ist aber nöthig, dass man das Gewicht des mentes selbst kennt; wir wollen es mit n bezeichnen. Wenn es, in n eingetaucht, bis n0 einsinken soll, so muss noch Gewicht zugelegt n1. Bezeichnen wir dies Zulaggewicht mit n2, so ist n3 das Geder verdrängten Wassermasse.

Hydrostatik oder d. Lehre vom Gleichgewicht d. Flüssi n + a ist, weil ja das Aräometer in beiden Fällen gleich tie sunken ist.

Das Instrument wiege z. B. 70 Gramme; muss man 20 Gran legen, damit es in Wasser, 1,37 Gramme, damit es in Weingei einsinkt, so ist das specifische Gewicht des Weingeistes 70 + 20

Dieses Aräometer ist um so empfindlicher, je dünner das im Vergleich zum Volumen des Körpers $m{B}$ ist.

Mit diesem Aräometer das specifische Gewicht von Flüssigk bestimmen, ist immer etwas umständlich. Man könnte eben se mit Hülfe der Wage nach dem oben angegebenen Verfahren 1 grösserer Genauigkeit zum Ziele kommen. In vielen Fällen des pre Lebens aber kommt es darauf an, schnell durch ein möglichst Verfahren das specifische Gewicht einer Flüssigkeit auszumitteln, aus auf die Qualität derselben zu schliessen. In solchen Fälle es aber vollkommen hin, das specifische Gewicht bis

Decimalstellen genau zu finden; man erreicht dies am sten durch die Scalenaräometer, die wir sogleich n trachten wollen.

Scalenaräometer. Mit Hülfe des Nichols Aräometers kann man das specifische Gewicht einer keit aus der Vergleichung des absoluten Gewichtes g Volumina ableiten. Der Gebrauch der Scalenaräome gründet sich darauf, dass bei gleichem Gewicht Flüssigkeitsmassen ihre Volumina sich umgekehrt wie die specifischen Gewichte.

Es stellt Fig. 152 ein Scalenaräometer dar. In c bestehen sie aus einer cylindrischen Glasröhre, welch erweitert ist, wie man in der Abbildung sieht. In der

53

Fig. 152.

Man begreift nun wohl, dass, wenn die Röhre zweckmässig getheilt ist, man as einer einzigen leicht anzustellenden Beobachtung das specifische Gewicht iner Flüssigkeit ermitteln kann. Unter allen Scalen, welche man auf Aräosetern angebracht hat, ist unstreitig die von Gay-Lussac angegebene die infachste und zweckmässigste; wir wollen deshalb diese zuerst betrachten.

Denken wir uns an einem Aräometer denjenigen Punkt a der Röhre veseichnet, bis zu welchem das Instrument in Wasser einsinkt, alsdann auf der Röhre, von diesem Punkte ausgehend, eine Reihe von Theilstrichen so angebracht, dass das Volumen eines Röhrenstücks, welches zwischen je zwei solcher Theilstriche fällt, 1/100 von dem in Wasser einsinkenden Volumen ist. Nehmen wir z. B. an, das Volumen desjenigen Theils des Aršometers, welcher im Wasser untergetaucht ist, betrüge gerade 10 Cubikcentimeter, so müsste das Volumen des Röhrenstücks, welches zwischen je zwei Theilstriche fällt, 0,1 Cubikcentimeter betragen.

Der Wasserpunkt a wird mit 100 bezeichnet und die Theilung von unten nach oben gezählt. Die auf diese Weise getheilten Aräometer werden mit dem besonderen Namen Volumeter bezeichnet.

Gesetzt, das Arāometer sānke in irgend einer Flüssigkeit bis zum Theilstrich 80 der Volumeterscala ein, so weiss man dadurch, dass 80 Volumentheile dieser Flüssigkeit so viel wiegen wie 100 Volumentheile Wasser; das specifische Gewicht dieser Flüssigkeit verhält sich also zu dem des Wassers wie 100 zu 80, es ist also $\frac{100}{80}$ oder 1,25.

Wäre das Volumeter in einer anderen Flüssigkeit bis zum Theilstrich 116 der Volumeterscala eingesunken, so finden wir nach derselben Schlussweise, dass das specifische Gewicht dieser Flüssigkeit $\frac{100}{116} = 0.862$ ist. Kurz, wenn das Volumeter in einer Flüssigkeit bis zu einem bestimmten Punkte y der Scala einsinkt, so findet man das specifische Gewicht s der Flüssigkeit, wenn man die Zahl des beobschteten Scalenpunktes in 100 dividirt, d. h. es ist $s = \frac{100}{v}$.

Die Genauigkeit eines solchen Instrumentes ist um so grösser, je grösser die Entfernung eines Theilstriches von dem anderen, je dünner also die Röhre im Vergleich zu dem Volumen des ganzen Instruments ist. Damit jedoch die Röhre nicht gar zu lang wird, macht man kein Volumeter, welches für alle Flüssigkeiten anwendbar ist, sondern solche, welche extweder nur für leichtere oder nur für schwerere Flüssigkeiten gebraucht verden können. Bei den ersteren befindet sich der mit 100 bezeichnete Wasserpunkt nahe am unteren, bei den letzteren aber nahe am oberen Ende der Röhre.

Bevor man die Theilung aufträgt, hat man erst durch Vermehrung der Verminderung der Quecksilbermasse in der Kugel das Instrument so m reguliren, dass es in Wasser bis zu einem entweder nahe am unteren oder 118 Hydrostatik oder d. Lehre vom Gleichgewicht d. Flüssigkeiten.

oberen Ende der Röhre gelegenen Punkt einsinkt. Ist dies geschehen, so hat man einen zweiten Punkt der Scala zu bestimmen, und dies geschieht auf folgende Art:

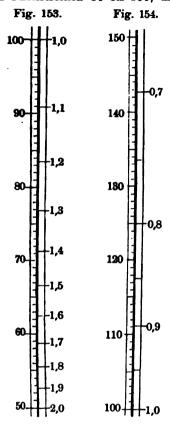
Das Instrument sei für schwere Flüssigkeiten bestimmt, also der Wasserpunkt am oberen Ende der Röhre. Man verschafft sich eine Flüssigkeit, deren specifisches Gewicht genau 1,25 ist; eine solche Flüssigkeit lässt sich leicht durch Mischen von Wasser und Schwefelsäure erhalten und ihr specifisches Gewicht mit Hülfe der Wage prüfen. In diese Flüssigkeit taucht man nun das Instrument und merkt sich den Punkt, bis zu welchen es einsinkt. Das specifische Gewicht 1,25 entspricht aber dem Theilstrich 80 der Volumeterscala; dieser zuletzt markirte Punkt ist also mit 80 m bezeichnen, der Zwischenraum zwischen ihm und dem Wasserpunkt in 20 gleiche Theile zu theilen und diese Theilung auch noch unterhalb des Punktes 80 fortzusetzen.

Ist das Volumeter für leichtere Flüssigkeiten bestimmt, also der Punkt 100 am unteren Ende der Röhre, so findet man einen zweiten Punkt der Scala, indem man das Instrument in eine Mischung von Wasser und Weingeist taucht, deren specifisches Gewicht genau 0,8 ist. Das specifische Gewicht 0,8 entspricht dem Theilstrich 125, man hat also den Raum zwischen diesem Theilstrich und dem Wasserpunkt in 25 gleiche Theile zu theilen.

In der Regel ist die Theilung auf einem Papierstreifen gemacht und in dem Inneren der Röhre befestigt.

Eine zweite rationelle Theilungsart der Aräometerscala, welche ebesfalls von Gay-Lussac angegeben, früher aber schon von Brisson und
G. G. Schmidt ausgeführt wurde, ist diejenige, welche unmittelbar die
specifischen Gewichte angiebt. Aräometer, welche mit einer solchen
Scala versehen sind, werden Densimeter genannt.

Die folgende Tabelle giebt an, welche Volumetergrade den daneben stehenden specifischen Gewichten entsprechen. Fig. 153 stellt die Volumeterscala für schwere Flüssigkeiten, also von den Theilstrichen 50 bis 100, die Fig. 154 stellt eine solche für leichtere



Flüssigkeiten, also von 100 bis 150 dar. In Fig. 153 findet man aber neben der Volumeterscala noch die Punkte markirt, welche den specifischen Gewichten 2,0 — 1,9 — 1,8 u. s. w. bis 1, und in Fig. 154 diejenigen, welche den specifischen Gewichten 1 — 0,9 — 0,8 und 0,7 entsprechen. In der letzteren Figur findet man ausserdem noch die Punkte für die specifischen Gewichte 0,95 — 0,85 und 0,75 markirt.

Theilt man den Abstand je zweier auf einander folgender Theilstriche auf der rechten Seite der Fig. 153 in 10 gleiche Theile, den Abstand je zweier auf einander folgender Theilstriche auf der rechten Seite der Fig. 154 aber in fünf gleiche Theile, so erhält man eine Densimeterscala, für welche der Abstand ie zweier auf einander folgender Theilstriche einer Differenz von 1/100 im specifischen Gewicht entspricht, man kann also mit so getheilten Aräometern das specifische Gewicht unmittelbar bis auf die zweite Decimalstelle ablesen. Die obige Tabelle sowohl, wie die beiden Figuren 153 und 154 zeigen, dass für gleiche Differenzen

des specifischen Gewichts die Theilstriche am unteren Ende der Scala näher aneinanderrücken als am oberen.

Aräometer für besondere Flüssigkeiten. Im praktischen 54 leben ist es nicht direct der Zweck, das specifische Gewicht einer Flüssigkeit zu erfahren, sondern man will den Concentrationsgrad einer Salzlösung, die Mischungsverhältnisse einer Flüssigkeit kennen lernen. Diese stehen nun freilich mit dem specifischen Gewicht in genauer Beziehung, so dass, wenn man mit Hülfe des Aräometers das specifische Gewicht einer Flüssigkeit und ausgemittelt hat, man daraus auch auf die Natur der Flüssigkeit und hat jedoch für solche Flüssigkeiten, welche in der Praxis häufig vorkommen, besondere Aräometer construirt, welche unmittelber die Mischungsverhältnisse angeben; wir wollen hier nur eins der wichtigsten, nämlich das Alkoholometer, näher betrachten.

120 Hydrostatik oder d. Lehre vom Gleichgewicht d. Flüssigkeiten.

Das Alkoholometer dient zur Bestimmung des Alkoholgehaltes einer Mischung von Wasser und Weingeist.

Das specifische Gewicht des Alkohols ist 0,794, wenn man das des Wassers als Einheit annimmt; eine Mischung von Wasser und absolutem Fig. 155. Alkohol wird also eine Dichtigkeit haben, welche zwischen 1 und

0,794 fällt und sich mehr der einen oder der anderen Gränze nähert, je nachdem die Mischung mehr Wasser oder mehr Alkohol enthält. Die Dichtigkeit der Mischung weicht jedoch von dem arithmetischen Mittel ab, welches man aus den Mischungsverhältnissen berechnet.

Der Grund dieser Abweichung liegt darin, dass, wenn man Wasser und Weingeist mischt, eine Contraction stattfindet, die wir erst durch einen Versuch anschaulich machen wollen.

Man giesse eine Glasröhre, Fig. 155, welche ungefähr eine Länge von 30 Zoll hat, halb voll Wasser und fülle die andere Hälfte mit Weingeist (für Vorlesungen ist gefärbter Weingeist zu empfehlen), so werden sich die Flüssigkeiten nicht mischen; der Weingeist schwimmt auf dem Wasser. Nachdem das offene Ende durch einen Korkstöpfel fest verschlossen worden ist, so dass durchaus keine Flüssigkeit entweichen kann, kehrt man die Röhre um, und nun wird durch das Sinken des Wassers alsbald eine Mischung der Flüssigkeiten vor sich gehen. Hat die Mischung vollständig stattgefunden, so sieht man, dass die vorher ganz volle Röhre nicht mehr ganz angefüllt ist, es hat sich ein leerer Raum gebildet, der in der Röhre eine Länge von ungefähr 1/2 Zoll einnimmt.

Maasstheile Alkohol.	Maasstheile Wasser.	Specif. Gew. der Mischung.		
100	0,00	0,794		
90	11,94	0,834		
80	22,87	0,864		
70	33,14	0,891		
60	43,73	0,914		
50	53,745	0,935		
40	63,44	0,952		
30	72,72	0,966		
20	81,72	0,976		
10	90,72	0,987		
0	100	1,000		

1 nun an einer Aräometerröhre diejenigen Punkte markirt, zifischen Gewichten 0,794 0.834 . . . 0.976 and sie mit den Zahlen 100, 90, 80 . . . 20, 10, 0 bezeichferner, was ohne merklichen Fehler geschehen kann, den je zweien dieser Punkte in 10 gleiche Theile theilt, so erhält ent-Araometer für Weingeist, d. h. ein Araometer, an ınmittelbar ablesen kann, wieviel Volumenprocente Alkohol ng von Wasser und Weingeist sich befinden. Solche Alkoen in Frankreich nach Gay-Lussac's, in Deutschland nach ben ausgeführt und es ist gesetzlich bestimmt, dass der Alehalt des der Besteuerung unterworfenen Branntweins. Weinu. s. w. mit Hülfe dieses Instrumentes ermittelt werden Beistehende Scala, Fig. 156, zeigt die Hauptabtheilungen solchen Alkoholometers in ihrem richtigen Verhältniss. Man wie sich erwarten liess, dass die Abtheilungen ungleiche Die Scala des Alkoholometers von Tralles' beich auf eine Temperatur von 150 C. Da sich nun das spe-3 Gewicht des Weingeistes mit der Temperatur bedeutend , so bedürfen die Angaben des Alkoholometers einer Correcwenn der zu untersuchende Weingeist eine andere Tempehat. (Ausführliches über Alkoholometrie im Handwörterler Chemie von Liebig und Poggendorff.)

las Volumeter oder Densimeter kann das Alkoholometer recht setzen, wenn man nur eine Tabelle zur Hand hat, in welcher koholgehalt angegeben ist, welcher den verschiedenen spenn Gewichten entspricht.

egreiflicher Weise kann man das Alkoholometer einzig und zu dem angegebenen Zwecke verwenden, für jede andere zkeit ist es völlig unbrauchbar. Auf ähnliche Weise, wie

122 Hydrostatik oder d. Lehre vom Gleichgewicht d. Flüssigkeiten.

das Alkoholometer, hat man auch Aräometer construirt, welche den Gehalt einer Säure, einer Salzlösung u. s. w. angeben sollen. Weil jedoch ein solches Instrument nur für eine einzige specielle Flüssigkeit brauchbar ist, so wendet man besser ein für allemal das Volumeter oder ein Aräometer an, an welchem man direct das specifische Gewicht der Flüssigkeit ablesen kann und sucht den Gehalt, welcher dem beobachteten specifischen Gewichte entspricht, in Tabellen, welche eigens zu diesem Zwecke berechnet worden sind.

So enthält z. B. folgende Tabelle das specifische Gewicht einer Mischung von Schwefelsäurehydrat ($SO_3 + HO$) mit Wasser von 10 zu 10 Proc.

Procent von $SO_3 + HO$.	Specif. Gew.	Gehalt an wasserfreier Säure.		
100	1,843	81,63 Proc.		
90	1,822	73,47 "		
80	1,734	65,30 ,,		
70	1,615	57,14 ,,		
60	1,501	48,98 ,,		
50	1,398	40,81 ,,		
40	1,306	32,65 ,,		
80	1,223	25,49 ,,		
20	1,144	16,32 ,,		
10	1,068	8,16 ,,		
0	1,000	0,00 "		

Hat man nun z. B. mit Hülfe des Volumeters oder des Densimeters gefunden, dass das specifische Gewicht eines Gemisches von Wasser und Schwefelsäure 1,223 ist, so ersehen wir aus obiger Tabelle (welche übrigess

Die von Oechsle in Pforzheim construirten Mostwagen sind von ilberblech verfertigt, und haben die Fig. 157 abgebildete Gestalt. cala ist an einem hohlen quadratischem Silberstäbehen angebracht.

Arkometer mit willkürlicher Scala. Es bleiben jetzt nur 55 noch die älteren Aräometerscalen zu erwähnen, welche jedoch durchaus keinen wissenschaftlichen Werth haben.



Baumé bestimmte an den für leichtere Flüssigkeiten bestimmten Aräometern ausser dem Wasserpunkte noch einen zweiten fixen Punkt dadurch, dass er das Instrument in eine Lösung von 1 Gewichtstheil Kochsalz in 9 Gewichtstheilen Wasser tauchte. Den Raum zwischen diesen beiden Punkten theilte er in 10 gleiche Theile, die er Grade nannte; die Theilung ist noch über den Wasserpunkt hinaus um 40 Grade fortgesetzt. Der Wasserpunkt ist mit 10 bezeichnet, und die Grade werden nach oben gezählt.

Für schwere Flüssigkeiten wurde der zweite feste Punkt durch Eintauchen in eine Lösung von 15 Thln. Kochsalz in 85 Thln. Wasser bestimmt, der Zwischenraum swischen diesem und dem Wasserpunkt in 15 Grade getheilt und die Theilung nach unten fortgesetzt. Man sieht wohl, dass man durch ein solches Instrument weder das specifische Gewicht, noch den Gehalt einer Flüssigkeit erfährt.

Cartier brachte an der Baumé'schen Scala eine unwesentliche Veränderung an, er machte nämlich die Grade etwas grösser, so dass 15 seiner Grade gleich 16 Baumé'schen sind. Wenn er dadurch auch nichts genützt hat, so hat er doch wenigstens seinen Namen

weewigt, denn so werthlos seine Scala auch ist, so ist sie doch ungemein verbreitet.

Das Aräometer von Beck hat den Wasserpunkt zu seinem Nullpunkt den nach oben gezählten 30sten Grad beim specif. Gewicht 0,85.

Die folgende Tabelle giebt an, welche specifischen Gewichte den in der ersten Columne angegebenen Gradzahlen der Baumé'schen Cartier'sthen und Beck'schen Scala entsprechen.

124 Hydrostatik oder d. Lehre vom Gleichgewicht d. Flüssigkei
Aräometer für leichtere Flüssigkeiten.

Grade.	Baumé.	Cartier.	Beck.
0		_	1,000
5	_	_	0,971
10	1	_	0,944
15	0,965	0,970	0,919
20	0,933	0,934	0,895
25	0,903	0,901	0,872
30	0,875	0,871	0,850
35	0,849	0,842	0,829
40	0,824	0,815	0,809
45	0,800		0,791
50	0,778	_	0,773

Aräometer für schwerere Flüssigkeiten.

Grade.	Baumé.	Beck.
0	1,000	1,000
5	1,037	1,030
10	1,077	1,062
15	1,120	1,097
20	1,167	1,133
25	1,217	1,172
30	1,273	1,214
35	1,333	1,259
40	1,400	1,308
45	1.478	1.360

Viertes Capitel.

Molekularwirkungen flüssiger Körper.

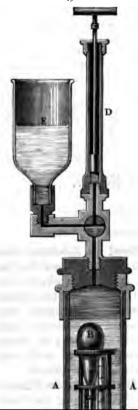
Elasticität der Flüssigkeiten. Während die Molekularkräfte 56 ei festen Körpern sich im Zustande eines stabilen Gleichgewichts benden, können wir den Gleichgewichtszustand der Molekularkräfte bei lüssigen Körpern gewissermaassen als einen in differenten bezeichnen, enn wie man auch die Theilchen einer Flüssigkeit gegen einander verchieben mag, so kommen sie doch in dieser neuen gegenseitigen Lage Isbald wieder ins Gleichgewicht. Gegen eine Verschiebung der Moleüle einer Flüssigkeit reagirt also keine merkliche Elasticität, wohl aber sacht sich eine solche gegen eine Compression derselben geltend.

Expansionskraft und Cohāsionskraft stehen bei den Flüssigsten in der Art im Gleichgewicht, dass bei einer Annäherung der Theilen die Expansionskraft, bedeutend stärker wachsend als die Cohāsionsaft, so sehr das Uebergewicht erlangt, dass sie einer Compression kräfgen Widerstand entgegensetzt, während bei wachsender Entfernung der oleküle der Ueberschuss der Cohāsionskraft nur unbedeutend wird, so uss einer Trennung der Theilchen nur ein geringer Widerstand entegenwirkt.

Die Zusammendrückbarkeit der Flüssigkeiten lässt sich uit Hülfe des Fig. 158 a. f. S. abgebildeten Apparates nachweisen und sessen. Ein birnförmiges Gefäss B, das Piezometer, ist an dem einen Inde einer feinen Thermometerröhre angesetzt, deren unteres Ende, nachem B mit Wasser gefüllt worden ist, in ein mit Quecksilber gefülltes lefäss C gesetzt wird. Dadurch ist nun ein bestimmtes Quantum Wasser m Piezometer abgesperrt. Durch eine geringe Temperaturerhöhung bewirkt man, dass ein wenig Wasser aus dem Piezometer austritt und dass alsdann beim Wiedererkalten das Quecksilber im Piezometerrohre um

einige Linien über den Spiegel des Quecksilbers in C steigt. Das Rohr des Piezometers ist mit einer Scala versehen, und es muss zum Voraus mit

Fig. 158.



Genauigkeit ermittelt sein, wie sich der Rauminhalt eines zwischen zwei Theilstrichen befindlichen Röhrenstücks zum Rauminhalte des ganzen Gefässes verhält.

Neben das Piezometer wird ein mit Luft gefülltes Rohr, ein Luftmanometer, in das Quecksilbergefäss eingesetzt, welches dient, um die Stärke des Drucks zu messen, welchem das Piezometer ausgesetzt wird.

Um zu verhindern, dass durch Einpressen des Quecksilbers in das Rohr des Piezometers das Gefäss B selbst eine Erweiterung erfährt, muss dasselbe von Aussen dem gleichen Druck ausgesetzt sein wie von Innen. Deshalb wird das Quecksilbergefäss C sammt dem Piezometer B und der Luftröhre in das Glasgefäss A des Compressionsapparates gesetzt, dieses voll Wasser gegossen, welches mit dem Wasser in B gleiche Temperatur haben muss, und dann das Wasser in A mit Hülfe der oben aufgeschraubten Druckpumpe D comprimirt.

Bei der Stellung des Hahns s, wie ihn die Figur zeigt, wird der Kolben der Druckpumpe aufgezogen und dadurch Wasser aus F aufgesaugt; ist der Kolben oben Sobald man den Hahn s so stellt, dass das Gefäss A mit F in Verindung kommt, dass also der Druck in A aufhört, sinkt das Quecksilber i der Röhre des Piesometers wieder auf seinen ursprünglichen Stand, die lässigkeit in B ist also gegen Compression vollkommen elastisch.

Es versteht sich von selbst, dass das Wasser in B vor dem Einfüllen urch Kochen luftfrei gemacht werden muss.

Statt Wasser kann man auch andere Flüssigkeiten in das Piezometer ringen und auf gleiche Weise ihre Zusammendrückbarkeit ermitteln.

Eine ausführliche Darstellung der Versuche, welche Colladon und iturm über die Zusammendrückbarkeit der Flüssigkeiten anstellten, finter man im 12ten Bande Poggendorff's Annalen; Oersted's Abhandungen über denselben Gegenstand findet man im 9ten, 12ten und 31sten lande desselben Journals. In der folgenden Tabelle sind die Resultate ker genannten Naturforscher zusammengestellt.

Namen der	Zusammendrückbarkeit fü einer Atmosphäre in Millio ursprünglichen Vol	onentheilen de		
Plūssigkeiten.	Colladon und Sturm.	Oersted.		
Quecksilber	3,38	2,65		
Schwefelsäure	30,35			
Salpetersaure	30,55			
Schwefelkohlenstoff		31,65		
Essignaure	40,55			
Luftfreies Wasser	49,65	46,65		
Salpeteräther	69			
Terpentinol	71,35			
Saksaureather	84,25 für die 1. Atm.			
,	80,60 ,, 9. ,,			
Alkohol	94,95 ,, ,, 1. ,,	21,65		
,,	91,85 ", ", 9. ",	•		
9,	87,35 ,, ,, 24. ,,			
Schwefeläther bei 0°	131,35 ,, ,, 1. ,,	61,65		
,, ,, ,,	120,45 ,, ,, 24. ,,	•		
" " 11°	148,35 ,, ,, 1. ,,			
,, ,, ,, ,	139,35 ,, ,, 24. ,,			

Man sieht, dass die Zahlen von Colladon und Sturm immer grösser ist das die von Oersted. Beim Quecksilber und dem Wasser ist der Interschied gering, beim Schwefeläther und dem Alkohol ist er jedoch ihr bedeutend. Diese beiden letzten Flüssigkeiten und der Salzsäureäther ingen, dass die Zusammendrückbarkeit mit wachsendem Druck abnimmt. Padlich sieht man auch aus der Tabelle, dass der Schwefeläther bei 11° weit stärker zusammendrückbar ist als bei 0°.

Bei genauer Untersuchung ergiebt sich, dass bei gleichem Dra Innen und Aussen das Volumen des Piezometergefässes B doch nic





kommen unveränderlich bleibt; Re hat diese Fehlerquellen auf folgende zu eliminiren gesucht (Mémoires de des sciences 1847).

Das Piezometer A Fig. 159 befine in dem Compressionsgefäss B. Das des Gefässes B kann durch Oeffn Hahnes H mit der äusseren Luft, dur nen des Hahnes G mit einem Reci verbunden werden, zu welchem das führt und welcher mit comprimirt gefüllt ist. Eben so kann das Inn Piezometers A durch den Hahn der äusseren Luft durch den Hahn jenem Recipienten in Verbindung werden.

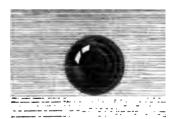
Sind H und E geschlossen, D offen, so wird das Piezometer nur von comprimirt, der Gipfel der Flüssigke im Piezometerrohr steigt um eine Gr — Sind D und G geschlossen, H aber offen, so ist bloss das Innere de meters einem Druck ausgesetzt, der der Flüssigkeitssäule im Piezometerroh um eine Grösse w' unter seine ursprü Stellung. — Werden endlich H und schlossen, E und G aber geöffnet, so Piezometer Innen und Aussen dem g



Cohäsion der Flüssigkeiten. Wenn die Flüssigkeiten auch 75 keine selbständige Gestalt haben, wenn sich auch die einzelnen Theilehen ungemein leicht an einander verschieben lassen, so hört deshalb doch noch nicht jeder Zusammenhang zwischen ihnen auf, wie dies schon aus der Tropfen bildung hervorgeht. Giesst man etwas Wasser auf eine mit Bärlappsamen (Semen lycopodii) bestäubte Fläche oder etwas Quecksilber in ein Porzellangefäss, so bilden sich fast kugelförmige Tröpfehen. Wenn gar kein Zusammenhang zwischen den einzelnen Theilchen des Wassers, zwischen denen des Quecksilbers bestände, so müssten die Theilchen gleichsam wie Staub auseinanderfallen; bei langsamem Ausgiessen von Flüssigkeiten aus irgend einem Gefässe würden sie nicht in einzelnen Tropfen berabfallen; ein solcher Tropfen fällt erst, wenn sein Gewicht gross genug ist, um gleichsam ein Abreissen von der übrigen Masse der Flüssigkeit zu bewirken.

Ueberhaupt ist die Tropfenbildung nur die Folge der Cohäsion der Flüssigkeiten. Jede sich selbst überlassene, dem Einfluss äusserer Kräfte entzogene Flüssigkeitsmasse muss eine Kugel bilden, wie wir dies z. B. an den herabfallenden Regentropfen beobachten. Selbst grössere Flüssigkeitsmassen runden sich zur Kugel ab, wenn es gelingt, sie dem Einfluss

Fig. 160.



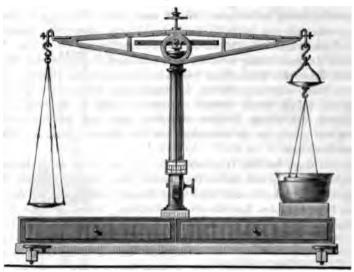
der Schwere zu entziehen. Es geschieht dies dadurch, dass man eine gewisse Menge einer Flüssigkeit mitten in eine andere Flüssigkeit bringt, mit welcher sie sich nicht mischt, mit welcher sie aber vollkommen gleiches specifisches Gewicht hat; z. B. Olivenöl (specif. Gewicht 0,915) in eine entsprechende Mischung von Wasser und Weingeist. Wenn man das Oel mit

Hülfe einer Pipette mitten in die Mischung hineinbringt, so kann man wallnussgrosse Oelkugeln erzeugen, welche in der umgebenden Flüssigkeit schweben, wie Fig. 160 andeutet.

Für die Cohäsion, mit welcher die einzelnen Theilchen einer Flüssigkeit zusammenhalten, lässt sich in folgender Weise ein Maass finden. Wenn eine feste Scheibe auf die Oberfläche einer Flüssigkeit gesetzt wird, we kann man sie in verticaler Richtung nicht mehr in die Höhe ziehen, wie wenn sie frei in der Luft hinge; es ist, um sie in die Höhe zu ziehen, eine mehr oder minder grosse Kraft nöthig. Um die Kraft zu messen, bedient man sich der Wage. An den einen Arm derselben hängt man eine horizontale Scheibe an, auf der anderen Seite legt man ein Gegengewicht auf, welches sie im Gleichgewicht hält. Wenn das Gleichgewicht hergestellt ist, nähert man der Scheibe von unten die Oberfläche einer Flüssigkeit, bis die Flüssigkeit die untere Fläche der Scheibe gerade berührt, Fig. 161 a.f.S., legt dann, ohne zu stossen, auf der anderen Seite Gewichte auf und bemerkt, wie viel nöthig ist, um die Scheibe von der Flüssigkeit abzureissen.

Um eine Glasscheibe von 118,366 Millimeter Durchmesser abzureissen, waren nach Gay-Lussac's Versuchen je nach der Natur der Flüssigkei-

Fig. 161.



ten verschiedene Gewichte nöthig, wie die folgende Tabelle zeigt.

Namen der Substanz.	Specifisches Gewicht.	Temperatur.	Gewicht.

für die Cohäsion der Flüssigkeiten, also für die Attraction, welche zwischen den Theilchen derselben stattfindet; man sieht, dass diese Attraction ziemlich bedeutend ist und dass sie sich mit der Natur der Flüssigkeiten ändert.

Spannung gekrümmter Oberflächen. Die Cohäsion der 58 Flüssigkeitstheilchen erklärt zwar vollkommen das Zusammenhalten der Moleküle, welche einen Tropfen bilden; zur Erklärung der kugelförmigen Abrundung des Tropfens reicht aber die Molekularanziehung nicht hin, weil die molekularen Attractionen, nur auf die nächsten Moleküle wirkend, sich nicht in ähnlicher Weise summiren, dass dadurch dem Gravitationsmittelpunkte der Weltkörper ähnlich ein Anziehungsmittelpunkt gebildet würde.

In einer Flüssigkeit müssen die Moleküle in einer solchen Entfernung verharren, dass Attraction und Repulsion einander neutralisiren. Es ist dies nur dann möglich, wenn die Moleküle in parallelen Schichten gelagert sind, in der Art, dass jedes Molekül von zwölf anderen umgeben ist, ungefähr so wie man die gleich grossen Kanonenkugeln zu lagern pflegt. Diese Anordnung ist dann nicht im mindesten gestört, wenn die Flüssigkeit auch eben endigt. Jedes Molekül ist hier nach allen Seiten hin vollkommen gleichen Einwirkungen unterworfen, alle Moleküle sind hier in vollkommen gleichen Entfernungen von einander. Diese Anordnung mag die normale Lagerung der Moleküle heissen. Wird ein Theil der Gränzfäche gekrümmt, so kann der gegenseitige Abstand der Moleküle nicht mehr nach allen Seiten derselbe bleiben, und eine solche Lagerung mag anomal genannt werden.

Sobald durch irgend eine äussere Kraft die normale Lagerung der Molekule gestört wird, wird auch das bisher vollständige Gleichgewicht gestört; es entsteht eine Spannung, welche den gestörten Parallelismus der Schichten wieder herzustellen strebt und welche die Flüssigkeitstheilchen sogleich wieder in die normale Lagerung zurückführt, sobald die störende Ursache zu wirken aufhört. Wenn man ein Stäbchen, welches von der Flüssigkeit benetzt wird, in dieselbe eintaucht, so kann man durch langmes Herausziehen einen Hügel bilden, der nach dem Abreissen sogleich wieder in die Ebene zurückeilt. Dies könnte nun freilich bloss Folge der Schwere sein, allein dasselbe findet in der umgekehrten Lage der Ebene statt. Aus einem an der unteren Fläche einer horizontal gehaltenen Glasplatte hängenden und möglichst ausgebreiteten Tropfen kann man wie vorher einen Hügel herausziehen, welcher sich nach dem Abreissen, der Schwere entgegen, in die Ebene zurückzieht.

Eine tropfbare Flüssigkeit strebt also in einer Ebene zu endigen. Nun aber kann eine ringsherum freie Masse nicht durch die einzige Ebene begränzt werden. Wäre sie durch ebene Flächen begränzt, so würden die Kanten durch die Spannung der Moleküle in denselben bald abgeflacht werden; ist aber die Masse durch eine krumme Oberfläche begränzt, deren Krümmung nicht an allen Stellen gleich ist, so würde an den stärker gekrümmten Theilen der Oberfläche nothwendig auch eine stärkere Spannung stattfinden, welche die Abrundung zur vollkommenen Kugel zur Folge hat. Auf diese Weise geht auch die Abrundung des Tropfens vor sich.

Die oberflächlichen Moleküle einer ringsum freien tropfbaren Flüssigkeit bilden demnach ein, die innere Masse kräftig zusammendrückendes Netzwerk. Hat man eine Seifenblase gemacht, so behält diese ihre Grösse bei, wenn man die Oeffnung des Röhrchens zuhält; sobald man es aber öffnet, verkleinert sich die Blase mehr und mehr. Wäre die Luft in der Blase nicht durch die umschliessende Flüssigkeitsschicht zusammengedrückt gewesen, wäre sie nicht dichter als die sie umgebende Atmosphäre, so würde sie in der Blase bleiben und nicht dem atmosphärischen Luftdruck entgegen durch das Röhrchen entweichen.

Diesen von einer gekrümmten Flüssigkeitsoberfläche ausgeübten, stets gegen die concave Seite der Wölbung hin gerichteten Druck wollen wir den Cohäsionsdruck nennen. Er wächst mit der Stärke der Krümmung und ist von der Natur der Flüssigkeit abhängig.

Es bezeichne für irgend einen Punkt der krummen Flüssigkeitsoberfläche R den grössten, r den kleinsten Krümmungshalbmesser, so ist nach den Entwickelungen von Laplace und Poisson der Cohäsionsdruck

wo a eine von der Natur der Flüssigkeit abhängige Constante ist. Eine allen äusseren Kräften entzogene, nur ihren Molekularkräften überlassens Flüssigkeitsmasse wird nur dann im Gleichgewicht sein können, wenn der Werth von D für einen Punkt der Oberfläche eben so gross ist wie für jeden anderen. Dies ist unbedingt für die Kugel der Fall, da nicht al-

einem Gefässe ausgiessen will, so leicht an der äusseren Wand herablaufen. Um dies zu verhüten, bestreicht man den äusseren Rand der Gefässe mit Fett, oder man lässt die aussliessende Flüssigkeit an einem benetzten Glasstäbehen herablaufen.

Bei den in §. 57 besprochenen Versuchen wurde die feste Scheibe von der Flüssigkeit benetzt; eine Adhäsion ist aber zwischen beiden auch dann noch vorhanden, wenn keine Benetzung stattfindet, wie z. B. zwischen Glas und Quecksilber.

Wiederholt man den in §. 57 beschriebenen Versuch auf die Weise, dass man die Glasscheibe auf Quecksilber setzt, so ist bei den dort angegebenen Dimensionen ein Zulaggewicht von 158 Grammen nöthig, um ein Abreissen zu bewirken. Hier aber bleibt kein Quecksilber an dem Glase hängen, das Gewicht von 158 Grammen war also nöthig, um die Adhäsion des Quecksilbers an die Glasplatte zu überwinden.

Die Adhäsion des Quecksilbers an das Glas erklärt einige Erscheinungen, welche für den ersten Anblick auffallend erscheinen. So bleibt B., wenn man wohl gereinigte, vollkommen von aller Luft befreite und etwas enge Röhren zum Toricelli'schen Versuch anwendet, manchmal die ganze Quecksilbersäule bis oben hin suspendirt, und es sind dann einige Stösse nöthig, um zu machen, dass die Quecksilbersäule bis zu der dem Luftdruck entsprechenden Höhe herabfällt.

Die Adhäsion und die Reibung des Quecksilbers am Glase hat bei allen Manometerröhren einen Einfluss, der um so störender wird, je enger die Röhren sind. Daher sind nicht allein für Barometer, sondern auch für alle Manometer weite Röhren vorzuziehen. Bei sehr engen Röhren kann der Einfluss der Wände sehr bedeutende Fehler veranlassen. Man fülle B. B. eine heberförmig gebogene Thermometerröhre halb mit Quecksilber, so dass es in beiden Schenkeln gleich hoch steht. Saugt man nun an dem oberen Ende des einen Schenkels, so wird in diesem Schenkel das Quecksilber steigen. Ueberlässt man nun wieder die Röhre sich selbst, so fällt das Quecksilber nicht wieder zurück, es bleibt in dem einen Schenkel 3, 4 ja 5 Zoll höher stehen als im anderen. Solche Röhren geben also, als Manometerröhren angewendet, immer sehr unzuverlässige Resultate.

Wenn das Quecksilber einer Barometerröhre längere Zeit im Kochen erhalten wird, so zeigt sich nachher der Meniskus weit flacher als sonst. Es rührt dies, wie Dulong gezeigt hat, daher, dass in Folge des langen Kochens sich etwas Quecksilberoxyd bildet, welches im Quecksilber aufgelöst, dessen Dichtigkeit nicht merklich verändert, wohl aber seine Adbision an das Glas vermehrt.

Der Randwinkel. Ueberall, wo ein fester Körper mit einer 60 Flüssigkeit in Berührung kommt, tritt eine Störung der freien Oberfläche der letzteren auf. Taucht man z. B. eine Glasplatte in Wasser, so findet in Aufsteigen des Wassers an der Glasfläche statt (Fig. 163 a. f. S.)

taucht man dagegen die Glasplatte in Quecksilber, so findet eine Depression statt (Fig. 164).



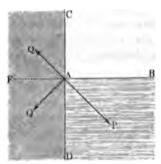


Fig. 163.



Untersuchen wir diese Erscheinung etwas näher. In Fig. 162 stelle *CD* die verticale Wand eines festen Kör-

pers dar, welcher in eine durch die horizontale Oberfläche AB begränzte Flüssigkeit eingetaucht ist. Nehmen wir zunächst an, die horizontale Oberfläche der Flüssigkeit erstrecke sich noch bis an die verticale Wand CD, und A sei ein Punkt der Kante, in welcher die horizontale Oberfläche der Flüssigkeit mit der Wand zusammentrifft.

Betrachten wir nun die Kräfte, welche auf A wirken. Die Molekularanziehungen aller innerhalb des Quadranten BAD liegenden Flüssigkeitspartikelchen, welche auf das Theilchen A wirken, vereinigen sich zu einer Resultirenden, deren Richtung den Winkel BAD halbirt und deren Grösse wir mit P bezeichnen wollen. Eben so vereinigen sich die Molekularanziehungen, welche die innerhalb des Quadranten FAD liegenden Partikelchen der festen Wand auf das Flüssigkeitstheilchen A ausüben, zu einer Resultirenden Q, deren Richtung den Winkel FAD halbirt.

einer Resultirenden R verbindet, deren Richtung innerhalb des Quadranten DAB liegt. Auf dieser Resultirenden R, Fig. 165, muss aber die freie Oberfläche der Flüssigkeit in A rechtwinklig stehen, die Oberfläche der Flüssigkeit wird also die in Fig. 165 abgebildete Gestalt annehmen müssen, es wird eine Depression der Flüssigkeit an der Wand stattfinden.

Wenn P < 2 Q, so ist K positiv, also eine von A nach F hin wirkende Kraft, welche sich mit H zu einer Resultirenden R verbindet, deren Richtung innerhalb des Winkels FAD, Fig. 162, liegt. In A muss die Oberfläche der Flüssigkeit rechtwinklig auf dieser Resultirenden R stehen, und da sie mit wachsender Entfernung von der Wand allmälig in die Horizontale übergehen muss, so wird die Oberfläche der Flüssigkeit in der Nähe der Wand die in Fig. 166 dargestellte Form annehmen, es findet ein Aufsteigen der Flüssigkeit an der Wand statt.

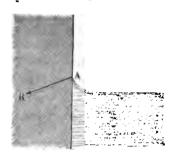
Wenn P < 2 Q, wenn ein Ueberwiegen der Adhäsion über die Cohäsion der Flüssigkeitstheilchen stattfindet, so wird der feste Körper durch die Flüssigkeit benetzt. Eine Benetzung tritt nicht ein, wenn die Cohäsion der Flüssigkeitstheilchen überwiegt, wenn P > 2 Q.

Da die Resultirende R, Fig. 165 und Fig. 166, einen bestimmten Winkel mit der Wand CD macht, dessen Grösse von dem Verhältniss der

Fig. 165.

Fig. 166.





Kräfte P und Q abhängt, so muss auch die in A an die Oberfläche der Flüssigkeit gelegte, auf R rechtwinklig stehende Tangente stets denselben Winkel mit der Wand CD machen, so oft dieselbe Flüssigkeit mit denselben festen Körper in Berührung tritt. Dieser Winkel, welcher den Namen Randwinkel führt, hat folgende Werthe:

Für Quecksilber und gewöhnliches Glas	45	Grad
" Quecksilber und Glas, dessen Oberfläche		
von Luft gereinigt ist	55	n
"Alkohol und Stahl	90	n
Wasser und Glas 150 bis	180	n

wenn der Randwinkel von AC, Fig. 162, aus in der Richtung nach AB im gezählt wird. Dem Werthe des Randwinkels zufolge ist für Alkohol and Stahl 2 Q = P. Die Differenzen im Werth des Randwinkels für Glas

und Wasser rühren offenbar von Verschiedenheiten im Oberflächenzustand des Glases her.

61 Haarröhrchen. Wenn man das eine Ende eines engen Glasröhrchens in eine Flüssigkeit eintaucht, so steht das Niveau der Flüssigkeit im Röhrchen nie in gleicher Höhe mit dem Spiegel der Flüssigkeit ausserhalb. In Wasser z. B. eingetaucht, erhebt sich die Flüssigkeitssäule im Röhrchen.

Fig. 167. Fig. 168. F



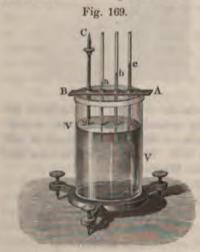
Fig. 168.

Fig. 167; wenn man hingegen das Glasröhrchen in Quecksilber eintaucht, so steht der Gipfel der Quecksilbersäule im Röhrchen tiefer, Fig. 168. Diese Erscheinungen der Hebung und Senkung werden mit dem Namen der Capillarerscheigen bezeichnet, die Kraft aber, welche sie hervorbringt und welche das Resultat der Cohäsion der Flüssigkeitstheilchen und ihrer Adhäsion an festen

Körpern ist, heisst Capillarattraction, oder auch bloss Capillarität.

Es ist leicht, sich durch den Versuch davon zu überzeugen, dass die Höhendifferenz der Spiegel der Flüssigkeit in und ausser der Röhre um so grösser ist, je enger die Röhren sind. Taucht man zwei Röhrehen, von denen das eine einen doppelt so grossen Durchmesser hat als das andere, in Wasser, so wird das Wasser im engeren doppelt so hoch steigen; taucht man sie in Quecksilber, so wird im engeren die Flüssigkeit doppelt so viel niedergedrückt.

Um die Höhe genau zu messen, bis zu welcher die Flüssigkeiten im Haarröhrchen aufsteigen, brachte Gay-Lussac folgendes Verfahren in



Anwendung. Ein weiteres Gefüss V, Fig. 169, welches die Flüssigkeit enthält, ruht auf einer mit drei Stellschrauben versehenen Platte, mittelst deren man den Rand des Gefüsses V genau horizontal stellen kann. Auf diesem Rande liegt der Metallstreifen BA, in welchem verschiedene Haarröhrchen von verschiedenem Durchmesser befestigt sind, deren unteres Ende in der Flüssigkeit des Gefässes V eingetaucht ist.

Die Höhe der Punkte a, b und c, bis zu welcher die Flüssigkeit in den verschiedenen Röhrchen über dem Spiegel der Flüssigkeit im Gefäss V aufsteigt, lässt sich nun aber deshalb nicht unmittelbar mit Ge-

nauigkeit messen, weil die Flüssigkeit nicht allein an der Wand des Gefässes V, sondern auch an der äusseren Wand der eingetauchten Röhrchen

etwas über den Flüssigkeitsspiegel sich erhebt. Gay-Lussac hat diese Schwierigkeit dadurch umgangen, dass er in der Metallplatte BA ein Metallstäbehen CD anbrachte, auf welchem ein feines Schraubengewinde eingeschnitten und welches oben und unten mit einer Spitze versehen ist. Dieses Stäbchen wird nun so weit heruntergeschraubt, dass seine untere Spitze D eben den Flüssigkeitsspiegel berührt. — Nachdem diese Einstellung gehörig ausgeführt worden ist, wird der Höhenunterschied wischen der oberen Spitze C und den Punkten a, b und c mit Hülfe eines Kathetometers (ein Instrument, dessen Beschreibung im zweiten Bande dieses Lehrbuchs zu finden ist) gemessen, und daraus ergiebt sich dann, wie hoch die Punkte a, b und c über D liegen, wenn zum Voraus die Länge des Stäbchens CD mit Genauigkeit gemessen worden ist.

Die Durchmesser der Röhrchen waren vorher dadurch bestimmt worden, dass man das Gewicht der Quecksilbersäule ermittelte, welche eine gemessene Länge des Röhrchens ausfüllt.

Die folgende Tabelle enthält einige auf diesem Wege gefundene Re-

Namen	Specif.	Tempera-		in einer Röb urchmesser wa	
der Substanz. Gewicht.		tur.	1,2944 Millimeter.	1,9038 Millimeter.	10,508 Millimeter.
		8,5° C.	23,1634	15,5861	,,
Alkohol	0,8196	8	9,1823	6,4012	,,
,,	0,8595	10	9,301	,,	,,
"	0,9415	8	9,997	, , ,	,,
,,	0,8135	16	7,078	,,	0,3835
[erpentinol	0,8695	8	9,8516	,,	,,

Die specifischen Gewichte sind für die in der dritten Columne angegebenen Temperaturen genommen.

Die Durchmesser der beiden ersten Röhren verhalten sich umgekehrt wie 1,474 zu 1, die entsprechenden beobachteten Höhen aber verhalten sich für Wasser wie 1,486 zu 1, für Weingeist wie 1,434 zu 1. Man kann demnach wohl als durch den Versuch bestätigt annehmen, dass die gehobenen Säulen sich umgekehrt verhalten wie die Durchmesser der Röhren. Berechnet man nach diesen Angaben die Höhe der Säulen von Wasser, Alkohol und Terpentinöl, welche in einer 1 Millimeter weiten Röhre gehoben werden können, so erhält man folgende Zahlen:

Namen der Substanz.	Specif. Gewicht.	Temperatur.	Erhebung in einer Röhre von 1 Millimeter (0,459"') Durchmesser.
Wasser	1	8,5° C.	29,79mm = 13,67"
Alkohol	0,8196	8	12,18 = 5,60
,,	0,8135	16	9,15 = 4,19
,,	0,8595	10	12,01 = 5,51
,,	0,9415	8	12,91 = 5,92
Terpentinöl	0,8695	8	12.72 = 5.83

Die Temperaturen und specifischen Gewichte sind mit Sorgfalt angegeben, weil, wie es scheint, die Differenz des Niveaus für eine und dieselbe Flüssigkeit sich gerade wie die specifischen Gewichte derselben verhält.

Die Resultate, welche man nach diesem Verfahren erhält, sind gans und gar unabhängig von der Dicke der Röhre und der Substanz, aus welcher sie besteht, vorausgesetzt, dass sie von der Flüssigkeit benetzt wird.

Ehe man die Röhrchen zum Versuche anwendet, müssen die inneren Wände vollständig mit der Flüssigkeit benetzt und von allen Un-Fig. 170. Fig. 171. reinigkeiten befreit werden. Es ist auch we-

sentlich, dass man die flüssige Säule mehrmals oscilliren lässt, damit man die wahre Höhe beobachtet.

Die Erhebung der Flüssigkeiten in engen Röhrchen so wie die Senkung derselben ist aber auf das Innigste mit der Gestaltung ihrer Ober-

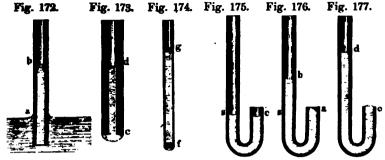




139

schiedene Höhen, bis zu welchen dieselbe Flüssigkeit etc.

welcher sich am unteren Ende der Röhre bildet und welcher ein mehr r minder convexer Meniskus ist. In der That, wenn die Röhrenwände



dick sind, so breitet sich der Tropfen aus, und in diesem Falle ist Erhebung geringer; wenn aber die Wände dünn sind, so ist der conMeniskus des Tropfens fast gleich dem concaven Meniskus am oberen is der Säule, und in diesem Falle ist die Höhe der Säule fg, Fig. 174, the in der Röhre hängen bleibt, fast doppelt so gross, als die Höhe ab, 172, der Säule, welche man beobachtet, wenn dieselbe Röhre noch in Flüssigkeit eingetaucht ist.

Heberformig gekrümmte Röhren bieten ähnliche Erscheinungen dar sind zugleich für die Versuche bequemer. In einer hakenförmigen re. Fig. 172, deren Durchmesser überall gleich weit ist, steht die Flüszeit in beiden Schenkeln gleich hoch, so lange die Flüssigkeit noch it das Ende des kürzeren Schenkels erreicht. Lässt man ganz allmäin den längeren Schenkel Flüssigkeit zufliessen, so steigt das Niveau l bis zum oberen Rande des kürzeren Schenkels. Von nun an steigt fernerem Zufliessen im längeren Schenkel die Flüssigkeit in demselben. rend der Meniskus am oberen Ende des kürzeren Schenkels immer her wird. Wenn man genau beobachtet, so findet man, dass in dem ment, in welchem der Meniskus ganz verschwunden, wo also die Oberbe der Flüssigkeit im kürzeren Schenkel ganz eben ist, wie Fig. 176, Höhendifferenz von a bis b gleich ist der Höhe der Flüssigkeitsle, welche in demselben Rohre aufgestiegen wäre, wenn man es in die imigkeit eingetaucht hätte. Bei fernerem Zufluss in den längeren Schensteigt die flüssige Säule noch höher, während die Oberfläche der Flüskeit im kürzeren Schenkel convex wird, wie Fig. 177. Das Steigen sert fort, bis die Höhendifferenz cd, Fig. 177, doppelt so gross ist als Höhendifferenz ab, Fig. 176. In diesem Augenblick ist der Meniskus f dem kürzeren Schenkel eine Halbkugel. Wenn nun noch Flüssigkeit langeren Schenkel zufliesst, so reisst die gewölbte Oberfläche, und die me fallt mehr oder weniger weit herab, je nachdem der absliessende ropten grösser oder kleiner ist.

Diese Erscheinungen können in umgekehrter Ordnung hervorgebracht weden, wenn man in den längeren Schenkel eine Flüssigkeitssäule bringt,

1

welche so hoch ist, als sie eben noch getragen werden kann, und dann nach und nach am Gipfel des kürzeren Schenkels etwas Flüssigkeit wegnimmt.

63 Haarröhrehen von verschieden gestaltetem Querschnitt. Wenn der enge Raum nicht cylindrisch ist, wie wir bisher angenommen haben, so sind die Erscheinungen etwas verwickelter, jedoch lassen sie sich oft auf ziemlich einfache Gesetze zurückführen.

Denken wir uns eine Röhre, deren innerer Durchmesser 10 Millimeter beträgt, in diese eine zweite Röhre geschoben, deren äusserer Durchmesser 9 Millimeter ist, und zwar so, dass die Axen beider Röhren zusammenfallen, so bleibt zwischen beiden ein ringförmiger Raum von 1/2 Millimeter Dicke. In diesem Raume nun finden Capillarerscheinungen statt, und zwar hat man durch den Versuch gefunden, dass die Höhendifferens hier gerade eben so gross ist, wie bei einem Röhrchen, dessen Durchmesser 1 Millimeter beträgt. Dieses Resultat lässt sich allgemein so ausdrücken: in einem ringförmigen Raume von beliebiger Dicke ist die Hebung oder Senkung gerade eben so gross wie in einer cylindrischen Röhre, deren Durchmesser doppelt so gross ist als die Dicke dieses ringförmigen Raumes.

Wenn der innere Cylinder selbst eine hohle Röhre ist, so finden in dieser Röhre und in dem ringförmigen Raume die Capillarerscheinungen gerade so statt, als ob jeder derselben für sich allein da wäre. Wäre also der Durchmesser der Röhre gerade doppelt so gross als die Dicke des Ringes, so würden die Gipfel der Säulen in beiden gleich hoch stehen. Wenn die Röhre enger ist, so ist der Gipfel ihrer Säule höher, wenn es sich um eine Hebung, tiefer, wenn es sich um eine Senkung handelt; des Gegentheil findet statt, wenn die Röhre weiter ist.



Haarröhrchen von verschieden gestaltetem Querschnitt.

deren Asymptoten auf der einen Seite die Durchschnittslinie der Platten, auf der anderen das Niveau der Flüssigkeit ist, in welche sie eingetaucht sind.

Die Fig. 179 stellt ebenfalls zwei gegen einander geneigte Platten dar, die sich aber in einer horizontalen Linie schneiden; die geometrische





Fig. 179.



Ebene, welche ihren Winkel halbirt, kann selbst horizontal oder auch mehr oder weniger geneigt sein. Wenn man zwischen die beiden Platten einen Wassertropfen

bringt, welcher beide Platten berührt, so sieht man, dass er sich augenblicklich kreisförmig abrundet und gegen den Scheitel des Winkels hineilt. Seine Geschwindigkeit ist grösser oder kleiner, je nachdem der Winkel der Platten grösser oder kleiner ist. Hält man die obere Platte stets wagerecht, so kann man es durch gehöriges Neigen der unteren Platte dahin bringen, dass die Attractivkraft, welche den Tropfen gegen den Scheitel des Winkels zieht, gerade seiner Schwere, die ihn zur schiefen Ebene heruntertreibt, das Gleichgewicht hält.

Die Erscheinungen, von denen wir eben gesprochen haben, wiederholen sich bei konischen Röhren. Die kleine Flüssigkeitssäule bewegt sich gegen die Spitze des Kegels, wie in Fig. 180, oder gegen die weitere Oefftung, Fig. 181, je nachdem sie durch zwei concave oder durch zwei con-







vere Menisken begränzt ist. In beiden Fällen kann man den Tropfen an siner bestimmten Stelle der Röhre festhalten, wenn man der Röhre eine entsprechende Neigung giebt.

Das Vorangehende zeigt, dass feste Körper und Flüssigkeiten nicht in Berührung kommen können, ohne dass die Oberfläche der beweglichen Flüssigkeit eine mehr oder weniger merkliche Formveränderung erleidet.

Die Gestalt der Krümmungen hängt von der Gestalt der festen Körper

ab. Es findet immer eine Erhebung statt, wenn die Flüssigkeit die Oberfläche des festen Körpers benetzt, eine Depression, wenn dies nicht der Fall ist. So wird z. B. eine Nähnadel, wenn man sie mit Alkohol abgewaschen hat, vom Wasser benetzt und geht unter, wenn man sie auch noch so vorsichtig auf die Oberfläche der Flüssigkeit legt; dagegen schwimmt sie.

Fig. 182.



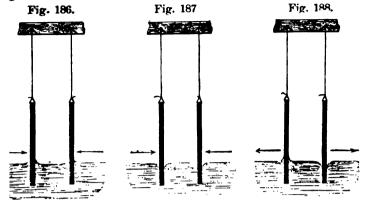
wenn sie etwas fettig ist, so dass sie um sich herum eine Depression veranlasst. Die Insekten, welche, Fig. 182. über die Oberfläche des Wassers dahin laufen, würden bald ganz benetzt in die Flüssigkeit hinabgezogen werden, wenn ihr Körper nicht gegen die Be-

netzung gesichert wäre. Auch die Federn der Wasservögel sind stets etwas fettig, so dass sie nicht benetzt werden; das Gefieder bleibt trocken, wenn sie auch den ganzen Körper untertauchen.

61 Anziehung und Abstossung, durch Capillarität hervorgebracht. Körper, welche in Flüssigkeiten eingetaucht sind oder auf ihnen schwimmen, bieten so merkwürdige Erscheinungen von Anziehung und Abstossung dar, dass es nöthig ist, hier einige Beispiele anzuführen.

Zwei Korkkugeln, welche auf Wasser schwimmen und von demselben benetzt werden, üben gar keine Einwirkung auf einander aus, wenn sie einigermaassen weit von einander entfernt sind; wenn man sie aber so weit nühert, dass das Wasser zwischen beiden keine Ebene mehr bildet, wie Fig. 183, so erfolgt eine lebhafte Anziehung.

un glaubte früher, dass diese Bewegungen von einer directen Eing der Materie herrührten; es ist aber leicht einzusehen, dass sie

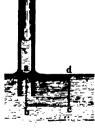


r Krümmung der Flüssigkeit abhängen, weil dieselben Körper, die if Wasser anziehen oder abstossen, bei gleicher Entfernung im leeume, in Luft oder in irgend einem Mittel, welches sie von allen umgiebt, gar keine Wirkung auf einander ausüben.

irklärung der Capillarerscheinungen. Die Hebung oder 65 ag von Flüssigkeiten in engen Röhrchen, zwischen nahe gestellten 1 u. s. w., findet nach den im §. 57 entwickelten Gesetzen seine vollze Erklärung.

Vird in der horizontalen Oberfläche einer Flüssigkeit ein von ihr bares Röhrchen eingetaucht, Fig. 189 (etwa ein Glasröhrchen in r), so wird sich innerhalb des Röhrchens zunächst ein hohler Menis-

Fig. 189.



kus bei a bilden; auf alle Punkte dieses Meniskus wirkt nun der in §. 57 besprochene Cohäsionsdruck, und zwar in der Richtung von unten nach oben, und da diesem Cohäsionsdruck keine andere Kraft entgegenwirkt, so muss die Flüssigkeit im Röhrchen aufsteigen, bis das Gewicht der gehobenen Flüssigkeitssäule diesem Cohäsionsdruck das Gleichgewicht hält. Die Höhe der gehobenen Flüssigkeitssäule ist also der Grösse des Cohäsionsdruckes proportional, es ist II = n D.

Für den Cohäsionsdruck haben wir aber, da eniskus in unserem Falle ein Stück einer Kugeloberfläche vom Krümshalbmesser r ist, nach Gleichung 2) auf S. 132

auch

Für Wasser und Glas bildet der Meniskus eine vollständige Halbku (wenn der Randwinkel 180 Grad ist) und in diesem Fall ist der Krömungshalbmesser r des Meniskus dem Halbmesser des Röhrchens glei die Höhe H ist also nach Gleichung 3 dem Halbmesser des Röhrchungekehrt proportional.

Aber auch wenn der Randwinkel nicht 180° ist, wenn der Krümungshalbmesser des Meniskus r grösser ist als der Halbmesser ϱ Röhrchens, so sind doch beide Grössen proportional. Wir können r=s setzen, wo m eine von der Natur des festen Körpers und der Flüssigk abhängige Constante ist, wir haben also

$$H = \frac{n}{m} \cdot \frac{2a}{\varrho}.$$

Die Höhe der gehobenen Flüssigkeitssäule bleibt also ste dem Halbmesser ϱ des Röhrchens umgekehrt proportional, v dies auch durch die im §. 61 besprochenen Versuche bestätigt wird.

Zwischen parallelen Platten bildet der Gipfel der gehobenen Flüssikeit eine Rinne, deren Krümmungshalbmesser r normal zur Ebene ist Platten gleich $m\varrho$ ist, wenn ϱ den halben Abstand der Platten beseinet, während der Krümmungshalbmesser R in der Richtung der Platunendlich, also $\frac{1}{R}=0$ ist. Die Grösse des Cohäsionsdruckes ist in desem Fall nach Gleichung 1) S. 132

$$D=\frac{\alpha}{r}=\frac{a}{m\cdot\varrho},$$

also die Höhe der gehobenen Wasserschicht:

$$H = \frac{n}{m} \cdot \frac{a}{\varrho}.$$

Die Höhe der gehobenen Wasserschicht ist also nur halb so gross wie e Höhe der in einem Röhrchen gehobenen Wassersäule, wenn der Dun messer der Säule dem Abstand der Platten gleich ist. Auch hier fül igkeiten doch alsbald wieder trennen, und nach ihrem specifischen Gerichte über einander lagern. Es rührt dies unstreitig daher, dass die Ansiehung zwischen zwei Wassermolekülen eben so wie die Anziehung twischen zwei Oelmolekülen grösser ist als die Anziehung zwischen einem Wassertheilchen und einem Oeltheilchen.

Ganz anders verhalten sich Weingeist und Wasser. Die Anzieleng zwischen einem Weingeist- und einem Wassermolekül ist grösser als
die Kraft, mit welcher zwei Wassermoleküle oder zwei Weingeistmoleküle
einender anziehen, weshalb sich auch aus Wasser und Weingeist eine Mischung herstellen lässt, in welcher jede der beiden Flüssigkeiten vollkommen gleichförmig verbreitet ist. Ja selbst wenn die beiden Flüssigkeiten
anfinglich nach ihrem specifischen Gewichte geschichtet sind, d. h. wenn
der Weingeist anfänglich auf dem Wasser schwimmt, so wird durch die
awähnte stärkere Anziehung zwischen Wasser und Weingeist nach einiger
Zeit doch eine gleichförmige Mischung der beiden Flüssigkeiten erfolgen.
Ganz ähnlich verhalten sich Wasser und Schwefelsäure, Wasser und eine

Diese Erscheinung der nach und nach eintretenden gleichförmigen Flüssigkeiten, wird mit dem Namen der Diffusion besichnet. Wasser und Weingeist diffundiren in einander, während zwischen Wasser und Oel keine Diffusion stattfindet.

Wenn nun zwei Flüssigkeiten, welche sich in der erwähnten Weise m mischen, gleichsam gegenseitig zu durchdringen streben, wie Wasser und Weingeist. Wasser und Schwefelsäure u. s. w., nicht in unmittelbarer Berihrung, sondern durch irgend einen porösen Körper getrennt sind, so Missen die Flüssigkeiten durch diese Wand zu einander übergehen, und mm diese porose Wand meistens die eine Flüssigkeit leichter durchstals die andere, so muss die Menge der Flüssigkeit auf der einen oder der deren Seite zunehmen. Bringt man z.B. in eine unten mit Schweinsblase cebundene Glasröhre eine concentrirte Lösung von Kupfervitriol, taucht a dann die durch die Blase verschlossene Oeffnung in ein Gefäss mit Vasser, so dringt das Wasser allmälig durch die Blase in die Röhre, so in der Röhre die Flüssigkeit steigt, während sie aussen sinkt. Umkehrt sinkt die Flüssigkeit in der Röhre, wenn das Wasser innen, die dem des Kupfervitriols aussen ist. Etwas von der Lösung des Kupfertrick dringt freilich auch durch die Blase zum Wasser, wie man bald der Färbung erkennt.

Aehnliche Erscheinungen beobachtet man, wenn man in die Röhre kohol giesst und sie in Wasser taucht. Nach einiger Zeit sieht man, das Niveau der Flüssigkeit in der Röhre gestiegen ist.

Man nennt diesen Austausch von Flüssigkeiten durch eine poröse Scheidewand hindurch Endosmose, oder richtiger Diosmose.

Um die Zunahme der Flüssigkeit auf der einen Seite recht auffallend machen, dient das von Dutrochet construirte Endosmometer g. 190 a. f. S.; a ist eine Glasröhre, deren innerer Durchmesser Maller's Lehrbuch der Physik. Ste Auf. I.

1 bis 2 Millimeter beträgt und die durch einen sehr wohl schliessenden Kork in dem Halse eines weiteren Glasgefässes b befestigt ist. Das Gefäss b ist unten durch eine Thierblase verschlossen. Dieser mit der einen Flüssigkeit gefüllte Apparat wird nun in ein weiteres Gefäss, welches die andere Flüssigkeit enthält, eingesetzt, ohne dass jedoch die Blase auf dem Boden des äusseren Gefässes aufsitzt.

Fig. 190.

Das Gefäss b mit der Röhre a sei z. B. mit Weingeist gefüllt, das äussere Gefäss enthalte Wasser. Sobald das Gefäss b eingesetzt ist, wird sich alsbald ein mechanisches Gleichgewicht zwischen der inneren und äusseren Flüssigkeit und der Spannung der Blase herstellen. Es sei nn das Niveau des äusseren Wassers. und r der Gipfel der Weingeistsäule in der Röhre. Nach einer Viertelstunde beobachtet man schon eine bedeutende Veränderung; die Flüssigkeit ist nämlich schon um einige Millimeter über r hinaus gestiegen, und dieses Steigen dauert fort. Selbst wenn die Röhre 4 bis 5 Decimeter hoch ist, lässt sich erwarten, dass die Flüssigkeit nach einigen Stunden den Gipfel erreicht hat, um oben auszufliessen. Das Wasser ist also trotz des Druckes, welchen der Alkohol in Folge seiner Schwere auf die Blase ausübt, durch die Poren derselben in das Gefäss b eingedrungen; es hat also eine Endosmose des Wassers zum Alkohol durch die Blase hindurch stattgefunden. Macht man den Versuch in umgekehrter Ordnung, indem man das Wasser innen, den Alkohol aussen hinbringt, so sinkt das Niveau in der Röhre, während es aussen steigt.

Wenn man in ein Gefäss von ungebranntem Thon (etwa eine poröse Thonzelle, wie sie zu Grove's und

Bunsen's galvanischen Batterien gebraucht werden) Schwefelsäure giest und es dann in ein anderes Gefäss mit Wasser stellt, so findet eine ähnliche Erscheinung statt; das Wasser sickert durch den Thon durch, das Niveau der Flüssigkeit im Inneren der Thonzelle steigt, während es aussen sinkt.

Die Wirkung der Endosmose dauert fort, wenn auch allmälig immer schwächer, bis die Flüssigkeiten zu beiden Seiten der Scheidewand ganz gleichartig sind.

Dass der Spiegel der Flüssigkeit auf der einen Seite so hoch über das Niveau auf der anderen Seite steigen kann, rührt daher, dass die Poren der Scheidewand zu fein sind, als dass ein hydrostatischer Druck sich durch dieselben fortpflanzen könnte. Wenn man Wasser in eine porüs Thonzelle giesst, so werden die Wände zwar feucht, aber das Wasser tropfl nicht durch, und eine Thierblase, welche gleichfalls vom Wasser befeuchtet wird, kann nicht zum Filtriren des Wassers gebraucht werden.

Welche der getrennten Flüssigkeiten an Volumen zunimmt, hängt resentlich von der Natur der trennenden Scheidewand ab; wenn Wasser and Weingeist durch eine Kautschukplatte getrennt sind, so nimmt das Nasser an Volumen zu, indem der Weingeist leichter durch den Kautchuk wandert als Wasser.

Das alltägliche Leben bietet uns mancherlei Beispiele endosmotischer Erscheinungen, wohin unter anderen auch das Aufquellen von Erbsen,

Fig. 191.



Bohnen u. s. w., zu rechnen ist, welche man in Wasser legt. — Wird eine etwas dicke gelbe Rübe oben abgeschnitten und ausgehöhlt, wie Fig. 191 zeigt, so dass noch eine 1½ bis 2 Linien dicke Wand übrig bleibt, und dann die Höhlung mit gestossenem Zucker gefüllt, so findet man denselben nach einiger Zeit in eine concentrirte Lösung verwandelt, während die umgebende Wurzelwand sichtlich zusammenschrumpft. Hier wird offenbar durch einen endosmotischen Process das Wasser aus den Zellen der Wurzel ausgezogen.

Das endosmotische Aequivalent. Jolly hat gezeigt, dass 67 Dutroch et's Endosmometer kein richtiges Maass für die Grösse des durch die Scheidewand stattfindenden Austausches von Flüssigkeiten sein kann, indem keineswegs bloss die eine Flüssigkeit durch die Scheidewand hindurchgeht. Untersucht man mit einem Aräometer das Wasser und den Weingeist, bevor man sie in den Apparat Fig. 190 einfüllt, und nachher, nachdem man den Versuch abgebrochen hat, so findet man, dass das specifiche Gewicht des Wassers abgenommen hat, während das des Weingeistes stieg; es ist also nicht bloss Wasser zum Weingeist, sondern auch umgekehrt Weingeist zum Wasser übergegangen; die Volumenvermehrung des Weingeistes rührt also nur von der Differenz der beiden entgegengesetzten Strömungen her. Es könnte ein sehr bedeutender Austausch der beiden Flüssigkeiten stattfinden, ohne dass das Endosmometer die geringste Anzeige davon giebt, wenn nämlich beide Flüssigkeiten in gleichem Maasse durch die Scheidewand hindurchdringen.

Um zu ermitteln, in welchem Verhältniss die Wanderung der Substanzen nach entgegengesetzter Richtung geht, wandte Jolly folgendes Verfahren an:

Das eine Ende einer Glasröhre wurde mit einem Stück Schweinsblase zugebunden, in dieselbe die Substanz gebracht, deren endosmotisches Verhalten gegen Wasser untersucht werden sollte, z. B. Weingeist. — Das untere Ende dieser Röhre wurde nun, nachdem sie gewogen worden war, in ein größeres Gefäss mit Wasser eingetaucht; nach einiger Zeit, twa nach einem Tage, wurde die in Folge der Endosmose eingetretene Gewichtszunahme des Inhalts der Glasröhre ermittelt (natürlich mit Beachtung aller nöthigen Vorsichtsmaassregeln, deren Besprechung nicht hierher gehört) und das äussere Wasser durch frisches ersetzt.

So wurde nun fortgefahren, bis die Röhre keine Gewichtssunahme mehr zeigte; es ergab sich nun, dass der Röhreninhalt reines Wasser war; die vorher in der Röhre befindlich gewesene Substanz ist ällmälig zu dem immer wieder weggegossenen Wasser des äusseren Gefässes übergegangen.

Hier lässt sich nun ausmitteln, wie viel Wasser gegen die ausgetretene Substanz in die Röhre eingetreten ist.

Um den Gang der Untersuchung besser übersehen zu können, wollen wir einen solchen Versuch genauer verfolgen.

Das Gewicht der Röhre, leer, aber mit feuchter Blase, betrug 37,81 Gramme.

In dieselbe wurden 2,4 Gramme trocknen Kochsalzes gebracht und sie in das Wassergefäss eingesetzt. Allmälig ging Wasser durch die Blase zum Kochsalz, welches gelöst wurde; das Volumen dieser Lösung, welche natürlich immer verdünnter wurde, nahm mehr und mehr zu, bis sich endlich nach vier Tagen keine Gewichtszunahme mehr zeigte. Das Gewicht der Röhre betrug nun 48,17 Gramme, der Inhalt derselben, welcher aus reinem Wasser bestand, wog 48,17 — 37,81 == 10,36 Gramme. Während diese 10,36 Gramme Wasser durch die Blase in die Röhre eintraten, sind aber die 2,4 Gramme Kochsalz in entgegengesetzter Richtung hindurch gegangen oder auf 1 Gramm Kochsalz 4,3 Gramme Wasser.

Jolly nennt das endosmotische Aequivalent einer Substans die Zahl, welche angiebt, wie viel Gewichtstheile Wasser gegen einen Gewichtstheil der fraglichen Substanz durch die Blase hindurchgehen; sist also 4,3 das endosmotische Aequivalent des Kochsalzes.

Auf diese Weise ermittelte Jolly das endosmotische Aequivalent folgender Substanzen:

Kochsalz 4,3

Theorie der Endosmose. Alle zu endosmotischen Versuchen 68 suchbaren Scheidewände sind von unzählig vielen ausnehmend feinen ren durchzogen, welche zu fein sind, als dass sich durch dieselben ein drostatischer Druck fortpflanzen kann. — Wird eine solche Zwischennd in eine Flüssigkeit getaucht, so wird, je nach der Molekularanzieng, welche zwischen der Membran und der Flüssigkeit besteht, eine issere oder kleinere Menge der Flüssigkeit resorbirt und zurückgehalt werden.

Ueber die Resorption von Flüssigkeiten durch thierische Blasen hat ebig Versuche angestellt, welche den Vorgang bei den endosmotischen scheinungen sehr schön erläutern.

100 Gewichtstheile trockner Ochsenblase nehmen in 24 Stunden auf:

268 Gewichtstheile Wasser

133 , Kochsalzlösung (1,204 specif. Gewicht)

38 weingeist (84 Proc.)

17 _ Knochenöl.

Das Absorptionsvermögen der thierischen Membranen für verschiedentige Flüssigkeiten ist also sehr ungleich. In Wasser gelegt, quillt die lase auf und wird weich, in Alkohol bleibt sie hart.

Durch Druck lässt sich die resorbirte Flüssigkeit aus den Poren der embran nach und nach entfernen, durch Druck kann man die Flüssig-

Fig. 192.

keiten durch die Poren der Membranen hindurchtreiben.

Wenn die weite Oeffnung der Röhre, Fig. 192, mit einer Blase überbunden, bis a mit Wasser angefüllt und in die senkrechte engere Röhre Quecksilber gegossen wird, so sieht man, wenn die Quecksilbersäule eine gewisse Höhe erreicht hat, dass sich die ganze Oberfläche der Blase mit feinen Tröpfchen bedeckt.

Durch eine Ochsenblase fliesst, nach Liebig's Versuchen, Wasser in der erwähnten Weise unter einem Druck von 12 Zoll Quecksilber; eine gesättigte Kochsalzlösung bedarf eines Druckes von 18 bis 20, Knochenöl 34 Zoll. Unter einem Druck von 48 Zoll fand noch kein merkliches Aussliessen von Weingeist statt.

Wenn eine Blase, welche irgend eine Flüssigkeit resorbirt hat, mit einer Substanz in Berührung gebracht wird, welche gleichfalls eine Anziehung auf die Theilchen der resorbirten Flüssigkeit äussert, so wird ein Theil dieser Flüssigkeit der Blase entzogen.

Wenn eine mit Wasser gesättigte Blase mit Kochsalz bestreut wird, so entsteht überall da, wo das



Salz mit dem Wasser in Berührung kommt, welches die offenen Poren erfüllt, eine gesättigte Salzlösung, da aber die Resorptionsfähigkeit der Blase für Salzlösung geringer ist als für reines Wasser, so tritt ein Theil der Flüssigkeit aus und fliesst in Tropfen ab; dabei schrumpft die Blase zusammen.

Wird ein Stück mit Wasser gesättigter Blase in Alkohol gelegt, so verliert sie in 24 Stunden ungefähr die Hälfte ihres Gewichtes, was von einem Zusammenschrumpfen und Hartwerden der Blase begleitet ist.

Diese Thatsachen erläutern nun den Vorgang der Endosmose ganz vortrefflich.

Wenn eine Membran zur Trennung zweier Flüssigkeiten dient, so wird sie von jedem der getrennten Stoffe durch Molekularanziehung, durch Resorption in sich aufnehmen; die resorbirte Flüssigkeit wird aber nach der anderen Seite der Blase wieder austreten, weil sie von dort her durch eine chemische Anziehung den Poren der Blase entzogen wird. Dieser Process wird fortdauern, bis die auf beiden Seiten befindlichen Flüssigkeiten einander gleich geworden sind.

Verdunstung wird einer Blase in ähnlicher Weise das resorbirte Wasser entzogen, wie wenn man sie mit Salz bestreut oder in Alkohol legt. Wenn also ein Blasenstück fortwährend einerseits mit Wasser, andererseits mit trockner Luft in Berührung ist, so wird für das Wasser, welches auf der einen Seite verdunstet, von der anderen Seite her frisches Wasser in die Poren eintreten.

Füllt man eine Röhre, welche auf einer Seite mit einer Blase sugebunden ist, ganz mit Wasser, stellt man sie mit dem offenen Ende in ein = Gefäss mit Quecksilber, wie es Fig. 193 zeigt, so wird in dem Masse, in

welchem das Wasser an der Blase verdunstet, das Quecksilber in der Röhre steigen; für eine einfache Ochsenblase steigt es bis zu einer Höhe von 12 Zoll.

Wenn die Röhre, Fig. 194, ganz mit Wasser gefüllt und an beiden Enden mit Blase zugebunden ist, so kann in die Röhre keine neue Flüssigkeit als Ersatz für die verdunstete eintreten, wenn kein Röhrenende in eine Flüssigkeit eintaucht; in Folge dessen entsteht aber ein luftverdünnter Raum in der Röhre, welcher sich durch eine concave Wölbung der Blasen zu erkennen giebt; wird aber das eine Ende der Röhre in ein Gefass mit Salzwasser gestellt, wie Fig. 195 zeigt, während der andere Schenkel der Luftverdunstung freigegeben bleibt, so ist einleuchtend, dass, wenn die Verdunstung bis zu einem gewissen Grade fortgeschritten ist, der atmosphärische Luftdruck das Salzwasser durch die Poren der Blase hindurchdrückt.

Wenn das Salzwasser durch Indigotinctur blau gefärbt worden ist, so sieht man schon nach wenigen Stunden, dass sich innerhalb der Röhre eine blaue Schicht bildet, die sich beständig vermehrt.

į

And the second section of

Wenn man eine mit wasserhaltigem Weingeist gefüllte Schweinsblase in die Luft hängt, so findet eine Exosmose des Wassers durch die Poren der Blase und eine Verdunstung desselben an seiner Oberfläche statt, in Folge deren der zurückbleibende Weingeist mehr und mehr concentrirt wird.

Es ist klar, dass die Endosmose eine grosse Rolle bei der Verbreitung der Säfte im Pflanzen- und Thierkörper spielt, weshalb ihre Kenntniss für die Physiologie von grosser Wichtigkeit ist.

Diffusionsanalyse. Das Diffusionsvermögen verschiedener Sub- 70 stanzen ist, wie sich aus den vergleichenden Versuchen von Graham (Annal. d. Chem. u. Pharm. Bd. CXXI.) ergiebt, sehr verschieden. Unter einer Wassersäule von ungefähr 14cm Höhe, welche sich in einem Glascylinder befand, breitete er mittelst einer dünnen, bis auf den Boden reichenden Pipette, eine Schicht 10procentiger verdünnter Salzsäure aus, welche gerade 10 Gramm Salzsäure enthielt und deren Höhe ungefähr 1/2 von der Höhe der Wassersäule betrug. Nachdem der Cylinder 3 Tage lang ruhig stehen geblieben war, hatte sich die Salzsäure in der ganzen Flüssigkeitssäule verbreitet. Es wurden nun der Reihe nach Schichten von der Säule abgehoben, deren Höhe jeweils 1/16 von der Gesammthöhe der Flüssigkeitssäule betrug und jede dieser Schichten auf ihren Gehalt an Salzsäure untersucht; es ergab sich

der Salzsäuregehalt der obersten Schicht 0.003 Gramm.

" fünften 0.043 17 " zehnten " " beiden untersten Schichten 3,699

Als der Versuch ganz in gleicher Weise mit einer 10procentigen Löaung von Chlornatrium wiederholt wurde, ergab sich, dass für diese

Substanz die Diffusion nach 7 Tagen ungefähr eben so weit vorgeschritten war, wie für Salzsäure nach 3 Tagen. Chlornatrium diffundirt also 2,33 mal langsamer als Salzsäure.

In diesem Sinne fand Graham ferner, dass

schwefel	sa	ure	. 1	Иa,	gn	esi	a	ungefähr	7 1	mal
Zucker					•			n	7	n
Eiweiss								n	49	n
Caramel									98	_

langsamer diffundirt als Salzsäure.

Caramel ist ein Zersetzungsproduct des Stärkezuckers, welches erhalten wird, wenn man denselben über 100° erwärmt. Der Stärkezucker wird dadurch unter Bräunung und Wasserverlust in einen Körper verwandelt, welcher nicht mehr süss schmeckt, nicht mehr gährungsfähig ist und die Formel C₁₂ H₉ O₉ hat.

Der Unterschied im Diffusionsvermögen der beiden zuletzt genanten Substanzen zu den ersteren ist enorm. Andere Substanzen, welche gleichfalls sehr langsam diffundiren, sind: Kieselsäurehydrat, die Hydrate der Thonerde und analoger Metalloxyde, wenn sie in der löslichen Form existiren; ferner Stärkemehl, Dextrin, die Gummiarten, Albumin, Leim u. s. w. Alle diese Substanzen gehören einer Classe chemischer Individuen an, welche durch die Unfähigkeit, den krystallinischen Zustand anzunehmen und durch den gallertartigen Zustand ihrer Hydrate charakterisirt sind. — Den Leim als Typus dieser Substanzen betrachtend, schlägt Graham vor, sie Colloïdsubstanzen zu nennen, im Gegensatz zu den ungleich leichter diffundirenden Krystalloïdsubstanzen.

Dieses ungleiche Verhalten der genannten Substanzen kann man zur Trennung derselben benutzen. Schichtet man vorsichtig eine Säule von Wasser über einer Schicht, welche aus gelösten Colloïd- und Krystalloïdsubstanzen besteht, so wird sich nach einiger Zeit eine Quantität der letztoren bis in die obersten Wasserschichten verbreiten während die erste n hatte das Volumen der oberen Flüssigkeit in Folge endosmotischer irkung bedeutend zugenommen; das Wasser unten aber enthielt nun ³/₄ r gesammten Zuckermasse und nur eine Spur von Gummi.

Das Papier war mit Stärkemehl planirt; das Häutchen von Stärkehlgallerte in dem befeuchteten Papier liess den Zucker durch, aber nicht s Gummi.

Graham bezeichnet eine solche mittelst Diffusion durch eine Scheidend von gallertartiger Substanz bewirkte Scheidung als Dialyse.

Das zweckmässigste Material zur Herstellung einer dialytischen beidewand ist das vegetabilische Pergament oder Pergamentpier. Es ist nicht planirtes Papier, welches durch kurzes Eintauchen Schwefelsäure eine eigenthümliche Metamorphose erlitten hat, indem es nergamentähnlicher Consistenz eine grosse Festigkeit besitzt. Solches rgamentpapier wird bereits fabrikmässig dargestellt, und kann in vielen llen die thierische Blase ersetzen. Befeuchtet lässt sich das Pergamentpier leicht über einen Ring von Guttapercha spannen, welcher ungefähr Zoll hoch ist und 8 bis 10 Zoll im Durchmesser hat, und so ein Gefäss rstellen, dessen Boden durch Pergamentpapier gebildet ist. Die so erltene Vorrichtung (den Dialysator) lässt man dann in einem eine beichtliche Menge Wasser enthaltenen Gefässe schwimmen, nachdem man e gemischte Lösung hineingegossen hat, welche dialysirt werden soll. Ein Abes Liter Urin gab, in den Dialysator gebracht, nach 24stündiger Diase die darin enthaltenen Krystalloïdsubstanzen an das Wasser ab; letztes liess dann bei dem Verdampfen im Wasserbade eine weisse Salzmasse rück, aus welcher durch Behandlung mit Alkohol Harnstoff in so reiem Zustande ausgezogen werden konnte, dass er sich beim Verdunsten a Alkohols in Krystallbüscheln ausschied.

Man begreift, welchen Vortheil dieses Verfahren gewährt, um die legenwart von arseniger Säure in organischen Gemengen, z. B. im Magenhalt, nachzuweisen.

Ein weiteres Verfolgen dieses interessanten Gegenstandes würde uns m tief in chemische Details führen,

Fünftes Capitel.

Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärische Druck.

71 Schwere Luft. Die Luft, welche unsern ganzen Erdball wie eine leicht bewegliche mit dem Namen der Atmosphäre bezeichse Hülle umgiebt, stellt sich unseren Sinnen nicht so unmittelbar als remiterfüllender Stoff dar wie feste und tropfbar flüssige Körper, aber mitte bar erkennen wir ihre Existenz in zahlreiche Erscheinungen, wie z. B. dem Druck, welcher auf dem Boden des Luftmeeres lastet, in den medit nischen Wirkungen des Windes u. s. w.

Die chemischen Entdeckungen des vorigen Jahrhunderts lehren mehrere Körper kennen, welche, obgleich ihrer chemischen Natur nach welche Luft verschieden, doch dieselben physikalischen Eigenschaften besitet und welche man mit dem gemeinschaftlichen Namen der Gase bezeichen Die bekanntesten Gase sind Sauerstoffgas, Stickgas (die atmosphassche Luft ist ein Gemisch dieser beiden), Wasserstoffgas, Kohletsäure, Chlorgas u. s. w.



of der anderen Seite wird das Gleichgewicht hergestellt. Oeffnet man m den Hahn, so füllt sich der Ballon wieder mit Luft, das Gleichgewicht rd gestört, und die Wage neigt sich nach der Seite des Ballons hin. If der andern Seite muss man von Neuem Gewichte auflegen, um das sichgewicht wieder hersustellen, und swar gerade so viel, als die Luft Ballon wiegt. Für einen Ballon von 1 Liter Inhalt beträgt die Differenz ir Gewichte mehr als 1 Gramm, woraus als erste Annäherung folgt, dass Liter (1,14 Quart) Luft unter den gewöhnlichen Umständen etwas über Gramm (16 Gran) wiegt, d. h. dass das Wasser nicht ganz 1000mal so hwer ist als gewöhnliche Luft.

Wie die atmosphärische Luft, so sind auch alle anderen Gase der hwerkraft unterworfen; von der Bestimmung des specifischen Gewichts ze verschiedenen Gasarten kann erst weiter unten, bei der Lehre von der färme, die Rede sein.

Elasticität der Luft. Bei den gasförmigen Körpern ist die 72 kpansionskraft der Aetherhüllen (§. 19) weit stärker als die Cohäsion der lärpermoleküle, so dass ein Gleichgewichtszustand zwischen den Molekularsäften, die in den Gasen thätig sind, nicht möglich ist. Ein solcher Gleichswichtszustand kann erst durch Hinzutreten eines äusseren Drucks ingestellt werden, welcher der die Theilchen der Gase auseinandertreibenten Expansionskraft entgegenwirkt, welcher dem Bestreben der Gase nach iner grösseren Ausdehnung eine Gränze setzt.

Dieses Bestreben der Luft, sich auszudehnen, wird leicht durch folsanden Versuch nachgewiesen. Man legt unter die Glocke der Luftpumpe inte nur wenig Luft enthaltende und deshalb runzlige Thierblase, deren Gefinung fest zugebunden ist. Nach einigen Kolbenzügen schon bläht sich Blase auf, und ist endlich gerade so straff angespannt, als ob man mit iller Gewalt Luft hineingeblasen hätte. Lässt man die Luft wieder in den Recipienten hineintreten, so schrumpft die Blase wieder zusammen. Die in der Blase eingeschlossene Luft hat also wirklich ein Bestreben, sich auszudehnen, nur wird demselben durch die umgebende Luft Widerstand geleistet. Dieser Druck, welchen die Luft gegen die Wände der sie einzehliessenden Gefässe ausübt, ist dasjenige, was man ihre Elasticität, für Spannkraft, ihre Tension, ihre Expansionskraft nennt.

Eine Spiralfeder zeigt nur dann Elasticität, wenn man sie zusammenktickt, sie verliert ihre Spannkraft, sobald sie in ihren ursprünglichen
Zutand zurückgekehrt ist. Die Luft hat aber immer eine Expansionskraft,
is giebt für sie kein ursprüngliches Volumen, weil sie immer einen grösseten Raum einzunehmen strebt. Brächte man 1 Liter gewöhnlicher Luft
in einen leeren Raum von mehreren Cubikmetern, so würde sie sich in
Zutann ganzen Raume gleichförmig verbreiten, sie würde immer noch eine
Reutreben haben, sich auszudehnen, und würde also auch noch einen Druck
zuf die Wände ausüben.

In Folge ihres Expansionsvermögens können die Gase keine freie

156 Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen Druck

Oberfläche haben, wie die tropfbar flüssigen Körper. — Selbst die Atmosphäre hat keine scharfe Gränze. Mit der Erhebung über die Erdoberfläche nimmt die Dichtigkeit und mit ihr auch die Expansionskraft der Luft allmälig ab, und die Gränze der Atmosphäre wird da zu suchen sein, wo die Expansionskraft, mit welcher die Lufttheilchen sich gegenseitig abstossen, der Schwerkraft gleich ist, mit welcher sie von der Erde angzogen werden. Bei der ausserordentlichen Verdünnung aber, welche die Luft in jenen Regionen darbietet, kann sie keine so scharfe Gränzfläche darbieten, wie wir sie an den Oberflächen der Gewässer wahrnehmen.

73 Druck der Luft. In Folge ihrer Schwere muss die Luft auf alle Körper der Erdoberfläche einen Druck ausüben, wie das Wasser auf den Boden der Gefässe, in denen es enthalten ist. Von der Existenz dieses Druckes kann man sich durch folgenden Versuch überzeugen.



Man setze auf den Teller der Luftpumpe einen Glas- oder Metallcylinder mit etwas dicken Wänden, welcher oben mit einer Thierblase verschlossen ist, die stark angespannt und an dem Rande recht festge-

bunden sein muss. Die Blase erleidet von beiden Seiten gleichen Druck und bildet deshalb eine Ebene. - 6

Wenn man nun auf irgend eine Weise mehr Luft in den Cylinder hineinbliese, so würde sich die Blase nach aussen wölben; zieht man umgekehrt, mittelst der Luftpumpe, die Luft aus dem Cylinder heraus, so

gewinnt der äussere Luftdruck das Uebergewicht und drückt die Blase nach innen. Bei den ersten Kolbenzügen schon wird die Blase nach Innen gekrümmt; je mehr man auspumpt, desto mehr nimmt die Krümmung zu, bis sie endlich in Stücke reisst, wobei ein heftiger Knall gehört wird. Dieser Knall wird durch das rasche Eindringen der Luft hervorgebracht; man kann sich aus der Kraft dieses Eindringens einen Begriff von der Grösse des Luftdrucks machen, welcher auf der

iss, so wird sich die Flüssigkeit in der Röhre, vorausgesetzt, dass dieselbe ht zu enge ist, eben so hoch stellen wie ausserhalb, weil der Luftdruck der Röhre gerade so auf das Niveau der Flüssigkeit wirkt wie ausserbe. Saugt man aber einen Theil der Luft aus der Röhre, so steigt die seigkeit in ihr um so mehr, je länger man saugt. Durch dieses Saugen d nämlich der Luftdruck im Inneren der Röhre vermindert, während äussere Luftdruck unverändert bleibt. Der Ueberschuss des äusseren ftdrucks nun presst die Flüssigkeit im Inneren der Röhre in die Höhe, das Gewicht der gehobenen Wassersäule diesem Ueberschuss das Gleichvicht hält.

Wenn man eine mit Wasser gefüllte, mit einem Kork geschlossene sche umkehrt und den Hals in ein Becken mit Wasser taucht, so kann n nun unter dem Wasser diesen Kork herausziehen, ohne dass das asser aus der Flasche aussliesst, weil es so zu sagen durch den Luftdruck tragen wird.

Hebt man die Flasche langsam in die Höhe, bis die Mündung des Ises über den Spiegel des Wassers im Becken steht, so beginnt jetzt ilich das Wasser auszulaufen, aber nicht etwa weil der Luftdruck zu rken aufhörte, sondern weil nun Luftblasen in die Flasche eindringen anen. Darauf gründen sich einige Vorrichtungen, um in Gefüssen, welchen ein gleichförmiger Wasserabfluss stattfindet, stets ein nahezu weränderliches Niveau zu erhalten, wie dies z. B. bei dem Apparat, ig. 198, der Fall ist. Durch das Filter des Trichters tropft beständig





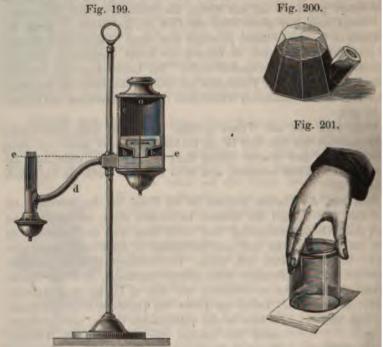
Wasser in das untergesetzte Gefäss, in Folge dessen sinkt der Spiegel der Flüssigkeit im Trichter. Dieses Sinken kann nur fortdauern, bis die untere Oeffnung des in das Wasser des Trichters eingetauchten und gleichfalls mit Wasser gefüllten Ballons frei wird, denn nun dringt eine Luftblase in den Ballon ein, eine ihr entsprechende Quantität Wasser fliesst aus, um die untere Oeffnung des Ballons wieder auf kurze Zeit zu schliessen.

So kann aus dem unten offenen Oelgefäss aunserer Lampen, Fig. 199 a.f. S., erst dann Oel ausfliessen, wenn das äussere Niveau bb so weit gesunken ist, dass die untere Oeffnung des Oelgefässes a für einen Augenblick frei wird. Dahin gehört auch das Tintenfass, Fig. 200. Aus dem Hauptgefässe kann nur dann wieder etwas Tinte in das seitliche oben offene Eintauchrohr eintreten, wenn in demselben die Flüssigkeit so weit gesunken ist, dass eine Luftblase in das Hauptgefäss eindringen kann.

Der intermittirende Brunnen ist eine auf demselben Principe benhende Spielerei.

Wenn man ein Trinkglas, dessen Rand möglichst eben ist (am besten

158 Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen Dr mit abgeschliffenem Rande) ganz mit Wasser füllt, ein Papier darauf o und dann das Glas umkehrt, Fig. 201, so läuft das Wasser nicht aus



gegen die untere Fläche des Papiers wirkende Luftdruck hindert das abfallen der Wassermasse. Das Papier ist nur deshalb nöthig, um





Glas umkehren zu können ohne dass das Wan den Seiten ausläuft und statt dessen Luftbin das Gefäss eindringen. Wenn die untere nung klein genug ist, um ein solches Anslanicht befürchten zu müssen, wie dies beim Stehe ber der Fall ist, so ist das Papier nicht nöthig. Der Stechheber ist ein gewöhnlich rölförmiges Gefäss, Fig. 202 und 203, welches und unten etwas enger und an beiden Enden ist. Taucht man es, wenn beide Oeffnungen sind, ganz in eine Flüssigkeit, so füllt es sich derselben, und wenn man nun die obere Oeffmit dem Daumen verschliesst, so kann man Stechheber in die Höhe ziehen, ohne dass demselben enthaltene Flüssigkeit ausläuft.

Der Heber ist eine gekrümmte Röhre bsa, Fig. 204, deren Sche ungleiche Länge haben. Wenn der kürzere Schenkel in eine Flüssis getaucht und die ganze Röhre mit derselben gefüllt ist, so läuft sie am de a des längeren Schenkels, welches tiefer liegt als b, fortwährend aus; in kann also mit Hülfe eines Hebers leicht ein Gefäss entleeren. Die irkung des Hebers ist leicht zu erklären. Auf der einen Seite hat die 'assersäule sa, auf der anderen die Wassersäule von s bis zum Spiegel

Fig. 204.



der Flüssigkeit im Gefäss ein Bestreben, vermöge ihrer Schwere herabzufallen; der Schwere der in beiden Schenkeln befindlichen Wassersäulen wirkt aber auf beiden Seiten der Luftdruck entgegen, welcher auf der einen Seite gegen die Oeffnung a, auf der anderen Seite aber auf den Spiegel des Wassers im Gefäss wirkt, und dadurch die Bildung eines leeren Raumes im Inneren der Röhre verhindert, welcher sich nothwendigerweise bei s bilden würde, wenn die Wassersäulen auf beiden Seiten herabliefen. Da der Luftdruck auf der einen Seite so stark wirkt wie auf der anderen, so würde vollkommenes Gleichgewicht stattfinden, wenn die Wassersäulen in beiden Schenkeln gleich hoch wären, wenn sich also die Oeffnung a in der Höhe des

asserspiegels im Gefässe befände; sobald aber a tiefer liegt, erhält die assersäule im Schenkel sa das Uebergewicht, und in dem Maasse, als er das Wasser ausläuft, wird auf der anderen Seite durch den Luftdruck n neuem Wasser in die Röhre hineingetrieben, so dass das Ausfliessen i a fortdauert, bis der Spiegel der Flüssigkeit im Gefässe so weit gellen ist, dass die Oeffnung b frei wird.

Um den Heber bequem füllen und in Wirksamkeit setzen zu können, ird eine Saugröhre at, Fig. 205, angebracht. Einen gewöhnlichen Heber

Fig. 205.

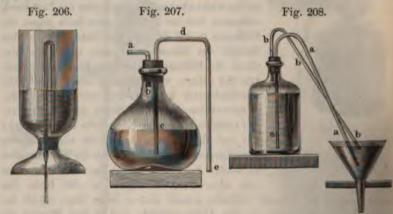


füllt man nämlich dadurch, dass man bei a, Fig. 204, saugt; dabei ist aber nicht zu vermeiden, dass man etwas von der Flüssigkeit in den Mund bekommt, was in manchen Fällen unangenehm, oft sogar gefährlich sein kann, wie z. B. wenn man den Heber anwenden will, um ein Gefäss mit Schwefelsäure zu entleeren. In einem solchen Falle ist das Saugrohr unentbehrlich; denn wenn man die Röhre bei b', Fig. 205, verschliesst, so kann man durch Saugen bei t den ganzen Schenkel sb' füllen, ohne dass die Flüssigkeit an den Mund kommt. Das Auslaufen beginnt alsdann, sobald man das Röhrenende b' wieder öffnet.

Eine auf die Wirkung des Hebers gegründete Spielerei ist der auberbecher, Fig. 206 a. f. S.

Dass beim Heber wirklich der Luftdruck die eben bezeichnete Rolle pielt, lässt sich mit Hülfe des einfachen Apparates, Fig. 207, zeigen. Der 160 Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen Druck.

Hals eines zum Theil mit Wasser gefüllten Gasballons ist mit einem wohlschliessenden Kork verschlossen, welcher doppelt durchbohrt ist. In dem einen Loche steckt das kurze Röhrchen ab, im anderen der fast bis auf den Boden reichende Heber cde. Wenn man den Heber durch Einblasen bei a zum Fliessen gebracht hat, so hört dieses Fliessen alsbald auf, sobald man auf irgend eine Weise die Oeffnung bei a verschliesst, weil nun die äussere Luft nicht mehr auf den Spiegel des Wassers im Ballon drücken kann.



Durch den Heber a, Fig. 208, kann nur so lange Wasser aus der Flasche aussliessen, als der obere Theil derselben durch das Rohr b mit der äusseren Luft in Verbindung steht. Wenn das aus a aussliessende Wasser auf ein Filter gelangt, durch welches es nur tropfenweise absliesst, so wird das Niveau des Wassers im Trichter bald steigen bis die freie Oeffnung von b verschlossen ist. Nun hört der Heber a zu fliessen auf und fängt erst wieder zu fliessen an, wenn so viel Wasser durch das Filter abgeflossen ist, dass das untere Ende des Rohrs b nicht mehr in das Wasser des Trichters eintaucht.

74 Pumpen. Wir haben bereits in Paragraph 73 gesehen, wie man in einer Röhre, deren unteres Ende in Wasser getaucht ist, dasselbe dadurch in die Höhe steigen macht, dass man an dem oberen Ende saugt. Den ladverdünnten Raum, welcher in diesem Falle durch den Mund erzeugt wurde kann man aber auch dadurch hervorbringen, dass man in das Rohr einen luftdicht schliessenden Kolben einsetzt. Ist das unterere Ende des Rohrs in Wasser eingetaucht, so füllt sich das Rohr mit dieser Flüssigkeit, wenn man den Kolben in die Höhe zieht, wie sich dies an den gewöhnlichen Spritzbüchsen zeigen lässt.

Dies Princip wird nun auch bei Pumpen zur Hebung bedeute Wassermengen angewandt. Fig. 209 stellt eine Saugpumpe des fachsten Construction dar. Das hölzerne Saugrohr a steht in dem BrumFig. 209.

at es bis unter den Spiegel des in der Tiefe sich

sammelnden Wassers B hinab. Das Wasser kann durch eine seitliche Oeffnung, welche zur Abhaltung von Unreinig-

> keiten durch ein Sieb verschlossen ist, in das Saugrohr eintre-

ten. Auf das nach den Umständen kürzere oder längere, aus einem oder mehreren Stücken bestehende Saugrohr ist nun das etwas weitere, zwischen 2 und 3 Fuss hohe genau cylindrisch ausgebohrte Kolbenrohr b aufgesetzt, in welchem ein Kolben luft- und wasserdicht schliessend auf- und abbewegt werden kann.

Das obere Ende des Saugrohres a ist durch ein Ventil (hier eine in der Mitte mit Metall beschlagene Lederklappe) bedeckt, welches durch einen Druck von unten gehoben, also geöffnet, durch einen Druck von oben aber fest auf die Oeffnung aufgedrückt, also geschlossen wird. Dieses Ventil bildet gewissermaassen den Boden des Kolbenrohres b, und wird deshalb das Bodenventil genannt.

Der im Kolbenrohre befindliche Kolben ist an einer eisernen Stange 162 Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen Druck.

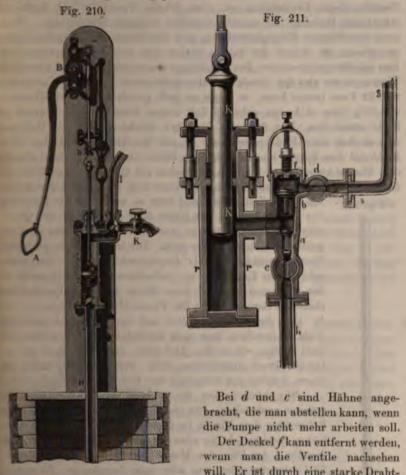
befestigt, welche durch eine passende Hebelvorrichtung bewegt werden kann; dieser Kolben ist selbst wieder hohl, und das obere Ende dieser Höhlung mit einem Ventil in gleicher Weise versehen wie das obere Ende des Saugrohres, so dass es durch einen Druck von oben geschlossen, durch einen Druck von unten geöffnet wird.

Der Umfang dieses Kolbens ist durch eine Lederkappe gebildet, welche unten um den hölzernen Kolben herum festgenagelt ist, oben aber frei von demselben absteht, so dass die Lederkappe, wenn sich einmal Wasser über dem Kolben befindet, fest gegen die Röhrenwände angepresst und dadurch ein guter Schluss erhalten wird.

Wenn der eben am unteren Ende des Kolbenrohres befindliche Kolben in die Höhe gezogen wird, so wirkt er wie ein massiver Kolben, weil sich das Kolbenventil schliesst, und es bildet sich unter demselben ein luftverdünnter Raum; das Bodenventil öffnet sich und das Wasser steigt in dem Saugrohre in die Höhe. Beim Niedergange des Kolbens schliesst sich zunächst das Bodenventil, wodurch das Zurückfallen des im Saugrohr gestiegenen Wassers verhindert wird, das Kolbenventil aber öffnet sich und lässt die noch im Kolbenrohre befindliche Luft durch.

Erst nach mehrmaliger Wiederholung der Operation, wenn das Wasser bis in das Kolbenrohr gestiegen ist, beginnt die Pumpe wirklich Wasser zu fördern. Bei jedem Niedergange wird dann das im Kolbenrohre befindliche Wasser, welchem nun durch das Bodenventil der Rückweg verschlossen ist, durch den Kolben hindurchgehen; bei jedem Aufziehen des Kolbens wird das bereits über demselben befindliche Wasser aus dem Kolbenrohre in das Steigrohr gehoben, aus welchem es dann durch die seitliche Oeffnung r abfliesst, während zugleich eine neue Wassermenge von unten her in das Kolbenrohr eingesaugt wird.

Bei vollkommen luftdichtem Schluss des Kolbens und der Ventile würde man bei mittlerem Luftdruck das Wasser bis zu 32 Fuss aufsaugen können; bei der geringen Vollkommenheit jedoch, mit welcher solche Druckventil b geschlossen bleibt; beim Niedergange des Kolbens schliesst sich a, und das vorher aufgesaugte Wasser wird nun durch das geöffnete Ventil b in das Steigrohr s gepresst.



feder aufgedrückt, so dass er gehoben wird, wenn der Druck zu stark werden sollte, wie es z. B. erfolgen kann, wenn das Steigrohr sich verstopft hat oder der Hahn d geschlossen bleibt, während c offen ist und die Ventle spielen. Der Deckel f dient also in diesem Falle als Sicherheitsventil, undem durch sein Heben das Bersten der Röhrenwände verhindert wird.

Messung des Luftdrucks. Als die Pumpenmacher in Florenz 75 in einem Saugrohre das Wasser über 32 Fuss heben wollten, sahen sie zu ürem größsten Erstaunen, dass es nicht höher stieg. Damals erklärte man ihr Aufsteigen der Flüssigkeiten, indem man sagte, die Natur habe einen

164 Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen Druck.

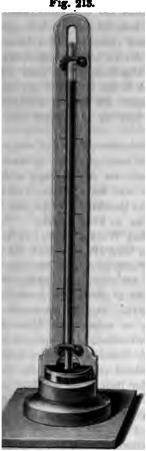
horror vacui. Galiläi genügte eine solche Erklärung nicht, und als ihm die von den Pumpenmeistern gemachte Beobachtung mitgetheilt wurde, kam er sogleich auf die Vermuthung, dass die Schwere der Luft die wahre Ursache dieser Erscheinung sei. Sein Schüler Toricelli gab dafür entscheidende Beweise. Er machte ungefähr folgende Schlussfolge. Wenn zwei verschiedene Flüssigkeitssäulen sich das Gleichgewicht halten sollen, so müssen die Höhen der beiden Säulen sich umgekehrt verhalten wie ihre specifischen Gewichte. Das Quecksilber wiegt nahe 14mal so schwer als Wasser; wenn also der Druck der atmosphärischen Luft eine Wassersäule von 32 Fuss tragen kann, so muss er auch gerade eine Quecksilbersäule von 32/14 Fuss, d. h. von nahe 28 Zoll tragen können. Der Versuch ist leicht anzustellen. Man füllt eine Glasröhre, welche ungefähr 30 Zoll lang und an dem einen Ende verschlossen ist, mit Quecksilber, hält das offene Ende mit dem Finger zu und kehrt die Röhre um. Taucht man das mit dem Finger verschlossene Ende in ein flaches, mit Quecksilber gefülltes Gefäss n, Fig. 212, zieht man alsdann den Finger weg, so wird das Quecksilber

Fig. 212.

um einige Zoll fallen, und zwar so weit, dass die Erhebung des Quecksilbers in der Röhre über das Niveau des Quecksilbers in dem Gefässe so gross ist, wie es aus den eben angeführten Betrachtungen folgt. Die in der Röhre getragene Quecksilbersäule ist als Gegengewicht gegen den atmosphärischen Luftdruck zu betrachten. Dieser Apparat ist das Barometer. Der leere Raum über der Quecksilbersäule des Barometers ist die Toricelli'sche Leere.

Um das Rohr zu halten und um es zugleich mit einer Scala zu versehen, kann man das Gefäss n in einen Fuss von Holz stellen, wie es Fig. 213 zeigt, und in welchem ein getheiltes Brett eingeschoben wird, welches in der Mitte mit • sinfache Besiehung zwischen Volumen und Gewicht besteht; doch sich unser Resultat jetzt leicht in ein anderes Maasssystem übertragen.





Es ist 1 Quadratzoll preuss. = 6,8405 Quadratcentimeter, jeder Quadratzoll Oberfläche hat also durch die Atmosphäre einen Druck von $6.8405 \times 1.033 = 7.066$ Kilogrammen = 14,13 Pfund, jeder Quadratfuss hat also einen Druck von $15.11 \times 144 = 2035.72$ Pfunden auszuhalten.

Ein gleichförmiger Gas- oder Flüssigkeitsdruck, welcher in der Art wirkt, dass iedes Quadratcentimeter der Gefässwand einen Druck von 1 Kilogramm oder jeder Quadratzoll einen Druck von 14 Pfunden auszuhalten hat, wird ein Atmosphärendruck genannt. Wenn die Spannkraft des Dampfes in einem Dampfkessel so gross ist, dass jeder Quadratzoll der Kesselwand einen Druck von 84 (= 6.14) Pfund auszuhalten hat, so sagt man, der Dampf habe eine Spannkraft von 6 Atmosphären.

Construction des Barometers, 76 Man hat dem Barometer sehr verschiedene Formen gegeben, welche in dem nächsten Paragraphen besprochen werden Welche Form man aber auch wählen mag, so müssen doch stets gewisse Bedingungen erfüllt sein, wenn man Genauigkeit fordert.

1) Das Quecksilber muss sehr rein sein.

sich sein specifisches Gewicht mit seiner Reinheit ändert, und weil das ime Quecksilber am Glase anhängt. Das Quecksilber des Handels hat in Regel nicht die erforderliche Reinheit. Man reinigt es am besten rch, dass man es mit reiner, aber stark verdünnter Salpetersäure scholt schüttelt. Will man auf diesem Wege alle Unreinigkeiten weg-Sen, so muss man das Quecksilber mehrere Wochen lang mit der Säure erthrung lassen. Nachdem man die Säure vom Quecksilber entfernt man dafür sorgen, dass auch keine Spur derselben surückbleibt, man durch wiederholtes Auswaschen mit destillirtem Wasser erreicht. Das destillirte Quecksilber enthält stets aufgelöstes Quecksilberoxyd. hes jedoch durch Schütteln mit verdünntem Schwefelammonium wegbefft werden kann.

2) Die Höhe der durch den Luftdruck getragenen Quecksilbersäule muss sehr genau gemessen werden können. Dies ist jedoch nur dann möglich, wenn das Barometerrohr eine vollkommen verticale Stellung hat. Zur Messung dieser Höhe ist in der Regel neben der Quecksilbersäule ein Maassstab angebracht. An diesem Maassstabe befindet sich ein beweglicher Zeiger, der mit einem Nonius verbunden ist und einen Theil des Glasrohrs umschliesst. Dieser Zeiger wird in die Höhe der zu beobachtenden Quecksilberkuppe gerückt und dann der Nonius abgelesen. Hat man jedoch während des Einstellens das Auge nicht genau in die Höhe der zu beachtenden Quecksilberkuppe gehalten, so ist auch der Zeiger nothwendig falsch eingestellt worden, nämlich zu hoch oder zu tief, wenn sich das Auge über oder unter der Kuppe befand.

Manchmal ist die Theilung auf dem Barometerrohre selbst eingeätzt, oder man hat die Theilung gerade hinter das Rohr gebracht, so dass das beobachtende Auge die Quecksilberkuppe gerade vor der Theilung erblickt. Auch hier ist ein Beobachtungsfehler möglich wie beim Zeiger, dass man nämlich das Auge nicht genau in die Höhe der Quecksilberkuppe hält und deshalb die Höhe der Säule etwas zu gross oder zu klein schätzt.

Eine äusserst sinnreiche Einrichtung hat Wilhelm Weber angegeben, wodurch dieser Fehler völlig vermieden wird (Pogg. Annal. Bd. XL, S. 28). Die Theilung befindet sich auf der Vorderseite eines Streifens von dickem Spiegelglase, auf dessen Hinterseite die eine Längenbälfte folint ist, so dass der Glasstreifen, von vorn betrachtet, zur Hälfte durchsichtig ist, zur Hälfte als Spiegel erscheint, Fig. 214. Das Barometerrohr ist

Fig. 214.



hinter diesem Glasstreifen so angebracht, dass seine Mittellinie gerade hinter der Gränzlinie des Spiegels liegt, dass man also nur die eine Hälfte der Quecksilbersäule sieht. Wenn die Scala vertical steht, so ist der Punkt des Spiegels, an welchem der Beobachter das Bild seines Auges erblickt, genau in der Höhe des Auges selbst; wenn man also das Bild des Auges gerade neben dem der Quecksilberkuppe erblickt, so hat das Auge die richtige Stellung, und die Beobachtung ist somit von dem vorher gerügten Fehler frei.

Dies ist jedenfalls der wesentlichste Vortheil der Weber'schen Einrichtung, überdies aber ersetzt sie den Nonius vollkommen. Es ist klar, dass man in dem Spiegel das Bild der Theilung erblickt, im Bilde erscheint aber die Entfernung zweier Theilstriche kleiner als auf der Theilung selbst, denn das Bild der Theilung erscheint dem Beobachter gerade so, als ob man die Theilung um die doppelte Dicke des Glases zurückgerückt hätte. Es stehen demnach die Theilung und ihr Bild

gerade in einer solchen Beziehung zu einander, wie Haupttheilung eines Maassstabes zu der Noniustheilung. Es gehört jedoch viel Gewandtheit

Beobachten dass, um von der Weber'schen Scala auch noch diesen ribeil zu ziehen.

Häufig bringt man bei Barometern auch Mikroekope an, um die schailberkuppe zu beobachten. Bei diesen ist natürlich auch ein vollaumen sicheres Einstellen gesichert.

3) Der Raum über der Quecksilbersäule muss vollkommen luftleer a, denn wenn Luft in diesem Raum zurückbliebe, so würde ihre Tension gescksilbersäule niederdrücken. Um diesen Zweck zu erreichen, wird gescksilber in der Röhre auf folgende Weise ausgekocht: Man füllt der Röhrenlänge mit Quecksilber an und kocht es seiner ganzen Austsung nach über einem Kohlenfeuer; alsdann giesst man eine neue stion Quecksilber zu, welches aber etwas warm sein muss, damit die ihre nicht springt, und kocht die neu hinzugegossene Quecksilbersäule f dieselbe Weise, und so fort, bis man fast die ganze Röhre auf diese ine behandelt hat, und giesst zuletzt noch etwas heises Quecksilber 4, um die Röhre vollständig zu füllen. Durch diese Operation wird sohl die Luft, als auch die Feuchtigkeit, welche an den Röhrenwänden haftet, entfernt.

Wenn in der Toricelli'schen Leere noch etwas Luft zurückgeblieben i, so erkennt man dies daran, dass, wenn man das Barometer neigt, das sie sich nicht vollkommen mit Quecksilber füllt, sondern dass ein kleines aftbläschen am Gipfel der Röhre zurückbleibt. Nach und nach dringt immer etwas Luft in die leere Kammer der Barometer; der Fehler, ir daraus entsteht, ist jedoch um so geringer, je grösser das Volumen ist.

Je länger man das Quecksilber in der Röhre kocht, desto flacher wird is Kuppe im Barometerrohre, ja der Quecksilberspiegel erscheint zuletzt at ganz eben. Man hielt dies früher für einen Beweis, dass alle Luft ständig aus dem Rohre entfernt sei; Dulong hat jedoch gezeigt, dass se Verschwinden der Quecksilberkuppe daher rühre, dass dem Quecksilber was Quecksilberoxyd beigemengt sei, wodurch das Anhaften an das Glas smehrt wird. Dieses Oxyd bildet sich während des Auskochens.

Die Röhren, welche man zu Barometern anwenden will, dürfen nicht aeng sein, denn bei weiten Röhren bringt, wie schon erwähnt, ein ganz sines Luftbläschen, welches etwa in den leeren Raum eingedrungen sein site, einen geringen Fehler hervor; man nimmt deshalb zu sehr genauen krometern mitunter Röhren von 6" Durchmesser. Enge Röhren haben ber noch den grossen Nachtheil, dass sie das Barometer unempfindlich techen. Bei engen Röhren ist nämlich der Einfluss des Reibungswidertades an den Glaswänden und des Anhaftens des Quecksilbers an dentben, namentlich wenn etwas Quecksilberoxyd dem Quecksilber beigetischt ist, so bedeutend, dass geringe Veränderungen im Luftdrucke von sem solchen Barometer gar nicht angegeben werden, d. h. der Luftdruck um sich etwas ändern, ohne dass die Quecksilberkuppe ihre Stellung dert; es ist ein Anstossen des Instrumentes, eine Erschütterung nöthig,

168 Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen Druck.

damit diese Widerstände überwunden werden und die Kuppe ihre richtige Stellung einninmt. Selbst bei Barometern, welche man nur zu Witterungsbeobachtungen anwenden will, darf das Rohr nicht weniger als eine Linie Durchmesser haben. Von den Correctionen, welche man an den gemessenen Barometerhöhen in Beziehung auf Capillarität und Temperatur anzubringen hat, wird später die Rede sein.

Gehen wir nun zur näheren Beschreibung der verschiedenen Arten von Barometern über, ohne jedoch die Künsteleien anzuführen, durch welche man die Barometer in zierliche Möbel umgestalten wollte oder sie empfindlicher zu machen suchte, ohne jedoch den Zweck zu erreichen.

77 Das Gefässbarometer. Die einfachste Form des Gefässbarometers haben wir bereits auf Seite 164 kennen gelernt. Allein ein solcher Apparat, so geeignet er auch zur Demonstration sein mag, ist zu fortgesetztem Gebrauche weder bequem, noch zu genauen Messungen geeignet.

Um aus dem Barometer ein Instrument zu machen, welches stets bequem und sicher zu handhaben ist, muss man vor allen Dingen dafür

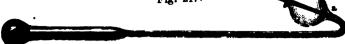
Fig. 215. Fig. 216.



sorgen, dass das Rohr mit dem Gefäss in fester Verbindung sind, was man z. B. dadurch erreichen kann, dass man ein Gefäss mit engerem Halse anwendet, in welchem man die Röhre mittelst eines Korkes einsetzt, welcher mit einer eingeschnittenen Rinne versehen sein muss, damit die Luft im oberen Theile des Gefässes mit der äusseren Luft in Verbindung stehe. Wir werden eine derartige Vorrichtung weiter unten kennen lernen.

Bei dem gewöhnlichen Barometer ist die Röhre und das Gefäss aus einem Stück; es behr bei a durch ein mit etwas Baumwolle umwickeltes Hölzchen verhlossen, wie man in Fig. 217 sieht.

Fig. 217.



Die Gefässbarometer leiden an dem Uebelstande, dass der Spiegel des wecksilbers im Gefäss, welcher doch den Nullpunkt der Theilung bilden

Fig. 218.



soll, keineswegs unverändert bleibt. Wenn der horizontale Querschnitt des Gefässes mmal grösser ist als der Querschnitt der Röhre, so werden auch die Höhenschwankungen im Gefäss mmal kleiner sein als die in der Röhre, das Steigen und Fallen des Quecksilbers im Gefäss wird also um so unbedeutender sein, je weiter das Gefäss im Verhältniss zur Röhre ist. Bei genauen Messungen muss man deshalb an den beobachteten Barometerhöhen noch eine Correction wegen der Schwankungen des Quecksilberspiegels im Gefäss anbringen, deren Grösse natürlich für jedes Instrument besonders ermittelt werden muss.

Bei dem Fortin'schen Barometer ist durch eine eigenthümliche Vorrichtung dafür gesorgt, dass bei jeder Beobachtung der Quecksilberspiegel im Gefäss genau in dieselbe Höhe gestellt werden kann. Der Boden des Gefässes, welches Fig. 218 ungefähr in natürlicher Grösse halb in äusserer Ansicht, halb im Durchschnitt dargestellt ist, wird nämlich durch einen Lederbeutel l (oder besser durch einen Beutel, dessen innere Seite aus nicht vulcanisirtem Kautschuk und dessen äussere aus Leder besteht) gebildet, gegen welchen von unten her der abgerundete Kopf der Schraube s drückt; je nachdem man die Schraube & dreht, wird also der Quecksilberspiegel im Gefäss gehoben oder gesenkt. Am Deckel des Gefässes aber ist ein unten zugespitzter Stift r von Elfenbein befestigt, dessen Bild man in dem Quecksilberspiegel des Ge-Durch Drehen der Schraube fässes erblickt. s ist es leicht, die Oberfläche des Quecksilbers gerade so hoch zu heben, dass sie eben die 170 Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen Druck. Spitze des Stiftes berührt. Diese Spitze nun ist der Nullpunkt der Barometerscala.

Das Rohr dieses Barometers ist vollständig von einer Messinghülse eingeschlossen, in welcher, um die Quecksilberkuppe im Rohre beobachten zu können, oben zwei einander gegenüberstehende Schlitze angebracht sind. Diese Messinghülse trägt eine Scala, deren Nullpunkt die bereits erwähnte Elfenbeinspitze ist. Um den Stand der Quecksilberkuppe richtig ablesen zu können, ist auf dem getheilten Messingrohr eine Hülse aa, Fig. 219, verschiebbar, in welcher sich ebenfalls zwei diametral gegenüberstehende Schlitze befinden, welche auf die Schlitze des Rohres passen und nur etwas breiter sind als jene, so dass man noch die Theilung des Rohres sehen kann. Die oberen Ränder der beiden Schieberschlitze sind genau in gleicher Höhe, und um eine Beobachtung zu machen, stellt man den Schieber so, dass diese oberen Ränder der Schieberschlitze in gleicher Höhe mit der Quecksilberkuppe stehen. Die eine Seite des vorderen Schieberschlitzes ist mit einem Nonius versehen.

Mittelst cardanischer Aufhängung, d. h. um zwei zu einander rechtwinklige horizontale Axen drehbar, wird nun das Instrument in den Hals eines dreiseitigen Statifs eingesetzt, wie man Fig. 220 sieht, so dass das Barometerrohr durch das bedeutende Gewicht des Gefässes stets in verti-



caler Richtung erhalten wird. Um das Barometer zu transportiren, wird die Schraube s, Fig. 218, so hoch in die Höhe geschraubt, dass das Rohr sowohl wie das Gefäss vollständig mit Quecksilber gefüllt sind. Die zusammengelegten Füsse des Statifs bilden dann das Gehäuse, in welchem das Instrument verpackt wird.

Die Anwendung des beweglichen Bedeus zur Einstellung des Quecksilberspiegels im Gefäss auf einen bestimmten Punkte rührt von Horner herwelcher übrigens den Boden des Gefässes nicht durch einen herstellte, sondern dazu einen dicht an die Wände anschliessenler überzogenen Kolben gebrauchte, welcher durch eine Schraube sdergeschoben werden konnte.

ishängung des Barometers in einem dreibeinigen Statif wurde Engelfield angewandt.

rbarometer. Den bisher besprochenen Gefässbarometern 78 bilden die Heberbarometer eine zweite Hauptform dieses nstrumentes, welche sich durch mehrfache Vortheile auszeichnet, sind die Heberbarometer bei grösserer Genauigkeit weit transals die Gefässbarometer.

Die Heberbarometer, Fig. 221, sind aus einem heberförmig gebogenen Glasrohre verfertigt, welches wenigstens an den Stellen der oberen und unteren Quecksilberkuppe gleichen Durchmesser haben muss.

Bei diesen Barometern hat die Quecksilberkuppe im kürseren Schenkel durchaus keine feste Stellung. So lange die Temperatur nicht wechselt, muss bei verändertem Luftdruck die Quecksilbersäule in dem einen Schenkel genau so viel steigen, wie sie im anderen fällt, man könnte also aus den Schwankungen im einen Schenkel auf die im anderen schliessen; da jedoch bei wechselnder Temperatur auch das Volumen des Quecksilbers im Barometer sich ändert, so ist die Beobachtung beider Kuppen unerlässlich.

Bei den Heberbarometern sind entweder

- 1) das Rohr und die Scala fest;
- 2) die Scala fest und das Rohr in verticaler Richtung verschiebbar:
- 3) das Rohr fest und die Scala verschiebbar.

Im ersten Falle ist es am bequemsten, wenn der Nullpunkt der Scala noch unter der unteren Kuppe liegt. Man hat alsdann abzulesen, wie hoch die obere und wie hoch die untere Kuppe über dem fraglichen Nullpunkte liegt; die Differenz der beiden Ablesungen giebt dann die Barometerhöhe.

Bei den besten nach diesem Princip construirten Barometern ist die Theilung oft auf das Glasrohr selbst geätzt.

Die Fig. 221 stellt ein Heberbarometer der zweiten Art dar. Das Rohr ist auf der Messingplatte d befestigt, welche mit Hülfe der Schraube s auf- und niedergeschoben werden kann, wodurch dann auch das Barometerrohr selbst gehoben oder gesenkt wird, indem die messingenen Halter b und c dasselbe zwar auf dem Brette halten, aber doch eine Verschiebung in verticalem Sinne gestatten. Soll eine Beobachtung gemacht werden, so wird zunächst die untere Kuppe auf den Nullpunkt der Scala eingestellt und dann der Stand der oberen abgelesen.

Bei den Heberbarometern der dritten Art ist die Scala mittelst eines in eine gezahnte Stange eingreifenden Triebes verschiebbar; sie wird bei jeder Beobachtung so eingestellt, dass der Nullpunkt der Scala in die Höhe der unteren Quecksilberkuppe zu stehen kommt. Barometer dieser Construction werden namentlich von J. G. Greiner jun. in Berlin ganz vortrefflich ausgeführt. - Die Barometerröhre ist ganz in ein Brett eingelassen, welches nur an den beiden Stellen durchbrochen ist, an welchen beobachtet werden soll; die verschiebbare Scala ist auf der Vorderseite dieses Brettes angebracht. Am unteren Ende der getheilten Stange ist ein kleines Mikroskop befestigt, welches so eingerichtet ist, dass man durch dasselbe die untere Kuppe des Barometers scharf sehen kann. Der Kreuzungspunkt des in diesem Mikroskop angebrachten Fadenkreuzes liegt in gleicher Horizontallinie mit dem Nullpunkte der Scala und dieser Kreuzungspunkt wird genau auf den Gipfel der unteren Kuppe eingestellt. Am oberen Ende der getheilten Stange ist gleichfalls aufs Feinste verschiebbar ein Nonius angebracht, dessen Nullpunkt in der Horizontallinie eines von ihm getragenen zweiten Mikroskops liegt, welches auf die obere Kuppe eingestellt wird. Der Nonius ist so getheilt, dass man mit demselben unmittelbar 0,02" ablesen kann. Ein gleicher Grad von Genauig-

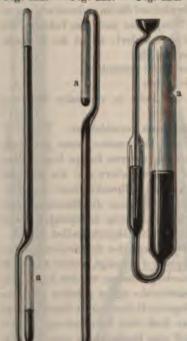


Fig. 222. Fig. 223. Fig. 224, keit ist bei dem Fortin'schen Barometer nicht möglich, selbst wenn man die Einstellung auf die obere Kuppe mit dem Mikroskop ausführen wollte, weil die Einstellung auf die Spitze r im Gefäss, Fig. 218, nicht mit der Genauigkeit ausgeführt werden kann, wie die Einstellung auf die untere Kuppe des eben beschriebenen Instrumentes.

> Dessenungeachtet behält das Fortin'sche Barometer seinen Werth für heisse Länder, für welche eine Befestigung des Barometerrohres auf Holz nicht rathsam sein dürfte.

> Besondere Mühe hat man darsuf verwandt, die Heberbarometer so zu construiren, dass sie bequem und sicher transportirt werden können. Fig. 222 stellt das Rohr des von Gay-Lussac angegebenen Barometers dar. Der offene Schenkel hat nur eine capillare Oeffnung a, gross genug, un die Luft frei eintreten zu lassen, aber zu klein, als dass Quecksilber durch dieselbe auslaufen könnte; man darf

also das Instrument umkehren, Fig. 223, ohne fürchten zu müssen, dass

paschnilber verliert. Damit man das Barometer aus der Lage Fig. rieder zur Beobachtung umkehren könne, ohne dass Luft in den em Schenkel eintreten kann, hat Bunten an diesen Barometern die 24 abgebildete Einrichtung getroffen.

kei den Gay-Lussac'schen Barometern findet man die Theilung meist s Glas gestst.

Fig. 225.



Fig. 225 stellt den sehr zweckmässigen Verschluss der Greiner'schen Heberbarometer dar. Der offene Schenkel ist nämlich nahe über der Krümmung bei d etwas verengert und unter dieser Einschnürung bauchig erweitert. In diese Erweiterung erhebt sich vom unteren Rande aus eine konisch verjüngte, und oben bei i offene Fortsetzung des unteren Röhrentheils. Das Barometer enthält nun gerade so viel Quecksilber, dass die bauchige Erweiterung noch bis d mit Quecksilber gefüllt bleibt, wenn man durch Neigen des Instrumentes die Toricelli'sche Leere vollständig mit Quecksilber ausgefüllt hat. Zum Verschluss dient alsdann ein genau in die Verengung bei d passender Kork k, welcher am unteren Ende einer im Lichten ungefähr 1mm weiten, bei n sugeschmolzenen Glasröhre befestigt ist. Wenn nun selbst kleine Luftblasen in dem abgesperrten Theile zurückblieben, so können diese doch niemals in der Oeffnung bei iund durch diese in den längeren Schenkel des Barometers eindringen. Wenn bei steigender Temperatur das abgesperrte Quecksilber sich ausdehnt, so kann es in die durch den Kork k gesteckte Glasröhre eintreten. Es ist dafür gesorgt, dass während des Transportes die fragliche Glasröhre sammt dem Kork k in der Stellung festgehalten wird, in welcher sie Fig. 225 darstellt. Soll das Instrument gebraucht werden, so wird die enge Glasröhre sammt dem daran steckenden Kork k in die Höhe gezogen.

Wenn ein Heberbarometer einige Jahre lang in der Beobachtungsstellung hängen bleibt, so wird die Stelle des offenen Schenkels, an welcher die untere mit der Luft in Berührung stehende Quecksilberkuppe auf- und abspielt, durch anhaftendes Quecksilberoxyd und Quecksilber verunreinigt, was eine genaue Beobachtung sehr erschwert und endlich ganz unmöglich macht. Um diesen Uebel-

and m vermeiden, thut man wohl, das Barometer so aufzuhängen, dass

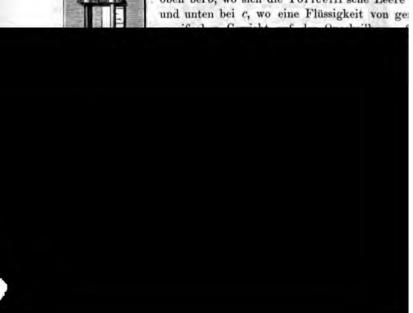
174 Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen das Rohr einen Winkel von 20 bis 30 Graden mit der Verticalen und es nur in die verticale Stellung zu bringen, wenn man ein achtung machen will.

79 Variationen des Barometerstandes. Das Gewicht de sphärischen Luftsäule, welche sich über uns befindet, ist durch ma Einflüsse bedingt. Der beständige Wechsel der Temperatur, die die veränderliche Menge der in der Luft verbreiteten Wasserdämpf fortwährende Aenderungen des Luftdrucks mit sich, welcher auf d meter wirkt. Man begreift demnach sehr wohl, dass die Barome an einem und demselben Orte nicht stationär bleiben kann, und mehr oder weniger bedeutende Variationen erleidet. In unseren G z. B. vergeht fast kein Tag, an welchem der Barometerstand sich 1 einige Millimeter änderte. Im Allgemeinen unterscheidet man : Arten von Schwankungen des Barometers, nämlich periodische fällige Schwankungen. Die ersteren treten regelmässig zu bes Zeiten ein und haben eine constante Grösse; die letzteren hinge unregelmässig, so dass man weder ihre Zeit noch ihre Grösse vor kann. Wir werden diesen Gegenstand in der Meteorologie we sprechen.

> Da die Variationen des Barometerstandes an demselben Or Fig. 226. sehr bedeutend sind, so hat man sich viel Mü

ben, diese Schwankungen dem Auge merkl machen. Wir wollen hier nur zwei solcher Vogen betrachten, die ziemlich verbreitet sind.

Fig. 226 stellt ein von Huyghens con Barometer dar. Die Barometerröhre a erwei oben bei b, wo sich die Toricelli'sche Leere und unten bei c, wo eine Flüssigkeit von ge-



die Zahl ist, welche angiebt, um wie vielmal das specifische Gewicht r farbigen Flüssigkeit geringer ist als das des Quecksilbers.

Wenn also das Quecksilber in b um xLinien sinkt, so ist

$$y=2\,x+\frac{n-1}{s}\,x$$

E Höhe einer Quecksilbersäule, welche der Abnahme des Luftdrucks entricht. Aus dieser Gleichung ergiebt sich

$$x = \frac{sy}{2s + n - 1}.$$

Es sei z. B. der Querschnitt der Röhre d 20mal kleiner als der von und c; ferner sei die farbige Flüssigkeit Wasser, also 13,6mal leichter Quecksilber, so ist n = 20, s = 13,6 und also

$$x = \frac{13.6 \, y}{2 \cdot 13.6 + 20 - 1} = 0.294 \, y.$$

Fällt ein gewöhnliches Barometer um y Linien, so fällt also das secksilber in b um 0,294 y Linien, die farbige Flüssigkeit in d steigt ser um 20.0,294 y, also um 5,88 y Linien. So oft also ein gewöhnliches sässbarometer um 1 Linie steigt oder fällt, wird die farbige Flüssigit unseres Barometers um 5,88 Linien, also fast 6mal so viel, fallen oder eigen.

Ein solches Barometer ist sehr zweckmässig, wenn es sich nur um die sobachtung der Barometerschwankungen und nicht um genaue Ermitteng der absoluten Barometerhöhe handelt. Die Scala, welche hinter der öhre d angebracht ist, wird am besten so angefertigt, dass man einen mkt nahe am oberen und einen nahe am unteren Ende derselben durch ergleichung mit einem Normalbarometer bestimmt und den Zwischenraum mtheilt.

Hook's Radbarometer hat folgende Einrichtung: Auf dem Queckiber im offenen Schenkel eines Heberbarometers schwimmt ein eisernes
iewicht; von diesem Gewichte geht eine Schnur über eine Rolle, welche
mf der anderen Seite durch ein etwas geringeres Gewicht gespannt ist.
In der Axe der Rolle ist ein langer Zeiger befestigt, dessen Endpunkt
tho einen grossen Weg durchläuft, wenn das Quecksilber nur wenig steigt
ter fällt und dadurch die Rolle dreht. — Zu Messungen ist begreiflicher
Weise auch ein solches Instrument nicht zu gebrauchen.

Grösse des Luftdrucks bei verschiedenem Barometer- 80 tand. Wir haben oben ermittelt, wie gross der Luftdruck ist, welcher tem Barometerstande von 760 Millimeter entspricht. Ganz auf dieselbe Weise lässt sich die Grösse des Luftdrucks für jede Barometerhöhe berechnen. Man wird die Resultate finden, wie sie in folgenden Tabellen entlaten sind.

176 Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen Druck

Höhe der Quecksilber- säule.	Druck auf ein Quadrat- meter.	Höhe der Quecksilber- säule.	Druck auf ein Quadrat- meter.		Druck auf ein Quadrat- meter.
Millimeter.	Kilogramme.	Millimeter.	Kilogramme,	Millimeter.	Kilogramme.
500	6793	600	8152	700	9510
510	6929	610	8287	710	9646
520	7065	620	8423	720	9782
530	7201	630	8559	730 740	9918
540	7336	640	8695		10054
550	7472	650	8831	750	10189
560	7608	660	8967	760	10325
570	7744	670	9105	770	10461
580	7880	680	9238	780 `	10597
590	8016	690	9374	790	10733

oder auch

Höhe der Quecksilber- säule in par. Z.	Druck auf 1 preuss. Quadratfuss in alt- preuss. Pfund.	Höhe der Quecksilber- säule in par. Z.	Druck auf 1 preuss. Quadratfuss in alt- preuss, Pfund.
29	2254	24	1865
28	2176	23	1787
27	2098	22	1710

his mit einer Luftlast von 30,000 bis 40,000 Pfund herumschleppen, und mitst die Elsler, wenn sie auf der grossen Zehe steht, trägt ihr 30,000 Pfladchen u. s. w."

Eine solche Ausdrucksweise zeigt schon ein Missverstehen der Lehre sem Luftdrucke, denn da er ja gleichmässig von allen Seiten, also von sem und unten, von vorn und hinten, von der rechten und linken Seite wirkt, so kann hier weder von einem "Schleppen", noch von einem "Tragun" die Rede sein; solche Ausdrücke sind nur auf einen einseitigen Druck sewendbar.

Aber man könnte einwenden, wenn ein so starker Druck auch ganz gleichförmig und von allen Seiten her gegen den Körper wirkt, so müsste er ja den Körper in sich selbst zusammenpressen, er müsste ihn zermalmen!

Was soll also zermalmt werden? Das Knochengerüst? es könnte noch einen weit stärkeren Druck aushalten. Die mit Flüssigkeiten und Luft gefäten Gefässe und Höhlungen des Körpers? Die im Körper befindliche laft ist von gleicher Dichtigkeit mit der äusseren, sie kann also durch den Luftdruck nicht weiter comprimirt werden; dass aber die im Körper enthaltenen Flüssigkeiten nicht zerdrückt werden können, versteht sich von zelbst.

Es bleibt demnach nur noch etwa der Zweifel zu heben übrig, ob micht die zarten Häutchen und Gewebe, welche die Hüllen der einzelnen Seissechen bilden, durch einen so starken Druck Noth leiden müssten. Von einem Zerreissen der zarten Gewebe kann aber keine Rede sein, wil der Druck gleichmässig von beiden Seiten wirkt; um aber die Häutden etwa zu zerquetschen, ist der Druck nicht stark genug. Da es ich hier nur um kleine Gefässchen handelt, so kommt auch nur der Druck in Betracht, der auf die kleine Oberfläche derselben wirkt; aus der obigen Tabelle aber kann man entnehmen, dass der Luftdruck auf eine 1 Quadratimeter (ungefähr 20 Quadratlinien) grosse Oberfläche nur 1 Kilogramm (Pfund), auf 1 Quadratmillimeter (ungefähr 2/10 Quadratlinien) aber nur 1 Centigramm (ungefähr 3/5 Loth) beträgt.

Wenn man die Sache auf diese Weise betrachtet, so fällt alles Auflende und Unbegreifliche weg. Die Lehre vom Luftdrucke, der auf den enschlichen Körper wirkt, erhält nur dadurch etwas Paradoxes, dass man erch die Summation der Pressungen, welche auf die einzelnen Theilchen für irken, enorme Zahlen erhält, während doch jedes einzelne Theilchen für ich mit dem Luftdrucke im Gleichgewichte steht, und nicht der Totaltruck einseitig gegen eine Stelle des Körpers wirkt.

Wenn man den Luftdruck von irgend einer Stelle des Körpers entweder mit Hülfe eines Schröpfkopfes oder einer Luftpumpe wegnimmt, so wird der Inhalt der Gefässchen ein Bestreben geltend machen, sich auszudehnen.

Wie wichtig der Luftdruck für die Oekonomie der Kräfte des menschlichen Körpers ist, haben die classischen Untersuchungen der Gebrüder Weber gezeigt.

178 Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen Druck.

Betrachtet man das Knochengerüst des menschlichen Körpers, so findet man an jeder Seite des Beckens eine spiegelglatte, mit einer schlüpfrigen Flüssigkeit benetzte Vertiefung, die Pfanne, in welche der kugelförmige Kopf des Schenkelknochens genau hineinpasst, wie man dies in Fig. 227 deutlich sehen kann, welche das Becken mit den Schenkelknochen darstellt.

Der vordere Theil des Beckens und der beiden Schenkelköpfe ist in Fig. 227 durch einen senkrechten Schnitt weggenommen, damit man besser





sehen kann, wie die Schenkelköpfe in den Pfannen sitzen; da sich nun der Schenkelkopf in der Pfanne nach allen Seiten leicht drehen lässt, so begreift man, dass das Bein nach allen Seiten hin beweglich ist.

Das ganze Gelenk ist durch eine Kapselmembran eingehüllt, welche, das Becken mit dem Schenkelkopfe verbindend, an dem knöchernen Pfannenrande und am Halse des Schenkelkopfes angewachsen ist.

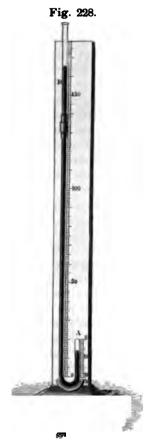
Wenn man auf einem Beine steht und das andere nur so viel

krümmt, dass es hängt, ohne den Boden zu berühren, so kann man mit ungemein geringer Muskelanstrengung das hängende Bein hin und her chwingen lassen. Während das Bein so schwingt, sind die Muskeln, welsche das Becken mit dem Schenkelbeine verbinden, ganz schlaff, und dargt. Es wurde durch das Becken hindurch mitten in die Pfanne ein Loch gebohrt; das Bein fiel in demselben Augenblicke herab, in m die Spitse des Bohrers die Pfanne eben durchbrochen hatte und henkelkopf noch nicht berührte. Als der Schenkelkopf nun wieder Pfanne hineingeschoben wurde, so dass seine Kugelfläche wieder mit der Kugelfläche der Pfanne in Berührung kam, und man dann ch im Becken mit dem Finger zuhielt, wurde das Bein auch wieder den Luftdruck getragen; es fiel aber sogleich wieder herab, sobald en Finger wieder von dem Loche wegnahm, so dass die Luft von indringen konnte.

ie Arme werden in derselben Weise durch den Luftdruck getragen Beine.

has Mariotte'sche Gesetz. Das Mariotte'sche Gesetz lässt 82 ausdrücken: Das Volumen der Gase verhält sich umge-

Fig. 229. Fig. 230.



B B C

kehrt wie der Druck, dem sie ausgesetztsind, oder in einer Formel ausgedrückt

mel ausgedrückt V: v = p: P, also auch

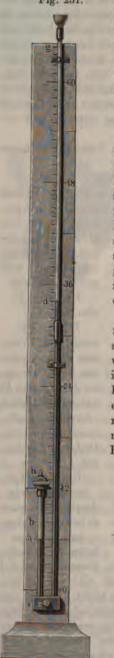
VP = vp,
wenn V das Volumen einer gegebenen Luftmasse unter dem Drucke P,
v aber das Volumen derselben Luftmasse unter dem Drucke p bezeichnet.

Um dieses Fundamentalgesetz durch den Versuch zu beweisen, nehme man eine ge-

krümmte cylindri-

sche Röhre, deren kürzerer Schenkel oben geschlossen ist, während der längere Schenkel offen bleibt, Fig. 228, und welche auf einem Brett befestigt ist. Man giesse zu Anfang nur wenig Quecksilber ein, neige dann den Apparat ein wenig, damit etwas Luft aus dem kürzeren

Fig. 231.



Schenkel entweicht; so kann man es leicht bringen, dass das Quecksilber in beiden Sche gleich hoch steht, Fig. 229. Alsdann ist die in geschlossenen Schenkel abgesperrte Luft genau Drucke der Atmosphäre ausgesetzt. Giesst mar von Neuem Quecksilber in den offenen Schenke wird der Druck, den die eingeschlossene Luft a halten hat, vermehrt, sie wird dadurch auf einen k ren Raum zusammengepresst. Wenn das Quecksilb kürzeren Schenkel bis zum Punkte N, Fig. 230, g gen ist, welcher sich in der Mitte zwischen M und Gipfel A der geschlossenen Röhre befindet, so is Luft auf die Hälfte ihres vorherigen Volumen sammengepresst; bezeichnet man nun auf dem li ren Schenkel den Punkt N', welcher mit N gl Höhe hat, und misst man dann, wie hoch das Q silber sich im längeren Schenkel noch über N' er so findet man, dass die Höhe dieser Quecksilber genau der Barometerhöhe gleich ist; die in dem zen Rohre abgeschlossene Luft hat demnach einen Druck von zwei Atmosphären auszuhalten

Bequemer und zweckmässiger als der A rat Fig. 228, ist der für denselben Zweck struirte Apparat Fig. 231. Die kürzere Re welche wir die Manometerröhre nennen wo ist oben nicht zugeschmolzen, sondern mit ei Hahn versehen, dessen Einrichtung durch Fig. erläutert wird; sie ist etwas über 12, die Dru röhre ist ungefähr 65 Zoll lang. Die beiden ren sind in zwei verticale cylindrische Löcher Eisenstücks i eingekittet, welche unten durch e

Fig. 232.



horizontalen Canal verbunden Dieses Eisenstück ist sag den beiden Röhren auf einer Zolle getheilten Brette befest der Nullpunkt der Theilung etwas über dem Eisenstück i. der Theilstrich 12 bezeichnet rade das obere Ende der C pressionsröhre. Die Schraub welche auf den horizontalen bindungscanal führt, dient. das Quecksilber aus dem App abzulassen und seinen Stand reguliren.

Um den Versuch anzustellen, wird der Hahn h geöffnet und so viel Quecksilber durch den Trichter des langen Rohres eingegossen, dass es in beiden Röhren gerade bis an den Nullpunkt der Theilung reicht, worauf dann der Hahn h geschlossen wird.

Die abgesperrte unter dem Drucke der Atmosphäre stehende Luft nimmt nun im Manometerrohre gerade die Länge von 12 Zollen ein; um sie auf die Hälfte ihres Volumens zusammenzupressen, muss man in dem längeren Druckrohre so viel Quecksilber aufgiessen, dass es in demselben gerade um die Barometerhöhe über a steht, um aber die abgesperrte Luft auf den Raum von 4 Zoll, also auf 1/3 ihres ursprünglichen Volumens zusammensupressen, müsste man so viel Quecksilber aufgiessen, dass es im Druckrohre um zwei Barometerhöhen über b steht.

Eine sehr zweckmässige Einrichtung hat Uhde dem unteren Theile dieses Apparates gegeben; das Wesentliche derselben ist aus Fig. 233 zu



Fig. 233.

ersehen. Die Röhre r, in welcher die Luft comprimirt wird, ist etwas weiter als die Druckröhre s. Oben ist auf die Röhre r eine durch einen ebenen Deckel geschlossene Metallfassung aufgekittet; in der Metallplatte aber, welche auf diese Weise die obere Gränze der Röhre r bildet, ist eine ganz feine Oeffnung angebracht, welche durch die unten mit einem Lederpfropf versehene Schraube o geschlossen werden kann. Durch den Hahn h

kann man das Quecksilber aus dem Apparat in ein untergestelltes Gefäss auslaufen lassen.

Arago und Dulong haben durch eine besondere Versuchsreihe dargethan, dass das Mariotte'sche Gesetz wenigstens für atmosphärische Luft bis zu einem Drucke von 27 Atmosphären noch keine Aenderung erleidet. Die aus 13 sechsfüssigen Glasröhren mittelst eiserner Fassungen zusammengesetzte Druckröhre ihres Apparates war an einem Mastbaume befestigt, welcher in einem

Thurme des Collège Henri IV. aufgerichtet worden war. Eine genaue Beschreibung dieses Apparates sowie der mit demselben angestellten Versuche findet man im 18ten Bande von Poggendorff's Annalen.

Dass das Mariotte'sche Gesetz auch noch gültig bleibt, wenn der Druck, unter welchem die Luft steht, geringer ist als der Druck einer Atnosphäre, lässt sich mit Hülfe des Apparates, Fig. 234 a. f. S., bestätigen.

Eine etwas weite eiserne Röhre r, welche oben in ein weiteres Gefin ab endet und unten geschlossen ist, wird in einem Gestelle, wie es Fig. 234 zeigt, so angebracht, dass sie vertical steht, und dann ungefähr bis zur Höhe nn mit Quecksilber vollgegossen. Nun füllt man eine Barome182 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druck-

terröhre, wie zum Toricelli'schen Versuche, mit Quecksilber, jedoch nicht ganz voll, sondern nur so weit, dass noch etwa 2 bis 3 Zoll nicht



mit Quecksilber angefüllt sind. Verschliesst man die Oeffnung mit dem Finger, und kehrt man sie um, so wird die Luftblase in den oberen Theil der Röhre hinaufsteigen. Wenn man nun. wie beim Toricelli'schen Versuche, das untere Ende der Röhre in das Quecksilber des Gefässes ab taucht und dann den Finger von der Oeffnung wegzieht, so wird die Quecksilbersäule im Barometerrohre bis auf einen bestimmten Punkt fallen. Man wird aber sogleich bemerken, dass der Gipfel s der Quecksilbersäule nicht so hoch über nn steht, als die Barometerhöhe beträgt, weil ia im oberen Theile unserer Röhre sich Luft befindet und kein Vacuum wie beim Barometer.

Wenn man die Röhre niederdrückt, so dass sie weiter
und weiter in das Quecksilber
des Rohres r hinabreicht, so
wird das Volumen der oben
eingeschlossenen Luft immer
kleiner. Man drückt nun die
Röhre so weit hinab, dass das
Quecksilber in derselben genau
in der Höhe des Quecksilberspiegels nn steht; in diesem Falle
steht die abgesperrte Luft genau unter dem Drucke einer
Atmosphäre.

Die Länge der abgesperrten

Luftsäule, welche dem Drucke einer Atmosphäre ausgesetzt ist, wird nun gemessen; sie sei gleich v.

Zieht man das Glasrohr wieder in die Höhe, so vermehrt sich das Volumen der abgesperrten Luft, zugleich erhebt sich auch die Quecksilberkuppe süber den Spiegel nn. Gesetzt, man habe das Rohr so weit gehoben.

dass die abgesperrte Luft eine Länge 2 v in der Röhre einnimmt, so wird die Höhe der Quecksilberkuppe über dem Spiegel nn gerade die Hälfte des im Augenblicke zu beobachtenden Barometerstandes sein. Stände das Barometer auf 28", so würde die Quecksilberkuppe s gerade 14" über nn stehen.

Die Hälfte des atmosphärischen Druckes ist also durch die Quecksilbersäule, welche sich unter der abgesperrten Luft befindet, aufgehoben, und der Druck, welchen diese abgesperrte Luft auszuhalten hat, ist nur noch dem Drucke einer halben Atmosphäre gleich, ihr Volumen aber ist doppelt so gross, als es war, da sie den Druck der ganzen Atmosphäre anszuhalten hatte.

Hebt man die Röhre so weit, dass die abgesperrte Luft eine Länge 3 v in der Röhre einzimmt, dass ihr Volumen also 3 mal grösser geworden ist, so beträgt die Höhe der Quecksilbersäule in unserm Rohre ²/₃ der Barometerhöhe; die abgesperrte Luft hat also nur noch einen Druck von ¹/₃ Atmosphäre auszuhalten.

Reduction der Gasvolumina auf den Atmosphärendruck. 83 Da das Volumen der Gase von dem Drucke abhängt, dem sie ausgesetzt sind, so kann man aus dem gemessenen Gasvolumen nur dann einen sicheren Schluss auf die Gasmengen machen, wenn dieser Druck bekannt ist. Verschiedene Gasmengen können nur dann ihrem Volumen proportional sein, wenn sie gleichem Drucke ausgesetzt sind; will man also zwei Gasvolumina vergleichen, welche ungleichem Drucke ausgesetzt sind, so muss man berechnen, wie gross das Volumen der einen Gasmenge sein würde, wenn sie demselben Drucke ausgesetzt wäre wie die andere. In der Regel reducirt man die Gasvolumina auf den Druck von 28 Zoll oder 760 Millimeter Quecksilber, d. h. man berechnet, wie gross das Volumen V einer Gasmenge sein würde, welche unter dem Drucke b das Volumen v einnimmt, wenn sie dem Drucke einer Quecksilbersäule von 760 Millimetern ausgesetzt wäre. Nach dem Mariotte'schen Gesetze haben wir

$$\frac{V}{v} = \frac{b}{760},$$

also

Eine Gasmenge nehme z. B. unter einem Drucke von 500 Millimetern das Volumen von 84 Cubikcentimetern ein, so würde dieselbe Gasmenge unter einem Drucke von 760 Millimetern das Volumen

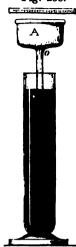
$$V = \frac{500}{760} \cdot 84 = 55,2,$$

also nur ein Volumen von 55,2 Cubikcentimetern einnehmen.

Da das Volumen der Gase auch von ihrer Temperatur abhängig ist, so sind auch in dieser Beziehung Reductionen nöthig, die aber erst später bei der Wärmelehre erörtert werden können. 184 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druck.

84 Stereometer und Volumenometer. Eine sehr sinnreiche Anwendung hat zuerst ein französischer Physiker Say von dem Mariotte'-

Fig. 235.



schen Gesetze gemacht, um das Volumen pulverförmiger Körper zu bestimmen. Später sind Apparate, auf dieselbe Methode gestützt, von verschiedenen Physikern, namentlich von Leslie, Kopp und Regnault vorgeschlagen worden. Say's Apparat, Fig. 235, welchen derselbe Stereometer nennt, hat folgende Einrichtung.

An das Glasgefäss A setzt sich eine möglichst genau cylindrische Glasröhre an. Der Rand des Gefässes ist mit Smirgel abgeschliffen, so dass der innere Raum mittelst einer Glasplatte luftdicht abgesperrt werden kann. Das Rohr ist mit einer Längentheilung versehen und genau bestimmt, welches der dem Zwischenraume sweier Theilstriche entsprechende Rauminhalt der Röhre ist.

Während der Behälter A offen ist, wird nun die Röhre in ein mit Quecksilber gefülltes Gefäss bis zum Nullpunkte o der Theilung eingetaucht. Wird nun die Glaplatte auf den Rand von A luftdicht aufgesetzt, so ist ein bestimmtes Luftvolumen V von einer Dichtigkeit ab-

gesperrt, welche dem Barometerstande H entspricht.

Wird nun, während A geschlossen bleibt, das Instrument in die Höhe gezogen, so tritt ein Theil der Luft aus A in die Röhre, während des Quecksilber von unten her in derselben über das äussere Niveau strigt. Es sei v die durch Ablesung an der Röhre ermittelte Zunahme des Labvolumens, h die Höhe der gehobenen Quecksilbersäule, so haben wir

$$\frac{V+v}{V}=\frac{H}{H-h} \quad . \quad . \quad . \quad . \quad . \quad 1)$$

n Glasgefäss rr in Verbindung. Durch den oberen Verschluss sigeht noch ein verticales engeres Glasrohr shindurch, welund oben offen, fast bis auf den Boden des Cylinders i hinab-

ere etwas breite Rand des Gascylinders r ist sorgfältig plan r, so dass man mit Hülfe von etwas Fett eine Glasplatte luft-

Fig. 256.



dicht aufsetzen kann, welche dann noch durch eine Schraube o fester aufgedrückt wird.

Der untere Theil von *i* und *k* ist mit Quecksilber gefüllt, wie es unsere Figur zeigt. In der Röhre *k* aber sitzt auf dem Quecksilber ein Lederkolben auf, welcher zwar nicht absolut luftdicht, aber doch quecksilberdicht schliesst. Wird dieser Kolben in die Höhe gezogen, so geht das Quecksilber aus *i* nach *k* hinüber, das untere Ende *c* der Steigröhre *s* wird frei und es wird sich alsdann der obere Theil von *i* und das mit demselben in Verbindung stehende Gefäss *r* mit Luft von atmosphärischer Dichtigkeit füllen.

Sobald aber nun der Kolben in k niedergedrückt und dadurch das Quecksilber nach i getrieben wird, kommt auch das untere Ende des Steigrohrs s wieder unter den Quecksilberspiegel, es ist also dadurch ein gewisses Quantum Luft in i und r abgesperrt, welche durch ferneres Niederdrücken des Kolbens in k mehr und mehr comprimirt wird. Hat man den Kolben in k niedergedrückt, bis der Queck-

in *i* eben die Spitze *a* berührt, welche ähnlich wie beim Forarometer von dem oberen Verschluss der Röhre *i* hinabreicht, ogesperrte Luft bis zu einem gewissen Grade comprimirt, und lieser Compression ergiebt sich aus der Höhe, bis zu welcher ecksilber im Steigrohre *s* erhebt.

nan vor Auflegen der Glasplatte n irgend einen Körper in den nineingelegt und dann dieselbe Operation wiederholt, so wäre, necksilber bei c steht, weniger Luft abgesperrt als vorher, und as Quecksilber wieder bis a in die Höhe gepresst wird, so ist ere Luftmenge um dieselbe absolute Grösse, nämlich um den zen c und a, comprimirt worden; die abgesperrte Luft ist also comprimirt als beim vorigen Versuche, in die Steigröhre muss zt eine höhere Quecksilbersäule gehoben werden als vorher.

186 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druck.

Da die Höhe der Quecksilbersäule, welche in der Steigröhre gehoben wird, von dem Volumen des Körpers abhängt, welchen man in den Cylinder r hineinlegt, so lässt sich auch aus der Höhe der gehobenen Quecksilbersäule das Volumen dieses Körpers ermitteln, wenn man alle hier influirenden Umstände gehörig in Rechnung bringt.

Wenn man pulverförmige oder flüssige Körper in den Cylinder r bringen will, so müssen sie in irgend einem Gefässe, welches man herausnehmen und hineinsetzen kann, enthalten sein; man wählt dazu am besten ein Gefäss von Platin oder irgend einem anderen nicht oxydirbaren Metalle, welches ungefähr die Gestalt von r selbst hat und auch nicht viel kleiner ist. Um das Volumen dieses Gefässes nicht in Rechnung bringen zu müssen, wollen wir es als einen integrirenden Theil des Instrumentes ansehen.

Um vermittelst dieses Apparates leicht das Volumen der in den Cylinder r gebrachten Körper finden zu können, muss man das Volumen der Luft kennen, welches abgesperrt ist, wenn das Quecksilber eben bei c steht und sich in r das leere Platingefäss befindet; — dieses Volumen sei z. B. 15,07 Cubikcentimeter. Ferner muss das Volumen zwischen c und a bekannt sein, um welches die Luft comprimirt wird; es sei 2,5 Cubikcentimeter.

Will man nun das Volumen irgend eines Körpers bestimmen, so hat man ihn in das Platingefäss zu legen und dieses in r einzubringen, dam den Kolben von seiner höchsten Stellung aus niederzudrücken. In dem Moment, in welchem die Oeffnung c durch das Quecksilber verschlossen wird, ist nun ein Luftquantum x abgesperrt; drückt man den Kolben weiter nieder, bis das Quecksilber mit a in Berührung kommt, so ist das Luftvolumen x auf x — 2,5 Cub.-C. comprimirt. Nehmen wir nun a Ban, durch diese Compression der eingeschlossenen Luft sei das Quecksilber in der Steigröhre a um 90 Linien über das Niveau des Quecksilbers in a

wo V das Volumen bezeichnet, welches abgesperrt ist, wenn sich in r nur das leere Platingefäss befindet und das Quecksilber eben die Oeffnung c verschliesst; der Werth von V war in unserem speciellen Falle 15,07.

Die Werthe von V und v sind für ein und dasselbe Instrument constante Grössen, welche aber natürlich von einem Instrumente zum anderen variiren. Sie müssen für jedes Instrument mit möglichster Sorgfalt bestimmt werden.

Um die constanten V und v zu bestimmen, verfährt man folgendermassen. Man setzt das Platingefäss leer ein, treibt das Quecksilber bis a und beobachtet die Höhe der Quecksilbersäule h in der Steigröhre. Wenn der gleichzeitige Barometerstand b ist, so hat man

Eine zweite Drahtspitze b dient zu Controlversuchen. An der Steigröhre sind zwei Scalen angebracht, der Nullpunkt der einen ist a, der der
anderen aber b. Die Höhe der Steigröhre beträgt etwa 16 Zoll.

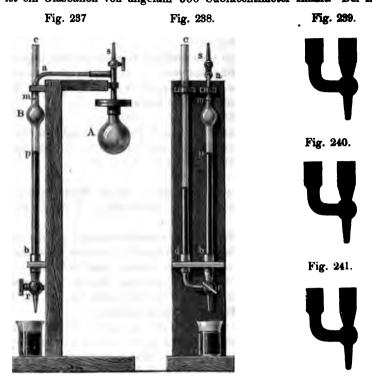
Für solche Substanzen, welche bei höherem Drucke eine grössere Quantität Luft absorbiren, wie dies z. B. bei der Kohle der Fall ist, lässt sich natürlich auch dieses Instrument nicht anwenden.

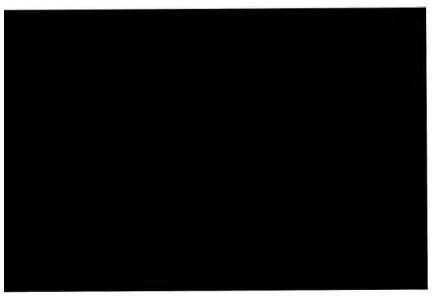
Hat man mit Hülfe des Kopp'schen Volumenometers das Volumen und durch die Wage das absolute Gewicht des zu untersuchenden Körpers bestimmt, so ist sein specifisches Gewicht leicht zu berechnen.

Die folgende Tabelle enthält das specifische Gewicht einiger Körper, wie es Kopp mit Hülfe seines Instrumentes bestimmte.

Körper.	Specif. Gewicht.		Körper.	Specif. Gewicht.
Bimsstein (gepulvert)	2,15		(Lindenholz	1,13
Asche von Buchenholz .	2,85	ron	Tannenholz	1,16
Stärkemehl	1,56	_	Nussbaumholz	1,17
Flachs	1,45	fase	Birnbaumholz	1,23
Seide (rohe Coconfaden)	1,56	Holzfaser	Eichenholz	1,27
Beumwolle	1,27	Щ	Buchenholz	1,29

Um das specifische Gewicht der Holzfaser zu erhalten, war das Holz fein geraspelt und gut getrocknet worden. Man sieht hier, dass das spe188 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druc cifische Gewicht der Holzfaser weit grösser ist als das eines massiven Ho stücks, dass also das Holzstück ein Aggregat von Holsfaser und Luft is Regnault's Volumenometer ist Fig. 237 bis 241 abgebild A ist ein Glasballon von ungefähr 300 Cubikcentimeter Inhalt. Der Ho





ebrachten Hahn r aussliessen lässt, bis es auf p gesunken ist. Die aussessene Quecksilbermenge wird gemessen.

Auf ähnliche Weise wird das Volumen V der Kugel A und der Röhzwerbindung zwischen A und m ermittelt, indem man das Volumen des
wecksilbers misst, welches diesen Raum füllt.

Ist nun V, v und ausserdem noch die Höhendifferenz h zwischen m nd p ein- für allemal ermittelt, so ist es leicht, mit diesem Instrumente av Volumen pulverförmiger Körper zu bestimmen.

Erst wird die Kugel A leer und dann ungefähr bis zur Hälfte mit sm zu untersuchenden Pulver gefüllt gewogen, um das absolute Gewicht er Substanz zu erhalten. Nach dieser Wägung wird A angeschraubt; ei geöffnetem Hahne s die Röhre ab bis m mit Quecksilber gefüllt und ann s geschlossen. Die abgesperrte Luft hat jetzt das Volumen V - x, ren x das Volumen des Pulvers bezeichnet; sie steht unter dem Drucke kratmosphäre, den wir mit H bezeichnen wollen.

Nun lässt man, während s geschlossen bleibt, durch r Quecksilber malanfen, bis es zum Merkstrich p gesunken ist. Jetzt hat die abgesperrte Luft das Volumen V-x+v und sie steht unter dem Drucke H-h, wir haben also

$$\frac{V-x+v}{V-x} = \frac{H}{H-h},$$

POTAUS

$$x = V - \frac{v (H - h)}{h}.$$

Abweichungen vom Mariotte'schen Gesetz. Nachdem 8 bon früher durch mehrere Physiker die allgemeine Gültigkeit des Matotte'schen Gesetzes für alle Gase sowohl, wie auch seine absolute enauigkeit für atmosphärische Luft in Zweifel gezogen worden war, nahen Oersted und Swendsen diesen Gegenstand im Jahre 1826 wieder f. Nach einer freilich nicht sehr genauen Methode fanden sie das Gefür Luft bis zu einem Druck von 68 Atmosphären bestätigt; für nicht emanente Gase dagegen, wie z. B. für schweflige Säure, fanden sie Compressibilität grösser, als sie nach dem Mariotte'schen Gesetze itte sein sollen.

Letzteres fand Despretz vollkommen bestätigt (Annal. de chim. et phys. T. XXXIV.). Er wandte zu seinen Versuchen einen Apparat an, elcher dem in Fig. 158 S. 126 abgebildeten ähnlich war. Statt des Piemeters B wurden in das mit Quecksilber gefüllte Gefäss C mehrere anometerröhren eingesetzt, wie in jener Figur eine solche rechts von B eht. Die eine dieser Röhren war mit atmosphärischer Luft, die übrigen wen mit anderen Gasen, und zwar so weit gefüllt, dass das Quecksilber in len gleich hoch stand. Als nun diese verschiedenen Gase in dem Aprat, Fig. 158, einem gleichen Druck ausgesetzt wurden, stieg das Queckber in den mit Kohlensäure, Schwefelwasserstoffgas, Am-

190 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druck. moniak gas u. s. w. gefüllten Röhren höher als in derjenigen, welche atmosphärische Luft enthielt, die genannten Gase werden also durch gleiche Vermehrung des Drucks weit stärker comprimirt als Luft. Wasserstoff gas zeigte ein entgegengesetztes Verhalten. Bis su 15 Atmosphären verhielt sich dieses Gas wie die Luft, hei stärkerem Druck aber wurde es wenigerstark comprimirt.

Pouillet constatirte diese Thatsache mit Hülfe des Apparates Fig. 242. Der Hals des gusseisernen Gefässes V ist mittelst einer Stopf-

Fig. 242.

büchse geschlossen, durch welche der massive Kolben K hindurchgeht: der obere Theil desselben ist mit einem Schraubengewinde versehen, welches sich in der Schraubenmutter M drehen lässt. Aus dem unteren Theil des Gefässes V führt die eiserne Röhre t zu einem horizontalen Canal des gusseisernen Klotzes F. auf welchen von oben her zwei verticale Canale münden. Auf diese verticalen Canale sind die 2 Meter langen, genau getheilten Glasröhren A und B aufgeschraubt. Oben sind diese Glasröhren offen, aber in eine feine Spitze ausgezogen.

Der untere Theil des Gefüsses V enthält Quecksilber, der obere Theil desselben ist mit Oel gefüllt. Durch Umdrehung des Hebels C wird der Wird nun der Kolben K abermals niedergeschraubt, so wird in der en der beiden Glasröhren atmosphärische Luft, in der anderen das zu tfende Gas comprimirt, und man kann bei dieser Vorrichtung den Druck auf 100 Atmosphären steigern. Die folgende kleine Tabelle ist ein sang aus den von Pouillet auf diese Weise erhaltenen Resultaten.

V .	v:V								
	Kohlensäure.	Stickoxydul.	Sumpfgas, C ₂ H ₄ .	Oelbildendes Gas, C ₄ H ₄ .					
1,09	1,000	1,000	1,000	1,000					
0,20	0,989	0,983	0,992	0,986					
0,10	0,965	0,956	0,981	0,972					
0,05	0,919	0,896	0,956	0,955					
0,025	0,739	0,732	0,940	0,919					
0,012	_	_	_	0,850					

Die Tabelle giebt für vier Gase den Werth des Quotienten $\frac{v}{V}$, d. h. Quotienten, welchen man erhält, wenn man das Volumen v, auf welche Gas zusammengedrückt wurde, dividirt durch das Volumen V, the unter gleichem Druck die atmosphärische Luft einnimmt. Die the von V in der ersten Verticalreihe geben an, auf den wievielsten seines ursprünglichen Volumens die Luft in der einen Röhre nach nach comprimirt wurde.

Stickstoff, Sauerstoff, Wasserstoff, Kohlenoxydgas u. s. w. verhielten bis zu einem Druck von 100 Atmosphären nach diesen Versuchen Luft.

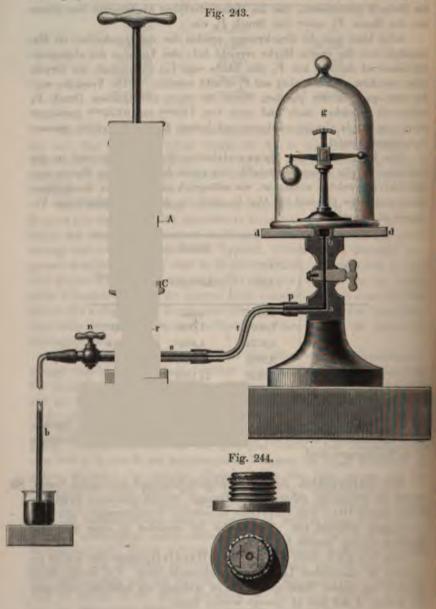
Sumpfgas und ölbildendes Gas, obgleich sie bei einem Druck von Atmosphären noch nicht flüssig wurden, wurden doch stärker comitt als Luft.

Die Gase, welche bei relativ geringem Druck schon tropfbar flüssig den, wie schweflige Säure, Kohlensäure, Stickoxydulgas, Ammoniakts. w. s. w., sind dagegen merklich stärker compressibel als Luft.

Was nun die Luft selbst anlangt, so deuteten schon die bereits im 32 erwähnten Versuche von Dulong und Arago darauf hin, dass i wachsendem Druck das Volumen derselben rascher abnimmt, als man th dem Mariotte'schen Gesetz erwarten sollte, wie folgender Auszug den von ihnen erhaltenen Resultaten zeigt.

194 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druck.

Von dem Boden des Cylinders führt ein verticaler Canal herab bis zu dem horizontalen Rohre s, welches durch ein Glasrohr t mit Hülfe von Kautschukröhrehen mit dem Recipienten g, d. h. mit dem Raume in Verbindung gesetzt werden kann, aus welchem man die Luft entfernen will





198 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druc

Die selbe Einrichtung hat auch der Kolben im anderen Stiefel S.

Die in dem Kolben der eben beschriebenen Luftpumpe angebracht
Ventile sind allerdings schwer zugänglich, so dass ein Reinigen dess
ben immer ein theilweises Auseinandernehmen der Luftpumpe erforde
Ekling in Wien hat diesem Uebelstande auf folgende Weise abzuhelfen g
sucht: er lässt den Kolben massiv und bringt dagegen ein Ventil auss

Fig. 247. Fig. 248. Fig. 249. halb des Stiefels an, zu welchem dann ein Canal von der Bodenplatte aus führt. Dieses Ventil öffnet sich, wenn beim Niedergange des Kolbens die im unteren Theile des Cylinders befindliche Luft comprimirt wird, und nun durch den besprochenen Canal hindurch gegen die untere Fläche des Ventils drückt, um endlich durch dasselbe zu entweichen. Beim Aufziehen des Kolbens schliesst sich dies Ventil natürlich wieder.

Die Mitte des Tellers R, Fig. 247 und 248, welcher zum Außetzen von Glasglocken dient, wird durch eine Schraube gebildet, auf welche man Ballons u. s. w. außechrauben kann. Von hier führt ein Canal bis d, wo er sich in zwei Arme theilt, von welchen der eine zum Boden des Cylinders D, der andere zum Boden des Cylinders S führt.

Derjenige Cylinder, in welchem der Kolben gerade aufsteigt, saugt Laft aus dem Recipienten, während in dem anderen Stiefel, in welchem der Kolben gleichseitig niedergeht, die vorher aus dem Recipienten gesaugte Luft durch das Kolbenventil entweicht.

Bei diesen Luftpumpen ist die Barometerprobe in der Regel von etwas aderer Einrichtung als die vorher erwähnte. Gewöhnlich ist sie ein ab-

Fig. 250.

gekürztes Barometer, welches in eine lange, enge Glasglocke g, Fig. 245 und 248, eingeschlossen ist, die mit dem Canal der Maschine in Verbindung steht. Diese Verbindung kann mittelst eines Hahnes willkürlich unterbrochen und wieder hergestellt werden. Fig. 250 stellt eine isolirte Barometerprobe von 7 Zoll Länge dar. Das Quecksilber füllt den zugeschmolzenen Schenkel ganz aus und beginnt erst zu sinken, wenn der auf den offenen Schenkel wirkende Luftdruck bis auf 1/4 Atmosphärendruck reducirt ist. Ist dieser Grad von Verdünnung erreicht, so giebt die Barometerprobe stets den Druck der Luft im Recipienten an, welcher der Differenz im Stande der beiden Quecksilberkuppen gleich ist. Sobald man wieder Luft zulässt, treibt der Druck derselben das Quecksilber mit Gewalt in die verschlossene Röhre zurück; man muss deshalb das Einströmen mässigen, damit der Gipfel der Glasröhre nicht durchgeschlagen wird.



Die Kolbenstangen der beiden Cylinder sind gezahnt und greifen in dasselbe Getriebe ein; wenn die eine steigt, geht die andere nieder, und diese alternirende Bewegung wird durch die Dre-

lang einer Kurbel in alternirender Richtung hervorgebracht.

Der Hahn F, welcher Fig. 251 für sich allein dargestellt ist, dient dazu, um den Recipienten nach Belieben von den Stiefeln ganz absperren der ihn auch mit der atmosphärischen Luft in Verbindung setzen zu könten. Während die Luftpumpe arbeitet, wird die Verbindung des Recipienten mit den Stiefeln durch den in Fig. 251 zum Punkt verkürzten Cata des Hahnes hergestellt. Dreht man den Hahn aus dieser Stellung

200 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druck.

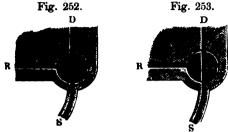
durch eine Viertelumdrehung so, dass die Oeffnung o gerade auf den nach dem Recipienten führenden Canal stösst, so ist der Recipient mit der äusseren Luft in Verbindung; wenn aber o gegen die Stiefel gekehrt wird, so ist der Recipient vollständig abgesperrt.

Wie vollkommen man auch alle Theile der Luftpumpe ausarbeiten mag, so ist es doch nicht möglich, den Kolben so zu machen, dass, wenn er auf dem Boden des Stiefels sitzt, sich nun gar kein Raum mehr zwischen dem Kolben und dem Stiefelboden befände. Ja, selbst wenn der Kolben absolut genau auf den Boden passte, so ist noch ein namhafter Raum unmittelbar unter der unteren Fläche des Kolbenventils. Wenn nun beim Niedergange des Kolbens das Kolbenventil sich hebt, um die zusammengepresste Luft entweichen zu lassen, so bleibt immer noch in dem erwähnten schädlichen Raume etwas Luft von der Dichtigkeit der Atmosphäre zurück. Denken wir uns nun für einen Augenblick während des Aufsteigens des Kolbens den Recipienten abgeschlossen, so wird sich die Lust des schädlichen Raumes in dem ganzen Stiefelraume verbreiten, und ihre Dichtigkeit wird sich nun zur Dichtigkeit der atmosphärischen Luft gerade so verhalten, wie das Volumen des schädlichen Raumes zum Volumen des ganzen Stiefels. Wenn nun die im Recipienten zurückgebliebene Luft auch schon bis zu diesem Grade verdünnt ist, so ist klar, dass durckaus keine Luft mehr aus dem Recipienten in den Stiefel übergehen kann, wenn auch eine Verbindung zwischen beiden besteht, und somit ist dem die Gränze der Luftverdünnung mittelst einer gewöhnlichen Luftpumps gegeben. Hat man einmal diesen Punkt erreicht, so ist alles fernere Pumpen nutzlos, die Barometerprobe bleibt stationär.

Staudinger in Giessen und Stöhrer in Leipzig haben bei ihren Handluftpumpen dadurch einen weit über die Wirkung gewöhnlicher bestrumente gehenden Effect erzielt, dass sie den Cylinder oben luftdicht im schädlichen Raume keine Luft von atmosphärischer Dichtigkeit, sondern nur eine sehr verdünnte Luft befindet.

Wenn nun der Kolben in S zu steigen, der in D niederzugehen beginnt, so wird die Communication zwischen den beiden Cylindern durch das Bodenventil in D unterbrochen und die in D unter dem Kolben befindliche Luft durch denselben entfernt.

In den Figuren 245 bis 248 ist der Babinet'sche Hahn mit \pmb{h} bezeich-



net; seine Einrichtung ist aus Fig. 252 und 253 näher zu ersehen. Auf den Umfang des Hahnes führen drei Canäle; einer nach oben führt zum Cylinder D; einer nach unten führt durch ein Rohr t, welches in der vorderen Ansicht

der Luftpumpe, Fig. 246, deutlich zu sehen ist, zum Boden des Stiefels δ , wo es mit einer Oeffnung v, Fig. 247, mündet; der dritte vom Hahn ach links gehende Canal endlich führt zum Recipienten. So lange der Hahn die Stellung, Fig. 252 behält, welcher auch Fig. 246 und 248 entpricht, sind beide Cylinder mit dem Recipienten in Verbindung und jeder Cylinder saugt aus dem Recipienten, wenn sein Kolben aufsteigt. man auf diese Weise so weit gekommen, dass ein ferneres Pumpen die Barometerprobe nicht weiter fallen macht, so wird der Hahn h um eine Viertelumdrehung gedreht, so dass er in die Stellung Fig. 253 kommt. Jetzt ist, wie man sieht, die Verbindung zwischen D und S, d. h. die Verbindung zwischen beiden Stiefeln, hergestellt, aber die Verbindung zwischen dem Stiefel D und dem Recipienten R unterbrochen. Nun wird bei weiterem Pumpen die Barometerprobe von Neuem sinken, bis eine Deue weitere Gränze der Verdünnung erreicht ist. Mit Hülfe des Babinet'schen Hahnes lässt sich die Verdünnung so weit treiben, dass die Barometerprobe nur noch einen Luftdruck von 1 Millimeter anzeigt.

Zweistiefelige Hahnenluftpumpe. Während die im vorigen 88 Paragraphen beschriebenen zweistiefeligen Ventilluftpumpen vorzugsweise in Paris verfertigt werden, construiren die Berliner Mechaniker Hahnenhaftpumpen von der Fig. 254, a.f.S., dargestellten Form, welche wohl auch ohne detaillirte Beschreibung verständlich sein wird, und zwar um so mehr, da die Theile mit denselben Buchstaben bezeichnet sind, wie die entsprechenden Theile der zweistiefeligen Ventilluftpumpe. Von dem Recipienten fahrt ein Rohr k, welches in unserer Figur nur stellenweise sichtbar ist, weinem Hahn k, welcher sich in der Bodenplatte zwischen den beiden Cylindern befindet; je nachdem dieser Hahn gestellt ist, wird durch ihn die Verbindung entweder des einen oder des anderen Stiefels mit dem Recipienten vermittelt, wie dies Fig. 255 und 256 erläutern.

Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Dra

Wenn der Hahn die Stellung Fig. 255 einnimmt, so ist durch der Stiefel rechts (D) mit dem Recipienten in Verbindung, von dem S fel links (S) führt aber ein Canal in die äussere Luft, dies ist also Stellung des Hahns, wenn der, bei dieser Luftpumpe nicht mit einem !

Fig. 254.



til versehene Kolben im Stiefel D gerade in die Höhe, der in S aber niedergeht.

Ist der Kolben in D oben, der in S unten angekommen, so wird der Hahn h durch eine halbe Umdrehung in die Stellung Fig. 256 gebracht, so dass jetzt S mit dem Recipienten und D mit der äusseren Luft communicirt.

Bei jedem Umsetzen der Kolbenbewegung muss natürlich der Hahn h um eine halbe Umdrehung gedreht werden, was bei vielen derartigen Instrumenten durch eine besondere Vorrichtung bewerkstelligt wird, deren Besprechung nicht hierher gehört.

Grassmann hat bereits im Jahre 1819 diesem Hahn eine Einrichtung gegeben, mittelst deren er tauglich wird, bei der zweistiefeligen Hahnenluftpumpe dasselbe Princip in Anwendung zu bringen, welches dem Babinet'schen Hahn bei den zweistiefeligen Ventilluftpumpen zu Grunde liegt. Der Hahn ist nämlich mit einer weiteren Durchbohrung n versehen, welche rechtwinklig zu der Ebene der bisher betrachteten Canäle steht. Wird nun der Hahn aus der Stellung Fig. 255 durch eine Viertelundrehung in die Stellung Fig. 257 gebracht, so sind nun beide Cylinder mit einander verbunden, und beide sowohl vom Recipienten als auch von der äusseren Luft abgesperrt.

Nachdem nun durch die oben beschriebenen Manipulationen, bei welchen der Hahn abwechselnd aus der Stellung Fig. 255 in die Stellung

Fig. 255.



Fig. 256.



Fig. 256 gebracht wird, die so mögliche Gränze der Verdünnung erreicht



ist, wird von nun an, wenn der Cylinder S Luft aus dem Recipienten gesaugt hat, der Hahn aus der Stellung Fig. 256 in die Stellung Fig. 257 gebracht, und also beim Niedergange des Kolbens in S die unter demselben befindliche Luft in den Cylinder D geschafft, so dass, wenn nun der Kolben in S unten ankommt, sich nur bedeutend verdünnte Luft im schädlichen Raume

befindet. Ehe nun das Aufziehen des Kolbens in S wieder beginnt, wird der Hahn wieder in die Stellung Fig. 256 gebracht u. s. w.

Einstiefelig doppelt wirkende Luftpumpen. Gleichen Effect 89 vie die zweistiefeligen geben auch die einstiefeligen doppelt wirken-

204 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druck.

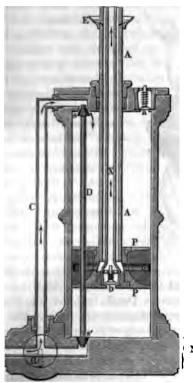
den Luftpumpen, d. h. solche, bei welchen während der Kolben in die Höhe geht, die Luft aus dem Recipienten in den unteren, während er hinabgeht aber in den oberen Theil des Stiefels gesaugt wird. An solchen doppelt wirkenden Luftpumpen, welche übrigens weit weniger verbreitet sind, als die zweistiefeligen, hat man in neuerer Zeit noch die Verbesserung angebracht, dass die auf- und abgehende Bewegung des Kolbens durch eine Kurbel vermittelt wird, deren mit einem Schwungrad versehene Axe stets in gleicher Richtung gedreht wird. Ausgezeichnete Instrumente dieser Art werden von Staudinger in Giessen verfertigt.

Sehr einfach und zweckmässig ist die Construction der doppelt wirkenden Luftpumpe von Bianchi, Fig. 258, deren Spiel durch die Durchschnittsfigur 259 erläutert wird. Durch einen vor \boldsymbol{B} angesetzten Kaut-



kuchlauch, der über eine Drahtspirale gezogen ist, wird der zu evande Recipient mit dem Stiefel verbunden. Beim Niedergange des





Kolbens strömt die vom Recipienten kommende Luft durch das Rohr C bei s in den oberen Theil des Cylinders ein, während die im unteren Theile des Cylinders comprimirte Luft durch das Ventil b und die Höhlung X der Kolbenstange entweicht.

Beim Aufgange des Kolbens strömt die vom Recipienten kommende Luft bei s' in den unteren Theil des Cylinders ein, während die in dem oberen Theile desselben befindliche Luft durch das Ventil a entweicht.

Die auf- und niedergehende Bewegung des Kolbens wird bei der Bianchi'schen Luftpumpe dadurch bewerkstelligt, dass das obere Ende der Kolbenstange mit dem Kurbelarme m, Fig. 258, verbunden ist.

Durch Umdrehung des Kurbelarmes m wird aber die Kolbenstange nicht allein aufgezogen und dann wieder hinuntergeschoben, sondern ihr

Kolbenstange auch dieser letzteren Bewegung folgen könne, ist der um eine, mit der Bodenplatte zusammenhängende horizontale drehbar, in derem vorderen Theile bei B sich der Canal befindet, ist der wom Recipienten kommende Luft in den Stiefel eintritt in zwei Zapfenlagern ruht, von welchen in Fig. 258 nur das sichtbar ist. Wenn also die Kurbel umgedreht wird, so muss der um diese Axe ganz so oscilliren, wie es bei oscillirenden Dampfhinen der Fall ist.

Da die Maschine durch ein gleichförmiges Umdrehen des Schwung
V in Gang gesetzt wird, so bedarf sie nur einer sehr geringen Kraft
engung und da der gusseiserne Cylinder derselben ziemlich bedeu
e Dimensionen hat, so evacuirt sie sehr rasch.

Bei R ist ein dem Babinet'schen (S. 200) entsprechender Hahn anracht, auf dessen nähere Beschreibung wir hier nicht eingehen können.

206 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärische

90 Die wichtigsten Luftpumpenversuche. Otto von (
machte mit seiner Maschine den merkwürdigen Versuch mit den

Fig. 262.

Fig. 260.

but well well tall 260 eins tall die sind die sind drug zu aus san Rau 1 1 Trä

Fig. 261.

Kugel 314 Quadrateent ist der äussere Druck, zusammenpresst, mehr

burger Hall welcher darin eine Hohlkugel tall, deren Häl 260, nur ein einander geset luftleer zu mac die Luft ausge sind die beide leicht zu trenz aber im Inne Luft mehr vorl um dem äusse drucke das Glei zu halten, so ausserordentlic sammen. Mag Radius der K 1 Decimeter se trägt der Quen

Kugel 314 Quadratcentimeter, und ist der äussere Druck, welcher di zusammenpresst, mehr als 314k. Contact vollständiger zu machen, i man die Ränder der Halbkugeln, veinander gesetzt werden, mit Fett, w den Teller der Luftpumpe zu setzen ein Hahn, welcher während des Au

acuirt, so wird der Druck vermindert, welcher auf dem Queckim Gefäss g lastet, das Quecksilber in der Röhre sinkt; es . sobald die Luft wieder zugelassen wird.

len vielen Luftpumpenversuchen wollen wir nur noch einige an zeigt z. B. mit Hülfe der Luftpumpe, dass brennende Köreren Raume verlöschen: dass der Rauch wie ein schwerer Kör-1 fallt: dass Luft im Wasser absorbirt enthalten ist; dass sich cht zwischen den Flüssigkeiten und den Wänden der Gefässe relchen sie enthalten sind, denn diese Luftschicht zeigt sich lenge kleiner Bläschen, welche in dem Verhältniss wachsen, druck abnimmt. Mit Hülfe der Luftpumpe kann man laues Kochen bringen u. s. w.

uigen Versuchen mit der Luftpumpe war schon früher die deren wird noch später die Rede sein; es bleibt hier nur noch ch im leeren Raume zu betrachten übrig, welcher schon oben

nemsten lässt sich der Fallversuch im leeren Raume mit der g. 262, anstellen. Eine Glasröhre von ungefähr 1 Zoll Durch-5 Fuss Länge ist oben und unten mit einer Messingfassung ekittet; die untere enthält einen Hahn und kann auf die ıfgeschraubt werden. In der Röhre befindet sich ein etwas tkorn und eine Papierscheibe von ungefähr 4 Linien Durchan nun die Röhre, nachdem sie luftleer gemacht worden ist, lten und dann rasch umgekehrt wird, so fällt das Bleikügels Papierstück gleich schnell, was bei der lufterfüllten Röhre 'all ist. Man hat hier einen ziemlich langen Fallraum und rsuch beliebig oft wiederholen, weil nun ein abermaliges Umöhre ein abermaliges Fallen bewirkt.

ressionspumpen. Um die Luft in einem Recipienten zu 91 verdichten, kann man jede Hahnenluftpumpe gebrau-3. chen, nur muss der Hahn entgegengesetzt gestellt wer-

den, wie beim Verdünnen, d. h. derjenige Stiefel, in welchem der Kolben gerade in die Höhe geht, muss mit der äusseren Luft, derjenige, in welchem der Kolben niedergeht, muss mit dem Recipienten in Verbindung stehen.

Ballons, in welchen die Luft comprimirt werden soll, werden auf der Schraube in der Mitte des Luftpumpentellers aufgeschraubt; Recipienten aber, welche auf den Teller aufgesetzt werden, müssen in der Fig. 263 dargestellten Weise auf den Teller der Luftpumpe aufgedrückt und auf ihm festgehalten werden.

Bei Ventilapparaten, welche zum Verdichten der



Luft dienen sollen, müssen sich die Ventile nach der entgegengesetzten Seite öffnen wie bei der Luftpumpe.

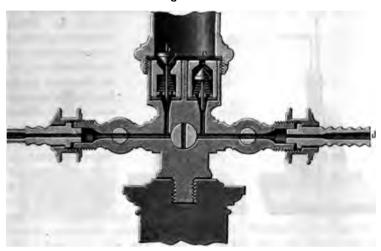
Eine der bekanntesten Formen der Compressionspumpe ist die, welche man zum Laden der Windbüchse anwendet. Der Recipient der Windbüchse ist aus Schmiedeeisen verfertigt; ein Ventil, welches sich nach innen öffnet, lässt die Luft zwar eintreten, hindert aber ihren Austritt. An diesen Recipienten wird ein Rohr angeschraubt, wie man in Fig. 264 sieht, in welchem ein Kolben luftdicht auf- und abgeschoben werden kann. Wenn sich der Kolben am unteren Ende des Laderohrs befindet, so kann Luft durch zwei seitliche Locher a eintreten; diese Luft wird nun beim Hinauftreiben des Kolbens in das Reservoir hineingepresst. Zieht man den Kolben wieder nieder, so kann die Luft aus dem Rerservoir nicht zurücktreten, die Röhre aber füllt sich mit einer neuen Portion Luft, die nun auch in das Reservoir gepresst wird, u. s. w.

Wenn man mit Hülfe der Compressionspumpe die Luft im Recipienten der Windbüchse bis auf 8 oder 10 Atmosphären comprimirt hat, wird ein Lauf angeschraubt, welcher der Kugel die Richtung geben soll-Das Ventil, welches den Recipienten verschliesst, wird durch den Drücker momentan geöffnet, so dass ein Thal der eingeschlossenen Luft mit grosser Gewalt entweicht und die Kugel forttreibt; das Ventil schliesst aber augenblicklich wieder. Mit einer guten Windbüchse kann man eine Kugel mit eben so grosser Geschwindigkeit fortschiessen, wie mit einem Feuergewehr. Man kann, ohne von Neuem zu laden, mehrere Schüsse nach einander thun, und zwar um so mehr, je grösser der Recipient ist

Fig. 265 zeigt die Einrichtung einer kleinen von Silbermann jun. construirten Compressionspump welche dazu dient, Gas aus einem Raume in einen deren zu bringen. Das zu entleerende Reservoir wie bei a, der zu füllende Recipient wird bei d angeschraubt. Beim Aufziehen des massiven Kolbens öffnet sich das Ventil b, um das Gas in den Cylinder zu sacgen, von welchem unsere Figur- nur den unte Theil zeigt. Beim Niederdrücken des Kolbens w geschlossen, das Ventil c aber geöffnet und das durch d in den Recipienten getrieben.

Messung des Druckes eingeschlossener Gase. Solche rate, welche dazu dienen, den Druck zu messen, welchen in irgend perrten Raume befindliche Gase auszuhalten haben, werden mit dem inschaftlichen Namen der Manometer bezeichnet. Die Barometern der Luftpumpen sind also auch Manometer.

Fig. 265.



In Fällen, wo der zu messende Druck sehr gering ist, wendet man len fraglichen Zweck Flüssigkeitssäulen an, welche in doppelt gebo-

266. Fig. 267.



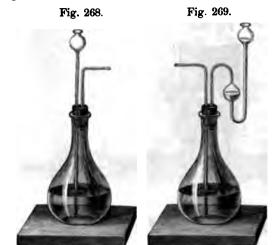
Zweck Flüssigkeitssaulen an, welche in doppelt gebogenen Röhren, Fig. 266, enthalten sind. Das eine Ende a des Manometerrohres wird mittelst eines Korkes in eine entsprechende Oeffnung des Gasbehälters eingesetzt, oder mittelst einer Messingfassung auf dieselbe aufgeschraubt. Ist nun der Druck des Gases auf den Gipfel der Flüssigkeitssäule im Schenkel bc grösser als der Druck der atmosphärischen Luft, welcher auf der Flüssigkeitssäule in dc wirkt, so muss die Flüssigkeit im äusseren Schenkel cd höher stehen als im inneren.

Solche Manometer wendet man zur Messung des Druckes an, unter welchem das Gas in den Gasometern und Leitungsröhren der Gasbeleuchtungsanstalten steht. Als Sperrungsflüssigkeit dient in diesem Falle gefärbtes Wasser. Fig. 267 zeigt eine etwas andere Form des offenen Hebermanometers.

Ganz ähnlich sind die Manometer construirt, durch welche der Luftck in Gebläsen gemessen wird und welche den Namen der Windsser führen.

Zu diesen Manometern können wir auch die Welter'schen Sichertröhren rechnen, welche Fig. 268 und Fig. 269, a. f. S., in zwei veredenen Formen dargestellt sind. Durch den Kork, welcher das Glas210 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druck.

gefäss, Fig. 268, verschliesst, in welchem ein Gas entwickelt werden soll gehen zwei Röhren hindurch. Die eine, nicht weiter in das Gefäss hin-

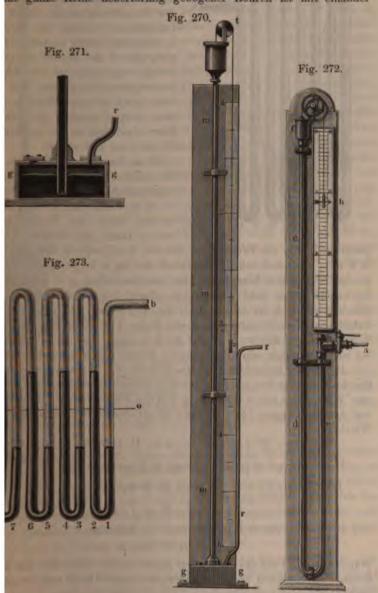


unterführend, ist die Abzugsröhre für das entwickelte Gas, die andere, bis in die Flüssigkeit hinunterreichend, ist die Sicherheitsröhre. Solldas Gas ausströmen, so muss der Gasdruck im Inneren des Glasgefässes grösser sein als der Druck der äusseren Luft, die Flüssigkeit wird also in der Sicherheitsröhre in die Höhe getrieben, und aus der Höhe der in derselben stehenden Flüssigkeitssäule erkennt man

die Grösse des Ueberdruckes im Inneren des Gefüsses. In gleicher Weise kann man die Grösse des Gasdruckes im Gefäss, Fig. 269, aus der Niveaudifferenz der Sperrflüssigkeit in der doppelt gebogenen Röhre erkennen.

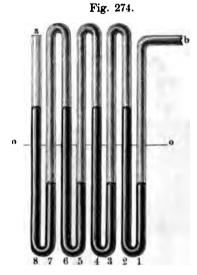
Wenn der Druck des eingeschlossenen Gases oder Dampfes stärker wird, als in den bisher betrachteten Fällen, so muss man Quecksilber statt des Wassers als Sperrungsflüssigkeit anwenden; für bedeutend stärkeren Druck aber muss man die Dimensionen des Apparates vergrössern. Fig. 270 stellt ein grösseres Manometer dar. Der untere Theil eines überall luftdicht verschlossenen gusseisernen Gefässes g ist mit Quecksilber gefüllt, und in dieses taucht

, kann man natürlich nur bei stehenden Dampfmaschinen anbrinin Fällen, wo es darauf ankommt, den Manometerapparat auf einen en Raum zusammenzubringen, werden oft solche gebraucht, welche em durch Fig. 273 erläuterten Princip construirt sind. ine ganze Reihe heberförmig gebogener Röhren ist mit einander



212 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen

verbunden; die untere Hälfte derselben bis zum Strich oo ist mit Quecksi obere Hälfte ist mit Wasser gefüllt. Nur in der äussersten Röhre



kein Wasser auf dem Quecksilb drückt die atmosphärische L das Quecksilber, während vor der Dampfdruck wirkt; durch Dampfdruck wird nun das Que in der ersten Röhre niedergedr muss also in der zweiten steig Gleiche wird nun bei den fo Röhrenpaaren stattfinden; das silber wird niedergedrückt in sten, dritten, fünften und si Röhre; gehoben in der zweite ten, sechsten und achten.

Ist in der letzten Röhre Nr Quecksilber um x Zoll übe ursprüngliches Niveau gehob ist es in 7 um eben so viel ni drückt; durch das Wasser i oberen Theile der Röhren 7

pflanzt sich also ein Druck B+2x auf die Oberfläche des Queel in 6 fort, wenn man mit B den Druck der bei a in die Röhre 8 e genden Atmosphäre bezeichnet. Da das Quecksilber in 6 aber gletig um 2x höher steht als in 5, so pflanzt sich auf die Oberfläc Quecksilbers in 4 der Druck B+2x+2x fort. In derselben fortschliessend findet man, dass in der Röhre 1 der Dampf mit eine $D=B+4\cdot 2x=B+8x$ drücken muss, wenn in 8 das Quecksilber um x Zoll über sein ursprüngliches Niveau gehoben werden soll Bei dieser Betrachtung ist das Gewicht des Wassers gegen d



Bei einem derartigen Instrumente muss nur die letzte Röhre von Glas, übrigen können aus Eisen gefertigt sein.

Fig. 275.



Alle Manometer, die wir bisher betrachtet haben. sind auf der einen Seite offen, so dass hier der Druck der Atmosphäre wirken kamn. Man hat aber auch noch andere Manometer, bei denen das Quecksilber nicht in eine oben offene, sondern in eine oben verschlossene Röhre hineingetrieben wird, so dass der hervorgebrachte Druck vorzugsweise durch die Compression der in der Röhre abgesperrten Luft gemessen wird. Einen derartigen Apparat haben wir schon Seite 126 kennen gelernt. Fig. 275 zeigt einen auf demselben Principe beruhenden Apparat, wie er auf Dampfkesseln oder Dampfleitungen aufgeschraubt werden kann. Durch den Canal a verbreitet sich der Dampfdruck in den von allen Seiten luftdicht verschlossenen Raum b. In demselben steht. auf dem Boden befestigt, ein eisernes zum Theil mit Quecksilber gefülltes Gefäss und in dieses taucht eine mit Luft gefüllte Glasröhre ein. Der Druck des Dampfes treibt das Quecksilber in das Rohr, wodurch die eingeschlossene Luft comprimirt wird. Wenn sie auf 1/2, 1/4, 1/8 u. s. w. ihres ursprünglichen Volumens comprimirt ist, so übt sie einen Druck von 2, 4, 8, u. s. w. Atmosphären auf den Gipfel der Quecksilbersäule aus.

Um das Compressionsrohr besser zu schützen, ist es meist von einem mit zwei diametral gegenüberliegenden 4 bis 5 Millimeter breiten Schlitzen verschenen Metallrohr umgeben, auf welchem auch die Scala angebracht ist.

Wenn die Röhren solcher Compressionsmanomezylindrisch sind, so werden natürlich die Abtheilungen der Scala, welche hen Druckdifferenzen entsprechen, nach oben hin sehr rasch abnehmen. dies zu verhindern, macht man die Röhren oft von unten nach oben ingt, ganz oben aber in eine kugelförmige Erweiterung auslaufend.

Metallmanometer. Wenn eine aus dünnem Metallblech gebildete 93 e von abgeplattetem Querschnitt und ungefähr so gebogen, wie es 276. a. f. S., darstellt, überall hermetisch verschlossen ist und nur durch löhrchen r mit der äusseren Luft in Verbindung steht, so wird sich das stärker krümmen, wenn man durch das Ansatzröhrchen r die Luft lem Inneren herauszieht, es wird sich dagegen mehr strecken, wenn die Luft im Inneren comprimirt.

Es lässt sich dies leicht zeigen, wenn man die Vorrichtung Fig. 276., durch das Röhrchen r mit einer Luftpumpe in Verbindung setzt; sobald evacuirt. nähern sich die Hörner a und b. Setzt man dagegen

214 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druck. die Vorrichtung auf eine Compressionspumpe, so entfernen sich die Hörner von einander, wenn die Luft im Inneren verdichtet wird.

Eine solche Röhre ist nun im Bourdon'schen Metallmanometer, Fig. 277, zur Anwendung gebracht. Die dünnwandige Röhre abc ist von ellip-



Krümmung doch noch variiren, je nachdem der äussere Luftdruck grösser oder kleiner wird; bei wachsendem Luftdrucke nimmt die Krümmung des Rohres zu, bei abnehmendem Luftdrucke hingegen nimmt sie ab.

Fig. 278 stellt ein möglichst einfach construirtes Aneroid-Barometer



dar. Die nahezu kreisförmige, luftleer gemachte Röhre ist in ihrer Mitte bei B auf die Bodenplatte des Gehäuses befestigt, im Uebrigen aber ist sie frei. Wenn der Luftdruck abnimmt, so entfernen sich die freien Enden A und C des Rohres von einander und bewirken dadurch mittelst der Metallstäbchen CD und AE die Drehung eines Hebels, dessen längerer Arm mit einem gezahnten Bogen ik endet. Dieser, bei abnehmendem Luftdruck nach rechts gehende gezahnte Bogen greift aber in einen Trieb ein, auf dessen Axe ein Zeiger befestigt ist, der sich nun nach der entgegengesetzten Richtung drehen

muss wie ik. Wenn dagegen der Luftdruck zunimmt, so krümmt sich die Röhre stärker und die Spiralfeder h kann die Axe des Zeigers wieder zurückdrehen, so dass also die Spitze desselben sich bei wachsendem Luftdrucke nach der Rechten bewegt.

Die Scala dieses Instrumentes kann natürlich auch nur durch Vergleichung mit einem anderen Barometer graduirt werden.

Um das Rohr luftleer zu machen, verfährt man auf folgende Weise: In der Art, wie es Fig 276 zeigt, mit einem Röhrchen r von Zinn versehen, wird das gekrümmte Rohr mittelst der Luftpumpe evacuirt, und alsdann das Röhrchen r nahe an seiner Ansatzstelle fest zugedrückt, abgeschnitten und dann verlöthet.

Fig. 278 stellt die Form dar, welche Bourdon dem Ancroid-Barometer gegeben hat. Das ursprünglich von Vidi construirte Ancroid-Barometer besteht aus einer luftleer gemachten hermetisch verschlossenen Dose von dünnem Kupferblech, deren cannelirter Deckel bei wechselndem Luftdruck bald mehr, bald weniger stark eingedrückt wird. Die Bewegungen, welche auf diese Weise der Mittelpunkt des Deckels macht, werden durch ein Hebelwerk vergrössert und auf einen Zeiger übertragen. Der Mechanismus dieser Instrumente ist weit schwerer zu übersehen, als der in Fig. 278 dargestellte.

Der Heronsball. Durch den Hals eines Gefässes, welches nur 91 zum Theil mit Wasser gefüllt ist, geht eine Röhre fast bis auf den Boden. Die Röhre endigt oben in eine Spitze mit feiner Oeffnung. Wenn die Luft Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druck.

im oberen Theile des Gefässes auf irgend eine Weise comprimirt worden ist, so treibt der Druck, den sie auf die Oberfläche des Wassers ausübt, dasselbe aus der feinen Oeffnung in Gestalt eines aufsteigenden Strahles Man kann zum Gefässe ein Arzneiglas nehmen, welches durch einen Kork verschlossen ist, durh welchen eine zu einer feinen Spitze augezogene Glasröhre hindurchgeht. Wenn die Glasröhre wenig oder gar nicht in das Gefäss hineinragt, so hat man die sogenannten Spritzflaschen, mit welchen die Chemiker ihre Niederschläge auswaschen. Die Compression der Luft geschicht bei dieser Art von Heronsball mit Hülfe des Mun-

Fig. 280.



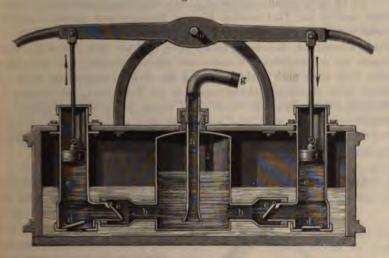
des, indem man die Luft durch die Röhre Wenn die im Apparate eingeschlossene Luft die Dichtigkeit der umgebenden Atmosphäre hat, und man denselben unter die Glocke der Luftpumpe setzt, so beginnt das Springen, sobald man evacuirt. Sollen diese Apparate einen grösseren Druck aushalten, so führt man sie ganz in Metall aus. In diesem Falle ist im Hale ein Hahn befestigt, über welchen die Auflussspitze angeschraubt werden kann, Fig. 279. Die Compression der Luft geschieht mittelst einer Compressionspumpe, welche man an der Stelle der Spitze aufschraubt. Wenn das Gefäss geladen ist, schliesst man den Hahn, entfernt die Pumpe und schraubt die Spitze auf. Sobald nun der Hahn geöffnet wird, springt das Wasser hervor his zu einer mit der Fig. 279. Grösse des Drucker

wachsenden Höhe

ser eingiesst, so wird es durch das Rohr a in das Gefäss c herabfliessen und die Luft in demselben absperren, welche nun durch die Wassersäule in der Röhre a comprimirt ist. Dieser Druck pflanzt sich durch das Rohr b zum Heronsball d fort und bewirkt so das Springen desselben.

Die Feuerspritze Fig. 281 ist eine Verbindung der Druckpumpe 95 mit dem Heronsball. Die Pumpenstiefel, von denen wir vor der Hand nur

Fig. 281.



den einen rechts betrachten wollen, stehen in einem mit Wasser gefüllten Kasten. Wenn der Kolben f aufgezogen wird, so hebt sich die Klappe d. md das Wasser dringt in den Stiefel. Beim Niedergange des Kolbens schliesst sich das Ventil d, die Klappe c wird geöffnet und das Wasser wird furch das Gurgelrohr b in den Windkessel a gepresst. Dieser Windlessel ist nichts Anderes als ein grosser Heronsball; je mehr Wasser in In Windkessel gepumpt wird, desto mehr wird die Luft im oberen Theile desselben comprimirt. Das Rohr h reicht fast bis auf den Boden des Windtemels; bei g wird eine Röhre mit enger Oeffnung, der Schwanenhals, bgeschraubt. Durch den Druck, welchen die im Windkessel comprimirte Laft auf das Wasser in demselben fortwährend ausübt, wird ein starker Wasserstrahl aus der Oeffnung des Schwanenhalses hervorgetrieben. An iner Oeffnung, welche sich in der Wand des Windkessels nahe am Boden befindet, kann ein Schlauch mit einer metallenen Spitze angeschraubt werden, welche eine Oeffnung wie der Schwanenhals hat; auch dieser Schlauch liefert einen Wasserstrahl, den man leichter lenken und der Feuerstelle her bringen kann als den Wasserstrahl des Schwanenhalses.

Der Auf- und Niedergang der Kolben wird durch einen zweiarmigen Bebel bewerkstelligt. An diesem Hebel sind die beiden Kolbenstangen 218 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen so befestigt, dass der eine Kolben steigt, wenn der andere nie dass also ohne Unterbrechung dem Windkessel neues Wasser zu wird.

In unserer Figur ist die Spritze in einem Momente dargest welchem der Kolben rechts niedergeht, während der Kolben auf ken Seite steigt; auf der linken Seite wird also gerade Wasser Stiefel eingesaugt, während auf der rechten Seite eben Wasser Windkessel eingepresst wird.

Es ist nicht gerade nothwendig, dass eine Feuerspritze zwei 6 habe, und in der That werden kleinere Feuerspritzen nur mit ein linder construirt; in diesem Falle ist freilich der Wasserzugang Kessel alternirend, dessenungeachtet aber wird aus dem Rohre de kessels ein continuirlicher Wasserstrahl hinausgetrieben, weil die mirte Luft auch noch wirkt, während der Kolben aufgezogen wifinden dabei allerdings Schwankungen in der Kraft statt, mit weld Wasserstrahl hervordringt, denn diese nimmt allmälig ab, währ Kolben aufgezogen wird, und sie wächst dann wieder, während den niedergedrückt, also eine neue Quantität Wasser in den Wihineingepresst wird.

Der Luftballon. Das Gesetz des Archimedes gilt fi

Fig. 282.

96



ebenso wie für Flüssigkei Körper, welcher in ein getaucht ist, verliert ein seines Gewichtes, welch Gewichte des verdrängte gleich ist. Es lässt sich Hülfe des Baroscops darti ches in Fig. 282 als un Glocke der Luftpumpe ben ist, so wird er unter die Glocke der Luftpumpe gebracht. Sobald man evacuirt, hört das Gleichgewicht auf; der Arm, an welchem die hohle Glaskugel hängt, sinkt um so tiefer je verdünnter die Luft unter der Glocke wird.

Es lässt sich davon leicht Rechenschaft geben. Es sei

G das Gewicht der Glaskugel M das Gewicht der Metallkugel M im leeren Raume,

L der Gewichtsverlust der Glaskugel wenn sie in Luft eingel der Gewichtsverlust der Metallkugel taucht sind,

so ist, wie uns das ursprüngliche Gleichgewicht am Wagebalken lehrt:

$$G-L=M-l$$

also

$$G = M + L - l$$

da nun aber jedenfalls L > l, weil das Volumen der hohlen Glaskugel grösser ist als das der Metallkugel, so ist auch G > M, im luftleeren Raume ist also die Glaskugel schwerer als die Metallkugel, obgleich sie sich im lufterfüllten Raume in der Wage das Gleichgewicht hielten.

Auf dem Gewichtsverlust der rings von Luft umgebenen Körper beruht auch das Steigen des Luftballons. Ein Körper muss nämlich in der Luft aufsteigen, sobald sein Gesammtgewicht kleiner ist als das Gewicht eines gleichen Volumens atmosphärischer Luft.

Einen solchen Körper kann man aber herstellen, wenn man eine entwrechende Hülle mit einem Gase füllt, welches leichter ist als die Luft. Eine solche Vorrichtung wird ein Luftballon genannt.

Die Brüder Montgolfier construirten einen grossen Ballon von gefinisstem Papier oder Taffet, welcher unten eine Oeffnung von einigen Quadratfussen hatte. In einiger Entfernung unter dieser Oeffnung war ein Korb von Metalldraht angehängt, welcher mit brennenden Stoffen gefüllt war. Durch die Verbrennung derselben wird eine Menge warmer, leichter Luft gebildet, welche aufsteigt und bald den ganzen Ballon anfallt. Sobald die warme Luft im Ballon sammt der Hülle und Allem, was daran hängt, leichter ist als die verdrängte Luftmenge, muss der Ballon teigen; er nimmt den brennenden Körper, der ihm die Steigkraft verleiht, mit in die Höhe. Der Ballon muss so lange steigen, bis er in eine Höhe kommt, in welcher die Luft schon so verdünnt ist, dass das Gewicht des Ballons dem der verdrängten Luftmenge gleich ist. Der erste Luftballon tieser Art, welche man Montgolfieren nennt, stieg zu Anonay den 5. Juni 1783.

Am 19. September desselben Jahres liess Montgolfier in Gegenvart des Königs zu Versailles einen Luftballon steigen, an welchem ein Käfig mit einem Schaf, einem Hahn und einer Ente angehängt war. Pilatre de Rozier und der Marquis von Arlandes unternahmen mit einer 220 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen D. Montgolfiere, welche Fig. 283 abgebildet ist, am 21. November 178 erste Luftfahrt.

Charles, ein bekannter Physiker, Professor zu Paris, hatte glücklichen Gedanken, statt der warmen Luft Wasserstoffgas anzuwe



von welchem Cavendish bereits im Jahre 1766 nachgewiesen hatte, sein specifisches Gewicht beinahe 14mal geringer ist als das der a sphärischen Luft.

Den ersten mit Wasserstoffgas gefüllten Ballon liess Charles an August 1783 steigen und am 1. December 1783 steig er mit einen chen 500 Cubikmeter Wasserstoffgas haltenden, von Robert begleite die Luft. In wenigen Minuten hatten sie eine Höhe von 3000 erreicht und legten in diesen Regionen einen Weg von 5 Meile 2 Stunden zurück. Charles stieg in den Tuilerien auf. Die ganza völkerung von Paris war in Bewegung. Alle öffentlichen Plätze, alle liegenden Orte waren mit Zuschauern bedeckt. Ein Kanonenschuss das Signal der Abfahrt, und man sah den Ballon sich wie ein Meteo Horizont erheben. Hoch in den Lüften sah man noch die flatternden Echen, von der Sonne beleuchtet, und die Schiffer, welche ruhig die grüssten. Nie hat wohl ein physikalisches Experiment solche allgen Bewunderung erregt.

In der Schlacht bei Fleurus am 26. Juni 1794 bedienten sich die inzosen eines Luftballons, um die Bewegungen der Oestreicher zu beschten. Im Jahre 1804 unternahmen Gay-Lussac und Biot eine Luftrt zu wissenschaftlichen Zwecken, bei welcher sie eine Höhe von 4000 ter erreichten. Eine zweite Fahrt unternahm Gay-Lussac allein und eichte eine Höhe von 7000 Metern, die grösste Höhe, zu der je ein insch gelangt war. (Humboldt und Bonpland sind am Chimborasso zu einer Höhe von 6100 Metern aufgestiegen.) In einer solchen Höhe alte man eine empfindliche Kälte: Gay-Lussac's Thermometer zeigte 10°C., während am Boden eine Hitze von 30°C. war. Die Luft war trocken, dass die hygroskopischen Körper rasch ihre Feuchtigkeit veren, der Himmel erschien sehr dunkelblau. Nach einer Fahrt von Stunden hatte Gay-Lussac in horizontaler Richtung einen Weg von Meilen zurückgelegt und sank in der Nähe von Rouen langsam nieder.

Fig. 284 stellt einen Luftballon dar, welcher eben mit Wasserstoffs gefüllt wird.



Fig. 284.

In neuerer Zeit werden die Luftballons häufig mit Leuchtgas gefüllt. Se müssen in diesem Falle grösser sein als die für Wasserstoff construirten, well das Leuchtgas schwerer ist als Wasserstoffgas.

Kleine Luftballons zu Experimenten bei Vorlesungen werden aus Goldschlägerhaut oder aus Collodium verfertigt.

Seifenblasen, welche mit Wasserstoffgas gefüllt sind, steigen gleich-

222 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druckfalls in die Höhe. Es sind dies ohne Zweifel die kleinsten Luftballom, welche man zu machen im Stande ist.

97 Steigkraft des Luftballons. Ein Cubikmeter Luft im Normalzustande (Temperatur 0°C., Luftdruck 760 Millimeter) wiegt nahezu 1,3 (genauer 1,299) Kilogramm. Das Wasserstoffgas ist unter übrigens gleichen Umständen 0,07 (genauer 0,0688) mal leichter als atmosphärische Luft, 1 Cubikmeter Wasserstoffgas im Normalzustande wiegt also 1,3 × 0,07 oder in runder Zahl 0,09 Kilogramm. Die Differenz dieser Gewichte, 1,3 — 0,09 = 1,21 Kilogramm, repräsentirt also die Steigkraft von 1 Cubikmeter Wasserstoffgas.

Der Luftballon, in welchem Charles und Robert aufstiegen, hatte einen Rauminhalt von 500 Cubikmetern. Bei 0°C. Temperatur und 760 Millimeter Barometerstand würde also die Steigkraft des Wasserstoffgass im Ballon 500. 1,21 oder 605 Kilogramm betragen.

Das Leuchtgas, welches in neuerer Zeit häufig zur Füllung von Luftballons angewandt wird, ist weit schwerer als Wasserstoffgas, sein specifisches Gewicht ist ungefähr 0,63 von dem der atmosphärischen Luft, 1 Cubikmeter Leuchtgas wiegt also im Normalzustande ungefähr 0,82 Kilogramm; es bleibt also für jedes Cubikmeter Leuchtgas noch eine Steigkraft von 1,3 — 0,82 = 0,48 Kilogramm. 500 Meter Leuchtgas habes demnach nur eine Steigkraft von 240 Kilogramm, sie ist also weit gerisger als die Steigkraft eines gleichen Volumens Wasserstoffgas.

Für die Montgolfiere ist die Steigkraft noch weit geringer. In einem grossen Ballon steigt die Temperatur der heissen Luft höchstens auf 60 bis 70°C., so dass die Dichtigkeit der im Ballon eingeschlossenen Luft ungefähr 0,8 der Luft von 0°C., woraus sich für das Cubikmeter der erwärmten Luft nur eine Steigkraft von 0,26 Kilogramm, für 500 Cubikmeter also nur eine Steigkraft von 130 Kilogramm ergiebt. Man mus also einer Montgolfiere schon sehr grosse Dimensionen geben, wenn sie

Sechstes Capitel.

Molekularwirkungen gasförmiger Körper.

Absorption der Gase durch feste Körper. Dass zwischen 98 n Theilchen fester und gasförmiger Körper eine bedeutende Anziehung attindet, geht am augenscheinlichsten aus folgendem Versuche hervor. seht man eine glühende Kohle unter Quecksilber ab, lässt man sie dann einem Glascylinder, Fig. 285, in die Höhe steigen, dessen oberer Theil t Kohlensäure gefüllt ist, welche durch Quecksilber von der Verbindung

Fig. 285.



mit der äusseren Luft abgesperrt wird, und deren Volumen ungefähr 20 mal so gross ist als das der Kohle, so wird in kurzer Zeit die Kohlensäure von der Kohle dermaassen verdichtet, dass das Quecksilber im Cylinder bis obenhin steigt. Die ganze Masse der Kohlensäure, welche vorher den ganzen oberen Theil des Cylinders erfüllte, ist jetzt durch die zwischen der Kohle und dem Gase stattfindende Anziehung in den Poren der Kohle verdichtet, das Gas ist absorbirt worden. Derselbe Versuch gelingt auch mit vielen anderen Gasen.

Wenn die Kohle längere Zeit an der Luft gelegen hat, so gelingt der Versuch nicht mehr ganz, was sehr begreiflich ist, wenn man bedenkt, dass die Kohle atmosphärische Luft und den in der Luft verbreiteten Wasserdampf absorbirt, und dass da-

rch natürlich ihre Absorptionsfähigkeit für andere Gase vermindert ird.

Wenn man eine Kohle, welche Gase absorbirt hat, unter die Lustunge bringt oder glüht, so lässt sie die absorbirten Gase wieder frei.

Nach den Versuchen von Saussure absorbirt 1 Volumen luftfreie

Buchsbaumkohle bei 12°C. und einem Barometerstande von 723 : ter folgende Gasvolumina:

Ammoniakg	as .							90
Schweflige S								
Schwefelwas	serst	off	gas					55
Kohlensäure			٠.				•	35
Sauerstoff .								
Stickstoff .								
Wasserstoff								

Die leichten condensirbaren Gase werden also stärker absor die permanenten.

Die Absorptionsfähigkeit verschiedener Kohlenarten ist nicht o so absorbirt z. B. ein Volumen Buchsbaumkohle 7,5, ein Volumen kohle nur 4,5 Volumina atmosphärischer Luft.

Die Absorption der Gase ist jederzeit von einer Wärmeentwibegleitet, die um so bedeutender ist, je heftiger die Absorption geht. Die Wärmeentwickelung, welche eine jede Gasabsorption blässt sich auf folgende Weise anschaulich machen. Das untere Em 1/2 bis 1 Zoll weiten Glasröhre wird durch einen Kork geschlossen

Fig. 286.

diesen ein Glasröhrchen a, Fig. 286, gesteckt, des res Ende ungefähr bis zur oberen Fläche des Korker Ueber dem Kork wird zunächst eine Schicht Bat b ausgebreitet und darauf eine Partie Kohle k geschüttet, welches eine Zeit lang unter der der Luftpumpe gestanden hat und dadurch von I freit worden ist. In dieses Kohlenpulver wird fäss eines Thermometers eingesenkt. Lässt m durch das Röhrchen a einen Strom von Kohlens eintreten, so steigt alsbald das Thermometer. Be

Strom von Wasserstoffgas entzündet. Darauf gründet sich die Döbereiner'sche Zündmaschine.

Dadurch, dass sich der feste Körper in einem fein vertheilten Zustande befindet, wie dies beim Kohlenpulver und dem Platinschwamm der Fall ist, wird die Absorption bedeutend befördert, weil alsdann viele Berährungspunkte zwischen dem festen Körper und dem Gase vorhanden sind; doch ist dieser fein vertheilte poröse Zustand nicht durchaus nothwendig, um die Verdichtung der Gase zu bewirken, sie findet auch statt, wenn der feste Körper eine vollkommen glatte, ja wenn er eine metallische Oberfläche hat, nur ist in diesem Falle die Verdichtung nicht so bedeutend. Wenn man ein Stück Platin mit vollkommen metallischer Oberfläche in ein Gemenge von Sauerstoffgas und Wasserstoffgas bringt, so werden die beiden Gase so sehr verdichtet, dass sie sich allmälig zu Wasser verbinden.

Nicht Platin und Kohle allein zeigen dieses merkwürdige Verhalten gegen Gase, sondern mehr oder weniger alle festen Körper. Jeder feste Körper ist daher gleichsam mit einer verdichteten Atmosphäre von irgend einem Gase umgeben, welche sich oft nur sehr schwer von ihm trennen liest, und mit welcher er sich, wenn man seine Oberfläche davon auch vollkommen befreit, nach einiger Zeit doch wieder umgiebt, wenn er in Berührung mit Gasen bleibt. So ist z. B. das Glas stets mit einer Hülle von verdichteter Luft umgeben, die man bei der Anfertigung von Barometern mur durch das Kochen des Quecksilbers in der Röhre entfernen kann. Giest man Wasser in einen Glaskolben und bringt man dann denselben ther Fener, so sieht man bald, wie sich an dem Boden eine Menge kleiper Bläschen bilden, noch lange ehe das Kochen des Wassers beginnt. Es ist dies die vorher wegen ihrer grossen Verdichtung gar nicht wahrgenommene Luftschicht, die nun, durch die Wärme ausgedehnt, Bläschen Aehnliche Bläschen sieht man auch, wenn man das Gefäss mit Wasser unter den Recipienten der Luftpumpe bringt und dann auspumpt.

Solche gasförmige Körper, welche leicht in den flüssigen Zustand übergehen (Dämpfe), werden durch die Anziehung, welche feste Körper auf sie ausüben, flüssig gemacht. So zieht z. B. Chlorcalcium den Wasserdampf mit grosser Begierde an, verdichtet ihn zu Wasser und zerfliesst endlich in dem Wasser. Auch das Kochsalz, namentlich wenn es viel Chlormagnesium enthält, zieht den Wasserdampf aus der Luft an und wird seucht; ebenso verhält sich die Pottasche und viele andere Körper.

Solche Körper, welche den Wasserdampf aus der Luft anziehen, heisen hygroskopische Körper; ausser den schon angeführten sind auch Holz, Haare, Fischbein u. s. w. hygroskopisch.

Hauchbilder. Eine Reihe höchst interessanter, von Moser ent- 99 deckter Erscheinungen findet durch die Molekularwirkungen zwischen festen und gasförmigen Körpern ihre Erklärung.

Wenn man auf eine Glastafel mit einem Holzstäbehen oder irgend

einem anderen Körper schreibt, so werden durch Behauchen die Charaktere deutlich hervortreten. Jeder polirte Körper, Metalle, Harz, Holz u. s. w., zeigt dasselbe wie die Glastafel.

Auf eine jodirte Silberplatte wurde ein gravirter Metallstempel, eine vertieft geschnittene Achatplatte und ein Hornring gelegt. Als nachher die jodirte Platte den Quecksilberdämpfen ausgesetzt wurde, zeigte sich ein deutliches Bild aller Figuren des Steins, der Buchstaben des Metallstempels und des Ringes.

Eine jodirte Silberplatte ist zu diesen Versuchen nicht nöthig; wenn man einen Stempel auf irgend einer Metallplatte einige Zeit stehen lässt, so zeigt sich nachher beim Behauchen der Platte, oder noch besser, wenn man sie den Quecksilberdämpfen aussetzt, ein Bild des Stempels. Die Dämpfe schlagen sich vorzugsweise bald an denjenigen Stellen nieder, an welchen eine Berührung stattfand, bald an den nicht berührten Stellen.

Eine unmittelbare Berührung ist nicht einmal nöthig; wenn der Stempel in ganz geringer Entfernung über die Platte gehalten wird, so tritt das Bild gleichfalls hervor, sobald man die Platte behaucht oder den Quecksilberdämpfen aussetzt.

Diese Wirkungen haben allerdings viel Aehnlichkeit mit den Wirkungen des Lichts auf Daguerresche Platten, und Moser sucht sie deshalb durch die Annahme zu erklären, dass jeder Körper gewissermassen selbstleuchtend sei, dass er also Strahlen aussendet, welche auf andere Körper gerade so wirken, wie die Lichtstrahlen, obgleich sie die Netzhaut im Auge nicht afficiren. Waidele erklärt dagegen diese Erscheinungen folgendermassen:

Im Allgemeinen ist jeder Körper von einer verdichteten Gasschicht eingehüllt; das absorbirte Gas bildet um seine Oberfläche eine Atmosphäre, wie die Luft um den Erdball. Wenn man einen Körper ausglüht, so wird er dadurch von den bereits absorbirten Gasen befreit; eine Silberplatte sleitet worden war. Nach 1 bis 2 Minuten wurde alles Kohlenpulver mit iner Baumwolle von der Platte abgekehrt. Wenn man sie nun besuchte, so condensirte sich der Wasserdampf auf der Hälfte, auf welcher is kohlensäurehaltige Kohlenpulver gelegen hatte, mit bräunlicher, auf er anderen Hälfte mit bläulicher Färbung. Den Quecksilberdämpfen auszetzt, condensirten sich dieselben nur auf der Hälfte der Platte, auf welner das frisch ausgeglühte Kohlenpulver gelegen hatte.

Da, wo das frisch ausgeglühte Pulver gelegen hatte, ist die Oberäche der Platte fast noch ganz rein, hier werden also die Wasserdämpse wohl als die Quecksilberdämpse stärker verdichtet als da, wo die Platte arch die Berührung mit dem kohlensäurehaltigen Kohlenpulver schon mit ner dichten Atmosphäre von Kohlensäure bedeckt ist.

Wenn man auf eine frisch präparirte, also ganz reine Platte einen tahlstempel aufsetzt, der durch längeres Liegen in Kohlenpulver, welches it Kohlensäure gesättigt war, mit einer dichten Atmosphäre von Kohleniure überzogen ist und ihn nach 10 Minuten wegnimmt, so erscheint in Bild, wenn man die Platte den Quecksilberdämpfen aussetzt, die sich orzugsweise da condensiren, wo Platte und Stempel nicht in unmittelarer Berührung waren, denn hier konnte sich die Platte nicht so schnell it einer Gasatmosphäre bedecken als da, wo sie mit einer dichten Atosphäre des Stempels in Berührung war.

Wenn dagegen die Platte mit einer Gasatmosphäre versehen ist, und an einen frisch gereinigten Stempel aufsetzt, so werden nach Wegnahme esselben die Quecksilberdämpfe umgekehrt da condensirt, wo der Stemel und die Platte in Berührung waren.

Wenn Platte und Stempel ganz rein sind, oder wenn Platte und Stemel in Kohlenpulver gelegen haben, welches mit Kohlensäure gesättigt rar, so erhält man gar kein Bild des Stempels.

Moser hat ferner gefunden, dass, wenn man auf irgend einen poliren Körper einen Papierschirm legt, in welchen beliebige Figuren ausgechnitten sind, alsdann die Platte behaucht und das Wasser verdunsten ässt, und darauf den Schirm wegnimmt, dass alsdann bei einem abermaligen Behauchen die ausgeschnittene Figur wieder sichtbar wird, indem nun hier die Wasserdämpfe anders condensirt werden als an den Stellen, welche vorher nicht behaucht worden waren.

Wenn man mit einem Wassertropfen, welcher an einem Glasstabe längt, über irgend eine polirte Platte hinfährt, ohne dass gerade Wasser uf der Platte hängen bleibt, so werden, wenn man nachher die Platte belaucht, die Züge sichtbar werden, in welchen der Tropfen über die Platte lingeführt wurde.

Moser erklärt diese Erscheinungen durch die Annahme eines latenten Lichtes, er nimmt nämlich an, dass Licht in ähnlicher Weise gebunden und wieder frei werden könne wie die Wärme. Wir können auf dese sehr unwahrscheinliche Theorie hier nicht weiter eingehen. Auch diese Erscheinungen erklärt Waidele mit überraschender Einfachheit.

einem anderen Körper schreibt, so werden durch Behauchen die Charaktere deutlich hervortreten. Jeder politte Körper, Metalle, Harz, Holz u. s. w., zeigt dasselbe wie die Glastafel.

Auf eine jodirte Silberplatte wurde ein gravirter Metallstempel, eine vertieft geschnittene Achatplatte und ein Hornring gelegt. Als nachher die jodirte Platte den Quecksilberdämpfen ausgesetzt wurde, zeigte sich ein deutliches Bild aller Figuren des Steins, der Buchstaben des Metallstempels und des Ringes.

Eine jodirte Silberplatte ist zu diesen Versuchen nicht nöthig; wenn man einen Stempel auf irgend einer Metallplatte einige Zeit stehen lässt, so zeigt sich nachher beim Behauchen der Platte, oder noch besser, wenn man sie den Quecksilberdämpfen aussetzt, ein Bild des Stempels. Die Dämpfe schlagen sich vorzugsweise bald an denjenigen Stellen nieder, an welchen eine Berührung stattfand, bald an den nicht berührten Stellen.

Eine unmittelbare Berührung ist nicht einmal nöthig; wenn der Stempel in ganz geringer Entfernung über die Platte gehalten wird, so tritt das Bild gleichfalls hervor, sobald man die Platte behaucht oder den Quecksilberdämpfen aussetzt.

Diese Wirkungen haben allerdings viel Aehnlichkeit mit den Wirkungen des Lichts auf Daguerresche Platten, und Moser sucht sie deshalb durch die Annahme zu erklären, dass jeder Körper gewissermaassen selbstleuchtend sei, dass er also Strahlen aussendet, welche auf andere Körper gerade so wirken, wie die Lichtstrahlen, obgleich sie die Netzhaut im Auge nicht afficiren. Waidele erklärt dagegen diese Erscheinungen folgendermaassen:

Im Allgemeinen ist jeder Körper von einer verdichteten Gasschicht eingehüllt; das absorbirte Gas bildet um seine Oberfläche eine Atmosphäre, wie die Luft um den Erdball. Wenn man einen Körper ausglüht, so wird er dadurch von den bereits absorbirten Gasen befreit; eine Silberplatte. die Quecksilberdämpse stärker verdichtet als da, wo die Platte Berührung mit dem kohlensäurehaltigen Kohlenpulver schon mit en Atmosphäre von Kohlensäure bedeckt ist.

- nan auf eine frisch präparirte, also ganz reine Platte einen mel aufsetzt, der durch längeres Liegen in Kohlenpulver, welches nsäure gesättigt war, mit einer dichten Atmosphäre von Kohlenzogen ist und ihn nach 10 Minuten wegnimmt, so erscheint wenn man die Platte den Quecksilberdämpfen aussetzt, die sich ise da condensiren, wo Platte und Stempel nicht in unmittelihrung waren, denn hier konnte sich die Platte nicht so schnell Gasatmosphäre bedecken als da, wo sie mit einer dichten Atdes Stempels in Berührung war.
- n dagegen die Platte mit einer Gasatmosphäre versehen ist, und i frisch gereinigten Stempel außetzt, so werden nach Wegnahme die Quecksilberdämpfe umgekehrt da condensirt, wo der Stemie Platte in Berührung waren.
- n Platte und Stempel ganz rein sind, oder wenn Platte und Stemphlenpulver gelegen haben, welches mit Kohlensäure gesättigt halt man gar kein Bild des Stempels.
- er hat ferner gefunden, dass, wenn man auf irgend einen polirer einen Papierschirm legt, in welchen beliebige Figuren ausgesind, alsdann die Platte behaucht und das Wasser verdunsten darauf den Schirm wegnimmt, dass alsdann bei einem abermalichen die ausgeschnittene Figur wieder sichtbar wird, indem nun Vasserdämpfe anders condensirt werden als an den Stellen, welr nicht behaucht worden waren.
- n man mit einem Wassertropfen, welcher an einem Glasstabe er irgend eine polirte Platte hinfährt, ohne dass gerade Wasser atte hängen bleibt, so werden, wenn man nachher die Platte be2 Züge sichthar werden in welchen der Tropfen über die Platte

einem anderen Körper schreibt, so werden durch Behauchen die Charaktere deutlich hervortreten. Jeder polirte Körper, Metalle, Harz, Holz u. s. w., zeigt dasselbe wie die Glastafel.

Auf eine jodirte Silberplatte wurde ein gravirter Metallstempel, eine vertieft geschnittene Achatplatte und ein Hornring gelegt. Als nachher die jodirte Platte den Quecksilberdämpfen ausgesetzt wurde, zeigte sich ein deutliches Bild aller Figuren des Steins, der Buchstaben des Metallstempels und des Ringes.

Eine jodirte Silberplatte ist zu diesen Versuchen nicht nöthig; wenn man einen Stempel auf irgend einer Metallplatte einige Zeit stehen läset, so zeigt sich nachher beim Behauchen der Platte, oder noch besser, wenn man sie den Quecksilberdämpfen aussetzt, ein Bild des Stempels. Die Dämpfe schlagen sich vorzugsweise bald an denjenigen Stellen nieder, an welchen eine Berührung stattfand, bald an den nicht berührten Stellen.

Eine unmittelbare Berührung ist nicht einmal nöthig; wenn der Stempel in ganz geringer Entfernung über die Platte gehalten wird, so tritt das Bild gleichfalls hervor, sobald man die Platte behaucht oder den Quecksilberdämpfen aussetzt.

Diese Wirkungen haben allerdings viel Aehnlichkeit mit den Wirkungen des Lichts auf Daguerresche Platten, und Moser sucht sie deshalb durch die Annahme zu erklären, dass jeder Körper gewissermaassen selbstleuchtend sei, dass er also Strahlen aussendet, welche auf andere Körper gerade so wirken, wie die Lichtstrahlen, obgleich sie die Netzhaut im Auge nicht afficiren. Waidele erklärt dagegen diese Erscheinungen folgendermaassen:

Im Allgemeinen ist jeder Körper von einer verdichteten Gasschicht eingehüllt; das absorbirte Gas bildet um seine Oberfläche eine Atmosphäre, wie die Luft um den Erdball. Wenn man einen Körper ausglüht, so wird er dadurch von den bereits absorbirten Gasen befreit; eine Silberplatte. m war. Nach 1 bis 2 Minuten wurde alles Kohlenpulver mit rolle von der Platte abgekehrt. Wenn man sie nun bendensirte sich der Wasserdampf auf der Hälfte, auf welcher rehaltige Kohlenpulver gelegen hatte, mit bräunlicher, auf lälfte mit bläulicher Färbung. Den Quecksilberdämpfen ausnsirten sich dieselben nur auf der Hälfte der Platte, auf welh ausgeglühte Kohlenpulver gelegen hatte.

das frisch ausgeglühte Pulver gelegen hatte, ist die Obertte fast noch ganz rein, hier werden also die Wasserdämpfe processilberdämpfe stärker verdichtet als da, wo die Platte ührung mit dem kohlensäurehaltigen Kohlenpulver schon mit Atmosphäre von Kohlensäure bedeckt ist.

an auf eine frisch präparirte, also ganz reine Platte einen aufsetzt, der durch längeres Liegen in Kohlenpulver, welches are gesättigt war, mit einer dichten Λtmosphäre von Kohlengen ist und ihn nach 10 Minuten wegnimmt, so erscheint nn man die Platte den Quecksilberdämpfen aussetzt, die sich da condensiren, wo Platte und Stempel nicht in unmittelang waren, denn hier konnte sich die Platte nicht so schnell atmosphäre bedecken als da, wo sie mit einer dichten AtStempels in Berührung war.

agegen die Platte mit einer Gasatmosphäre versehen ist, und isch gereinigten Stempel aufsetzt, so werden nach Wegnahme Quecksilberdämpfe umgekehrt da condensirt, wo der Stem-Platte in Berührung waren.

latte und Stempel ganz rein sind, oder wenn Platte und Stemnpulver gelegen haben, welches mit Kohlensäure gesättigt t man gar kein Bild des Stempels.

hat ferner gefunden, dass, wenn man auf irgend einen polirinen Papierschirm legt, in welchen beliebige Figuren ausged, alsdann die Platte behaucht und das Wasser verdunsten rauf den Schirm wegnimmt, dass alsdann bei einem abermalin die ausgeschnittene Figur wieder sichtbar wird, indem nun serdämpfe anders condensirt werden als an den Stellen, welicht behaucht worden waren.

nan mit einem Wassertropfen, welcher an einem Glasstabe rgend eine polirte Platte hinfährt, ohne dass gerade Wasser e hängen bleibt, so werden, wenn man nachher die Platte beüge sichtbar werden, in welchen der Tropfen über die Platte urde.

erklärt diese Erscheinungen durch die Annahme eines latens, er nimmt nämlich an, dass Licht in ähnlicher Weise gewieder frei werden könne wie die Wärme. Wir können auf nwahrscheinliche Theorie hier nicht weiter eingehen. Auch nungen erklärt Waidele mit überraschender Einfachheit. einem anderen Körper schreibt, so werden durch Behauchen die Charaltere deutlich hervortreten. Jeder polirte Körper, Metalle, Harz, Hou. s. w., zeigt dasselbe wie die Glastafel.

Auf eine jodirte Silberplatte wurde ein gravirter Metallstempel, ein vertieft geschnittene Achatplatte und ein Hornring gelegt. Als nachkt die jodirte Platte den Quecksilberdämpfen ausgesetzt wurde, zeigte sie ein deutliches Bild aller Figuren des Steins, der Buchstaben des Metalstempels und des Ringes.

Eine jodirte Silberplatte ist zu diesen Versuchen nicht nöthig; was man einen Stempel auf irgend einer Metallplatte einige Zeit stehen läsel so zeigt sich nachher beim Behauchen der Platte, oder noch besser, was man sie den Quecksilberdämpfen aussetzt, ein Bild des Stempels. Di Dämpfe schlagen sich vorzugsweise bald an denjenigen Stellen nieder, au welchen eine Berührung stattfand, bald an den nicht berührten Stellen.

Eine unmittelbare Berührung ist nicht einmal nöthig; wenn der Sten pel in ganz geringer Entfernung über die Platte gehalten wird, so trit das Bild gleichfalls hervor, sobald man die Platte behaucht oder der Quecksilberdämpfen aussetzt.

Diese Wirkungen haben allerdings viel Aehnlichkeit mit den Wirkungen des Lichts auf Daguerresche Platten, und Moser sucht sie des halb durch die Annahme zu erklären, dass jeder Körper gewissermansset selbstleuchtend sei, dass er also Strahlen aussendet, welche auf andere Körper gerade so wirken, wie die Lichtstrahlen, obgleich sie die Netzhauf im Auge nicht afficiren. Waidele erklärt dagegen diese Erscheinungen folgendermaassen:

Im Allgemeinen ist jeder Körper von einer verdichteten Gasschichteingehüllt; das absorbirte Gas bildet um seine Oberfläche eine Atmosphärs, wie die Luft um den Erdball. Wenn man einen Körper ausglüht, so wird er dadurch von den bereits absorbirten Gasen befreit; eine Silberplatte welche mit frisch ausgeglühtem Trippel geputzt wird, erhält dadurch den höchsten Grad von Reinheit. Ein Körper, welcher frisch gereinigt ist

t worden war. Nach 1 bis 2 Minuten wurde alles Kohlenpulver mit Baumwolle von der Platte abgekehrt. Wenn man sie nun bee, so condensirte sich der Wasserdampf auf der Hälfte, auf welcher hlensäurehaltige Kohlenpulver gelegen hatte, mit bräunlicher, auf deren Hälfte mit bläulicher Färbung. Den Quecksilberdämpfen ausgenondensirten sich dieselben nur auf der Hälfte der Platte, auf welss frisch ausgeglühte Kohlenpulver gelegen hatte.

a, wo das frisch ausgeglühte Pulver gelegen hatte, ist die Oberder Platte fast noch ganz rein, hier werden also die Wasserdämpse als die Quecksilberdämpse stärker verdichtet als da, wo die Platte die Berührung mit dem kohlensäurehaltigen Kohlenpulver schon mit lichten Atmosphäre von Kohlensäure bedeckt ist.

Venn man auf eine frisch präparirte, also ganz reine Platte einen tempel aufsetzt, der durch längeres Liegen in Kohlenpulver, welches ohlensäure gesättigt war, mit einer dichten Atmosphäre von Kohlenüberzogen ist und ihn nach 10 Minuten wegnimmt, so erscheint lild, wenn man die Platte den Quecksilberdämpfen aussetzt, die sich geweise da condensiren, wo Platte und Stempel nicht in unmittel-Berührung waren, denn hier konnte sich die Platte nicht so schnell iner Gasatmosphäre bedecken als da, wo sie mit einer dichten Athäre des Stempels in Berührung war.

Wenn dagegen die Platte mit einer Gasatmosphäre verschen ist, und einen frisch gereinigten Stempel aufsetzt, so werden nach Wegnahme üben die Quecksilberdämpfe umgekehrt da condensirt, wo der Stemmel die Platte in Berührung waren.

Wenn Platte und Stempel ganz rein sind, oder wenn Platte und Stemin Kohlenpulver gelegen haben, welches mit Kohlensäure gesättigt so erhält man gar kein Bild des Stempels.

Moser hat ferner gefunden, dass, wenn man auf irgend einen polir-Körper einen Papierschirm legt, in welchen beliebige Figuren ausgentten sind, alsdann die Platte behaucht und das Wasser verdunsten t, und darauf den Schirm wegnimmt, dass alsdann bei einem abermali-Behauchen die ausgeschnittene Figur wieder sichtbar wird, indem nun die Wasserdämpfe anders condensirt werden als an den Stellen, welvorher nicht behaucht worden waren.

Wenn man mit einem Wassertropfen, welcher an einem Glasstabe gt, über irgend eine polirte Platte hinfährt, ohne dass gerade Wasser der Platte hängen bleibt, so werden, wenn man nachher die Platte betht, die Züge sichtbar werden, in welchen der Tropfen über die Platte geführt wurde.

Moser erklärt diese Erscheinungen durch die Annahme eines laten-Lichtes, er nimmt nämlich an, dass Licht in ähnlicher Weise gelen und wieder frei werden könne wie die Wärme. Wir können auf sehr unwahrscheinliche Theorie hier nicht weiter eingehen. Auch Erscheinungen erklärt Waidele mit überraschender Einfachheit. Wenn man einen Wassertropfen, welcher an einem Glasstäbchen hängt, über eine Platte hinführt, welche mit einer Gasatmosphäre bedeckt ist, so absorbirt er einen Theil des Gases, und folglich muss der Weg des Tropfens auf der Platte sichtbar werden, wenn man sie nachher anhaucht.

Wenn man auf eine nicht sehr sorgfältig gereinigte Platte ein Blatt Papier legt, aus welchem irgend eine Figur ausgeschnitten ist; wenn man dann die Platte behaucht, das Blatt wegnimmt und das Wasser verdampfen lässt, so nimmt dies verdampfende Wasser die Gasatmosphäre grösstentheils mit weg, während sie an den nicht bethaut gewesenen Stellen bleibt; bei einem abermaligen Behauchen muss also natürlich hier der Wasserdampf stärker condensirt werden als auf der übrigen Platte. Was diese Ansicht unterstützt, ist der Umstand, dass das Bild der ausgeschnittenen Figur auf einer frisch und sorgfältig gereinigten Platte nie recht deutlich wird, während es sich auf solchen Platten, die man vorher absichtlich mit einer Atmosphäre von Kohlensäure oder Ammoniakgas versehen hat, am schönsten darstellt.

100 Absorption der Gase durch Flüssigkeiten. Flüssigkeiten

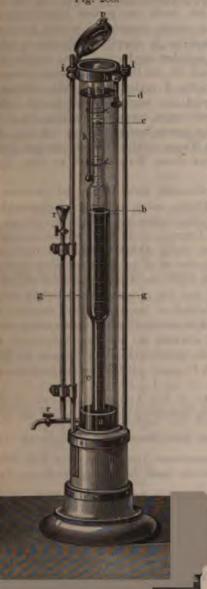
Fig. 287.



zeigen gegen Gase ein ganz ähnliches Verhalten wie das, welches wir so eben bei den festen Körpern betrachtet haben. Man kann dies recht anschaulich machen, wenn man den oben (S. 223) angeführten Versuch in der Weise abändert, dass man die Kohlensäure durch Ammoniakgas ersetzt und statt der Kohle Wasser in dem Glascylinder aufsteigen lässt. Das Ammoniakgas wird von dem Wasser mit solcher Begierde absorbirt, dass alsbald alles Gas verschwunden ist und sich die ganze Röhre mit Flüssigkeit füllt.

Die Angaben verschiedener Physiker für ein und dasselbe Gas sind abweichend, was daher rührt, dass ihre Beobachtungsmethoden mehr





oder weniger mangelhaft waren. In neuerer Zeit hat Bunsen eine sehr genaue Methode
zur Messung der Absorption
der Gase in Wasser angegeben und nach derselben von
den früheren sehr abweichende
Resultate gefunden.

Der zu diesen Versuchen angewandte Apparat hat folgende Einrichtung: Das in Millimeter getheilte und kalibrirte Absorptionsrohr e. Fig. 288, ist an seinem unteren offenen Ende mit einer aufgekitteten, in die Schraubenmutter des kleinen Stuhles aa. Fig. 289, passenden Schraubenspindel b versehen, vermittelst deren man das offene Ende des Absorptionsrohres gegen die mit vulkanisirtem Kautschuk überzogene Bodenplatte des kleinen Stuhles aa schrauben

Fig. 289.



und dadurch verschliessen kann. An dem Stuhle befinden sich die beiden Stahlfedern

welche in zwei perpendiculär laufende Falze der inneren Höhlung Fusses f, Fig. 288, passen, so dass sich der Stuhl, wenn er in die Höhlung des Fusses gesenkt ist, auf und nieder bewegen, aber nicht um seine Axe drehen lässt. Es wird dadurch bewirkt, dass die Absorptionsröhre, welche gegen die Kautschukplatte des in den Falzen festgehaltenen Stuhles geschraubt ist, durch eine geringe Axendrehung nach links oder rechts geöffnet oder wieder verschlossen werden kann.

In dieses mit Quecksilber gefüllte, in einer Quecksilberwanne stehende Absorptionsrohr lässt man nun zunächst eine Portion des zu untersuchenden Gases eintreten, und nachdem man die zur Bestimmung seines Volumens V, seiner Temperatur und des Druckes P, unter dem es steht, nöthigen Ablesungen vorgenommen hat, wird eine angemessene Quantität luftfreien Wassers zugelassen, das Absorptionsrohr durch Aufschrauben des oben besprochenen kleinen Stuhles unter Quecksilber geschlossen und dann in den unten mit Quecksilber, oben mit Wasser gefüllten Glascylinder gg, Fig. 288, eingetaucht. — Die Temperatur dieses Wassers wird an dem Thermometer k abgelesen.

Hierauf wird das Absorptionsrohr durch Drehen auf die oben angegebene Weise geöffnet, der Druck, unter welchem das eingeschlossene Gas steht, durch Eingiessen von Quecksilber in den Trichter r bis zu einem beliebigen Grade vermehrt, das Absorptionsrohr unten wieder zugeschraubt und dann das Glasrohr g oben durch Außschrauben eines Deckels vollkommen geschlossen. Dieser Deckel ist in der Mitte mit einer Kautschukplatte versehen, welche, auf den Gipfel des Absorptionsrohres aufgedrückt, dasselbe so fest hält, dass man nun den ganzen Apparat tüchtig schütteln kann. Nachdem nun diese Operation so lange wiederholt worden ist, bis sich nach dem Oeffnen des Absorptionsrohres keine Verminderung des Gasvolumens mehr zeigt, werden abermals die nöthigen Ablesungen vorgenommen, um das Volumen V' des übrigen Gases, das Volumen des Wassers im Absorptionsrohre, den Druck P', unter welchem das eingeschlossene Gas

giebt sich aus diesem, wie aus einer Reihe von anderen Versuchen das wichtige Gesetz: dass unter sonst gleichen Umständen die von einer Flüssigkeit absorbirten Gasmengen dem Drucke proportional sind.

Mit dem Namen des Absorptionscoëfficienten einer Gasart bezeichnet man nach Bunsen, das (auf 0°C. reducirte) Gasvolumen, welches von der Volumeneinheit der Flüssigkeit unter dem Quecksilberdruck von 760^{mm} absorbirt wird.

Dieser Absorptionscoëfficient lässt sich leicht berechnen, wenn man das Gasvolumen g ermittelt hat, welches unter dem Druck P' von dem Flüssigkeitsvolumen h absorbirt wird.

Nach dem oben angeführten Gesetz würde nämlich von demselben Flüssigkeitsvolumen h unter dem Normaldruck von $760^{\rm mm}$ das Gasvolumen

$$g \frac{760}{P'}$$

absorbirt werden. Das von der Volumeinheit der Flüssigkeit unter dem Normaldruck absorbirte Gasvolumen ist demnach

$$\alpha = \frac{g}{h} \frac{760}{P'} \dots \dots \dots \dots \dots 2)$$

Setzen wir in Gleichung 2) für g seinen Werth bei 1), so kommt

$$\alpha = \frac{1}{h} (v - v') \frac{760}{P'}$$

and wenn wir für v und v' ihre obigen Werthe setzen

Die Grösse α ist aber nichts anderes als der Absorptionscoëfficient.

Bei einem mit Stickstoffgas und Wasser bei einer Temperatur von 18°C. angestellten Versuch ergaben sich aus den Beobachtungen am Absorptiometer

$$V = 32,608$$
 $P = 429,3$ $V' = 16,52$ $P' = 730,5$ $h = 182,37$

Setzt man diese Werthe in Gleichung 3), so ergiebt sich

$$\alpha = 0.01448$$

als Absorptionscoëfficient des Stickstoffs in Wasser bei einer Temperatur von 18°C.

Für dieselben Substanzen ändert sich der Absorptionscoëfficient mit der Temperatur.

Für Kohlensäure und Wasser fand Bunsen folgende zusammengehörige Werthe der Temperatur und des Absorptionscoëfficienten:

\boldsymbol{t}	α	t	α
4,4° C.	1,4698	16,6°C.	0,9692
8,4	1,2426	19,1	0,8963
13,8	1,0652	22,4	0,8642

woraus er die Interpolationsformel

 $\alpha = 1,7967 - 0,07761t + 0,0016424t^2$

ableitet, welche das empirische Gesetz darstellt, nach welchem der Absorptionscoëfficient der Kohlensäure in Wasser von der Temperatur abhängt.

In ähnlicher Weise fand Bunsen für die Absorptionscoëfficientse verschiedener Gase folgende Interpolationsformeln:

Stickstoff in Wasser . . . 0,020346 - 0,00053887t + 0,000011156

n in Alkohol . . . $0,126338 - 0,000418t + 0,000006t^2$

Wasserstoff in Wasser . . 0,0193

in Alkohol . . $0,06925 - 0,0001487t + 0,000001t^2$

Kohlenoxyd in Wasser . . $0.032874 - 0.00081632t + 0.0000164t^2$

" in Alkohol . . 0,20443

Grubengas in Wasser . . . 0,05449 - 0,0011807t + 0,000010278t

", in Alkohol . . 0,522586 — 0,0028655t + 0,0000142t

Methylgas in Wasser . . . 0,0871 — 0,0033242t + 0,0000603t Oelbildendes Gas in Wasser 0,25629 — 0,00913631t + 0,000188108t

", in Alkohol 3,59498 — 0,057716t + 0,0006812#

Kohlensäure in Wasser . . 1,7967 — 0,07761t + 0,0016424t in Alkohol . . 4,32955 — 0,09395t + 0,00124t2

Sauerstoff in Wasser . . . 0.04115 - 0.000109t + 0.00002256

" in Alkohol . . . 0,2825

Der Absorptionscoëfficient von Wasserstoff in Wasser bleibt swischen 0° und 20° C., der von Kohlenoxyd in Alkohol und von Sauerstoff in Alkohol bleiben zwischen 0° und 24° ungeändert.

Zur Bestimmung der Absorptionscoöfficienten solcher Gase, welch

sich allein in dem vom Gasgemenge erfüllten Raum befände. Diesen, die Absorption des Gemengtheils bedingenden Druck nennt Bunsen den partiären Druck. Die atmosphärische Luft besteht z. B. aus

0,2096 Volumtheilen Sauerstoff und 0,7904 Volumtheilen Stickstoff.

3teht nun eine bestimmte Menge atmosphärischer Luft unter dem Druck P, so ist der partiäre Druck, unter welchem das Sauerstoffgas absorbirt wird, 0,2096 P, während die Absorption des Stickstoffs unter dem Druck 0,7904 P vor sich geht.

Bezeichnen α und β die Absorptionscoëfficienten des Sauerstoffs und des Stickstoffs, so werden demnach von der Einheit des Wasservolumens einer unter dem Normaldruck stehenden Luftmasse absorbirt

0,2096 a Volumina Sauerstoff und

 0.7904β Volumina Stickstoff;

demnach ergiebt sich für atmosphärische Luft der Absorptionscoöfficient $\nu = 0.2096 \,\alpha + 0.7904 \,\beta$.

Setzt man für α und β die Werthe der Absorptionscoöfficienten von Sauerstoff und Stickstoff bei 0° C., so kommt

 $\gamma = 0.008625 + 0.016151 = 0.024776$.

Das bei 0°C. von der Einheit des Wasservolumens aus der atmosphärischen Luft absorbirte Gasvolumen 0,024776 besteht aber aus 0,008625 Volumtheilen Sauerstoff und 0,016151 Volumtheilen Stickstoff, es enthält also 34 Proc. Sauerstoff und 66 Proc. Stickstoff. Das von Wasser aus der Atmosphäre absorbirte Gasgemenge ist also an Sauerstoff reicher als die atmosphärische Luft selbst.

In der angegebenen Weise geht jedoch die Absorption von Sauerstoff und Stickstoff aus der atmosphärischen Luft nur dann vor sich, wenn die procentische Zusammensetzung des Rückstandes unverändert bleibt, wenn also das Volumen des absorbirenden Wassers verschwindend klein ist gegen das Luftvolumen, welches mit demselben in Berührung ist. Wenn diese Bedingung nicht erfüllt ist, so wird in Folge der ungleichen Absorption der Bestandtheile die procentische Zusammensetzung des unabsorbirt zurückbleibenden Gases, also auch der partiäre Druck verändert und dadurch die Berechnung der absorbirten Gasmengen verwickelter. Aus diesem Grunde würde man auch aus directen Versuchen mit dem Absorptioneter einen anderen Werth für den Absorptionscoöfficienten der atmosphärischen Luft finden.

Diffusion der Gase. Flüssigkeiten, welche sich nicht gegenseitig 102
been oder chemisch mit einander verbinden, können wohl auf einige Augenblicke gemengt sein; bald aber trennen sie sich, sie lagern sich nach der
Ordnung ihrer specifischen Gewichte, wie z. B. das Oel auf dem Wasser
whwimmt. Bei Gasen findet eine ganz gleichförmige Mengung statt.

Diese Fundamentalwahrheit ist durch einen directen Versuch ausser Zweifel gesetzt worden. Berthollet verband zwei Ballons, von denen

der eine a, Fig. 290, mit Wasserstoffgas, der andere e mit Kohlensäuregas gefüllt war, durch eine Röhre, die durch Hähne gesperrt werden konnte. Nachdem der Apparat so aufgestellt war, dass der mit dem leichteren Wasserstoffgas gefüllte Ballon über dem anderen stand, wurden die Hähne geöffnet. Nach einiger Zeit hatte sich die Hälfte des Wasserstoffgases trotz seiner Leichtigkeit in dem unteren Ballon verbreitet, während die Hälfte des Kohlensäuregases in den oberen Ballon hinaufgestiegen war.

Jedes der beiden Gase verbreitet sich also gleichförmig in dem ganzen Raume gerade so, als ob das andere gar nicht da wäre.

Diese Erscheinung der gleichförmigen Mengung der Gase wird mit dem Namen der Diffusion bezeichnet.

Was für die Mischung zweier Gase gilt, gilt auch für mehrere. Das allgemeine Princip, nach welchem die Mischung gasförmiger Körper vor sich geht, ist folgendes: Wenn man in einen und denselben Raum verschiedene Gase bringt, welche keine chemische Wirkung auf einander ausüben, so verbreitet sich jedes gleichförmig durch den ganzen Raum.

Fig. 290.



Wenn zwei verschiedenartige Gase durch eine poröse Scheidewand getrennt sind, so geht der Austausch der Gase durch diese Scheidewand hindurch vor sich, und zwar bemerkt man hier eine ähn-



1 bis 2 Linien dicken, vollkommen trockenen Gypspfropf b, Fig. 291, geschlossene Glasröhre, wird mit Wasserstoffgas oder mit Leuchtgas gefüllt, während sie unten durch Quecksilber oder Wasser gesperrt ist, wie die Figur andeutet. Ueberlässt man nun die Vorrichtung sich selbst, so sieht man alsbald die Flüssigkeit in der Röhre steigen und schon nach einigen Minuten steht sie um eine namhafte Höhe über dem äusseren Flüssigkeitspiegel. Das Gasvolumen in der Röhre hat also abgenommen, weil Wasserstoffgas durch den Gypspfropf hindurch in die Atmosphäre diffundirt ist. Freilich ist auch in umgekehrter Richtung durch den Pfropf atmosphärische Luft in den Cylinder eingedrungen, allein das Volumen der eingetretenen Luft ist weit geringer als das Volumen des ausgetretenen Wasserstoffs.

Um das Gesetz der Diffusion durch poröse Scheidewände hindurch zu ermitteln, muss man dadurch, dass man die Röhre allmälig tiefer und tiefer einsenkt, dafür sorgen, dass das Niveau des Quecksilbers in der Röhre stets dem äusseren gleich bleibt, weil ohne diese Vorsichtsmaassregel mehr atmosphärische Luft eindringt, als wenn bloss eine Diffusionswirkung stattgefunden hätte. Um aber das Diffusionsrohr nach und nach tiefer einsenken zu können, wählt man zur Aufnahme der Sperrflüssigkeit einen Glascylinder von der Fig. 292 dargestellten Form.

Graham hat diese Erscheinung zuerst näher untersucht. Nach dem von ihm aufgestellten Gesetz verhalten sich die Geschwindigkeiten, mit welchen die Gase in entgegengesetzter Richtung die Scheidewand durchziehen, umgekehrt wie die Quadratwurzeln aus ihren specifischen Gewichten. Setzen wir das specifische Gewicht der Luft gleich 1, so ist das des Wasserstoffgases 0.06926; gegen 1 Volumen Wasserstoff, welches austritt, werden also $\sqrt{0.06926}$ Volumina Luft eintreten; das Volumen des austretenden Wasserstoffgases soll also

 $\frac{1}{\sqrt{0.06926}}$ = 3,80mal grösser sein als das der eintretenden Luft.

Zwischen Endosmose und der Diffusion der Gase findet also ein wesentlicher Unterschied statt. Während die Ungleichheit der entgegengesetzten Strömungen bei der Endosmose lediglich durch die ungleiche Molekularanziehung bedingt wird, welche die Scheidewand auf die Flüssigkeiten ausübt, kommt bei der Diffusion der Gase die Natur der Scheidewand gar nicht in Betracht; das Verhältniss der Strömungen hängt von dem Verhältniss der specifischen Gewichte der Gase ab.

Nach höchst sorgfältig angestellten Versuchen von Bunsen ist Graham's Diffusionsgesetz nicht genau. Ein mit Wasserstoffgas angestellter Versuch, bei welchem Wasser als Sperrflüssigkeit angewendet wurde, gab z.B. folgende Resultate: Das Anfangsvolumen des Wasserstoffs im Diffusionsrohr war 645, als das Wasserniveau in der Röhre 1 Millimeter höher stand als Aussen. Während nun das Wasserstoffgas durch den Gypspfropf diffundirte, also das Gasvolumen in der Röhre abnahm,

wurde das Diffusionsrohr immer in der Weise niedergesenkt, dass der Höhenunterschied zwischen dem inneren und äusseren Wasserspiegel stets 1 Millimeter betrug.

Nachdem das Gasvolumen im Diffusionsrohr auf 193 abgenommen hatte, fand keine weitere Aenderung des Volumens mehr statt, die Diffusion des Wasserstoffs war also beendigt, es waren also 193 Volumtheile atmosphärischer Luft gegen 645 Volumtheile Wasserstoffgas eingetreten.

Der Quotient $\frac{645}{193} = 3,34$ ist aber merklich geringer als 3,80, wie er nach dem Graham'schen Gesetze hätte sein müssen.

Diese Abweichung vom Graham'schen Gesetz hängt mit den Auströmungsgesetzen der Gase zusammen, wir werden deshalb am Schlusse des neunten Capitels auf diesen Gegenstand zurückkommen.

Siebentes Capitel.

Bewegung fester Körper unter dem Einfluss beschleunigender Kräfte.

Ruhe und Bewegung. Ein Körper, welcher seine Stellung ge- 103 gen andere ändert, ist in Bewegung; er ist in Ruhe, wenn keine solche Veränderung mit ihm vorgeht. Alle Ruhe, alle Bewegung, welche wir beobachten, ist nur relativ, nicht absolut. Die Bäume sind in Ruhe in Beziehung auf die benachbarten Berge, die Bäume haben eine unveränderliche Stellung auf dem Erdboden, aber Bäume und Berge sind deshalb zicht in absoluter Ruhe. Sie durchlaufen mit dem ganzen Erdballe, auf welchem sie fest stehen, die ungeheure Bahn unseres Planeten. Obgleich wir aber wissen, dass wir mit unserer Erde die Himmelsräume durchfliegen, indem sie sich um die Sonne dreht, so können wir doch über unsere absolute Bewegung nichts sagen, denn wir müssten wissen, ob die Sonne wirklich ein unbewegliches Centrum der Welt ist. Alles aber scheint anzudeuten, dass die Sonne selbst im Weltenraume fortschreitet.

Wir haben bei jeder Bewegung zwei wesentliche Dinge zu betrachten, die Richtung und die Geschwindigkeit.

Wenn ein Körper sich stets nach derselben Richtung bewegt, so ist seine Bahn geradlinig, wenn sich aber die Richtung seiner Bewegung fortwährend ändert, so ist seine Bewegung krummlinig. Wenn man sich in dem Punkte der Curve, welchen der Körper in einem bestimmten Momente einnimmt, eine Tangente an die Curve gezogen denkt, so zeigt uns diese Tangente die Richtung, welche in diesem Augenblicke die Bewegung des Körpers hat.

Gleichförmige Bewegung. Ein Körper hat eine gleichförmige 104 Bewegung, wenn er in gleichen Zeiten gleiche Räume zurücklegt. Wenn in Körper, der sich in gerader Linie bewegt, in jeder Minute gleich viel, twa 60 Fuss, fortschreitet, in jeder halben Minute 30, in jeder Secunde 1 Fuss, so bewegt er sich gleichförmig. Weil hier die in gleichen Zeiten

durchlaufenen Räume gleich sind, so folgt, dass das Verhältniss zwi Zeit und Raum constant bleibt. Dieses Verhältniss nennt man die schwindigkeit der gleichförmigen Bewegung. In der doppelten, fachen Zeit ist auch der durchlaufene Raum der doppelte oder dreit das Verhältniss bleibt also dasselbe. Die Zahl, welche die Geschwi keit ausdrückt, hängt davon ab, welche Einheiten man für Raum und wählt. Wollte man die Geschwindigkeit nur durch eine Zahl ausdri ohne anzugeben, welcher Einheiten man sich bedient, so würde di schwindigkeit noch durchaus unbestimmt sein. Am einfachsten drück die Geschwindigkeit dadurch aus, dass man angiebt, wie weit sic Körper in der Zeiteinheit, etwa in einer Minute, einer Secunde, be So geht z. B. ein erwachsener Mensch in der Regel mit einer Geschwi keit von 2,5 Fuss in der Secunde. Ein gewöhnlicher Wind hat ein schwindigkeit von 60 Metern, der Sturmwind aber eine solche von Metern in der Minute. Die beiden letzten Geschwindigkeiten sind sich vergleichbar, weil sie in denselben Einheiten ausgedrückt sind Geschwindigkeit des Sturmwindes ist 45mal so gross als die des gelichen Windes. Wollte man die oben angegebene Geschwindigkei Menschen mit der des Sturmwindes vergleichen, so müsste man si auf gleiche Einheit reduciren.

Weil die Materie träg ist, muss sich ein Körper, welcher einma gleichförmige Bewegung hat, fortwährend nach derselben Richtun mit derselben Geschwindigkeit bewegen, wenn nicht Kräfte auf ihr ken, welche entweder seine Richtung allein, oder seine Geschwind allein, oder auch Richtung und Geschwindigkeit zugleich ändern; durch sich selbst kann ein Körper in dieser Hinsicht nichts verä weder den Zustand der Ruhe noch den der Bewegung. Auf diese ist das Gesetz der Trägheit zu verstehen und nicht wie es sich die Philosophen dachten, welche behaupteten, dass die Materie eine vo schende Neigung zur Ruhe habe.

sgung eine gleichförmige sein; die Geschwindigkeit einer ver-Bewegung in einem gegebenen Augenblicke bestimmt man ss man ausmittelt, wie weit sich der Körper in der Zeiteinheit ürde, wenn von dem fraglichen Momente an alle Beschleunirerzögerung aufhörte.

kewegung heisst gleichförmig beschleunigt oder gleichrzögert, wenn die Geschwindigkeit in gleichen Zeiten gleich
r abnimmt. Solche Bewegungen werden durch Kräfte hervorelche fortwährend gleich stark wirken, wie dies bei der Schwere
. Ein schwerer Körper fällt mit gleichförmig beschleunigter
gkeit.

man von der Voraussetzung ausgeht, dass die Intensität der den verschiedenen Stellen, welche der fallende Körper durchbe sei (und die Erfahrung berechtigt uns in der That zu diene, wenigstens innerhalb gewisser Gränzen), so lassen sich alle freien Falls durch einfache Schlüsse entwickeln.

e Schwere in jedem Momente des Falles auf dieselbe Weise uss sie die Geschwindigkeit des fallenden Körpers in gleichen gleichviel vermehren, d. h. die Bewegung muss eine gleichhleunigte sein. Wenn der fallende Körper während der ersten eine Geschwindigkeit g erlangt, so muss er also nach 2, 3, unden eine Geschwindigkeit 2g, 3g, 4g...tg erlangt haben. ch dies in Worten allgemein so ausdrücken: die Geschwinnes frei fallenden Körpers ist stets der verflossenen proportional; oder es ist

$$v = g \cdot t \quad \dots \quad 1$$

Geschwindigkeit bezeichnet, welche der Körper während einer nt Secunden erlangt hat, g aber seine Geschwindigkeit am rsten Secunde darstellt.

en Raum muss aber demnach der Körper in 1, 2, 3, $4 \dots t$ urchfallen? Zu Anfang der ersten Secunde ist seine Geschwinich 0, zu Ende derselben ist sie g. Da nun die Geschwindigförmig zunimmt, so muss der in einer Secunde durchfallene bar gerade eben so gross sein, als ob sich der Körper während de mit einer Geschwindigkeit bewegt hätte, welche zwischen s- und Endgeschwindigkeit, also zwischen 0 und g in der Mitte e mittlere Geschwindigkeit aber ist 1/2 g, und ein Körper, der seunde lang mit der Geschwindigkeit 1/2 g bewegt, durchläuft 1/2 g.

o können wir durch Schlüsse den Fallraum finden, welchen der zwei Secunden durchfällt. Die Anfangsgeschwindigkeit ist 0, :hwindigkeit 2 g, also ist die mittlere Geschwindigkeit $\frac{2 g}{2}$, und

ein Körper, welcher sich zwei Secunden lang mit dieser Geschwindigke bewegt, durchläuft einen Raum 2.2 $\frac{g}{2}$.

In drei Secunden durchfällt der Körper einen Raum 3.3 g, den die Anfangsgeschwindigkeit ist 0, die Endgeschwindigkeit 3 g. also d mittlere Geschwindigkeit $3\frac{g}{2}$, und mit dieser Geschwindigkeit mass d Körper sich drei Secunden lang gleichförmig bewegen, wenn er deutst Weg zurücklegen soll, den ein schwerer Körper in drei Secunden durch

Wir wollen diese Schlussweise allgemein machen. Wenn ein Kön t Secunden lang fällt, so muss er einen Weg zurücklegen, welcher den jenigen gleich ist, den er während derselben Zeit bei gleichformiger Be wegung zurückgelegt hätte, wenn seine Geschwindigkeit das Mittel swi schen der Anfangsgeschwindigkeit 0 und der Endgeschwindigkeit a.1 also $\frac{g}{2}$. t gewesen wäre. Ein Körper aber, welcher sich t Secunden kap

mit der Geschwindigkeit $\frac{g}{2}t$ bewegt, durchläuft einen Raum-

$$s=rac{g}{2}.t^2\ldots\ldots$$

das heisst in Worten: die Fallräume verhalten sich wie die Quadrate der Fallzeiten.

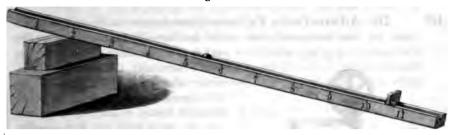
Aus Gleichung 2) ergiebt sich

$$t = \sqrt{\frac{2 \, \mathrm{s}}{g}} \, \dots \, \dots \, \dots \, \square$$
 und aus der Combination von 1) und 2)

$$v = \sqrt{2\,g\,s}$$

wie die Quadratwurzeln aus den entsprechenden Fallhöhen.

Fallrinne heruntertreibt, wenn x den Winkel bezeichnet, welchen sie mit der Horizontalen macht; durch Verkleinerung des Winkels x hat man Fig. 293.



es also in der Gewalt, den Fall auf der schiefen Ebene so langsam zu machen, als man will. Ist die Fallrinne so gestellt, dass $q \cdot sin$, x = 2', dass also der Fallraum der ersten Secunde 1 Fuss ist, so wird man finden, das die Kugel in 2, 3 u. s. w. Secunden einen Weg von 4, 9 u. s. w. Fuss in der Fallrinne durchläuft, dass sich also die Fallräume wirklich wie die Quadrate der Fallzeiten verhalten.

Beim freien Fall sind demnach (der Luftwiderstand abgerechnet) folgende die zusammengehörigen Werthe von t, v und s:

t			\boldsymbol{v}	s		
1. S	ecunde	30	Fuss	15	Fuss	
2.	n	60	"	60	n	
3.	77	90	"	135	77	
4.	n	120	n	240	ກ	
5.	_	150	_	375	_	

Oder in Metermaass:

t		\boldsymbol{v}		\boldsymbol{s}
1.	•	9,8	•	4,9
2.		19,6	٠.	19,6
3.	•	29,4		44,1
4		39,2		78,4
5.		49,0		122,5

Beim freien Fall wäre demnach

q = 30 par. Fuss oder 9,8 Meter.

Es sind dies jedoch nur angenähert richtige Werthe für die beschleunigende Kraft der Schwere. Der genaue Werth von g, wie er sich ans Pendelversuchen ergiebt, ist

g = 9,809 Meter oder

g = 30' 2" 4,3" altfranzösisches Maass, oder g = 31' 3" 0,5" preussisches Maass.

Galilai selbst machte Versuche über den freien Fall. Später wiederbolten Riccioli und Grimaldi dieselben an dem Thurme Degli Asinelli in Bologna. Die genauesten Versuche darüber hat Dechalles angestellt. Die beobachteten Fallräume sind stets kleiner, als man nach der Theorie erwarten sollte, diese Differenz rührt jedoch nur von dem Widerstande der Luft her, der im quadratischen Verhältnisse der Geschwindigkeit wächst. Bei der Fallmaschine und der Fallrinne ist der Luftwiderstand ohne Einfluss.

107 Die Adwood'sche Fallmaschine besteht im Wesentlichen aus einer um eine horizontale Axe leicht drehbaren Rolle, Fig. 294, welche

Fig. 294.



auf dem Gipfel einer ungefähr 6 Fuss hohen verticalen Säule hefestigt ist. Ueber die Rolle ist eine Schnur geschlungen, an deren Enden gleiche Gewichte m und n hängen. Legt man auf der einen Seite ein Uebergewicht r auf, so wird das Gleichgewicht gestört; die Gewichte n + r auf der einen Seite fallen, das Gewicht m auf der anderen Seite wird gehoben. Die Geschwindigkeit, mit welcher die Bewegung vor sich geht, ist weit geringer als beim freien Falle, weil die bewegende Kraft, die Schwerkraft des Uebergewichtes r, nicht allein die Masse r, sondern die Masse m + n + rin Bewegung zu setzen hat.

Wäre z. B. jedes der Gewichte m und n 7 Loth, r aber 1 Loth, so hätte das Uebergewicht von 1 Loth (abgesehen von der Masse der Rolle) eine Masse von 15 Loth in Bewegung zu ticalen Säule eine Theilung angebracht, deren oberster Punkt der Ipunkt der Scala ist. Zwei Schieber, von denen der obere durchbrochen können an jeder Stelle der Scala festgestellt werden.

Soweit ist die Kenntniss des Apparates nöthig, um den Zusammenig der Versuche zu verstehen.

Zunächst lässt sich mit der Fallmaschine leicht darthun:

1) Dass sich die Fallräume verhalten wie die Quadrate r Fallzeiten. Hat man das Uebergewicht, dessen zweckmässigste stalt man Fig. 295 sieht, so gerichtet, dass der Fallraum der ersten unde 1 Zoll ist. so werden

in	2	Secunden	4	Zoll,			
**	3	,	9	,			
77	4	,,	16	"			
	5		25	•	u.	8.	W

rchlaufen.

Befindet sich also das untere Ende des fallenden Gewichtes n zu

Anfang der Bewegung am Nullpunkte der Scala, so
hat man den undurchbrochenen Schieber bei den
Theilstrichen 4, 9, 16, 25 u. s. w. festzustellen, wenn
n am Ende der zweiten, dritten, vierten u. s. w.

Secunde aufschlagen soll.

Sodann lässt man mit Hülfe der Fallmaschine nachweisen:

2) Dass die Endgeschwindigkeit der zweiten, dritten vierten u. s. w. Fallsecunde 2mal, 3mal, 4mal u. s. w. so gross ist als die Endgeschwindigkeit der ersten. dass also die Geschwindigkeit des fallenden Körpers der Fallzeit proportional ist.

Zu diesem Zwecke hat das Uebergewicht r die Gestalt Fig. 296, so dass es auf dem durchbrochenen Schieber liegen bleibt, wenn das Gewicht n hindurchgegangen ist. Es ist nun klar, dass von dem Augenblicke an, in welchem das Uebergewicht abgehoben wird, keine beschleunigende Kraft mehr auf die Massen m und n wirkt, sie werden sich also von dem Augenblicke an, in welchem das Uebergewicht weggenommen wird, mit gleich för miger Geschwindigkeit fort-

bewegen, und zwar in derjenigen Geschwindigkeit, welche sie in dem Momente hatten, in welchem das Uebergewicht auf den durchbrochenen Schieber aufschlug.

Nehmen wir an, das Uebergewicht sei wieder so regulirt, dass der Fallraum der ersten Secunde 1 Zoll ist, so ist nach den obigen Austmandersetzungen die Endgeschwindigkeit der ersten Secunde 2 Zoll, d. h. wenn das Uebergewicht am Ende der ersten Fallsecunde abgenommen würde, 10 wirde n in jeder folgenden Secunde 2 Zoll zurücklegen.





Wird unter sonst gleichen Verhältnissen das Uebergewicht r erst am Ende der zweiten, dritten, vierten u. s. w. Fallsecunde abgenommen, so wird also die erlangte Endgeschwindigkeit 4 Zoll, 6 Zoll, 8 Zoll u. s. w. sein.

Bezeichnen wir nun die Höhe des Gewichtes n mit h, so wird das Uebergewicht am Ende der zweiten Fallsecunde (wenn also ein Weg von 4 Zoll durchfallen ist) abgenommen, wenn der durchbrochene Schieber so gestellt ist, dass die obere Fläche desselben sich (4 - h) Zoll unter dem Nullpunkte befindet. Das Gewicht n wird alsdann am Ende der dritten, der vierten, der fünften Secunde aufschlagen, wenn der zweite Schieber bei 4 + 4, bei 4 + 8, bei 4 + 12 u. s. w. steht.

Soll das Uebergewicht am Ende der dritten Fallsecunde abgenommer werden, so muss der obere Schieber (9 - h) Zoll unter den Nullpunkt gestellt werden, der untere Schieber aber 6, 12, 18 Zoll unter 9^n , wendas Gewicht n am Ende der vierten, fünften, sechsten u. s. w. Secunde auf demselben aufschlagen soll.

Ebenso kann man es einrichten, dass das Uebergewicht am Ende der vierten, fünften u. s. w. Secunde abgenommen wird, und man findet dam, dass die erlangte Geschwindigkeit 8, 10 u. s. w. Zoll ist.

Wir haben bisher die Reibung ganz unberücksichtigt gelassen und den Hergang der Sache betrachtet, wie er sein würde, wenn keine Reibung stattfände. Um den Einfluss der Reibung so gering als möglich zu machen, wendet man sogenannte Frictionsrollen an; aber selbst in diesem Falle ist es nöthig, auf das Gewicht n noch ein kleines, etwa aus einem ganz dünnen Metallblech herzustellendes Gewicht q aufzulegen (unter r), welches so justirt werden muss, dass es gerade der Reibung das Gleichgewicht hält.

Es sind jetzt nur noch einige Erläuterungen in Betreff der Fallmaschine beizufügen. In der Regel ist mit der Fallmaschine ein Pendel in Verhindung gebracht, welches zum Zählen der Fallsecunden dient, und mit desen erstem Schlage die Fallbewegung beginnen muss. Die sehr einfache Pendelvorrichtung unserer Fallmaschine ist aus Fig. 297 deutlicher zu ersehen.



der gabelförmige Doppelhammer h, Fig. 294 und 297 bei jedem Hin- und bei jedem Hergange des Pendels auf ein auf der Vorderseite desselben befestigtes Glöckchen schlägt.

Gleichförmig verzögerte Be- 108 wegung. Wenn ein Körper durch irgend einen Stoss vertical in die Höhe geworfen wird, so wird er mit abnehmender Geschwindigkeit steigen; nach einiger Zeit hört seine nach aufwärts gerichtete Bewegung auf und er beginnt zu fallen. Die Gesetze dieser Bewegung folgen unmittelbar aus dem Vorhergehenden.

Gesetzt, der Körper sei mit einer Geschwindigkeit von 150' in die Höhe geworfen worden, so würde er, wenn die Schwere nicht wirkte, in jeder Secunde 150' steigen. Da die Schwere einem fallenden Körper in 1, 2, 3, 4, 5 u. s. w. Secunden eine Geschwindigkeit von 30', 60', 90', 120', 150' u. s. w. ertheilt, welche der Richtung unserer Bewegung entgegengesetzt ist, so ist klar, dass die Geschwindigkeit des steigenden Körpers am Ende der ersten Secunde 150 - 30 = 120' ist; am Ende der zweiten Secunde ist diese Geschwindigkeit 150 - 60 = 90': am Ende der dritten 150 - 90 = 60'; am Ende der vierten 150 - 120 = 30: am Ende der fünften endlich 150 -150 = 0, und nun beginnt also der Körper zu fallen. Wir haben hier das Beispiel einer gleichförmig verzögerten Bewegung, denn die Geschwindigkeit des steigenden Körpers nimmt in ieder Secunde um gleich viel, nämlich um 30'ab.

Stellen wir dies allgemeiner dar. Es sei n die Geschwindigkeit im Beginn des Steigens, so ist die Geschwindigkeit des Körpers nach t Secunden

Das Steigen hört auf, wenn v = 0, wenn also n = gt, d. h. wenn die in t Secunden erlangte Fallgeschwindigkeit der Geschwindigkeit gleich ist, mit welcher der Körper zu steigen begonnen hat.

Die Zeit T, welche der Körper braucht, um den Gipfel seiner Bahn zu erreichen, ist demnach

$$T = \frac{n}{g}$$

Eine Kanonenkugel, welche mit 1200 Fuss Geschwindigkeit vertical in die Höhe geschossen wird, würde also den höchsten Punkt ihres Weges nach $\frac{1200}{30} = 40$ Secunden erreichen.

Suchen wir nun die Höhe zu bestimmen, welche der steigende Körper nach einer gegebenen Zeit erreicht hat. Bei dem oben zu Anfange dieses Paragraphen gewählten Beispiele würde der Körper nach 1, 2, 3 u. s. w. Secunden die Höhe von 150, 300, 450 u. s. w. Fuss erreicht haben, wenn die Schwere ihn nicht herabzöge. Wie wir aber gesehen haben, zieht ihn die Schwere in der ersten Secunde 15 Fuss herab, in 2 Secunden 4 . 15 oder 60', in 3 Secunden 9 . 15 oder 135'. Seine Höhe am Ende der ersten Secunde ist also 150-15=135'; am Ende der zweiten, dritten Secunde ist seine Höhe 300-60=240', 450-135=315' u. s. w. Nach 5 Secunden hätte er die Höhe von 750' erreicht, ist aber durch die Wirkung der Schwere $15\times5^2=375'$ herabgezogen, er befindet sich also wirklich in einer Höhe von 750-357=357 Fuss, und nun beginnt er wieder zu fallen.

Betrachten wir die Sache allgemeiner. In t Secunden würde der Körper vermöge seiner ursprünglichen Geschwindigkeit n zu der Höhe nt steigen, er ist aber durch die Schwere um $\frac{g}{2}t^2$ herabgezogen worden, seine wirk-

die Zeit T', welche ein Körper braucht, um die Höhe $H=\frac{n^2}{2\,g}$ zu durchfallen, ist demnach

$$T' = \sqrt{\frac{2}{g} \cdot \frac{n^2}{2g}} = \sqrt{\frac{n^2}{g^2}} = \frac{n}{g},$$

d. h. zum Herabfallen braucht der Körper eben so viel Zeit, wie zum Steigen.

Die Geschwindigkeit V, welche durch das Herabfallen von der Höhe H erlangt wird, ist nach Gleichung 4) Seite 240

$$V = \sqrt{2gH} = \sqrt{2g \cdot \frac{n^2}{2g}} = n,$$

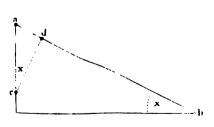
d. h. der Körper kommt mit derselben Geschwindigkeit unten wieder an, mit der er zuerst zu steigen begann; oder um einen Körper bis zu einer Höhe H vertical in die Höhe zu treiben, muss man ihm eine Anfangsgeschwindigkeit ertheilen, die gerade so gross ist als diejenige, welche er durch den freien Fall von der Höhe H herab erlangt.

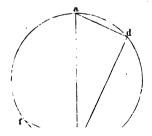
Fall auf der schiefen Ebene. Bezeichnet g wie bisher die beschleunigende Kraft der Schwere, x den Winkel, welchen die schiefe Ebene mit der Horizontalen macht, so ist g. sin. x die beschleunigende Kraft, welche den Körper zur schiefen Ebene herabtreibt. (S. Paragraph 28 S. 55.)

Der Weg s, welchen der frei fallende Körper in t Secunden zurücklegt, ist $s=\frac{g}{2}t^2$; auf der schiefen Ebene durchläuft er in derselben Zeit

den Weg $s' = \frac{g}{2} (sin. x) t^2 = s \cdot sin. x$. — In Fig. 299 sei nun ab die schiefe Ebene, ac der Raum s, welchen der frei fallende Körper in t Secunden durchfällt, so findet man den Weg s', welchen ein Körper in derselben Zeit auf der schiefen Ebene durchläuft durch Construction, wenn man von c ein Perpendikel cd auf ab fällt. Es ist hier offenbar $ad = ac \cdot sin.x$, oder $ad = s \cdot sin.x$, es ist also ad der gesuchte Fallraum s' auf der schiefen Ebene.

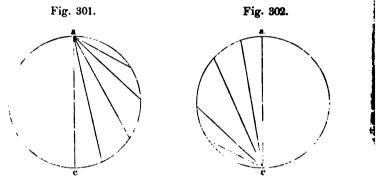
Fig. 299. Fig. 300.





Denken wir uns in einem Kreise, dessen Ebene vertical steht, der verticalen Durchmesser ac, Fig. 300 a. vor. S., ferner von irgend einem Punkte d des Umfanges aus die Sehnen da und dc gezogen, so ist bekanntlich dac ein rechtwinkliges Dreieck, und wenn man mit x den Winkel bezeichnet, welchen dc mit der Verticalen macht, so ist x auch der Winkel zwischen ad und der Horizontalen; ferner ist $ad = ac \cdot sin \cdot x$, es wird also die Schne ad in derselben Zeit durchlaufen, welche ein frei fallender Körper braucht, um den verticalen Durchmesser ac zu durchfallen.

Dies gilt, welche Stellung der Punkt d auch auf dem Kreisumfange einnehmen mag; alle von a, Fig. 301, ausgehenden Sehnen werden in gleicher Zeit durchlaufen, wie der verticale Durchmesser ac.



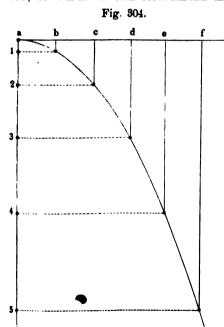
Denken wir uns durch c in Fig. 300 eine Sehne cf parallel mit ad gezogen, so hat cf nicht allein gleiche Neigung gegen die Horisontale wie ad, sondern auch gleiche Länge, woraus dann folgt, dass alle in c. Fig. 302, zusammenlaufenden Sehnen des Kreises in gleicher Zeit durchlaufen werden, wie der verticale Durchmesser ac.

Fig. 303. In Fig. 303 sei ab eine schiefe Ebene, deren Länge wir mit l und deren verticale

dieselbe Geschwindigkeit, als ob er die Höhendifferenz zwischen a und b, also die Länge ac frei durchfallen hätte.

Wurfbewegung. In den bisher betrachteten Fällen war die 110 Bewegung eine geradlinige, und die beschleunigende oder verzögernde Kraft wirkte in der Richtung eben dieser Bewegung. Sobald dies nicht mehr der Fall ist, sobald eine beschleunigende Kraft in einer Richtung auf den Körper wirkt, welche nicht mit der Richtung seiner Bewegung zusammenfällt, so muss die Bahn nothwendig eine krummlinige sein. Wir können hier zwei Fälle unterscheiden. Entweder ist die Richtung der beschleunigenden Kraft für alle Punkte der durchlaufenen Bahn dieselbe, wie man dies ohne merklichen Fehler bei der Wurfbewegung annehmen kann, oder die Richtung der beschleunigenden Kraft ist an verschiedenen Punkten der Bahn nicht mehr dieselbe, sondern stets nach einem Centralpunkte convergirend, wie bei der Centralbewegung.

Wenn ein Körper in einer anderen als in der verticalen Richtung geworfen wird, so beschreibt er eine krumme Linie, deren Gestalt sich aus den Gesetzen des Falles leicht ableiten lässt. Nehmen wir den einfachsten Fall, nämlich den, dass der Körper durch irgend eine Kraft in horizontaler Richtung fortgestossen worden sei. Wenn die Schwere nicht wäre, so würde er sich fortwährend in horizontaler Richtung bewegen,

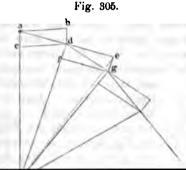


und zwar mit gleichförmiger Geschwindigkeit. Vermöge dieses Stosses würde er in der ersten Secunde den Weg ab, Fig. 304, in der zweiten den gleich grossen Weg bc u. s. w. zurücklegen, er müsste sich also am Ende der ersten, zweiten, dritten u. s. w. Secunde in den Punkten b. c. d u. s. w. befinden. Durch die Schwere aber ist er gesunken. In der ersten Secunde ist er um 15 Fuss gefallen, er wird sich also am Ende derselben nicht in b. sondern 15 Fuss unter b befinden. Am Ende der zweiten Secunde ist er 60 Fuss unter c. am Ende der dritten 135 Fuss unter du. s. w. Die krumme Linie, welche der Körper auf diese Weise beschreibt, ist eine Parabel.

Wenn der Stoss in irgend einer anderen Richtung stattfindet, so lässt sich die gleichfalls parabolische Bahn auf dieselbe Weise durch Construction ermitteln.

Die Bahn, welche ein geworfener Körper wirklich beschreibt, weicht wegen des Widerstandes der Luft von der rein parabolischen Gestalt ab.

111 Centralbewegung. Dass wir die Richtung der Schwerkraft an verschiedenen Stellen der Bahn eines geworfenen Körpers als parallel betrachten konnten, liegt nur daran, dass die Länge der durchlaufenen Bahn verschwindend klein ist gegen die Entfernung des Erdmittelpunktes, gegen welchen der geworfene Körper doch stets hingetrieben wird. Sobald aber die Bahn des Körpers eine namhafte Länge im Vergleich zur Entfernung des Anziehungsmittelpunktes hat, haben wir es mit einer Centralbewegung zu thun. In diese Kategorie gehört die Bewegung des Mondes um die Erde, der Erde und der übrigen Planeten um die Sonne. Denken wir uns, dass der Punkt a, Fig. 305, welcher durch eine stetig wirkende Anziehungskraft nach dem Punkte m hingetrieben wird, beim

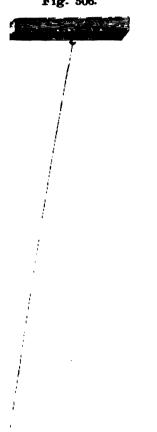


Beginne seiner Bewegung durch irgend eine momentan wirkende Kraft einen Stoss in der Richtung ab erhalten hätte, so wird er sich weder in der Richtung ab, noch in der Richtung ac bewegen, sondern in einer anderen ad, die sich nach dem Gesetze des Parallelogramms der Kräfte ausmitteln lässt. Um die Betrachtung einfacher zu machen, wollen wir annehmen, dass die stets nach m gerichtete anziehende

wirkt, dass alsdann der Körper ein Polygon beschreiben muss, sich einer krummen Linie um so mehr nähert, je kleiner jene le sind. Wenn die anziehende Kraft stetig wirkt, wie dies in ur wirklich der Fall ist, so ist die Bahn eine krumme Linie, deren on dem Verhältniss der sie bedingenden Kräfte abhängt.

** Kraft, welche den Körper stets nach dem Anziehungsmittelpunkte t, wird mit dem Namen Centripetalkraft bezeichnet. Wenn in einem Momente der Centralbewegung die Centripetalkraft zu aufhörte, so würde von dem Augenblicke an der Körper sich in der

Fig. 306.



Richtung der Tangente fortbewegen, und zwar mit einer Kraft, welche den Namen Tangentialkraft führt.

Je nach dem Verhältniss zwischen Tangentialkraft und Centripetalkraft kann die Bahn ein Kreis, eine Ellipse u. s. w. sein.

Die Art und Weise, wie durch Zusammenwirken einer beständig gegen einen festen Mittelpunkt hin wirkenden Kraft und eines einmaligen seitlichen Stosses eine Centralbewegung zu Stande kommt, lässt sich durch folgenden Versuch, Fig. 306, sehr anschaulich machen.

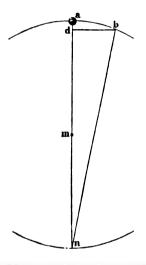
Von der Decke eines Zimmers herab hängt an einer dünnen Schnur eine me-Zieht man sie aus ihrer tallische Kugel. Gleichgewichtslage heraus, so wird sie durch eine gegen ihre frühere Gleichgewichtslage gerichtete Kraft afficirt sein. Lässt man die Kugel einfach los, so geräth sie in eine einfache Pendelbewegung, deren Gesetze wir später betrachten werden; theilt man ihr aber einen seitlichen Stoss mit, wenn sie sich eben an der Stelle ihrer grössten Ausweichung befindet, so wird sie von nun an eine krumme Linie um den Punkt der Gleichgewichtslage herum beschreiben, welche bei gehörig abgemessener Stärke des seitlichen Stosses sehr nahe kreisförmig sein wird.

Hier haben wir also die kreisförmige Bewegung eines Körpers, der durch eine beständig wirkende Kraft gegen den Mittelpunkt seiner Bahn getrieben wird, ähnlich wie der Mond nach der Erde, die Erde nach der Sonne hin angezogen wird. Bei unserm Versuche werden freilich die Kreise allmälig kleiner und kleiner, bis endlich die Kugel in dem Mittelpunkte zur Ruhe kommt; allein dies ist nur die Folge des Luftwiderstandes und der Reibung am Aufhängepunkte der Schnur.

Wir können uns hier nur mit der kreisförmigen Centralbewegung beschäftigen, und zwar wollen wir zunächst die Beziehung ausmitteln, welche zwischen der Grösse der Centripetalkraft, dem Halbmesser des Kreises und der Umlaufszeit stattfindet.

In Fig. 307 sei m der Mittelpunkt des Kreises, welchen der Körper a

Fig. 307.



beschreibt; ab sei der Weg, welchen er in der Zeiteinheit, etwa in 1 Secunde zurücklegt. Fällt man nun von b ein Perpendikel bd auf den von a ausgezogenen Durchmesser des Kreiscs, so ist offenbar ad der Weg, um welchen der Körper a in der Zeiteinheit gegen m hin sich bewegen würde, wenn der Körper in a nicht schon eine Tangentialgeschwindigkeit hätte, sondern lediglich durch die Centripetalkraft gegen m hin getrieben würde.

Einem bekannten Satze der Geometrie zufolge ist nun ab (wenn wir den Bogen als geradlinig betrachten, was ohne merklichen Fehler
geschehen kann, wenn ab nur ein kleiner Theil
des Kreisumfanges ist) die mittlere Proportionale
zwischen ad und an, es ist also

 $ab^2 = ad \times an$

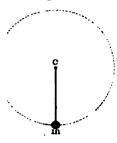
und daraus

$$ad = \frac{ab^2}{an}.$$

ntripetalkraft dem Halbmesser des Kreises direct und m Quadrate der Umlaufszeit umgekehrt proportional.

Die Schwungkraft. Wenn eine schwere Kugel am Ende einer 112

Fig. 308.



Schnur in m, Fig. 308, befestigt um den Punkt c umgedreht wird, so dass die Kugel einen Kreis um den Mittelpunkt c beschreibt, so wird die Schnur fortwährend eine Spannung auszuhalten haben. welche mit der Schnelligkeit der Umdrehung wächst. Wenn in irgend einem Momente die Schnur durchschnitten würde, so würde die Kugel nicht mehr im Kreise sich fortbewegen, sondern sich vermöge ihrer Trägheit in tangentialer Richtung von ihrer früheren Bahn entfernen.

Fig. 309.

Die Ursache der Spannung, welche die Schnur eidet, nennt man Centrifugalkraft, Fliehkraft, Schwung-Da aber hier der Widerstand der Schnur denselben Effect hervorbringt, wie die oben bei der freien Centralbewegung betrachtete Centripetalkraft, so ist klar, dass die Centrifugalkraft gleich und entgegengesetzt ist, und dass von der Centrifugalkraft Alles gilt, was von der Centripetalkraft gesagt wurde, d. h. die Schwungkraft wächst im Verhältniss der Halbmesser der Bahnen und im umgekehrten der Quadrate der Umlaufszeiten. die Spannung der Schnur, dass also die Schwungkraft auch der rotirenden Masse proportional sei, versteht sich von selbst.

> Schwungkraft tritt überall da auf, wo eine Rotation um eine feste Axe stattfindet und die einzelnen Theilchen auf irgend eine Weise verhindert sind, sich von jener Axe zu entfernen, also z. B. bei einem Schwungrad, einem Mühlstein u. s. w. Bei einer Schleuder, wie sie Fig. 309 dargestellt ist, sieht man in der That den Stein in tangentialer Richtung fortfliegen, sobald die Hand das eine Schnurende fahren lässt, der Stein also nicht mehr zurückgehalten wird. Bei einem rasch umgedrehten Schleifsteine fahren die Wassertropfen in tangentialer Richtung weg, sobald die Schwungkraft grösser wird als die Adhäsion des Wassers zum Stein.

> Um Versuche über die Schwungkraft anzustellen, wird die sogenannte Schwung- oder Centrifugalmaschine angewandt. Fig. 310 a. f. S. stellt eine solche Schwungmaschine, wie sie Mechanicus Oechsle in Pforzheim construirt, ungefähr in 1/10 der natürlichen Grösse dar.

Die Umdrehung des gusseisernen Schwungrades c, welches um eine verticale Axe drehbar ist, wird durch einen Riemen auf die hölzerne Spule s übertragen, welche, gleichfalls um eine verticale eiserne Axe drehbar, einen weit geringeren Durchmesser besitzt als das Schwungrad. Wäre z. B. der Durchmesser des Rades 10mal so gross, als der Durchmesser der Spule, so würde s 10 Umdrehungen machen müssen, während das Schwungrad 1mal umgedreht wird, und so ist es möglich, bei mässiger Umdrehungsgeschwindigkeit von c die Axe der Spule in rasche Rotation zu versetzen.

Fig. 310.



Die Axe der Spule endet oben bei a mit einem konischen Zapfen, auf welchem die zu verschiedenen Versuchen über Schwungkraft dienenden Apparate aufgesetzt werden können.

Eine sehr zweckmässige Einrichtung haben in neuerer Zeit mehrere



Berliner Mechaniker der Schwungmaschine dadurch gegeben, dass sie die ganze Vorrichtung auf einem Brette befestigt haben, welches, um ein Scharnier drehbar, nach Belieben horizontal oder auch, wie es Fig. 311 zeigt, vertical gestellt werden kann, wedurch die Schwungmaschine auch noch für verschiedene akustische und optische Versuche brauchbar gemacht wird.

Gehen wir nun zur Betrachtung einiger mit der Schwungmaschine anzustellender Versuche über.

Dass die Schwungkraft dem Radius des durchlaufenen Kreises proportional ist, lässt sich mit Hülfe des Apparates Fig. 312 nachweisen. Ein Brettchen, welches mittelst der Hülse b auf den Zapfen a der Schwung», Fig. 310, anfgesetzt wird, trägt an seinen Enden zwei ztieele Arme, zwischen denen ein dünnes Metallstäbehen oder

Fig. 812.



ein Metalldraht ausgespannt ist. Dieser Metalldraht geht durch zwei Kugeln von Holz, Metall oder Elfenbein hindurch, welche durch zwei Schnüre mit einander verbunden sind, so dass die Entfernung beider

on einender stets dieselbe ist, sobald die Schnüre angespannt sind. h in den Kugeln muss so gross sein, dass sie sich mit der grössten keit auf dem Drahte verschieben lassen. Nehmen wir an. die seien ungefähr so gestellt, wie es die Figur zeigt, so würden sie, ar Apperet in Rotation versetzt wird, sich von der Mitte des entfernend nach beiden Seiten auseinanderfahren und an den End-1 smechlagen, wenn es die Schnur nicht verhinderte. Da nun die nicht anseinanderfahren können, so wird diejenige, für welche die kraft stärker ist, die andere nach sich ziehen. Wenn nun aber In gerade so gestellt sind, dass die Schwungkraft für beide gleich arden sie sich nicht von der Umdrehungsaxe entfernen können und im Kreise bewegen müssen, ohne nach den Endplatten hinzufahren. ses Gleichgewicht findet nun statt, wenn sich die Entfernungen ingeln von der Mitte des Drahtes umgekehrt verhalten wie ihre Ware die grössere Kugel 2-, 3-, 4mal so schwer als die andere, te die kleinere Kugel 2-, 3-, 4mal so weit von der Umdrehungsvon der Mitte des Drahtes, entfernt sein.

s sich die Schwungkraft unter übrigens gleichen Umständen umverhält, wie das Quadrat der Umlaufszeit, dass sie also bei 2-, 3-, inerer Umlaufszeit 4-, 9-, 16mal grösser wird, lässt sich mit Hülfe erates Fig. 313 nachweisen. Innerhalb eines aus vier Brettchen

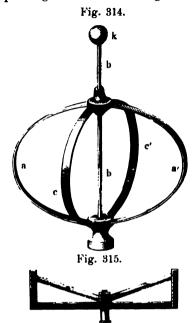
Fig. 313.



gebildeten Rahmens, welcher, wie der vorige Apparat, auf die Schwungmaschine aufgesetzt werden kann, ist ein Winkelhebel dbc angebracht, welcher bei b um eine horizontale Axe leicht drehbar ist. Bei d trägt er eine Metallkugel, bei c aber eine Metallplatte, auf welche verschiedene Gewichte aufgelegt werden können. Sobald dieser Apparat um seine Axe gedreht wird, strebt die

sich von derselben zu entfernen und die Gewichte bei c zu heben, ler That erfolgt, sobald die Schwungkraft der Kugel d gross genug n ist. Nehmen wir an, das auf c gelegte Gewicht sei so justirt, Kugel b an das Seitenbrett anschlägt, wenn das Schwungrad der maschine 1 mal in der Secunde umgedreht wird, so wird bei ter Umdrehungsgeschwindigkeit dasselbe erfolgen, wenn auf c lewicht gelegt wird, dass der Druck, mit welchem die Platte c: Unterlage aufliegt, 4 mal so gross ist als vorher.

Der in Fig. 314 in etwas grösserem Maassstabe als die vorhergehenden Figuren abgebildete Apparat dient, um zu erläutern, wie die Abplattung der Erde eine Folge ihrer Axendrehung ist.



An dem unteren Ende der eisernen Axe b, welche auf die Schwungmaschine aufgesetzt wird, sind mehrere elastische Streifen a a' und c c' von Messingblech befestigt, die oben wieder in einer leicht auf der Axe b verschiebbaren Hülse zusammenlaufen. Im Zustande der Ruhe strecken sich die Federn a, a', c und c', so dass die Hülse an dem Knopfe kansteht; sobald aber der Apparat rasch um die Axe b rotirt, nehmen die Metallstreifen die in unserer Figur angedeutete Gestalt an, indem alle Theilchen derselben sich möglichst weit von der Rotationsaxe zu entfernen streben. Je schneller die Umdrehung, desto mehr werden die Streifen gekrümmt, desto tiefer wird also die Hülse herabgezogen.

Der Apparat, Fig. 315, zeigt swei Glasröhren, welche an beiden Enden zugeschmolzen oder auch nur gut mit Kork verschlossen, in einem passenden

auf die Schwungmaschine aufzusetzenden Gestell, so befestigt sind, dass die nach aussen gekehrten Enden höher stehen als die nach innen gekehrten. Die eine dieser Röhren enthält eine kleine Kugel von Elfenbein oder schwerem Holz, die andere ist zum Theil mit Quecksilber und gefärbtem

statt der Schwungmaschine zu Versuchen über Centrifugalkraft bedienen kann; sie wird wohl ohne Erläuterung verständlich sein.

Um mit Hülfe einer solchen Vorrichtung den Satz zu beweisen, dass die Centrifugalkraft dem Quadrate der Umlaufszeit umgekehrt proportional ist, hat man eine dem Apparat Fig. 313 ähnliche Vorrichtung aufzusetzen und die Rotation dadurch zu bewirken, dass man die Schnur über eine Rolle gehen lässt und an ihrem freien Ende ein entsprechendes Gewicht anhängt. Durch das Niedergehen dieses Gewichtes nimmt nun die Umdrehungsgeschwindigkeit proportional der Fallzeit zu. Ist das Gewicht, welches an der Schnur zieht, gerade so gemacht, dass die Kugel dan der Seite anschlägt, nachdem die Bewegung eine Secunde gedauert hat, so wird man bei c ein 4faches, ein 9faches Gewicht auflegen müssen, wenn der Anschlag der Kugel derst nach zwei und nach drei Secunden erfolgen soll.

Wenn man ein Gefäss mit Wasser, an einer Schnur befestigt, wie Fig. 317 zeigt, und es mit der Hand in verticaler Ebene umschwenkt, so

fliesst das Wasser nicht aus, selbst wenn das Gefäss an der obersten Stelle seiner Kreisbahn sich befindet, wo der Boden nach oben und die Oeffnung nach unten gerichtet ist, weil unter diesen Umständen die Schwungkraft grösser ist als die Schwerkraft.



Fig. 317.

Grösse des Druckes und der Spannung, wel- 113 che die Schwungkraft erzeugt. Es ist in vielen Fällen zu wissen nothwendig, wie gross der Druck oder der Zug ist, welchen ein Körper von bekanntem Gewichte bei seiner Rotation um eine feste Axe hervorbringt.

Bezeichnet man den Druck oder den Zug des herumgeschleuderten Körpers mit D, sein Gewicht mit P, die beschleunigende Kraft der Schwere mit g und die beschleunigende Kraft, mit welcher sich die Masse P von der Axe zu entfernen strebt, mit v, so haben wir offenbar

$$g: v = P: D$$

also

$$D=\frac{v.P}{y},$$

für v aber ist der Werth bei 1) S. 252 zu setzen, folglich haben wir

$$D=P\,\frac{4\,\pi^2 r}{g\,t^2},$$

oder wenn wir für π seinen Zahlenwerth 3,14 und für g seinen in Fussen ausgedrückten Werth 30 setzen,

$$D=1,315 \, rac{Pr}{t^2} \, \ldots \, \ldots \,$$
 a)

wo natürlich r auch in Fussen ausgedrückt sein muss.

Es werde z. B. eine 3 Pfund schwere Kugel an einer 2 Fuss langen Schnur so schnell herumgeschleudert, dass jeder Umlauf in ³/₄ Secunden vollendet wird, so ist

$$D = 1,315 \cdot \frac{3 \cdot 2}{0.75^2} = 14$$
 Pfund.

Die Schnur wird also mit einer Kraft von 14 Pfunden gespannt sein. Wäre unter sonst gleichen Umständen die Umdrehungsgeschwindigkeit 3mal grösser, so würde die Spannung der Schnur 9mal stärker, sie würde also 126 Pfund geworden sein. Man sieht, wie durch gesteigerte Geschwindigkeit die Schwungkraft leicht eine enorme Grösse erreichen kann.

Für Metermaass geht Gleichung a) über in

In dieser Gleichung ist natürlich auch r in Metern auszudrücken. D erhält man in derselben Gewichtseinheit, in welcher P ausgedrückt ist. Es sei z. B. P = 10 Kilogramm, r = 3 Meter, t = 1,5 Secunden, so kommt

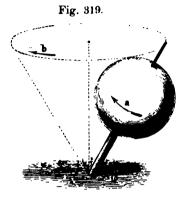
$$D=4\cdot\frac{30}{2,25}=53 \text{ Kilogramm}.$$

Mit Erfolg hat man in neuerer Zeit die Schwungkraft in der Industrie benutzt, z. B. in Zuckerfabriken um den Zucker vom Syrup zu reinigen; in Färbereien um Garne und Zeuge schnell zu trocknen u. s. w.

Babo hat die Schwungkraft auch bei chemischen Arbeiten in Anwendung gebracht, namentlich um Krystalle von syrupartiger schmieriger Mutterlauge zu trennen und um das Absetzen von Niederschlägen zu beschleunigen, welche unter den gewöhnlichen Umständen sehr lange suspendirt bleiben. Wenn nämlich die beschleunigende Kraft, mit welcher sich die geschwungene Flüssigkeitsmasse von der Rotationsaxe zu entfernen wie dies am besten durch den Kreisel erläutert wird. Ein Kreisel, Fig. 318, welcher aus einem bleiernen flachen Cylinder besteht, dessen Umdrehungsaxe unten mit einer stählernen etwas abgerundeten Spitze versehen ist, kann eine halbe, ja eine ganze Stunde lang auf dieser Spitze rotiren, ohne umzufallen (Busolt's Farbenkreisel, Pogg. Annal. Bd. XXXII, S. 656).

Wenn nun auf eine solche freie und nach jeder Richtung hin auch frei bewegliche Axe von aussen her irgend eine störende Kraft einwirkt,





welche die Richtung dieser Axe zu ändern strebt, so erfolgt eine Verschiebung der Axe rechtwinklig zur

Richtung der störenden Kraft. Man kann diese Erscheinung an jedem Kreisel, am bequemsten vielleicht an dem allgemein bekannten Brumm-kreisel (Brummtoppich) beobachten.

Fig. 319 stellt einen solchen Kreisel dar. Wenn die Rotationsaxe desselben, gleich nachdem er angelassen worden ist, nicht vertical steht, sondern mit der Richtung des Bleilothes einen Winkel macht, wie es die Figur zeigt, so fällt er nicht etwa um, wie man auf den ersten Anblick wohl vermuthen könnte, weil der Schwerpunkt nicht unterstützt ist, sondern die Axe des Kreisels beschreibt in langsamer Bewegung die Oberfäche eines Kegels, wie dies in unserer Figur durch punktirte Linien angedeutet ist, ohne dass der Kreisel sich mehr gegen die horizontale Ebene neigt; ja der Kreisel richtet sich allmälig mehr und mehr auf, bis endlich seine Axe senkrecht steht, welches letztere jedoch nur eine Folge der Reibung ist, welche die Spitze des Kreisels am Boden zu überwinden hat; dieses Aufrichten des Kreisels würde nicht stattfinden, wenn keine Reibung stattfände.

Wenn der Kreisel in der Richtung rotirt, welche der Pfeil a andeutet, so dreht sich die Rotationsaxe in der Richtung des Pfeiles b.

Der Kreisel fällt erst um, wenn seine Rotationsgeschwindigkeit bis zu einem gewissen Grade abgenommen hat.

Noch viel schöner und sicherer lässt sich diese langsame Drehung einer Rotationsaxe an den von Magnus und Fessel zu diesem Zwecke construirten Gyroscopen zeigen. Fig. 320 a. f. S. stellt ein Fessel'sches Gyroscop dar: a ist eine runde messingene Scheibe, deren

äussere Begränzung durch einen dicken messingenen Wulst gebildet wird. Durch die Mitte dieser Scheibe geht eine stählerne in Spitzen laufende Axe b, welche von einem messingenen Ringe c getragen wird. Der Ring c ist end-



lich wieder in dem Ringe d befestigt und um eine Axe nn drehbar, welche rechtwinklig auf der Axe b steht.

Der Ring d ist mit einem Ansatz versehen, welcher das Stahlstäbchen f trägt, und welcher mittelst eines horizontalen Stiftes in der Gabel i befestigt ist. Die Gabel i aber sitzt am oberen Ende eines Stahlstäbchens h, dessen untere Hälfte in einer vertical stehenden Hülse steckt, so dass die ganze obere Vorrichtung um die verticale $\mathbf{A}\mathbf{x}\mathbf{e}\,\mathbf{h}$ und um den horizontalen Stift drehbar ist, welcher durch i und den an dem Ringe d befestigten Ansatz geht. Da die Scheibe

a nun ausserdem noch um die Axen b und n drehbar ist, so ist also hinlänglich für ihre allseitige freie Beweglichkeit gesorgt.

eine auf die stählerne Axeb aufgewickelte Schnur rasch abzieht, während man den Ringc festhält.

Wird nun, nachdem das Gewicht g ganz entfernt oder doch so weit hinaufgerückt ist, dass das Uebergewicht auf Seite des Ringes d und seines Inhaltes ist, die Scheibe a in rasche Rotation versetzt, während der ganze Apparat ungefähr die Stellung hat, wie es die Figur zeigt, so scheint die Scheibe mit ihrem Ringe der Schwere nicht mehr zu gehorchen; denn die Neigung des Stäbchens f und der Axe b gegen die Verticale bleibt unverändert, während sich die ganze Vorrichtung um die verticale Axe h dreht, und zwar in einer Richtung, welche derjenigen gerade entgegengesetzt ist, nach welcher sich eben der oberste Punkt der rotirenden Scheibe bewegt.

Erst wenn die Rotationsgeschwindigkeit der Scheibe a bis zu einem gewissen Grade abgenommen hat, beginnt der Ring d mit der Scheibe a ganz allmälig herabzusinken.

Wenn man das Gegengewicht g an dem Stäbchen f mehr und mehr herunterschiebt, so dass das Uebergewicht, welches den Winkel des Stäbchens f und der Axe b mit der Verticalen zu vergrössern sucht, kleiner und kleiner wird, so wird unter übrigens gleichen Umständen die Drehung um die Axe h immer langsamer werden, bis sie endlich ganz aufhört, wenn g so befestigt ist, dass es dem Ringe d mit seinem Inhalte gerade das Gleichgewicht hält und in eine Drehung von entgegengesetzter Richtung übergeht, wenn g so weit heruntergeschoben wird, dass das Uebergewicht auf seiner Seite ist und ein Bestreben zeigt, den Winkel zu verkleinern, welchen das Stäbchen f und die Axe b mit der Verticalen machen.

Wie sich die fragliche Erscheinung, wenigstens in ihren Hauptzügen, ohne Calcül erklären lässt, hat Poggendorff in seinen Anna-

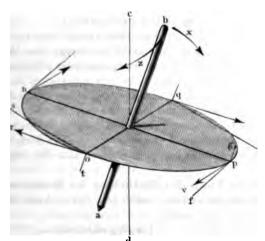
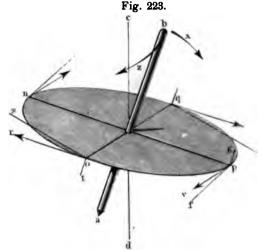


Fig. 321.

len (Bd. XC, S. 348) gezeigt.

Wenn die materielle Scheibe nopq, Fig. 321, um die Axe ab, die einen bestimmten Winkel mit der Verticalen cd macht, sehr rasch rotirt, so haben alle Theilchen der Scheibe tangentiale Geschwindigkeiten erlangt, welche für die Punkte o,p,q und n durch Pfeile angedeutet sind.

Wirkt nun auf die Scheibe eine Kraft, welche die Axe ab der verticalen cd zu entfernen also die Scheibe um die Axe oq oder eine damit parallele zu drehen strebt, so wird der nächste Effect sein, dass die Scheibe in der That ein wenig



gedreht, dass also p etwas gesenkt, n etwas gehoben wird. Dadurch werden nun die Geschwindigkeiten, mit welchen p und n behaftet sind, nicht alterirt, sie werden gewissermaassen parallel mit sich selbst verscho-Anders verhält es sich mit den materiellen Theilchen in o und q; sie werden genöthig, aus der Richtung der Tangentialgeschwindigkeiten, mit welchen sie eben behaftet sind, herauszutreten;

das Theilchen o z. B. wird genöthigt, die Richtung os einzuschlagen. Dadurch wird aber offenbar die ursprüngliche Geschwindigkeit or in zwei Seitenkräfte zerlegt, von welchen die eine os die Richtung bezeichnet, welche die in o an die Peripherie gelegte Tangente annehmen muss, während die andere Seitenkraft ot rechtwinklig zur Ebene der Scheibe als ein Druck wirkt, welcher eine Drehung um die Axe np zu bewirken strebt, und zwar in der Art, dass die obere Hälfte der Axe ab sich nach vorn bewegt.

Wird in gleicher Weise die Geschwindigkeit zerlegt, mit welcher ursprünglich ein materielles Theilchen in q behaftet war, so ergiebt sich

die Richtung der Tangentialgeschwindigkeiten in n und p alterirt. Das Theilchen p, welches die Tangentialgeschwindigkeit pv hatte, wird eine Tangentialgeschwindigkeit in der Richtung pf annehmen müssen, die Geschwindigkeit pv wird also in zwei Componenten zerlegt, von denen die eine nach pf gerichtet ist, während die andere pg als ein Druck auf die Scheibe wirkend dahin strebt, die Axe ab der Verticalen zu nähern; eine gleiche Wirkung geht aus der Zerlegung der ursprünglichen Tangentialgeschwindigkeit von n hervor.

In Folge der Drehung der Rotationsaxe treten also Kräfte auf, welche die Rotationsaxe der Verticalen zu nähern streben, also der ursprünglich störenden Kraft gerade entgegenwirken, welche dahin strebt, die Rotationsaxe von der Verticalen zu entfernen; so kommt es denn, dass, wenn die Rotationsgeschwindigkeit gross genug ist, der Winkel zwischen der Rotationsaxe und der Verticalen constant erhalten wird.

Eine vollständige Erklärung der hierher gehörigen Erscheinungen nicht allein der Art, sondern auch der Grösse nach, ist ohne höhere Rechnung nicht wohl möglich. Eine vollständige Theorie des Kreisels so wie der auf den gleichen Erklärungsgrund zurückzuführenden Erscheinung der Präcession (s. kosmische Physik 2te Aufl. §. 35 und §. 100) hat schon Euler gegeben, und man findet dieselbe im dritten Bande seiner Mechanik, welche vor Kurzem erst wieder in deutscher Uebersetzung mit Anmerkungen und Erläuterungen von Wolfers herausgegeben wurde.

Leistung oder Arbeit einer Kraft. Wenn eine beschleuni- 115 gende Kraft auf einen Körper wirkt, so muss er sich in der Richtung derselben bewegen, es sei denn, dass sie nicht hinreicht, um die dieser Bewegung etwa entgegenwirkenden Widerstandskräfte zu überwinden.

Ist die beschleunigende Kraft grösser als die ihr entgegenwirkenden Widerstandskräfte, so muss eine beschleunigte Bewegung erfolgen. Je grösser die Widerstandskraft, ein desto grösserer Theil der beschleunigenden Kraft wird zu ihrer Ueberwindung consumirt werden, um so geringer wird also die Beschleunigung ausfallen. Halten sich im Zustande der Bewegung die beschleunigende Kraft und die Widerstandskraft gerade das Gleichgewicht, so ist die Beschleunigung gleich Null, es kann also nur eine gleichförmige Bewegung stattfinden.

Wenn bei den Versuchen mit der Atwood'schen Fallmaschine das Uebergewicht, welches die Bewegung eingeleitet hat, mittelst des durchbrochenen Schiebers abgehoben worden ist, so dauert, wie wir gesehen haben, die Bewegung gleichmässig fort, wenn auf dem niedergehenden Gewichte n noch ein Uebergewicht q liegen bleibt, welches gerade der Reibung das Gleichgewicht hält (S. 244). Hier besteht nun die Arbeit dieses Uebergewichtes q darin, die Reibung an der Axe der Rolle zu überwinden; dagegen besteht die Arbeit der Schwere des niedersinkenden Gewichtes n darin, den Widerstand der Schwere des aufsteigenden Gewichtes n zu überwinden.

Wenn eine Locomotive auf ebener Eisenbahn mit gleichmässiger Geschwindigkeit einen Wagenzug fortführt, so besteht die Arbeit der Dampfkraft in der Ueberwindung der Reibungswiderstände, welche an allen einzelnen Wagen stattfinden.

Wenn ein Arbeiter, an einem Haspel arbeitend, einen Stein hebt, so besteht seine Arbeit in der Ueberwindung der Schwere des Steins und des Reibungswiderstandes um die Axe der Welle.

Beim Zermahlen des Getreides besteht die Arbeit in der Ueberwindung der Cohäsionskraft desselben.

Bei der Leistung einer Kraft kommen zweierlei Dinge in Betracht, 1) die Grösse des Widerstandes, welcher überwunden werden soll, und 2) die Länge des Weges, auf welchem der Widerstand in jeder Zeiteinheit überwunden werden muss. Bei der Hebung von Lasten kommt es also darauf an, wie gross das Gewicht der zu hebenden Last ist und wie hoch sie in einer Secunde gehoben werden soll. Um die Kraft zu kennen, welche nöthig ist, um ein Fuhrwerk auf ebener Strasse fortzuziehen, muss man die Grösse des Reibungswiderstandes und die Länge des Weges kennen, welcher in jeder Secunde zurückzulegen ist.

Bezeichnet man mit W die Leistung oder Arbeit einer Kraft, so ist sie gleich dem Product, welches man erhält, wenn man die Grösse der constant wirkenden Kraft K, welche dem Widerstande das Gleichgewicht hält, mit dem in der Zeiteinheit zurückgelegten Weg S multiplicirt, es ist also W=KS.

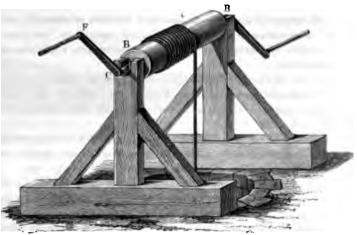
Um die verschiedenen mechanischen Leistungen der Kräfte mit einander vergleichen zu können, muss man sie auf eine bestimmte Einheit beziehen; die zu überwindenden Widerstände vergleicht man deshalb mit der Hebung der Lasten und nimmt als Einheit der Kraftwirkung die verticale Hebung der Gewichtseinheit um die Längeneinheit.

Look man des nonfranzörische Massestretem en Generale es ist die bie-

Der Nutzeffect einer Kraft, welche an einer mechanischen Potenz. etwa an einem Haspel, einem Flaschenzug, einer Schraube wirkt, wird durch eine solche Maschine in keinerlei Weise vergrössert, d. h. die mechanische Arbeit, welche man mit Hülfe der Maschinen vollbringt, ist durchaus nicht grösser als diejenige, welche die an der Maschine wirkende Kraft unmittelbar verrichtet.

An einem Seile z.B., welches um eine einfache Rolle, Fig. 14, S. 43, geschlungen ist, kann ein Mann bequem eine Last von 25 Pfunden um $2^{1/2}$ Fuss in der Secunde heben, also eine Arbeit von 62,5 Fusspfund in der Secunde verrichten. Hängt aber die Last an einem Wellbaum. Fig. 323, dessen Radius 4mal kleiner ist als der Hebelarm FC, an welchen der Arbeiter angreift, so würde man zwar mit derselben Kraftanstrengung eine vierfache Last, jedoch auch mit 4mal geringerer Geschwindigkeit heben können; drückt der Arbeiter an dem Hebel mit einer Kraft von 25 Pfund





und legt er, mit der Hand diesen Druck ausübend, in jeder Secunde einen Weg von 2,5 Fuss zurück, verrichtet er also eine mechanische Arbeit von 62,5 Fusspfund, so wird dadurch der 100 Pfund schwere Stein in jeder Secunde um $\frac{2,5}{4}$, also 0,625 Fuss hoch gehoben, der Nutzeffect ist also $100 \times 0.625 = 62,5$ Fusspfund, mithin gleich der mechanischen Arbeit, welche die Kraft unmittelbar verrichtet. Untersuchen wir die Wirkungsweise anderer Maschinen, der Schraube, des Flaschenzuges, der verschiedenen Räderwerke, so werden wir stets zu demselben Resultate gelangen, dass, was man auf der einen Seite an Kraft gewinnt, auf der anderen Seite an Geschwindigkeit verloren geht, dass also die mechanische Arbeit durch Maschinen durchaus nicht vermehrt wird.

Der Nutzeffect einer Maschine kann also höchstens der mechanischen Arbeit gleich sein, welche die Kraft unmittelbar hervorzubringen im Stande ist. In der Praxis wird aber ein solcher Nutzeffect nie erreicht, weil immer ein Theil der Kraft zur Ueberwindung von Reibungswiderständen in der Maschine verbraucht wird, also für den Nutzeffect verloren geht. Die Maschinen dienen daher nur, um die Art der Bewegung zu verwandeln, nicht aber um den Nutzeffect zu vergrössern.

Lebendige Kraft. Wenn ein Körper in Bewegung ist, so kommt er nur dadurch zur Ruhe, dass äussere Kräfte dieser Bewegung entgegenwirken, ein bewegter Körper kann also gewissermaassen als ein Kraftmagazin betrachtet werden, denn indem allmälig seine Geschwindigkeit abnimmt, überwindet er bald mehr bald weniger Widerstände, je nachdem seine Masse und seine Geschwindigkeit grösser oder kleiner ist.

Wenn ein bewegter Körper einen gleichmässig wirkenden Widerstand zu überwinden hat, wird er, ehe er zur Ruhe kommt, einen Weg noch zurücklegen, dessen Grösse von der Grösse des Widerstandes abhängt. Um nun die Wirkungsfähigkeit eines bewegten Körpers zu messen, muss man also einen bestimmten Widerstand als Einheit annehmen, und als solche nimmt man den Widerstand an, den seine Schwere dem verticalen Aufsteigen entgegensetzt.

Wenn ein Körper von einer gewissen Höhe *H* herabgefallen ist, so erlangt er dadurch eine solche Geschwindigkeit, dass er mit dieser Geschwindigkeit vertical aufwärts geworfen bis zu der Höhe *H* steigen würde (S. 247).

Darauf beruht ja die Pendelbewegung; in der Gleichgewichtslage kommt das Pendel mit einer solchen Geschwindigkeit an, dass es auf der anderen Seite eben so hoch steigt, als es zuvor herabgefallen war. Nach den Beziehungen zwischen Fallraum und Geschwindigkeit, welche wir oben (S. 240) kennen lernten, ist

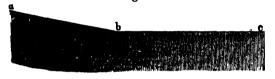
$$s=\frac{v^2}{2g},$$

wenn s den Fallraum, v die zugehörige Geschwindigkeit und g die Endgeschwindigkeit der ersten Fallsecunde bezeichnet; wenn ein Körper von der Masse M die Geschwindigkeit v hat, so ist demnach seine lebendige Kraft W

Die lebendige Kraft eines Körpers ist also dem Quadrate seiner Geschwindigkeit proportional.

Weiss man, wie hoch ein Körper, der eine bestimmte Geschwindigkeit hat, vermöge derselben vertical aufsteigen würde, so kann man leicht berechnen, wie weit er sich noch fortbewegen wird, wenn ein Widerstand zu überwinden ist, welcher größer oder kleiner ist als seine Schwere; in demselben Verhältniss, in welchem der Widerstand geringer ist, wird der noch zu durchlaufende Weg größer.

Eine Eisenbahn bilde z. B. von a bis b, Fig. 324, eine schiefe Ebene, Fig. 324. von b bis c aber laufe



von b bis c aber laufe sie horizontal fort. Ein einzelner Wagen komme, die schiefe Ebene herabrollend, bei b mit einer Geschwindigkeit von 30 Fuss in der Secunde an,

so ist leicht zu berechnen, wie weit er noch auf der horizontalen Bahn fortrollen wird, ehe er zur Ruhe kommt, wenn die Grösse der Reibung bekannt ist. Nach der Formel $s=\frac{v^2}{2\,g}$ ist die Höhe, zu welcher er vermöge der

Geschwindigkeit von 30 Fuss vertical aufsteigen würde, $s = \frac{900}{60} = 15$

Fuse; der Widerstand der Reibung, welcher beim Fortrollen auf der Bahn überwunden werden muss, sei nun 300mal geringer als derjenige, welchen die Schwere dem verticalen Aufsteigen entgegensetzt, so wird der Wagen noch 15 × 300 = 4500 Fuss fortlaufen, ehe er zur Ruhe kommt.

Kennt man die lebendige Kraft eines Körpers und die Grösse des Widerstandes, den er bei seiner ferneren Bewegung zu überwinden hat, so kann man, wie wir gesehen haben, die Weite des Weges berechnen, den er noch zurückzulegen vermag; kennt man aber die lebendige Kraft eines Körpers und die Weite des Weges, den er noch zurücklegt, so kann man die Grösse des Widerstandes berechnen, wie durch folgendes Beispiel erläutert wird.

Wenn ein 700 Pfund schwerer Rammklotz, 5 Fuss hoch herabfallend, in 20 Schlägen einen mit Eisen beschlagenen 400 Pfund schweren Pfahl 6 Zoll tief eintreibt, wie gross ist die Widerstandsfähigkeit des Bodens?

Wenn ein Klotz 5 Fuss herabgefallen ist, so ist seine Geschwindigkeit $v = \sqrt{2 gs} = \sqrt{60.5} = \sqrt{300} = 17.3$.

Der Klotz trifft den Pfahl und nach dem Stoss würde die gemeinschaftliche Geschwindigkeit sein 173, $\times \frac{700}{700 + 400} = 17.3 \cdot \frac{7}{11} = 12$.

Mit dieser Geschwindigkeit, v=12 Fuss, würde Klotz und Pfahl zusammen auf eine Höhe $s=\frac{12^3}{2\,g}=\frac{144}{60}=2,4$ Fuss hoch steigen.

In 20 Schlägen dringt aber der Pfahl nur 6 Zoll, in einem einzigen Schlage aber nur 0,025 Fuss tief ein, der Widerstand des Bodens ist also weit grösser als der Widerstand der Schwere, und zwar im Verhältniss von 0,025 zu 2,4, d. h. der Widerstand, welchen der Boden dem Eintreiben des Pfahles entgegensetzt, ist also 96mal so gross, als der, welchen die Schwere seiner und des Klotzes Hebung entgegensetzt. Zur Hebung des Pilots sammt Klotz sind 1100 Pfund nöthig, zum Niederdrücken des Pfahls also 1100 × 96 = 105600 Pfund.

Auf diesen Principien beruht auch die Messung von grossen Geschwin-Fig. 325. digkeiten mittelst des balli-

stischen Pendels, welches Fig. 325 dargestellt ist.

Ein mit Eisen beschlagener Holzblock von bedeutendem Gewichte hängt von mehreren Stangen getragen an einer Axe C. Eine Spitze E durchläuft, wenn die ganze Vorrichtung um die Axe C gedreht wird,

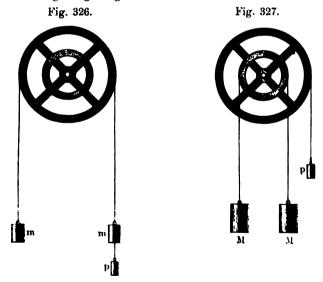


Von den Trägheitsmomenten. Wenn eine beschleunigende 117 Kraft, an einem bestimmten Hebelarm angreifend, eine Umdrehung um eine feste Axe zu bewirkes strebt, so wird jede träge Masse, welche mit dieser Axe fest verbunden an der Umdrehung Antheil nimmt, einen der Beschleunigung entgegenwirkenden Widerstand bilden, und es hängt die Umdrehungsgeschwindigkeit ab von dem Verhältniss der beschleunigenden Kraft zur Grösse des Trägheitswiderstandes.

. Die Grösse des Widerstandes, welchen eine träge Masse einer Beschleunigung der Umdrehung entgegensetzt, hängt aber nicht allein von der Grösse dieser Masse, sondern auch von ihrer Entfernung von der Umdrehungsaxe ab, wie dies durch die folgende Betrachtung anschaulich gemacht werden soll.

An einer horizontalen möglichst leicht umdrehbaren Axe seien zwei Rollen von gleicher Einrichtung wie das Rad der Atwood'schen Fallmaschine befestigt, deren grössere gerade einen doppelt so grossen Durchmesser hat wie die kleinere.

Einmal sei nun über die grössere Rolle eine Schnur geschlungen, und an jedes Ende derselben eine Masse m, Fig. 326, in einem andern Falle aber sei an jedem Ende einer über die kleinere Rolle geschlungenen Schnur die Masse M angehängt, Fig. 327.



Wird in beiden Fällen dasselbe Uebergewicht p an dem Umfang der größeren Rolle angebracht, so wird die ganze Vorrichtung in eine mit beschleunigter Geschwindigkeit vor sich gehende Umdrehung versetzt. In dem einen Falle hat die beschleunigende Kraft p (ausser der Masse der Rollen, die wir hier nicht in Betracht zu ziehen brauchen) die an dem liebelarm 2 angebrachte träge Masse 2 m, im anderen Falle aber die an

dem Hebelarm 1 angebrachte träge Masse 2 M in Bewegung zu setzen (wenn man den Halbmesser der kleineren Rolle mit 1, den der grösseren mit 2 bezeichnet).

Der Winkel, um welchen die ganze Vorrichtung im ersten Falle, Fig. 326, von Beginn der Bewegung an in der Zeit t gedreht wird, sei y; die Geschwindigkeit, welche dabei die Masse 2m erlangt, sei v, so ist die lebendige Kraft, welche während der Zeit t durch die Einwirkung der beschleunigenden Kraft p der trägen Masse 2m ertheilt wird

Im zweiten Falle, Fig. 327, wird die beschleunigende Kraft p in derselben Zeit t der trägen Masse 2 M eine Geschwindigkeit mittheilen, welche wir mit V bezeichnen wollen; die lebendige Kraft also, welche die Masse 2 M während der Zeit t erlangt hat, ist

Soll in beiden Fällen die Umdrehungsgeschwindigkeit dieselbe sein, d. h. soll in beiden Fällen die Axe in der Zeit t um den Winkel y umgedreht werden, so muss offenbar $V = \frac{1}{2}v$, also

$$L = M \frac{v^2}{4q} \dots \dots 3$$

sein. Es fragt sich nun, wie gross man die am Umfang der kleineren Rolle angebrachte träge Masse 2M machen müsse, damit unter dem Einfluss der beschleunigenden Kraft p die Umdrehung ganz in derselben Weise erfolge, wie für den Fall, dass an dem Umfang der grösseren Rolle die träge Masse 2m angebracht ist?

In den beiden, in Fig. 326 und 327, dargestellten Fällen wird offen-

In gleicher Weise fortschliessend ergiebt sich, dass in 3,4... n mal grösserer Entfernung von der Umdrehungsaxe eine 9-, 16mal... n²mal geringere Masse angebracht werden muss, wenn der Trägheitswiderstand gegen eine die Umdrehung bewirkende beschleunigende Kraft unverändert bleiben soll, oder mit andern Worten: Wenn bei unveränderter Stärke und bei unverändertem Angriffspunkte der beschleunigenden Kraft träge Massen um eine feste Axe umdreht werden sollen, so müssen sich die trägen Massen umgekehrt verhalten wie die Quadrate ihrer Entfernung von der Umdrehungsaxe, wenn die Winkelgeschwindigkeit stets dieselbe bleiben soll.

Das Product, welches man erhält, wenn man die träge Masse m mit dem Quadrate ihrer Entfernung r vom Drehpunkte multiplicirt, also das Product m r^2 , wird das Trägheitsmoment der Masse m genannt; es ist die träge Masse, welche man statt der gegebenen in der Entfernung 1 vom Drehpunkte anbringen müsste, wenn bei ungeänderter Grösse und bei ungeändertem Angriffspunkte der beschleunigenden Kraft durch diese Vertauschung die Winkelgeschwindigkeit nicht verändert werden soll.

Das eben entwickelte Gesetz gilt, es mag nun die beschleunigende Kraft eine fortdauernde Umdrehung oder eine hin- und hergehende Bewegung hervorbringen, wie wir sie bei einem Pendel beobachten; eine Pendelvorrichtung ist aber besonders bequem, um die Richtigkeit unseres Gesetzes durch den Versuch zu prüfen.

Fig. 328.

Die Fig. 328 stellt einen geraden eingetheilten Stab vor, welcher in der Mitte mit einer Schneide a versehen ist, wie die, welche den Drehpunkt eines Wagbalkens bildet. Wenn man nun 1 Decimeter weit unter und über dieser Schneide eine etwa 2 Pfund schwere Bleilinse befestigt und die Schneide auf ihre Unterlage aufsetzt, so ist die Stange mit ihren Linsen im Zustande des indifferenten Gleichgewichts, denn der Schwerpunkt des Systems fällt mit seinem Drehpunkte zusammen; sobald man aber am unteren Ende des Stabes ein kleines Uebergewicht anbringt, so ist nun das Ganze ein Pendel. Die Schwingungen dieses Pendels sind aber ungleich langsamer, als die Schwingungen eines einfachen Pendels von der Länge ab; denn die einzige Kraft, welche das ganze System in Bewegung setzt, ist die Schwere des unteren Bleigewichtes; dieses hat aber nicht allein seine eigene Masse in Bewegung zu setzen, wie es bei einem einfachen Pendel der Fall gewesen wäre, sondern es hat auch noch die Massen der Linsen bei c und d zu bewegen.

Nimmt man nun, nachdem man die Schwingungszeit dieses Pendels beobachtet hat, die zwei Linsen bei c und d weg und bringt man 2 Decimeter weit von der Schneide zwei Linsen von 1/2 Pfund, also 4mal leichtere, an, so wird durch diese Vertauschung die Schwingungszeit durchaus nicht geän-



dert; sie bleibt auch unverändert, wenn man 3 Decimeter über und unter dem Drehpunkte $^2/_9$ Pfund schwere Linsen anbringt, während natürlich die Linse b, welche hier allein als beschleunigende Kraft wirkt, stets an derselben Stelle angebracht bleibt.

Berechnung des Trägheitsmomentes. Um das Trägheitsmoment eines Körpers, welcher um eine Axe gedreht werden soll, durch Rechnung zu bestimmen, muss man sich denselben in lauter kleine Theilchen zerlegt denken und für jedes Theilchen das Trägheitsmoment berechnen, indem man die Masse desselben mit dem Quadrate seiner Entfernung von dem Drehpunkte multiplicirt; die Summe aller einzelnen so berechneten Trägheitsmomente ist das Trägheitsmoment des Körpers. Eine derartige Berechnung lässt sich ohne grosse Schwierigkeiten ausführen, wenn es sich um homogene Körper von einfach geometrischen Formen handelt.

Es sei z. B. das Trägheitsmoment eines Stabes AB, Fig. 329, zu be-

Fig. 329.

B rechnen, dessen Länge sehr gross ist im Vergleich zu seinem Quer-

schnitt, und dessen Umdrehungsaxe an dem einen Ende desselben bei A liegt. Denken wir uns den Stab durch Querschnitte in eine grosse Zahl dünner Scheibchen zerlegt, deren jedes die Länge δ hat, so ist das Gewicht eines solchen Scheibchens

 $\frac{P}{L}\delta$,

wenn P das Gewicht und L die Länge des ganzen Stabes bezeichnet. — Bezeichnen wir ferner mit a, b, c, d u. s. w. den Abstand des ersten, zweiten, dritten, vierten u. s. w. Scheibehens, so ist offenbar das Trägheitsmoment des ganzen Stabes

es ist also
$$T = \frac{P}{L} \left\{ \frac{b^2 - a^3}{3} + \frac{c^3 - b^3}{3} + \frac{d^3 - c^3}{3} + \dots \frac{y^3 - x^3}{3} + \frac{z^3 - y^3}{3} \right\},$$

wenn mit x, y und z der Abstand der letzten Scheibchen bezeichnet wird. Die ganze unter der Klammer stehende Summe reducirt sich aber auf Da aber z = L ist und a wegen seiner Kleinheit vernachlässigt werden kann, so ergiebt sich

$$T = \frac{P}{L} \cdot \frac{L^3}{3} = \frac{PL^2}{3} \cdot \dots \cdot 1$$

d. h. in Worten: das Trägheitsmoment eines Stabes, dessen einer Endpunkt die Umdrehungsaxe bildet, ist dasselbe, als ob der ganze Stab gewichtlos und an seinem andern Ende eine Masse vereinigt wäre, welche 1/3 von der Masse des gegebenen Stabes beträgt.

Danach lässt sich nun leicht auch das Trägheitsmoment eines um seinen Mittelpunkt C, Fig. 330, rotirenden oder oscillirenden Stabes AB

Fig. 330. ableiten; denn wenn p und l das Gewicht und die Länge von jeder der

Hälften AC und BC bezeichnen, so ist das Trägheitsmoment von jeder dieser Hälften $\frac{p l^2}{3}$, folglich das Trägheitsmoment des ganzen Stabes $^2/_3 p l^2$. Bezeichnet man aber mit L die Gesammtlänge, mit P das Gesammtgewicht des Stabes, so ist $p=rac{P}{2}$ und $l=rac{L}{2}$, und wenn man diese Werthe für lund p substituirt, so ergiebt sich für das gesuchte Trägheitsmoment der Werth $T=rac{P \cdot L^2}{12} \cdot \ldots \cdot \ldots \cdot \ldots \cdot 2)$

$$T = \frac{P \cdot L^2}{12} \cdot \dots \cdot \dots \cdot \dots \cdot 2$$

Trägheitsmoment eines prismatischen rectangulären Stabes, Fig. 331, welcher um eine durch seinen Schwerpunkt gelegte, mit der Kante ab parallele Axe rotirt oder oscillirt, ist Fig. 331.

$$T = \frac{L^2 + B^2}{12} \cdot P \cdot \ldots \cdot 3$$

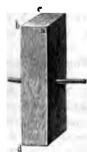
wenn L und B die Länge der Kanten bd und bc bezeichnen, welche nicht mit der Umdrehungsaxe parallel sind.

Die Formel 3) geht in Gleichung 2) über, wenn Bsehr klein ist im Vergleich zu L.

Aus Betrachtungen, welche den oben durchgeführten ähnlich sind, ergiebt sich, dass das Trägheitsmoment einer homogenen kreisförmigen Scheibe, welche um ihren Mittelpunkt rotirt,

$$T = \frac{1}{2} / P R^2$$

ist, wenn P das Gewicht und R den Halbmesser der Scheibe bezeichnet. Bei Körpern von complicirter Gestalt ist die Berechnung des Träg-Maller's Lehrbuch der Physik. 6te Aufl. I. 18



heitsmomentes ohne Integralrechnung nicht ausführbar und wenn dieselben mehr oder weniger unregelmässig gestaltet sind, ganz unmöglich; in solchen Fällen aber kann man das gesuchte Trägheitsmoment auf experimentellem Wege bestimmen. Zu diesem Zwecke braucht man nur den fraglichen Körper durch eine beschleunigende Kraft von bekannter Grösse in Rotation zu versetzen und die Geschwindigkeit zu beobachten, welche er in einer gegebenen Zeit erlangt.

Ein erläuterndes Beispiel bietet die Fallmaschine. An einer derartigen Maschine musste ein Uebergewicht r von 2 Grammen angewandt werden, um zu bewirken, dass der Fallraum der ersten Secunde 1 Zoll, also 1/192 des beim freien Fall in der ersten Secunde durchlaufenen Raumes betrage, während jede der Massen m und n 100 Gramme wog.

Das Uebergewicht von 2 Grammen hat hier offenbar die Trägheit einer Masse zu überwinden, welche 192mal so gross ist als seine eigene, also 384 Gramme beträgt; da nun die Gewichte m, n und r zusammen 202 Gramme wiegen, so bleiben für das Trägheitsmoment der Rolle noch 182 Gramme übrig, d. h. eine beschleunigende Kraft, welche die Rolle in Rotation zu setzen strebt, hat ein eben so grosses Trägheitsmoment zu überwinden, als ob die Rolle gewichtlos und nur an ihrem Umfang eine Masse von 182 Grammen angebracht wäre.

119 Vom Stoss. Wenn ein in Bewegung begriffener Körper auf seiner Bahn mit irgend einem anderen Körper zusammentrifft, so entsteht ein Stoss, in Folge dessen jeder den Bewegungszustand des anderen mehr oder weniger modificirt. Der nächste in sehr kurzer Zeit vollendete Erfolg des Stosses ist eine Formveränderung der zusammentreffenden Körper, welche vorübergehend ist bei elastischen, bleibend bei nicht elastischen Substanzen.



scheidet man den geraden und den schiefen Stoss. Beim geraden Stoss fällt die Bewegungsrichtung mit der Normalen des Berührungspunktes zusammen, beim schiefen Stoss ist dies nicht der Fall.

Der Stoss zweier Kugeln wird also ein gerader sein, wenn sich beide in der Verbindungslinie der Mittelpunkte bewegen.

Wir können uns hier nur mit dem geraden centralen Stoss beschäftigen.

Vom Stoss unelastischer Körper. Wenn zwei unelastische 120 Körper A und B, Fig. 333, mit verschiedenen Geschwindigkeiten behaftet, zusammenstossen, so findet zunächst eine gegenseitige Zusammen-

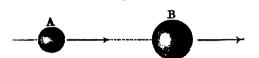


Fig. 333.

drückung, eine Formveränderung statt, welche beendigt ist, wenn die Geschwindigkeit beider Körper die gleiche geworden ist. Es ist nun die Auf-

gabe, diese gemeinschaftliche Endgeschwindigkeit zu finden.

Es seien M und M_1 die Massen der beiden Körper, c und c_1 ihre Geschwindigkeiten, welche positiv bezeichnet werden sollen, wenn sie von der Linken zur Rechten gerichtet sind. Die Bewegungsgrössen der beiden Körper sind Mc und M_1c_1 ; was der eine nach dem Stoss an Bewegungsquantität eingebüsst hat, um so viel hat die Bewegungsquantität des anderen zugenommen, und danach lässt sich die gemeinschaftliche Geschwindigkeit v nach dem Stosse berechnen. Nehmen wir an, dass bei gleichgerichteter Geschwindigkeit beider Körper die Geschwindigkeit c des Körpers A grösser sei als die Geschwindigkeit c_1 des Körpers B, so ist der Verlust an Bewegungsquantität, welchen A durch den Stoss erleidet, M(c-v), die Zunahme der Bewegungsquantität von B ist dagegen $M_1(v-c_1)$, wir haben also

 $M(c-v)=M_1(v-c_1),$

und daraus

Wenn sich B in entgegengesetzter Richtung von A bewegt, so ist c_1 negativ, und man erhält

$$v=\frac{Mc-M_1c_1}{M+M_1}.$$

Jeder Stoss unelastischer Körper ist von einem Verlust an lebendiger Kraft verbunden. Die lebendige Kraft des Körpers A ist vor dem Stoss

$$M\frac{c^2}{2g}$$
,

die des Körpers $m{B}$ ist

$$M_1 \frac{c_1^2}{2g},$$

also die Summe der lebendigen Kräfte vor dem Stoss

$$M\frac{c^2}{2a}+M_1\frac{c_1^2}{2a}\ldots\ldots$$

wo für g der Zahlenwerth 30 zu setzen ist, wenn die Geschwindigkei Pariser Fussen, 9,8, wenn sie in Metern ausgedrückt ist.

Nach dem Stoss ist die lebendige Kraft

$$(M+M_1)\frac{v^2}{2a}$$

Zieht man den Werth (3) von (2) ab, so erhält man als Verlust lebendiger Kraft durch den Stoss

$$\alpha = M \frac{c^2 - v^2}{2a} + M_1 \frac{c_1^2 - v^2}{2a}.$$

Dieser Werth lässt sich in folgender Weise umformen

$$\alpha = \frac{M}{2 g} (c + v) (c - v) + \frac{M_1}{2 g} (c_1 + v) (c_1 - v)$$

$$\alpha = \frac{M}{2 g} (c + v) (c - v) - \frac{M_1}{2 g} (v + c_1) (v - c_1).$$

Setzen wir in die Differenz c-v für v seinen obigen Werth bei so kommt

$$c - v = rac{M_1 (c - c_1)}{M + M_1}$$
 $M (c - v) = rac{MM_1 (c - c_1)}{M + M_1}$

und

da aber $M(c-v)=M_1(v-c_1)$, so ist auch

$$M_{i}(v-c_{i})=\frac{MM_{1}(c-c_{i})}{M+M_{1}},$$

setzt man diese Werthe für M (c-v) und M_1 $(v-c_1)$ in Gleichun so kommt

$$\alpha = \frac{MM_1 (c - c_1)}{M + M} \cdot \frac{(c + v - v - c_1)}{2a}$$

stossen, so ist der auf die Formveränderung beider verwendete Verlust an lebendiger Kraft das Product, welches man erhält, wenn man das harmonische Mittel der beiden Massen multiplicirt mit der Fallhöhe, welche der Differenz der Geschwindigkeiten entspricht, mit denen die bejden Massen vor dem Stoss behaftet waren.

Wenn z. B. auf einer Eisenbahn zwei Züge von 120000 Pfund und 160000 Pfund in entgegengesetzter Richtung mit den Geschwindigkeiten c = 20 Fuss and $c_1 = -15$ Fuss sich bewegend zusammenstossen, so entsteht ein auf die Zerstörung der Locomotiven und Wagen verwendeter Arbeitsverlust, welcher bei vollständigem Mangel an Elasticität aller zum Stoss gelangenden Theile sein würde

$$\frac{(20 + 15)^2}{2 g} \cdot \frac{120000 \cdot 160000}{280000} = \frac{35^2}{60} \cdot \frac{1920000}{28} = 1344000 \text{ Fusspfd.}$$

Aus den obigen Betrachtungen und Berechnungen geht hervor, wie nachtheilig Stösse in einer Maschine wirken müssen, welche nicht geradezu zur Ausübung von Stössen bestimmt ist, sondern in welcher dieselben nur in Folge mangelhafter Construction auftreten. Solche Stösse verzehren nicht allein ganz unnöthiger Weise einen grossen Theil lebendiger Kraft, sondern sie führen auch die Maschine selbst einem raschen Ruine entgegen.

Stoss elastischer Körper. Wenn zwei Körper im geraden cen- 121 tralen Stoss zusammentreffen, so ist der erste Effect eine gegenseitige Zusammendrückung, welche so lange fortdauert, bis die Geschwindigkeit der beiden Massen die gleiche geworden ist. Ist bis zu diesen Momenten die Verschiebung der Theilchen beider Körper über ihre Elasticitätsgränze binausgegangen, so dass ihre Formveränderung (wenn nicht Zertrümme-Fung erfolgt) eine bleibende ist, so erfolgt die fernere Bewegung nach den im vorigen Paragraphen besprochenen Gesetzen. Ist jedoch durch Zummendrückung der beiden zusammenstossenden Körper in dem Augenblicke, in welchem ihre Geschwindigkeit die gleiche geworden ist, ihre Elasticitätsgränze noch nicht überschritten, so streben nun beide Körper, Thre ursprüngliche Gestalt wieder anzunehmen, wodurch sie, in dem Be-Thrungspunkt gegen einander drückend, gleichsam einen abermaligen Stoss erleiden. Jede Kugel erhält durch die Wiederherstellung der Form zleichsam den Stoss zurück, welchen sie während der Zusammendrückung af die andere ausgeübt hat.

Zur Construction der Formel wollen wir wieder wie im vorigen Paragraphen von dem Fall ausgehen, dass sich beide Körper nach derselben Seite hin (nach der rechten) bewegen. Die links sich befindende Kugel A, deren Masse M ist, habe die grössere Geschwindigkeit c; wenn sie gegen die andere Kugel B, deren Masse M_1 und deren Geschwindigkeit 6 ist, anstösst, so verliert sie beim Anstoss während der Zusammendrückung bis zu dem Moment, in welchem beide Kugeln gleiche Geschwin-

digkeit haben, die Bewegungsquantität M(c-v), wo v dieselbe Bedeutung hat wie in §. 120. Die Bewegungsquantität der Kugel B hat dabei aber um M(c-v) zugenommen. Während nun beide Kugeln ihre ursprüngliche Gestalt wieder annehmen, erleidet jede Kugel einen Rückstoss, welcher dem Stoss gleich ist, den sie der anderen ertheilt hat; die Kugel A wird also abermals einen Verlust an Bewegungsquantität erleiden, welcher gleich ist M(c-v); der Gesammtverlust an Bewegungsquantität, welchen die Kugel A nach Beendigung des elastischen Stosses erlitten hat, ist also

$$2 M (c - v).$$

In gleicher Weise ergiebt sich für den Gewinn an Bewegungsquantität, welchen die Kugel B bis zu dem Moment erfahren hat, wo beide Kugeln ihre ursprüngliche Gestalt wieder angenommen haben und aus einander zu fahren beginnen,

$$2 M_1 (v - c_1).$$

Die Geschwindigkeit von A wird also nach Beendigung des elastischen Stosses sein

Die Geschwindigkeit von B wird aber geworden sein

$$V_1 = c_1 + 2 (v - c_1) = 2 v - c_1 \dots 2$$

Setzen wir in diese Werthe von V und V' für v seinen Werth bei 1) auf Seite 275, so kommt

$$V = \frac{(M - M_1) c + 2 M_1 c_1}{M + M_1} \dots \dots \dots 3$$

und

Für den in der ersten Aufgabe des §. 120 betrachteten Fall erhält man, wenn beide Kugeln vollkommen elastisch sind.

Setzt man nun für $(M + M_1) v$ diesen Werth in obige Gleichung, so kommt

Die Bewegungsquantität ist nach dem elastischen Stoss eben so gross wie vor demselben.

Gehen wir nun zur Bestimmung der lebendigen Kräfte nach dem elastischen Stoss über.

Zieht man Gleichung 2) ab von Gleichung 1), so kommt

$$V - V_1 = c_1 - c$$

and daraus

$$V+c=V_1+c_1\ldots\ldots\ldots$$

Aus der obigen Gleichung 7) ergiebt sich aber

$$\mathbf{M}(V-c)=\mathbf{M}_1(c_1-V_1)\ldots\ldots 9$$

Durch Multiplication der Gleichungen 9) und 8) erhält man aber

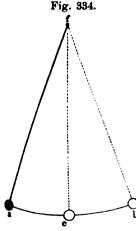
$$M(V^2-c^2)=M_1(c_1^2-V_1^2),$$

und daraus endlich

$$MV^2 + M_1V_1^2 = Mc^2 + M_1c_1^2$$

d. h. die Summe der lebendigen Kräfte nach dem elastischen Stoss ist eben so gross wie vor dem selben, beim elastischen Stoss findet also kein Verlust an lebendiger Kraft statt.

Das einfache Pendel, Fig. 334, besteht aus einer schweren Ku- 122 gel, welche am Ende eines biegsamen Fadens aufgehängt ist. Bringt man



die Kugel aus ihrer Gleichgewichtslage, d. h. bringt man das Pendel aus seiner verticalen Stellung, so macht es, wenn man es loslässt, ohne ihm irgend einen Anstoss zu geben, Schwingungen, welche fortwährend in derselben Verticalebene bleiben. Bringt man z. B. das Pendel in die Lage fa, so beschreibt die Kugel den Bogen ac, in c kommt sie mit solcher Geschwindigkeit an, dass sie auf der anderen Seite bis b steigt, d. h. zu der Höhe des Punktes a; vom Punkte b geht die Kugel abermals zurück, durchläuft in umgekehrter Richtung wieder den Bogen bca und setzt auf dieselbe Weise seine Schwingungen fort. Beim Niedergange des Pendels nimmt seine Geschwindigkeit fortwährend

w, beim Aufsteigen nimmt sie ab; in dem Momente also, in welchem das Pendel die Gleichgewichtslage passirt, hat es seine grösste Geschwindigkeit.

Der Winkel afc heisst Ausschlagswinkel oder auch nur Ausschlag.

Die Bewegung von a bis b oder von b bis a heisst eine Oscillation; von a bis l ist eine halbe niedergehende, von l bis b eine halbe außsteigende Oscillation.

Die Amplitude einer Oscillation ist die in Graden, Minuten und Secunden ausgedrückte Grösse des Bogens ab.

Die Dauer einer Oscillation ist die Zeit, welche das Pendel nöthig hat, um diesen Bogen zu durchlaufen.

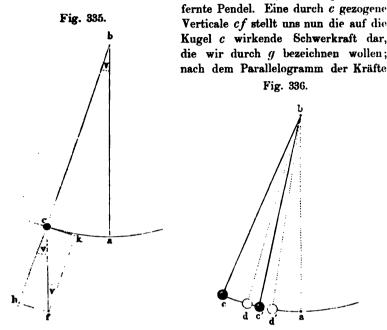
Nach dem ersten Anblicke sollte man aus den Versuchen schliesen, dass die Bewegung eines Pendels immer fortdauern müsste, denn wenn es von a ausgehend auf der anderen Seite zu einer gleichen Höhe b ansteigt, so muss es von b ausgehend auch wieder bis a steigen, und es wird so denselben Weg zum zweiten, zum dritten Male u. s. w. bis ins Unendlicke machen müssen.

Dieser Schluss würde ganz richtig sein, wenn b wirklich absolut gleiche Höhe mit a hätte; aber die Reibung am Aufhängepunkte f, der Widerstand der Luft, welche die Kugel vor sich wegtreiben muss, machen es unmöglich, dass die Kugel genau wieder bis zu der Höhe steigt, von welcher sie herabfiel. Die Differenz wird freilich erst nach einer Reihe von Schwingungen merklich, und statt sich zu verwundern, dass die Bewegung nicht ewig fortdauert, muss man sich vielmehr wundern, dass sie so lange dauert; denn ein Pendel kann, ohne still zu stehen, Stunden lang fortschwingen.

Das Pendel ist eins der einfachsten, aber auch eins der wichtigsten Instrumente der Physik, wie es sich noch im Laufe dieses Capitels zeigen wird.

123 Gesetze der Pendelschwingungen. Die Gesetze der Pendelschwingungen sind folgende:

1) Die Dauer kleiner Oscillationen eines und desselben Pendels ut von ihrer Amplitude unabhängig, d. h. sie sind isochron. Wenn z. B. ein Pendel mit einer Amplitude von 20 bis 30 sehwingt, so ist die Schwin335 sei bc das um den Winkel v aus der Gleichgewichtslage ba ent-



** k die Kraft, welche von c aus das Pendel nach der Gleichgewichtshintreibt, während ch die Kraft darstellt, welche die Schnur spannt. st nun aber offenbar ck=g.sin.v., d. h. die beschleunigende Kraft, the das Pendel nach seiner Gleichgewichtslage hintreibt, ist stets dem is des Ausschlagwinkels proportional. Ist also die Pendelkugel einmal c, Fig. 336, aus der Gleichgewichtslage gebracht, so dass der Aussgewinkel v ist, das andere Mal nur halb so weit, bis c', so dass der schlagswinkel 1/2v ist, so haben wir einmal die beschleunigende Kraft sin.v, das andere Mal g.sin.1/2v.

Wenn der Winkel v nicht gross ist, so ist sin. v bis auf eine verwindende Grösse gleich dem Doppelten von $sin. \frac{1}{2}v$; wenn die Pendelsel also von dem Punkte c hersbfällt, so ist die beschleunigende Kraft, che im ersten Moment die Bewegung bewirkt, doppelt so gross, als in die Pendelkugel in c' ihren Niedergang begonnen hätte, der Bogen den wir so klein annehmen wollen, dass wir ihn als geradlinig bethen können, und der Bogen c' d', welcher nur halb so gross ist, weralso in gleichen Zeiten durchlaufen, wenn die Bewegung einmal in c, andermal in c' beginnt.

Denken wir uns dicht hinter einander zwei gleiche Pendel aufgehängt, eine bis c, das andere bis c' gehoben und gleichzeitig losgelassen, so den sie gleichzeitig in den Punkten d und d' ankommen, wenn c'd'

= 1 /₂ cd. Die beschleunigende Kraft in d ist aber doppelt so gross als in d', ausserdem aber langt das eine Pendel in d mit einer Geschwindigkeit an, welche doppelt so gross als diejenige ist, mit welcher das andere den Punkt d' passirt, und daraus folgt denn, dass auch in dem nächsten kleinen Zeittheilchen das eine Pendel einen doppelt so grossen Weg zurücklegt als das andere. Auf diese Weise fortschliessend findet man endlich, dass beide Pendel gleichzeitig in a ankommen müssen.

Diese Schlussweise lässt sich auch noch anwenden, wenn das Verhältniss der Ausschlagswinkel nicht gerade das von 1 zu 2, sondern ein anderes ist, weil für kleine Ausschlagswinkel die beschleunigende Kraft stets der Entfernung von der Gleichgewichtslage proportional ist; und so lässt sich allgemein zeigen, dass bis zu einer gewissen Gränze hin die Schwingungsdauer von der Grösse der Ausschlagswinkel unabhängig ist.

Um dies Gesetz durch den Versuch zu bestätigen, muss man die Zeit genau bestimmen, welche nöthig ist, damit ein Pendel mehrere hundert Schwingungen macht. Macht man diese Beobachtung zu Anfang der Bewegung, wenn die Amplitude 4° bis 5° ist, später, wenn sie nur noch 2° bis 3° beträgt, und zuletzt, wenn die Oscillationen so klein geworden sind dass man sie mit der Lupe beobachten muss, so findet man, dass die Oscillationen in diesen drei Stadien wirklich isochron sind.

Das Gesetz des Isochronismus gehört zu den ersten Entdeckungen Galiläi's. Man erzählt, dass er, noch sehr jung, in dem Dome zu Pisa zufällig die Schwingungen einer am Gewölbe aufgehängten Lampe wahrnahm und dass ihm die periodische Wiederkehr dieser Bewegungen und die Gleichheit ihrer Dauer auffiel. Mehr bedurfte es nicht, um sein Genie zu wecken, und so wurde die Beobachtung eines Kindes die Quelle grosser Entdekungen.

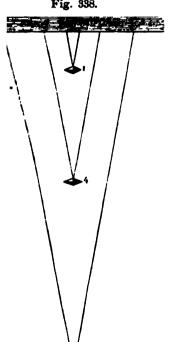
Das zweite Gesetz ist sehr leicht durch den Versuch nachzuweisen.

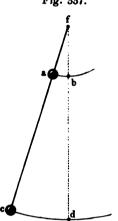
, die Wirkung der Schwere auf verschiedene Stoffe ganze Stung zu beobachten.

n den Gesetzen des Falles auf der schiefen Ebene ausgehend, gean durch folgende Schlussweise zu dem oben angeführten dritsetze der Pendelschwingungen.

un denke sich den Schwingungsbogen ab, Fig. 337, eines Pendels el gleiche Theile getheilt, dass man jedes dieser Bogentheilchen adlinig betrachten kann. Wenn nun der Ausschlagswinkel eines







längeren Pendels eben so gross ist, so muss sich der Schwingungsbogen cd desselben zu ab verhalten wie die Pendellänge fc zu fa. Denken wir uns den Bogen dc in eben so viel gleiche Theile getheilt wie den Bogen ab, so werden auch die einzelnen Theile im Verhältniss der Pendellängen stehen. Wenn also das eine Pen-

mal so lang ist als das andere, so werden auch jene Unterabtheilunles Bogens dc 4mal so gross sein als die entsprechenden Theile des is ab. Der Winkel, welchen das oberste, das zweite, dritte u. s. w. Bosilchen von ab mit der Horizontalen macht, ist gleich dem Winkel, en das erste, zweite, dritte u. s. w. Bogentheilchen von cd mit derselnacht; auf den entsprechenden Theilen von ab und cd ist demnach die beschleunigende Kraft dieselbe.

Wenn aber verschiedene Wege mit gleicher beschleunigender Kraft laufen werden, so lehrt uns die Formel $s=\frac{g}{2}\,t^2$, dass sich die Fallverhalten wie die Quadratwurzeln der Fallräume; wenn also der

Bogen c d 2-, 3-, 4-, nmal so gross ist als der Bogen a b, so wird die Zeit, in welcher ein Theilchen von c d durchlaufen wird, auch $\sqrt{2}$, $\sqrt{3}$, $\sqrt{4}$, \sqrt{n} mal so gross sein als die, in welcher das entsprechende Theilchen von a b durchlaufen wird. Da dies aber für alle Bogentheilchen gilt, so gilt es auch für ihre Summe, was denn mit anderen Worten heisst, die Schwingungsdauer ist der Quadratwurzel aus der Pendellänge proportional.

Um die Richtigkeit des dritten Gesetzes durch den Versuch nachzuweisen, hat man nur die Schwingungsdauer verschieden langer Pendel zu vergleichen. Wenn sich z. B. die Pendellängen wie die Zahlen 1:4:9 verhalten, so verhalten sich die entsprechenden Schwingungszeiten wie 1:2:3. Am bequemsten hängt man zu diesem Versuche die Kugeln an einem doppelten Faden auf, wie Fig. 338 a. vor. S. zeigt. Während ein Pendel, dessen Länge 4 Fuss ist, eine Oscillation macht, macht das viermal kürzere Pendel zwei Oscillationen; und während ein Pendel von 1 Fuss Länge dreimal hin und her geht, macht ein 9 Fuss langes nur einen Hin- und Hergang.

Die eben besprochenen Gesetze sind von der Intensität der Schwere ganz unabhängig. Wenn die Schwerkraft auch hundertmal stärker oder schwächer wirkte, so würden kleine Schwingungen eines und desselben Pendels doch isochron bleiben, und die Schwingungszeiten verschieden langer Pendel würden sich noch immer wie die Quadratwurzeln ihrer Länge verhalten. Die absolute Dauer der Oscillationen ändert sich

Fig. 339.

aber mit der Intensität der Schwerkraft. Dasselbe Pendel wird schneller oscilliren müssen, wenn die Intensität der Schwerkraft wächst, und langsamer, wenn sie abnimmt.

194

Mathematische Entwickelung

wiesen; Kulik hat eine elementare Entwickelung desselben gegeben (Baumgartner's und Ettingshausen's Zeitschrift, 1. Band), welche hier in etwas veränderter Form folgt.

Es sei m, Fig. 339, der Aufhängepunkt eines einfachen Pendels, dessen Kugel zwischen den Punkten a und o hin und her schwingt. Der Ausschlagswinkel nma sei mit x bezeichnet. Wenn nun die Pendelkugel von a ausgehend den Weg ab zurückgelegt hat, so kommt sie in b mit einer Geschwindigkeit an, welche nach §. 109 gleich derjenigen ist, welche ein Körper erlangt, wenn er die verticale Höhendifferenz cd der beiden Punkte a und b durchfällt. — Nun aber ist cd = md - mc. Bezeichnet man den Winkel amb mit y, so ist der Winkel bmn = x - y, und also auch $md = l.\cos(x - y)$, während $mc = l.\cos x$ ist, vorausgesetzt, dass die Pendellänge ma mit l bezeichnet wird. Es ist also auch

 $cd = s = l \cos(x - y) - l \cos x$ und die Geschwindigkeit v, welche ein Körper erlangt, wenn er die verticale Höhe s durchfällt, ist also

$$v = \sqrt{2gs} = \sqrt{2gl \{\cos (x - y) - \cos x, \}}$$

Der Ausdruck \cos . $(x-y)-\cos x$ lässt sich aber noch umformen. Nach einer bekannten trigonometrischen Formel (Trigonometrie S. 16) ist

cos.
$$A - \cos B = 2 \sin \frac{A + B}{2}$$
. $\sin \frac{B - A}{2}$.

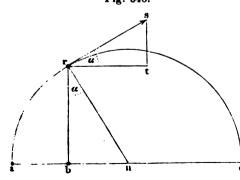
Setzt man in dieser Gleichung x - y an die Stelle von A, und x anstatt B, so kommt

$$\cos (x - y) - \cos x = 2 \sin \frac{1}{2} (2x - y) \sin \frac{1}{2} y$$
.

So lange die Winkel x und y klein genug sind, kann man den Bogen statt des Sinus setzen, es ist also für diesen Fall

$$\cos (x - y) - \cos x = (2x - y) \frac{y}{2}$$

und also auch



und dies ist der Werth für die Geschwindigkeit, mit welcher die Pendelkugel in b, Fig. 339, ankommt.

Denken wir uns nun den Schwingungsbogen ao, Fig. 339, zu einer geraden Linie ao, Fig. 340, entwickelt, auf welcher zwischen den Endpunkten a und o ein Körper nach denselben Gesetzen oscillirt, wie die Pendelkugel

auf dem Bogen ao, Fig. 339; nehmen wir ferner ab, Fig. 340, gleich dem

Bogen ab, Fig. 339, so kommt der um n oscillirende Körper, von a ausgehend, in b, Fig. 340, mit derselben Geschwindigkeit an, wie die Pendelkugel in b, Fig. 339, nämlich mit einer Geschwindigkeit, deren Werth durch die Gleichung 2) gegeben ist.

Ueber ao als Durchmesser sei nun ein Halbkreis gezogen und in b ein Perpendikel auf ao errichtet, welches denselben in r schneidet. Kommt nun ein Körper, welcher von a aus den Bogen ar durchlaufen hat, in r mit der Geschwindigkeit rs = c an, so ist der mit ao parallele Antheil dieser Geschwindigkeit gleich rt gleich c.cos. a, wenn a den Winkel srt bezeichnet. Nun ist aber offenbar der Winkel brn auch gleich a, folglich cos. $a = \frac{rb}{rn}$; rb aber ist die mittlere Proportionale zwischen ab und bo, also $rb = \sqrt{ab.bo}$.

Da wir mit x den Ausschlagswinkel und mit l die Länge des Pendels, Fig. 339, bezeichnet haben, so ist an in Fig. 339 und in Fig. 340, also auch rn gleich l.x; ferner aber ist ab = l.y und bo = l (2x - y). also $rb = \sqrt{l^2 (2x - y)}y$ und endlich

$$\cos \alpha = \frac{\sqrt{l^2 (2x - y) y}}{l \cdot x}$$

und also

$$rt = \frac{cV^{\frac{1}{2}(2x-y)y}}{l.x} = c.\frac{V(2x-y)y}{x}$$

nimmt man aber an, dass $c = x \sqrt{gl}$ sei, so ergiebt sich

$$rt = \sqrt{gl(2x - y) y}.$$

Dieser Werth ist aber dem Werth von v in Gleichung 2) ganz gleich; wenn wir also annehmen, dass ein Körper mit der gleichförmigen Ge-

Aus Gleichung 1) ergiebt sich

$$g = \frac{\pi^2 l}{t^2}$$

and für t = 1

$$g=\pi^2 l$$

kennnt man also die Länge l des Secundenpendels, so hat man dieselbe nur mit π^2 zu mutlipliciren, um den Zahlenwerth der beschleunigenden Kraft der Schwere mit weit grösserer Genauigkeit zu erhalten, als man sie aus Fallversuchen abzuleiten im Stande wäre.

Der Schwingungspunkt. Diese Formel gilt aber nur für ein 125 einfaches Pendel, welches man auch ein mathematisches nennt. Ein solches Pendel kann man sich wohl vorstellen, aber nicht construiren; denn es müsste aus einem einfachen, gewichtlosen Faden bestehen, und an seinem Ende dürfte sich nur ein schwerer Punkt befinden.

Jedes Pendel, welches diesen beiden Forderungen nicht entspricht, ist ein zusammengesetztes Pendel. Ein gewichtloser und unbiegsamer Faden also, an welchem sich nur zwei schwere Moleküle m und n, Fig. 341, befinden, würde demnach schon ein zusammengesetztes Pendel sein. Das

Fig. 341.

Molekül m. welches dem Aufhängepunkte näher ist als n. würde für sich allein schneller schwingen als n; weil aber die beiden Moleküle verbunden sind, so wird m die Bewegung von n beschleunigen, und umgekehrt wird n die Bewegung von m verzögern, die Schwingungen werden deshalb mit einer Geschwindigkeit vor sich gehen, welche zwischen den Geschwindigkeiten liegt, mit welchen jedes der Moleküle m und n für sich allein schwingen würde. Sie sind gleich den Schwingungen eines einfachen Pendels, welches länger als fm, und kürzer als fn ist. Eben so verhält es sich mit jedem materiellen Pendel. Diejenigen Theile des Pendels nämlich, welche dem Aufhängepunkte am nächsten liegen, sind in ihrer Bewegung durch die entfernteren verzögert, die entfernteren aber durch die näheren beschleunigt. Es muss demnach auch in jedem zusammengesetzten Pendel einen Punkt geben, welcher durch die übrige Masse des Pendels weder beschleunigt noch ver-

zögert ist, welcher gerade so schnell schwingt wie ein einfaches Pendel, dessen Länge seiner Entfernung vom Aufhängepunkte gleich ist. Dieser Punkt heisst Schwingungspunkt, Centrum oscillationis. Wenn man von der Länge eines zusammengesetzten Pendels spricht, so versteht man darunter die Entfernung dieses Punktes vom Aufhängepunkte oder, was dasselbe ist, die Länge eines einfachen Pendels von gleicher Schwingungsdauer.

Da man zu Versuchen nur zusammengesetzte Pendel anwenden kann, to kommt es darauf an, die Länge eines einfachen Pendels zu bestimmen, welches eben so schnell schwingen würde als das zur Beobachtung angewandte zusammengesetzte.

Am meisten nähert sich dem einfachen Pendel ein solches, welch aus einem möglichst dünnen Faden besteht, an dessen unterem Ende ei Kugel oder ein Doppelkegel hängt. Als Faden hat man feine Metalldräf oder Aloëfaden genommen; der letzteren namentlich bedienten sich efranzösischen Akademiker bei ihren Versuchen unter dem Aequator u Zach in Gotha. Die angehängte Masse muss aus einer Substanz u möglichst grossem specifischen Gewichte gefertigt sein. Man hat de Blei, Messing, Silber oder Platin angewandt.

Borda fand, dass zu Paris ein solches Pendel von 12 Fuss Läs (144 Zoll) in einer Stunde 1818 Schwingungen machte. Es ist demne für l=144 Zoll t=1,98 Secunden, also

und daraus

$$\begin{array}{c}
 1.98 = m \ \sqrt{144} \\
 m = 0.165.
 \end{array}$$

Die Länge x des Secundenpendels ergiebt sich demnach aus der Gleiche

$$1 = 0.165 \ \sqrt{x}$$
 $x = \frac{1}{0.165^9} = 36,73 \ \text{Pariser Zoll.}$

Borda stellte seine Versuche, welche in der That die ersten wah haft genauen Pendelbeobachtungen waren, im Jahre 1790 auf der Sten warte von Paris an. Biot, Bouvard und Mathieu haben diese Versuche im Jahre 1808 wiederholt. Sie wandten Borda's Verfahren wie einen ähnlichen Apparat an. Humboldt und Arago haben im Jahre 1818 Borda's Resultate durch ein anderes Verfahren bestätigt. Nach allen diesen Beobachtungen ist die Länge des Secundenpendels für Paris 993,86 Millimeter.

Das Secundenpendel ist also nur um 6,14 Millimeter kürzer ab \dot{a} Meter. Setzt man in der Formel $t=\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$ für t den Werth 1 \dot{a} l=993,8666, so findet man die beschleunigende Kraft der Schwere g=9.809 Meter.

East sich dies im Versuch wirklich ausführen: Man hat nur ter unter der Schneide eine Linse b, Fig. 343, deren Gewicht x, zeimeter über der Schneide eine Linse c anzubringen, deren Gewirch folgende Bedingungsgleichungen gegeben ist

$$x + y = ml^{2}$$

$$x - y = ml,$$

$$x = \frac{m}{2} (l^{2} + l)$$

$$y = \frac{m}{2} (l^{2} - l)$$

ın also die Linse a, Fig. 342, 100 Gramm schwei und 5 Decin der Schneide entfernt ist, so wird die Schwingungsgeschwindigelbe sein wie die des Pendels Fig. 343, wenn die 1 Decimeter

- r Schneide befindliche Linse $\frac{100}{2}$ (25 + 5) = 1500 Gramm,
- !. Fig. 343. die 1 Decimeter über der Schneide befindliche Linse

c aber $\frac{100}{2}$ (25 — 5) — 1000 Gramm schwer wäre, vorausgesetzt, dass die Pendelstange in beiden Fällen dieselbe bliebe.

Umgekehrt lässt sich eine an der besprochenen Pendelstange in der Entfernung 1 von der Schneide befindliche träge Masse M, auf welche die beschleunigende Kraft G wirkt, ohne Aenderung der Schwingungszeit durch eine einzige an die Stange angehängte Masse ersetzen, deren Gewicht m und deren Abstand I von der Schneide durch folgende Bedingungsgleichungen gegeben ist

$$ml^2 = M$$
 $ml = G$

woraus sich ergiebt

$$l = \frac{M}{G}$$
$$m = \frac{G^2}{M}.$$

Hätte man z. B. 1 Decimeter über der Schneide eine Linse von 300 Grm., 1 Decimeter unter der Schneide eine Linse von 500 Grm. angebracht, so wäre M=800, G=200 und demnach

$$l = \frac{800}{200} = 4$$
 und $m = \frac{200 \cdot 200}{800} = 50$.

Nehmen wir die Pendelstange in obiger Betrachtung als gewichtlos an, so ist *l* die Länge eines einfachen Pendels, welches so schnell schwingt wie ein zusammengesetztes, dessen Trägheitsmoment gleich



ch

M ist, und welches durch eine in dem Abstand 1 vom Drehpunkt angreifende Kraft G in Bewegung gesetzt wird.

Fig. 344.

Nach diesen Betrachtungen können wir nun den Schwingungspunkt eines aus zwei schweren Punkten zusammengesetzten Pendels berechnen. An einer unbiegsamen, gewichtlosen Linie, Fig. 344, seien bei a und b in den Abständen r' und r vom Drehpunkt die Massen m' und m angehängt, so sind mr'^2 und mr^2 die Trägheitsmomente, mr und m'r' aber die statischen Momente derselben. Das Trägheitsmoment des Pendels ist also

$$M=m'r'^2+mr^2,$$

die beschleunigende Kraft aber, welche das Pendel in Bewegung setzt, ist

$$G = m'r' + mr;$$

es ergiebt sich demnach für die Länge eines einfachen Pendels von gleicher Schwingungsdauer

$$l = \frac{M}{G} = \frac{m'r'^2 + mr^2}{m'r' + mr}.$$

Diese Betrachtung lässt sich auf ein aus 3, 4, 5 u. s. w., aus unendlich vielen materiellen Punkten zusammengesetztes Pendel ausdehnen, und man kommt so zu dem wichtigen Satze: Für ein materielles Pendel findet man die Entfernung des Schwingungspunktes vom Aufhängepunkte, wenn man die Summe der Trägheitsmomente aller materiellen Punkte durch die Summe ihrer statischen Momente dividirt. Diese Entfernung ist also stets durch einen Ausdruck von der Form

$$l = \frac{mr^2 + m'r'^2 + m''r''^2 + \text{etc.}}{mr + m'r' + m''r'' + \text{etc.}}$$

$$t = \pi \sqrt{\frac{1}{a}}$$

Figure des einsichen Pendels zu setzen, welches mit dem gegebenen Bie Schwingungsdauer hat, d. h. der Abstand des Schwingungspunktes Aufhängepunkte. Dieser Abstand ist aber $\frac{K}{C}$, wenn man mit K das fleitsmoment des Pendels, mit C die Summe der statischen Momente warf das Pendel wirkenden beschleunigenden Kräfte bezeichnet. Wir m also für ein materielles Pendel

d an den oscillirenden Körper eine Masse von bekanntem Trägheitsneut Q so angebracht, dass die beschleunigende Kraft, welche das Penmeilliren macht, ungeändert bleibt, so muss nun der Körper langsamer libren. Beseichnen wir jetzt seine Schwingungszeit mit t', so ist

$$t' = \pi \sqrt{\frac{K+Q}{Cg}} \dots \dots \dots 2$$

dem Gleichungen 1) und 2) lässt sich aber K leicht durch Eliminaberechnen. — Wir wollen dies durch einige Beispiele erläutern.

Ein Pendel von der Fig. 345 dargestellten Einrichtung,

Ein Pendel von der Fig. 345 dargestellten Einrichtung, dessen Gesammtlänge 11 Decimeter betrug, machte ohne die Linsen c und d 68 Schwingungen in der Minute; zu einer Schwingung waren also 0,882 Secunden erforderlich; wir haben demnach

$$0.882 = \pi \sqrt{\frac{K}{Cg}}.$$

Nachdem sowohl 2 Decimeter über als auch 2 Decimeter unter der Schneide eine Linse von 220 Gramm angebracht worden war, während die Linse b unverändert an ihrer Stelle blieb, so machte nun das Pendel 48 Schwingungen in der Minute, es ist also t'=1,25''. Das Trägheitsmoment der beiden Linsen c und d zusammengenommen ist 4.220.2=1760, mithin ist

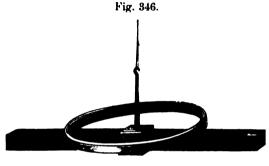
$$1,25 = \pi \sqrt{\frac{K+1760}{Ca}},$$

aus der Combination dieser Gleichung mit der vorhergehenden ergiebt sich K=1745 und C=225,7, da man für g den in Decimetern ausgedrückten Werth 98,09 zu setzen hat; d. h. das Pendel Fig. 345 schwingt ohne die Linsen c und d gerade ebenso als ob an einer gewichtlosen Stange 1 Decimeter weit von der Schneide, eine träge Masse von 1745 Gramm

angebracht wäre, auf welche eine beschleunigende Kraft von 225,7 Grammen wirkt.

Dieselbe Methode zur Bestimmung des Trägheitsmomentes lässt sich aber auch noch in Anwendung bringen, wenn ein Körper nicht unter dem Einfluss der Schwerkraft, sondern unter dem Einfluss irgend einer andern beschleunigenden, aber der Schwerkraft ähnlich wirkenden Kraft oscillirt, welche man jederzeit auch auf das Maass der Schwerkraft zurückführen kann. Ein Beispiel mag dies erläutern.

Ein in einer messingenen Hülse liegender an einem Faden aufgehängter 2,7 Decimeter langer Magnetstab brauchte 10 Secunden zu einer Schwingung. Um sein Trägheitsmoment zu ermitteln, wurde ein 130 Gramm



schwerer Messingring von 0,66 Decimeter Radius in der Weise aufgelegt, wie Fig. 346 zeigt, und nun betrug die Schwingungsdauer 13 Secunden. Das Trägheitsmoment des Ringes ist hier offenbar 130.0,66 = 56,6, wir haben also

$$10 = \pi \sqrt{\frac{K}{Cy}} \cdot \text{ und } 13 = \pi \sqrt{\frac{K+56.6}{Cg}},$$

woraus sich ergiebt K=82 und C=0.824 Gramm. Das Trägheitsmoment des Magnetstabes (auf 1 Decimeter Abstand vom Drehungspunkte bezogen) ist also gleich 82 Gramm und die beschleunigende Kraft des

verschiebt; bei dem Reversionspendel, Fig. 348, geschieht es durch Verschiebung der einen oder auch der beiden Linsen.

Fig. 348. Fig. 349 Fig. 350.

Hat man es nun dahin gebracht, dass die Schwingungsdauer des Pendels für die eine Schneide genau so gross ist, wie für die andere, so ist die Entfernung der beiden Schneiden gleich der Länge eines einfachen Pendels von gleicher Schwingungsdauer.

Die Richtigkeit dieser Behauptung lässt sich durch folgende Betrachtung beweisen.

Bezeichnen wir mit M die Summe der Trägheitsmomente, aller materiellen Punkte, aus welchen ein Reversionspendel, Fig. 347, besteht, mit G die Summe der statischen Momente, so ist nach \S . 126 $\frac{M}{G}=l$ die Länge des einfachen Pendels, welches mit ihm gleiche Schwingungsdauer hat.

Aus den Erörterungen des §. 126 ergiebt sich aber ferner, dass unser materielles Pendel, auch äquivalent ist einem idealen Pendel, welches aus einer gewicht-

losen starren, um den Punkt a, Fig. 349, oscillirenden Stange besteht, an welchen in dem Abstand 1 unter a das Gewicht

$$x=\frac{m}{2}(l^2+l),$$

in dem Abstand 1 über a aber das Gewicht

$$y=\frac{m}{2}(l^2-l)$$

angebracht ist. Denken wir uns an der gewichtlosen Stange Fig. 349 den Punkt b so bestimmt, dass ab = l, so wäre also b der Schwingungspunkt dieses idealen Pendels, welches sich in jeder Beziehung dem materiellen Pendel Fig. 347 gleich verhält.

Denken wir uns nun das ideale Pendel Fig. 349 umgekehrt in b aufgehängt, wie Fig. 350 zeigt, so haben wir eine gewichtlose Stange, an welcher das Gewicht x in der Entfernung (l-1), das Gewicht y an

der Entfernung (l+1) vom Aufhängepunkt b angebracht ist; wir haben also für die Trägheitsmomente der Massen x und y in diesem Fig. 350 dargestellten Falle

$$x (l-1)^2 \text{ und } y (l+1)^2$$

und für die statischen Momente derselben

$$x (l-1) \text{ und } y (l+1);$$

für die Länge des einfachen Pendels, welches mit dem Fig. 350 dargestellten gleiche Schwingungsdauer hat, ergiebt sich demnach

$$L = \frac{x (l-1)^2 + y (l+1)^2}{x (l-1) + y (l+1)}.$$

Substituirt man in dieser Gleichung für x und y ihre obigen Werthe, so ergiebt sich nach Ausführung aller Reductionen

$$L=l$$
.

Das ideale Pendel Fig. 349 oscillirt also gleich schnell, mag nun der Punkt a oder der Punkt b als Aufhängepunkt dienen: im ersten Falle ist b, im zweiten Falle aber ist a der Schwingungspunkt.

Was nun aber von diesem idealen Pendel gilt, gilt auch für das ihm entsprechende materielle Pendel Fig. 347. Es schwingt gleich schnell, mag es nun in a oder in b aufgehängt sein, und zwar gerade eben so schnell, wie ein einfaches Pendel von der Länge ab.

Die Pendeluhr. Die wichtigste Anwendung, die man vom Pendel gemacht hat, ist die Regulirung der Uhren. In jeder Uhr muss eine beschleunigende Kraft wirken, um die Bewegung hervorzubringen und zu erhalten. Nun aber ist aus dem, was über beschleunigende Kräfte gesagt wurde, klar, dass, wenn der beschleunigenden Kraft nicht eine andere gleiche Kraft oder ein Bewegungshinderniss entgegenwirkt, die Bewegung





Die Figur stellt das Pendel gerade in der Lage vor, wo es seine äusserste Stellung links hat. Das Rad, welches durch das Gewicht in der Richtung des Pfeils, gedreht wird, kann aber bei dieser Stellung des Pendels nicht vorangehen, weil der Zahn a durch den Haken A des Ankers aufgehalten wird: sobald aber das Pendel zurückgeht, geht A auf die Seite und der Zahn a wird vorbeigelassen; die Bewegung des Rades wird aber doch alsbald wieder gehemmt, weil nun auf der anderen Seite der Haken B des Ankers niedergeht und an diesen dann der Zahn b des Rades anstösst, sobald das Pendel seine ausserste Stellung rechts erreicht hat.

Geht nun das Pendel abermals nach der Linken, so wird der Zahn c durch A angehalten. Bei jedem Hin- und Hergange geht also das Rad um einen Zahn weiter, bei jedem Pendelschlage also um eine halbe Zahnweite voran. Hat das Rad 30 Zähne, so wird ein Zeiger, welcher an der Axe desselben befestigt ist, in 60 Sprüngen den ganzen Kreisumfang durchlaufen.

Die Axe des Ankers bildet aber nicht unmittelbar die Schwingungsaxe des Pendels. Dieses würde, in Zapfen sich bewegend, zu viel Reibung zu überwinden haben. Es ist hinter dem Anker mittelst eines Stückchens einer Uhrfeder aufgehängt. An der Axe des Ankers aber ist ein Metallstab g befestigt, der mittelst eines auf der Pendelstange befestigten Stiftes geführt wird, indem dieser Stift durch einen am unteren Ende von g angebrachten Schlitz hindurch geht.

Das Pendel hat bei seinen Oscillationen verschiedene Widerstände zu überwinden, weshalb es allmälig zur Ruhe kommt, wenn es für sich allein schwingt. Im Uhrwerk wird nun aber dem Pendel sein Bewegungsverlust dadurch stets ersetzt, dass der Zahn, an der schiefen Fläche deaustretenden Ankerarmes hinschleifend, diesem eine kleine Beschleusigung mittheilt.

Fine solche Vorrichtung nennt man eine Hemmung oder ein Echspement.

Bei Taschenuhren ist das Gewicht durch eine gespannte Stahlfeder, das Pendel aber durch die Balance ersetzt, d. h. durch einen Metallring, welcher von einer, vermöge ihrer Elasticität um ihre Gleichgewichtslage schwingenden Spiralfeder hin und her bewegt wird.

130 Einheit des Längenmaasses. Kater stellte seine Versuchs mit dem Reversionspendel besonders deshalb mit so grosser Genauigkeit an, weil man beabsichtigte, in England ein neues Maasssystem einzuführen, dessen Einheit die Länge des Londoner Secundenpendels sein sollte.

Fast sämmtliche Längeneinheiten sind den Dimensionen des mendelichen Körpers entnommen, und ihre ursprüngliche Bestimmung hing darm auch von manchen Zufälligkeiten ab. Man kam deshalb auf die Idea, eine unveränderliche Grösse der Natur zur Einheit zu nehmen. Schon Huyghens schlug dazu die Länge des Secundenpendels vor.

Zur Zeit der französischen Revolution, als man ein neues Masssysten in Frankreich einführen wollte, nahm man die Idee wieder auf; allein det zur Bestimmung des neuen Systems niedergesetzte Commission, bestehend aus Borda. Lagrange, Laplace, Monge und Condorcet, wandte gegen diese Einheit ein, dass sie ein fremdes Element, nämlich die Zeit, ent hielte, und entschied sich dahin, die Längeneinheit von der unveränder

```
1 pariser Fuss . . . . = 3248,39 Millimeter,

1 preussischer oder rheinl. Fuss == 313,853 Millimeter;

demnach ist

1 pariser Zoll . . . . = 27,070 Millimeter,

1 rheinl. Zoll . . . . = 26,154 Millimeter.
```

Variationen der Schwingungen eines Pendels. nachdem Galilai die Grundgesetze des Pendels entdeckt hatte, machte sich Huyghens durch seine trefflichen Arbeiten über das Pendel um die Wissenschaft sehr verdient. Er bestimmte zuerst genau den Schwingungspunkt des physischen Pendels, wandte das Pendel an, um den Gang der Uhren zu reguliren, und machte somit zuerst eine genaue Zeitmessung möglich. Dieser ausgezeichnete Gelehrte war jedoch der Meinung, dass ein Pendel an allen Orten der Erde gleich schnell oscilliren müsse, was Im Jahre 1672 machte der französische Astronom Newton bestritt. Richer eine Reise nach Cayenne, welches nur 5 Grad nördlich vom Aequator liegt. Als er hier seine l'endeluhr aufstellte, fand er, dass sie täglich 21/2 Minute nachging; er musste das l'endel nahe um 5 1 Linien verkürzen, um den Gang gehörig zu reguliren. Er konnte dies um so weniger einer Störung der Uhr während der Reise zuschreiben, da die Uhr, nach Paris zurückgebracht, 148 Secunden täglich vorging und das Pendel deshalb wieder verlängert werden musste.

Es war somit erwiesen, dass ein und dasselbe Pendel an verschiedenen Orten der Erde nicht gleich schnelle Schwingungen macht. Man stellte später die genauesten Beobachtungen an verschiedenen Orten an und bestimmte für jeden derselben die Länge des Secundenpendels. Die folgende Tabelle enthält eine Reihe solcher von Sabine gemachter Bestimmungen.

Orte.	Breite.	Länge des Secun- denpendels in engl. Zollen.	
St. Thomas	00 24' 41"	39,012	
Trinidad	10° 38′ 56″ N.	39,019	
Bahia	12° 59′ 21″ S.	39,024	
Jamaica	17º 56' 7" N.	39,035	
New-York	40° 42′ 43″ N.	39,101	
London	51° 31′ 8″ N.	39,139	
Drontheim	63° 25′ 54″ N.	39,174	
Grönland	74° 32′ 19″ N.	39,203	
Spitzbergen	79° 43′ 68″ N.	39,215	

Näheres über diesen Gegenstand in der kosmischen Physik.

Gleitende Reibung. Ein schon mehrfach besprochener Widerstand, welcher fast auf alle Bewegungen einen bedeutenden Einfluss ausübt, ist die Reibung. Um eine nur etwas grosse Last auf einer horizontalen Ebene fortzuschleifen, ist ein bedeutender Kraftaufwand nöthig, welcher lediglich von den Reibungswiderständen herrührt. Wäre die Ebene sowohl, auf welcher die Last fortgeschleift werden soll, als auch die Unterfläche der Last selbst absolut hart und glatt (was in der Natur nie der Fall ist) und fände ausserdem nicht die mindeste Adhäsion zwischen den über einander hin gleitenden Flächen statt, so könnte die kleinste Kraft die grösste Last in Bewegung setzen, und einmal angestossen müsste sich die Last mit gleichförmiger Geschwindigkeit auf der horizontalen Ebene fortbewegen.

Die Reibung rührt unstreitig daher, dass die Erhabenheiten einer jeden der über einander hingleitenden Flächen in die Vertiefungen der anderen eingreifen. Wenn nun Bewegung stattfinden soll, so müssen entweder die hervorragenden Theilchen von der Masse ihres Körpers abgerissen, oder der eine Körper muss fortwährend über die Unebenheiten hinweggehoben werden. Ersteres findet vorzugsweise statt, wenn die reibenden Flächen sehr rauh, letzteres, wenn sie mehr geglättet sind. Je glatter die reibenden Flächen sind, desto mehr Einfluss gewinnt auch die Adhäsion, welche namentlich bei Anwendung von flüssiger oder halbflüssiger Schmiere von Bedeutung wird.

Um Versuche über gleitende Reibung anzustellen, wandte Coulomb den Fig. 352 dargestellten Apparat an. Ein Kästchen A, welches man Fig. 352.



Die zur Ueberwindung der Reibung hier anzuwendende Kraft beträgt also in diesem Falle 7/25 oder 28 Procent der Last.

Wäre das Gewicht des Kästchens A 2mal, 3mal so gross gewesen, so hätte an der Schnur auch eine doppelte, dreifache Kraft ziehen müssen, um die Reibung zu überwinden, und so ergiebt sich:

1) Die Reibung ist dem Drucke proportional, mit welchem die Flächen, welche über einander hergleiten sollen, auf einander gedrückt werden.

Hätte man, ohne sonst etwas zu ündern, die eisernen Schienen breiter oder schmäler gemacht, so würde man doch immer zu demselben Resultate gekommen sein, d. h. zur Ueberwindung der Reibung würden immer 28 Procent der Last nöthig gewesen sein, und so ergiebt sich:

2) Die Reibung ist unabhängig von der Ausdehnung der reibenden Flächen.

Die Zahl, welche angiebt, der wievielte Theil der Last zur Ueberwindung der Reibung verwandt werden muss, wird der Reibung secefficient genannt. Für Eisen auf Eisen ist dieser Coefficient, wie wir gesehen haben, 0,28 oder genauer 0,277; der Reibungscoefficient indert sich jedoch mit der Natur der reibenden Flächen. Die folgende Tabelle enthält einige der in der Praxis wichtigsten Reibungscoefficienten.

Eisen auf Eisen . . . 0,277

Eisen auf Messing . . 0,263

Eisen auf Kupfer . . 0,170

Eichen auf Eichen . . (0,418 = 0,0273 + 0,0667)Kiefern auf Kiefern . . 0,667

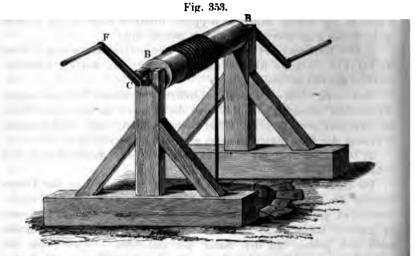
Kiefern auf Kiefern . . 0,562.

Durch eine zweckmässige Schmiere kann der Reibungswiderstand noch verringert werden. Für Metalle ist Och, für Holz hingegen Talg das beste Schmiermittel.

Bei Hölzern ist es nicht gleichgültig, wie die Fasern laufen; die Beibung ist nämlich bei gekreuzten Fasern (+) viel geringer als bei parallelen (=).

Gleitende Reibung findet unter Anderem auch überall da statt, vo Zapfen in ihren Pfannen gedreht werden. Untersuchen wir z. B. den Effect der Reibung an dem schon öfter betrachteten Haspel, Fig. 353 (a. f. S.). Das Gewicht des Wellbaumes selbst mit Allem, was daran befestigt ist, betrage 75 Pfd., der zu hebende Stein wiege 100 Pfd., also die am Hebel F wirkende Kraft 25 Pfd., so ist der Gesammtdruck, welchen die Zapfenager auszuhalten haben, 75 + 100 + 25 = 200 Pfd. Wenn die Zapfenlager von Messing, die Zapfen aber von Eisen sind, so beträgt der Reibungswiderstand, welcher am Umfange der Zapfen wirkt, 26,3 Proc., der Effect der Reibung ist also derselbe, als ob man statt ihrer um den

Zapfen eine Schnur in derselben Richtung geschlungen hätte, wie der Seil, welches die Last trägt, und an dieser Schnur ein Gewicht 200 \times 0,263

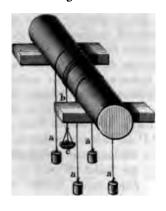


oder 52,6 Pfd. angehängt hätte; oder als wenn die am Umfange des Wellbaumes wirkende Last um $\frac{52,6}{5}=10,5$ Pfd. grösser gewesen wäre, vorausgesetzt nämlich, dass der Durchmesser des Zapfens $^{1}/_{5}$ vom Durchmesser des Wellbaumes ist. Es werden also bei diesem Haspel eirea 10 Procent der angewandten Kraft für die Ueberwindung der Reibungswiderstände verzehrt.

Wenn ein Körper, welcher bis dahin ruhig auf seiner Unterlage lag, in Bewegung gesetzt werden soll, so ist die dabei zu überwindende Reibung etwas grösser als die Reibung, welche überwunden werden muss, wenn

Nach diesen Versuchen ist die wälzende Reibung dem Drucke direct und dem Halbmesser der Walze umgekehrt proportional, oder es ist

Fig. 354.



$$F = \varphi \cdot \frac{P}{R},$$

wenn F die wälzende Reibung. P den Druck und R den Radius der Walze bezeichnet. Coulomb fand für Walzen aus Guajacholz den constan-

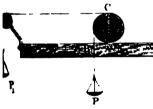
ten Factor $\varphi = 0.018$ für Walzen aus Ulmenholz φ — 0,031.

Für gusseiserne Räder, welche auf gusseisernen Schienen laufen, fand Weisbach $\varphi = 0.018$.

Die obige Formel setzt voraus. dass die Kraft F an einem Hebelarm angreift, welcher dem Halbmesser der Walze gleich ist, wie es bei der obigen

Anordnung der Fall war; wenn aber die Kraft an dem oberen Ende C der Walze, Fig. 355, angreift, so ist die wälzende Reibung nur halb so gross, wie im vorigen Falle.

Fig. 355.





Wo es auf Verminderung der Reibungswiderstände ankommt, sucht wo möglich die gleitende Reibung in eine wälzende zu verwandeln; schwere Lasten fortzuschaffen, legt man dieselben auf Walzen, Fig. 356. 🛰 darin liegt auch der Vortheil der Räder unserer Fuhrwerke, an deren Mang nur wälzende Reibung zu überwinden ist, während die gleitende **Example diglich auf die Axen reducirt** bleibt, wo die Ueberwindung dersel-Ⴉ einen bedeutend geringeren Kraftaufwand in Anspruch nimmt, als wenn ieselbe Last fortgeschleift werden sollte; denn während der Wagen um en Umfang eines Rades vorangeht, macht das Rad um die Axe nur eine mdrehung, die gleitende Reibung ist also nur auf dem kurzen Wege des tenumfanges zu überwinden gewesen. Daraus geht hervor, dass der eibungswiderstand an einem Rade um so geringer ausfallen wird, je kleir der Halbmesser der Axe und je grösser der Halbmesser des Rades ist.

Um die Zapfenreibung zum Theil noch in wälzende Reibung zu verndeln, legt man die Zapfen einer Welle oder eines Rades nicht in ein Zapfenlager, sondern auf sogenannte Frictionsrollen, deren Einrichtung durch Fig. 357 erläutert wird. Die Frictionsrollen bestehen aus zwei Räderpaaren, von denen das eine, aus den Rädern A und B gebildet, das vordere Ende der Axe trägt, um welche das Rad W gedreht werden soll, während das hintere Ende dieser Axe in gleicher Weise auf den Rädern A' und B' (A' ist in der Figur gänzlich verdeckt) aufliegt. Die Umdrehungaxen der beiden dicht hintereinander liegenden zusammengehörigen Räder wie A und B sind um mehr als den Halbmesser und um weniger als den Durchmesser eines solchen Rades von einander entfernt, so dass sie oben mit einander einen einspringenden Winkel bilden, in welchen die Axe des Rades W hineingelegt wird.

Bezeichnet P die auf der Axe des Rades W ruhende Last, f den Coefficienten für gleitende Reibung, so ist f P die Reibung, welche zu über-

Fig. 357.



winden wäre, wenn die Axe des Rades W sich in einem Zapfenlager drehen müsste, und

K = f.P.u . . . 1) ist die mechanische Arbeit, welche durch Ueberwindung dieser Zapfenreibung bei jeder Umdrehung des Rades verrichtet würde, wenn u den Umfang der Axe bezeichnet.

Nun aber dreht sich der Zapfen des Rades W nicht in einem Zapfenlager, sondern auf dem Umfange der Fricberwindung der Reibung an den Axen der Frictionsrollen überwunden den muss, wenn u' den Umfang einer jeden dieser Axen bezeichnet.

Es ist aber $\frac{1}{T}$ offenbar gleich $\frac{46}{TI}$ wenn 4, wie bereits erwähnt, den nfang der Axe des Rades W, U aber den Umfang einer Frictionsrolle zeichnet. Folglich ist auch

Vergleichen wir den Werth von K' bei 2) mit dem obigen Werth a K, so sehen wir, dass

Durch Anwendung der Frictionsrollen wird also der Reibungswiderand im Verhältniss I_{II} , d. h. in dem Verhältniss vermindert, in welchem

Tunfang der Frictionsrollen sum Umfang ihrer Axen steht, oder auch, s dasselbe ist, in dem Verhältniss, in welchem der Halbmesser der ictionsrollenaxe kleiner ist, als der Halbmesser der Frictionsrolle selbst.

Ware z. B. der Radius der Frictionsrollenaxe 1/20 vom Radius der ictionsrolle, so würde der zu überwindende Reibungswiderstand nur 1/20 ndem sein, welchen die Umdrehung des Rades Werfahren würde, wenn ine Axe direct in Zapfenlagern liefe.

Nutzen und Anwendung der Reibung. Wir haben bisher 131



die Reibung nur als ein Bewegungshinderniss betrachtet, welches bei Maschinen einen bedeutenden Theil der bewegenden Kraft verzehrt, also offenbar nachtheilig auf den Nutzeffect wirkt; allein diese Reibung, welche hier freilich störend wirkt, bringt uns in anderen Fällen ungleich mehr Vortheil, und in vielen Fällen machen wir von derselben für unsere Zwecke Anwendung.

Zunächst könnten wir ohne Reibung weder sicher gehen noch stehen, wie uns das Glatteis zeigt, auf welchem nur eine stark verminderte Reibung stattfindet; dass der Nagel in der Wand hält, ist lediglich eine Folge der Reibung; ohne Reibung

brden wir keinen Körper fest in den Händen halten können, sie würn uns entgleiten wie ein schlüpfriger Fisch.

Beim Betrieb von Maschinen machen wir häufig Anwendung von der Reibung zur Fortpflanzung der Bewegung; denn nur durch die Reibung wird es möglich, mittelst Seilen oder Riemen die Bewegung eines Rades auf ein anderes zu übertragen, wie dies z. B. bei der Schwungmaschine, Fig. 310 auf Seite 254 und bei der Drehbank der Fall ist.

Ein Seil, an dessen einem Ende eine Last P, Fig. 358, hängt, sei über einen horizontal liegenden, nicht drehbaren Cylinder geschlungen, so ist die Reibung, welche das Seil am Umfange des Cylinders zu überwinden hat, wenn die Last P niedergehen soll, sehr bedeutend, so dass eine geringe Kraft Q hinreicht, um das Herabsinken von P zu verhindern.

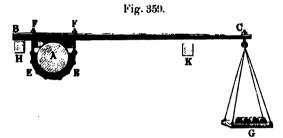
Man macht hiervon Gebrauch, um eine grosse untheilbare Last von einer gewissen Höhe herabzulassen, indem man das Seil, an welchem die Last hängt, um einen festgeklammerten runden Stamm schlägt und das andere Ende des Seiles in die Hand nimmt.

So kann ein Fasszieher, wenn er beim Hinablassen eines vollen Fasses in einen Keller das dabei angewandte Seil 3mal um einen quer über die Kellerthür gelegten Stamm wickelt, mit einer Kraft von 25 Pfund eine Last von 132 Centnern ohne Gefahr hinablassen.

Ohne Reibung würde eine Locomotive nicht im Stande sein, einen Wagenzug fortzubringen. Die Kraft der Dampfmaschine der Locomotive bewirkt zunächst eine Umdrehung der Treibräder. Diese Räder laufen nun entweder um, während die Locomotive fortrollt; dann müssen sämmtliche

ndern auch darauf, dass die gleitende Reibung, welche beim Schleifen is Treibräder auf den Schienen entsteht, recht gross ist; diese Reibung ichst aber mit dem Gewicht der Locomotive; die Dampfmaschine der ocomotive muss also nicht allein die gehörige Kraft entwickeln, sondern ie Locomotive selbst muss auch das genügende Gewicht haben, welches um grösser sein muss, je grössere Lasten fortgezogen werden sollen; deshalb muss man auch nicht allein stärkere, sondern auch schwerere Maschinen mwenden, wenn die Eisenbahn nur eine Steigung von 1 bis 1½ Fuss auf ine Länge von 100 Fuss hat.

Man wendet die Reibung auch an, um die mechanische Leistung verchiedener Motoren zu bestimmen. In der Regel besteht die Arbeit der Kotoren, z. B. der Wasserräder, Dampfmaschinen u. s. w. in der Umdresung einer Welle, deren Bewegung dann auf irgend eine Weise fortgestanzt wird. An diese Welle wird nun, um die Leistung des Motors a bestimmen, während die Maschine keine weitere Arbeit verrichtet, ein ogenanntes Bremsdynamometer angelegt, welches Fig 359 in seiner infachsten Form, unter welcher es nach seinem Erfinder der Prony'siche Zaum genannt wird, dargestellt ist.



A ist der Durchschnitt des horizontalen Wellbaumes, an welchen der Lum angelegt werden soll. Der Hebel B C ist mit einem Holzstück D westen, welches unten so ausgeschnitten ist, dass es auf den Wellbaum welches unten so ausgeschnitten ist, dass es auf den Wellbaum welche sich von unten der an den Wellbaum anlegen. Durch Anziehen der Schrauben F wird Holzstück D von oben, jene kleinen Holzstückchen von unten her wegen die Axe A angedrückt.

Dreht sich nun die Welle um, während der Hebel in seiner Stellung etgehalten wird, so muss am Umfange der Welle ein bedeutender Reingswiderstand überwunden werden, welcher durch Anziehen oder Nachmen der Schrauben F beliebig vermehrt oder vermindert werden kann.

Durch Regulirung der Schrauben F und des Gewichtes G, welches G hängt, sucht man es nun dahin zu bringen, less die Welle dieselbe Umdrehungsgeschwindigkeit annimmt, welche sie ihrer normalen Arbeit hat, während der Hebel, kleine Oscillationen übgerechnet, horizontal bleibt. Ist dies der Fall, so hält die Last G der Leibung das Gleichgewicht, und es ist nun leicht, die mechanische Arbeit

der Welle, welche eben in der Ueberwindung dieses Reibungswiderstandes besteht, zu berechnen.

In C zieht das Gewicht G den Hebel herab; aber auch durch sein eigenes Gewicht wird er auf dieser Seite herabgezogen, und dies muss mit in Rechnung gebracht werden, man muss das Moment des Hebels auf den Punkt C reduciren, d. h. man muss ermitteln, welche Kraft in C angreifend genau eben so wirkt, wie der Hebel selbst. Es lässt sich dies leicht durch den Versuch ermitteln; man mache die Schrauben F ganz los, befestige in C eine Schnur, die, nach oben gehend, über eine Rolle geschlungen ist, und hänge so viel Gewicht an, dass der Hebelarm gerade wagerecht gehalten wird, so stellt dies Gewicht p den auf den Punkt C reducirten Hebel dar.

Setzen wir nun P = G + p, bezeichnen wir mit l die Länge des Hebelarmes C A, so ist P l das statische Moment, welches der Reibung am Umfange der Welle das Gleichgewicht hält, oder, mit anderen Worten, P l ist diejenige Kraft, welche am Hebelarm 1 angreifend der Reibung am Umfange der Welle das Gleichgewicht hält.

Während jeder Umdrehung ist diese Last gleichsam um den Weg 2 π fortzuführen. Macht die Welle n Umdrehungen in der Secunde, so ist also W=2 π Pl n

die in jeder Secunde verrichtete mechanische Arbeit.

Es sei z. B. CA=l=10'; die Welle mache sechs Umdrehungen in jeder Minute, es sei also n=1/10, während auf der Wagschale so viel Gewicht aufgelegt ist, dass P=500 Pfund ist, so ist der mechanische Effect

$$W = 2.3,14. \frac{5000}{10} = 3140$$
 Fusspfund

per Secunde die Leistung des Motors ist also 3140 d. h. sechs Pferde.

Achtes Capitel.

Hydrodynamik oder die Bewegungsgesetze der Flüssigkeiten.

Toricelli's Theorem. Wenn man in die Seitenwand oder in den Boden eines mit einer Flüssigkeit gefüllten, oben offenen Gefässes ein Loch macht, welches im Vergleich mit den Dimensionen des Gefässes klein ist, so strömt die Flüssigkeit mit einer Geschwindigkeit aus, welche um so grösser ist, je tiefer sich die Oeffnung unter dem Spiegel der Flüssigkeit befindet. Der Zusammenhang zwischen Ausflussgeschwindigkeit und Druckhöhe lässt sich am einfachsten auf folgende Weise ausdrücken: Die Ausflussgeschwindigkeit ist gerade so gross wie die Geschwindigkeit, welche ein frei fallender Körper erlangen würde, wenn er von dem Spiegel der Flüssigkeit bis zur Ausflussöffnung herabfiele.

Dieser Satz ist unter dem Namen des Toricelli'schen Theorems bekannt. Er lässt sich durch folgende Schlussweise ableiten.

Wenn die Flüssigkeitsschicht abcd, Fig. 360, welche sich unmittel-

Fig. 360.



bar über der Oeffnung ab befindet, frei herabfiele, ohne durch die über ihr lastende Flüssigkeit beschleunigt zu sein, so würde sie die Oeffnung mit derjenigen Geschwindigkeit verlassen, welche der Höhe ac entspricht, die wir mit b bezeichnen wollen. Diese Geschwindigkeit ist $v = \sqrt{2g}h$ (S. 240). Nun aber ist die ausströmende Schicht nicht bloss durch ihre eigene Schwere beschleunigt, sondern durch die Schwere der ganzen auf ihr lastenden Flüssigkeit. Die beschleunigende Kraft der

Schwere g verhält sich demnach zur beschleunigenden Kraft g', welche die flüssigen Theilchen wirklich austreibt, wie ac zu af oder wie h zu s, wenn die Druckhöhe mit s bezeichnet wird, d. h.

$$h: s = g: g',$$

und also ist die auf die aussliessende flüssige Schicht wirkende beschleu-

nigende Kraft $g' = \frac{g}{h} s$. Wenn aber die beschleunigende Kraft, welche auf die ausfliessende Schicht wirkt, nicht g, sondern g' ist, so ist auch die Ausflussgeschwindigkeit $v' = \sqrt{2g'h}$, und wenn wir in diesen Werth von g' den eben abgeleiteten Werth von g' setzen, so erhalten wir für die Ausflussgeschwindigkeit den Werth

$$v' = \sqrt{2} g s$$
.

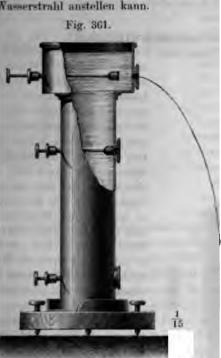
Dies ist aber dieselbe Geschwindigkeit, welche ein Körper erlangt, wenn er eine Höhe s durchfällt.

Aus diesem Satze folgt unmittelbar:

- 1) Die Ausflussgeschwindigkeit hängt nur von der Tiefe der Oeffnung unter dem Niveau, aber nicht von der Natur der Flüssigkeit ab. Bei gleichen Druckhöhen muss also Wasser und Quecksilber gleich schnell ausfliessen. Jede Quecksilberschicht wird zwar durch einen Druck ausgetrieben, welcher 13,6mal so gross ist als beim Wasser, dagegen ist aber auch die Masse eines Quecksilbertheilchens, welches ausfliesst, 13,6mal grösser als die eines gleich grossen Wasservolumens.
- 2) Die Ausflussgeschwindigkeiten verhalten sich wie die Quadratwurzeln der Druckhöhen. Aus einer Oeffnung, welche 100 Zoll unter dem Wasserspiegel liegt, muss also das Wasser mit 10mal grösserer Schnelligkeit ausfliessen, als aus einer anderen, welche nur 1 Zoll unter dem Niveau liegt.
- Apparate zu Versuchen über die Ausflussgeschwindigkeit. Um das Toricelli'sche Gesetz durch das Experiment zu profen, wendet man Gefässe an, deren Rauminhalt bedeutend ist im Vergleichs zu der Grösse der Oeffnung. Die Oeffnungen selbst müssen in ganz dunme Metallblättehen gemacht sein, welche man in die Seitenwand oder in den Boden des Gefässes einsetzen kann; denn wenn die Oeffnungen sich im

pparate zu Versuchen über die Ausflussgeschwindigkeit. 3

kurze Röhren anschrauben, welche mit einer nach oben gerichteten ing versehen sind, so dass man auch Versuche mit dem aufsteigen-



Wenn man Ausflussversuche bei unveränderter Druckhöhe anstellen will, so muss man dafür sorgen, dass oben stets so viel Wasser in das Reservoir zufliessen kann, als durch die Ausflussöffnung abfliesst.

Ein anderer Apparat, welcher zu Versuchen die Ausflussgeüber schwindigkeit dienen kann, ist der in Fig. 362 a. f. S. abgebildete. An einer grossen Glasflasche mit verticalen Wänden ist unten seitlich ein Loch gemacht und auf dieses eine Messingfassung mit einer kurzen Messingröhre r aufgekittet. Die Röhre r dient zur Aufnahme der Ausflussöffnungen.

demit der Ausfluss längere Zeit unter unverändertem Druck stattfinde, der Hals der Flasche mittelst eines Korkes verschlossen, durch welsine oben und unten offene Glasröhre hindurchgeht, deren untere ng a sich unter dem Wasserspiegel befindet. In dem Maasse nun, ten Wasser aussliesst, dringt die Luft durch die Glasröhre ba ein, Sortwährend Luftblasen von a in den oberen Theil der Flasche auf-12 suf diese Weise ist aber die ganze Wassermasse von a aufwärts den Laftdruck äquilibrirt, so dass nur die Höhe der Flüssigkeitssäule sur Ausflussöffnung herunter die Ausflussgeschwindigkeit bedingt. ist nan auf der Flasche eine Theilung angebracht, deren Nullin der Höhe der Ausflussöffnung liegt, während die folgenden Theil-1, 2, 3 u. s. w. Decimeter über demselben angebracht sind (man stärlich für diese Theilung auch jede andere Längeneinheit anwen-Der Ausfluss wird nun mit einer Geschwindigkeit stattfinden, einer Druckhöhe von 1, 2, 3 oder 4 Decimetern entspricht, wenn • Röhre so stellt, dass ihr unteres Ende sich in der Höhe des Theil-1, 2, 3 oder 4 befindet.

Um einen Wasserstrahl vertical in die Höhe springen zu lassen, kann man ein gebogenes kurzes Glasröhrchen mittelst eines Korkes in r einsetzen, wie es die Figur zeigt.

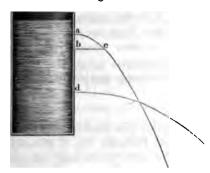
137 Versuche über Ausflussgeschwindigkeit. Um das oben in §. 135 entwickelte Gesetz durch den Versuch zu prüfen, scheint es am



einfachsten, einen Wasserstrahl vertical in die Höhe steigen zu lassen; denn wenn man das Wasser aus der Oeffnung o, Fig. 362, vertical ausströmen lässt, so sollte man jenem Gesetze zufolge erwarten, dass der Wasserstrahl vollkommen die Druckhöhe erreichen würde: hat man also in dem Apparate Fig. 362 die Röhre ab so hoch in die Höhe gezogen. dass ihr unteres Ende sich in der Höhe des Theilstrichs 4 befindet, so müsste der verticale Wasserstrahl bis zur Höhe dieses Theilstrichs 4, also bis d steigen.

Der Versuch aber zeigt, dass der verticale Wasserstrahl die theoretische Höhe nicht erreicht, woran jedoch nur die Bewegungshindernisse Schuld sind; den wesentlichen Einfluss übt aber es nach 1 Secunde in horizontaler Richtung 1,4 Meter von derselben entfernt sein. Ein eben ausströmendes Wassertheilchen wird also nach ²/₁₀ Secunden in horizontaler Richtung 0,28 Meter von der Oeffnung

Fig. 363.

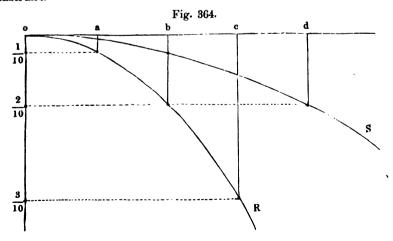


entfernt sein; inf $^{2}/_{10}$ Secunden fällt es aber um 0,196 Meter herab. Wenn man demnach von der Oeffnung a, Fig. 363, in verticaler Richtung die Länge ab = 0,196 Meter herab misst, so muss eine von b aus in horizontaler Richtung nach dem Wasserstrahle hin gezogene Linie bc denselben in einer Entfernung von 0,28 Meter treffen.

Aus einer Oeffnung d, welche 4mal so tief unter dem Wasserspiegel liegt als a, strömt der

Wasserstrahl mit der doppelten Geschwindigkeit hervor. Wenn man also von d aus 0,196 Meter herabmisst und dann in horizontaler Richtung eine Linie gegen den Strahl hingezogen denkt, so muss sie denselben in einer Entfernung 2.0,28 also in eine Entfernung von 0,56 Meter treffen.

Dass der horizontal aussliessende Wasserstrahl in der That die dem Gesetz entsprechende Parabel beschreibt, davon überzeugt man sich am besten, wenn man die Parabel auf Papier oder auf einem Brette construirt und sie dann dicht hinter den aussliessenden Strahl hält. In Fig. 364 sind die Parabeln des horizontal aussliessenden Wasserstrahls für eine Druckhöhe von 1 und von 4 Decimetern in ¹/₁₀ der natürlichen Grösse construirt.



Ausflussmenge. Die Wassermenge, welche aus einer Oeffnung in einer gegebenen Zeit hervorspringt, hängt offenbar von der Grösse der Oeffnung und der Ausflussgeschwindigkeit ab. Wenn alle Wassertheitchen die Oeffnung mit der Geschwindigkeit passirten, welche, nach dem Toricelli'schen Theorem, der Druckhöhe entspricht, so würde die in einer Secunde ausfliessende Wassermenge einen Cylinder bilden, dessen Basis gleich der Oeffnung und dessen Höhe gleich dem Wege ist, den ein Wassertheilchen vermöge seiner Geschwindigkeit in einer Secunde zurücklegt. Dieser Weg ist nun aber die Ausflussgeschwindigkeit selbst, also $\sqrt{2} gs$, und wenn wir also den Flächeninhalt der Oeffnung mit f bezeichnen, so ist die Ausflussmenge in einer Secunde

$$m = f \cdot \sqrt{2gs}$$
.

Für eine Druckhöhe von 0,1 Meter, welcher eine Ausflussgeschwindigkeit von 140 Centimeter entspricht, und eine Oeffnung von 2 Millimeter Durchmesser, welche also 0,0314 Quadratcentimeter Querschnitt hat, giebt die Rechnung eine Ausflussmenge von 4,4 Cubikcentimeter per Secunde. also 264 Cubikcentemeter per Minute.

Stellt man den Versuch an, so findet man nur eine Ausflussmenge von 169 Cubikcentimetern.

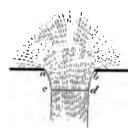
Diese Differenz zwischen der sogenannten theoretischen und der beobachteten Ausflussmenge beweist unwiderleglich, dass nicht alle Wassertheilchen die Oeffnung mit der Geschwindigkeit passiren, welche der Druckhöhe entspricht. In der That haben im Querschnitte der Oeffnung nur die in der Mitte sich befindenden Wasserfäden diese Geschwindigkeit, während sie für die mehr nach dem Rande der Oeffnung hin ausfliessenden geringer ist, wie dies auch nothwendig nach der folgenden Betrachtung sein muss.

In einem weiten Gefässe mit enger Oeffnung kann die ganze flüssige Masse, mit Ausnahme der in der Nähe der Oeffnung befindlichen Theile, lgt denn, dass die Ausflussmenge geringer sein muss, als wenn alle ben die Oeffnung mit der Geschwindigkeit des Kernstrahls verliessenbie wahre Ausflussmenge beträgt ungefähr 64 Procent der sogenanneoretischen. Die wahre Ausflussmenge ist also

$$M = c.f \sqrt{2ys}$$

n für den constanten Factor e den Zahlenwerth 0,64 zu setzen hat. achsender Druckhöhe nimmt der Zahlenwerth des constanten Factors a.b.

Constitution des aussliessenden Strahles. Gleich nachdem 139 issige Strahl die Oeffnung verlassen hat, beobachtet man eine aufle Veränderung desselben; er zicht sich nämlich rasch zusammen; in Entfernung von der Oeffnung, welche dem Halbmesser der Oeffnung ist, beträgt der Flächeninhalt des Querschnitts des Strahles nur 1/4 vom Flächeninhalte der Oeffnung selbst, so dass also an dieser . F. 367. Fig. 365. Stelle der Durchmesser des Strahles



Stelle der Durchmesser des Strahles ungefähr 0,8 vom Durchmesser der Oeffnung ist.

Dieses Zusammenziehen des Strahles wird mit dem Namen der Contractio venae bezeichnet.

Man glaubte früher, dass von der bezeichneten Stelle an der Strahl sich wieder ausbreitete; Savart hat aber gezeigt, dass ein solches Contrac-

tionsmaximum nur bei aufwärts gerichteten Strahlen stattfinde; bei anderen Strahlen nimmt die Zusammenziehung fortwährend, wenn auch kaum merklich, zu.

Die Fig. 365 stellt diese Contraction des Strahles dar; die Entfernung der Stelle cd, von welcher an die fernere Zusammenziehung fast unmerklich wird, von der Oeffnung ab ist etwas grösser als der Halbmesser der Oeffnung selbst. cd ist ungefähr $s_{/10}$ der Länge ab.

Die Ursache der Contractio venae ist wohl keine andere als die, welche schon im Inneren des Gefässes den Seitenzufluss der Wassertheilchen veranlasst.

Verfolgen wir den flüssigen Strahl auf seinem Laufe weiter, so finden wir, dass er aus zwei wohl zu unterscheidenden Theilen besteht; der eine Theil, welcher der Oeffnung zunächst liegt, ist ruhig und durchsichtig wie ein massiver Glasstab, der andere, entferntere Theil erscheint zerrissen und aus einer Reihe getrennter Tropfen bestehend.

Fig. 366 stellt einen flüssigen, von oben nach unten gerichteten Strahl dar, wie er dem Auge erscheint; un ist der klare Theil; in n beginnt der gestörte Theil des Strahles,

welcher abwechselnd aus Bäuchen und Knoten besteht. Fig. 367 a. vor. 8. stellt den Strahl dar, wie er nach Savart's Untersuchungen wirklich ist. Der ganze gestörte Theil ist aus einer Reihe von Tropfen zusammengesetzt. Die Bäuche bestehen aus breiten, in horizontaler Richtung ausgedehnten Tropfen, die Knoten aber aus solchen, welche in verticaler Richtung verlängert sind. Da aber die Knoten und Bäuche eine fixe Stellung haben, so muss ein und derselbe Tropfen abwechselnd breit und lang weden, je nachdem er sich an der Stelle eines Bauches oder Knotens befischet; jeder Tropfen muss also in regelmässigen Perioden aus einer Gestalt in die andere übergehen. Alle Tropfen scheinen gleiche Grösse zu haben und denselben Veränderungen unterworfen zu sein. Zwischen je zwei dieser Tropfen scheint noch ein weit kleinerer sich zu befinden, wodurch die Bäuche ein röhrenartiges Ansehen erhalten.

Die Gegenwart der Luft hat auf die Form und die Dimensionen des Strahles keinen Einfluss.

Wenn die Oeffnungen nicht kreisförmig sind, so erleidet der Strall

Fig. 368. Fig. 369. Fig. 370.

sehr merkwürdige Formveränderungen. Ein Strahl z. B., welcher au einer quadratischen Oeffnung in horizontaler Richtung hervorspringt, hat in verschiedenen Entfernungen von der Oeffnung die Querschnitte, Fig. 368, 369 und 370. Es rüht

dies gewiss grösstentheils daher, dass die Stelle, bis zu welcher hin de starke Contraction stattfindet, nicht für alle Theilchen in gleicher Entfenung von der Oeffnung liegt, weil ja der Durchmesser der Oeffnung nicht nach allen Richtungen derselbe ist.

140 Einfluss der Ansatzröhren auf die Ausflussmenge. Weit der Ausfluss nicht durch Oeffnungen geschieht, welche in eine d\u00fcnne Wand

gesetzt, dass die Länge der Röhre ihrem vierfachen Durchmesser gleich ist. Bei geringer Druckhöhe ist der Strahl stets anhängend, bei grosser Druckhöhe hingegen ist er frei. Bei mittlerem Drucke kann man ihn



meh Belieben bald frei, bald anhängend machen; ein geringes Hinderniss stellt das Anhängen her, und oft reicht ein ganz schwacher Stoss hin, um den Strahl wieder frei zu machen.

Ein konisches nach aussen erweitertes Ansatzrohr bewirkt, im Falle voll aussliesst, wie in Fig. 372 eine noch grössere Vermehrung der Aussumenge als ein cylindrisches.

Es ist bereits bemerkt worden, dass die Vermehrung der Ausfluss
age von einer Verminderung der Ausflussgeschwindigkeit begleitet ist.

Grund davon ist leicht einzuschen. Die Adhäsion des Wassers an die
hrenwände ist keine beschleunigende Kraft, sie kann die lebendige Kraft
ausfliessenden Strahls nicht vermehren. Bezeichnen wir mit M die
sessussmenge durch eine Oeffnung in dünner Wand, durch r die entspre-

hende Geschwindigkeit, so ist $\frac{M v^2}{2 g}$ die lebendige Kraft des Strahls. Wenn

en die Ausflussmenge M vermehrt, wenn sie M' wird, so muss doch die Bendige Kraft des ausfliessenden Strahls unverändert bleiben, es ist also

$$M \frac{v^2}{2y} = M' \frac{r'^2}{2y}$$

ler

$$v'^2 = v^2 \frac{M}{M'}$$

' ist also kleiner als v.

Es ist jetzt noch zu untersuchen, wie es kommt, dass Ansatzröhren ie Ausflussmenge auf die erwähnte Weise vermehren und die Ausflussechwindigkeit dagegen vermindern.

Indem das Wasser in das Ansatzrohr einströmt, erleidet es eine Conmetion, wie wenn es aus einer Oeffnung in dünner Wand ausflösse:
reiterhin aber, sobald einmal die Röhrenwände benetzt sind, bewirkt
ie Adhäsion an die Röhrenwände, dass sich 'die Ansatzröhre vollständig
mfüllt, und somit ist der Querschnitt des Strahles durch das Ansatzrohr
regrössert, er ist beim Austritte aus dem Rohre grösser als an der Stelle
re Contraction, wie man dies in Fig. 372 sieht.

Wenn nun die Wassertheilchen, den ganzen Querschnitt der Röhr ausfüllend, dieselbe mit der Geschwindigkeit verliessen, mit welcher sie die Stelle der grössten Contraction passiren, so müsste nothwendig ein Zeureissen der auf einander folgenden Wasserschichten eintreten. Die Trennung der Wassertheilchen, also die Bildung von leeren Räumen, wird aber durch den Druck der Luft verhindert, welche den Eintritt der Wassertheilchen in das Rohr beschleunigt, dagegen aber auch den Ausflusaus demselben verzögert. Durch den Druck der Luft werden die ausfliessenden Wassertheilchen so viel zurückgehalten, dass dadurch ein weller Ausfluss möglich wird.

Dass der Luftdruck hier wirklich diese Rolle spielt, geht vorzüglich daraus hervor, dass, wenn das Wasser in einen luftleeren Raum ausfliest, der Ausfluss stets in der Fig. 371 dargestellten Weise stattfindet, also die Ausflussmenge nicht vermehrt wird.

Fig. 373.



Macht man in die Seitenwand der Ansatzröhre da wo die grösste Contraction stattfindet, ein Loch, so wird durch diese Oeffnung Luft eingesaugt, und der Strahl hört auf continuirlich zu sein.

Wenn in eine solche von obenher gemachte Seitenöffnung eine heberförmig gebogene Röhre xy, Fig. 373 eingesetzt wird, deren unteres Ende in ein Gefäss mit Wasser oder Quecksilber mündet, so wird durch das Bestreben des Wassers, in der Ansatzröhre einen luftleeren Raum zu bilden, die Flüssigkeit in der Röhre xy in die Höhe gesaugt. Dieses Phänomen des Saugens beweist ebenfalls den Einfluss des Luftdrucks auf die soeben betrachteten Erscheinungen. Da eine konische Ansatzröhre

eine noch grössere Ausflussmenge giebt als eine cylindrische, so muss se auch ein stärkeres Saugen erzeugen, d. h. es wird in der Röhre xy unter übrigens gleichen Umständen durch ein konisches Ansatzrohr die aufges' der Rest der Druckhöhe, welcher die Beschleunigung für den an der Mündung des Rohres mit der Geschwindigkeit v hervortretenden Wasserstrahl abgiebt, so hahen wir zunächst

oder

Der Reibungswiderstand in der Röhre, also auch die Druckhöhe s. welche ihm das Gleichgewicht hält, ist proportional

- 1. der Länge / der Röhre,
- 2. umgekehrt dem Umfange, also auch umgekehrt dem Durchmesser d der Röhre und
- dem Quadrat der Geschwindigkeit r, mit welcher das Wasser die Röhre durchläuft, es ist also

$$s = av^2 \frac{1}{d} \qquad (4)$$

wenn a einen constanten Factor bezeichnet. Setzen wir in Gleichung (3) fir s' und s ihre Werthe bei (2) und (4), so kommt

$$S = \frac{v^2}{2g} + av^2 \frac{l}{d},$$
$$= \frac{b}{setzt}.$$

pler, wenn man $a = \frac{b}{2a}$ setzt,

🕶 daraus

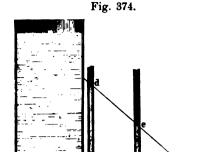
🕶 für Metermaass

Der Factor b ist jedoch keineswegs ganz constant, er nimmt ab, wenn Geschwindigkeit zunimmt. Aus den in dieser Beziehung angestellten Geschen ergab sich

$$b = 0.01439 + \frac{0.009471}{\sqrt{v}} \dots \dots \dots \dots \dots (8)$$

Die Gleichung (6) gilt jedoch nur für den Fall, dass die Röhrenleing überall gleich weit und ziemlich gerade, namentlich, dass kein besonrer Widerstand beim Eintritt aus dem Reservoir in die Röhre zu übernden ist.

Wenn das aus dem Gefässe, Fig. 374, durch die Röhre ac aussliessende Wasser auf seinem Wege keine Reibung zu überwinden hätte, wenn es



bei c mit der Geschwindigkeit ausflösse, welche der vollen Druckhöhe entspricht, so hätten die Röhrenwände keinerlei Druck auszuhalten. In Folge des zu überwindenden Reibungswiderstandes aber hat jede Stelle der Röhre einen Druck auszuhalten, welcher dem Reibungswiderstande proportional ist, der auf dem Wege von der fraglichen Stelle bis zur Mündung c der Röhre noch zu überwinden ist.

Wird in die Ausflussröhre bei a ein verticales Glasrohr eingesetzt, so wird das Wasser in ihm bis zu einer Höhe ad aufsteigen. Der Druck der Wassersäule ad hält dem Reibungswiderstande das Gleichgewicht, welchen das durch die Röhre strömende Wasser auf dem Wege von a bis c noch zu überwinden hat.

Wird in der Mitte zwischen a und c, also bei b eine verticale Glasröhre eingesetzt, so wird in ihr das Wasser nur bis zu einer Höhe bc steigen, welche nur $^{1}/_{2}$ ad ist, weil der auf dem Wege von b bis c zu überwindende Widerstand nur die Hälfte von dem von a bis c zu überwinden ist.

Wenn man überhaupt an irgend einer Stelle der Röhre ac eine verticale Glasröhre einsetzt, so wird das Wasser in derselben so hoch steigen, dass der Gipfel der Wassersäule auf die gerade Linie dc fällt.



einem Reservoir verbunden, welches comprimirte Luft enthält, deren Druck durch ein Quecksilbermanometer gemessen wird. Man beobachtet die Zeit, welche erforderlich ist, damit unter constantem Druck der Spiegel der Flüssigkeit von M bis N sinkt; wird alsdann der Versuch bei verschiedenem Druck wiederholt, so findet man, dass die Ausflusszeit für dieselbe Flüssigkeitsmenge dem Drucke proportional ist.

Mit einer 76 Millimeter langen und 0,142 Millimeter weiten Röhre fand z. B. Poisseuille folgende zusammengehörige Werthe von Druck und Ausflusszeit:

Druck	Ausflusszeit		
	beobachtet	berechnet	
77,76mm	10361 Sec.	_	
193,63	5233 "	5231 Sec.	
774,64	1308 "	1307 ,,	

Die Zahlen der letzten Columne sind von der Ausflusszeit für den Druck 77,76 Millimeter ausgehend in der Voraussetzung berechnet, dass die Ausflusszeit dem Drucke proportional sei; die so berechneten Zahlen stimmen fast ganz genau mit den beobachteten überein.

Aus diesen Beobachtungen ergiebt sich also, dass die Ausflussgeschwindigkeiten durch Capillarröhren dem Drucke selbst proportional sind und nicht der Quadratwurzel aus dem Drucke, wie es sein müsste, wenn auch hier das Toricelli'sche Gesetz gültig wäre.

Poisseuille fand ferner, dass die in gleichen Zeiten ausströmenden Flüssigkeitsmengen unter sonst gleichen Umständen umgekehrt der Länge der Röhre und direct der vierten Potenz des Durchmessers proportional sind.

Bezeichnet man demnach mit Q die Ausflussmenge einer gegebenen Zeit, mit S die Druckhöhe, mit L die Länge und mit D den Durchmesser der Capillarröhre, so ist

$$Q=N\frac{S.D^4}{L},$$

wenn N einen constanten Factor bezeichnet.

Der Factor N ändert sich nicht allein von einer Flüssigkeit zur andern, sondern er ändert sich auch für eine und dieselbe Flüssigkeit mit der Temperatur, wie die folgenden von Girard ermittelten Zahlen darthun, welche die Ausflusszeit gleicher Volumina verschiedener Flüssigkeikeiten durch dieselbe Röhre und bei gleichem Drucke angeben.

	Temperatur	Ausflusszeit	
Wasser	$\begin{cases} 0^{0} \cdot \cdot \cdot \\ 60 \cdot \cdot \cdot \end{cases}$	1036 Sec. 306 ,.	
Alkohol (specif. Gew. 0,88)	$\{ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2750 " 763 "	
Terpentinöl			
Kochsalzlösung (1/3)			
Salpeterlösung ($^{1}/_{3}$)	$. \begin{cases} 0 & \dots \\ 60 & \dots \end{cases}$	681 " 310 "	

Während die Ausflussgeschwindigkeit der Flüssigkeiten aus Oeffnungen in dünnen Wänden nach dem Toricelli'schen Gesetze lediglich eine Function des Druckes ist, erscheint dieses Gesetz beim Ausfluss durch Capillarröhren vollständig umgewandelt, indem hier die Molekularwirkungen zwischen den Theilchen der Flüssigkeit und denen der Röhrenwand einen Einfluss gewinnen, welcher bei den Fällen, auf welche das Toricelli'sche Gesetz passt, völlig verschwinden.

Reaction, welche durch das Ausströmen der Flüssigkeiten erzeugt wird. Denken wir uns ein Gefäss, welches mit Wasser gefüllt ist, so bleibt Alles in Ruhe, weil jeder Seitendruck durch einen vollkommen gleichen, aber entgegengesetzten aufgehoben wird. Wenn man aber die Wand an irgend einer Stelle durchbohrt, so dass das Wasser hervorspringt, so ist der Druck an dieser Stelle offenbar weggenommen,

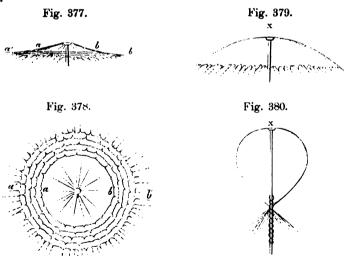
Fig. 376. während das der Oeffnung diametral

Wasserrades, Fig. 376, bekannt ist. Es besteht aus einem um eine verticale Axe leicht drehbaren Gefässe A, an dessen unterem Ende sich zwei oder vier horizontale Röhren befinden, die alle (von der Mitte aus gesehen) auf derselben Seite mit kleinen Oeffnungen versehen sind. Das Gefäss dreht sich nach der den ausströmenden Wasserstrahlen entgegengesetzten Richtung.

Vom Stosse des Wassers. Eine höchst interessante Reihe von 144 Erscheinungen beobachtet man, wenn man einen flüssigen Strahl gegen einen festen Körper stossen lässt. Sie wurden zuerst von Savart näher untersucht; hier können wir sie nur ganz kurz anführen.

Eine Röhre von 6 Fuss Höhe und 4 Zoll Durchmesser war vertical aufgestellt und an ihrem unteren Boden ein dünnes Wandstück angebracht, in welchem sich eine kreisrunde Oeffnung von 4 bis 5" Durchmesser befand, durch welche das Wasser aus dem Gefässe ausfloss. Anstatt aber den Strahl frei fallen zu lassen, ward er ungefähr 1 Zoll unter der Oeffnung von einer Metallscheibe aufgefangen, welche 1 Zoll Durchmesser hat, wohl polirt war, und deren Mittelpunkt genau unter der Mitte der Oeffnung stand.

Nachdem der flüssige Strahl die Scheibe getroffen hat, breitet er sich aus und nimmt eine Gestalt an, wie sie Fig. 377 im Aufrisse und Fig. 378 im Grundrisse dargestellt ist. Bei abnehmender Druckhöhe geht diese Gestalt des Phänomens allmälig in die Fig. 379 und Fig. 380 abgebildete über.



Achnliche Erscheinungen beobachtet man, wenn aufwärts gerichtete oder horizontale Strahlen eine solche Scheibe treffen; ebenso, wenn zwei horizontale Strahlen, in entgegengesetzter Richtung sich bewegend, mit gleicher oder ungleicher Geschwindigkeit gegen einander stossen.

Lebendige Kraft der Wassergefälle. Wenn das Wasser eines Baches von einer gewissen Höhe herabfällt, so erlangt es eine bestimmte Geschwindigkeit, eine lebendige Kraft, vermittelst deren es einen entsprechenden mechanischen Effect hervorbringen kann. Wäre wir im Stande, die lebendige Kraft des herabfallenden Wassers vollständig auf ein Wasserrad zu übertragen, so könnte dasselbe eine mechanische Arbeit verrichten, welche der Hebung einer der herabgefallenen Wassermasse gleichen Last auf die Höhe des Gefälles äquivalent ist, d. h. Mh ist theoretisch Effect eines Gefälles, wenn M die in einer gegebenen Zeit herabgefallene Wassermasse und h die verticale Höhe des Gefälles bezeichnet.

Wenn z. B. von einer Höhe von 24 Fuss in jeder Secunde eine Wassermasse von 800 Pfund herabfällt, so ist der theoretische Effect diese Gefälles 19200 Fusspfund.

Wir wollen im Folgenden den theoretischen Effect eines Gefälles mit E bezeichnen.

In der Praxis lässt sich aber dieser sogenannte theoretische Effect nie erreichen, denn:

- erlangt das in einem Bache oder in einem Gerinne herabfliessend Wasser in Folge von Reibung an den Canalwänden und sonstigen Bewegungshindernissen nie die volle der Fallhöhe entsprechende Geschwindigkeit
- 2. lässt sich die lebendige Kraft des Wassers nie vollständig auf ei Wasserrad übertragen, es bleibt dem Wasser immer noch eine mehr ods minder grosse Geschwindigkeit übrig, mit der es abfliesst;
- 3. geht noch ein grosser Theil der an das Wasserrad wirklich über tragenen lebendigen Kraft durch Ueberwindung von Reibungswiderständen u. s. w. verloren.

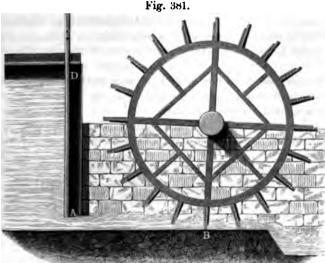
Der wirkliche Nutzeffect eines Wasserrades wird also stets bedeutend kleiner sein als der theoretische Effect.

Die eben erwähnte Art der Uebertragung der lebendigen Kraft des

n Wassers bei den oberschlächtigen Rädern benutzt. Hier wirkt s herbsinkende Wasser durch Druck, im ersteren Falle durch Stoss.

Verticale Wasserräder. Die gewöhnlichen Wasserräder dre- 146 n sich in verticaler Ebene um eine horizontale Axe. Man unterscheit drei Hauptarten der verticalen Wasserräder, unterschlächtige, verschlächtige und mittelschlächtige.

Bei den unterschlächtigen Rädern, Fig. 381, stehen die Schaun rechtwinklig auf dem Umfange des Rades. Die untersten Schaufeln in das Wasser eingetaucht, welches mit einer Geschwindigkeit fortesst, welche von der Höhe des Gefälles abhängt.



Das fliessende Wasser setzt nun auch das Rad in Bewegung und theilt ine Geschwindigkeit mit, welche nach Umständen bald grösser bald einer sein wird.

Wenn der Stoss des Wassers dem Rade eine Geschwindigkeit mitellen soll, welche derjenigen gleich ist, mit welcher das Wasser fliessen rde, wenn das Rad gar nicht da wäre, so darf das Rad dieser Beweng gar keinen Widerstand entgegensetzen, es darf also gar nicht belat sein, mithin kann es in diesem Falle gar keine mechanische Wirkung vorbringen, der Effect ist gleich Null.

Andererseits könnte man das Rad so stark durch ein Gegengewicht beten, dass der Stoss des Wassers es gar nicht in Bewegung zu setzen vermag, s das Wasser des Gefälles nur einen statischen Druck ausübt, welcher jea das Gleichgewicht hält. In diesem Falle ist der Effect abermals Null. dieser Betrachtung geht hervor, dass, wenn das Rad eine Arbeit vollgen soll, es mit einer Geschwindigkeit sich bewegen muss, welche ge-

ringer ist als die des frei fliessenden Wassers; Theorie und Erfahrung zeigen, dass man die vortheilhafteste Wirkung erhält, wenn die Geschwindigkeit des Rades halb so gross ist als die Geschwindigkeit, welche der Höhe des Gefälles entspricht.

Daraus geht hervor, dass bei einem gewöhnlichen unterschlächtigen Rade nur die Hälfte der mechanischen Kraft des Gefälles zur Wirkung kommt, indem das Wasser noch mit der Hälfte der Geschwindigkeit abfliesst, mit welcher es vor dem Rade ankam; der Effect eines solchen Rades kann also den Werth 1/2 E nie übersteigen.

Allein selbst diese Wirkung kann in der Praxis nicht erreicht werden, weil immer ein Theil der Kraft durch Adhäsion des Wassers an den Wänden des Gerinnes, durch Reibungswiderstände u. s. w. verloren geht. Sorgfältig angestellte Versuche ergaben für unterschlächtige Räder, welche sich in einem Gerinne bewegen, so dass kein seitliches Abfliessen des Wassers stattfinden kann, den Werth

$$e = 0.3 E$$
.

Bei freihängenden Rädern aber, wie man sie an Schiffsmühlen anbringt, wo das Wasser seitlich abfliessen kann, ist der Effect noch weit mehr vom absoluten Maximum entfernt.

Die unterschlächtigen Räder werden da angewandt, wo man über ein Gefälle von ziemlich bedeutender Wassermenge, aber geringer Fallhöhe. zu disponiren hat.

Weil durch die eben betrachteten unterschlächtigen Räder bei dem rechtwinkligen Stosse des Wassers gegen die Schaufeln das mechanische Moment des Gefälles so sehr schlecht benutzt wird, hat Poncelet ein unterschlächtiges Rad mit krummen Schaufeln, Fig. 382, construirt, dessen Effect dem absoluten Maximum weit näher kommt.

Wenn das Wasser ganz ohne Stoss auf das Rad kommen soll, so müssten die Schaufeln am Radumfange mit der Richtung der Tangente zusammenfallen; wollte man aber die Schaufeln wirklich so construiren, dass dieser Bedingung Genüge geleistet wird, so wäre der Austritt des Wassers aus dem Rade gehemmt; auch darf das Wasser seine Geschwindigkeit doch nicht vollständig an das Rad abtreten, weil ihm sonst keine Geschwindigkeit zum Abflusse mehr bliebe. Somit ist auch bei dem Poncelet'schen Rade ein gewisser Verlust, die Widerstände ungerechnet, unvermeidlich.

Solche Räder mit krummen Schaufeln sollen einen Effect geben, welcher ²/₃ bis ³/₄ des absoluten Maximums ist. Der grössere Effect der Poncelet'schen Räder erklärt sich dadurch, dass das Wasser, indem es auf der krummen Schaufel hinaufsteigt, seine Geschwindigkeit verliert und grösstentheils an das Rad abgiebt.

Die oberschlächtigen Räder, Fig. 383, werden bei höheren Gefällen von geringerer Wassermasse, bei kleineren Gebirgsbächen angewandt. Das Wasser füllt, von oben auf das Rad laufend, die Zellen auf der einen Seite des Rades, welches eben durch dieses Uebergewicht umgedreht wird.

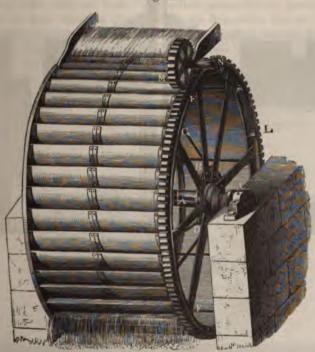
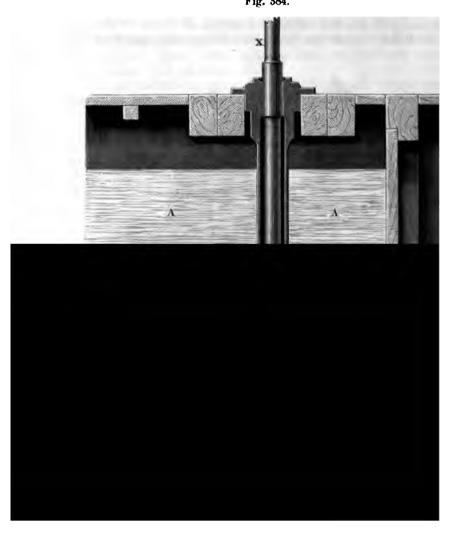


Fig. 383.

Nahe am unteren Ende des Rades läuft das Wasser aus den Zellen wieder aus. Bei oberschlächtigen Rädern geht ebenfalls ein Theil des mechani326 Hydrodynamik oder die Bewegungsgesetze der Flüssigkei schen Momentes des Gefälles verloren, weil die Zellen das Wasser: bis zum tiefsten Punkte des Rades behalten können, sondern schon fi auszugiessen beginnen. Ein gut gebautes oberschlächtiges Rad solle Effect hervorbringen, welcher 75 Procent des absoluten Maximums bet vorausgesetzt, dass es sich langsam umdreht; denn bei rascher Umdre bleibt das Wasser in den Zellen in Folge der Centrifugalkraft nicht zontal, sondern es steigt nach aussen, so dass es noch früher aus den len herausfällt.

Das mittelschlächtige Rad bildet eine Art Mittelgattung swischen unterschlächtigen und dem oberschlächtigen.

147 Horizontale Wasserräder. Schon früher hatte man ver horizontale Wasserräder zu construiren; allein erst in neuerer Zeit Fig. 384.



sie allgemeiner in Gebrauch gekommen. Die horizontalen Wasserräder sind unter dem Namen der Turbinen bekannt.

Fig. 384 stellt eine für ein niedriges Gefälle construirte Turbine dar. Aus dem Behälter A geht das Wasser durch den von dem ringförmigen Wulst p eingeschlossenen Raum B nieder; durch die Bodenplatte n wird es aber genöthigt, seitwärts in horizontaler Richtung auszuströmen, wie es durch die Pfeile angedeutet ist. Die Bodenplatte n wird durch eine gusseiserne Hülse getragen, welche auf dem oberen Gebälk befestigt ist und innerhalb deren sich die sogleich näher zu besprechende Axe X drehen kann. B ist also gewissermaassen ein am Boden geschlossenes Gefäss mit einer ringsherumlaufenden zwischen p und dem äusseren Umfange der Bodenplatte befindlichen ringförmigen Oeffnung, aus welcher das Wasser in horizontaler Richtung hervorschiessen würde, wenn kein Hinderniss vorhanden wäre. - Das hier ausfliessende Wasser strömt nun aber zunächst in ein horizontales Schaufelrad S, welches ringsum die ringförmige Oeffnung von B umgiebt und welches durch den an der verticalen Axe X befestigten Teller T getragen wird. In unserer Figur ist dies Rad der grösseren Deutlichkeit wegen so dargestellt, als ob 1/4 desselben ausgeschnitten wäre, während links 1/4 desselben perspectivisch gezeichnet ist.

Es ist klar, dass bei der Stellung der Schaufeln, wie sie in unserer Figur dargestellt sind, das Rad unter dem Einfluss des durch dieselben ausströmenden Wassers in der Richtung rotiren muss, welche durch den grösseren Pfeil angedeutet ist.

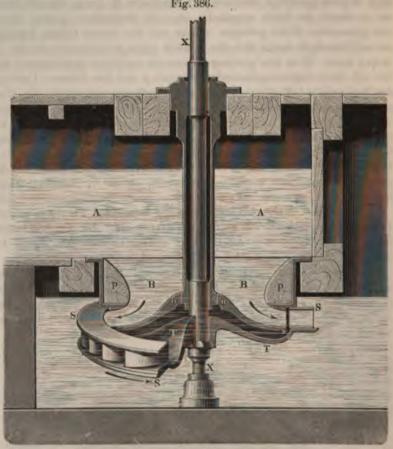
Fourneyron, welcher die horizontalen Wasserräder eigentlich erst in die Praxis einführte, machte die Bodenplatte n ganz eben und besetzte sie mit Leiteurven, welche, wie Fig. 385 andeutet, das ausströmende Wasser in möglichst zweckmässiger Richtung gegen die Schaufeln des Rades führen.

Fig. 385.



Eine gut construirte Fourneyron'sche Turbine giebt einen Nutzeffect von 75 Procent. Gadiat vereinfachte die Turbinen durch Weglassung der Leitcurven, wodurch allerdings auch der Nutzeffect etwas geringer wurde (70 Procent). Die Fig. 386 stellt ungefähr die Einrichtung einer Gadiat'schen Turbine dar.



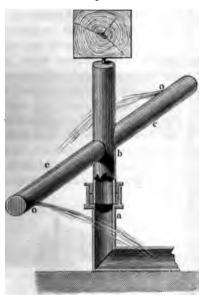


Die Turbinen, welche mancherlei, hier nicht zu besprechende Modificationen erlitten haben, erweisen sich unter andern auch bei sehr hohen Gefällen, welche keine verticalen Räder mehr zulassen, sehr zweckmässig.

148 Reactionsräder. Schon früher hatte man jedoch ohne Erfolg versucht, das Segner'sche Wasserrad im Grossen auszuführen, um Maschinen durch dasselbe zu treiben; man erhielt immer nur einen sehr geringen Effect. Der Grund davon, dass diese Versuche so ungünstig ausfielen, lag keineswegs darin, dass die hier thätige, bewegende Kraft zu gering war, sondern dass der untere der beiden Zapfen, um welche sich der Apparat dreht, das ganze Gewicht einer grossen Wassermasse zu tragen hatte, in Folge dessen ein unverhältnissmässig grosser Reibungswiderstand zu überwinden war.

Diesen Uebelstand hat man dadurch gehoben, dass man das Wasser nicht von oben, sondern von unten in die horizontalen Arme einströmen lässt. Das Wesentliche einer solchen Anordnung ist aus Fig. 387 zu erse-





hen. Das Reservoir wird durch eine gusseiserne Röhrenleitung gebildet, welche unten horizontal umgebogen ist und mit einem vertical in die Höhe gehenden Röhrenstück a endet. Aus der Oeffnung bei a strömt das Wasser in die Hülse b, welche sich in einer am oberen Ende von a angebrachten Stopfbüchse drehen kann. Durch die Hülse b gelangt das Wasser in die horizontalen Arme c und strömt durch die Oeffnungen bei o aus.

Jedenfalls ist die Reibung, welche ein solches Rad bei seiner Umdrehung zu überwinden hat, äusserst gering; denn das Gewicht des Rades mit Allem, was daran befestigt ist, wird fast vollständig durch den Druck der Wassersäule getragen.

In der Praxis hat sich diese Einrichtung trefflich bewährt. Ein von Althans nach diesem Princip construirtes Wasserrad befindet sich zu Vallendar, ½ Meile unterhalb Coblenz, wo es eine Lohmühle treibt. Der Durchmesser dieses Rades beträgt 24 rheinl. Fuss; die Höhe der Wassersäule in der Röhrenleitung, welche 1½ bis 2 Fuss Durchmesser hat, ist 96 Fuss. Die Ausflussöffnungen können nach Bedürfniss grösser oder kleiner gemacht werden, je nachdem die Quelle reichlicher oder weniger reichlich Wasser giebt. Das Rad macht ohne Last 90 bis 120 Umdrehungen in einer Minute, mit Last aber nur 30 bis 40. Die Menge des ausfliessenden Wassers beträgt 18 bis 20 Cubikfuss in der Minute. Es wäre wohl kaum auf eine andere Weise möglich gewesen, mit der geringen Wassermenge dieses Gefälles eine Maschine zu treiben.

Ganz in der Nähe von Vallendar befindet sich ein zweites Reactionsrad, welches nur 6 Fuss Durchmesser, aber vier Arme hat, welche so geformt sind, dass je zwei einander gegenüberstehende ein S bilden und das Wasser an der Spitze der gekrümmten Arme aussliesst. Die Wassersäule, welche dieses Rad treibt, ist 120 Fuss hoch.

Bei der Einrichtung Fig. 387 muss aus ähnlichen Gründen, wie bei dem unterschlächtigen Rade mit flachen Schaufeln, ein grosser Theil der mechanischen Kraft des Gefälles verloren gehen; denn wenn das Wasser seine Geschwindigkeit vollständig an das Rad abtreten und aus den Oeffnungen ohne Geschwindigkeit abfallen, wenn also das Rad mit einer der Fallhöhe entsprechenden Geschwindigkeit rotiren soll, so ist der Druck gegen die Rückwand, also auch der mechanische Effect, Null; das Wasser muss also noch einen Theil seiner Geschwindigkeit behalten. Auch hier

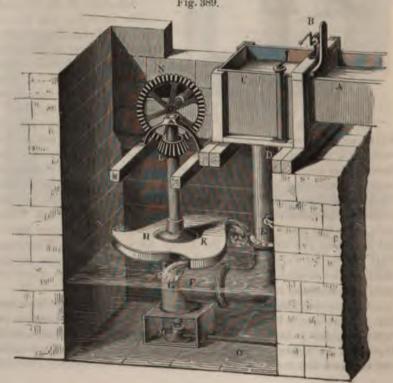




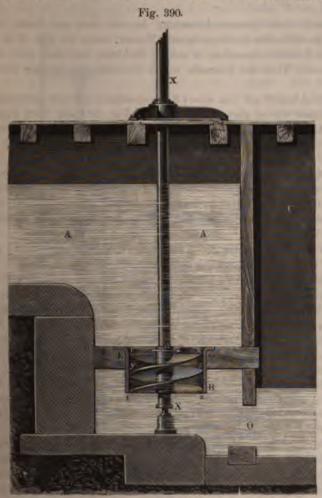
lässt sich durch Krümmung der Arme, deren Gestalt ungefähr die in Fig. 388 verzeichnete ist, viel gewinnen. Das Wasser tritt, durch das Rohr strömend und gegen die gekrümmten Wände drückend, seine Geschwindigkeit nach und nach an das Rad ab, so dass es an der Oeffnung fast ohne Geschwindigkeit abfällt.

In Schottland sind solche Reactionsturbinen sehr verbreitet, weshalb sie auch schottische Turbinen genannt werden. Fig. 389 stellt eine praktisch ausgeführte Reactions-Turbine mit drei Ausflussöffnungen dar.

Fig. 389.



Die Schraubenturbine. Eine sehr leicht verständliche Form der 149 nizontalen Wasserräder sind die Schraubenturbinen, welche seit igen Jahren in Frankreich mit Erfolg in die Praxis eingeführt wurden. g. 390 stellt eine solche Turbine dar. Das Wasser strömt aus dem Be-



hilter A durch den hohlen Cylinder BB herab. In diesen hohlen Cylinder at aberähnlich einer Wendeltreppe in einem runden Thurme eine aus Eisenblech gebildete Schraubenfläche gelegt, welche, an einem centralen Dorn efetigt, sich mit diesem um eine verticale Axe drehen kann. — Nehmen sir aun zunächst an, der centrale Dorn sei festgestellt, so könnte offenbar as Wasser nicht vertical durch den Cylinder BB herabfallen, sondern es abste über die Schraubenfläche herunterfliessen. Dabei aber übt das

332 Hydrodynamik oder die Bewegungsgesetze der Flüssigkeiten.

Wasser in verticaler Richtung einen Druck auf die Schraubenfläche aus, welchen man in zwei Seitenkräfte zerlegen kann, von welchen die eine, parallel mit der Schraubenfläche wirkt, während die andere horizontale Seitenkraft dahin strebt, die Schraube um ihre verticale Axe umzudrehen.

Nach dieser Auseinandersetzung begreift man nun leicht, dass das durch die Schraube niederströmende Wasser, wenn die Axe XX drehbar ist, eine Rotation derselben in solcher Richtung bewirken wird, dass sich der vordere Theil der Schraube in der Richtung des kleinen Pfeils n bewegt.

Es ist bisher nur von einer Schraubenfläche die Rede gewesen; in der That haben wir es aber bei der Turbine Fig. 390 mit einer doppelten Schraube zu thun, indem um denselben Dorn zwei Schraubenflächen gelegt sind; die eine ist rst, die andere xyz.

150 Die Wassersäulenmaschine. Bei der Wassersäulenmaschine drückt die wirkende Wassersäule, das Aufschlagwasser, gegen einen in einem Cylinder beweglichen Kolben und theilt demselben eine hin- und hergehende Bewegung mit, die dann von dem Kolben aus weiter fortgepflanzt wird.

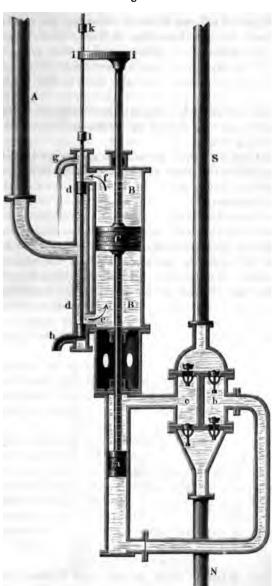
In der Regel werden die Wassersäulenmaschinen angewandt, um Wasser auf eine bedeutende Höhe zu heben. So wird z. B. die Salzsoole von Reichenhall in Oberbaiern auf Umwegen 30 Stunden weit nach Rosenheim geleitet, um hier, sowie auch an einigen Zwischenorten, z. B. in Trauenstein, versotten zu werden. Auf diesem Wege befinden sich 9, sämmtlich von Reichen bach construirte Wassersäulenmaschinen, welche die Soole über Berge heben. Obgleich alle Wassersäulenmaschinen auf demselben Principe beruhen, so ist ihre Ausführung doch in mannigfacher Hinsicht



stehen kommt; bei dieser Stellung tritt nun das Aufschlagwasser aus d oben durch f in den Cylinder B ein, während das unter C befindliche Wasser durch e und h frei abfliesst.

Das Auf- und Niedergehen der Steuerungskolben in d kann auf mannig-

Fig. 391.



fache Weise bewerkstelligt werden; in unserer Figur ist eine möglichst einfache Vorrichtung darge-Die an dem stellt. Kolben C befestigte Kolbenstange geht durch eine in dem oberen Deckel des Cylinders B befindliche Stopfbüchse hindurch; sie trägt oben eine Querschiene ii, welche, wenn der Kolben Cnahe am oberen Ende seiner Bahn angekommen ist, bei kanstösst und dadurch die Stange in die Höhe schiebt, an welcher die Steuerungskolben befestigt sind. Wenn nun der Kolben C wieder niedergeht, so bleiben die Steuerungskolben unverändert an ihrer Stelle, bis C nahe am unteren Ende seiner Bahn angekommen ist; dann aber stösst die Schiene ii bei l an und schiebt die Steuerungskolben bis in ihre tiefste Stellung herab, so dass nun wieder das Aufschlagwasser von unten in den Cylinder B einströmt

Betrachten wir wei-

334 Hydrodynamik oder die Bewegungsgesetze der Flüssigkeiten.

ter, wie die Bewegung des Kolbens C fortgepflanzt und verwandt wird

Mit dem Kolben C ist vermittelst einer durch eine Stopfbüchse gehenden Stange der Kolben a in Verbindung, welcher einen weit kleineren Durchmesser hat als C; der Auf- und Niedergang des Kolbens C bewirkt also einen Auf- und Niedergang des Kolbens a. Dieser Kolben a ist aber der Kolben einer doppelt wirkenden Saug- und Druckpumpe; wenn a in die Höhe geht, so entsteht in der Kammer b eine Verdünnung, das untere Ventil öffnet sich, und es wird durch die Saugröhre N Wasser in die Kammer b gehoben. Durch den Aufgang des Kolbens a wird aber zugleich Wasser in die Kammer c hineingepresst, das untere Ventil derselben schliesst, das obere öffnet sich, das Wasser wird also aus c in die Steigröhre S gehoben.

Beim Niedergange des Kolbens schliessen sich die Ventile, die eben offen waren, und umgekehrt; es wird Wasser in die Kammer c gesaugt, aus b aber in die Steigröhre gehoben.

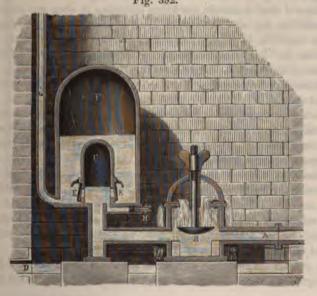
Wenn der Querschnitt des Kolbens C 2-, 3-, 4mal grösser ist als der des Kolbens a, so kann man (die Reibungs- und sonstige Widerstände unberücksichtigt) eine Wassersäule heben, welche 2-, 3-, 4mal so hoch ist als die Druckhöhe des Aufschlagwassers.

Bei einer derartigen Wassersäulenmaschine beträgt die Höhe des Aufschlagwassers 140'; sie hebt die Salzsoole auf eine Höhe von 346'; diese Salzwassersäule aber entspricht einer Süsswassersäule von 397'; der Durchmesser des Kolbens C ist 201/2, der des Kolbens a 10 Zoll, der grössen Kolben hat also einen nahezu 4mal grösseren Querschnitt. Dass die gehobene Wassersäule nicht 4mal so hoch ist als die Höhe des Aufschlagwassers, also nicht 560' beträgt, rührt daher, dass eine bedeutende Krätzur Ueberwindung der Reibungs- und sonstigen Widerstände nöthig ist. Diese Maschine giebt ungefähr 70 Procent des theoretischen Effectes; dem 397 verhält sich zu 560 nahe, wie 70 zu 100.

Die Wassersäulenmaschine zu Ilsang, ebenfalls zwischen Reichenhall

so wichtig wegen des Princips, auf welchem er beruht, als auch wegen seiner Anwendung. Versuchen wir zuerst das Princip dieser Maschine deutlich zu machen. Denken wir uns, dass einige Theilchen eines Körpers (mag er nun fest oder flüssig sein), der sich mit einer gewissen Geschwindigkeit bewegt, plötzlich angehalten werden, so werden die übrigen nicht direct angehaltenen Theilchen des Körpers auf die ersteren verschiedene Wirkungen ausüben. Die vorderen Theilchen streben die angehaltenen entweder nachzuziehen, oder sie trennen sich von ihnen; die hinteren, welche gleichfalls ihre Bewegung fortzusetzen streben, werden gegen die angehaltenen drücken. Wenn z. B. ein Pfeil, welcher sich schnell bewegt, in der Mitte seiner Länge angehalten würde, so würde der vordere Theil durch sein Bestreben, den übrigen Theil nachzuziehen, in seiner ganzen Länge eine Spannung aushalten müssen, welche unter Umständen stark genug sein kann, um ein Abreissen zu veranlassen. Der hintere Theil des Pfeils hingegen würde ein Bestreben haben, den angehaltenen Theil weiter zu treiben, und würde deshalb in seiner ganzen Länge einen durch die nachfolgenden Theilchen veranlassten Druck auszuhalten haben. Eben so, wenn eine Wassersäule sich in einer Röhre bewegt und plötzlich durch irgend ein Hinderniss aufgehalten wird, so wird dieses Hinderniss wegen der erlangten Geschwindigkeit des Wassers einen Stoss aushalten müssen, und dieser Stoss pflanzt sich durch die ganze Wassersäule fort. Während dieser Zeit, welche sehr kurz ist, haben auch die Röhrenwände einen Druck auszuhalten, welche von der Geschwindigkeit der aufgehaltenen Wassersäule abhängt.

Fig. 392 stellt einen hydraulischen Widder im Durchschnitt dar. Das Fig. 392.



336 Hydrodynamik oder die Bewegungsgesetze der Flüssigkeiten.

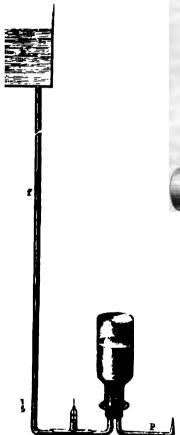
Wasser eines höher gelegenen Bassins wird durch die Röhre A herabgelei-Diese Röhre hat nahe an ihrem unteren Ende eine nach oben gerichtete Oeffnung, durch welche das Wasser ausfliesst. Das Ventil B befindet sich auf dem Wege des aussliessenden Wassers; wenn also die Geschwindigkeit dieses Wassers eine bestimmte Grösse erreicht hat, so wird das Ventil B mit in die Höhe gerissen und dadurch die Ausflussöffnung Da in diesem Augenblick die Strömung des Wassers plötslich gehemmt wird, so müssen alle Röhrenwände einen Stoss erleiden welcher im Stande ist, einen weit größeren Druck zu überwinden als der jenige ist, welcher der Druckhöhe des Wassers zukommt. Durch diesen Stoss werden nun die Ventile E geöffnet und eine Partie Wasser in der Windkessel F getrieben, aus dem es in die Steigröhre G gelangt und in dieser zu einer grösseren Höhe gehoben wird als der Spiegel im Bassin, aus welchem es kam, weil ja die Luft in F stärker comprimirt ist, als es durch den hydrostatischen Druck des Wassers im Bassin geschehen kann. Sobald sich nach diesem Stosse das Gleichgewicht wieder hergestellt hat, fällt das Ventil B wieder durch sein eigenes Gewicht benk das Wasser fliesst wieder über B ab, bis es das Ventil abermals in die Höhe reisst und dadurch einen neuen Stoss veranlasst, der eine neue Portion Wasser in den Windkessel F treibt.

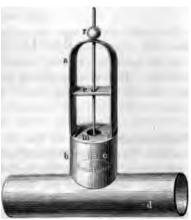
Mohr hat ein Modell construirt, welches möglich macht, das Princip des hydraulischen Widders auch mit ganz unbedeutenden Mitteln in Vorlesungen zu zeigen.

Mohr's Stossheber kann leicht aus Glasröhren und einem messingenen Ausflussventilchen hergestellt werden. Letzteres, aus Messingblech verfertigt, ist Fig. 393 in natürlicher Grösse dargestellt. Auf der horizontalen Röhre d sitzt senkrecht das kurze Röhrchen b, oben mit einer Scheibe geschlossen, in der sich ein kleines Loch m befindet. Durch dieses Loch geht der Stiel des Ventilchens c, dessen Scheibe, als unsichtbar, punktirt angedeutet ist. Der Stiel hat durch den Bügel a und das Metallstreifchen

, durch welchen das Wasser in den Windkessel tritt, desto höher wird auch das Wasser aus p spritzen. Lässt man das Ventilchen c nur ig sinken, was man mit dem verschiebbaren Kügelchen r (Fig. 393) liren kann, so folgen die Stösse rasch auf einander. Beschwert man Ventil c oben, so wird es erst bei einer grösseren Geschwindigkeit ben und deshalb das Wasser höher aus p ausspritzen.

Füllt man den Windkessel w fast ganz mit Wasser an, so folgen die Fig. 394.





Stösse rascher auf einander, und das Wasser spritzt höher, als wenn der Windkessel mit Luft gefüllt ist.

Der scheinbare Widerspruch, dass das Wasser aus p höher spritzt, als das Niveau in h, löst sich durch die Betrachtung, dass nicht alles durch f herabfliessende Wasser zu dieser Höhe gelangt, sondern ein grosser Theil unten mit geringer Geschwindigkeit bei d ausfliesst. Die an diesem verschwindende Bewegung erscheint an der kleinen Menge des ausgespritzten als vermehrte Höhe.

Neuntes Capitel.

Bewegung der Gase.

Gasometer. Wenn ein Gas in einem Gefässe eingeschlossen ist, in welchem sich irgend eine Oeffnung befindet, so wird es durch diese Oeffnung ausströmen, sobald das Gas im Gefässe stärker comprimirt ist als die äussere Luft. Die Gesetze des Ausflusses der Gase durch Oeffnungen in dünnen Wänden, durch kurze Ansatzröhren, durch Leitungsröhren, sind denjenigen ganz analog, welche wir schon bei tropfbar-flüssigen Körpern kennen gelernt haben. Gasbehälter, welche so eingerichtet sind, dass ein constantes Ausströmen des Gases unterhalten werden kann, nennt man Gasometer.

Fig. 395.

In chemischen Laboratorien werden gewöhnlich Gasometer nicht in den unteren Cylinder hineinragen. Eine zweite Verbindungsröhre a geht fast auf den Boden des unteren Cylinders. In jeder dieser Röhre befindet sich ein Hahn, vermittelst dessen man nach Belieben die Verbindung der beiden Cylinder herstellen und unterbrechen kann. Bei e befindet sich eine kurze horizontale Röhre, welche ebenfalls durch einen Hahn verschlossen werden kann, und an welcher vorn ein Schraubengewinde eingeschnitten ist, um andere Röhren und Ausströmungsöffnungen anschrauben zu können. Nahe am Boden des unteren Cylinders befindet sich bei d eine aufwärts stehende Oeffnung, welche mittelst einer Schraube oder eines Korkes verschlossen werden kann.

Wenn man den unteren Cylinder mit einem Gase füllen will, füllt man ihn erst mit Wasser, und zwar auf folgende Weise. Die Oeffnung bei d wird verschlossen, die drei Hähne geöffnet und dann in das obere Gefäss Wasser gegossen. Das Wasser fliesst in den unteren Cylinder, und wenn dieser so weit gefüllt ist, dass Wasser durch e auszufliessen beginnt, schliesst man den Hahn daselbst. Der Rest von Luft, welcher nun noch im Cylinder sich befindet, entweicht durch das Rohr b. Ist der untere Cylinder auf diese Weise mit Wasser gefüllt, so werden die Hähne der Verbindungsröhren geschlossen und die Schraube oder der Kork bei dweggenommen. Wasser kann hier nicht aussliessen, weil es durch den Luftdruck äquilibrirt ist. Wenn man aber bei d ein Gasleitungsrohr einsteckt. so wird neben diesem Rohre das Wasser ausfliessen, während aus demselben fortwährend Gasblasen in den oberen Theil des Behälters aufsteigen. Auf diese Weise füllt sich der untere Cylinder mehr und mehr mit Gas. Wie weit der Cylinder mit Gas gefüllt ist, sieht man an dem Glasrohre f. welches mit dem Gefässe A oben und unten in Verbindung steht, so dass das Wasser in diesem Glasrohre so hoch steht wie im Cylinder.

Nachdem das ganze Reservoir mit Gas gefüllt ist, wird die Oeffnung bei d verschlossen und der Hahn der Verbindungsröhre a geöffnet. Sobald nun der Hahn e geöffnet wird, strömt das Gas hier mit einer dem Drucke der Wassersäule in der Röhre a entsprechenden Geschwindigkeit aus.

Eckling in Wien verfertigt jetzt solche Gasometer von Glas, welche höchst elegant sind und bei welchen man die ganze Einrichtung, der Durchsichtigkeit des Materials wegen, leicht übersieht. Es versteht sich von selbst, dass hier das Wasserstandsrohr f, Fig. 395, wegfällt. Fig. 396, a. f. S., stellt einen solchen Apparat in $^{1}/_{10}$ der natürlichen Grösse dar. Das untere Glasgefäss A hat oben einen engeren Hals, der in eine Kupferbüchse eingekittet ist. In der Mitte des etwas gewölbten Deckels derselben erhebt sich eine Röhre, die bei e einen Hahn hat, der geöffnet das Gas durch ein horizontales Rohr bei e ausströmen lässt. Der obere Wasserbehälter ist unten eben so gefasst wie e oben. Ein Rohr e führt von demselben fast bis zum Boden von e; e ist nur eine Stütze. Um e mit Wasser zu füllen, wird die Oeffnung bei e geschlossen, der Hahn e und der Hahn der Röhre e geöffnet und in das obere Gefäss Wasser eingegossen. Sobald das untere Gefäss mit Wasser gefüllt ist, werden beide Hähne geschlossen,

d geöffnet und nun hier das Gas eingeleitet. Sobald das Gasometer mit Gas gefüllt ist, wird d geschlossen und der Hahn a geöffnet, so dass das Gas in A durch eine Wassersäule gepresst ist. Der Hahn e ist, wie auf der Vorderfläche angedeutet ist, doppelt durchbohrt, so dass je nach der Stellung desselben das eingeschlossene Gas abgesperrt wird, oder durch die horizontale Röhre, oder auch in verticaler Richtung in das obere Wassergefäss austritt, welches als Wasserwanne dienend benutzt werden kann, um das Gas in Glocken oder Flaschen umzufüllen.



Fig. 397.

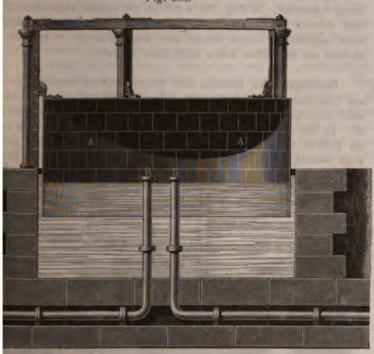


Fig. 397 stellt ein noch einfacheres Gasometer mit gläsernem Gefäss dar, welches wohl ohne weitere Erläuterung verständlich sein wird.

Die grossen Gasometer, welche man zur Gasbeleuchtung anwendet, sind nach einem anderen Principe construirt; ein oben verschlossener Hohlcylinder, Fig. 398, taucht in ein grosses mit Wasser gefülltes Reservoir, dessen mittlerer Theil auch ausgemauert sein kann. Solche Cylinder sind aus Eisenblech verfertigt und haben oft noch über 30 Fuss im Durchmesser, so dass sie über 2700 Cubikfuss Gas aufnehmen können und mehr als 20000 Pfund wiegen. Das in der Höhlung eines solchen Cylinders enthaltene Gas wird durch sein Gewicht unter einem Druck gehalten, welcher grösser ist als der Druck der Atmosphäre. Für unser Beispiel beträgt dieser Ueberschuss des Druckes 20000 Pfund auf eine Kreisfläche von 30 Fuss Durchmesser, was ungefähr dem Drucke einer Wassersäule von 5 Zoll

ommt; ausserhalb muss also das Wasser 5 Zoll höher stehen als inder.

on unten aufsteigend ragt nun eine Röhre S in den Cylinder hinein, Fig. 398.

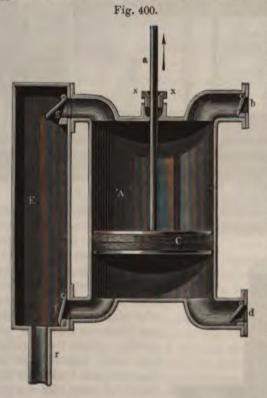




so dass ihr oberes offenes Ende über dem Wasserspiegel sich befindet; diese Röhre vertheilt sich in eine Menge enger Röhren, die zu den einzelnen Gasschnäbeln führen, aus denen dann das Gas mit einer Geschwindigkeitausströmt, welche dem Drucke im Gasometer entspricht. Diese Geschwindigkeit wird dadurch regulirt, dass man den Deckel des Behälters A mehr oder weniger mit Gewichten belastet. Um das Gasometer zu füllen, wird ein im Vertheilungsrohre S befindlicher Hahn geschlossen, dagegen aber der Hahn eines zweiten Rohres R geöffnet, welches das Innere des Gasometers mit dem Apparate verbindet, in welchem das Gas bereitet wird.

Nach demselben Princip werden auch kleinere Gasometer für Laboratorien construirt. In Fig. 399 a.v.S. ist ein solches abgebildet und wohl ohne weitere Erklärung verständlich. Es ist hier nur eine Zuleitungsröhre angebracht, durch welche man das Gasometer zuerst füllt, um es nachher aus demselben Rohre ausströmen zu lassen.

153 Gebläse. Bei Hohöfen und Schmiedefeuern wendet man Gebläse von verschiedener Einrichtung an. Die zweckmässigste, jetzt fast allgemein eingeführte Art ist das Cylindergebläse, welches Fig. 400 abgebildet ist. In einem wohl ausgebohrten gusseisernen Cylinder A, in welchem ein Kolben C, an den Wänden luftdicht schliessend, auf und nieder bewegt werden kann, geht die Kolbenstange a luftdicht durch die in der



Mitte des oberen Deckels befindliche Stopfbüchse. Durch die Oeffnung bei b communicirt der obere. durch die Oeffnung bei d der untere Theil des Cylinders mit der freien Luft; die Oeffnungen bei g und f aber verbinden den Cylinder mit einem viereckigen Kasten E. Bei b und d befinden sich Klappen, die sich nach innen, bei g und f aber solche, die sich nach aussen öffnen. nun der Kolben niedergeht, schliesst sich die Klappe bei d, die bei f aber öffnet sich, und alle Luft aus dem unteren Theile des Cylinders wird in den Raum E getrie-Unterdessen aber ist die Klappe bei g geschlossen, durch die Klappe bei b dringt Luft

von aussen her in den oberen Theil des Cylinders. Wenn der Kolben wieder in die Höhe geht, schliesst sich b, und alle Luft, die beim Niedergange des Kolbens hier eingedrungen war, wird durch die Oeffnung bei g

Gebläse. 343

in den Kasten E geschafft, während f geschlossen ist und sich der untere Theil des Cylinders wieder durch die geöffnete Klappe d mit Luft füllt. Die in E comprimirte Luft strömt durch ein Rohr r nach dem Feuerraume.

Die Geschwindigkeit des Kolbens ist am grössten, wenn er die Mitte des Cylinders passirt, sie nimmt um so mehr ab, je mehr er sich der oberen oder unteren Gränze seines Weges nähert. Daraus geht hervor, dass der Wind, welchen ein solcher Cylinder liefert, nicht gleichmässig bei r ausströmt. Da aber für die meisten Schmelzprocesse ein gleichmässiger Windstrom nöthig ist, so muss man dafür sorgen, ihn zu reguliren. Man erreicht dies entweder dadurch, dass man an demselben Windkasten E drei Cylinder anbringt, deren Kolben nicht gleichzeitig die Mitte ihres Weges passiren, oder auch dadurch, dass man die Luft aus E erst in einen Behälter treten lässt, dessen Rauminhalt sehr gross ist im Vergleich zum Volumen des Cylinders. Je grösser dieser Luftbehälter ist, welcher den Namen Regulator führt, desto weniger Einfluss hat die Unregelmässigkeit der Kolbenbewegung auf die Gleichmässigkeit des aus dem Regulator austretenden Luftstromes.

Als Regulator bei Gebläsen wendet man entweder einen aus Eisenblech luftdicht zusammengenieteten Ballon an, dessen Inhalt 40- bis 50mal so gross ist als der des Cylinders, oder den Fig. 401 abgebildeten Wasser-



Fig. 401.

regulator, der seinem Wesen nach ganz mit dem Gasometer übereinkommt, wie er zur Gasbeleuchtung angewandt wird. In den Kasten B, welcher aus luftdicht zusammengenieteten eisernen Platten besteht und dessen Inhalt den des Cylinders weit übertrifft, strömt durch das Rohr D vom Cylinder her die Luft ein, durch das Rohr C aber wieder aus. Die Luft im Kasten B ist unten durch Wasser gesperrt, dessen Niveau rr im Kasten nothwendig tiefer steht als der Spiegel vv ausserhalb. Von der Differenz der Höhen der Wasserspiegel hängt der Grad der Compression der Luft in B und also auch die Geschwindigkeit des Ausflusses durch das Rohr C ab.

Betrachten wir noch einige andere Gebläse.

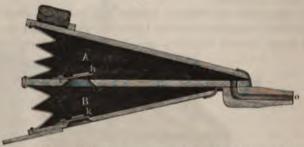
Fig. 402, a.f.S., stellt einen gewöhnlichen kleinen Küchen blas balg im

Durchschnitt dar. Beim Aufziehen der oberen Platte wird die Bodenklappe k gehoben und der innere Raum füllt sich mit Luft, welche beim



Niederdrücken des oberen Deckels, da sich nun die Klappe k schliesst, zur Düse d hinausgetrieben wird. Ein solcher Blasbalg giebt also nur einen intermittirenden Luftstrom, nämlich nur beim Niedergange des oberen Deckels.

Um einen continuirlichen Luftstrom zu liefern, muss der Blasbalg zwei getrennte Luftbehälter A und B, Fig 403 haben; die Platte sowohl, welche die beiden Räume trennt, wie die Bodenplatte des unteren Behälters B haben Löcher, die mit Lederklappen bedeckt sind. Wenn die Fig. 403.



Bodenplatte von B in die Höhe gezogen wird, so schliesst sich die Oeffnung bei k, das Ventil bei h aber wird geöffnet und alle Luft, die in B enthalten ist, wird in den oberen Raum A getrieben. Der bewegliche Deckel von A ist aber durch einen Stein belastet, wodurch die in A befindliche Luft durch die Oeffnung bei o ausgetrieben wird, und zwar auch während des Niederganges der Bodenplatte von B. Während dieses Niederganges schliesst sich h, k wird gehoben und so füllt sich B abermals mit Luft, welche durch ein abermaliges Aufziehen der Bodenplatte wieder in den oberen Raum A getrieben wird.

Das Wassertrommelgebläse, welches zu den ältesten Gebläsevorrichtungen gehört, beruht auf dem Phänomen des Saugens, welches wir schon oben Seite 315 kennen gelernt haben. Wir wissen bereits, dass, wenn aus irgend einer Oeffnung ein Wasserstrahl vertical nach unten ausfliesst (S. 313), er alsbald zerreisst, wobei natürlich Luft zwischen die einzelnen Tropfen eindringt. Fällt nun der Wasserstrahl in einer Röhre herab, so wird sich natürlich ein Streben kundgeben, durch irgend seitlich an der Röhre angebrachte Löcher Luft einzusaugen und mit dem fallenden

Wasserstrahle herunterzureissen. Darauf beruht nun das Wassertrommelgebläse, welches Fig. 404 abgebildet ist. Aus dem Wasserbehälter stürzt das Wasser durch eine Röhre in den Windkasten B, welcher oben geschlosgen ist unter aber eine Ausflussöffnung hat. Das Fig. 404.

sen ist, unten aber eine Ausflussöffnung hat. Das herabstürzende Wasser saugt nun Luft durch die Löcher A ein und reisst sie mit Gewalt in den Windkasten B, aus welchem sie durch die Düse D ausströmt, während das Wasser bei C ausfliesst.

Die Betrachtung der Ventilatoren oder Centrifugalgebläse, der Schraubengebläse u. s. w. würde uns hier zu weit führen.

Gesetze des Ausströmens der Gase. Für die Ausflussgeschwindigkeit der Gase gelten dieselben Gesetze, wie bei Flüssigkeiten, d. h. die Ausflussgeschwindigkeit ist (Seite 308)

 $v=\sqrt{2\ g\ s}$ 1) wenn s die Druckhöhe bezeichnet. Hier aber ist s eine Grösse, die nicht direct durch die Beobachtung gegeben ist, wie bei tropfbar-flüssigen Kör-



cher die Luft aus einem Reservoir austreibt, durch die Höhe h einer Wasser- oder Quecksilbersäule gemessen, welche man an einem Manometer beobachtet. Die comprimirende Flüssigkeitssäule ist also hier anderer Natur als das ausströmende Gas, und um die Gleichung 1) zur Berechnung von v in Anwendung bringen zu können, muss erst die Höhe s einer Gassäule von der Dichtigkeit des eingeschlossenen Gases ermittelt werden, welche der Wasser- oder Quecksilbersäule von der Höhe h das Gleichgewicht hält. Der so berechnete Werth von s ist dann in Gleichung 1) einzusetzen.

Gehen wir nun zur Berechnung des Werthes von s für den Fall über, dass das eingeschlossene Gas atmosphärische Luft ist.

Bei einem Barometerstand von 0,76 Metern ist das specifische Gewicht der Luft (auf Wasser bezogen) gleich 0,00129. Wenn aber die in einem

154

Gasometer eingeschlossene Luft bei einem Barometerstand von b Metern ausser dem Druck der Atmosphäre noch eine Quecksilbersäule von h Metern zu tragen hat, so ist ihr specifisches Gewicht

$$d = 0.00129 \ \frac{b+h}{0.76}.$$

Die Höhe einer Luftsäule von dieser Dichtigkeit, welche einer Quedsilbersäule von h^m das Gleichgewicht hält, ergiebt sich aber aus der Proportion

$$d:q=h:s,$$

wenn d das specifische Gewicht der eingeschlossenen Luft, q aber das des Quecksilbers (beide auf Wasser bezogen) bezeichnen. Es ist also

$$s = h \cdot \frac{q}{d}$$

oder wenn man für q und d ihre Werthe setzt:

$$s = h \cdot \frac{13.6 \cdot 0.76}{0.00129 (b+h)}$$
$$s = 8012 \frac{h}{b+h}.$$

Setzen wir diese Werthe von s in Gleichung 1), so kommt

$$v = \sqrt{2g \cdot 8012 \, \frac{h}{b+h}}$$

oder wenn man für g seinen Zahlenwerth 9,81 setzt:

Nach dieser Gleichung lässt sich nun auch die Geschwindigkeit bereiten mit welcher Luft, welche sich unter dem Drucke h befindet in der

Die Erfahrung aber zeigt, wie wir dies ja auch schon bei tropfbarflüssigen Körpern gesehen haben, dass die wirkliche Ausflussmenge geringer ist als die theoretische; und zwar hat man die theoretische Ausflussmenge mit einem bestimmten Factor μ zu multipliciren, um die wirkliche
zu erhalten.

Für Wasser ist bekanntlich dieser Factor 0,64 und ist fast ganz unabhängig von der Druckhöhe, indem er nur sehr unbedeutend wächst, wenn die Druckhöhe abnimmt. Für Gase aber ist der Werth von μ sehr veränderlich. Nach Schmidt, welcher diesen Gegenstand zuerst einer genaueren Untersuchung unterworfen hat, ist μ bei einer Druckhöhe von 3 Fuss (Wasser) gleich 0,52. Nach d'Aubuisson's Versuchen ist, innerhalb der Druckhöhen 0,1 bis 0,5 Fuss, der Werth von $\mu = 0,65$ zu setzen. Solche Verschiedenheiten können nicht wohl von Beobachtungsfehlern herrühren, und beweisen unzweifelhaft eine Veränderlichkeit von μ .

Eine sehr genaue Reihe von Versuchen hat Koch über diesen Gegenstand angestellt. Er hat gefunden, dass, wenn die Druckhöhe von 6 Fuss (Wasser) bis 0,15 Fuss abnimmt, der Werth von μ von 0,5 bis auf 0,6 wächst. Buff hat gezeigt, dass, wenn man

$$\mu = 0.626 \ (1 - 0.789 \ \sqrt{h})$$

setzt, wo h, wie bisher, die Druckhöhe bezeichnet, die nach dieser Formel berechneten Werthe sehr gut mit den Koch'schen Beobachtungen übereinstimmen, dass also diese Formel das empirische Gesetz für die Veränderlichkeit des Ausflusscoefficienten μ ist. Später hat Buff hierüber selbst genaue Versuche bei geringem Drucke, wie er besonders in der Praxis vorkommt, angestellt, welche gleichfalls die Veränderlichkeit des Coëfficienten μ in der erwähnten Weise bestätigen.

Die Differenz zwischen der theoretischen und wirklichen Ausflussmenge hat hier einen ganz analogen Grund, wie bei den tropfbar-flüssigen Körpern, und es lässt sich daraus schliessen, dass auch hier eine Contractio venae stattfinden muss, obgleich wir sie nicht unmittelbar beobachten können.

Cylindrische Ansatzröhren ebenso wie konische, mag nun die weite Oeffnung nach innen oder nach aussen gekehrt sein, vermehren die Ausflussmenge der Gase.

Ausflussgeschwindigkeit verschiedener Gase bei glei- 155 chem Druck. Wenn sich in einem Reservoir nicht Luft, sondern ein anderes Gas befindet, so ist klar, dass man in der Gleichung

$$v = \sqrt{2gs}$$

für s einen anderen Werth zu setzen hat als den für atmosphärische Luft geltenden, und zwar ändert sich der Werth von s im umgekehrten Verhältniss, wie das specifische Gewicht des Gases; für ein Gas, dessen specifisches Gewicht nmal grösser ist als das der atmosphärischen Luft, ist der

Werth von s nmal kleiner; wir haben also für die Ausflussgeschwindigkeit eines Gases, dessen specifisches Gewicht nmal grösser ist, als das der Luft,

$$v=396,5 \sqrt{\frac{h}{n(b+h)}},$$

wenn b und h die oben angegebene Bedeutung haben. Unter sonst gleichen Umständen verhält sich also die Ausflussgeschwindigkeit verschiedener Gase umgekehrt, wie die Quadratwurzel ausihren specifischen Gewichten. Bei gleichem Druck wird also die Ausströ-

mungsgeschwindigkeit des Wasserstoffgases $\sqrt{\frac{1}{0,069}}=38$ und die des Kohlensäuregases $\sqrt{\frac{1}{1,524}}=0.81$ mal so gross sein als die der atmosphärischen Luft, da das specifische Gewicht des Wasserstoffgases und der Kohlensäure 0,069 und 1,524 sind, wenn man das specifische Gewicht der Luft zur Einheit nimmt.

Das specifische Gewicht eines Gases ist demnach dem Quadrat seiner Ausströmungsgeschwindigkeit umgekehrt, alsoden Quadrat der Zeit direct proportional, welche ein gegebenes Gavolumen unter sonst gleichbleibenden Umständen braucht, um aus einer feinen Oeffnung auszuströmen.

Bezeichnen wir mit t und t' die Zeiten, welche zwei gleiche Volumina verschiedener Gase brauchen, um bei gleichem Druck durch die gleiche Oeffnung auszuströmen, so haben wir also

wenn wir mit s und s' die specifischen Gewichte der beiden Gasarten bezeichnen.

Bunsen gründet darauf ein sehr sinnreiches Verfahren, um das spec

Ausflussgeschwindigkeit verschiedener Gase bei gleichem Druck. 349

des Stöpeels an vergeht, bis die an einer Verengung des Schwimmers D angebrachte Marke t im Niveau des äusseren Quecksilbers erscheint. Hat



man mit demselben Instrumente gleich hinter einander diese Messung mit zwei verschiedenen Gasarten angestellt, so verhalten sich ihre specifischen Gewichte wie die Quadrate der beobachteten Ausflusszeiten. Zur Erläuterung mögen folgende von Bunsen angestellte Messungen dienen. Damit der Schwimmer D um die Höhe rt stieg, waren erforderlich

f. atmosphärische Luft f. Knallgas (elektrolytisch)

· semosbust teche Di	TIC I. TITURING PO (GICK OIL) MOCH
117,9 Secunden	75,4 Secunden
117 "	75,8 "
117,9 "	75,6 "
117,6 Secunden	75.6 Secunden.

Setzen wir nach diesen Versuchsresultaten in Gleichung 1) t = 75.6; t' = 117.6 und s' = 1, so ergiebt sich für das specifische Gewicht des Knallgases

$$s = \frac{75,6^2}{117,6^2} = 0,413,$$

was mit dem aus dem specifischen Gewicht der Bestandtheile berechneten specifischen Gewichte des Knallgases (0,415) sehr nahe übereinstimmt.

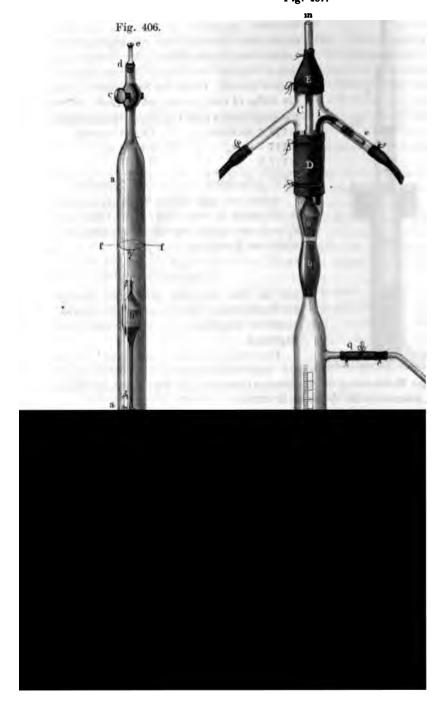
Fig. 406, a. f. S., zeigt eine verbesserte Form des Ausströmungsapparates, welchen Bun-

sen zur Bestimmung des specifischen Gewichtes der Gase anwendet (Bunsen, gasometrische Methoden S. 129).

Wenn die Gase nicht durch Oeffnungen in dünner Wand, sondern durch Capillarröhren ausströmen, so erscheinen die Ausströmungsgesetze in ähnlicher Weise modificirt, wie die der tropfbar-flüssigen Körper.

Um die Gesetze zu ermitteln, nach welchen das Ausströmen eines Gases durch die capillaren Canäle eines Gypspfropfs stattfindet, wandte Bunsen (Gasometrische Methoden S. 214) die in Fig. 407 abgebildete Vorrichtung an. Eine graduirte Röhre, ähnlich dem im §. 102 besprochenen Diffusionsrohre, ist oben mit einem bei 60° C. getrockneten Gypspfropf geschlossen. Durch ein seitliches Rohr kann man sie mit einem beliebigen Gase füllen und dann mittelst eines Quetschhahnes absperren, welcher das Kautschuckröhrchen q zudrückt. — Ueber dem Gypspfropf berweitert sich die Glasröhre etwas und in diese konische Erweiterung passt der eingeriebene Glasstöpfel o. Erst wenn dieser in die Höhe gezogen ist, kann eine Durchströmung des Gypspfropfs nach der einen oder andern Richtung hin beginnen. Durch den Raum über dem Gypspfropf b kann

man nun aber mittelst des Röhrchens i einen Gasstrom von der re Seite her einführen, während auf der linken Seite eine gleiche Gasn Fig. 407.



Spiegel des Quecksilbers im Rohr einige Centimeter höher steht als aussen, so wird unter dem Einfluss dieser Druckdifferenz Sauerstoffgas von Oben her durch den Gypspfropf in die Röhre eintreten und man kann nun messen, wie viel Zeit erforderlich ist, damit bei constant erhaltener Druckdifferenz ein gegebenes Volumen Sauerstoff eindringt.

Bunsen hat den Versuch für das nämliche Gas bei verschiedener Druckdifferenz angestellt und ihn dann in gleicher Weise mit verschiedenen Gasen wiederholt. Aus diesen Versuchen ergab sich zunächst, dass die in gleichen Zeiten durch den Gypspfropf eingeströmten Volumina desselben Gases der Druckdifferenz proportional sind.

Vergleicht man aber die Volumina verschiedener Gase, welche unter gleicher Druckdifferenz in derselben Zeit einströmen, so verhalten sich diese nicht umgekehrt wie die Quadratwurzel aus den specifischen Gewichten der Gase. Die unter gleicher Druckdifferenz in gleichen Zeiten eingetretenen Volumina von Sauerstoffgas und Wasserstoffgas verhalten sich nach dem Versuch wie 1: 2,73; während die Quadratwurzeln aus den specifischen Gewichten im Verhältniss von 1 zu 3,995 stehen.

Es geht daraus hervor, dass der Durchgang eines Gases durch einen Gypspfropf durch einen Reibungscoefficienten modificirt ist, welcher von der Natur des Gases abhängt, und dass sich also die Hohlräume des Gypses gegen hindurchströmende Gase sich nicht wie ein System von feinen Oeffnungen in dünner Wand, sondern wie ein System capillarer Röhren verhalten.

Durch diese Thatsache erklärt sich auch, warum die durch einen Gypspfropf vermittelte, Diffusion von Gasen (§. 102) nicht genau dem Graham'schen Gesetze folgen kann.

Seitendruck der Gase beim Ausströmen. Wenn sich Luft 156 durch Röhrenleitungen bewegt, so ist ein Reibungswiderstand zu überwinden, und dazu wird ein Theil der Spannung des comprimirten Gases verwandt werden, also für die Bewegung verloren gehen. Der Druck, den die Röhrenwände von der Tension der durchströmenden Luft auszuhalten haben, nimmt um so mehr ab, je mehr man sich der Mündung des Rohres nähert, wie man sich durch Manometer überzeugt, welche an verschiedenen Stellen des Rohres angebracht werden. Es ist dies ganz den Erscheinungen analog, welche man bei der Bewegung von Flüssigkeiten durch Röhrenleitungen beobachtet. Ueber den Reibungswiderstand, welcher bei der Bewegung der Luft durch Röhren überwunden werden muss, sind besonders von d'Aubuisson und Buff Versuche angestellt worden.

Das Phänomen des Saugens findet bei der Bewegung der Gase auf eine ganz ähnliche Weise, wie bei dem Ausströmen von Flüssigkeiten, statt. Clement und Desormes haben eine äusserst interessante, hierher gehörige Erscheinung beschrieben. Wenn man in den Boden eines Reservoirs, Fig. 408 a.f.S., welches comprimirte Luft enthält, eine Oeffnung von

1 bis 2 Zoll Durchmesser macht, so entweicht die Luft mit grosser Gewalt. Wenn man der Oeffnung eine Scheibe von Holz oder Metall nähert,

Fig. 408.



welche 7 bis 8 Zoll Durchmesser hat, so wird sie, nachdem der erste Widerstand überwunden ist, nicht mehr abgestossen; sie oscillirt lebhaft, indem sie in sehr kurzen Zwischenräumen sich der Oeffnung bald nähert, bald von ihr entfernt. Die Luft entweicht dabei mit grossem Geräusch zwischen der Scheibe und der Wand. Wenn man versucht, die Scheibe weg-

zunehmen, so muss man grosse Kraft anwenden, wie wenn sie auf die Wand festgeleimt wäre. Clement und Desormes erklärten dies Phānomen ganz richtig. Der Luftstrahl, welcher die Oeffnung verlässt, muss sich in eine dünne Schicht zwischen der Scheibe und der Wand ausbreiten. Bei unveränderter Dicke muss sie sich um so mehr ausbreiten, je mehr sie sich dem Rande der Scheibe nähert; sie befindet sich also in dem Falle wie ein flüssiger Strahl, welcher die immer wachsenden Querschnitte eines konischen Ansatzrohres ausfüllen soll. Zwischen der Scheibe und der Wand bildet sich ein luftverdünnter Raum, in Folge dessen die atmosphärische Luft, von unten gegen die Scheibe drückend, sie an die Wand anpresst.

Man kann diesen Versuch auch im Kleinen anstellen, wenn man Luft mit dem Mund durch eine Röhre bläst, welche mit einer ebenen Scheibe endigt, wie dies Fig. 409 dargestellt ist. Diese Scheibe hat natürlich in

Fig. 409.



der Mitte ein Loch. Nahe am Rande sind drei Stäbchen, etwa von Draht, befestigt. An ihrem unteren Ende ist an jedem dieser Stäbchen ein Knopf angebracht, und auf diesen drei Knöpfchen liegt endlich frei nach oben beweglich eine Scheibe von Kartenpapier; sie hat drei Einschnitte, durch welche die drei Stäbchen hindurchgehen. Sobald man bei a in die Röhre ab hineinbläst, wird die bewegliche Scheibe gehoben und bleibt an der oberen Scheibe hängen, bis man mit Blasen aufhört.

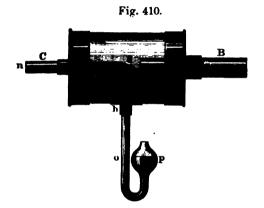
Den Durchmesser der Scheiben

kann man ungefähr 1 Decimeter, die verticale Entfernung der beiden Scheiben 1 Centimeter machen.

Die einfachste Art, diesen Versuch anzustellen, hat Faraday angegeben. Man schliesse die Finger der offenen Hand fest an einander, so

wird doch noch von Gelenk zu Gelenk ein speltartiger Zwischenraum bleiben. Während man nun die Hand auf diese Weise horizontal hält, so dass die Fläche abwärts gekehrt ist, applicire man die Lippen dem Intervall zwischen dem Zeige- und Mittelfinger, nahe an ihren Wurzeln, und blase möglichst stark. Bringt man nun ein Stück Papier von 3 bis 4 Quadratzoll an die Oeffnung, durch welche der Luftstrom hindurchgeht. so wird es weder durch diesen Luftstrom fortgeblasen, noch fällt es durch sein Gewicht herab, was aber sogleich geschieht, sobald man mit Blasen anfhört

Sehr schön wird das Phänomen des Saugens durch ausströmende Gase auch mittelst des Apparates Fig. 410 erläutert. Ein etwas weites, kurzes Glasrohr A ist auf beiden Seiten durch aufgekittete Kappen von Messingblech geschlossen. In die eine derselben ist die Glasröhre B, in die andere ist die noch engere Glasröhre C so eingekittet, dass die etwas ein-



gezogene etwa 1 Linie weite Mündung d der Röhre C ganz nahe vor dem einen Ende der Röhre B steht. Bei h ist die Röhre A durchbohrt und in eine hier aufgekittete Messingfassung ein auf der einen Seite kugelförmig erweitertes Manometerrohr eingekittet. Das Manometerrohr wird ungefähr bis zur Höhe op mit gefärbtem Wasser gefüllt. Wenn man nun

bei n stark in das Rohr C hineinbläst, so sieht man alsbald, wie die Flüssigkeit im Manometerrohr von o aus ungefähr 1 Zoll hoch in die Höhe steigt, ein Beweis, dass durch das Blasen eine Luftverdünnung in A hervorgebracht wird.

Die Luftverdünnung rührt daher, dass der bei d mit ziemlicher Geschwindigkeit austretende Luftstrom, in dem weiteren Rohre B sich ausbreitend, eine saugende Wirkung auf die Luft in A ausübt. Dieser Versuch erklärt sehr gut die Wirkung des sogenannten Blaserohrs der Locomotiven.

Widerstand der Flüssigkeiten und der Gase. Wenn ein 157 fester Körper in einer Flüssigkeit oder in einem Gase bewegt werden soll, so muss er nothwendig mehr oder weniger Flüssigkeits- oder Lufttheilchen vor sich herschieben und auf die Seite treiben, und dadurch wird stets ein Theil der beschleunigenden Kraft verzehrt, welche auf den festen

Körper wirkt; kurz Flüssigkeiten und Gase üben einen Widerstan gegen die Bewegung fester Körper innerhalb ihrer Masse aus

Die Grösse dieses Widerstandes hängt ab

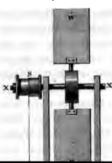
- 1) von der Grösse der Oberfläche des bewegten Körpers, und
- 2) von der Geschwindigkeit desselben.

Den Einfluss der Oberfläche betreffend, so ist klar, dass der Wider stand, welchen Gase und Flüssigkeiten (als deren Repräsentanten wir Luf und Wasser nehmen wollen) der Bewegung eines Körpers innerhalb ihre Masse entgegensetzen, demjenigen Theil seiner Oberfläche proportiona sein muss, welcher rechtwinklig auf der Richtung der Bewegung steht.

So kommt es denn, dass ein und derselbe Körper bei gleicher Geschwindigkeit bald mehr, bald weniger Widerstand zu überwinden hat, it nachdem er mit seiner breiten oder mit seiner schmalen Seite gegen die Luft oder das Wasser stösst, wovon man sich leicht mit Hülfe eines etwa breiten hölzernen Lineales überzeugen kann.

Den Einfluss der Oberfläche kann man auch mit Hülfe des Appantes Fig. 411 nachweisen. Die Umdrehung der horizontalen Axe xx wid

Fig. 411.



Die Umdrehung der horizontalen Axe xx wird durch ein Gewicht bewerkstelligt, welches as einer um die Spule s geschlungenen Schnur hängt; die Windflügel w können nach Belieben so gestellt werden, dass ihre Oberfläche rechtwinklig zur Axe xx oder dass sie parallel mit ihr steht Unsere Figur zeigt die letztere dieser beiden Stellungen. In der ersten Stellung durchschnei den die Windflügel gleichsam die Luft und serfolgt eine rasche Rotation; im letzteren Fall aber, wo sie mit ihrer vollen Breite gegen die Luft drücken, ist der zu überwindende Wider stand so bedeutend, dass nur eine langsame Um

ihn niedertreibt, in weit rascherem Verhältniss abnimmt als seine Oberfläche. Betrachten wir z. B. eine Kugel von Kreide, welche 1 Linie im Durchmesser hat, so wird dieselbe mit einer bestimmten Geschwindigkeit





im Wasser sinken; ein Kreidekügelchen aber, welches nur ¹/₁₀ Linie Durchmesser hat, wiegt 1000mal weniger, die Kraft, welche es fallen macht, ist also 1000mal geringer, während seine Oberfläche nur 100mal geringer ist als die Oberfläche einer 1 Linie dicken Kugel. Für die kleine Kugel ist also, wenn dieselbe im Wasser fällt, der Widerstand des Wassers im Vergleich zur beschleunigenden Kraft, welche sie niedertreibt, 10mal grösser als für die grosse Kugel, die kleine Kugel wird also auch weit langsamer fallen als die grosse. Dieser Umstand erklärt auch, wie es kommt, dass ganz fein zertheilte Substanzen, wie Kreidepulver, Lehmtheilchen, welche das Wasser trüben, so lange in demselben suspendirt bleiben und sich nur sehr langsam absetzen; er erklärt ferner, wie es kommt, dass feine Stäubchen, Nebelbläschen u. s. w. in der Luft schweben.

Untersuchen wir nun, in welcher Beziehung der Luft- und Wasserwiderstand zur Geschwindigkeit der bewegten Körper steht.

Während der Widerstand der Reibung von der Geschwindigkeit des über einen anderen hingleitenden Körpers unabhängig ist, wächst der Widerstand der Flüssigkeiten und Gase, wenn die Geschwindigkeit der in ihnen sich bewegenden Körper zunimmt, und zwar in einem weit rascheren Verhältniss als diese Geschwindigkeit selbst, wie sich aus folgender Betrachtung ergiebt:

Wenn ein Körper sich mit der doppelten, mit der dreifachen Geschwindigkeit bewegt, so muss er in gleicher Zeit nicht allein die doppelte, die dreifache Luft- oder Wassermasse aus dem Wege räumen, sondern auch

den aus ihrer Stelle getriebenen Partikelchen die doppelte, die dreifache Geschwindigkeit mittheilen; demnach muss also der fragliche Widerstand im Verhältniss des Quadrats der Geschwindigkeit zunehmen.

Es ist dies jedoch nur eine erste Annäherung; in der That wächst der Widerstand der Flüssigkeiten und Gase in einem noch etwas rascheren Verhältniss.

Da nun für einen mit beschleunigter Geschwindigkeit fallenden Körper der Luftwiderstand so rasch sunimmt, so muss nach einiger Zeit nothwendig dieser Widerstand so gross werden, dass er der beschleunigenden Kraft das Gleichgewicht hält, und von diesem Augenblick an fällt der Körper mit gleichförmiger Geschwindigkeit.

Dieser Zeitpunkt, in welchem in Folge des Luftwiderstandes die beschleunigte Bewegung des fallenden Körpers in eine gleichförmige übergeht, muss nothwendig um so eher eintreten, je grösser seine Oberfläche im Vergleich zu seinem Gewichte ist. Eine Seifenblase, eine Flaumfeder, Schneeflocken u. s. w. sehen wir mit gleichförmiger Geschwindigkeit sinken. — Auch die Regentropfen dürften wohl mit einer gleichförmigen Geschwindigkeit fallen, welche bei Weitem geringer ist, als die Geschwindigkeit, mit welcher sie auf dem Boden ankommen würden, wenn ihr Fall nicht durch den Luftwiderstand verzögert worden wäre. Ein Wassertropfen, der von einer Höhe von 3000 Fuss herabgefallen ist, müsste ohne eine solche Verzögerung mit der enormen Geschwindigkeit von 420 Fuss aufschlagen, während die Fallgeschwindigkeit der Regentropfen schwerlich viel grösser ist als 30 Fuss in der Secunde.

Wie durch den Luftwiderstand eine beschleunigte Bewegung sehr bald in eine gleichförmige übergeführt werden kann, lässt sich auch mit Hülfe des schon oben beschriebenen Apparates, Fig. 411, nachweisen.



bussöffnung O in dem Raume C gerade so hoch wie in A, so könnte i eine Strömung des Wassers aus A nach C dadurch hervorbringen, man durch eine äussere Kraft eine Rotation um die Axe X X in der atung bewerkstelligt, wie sie durch den kleinen Pfeil bei n angedeutet



d. Bei einer solchen Rotation wird nämlich die untere Fläche der raubenwindungen, gegen das Wasser pressend, es unten aus dem Cylin-B B hinausschaffen, während dem entsprechend das Wasser aus A strömen wird.

Dabei hat aber natürlich die untere Fläche der Schraubenwindungen bedeutenden Druck auszuhalten, welcher die ganze Schraube heben e, wenn die Axe X X oben nicht genügend belastet oder auf eine

andere Weise festgehalten wäre. Sobald ein solcher Widerstand fehlt, wird die Schraube bei einer Rotation nach der angegebenen Richtung nothwendig eine fortschreitende Bewegung nach oben annehmen müssen.

Wenn die Umdrehungsaxe einer solchen frei beweglichen, ganz in Wasser eingetauchten Schraube eine horizontale Lage hat, so muss eine rasche Rotation um diese Axe nothwendig eine fortschreitende Bewegung in horizontaler Richtung bewirken, wie dies in der That bei den Schraubendampfschiffen der Fall ist.

Die Axe der Schiffsschraube, welche unmittelbar vor dem Steuerruder angebracht ist, wie Fig. 415 zeigt, und welche sich ganz unter Wasser

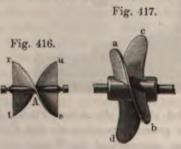


Fig. 415.

befindet, ist dem Kiele, also der Längenaxe des Schiffes, parallel, und ihre Umdrehung wird durch eine Dampfmaschine bewerkstelligt,

Für Kriegsschiffe liegt der Hauptvortheil der Schraube vor den Schaufelrädern der gewöhnlichen Dampfschiffe darin, dass sie den feindlichen Kugeln nicht so ausgesetzt ist und dass die ganze Breitseite des Schiffes mit Geschützen besetzt werden kann.

Die in Fig. 416 dargestellte Schiffsschraube ist eine doppelgängige;



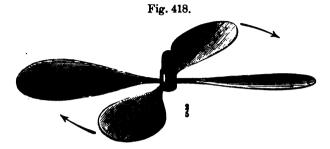
sie besteht aber nur aus zwei halben Schraubengängen rs und tu, welche jedoch weit steiler sind als die Windungen der Schraubenturbine Fig. 414.

Je nach der Richtung, in welcher die Schraube umgedreht wird, geht das Schiff vorwärts oder rückwärts.

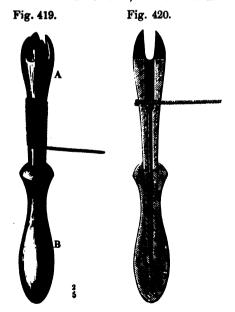
Das erste Schraubenschiff "Archimedes", welches der Engländer Smith im Jahre 1840 construirte.

hatte eine Schraube, welche nur aus einer einzigen Windung von 360° bestand. Später construirte man mit Vortheil zweiflügelige Schrauben, d.h. solche von zwei Windungen zu je 180°, und eine solche ist die in Fig. 416 dargestellte. Gegenwärtig werden auch 3- und 4flügelige Schiffsschrauben angewandt. Fig. 417 stellt eine 3flügelige Schiffsschraube dar.

Um die Wirkung der Schiffsschraube anschaulich zu machen, ist wohl nichts geeigneter als ein unter dem Namen des Fliegers bekanntes Kinderspielseug. An einem kurzen aus Blech gemachten Cylinder, Fig. 418, sind vier Flügel befestigt; diese Flügel sind nun sämmtlich etwas gegen die Ebene



geneigt, welche rechtwinklig auf der Axe des centralen Cylinders steht, jeder dieser Flügel bildet also ein Stück einer sehr schwach aufsteigenden um den centralen Dorn gelegten Schraubenfläche. Diese Vorrichtung wird nun in die Gabel der Rotationsvorrichtung AB, Fig. 419, gelegt. Den Handgriff B hält man in der linken Hand, während man durch rasches Abziehen einer Schnur, welche um den oberen, um seine verticale Axe



drehbaren Theil gewunden ist, diesen in rasche Rotation ver-Diese Rotation theilt sich auch dem Flieger mit, der sich nun in Folge derselben in der Luft gleichsam hinaufschrauht und eine ziemlich bedeutende Höhe erreichen kann. Wenn man den Versuch im Zimmer anstellt, so steigt der Flieger bis an die Decke, an welcher er so lange verweilt, bis die Rotationsgeschwindigkeit so weit abgenommen hat, dass sie ihn nicht mehr in der Luft zu erhalten vermag.

Fig. 420 zeigt einen Durchschnitt der Vorrichtung, durch welche man den Flieger in Rotation versetzt.



Zweites Buch.

DIE AKUSTIK.

SHALL SHALL SHALL

STEEDIL ST.

Erstes Capitel.

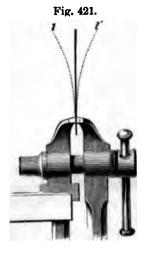
Fortschreitende und stehende Luftwellen.

Wenn ein Pendel aus seiner Gleich- 159 Vibrationsbewegung. gewichtslage herausgebracht und dann sich selbst überlassen wird, so wird es zunächst durch die Schwere seiner Gleichgewichtslage wieder zugeführt; in derselben angelangt, kann es aber nicht in Ruhe bleiben, weil es mit einer Geschwindigkeit ankommt, die es über die Gleichgewichtslage hinaustreibt, und so macht denn das Pendel eine Reihe von Schwingungen, deren Gesetze wir schon oben betrachtet haben.

Bei der Bewegung des Pendels bleibt die gegenseitige Lage der Theilchen desselben unverändert. Wenn aber die gegenseitige Lage der einzelnen Theilchen eines Körpers durch irgend eine äussere Ursache gestört wird, so werden dieselben, wenn irgend Kräfte vorhanden sind, welche die ursprüngliche Gleichgewichtslage wieder herzustellen streben, ebenfalls in eine oscillatorische Bewegung gerathen, welche sich von der Pendelbewegung wesentlich dadurch unterscheidet, dass sich die gegenseitige Lage der Partikelchen mit jedem Momente ändert; man hat also hier nicht allein die Oscillationsbewegung eines einzelnen Theilchens, sondern auch die Veränderungen in der gegenseitigen Lage der Theilchen zu betrachten.

Die Oscillationsbewegung der einzelnen Theilchen eines Körpers kann von der Art sein, dass alle Theilchen gleichzeitig in Bewegung gerathen, gleichzeitig ihre Gleichgewichtslage passiren, gleichzeitig die Gränzen ihrer Oscillationsamplituden erreichen und dann gleichzeitig ihren Rückweg wieder beginnen. Von dieser Art sind die Vibrationen eines an einem Ende eingeklemmten Stahlstreifens, Fig. 421, einer zwischen zwei festen Punkten ausgespannten Saite, Fig. 422 (a. f. S.). Solche Schwingungen nennt man nach Weber "stehende Schwingungen".

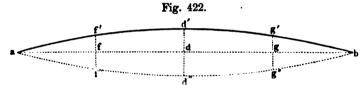
Wenn die Bewegungen der einzelnen Theilchen von der Art sind, dass die Vibrationsbewegung von Theilchen zu Theilchen fortschreitet, dass je-



des folgende Theilchen dieselben Oscillationen macht wie das vorhergehende, nur mit dem Unterschiede, dass es seine Bewegung später beginnt, so sind dies fortschreitende Schwingungen. Durch die fortschreitenden Schwingungen werden Wellen erzeugt. Die Bewegung, das Fortschreiten, der Welle ist hier wesentlich von der Oscillation der einzelnen Theilchen zu unterscheiden.

Beispiele von Wellenbewegung liefern uns eine ruhige Wasserfläche, auf welche man einen Stein fallen lässt, ein langes gespanntes Seil, gegen welches man nahe am einen Ende einen kräftigen Schlag führt, die Schallwellen in der Luft u.s.w. Wir werden diese verschiedenen Wellenbewegungen alsbald näher betrachten.

Die Vibrationsbewegungen können nun je nach der Ursache der Störung des Gleichgewichtes, je nach der Natur der Kraft, welche die Theil-



Noch ungleich schnellere Vibrationen der Körpertheilchen bringen durch die Wellenbewegung eines eigenthümlichen elastischen Fluidums, welches wir Aether nennen, bis in unser Auge fortgepflanzt, hier den Eindruck des Lichtes hervor.

Da nun sowohl Schall- als Lichtvibrationen durch Wellenbewegung fortgepflanzt werden, so wollen wir zunächst die wichtigsten Gesetze der Wellenbewegung überhaupt etwas näher betrachten und diese Betrachtung mit den Wasserwellen beginnen, weil von ihnen doch der Begriff Welle entnommen ist und weil durch das Verständniss der Wasserwellen das Verständniss anderer Wellenbewegungen, namentlich der Schallwellen, welche uns hier vorzugsweise interessiren, sehr erleichtert wird.

Wasserwellen. Wenn man einen Stein ins Wasser wirft, so bil- 160 den sich kreisförmige Wellen, welche sich von einem Mittelpunkte (der Stelle, wo der Stein ins Wasser fiel) aus nach allen Richtungen mit gleichförmiger Geschwindigkeit verbreiten, wenn nicht irgend eine störende Ursache wirkt. Die Wellen bestehen aus abwechselnden Bergen und Thälern, welche ziemlich rasch auf einander folgen und welche in der Richtung von dem Mittelpunkte nach aussen hin fortschreiten.

Während nun ein Wellenberg nach aussen hin fortschreitet, nehmen nicht etwa auch die einzelnen Wassertheilchen an dieser fortschreitenden Bewegung Antheil; denn wenn ein Stückchen Holz auf dem Wasser schwimmt, so sieht man, wie es abwechselnd gehoben wird und sich dann wieder senkt, wenn Wellenberge und Wellenthäler gleichsam unter ihm wegziehen.

Die Kraft, durch welche die Wasserwellen hier fortgepflanzt werden, ist die Schwere; denn wenn durch irgend eine Ursache in der horizontalen Wasserfläche eine Erhöhung oder Vertiefung hervorgebracht wird, so wirkt alsbald die Schwere der einzelnen Wassertheilchen, um die gestörte horizontale Ebene wieder herzustellen; dadurch wird eine Oscillationsbewegung hervorgebracht, welche nach und nach von Theilchen zu Theilchen fortgepflanzt wird.

Sobald sich einmal regelmässige Wellen gebildet haben, beschreiben die einzelnen Wassertheilchen an der Oberfläche während des Fortschreitens der Welle in sich zurückkehrende Curven, welche im Falle der grössten Regelmässigkeit Kreise sind; nur in solchen Fällen, in welchen der dem Gipfel vorangehende Theil des Wellenberges dem folgenden nicht gleich ist, beschreiben die einzelnen Wassertheilchen Curven, die nicht in sich geschlossen sind, von der Art, wie sie Fig. 423 dargestellt sind.

Die Bewegung der einzelnen Wassertheilchen während des Fortschreitens der Welle ist von den Gebrüdern Weber durch eine Reihe genauer

Fig. 423.

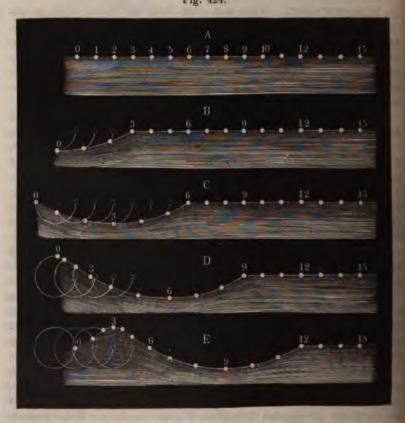
Versuche ermittelt worden. Sie bedienten sich zu diesen Versuchen einer grösseren und kleineren Wellenrinne. Die kleinere war ungefähr 5½ Fuss lang und über 8 Zoll tief; die beiden Seitenwände

wurden durch Glastafeln gebildet, welche 6,7 Linien weit von einander

abstanden; bei der grösseren, welche einen 6 Fuss langen, 2,5 Fuss tiefen und 1 Zoll 1,4 Linien breiten Raum einschloss, waren die Seitenwände durch Bretter gebildet, in denen nur an einzelnen Stellen Glasstreifen wasserdicht eingesetzt waren. (Wellenlehre auf Experimente gegründet von den Brüdern E. H. Weber und W. Weber, Leipzig 1825.)

Betrachten wir nun den Zusammenhang zwischen der Bewegung der einzelnen Wassertheilchen und dem Fortschreiten der Welle etwas genaner.

Nehmen wir an, eine ganz regelmässige Wellenbewegung habe sich von der Linken zur Rechten fortschreitend, bis zu dem Wassertheilchen 0, Fig. 424, fortgepflanzt und veranlasse dieses Theilchen, nun eine kreiförmige Bahn zurückzulegen. Während nun das Theilchen 0 zum ersten Fig. 424.



Male seine Kreisbahn vollendet, wird die Bewegung eine bestimmte Strecke sich fortpflanzen. Das mit 12 bezeichnete Wassertheilchen sei nun dasjenige bis zu welchem sich die Oscillationsbewegung von 0 aus fortpflanzt, während 0 eine Umdrehung vollendet, so wird 12 seine erste Umdrehung in dem selben Momente beginnen, in welchem 0 seine zweite Umdrehung beginnt.

Denken wir uns nun den Umfang des Kreises, welchen das Theilchen 0 beschreibt, und ebenso den Raum zwischen 0 und 12 in 12 gleiche Theile getheilt, so wird die Wellenbewegung in der Richtung von 0 nach 12 immer um eine Abtheilung weiter schreiten, während das Theilchen 0 gerade ¹/₁₂ seiner kreisförmigen Bahn zurücklegt.

Während das Theilchen 0 das erste Zwölftel seiner Bahn zurücklegt, pflanzt sich also die Wellenbewegung bis 1, während 0 das erste Viertel seiner Bahn zurücklegt, pflanzt sie sich bis 3 fort.

Fig. 424 B stellt den Moment dar, in welchem das Theilchen 0 den vierten Theil oder ³/₁₂ des Kreises zurückgelegt hat, den es durchlaufen soll; das Theilchen 1 hat in diesem Augenblicke ²/₁₂, das Theilchen 2 hat ¹/₁₂ seiner Kreisbahn zurückgelegt, das Theilchen 3 ist noch nicht aus seiner Gleichgewichtslage verrückt.

Die Fig. 424 C bezieht sich auf den Augenblick, in welchem das Theilchen 0 die Hälfte seiner Bahn zurückgelegt hat; das Theilchen 1 hat ⁵/₁₂, das Theilchen 2 hat ⁴/₁₂, das Theilchen 3 hat ³/₁₂ seiner Bahn zurückgelegt, die Theilchen 4 und 5 befinden sich in derselben Lage wie die Theilchen 1 und 2 der vorigen Figur. Das Theilchen 6 ist noch nicht aus seiner Gleichgewichtslage entfernt, beginnt aber eben seine Bewegung.

Hier hat das Theilchen 3 seine tiefste Stellung erreicht; es befindet sich in der Mitte eines Wellenthals.

Wenn nun abermals ¹/₁₂ der Zeit vergangen ist, welche ein Theilchen braucht, um seinen Kreislauf ganz zu vollenden, so wird das Theilchen 3 in eine solche Lage gegen seine ursprüngliche Stellung gekommen sein, wie es jetzt für das Theilchen 2 der Fall ist; das Theilchen 4 hat seine tiefste Stellung erreicht, es ist um ¹/₄ Kreis von seiner Gleichgewichtslage entfernt; das Wellenthal ist also in diesem Zeittheilchen von 3 bis 4 fortgerückt.

Fig. 424 D stellt den Moment dar, wo das Theilchen 0 3/4 seines Weges surückgelegt, wo es den höchsten Punkt seiner Bahn erreicht hat; hier ist also der Gipfel eines Wellenberges. Das Theilchen 1 hat bereits 3/12, 2 hat 7/12, 3 hat 6/12 seiner Bahn zurückgelegt; die Theilchen 4, 5, 6, 7, 8 befinden sich in derselben Lage, wie 1, 2, 3, 4 und 5 der vorigen Figur. Von dem Momente an, auf welchen sich Fig. 424 C bezieht, bis zu dem Momente, welchen Fig. 424 D darstellt, ist das Wellenthal von 3 bis 6 fortgerückt.

Während das Theilchen 0 das letzte Viertel seiner Bahn zurücklegt, schreitet der Wellenberg von 0 bis 3, das Wellenthal von 6 bis 9 fort, und in demselben Moment, wo 0 seine Bahn zum ersten Male zurückgelegt hat, um sie zum zweiten Male zu beginnen, wird das Theilchen 12 zum ersten Male seine Bewegung anfangen.

Dieser Moment ist in Fig. 424 E dargestellt, welche wohl keiner Erläuterung mehr bedarf.

Der schraffirte Theil der Fig. 425 stellt den Wellenzug für den Augenblick dar, in welchem das Theilchen 0 zum zweiten Male seine Oscilla-

tion vollendet hat; in diesem Moment wird das Theilchen 12 zum ersten Male eine Oscillation vollendet und die Bewegung überhaupt sich bis 24

fortgepflanzt haben; ein Wellenberg ist in 3, ein zweiter in 15, ein Wellenthal in 9, ein zweites in 21.

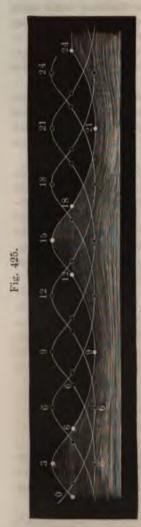
Wenn nun die Wellenbewegung ungestört fortdauert, so werden dadurch, dass die einzelnen Wassertheilchen fortfahren, ihre Kreisbahnen zu durchlaufen, die Wellenberge sowohl als die Wellenthäler gleichmässig in der Richtung von der Linken zur Rechten fortschreiten, indem ein Theilchen nach dem anderen den höchsten oder tiefsten Punkt seiner Bahn erreicht.

Von dem eben besprochenen Moment an gerechnet, werden die Theilchen 6 und 18 nach ¹/₄, die Theilchen 9 und 21 nach ¹/₂, die Theilchen 12 und 24 nach ³/₄ der ganzen Oscillationsdauer auf dem Gipfel des Wellenberges angekommen sein. Die Welle wird also der Reihe nach die in Fig. 425 durch ausgezogene Curven angedeuteten Lagen einnehmen.

So schreitet denn Wellenberg und Wellenthal dadurch voran, dass allen Wassertheilchen dieselbe Kreisbewegung mitgetheilt wird, dass aber jedes folgende Theilchen dieselbe später beginnt als das vorangehende.

Die Entfernung von einem Theilchen bis zum nächsten, welches sich in gleichen Schwingungszuständen befindet, also die Entfernung von 0 bis 12, von 12 bis 24, heisst eine Wellenlänge; denn jene Theilchen beginnen gleichzeitig ihre Oscillation, sie erreichen gleichzeitig ihren tiefsten und ihren höchsten Stand. Demnach ist auch die Entfernung von dem Gipfel eines Wellenberges bis zum nächsten, also in unserer Figur von 3 bis 15, von der Mitte eines Wellenthales bis zur Mitte des nächsten Wellenthales, also hier von 9 bis 21, eine Wellenlänge.

Solche Theilchen, welche um ½ Wellenlänge von einander entfernt sind, wie 0 und 6, 3 und 9, 9 und 15, befinden sich stets in entgegengesetzten Schwingungszuständen. Das Theilchen 9 z. B. bildet eben den tiefsten Punkt eines Wellenthales, 3 und 15 dagegen den Gipfel eines Wellenberges. Die Theilchen 0 und 6 befinden sich zwar beide in der Höhe ihrer Gleichgewichtslage, allein die Bewegung von 0 ist nach unten, die von 6 ist nach oben gerichtet.

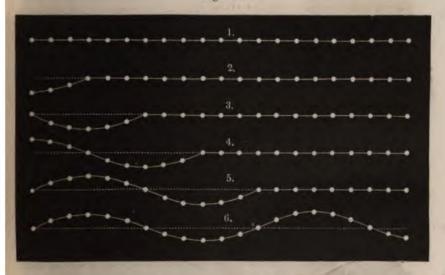


Während ein Theilchen eine ganze Oscillation vollendet, schreitet die Welle um eine Wellenlänge voran.

Die nähere Betrachtung des Verhältnisses zwischen der Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Wellen, der Grösse und Dauer der Oscillationen und der Gestalt der Wellen, der Oscillationsbewegung der Theilchen im Inneren der Flüssigkeit, der Abnahme der Höhe der Wellenberge und Thäler mit der Entfernung von dem Ursprunge der Welle, die Bildung der Wellen auf grossen Gewässern unter dem Einflusse des Windes würde uns hier zu weit führen; wir müssen in dieser Beziehung auf das schon oben genannte classische Werk der Gebrüder Weber verweisen. Ebenso lassen wir hier die Erscheinungen der Reflexion und Interferenz der Wasserwellen unberücksichtigt, da wir die entsprechenden Erscheinungen bei den Schall- und Lichtwellen doch näher untersuchen müssen.

Seilwellen. Es ist schon bemerkt worden, dass die Bahnen der 161 Wassertheilchen nicht immer, wie wir in unseren Zeichnungen annahmen, genau kreisförmig, ja nicht einmal immer in sich selbst zurückkehrende Curven sind. Häufig geht die kreisförmige Bahn in eine elliptische über, indem bald der horizontale, bald der verticale Durchmesser der grössere ist. Wäre der horizontale Durchmesser gleich Null, so würden die einzelnen Theilchen nur rechtwinklig zu der Richtung, nach welcher sich die Wellen fortpflanzen, auf und nieder oscilliren. Eine Bewegung der Art

Fig. 426.



ist es, welche die Wellen am gespannten Seile fortpflanzt. Später werden wir auch eine solche Wellenbewegung bei der Lehre vom Lichte kennen lernen. Die Curven 1 bis 6, Fig. 426 a. vor. S., sollen dazu dienen, die Fortpflanzung solcher Wellen, also etwa der Seilwellen, anschaulich zu machen. Diese Curven entsprechen ganz den Figuren 324 und 325; sie lassen sich aus diesen ableiten, wenn man den horizontalen Theil der Bewegung gleich Null setzt, sie werden deshalb auch ohne weitere Erklärung verständlich sein.

Wenn eine Seilwelle, gegen den einen Befestigungspunkt fortschreitend, an demselben angekommen ist, so wird sie reflectirt, sie kehrt wieder nach dem anderen Ende zurück und läuft so mehrmals hin und her. Wenn aber nun fortwährend neue Wellen erzeugt werden, so wird es kommen, dass die reflectirten Wellen den neu ankommenden begegnen; durch das Zusammenwirken der beiden Wellensysteme aber bilden sich stehende Wellen.

Fortpflanzung des Schalles. Jeder Körper, welcher sich im Zustande stehender Schwingungen befindet, veranlasst in den ihn umgebenden elastischen materiellen Medien eine Wellenbewegung, welche, bis zu unserem Ohre fortgepflanzt, die Empfindung des Schalles hervorbringt. In der Regel ist es freilich die Luft. in welcher sich die Schallwellen bis zu unserem Gehörorgane fortpflanzen, doch sind auch alle anderen elastischen Körper, feste sowohl wie flüssige, fähig, den Schall mehr oder weniger gut zu leiten.

Durch stehende Schwingungen elastischer Körper wird also der Schall erzeugt, durch eine Wellenbewegung elastischer Medien wird er fortgepflanzt.

Zur Fortpflanzung des Schalles sind materielle Medien unbedingt erforderlich; das Vacuum kann den Schall nicht leiten.

Um dies zu zeigen, setze man auf den Teller der Luftpumpe ein aufgezogenes Weckerwerk, Fig. 427, jedoch so, dass die Füsse desselben nicht

demnach nicht über die Gränzen unserer Atmosphäre verbreiten, dagegen kann aber auch von keinem anderen Himmelskörper nur das mindeste Geräusch bis zu unserer Erde dringen; die furchtbarsten Explosionen könnten auf dem Monde stattfinden, ohne dass wir davon etwas hörten.

Saussure sagt, dass auf dem Gipfel des Montblanc ein Pistolenschuss weniger Geräusch macht, als wenn man in der Ebene ein Kinderkanönchen losschiesst, und Gay-Lussac fand, mit seinem Ballon in einer Höhe von 7000 Metern, also in einer sehr verdünnten Luft schwebend, dass die Intensität seiner Stimme ungemein abgenommen hatte.

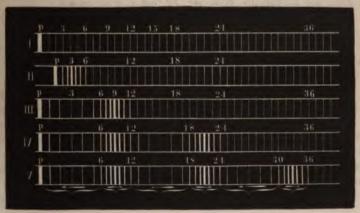
Nicht in der Luft allein, sondern in allen Gasen und Dämpfen kann sich der Schall verbreiten. Um sich davon zu überzeugen, braucht man nur die Gase oder Dämpfe in das Vacuum eintreten zu lassen, in welchem sich das gehende Weckerwerk Fig. 427 befindet.

Im Wasser pflanzt sich der Schall sehr gut fort, die Taucher hören, was am Ufer gesprochen wird, und am Ufer hört man deutlich, wenn in grossen Tiefen zwei Steine an einander geschlagen werden.

Die festen Körper endlich können den Schall nicht allein erzeugen, sondern auch fortpflanzen. Wenn man dem einen Ende eines 60 bis 70 Fuss langen Balkens das Ohr nähert, so hört man deutlich, wenn am anderen Ende nur schwach angeklopft wird, wenngleich das Geräusch in der Luft so schwach ist, dass es selbst der kaum hört, welcher es hervorgebracht hat.

Schallwellen. Um die Art und Weise, wie sich die Schallschwin- 163 gungen in der Luft fortpflanzen, anschaulich zu machen, wollen wir uns denken, dass die Luft in einer an einem Ende offenen Röhre durch die Oscillationen eines am anderen Ende angebrachten Kolbens in Schwingungen versetzt wird.

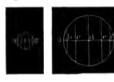
In Fig. 428 ist eine solche Röhre dargestellt; die bei I gleich weit von einander stehenden Striche stellen einzelne Schichten der überall gleich Fig. 428.



dichten Luft dar; p ist der Kolben. Dieser Kolben soll um die Länge ag, Fig. 429, rasch hin und her gehen; und zwar wollen wir annehmen, das er diese Oscillationen nach den Gesetzen der Pendelschwingungen ausführe.

Denken wir uns demnach die Zeit, welche der Kolben zu einem Hinund Hergange braucht, in 12 gleiche Theile getheilt, so findet man, der

Fig. 429. Fig. 430.



Entwickelungen auf S. 285 entsprechend, die Punkte, in welchen er sich in jedem dieser 12 Momente befindet, durch folgende Construction: Man errichte über der Linie ag, welche den Weg gleich ist, den der Kolben zu durchlaufen hat, einen Kreis, wie uns Fig. 429 zeigt; den Usfang dieses Kreises theile man von a anfangendin 12 gleiche Theile und fälle von diesen Theilungs-

punkten Perpendikel auf die Linien ag. Die Durchschnittspunkte diese Perpendikel bezeichnen die Stellen, in welchen der Kolben nach 1/12, 1/15 1/12 u. s. w. seiner Oscillationsdauer ankommen wird. Da nun aber die der Bewegung des Kolbens in Fig. 428 zu klein ist, als dass man der estsprechenden Constructionsfigur, Fig. 429, noch die zur weiteren Besprechung nöthigen Buchstaben beisetzen könnte, so ist dieselbe Construction in Fig. 430 auch noch in grösserem Maassstabe ausgeführt worden und dieser Figur sind dann die Buchstaben beigesetzt worden, welche bei der folgenden Auseinandersetzung stets auf die entsprechenden Punkte der kleinen Constructionsfigur zu beziehen sind.

Im ersten Zwölftel seiner Oscillationsdauer legt der Kolben den kleinen Weg ab zurück; in den folgenden gleich grossen Zeittheilchen die Wege bc, cd, de u. s. w. Die anfangs langsame Bewegung nimmt abs alsbald an Geschwindigkeit zu. In d erreicht der Kolben seine grösste Geschwindigkeit; von da an wird seine Bewegung wieder langsamer, bis et das Ende seiner Bahn erreicht, wo seine Bewegung in die entgegengesetzte

- r Kolben zum ersten Male seinen Weg nach der rechten Seite hin t hat, wie dies in Nro. II Fig. 428 dargestellt ist.
- r Kolben ist eben zur Ruhe gekommen, um seine rückgängige Beanzufangen, die Luftschicht 3 aber hat in ihrer Bewegung von ken zur Rechten eben ihre grösste Geschwindigkeit erreicht.

r ursprünglichen, in I dargestellten Lage entfernt, und daraus erch die gegenseitige Lage der Schichten, wie sie in II verzeichnet i 3 findet die stärkste Verdichtung der Luft statt.

thrend nun der Kolben von der Stellung II zu seiner ursprünglige zurückkehrt, pflanzt sich die Bewegung bis zur Luftschicht 12 zu Luftschicht beginnt ihre Bewegung zum ersten Male in demselgenblicke, in welchem der Kolben zum zweiten Male nach der zu gehen beginnt. Die Lage der einzelnen Luftschichten zwilt und dem Kolben, wie sie diesem Moment entspricht und wie sie III dargestellt ist, ergiebt sich aus folgender Betrachtung.

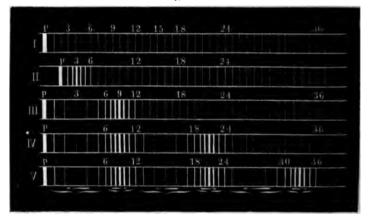
ihrend der Kolben und die Luftschicht 12 ihre ursprüngliche Lage en und momentan in Ruhe sind, sind alle zwischenliegenden Luftan von ihrer ursprünglichen Lage entfernt; alle Luftschichten zwism Kolben und 6 haben eine rückgängige Bewegung von der Rech-Linken, diejenigen zwischen 6 und 12 gehen von der Linken zur

Die	Luftschicht	1	ist	um	die	Länge	ab
77	n	2	77	"	77	13	ac
77	n	3	"	77	77	"	ad
77	n	4	n	77	77	n	ae
27	"	5	77	n	77	n	af
77	"	6	77	n	n	77	ag
7	n	7	77	77	"	77	af
77	n	8	"	77	"	77	ae
n	77	9	77	77	77	n	ad
77	n	10	n	77	n	n	иc
n	n	11	n	77	77	n	ab
**	n	12	77	"	"	n	0

r ursprünglichen Lage entfernt; daraus ergiebt sich, dass bei 9 kste Verdichtung, bei 3 aber die stärkste Verdünnung der Luft st; die Luftschicht 3 hat eben ihre grösste Geschwindigkeit nach den, die Luftschicht 9 hat ihre grösste Geschwindigkeit nach der Seite hin.

Wenn nun der Kolben in Ruhe bliebe, so würde zunächst die Luß schicht 1, dann 2, 3, 4 u. s. w. in ihrer ursprünglichen Lage wieder ankommen, um daselbst ebenfalls in Ruhe zu bleiben, während die Bewegun sich nach der rechten Seite fortpflanzt; in dem Moment z. B., in welche 3 in seiner ursprünglichen Lage wieder ankommt, wird sich die Bewegun bis 15 fortgepflanzt haben, das Maximum der Verdichtung wird bei 13 das Maximum der Verdünnung wird bei 6 ankommen. In dem Augenblich in welchem 12 wieder in seiner ursprünglichen Lage ankommt, ist de Maximum der Verdünnung bis 15, das Maximum der Verdüchtung bis 2 fortgeschritten, die Luftschicht 24 beginnt aber eben sich nach der Red ten zu bewegen u. s. w.

Fig. 431.



Macht nun der Kolben eine zweite Oscillation, so folgt der erste Welle eine zweite, wie dies in Nro. IV dargestellt ist, welche den Momet zeigt, in welchem der Kolben eben seinen zweiten Hin- und Hergen zweitendet bet

zum dritten Male seine Oscillation vollendet, wo er also drei vollständige sich einander folgende fortschreitende Wellen erzeugt hat. In dieser Figur sind immer diejenigen Luftschichten, welche sich nach derselben Richtung bewegen, mit einer Klammer zusammengefasst. Die Mitte einer Klammer entspricht immer einem Maximum der Verdichtung oder der Verdünnung; die hier befindlichen Luftschichten haben eben ihre grösste Geschwindigkeit entweder nach der Rechten oder nach der Linken. Die Luftschichten, welche da sich befinden, wo zwei Klammern zusammentreffen, befinden sich momentan in Ruhe, indem sie sich gerade am rechten oder am linken Ende der Bahn befinden, welche sie während ihrer Oscillationen hin und her durchlaufen.

Um die Principien der Wellenbewegung überhaupt und namentlich auch die Verbreitung der Schallwellen in der Luft anschaulich zu machen, haben Wheatstone und Eisenlohr mehrere für Vorlesungen sehr zu empfehlende Apparate construirt. Den gleichen Zweck habe ich durch meine nach dem Princip des (später zu besprechenden) Phenakistoscops construirte Wellenscheibe zu erreichen gesucht, welche Herr Joh. Val. Albert Sohn in Frankfurt a. M. nach meinen Angaben hat ausführen lassen.

Wir haben bisher der Einfachheit wegen die Fortpflanzung der Luftwellen in einer Röhre betrachtet; ganz in derselben Weise pflanzen sich aber auch die Wellen in freier Luft von den oscillirenden Körpern nach allen Seiten hin fort. So wie sich um die Stelle des Wassers, in welche der Stein hineingefallen ist, kreisförmige Wellen bilden, so bilden sich um den oscillirenden Körper kugelförmige Luftwellen.

Verschiedenheit der Schallempfindungen. Die Eindrücke, 164 welche unser Ohr wahrzunehmen vermag und welche man mit dem gemeinschaftlichen Namen des Schalles bezeichnet, sind von sehr mannigfaltiger Art. Zunächst unterscheiden wir zwischen Geräuschen (Zischen, Plätschern, Rasseln u. s. w.) und musikalischen Klängen oder Tönen. Die Empfindung eines Klanges wird durch regelmässige Oscillationen des tönenden Körpers, also durch periodische Bewegungen hervorgebracht, während Geräusche von nicht periodischen Bewegungen herrühren.

Die verschiedenen Klänge oder Töne unterscheiden sich aber untereinander

- 1) durch ihre Tonhöhe,
- 2) durch ihre Stärke,
- 3) durch ihre Klangfarbe.

Die Tonhöhe hängt nur von der Schwingungsdauer des tönenden Körpers ab, oder was dasselbe ist, von der Schwingungszahl desselben, d. h. von der Anzahl der Oscillationen, welche er in einer gegebenen Zeit, etwa in einer Secunde ausführt.

Die Töne sind um so höher, je grösser ihre Schwingungszahl oder je kleiner ihre Schwingungsdauer ist.

Welches die Schwingungszahl der verschiedenen Töne ist und wie man dieselbe ermitteln kann, wird weiter unten besprochen werden.

Die Stärke, die Intensität des Tones hängt von der Amplitude der Schwingungen ab, welche der tönende Körper macht; je grösser diese Schwingungen sind, desto stärker ist der Ton.

Unter Klangfarbe oder Klangcharakter versteht man die Eigesthümlichkeiten, durch welche man bei gleicher Tonhöhe und gleicher Stärke den Ton verschiedener Instrumente unterscheiden kann. So hat z. B. derselbe Ton einen ganz anderen Charakter, je nachdem er von einer Violine, oder von einer Clarinette oder von einer Trompete herrührt.

Das Wesen der Klangfarbe ist vorzugsweise durch die Untersuchnigen von Helmholtz ermittelt worden; wir werden darauf später zurückkommen.

Einfluss der verschiedenen Oscillationsgeschwindigkeit auf Wellenlänge und Tonhöhe. Die Geschwindigkeit, mit welcher sich die Schallwellen in der Luft fortpflanzen, ist, wie bald bewiesen werden wird, unabhängig von der Tonhöhe, also auch in dem oben betrachte ten Falle unabhängig von der Oscillationsgeschwindigkeit des Kolbens p.

Nehmen wir nun an, der Kolben p brauche zu einer Oscillation eine doppelt so grosse Zeit als die, auf welche sich Fig. 431 bezog, so wird auch, während der Kolben einmal hin- und hergeht, die Welle doppelt so weit fortschreiten als in jenem Falle. Nach dem ersten Hin- und Hergange des Kolbens p wird die Welle bis zur Schicht 24 fortgeschritten sein (Nro. II Fig. 432) und es befindet sich für diesen Moment ein

Fig. 432.

6	12	18	21	360	12

länge eines Tones, d. h. der Abstand von einem Dichtigkeitsmaximum in der Schallwelle bis zum folgenden, der Schwingungsdauer des Körpers proportional ist, dessen Oscillationen die Schallwellen erzeugen.

Bezeichnen wir mit λ die Wellenlänge eines Tones, mit t die in Secunden ausgedrückte Dauer einer Oscillation des die Welle erzeugenden tönenden Körpers, so ist demnach

wenn n ein constanter Factor ist, bezeichnet z die Anzahl der Oscillationen, welche der tönende Körper in 1 Secunde macht, so ist $t \cdot z = 1$ also

$$t=\frac{1}{s}$$
, mithin auch

$$\lambda = \frac{n}{a} \ldots \ldots \ldots \ldots 2$$

Die Wellenlänge eines Tones verhält sich also umgekehrt wie die Schwingungszahl derselben, d. h. umgekehrt wie die Anzahl der Vibrationen, welche in 1 Secunde gemacht werden müssen, um diesen Ton zu erzeugen.

Geschwindigkeit des Schalles. Alle Töne, welches auch 166 ihre Höhe, ihre Intensität und ihre Klangfarbe sein mag, verbreiten sich in der Luft mit gleicher Geschwindigkeit; denn wenn verschiedene Beobachter in verschiedenen Entfernungen dasselbe Concert anhören, so hören sie genau denselben Tact, dieselbe Harmonie. Wenn etwa die tiefen Töne den hohen voraneilten, so würde bald aller Tact aufhören, und was in einer Entfernung von 10 Schritten eine Harmonie ist, würde in einer Entfernung von 100 Schritten die unerträglichste Kakophonie sein.

Man hat an verschiedenen Orten Versuche angestellt, um die Geschwindigkeit des Schalles in der Luft genau zu bestimmen; wir wollen hier nur die anführen, welche im Jahre 1822 bei Paris durch das Personal des Bureau des longitudes ausgeführt worden sind.

Die beiden Stationen, welche man gewählt hatte, waren Villejuif und Montlhery. Zu Villejuif liess der Capitain Boscary an einem etwas erhabenen Orte einen Sechspfünder mit Ladungen von 2 bis 3 Pfund Pulver aufstellen. Die um diese Kanone aufgestellten Beobachter waren Prony, Arago und Mathieu. Zu Montlhery liess der Capitain Pernetty eine Kanone von gleichem Kaliber mit gleichen Ladungen aufstellen, und hier waren Humboldt, Gay-Lussac und Bouvard die Beobachter. Die Versuche wurden in der Nacht vom 21. auf den 22. Juni 1822 gemacht und begannen um 11 Uhr Abends. Von Villejuif aus sah man deutlich das Feuer der Explosion zu Montlhery, und umgekehrt. Der Himmel war heiter und die Luft ruhig.

Man war übereingekommen, dass an jedem der beiden Orte 12 Schüsse von 10 zu 10 Minuten abgefeuert werden sollten, und dass man damit auf der Station zu Montlhery 5 Minuten früher anfangen sollte als zu Villejuif, so dass ein Beobachter, welcher gerade in der Mitte zwischen beiden Kanonen aufgestellt gewesen wäre, alle 5 Minuten einen Schuss gehört hätte, von denen der erste von Montlhery kam, der zweite von Villejuif, der dritte wieder von Montlhery u. s. w. Auf diese Weise konnte man ermitteln, ob die Windrichtung einen Einfluss auf die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles habe.

Die Beobachter zu Villejuif hörten vollkommen gut alle Schüsse von Montlhery, jeder von ihnen beobachtete auf seinem Chronometer die Zeit, welche von dem Moment der Lichterscheinung an bis zur Ankunft des Schalles verging. Die grösste Differenz zwischen den Resultaten der drei Beobachter bei einem und demselben Versuche überstieg nicht ³/₁₀ bis ⁴/₁₀ Secunden. Die längste beobachtete Zeit war 55, die kürzeste 54,7, das Mittel 54,84 Secunden.

Zu Montlhery konnte man nur 7 von den 12 Schüssen von Villejuif hören, und von diesen 7 wurde auch nicht ein einziger von den drei Beobachtern zugleich gehört; doch stimmen die Resultate ziemlich gut überein. Die längste Zeit war 54,9, die kürzeste 53,9, das Mittel 54,43 Secunden.

Man kann demnach als Mittel für die Zeit, welche der Schall brauchte, um sich von einer Station bis zur anderen fortzupflanzen, 54,6 Secunden annehmen.

Es blieb nun noch übrig, die Entfernungen der beiden Stationen genau zu ermitteln; Arago wurde damit beauftragt, und indem er sich auf die Triangulation der Gradmessung stützte, fand er, dass die beiden Kanonen in einer Entfernung von 9549,6 Toisen aufgestellt gewesen waren.

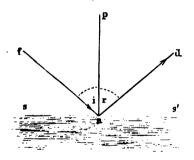
Dividirt man diese Länge durch 54,6, so findet man 174,9 Toisen oder 340,88 Meter für den Weg, den der Schall in einer Secunde zurück-

Der Umstand, dass der Schall sich langsamer fortpflanzt als das Licht, erklärt einige im alltäglichen Leben oft vorkommende Erscheinungen. Wenn man einen Steinklopfer aus einiger Entfernung beobachtet, so hört man den Schlag nicht in dem Moment, in welchem man den Hammer aufschlagen sieht, sondern erst, wenn er wieder gehoben wird, was den Eindruck macht, als ob der Schall nicht durch das Aufschlagen des Hammers, sondern durch das Abreissen von dem Steine hervorgebracht würde. Wenn man ein Regiment Soldaten nach dem Tacte der vorausgetragenen Trommeln marschiren sieht, so beobachtet man eine wellenartige Bewegung, welche sich von den Trommlern aus durch die ganze Reihe fortpflanzt. Es erklärt sich dies dadurch, dass nicht Alle gleichzeitig auftreten und den neuen Schritt beginnen, weil die Hinteren den Tactschlag immer später vernehmen als die Vorderen.

Von der Reflexion des Schalles und dem Echo. Wenn id Schallwellen aus einem Mittel in ein anderes übergehen, so erleiden sie immer eine partielle Reflexion; wenn sie aber auf ein festes Hinderniss stossen, so werden sie fast vollständig reflectirt.

Mag nun die Reflexion partiell oder vollständig sein, so ist doch der Reflexionswinkel stets dem Einfallswinkel gleich. Es sei ss', Fig. 433, die Trennungsfläche der beiden Mittel, etwa Luft und Wasser, und eine Schallwelle bewege sich in der Richtung fn gegen die Wasserfläche, so

Fig. 433.



wird ein Theil der Bewegung in das Wasser übergehen, ein anderer Theil aber wird sich in der Richtung nd fortpflanzen, welche mit dem Perpendikel np einen eben so grossen Winkel macht wie fn, d. h. der Reflexionswinkel dnp ist dem Einfallswinkel fnp gleich. Dieselbe Erscheinung würde nach demselben Gesetze stattfinden, wenn ss' die Trennungsfläche zweier Gase oder auch nur zweier Gasschichten von verschiedener Dichtigkeit wäre, oder wenn

ss' die Gränzfläche eines festen Körpers wäre, nur würde in dem letzten Falle der reflectirte Ton weit intensiver sein. Ein Beubachter also, welcher sich in irgend einem Punkte der Linie nd befindet, würde den Ton gerade so hören, als ob er von n oder einem Punkte der Verlängerung der Linie dn ausginge.

Dass die Schallstrahlen wirklich denselben Reflexionsgesetzen folgen, wie die Lichtstrahlen, ergiebt sich auch durch Versuche mit parabolischen oder sphärischen Hohlspiegeln. In Fig. 434 a. f. S. seien rs und tu zwei sphärische Hohlspiegel, welche in einer Entfernung von 10 bis 20 Fuss von einander so aufgestellt sind, dass die Axen derselben in eine gerade Linie

zusammenfallen. Bringt man nun in den Brennpunkt A des einen Hohlspiegels eine Taschenuhr, so hört ein im Brennpunkt B des anderen be-

Fig. 434.



findliches Ohr deutlich das Ticken derselben, denn alle von A ausgehenden Schallstrahlen, welche den Hohlspiegel rs treffen, werden parallel mit der Axe reflectirt, wie es in unserer Figur angedeutet ist; auf den zweiten Spiegel tu treffend, werden sie aber gegen den Brennpunkt B desselben zurückgeworfen und also in B wieder vereinigt.

Entfernt man das Ohr aus dem Brennpunkte B, so verschwindet der Schall, selbst wenn man sich dem Punkte A bedeutend nähert.

Aus der Reflexion des Schalles erklärt sich auch die Erscheinung des Echo's.

Wenn die Schallwellen rechtwinklig auf die reflectirende Fläche treffen, so sendet das Echo den Ton zu seinem Ausgangspunkte zurück. In diesem Falle kann ein Echo eine grössere oder geringere Anzahl von Sylben unter Bedingungen wiederholen, welche leicht zu ermitteln sind. Wenn man schnell spricht, so kann man in 2 Secunden deutlich 6 Sylben aussprechen, in 2 Secunden durchläuft aber der Schall zweimal 340 Meter; wenn sich also in einer Entfernung von 340 Metern ein Echo befindet, so wird es alle Sylben in gehöriger Ordnung zurückschicken, und die erste wird nach 2 Secunden, d. h. dann zum Beobachter zurückkommen, wenn er eben die letzte ausgesprochen hat. In dieser Entfernung kann also ein Echo 6 Sylben wiederholen; es giebt aber auch solche, welche 14 bis 15 Sylben zu wiederholen im Stande sind.

Es ist nicht durchaus nöthig, dass die reflectirende Fläche hart und platt sei, denn man beobachtet auf dem Meere oft, dass Wolken ein Echo bilden.

Die Erklärung der vielfachen Echos, d. h. solcher, welche dieselbe Sylbe mehrmals wiederholen, beruht auf denselben Principien; denn da ein reflectirter Ton von Neuem reflectirt werden kann, so ist klar, dass zwei reflectirende Flächen einen Ton gegenseitig auf einander zurückwerfen können, wie zwei gegenüberstehende Spiegel sich das Licht zusenden. So kann ein vielfaches Echo zwischen zwei entfernten parallelen Mauern entstehen. Früher gab es nahe bei Verdun ein solches Echo, welches dasselbe Wort 12- bis 13 mal wiederholte; es war durch zwei benachbarte Thürme gebildet.

Schallwellen müssen auch in einer wolkenlosen Atmosphäre reflectirt werden, wenn die Sonne mit aller Kraft Wärme auf der Erdoberfläche entwickelt; denn nicht an allen Stellen kann die Erwärmung gleich sein, weil Verdampfung, Schatten und andere Ursachen es verhindern. Diese ungleiche Temperatur veranlasst eine Menge aufsteigender warmer und niedersinkender kalter Luftströmungen von ungleicher Dichtigkeit; so oft also eine Schallwelle aus einem solchen Luftstrome in einen anderen übergeht, wird sie eine theilweise Reflexion erleiden, und wenn auch der reflectirte Ton nicht stark genug ist, um ein Echo zu bilden, so wird doch dadurch der directe Ton merklich geschwächt. Dies ist sicherlich, wie Humboldt bemerkt, die Ursache, warum sich der Schall des Nachts weiter verbreitet als bei Tage, selbst mitten in den Wäldern von Amerika, wo die bei Tage schweigenden Thiere des Nachts die Atmosphäre mit tausend verworrenen Tönen erfüllen.

Durch die Reflexion des Schalles erklären sich auch die Wirkungen des Sprachrohrs und des Hörrohrs.

Stehende Luftwellen. Wenn in irgend einem Körper durch 168 Erschütterung einzelner Theilchen eine Wellenbewegung eingeleitet wird, so können regelmässig fortschreitende Wellen doch nur dann zur vollständigen Ausbildung kommen, wenn jener Körper eine im Vergleich zur Wellenlänge sehr bedeutende Ausdehnung hat.

In einem Körper von geringeren Dimensionen erregt, haben die Wellen bald die Gränzen desselben erreicht, sie werden hier reflectirt und combiniren sich dann mit den neu erregten zu stehenden Wellen, wie dies z. B. bei gespannten Saiten, bei quadratischen Glas- oder Metallplatten, bei Glocken u. s. w. der Fall ist, welche man mit einem Fiedelbogen anstreicht.

Auch in der Luft können die durch irgend einen oscillirenden Körper erzeugten Schallwellen nur dann in ungestörter Weise regelmässig fortschreiten, wenn die schallverbreitende Luftmasse von namhafter Ausdehnung ist; dagegen kann eine geringere Luftmasse, welche in einer Röhre von geringer Länge eingeschlossen ist, unter geeigneten Umständen in den Zustand stehender Schwingungen versetzt und dadurch selbsttönend gemacht worden.

Es giebt nun verschiedene Methoden, die in irgend einer Röhre eingeschlossene Luftsäule zum Tönen zu bringen; hier wollen wir zunächst diejenige betrachten, welche am meisten geeignet ist, Aufschluss über das Wesen und die Entstehung der stehenden Luftwellen in Röhren zu geben.

Wenn man eine eben angeschlagene gewöhnliche Stimmgabel, welche etwa den Ton \bar{a} giebt, über eine ungefähr 1 Zoll weite und 7 Zoll hohe unten geschlossene Röhre hält, so hört man eine ziemlich bedeutende Verstärkung des an und für sich sehr schwachen Tones der Stimmgabel.

Am besten wählt man zu diesem Versuche einen Glascylinder, Fig. 435, von der angegebenen Weite, der etwas zu lang ist, und in welchen man



nach und nach so viel Wasser eingiesst, bis das Mitklingen der in der Röhre eingeschlossenen Luftsäule möglichst stark geworden ist.

Um das Mittönen einer Luftsänle noch weit auffallender zu erhalten, kann man statt der Stimmgabel eine sogenannte Käsglocke und statt der Glasröhre weite Röhren von Pappdeckel anwenden, wie dies Fig. 436 dargestellt ist. Die Pappröhren haben einen Durchmesser von 5 bis 6 Zoll; die untere A ist am Boden geschlossen; die zweite B lässt sich mit

einiger Reibung auf- und niederschieben, so dass man die Gesammtlänge der Röhre nach Bedürfniss abändern kann. Die Käsglocke kann einen Durchmesser von 6 bis 8 Zoll haben.

Um die Glocke zum Tönen zu bringen, hält man sie mit der linken Hand am Knopf fest und streicht dann den Rand mit einem passenden Fiedelbogen. Dieselbe Glocke wird nun, auf diese Weise behandelt, bald höhere, bald tiefere Töne geben; man muss es aber durch möglichst gleichförmiges und langsames Streichen dahin zu bringen suchen, dass sie ihren tiefsten Ton giebt. Hat man den gewünschten Ton hervorgebracht, so hält man die tönende Glocke über die Pappröhre, wie es die Fig. 436 andeutet, und wird dann, falls die Röhre die richtige Länge hat, ein überraschend kräftiges Anschwellen des Tones wahrnehmen.

Savart hat für diesen Versuch einen besonderen, in Fig. 437 abge-



bildeten Apparat construirt, welcher wohl keiner weiteren Erklärung bedarf.

Wenn der tiefste Ton der Glocke etwa derjenige ist, welchen man in der Musik mit \overline{c} bezeichnet, so muss die Gesammtlänge der Röhre ungefähr 12 Zoll betragen; für höhere Töne muss sie kürzer, für tiefere muss sie länger werden.

Hat die Röhre die dem tiefsten Tone der Glocke entsprechende Länge, so wird jede Verlängerung und Verkürzung der Röhre das Mittönen der Luftsäule schwächen, und es wird endlich ganz verschwinden, wenn diese Verlängerung oder Verkürzung gewisse Gränzen überschreitet.

Es sei l die Länge einer Röhre, deren Luftsäule für einen bestimmten Ton selbsttönend wird, so wird man auch bei einer Röhre von der Länge 3l für denselben Ton ebenfalls eine solche Verstärkung wahrnehmen. Für den Ton \overline{c} z. B. wird die in der Röhre eingeschlossene Luftsäule zum Selbsttönen kommen, wenn die Länge der Röhre 12 Zoll oder wenn sie 36 Zoll beträgt; im letzteren Falle ist aber der Effect bei Weitem nicht so kräftig als im ersteren Falle.

Man sieht also, dass das Mittönen der Luftsäule nur dann stattfindet, wenn ein bestimmtes Verhältniss zwischen der Länge der Röhre und der Wellenlänge des einfallenden Tones (der Tonhöhe desselben) stattfindet. Das Mittönen erfolgt, wenn die Länge der Röhre 1/4 oder wenn sie 3/4, 5/4 u. s. w. von der Wellenlänge des einfallenden Tones ist.

Bildung stehender Luftwellen in gedeckten Pfeifen. 169 Nehmen wir an, die Länge der Röhre ad in Fig. 438 sei 1/4 der Länge der einfallenden Schallwelle, die Luftschichten bei a und b, b und c, c und der seien also um 1/12 Wellenlänge von einander entfernt.

Fig. 438.



Fig. 439.

Betrachten wir nun den Moment, in welchem der verdichtete Theil der einfallenden Welle gerade bei d anlangt, so würde sich gerade in diem Augenblicke die dicht bei d sich befindende Luftschicht um die Länge ru, Fig. 439, nach der Rechten hin von d entfernt haben, wenn die feste

Wand in d dies nicht verhinderte, vorausgesetzt, dass ry die Oscillationsamplitude, d. h. die Grösse des Weges ist, um welchen die einzelnen Lufttheilchen während des Fortganges der einfallenden Welle hin- und herschwingen.

Die Luftschicht c würde unter dem alleinigen Einflusse der ungehindert fortgehenden Welle in diesem Augenblicke die Länge rv, die Luftschicht b um die Länge rx, die Luftschicht a endlich um ry nach der rechten Seite hin von ihrer Gleichgewichtslage entfernt sein.

Wenn aber das Dichtigkeitsmaximum der einfallenden Schallwelle eben bei d angekommen ist, so ist der vorangehende Theil dieser Welle schon bei d reflectirt worden, die reflectirte Welle ist von d nach a hin fortgeschritten.

Denken wir uns für einen Augenblick die Wand bei d weg, so würde die Welle in dem Moment, in welchem das Maximum der Dichtigkeit bei d eintrifft, schon um $^{1}/_{4}$ Wellenlänge weiter vorgeschritten sein. Eine Luftschicht, die um $^{1}/_{12}$ Wellenlänge rechts von d liegt, würde gerade um rt, eine solche, die $^{2}/_{12}$ Wellenlänge rechts von d liegt, würde eben um rs von ihrer Gleichgewichtslage nach der rechten Seite hin entfernt sein; die Luftschicht endlich, welche $^{1}/_{4}$ Wellenlänge rechts von d liegt, würde, noch nicht aus ihrer Gleichgewichtslage verrückt, eben erst sich zu bewegen beginnen.

Nun aber ist die Röhre bei d verschlossen, die Welle ist reflectirt worden, und durch die reflectirte Welle werden die Theilchen gerade so in entgegengesetzter Richtung afficirt, wie es bei den gleichweit rechts von d gelegenen Luftschichten der Fall gewesen wäre, wenn sich die Welle ungehindert von d nach der rechten Seite hin hätte verbreiten können.

Die Luftschicht c ist also durch den Einfluss der reflectirten Welle um rt, die Luftschicht b um die Länge rs nach der Linken verrückt, die Luftschicht a endlich ist durch die reflectirte Welle in diesem Augenblick noch gar nicht verrückt.

Durch die einfallende Welle ist also die Luftschicht

c um rv b rx

durch die reflectirte Welle ist die Luftschicht

c um rt
b , rs

die Abtheilungen in I, mehr nach d hin werden sie aber immer schmäler, die Luft bei a hat also noch die Dichtigkeit der umgebenden Luft; hier hat weder eine Verdichtung noch eine Verdünnung stattgefunden, nach d hin ist aber die Luft mehr und mehr comprimirt.

Wir haben eben die gegenseitige Lage der einzelnen Luftschichten betrachtet, jetzt wollen wir versuchen, ihren Bewegungszustand für denselben Moment zu ermitteln.

Wenn ry Fig. 439 der Weg ist, um welchen die Luftschicht in Folge einer fortschreitenden Wellenbewegung hin und her oscillirt, so ist bekanntlich die Geschwindigkeit auf diesem Wege nicht gleichförmig, sie ist wachsend von r bis u, abnehmend von u bis y; sie ist in r so gross wie in y, nämlich gleich Null, sie ist ferner gleich in s und x, in t und v.

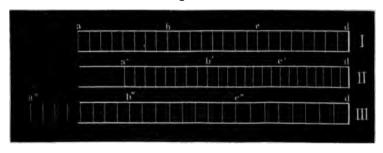
Nun ist die Luftschicht c für den in Nro. II Fig. 440 dargestellten Moment durch die einfallende Welle nach der Rechten hin um rv, durch die reflectirte Welle nach der Linken um rt verrückt, die Geschwindigkeit, mit welcher das eine Wellensystem das Theilchen c antreibt, ist derjenigen gleich und entgegengesetzt, mit welcher es durch das andere Wellensystem afficirt wird, die Luftschicht c ist also momentan in Ruhe.

Dasselbe Resultat ergiebt sich für b und für a, alle einzelnen Luftschichten zwischen a und d sind momentan in Ruhe, sie beginnen gleichzeitig ihre Bewegung nach der linken Seite hin.

Wenn eben gesagt wurde, dass die Luftschichten a, b, c und die dazwischenliegenden, in der Stellung II angekommen, gleichzeitig ihre Bewegung nach der Linken hin beginnen, so ist diese Behauptung noch zu beweisen.

Das Theilchen c ist gerade eben durch das einfallende Wellensystem mit einer Geschwindigkeit nach der rechten Seite hin afficirt, welche der Entfernung rv von der Gleichgewichtslage entspricht, und diese Geschwindigkeit nimmt mit dem nächstfolgenden Augenblicke ab.

Durch das reflectirte Wellensystem ist die Luftschicht c mit einer nach der Linken gerichteten Geschwindigkeit afficirt, wie sie einem Theilchen Fig. 440.



zukommt, welches sich um rt von seiner Gleichgewichtslage entfernt hat; diese Geschwindigkeit ist im Zunehmen begriffen.

Die Luftschicht c ist also momentan mit gleicher Geschwindigkeit Maller's Lehrbuch der Physik. 6te Auf. 1.

nach der Rechten und Linken getrieben, die nach der Rechten gerichtete Geschwindigkeit ist aber im Abnehmen, die entgegengesetzte ist im Zunehmen begriffen, mithin beginnt die Luftschicht c nach der Linken sich zu bewegen.

Dasselbe Resultat erlangt man durch ähnliche Schlussweise für die Luftschicht b.

Die Luftschicht a wird durch beide Wellensysteme gleichfalls nach der Linken getrieben. Alle Luftschichten zwischen a und d beginnen also, wenn sie sich in der Lage Nr. II befinden, gleichzeitig ihre Bewegung nach der linken Seite hin; nach $^{1}/_{4}$ Undulation kommen sie in ihrer Gleichgewichtslage Nro. I an, die sie mit dem Maximum ihrer Geschwindigkeit passiren, nach $^{1}/_{2}$ Undulation, also wenn das Maximum der Verdünnung bei d anprallt, gelangen die Theilchen endlich in die gegenseitige Lage, Nr. III; in diesem Moment wird ihre Geschwindigkeit Null, sie beginnen sich nach der Rechten zu bewegen.

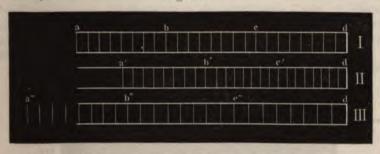
Dass in dem Moment, in welchem die Mitte der Verdünnungswelle an dem verschlossenen Ende der Röhre anprallt, die Theilchen die bei Nr. III dargestellte gegenseitige Lage haben, ist nun noch zu beweisen.

Betrachten wir das einfallende Wellensystem, so wird, wenn die Mitte der Verdünnungswelle in d ankommt, das $^{1}/_{4}$ Wellenlänge vor d liegende Theilchen a gerade eine Undulation vollendet haben, es befindet sich in seiner Gleichgewichtslage; ein $^{1}/_{4}$ Wellenlänge rechts von d liegendes Theilchen würde, wenn sich die Wellen ungehindert über d hinaus verbreiten könnten, in diesem Augenblicke um die Länge ry nach der Rechten gerückt sein; ebenso weit ist aber nun die Luftschicht a durch die reflectirte Welle aus der in I verzeichneten Gleichgewichtslage nach der Linken verschoben, und so ergiebt sich für das Theilchen a die in Nr. III verzeichnete Stellung.

ten wir die Lage des zunächst bei d liegenden Striches in II und III, so finden wir, dass er in letzterer Figur nicht viel mehr links liegt als in ersterer; die erste Figur stellt ihn aber in einem Momente dar, wo er am rechten, die andere, wo er am linken Ende seiner Bahn angekommen ist; die Grösse dieser Bahn ist also unbedeutend.

Betrachten wir den Strich c, so sehen wir, dass er in III schon bedeutend mehr links liegt als in II. Das Theilchen c oscillirt also schon zwischen weiter aus einander liegenden Gränzen; für b ist die Oscillationsamplitude grösser als für c, noch grösser ist sie für a.

So sehen wir denn, dass die Luftschicht a zwischen ziemlich weit aus einander liegenden Gränzen hin und her oscillirt; dieselbe Bewegung haben nun gleichzeitig alle Luftschichten in der Röhre, nur werden ihre Oscillationsamplituden um so kleiner, je näher sie dem verschlossenen Ende der Röhre liegen; durch diese oscillatorische Bewegung wird nun in der Nähe der Oeffnung der Röhre weder eine Verdichtung, noch eine Verdünuung hervorgebracht, obgleich hier die Oscillationsamplitude der ein-

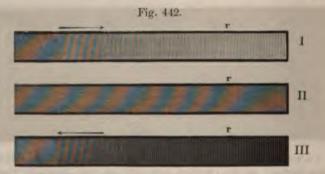


zelnen Luftschichten gross ist; dahingegen findet am verschlossenen Ende der Röhre, wo die Oscillationsamplituden der einzelnen Luftschichten nur unbedeutend sind, eine abwechselnde Verdünnung und Verdichtung statt.

Unsere Zeichnung ist, um den Hergang sichtbar zu machen, was die Oscillationsamplitude angeht, ungeheuer übertrieben, d. h. bei einer Pfeife von der Länge, wie sie in unserer Zeichnung dargestellt ist, würde in dem besprochenen Falle die Luftschicht, welche in ihrer Gleichgewichtslage an der Oeffnung der Röhre liegt, lange nicht so weit in die Röhre einund austreten, sie würde während ihrer Oscillationen nur wenig nach der linken und rechten Seite schwanken. Wäre aber die Oscillationsamplitude nicht so gross genommen worden, so würden in der Zeichnung schwerlich die Unterschiede der Verdichtung und Verdünnung recht deutlich geworden sein.

Es hat sich also hier durch die Interferenz der directen und reflectirten Wellen eine stehende Luftwelle gebildet, denn alle einzelnen Luftschichten in der Röhre beginnen gleichzeitig ihre Bewegung, sie erlangen gleichzeitig das Maximum ihrer Geschwindigkeit, sie langen gleichzeitig an den Gränzpunkten ihrer Bahnen an, um dann gleichzeitig die Bewegung in entgegengesetzter Richtung zu beginnen.

Die Fig. 442 I, II, III soll dazu dienen, die durch eine solche stehende Luftwelle abwechselnd hervorgebrachten Verdünnungen und Verdichtungen anschaulich zu machen. In II ist die ganze Röhre gleichförmig schattirt, und dies entspricht dem Falle, dass die Luft in der ganzen Röhre eine gleichförmige Dichtigkeit hat, wie dies in den Momenten der Fall ist, wo alle die einzelnen Luftschichten mit dem Maximum ihrer Geschwindigkeit ihre Gleichgewichtslage passiren. Sind die Theilchen in ihrer Oscillation gegen das verschlossene Ende der Röhre hin an den äussersten Punkten ihrer Bahn angekommen, so findet hier eine Verdichtung statt, Nr. III. Nun beginnen sich die einzelnen Luftschichten von dem verschlossenen Ende zu entfernen, und nach ½ Undulation haben wir hier eine Verdünnung, Nr. I. Am offenen Ende der Röhre findet in keinem Zeitmomente eine merkliche Verdichtung oder Verdünnung statt; hier aber bewegen sich die Luftschichten zwischen den weitesten Gränzen hin und her.



Die Pfeile in III und I deuten an, in welcher Richtung die Theilchen sich zu bewegen beginnen, wenn am Boden eben das Maximum der Verdichtung oder der Verdünnung stattfindet.

Würde nun in die Röhre, etwa bei r, ein Loch gemacht, so würde dadurch die Bildung der stehenden Welle gestört, wenn nicht ganz verhindert werden, weil hier im Momente der Verdichtung Luft entweichen, im Moment der Verdünnung aber Luft einströmen würde. Der störende Einfluss einer solchen Oeffnung würde aber an solchen Stellen, welche dem offenen Ende näher liegen, geringer sein, weil hier die Verdünnung sowohl als die Verdüchtung geringer sind.

Denselben störenden Einfluss, den eine Oeffnung hervorbringt, würde auch ein Abschneiden der Röhre an diesen Stellen zur Folge haben.

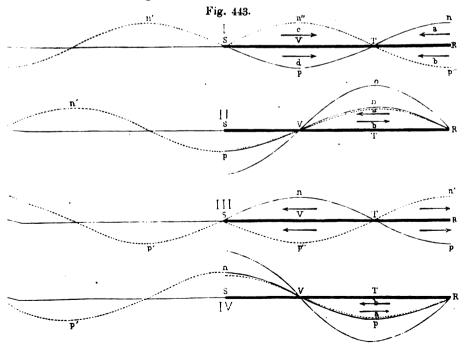
170 Schwingungsknoten in tönenden Luftsäulen. Wir haben soeben gesehen, dass die Bildung stehender Luftwellen in einer Röhre an ein bestimmtes Verhältniss der Röhrenlänge und der Wellenlänge des einfallenden Tones geknüpft ist. In dem bisher betrachteten Falle war die Länge der Röhre ¹/₄ von der Wellenlänge des einfallenden Tones; es können sich aber auch noch bei anderen Verhältnissen zwischen Röhrenund Wellenlänge stehende Luftwellen in der Röhre bilden.

Zur Bildung der stehenden Welle in der Röhre ist erforderlich, dass dicht bei dem Boden die Oscillationsamplituden verschwindend klein werden, dass aber hier abwechselnde Verdünnungen und Verdichtungen stattfinden, während am offenen Ende der Röhre keine merkliche Verdichtung und Verdünnung entsteht; an der Oeffnuug der Röhre muss also stets der verdichtete Theil der reflectirten Welle mit dem verdünnten Theile der einfallenden Welle zusammenfallen, und umgekehrt.

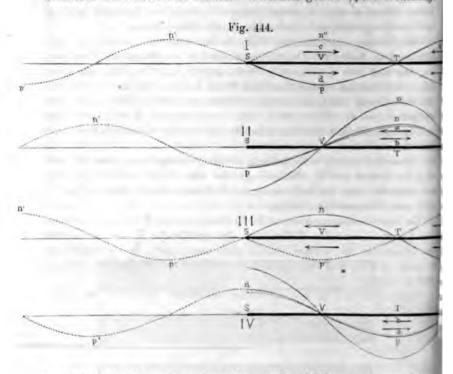
Dieser Bedingung wird dadurch allerdings entsprochen, dass die Oeffnung der Röhre um ¹/₄ Wellenlange von dem Boden entfernt ist, aber auch dadurch, dass die Entfernung der Oeffnung von dem Boden ³/₄, ⁵/₄, ⁷/₄ u. s. w. Wellenlängen beträgt.

Um den Schwingungszustand der Luftsäule in einer Röhre zu erforschen, deren Länge ³/₄ von der Wellenlänge des einfallenden Tones ist, könnte man wieder die im vorigen Paragraphen angewandte Betrachtungsweise benutzen; es wird aber hier eine kürzere mehr übersichtliche Betrachtungsweise genügen.

Es sei RS in Fig. 443 die Länge der Röhre, in welche die Schall-



wellen in der Richtung von R nach S einfallen um dann am Boden von S nach R hin reflectirt zu werden. Wenn RS gerade 3/4 der Wellenlänge



des einfallenden Tones ist, so ist SV = VT = TR = 1/4 dieser Wellerlänge.

Betrachten wir zunächst den Moment, in welchem gerade ein Did

Pfeil a andeutet. Durch die gleichzeitig hier eintreffende Verdünnung der reflectirten Welle werden aber hier alle Theile in einer durch den Pfeil b dargestellten Richtung afficirt, welche der Richtung entgegengesetzt ist, mit welcher die reflectirte Welle fortschreitet. Die eintretende und die reflectirte Welle vereinigen sich also hier, um alle Luftschichten zwischen R gegen T hinzutreiben.

Ebenso ergiebt sich, dass gleichzeitig alle Luftschichten zwischen S und T durch die eintretende Welle in der Richtung des Pfeils d, durch die reflectirte in der Richtung des Pfeils c afficirt sind; alle Luftschichten zwischen S und T bewegen sich also auch gleichzeitig gegen T hin.

Betrachten wir den Moment, in welchem ein Dichtigkeitsmaximum der eintretenden Welle bis T vorgeschritten ist, wie dies in II dargestellt wird. Für diesen Augenblick ist die reflectirte Verdichtungswelle, die ohne die reflectirende Wand bis n' in II fortgeschritten sein würde, wieder bis n zurückgegangen; hier kommt also ein Dichtigkeitsmaximum der eintretenden und der reflectirten Welle zusammen, es erfolgt daher eine verstärkte Verdichtung, wie durch die Curve VoR angedeutet ist.

Ebenso erfolgt für diesen Moment eine grösste Verdünnung am Boden bei S.

Was den Bewegungszustand der Lufttheilchen für diesen Moment betrifft, so sind alle Luftschichten zwischen R und V durch die eintretende Verdichtungswelle in der Richtung des Pfeiles a in II afficirt, durch die reflectirte Verdichtungswelle aber in entgegengesetzter, also in der Richtung des Pfeiles b. Die Geschwindigkeit aller Theilchen ist für diesen Augenblick gleich Null.

Nro. III Fig. 444 entspricht dem Moment, in welchem die grösste Verdünnung der eintretenden Welle bei R ankommt, für diesen Augenblick fällt in der ganzen Röhre wieder eine Verdichtung der eintretenden Welle mit einer gleich grossen Verdünnung der reflectirten zusammen, in der ganzen Röhre findet also weder Verdichtung noch Verdünnung statt; dagegen sind alle Luftschichten mit Ausnahme von T in Bewegung. Alle Luftschichten zwischen T und S bewegen sich gegen S hin, alle Luftschichten zwischen T und S bewegen sich gegen S hin.

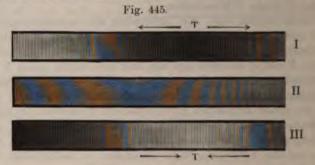
Nro. IV stellt den Moment dar, in welchem das Verdichtungsmaximum der einfallenden Welle am Boden S ankommt. Verdichtungsmaximum bei S, grösste Verdünnung bei T; momentaner Stillstand aller Theilchen, um alsbald ihre Bewegung von beiden Seiten her gegen T hin zu beginnen.

Wir sehen also, dass gleichzeitig alle Luftschichten in der ganzen Röhre gegen T hin (1) und dann wieder gleichzeitig von T weg gehen (III), während die Schicht T selbst unbeweglich bleibt, dass aber dagegen in T abwechselnd eine Verdichtung eintritt (II), wenn eben am Boden eine Verdünnung stattfindet, während dann nach einer halben Undulation am Boden eine Verdichtung und bei T eine Verdünnung entsteht (IV).

In dem Punkte T, welcher um $^{1}/_{4}$ der Wellenlänge des einfallenden

Tones, also um 1/3 der Röhrenlänge von der Oeffnung der Röhre absteht, bildet sich daher durch die Interferenz der eintretenden und reflectirten Welle ein Schwingungsknoten.

Die Fig. 445 dient dazu, diesen Fall noch anschaulicher zu machen. Die Pfeile in I bezeichnen die Richtung, in welcher die Luftschichten sich



zu bewegen beginnen, wenn eben im Schwingungsknoten T eine gröste Verdichtung stattfindet. Die Pfeile in III bezeichnen die Richtung der Bewegung, welche in dem Moment beginnt, in welchem in T die gröste Verdünnung stattfindet.

171 Offene Röhren. Bisher haben wir nur die Bildung stehender Luftwellen in solchen Röhren betrachtet, welche durch einen Boden geschlossen waren, und welche deshalb auch gedeckte Röhren oder gedeckte Pfeifen genannt werden. In gleicher Weise lässt sich aber auch die Luftsäule, welche in beiderseits offenen Röhren eingeschlossen ist, in den Zustand stehender Schwingungen versetzen.

Man lege eine gleichfalls aus zwei in einander schiebbaren Stücken A und B, Fig. 446, bestehende Pappendeckelröhre, welche bei gleichen Durchmesser gerade doppelt so lang ist wie diejenige, welche zu den



in Fig. 436 dargestellten Versuch gedient hat, welche aber an beiden Seiten offen ist, auf einen Tisch, so wird man ein bedeutendes Anschwellen des Tones wahrnehmen sobald man die durch Anstreichen mit dem Fiedelbogen zum Tönen gebrachte Glasglocke G (dieselbe, welche zu dem auf S. 382 beschriebenen Versuch gedient hat) so vor die eine Mündung des Rohres hält, wie es unsere Figur andeutet.

nichnen wir mit l die Länge der gedeckten Röhre, welche für den Fon der Glocke G anspricht, so muss man also einer beiderseits löhre die Länge 2 l geben, wenn die in derselben eingeschlossesäule Purch denselben Ton zum Mittönen gebracht werden soll. lenlär in des tiefsten Tons, für welchen eine beiderseits töhre anspricht, ist also doppelt so gross wie die Länge re.

Bildung stehender Wellen in beiderseits offenen Röhren erklärt endermassen:

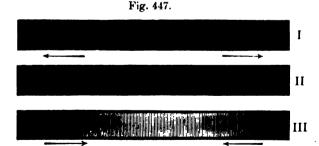
in der verdichtete Theil einer Welle, nachdem er die Röhre ihrer inge nach durchlaufen hat, an der zweiten Oeffnung austritt, so wercomprimirten Lufttheilchen leicht nach allen Seiten hin ausweidadurch wird eine Verdünnung entstehen, welche nun, gleichsam am inde der Röhre reflectirt, dieselbe in entgegengesetzter Richtung t wie die ursprünglich einfallenden Schallwellen.

;leicher Weise wird eine aus der Röhre austretende Verdünnungsch das seitliche Zuströmen von Luft in eine rückwärts laufende ingswelle verwandelt.

rückwärts laufenden Wellen sind freilich weniger intensiv als die lichen.

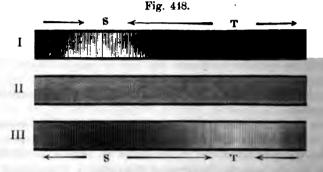
e, die Röhre rückwärts durchlaufenden Wellen kommen nun mit einfallenden zur Interferenz und so kommen unter entsprechenden en stehende Luftwellen in der Röhre zu Stande, deren Bildung 1 den im vorigen Paragraphen besprochenen Grundsätzen ablei-

tiefste Ton, für welchen die Röhre anspricht, ist diejenige, dessen nge doppelt so gross ist als die Länge der Röhre. Für diesen Fall ih ein Schwingungsknoten in der Mitte der Röhre, ein zer an jedem Ende, wie es durch Fig. 447 anschaulich gemacht ist.



n Moment dar, wo in der Mitte der Röhre die grösste Verdichtung t; während die Luftschicht in der Mitte der Röhre in Ruhe bleibt, ie Luft auf beiden Seiten sich von der Mitte zu entfernen, wie h die Pfeile angedeutet ist; nach ¹/₄ Undulation kommen alle ten in ihrer Gleichgewichtslage an, und in diesem Moment ist die Dichtigkeit der Luft in der ganzen Röhre dieselbe (Nr. II); aus diesem Zustande geht dann aber die Luftsäule während der nächsten Viertel-Undulation in den Nr. III dargestellten Zustand über, wo in der Mitte der Röhre die grösste Verdünnung stattfindet. — Nun beginnen die einzelnen Luftschichten wieder von beiden Seiten her sich gegen die Mitte hin zu bewegen u. s. w.

Für den nächst höheren Ton, welcher die Luftsäule in der Röhre in den Zustand stehender Schwingungen versetst, bildet sich ein Besch in der Mitte der Röhre, Knoten aber bilden sich in den Punkten S und I. Fig. 448, welche um ¹/₄ der Röhrenlänge von den Enden abstehen. Wem in T ein Maximum der Verdichtung stattfindet, wie in Nr. I, so findet in S Verdünnung statt, und umgekehrt, Nr. III.



Für den eben besprochenen Fall ist die Wellenlänge des Tones der Länge der Röhre gleich; die Oscillationsdauer dieses Tones ist halb pross als die des Grundtones der Röhre.

172 Orgelpfeifen. Um die Luft in einer Röhre, sei es eine offen oder gedeckte, in stehende Schwingungen zu versetzen und sie also zum Selbst-



Fig. 449.



Eine andere Methode, um die Luft in einer offenen Röhre zum Tönen zu bringen, ist die, dass man Wasserstoffgas in einem Gefässe erzeugt und es durch eine feine Spitze ausströmen lässt, das Gas anzündet und dann die Glasröhre darüber hält Fig. 449.

Die zweckmässigste Methode die Luft in Röhren in den Zustand stehender Schwingungen zu versetzen, ist diejenige, welche man bei den Orgelpfeifen in Anwendung gebracht hat. Die Einrichtung derselben ist aus Fig. 450 und 451 zu ersehen. Man unterscheidet an ihnen den Fuss, den Mund und die Röhre.

In Fig. 451, welche eine Zinnpfeife darstellt, ist der Fuss mit FF,
die Röhre mit RR bezeichnet. Die
Röhre hat an ihrem unteren Ende
vorn eine Oeffnung ab, welche der
Mund genannt wird. Fuss und Röhre
sind durch eine dünne Zinnplatte

getrennte gwischen der vorderen Karte dieser Platte, welche den Boden der Schallribre billies, umd der vierberen Wand des Fusses bleibt eine schmale Spalte, imrik welche die unten in den Fuss eingeblasene laft austritt und sein an der Geren Kante des Mundes brechend, die Lutsaids in the Ribes R.R. in stablemia Schwingungen versetzt.

Ice Elevichnung der belleernen Orgelpfeifen ist aus dem Durchschnitt Fig. 450 rm erseken. The m der Fuse eingeblasene Luft dringt su fan Beliffer K front one seinelen Spale od hervor und bricht sich an der oberen Kante 16 des Mundes, von welchem unsere Figur nur die å linke Halfie 18 / 1 zeur.

Statt erzer direcht beziteren kann man sich zu Versuchen mit Orgetierien, wien es non zwieckte, wie Fig. 451, oder offene wie Fig. 450, der in Fig. 412 abgebillieten Verriebtung bedienen. Mit Hulfe des Blue-

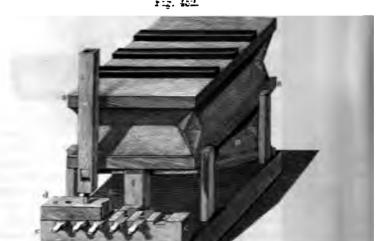
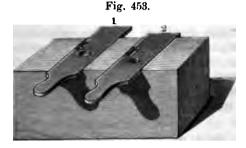


Fig. 452

der Schieber in grösserem Maassstabe darstellt, als die vorige Der Schieber 1 ist zurückgeschoben, der Schieber 2 ist vorgezogen. e und dieselbe gedeckte Pfeife kann mehrere Töne geben. Der t derjenige, dessen Wellenlänge 4mal so gross ist als die Länge e; die höheren Töne, welche die Pfeife giebt, sind diejenigen, welche al, 5mal u. s. w. kürzeren Wellenlänge entsprechen, welche also ehende Schwingungen erzeugt werden, welche eine 3mal, 5mal kleinere Oscillationsdauer haben als der tiefste Ton der Pfeife. ı tiefsten Ton giebt die Pfeife bei schwächerem, die höheren bei

Versuche mit gedeckten Pfeifen zu machen, kann man auch te Stimmpfeifen, Fig. 454, anwenden. Es sind dies ungefähr



1 Fuss lange hölzerne runde Pfeifen, in welchen ein durch einen Korkstopfen gebildeter am unteren Ende eines hölzernen Stempels befestigter Kolben auf und nieder geschoben werden kann, wodurch sich die tönende Luftsäule nach Belieben verlängern oder verkürzen lässt.

Ebenso giebt auch eine offene Pfeife mehrere Töne, je nachdem sie durch schwächeren oder stärkeren Wind angeblasen wird. Die Wellenlänge des tiefsten Tones, den sie giebt, des Grundtons, ist doppelt so gross wie die Pfeisenlänge. Für diesen Grundton bildet sich ein Schwingungsknoten in der Mitte der Röhre. Die Wellenlänge des zweiten Tons der offenen Pfeife ist gleich der Länge der Pfeife selbst und die beiden Schwingungsknoten, welche sich in diesem Falle bilden, haben die Fig. 448 Seite 394 dargestellte Lage.

Bezeichnen wir die Länge einer offenen Röhre mit L, so sind die Wellenlängen der Töne, welche sie geben kann,

2
$$L$$
, $\frac{2}{9}$ L , $\frac{2}{3}$ L u. s. w.,

während

4
$$L$$
, $\frac{4}{3}$ L , $\frac{4}{5}$ L u. s. w.

längen der Töne sind, welche eine gedeckte Pfeife von der Länge

iefste Ton, welchen eine Pfeife geben kann, wird ihr Grundton

genannt, die anderen Töne, welche sie bei gestärktem Winde gieht, heissen die Obertöne.

Wenn man an verschiedenen Stellen einer Orgelpfeife Löcher macht, die man nach Belieben durch einen Schieber verschliessen oder öffnen kann, so kann man zeigen, dass der Ton durchaus nicht geändert wird, wenn man ein Loch öffnet, welches sich an der Stelle eines Bauches befindet, dass jedoch eine Aenderung eintritt, wenn ein Loch an einer anderen Stelle geöffnet wird.

Um die Schwingungsknoten der Luftsäule in einer Röhre zu zeigen, wendet Hopkins eine gläserne Röhre an, welche ungefähr 11/2 Zoll im Durchmesser hat und welche ungefähr 2 Fuss lang ist. Die Röhre wird über einer Metallplatte befestigt, welche in gleicher Weise festgeschraubt wird, wie die Platten, welche zur Erzeugung der Klangfiguren dienen. Sie wird durch Anstreichen mit dem Fiedelbogen zum Tönen gebracht. der Platte muss der Länge der Röhre entsprechen. In der Röhre hängt an einem Faden ein Rähmchen herab, über welches eine zarte Membran gespannt ist, die mit Sand bestreut wird. Dieser Sand bleibt ruhig liegen, wenn das Rähmchen an die Stelle eines Knotens gebracht wird; an allen anderen Stellen dagegen wird er herabgeworfen, was natürlich an der Stelle der Bäuche am stärksten der Fall ist.

Fig. 455.



Weil man durch Anstreichen einer Metallplatte nicht immer mit Sicherheit den gewünschten Ton erhält, so ist es zweckmässig, den Versuch so abzuändern, dass man die Glasröhre in den Fuss einer Orgelpfeife, Fig. 455, steckt; man hat auf diese Weise eine oben offene Orgelpfeife von Glas, welche mit Sicherheit ihren tiefsten Ton, und bei verstärktem Winde oder verkleinerter Mundöffnung seine Octave giebt.

Für den tiefsten Ton der Röhre bleibt der Sand ruhig

setzt, dass in beiden der Mund die volle Breite der Röhre einnimmt), nur ist der Ton der schmalen Pfeife schwächer.

Wenn aber bei gleicher Höhe und Breite die Tiefe zweier Pfeifen verschieden ist, wie z. B. bei den Pfeifen b und c Fig. 456, so ist ihr Ton nicht mehr gleich, er ist höher für die Röhre von geringerer Tiefe, also in unserem Beispiel höher für die Pfeife c als für die Pfeife b.

Nach Bertsch ist die Tonhöhe zweier Pfeisen gleich, wenn für beide die Summe der Höhe und der doppelten Tiese dieselbe ist. Demnach müsste eine Pfeise von 10 Zoll Länge und 1 Zoll Tiese denselben Ton geben wie eine andere von 8 Zoll Länge und 2 Zoll Tiese.

Wenn zwei Orgelpfeisen einander ähnlich sind, d. h. wenn die entsprechenden Dimensionen in gleichem Verhältniss stehen, und wenn der

Fig. 456.



Mund bei verhältnissmässiger Grösse in beiden die gleiche Stellung hat, so verhalten sich die Schwingungszahlen ihrer Töne umgekehrt wie die entsprechenden Dimensionen. Eine Pfeife A giebt z. B. einen Ton, welcher die nächst niedere Octave des von einer Pfeife B gegebenen Tons ist, wenn A doppelt so lang, doppelt so breit und doppelt so tief ist als B.

Die Grösse und Stellung des Mundlochs hat einen sehr bedeutenden Einfluss auf die Tonhöhe der Pfeife. Es ist schon bemerkt worden, dass, wenn man die Weite des Mundlochs, d. h. die Entfernung der Lippen, vergrössert, die Röhre leichter ihren Grundton giebt; dass sie aber leichter die Obertöne giebt, wenn man das Mundloch enger macht. Einen anderen Einfluss übt die Breite des Mundlochs aus. Wenn z. B. in einer quadratischen Röhre das Mundloch die ganze Breite einer Seite hat,

so erhält man einen höheren Ton, als wenn man das Mundloch schmäler macht; man kann auf diese Weise den Ton selbst bis zur Septime herunterstimmen, besonders wenn die Röhre fast cubisch ist. Deshalb bringen auch die Orgelbauer zu beiden Seiten des Mundlochs kleine Bleiplatten an, welche Ohren genannt werden und die man durch Biegen etwas nähert oder von einander entfernt, um die Tonhöhe zu reguliren.

Man weiss schon lange durch oft wiederholte Versuche, dass der Ton eines Hornes und einer Trompete von dem Stoff des Instrumentes und dem Grade der Härtung abhängt; ein Horn z. B., welches im Feuer gehärtet ist, ohne dass man seine Gestalt geändert hat, würde nur gedämpfte Töne geben. Die Orgelbauer kennen auch den Einfluss des Stoffes der Röhren auf die Natur des Tons, und sie versichern, dass man die Natur des Zinns an den Metallröhren oder die des Holzes an den Holzröhren nur etwas zu verändern brauche, um das Instrument schlecht zu machen. Diese

Beobachtungen sind durch die zahlreichen Versuche bestätigt worden, welche Savart mit Röhren von mehr oder weniger gespanntem Pergament und mehr oder weniger feuchtem Papier angestellt hat; er fand: 1) das der Ton in quadratischen Röhren, deren Seite 9 Linien und deren Höle 1 Fuss beträgt, sich um mehr als eine Octave herunterstimmen lässt, wem man das Papier, welches die Wände bildet, mehr und mehr anfeuchtt; dieses l'apier war auf die festen Kanten des Prismas wie auf einen Rahmen aufgeklebt; 2) dass sich der Ton durch dieses Mittel um so leichter herbstimmen lässt, je kürzer die Röhren sind; in cubischen Röhren kann man ihn um mehr als zwei Octaven herabstimmen; 3) dass man nur einen Tod der Wand aus Papier oder Pergament zu machen braucht, um den Ton herabzustimmen.

Die musikalischen Töne. Nachdem wir nun ein Mittel kennen gelernt haben, reine Töne hervorzubringen, nämlich durch Orgelpfeien, nachdem wir gesehen haben, wie die Höhe und Tiefe dieser Töne von der Länge der Pfeifen abhängt, dass man also durch Verlängerung und Verkürzung der Röhren die Pfeifen beliebig stimmen kann, wollen wir nur die Tonreihe näher betrachten, welche in der Musik zur Anwendung kommt.

Gehen wir von dem Tone aus, den eine 4 Fuss lange, gedeckte Pfeile als Grundton giebt; es ist dies ein Ton, welcher in der Musik mit C be zeichnet wird.

Fragen wir nach den harmonischen Tönen von C, d. h. nach der jenigen Tönen, die mit C zusammen einen angenehmen Eindruck auf de Ohr hervorbringen, so finden wir, dass es solche sind, deren Oscillationsgeschwindigkeit in einem einfachen Verhältnisse zu der von C steht; s sind diejenigen Töne, deren Wellenlänge $^{1}/_{2}$, $^{2}/_{3}$, $^{3}/_{4}$, $^{4}/_{5}$, $^{5}/_{6}$ von der des Tones C beträgt, die also durch solche Pfeifen hervorgebracht werden, deren Länge $^{1}/_{2}$, $^{2}/_{3}$, $^{3}/_{4}$, $^{4}/_{5}$, $^{5}/_{6}$ von der Länge der Pfeife C ist.

Da sich die Oscillationsdauer umgekehrt wie die Wellenlänge verhält

Ebenso wie C seine Octav, Quint, Quart, grosse und kleine Terz hat, so giebt es auch eine Octav, Quint, Quart, grosse und kleine Terz von c.

Der Grundton C mit seiner grossen Terz E und seiner Quint G bilden den Cdur-Accord.

Nach den eben angegebenen Verhältnissen machen gleichzeitig

Schwingungen.

Um die Reihe der Töne gehörig zu vervollständigen, müssen nun aber E, F und G ebenso ihre Accorde, als ihre Terz und Quint haben wie C.

Die Quint von G ist ein Ton, welcher 3 Schwingungen macht, während G deren 2 vollendet; auf 36 Schwingungen von G gehen also 54 Schwingungen seiner Quint, die wir mit G bezeichnen wollen; die nächst tiefere Octav von G wird mit G bezeichnet, sie macht 27 Schwingungen, während G 36 und G 24 macht.

Die grosse Terz von G, die man mit H bezeichnet, muss 5 Schwingungen machen, während G deren 4 vollendet, auf 36 Oscillationen von G gehen also 45 Oscillationen von H.

Da sich 24 zu 36 (C zu G) verhält wie 32 zu 48 (F zu c), so ist c die Quint von F.

Die grosse Terz von F muss 5 Schwingungen machen, während F selbst deren 4 vollendet, auf 32 Oscillationen von F gehen also 40 Oscillationen seiner grossen Terz, die mit A bezeichnet wird.

So haben wir denn eine Reihe von Tönen, welche den Namen der diatonischen Tonleiter führt. Es machen gleichzeitig

Schwingungen oder mit anderen Worten die Schwingungszahlen dieser Töne stehen in folgendem Verhältniss zu einander:

D ist die Second, A ist die Sext, H ist die Septime und g (die Quint der Octav) ist die Duodecime des Grundtons C. Auf eine Schwingung von C kommen drei Schwingungen seiner Duodecime.

Die Differenzen zwischen je zwei auf einander folgenden Tönen dieser Reihe sind nicht gleich. In der folgenden Reihe giebt der zwischen zwei Buchstaben etwas tiefer gesetzte Bruch an, wie vielmal grösser die Schwingungszahl eines Tones ist als die des nächst niedrigeren:

$$C_{9/8} D_{10/9} E_{16/15} F_{9/8} G_{10/9} A_{9/8} H_{16/15} c$$

in gleichen Zeiten macht also D $^{9}/_{8}$ mal so viel Schwingungen als C, E $^{10}/_{9}$ mal so viel als D, F $^{16}/_{15}$ mal so viel als E u. s. w.

Das Intervall von C zu D, von D zu E, von F zu G, von G zu A von A zu H heisst ein ganzer Ton. Man unterscheidet aber gross ganze Töne, wenn das Intervall $^{9}/_{8}$, und kleine, wenn es $^{10}/_{9}$ beträgt.

Nach den Bezeichnungen, welche wir so eben kennen gelernt beben, können wir nun auch die Obertöne der Pfeifen genauer bezeichnen. Bei einer offenen Röhre nämlich ist der erste Oberton die Octave, der zweite Oberton aber die Duodecime des Grundtons, wibrend bei einer gedeckten Pfeife der erste Oberton die Duodecime des Grundtons ist.

Der tiefste Ton, welcher in der Musik zur Anwendung kommt, ist derjenige, welchen eine gedeckte Pfeife von 16 Fuss giebt. Nun wisse wir aber, dass, wenn eine gedeckte Pfeife ihren tiefsten Ton giebt, die Wellenlänge dieses Tons 4mal so gross ist als die Länge der Pfeife; die Wellenlänge des Grundtons einer 16füssigen gedeckten Pfeife ist demnad in gewöhnlicher Luft 64 Fuss.

Bezeichnen wir mit m und n zwei Töne, von welchen der eine meinen kleinen, der andere um einen grossen ganzen Ton höher ist, als ein dritter Ton r, so verhalten sich die Schwingungszahlen von m und n with $\frac{10}{9}$ zu $\frac{9}{8}$, das Intervall dieser beiden Töne, welches als Comma bezeich

net wird, ist also $\frac{9}{8}:\frac{10}{9}=\frac{81}{80}$; es ist so klein, dass man in der musikalschen Praxis den Unterschied zwischen grossen und kleinen ganzen Tonevernachlässigen kann.

Das Intervall zwischen E und F, so wie das zwischen H und e is $\frac{16}{15}$, also grösser als das Intervall $\sqrt{\frac{10}{9}}$, welches wir erhalten, wenn wie das Intervall eines ganzen Tones in zwei gleiche Theile theilen. Bezeichne wir die Schwingungszahl eines Tones T mit z, so ist die Schwingungszahl

um einen kleinen halben Ton höher ist als c, fis ist ein Ton, dessen Schwingungszahl $\frac{25}{24}$ mal grösser ist als die von f.

Der Uebersicht wegen folgt hier der Werth der eben besprochenen Intervalle in Decimalbrüchen ausgedrückt:

$$\frac{9}{8} = 1,12500$$

$$\frac{25}{24} = 1,04166$$

$$\frac{10}{9} = 1,11111$$

$$\frac{16^2}{15^2} = 1,13777$$

$$\frac{16}{15} = 1,06666$$

$$\frac{81}{80} = 1,01250.$$

Die oben angeführte Reihe von Tönen ist aber ungenügend, wenn man, wie es die Musik verlangt, von jedem beliebigen Ton ausgehend nach dem Gesetz der diatonischen Tonleiter, also in folgender Ordnung der Intervalle

$$1, 1, \frac{1}{2}, 1, 1, \frac{1^{1}}{2}$$

soll aufsteigen können (es bezeichnet hier, den Unterschied zwischen grossen und kleinen ganzen Tönen unberücksichtigt lassend, 1 einen ganzen und ¹/₂ einen halben Ton).

Will man z. B. den Ton G zum Ausgangspunkt der diatonischen Tonleiter machen, so haben wir in obiger Tonreihe, in der That, wie es das Gesetz der diatonischen Tonleiter fordert, zunächst zwei Intervalle von einem ganzen Ton, nemlich G zu A, A zu H; dann einen halben Ton H zu c; dann wieder zwei Ganze c zu d und d zu e. Nun aber folgt in der Tonleiter auf Seite 401 der Ton f, welcher um $^{1}/_{2}$ Ton höher ist als e, während in der von G ausgehenden diatonischen Tonleiter ein Ton folgen muss, welcher um einen ganzen Ton höher ist als e. Diesen Ton nun erhält man, wenn man zwischen f und g den Ton fis einschaltet, dessen Schwingungszahl $\frac{25}{24}$ mal grösser ist, als die von f. Das

Intervall von e zu fis ist alsdann ein ganzer, das von fis zu g ist ein halber Ton. Die von G ausgehende diatonische Tonleiter ist also

Um von D aus nach dem Gesetz der diatonischen Tonleiter aufsteigen zu können, muss man zwischen c und d den Ton cis einschalten u. s. w.

Die verschiedenen Molltonleitern erfordern die Einschaltung von Tönen, welche um einen kleinen halben Ton tiefer sind als die einzelnen Töne der Cdur-Tonleiter und welche durch ein angehängtes es bezeichnet werden. So ist des ein Ton, dessen Schwingungszahl $\frac{24}{25}$ mal kleiner ist als die von d, ges ist um einen kleinen halben Ton tiefer als g u. s. w.

Man sieht also, dass die Töne cis und des, fis und ges u. s. w. streng genommen keineswegs identisch sind.

Musikalische Temperatur. Bei Instrumenten, für welche es, wie bei der Violine in der Gewalt des Spielers liegt, die Tonhöhe nach Belieben zu reguliren, kann man jede Tonleiter in voller Reinheit spielen. Bei Instrumenten mit fester Stimmung aber, bei welchen man auf eine begränzte Anzahl gegebener Töne beschränkt ist, wie bei dem Clavier, ist es nicht immer möglich die volle Reinheit der Intervalle zu wahren, selbst wenn man den Unterschied zwischen kleinen und grossen ganzen Tönen vernachlässigt. So ist zwischen je zwei ganzen Tönen des Claviers nur ein Ton eingeschaltet, es wird also ein und derselbe Ton für cis und des, ein und derselbe für fis und ges u. s. w. gebraucht.

Wenn der Grundton eine Schwingung in einer bestimmten Zeit macht, so muss seine grosse Terz in derselben Zeit 5/4, die grosse Terz dieses Tones ⁵/₄. ⁵/₄ oder ²⁵/₁₆, und die Terz dieses Tones endlich ⁵/₄. ⁵/₄ oder ¹²⁵/₆₄ Schwingungen machen. Der letztere Ton stimmt nun nicht genau mit der Octav des Grundtons überein, welchem 128/64 Schwingungen entsprechen; wenn man also in reinen Terzen fortschreitet, so kommt man nicht zur reinen Octav, und will man die Reinheit der Octaven wahren, so muss man von der vollkommenen Reinheit der Terzen abstrahiren. Aehnliches ergiebt sich beim Fortschreiten nach reinen Quinten. Man ist deshalb, um die Reinheit der Octaven zu erhalten, genöthigt, in der Musik die Töne etwas höher oder tiefer zu stimmen, als es die reinen Terzen oder Quinten verlangen; man muss, wie die Musiker sagen, den Ton etwas oberhalb oder unterhalb schweben lassen. Diese Ausgleichung nennt man die Temperatur. Die nähere Besprechung der verschiedenen Arten der Temperatur würde uns hier zu weit führen, es mag nur noch bemerkt werden, dass die sogenannte gleichschwebende Temperatur die zweckmässigste und auch die verbreitetste ist. Nach der gleichschwebenden Temperatur wird die ganze Octave in 12 vollkommen gleiche Intervalle abgetheilt, so dass die

g			149831		150000
gis			158740		
a			168179		
b			178180		
h			188775		
\overline{c}			200000		200000

enn unser Ohr empfindlicher wäre, so würde es durch die erwähnte eit der Terzen und Quinten unangenehm afficirt werden, es würde in musikalischer Genuss möglich sein.

nach lauter halben Tönen fortschreitende Tonleiter wird die tische genannt.

ın also die Schwingungszahl eines Tones berechnen, wenn die Fort-gageschwindigkeit f des Schalles und seine Wellenlänge in Luft be-t.

e wir oben gesehen haben ist f=341 Meter oder 1050 pariser Da man nun die Wellenlänge eines Tons (wenigstens annähernd was der Länge der Pfeife ableiten kann, welche diesen Ton erzeugt, sich die Schwingungszahl des Tones leicht nach Gl. 1) berechnen. Weise ergiebt sich für den Ton einer 16füssigen gedeckten Pfeife vingungszahl

$$z = \frac{1050}{64} = 16,4.$$

enso findet man, wieviel Oscillationen in der Secunde die Luft in einer gedeckten Pfeife macht, wenn sie ihren tiefsten Ton giebt, nan mit der vierfachen Länge der Pfeife (in pariser Fussen ickt) in 1050 dividirt.

Ganzen umfasst die Musik 9 Octaven. Der erwähnte tiefste Ton füssigen gedeckten Pfeife wird mit \underline{C} bezeichnet.

dieser Ton nun 16,4 (oder genauer 16,5) Schwingungen in der Seacht, so ist Folgendes die Schwingungszahl der auf einander fol-Octaven dieses Tons:

das	Subcontra- ${\it C}$			\underline{C}			16,5
das	Contra- ${\cal C}$.			$\bar{\it C}$			33
das	grosse ${\it C}$.			$\it C$			66
das	kleine c			c			132
das	eingestrichene	C		\overline{c}			264
das	zweigestricher	10	c	$\overline{\overline{c}}$			528.

Mit unseren Noten werden diese Töne folgendermaassen bezeichnet:



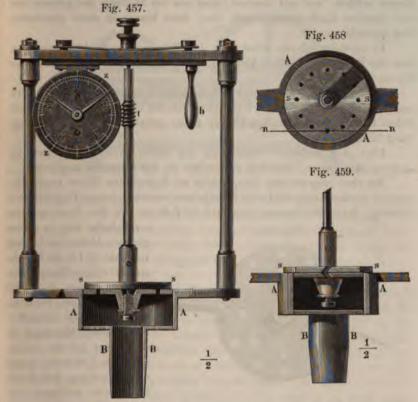
Genaue Bestimmung der absoluten Schwingungszahl der Töne. Wir haben zwar gesehen, wie man die einem bestimmten Tone entsprechende Schwingungszahl aus der Länge der Pfeife ableiten kann, welche diesen Ton giebt; doch ist diese Methode nicht sehr genau. Genauere Resultate erhält man mit Hülfe der Sirene oder gezahnter Räder.

Cagniard La Tour ist der Erfinder der Sirene. Fig. 457 stellt eine solche dar, wie sie Stöhrer in Dresden in sehr übersichtlicher Form construirt. AA ist eine cylindrische Büchse von Messing, welche mittelst des Rohres BB luftdicht auf eine Windlade aufgesetzt werden kann.

In der oberen Deckplatte dieser Büchse befindet sich eine Reihe von Löchern, etwa 12, welche im Kreise um den Mittelpunkt herumstehen; dicht über dieser Deckplatte aber ist eine Messingscheibe ss angebracht, welche, um eine verticale Axe in Spitzen laufend, möglichst leicht beweglich sein muss, und welche ebenfalls mit 12 gleichweit von einander abstehenden Löchern versehen ist, wie Fig. 458 zeigt, welche diese Platte von oben gesehen darstellt. Je nach der Stellung der beweglichen Platte sind alle 12 Oeffnungen der unteren gleichzeitig geöffnet oder gleichzeitig

Genaue Bestimmung d. absoluten Schwingungszahl d. Töne. 407

Löcher der Scheibe ss hervordringt, wenn die Löcher der rotirenden Scheibe gerade über den Löchern der festen sich befinden; bei einer jeden



Umdrehung der Scheibe ss werden also 12 solcher Stösse, also auch 12 Verdichtungswellen erzeugt werden; man kann daher leicht die Schwingungszahl des durch die Sirene hervorgebrachten Tons berechnen, wenn man weiss, wie viel Umdrehungen die Scheibe ss in einer Secunde macht.

Um die Zahl der in einer gegebenen Zeit gemachten Umdrehungen der Scheibe ss zu bestimmen, dient nun ein besonderes Zählerwerk. Hinter dem in 100 gleiche Theile getheilten Zifferblatt zz, Fig. 457, befinden sich nämlich zwei Räder, von denen das eine 100, das andere 99 Zähne hat; das erstere führt den grossen, das letztere den kleinen Zeiger. Wenn nun der Ton der Sirene eine bestimmte Höhe erreicht hat, so wird das eben besprochene Zählerwerk mit Hülfe des Griffes h etwas nach der rechten Seite gezogen, so dass die Zähne der beiden Räder in die Schraube t eingreifen, und nun wird natürlich bei jeder Umdrehung der Scheibe ss jedes der gezahnten Räder um einen Zahn fortgeschoben; für je 100 Umdrehungen

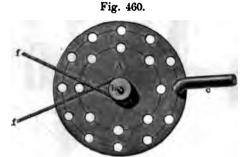
aber wird der kleine Zeiger um einen Theilstrich mehr hinter dem grossen zurückbleiben, so dass man aus der Vermehrung des Abstandes beider Zeiger erfährt, wie viel hundert, und aus der Stellung des grossen wie viel einzelne Umdrehungen noch über diese hinaus in einer gegebenen Zeit gemacht wurden.

Es versteht sich von selbst, dass das Zählerwerk so leicht gehen muss, dass das Einsetzen desselben keinen merklichen Einfluss auf den Gang der Sirene ausübt.

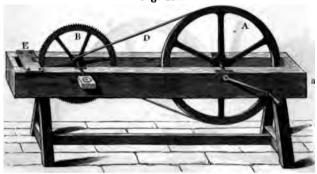
Eine wesentliche Verbesserung hat Stöhrer an seiner Sirene dadurch angebracht, dass er in der rotirenden Scheibe und der darunter befindlichen Platte statt der runden Löcher radial gestellte Schlitze in Anwendung bringt.

Eine sehr einfache Construction der Sirene, welche auch noch zu anderen akustischen Versuchen anwendbar ist, hat Seebeck angegeben.

An einer wagerechten Axe, welche auf irgend eine Weise rasch umgedreht werden kann, wird eine Scheibe von starkem glattem Pappendeckel befestigt, deren Durchmesser ungefähr 12 Zoll ist. An dem Umfange die-



ser Scheibe sind in genau gleichen Abständen Löcher von fast 2 Linien Durchmesser eingeschlagen, ungefähr wie man Fig. 460 sieht. Bei dem Versuche wird mit einem Glasröhrchen, dessen Mündung etwas enger ist als die Löcher, ein Luftstrom gegen die in Drehung befindliche B auf eine Umdrehung von A kommen. B ist ein gezahntes Metallrad. welches ungefähr 600 Zähne hat; wenn man die Kante einer Karte dem Fig. 461.

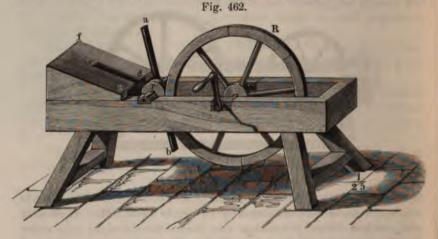


Stosse der Zähne aussetzt, so kann man leicht 24000 Stösse in der Secunde erhalten, wenn A 4 Umdrehungen in 1 Secunde macht. Man erhält mehr oder weniger Stösse, je nachdem man rascher oder weniger rasch dreht. Der Ton, welchen man auf diese Weise erhält, ist rein und andauernd, seine Höhe hängt von der Schnelligkeit der Umdrehung ab, man kann es also leicht dahin bringen, dass er mit der Stimmgabel im Einklange ist. Der Stoss der Zähne gegen das Plättchen giebt einen Ton, weil es dadurch in Schwingungen versetzt wird; während der Zahn vorübergeht, wird das Plättchen gehoben, geht aber in Folge seiner Elasticität zurück, ehe der So erzeugt jeder vorübergehende Zahn einen folgende Zahn kommt. Hin- und Hergang des Plättchens, also eine Vibration: man hat also nur zu ermitteln, wieviel Zähne in einer gegebenen Zeit vorübergehen, um auch die Schwingungszahl des erzeugten Tons zu kennen; zu diesem Zwecke ist an der Axe des Rades B eine Schraube ohne Ende angebracht, welche ganz in ähnlicher Weise wie bei der Sirene ein Zählerwerk in Bewegung gesetzt. Savart hat auf diese Weise bestätigt, dass \(\bar{a}\) 440 Schwingungen in der Secunde macht, wie man auch mit der Sirene gefunden hatte.

Weiter unten werden wir sehen, auf welche Weise man die Schwingungszahl einer Stimmgabel unmittelbar bestimmen kann.

Gränzen der Hörbarkeit. Der tiefste in der Musik zur An- 178 wendung gebrachte Ton ist der einer 16füssigen gedeckten Pfeife, welcher durch 161/2 Schwingungen in der Minute erzeugt wird. Wahrscheinlich bildet dieser Ton die untere Gränze der Wahrnehmbarkeit für das mensch-Noch tiefere Töne glaubt zwar Savart mit Hülfe des liche Gehörorgan. Fig. 462 a. f. S. dargestellten Apparates hervorgebracht zu haben. Durch Umdrehung des Rades R wird die Scheibe r in Rotation versetzt und mit ihr der eiserne Stab ab, welcher bei jeder Umdrehung zweimal durch eine in dem dünnen Brette fy angebrachte Spalte cd hindurchschlägt, und zwar möglichst genau an den Rändern dieser Spalte streifend.

Man nimmt bereits ein dumpfes continuirliches Geräusch wahr, wenn die Umdrehung des Apparats mit solcher Geschwindigkeit ausgeführt wird,



dass 7 bis 8 Stösse in der Secunde erfolgen. Während Savart dies als den tiefsten wahrnehmbaren Ton bezeichnet, wird von anderer Seite, und zwar wohl mit Recht, bezweifelt, dass man es hier mit einem einfachen Ton zu thun habe.

Um die Gränze der hohen Töne zu finden, wandte Savart ein gezahntes Rad an, dessen Umfang 720 Zähne trug, um zu machen, dass 24000 Zähne in der Secunde vorübergehen, wodurch 24000 Schwingungen in der Secunde erzeugt werden. Der auf diese Weise entstehende Ton war noch hörbar, obwohl sehr fein. Unser Gehörorgan ist also mit einer bewundernswürdigen Empfindlichkeit ausgerüstet, so dass es alle Töne hören und von einander unterscheiden kann, welche durch 16 bis 24000 Schwingungen in der Secunde erzeugt werden.

Nach späteren Versuchen wird der höchste überhaupt noch wahrnehmbare Ton durch 36000 Schwingungen in der Secunde erzeugt.

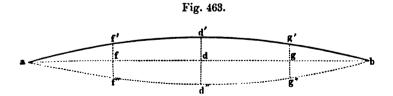
Zweites Capitel.

Gesetze der Schwingungen und Töne fester Körper.

Stehende Seilwellen. Wenn eine längs eines gespannten Sei- 179 fortlaufende Welle von dem festen Endpunkte desselben reflectirt, so kommt die reflectirte Welle mit der neu einfallenden in ähnli-Weise zur Interferenz, wie wir dies für Luftwellen in §. 169 schon betrachtet haben, und durch diese Interferenz bilden sich stehende ilwellen.

Eine gespannte Saite verhält sich wie ein gespanntes Seil. Auf send eine Weise aus ihrer Gleichgewichtslage entfernt und dann sich bet überlassen, geht sie alsbald in den Zustand stehender Schwingungen , welche wir nun näher betrachten wollen.

Der einfachste Fall ist der, dass das Seil seiner ganzen Länge nach wingt, wie es Fig. 463 dargestellt ist. Man kann diese Bewegung da-



ch hervorbringen, dass man die Mitte eines nicht gar fest gespannten es von 10 bis 20 Fuss Länge etwas aus ihrer Gleichgewichtslage (am en etwas nach der Rechten oder Linken) entfernt und dann das Seil selbst überlässt. Alle Theilchen befinden sich gleichzeitig auf der und dann wieder auf der anderen Seite der Gleichgewichtslage; sie

412 Gesetze der Schwingungen und Töne fester Körper.

erreichen gleichzeitig das Maximum ihrer Entfernung von der Gleichgewichtslage auf der rechten Seite und kommen gleichzeitig suf den Endpunkten ihrer Bahnen auf der anderen Seite an. Die Theilchen also, deren Gleichgewichtslage f, d und g ist, kommen gleichzeitig in f', d' und g' an, sie passiren gleichzeitig ihre Gleichgewichtslage; nach derselben Richtung sich bewegend, sie kommen gleichzeitig in f'', d'', g'' an.

Während also alle Theilchen sich gleichzeitig stets auch in gleichen Schwingungszuständen befinden, ist nur die Amplitude ihrer Oscillationen ungleich, sie ist für das Theilchen d grösser als für f und g.

Die Schwingungen einer gespannten Saite, welche man aus ihrer Gleichgewichtslage bringt, oder die man mit einem Fiedelbogen anstreicht, sind ganz von derselben Art. Die Schwingungen der Saite sind aber so schnell, dass man die einzelnen Oscillationen als solche nicht mehr unterscheiden kann, dahingegen bringen sie nun einen Ton hervor, dessen Tonhöhe von der Schwingungszahl der Saite abhängt.

Die Schwingungen eines nicht gar stark gespannten Seiles aind langsam genug, um sie zählen zu können; es hält aber schwer, auf die angegebene Weise eine ganz regelmässige Oscillationsbewegung hervorzubringen, wenn man die Mitte des Seiles in der Richtung von unten nach oben aus ihrer Gleichgewichtslage bringt, weil alsdann nicht allein die Elasticität des Seiles die Theilchen in ihre Gleichgewichtslage zurückführt, sondern auch die Schwere; wenn man aber die Mitte des Seiles nach der Rechten oder Linken aus der Gleichgewichtslage bringt, so ist die Bewegung theilweise eine förmliche Pendelbewegung, weil, wenn das Seil nicht sehr stark gespannt ist, die Mitte immer etwas herabhängt; spannt man es aber stärker, so werden die Schwingungen zu schnell, um sie einzeln unterscheiden zu können.

einen Knoten; so nennt man nämlich den ruhenden Punkt k, welcher die beiden schwingenden Theile scheidet.

Fig. 464.



Wenn b seine höchste Stellung erreicht, so erreicht m gleichzeitig seine tiefste, und umgekehrt.

Bei noch grösserer Geschwindigkeit der Hand gelangt man leicht dahin, im Seile zwei Knoten und drei Bäuche zu erzeugen, wie dies Fig. 465 dargestellt ist.

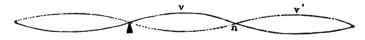
Fig. 465.



Ebenso ist es möglich, dass sich das Seil in noch mehr Abtheilungen theilt, die immer durch einen Knotenpunkt getrennt sind.

Auch an gespannten Saiten lassen sich die Knotenpunkte beobachten. Fig. 466 stelle eine gespannte Saite dar, an welcher durch einen Steg ein

Fig. 466.



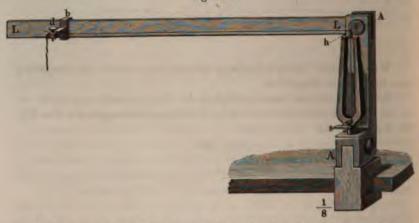
Stück abgeschnitten wird, dessen Länge $^{1}/_{3}$ von der Länge der ganzen Saite beträgt, so also, dass durch den Steg die Saite in zwei Theile getheilt wird, von denen der eine halb so gross ist als der andere. Wenn man nun das kleinere Stück mit dem Fiedelbogen anstreicht, so geräth auch das andere Stück in Vibrationen, und zwar so, dass sich ein Knoten in n und zwei Bäuche in v und v' bilden. Der Knoten lässt sich dadurch nachweisen, dass man an verschiedenen Stellen der Saite leichte Papierreiterchen aufsetzt, welche überall sonst abgeworfen werden, während sie auf den Knotenpunkten sitzen bleiben.

Wenn man den Steg so setzt, dass durch ihn die Saite in zwei Theile getheilt wird, von denen der kleinere ¹/₄ von der ganzen Länge der Saite ist, so bilden sich, wenn man diesen kleineren Theil mit dem Fiedelbogen anstreicht, im grösseren Theil der Seite zwei Knoten und drei Bäuche u. s. w.

Am schönsten lässt sich die Bildung stehender Wellen gespannter Saiten an dem in Fig. 467 a. f. S. dargestellten, nach Melde's Angaben 414 Gesetze der Schwingungen und Töne fester Körper.

(Pogg. Annal. Bd. CIX und CXI) von Schubart in Marburg ausgeführten Apparat erläutern.

Auf einem Holzstück A, welches an ein Tischblatt festgeschraubt Fig. 467.



werden kann, ist eine Stimmgabel angebracht, deren linker Schenkel oben ein Messingplättchen mit einer kleinen Hülse h trägt, deren Axe mit der Mittellinie der ganzen Gabel zusammenfällt. Auf dem andern Schenkel ist ein zweites Messingplättchen aufgeschraubt, welches lediglich dazu dient, das auf dem linken Schenkel aufgeschraubte zu äquilibriren. In Fig. 468 ist das obere Ende der beiden Schenkel in natürlicher Grösse dargestellt.

Durch diese Hülse h ist nun ein Seidenfaden (oder auch eine Vio-



lin-e-Saite) gezogen, welcher einerseits in dem Zapfen s am untern Ende der Stimmgabel befestigt, andererseits aber durch einen Spalt des Messingschiebers b gezogen ist und hier mittelst der kleinen Schraube d festgeklemmt werden kann. Durch Umdrehung des Zapfens s kann man die Spannung des Fadens nach Belieben vermehren oder vermindern.

Der Messingschieber b ist an einer 1 Meter langen Latte L verschiebbar, so dass man

den Faden nach Belieben verlängern oder verkürzen kann.

Die Latte L selbst ist um den Zapfen z drehbar, so dass man den Faden, welcher in unserer Figur eine horizontale Richtung hat, um jeden beliebigen Winkel von der horizontalen entfernen und auch ganz vertical stellen kann, wenn man die Latte L aus der horizontalen Lage um 90° dreht.

Auch die Stimmgabel ist um den Zapfen drehbar, mittelst dessen sie in das Holzstück A eingeschraubt ist.

Betrachten wir nun zunächst die Erscheinungen, welche man an dem Apparat beobachten kann, wenn alles in der Fig. 467 dargestellten Lage ist.

Wird die Stimmgabel zum Tönen gebracht, was am einfachsten durch Anstreichen mit einem Bassgeigen-Fiedelbogen geschieht, so werden durch die Vibrationen der Hülse h Wellen in dem Faden erzeugt, welche in der Richtung von h gegen d hin fortschreiten und bei d reflectirt wieder gegen h hin zurücklaufen. Durch die Interferenz der directen und der reflectirten Wellen wird nun der Faden in stehende Schwingungen versetzt, wenn die Länge des Fadens genau ein Vielfaches von der halben Länge der Wellen ist, welche die vibrirende Stimmgabel in dem Faden erzeugt.

Je stärker der Faden gespannt ist, desto schneller pflanzen sich die von der Stimmgabel ausgehenden Vibrationen in demselben fort, desto grösser wird also die Länge der Wellen, welche der Faden fortpflanzt. Durch Veränderung der Fadenspannung hat man es also in der Gewalt, zu machen, dass die Länge des Fadens 1mal, 2mal, 3mal u. s. w. so gross ist als die halbe Wellenlänge.

Ist der Faden so gespannt, dass seine Länge gleich ½ Wellenlänge ist, so schwingt er seiner ganzen Länge nach entsprechend der Fig. 463.

Ist der Faden so gespannt, dass seine Länge gleich ²/₂ Wellenlängen, so schwingt er in der durch Fig. 464 dargestellten Weise, d. h. es bildet sich ein Schwingungsknoten in der Mitte des Fadens.

Ist der Faden so gespannt, dass seine Länge gleich ist $^3/_2$ Wellenlängen, so schwingt er in der durch Fig. 465 dargestellten Weise, d. h. es bilden sich zwei Schwingungsknoten und drei Bäuche.

Hat man bei der gegenseitigen Stellung der Stimmgabel und des Fadens, wie sie in Fig. 467 dargestellt ist, die Spannung des Fadens so regulirt, dass er seiner ganzen Länge nach schwingt (entsprechend der Fig. 463), wenn man die Stimmgabel anstreicht, so ist der Ton des Fadens (welcher namentlich ganz gut hörbar ist, wenn er durch eine Violin-e-Saite gebildet wird) die nächst tiefere Octav vom Ton der Stimmgabel. Ist also der Gabelton \bar{c} , so ist der Fadenton unter den angegebenenen Umständen c; die entsprechende Spannung des Fadens wollen wir mit S_1 bezeichnen.

Vermindert man nun die Spannung des Fadens mehr und mehr, so gelangt man endlich zu einer Spannung S_2 , bei welcher sich, wenn man die Stimmgabel anstreicht, ein Knoten in der Mitte des Fadens bildet (Fig. 464). Auch unter diesen Umständen ist der Ton des Fadens die nächst niedere Octav von dem der Stimmgabel; bei der Spannung S_2 würde also der Ton des Fadens, wenn er ohne Schwingungsknoten seiner ganzen Länge nach oscillirte, um zwei Octaven tiefer sein als der Stimmgabelton.

Zwischen der Spannung S_1 und der Spannung S_2 giebt es eine andere, die wir mit S_a bezeichnen wollen, für welche sich der Faden in der der Fig. 465 entsprechenden Weise abtheilt, also drei Bäuche bildet. In diesem Falle aber ist die Schwingungsweite des Fadens bei weitem geringer als man sie bei den Spannungen S_1 und S_2 beobachtet.

Die Bahn, welche der Punkt h beschreibt, während die Stimmgabel vibrirt, ist nun nicht geradlinig, sondern elliptisch. Die grosse Axe dieser Ellipse fällt mit der Richtung des Fadens zusammen, sie ist longitudinal; die allerdings bei weitem kleinere kleine Axe dieser Ellipse steht rechtwinklig zur Richtung des Fadens, sie ist transversal.

Die bei der Spannung S_1 und S_2 beobachteten Oscillationen des Fadens rühren von dem longitudinalen Vibrationsantheil der Gabelvibrationen her. Die durch die longitudinale Bewegung von h erzeugten Wellen sind aber nicht allein weit intensiver, als die durch die Transversalbewegung von h erzeugten, sondern sie pflanzen sich auch im Faden mit doppelt so grosser Geschwindigkeit fort.

Bei den Spannungen S_1 und S_2 sind die Oscillationen des Fadens, welche durch die Longitudinalvibrationen des Punktes h erzeugt werden, so überwiegend, dass gegen sie die Oscillationen verschwinden, welche von den Transversalvibrationen von h herrühren.

Bei der Spannung S_a dagegen können die Longitudinalvibrationen von h keine stehenden Wellen des Fadens erzeugen, weil die Fadenlänge unter diesen Umständen $^3/_4$ von der Länge der Wellen ist, welche durch die Longitudinalvibrationen von h im Faden erzeugt werden; deshalb aber werden bei der Spannung S_a die stehenden Wellen sichtbar, welche in dem Faden durch die Transversalvibrationen von h erzeugt werden.

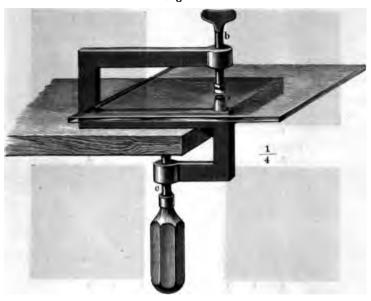
Dreht man die Leiste LL aus der in Fig. 467 dargestellten Lage um 90°, so dass der Faden vertical steht, so sind die Vibrationen von h durchaus transversal zum Faden. Dieser zeigt alsdann

bei	$\operatorname{\mathbf{der}}$	Spannung	S_1	2	Bäuche	und	1	Knoten
77	77	n	S_a	3	77	77	2	n
n	n	77	S_2	4	77	77	3	77



Tönens in die Höhe hüpft und niederfällt und sich endlich an den Knotenlinien anhäuft. Auf diese Weise entstehen die sogenannten Klangfiguren, deren Erfinder Chladni ist.





Savart hat ein sinnreiches Mittel ausgedacht, um auf eine vollständig correcte Weise diese Figuren aufzubewahren, die man doch nur sehr schwer copiren könnte, wenn sie complicirt und verwickelt sind. Er wandte nämlich statt des Sandes Lackmus an, welches mit Gummi pulverisirt und zu einem Teige angemacht, getrocknet, von Neuem pulverisirt und durchgesiebt wird, um Körnchen von passender Dicke zu erhalten. Wenn dieses farbige und hygroskopische Pulver auf der Platte sich in den Knotenlinien angesammelt hat, so reicht es hin, auf die Platte ein mit etwas Gummiwasser befeuchtetes Blatt Papier zu legen, um die Figur durch einen leichten Druck auf demselben zu fixiren. Auf diese Weise ist es Savart gelungen, mehrere hundert solcher Figuren derselben Platte zu sammeln, welche verschiedenen Tönen entsprechen.

Mit derselben Platte lassen sich, wie schon bemerkt, eine Menge verschiedener Figuren erzeugen, je nachdem man mit dem Bogen stärker oder schwächer, schneller oder langsamer streicht, oder je nachdem man den Unterstützungspunkt der Platte verändert und an verschiedenen Stellen des Randes streicht.

Fig. 470, 471, 472 und 473 a.f. S. stellen vier bei centraler Einspannung (d. h. wenn die Platte gerade in ihrem Mittelpunkt von der Zange Fig. 469 festgehalten wird) erhaltene Klangfiguren dar, welche entstehen,

wenn man an den mit a bezeichneten Stellen des Randes einen Fin anlegt und dann an der durch b bezeichneten Stelle mit dem Fie

bogen streicht.

Fig. 470.

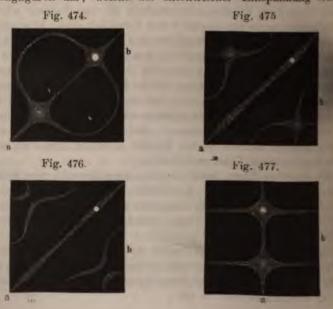
Fig. 471.

Fig. 472.

Fig. 472.

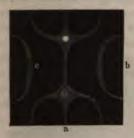
Fig. 473.

Die Figuren 474 bis 478 stellen einige der unendlich mannigfalt gen Klangfiguren dar, welche bei excentrischer Einspannung erhalte



werden, und zwar ist die Stelle, welche gerade von der Zange Fig. 469 festgehalten wird als ein ganz weisser Punkt dargestellt. Die Stelle des

Fig. 478.



Randes, welche mit dem Fiedelbogen anzustreichen ist, ist auch hier mit b, die mit den Finger anzuhaltende durch a bezeichnet. Um die Figur 478 sicher zu erhalten, muss man noch bei c einen Finger aufsetzen.

Nicht alle Glasplatten von gleicher Grösse und Gestalt geben bei gleichem Verfahren genau dieselbe Figur, sondern es kommen Abweichungen vor, welche man als Varietäten desselben Grundtypus bezeichnen kann. So sind Fig. 475 und Fig. 476 Klangfiguren, die

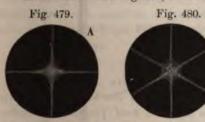
bei gleichem Verfahren mit zwei verschiedenen aber gleich grossen Glasplatten erhalten wurden. Häufig beobachtet man auch mehr oder weniger bedeutende Abweichungen vom regelmässigen Verlauf der Klangfiguren, was durch Ungleichförmigkeiten in der Masse der Glasplatten zu erklären ist.

Dreieckige und vieleckige Platten geben ähnliche Erscheinungen.

Kreisförmige Platten geben auch unzählig viele Töne, und jedem derselben entspricht auch eine besondere Figur. Man unterscheidet diametrale, concentrische und gemischte Systeme.

Das diametrale System ist nur aus Durchmessern zusammengesetzt, wie Fig. 479 und 480, und theilt den Umfang in eine gerade Anzahl von Theilen.

Man erhält solche Figuren, wenn man die Platte in ihren Mittelpunkt



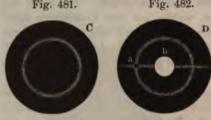
einspannt und am Rande streicht. Die Fig. 479 erhält man, wenn man mit dem Finger einen Punkt des Randes berührt, welcher 45° von der Stelle absteht, an welcher man streicht. Um die Fig. 480 zu erhalten, muss man zwei Punkte

des Randes berühren, welche um 60° von einander abstehen, und an einer Stelle streichen, welche 30° von dem einen dieser Punkte entfernt ist.

An Metallscheiben von 3 bis 4 Decimeter Durchmesser beobachtet man oft 36 bis 40 Abtheilungen am Umfange. Es ist leicht einzusehen, warum bei dieser Theilungsart durch Radien stets eine gerade Anzahl von Abtheilungen entstehen muss; denn 1) ist klar, dass die Schwingungen aller Abtheilungen im Einklange sein müssen, d. h. sie müssen alle in gleicher Zeit gleichviel Schwingungen machen, und da sie gleiche Länge haben, so muss auch ihre Ausdehnung dieselbe sein; 2) müssen die neben einander liegenden Abtheilungen entgegengesetzte Bewegungen haben, und dies ist bei einer ungeraden Anzahl von Abtheilungen nicht möglich.

Um concentrische Knotenlinien zu erhalten, wovon Fig. 481 die Fig. 481.

Fig. 482.



einfachste Form zeigt, muss die Platte vom Mittelpunkte aus in Schwingungen versetzt werden. was am besten dadurch bewerkstelligt werden kann, dass man aus der Mitte ein Stück herausschneidet, wie Fig. 482 andeutet, welches gross genug ist, um mit einem Fiedelbogen hineinzukom-

men. Nachdem nun diese Platte excentrisch in die Schraubenklammer. Fig. 469, S. 417, eingespannt worden ist, wird eine beliebige Stelle des inneren Randes mit dem Fiedelbogen gestrichen. Ist z. B. der Punkt a, Fig. 482, eingeklemmt, so entsteht die hier abgebildete Figur, wenn man bei b streicht.

Um ringförmige Knotenlinien zu erzeugen, kann man sich auch einer Metallplatte bedienen, in deren Mitte ein ungefähr 2 Linien dicker und

Fig. 483.

Fig. 484.

Fig. 485.



gegen 4 Fuss langer Stahlstab eingesteckt und angelöthet ist. Wenn man den Stab in der Mitte seiner Länge zwischen zwei Fingern der linken Hand fest hält und am oberen Ende dann mit den Fingern der anderen Hand, zwischen denen man vorher etwas Kolophonium zerrieben hat, herabstreicht, wie Fig. 483 andeutet, so giebt der Stahlstab seinen Längston, und der auf die Platte gestreute Sand ordnet sich dabei zu mehreren concentrischen Ringen.

Dieser Versuch lässt sich auch dahin abändern, dass man eine Glas- oder Metallplatte in der Fig. 484 und Fig. 485 anschaulich gemachten Weise

auf dem oberen Ende eines gegen 3 Fuss langen 2 bis 3 Linien dicken

unten in einen Holzklotz eingeleimten Holzstäbchens befestigt und dieses durch Streichen mit dem Finger zu Tönen bringt.

Das gemischte System von Knotenlinien besteht aus diametralen Linien, welche mehr oder weniger gebogen, und Kreisen, die ebenfalls mehr oder weniger verändert sind. Um solche Figuren zu erhalten, ist immer einige Geschicklichkeit nöthig; das Princip besteht darin, mit den Fingern





auf mehrere der Punkte zu drücken, durch welche die Knotenlinien gehen sollen. In Fig. 486 sind mehrere solcher zusammengesetzten Klangfiguren dargestellt.

Savart hat auch die Klangfiguren runder Platten studirt und hat z. B. gefunden, dass die diametralen Linien sich nicht bis zur Mitte fortpflanzen, wenn ihre Anzahl etwas gross wird.

Nach Strehlke sind überhaupt alle Knotenlinien gekrümmt, die scheinbar geraden Linien in manchen dieser Figuren sind nur Zweige hyperbolischer Curven.

Eine höst merkwürdige von Savart aufgefundene Thatsache ist die Verrückung der Knotenlinien. Wenn man eine sorgfältig gearbeitete Messingplatte von ungefähr 4 Decimeter Durchmesser und 2 bis 3 Millimeter Dicke in der Weise befestigt, wie man Fig. 487 sieht, und, nachdem

Fig. 487.



man Semen lycopodii, welches weit leichter ist als Sand, darauf gestreut hat, mit einem Fiedelbogen am Rande streicht, so beobachtet man, für gewisse tiefe und volle Töne, welche einer diametralen Figur von 4, 6 oder 8 Strahlen entsprechen, dass die Knotenlinien nicht fest bleiben; sie erleiden eine entschiedene Oscillationsbewegung, und wenn man mit der Bewegung des Fiedelbogens fortfährt, gelangt man selbst dahin, ihnen eine continuirliche Ro-

tationsbewegung zu ertheilen, so dass das Pulver eine Art Wirbel bildet, welcher in einer bestimmten Entfernung vom Umfange der Scheibe, dem er parallel bleibt, die Ebene der Scheibe durchläuft. Savart erklärt diese interessante Erscheinung auf folgende Weise: In den Scheiben, sie mögen noch so gut gearbeitet sein, ist die Elasticität nicht nach allen Richtungen dieselbe; es giebt zwei Durchmesser, von welchen einer der

grössten, ein anderer der kleinsten Elasticität entspricht. Wenn man nun mit dem Fiedelbogen an einer solchen Stelle anstreicht, dass die Knotenlinien auf diese Durchmesser fallen, so bleiben die Knotenlinien unbeweglich; wenn man aber an einem anderen Punkte anstreicht, so sind die Bewegungen, welche der Fiedelbogen an dem Rande der Scheibe hervorbringt, unsymmetrisch, und die Knotenlinien, welche sich bilden, haben ein Bestreben, in die erste Lage zurückzukehren, und deshalb oscilliren sie um diese Lage, oder sie drehen sich continuirlich, wenn die hinlänglich grossen Excursionen der Scheibe ihnen eine hinreichende Amplitude geben, damit sie ihre Ruhelage verlassen können.

Die Glocken machen in der Regel normale Schwingungen, wie die Platten, und theilen sich auch durch Knotenlinien, welche sehr unregelmässig sein können. Die Vibrationen einer Glocke lassen sich mit Hülfe



des Apparates Fig. 488 zeigen, welcher im Wesentlichen aus einer Glasglocke (einer sog. Käseglocke) besteht. welche mit ihrem Knopf in ein Stativ von Holz eingekittet ist. Von einem darüber angebrachten Drahtringe hängen an Fäden befestigt vier Kügelchen von Holz herab (jedes hat gegen 2 Linien Durchmesser), welche den Rand der Glocke an vier Punkten berühren, von denen jeder um 900 vom anderen absteht. Streicht man nun mit dem Fiedelbogen den Rand der Glocke dicht neben einer solchen Kugel, so werden alle vier Kugeln lebhaft weggeschleudert, weil sie sich gerade an den Stellen der

lebhaftesten Vibrationen befinden; streicht man aber in der Mitte zwischen zwei Kugeln, so bleiben dieselben fast ganz unbeweglich, vorausgesetzt, dass die Glocke ihren tiefsten Ton giebt, weil sie jetzt die Glocke in Knotenpunkten berühren.

Sehr schön lassen sich die Knoten einer solchen vibrirenden Glocke auch zeigen, wenn man sie ungefähr bis zu ½ ihrer Höhe mit Wasser füllt und dann am Rande streicht. An der Stelle, welche vertical unter der gestrichenen Stelle liegt, kräuselt sich das Wasser zu einem kleinen Berge. Dasselbe geschieht an der Stelle, welche der eben bezeichneten diametral gegenüber liegt, und an den Punkten, welche um 90° von ihm abstehen. An den vier Stellen dagegen, welche in der Mitte zwischen den vier Punkten der stärksten Bewegung liegen, bleibt die Oberfläche des Wassers ruhig. — Wenn die Vibrationsbewegung eine lebhafte ist, so steigen die Wasserbogen an den Stellen der kräftigsten Vibrationen ziemlich hoch an

und kleine Wassertröpfehen werden dann von hier aus gegen die Mitte des Gefässes hin fortgeschleudert.

Es ist klar, dass alle festen Körper ebenso wie Stäbe und Platten vibriren können, und dass sie sich dabei durch Knotenflächen, welche mehr oder weniger unregelmässig sind, abtheilen.

Tone gespannter Saiten. Eine auf irgend ein Instrument aufgespannte Saite schwingt viel zu rasch, als dass man die Schwingungen
zählen könnte; in Folge dieser Vibrationen giebt aber die Saite einen Ton,
welcher von ihrer Länge, Spannung u. s. w. abhängig ist. Es besteht
also ein Zusammenhang zwischen dem Tone einer Saite, ihrer Länge, ihrer
Spannung und der Geschwindigkeit der Vibrationen. Dieser Zusammenhang
bildet den Gegenstand des Problems der schwingenden Saiten, welche
zuerst von Taylor (Methodus incrementorum a. 1716) theilweise gelöst
wurde. Dieses Problem veranlasste ein halbes Jahrhundert lang die lebhaftesten Discussionen zwischen den ersten Mathematikern. J. Bernouilli,
d'Alembert, Euler und Daniel Bernouilli hatten viel darüber geschrieben, als Lagrange im Jahre 1759, fast zu Anfange seiner wissenschaftlichen Laufbahn alle Schwierigkeiten hob und den Discussionen ein
Ende machte.

Bezeichnet

l die Länge einer Saite,

p das Gewicht derselben,

s die Kraft, welche sie spannt,

g die beschleunigende Kraft der Schwere (also 981, wenn man das Centimeter zur Längeneinheit nimmt, wobei dann das Gramm zur Gewichtseinheit genommen werden muss, in welcher p und s auszudrücken sind),

t die Schwingungsdauer der Saite, d. h. die Zeit, welche sie zu einem Hingang braucht,

so ist

$$t = \sqrt{\frac{p \cdot l}{g \cdot s}}.$$

Bezeichnet φ das specifische Gewicht der Substanz, aus welcher die Saite verfertigt ist, r aber den Halbmesser derselben, so ist $p=\pi\,r^2\,l\,\varphi$ also auch

$$t = r \cdot l \sqrt{\frac{\pi \cdot \varphi}{g \cdot s}}.$$

Bezeichnet ferner n die Anzahl der Schwingungen, welche die Saite in einer Secunde vollendet, so ist nt = 1 oder $n = \frac{1}{t}$, folglich auch

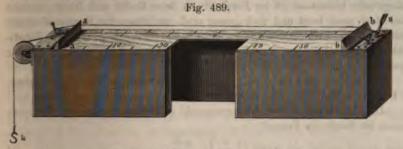
$$n = \frac{1}{r \cdot l} \sqrt{\frac{g \cdot s}{\pi \cdot \varphi}}.$$

424 Gesetze der Schwingungen und Töne fester Körper.

Das durch diese Formel, deren Ableitung ohne höhere Mathematik nicht wohl möglich ist, ausgesprochene Gesets heisst in Worten augedrückt:

- 1. Die Schwingungszahl einer Saite verhält sich umgekehrt wie ihre Länge, d.h. wenn eine Saite auf irgend ein Instrument, wie einer Violine, einer Guitarre u.s. w., aufgespannt ist und in einer gegebenen Zeit eine bestimmte Anzahl von Schwingungen macht, so macht sie in derselben Zeit 2mal, 3mal, 4mal u. s. w. soviel Schwingungen, wenn man bei unveränderter Spannung nur ½, ½, ¼, ¼, u.s. w. der ganzen Länge schwingen lässt; sie würde ¾, ¼, ¾, 3 der ganzen Länge schwingen liesse.
- 2. Die Zahl der Schwingungen einer Saite ist der Quadratwurzel aus den spannenden Gewichten proportional, d. h. wens das Gewicht, welches die Saite spannt, 4mal, 9mal, 16mal so gross gemacht wird, während ihre Länge unverändert bleibt, so wird die Geschwindigkeit der Schwingungen 2mal, 3mal, 4mal so gross.
- 3. Die Schwingungszahlen verschiedener Saiten derselben Materie verhalten sich umgekehrt wie ihre Dick. Wenn man z. B. zwei Stahlsaiten von gleicher Länge nimmt, deren Duchmesser sich wie 1 zu 2 verhalten, so wird die dünnere bei gleicher Spannung in derselben Zeit doppelt so viel Schwingungen machen als de dickere. Für Darmsaiten ist dieses Gesetz wohl nicht immer genau wahr, weil sie nicht immer absolut gleichartig sind.
- 4. Die Schwingungszahlen von Saiten verchiedener Materien verhalten sich umgekehrt wie die Quadratwurzels ihrer specifischen Gewichte. Wenn z. B. eine Saite von Kupfer, deren specifisches Gewicht 9 ist, und eine Darmsaite, deren specif. Gewicht 1 ist, gleiche Länge und gleichen Durchmesser haben, und wenn beide durch gleiche Gewichte gespannt sind, so schwingt die Kupfersaite dreimal langsamer als die Darmsaite.

ein ganz dünnes Brett von Tannenholz, geleimt ist, dessen Bedeutung später erläutert werden wird. Die beiden Stege aa und bb begränzen den



frei schwingenden Theil der Saiten. Die eine derselben wird durch Gewichte gespannt, welche man an den Haken h hängt, die andere dagegen durch den Stimmstock s.

Betrachten wir zuerst den Zusammenhang, welcher zwischen der Span-

nung der Saite und der Tonhöhe besteht.

Wenn für ein Gewicht 1000 (etwa 1000 Gramm), welches an den Haken h gehängt wird, die Saite einen bestimmten Ton giebt, den wir mit c bezeichnen wollen, so muss man

das Gewicht 1562,5 anhängen, um die grosse Terz,

von c zu erhalten. Nun verhalten sich aber die Zahlen 1000 : 1562,5

: 2250 : 4000 zu einander wie 1 : $\frac{25}{16}$: $\frac{9}{4}$: 4, oder wie die Quadrate von

 $1, \frac{5}{4}, \frac{3}{2}, 2$, wodurch der Satz unter Nr. 2 bewiesen ist.

Um das Gesetz unter Nr. 1 experimentell zu bestätigen, ist es bequemer, die zweite Saite anzuwenden. Man kann dieselbe entweder ihrer ganzen Länge nach schwingen lassen, oder mit Hülfe des beweglichen Steges, Fig. 490, die Schwingungen auf einen beliebigen Theil der Gesammt-

Fig. 490.



länge beschränken, indem man diesen Steg an die entsprechende Stelle hinschiebt und die Saite zwischen dem Fussstück nn und dem Deckel pp einklemmt.

Von dem Grundton, welchen die Saite giebt, wenn man sie ihrer ganzen Länge nach schwingen lässt, erhält man:

die grosse Terz, wenn der frei schwingende Theil 4/5, die Quint, ", ", ", ", 2/3, die Octav, ", ", ", ", ", ", ", 1/2

der ganzen Saitenlänge beträgt.

Ein für genaue Versuche bestimmtes Monochord beschreibt Weber im XV. Bande (1829) von Poggendorff's Annalen. Transversalschwingungen elastischer Stäbe. Unter elastischen Stäben verstehen wir starre Körper von solcher Form, dass ihre Länge sehr bedeutend ist im Vergleich zu ihrer Breite und Dicke, welche aber doch noch breit und dick genug sind, um ihnen die Biegsamkeit der Saiten zu benehmen, so dass also solche Stäbe ohne Weiteres schon Elasticität genug haben, um zu vibriren und zu tönen, und nicht erst einer Spannung bedürfen, wie die Saiten.

Ein solcher Stab kann, wie eine gespannte Saite, mehrere Töne geben, je nachdem sich mehr oder weniger Knotenlinien in demselben bilden.

Die Beziehungen der Schwingungszahl eines Stabes und seiner Dimensionen ist durch die Formel

ausgedrückt, in welcher n die Schwingungszahl, l die Länge des Stabes, e dessen Dicke in der Richtung der Schwingungen, und C einen constanten Factor bezeichnet, welcher von der Art abhängt, in welcher der Stab unterstützt oder eingeklemmt ist, so wie auch von der Anzahl der Schwingungsknoten, durch welche er sich abtheilt. Es bezeichnet ferner g die beschleunigende Kraft der Schwere, K den Elasticitätsmodulus, und φ das specifische Gewicht der Substanz, aus welcher der Stab verfertigt ist.

Nach Gleichung 1) ist also die Schwingungszahl eines Stabes

- 1. direct proportional der Dicke,
- 2. umgekehrt proportional dem Quadrat der Länge,
- 3. direct proportional der Quadratwurzel aus dem Elasticitätsmodulus,
- umgekehrt proportional der Quadratwurzel aus dem specifischen Gewichte der Substanz.

Von der Breite des Stabes ist die Schwingungszahl unabhängig. Den tiefsten Ton, dessen ein Stab überhaupt fähig ist, giebt er, wenn gleich zu seⁱⁿer Länge wird, desto mehr nimmt die Zahl der Schwingungen zu, so dass man sie alsbald nicht mehr einzeln verfolgen und zählen kann; alsdann aber hat man an der Tonhöhe ein Mittel, die Richtigkeit des obigen Gesetzes zu controliren.

Auf einem Resonanzboden seien vier Stahlstäbehen von gleicher Dicke befestigt, wie es Fig. 492 zeigt, deren Längen sich verhalten, wie $1:\sqrt{\frac{4}{5}}:\sqrt{\frac{2}{3}}:\sqrt{\frac{1}{2}}$, so wird, mit dem Fiedelbogen gestrichen, das zweite

Stäbchen die grosse Terz, das dritte die Quint und das vierte die Octav desjenigen Tones geben, welchen man von dem ersten erhält.

Fig. 492.

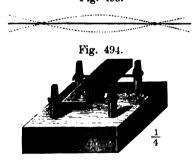


Wenn die beiden Enden eines Stabes frei schwingen sollen, so hängt die Schwingungszahl davon ab, welche Stellen desselben festgehalten oder unterstützt sind. Ist der Stab nun in der Mitte seiner Länge befestigt, so ist sein Grundton derselbe, wie der eines sonst

gleichen Stabes von halber Länge, welcher an dem einen Ende befestigt ist.

Wenn sich in einem an beiden Enden frei schwingenden Stabe zwei Schwingungsknoten bilden, so liegt jeder derselben um ¹/₅ der gesammten Stablänge von dem entsprechenden Stabende ab, so dass der Zwischenraum zwischen den beiden Schwingungsknoten ²/₅ der gesammten Stablänge beträgt, wie dies Fig. 493 andeutet. Man erhält diese Schwin-

Fig. 493.



gungsart unter anderm, wenn man den Stab in einem der Schwingungsknoten zwischen zwei Fingern festhält und ihn mit einem Holzhammer in der Mitte seiner Länge anschlägt, oder auch, wenn man ihn, wie Fig. 494 andeutet, auf zwei Schnüre legt, welche ungefähr um ³/₅ der Stablänge von einander abstehen, und dann die Mitte oder das eine Stabende mit dem Holzhammer schlägt.

An so unterstützten Stäben ist

es nun auch leicht, die Richtigkeit der Gleichung 1) S. 426 nachzuweisen.

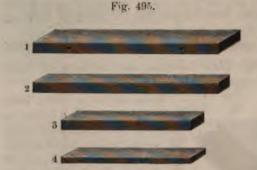
Zwei Stahlstäbe, 1 und 2, Fig. 495, geben gleichen Ton, weil sie gleiche Länge und gleiche Dicke haben, obgleich 2 viel schmäler ist als 1.

Der Stab 3 giebt die Octav der Stäbe 1 und 2, weil bei gleicher Dicke seine Länge $\sqrt{\frac{1}{2}}$ also 0,707mal kleiner ist.

Da bei gleicher Länge der Stab 4 nur halb so dick ist wie 3, so giebt 4 die nächst tiefere Octav von 3, der Stab 4 hat also gleiche Tonhöhe mit 1 und 2.

Obgleich die Breite des Stabes ohne Einfluss auf die Tonhöhe ist, so ist sie doch von wesentlichem Einfluss für die Stärke und Reinheit des Tones.

Bezeichnen wir mit I die Länge eines Stabes, welcher ungefähr die



des Stabes Gestalt Fig. 495, hat, so muss ein Stab derselben Substanz bei gleicher Dicke die Länge $l\sqrt{\frac{4}{5}} = l.0,89$ oder die Länge l

= l.0,816 haben, wern er die grosse Terz oder die Quint des ersteren Sta-

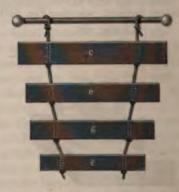
besgeben soll.

Will man mehrere harmonische Metallstäbe der eben besprochenen Art einem Apparate vereinigen, so kann man jeden Stab an der Stelle der Schwingungsknoten parallel mit den Breitekanten durchbohren, wie beim Stab 1 Fig. 495 angedeutet ist, und sie dann mittelst durchgezogener Schnüre zusammenfassen, Fig. 496, oder man kann die Stäbe auf convergirenden gespannten Bändern aufleimen, wie man Fig. 497 sieht.





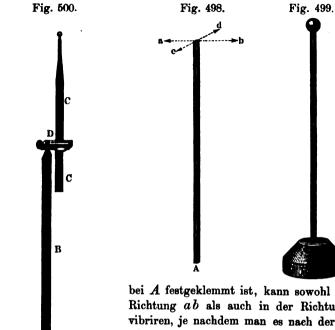




Nach Art der Fig. 497 ist das psalterium aus Holzstäben und die Glasharmonika aus Glasplatten construirt, welche mit Korkhämmern geschlagen werden.

Bei den bisher betrachteten Stäben

war die Dicke unbedeutend gegen Länge und Breite, weshalb bei solchen Transversalschwingungen nur in der Richtung der Dicke stattfinden können. Wenn aber Breite und Dicke eines rectangulären Stabes unbedeutend sind gegen seine Länge, so sind Transversalschwingungen sowohl in der Richtung der Dicke als auch der Breite möglich. Ein elastisches Stäbchen von der Form Fig. 498 z. B., welches mit seinem unteren Ende



bei A festgeklemmt ist, kann sowohl in der Richtung ab als auch in der Richtung cdvibriren, je nachdem man es nach der einen oder nach der andern dieser beiden Richtungen aus seiner Gleichgewichtslage bringt. Ist aber die Dicke des Stäbchens nach der Richtung ab nicht gleich der Dicke desselben nach der Richtung cd, so wird die Vi-

brationsgeschwindigkeit des Stäbchens in der Ebene $A\,a\,b$ verschieden sein von der Vibrationsgeschwindigkeit in der Ebene $A\,c\,d$. Wird das Stäbchen nach einer Richtung aus seiner Gleichgewichtslage gebracht, welche mit keiner der eben genannten Ebenen zusammenfällt, so vibrirt es in der Weise, dass sein oberes Ende eine Curve beschreibt, deren Gestalt abhängt von dem Verhältniss der Dicke des Stäbchens in der Richtung $a\,b$ zu der Dicke in der Richtung $c\,d$. Ohne hier auf die Construction dieser Curven, welche später noch ausführlich besprochen werden, näher einzugehen, soll nur bemerkt werden, dass sie sich sehr schön an Wheatstone's Kaleidophon beobachten lassen, welches aus einem derartigen Stäbchen besteht, dessen freies Ende einen glänzenden Knopf trägt, Fig. 499. (Das Stäbchen ist in Fig. 499 im Verhältniss zu seiner Länge viel zu dick gezeichnet.)

Als eine Vervollkommnung dieses Apparates ist Melde's Univer-

sal-Kaleidophon zu bezeichnen, welches in Fig. 500 (a. vor. S.) dargestellt ist. In einen Holzklotz A, welcher in passender Weise an einem Tisch befestigt ist, ist eine Messingfeder B eingeklemmt, welche ungefähr $1^1/2$ Millimeter dick und gegen 40 Centimeter lang ist. Oben trägt die Feder B eine Messingklammer D, in welcher eine, oben ein glänzendes Knöpfchen tragende Stahlfeder C steckt. Je nachdem man die Stahlfeder C mehr hinauf- oder herunterzieht, kann man machen, dass ihre Schwingungsdauer gleich, oder dass sie 2/3 oder 1/2 u. s. w. von der Schwingungsdauer der Feder B ist. Ist die Klammer D so aufgeschraubt, dass die Schwingungsebene der Feder C rechtwinklig steht zur Schwingungsebene der Feder C rechtwinkl

Die Stimmgabel. Unter den in den letzten Paragraphen besprochenen Gesetzen stehen auch die Vibrationen der Stimmgabel (diapason), welche vorzugsweise zur Bewahrung eines Normaltones und seiner Uebertragung bei der Stimmung angewandt wird. Die Stimmgabel wird durch einen gabelförmig gebogenen Metallstab (meist sind sie aus Stahl verfertigt) gebildet, an welchem an der Biegungsstelle ein zum Halten dienendes Metallstäbchen angesetzt ist. Fig. 501 erläutert die Art und Weise, wie die Stimmgabel schwingt, wenn sie ihren Grundton giebt.

Um die Stimmgabel ins Tönen zu bringen, fasst man gewöhnlich den Stiel zwischen zwei Finger und schlägt dann eine der Zinken gegen einen festen Körper an. Der Ton, welcher auf diese Weise hervorgebracht wird, ist ungemein schwach, um ihn zu verstärken, setzt man die Stimmgabel mit ihrem Fusse auf einen Resonanzboden auf oder man hält sie über eine Röhre von entsprechender Länge, wie dies bereits im Paragraph 168 erwähnt wurde.

ander Wellenlänge des Tones, welchen die Stimmgabel giebt, so dass bei die Vibrationen der in dem Kästcheneingeschlossenen Luftsäule denken Ton erzeugen, wie die Stimmgabel selbst. Die Vibrationen der immgabel theilen sich deshalb leicht der Luftsäule im Kästchen mit. In deurch dann ein ungemein kräftiger und reiner Ton entsteht.

Um die Stimmgabel dieses Apparates ins Tönen zu bringen, schlägt in sie entweder mit einem belederten hölzernen Hämmerchen an, oder in zieht zwischen den freien Enden der Gabel einen hölzernen Stabreh, dessen Dicke etwas grösser ist als der Abstand der Zinken, oder dich, man streicht die Stimmgabel mit dem Fiedelbogen an.

Wenn man zwei gleich gestimmte Apparate der Art in einiger Entnung von einander so aufstellt, dass die Längsaxen der beiden Kästehen eine gerade Linie fallen und dass ihre Oeffnungen einander zugekehrt id, so tönt die eine Stimmgabel mit, wenn man die andere anstreicht, ivon man sich leicht überzeugen kann, wenn man die angestrichene ibel durch Anhalten am Forttönen hindert.

Die gewöhnliche Stimmgabel giebt den Ton a, welcher durch 440 hwingungen in der Secunde erzeugt wird. Doch ist das a, nach welchem in den Orchestern die Instrumente stimmt, keineswegs immer von man gleicher Tonhöhe. So wurde im Jahre 1821 in der grossen Oper Paris für a ein Ton genommen, welcher 431 Schwingungen in der sunde machte, während gegenwärtig das a der Pariser Oper bis auf 449 kwingungen in der Secunde gestiegen ist.

Die in physikalischen Cabinetten gebrauchten, nach Marloye's Anbe auf Kästchen befestigten Stimmgabeln sind meist grösser als die gebanlichen und geben die Töne \overline{c} oder \overline{c} . Marloye hat selbst Stimmbeln verfertigt, welche den Ton e geben; sie sind aus Glockenmetall vertigt, wiegen ohne Kasten 44 Pfund und werden durch einen Fiedelbogen gestrichen, an welchem die Pferdehaare durch einen Streifen Büffelleder tetzt sind. Der Ton, welchen man mit denselben hervorbringen kann. sehr kräftig und schön.

Optische Vergleichung der Stimmgabeln. In Fig. 503 184 f. S.) sei R eine auf einem festen Stativ befestigte Stimmgabel, deren benkel, in einer Verticalebene liegend, kleine Spiegel tragen. In der be dieser ersten ist eine zweite Stimmgabel S, welche in gleicher Weise tkleinen Spiegeln verschen ist, so aufgestellt, dass die Ebene ihrer Scheneine horizontale ist.

Die gegenseitige Stellung der beiden Stimmgabeln ist so angeordnet, ein vom Lichtpunkt A ausgehender Lichtstrahl, welcher den kleinen gel B trifft, nach dem Spiegel C der zweiten Stimmgabel und von diendlich in der Richtung nach D reflectirt wird.

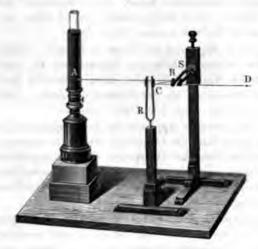
Ein in der Richtung des zum zweiten Mal reflectirten Strahles etwa

Gesetze der Schwingungen und Töne fester Körper.

bei D befindliches Ange sieht das Bild des Lichtpunktes A, welches ruhig steht, so lange die beiden Stimmgabeln nicht vibriren.



432



Wird aber die Stimmgabel R mit dem Fiedelbogen angestrichen, während S in Ruhe bleibt, so verlängert sich das Bild des Lichtpunktes zu einem verticalen Lichtstreifen. Vibrirt dagegen die Stimmgabel S allein, während R in Ruhe bleibt, so erscheint das Bild des Lichtpunktes zu einer horizontalen Linie verlängert.

Wenn aber beide Stimmgabeln gleichzeitig vibriren, so combiniren sich die borizontale und die verti-

cale Bewegung des Lichtpunktes in der Weise, dass derselbe eine Curve beschreibt, deren Gestalt von dem akustischen Intervall der beiden Stimmgabeln und von dem Phasenunterschiede ihrer Vibrationen abhängt.

Durch das Studium dieser Curven, zu deren Hervorbringung Lissajous den in Fig. 503 abgebildeten Apparat construirt hat, ist derselbe zu einer Methode gelangt, nicht allein das Intervall zweier Stimmgabeln, mit einer bis dahin unbekannten Genauigkeit zu controliren, sondern auch Stimm-

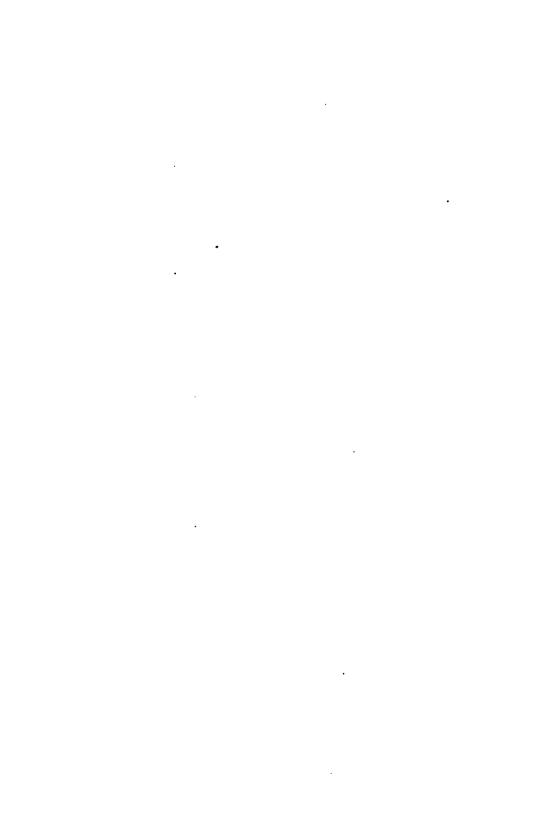




Fig. 504, Indpunkte 1gabel R), 1 welchen 12 u. s. w. ladius ab t und von

506.



ler Stimmgebracht. ontale und aussetzung

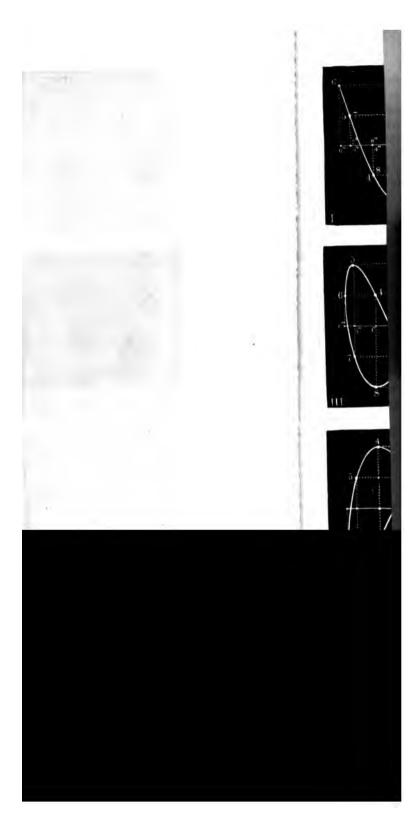
nde Punkt er nur von t wäre, so unter dem h den entdurch den inie zieht. suchte Ort

verschiede-, dass die plitude für

· 1d die auf terschieden

ı die Con-

V und VI



h den in §. 124 besprochenen Gesetzen. Es sei a, Fig. 504, slage des leuchtenden Punktes, b und c die Endpunkte Bewegung (in Folge der Vibrationen der Stimmgabel R), o mit 1', 2' 3' u. s. w. bezeichneten Stellen, in welchen akt vom Punkte b ausgehend nach $^{1}/_{12}$, $^{2}/_{12}$, $^{3}/_{12}$ u. s. w. sillationsdauer befindet, wenn man mit dem Radius ab reibt, seinen Umfang in 12 gleiche Theile theilt und von Perpendikel auf bc fällt.

Fig. 505.

Fig. 506.





st dieselbe Construction für die Horizontale, von der Stimmnde Bewegung des Lichtpunktes in Anwendung gebracht, ist diese Construction zugleich für die horizontale und Bewegung ausgeführt und zwar unter Voraussetzung nsamplitude für beide Richtungen.

Stellen bestimmt, in welchen sich der leuchtende Punkt en Moment befinden würde, wenn er entweder nur von er nur von der horizontalen Oscillation afficirt wäre, so bet, an welchem er sich in diesem Momente unter dem ewegungen wirklich befindet, wenn man durch den entt auf der verticalen Bahn eine horizontale und durch den inkt auf der horizontalen Bahn eine verticale Linie zieht. spunkt dieser beiden Perpendikel ist der gesuchte Ort unktes.

Princip sind auf Tab. Ia die Curven, welche verschiedechieden entsprechen, für den Fall construirt, dass die In unisono sind, und dass die Oscillationsamplitude für d für die verticale Bewegung dieselbe ist.

rir die ganze Oscillationsdauer mit u, so sind die auf lten Curven diejenigen, welche den Phasenunterschieden s. w. bis $^{6}/_{12}u$ entsprechen.

samer Betrachtung der Figuren ergiebt sich die Conurven ohne weitere Erläuterung.

I auf Tab. I a sind gerade Linien, Fig. II, III, V und VI der Physik. 6te Aufl. I. Gesetze der Schwingungen und Töne fester Körper.

434

sind Ellipsen, Fig. IV ist ein Kreis. Im Allgemeinen wird also der Lichtpunkt bei gleicher Schwingungszahl der beiden Stimmgabeln eine Ellipse beschreiben, welche in eine gerade Linie übergeht, wenn der Phasenunterschied 0 oder 1/2u ist, in einen Kreis dagegen (gleiche Vibrationsintensität in horizontaler und verticaler Richtung vorausgesetzt), wenn der Phasenunterschied 1/4u beträgt.

Die gleiche Ellipse entspricht dem Phasenunterschied $\frac{5}{12}u$ und $\frac{7}{12}u$. $\frac{4}{12}u$ und $\frac{8}{12}u$, $\frac{2}{12}u$ und $\frac{10}{12}u$, $\frac{1}{12}u$ und $\frac{11}{12}u$. Der Kreis entspricht dem Phasenunterschiede $\frac{3}{12}u$ und $\frac{9}{12}u$.

Wenn die verticale Stimmgabel R die Octav der horizontalen Stimmgabel S giebt, wenn also die Vibrationsdauer in horizontaler Richtung deppelt so gross ist als in verticaler, so entstehen Figuren wie sie auf Tab. Ib und zwar für die Phasendifferenzen 0, $\frac{1}{12}$ %, $\frac{2}{12}$ % u. s. w. bis $\frac{6}{12}$ % dargestellt sind.

In der gleichen Weise könnte man auch die Curven für die Combinationen des Grundtons mit der Quint, des Grundtons mit der Octav der Quint u. s. w. construiren, ohne dies jedoch auszuführen, wollen wir noch eine andere weit einfachere Methode der Darstellung dieser Curven kennen lernen.

Denken wir uns irgend eine der Curven von Tab. Ia oder von Tab. Ib, z. B. Fig. I auf Tab. Ib mit einem Cylindermantel in der Weise umgeben, dass die verticale Mittellinie 0'3' der fraglichen Figur die Axe des Cylinders bildet, während der Durchmesser des Cylinders gleich ist der horizontalen Amplitude 6"0", und dann die einzelnen Punkte der Curve durch eine auf ihre Ebene rechtwinklige Gerade auf den Umfang des Cylinders projicirt, wie dies durch Fig. 507 anschaulich gemacht ist, so erhält man eine auf dem Mantel des Cylinders herumlaufende Curve oabc...klam, welche wir des kürzeren Ausdrucks we-

Hat men also die Cylindercurve, Fig. 507, auf einen Glascylinder sufgetragen, so wird sie, aus einiger Entfernung (damit der Einfluss der Perspective verschwindet) betrachtet, der Reihe nach den Anblick aller auf Tab. Ib verzeichneten Curven bieten, wenn der Glascylinder langsam am seine Axe gedreht wird.

Die Construction der Cylindercurve aber, mit Hülfe deren man alle demselben Intervall entsprechenden Lichtcurven für die verschiedenen Phasendifferensen darstellen kann, ist aber noch weit einfacher als die bereits oben erläuterte Construction der einzelnen Lichtcurven selbst.

Denken wir uns in der Höhe des Mittelpunktes A der Fig. 507 einen Kreis, den wir der Kürze halber den Mittelkreis nennen wollen, um den Cylinder herumgelegt, so wird derselbe in dem hier dargestellten Falle die Cylindercurve in vier gleich weit von einander stehenden Punkten schneiden und sie in vier einander ganz gleiche Stücke theilen, von denen swei, nämlich noq und p6r, über dem Kreise liegen, während die beiden anderen Stücke qkp und ren unter denselben fallen.

Wird der Kreis nqpr zu einer geraden Linie entwickelt, wie dies Fig. 508 geschehen ist, so entwickelt sich die Cylindercurve zu einer einfachen Sinuslinie (Analytische Geometrie S. 64).

Um die Sinuslinie, Fig. 508, direct zu construiren, hat man nur den entwickelten Cylinderumfang nn in vier gleiche Theile zu theilen, in der Mitte jeder Abtheilung ein Perpendikel so, vk u. s. w. abwechselnd nach oben und nach unten zu ziehen, dessen Länge gleich ist der halben verticalen Oscillationsamplitude.

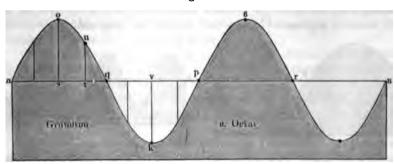


Fig. 508.

Ist die verticale Oscillationsamplitude grösser oder kleiner als die Horizontale, so werden diese Perpendikel grösser oder kleiner sein, als der Radius des Kreises, dessen entwickelter Umfang nn, Fig. 508 ist.

Die Punkte n, o, q, k, p u. s. w. reichen nicht hin, um die Curve mit Sicherheit zu ziehen. Um weitere Punkte zu erhalten, halbire man die Abtheilungen ns, sq, qv u. s. w. und errichte in den Halbirungspunkten, wie in t, Perpendikel $=tu=A.sin\ 45^\circ=0.71\,A$, wenn man mit A die Länge so bezeichnet.

Hat man die Sinuscurve auf Papier aufgetragen und ausgeschnitten, so wird, um die entsprechende Cylindercurve auf einem Glascylinder aufgezeichnet zu erhalten, die papierene Schablone nur um denselben herumgelegt und die Gränze mit dem Pinsel nachgefahren.

Die Curve, Fig. 508, entspricht, wie bemerkt wurde, dem Intervall der Octav. Ebenso leicht lässt sich aber auch die Sinuscurve für jedes andere Intervall construiren.

Auf n Schwingungen des horizontal vibrirenden Grundtons kommen n' Schwingungen des harmonischen vertical vibrirenden Tons, und diesen n' Schwingungen entsprechen 2n' Durchschneidungen der Lichteurve mit der horizontalen Mittellinie. Daraus folgt aber ferner, dass auf den nfachen Umfang des Mittelkreises 2n' Durchschneidungen mit der Cylindercurve kommen.

Wenn beide Stimmgabeln unisono sind, so ist n'=n; auf einen Umfang des Mittelkreises kommen zwei Durchschneidungen mit der Cylindercurve. Um die entsprechende Sinuscurve zu construiren, hat man also den entwickelten Cylinderumfang in zwei gleiche Theile zu theilen und über diesen die Sinuscurve in der angegebenen Weise zu construiren, wie dies in Fig. 509 für einen Cylinder ausgeführt ist, dessen Durchmesser nur halb so gross ist als derjenige, auf welchen sich Fig. 508 bezieht.

Auf eine Schwingung des Grundtons kommen drei Schwingungen der Duodecime (Quint der Octav); hier ist also n'=3n, 2n' ist also gleich 6, wenn n=1. Um die diesem Intervall entsprechende Sinuscurve zu construiren, hat man also den entwickelten Kreisumfang in sechs gleiche Theile zu theilen und über diesen die Curve zu construiren, wie es Fig. 510 geschehen ist.

Fig. 509.

Fig. 510.

entwickelten Kreisumfangs in sechs gleiche Theile zu theilen, weil in diesem Falle für n = 2, n' = 3, also 2n' = 6 ist.

Auf Tab. Ic sind in der ersten Verticalreihe die Hauptformen der Lichteurven dargestellt, welche dem Intervall des Grundtons und der Quint, und in der zweiten Verticalreihe diejenigen, welche dem Intervall des Grundtons und der Quint der Octav entsprechen, die Figuren also, welche man auch dadurch anschaulich machen kann, dass man die Curven Fig. 510 und Fig. 511 in der angegebenen Weise auf den Umfang eines Glas-Cylinders aufträgt und diesen dann, während er um seine Axe gedreht wird, aus einiger Entfernung betrachtet.

Drehende Bewegung der Stimmgabelcurven. Wir haben 185 bisher nur den Fall in Betracht gezogen, dass die Schwingungszahlen der beiden Stimmgabeln in einem einfachen Verhältniss zu einander stehen, dass also ihr Intervall vollkommen rein sei. In diesem Fall erhält man irgend eine der bisher besprochenen Lichtcurven, und diese bleibt dann, die allmälige Verkleinerung abgerechnet, unverändert. Wenn aber die zweite Stimmgabel dem reinen Intervall nur nahe kommt, so zeigt die Lichtcurve eine drehende Bewegung in der Art, dass sie nach und nach alle die Formen durchläuft, welche dem reinen Intervall, aber wechselnden Phasendifferenzen entsprechen.

Sind z. B. beide Stimmgabeln nahezu unisono, so scheint sich die Lichtcurve so zu drehen, dass sie aus der Gestalt der Fig. I Tab. I a allmälig in die Formen Fig. II, III, IV, V u. s. w. übergeht. Kurz die Lichtcurve bietet in ihren Veränderungen genau dieselben Erscheinungen dar, als ob man einen Glascylinder, auf welchem die entsprechende Cylindercurve aufgezeichnet ist, aus einiger Entfernung betrachtet, während der Cylinder um seine Axe umgedreht wird.

Wenn die eine Stimmgabel sehr nahe die Octav der andern ist, so geht die Lichtcurve der Reihe nach in die auf Tab. I b verzeichneten Formen über.

Die Lichtcurve geht der Reihe nach in die in der ersten oder in die in der sweiten Verticalreihe der Tab. Ic dargestellten Figuren über, wenn das Intervall der beiden Stimmgabeln sehr nahe der Quint oder der Octav der Quint entspricht.

Die interessante Erscheinung des Drehens der Lichtcurven lässt sich leicht mit solchen Stimmgabeln hervorbringen, welche ganz genau abgestimmt sind, also an und für sich kein Drehen der Lichtfigur zeigen, wenn man an die eine nur etwas Wachs anklebt, in Folge dessen sie etwas langsamer schwingt als vorher.

Wenn die eine der beiden Stimmgabeln in jeder Secunde x Vibrationen mehr macht, als dem reinen Intervall entspricht, so wird die Lichtcurve x volle Umdrehungen in der Secunde machen.

Wenn also z. B. die Lichtcurve in 2 Secunden eine halbe Umdrehung macht, so kann man daraus schliessen, dass die eine der beiden Stimmgabeln in 4 Secunden eine Schwingung mehr macht als dem reinen

Hat man die Sinuscurve auf Papier aufgetragen und ausgeschnitten, so wird, um die entsprechende Cylindercurve auf einem Glascylinder aufgezeichnet zu erhalten, die papierene Schablone nur um denselben herungelegt und die Gränze mit dem Pinsel nachgefahren.

Die Curve, Fig. 508, entspricht, wie bemerkt wurde, dem Intervall der Octav. Ebenso leicht lässt sich aber auch die Sinuscurve für jedes andere Intervall construiren.

Auf n Schwingungen des horizontal vibrirenden Grundtons kommen n' Schwingungen des harmonischen vertical vibrirenden Tons, und diesen n' Schwingungen entsprechen 2 n' Durchschneidungen der Lichtcurve mit der horizontalen Mittellinie. Daraus folgt aber ferner, dass auf den nfachen Umfang des Mittelkreises 2 n' Durchschneidungen mit der Cylindercurve kommen.

Wenn beide Stimmgabeln unisono sind, so ist n'=n; auf einen Umfang des Mittelkreises kommen zwei Durchschneidungen mit der Cylindercurve. Um die entsprechende Sinuscurve zu construiren, hat man also den entwickelten Cylinderumfang in zwei gleiche Theile zu theilen und über diesen die Sinuscurve in der angegebenen Weise zu construiren, wie dies in Fig. 509 für einen Cylinder ausgeführt ist, dessen Durchmesser nur halb so gross ist als derjenige, auf welchen sich Fig. 508 bezieht.

Auf eine Schwingung des Grundtons kommen drei Schwingungen der Duodecime (Quint der Octav); hier ist also n'=3n, 2n' ist also gleich 6, wenn n=1. Um die diesem Intervall entsprechende Sinuscurve zu construiren, hat man also den entwickelten Kreisumfang in sechs gleiche Theile zu theilen und über diesen die Curve zu construiren, wie es Fig. 510 geschehen ist.

Fig. 509.

Fig. 510.

entwickelten Kreisumfangs in sechs gleiche Theile zu theilen, weil in diesem Falle für n=2, n'=3, also 2n'=6 ist.

Auf Tab. Ic sind in der ersten Verticalreihe die Hauptformen der Lichtcurven dargestellt, welche dem Intervall des Grundtons und der Quint, und in der zweiten Verticalreihe diejenigen, welche dem Intervall des Grundtons und der Quint der Octav entsprechen, die Figuren also, welche man auch dadurch anschaulich machen kann, dass man die Curven Fig. 510 und Fig. 511 in der angegebenen Weise auf den Umfang eines Glas-Cylinders aufträgt und diesen dann, während er um seine Axe gedreht wird, aus einiger Entfernung betrachtet.

Drehende Bewegung der Stimmgabelcurven. Wir haben 185 bisher nur den Fall in Betracht gezogen, dass die Schwingungszahlen der beiden Stimmgabeln in einem einfachen Verhältniss zu einander stehen, dass also ihr Intervall vollkommen rein sei. In diesem Fall erhält man irgend eine der bisher besprochenen Lichtcurven, und diese bleibt dann, die allmälige Verkleinerung abgerechnet, unverändert. Wenn aber die zweite Stimmgabel dem reinen Intervall nur nahe kommt, so zeigt die Lichtcurve eine drehende Bewegung in der Art, dass sie nach und nach alle die Formen durchläuft, welche dem reinen Intervall, aber wechselnden Phasendifferenzen entsprechen.

Sind z. B. beide Stimmgabeln nahezu unisono, so scheint sich die Lichtcurve so zu drehen, dass sie aus der Gestalt der Fig. I Tab. I a allmälig in die Formen Fig. II, III, IV, V u. s. w. übergeht. Kurz die Lichtcurve bietet in ihren Veränderungen genau dieselben Erscheinungen dar, als ob man einen Glascylinder, auf welchem die entsprechende Cylindercurve aufgezeichnet ist, aus einiger Entfernung betrachtet, während der Cylinder um seine Axe umgedreht wird.

Wenn die eine Stimmgabel sehr nahe die Octav der andern ist, so geht die Lichtcurve der Reihe nach in die auf Tab. I b verzeichneten Formen über.

Die Lichteurve geht der Reihe nach in die in der ersten oder in die in der zweiten Verticalreihe der Tab. Ic dargestellten Figuren über, wenn das Intervall der beiden Stimmgabeln sehr nahe der Quint oder der Octav der Quint entspricht.

Die interessante Erscheinung des Drehens der Lichteurven lässt sich leicht mit solchen Stimmgabeln hervorbringen, welche ganz genau abgestimmt sind, also an und für sich kein Drehen der Lichtfigur zeigen, wenn man an die eine nur etwas Wachs anklebt, in Folge dessen sie etwas langsamer schwingt als vorher.

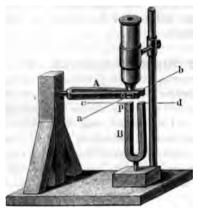
Wenn die eine der beiden Stimmgabeln in jeder Secunde x Vibrationen mehr macht, als dem reinen Intervall entspricht, so wird die Lichtcurve x volle Umdrehungen in der Secunde machen.

Wenn also z. B. die Lichtcurve in 2 Secunden eine halbe Umdrehung macht, so kann man daraus schliessen, dass die eine der beiden Stimmgabeln in 4 Secunden eine Schwingung mehr macht als dem reinen Intervall entspricht, dass also auf jede Secunde eine Abweichung von ¹/₄ Schwingung kommt.

Man sieht daraus, wie durch Beobachtung der Lissajous'schen Lichtcurven die geringste Abweichung vom reinen Intervall merklich wird.

Dies benutzt nun Lissajous, um Stimmgabeln mit fast absoluter Genauigkeit zu stimmen. An den in der Praxis zu benutzenden Stimm-





gabeln kann man freilich keine Spiegel anbringen, wie an den Stimmgabeln der oben beschriebenen, zu Demonstrationsversuchen in Vorlesungen bestimmten Vorrichtung, Fig. 503. Hier bedarf es also einer anderen Methode zur Beobachtung der Lichtcurven. Fig. 512 erläutert das zu diesem Zweck von Lissajous construirte Vibrationsmikroskop.

Die Normalstimmgabel A ist in einem passenden Stative so angebracht, dass ihre beiden Schenkel in einer Horizontal-

ebene liegen und ihre Schwingungen in der Richtung ab vor sich gehen. — Der eine Schenkel der Normalstimmgabel trägt ein schwach vergrösserndes Mikroskopobjectiv o, während an dem anderen Schenkel ein entsprechendes Gegengewicht angebracht ist. Die Stimmgabel ist so ajustint, dass sie mit dem Objectiv und dem Gegengewicht belastet einen bestimmten Ton giebt, also eine bestimmte Anzahl von Schwingungen in der

Genaue Zählung der Schwingungszahl einer Stimmgabel. 439

Stimmgabeln vibrirt. Oscillirt die obere Stimmgabel allein, so beschreibt der Punkt p eine gerade Linie in der Richtung ab; vibrirt die untere Stimmgabel allein, so beschreibt er eine gerade Linie in der Richtung cd, wenn aber endlich beide Stimmgabeln vibriren, so beschreibt p eine Curve, deren Gestalt von dem Intervall der Stimmgabeln abhängt.

Soll die Stimmgabel B den Ton \bar{a} (440 Schwingungen in 1") geben, also die Octav des Tons der Stimmgabel A, so muss der Punkt p eine der auf Tab. Ib verzeichneten Curven beschreiben. Ist die Stimmgabel zunächst nur angenähert genau gestimmt, so wird die Figur die auf S. 437 erwähnte drehende Bewegung zeigen, und man hat alsdann an der Stimmgabel in entsprechender Weise abzufeilen, bis das Drehen der durch den markirten Punkt p beschriebenen Curve aufhört.

Genaue Zählung der Schwingungszahl einer Stimm- 186 gabel. Um die Schwingungen irgend einer Stimmgabel oder irgend eines andern vibrirenden festen Körpers graphisch darzustellen, versah Duhamel denselben mit einem feinen Stiftchen und rückte dasselbe dicht an die Oberfläche eines Glas- oder Metallcylinders, dessen Oberfläche über einer rusenden Flamme geschwärzt wird. Dieser Cylinder ist um eine Axe drehbar, auf welcher ein in einer Schraubenmutter laufendes Gewinde eingeschnitten ist, so dass eine Umdrehung um diese Axe zugleich ein Fortschieben des Cylinders in der Richtung derselben bedingt.

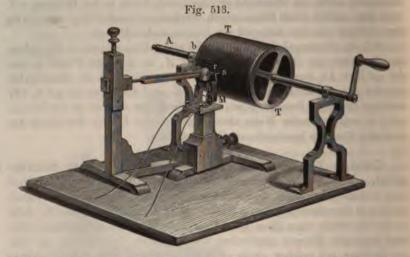
Wird der Cylinder gedreht, während der das Stiftchen tragende Körper in Ruhe bleibt, so zeichnet das Stiftchen, indem es den Rus wegnimmt, eine feine Spirallinie auf die Oberfläche des Cylinders; wenn er aber vibrirt, so zeichnet das Stiftchen eine spiralförmig um den Cylinder fortlaufende Wellenlinie (Sinuscurve).

Diesen Apparat, welcher Phonautograph genannt wird, hat Wertheim wesentlich vervollkommnet. König in Paris hat ihm eine zur Zählung der Schwingungen sowohl als auch zu manchen anderen akustischen Versachen sehr zweckmässige Form gegeben.

Fig. 513 (a. f. S.) stellt den Phonautographen von König ungefähr in $^{1}/_{10}$ der natürlichen Grösse dar.

Ein eiserner Stab, welcher an seinem einen Ende bei A mit einem durch die Schraubenmutter b geführten Schraubengewinde versehen ist, auf der andern Seite aber mittelst einer Kurbel umgedreht werden kann, trägt in seiner Mitte eine messingene Trommel T. Auf diese Trommel wird in einer Weise, dass man ihn leicht wieder wegnehmen kann, ein Papierstreisen bescstigt, welcher ihre Obersläche vollständig bedeckt, und dieser Papierstreisen alsdann über einer stark rusenden Lampe geschwärzt. An diese beruste Fläche wird nun zunächst die Stimmgabel herangerückt, an deren Enden ein Spähnchen r von einer Federspule mittelst etwas Wachs besestigt ist, und daneben ein Apparat ausgestellt, welcher von Secunde zu Secunde ein Metallstistehen s gegen die beruste Papiersläche fallen lässt und es alsbald wieder zurückzieht.

Das Zurückziehen und Fallenlassen dieses Stiftchens wird mittelst eines galvanischen Stroms bewirkt, welcher in jeder Secunde durch ein



Pendel unterbrochen und wieder hergestellt wird. Die Beschreibung dieser Vorrichtung folgt später.

Wird nun die Stimmgabel durch Anstreichen mit dem Fiedelbogen in Vibrationen versetzt und dann der Cylinder sogleich mit entsprechender Geschwindigkeit umgedreht, so beschreibt das auf der Stimmgabel befestigte Stielchen auf der berusten Fläche eine Sinuscurve in der Art, wie Fig. 514 zeigt, daneben aber beschreibt der von Secunde zu Secunde auffallende Stift eine gerade Linie (eigentlich ein Stück einer Spirale), welche

Fig. 514.

alsbald wieder unterbrochen wird und an welcher sich aber deutlich die Stellen unterscheiden lassen, an welchen, wie bei a und b. der Zählerstift zu Anfang einer jeden Secunde aufgefallen ist. - Diese Stellen werden dann durch Querstriche markirt, wie man in der Figur sieht, und man kann dann leicht, nachdem das Papier von der Walze abgenommen und der Kienrus fixirt ist, die Wellenberge zählen, welche zwischen je zwei auf cinander folgende, dem Anfang einer Secunde entsprechende Querstriche fallen. Es ist dies die Zahl der in einer Secunde gemachten Schwingungen.

Das Fixiren des Kienruses wird dadurch bewerkstelligt, dass man das Papier auf der Rückseite mit Weingeist benetzt. Der das Papier durchdringende Weingeist löst das im Kienrus enthaltene Harz auf, und dieses bildet nach dem Verdampfen des Weingeistes das Bindemitte

i die Farbe auf dem Papier befestigt. Noch vollständiger wird die g, wenn in dem zu verwendenden Weingeist etwas Harz aufgelöst ist.

ongitudinalschwingungen der Saiten und Stäbe. Wir 187 bisher nur die Querschwingungen der Saiten und Stäbe betrachtet; en können aber auch ihrer Länge nach schwingen, ganz ähnlich wie einer Röhre eingeschlossene Luftsäule. Solche Längenschwingungen nan dadurch erzielen, dass man eine gespannte Saite unter sehr Winkel mit einem Fiedelbogen streicht oder eine Glasröhre mit Fingern oder einem nassen Tuche der Länge nach reibt.

immt man z. B. eine Glasröhre von etwa 2 Meter Länge, welche Durchmesser von 2 bis 3 Centimeter hat, und hält man sie in der mit einer Hand fest, während man die andere Hälfte mit einem in leren Hand gehaltenen nassen Tuche reibt, so wird man einen Ton den man mit einiger Geschicklichkeit leicht rein und voll erhalten Die Schwingungen, welche man auf diese Weise erzeugt, sind offenngitudinalschwingungen. Durch schnelleres Reiben und stärkeren kann man ausser dem Grundton des Stabes auch noch höhere Töne

ian erhält dieselben Resultate mit langen cylindrischen und prisnen vollen Glasstäbchen, mit Röhren und Stäben von Holz und ; bei den letzteren wendet man aber statt des nassen Tuches ein ra bestreutes Tuch an.

ır Hervorbringung von Longitudinalschwingungen hölzerner Stäbe

Fig. 515.



kann man den Apparat Fig. 515 anwenden. In einem Holzklotz von entsprechender Grösse sind mehrere Holzstäbchen von ungefähr 3 Linien Dicke eingeleimt. Streicht man diese Stäbchen von oben nach unten fahrend zwischen zwei Fingern, mit denen man vorher etwas Colophonium gerieben hat, so entstehen reine volle Töne. Gesetzt, die Länge der Stäbchen verhielte sich wie 30:24:20:15, so geben sie den Grundton, seine grosse Terz, seine Quint und seine Octav.

Die Longitudinalschwingungen eines Stabes sind im Wesentlichen den Vibrationen der Luftsäulen in Pfeisen ganz analog, d. h. die einzelnen Querschichten oscilliren in der Richtung der Längenaxe des Stabes hin und her. Der Longitudinalton eines Stabes ist demnach zunächst von seiner Länge abhängig. Die Schwingungszahlen zweier Stäbe desselben Materials verhalten sich wie ihre Längen. Man kann sich davon leicht mit Hülfe des Apparates Fig. 515 überzeugen.

Stäbe, welche in der Mitte festgehalten, an beiden Enden aber frei sind, verhalten sich wie offene, Stäbe dagegen, welche an einem Ende befestigt sind, wie die in Fig. 515, verhalten sich wie gedeckte Pfeifen.

Wie die Tonhöhe der Pfeisen von dem Querschnitte derselben nicht ganz unabhängig ist, so verhält es sich auch mit den Längsschwingungen von Stäben. Von zwei Stäben derselben Holzart, welche gleiche Länge, aber ungleichen Durchmesser haben, giebt der dickere einen etwa höheren Ton.

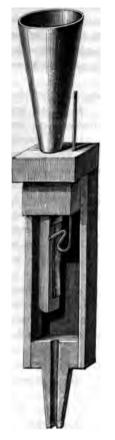
Von den Zungenpfeifen. Wenn ein Luftstrom durch eine Ochnung hervordringt, welche durch die Vibrationen eines elastischen Körpers in regelmässigen Intervallen geschlossen und wieder geöffnet wird, wentsteht ein Ton ganz in der Weise, welche wir bei der Sirene kemme lernten. Bei jedem Freiwerden der Oeffnung nämlich entsteht ein Lufstoss, welcher eine Verdichtungswelle erzeugt. Solche Instrumente nundurch welche nach diesem Princip Töne erzeugt werden, nennt man Zungenwerke.

Die einfachste Form der Zungen wird durch Fig. 516 erläutet. In der Mitte einer Messingplatte aa, welche in Fig. 516 A perpetivisch, in Fig. 516 B aber im Durchschnitt dargestellt ist, befindet in



Hierher gehören auch die Zungenwerke unserer Orgeln, deren Fig. 517.

Einrichtung durch Fig. 517 und





Einrichtung durch Fig. 517 und Fig. 518 erläutert wird. In dem durchbohrten hölzernen Stopfen s. Fig. 518, ist unten eine Rinne r von Messingblech befestigt, deren Querschnitt ungefähr eine. Halbkreis bildet, und welche den Namen Canile Oben ist diese Rinne offen. unten ist sie geschlossen und ihre seitliche Oeffnung wird durch die clastische Platte l bedeckt, welche bei ihrer Vibration auf die Ränder der Rinne aufschlagend, dieselbe vollständig verschliesst und dann wieder zurückschwingend einen Luftstrom in die Canile eintreten lässt.

Dieser Stopfen s mit der Canile r und der Zunge l wird nun in das kurze Rohr pp eingesetzt, in welches man von unten her den Wind einblasen kann. Sobald dies geschieht, beginnt die Zunge l zu vibriren, es wird also in den durch die Zunge bedingten Intervallen ein Luftstrom aus dem Inneren der Röhre p durch die Canile und die Höhlung v hervordringen, um dann sogleich wieder unterbrochen zu werden. Durch dieses stossweise Vordringen des Luftstroms aus der Höhlung v wird nun der Ton erzeugt, zu dessen Verstär-

kung man noch ein kegelförmiges Rohr, den Schallbecher, aufsetzt, wie man es Fig. 517 sieht.

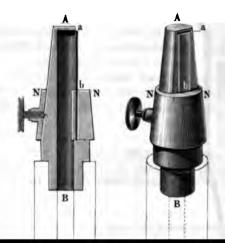
Solche Zungen, welche wie die in Fig. 516 und Fig. 517 dargestellten etwas kleiner sind als die zugehörige Oeffnung, so also, dass sie mit den Rändern derselben nicht in Berührung kommen, nennt man durchschlagende Zungen, im Gegensatz zu den aufschlagenden, welche, wie die Zunge Fig. 518, bei jeder Oscillation auf den Rahmen schlagen. Die aufschlagenden Zungen werden ihres rasselnden Tones wegen selten mehr gebraucht.

Durch Aufziehen oder Niederdrücken des Stimmdrahtes d, dessen unteres horizontal gebogenes Ende die Zunge gegen die Canile andrückt, kann man die Länge des vibrirenden Theils der Zunge vergrössern oder verkleinern und dadurch die Tonhöhe abändern.

Wenn gar kein Schallbecher oder doch nur eine kurze Röhre auf das Zungenwerk aufgesetzt ist, so hängt die Schwingungsgeschwindigkeit der Zunge, also der Ton, den sie giebt, von ihrer Elasticität und von ihren Dimensionen ab; wenn aber eine lange Röhre aufgesetzt wird, so modificirt diese den Ton wesentlich; die Bewegung der Zunge hängt dann mehr von der Bewegung der in der langen Pfeife hin und her laufenden Luftwellen als von ihrer eigenen Elasticität ab; sie wird also eigentlich mehr geschwungen als sie selbst schwingt.

W. Weber hat über diesen Gegenstand eine Reihe ausführlicher Versuche angestellt (Pogg. Annal. XIV, XVI und XVII). Fig. 519 und Fig. 520 stellen seinen Apparat in ½ der natürlichen Grösse dar, und

Fig. 519. Fig. 520.



zwar Fig. 519 im Durchschnitt, Fig. 520 in perspectivischer Ansicht. Der schraffirte Theil AB ist aus Messing verfertigt, bu ist die vibrirende Zunge. Bei B können hölzerne Röhren von beliebiger Länge angesteckt werden, wie man aus den Figuren ersieht, wo sie nur durch Contouren angegeben sind.

Diese Vorrichtung wird nun mittelst des konischen Zapfens NN in eine entsprechende Oeffnung einer Windlade so eingesetzt,

tiefer, und zwar bis zur nächst niederen Octave des Anfangstones, um dann für eine bestimmte Länge l (im vorliegenden Falle 195,3") wieder suf den Ton zurückzuspringen, welchen die Zunge für sich allein giebt.

Die Länge l (hier 195.3") ist die Länge einer offenen Pfeife, deren Grandton unisono ist mit dem Ton, welcher der Schwingungszahl der nur unter dem Einfluss ihrer Elasticität vibrirenden Zunge entspricht.

Eine Verlängerung der Röhre über die Länge l hinaus macht, dass der Ton abermals tiefer wird, und zwar in unserem Falle bis \bar{d} für die Röhrenlänge 384", um für 21 (hier 390") zum zweitenmale auf den ursprünglichen Ton zurückzuspringen.

Kurz, der Ton der Zungenpfeife ist für die Röhrenlängen l, 2l, 37 u. s. w. derselbe wie ohne Ansatzrohr, während jede andere Länge der Ansatzröhre den Ton der Zungenpfeife tiefer macht, wenn sie durch Einblasen von Luft in die Windlade zum Tönen gebracht wird, wie es bei den eben besprochenen Versuchen der Fall

Wird dagegen die Zungenpfeife dadurch zum Tönen gebracht, dass die Luft aus der Windlade ausgesaugt wird, so hat das Ansetzen von Röhren eine Erhöhung des Tones zur Folge.

Der Grund dieser Erscheinung ergiebt sich aus folgender Betrachtung:

Fig. 521. Fig. 522.

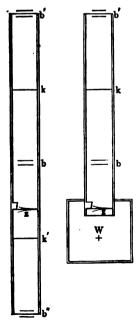


Fig. 521 stelle eine an beiden Enden offene Röhre dar, welche eine im Zustande stehender Schwingungen sich befindende Luftsäule enthält. Schwingungsknoten befinden sich in k und k', Bäuche dagegen in b und an den Enden der Röhre in b' und b''.

> Der Ton dieser Pfeife wird nun keinerlei Aenderung erfahren, wenn an irgend einer Stelle im Inneren der ein Scheibchen angebracht wäre, dessen Ebene rechtwinklig auf der Röhrenaxe steht und welches genau dieselben Oscillationen machte, welche einer an dieser Stelle befindlichen Luftschicht in Folge des Tönens der in der Röhre eingeschlossenen Luftsäule zukommen. An die Stelle dieses Scheibchens könnte aber auch ohne merkliche Aenderung eine in gleicher Weise oscillirende Zunge eingesetzt werden.

> Es sei nun eine solche Zunge in der Röhre Fig. 521 bei s swischen dem Schwingungsknoten k' und dem

Bauche b angebracht, welche so eingerichtet ist, dass sie die Verbindung zwischen dem oberen und unteren Theil der Röhre absperrt, während sie aus ihrer Gleichgewichtslage nach Oben (also in Beziehung auf den oberen Theil der Röhre nach Innen) entfernt ist, dass dagegen die Verbindung zwischen der Lust im oberen und unteren Theile der Röhre hergestellt ist, während die Zunge nach Unten (respective nach Aussen) gebogen ist.

Die Zunge z wird sich aber von ihrer Gleichgewichtslage nach Unten (Aussen) bewegen müssen, während die benachbarten Luftschichten in Folge der stehenden Wellen in der Röhre gleichfalls von einer nach Unten gerichteten Bewegung afficirt sind, während sich also beim Knoten k' eine Luftverdichtung bildet. Während der äusseren Schwingung der Zunge ist es offenbar einerlei, ob die Luft unmittelbar über z mit der bei k' verdichteten Luft im unteren Theil der Röhre bb' oder mit der gleich verdichteten Luft in der Windlade w, Fig. 522, communicirt; während der inneren Schwingung der Zunge aber ist die Verbindung zwischen dem unteren Theil des Röhrenstückes zb' mit dem unter z befindlichen Raum ohnehin unterbrochen, es ist also in dieser Periode gleichgültig, ob sich unterhalb z das Röhrenstück zb'' oder die Windlade befindet.

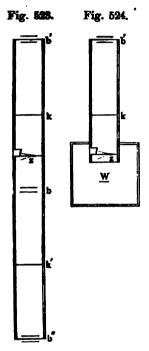
Man kann also ohne in den Vibrationen der Zunge und der Luftschichten in dem Röhrenstück $z\,b'$ etwas zu ändern, das Röhrenstück $z\,b''$ mit einer Windlade vertauschen, welche entsprechend verdichtete Luft entbält.

Aus diesem Raisonnement ergiebt sich nun auch, dass in einer Zungenpfeife, welche auf einer Windlade mit verdichteter Luft aufgesetzt wird, sich in der Röhre über der Zunge zunächst ein Bauch, und erst jenseits des Bauches ein Knoten bilden kann.

Betrachten wir aber nun den Einfluss, welchen die abwechselnde

l also die Zunge s so steht, dass der obere Theil sb' der Röhre mit unteren sb'' communicirt, ist die Luft unmittelbar über und unter rdünnt; man kann also, ohne die Schwingungen in dem Röhrenstück su alteriren, statt des unteren Röhrenstückes sb'' eine Windlade w, 524, substituiren, welche verdünnte Luft enthält; in diesem Falle auss sich in der Röhre zunächst über der Zunge ein Knoten und immeits desselben ein Bauch bilden.

Für den Fall, dass die Luft in der Windlade verdünnt wird, ist also



während der äusseren Schwingung der Zunge das untere Ende der Luftsäule zb', Fig. 524, verdünnt und beschleunigt die Platte nach Innen, während sie durch ihre eigene Elasticität nach derselben Richtung beschleunigt wird. Während der inneren Schwingung der Zunge aber ist die Luft im unteren Ende der Röhre zb' verdichtet, und beschleunigt die Platte gleich ihrer eigenen Elasticität nach Aussen.

Da also hier der Einfluss der schwingenden Luftsäule stets in gleichem Sinne auf die Zunge wirkt, wie deren eigene Elasticität, so muss sie schneller schwingen, ihr Ton muss höher werden, als der Ton der isolirt schwingenden Platte.

Wenn die Zunge gerade an der Stelle eines Bauches sich befindet, so findet unmittelbar über derselben weder Verdünnung noch Verdichtung der Luft statt, die stehenden Wellen der Luftsäule in der Röhre üben also in diesem Falle weder einen beschleu-

anden, noch einen verzögernden Einfluss auf die Vibrationen der Zunge i der Ton der Luftsäule ist unisono mit dem der isolirt schwingenden ige.

Eine zweite Art der Zungenwerke wird durch membranöse elasche Platten gebildet, welche die beiden Lippen eines schmalen Spalbilden und welche durch ihre Oscillationen den Spalt abwechselnd öffnen
schliessen. Joh. Müller construirte membranöse Zungenpfeisen in
durch Fig. 525 (a. f. S.) erläuterten Weise, indem er auf ein rechtdig zur Axe abgeschnittenes Rohr zwei Lappen von vulkanisirtem
schuk so aufband, dass nur ein schmaler Spalt zwischen ihnen frei
Nach Helmholtz construirt man membranöse Zungenpfeisen,
526, welche noch besser ansprechen, als die in Fig. 525 dargestell-

448

ten, indem man das obere Ende eines hölzernen oder Guttapercha-Rohres von zwei Seiten her so schräg abschneidet, dass zwei ungefähr



werden alsdann mit leichter Spannung Streifchen von vulkanisirtem Kautschuk so gelegt, dass sie einen schmalen Spalt zwischen sich lassen, und dann mit einem Faden festgebunden.

Sehr leicht lässt sich eine membranöse Zungenpfeife auch in folgender Weise herrichten: von einer Röhre dünnen vulkanisirten Kautschuks. welche 1/2 bis 3/4 Zoll weit ist, schneide man ein 11/2 bis 2 Zoll langes Stück ab und befestige es am Ende eines Glasrohres von entsprechender Weite, wie man Fig. 527 sieht. Wenn man nun die Kautschukröhre an ihrem oberen Ende an zwei gegenüberliegenden Punkten fasst und auseinanderzieht, so bildet sich eine Ritze, wie sie unsere Figur zeigt, deren Ränder von Kautschuk sind, und wenn man dann unten in das Rohr hineinbläst, so erhält man einen Ton, der um so höher wird, je stärker die beiden Lippen angespannt werden. Man kann dabei ganz deutlich die Vibrationen der beiden Kautschuklippen sehen, welche die Ritze bilden.

Abhängigkeit der Geschwindigkeit des Schalles von der Elasticität der schallverbreitenden Medien. Wir haben zwar schon oben gesehen, dass sich der Schall durch alle ponderabelen Materien, durch luftförmige, flüssige und feste Körper fortpflanzt, wir kommen aber jetzt auf diesen Gegenstand zurück, nachdem wir Mittel kennen gelernt haben, die zur Bestimmung der Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles in verschiedenen Körpern nöthig sind.

Newton hatte in dem zweiten Buche seiner "Philosophiae naturalis principiae mathematica" einen Ausdruck für die Geschwindigkeit des Schalles in der Luft entwickelt, welcher ein zu kleines Resultat gab, nämlich nur 5/6 von der beobachteten Schallgeschwindigkeit. Newton selbst suchte diese Differenz zu erklären; die wahre Ursache aufzufinden, blieb

aber La Place vorbehalten. Die Bewegung, welche den Schall erzeugt, pflanzt sich, wie wir gesehen haben, in elastischen Mitteln dadurch fort, dass sie eine Compression in denselben hervorbringt; da aber jede Compression von einer Wärmeentbindung begleitet ist, so vermuthete La Place, dass diese frei werdende Wärme das Gesetz der Elasticität modificirt, und dass sie es ist, welche die Geschwindigkeit des Schalles beschleunigt. Wenn die verdichtete Welle Wärme erzeugt, so wird in der verdünnten Welle Wärme gebunden, und man sollte denken, dass diese entgegengesetzten Wirkungen sich gegenseitig aufhöben; sie compensiren sich auch wirklich in Beziehung auf die Temperatur, denn der Schall, welcher sich in der Luft fortpflanzt, bringt keine merkliche Wirkung auf das Thermometer hervor; dies hindert aber nicht, dass doch eine Modification der Elasticität stattfindet.

La Place giebt für die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles in Gasen und Dämpfe folgende Formel:

$$v = \sqrt{\frac{gh}{d}} k,$$

in welcher v die in Metern ausgedrückte Geschwindigkeit der Fortpflanzung in 1", g die beschleunigende Kraft der Schwere (also 9,8088 Meter), h die auf 0° reducirte Höhe der Quecksilbersäule ist, welche die Spannkraft des Gases misst, d das specifische Gewicht des Gases, wenn das des Quecksilbers bei 0° zur Einheit genommen wird, und endlich k den Quotienten der Wärmecapacität des Gases bei constantem Drucke, dividirt durch seine Wärmecapacität bei constantem Volumen, bezeichnet.

Um diese Formel auf Luft, unter beliebigem Drucke und beliebiger Temperatur anzuwenden, muss man bemerken, dass die Luft unter einem Drucke von 76 Centimetern und bei einer Temperatur von 0 Grad $10466,82\,\mathrm{mal}$ leichter ist als Quecksilber, dass also bei einem Druck h und einer Temperatur t

$$d = \frac{h}{0.76 \cdot 10466,82 \ (1 + at)}$$

und also

$$v = \sqrt{9,8088 \cdot 0,76 \cdot 10466,82 (1 + at) k},$$

und da für Luft k = 1,3748 ist, so kommt

$$v = 327,52 \ V \ 1 + at$$

für die Geschwindigkeit des Schalles in der Luft bei 0°. Für a ist der Ausdehnungscoöfficient der Luft zu setzen.

Man sieht, dass diese Geschwindigkeit nur von der Temperatur, nicht aber vom Druck abhängig ist.

Nach dieser Formel lässt sich auch die Geschwindigkeit des Schalles für andere Gase und Dämpfe berechnen, wenn für sie der Werth von k bekannt ist; umgekehrt aber kann man aus der Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles den Werth von k berechnen. Es giebt aber ein ein-

faches Mittel, die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles in irgend einem Gase zu ermitteln; man braucht nur eine Röhre von bekannter Länge mit diesem Gase zu füllen, sie tönen zu lassen und den Ton zu merken, welchen sie giebt. Diese Versuche sind für die Theorie der Wärme nicht weniger interessant als für die Akustik, und man sieht, bis zu welcher Vollkommenheit La Place diese Theorien entwickelt hat, da es nun hinreicht, dass ein Experimentator den Ton hört, welchen eine Gassäule in einer Röhre von bekannter Länge hervorbringt, um daraus die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles in diesem Gase und das Verhältniss seiner specifischen Wärme zu kennen (Dulong, Annal. de Chim et de Phys. T. XLI, p. 113).

190 Geschwindigkeit des Schalles in Flüssigkeiten. Um die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles in Flüssigkeiten zu berechnen, hat La Place folgende Formel gegeben:

$$v = \sqrt{\frac{g}{\lambda}}$$

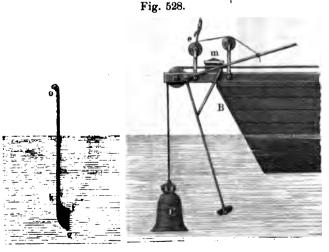
wo v und g dieselbe Bedeutung haben wie in der vorigen Formel, λ aber die Verkürzung bezeichnet, welche eine horizontale Flüssigkeitssäule von 1 Meter Länge in einer unelastischen Röhre unter einem ihrem Gewichte gleichen Drucke erleidet. (Vergleiche Supplementband S. 116.)

Um diese Formel anwenden zu können, muss man λ kennen. Diese Grösse ist aber leicht zu bestimmen, wenn man die Zusammendrückbarkeit einer Flüssigkeit durch den Druck einer Atmosphäre kennt. Das Wasser wird z. B. durch den Druck einer Atmosphäre um 47,85 Milliontel seines Volumens zusammengedrückt; durch den Druck einer Atmosphäre wird also eine 1 Meter lange Wassersäule in einer unelastischen Röhre um 47,85 Milliontel Meter zusammengedrückt. Der Druck einer Atmosphäre entspricht aber einem Quecksilberdrucke von 0,76 Meter bei einer Temperatur von 10°C. und dem Drucke einer Wassersäule von 10,2934 Meter bei einer Temperatur von 10°C.

Namen der Flüssigkeiten	Specifisches Gewicht	Zusammen- drückbarkeit	Geschwindig- keit des Schal- les in 1"	
Acther	0,712	131,35	1039m	
Alkohol	0,795	94,95	1157	
Chlorwasserstoffather	0,874	84,25	1171	
Terpentinol	0,870	71,35	1276	
Wasser	1	47,85	1453	
Quecksilber	13,5	3,38	1484	
Salpetersäure	1,403	30,55	1535	
Wasser mit Ammoniak gesättigt .	0,9	33,05	1842	

Die Zahlen der letzten Columne sind alle mit einer Ungewissheit behaftet, welche besonders von der Ungewissheit des Werthes für die Zusammendrückbarkeit abhängt. Nimmt man z. B. für Alkohol den von Oersted angegebenen Werth der Zusammendrückbarkeit, so würde sich für die Geschwindigkeit des Schalles 2423 Meter in der Secunde ergeben, während man sie nur gleich 1157 Meter findet, wenn für die Zusammendrückbarkeit des Alkohols der von Colladon und Sturm gefundene Werth in Anwendung gebracht wird.

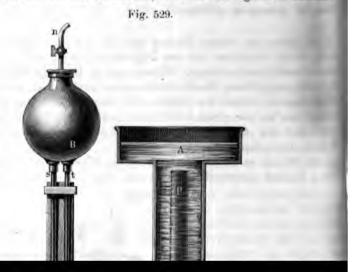
Das Wasser ist die einzige unter diesen Flüssigkeiten, welche einem directen Versuch unterworfen worden ist. Fig. 528 erläutert das Verfah-



ren, welches Colladon und Sturm im Jahre 1827 zu diesem Zweck im Genfer See zur Anwendung brachten. Eine ganz in das Wasser unter-

getauchte Glocke war an einem Nachen angehängt; sie wurde durch einen Hammer angeschlagen, dessen Stiel aus dem Wasser hervorragte. Durch Niederdrücken eines Hebels wird der Hammer b gegen die Glocke geschlagen und gleichzeitig die Lunte e mit dem Pulverhäufehen m in Berührung gebracht. Am gegenüber liegenden Ufer des Sees notirte mad den Moment in welchem man den Lichtblitz des entzündeten Pulvers und denjenigen in welchem man den im Wasser fortgepflanzten Schall wahrnahm, welcher mit Hülfe des Hörrohrs gfko beobachtet wurde. — Dies Versuche ergaben für die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles in Wasser 1435 Meter in der Secunde, was von der berechneten Zahl 1453 nur wenig abweicht (Pogg. Annal. Bd. XII, S. 183).

Wenn zwei unter Wasser zusammenstossende Körper ein Gerinscherzeugen, welches weithin wiederhallt, so ist die Flüssigkeit in allen Punk-



das Erzittern einer Glocke. Wenn Stäbe unter Wasser oder Quecksilber transversal oder longitudinal schwingen, so setzen diese Schwingungen ebenfalls durch ihren Stoss die Flüssigkeit in Vibrationen. Man könnte aber glauben, dass die Schallwellen im Wasser nur durch die Vibrationen fester Körper erzeugt werden könnten; dies ist aber nicht der Fall. Die Sirene ertönt auch, wenn sie vollständig unter Wasser getaucht ist und ein Strom von Wasser durch die Oeffnungen hindurchtreibt, wie es bei den gewöhnlichen Sirenen mit der Luft geschieht. Wertheim hat förmliche Wasserpfeifen construirt, d. h. Pfeifen, in welchen eine

Fig. 530.

Wassersäule ebenso in tönende Schwingungen versetzt wird, wie die Luftsäule in gewöhnlichen Pfeisen (Annal. de Chim. et de Phys. 3. Ser. T. XXIII).

Die ganz mit Wasser gefüllte offene oder gedeckte Pfeise p, Fig. 529, besindet sich in einem 52 Centimeter hohen mit Wasser gefüllten Gefässe A. Mittelst einer Druckpumpe wird beim Ausziehen des Kolbens durch das Rohr r Wasser aus dem Gesäss A herausgesaugt, beim Niedergange des Kolbens aber wird es durch das Rohr s in den Windkessel B hineingepresst, aus welchem es durch den Druck der comprimirten Lust durch die Röhre t in den Fuss der Pfeise p getrieben wird. Die Röhre n führt zu einem Manometer.

Fig. 530 stellt das Mundstück der Pfeife p in grösserem Maassstabe dar.

Geschwindigkeit des Schalles in festen Körpern. Die 1 Formel, welche La Place für Flüssigkeiten gegeben hat, lässt sich auch auf feste Körper anwenden, nur herrscht noch einige Ungewissheit in Beziehung auf die Ermittelungen des Werthes λ . Man nimmt zwar an, dass eine horizontale Metallstange gleichviel verkürzt oder verlängert wird, wenn sie mit gleicher Kraft gedrückt oder gezogen wird, und da man für feste Körper leichter die Verlängerung als die Verkürzung messen kann, so nimmt man an, dass in der Formel

$$v = \sqrt{\frac{g}{\lambda}}$$

für λ die Verlängerung zu setzen ist, welche eine 1 Meter lange Stange erleidet, wenn sie durch ein Gewicht gezogen wird, welches dem ihrigen gleich ist. Die Verlängerung ist aber nicht dieselbe, wenn man annimmt, dass die Stange nur an ihren Enden gezogen wird, oder wenn man annimmt, dass dieser Zug auf alle Punkte ihrer Oberfläche wirkt. Mehrere Betrachtungen lassen annehmen, dass für λ bei festen Körpern, wie bei Flüssigkeiten, die Veränderung des Volumens zu nehmen sei, welche der Stab erleidet, wenn auf alle Punkte seiner Oberfläche gleiche Kräfte wirken. In dieser Voraussetzung müsste man für λ 3/2 der Verlängerung nehmen, welche ein Stab erleidet, wenn er nur an seinen beiden Enden

gezogen wird. Nach den Versuchen von Colladon und Sturm verlängert sich ein Glasstab um 11 Zehnmilliontel seiner Länge, wenn die ziehende Kraft dem Druck einer Atmosphäre gleich ist; man müsste also $^{33}/_{2} = 16,5$ Zehnmilliontel für die Vergrösserung des Volumens nehmen, wenn der Glasstab an allen Punkten seiner Oberfläche diesen Zug auszuhalten hätte. Berechnet man daraus die Vergrösserung des Volumens, welche eine dem Gewicht eines 1 Meter langen Glasstabes äquivalente ziehende Kraft hervorbringt, so ergiebt sich 4959 Meter für die Geschwindigkeit des Schalles in dem Glase.

Um die Schallgeschwindigkeit in festen Körpern experimentell zu ermitteln, haben Chladni und Savart Versuche angestellt. Das Princip, auf welchem sie beruhen, ist folgendes:

Es sei v die Geschwindigkeit des Schalles in der Luft, l die Länge einer offenen Röhre und n die Anzahl der Schwingungen, welche die Luftsäule in ihr in 1" macht, wenn sie ihren Grundton giebt; die Länge der Schallwellen, welche in diesem Falle erzeugt werden, ist gleich 2l, d. h. gleich der doppelten Röhrenlänge; die n Wellen, welche in einer Secunde erzeugt werden, bilden also eine Länge 2nl, welche der Schallgeschwindigkeit v gleich ist, man hat also v = 2nl.

Es sei ferner v' die Schallgeschwindigkeit in irgend einem festen Körper; l die Länge eines cylindrischen oder prismatischen Stabes von dieser Substanz; n' die Anzahl der Vibrationen, welche der longitudinal schwingende Stab in einer Secunde macht, wenn er seinen Grundton giebt, wenn er also an beiden Enden frei ist und in der Mitte gehalten wird. die Länge der Wellen, welche in diesem Falle in seiner eigenen Substanz entstehen, ist 2l; die n' Undulationen, welche er in einer Secunde macht, würden also eine Länge 2n'l bilden, welche gleich der Schallgeschwindig-

Man weiss aber, dass eine 8 Fuss lange offene Orgelpfeife den Ton sht; es ist also für den Fall $\frac{n'}{n} = 16$, in Tanuenholz wäre demusch eschwindigkeit des Schalles 16mal grösser als in der Luft, oder

$$v' = 340 \cdot 16 = 5440$$
 Meter.

Durch eine Reihe ähnlicher Versuche hat Chladni für die Geschwinit des Schalles in mehreren festen Körpern die in folgender Tabelle mengestellten Werthe erhalten.

Namen der Substanzen		Geschwindigkeit, verglichen mit Schallgeschwindig- keit in der Luft	
Fischbein		62/3	
Zinn		71/2	
Silber		9	
Nussbaumholz		102/3	
Taxusholz		102/3	
Messing		10 ² / ₃	
Eichenholz		102/3	
Pflaumenbaumholz		$10^{2}/_{3}$	
Irdene Pfeifenröhren		10 bis 12	
Kupfer		12	
Birnbaumholz		121/2	
Rothbuchenholz		121/2	
Ahornholz		121/3	
Acacienholz		142/5	
Ebenholz		142/5	
Hagebuchenholz		142/5	
Ulmenholz		142/6	
Erlenholz		142/5	
Birkenholz		142/5	
Lindenholz		15	
Kirschbaumholz		15	
Weidenholz		16	
Pinienholz		16	
Glas		162/3	
Eisen oder Stahl		16 ² / ₃	
Tannenholz		18	

Die von Savart gefundenen Zahlen stimmen im Allgemeinen mit denen von Chladni überein. Savart hat aber ausserdem noch nachgewiesen, dass für ein und denselben Körper Verschiedenheiten stattfinden, welche von Unterschieden in dem Molekularzustande abhängen.

192 Mittheilungen der Schallschwingungen zwischen sesten, flüssigen und luftförmigen Körpern. Wenn mehrere feste Körper unter einander zu einem Ganzen verbunden sind, so verbreiten sich die von einem Theile dieses Systems ausgehenden Vibrationen mit der grössten Leichtigkeit als fortschreitende Wellen über die ganze Masse; an der Gränze angekommen, gehen nun aber die Wellen nur theilweise in das angränzende Mittel, einen luftförmigen oder flüssigen Körper, über, theilweise aber werden sie reflectirt, und durch die Interferenz der reflectirten Wellen mit den neu ankommenden bilden sich in den einzelnen Theilen des festen Systems stehende Schwingungen. Ein solches System bildet ein Ganzes, welches sich, wenn ein Punkt in Schwingungen versetzt wird, wie ein einzelner fester Körper in einzelne schwingende Theile abtheilt, die durch Schwingungsknoten getrennt sind. Jeder einzelne Theil verliert gewissermaassen seine Individualität; seine Verbindung mit den benachbarten Stücken hindert ihn, so zu schwingen, wie es geschehen würde, wenn er allein wäre.

Savart hat viele Versuche über diesen Gegenstand gemacht; er hat seine Apparate auf mancherlei Weise abgeändert, um zu zeigen, dass sich die Vibrationen wirklich über ein ganzes System von Platten, Streifen, Glocken, Saiten u. s. w. verbreiten. Unter den Resultaten, die in seiner Abhandlung (Annal. de Phys. et de Chim. T. XXV) niedergelegt sind, wollen wir folgendes Beispiel hervorheben, welches den Vortheil hat, zugleich den Einfluss nachzuweisen, welchen die Richtung der Bewegung auf die

Fiedelbogens oder der Richtung abhängig, in welcher die Platte schwingt, wie man in Fig. 532 bis 535 sieht, wo die entsprechende Richtung, in welcher der Fiedelbogen streicht, durch einen kleinen Pfeil bezeichnet ist.

Während sich die Schallwellen leicht über ein System von festen Körpern verbreiten, gehen sie nicht so leicht von einem festen Körper auf einen flüssigen, weniger leicht auf einen gasförmigen über; so kommt es denn, dass mancher ziemlich stark vibrirende feste Körper doch nur einen ganz schwachen Ton hören lässt, nur weil er seine Schwingungen der Luft nicht gehörig mittheilen kann. Dies ist z. B. bei der Stimmgabel der Fall, welche, stark angeschlagen und frei in der Luft gehalten, doch nur einen ganz schwachen Ton hören lässt.

Um den Ton eines solchen Körpers zu verstärken, muss man die Mittheilung seiner Schwingungen an die Luft durch Resonanz, d. h. dadurch befördern, dass man die stehenden Schwingungen des tönenden Körpers noch auf einen anderen zu übertragen sucht. Ein Mittel dazu haben wir schon kennen gelernt, die schwach tönenden, aber doch stark vibrirenden Körper vor eine Röhre von entsprechender Länge zu halten, und so die Luftmasse in derselben zum Mittönen zu bringen.

Ein zweites Mittel, den Ton zu verstärken, besteht darin, den tönennenden Körper mit einem anderen, leicht in Schwingungen zu versetzenden festen Körper von verhältnissmässig grosser Oberfläche in Berührung zu bringen. Es bilden sich dann auf diesem, wie schon erwähnt wurde, ebenfalls stehende Schallschwingungen, und diese theilen sich, der grossen Oberfläche des mittönenden (resonirenden) Körpers wegen, der Luft leichter mit. Setzt man z. B. die stark angeschlagene, aber in freier Luft schwachtönende Stimmgabel auf einen Kasten von dünnem elastischen Holze, so hört man den Ton ungleich stärker. Darauf beruht die Anwendung des Resonanzbodens in verschiedenen musikalischen Instrumenten. Bei Flöten, Orgelpfeifen u. s. w. ist kein Resonanzboden nöthig, weil hier die stehenden Schwingungen einer Luftmasse den Ton geben, und diese sich ganz leicht der umgebenden Luft mittheilen.

So wie Vibrationen fester Körper Schallwellen in der Luft erzeugen, so können auch umgekehrt Schallwellen, die, sich in der Luft verbreitend, einen festen Körper treffen, diesen zum Vibriren bringen. So sieht man z. B. die Saite eines Instrumentes in Schwingungen gerathen, wenn sie von den Schallwellen des Tones, welchen sie selbst giebt, oder eines seiner harmonischen Töne getroffen wird; so erzittern die Fensterscheiben heftig unter dem Einfluss gewisser Töne der Stimme oder des Knalls einer Kanone. Diese Erscheinung, welche man so auffallend an leicht beweglichen Körpern wahrnimmt, findet auch bei grösseren Massen und weniger elastischen Körpern statt; alle Pfeiler und Mauern eines Domes erzittern mehr oder weniger beim Läuten der Glocken.

Leicht in Schwingungen zu versetzende Körper theilen sich, wenn sie durch Schallwellen, welche sie treffen, in Vibrationen versetzt werden, durch Knotenlinien auf ähnliche Weise in einzelne vibrirende Abtheilungen, wie dies auch bei selbsttönenden Körpern der Fall ist. Savart, welcher diese Erscheinungen ganz besonders studirt hat, befestigte Membranen von Papier, Pergament oder Goldschlägerhaut, indem er ihre Ränder auf einen Holzrahmen oder über die Oeffnung einer Glasglocke klebte; sie wurden mehr oder weniger befeuchtet, um ihnen eine grössere oder geringere Spannung zu ertheilen. Um sie in Schwingungen zu versetzen, näherte er eine schwingende Stimmgabel oder eine Orgelpfeife, deren Ton voll und andauernd war. Sobald der Ton sich hören lässt, vibrirt die Membran gerade so, als ob sie direct wäre erschüttert worden; die Sandkörnchen, welche sie bedecken, springen auf der Oberfläche umher, um sich in den Knotenlinien anzuhäufen. Die Figuren, welche man erhält, sind äusserst mannigfaltig und hängen von der Spannung der Membran und der Höhe der Töne ab, welche sie treffen.

In Fig. 536 ist eine Reihe solcher an quadratischen Membranen

Fig. 536.



beobachteter Knotenlinien dargestellt. Savart hat beobachtet, dass, wenn man durch irgend einen Ton eine bestimmte Figur erzeugt hat, dieselbe allmälig in andere übergeht, wenn der Ton höher und höher wird. In unserer Figur enthält jede Horizontalreihe eine Reihe solcher auf einander folgender Modificationen.

Dreiekige, vieleckige und kreisförmige Membranen bieten ähnliche Erscheinungen dar.

Drittes Capitel.

Interferenz der Schallwellen.

Interferenz isochroner Schallwellen. Schon oben haben 193 wir gesehen, wie in Röhren durch Interferenz der directen und reflectirten Schallwellen stehende Luftwellen sich bilden; wir wollen hier nun noch einige andere Interferenzerscheinungen der Schallwellen untersuchen.

Wenn man eine Röhre von Holz oder Pappe, welche sich unten, wie man Fig. 537 sieht, in zwei unten offene Arme theilt, und an deren oberem Ende sich eine zweite Röhre b auf- und abschieben lässt, die in einem mit einer schwach gespannten Membran verschlossenen Kästchen a endigt, über eine tönende Glas- oder Metallplatte bringt, so lässt sich die gegenseitige Einwirkung zweier Schallwellen sehr deutlich zeigen. Eine quadratische Platte, Fig. 538, wird zu diesem Zwecke gerade so eingeschraubt, wie zur Erzeugung von Klangfiguren, und so gestrichen, dass die Diagonalen des Quadrates Ruhelinien sind, wie Fig. 538 zeigt. Hält man nun die gabelförmigen Enden der Röhre über die in Fig. 538 mit A und B bezeichneten Stellen der Platte, so wird der Sand, den man auf die Membran des Apparates Fig. 537 gestreut hat, in leb-

Fig 537.



Fig. 538.



hafte Bewegung gerathen. Die Stellen A und B befinden sich nämlich stets in gleichen Schwingungszustän-

den, beide gehen gleichzeitig auf und nieder, sie senden also gleichzeitig

Verdichtungen und Verdünnungen in die offenen Enden der Gabel, die sich in dem oberen Theile der Röhre gegenseitig verstärken. Hält man aber die Gabel so, dass die eine Oeffnung über C, die andere über D steht, so bleibt der Sand auf der Membran in Ruhe, denn wenn C sich aufwärts bewegt, so geht D nieder, und umgekehrt; während also eine Verdichtung in dem einen Gabelende eintritt, tritt durch das andere eine Verdünnung ein, und beide werden sich, in dem oberen Theile des Apparates zusammentreffend, gegenseitig aufheben.

Sehr interessante Interferenzerscheinungen hat Seebeck mit Hülfe der oben S. 408 beschriebenen Sirene hervorgebracht.

Man richte gegen eine Löcherreihe dieser Sirene zwei Röhren von den beiden entgegengesetzten Seiten her senkrecht gegen die Scheibe, und zwar so, dass, wenn die eine Röhre sich vor einem Loche befindet, die andere Röhre gleichzeitig einem anderen, etwa dem nächsten Loche, gegenübersteht. Bläst man nur durch eine Röhre gegen die in Umdrehung befindliche Scheibe, so hört man einen Ton; derselbe Ton wird wahrgenommen, wenn man nur durch die andere Röhre bläst; sobald aber beide Röhren zugleich angeblasen werden, verschwindet der Ton, und man hört nur ein Sausen. Wenn das Resultat dieses Versuches recht deutlich sein soll, so müssen die Luftströme beider Röhren vollkommen gleich stark sein, sie müssen aus einer Windlade kommen. Diese Erscheinung erklärt sich dadurch, dass die beiden gleichzeitigen Luftstösse ihrer entgegengesetzten Richtung wegen sich zwar nicht am Orte ihrer Entstehung, wohl aber bei ihrer Fortpflanzung und im Ohre des Beobachters gegenseitig aufheben.

Wenn man auf eine Scheibe concentrisch zwei Löcherreihen setzt, von denen die eine doppelt so viel Löcher hat als die andere wie dies Fig. 539 angedeutet ist, so giebt bei gleicher Umdrehungsgeschwindigkeit Am klarsten und entschiedensten zeigt sich die Interferenz der Schallrellen, wenn man einen Ton in eine Röhre eintreten lässt, welche in eine,
wei Zimmer trennende Wand eingemauert ist und die sich im Inneren
ler Wand in zwei alsbald sich wieder vereinigende Canäle theilt. Wenn
lie Differenz der Wege gerade ½ Wellenlänge des einfallenden Tones berägt, so müssen sich die aus den beiden Canälen kommenden Schallwelben bei ihrem Zusammentreffen aufheben. Wenn also in dem einen Zimmer der richtige Ton in die Röhre eintritt, so wird man im anderen nichts
hören, wenn beide Canäle offen sind, während der Ton sogleich wieder
erscheint, wenn einer der Canäle verschlossen wird.

Die Idee dieses Versuchs rührt ursprünglich von Herschel her, aber erst Nörrenberg hat nach diesem Princip einen Apparat construirt, wieher genügende Resultate liefert.

Fig. 540 stellt eine Nörrenberg'sche Interferenzröhre im bezontalen Durchschnitt dar. Der ganze Apparat ist in eine Wand einsmarert, welche zwei Zimmer trennt, so dass die Luft der beiden Zimmer nur durch die Canäle des Apparates in Verbindung steht. Wenn nun Schallwellen bei α in die Röhre eintreten, so gelangen sie bei n an se Scheidewand, welche bewirkt, dass die Wellen sich theilen; ein Theil htt rechts über d, ein anderer links über c nach σ; bei σ treffen also die



n beiden Seiten kommenden Wellen wieder zusammen, um endlich in r Richtung ob in das andere Zimmer einzutreten.

Der Querschnitt der Interferenzröhre ist quadratisch, wie man aus under der Hauptfigur angebrachten Erläuterungsfigur sieht. Die Diensionen des Apparates sind von der Art, dass der Weg von n über dieh o nm 12 Zoll länger ist, als der Weg von n über c nach o; wenn die Wellenlänge des bei a einfallenden Tones 24 Zoll ist, so beträgt a Gangunterschied gerade eine halbe Wellenlänge.

Treten also bei a die Wellen des fraglichen Tones ein, so kom von der linken Seite her bei o gerade eine Luftverdünnung an, währe von der rechten Seite her gleichzeitig ein Maximum der Verdichtung hi anlangt, und umgekehrt; die beiden Wellensysteme heben sich auf, mu wird also im anderen Zimmer nichts hören. Sobald man aber bei b eine



Schieber einschiebt, we cher den einen Seitene nal, entweder den auf de rechten oder den auf de linken Seite absperrt, s wird der Ton sogleich wie der hörbar.

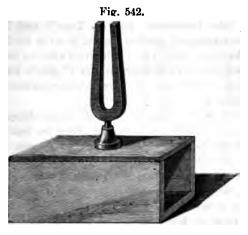
Wenn dagegen bei a ein Ton eintritt, dessen Welkelänge nur 12 Zoll beträgt, so ist der Gangunterschied der bei o von beiden Seten her zusammentreffesden Wellen gerade um ganze Wellenlänge.

man wird also jetzt eine Verstärkung des Tones wahrnehmen, wenn beide Oeffnungen frei sind.

Zur Erzeugung des Tones wendet man am besten eine 12zöllige offen Pfeife von Buxbaumholz an, deren innere Höhlung ungefähr 8 Millimetr weit ist. Diese Pfeife wird zur besseren Regulirung des Windes auf eine grosse Flasche gesteckt, wie Fig. 541 zeigt, und dann die Axe der Pfeife gerade gegen die Mitte des Rohres a, Fig. 540, gerichtet. Der Wind wird an bequemsten durch einen Blasebalg etwa von der in Fig. 452 abgebildets Einrichtung gegeben. Eine andere Vorrichtung zur Erzeugung des Windes findet man in Frick's physikalischer Technik S. 204 beschrieben. Be

Stösse. 463

itimmgabeln, welche vollkommen unisono sind, neben einander gestellt, o braucht man nur die eine mit etwas Wachs zu beschweren um die



Stösse sehr deutlich hörbar zu machen, wenn beide Stimmgabeln durch Anstreichen mit dem Fiedelbogen gleichzeitig zum Tönen gebracht werden.

Der Grund dieser Erscheinung ist leicht einzusehen. Wenn in einem bestimmten Moment durch beide Töne gleichzeitig eine

Verdichtung hervorgebracht wird, so wird dieses Zusammenfallen bald aufhören, und nach einiger Zeit wird gleichzeitig

eine Verdünnung des einen Tones mit einer Verdichtung des anderen stattfinden. Wenn aber die Verdichtungen des einen Tones gerade mit lenen des anderen zusammenfallen, so verstärken sie sich gegenseitig; sie heben sich aber gegenseitig auf, wenn die Verdichtungen des einen mit len Verdünnungen des anderen zusammentreffen.

Wie bald Verdichtung mit Verdichtung und Verdünnung mit Verlünnung und dann wieder Verdicthung mit Verdünnung zusammentreffen. wenn zwei nicht ganz isochrone Töne zusammenwirken, kann man sich lurch zwei nicht ganz isochron schwingende Pendel recht anschaulich nachen; am deutlichsten ergiebt sich aber das abwechselnde Anschwellen and Abnehmen des Tones durch graphische Darstellung. In Fig. 543 (a.f. S.) sollen die beiden schwach gezogenen Curven die Wellensysteme der beiden nicht isochronen Töne darstellen. Die Wellenberge entsprechen den Verlichtungen, die Thäler den Verdünnungen. Summirt man die Ordinaten der beiden Curven, so erhält man für jeden Moment die Intensität der Verdünnung oder Verdichtung, mit welcher beide Wellensysteme zusammen das Ohr afficiren; auf diese Weise ist die stark gezogene Curve construirt; bei a, b, c, h, i und k werden durch das Zusammenwirken beiler Wellensysteme verstärkte Verdichtungen und Verdünnungen, also ein Anschwellen des Tones, hervorgebracht. In der Nähe von M aber, wo sich die beiden Wellensysteme fast ganz aufheben, ist die resultirende Curve fast ganz flach, was einem Nachlassen des Tones entspricht.

Schon Sauveur hat die Stösse angewandt um die absolute Schwingungszahl der Töne zu ermitteln. Er zählte nämlich die Stösse, welche zwei tiefe Töne mit einander geben, von denen der eine um einen kleinen halben Ton höher war als der andere. Macht der eine dieser Töne 24 n Schwingungen in der Secunde, so ist 25 n die Schwingungszahl

Interferenz der Schallwellen.

des anderen; und wenn p die beobachtete Anzahl der Stösse ist, so ergiebt sich

25 n - 24 n = p oder n = p.

Nehmen wir z. B. an, man habe beobachtet, dass die Töne F und F in 10 Secunden 36 Stösse mit einander machen, so ist p = n = 3.6,

also die Schwingungszahl von F gleich 24.3,6 = 86,4. Demnach wäre die Schwingungszahl von C gleich 64,8; es wären ferner 259,2 und 432 die Schwingungszahlen der Töne \bar{c} und \bar{a} .

In anderer Weise hat Scheibler die Stösse benutzt um die absolute Schwingungszahl der Töne zu bestimmen. Er stellte zwei Stimmgabeln her, von denen die eine genau eine Octave tiefer war als die andere, so dass also 2x die Schwingungszahl der letzteren war, wenn man mit x die Schwingungszahl der ersteren bezeichnet. Alsdann verfertigte er p-1 weitere Stimmgabeln, deren Töne zwischen jenen lagen, und zwar so, dass jede folgende mit der vorhergehenden 4 Stösse in der Secunde machte. Daraus ergiebt sich nun

2x = x + 4p oder x = 4p.

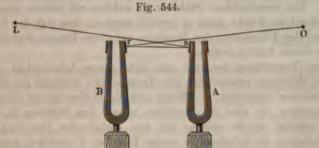
Beträgt z. B. die Zahl der Stimmgabeln, welche man zwischen a und \overline{a} einschalten muss, wenn jede folgende mit der vorhergehenden 4 Stösse geben soll 54, so ist p=55, x=4.55=220, also die Schwingungszahl von \overline{a} gleich 440.

Der Vorzug dieser, allerdings etwas mühsamen Methode beruht darauf, dass das Ohr für die Reinheit der Octaven ganz besonders empfindlich ist.



Stösse. 465

Tönen beider die beobachtete verticale Lichtlinie je nach dem Phasenunterschied der Vibrationen länger oder kürzer sein, als wenn nur eine



schwingt. Die Länge dieser Lichtlinie nimmt allmälig ab in dem Maasse, als die Vibrationen der Gabeln nach und nach kleiner werden. Sind aber die Gabeln nur dem Unisono nahe, so sieht man die Lichtlinie in regelmässigen Intervallen länger werden, um sich alsbald wieder auf ein Minimum zusammen zu ziehen.

Mit Hülfe des Phonautographen von Scott und König, welcher in Fig. 545 abgebildet ist, lassen sich die Schwebungen auch graphisch

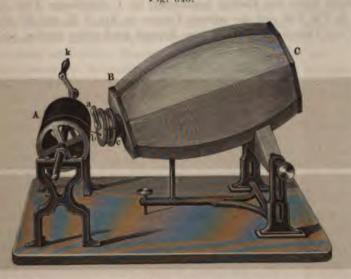


Fig. 545.

darstellen. Ein ungefähr 50 Centimeter langes hohles Ellipsoid von Gyps (König hat es jetzt durch ein Paraboloid von Metall ersetzt), ist bei C offen, am anderen Ende bei B aber ist es durch einen festen Boden bedeckt, in dessen Mitte ein kurzes messingenes, an seiner Aussenseite durch eine elastische Membran von Goldschlägerhaut oder Kautschuk geschlosse-

gungen versetzt, welche unisono mit dem einfallenden Tone sin aber gleichzeitig die Schallwellen zweier Töne bei C einfallen, we Vibrationen der Membran der Combination der beiden Wellensyst sprechen.

Der eben besprochene Apparat wird nun, wie die Fig. 545: den mit geschwärztem Papier überzogenen Cylinder A herangerüchen wir bereits in Fig. 513 S. 440 kennen lernten (das Stielchen aber weder normal zur Membran noch normal zum Cylinder, Fig. 545 zeigt, sondern es ist in entsprechender Weise schräg und man erhält eine graphische Darstellung der von der Meml geführten Oscillationen, wenn der Cylinder gedreht wird, wäh Membran unter dem Einfluss bestimmter, bei C einfallender Töne

In Fig. 546 sind die unteren Curven in Nro. I, II, und III pien von Curven, welche mit dem Apparat geschrieben wurden,





Stösse. 467

Curve jeder Abtheilung ist gleichzeitig durch eine Stimmgabel geschrieben, welche unisono war mit dem tieferen der beiden bei C einfallenden Pfeifentöne.

Nro. IV ist ohne Vermittelung der Membran des Scott'schen Phonautographen erhalten; es zeigt die Schwingungen einer Stimmgabel, deren Grundton stark von einem Oberton begleitet war.

Hier haben wir eigentlich nur den Streifen Nro. I der Fig 546 zu betrachten, in welchem deutlich das den Stössen entsprechende Anschwellen und Abnehmen der Vibrationsintensität wahrnehmbar ist.

Je näher die beiden Töne einander liegen, desto langsamer folgen die Stösse, so dass man sie bequem zählen kann. Macht der eine Ton in jeder Secunde 3, 4, 5 u. s. w. Schwingungen mehr als der andere, so werden 3, 4, 5 Stösse in der Secunde entstehen; die Anzahl der Stösse hängt ab von der Anzahl der Schwingungen, welche der eine Ton in jeder Secunde mehr macht als der andere. Wenn aber die Töne mehr und mehr ungleich werden, so werden die Stösse schneller und schneller, bis sie endlich nicht mehr als getrennte Eindrücke wahrgenommen werden können.

So lange die Schwebungen (Stösse) langsam genug sind, um ohne Schwierigkeit gezählt zu werden, machen sie auf das Ohr durchaus keinen unangenehmen Eindruck. Wenn aber die Differenz der beiden Töne bis zu einem Halbton wächst, so wächst die Zahl der Schwebungen bis zu 20 oder 30 in der Secunde; es bleibt dann dem Ohre immer noch der Eindruck getrennter Tonstösse, wenn man sie auch nicht mehr einzeln wahrnehmen oder zählen kann, aber der Gesammteindruck wird wirr. Ein solcher schnell schwebender Zusammenklang ist knarrend und rauh.

Ein knarrender, intermittirender Ton ist aber für den Gehörnerven desselbe, wie ein flackerndes Licht für den Gesichtsnerven. Es wird dassch eine viel intensivere und unangenehmere Reizung des Organes herzebracht, als durch einen gleichmässig andauernden Ton. In diesen schwebungen ist also wohl vorzugsweise der Grund der Dissoben Schwebungen ist also wohl vorzugsweise der Grund der Dissoben su suchen, welcher das Zusammenklingen zweier Töne charakterideren Intervall einen ganzen oder einen halben Ton beträgt.

Der Grad der Dissonanz hängt aber keineswegs allein von der Ander Stösse ab, welche zwei Töne mit einander geben, sondern auch der Grösse ihres Intervalls. So geben z. B. der Rechnung nach folgende Intervalle:

der Halbton .			$\bar{h} \ \bar{c}$
der Ganzton .			
die kleine Terz		. •	eg
die grosse Terz			ce
die Quint			CG

die gleiche Anzahl von 33 Schwebungen in der Secunde, und doch geben nur die beiden ersten eine entschiedene Dissonanz, während die grösseren Intervalle mehr und mehr von der Rauhigkeit frei werden. Wie es kommt, dass bei gleicher Anzahl von Stössen die Dissonanz mit der Grösse des Intervalls abnimmt, lässt sich nur durch physiologische Gründe erklären, in Betreff derer wir auf die "physikalische Theorie der Musik von Helmholtz (Braunschweig 1862)" verweisen müssen.

195 Combinationstöne. Wenn zwei musikalische Töne von verschiedener Höhe gleichzeitig, kräftig und gleichmässig anhaltend erklingen, so hört man häufig noch andere Töne mit, deren Tonhöhe von dem Intervall der beiden primären Töne abhängt. Diese, unter dem Namen der Combinationstöne bekannten Töne sind 1740 zuerst von Sorge entdeckt, und später durch Tartini, nach welchem sie auch die Tartini'schen Töne genannt werden, allgemeiner bekannt geworden.

Die Schwingungszahl eines Combinationstones ist stets gleich der Anzahl von Stössen, welche die beiden primären Töne mit einander geben, sie ist also gleich der Differenz der Schwingungszahlen der primären Töne, weshalb Helmholtz sie auch Differenztöne nennt.

So hört man die nächst tiefere Octave eines Tones mit, wenn gleichzeitig noch seine Quinte erklingt.

Bei gleichzeitigem Ertönen von Grundton und Quart hört man die tiefere Duodecime des Grundtons mit.

Grundton und grosse Terz geben einen Combinationston, welcher um 2 Octaven tiefer ist als der Grundton u. s. w. Es geben also

$$\overline{c}$$
 und \overline{g} den Combinationston c
 \overline{c} und \overline{f} , , F
 \overline{c} und \overline{e} , , C .

Nach Thomas Young ist die Erklärung der Combinationstöne auf die bereits im vorigen Paragraphen besprochenen Schwebungen zurückzuführen, indem der Gesammteindruck der Stösse, welche zu schnell sind um einzeln unterschieden zu werden, als ein eigener Ton hörbar wird, dessen Schwingungszahl gleich ist der Anzahl jener Stösse. Fig. 547 erläutert, wie die nächst tiefere Octave des Grundtons als Combinationstom mitklingt, wenn neben dem Grundton noch seine Quint ertönt. Die mitt-

Fig. 547.



lere Punktenreihe stellt nämlich die auf einander folgenden Verdichtungsstösse des Grundtons, die obere Punktenreihe stellt die seiner Quint dar. Nun aber fällt jedesmal der zweite Stoss der mittleren Reihe mit einem Stosse der oberen zusammen, und so werden die verstärkten Stösse in sol-

chen Intervallen hervorgebracht, wie man in der unteren Reihe sieht; diese stellt aber die nächst tiefere Octave des Tones der mittleren Reihe dar.

In gleicher Weise erläutert Fig. 548 die Bildung des Combinationstones, wenn neben dem Grundton noch seine Quart erklingt.

Fig. 548.



Diese Erklärung der Combinationstöne bedarf aber, wie Helmholtz in seinem bereits angeführten Werke gezeigt hat, noch wesentlicher Modificationen. Zunächst haben wir bereits im vorigen Paragraphen gesehen, dass unter Umständen eine namhafte Anzahl von Stössen in der Secunde erfolgen kann, ohne als Combinationston wahrgenommen zu werden, welche nur die Dissonanz der beiden gleichzeitig erklingenden Töne bedingen. Dann aber ist die Vernehmbarkeit der Combinationstöne auch nicht allein von dem Intervall und der Stärke der beiden primären Töne, sondern wesentlich auch von ihrer Entstehungsweise abhängig. Die Bedingung für ihre Erzeugung ist, dass dieselbe Luftmasse von beiden Tönen in heftige Erschütterung gesetzt wird. Dies geschieht am stärksten in Dove's mehrstimmiger Sirene, in welcher dieselbe rotirende Scheibe zwei oder mehrere Löcherreihen enthält, die aus demselben Windkasten gleichzeitig angeblasen werden. Die Luft im Windkasten ist verdichtet, so oft die Löcher geschlossen sind; wenn sie geöffnet werden, stürzt ein grosser Theil derselben ins Freie, es tritt eine beträchtliche Druckverminderung So geräth die Luft im Windkasten in heftige Schwingungen. Werden zwei Löcherreihen angeblasen, so entstehen solche Schwingungen in der Luftmasse des Windkastens beiden Tönen entsprechend, und durch jede Reihe von Oeffnungen wird nicht ein gleichmässig zufliessender Luftstrom entleert, sondern ein Luftstrom, welcher durch den anderen Ton schon in Schwingungen versetzt ist. Die Combinationstöne, welche unter diesen Umständen sehr stark sind, existiren hier schon objectiv in der Luftmasse.

Aehnlich der Sirene sind die Verhältnisse bei der Physharmonika; auch hier sind die Combinationstöne objectiv vorhanden und sehr deutlich, wenn auch lange nicht so stark wie bei der Sirene.

Wenn dagegen die Erregungsstellen der beiden Töne ganz von einander getrennt sind, und keinen mechanischen Zusammenhang mit einander haben, wenn also z. B. zwei Singstimmen oder zwei Violinen die Töne angeben, so sind die Combinationstöne äusserst schwach und nur durch sehr geübte Ohren wahrnehmbar.

Klangfarbe und Schwingungsform. In §. 164 haben wir 196 bereits gesehen, dass verschiedene musikalische Klänge durch ihre Ton-

höhe, ihre Stärke und ihre Klangfarbe unterschieden sind; wir haber ferner gesehen, dass die Stärke der Töne von der Weite, die Tonhöh aber von der Dauer der Schwingungen abhängt. Die Klangfarbe kann demnach nur davon abhängen, wie die Bewegung innerhalb jede einzelnen Schwingungsperiode vor sich geht.

Wir haben bisher angenommen, dass die Schwingungen eines tönender Körpers pendelartig seien, d. h. dass sie denselben Gesetzen folgen, wi die Schwingungen einer Stimmgabel, welche wir in Paragraph 184 be trachteten.

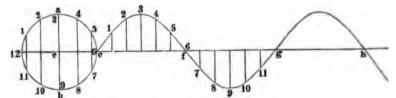
Der Abstand eines pendelartig schwingenden Punktes von seine Gleichgewichtslage ist gegeben durch die Gleichung

$$y = A \cdot \sin 2\pi t \cdot \ldots \cdot \ldots \cdot 1$$

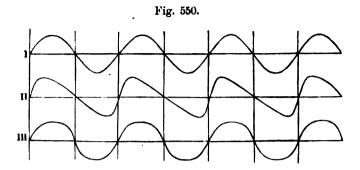
in welcher A die halbe Schwingungsamplitude und t die von Anfang der Oscillationsbewegung an verflossene Zeit bezeichnet, vorausgesetzt dan man die zu einer vollständigen Oscillation erforderliche Zeit als Zeiteinheit betrachtet.

Das Gesetz einer solchen pendelartigen Oscillation lässt sich anschalich machen, wenn man die Gleichung 1) in der Art geometrisch construit dass man die Abscissen der Zeit t, die Ordinaten aber proportional des Abstand y des vibrirenden Punktes von seiner Gleichgewichtslage auftrig und über die so bestimmten Punkte eine Curve zieht, wie dies in Fig. 54 geschehen ist.

Fig. 549.



wichtslage proportional macht und die so erhaltenen Punkte durch eine Curve verbindet. Fig. 550 zeigt drei verschiedene Schwingungscurven,



welche gleicher Schwingungsdauer und gleicher Schwingungsweite entsprechen. Die oberste ist die Schwingungscurve eines pendelartig oscillirenden Punktes, jede der beiden anderen entspricht aber einer Oscillationsbewegung, welche von dem Gesetz der Pendelbewegung abweicht.

Indem nun die Physiker diese Curvenformen im Sinne haben, welche das Gesetz der Bewegung eines tönenden Körpers darstellen, sprechen sie dann auch geradezu von der Schwingungsform eines tönenden Körpers, und schon lange hat man die Ansicht aufgestellt, dass wohl von dieser Schwingungsform die Klangfarbe abhängig sei. Erst in neuerer Zeit aber ist diese Ansicht durch die Bemühungen verschiedener Gelehrter, namentlich aber durch die Untersuchungen von Helmholtz, theoretisch und experimentell begründet worden.

Schon in §. 163 haben wir gesehen, dass die Vibrationen eines tönenden Körpers in der ihn umgebenden Luft eine Wellenbewegung hervorrufen, welche dadurch fortgepflanzt wird, dass die aufeinander folgenden Lufttheilchen der Reihe nach ähnliche Vibrationen machen wie der oscillirende Körper selbst. Wenn also der tönende Körper selbst pendelartige Oscillationen macht, so werden auch die Schwingungen der Lufttheilchen, welche seinen Schall fortpflanzen, dem Gesetz der Pendelschwingungen folgen; eine abweichende Schwingungsform des tönenden Körpers hat aber auch die gleiche Veränderung in der Schwingungsform der einzelnen Lufttheilchen zur Folge, durch deren Oscillationen der Schall jenes Körpers zum Ohr fortgepflanzt wird. Die Verschiedenheit der Klangfarben ist demnach durch Verschiedenheiten in der Schwingungsform der Schallwellen bedingt, welche in unser Ohr gelangen.

Wenn ein geübtes Ohr genau und aufmerksam einen Klang untersucht, welcher von einem tönenden Körper herrührt, dessen Oscillationen nicht dem Gesetz der Pendelschwingungen folgen, so ergiebt sich die merkwürdige Thatsache, dass man ausser dem Grundton, welcher der Schwingungsdauer seiner Vibrationen entspricht, noch eine Reihe harmo-

nischer Obertöne dieses Grundtones mithört; kurz das Ohr zerlegt einen solchen Klang in eine Reihe von Partialtönen, deren tiefster, nach dessen Tonhöhe wir die Tonhöhe des ganzen Klanges beurtheilen, in der Regel auch der stärkste ist; oder mit anderen Worten: das menschliche Ohr empfindet nach einem zuerst von G. S. Ohm aufgestellten Satze nur eine pendelartige Schwingung der Luft als einfachen Ton, und es zerlegt jede andere periodische Luftbewegung in eine Reihe von pendelartigen Schwingungen, welche als eine Reihe einfacher Töne empfunden werden.

Nach der eben aufgestellten Behauptung ist also die Klangfarbe der Töne verschiedener Instrumente dadurch bedingt, dass zu dem Grundton einige seiner harmonischen Obertöne und zwar mit grösserer oder geringerer Intensität hinzutreten. Um diesen Gegenstand weiter verfolgen zu können, müssen wir aber zunächst die Reihe der Obertöne näher betrachten, welche einem bestimmten Grundton angehören, von denen wir in §. 172 nur die tiefsten kennen lernten.

Als Obertöne eines Grundtons sind alle diejenigen zu bezeichnen, deren Schwingungszahl ein Ganzes, Vielfaches von der Schwingungszahl des Grundtons ist. Bezeichnen wir also die Schwingungszahl des Grundtons mit 1, so sind die Schwingungszahlen seiner harmonischen Obertöne

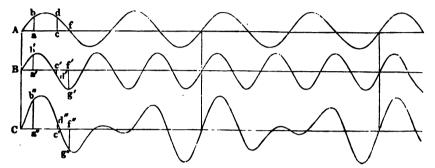
Die harmonischen Obertöne von c sind also:

$$\overline{c}, \overline{g}, \overline{\overline{c}}, \overline{\overline{e}}, \overline{\overline{g}}, \overline{\overline{b}}, \overline{\overline{c}}, \overline{\overline{d}}, \overline{\overline{\overline{e}}}$$
 u. s. w.

Die tieferen Töne dieser Reihe \overline{c} und \overline{g} , \overline{g} und $\overline{\overline{c}}$, $\overline{\overline{c}}$ und $\overline{\overline{c}}$ bilden, wie

sweier verschiedener Töne in das Ohr eintreten, wenn die Schwingungscurven der einzelnen Töne bekannt sind. Unter dem Einfluss beider Wellensysteme ist nämlich der Abstand eines Lufttheilchens von seiner Gleichgewichtslage stets gleich der Summe der Abstände, um welche dasselbe gleichzeitig durch jedes einzelne Wellensystem von dieser Gleichgewichtslage entfernt sein würde. Es seien z. B. A und B, Fig. 551, die

Fig. 551.



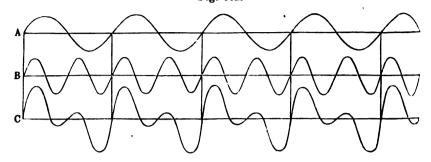
Schwingungscurven eines Tones und seiner Quint, so ergiebt sich als Resultat des Zusammenwirkens dieser beiden Wellensysteme eine oscillirende Bewegung der Lufttheilchen, deren Schwingungscurve durch C, Fig. 551, dargestellt ist. Jede Ordinate der Curve C ist die Summe der Ordinaten der Curven A und B, welche derselben Abscisse angehören; so ist z. B. die Ordinate a''b'' gleich ab+a'b'; ferner ist c''d''=cd-c'd', weil c'd' von der Abscissenaxe nach unten gekehrt ist, während cd die entgegengesetzte Lage hat. Die nach unten gerichtete Ordinate f''g'' ist gleich f''g', weil die dem Abscissenpunkte f entsprechende Ordinate der Curve A gleich Null ist.

In derselben Weise ist in Fig. 552 bei C die Schwingungscurve eines Lufttheilchens construirt worden, welches gleichzeitig durch die Schallwellen des Grundtons und seiner Octav afficirt ist, und zwar unter der Voraussetzung, dass die Vibrationsintensität beider Töne gleich sei.

Dass die Schallwellen zweier verschiedener Töne durch ihr Zusammenwirken in der That eine nach dem oben besprochenen Princip combinirte Vibrationsbewegung erzeugen, lässt sich mit Hülfe des Phonautographen von Scott und König darthun, indem dieser Apparat die Vibrationen graphisch darstellt, welche einer elastischen Membran durch die gleichzeitige Einwirkung zweier Töne mitgetheilt werden. Nro. II, Fig. 546 S. 466, stellt eine genaue Copie der Curve dar, welche der Apparat schrieb, als gleichzeitig vor der Mündung C des Ellipsoids der Grundton und seine Quint (von Orgelpfeifen erzeugt) ertönten. Man erkennt leicht, dass diese Curve in der That alle charakteristischen Eigenschaften der theoretisch

construirten Curve C, Fig 552, hat, d. h. dass sich nach je zwei Schwingungen des Grundtons stets dieselbe Form der Combinationscurve wiederholt.

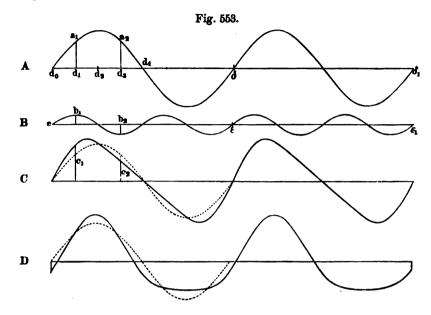
Fig. 552.



So stimmt auch die Curve Nro. III Fig. 546, S. 466, welche von dem Phonautographen unter gleichzeitigem Ertönen des Grundtons seiner Octav geschrieben wurde, imWesentlichen mit der theoretischen Curve C, Fig. 552, überein. Nach jeder Schwingung des Grundtons wiederholt sich die gleiche Form der Combinationscurve.

Was hier von den Vibrationen eines Lufttheilchens gesagt ist, welches gleichzeitig durch die Schallwellen zweier oder mehrerer Töne afficirt wird, gilt auch von den Vibrationen eines materiellen Punktes, welcher einem tönenden Körper angehört, der gleichzeitig neben seinem Grundton auch noch einen oder mehrere Obertöne hören lässt, wie dies z. B. auch durch die auf die rotirende Trommel geschriebene Schwingungscurve Nro. IV Fig. 546, S. 466, erläutert wird, welche die Vibrationen des äussersten Endes einer Stimmgabel darstellt, die neben dem Grundton auch noch

zu machen, ist die Schwingungscurve A des Grundtons noch punktirt beigesetzt worden. Man sieht leicht, dass die Curve C sich überall eben



so viel über die Höhe von A erhebt oder darunter sinkt, als die Curve B über oder unter der Abscissenaxe hinläuft.

Wird die Schwingungscurve B, Fig. 553, um $^{1}/_{4}$ Wellenlänge nach der Rechten verschoben, so also dass der Gipfel des Wellenberges b_{1} vertical unter dem Punkt d_{2} zu stehen kommt, so wird sich die Curve D als Resultat der Combination der Curven A und B ergeben. Eine Verschiebung der Curve B gegen die Curve A entspricht aber einer Veränderung der Phase des Obertones gegen den Grundton.

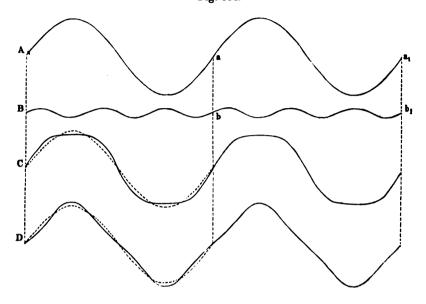
Denken wir uns die punktirte Linie weg, welche die Uebersicht erleichtert, so lassen sich im Verlauf der Curven C und D die Vibrationen der Octav schon bei weitem nicht so gut verfolgen, wie in der Curve C, Fig. 552, wie denn auch die schwächeren Obertöne weniger leicht aus dem Gesammtklange herauszuhören sind; doch werden wir weiter unten die Mittel kennen lernen, durch welche Helmholtz noch schwächere Obertöne selbst für weniger geübte Ohren wahrnehmbar gemacht hat.

Bei C, Fig. 554 a. f. S., ist die Schwingungscurve dargestellt, wie sie sich aus der Combination der Schwingungscurve A des Grundtons mit der Schwingungscurve B seiner Duodecime ergiebt. Wird die Curve B um $^{1}/_{2}$ Wellenlänge verschoben und dann mit A combinirt, so erhält man die bei D dargestellte Schwingungscurve.

Diese Beispiele mögen genügen, um darzuthun, dass durch die Combi-

nation der Schwingungen des Grundtons mit denen seiner Obertöne in der That solche Schwingungsformen erzeugt werden, welche, wie in §. 196 behauptet wurde, die verschiedenen Klangfarben bedingen.

Fig. 554.



198 Beobachtung der Obertöne. In seinem bereits angeführten Werke über die physikalische Theorie der Musik hat Helmholts

c heraushören. Ebenso, wenn man zuerst den fünften Oberton $\overline{\overline{e}}$ und dann c anschlägt. Der 7te und 9te Oberton sind auf den Clavieren neuerer Construction meist schwach oder gar nicht vorhanden.

Noch geeigneter als das eben beschriebene Verfahren am Clavier ist es, an irgend einem Saiteninstrumente, Clavier, Monochord oder Violine den Ton, welchen man zu hören wünscht, erst als Flageoletton der Saite hervorzubringen, indem man sie anschlägt oder streicht, während man einen Knotenpunkt des entsprechenden Tons auf der Saite mit einem Finger oder mit den Haaren eines Malerpinsels berührt. Will man also den 3ten, den 5ten Oberton hören, so hat man einen Punkt zu berühren, welcher um ½ um ½ der Saitenlänge vom einen Ende der Saite entfernt ist. Indem man nun die Saite zum Tönen bringt, bald mit Berührung des Knotenpunktes bald ohne solche Berührung, bekommt man bald den gesuchten Oberton allein als Flageoletton, bald die ganze Klangmasse der Saite zu hören, und erkennt dann verhältnissmässig leicht, dass der betreffende Oberton darin enthalten ist.

Schwerer als an Saiteninstrumenten und an der Physharmonica sind die Obertöne der meisten Blasinstrumente und der menschlichen Stimme wahrzunehmen.

Das sicherste und bequemste Mittel, um die Wahrnehmung von Obertönen zu vermitteln, sind die von Helmholtz angegebenen Resonanz-kugeln. Es sind dies Glaskugeln von der in Fig. 555 dargestellten Form.

Fig. 555.



Die eine Oeffnung a hat scharf abgeschnittene Ränder, die andere ist trichterartig und so geformt, dass man sie in das Ohr einsetzen kann.

Die in einem solchen Resonator eingeschlossene Luftmasse wird, wie die Luftsäule in einer einerseits offenen, andererseits geschlossenen Röhre (s. §. 168), nur dann in den Zustand kräftiger stehender Schwingungen versetzt, wenn durch die Oeffnung a die Schallwellen eines bestimm-

ten, den Dimensionen der Kugel entsprechenden Tones einfallen, den wir den Eigenton der Kugel nennen wollen. In der folgenden Tabelle sind die Dimensionen solcher Kugeln angegeben, welche den in der ersten Verticalreihe angegebenen Eigentönen entsprechen.

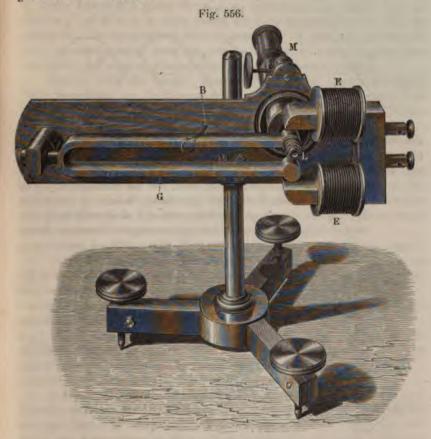
Tonhöhe.	Durchmesser der Kugel	Durchmesser der Oeffnung	Volumen des Hohlraums
g	154 Millim.	35,5 Millim.	1773 Cubikcent
\overline{c}	130 ,,	30,2 "	1053 "
· ē	115 "	30 "	546 "
$ar{m{g}}$	79 "	18,5 "	235 "
-	70 "	20,5 ,,	162 "

Eine Verengung der Oeffnung a hat eine Vertiefung des Eigentons des Resonators zur Folge.

Hat man sich das eine Ohr verstopft und setzt man dann an das andere einen solchen Resonator, so hört man die meisten Töne, welche in der Umgebung hervorgebracht werden, viel gedämpfter als sonst; wird dagegen der Eigenton des Resonators angegeben, so schmettert er mit gewaltiger Stärke ins Ohr hinein. Hält man z. B. einen Resonator vor das Ohr, dessen Eigenton \overline{g} ist, so hört man denselben sehr deutlich, wenn c auf dem Clavier angeschlagen oder auf der Violine gespielt wird, während man diesen Ton gar nicht oder doch nur sehr schwach hört, wenn das c von einer weiten gedeckten Orgelpfeife herrührt.

199 Schwingungsform einer gestrichenen Saite. Dass die Schwingungsform eines tönenden Körpers von entschiedener Klangfarbe, dessen Klangmasse sich durch die angegebenen Mittel in Partialtöne zerlegen lässt, in der That von der Sinuscurve wesentlich abweicht, hat Helmholtz für gestrichene Saiten auf eine sehr sinnreiche Weise nachge-

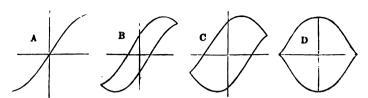
denen dann eines durch das Mikroskop beobachtet wird, während Stimmgabel und Saite vibriren.



Vibrirt die Stimmgabel allein, so erscheint das beobachtete weisse Pünktehen als eine verticale Linie; vibrirt die Saite allein, so erscheint es als eine horizontale Linie; vibriren aber beide gleichzeitig, so beobachtet man eine Curve, welche von dem musikalischen Intervall der Stimmgabel und der Saite abhängt.

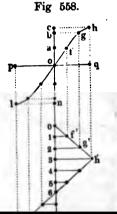
Nehmen wir z. B. an, die Saite sei unisono mit der Stimmgabel, so müsste eine der auf Tab. Ia dargestellten Figuren erscheinen, wenn die Vibrationen der Saite nach demselben Gesetz vor sich gingen wie die Schwingungen der Stimmgabel. Für den Fall, dass die Mitte der Saitenlänge dem Mikroskopobjectiv gegenübersteht und dass die Saite mit dem Violinbogen gestrichen wird, erscheint aber in der That die Curve A, Fig. 557 (a. f. S.), statt der geraden Linie bei Nro. I auf Tab. I a. Die Curven B und C, Fig. 557, erscheinen statt den Ellipsen Nro. II und III

bei IVI, und die Curve D erscheint statt des Kreises; die Curven in Fig. 557 sind in $^2/_3$ des Maassstabes gezeichnet, welcher für Tab. Ia an-Fig. 557.



genommen war. Aus dieser veränderten Form der Lichtcurven kann man aber auf die Schwingungsform der Saite schliessen.

auf die Schwingungsform der Saite schliessen. In Fig. 558 sei cn die verticale Lichtlinie, welche das weisse Pünkt-



chen beschreibt, wenn nur die Stimmgabel, pq sei die horizontale Lichtlinie, welche es beschreibt, wenn nur die Saite vibrirt, loh aber sei die Curve, welche man bei gleichzeitiger Vibration beider beobachtet, wenn die Phasendifferenz beider Oscillationsbewegungen gleich Null ist.

Denken wir uns die Schwingungsdauer u der Stimmgabel in 12 gleiche Theile getheilt, so sind (der in §. 184 besprochenen Construction zufolge) a, b, c u. s. w. die Punkte, in welchen das Lichtpünktchen in den Momenten $^{1}/_{12}u$, $^{2}/_{12}u$, $^{3}/_{12}u$ u. s. w. nach dem Durchgang durch die Gleichgewichtslage erscheinen würde, wenn seine Bewegung lediglich durch die Vibrationen der Stimm-

entspricht einem Zeitintervall von $^{1}/_{12}u$. Wird nun rechtwinklig zur Abscissenaxe in 1 die Länge f'1 gleich fa, in 2 die Länge g'2 gleich gb, in 3 die Länge h'3 gleich hc u. s. w. aufgetragen, so erhält man die Punkte f', g', h' u. s. w., über welche die Schwingungscurve der Saite zu ziehen ist. Die so erhaltene Schwingungscurve ist aber aus geraden Linien zusammengesetzt, denn die Punkte o, f', g', h' liegen in einer geraden Linie, und eben so alle zwischen h' und l' fallenden Punkte.

Daraus geht also hervor, dass die Vibrationen einer gestrichenen Saite wesentlich von der Bewegung eines pendelartig oscillirenden Körpers abweichen. Die Mitte einer gestrichenen Saite vibrirt in der Weise, dass sie sich zwischen den Endpunkten ihrer Oscillationsbewegung mit gleichförmiger Geschwindigkeit bewegt.

Klangfarbe verschiedener musikalischer Instrumente. 200 Die Verschiedenheiten der Klangfarbe hängen nach dem Vorhergehenden davon ab, welche Obertöne den Grundton begleiten und in welcher Stärke sie vorhanden sind; in dieser Beziehung aber bieten die verschiedenen musikalischen Instrumente die grössten Mannigfaltigkeiten dar.

Einfache Töne, also Klänge ohne Obertöne werden am einfachsten hervorgebracht, wenn man eine angeschlagene Stimmgabel vor die Mündung einer Resonanzröhre von entsprechender Länge hält. Diese Töne sind ungemein weich und frei von allem Scharfen und Rauhen.

Die Klänge der Flöte stehen den einfachen Tönen ziemlich nahe, indem sie nur wenige und schwache Obertöne haben.

Weite gedeckte Pfeisen geben, namentlich wenn sie schwach angeblasen werden, den Grundton fast ganz rein; engere lassen neben dem Grundton auch noch die Duodecime (Quint der Octav) hören, weshalb sie auch Quintaten genannt werden.

Bei weiten, offenen Orgelpfeisen ist die Octav des Grundtons noch ziemlich deutlich, die Duodecime schon sehr schwach. Engere offene Pfeisen der Orgel lassen dagegen, namentlich wenn sie stark angeblasen werden, eine Reihe von Obertönen hören, welche den Grundton kräftig begleiten, was dem Klange den schärferen geigenähnlichen Charakter giebt (Geigenprincipal).

Die weiten Orgelpfeisen, welche auch bei stärkerem Anblasen nicht in einen Oberton überspringen, und welche den Grundton voll und rein geben, werden Principalstimmen genannt.

Wo es darauf ankommt, ein Register von scharf durchdringender Klangfarbe anzuwenden, wie es z. B. nöthig ist, um den Gesang der Gemeinde zu begleiten, genügen die Principalregister nicht, weil ihr Ton zu mild, zu arm an Obertönen ist. Geigenregister und Quintaten genügen nicht, weil ihr Ton zwar schärfer, aber auch schwächer ist. Bei solchen Gelegenheiten wird das Mixturregister angewandt, in welchem jede Taste mit mehreren Pfeifen verbunden ist, die sie gleichzeitig öffnet, von denen die eine den Grundton, die anderen aber die ersten Obertöne dessel-

ben (meist Octav und Duodecime) geben. — Die Klänge der meisten musikalischen Instrumente hat man sich nun in ähnlicher Weise, wie die zusammengesetzten, zu denken.

Die Obertöne, welche in der Klangmasse gespannter Saiten auftreten, hängen von der Art ab, wie die Saite zum Tönen gebracht, ob sie gezupft, geschlagen oder gestrichen wird, und an welcher Stelle dies geschieht; sie sind ferner bedingt durch das Material, aus welchem die Saite besteht u. s. w. Helmholtz hat diesen Gegenstand in seinem schon mehrfach erwähnten Werke ausführlich besprochen. Wir müssen uns hier auf einige Notizen beschränken.

Bei gut construirten Clavieren sind die Obertöne bis zum sechsten sehr kräftig, während der siebente und neunte, deren Mitklingen die Harmonie der übrigen beeinträchtigen würde, ganz fehlen oder doch sehr schwach sind.

Solche Saiten, welche im Verhältniss zu ihrer Länge sehr dünn sind, geben, in entsprechender Weise angeschlagen, leicht viele hohe Obertöne. Diese vielen hohen Obertöne aber, welche einander in der Scale sehr nahe liegen, veranlassen ein eigenthümlich unharmonisches Geräusch, welches wir mit dem Worte Klimpern zu bezeichnen pflegen.

Im Klange der Streichinstrumente ist der Grundton verhältnissmässig kräftiger als beim Clavier; die ersten Obertöne sind schwächer, die höheren aber vom sechsten bis zum zehnten dagegen viel deutlicher, und verursachen die Schärfe des Klanges der Streichinstrumente.

Geschlagene Metallstäbe und Metallplatten der Art, wie wir sie in §. 182 betrachtet haben, lassen neben dem Grundton eine Reihe sehr hoher unharmonischer Obertöne anhaltend und in gleichmässigem Flusse mitklingen, und davon scheint die Eigenthümlichkeit herzurühren, welche man als metallische Klangfarbe, als Metallklang bezeichnet.

Day Klang day Glacken jet obenfelle von unbermenischen Neben-

Was die Klangfarbe der Zungenpfeifen anlangt, so ist das Ansatzrohr von wesentlichem Einfluss auf dieselbe. Freie Zungen, d. h. solche, welche ohne Ansatzrohr angeblasen werden, haben, da sie die Luftstösse sehr abgerissen, discontinuirlich hervortreten lassen, einen scharfen, schneidenden, knarrenden Klang, und man hört in der That mit bewaffnetem oder unbewaffnetem Ohre eine lange Reihe von Obertönen, bis zum 16ten ja selbst bis zum 20sten. Die Stärke der Obertöne, welche eine Zunge ohne Ansatzrohr giebt, hängt aber ab von ihrer Beschaffenheit, ihrer Stellung zum Rahmen u. s. w.

Durch Ansatzröhren wird der Klang der Zungen wesentlich verändert, indem diejenigen Obertöne ausserordentlich verstärkt werden und aus der Klangmasse vortreten, welche den Eigentönen des Ansatzrohres entsprechen.

Als z. B. Helmholtz über eine Messingzunge, wie sie in Orgeln gebraucht werden, und welche b gab, eine seiner grösseren Resonanzkugeln als Ansatzrohr aufsetzte, welche gleichfalls auf b abgestimmt war, erhielt er bei starkem Druck im Blasebalg einen vollen, starken und weichen Klang, dem fast alle Obertöne fehlten.

Als wesentlichste Resultate der Untersuchungen über Klangfarbe stellt Helmholtz Folgendes zusammen:

- Einfache Töne, wie Stimmgabeln mit Resonanzröhren und weite gedeckte Pfeifen klingen weich und angenehm ohne alle Rauhigkeit, aber unkräftig und in der Tiefe dumpf.
- 2. Klänge, welche von einer Reihe niederer Obertöne, etwa bis zum 6ten hinauf in mässiger Stärke begleitet sind, sind klangvoller, musikalischer. Sie haben, mit den einfachen Tönen verglichen, etwas Klangvolleres, Reicheres und Prächtigeres. Hierher gehören die Klänge des Claviers, der offenen Orgelpfeifen u. s. w.
- 3. Wenn nur ungeradzahlige Obertöne da sind, wie bei engen gedeckten Pfeifen, den in der Mitte geschlagenen Claviersaiten, den Clarinetten u. s. w., so bekommt der Klang einen hohlen, und bei grösserer Zahl von Obertönen einen näselnden Charakter.
- 4. Wenn die höheren Obertöne jenseits des 6ten und 7ten sehr deutlich sind, so wird der Klang scharf und rauh. Bei geringerer Stärke beeinträchtigen die hohen Obertöne die musikalische Brauchbarkeit nicht, sie sind im Gegentheil günstig für den Charakter und die Ausdrucksfähigkeit der Musik. Von der Art sind die Klänge der Streichinstrumente, die meisten Zungenpfeifen, die Physharmonika u. s. w. Solche Klänge, bei welchen die hohen Obertöne ganz besonders stark sind, wie bei den Blechinstrumenten, erhalten dadurch etwas ungemein Durchdringendes.

Viertes Capitel.

Von der Stimme und dem Gehör.

201 Das menschliche Stimmorgan. Das Stimmorgan ist aus mehreren Theilen zusammengesetzt, welche ohne anatomische Betrachtung nicht vollständig studirt werden können, wir müssen uns aber hier darauf beschränken, im Allgemeinen die Anordnung der Theile zu betrachten, welche am directesten zur Hervorbringung der Stimme mitwirken.

Es ist bekannt, dass die Luftröhre eine Röhre ist, welche auf der einen Seite mit dem Schlunde, auf der anderen in den Lungen endigt. Ihre wesentlichste Function ist, die Luft durchzulassen, sei es nun beim Ein- oder beim Ausathmen; sie ist fast cylindrisch und aus knorpeligen Ringen zusammengesetzt, welche durch biegsame häutige Ringe verbunden sind. Am unteren Ende theilt sie sich in zwei Röhren, die Bronchien, von denen die eine rechts, die andere links geht. Jeder dieser

h die entsprechenden Muskeln mehr genähert oder entfernt wer-Stimmbänder mehr oder weniger gespannt sind, und die Stimm-5sser oder kleiner wird. Die Stimmbänder selbst bestehen aus ihr elastischen Gewebe.

er den Lippen der Stimmritze befinden sich zwei sackartige Höhluneine auf der rechten, die andere auf der linken Seite, welche sich
inien weit seitwärts erstrecken; es sind dies die Ventriculi MorDie oberen Ränder dieser Ventrikeln bilden gleichsam eine zweite
tze, welche 5 bis 6 Linien über der anderen liegt. Die obere Stimmn durch den Kehldeckel (Epiglottis), welcher eine fast dreieckige

ler vielmehr ein Knorpel ist, verdeckt werden; dieser Kehldeckel

Fig. 559.

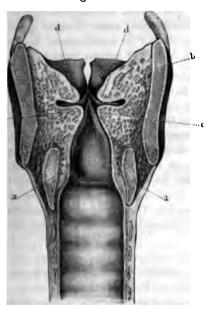
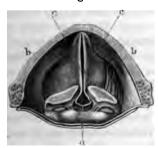


Fig. 560.



ist mit der einen Seite nach vorn hin angewachsen, und verhindert, wenn er die Stimmritze verdeckt, dass Speisen und Getränke in die Luftröhre gerathen können, indem diese über den Kehldeckel hinweg in den Schlund gelangen.

Der Bau des Kehlkopfes wird durch die Figuren 559 und 560 deutlicher werden.

Fig. 559 stellt die vordere Hälfte des durch einen senkrechten Schnitt getheilten Kehlkopfes, und zwar von hinten gesehen, dar.

Es ist

- der Durchschnitt durch den Ringknorpel,
- b der Durchschnitt durch den Schildknorpel,
- der Durchschnitt durch die unteren Stimmbänder,
- d der Durchschnitt durch die oberen Stimmbänder.

Zwischen den unteren und oberen Stimmbändern sieht man in Fig. 559 deutlich die Ventriculi Morgagni. Ferner ersieht man aus dieser Figur, wie sich die Luftröhre gegen die unteren Stimmbänder hin verengt. Fig. 560 zeigt die Stimmritze von oben gesehen.

Schon Ferrain (Mém. de l'acad. d. sc. 1741) hat durch treffliche Versuche, die auch von Anderen bestätigt wurden, gezeigt, dass die Stimmbänder in gewisser Beziehung mit gespannten Saiten zu vergleichen seien; Biot und Cagniard de la Tour ersetzten die Stimmbänder durch elastische Membranen von Kautschuk, die sie über eine Röhre spannten; doch reichen diese Versuche noch nicht hin, um eine vollkommene Parallele zwischen diesen Zungenwerken und dem Stimmorgane zu begründen. Erst Johannes Müller hat es durch seine classischen Untersuchungen über diesen Gegenstand (Handbuch der Physiologie des Menschen, zweiten Bandes erste Abtheilung; und: Ueber die Compensation der physischen Kräfte am menschlichen Stimmorgan) ausser Zweifel gesetzt, dass die Bildung von Tönen im Kehlkopfe der in membranösen Zungenpfeifen ganz analog ist, welche wir bereits in §. 188 kennen lernten.

Sowohl Beobachtungen an lebenden Menschen und Thieren, als auch die Versuche an ausgeschnittenen Kehlköpfen menschlicher Leichen zeigen, dass die Töne in der Stimmritze und weder über, noch unter ihr gebildet werden. Befindet sich eine Oeffnung in der Luftröhre (also unter der Stimmritze), so hört die Stimme auf, sie kehrt aber wieder, sobald diese Oeffnung verschlossen wird; dahingegen bringt eine Oeffnung in den Luftwegen oberhalb der Stimmritze eine solche Wirkung nicht hervor. Magendie hat sich überzeugt, dass die Stimme fortdauert, wenn die oberen Stimmbänder und der obere Theil der Cartilagines arytenoideae verletzt sind; ebenso hat er an lebenden Thieren, deren Stimmritze blossgelegt wurde, beobachtet, dass die Stimmbänder beim Tongeben in Schwin-

ebenfalls an das Brettchen unbeweglich angezogen. Ist nun auf diese Art die hintere Wand des Kehlkopfes befestigt, so lässt sich den Stimmbän-

Fig. 561.



dern durch Anziehen des Schildknorpels jede beliebige Spannung geben. Mit so präparirten Kehlköpfen machte Müller eine Menge von Versuchen; wir können hier nur die wichtigsten seiner Resultate hervorheben.

Die unteren Stimmbänder geben bei enger Stimmritze volle und reine Töne beim Anspruch durch Blasen von der Luftröhre aus; diese Töne kommen denen der menschlichen Stimme sehr nahe; sie unterscheiden sich von denen, welche man erhält, wenn die Ventriculi Morgagni, die oberen Stimmbänder und der Kehldeckel noch vorhanden sind, nur durch ihre geringere Stärke, indem

diese Theile, wenn sie vorhanden sind, stark mitschwingen und resoniren; die Ventriculi Morgagni haben offenbar nur den Zweck, die Stimmbänder von aussen frei zu machen.

Bei gleicher Spannung der Stimmbänder hat die grössere oder geringere Enge der Stimmritze keinen wesentlichen Einfluss auf die Höhe des Tones, nur spricht bei weiter Stimmritze der Ton schwerer an und ist weniger klangvoll.

Im Leben geschieht die Spannung der Stimmbänder hauptsächlich dadurch, dass die Musculi crico-thyreoldei den Schildknorpel gegen den Ringknorpel herabziehen, was an unserm Präparate dadurch nachgeahmt werden kann, dass man in dem Schildknorpel mittelst eines Hakens eine Schnur x befestigt und diese mit Gewichten belastet. Indem Müller diese Gewichte von 1/2 bis 37 Loth vermehrte, konnte er alle Töne zwischen ais und dis, also ungefähr $2^{1}/2$ Octaven, hervorbringen.

Wenn auch der Faden x nicht durch Gewichte belastet ist, so sind doch die Stimmbänder noch nicht völlig abgespannt; um eine stärkere Abspannung und noch tiefere Töne zu erhalten, bringt man eine Schnur y, Fig. 562, an, welche über eine Rolle gehend mit den Gewichten belastet wird, um dadurch den Schildknorpel gegen die Cartilagines arytenoideae zu ziehen, wodurch die Wirkung des Musculus thyreo-arytenoideus nachgeahmt wird. Bei einem solchen Versuche erhielt Müller durch ein Gewicht von $^{3}/_{10}$ Loth den Ton \overline{dis} , durch Vermehrung des Gewichtes bis zu 3,8 Loth konnte der Ton bis H vertieft werden; durch eine solche Abspannung der Stimmbänder kann man also die tiefsten Basstöne der Bruststimme hervorbringen.

Werden die Stimmbänder durch Gewichte gespannt, welche in der Richtung ihrer Länge wirken, so vermehrt sich die Schwingungszahl bei grösserer Spannung nicht proportional der Quadratwurzel der Spannung, sondern in einem geringeren Verhältniss. Auch die vom Kehlkopfe isolnten Stimmbänder zeigen, wenn sie mit Hülfe eines durch ein Röhrchen hervorgebrachten Luftstromes zum Tönen gebracht werden, ein ähnliches Verhalten.

Dass die Stimmbänder bei den Brusttönen schlaff, bei den Falsettönen gespannt sind, ist von Biscovius zuerst entdeckt worden; indessen läst sich bei einem gewissen Grade der Abspannung bei verschiedenem Anspruche sowohl ein Brustton als ein Falsetton hervorbringen. Bei den Falsettönen schwingt aber nicht, wie bei den Flageolettönen der Saiten, ein aliquoter Theil der Länge der Stimmbänder; der wesentliche Unterschied beider Register besteht darin, dass bei den Falsettönen bloss die feinen Ränder der Stimmbänder, bei den Brusttönen die ganzen Stimmbänder lebhaft und mit grossen Excursionen schwingen. Die Thatsache ist zuerst von Lehfeldt beobachtet worden. Der Falsetton erfolgt leichter bei ganz schwachem Blasen.

Bei grosser Abspannung sind die Stimmbänder nicht allein ganz ungespannt, sondern im Zustande der Ruhe auch runzelig und faltig; sie erhalten erst durch das Blasen die zum Schwingen nöthige Tension.

Bei gleicher Spannung der Stimmbänder lässt sich durch stärkere Blasen der Ton oft bis zu einer Quinte und mehr in die Höhe treiben.

Die über dem Kehlkopf befindliche Mundhöhle wirkt in akustscher Beziehung gerade ebenso, wie die in §. 188 besprochenen Ansatsröhren der Zungenpfeifen.

202 Stimmorgan der Thiere. Bei den Säugethieren sind die Stimmorgane im Wesentlichen ebenso construirt wie beim Menschen; auch bei ihnen wird der Ton durch die unteren Stimmbänder erzeugt, ja bei den Wiederkäuern fehlen die Ventriculi Morgagni und die oberen Stimmbänder sogar ganz. Bei den Affen sind die resonirenden Theile des Stimmorgans sehr eigenthümlich; so findet sich z. B. beim Orang-Utang, den

einen wunderbar eingerichteten, zur Hervorbringung einer grossen Reihe hoher und tiefer Töne geeigneten Apparat findet; doch ist es nicht möglich, davon eine Idee zu geben, ohne zu sehr in anatomische Details einzugehen.

Klangfarbe der menschlichen Stimme. Da der Ursprung 203 der menschlichen Stimme in den Stimmbändern liegt, welche bei laut tönender Stimme wie membranöse Zungen wirken und wie alle Zungen zunächst eine Reihe discontinuirlicher und scharf getrennter Luftstösse hervorbringen, so lässt sich erwarten, dass ihre Klänge aus einer ziemlich langen Reihe von Obertönen zusammengesetzt erscheinen werden, die sich mit Hülfe von Resonatoren in der That auch nachweisen lassen.

Der Kehlkopf steht aber mit der Mundhöhle in Verbindung, welche hier ganz die Functionen eines Ansatzrohres übernimmt. Wie bei anderen Zungenpfeisen werden deshalb diejenigen Obertöne als ganz besonders begünstigt aus der Klangmasse sich hervorheben, welche mit den Eigentönen der Mundhöhle zusammenfallen, und dadurch gerade ist die Eigenthümlichkeit der menschlichen Stimme bedingt, von welcher der Vocalcharakter abhängt.

Gestalt und Rauminhalt der Mundhöhle werden durch veränderte Form der Mundöffnung, durch veränderte Lage der Zunge u. s. w. mannigfach modificirt und dem entsprechend auch ihre Eigentöne abgeändert. — Wenn eine Stimmgabel, deren Ton f ist, vor den zum Aussprechen des Vocals U geformten Mund gehalten wird, so hört man die eingeschlossene Luftmasse deutlich resoniren, beim Aussprechen von U ist also f der Eigenton der Mundhöhle. In derselben Weise findet man, dass für ein vollklingendes O die Stimmung der Mundhöhle \overline{b} ist. Der dem Vocal A entsprechende Eigenton der Mundhöhle ist $\overline{\overline{b}}$ bis $\overline{\overline{d}}$.

Die Gestaltung der Mundhöhle, welche den Vocalen \ddot{A} , \ddot{O} , E, \ddot{U} und I entspricht, gleicht einer mit einem engen Halse versehenen Flasche, deren Luftmasse für zwei Töne anspricht, von denen der eine anzusehen ist als Eigenton des Bauches, der andere als solcher des Halses. Für \ddot{A} sind diese beiden Eigentöne \overline{b} und $\overline{\overline{g}}$; für e sind sie \overline{f} und $\overline{\overline{b}}$, für I aber sind sie f und \overline{d} . In den meisten Fällen kommt der tiefere dieser beiden

sind sie f und \overline{d} . In den meisten Fällen kommt der tiefere dieser beiden Töne wohl wenig zur Geltung.

Während nun durch den Einfluss der Mundhöhle alle mit den Eigentönen derselben zusammenfallenden Obertöne verstärkt werden, erscheinen die übrigen Obertöne mehr oder weniger gedämpft.

So ist der Charakter des Vocals U, selbst wenn der charakteristische Ton f nicht hörbar wird, durch die Dämpfung aller Obertöne bedingt.

Die Vocalklänge unterscheiden sich von den Klängen anderer musi-

kalischer Instrumente wesentlich dadurch, dass ihre Obertöne nicht von der Ordnungszahl derselben, sondern von der absoluten Tonhöhe abhängen. Wenn man z. B. den Vocal A auf die Note Es singt, so ist der verstärkte

Ton $\overline{\overline{b}}$ der 12te Oberton des Klanges; wenn man aber denselben Vocal auf die Note \overline{b} singt, so ist es der 2te Oberton des Klanges, welcher verstärkt wird.

Diese Theorie der Vocallaute lässt sich durch künstliche Zungerpfeifen bestätigen, welche mit passenden Ansatzröhren combinirt sind, wie dies zuerst durch Willis geschehen ist. Noch besser und deutlicher ab mit cylindrischen Röhren erhält man die Vocale durch Anwendung abgestimmter kugelförmiger Hohlräume. Als Helmholtz auf eine Zungenpfeife, welche b gab, eine gleichfalls auf b abgestimmte gläserne Resonankugel aufsetzte, erhielt er den Vocal U. Mit der Kugel \overline{b} erhielt er 0; ein geschlossenes A erhielt er mit der Kugel \overline{b} , ein scharfes A mit der Kugel \overline{d} . Auch ist es ihm gelungen, mit derselben Zungenpfeife die Vocale A, E und A hervorzubringen, indem er gläserne Hohlkugeln aufsetzte, in deren äussere Oeffnung noch ein 6 bis 10 Centimeter langes Glasröhrchen eingefügt war, um die doppelte Resonanz der Mundhöhle bei diesen Vocalen nachzuahmen.

Helmholtz hat die Vocalklänge auch durch Combination von Stimmgabeltönen nachgeahmt, welche durch resonirende Hohlräume verstärkt waren. In Betreff dieser interessanten Versuche müssen wir aber auf dessen schon mehrfach citirtes Werk über die physikalische Theorie der Musik verweisen.

Die Consonanten der menschlichen Sprache rühren von Geräuschen her, welche mit den Lippen, den Zähnen, der Zunge u. s. w. hervorgebracht, den Anfang oder das Ende der Vocalklänge begleiten. Diese Geräusche sind meist weniger intensiv als die Vocalklänge selbst und verschwinden deshalb in einiger Entfernung bereits vollständig, wenn man die Vocalklänge noch deutlich und unterscheidber hört. Es geht darum

Fensters ist ein Knöchelchen aufgewachsen, welches Steigbügel genannt und von welchem sogleich näher die Rede sein wird.

Die Fig. 562 stellt das Labyrinth in stark vergrössertem Maassstabe zum Theil geöffnet dar. Es besteht aus drei Haupttheilen, der Schnecke,





dem Vorhof und den halbkreisförmigen Canälen. Der akustische Nerv verbreitet sich theils in den Vorhof, wo er sich auf die Ampullen, Röhren, welche in den halbkreisförmigen Canälen liegen und mit einer besonderen Flüssigkeit gefüllt sind, ansetzt, grösstentheils aber, in ganz feine Verzweigungen ausgehend, in die Schnecke. Die einzelnen Windungen der Schnecke sind nämlich durch eine diesen Windungen parallele feine knöcherne Scheidewand in zwei Theile getheilt. Diese Scheidewand ist sehr porös und zellig, und in diese Zellen verbreiten sich die letzten Verzweigungen des akustischen Nerven, wie dies in unserer Figur an dem aufgebrochenen Theile der Schnecke zu sehen ist.

Zu dem Labyrinthe werden nun die Schallschwingungen durch die in der Trommelhöhle befindlichen kleinen Knöchelchen fortgeleitet; diese Knöchelchen sind der Hammer, welcher mit seinem Griffe an der inneren Seite des Trommelfelles angewachsen ist; an den Hammer setzt sich der Amboss an, und mit diesem hängt durch das linsenförmige Knöchelchen des Sylvius der Steigbügel zusammen, dessen Tritt gerade das ovale Fenster verschliesst. Aus der Uebersichtsfigur Fig 563 (a.f.S.), in welcherder Deutlichkeit wegen die inneren Theile des Ohrs unverhältnissmässig gross gezeichnet sind, ist ungefähr die gegenseitige Lage aller dieser Theile zu ersehen. a ist der Gehörgang, welcher die Schallwellen von der Ohrmuschel zum Trommelfell führt. Das Trommelfell trennt die Trommel-Durch die Eustachische Röhre b steht die höhle von dem Gehörgange. Trommelhöhle mit der Mundhöhle in Verbindung, so dass die Luft in der Trommelhöhle stets mit der äusseren sich ins Gleichgewicht stellen kann. d ist der Hammer, welcher einerseits an das Trommelfell angewachsen, mit seinem anderen Ende aber an den Amboss e angesetzt ist. f ist der

Steigbügel, welcher, wie man sieht, das ovale Fenster verschliesst, o ist das runde Fenster; n ist der akustische Nerv, welcher sich im Labyrinthe verbreitet.

Fig. 563.



Das runde Fenster sowohl wie das ovale sind, wie bereits bemerkt

den Gehörgang zum Trommelfelle hinzuleiten; dadurch nun wird das Trommelfell in Vibrationen versetzt, die durch die Gehörknöchelchen



zum Labyrinthe geleitet werden. Durch einen Muskel kann das Trommelfell mehr oder weniger gespannt und nach innen gezogen, durch einen andern Muskel kann der Steigbügel bewegt, dadurch aber auch natürlich die Intensität der Mittheilung des Schalles modificirt werden.

Was die Functionen des runden Fensters betrifft, so war man früher der Ansicht, dass es bestimmt sei, solche Schallschwingungen aufzunehmen und der Schnecke zuzuführen, welche sich von dem Trommelfell auf die Luft in der Trommelhöhle fortgepflanzt haben. Eduard Weber

hat aber gezeigt, dass diese Ansicht irrig sei. Nach ihm ist die Fenestra rotunda eine Gegenöffnung des Labyrinthes, welche dazu dient, die Mittheilungen der Bewegungen des Steigbügels an das Labyrinthwasser möglich zu machen. Wenn die Höhle des Labyrinthes nur eine Oeffnung, das ovale Fenster, hätte, so könnten die Bewegungen des auf der verschliessenden Membran dieser Oeffnung befestigten Steigbügels nur dadurch dem Labyrinthwasser mitgetheilt werden, dass diese fast incompressibele Flüssigkeit comprimirt und dilatirt würde, was die schwachen Bewegungen des Steigbügels nicht zu leisten im Stande sind. Die Stösse des Steigbügels werden vielmehr von dem ovalen Fenster zum runden Fenster durch das Labyrinthwasser hindurch fortgepflanzt und setzen die dasselbe verschliessende Membran in entsprechende Schwingungen. Indem die Membranen des ovalen und des runden Fensters synchronisch hin und her schwingen. wird das zwischen ihnen befindliche Labyrinthwasser mechanisch, d. h. ohne Verdichtungs- und Verdünnungswellen, hin und her bewegt und mit ihnen die Säckchen der Ampullen des häutigen Labyrinths.

Das Wesentlichste am Gehörorgane ist der Gehörnerv; daher kann das Trommelfell verletzt und die Reihe der Gehörknöchelchen unterbrochen sein, ohne dass deshalb das Gehör ganz aufhört; ja bei manchen Thieren, wie bei den Krebsen, besteht das Gehörorgan nur aus einem mit Flüssigkeit gefüllten Bläschen, auf welchem sich der Hörnerv ausbreitet.

Bei den Fischen fehlt die Schnecke; die nackten Amphibien haben nur ein, nämlich nur das ovale Fenster, welches durch den Steigbügd verschlossen wird.

Dass das Trommelfell in der That ganz dieselbe Rolle spielt, wie die elastische Membran des Phonautographen Fig. 545, d. h. dass sie gam nach den in §. 197 besprochenen Principien durch die in den Gehörgung eintretenden Schallwellen in Vibrationen gesetzt wird, geht auch daram hervor, dass Politzer ganz ähnliche Zeichnungen, wie die in Fig. 546 dargestellten und in §. 197 betrachteten, einfach dadurch hervorbrachte dass er den Scott'schen Phonautographen ohne weiteres durch das Gehörorgan ersetzte. Das schreibende Stielchen war entweder auf den Hammer, oder auf dem Amboss, oder endlich an der unteren Fläche de Steigbügels befestigt; die Töne wurden durch Orgelpfeifen erzeugt und im Ohre durch einen Helmholtz'schen Resonator verstärkt.

Es versteht sich von selbst, dass hier der Ort nicht ist, um auf ein detaillirtere Besprechung der Anatomie und der Physiologie des Gehörorgans einzugehen.

Drittes Buch.

OPTIK,

ODER

DIE LEHRE VOM LICHTE.



Erstes Capitel.

Allgemeine Bemerkungen über die Fortpflanzung des Lichtes.

Einleitung. Die allergewöhnlichsten Wahrnehmungen lehren uns, 205 dass ein leuchtender Punkt sein Licht nach allen Seiten hin aussendet; eine brennende Kerze z. B. würde von allen Punkten einer Kugeloberfläche aus sichtbar sein, in deren Mittelpunkt sie sich befindet; ebenso verhält es sich mit einem phosphorescirenden Körper, einem elektrischen Funken u. s. w. Was sich im Kleinen bei unseren gewöhnlichen Erfahrungen zeigt, findet auch in der ungeheuren Ausdehnung der Himmelsräume statt. Die Sonne verbreitet ihren Glanz nach allen Richtungen des Raumes; ihr Licht trifft gleichzeitig die Erde, die übrigen Planeten, die Kometen und alle Körper des Firmamentes, welche Stelle sie auch auf der unendlichen Himmelskugel einnehmen mögen.

Alle leuchtenden Körper bestehen wesentlich aus wägbarer Materie; der leere Raum kann wohl das Licht fortpflanzen, aber nicht erzeugen. Alle leuchtenden Körper lassen sich in immer kleinere und kleinere Theilchen zerlegen, und die letzten noch physikalisch wahrnehmbaren Theilchen heissen leuchtende Punkte. So wie also jeder Körper eine Vereinigung von Molekülen ist, so ist ein leuchtender Körper eine Vereinigung leuchtender Punkte.

Alle Körper, welche nicht selbst leuchtend sind, theilt man in undurchsichtige Körper, wie Holz, Steine und Metalle; durchsichtige, wie Luft, Wasser und Glas, und durchscheinende, wie dünnes Papier und mattgeschliffenes Glas.

Die undurchsichtigen Körper lassen das Licht nicht durch ihre Masse hindurchdringen; die Undurchsichtigkeit hängt aber immer von der Dicke der Körper ab, denn alle Körper, wenn man sie nur dünn genug machen kann, lassen immer etwas Licht durch. So nimmt man z. B. durch ein dünnes Goldblättchen, welches auf eine Glasplatte aufgeklebt ist, ein

Müller's Lehrbuch der Physik. 6te Aufl. I.

498 Allgemeine Bemerkungen über die Fortpflanzung des Lichtes. bläulich-grünes Licht wahr, wenn man nach einer Kerzenflamme oder dem hellen Himmel sieht.

Durchsichtige Körper gestatten dem Lichte den Durchgang, und durch sie kann man deutlich die Gestalt der Gegenstände erkennen. Die Gase, die Flüssigkeiten, die meisten krystallisirten Körper scheinen volkommen durchsichtig zu sein, wenn man sie in kleinen Massen nimmt, dem sie erscheinen in diesem Falle ungefärbt und lassen nicht allein die Form der Körper, sondern auch ihre Farben deutlich wahrnehmen; die durchsichtigsten Körper jedoch erscheinen gefärbt, wenn sie eine hinlängliche Dicke haben, ein Beweis, dass sie einen Theil des Lichtes absorbiren. En Tropfen Wasser z. B. erscheint vollkommen farblos, während das Wasser in Masse eine entschieden bläulich-grüne Farbe hat.

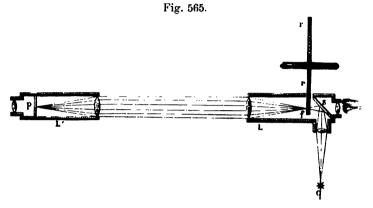
Die durchscheinenden Körper lassen allerdings einiges Licht durch ohne dass man aber durch sie die Gestalt oder die Farbe der Gegenstindzu erkennen im Stande ist.

206 Geschwindigkeit des Lichtes. Vergeblich hatten die Miglieder der Florentinischen Akademie durch Versuche auf der Erde die Geschwindigkeit des Lichtes zu ermitteln versucht. Erst Olaf Römer, en Däne, war so glücklich, durch seine fleissigen Beobachtungen der Jupitertrabanten, die er in den Jahren 1675 und 1676 mit Cassini dem Aeltem auf der Sternwarte zu Paris anstellte, dieselbe zu bestimmen. Nähem darüber findet man in meiner kosmischen Physik.

Vor einigen Jahren ist es Fizeau gelungen, auch ohne astronomische Beobachtungen die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Lichtes zu messen Folgendes ist das Princip seiner äusserst sinnreichen Methode.

Wenn eine Scheibe, deren Umfang nach Art der gezahnten Räder in eine Anzahl gleicher abwechselnd voller und leerer Abtheilungen getheit ist, rasch um ihre Axe umgedreht wird, so ist die Zeit, welche verstreicht während ein solcher Zahn oder ein solcher Zwischenraum vor einem bestimmten Punkte vorübergeht, ausserordentlich gering. Man kann es leich

L und L' sind zwei Fernröhre, welche in einer Entfernung von 8633 Metern von einander so aufgestellt waren, dass man durch jedes das Objectiv des anderen deutlich sehen konnte. In dem Fernrohre L ist unter einem Winkel von 45° gegen die Axe desselben ein durch sichtiger Spiegel s zwischen dem Ocular und dem Brennpunkte des Objectivs angebracht, welcher das seitlich einfallende Licht einer sehr hell leuchtenden Lampe q gegen das Objectiv hin reflectirt. In dem seitlichen Rohre ist eine Linse oder ein Linsensystem angebracht, durch welche ein Bild der Lichtquelle



q im Brennpunkte des Objectivs entworfen wird, so also, dass die von q ausgehenden und durch den Spiegel s reflectirten Strahlen aus dem Objectiv des Fernrohres L als ein Bündel paralleler Strahlen austreten, und folglich im Brennpunkte des Objectivs von L' wieder vereinigt werden. Hier aber befindet sich ein Planspiegel p, welcher normal auf der Axe des Fernrohrs L' steht, die Strahlen gehen also auf demselben Wege wieder zum ersten Fernrohre zurück, um im Brennpunkt f seines Objectivs abermals vereinigt zu werden, wo das Bild der Lichtquelle q nun durch den Spiegel s hindurch mittelst des Oculars des Fernrohres L betrachtet werden kann.

Auf der anderen Seite des Fernrohres L ist nun eine zweite Oeffnung angebracht, durch welche der Rand des gezahnten Rades rr in dasselbe hineinragt. Die Ebene des Rades rr geht gerade durch den Brennpunkt des Objectivs.

Der Versuch gelang vollkommen. Je nachdem die Rotationsgeschwindigkeit grösser oder kleiner war, sah man bald einen hellglänzenden Lichtpunkt oder das Gesichtsfeld blieb vollkommen dunkel. Die erste Verdunkelung trat bei 12,6 Umdrehungen in der Secunde ein. Bei der doppelten Umdrehungsgeschwindigkeit glänzte der Lichtpunkt von Neuem, bei der dreifachen wurde er wieder unsichtbar.

Die Scheibe hatte 720 Zähne und war mit einem durch Gewichte in Bewegung gesetzten Räderwerk in Verbindung gebracht. Ein Zählerwerk erlaubte die Umdrehungsgeschwindigkeit des Rades rr genau zu messen.

500 Allgemeine Bemerkungen über die Fortpflanzung des Lichtes.

Die Breite jedes Zahnes oder jeder Lücke beträgt $^{1}/_{1440}$ vom Umfange des Rades, bei 12,6 Umdrehungen in der Secunde dauert es also $\frac{1}{1440.12,6}$ = $^{1}/_{18144}$ Secunde, bis eine Zahnlücke den Brennpunkt f passirt; das Licht aber, welches durch diese Zahnlücke hindurchgeht, kommt gerade vom anderen Fernrohre zurück, während ein Zahn im Punkte f ist, folglich hat das Licht in $^{1}/_{18144}$ Secunden den Weg von 2.8633 = 17266 Metern zurückgelegt, die Geschwindigkeit des Lichtes ist also 17266 \times 18144 = 313274304 Meter oder $\frac{313274304}{7420}$ = 42220 geographischen Meilen in der Secunde.

Das Mittel von 28 solchen Beobachtungen ergab für die Geschwindigkeit des Lichtes 42505 Meilen in der Secunde, ein Resultat, welches mit den Ergebnissen der astronomischen Beobachtungen sehr gut harmonirt.

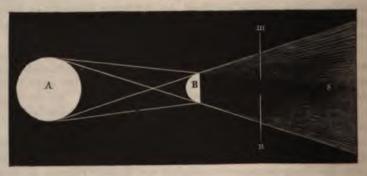
207 Schatten und Halbschatten. Wenn ein undurchsichtiger Körper nur von einem einzigen leuchtenden Punkte aus erleuchtet wird, so
ist der Schatten leicht zu bestimmen. Die Gesammtheit aller Linien, welche,
von dem leuchtenden Punkte ausgehend, den dunklen Körper berühren,
bildet eine konische Oberfläche, und derjenige Theil derselben, welcher
jenseits des dunklen Körpers liegt, bildet die Gränze des Schattens, Fig 566.



Wenn der leuchtende Körper eine namhafte Ausdehnung hat, so ist ausser dem Schat-

ten auch noch der Halbschatten zu unterscheiden. Der Schatten, der in diesem Falle auch der Kernschatten genannt wird, ist der Raum, welcher gar kein Licht empfängt, der Halbschatten hingegen ist die Gesammtheit aller der Orte, welche von einigen Punkten des leuchtenden Körpers Licht empfangen, von anderen aber nicht. Es sei z. B. A, Fig. 567,

Fig. 567.



eine grosse leuchtende Kugel, B eine kleinere undurchsichtige. Wie weit sich der Kernschatten, wie weit sich der Halbschatten erstreckt, ist aus der Figur deutlich zu ersehen. Durch einen Schirm in mn aufgefangen, würde der Schatten das Ansehen Fig 568 haben. Der Durchmesser des Kernschattens nimmt mit der Entfernung vom leuchtenden Körper ab, der Durchmesser des Halbschattens aber nimmt zu. Ganz nahe beim

Fig. 568.



schattengebenden Körper ist deshalb der Kernschatten nur von einem schmalen Halbschatten umgeben; nahe hinter dem Körper, welcher den Schatten wirft, ist er deshalb ziemlich scharf begränzt; in grösserer Entfernung ist die Breite des Halbschattens bedeutender, der Uebergang vom Kernschatten zum vollen Lichte deshalb allmäliger, der Schatten erscheint nicht mehr

scharf, sondern verwaschen. Jenseits des Punktes S hört der Kernschatten ganz auf, und der an der Breite immer zunehmende Halbschatten wird deshalb auch immer unbestimmter und schwächer.

Auf diese Weise erklärt sich, dass der Schatten eines dem Sonnenlichte ausgesetzten Körpers, dicht hinter demselben aufgefangen, scharf begränzt, in grösserer Entfernung hingegen ganz unbestimmt ist. So kann man z. B. nicht mehr mit Bestimmtheit den Punkt angeben, wo der Schatten einer Thurmspitze auf den Boden aufhört. Ein Haar, welches im Sonnenlichte dicht über ein Blatt Papier gehalten wird, wirft einen scharfen Schatten, hält man es aber nur zwei Zoll hoch über dem Papier, so ist wohl kaum noch ein Schatten wahrzunehmen.

Wenn man das von einem leuchtenden Punkte ausgehende Licht durch einen Schirm auffängt, in welchem eine ganz kleine Oeffnung gemacht ist, so wird das durch die Oeffnung durchgehende Licht einen scharf begränzten Lichtstrahl bilden; lässt man diesen Strahl auf einen zweiten Schirm fallen, von welchem sonst alles Licht abgehalten ist, so erhält man einen hellen Fleck auf dunklem Grunde. Auf diese Weise erhält man in einem ganz dunklen Zimmer auf einer Wand, welche der feinen Oeffnung im Laden gegenübersteht, ein Bild von jedem ausserhalb befindlichen leuchtenden Punkte, welcher Lichtstrahlen durch diese Oeffnung ins Zimmer sendet, und so entstehen auf der Wand verkehrte Bilder aller ausserhalb befindlichen Gegenstände, wie dies Fig. 569 a. f. S. erläutert.

Diese Erscheinung auf die eben erwähnte Art zu beobachten, hat man nicht immer die passenden Localitäten; mit einem sehr einfachen Apparate lässt sie sich überall zeigen. In einer Röhre A, Fig. 570 a. f. S., lässt sich eine zweite, B, aus- und einschieben, wie sich eine Fernrohrröhre in die andere schieben lässt. Die Röhre A ist auf der einen (in unserer Figur der rechten) Seite durch einen dünnen Deckel verschlossen, in dessen Mitte sich ein kleines, ungefähr $^{1}/_{2}$ Linie weites Loch befindet. Die andere Röhre, B, ist an dem der kleinen Oeffnung zugekehrten Ende mit einem mattgeschliffenen Glase oder auch mit einem halbdurchsichtigen Papiere (Durchzeichenpapier) verschlossen. Sieht man nun von n

502 Allgemeine Bemerkungen über die Fortpflanzung des Lichtes.

aus in die Röhre B, so erblickt man auf dem durchscheinenden Schira die verkehrten Bilder der Gegenstände, gegen welche der Apparat gerichtet ist.



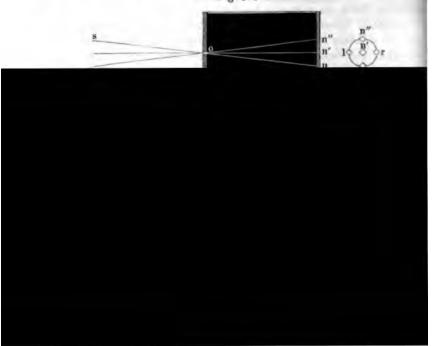
Fig. 570.



Wenn man das Licht der Sonne dure eine kleine Oeffnung fallen lässt, so erhäl man jederzeit ein rundes Sonnenbild, welches nuch die Gestalt der Oeffnung selle sein mag. Diese anfangs auffallend er-

scheinende Thatsache erklärt sich ganz einfach. Wenn die Sonne ein einziger leuchtender Punkt wäre, so würde auf der Wand, welche der Odnung gegenüberliegt, ein heller Fleck sich bilden, welcher genau die Gestalt der Oeffnung hat. Nehmen wir an, die Oeffnung o, Fig. 571, si

Fig. 571.



Die Intensität des Lichtes nimmt im umgekehrten Ver- 208 Altniss des Quadrats der Entfernung ab. Denken wir uns cinen leuchtenden Punkt in der Mitte einer Hohlkugel, so wird die Obersiche derselben alles von dem Punkte ausgehende Licht auffangen. Befände sick derselbe leuchtende Punkt in der Mitte einer Hohlkugel von einem 2mal, 3mal, 4mal so grossen Halbmesser, so würden auch die Oberflächen dieser grösseren Kugeln alles von dem leuchtenden Punkte ausgehende Liebt auffangen. Nun aber lehrt uns die Geometrie, dass die Oberflächen der Engeln sich verhalten wie die Quadrate ihrer Halbmesser; wenn sich Halbmesser der Kugeln verhalten wie 1:2:3, so verhalten sich Wenn sich also derselbe leuchtende Punkt Titte einer Kugel von 2mal, 3mal so grossem Halbmesser befindet. because sich dieselbe Lichtmenge über eine 4mal, 9mal so grosse Oberverbreiten: die Intensität der Erleuchtung muss also 4mal, 9mal wicher sein, wenn sich die erleuchteten Flächen in einer 2mal. 3mal grossen Entfernung vom leuchtenden Punkte befinden, oder allgemein: **lie Intensität d**er Erleuchtung nimmt in dem Verhältnisse ab. welchem das Quadrat der Entfernung wächst.

Dieser Satz lässt sich nicht mehr mit aller Strenge auf einen leuchten-Körper von namhafter Oberfläche anwenden, dessen Licht man in singen Entfernungen auffängt.

Auf den Satz, dass die Stärke der Erleuchtung sich umgekehrt vertet, wie das Quadrat der Entfernung von der Lichtquelle, gründen sich verschiedenen unter dem Namen Photometer bekannten Vorrichtundie man anwendet, um die Lichtstärke verschiedener Lichtquellen zu ergleichen. Das Wesentliche des Rumford'schen Photometers kann man Fig. 572 ersehen. CD stellt eine weisse Wand dar; nahe vor der

Fig. 572.



pestellt; wenn sich nun eine Kerzenflamme in l, eine andere Flamme in L ndet, so werden auf der Wand zwei Schatten des Stäbchens entstehen, der in a, der andere in b. Derjenige Theil der Wand, auf welchem sich kein befindet, ist von beiden Flammen beschienen, der Schatten b aber ist

504 Allgemeine Bemerkungen über die Fortpflanzung des Lichtes.

nur durch die Flamme L, a nur durch l beleuchtet. Wenn nun beide lächtquellen vollkommen gleich sind, so werden die beiden Schatten gleich dunkel erscheinen, wenn sich die beiden Flammen in gleicher Entfernung befinden. Wenn aber die Lichtquelle L stärker leuchtet, so wird bei gleicher Entfernung der Schatten a dunkler erscheinen als b, und um die beiden Schatten wieder gleich zu machen, müsste man L weiter vom Schirmentfernen.

Will man die Intensitäten i und J der beiden Lichtquellen l und L mit einander vergleichen, so hat man bei unveränderter Stellung der eine die andere so weit zu verrücken, dass die beiden Schatten a und b volkommen gleich stark erscheinen. Bezeichnet man nun für diesen Fall die Entfernungen der Lichtquellen l und L vom Schirm mit d und D, so ist

$$i:J=d^2:D^2,\ J=irac{D^2}{d^2}.$$

also

Es sei z. B. *l* eine Wachskerze, welche 3 Fuss weit vom Schirm entferst ist, *L* eine Argand'sche Lampe, welche man bis auf 7 Fuss vom Schirm entfernen muss, wenn die beiden Schatten gleich sein sollen, so ergiebt sch

$$J = i \cdot \frac{49}{9} = i \cdot 5,44,$$

die Leuchtkraft der Argand'schen Lampe wäre für diesen Fall 5,44, die beinahe 5½ mal so gross als die der Wachskerze.

Das Bunsen'sche Photometer besteht im Wesentlichen aus eines Papierschirm, in dessen Mitte sich ein mit Wachs oder Stearin gemachter Fettfleck befindet. Dieser Fleck erscheint hell auf dunklem Grunde, wend der Schirm von der Rückseite her stärker erleuchtet ist, als von der Vorderseite.

Das Licht, welches den Papierschirm trifft, wird wie Bohn gezeigt hat in drei Theile zerlegt; ein Theil wird zurückgeworfen, ein Theil wird durchdie Helligkeit, mit welcher der Fettfleck demselben Beobachter erscheint, ist aber

$$J'=i\alpha+i'\beta.$$

Fände nun gar keine Absorption statt (c = o und $\gamma = o$) oder wäre die Lichtabsorption an der besetteten Stelle des Schirmes eben so gross wie auf den nicht besetteten Partieen, wäre also $c = \gamma$, so wäre auch $a + b = \alpha + \beta$, folglich würde J = J' sein, wenn i = i', d. h. der Fettsleck müsste gleich hell erscheinen wie der Grund, er müsste also unbemerkbar sein, wenn der Schirm gleich stark von beiden Seiten erleuchtet ist.

Dies ist aber in der That nicht der Fall. Wenn gleich weit vor und hinter dem Schirm zwei gleiche, gleich hell brennende Kerzen aufgestellt werden, so verschwindet der Fettfleck nicht, er erscheint hell auf dunklem Grunde.

Es rührt dies daher, dass das nicht gefettete Papier mehr Licht absorbirt als die gefettete Stelle, dass also $c > \gamma$; daraus folgt dann

$$a+b<\alpha+\beta$$

für den Fall, dass der Schirm von beiden Seiten gleich stark erleuchtet ist, dass also i = i', haben wir aber

$$J = i (a + b)$$

$$J' = i (\alpha + \beta),$$

$$J' > J.$$

also

da $\alpha + \beta > a + b$. Wenn auf beiden Seiten des Schirms gleich helle Kerzenflammen aufgestellt sind, so muss die auf der Rückseite etwas weiter vom Schirm entfernt, oder die auf der Vorderseite etwas genähert werden, wenn für den auf der Vorderseite stehenden Beobachter der Fleck verschwinden soll. Daraus geht auch hervor, dass der Fleck nicht gleichzeitig auf beiden Seiten des Schirmes verschwinden kann.

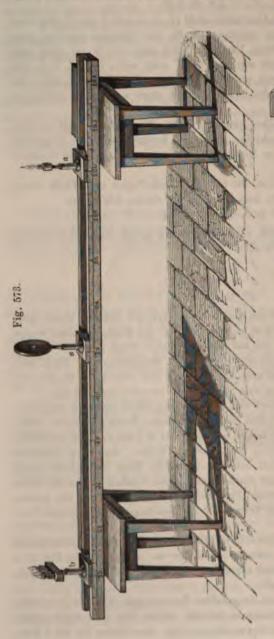
Fig 573 (a. f. S.) erläutert eine Vorrichtung, deren man sich zu photometrischen Versuchen nach dem eben besprochenen Princip bedienen kann.

— In einer 12 bis 15 Fuss langen auf der Seite in Fuss und Zoll getheilten Rinne, die wir die optische Bank nennen wollen, sind drei Schieber angebracht, die man an jede beliebige Stelle der Bank hinschieben kann. Der mittlere Schieber s trägt einen Rahmen, über welchen der in der Mitte mit einem Fettfleck versehene Papierschirm aufgespannt ist; die beiden anderen Schieber dienen als Träger der Lichtquellen, mit denen man Versuche anstellen will.

Der eben erwähnten optischen Bank wird später noch oft Erwähnung geschehen. Um ihre Einrichtung deutlicher zu machen ist in Fig 574 (a. f. S.) ein Stück der Rinne sammt einen Schieber im doppelten Maassstab der Fig. 573 dargestellt.

Ein mit diesem Apparat angestellter Versuch gab folgende Resultate: Während der Schirm die Stellung behielt, welche Fig. 573 zeigt, wurde der Schieber a, welcher eine Kerzenflamme trug, dem Schirm bis auf 2 Fuss

506 Allgemeine Bemerkungen über die Fortpflanzung des Lichtes. genähert (die Mitte des Schiebers a also bei dem Theilstrich 96 festgestellt). Auf dem Schieber b wurde dann eine ganz gleiche Kerze aufge-





stellt und dieselbe dem Schirm gleichfalls bis auf 2 Fuss genähert (der Schieber b, gleichfalls nur eine Kerzetragend, wurde also beim Theilstrich 48 festgestellt).

Unter diesen Umständen erschien von der rechten Seite gesehen der Fettfleck hell auf dunklem Grunde. Während der Schieber b unverändert stehen blieb, musste man den Schieber a bis auf 20 Zoll dem Schirm nähern, um den Fleck verschwinden zu machen.

Der Fettfleck blieb aber ferner von der rechten Seite aus gesehen unbemerkbar, als bei unveränderter Stellung des Schiebers a (20 Zoll vom Schirm) auf der linken Seite desselben statt der in 24 Zoll Entfernung aufgestellten einen Kerzenflamme in 48 Zell Entfernung vom Schirm. vier solcher Kerzenflammen in der Art anfgestellt wurden, wie es die Fig. 573 andeutet.

Vier Kerzenflammen bringen also aus einer Entfernung von 48 Zoll eine ebenso starke Erleuchtung hervor, wie eine einzige solche Flamme in 24 Zoll Entfernung, wodurch nun auch das im Eingang dieses Paragraphen ausgesprochene Princip eine experimentelle Bestätigung enthält.

Es sei L die Entfernung einer Normalkerze auf der Vorderseite des Schirms, bei welcher der Fleck für einen auf derselben Seite des Schirms stehenden Beobachter verschwindet, wenn auf der Rückseite eine Normalkerze in dem Abstand l vom Schirm sich befindet. Wenn man nun statt der Normalkerze auf der Vorderseite des Schirms irgend eine andere Lichtquelle aufstellt, so wird man diese in eine Entfernung n L bringen müssen, wenn der Fleck für den Beobachter auf der Vorderseite des Schirms abermals verschwinden soll. Die Lichtstärke dieser zweiten Lichtquelle ist aber alsdann \sqrt{n} , wenn man die der Normalkerze zur Einheit nimmt.

Als Normalkerze gebraucht man gewöhnlich Sechser-Wachskerzen, d. h. solche, von denen 6 auf 1 Pfund gehen.

Um photometrische Vergleichungen rasch und ohne Rechnung ausführen zu können, führt man die Theilung der Scala in der Weise aus, dass man die unveränderliche Stelle des Schirms zum Nullpunkt nehmend, auf der Vorderseite des Schirms diejenigen Punkte markirt, welche den Abständen $L, L\sqrt{2}, L\sqrt{3}, L\sqrt{4}$ u. s. w. entsprechen, und diese Punkte gleich mit 1, 2, 3, 4 u. s. w. bezeichnet. Man kann dann an einer so eingerichteten Scala die Lichtstärke der zu prüfenden Lichtquellen unmittelbar ablesen.

Für den oben angeführten Fall, bei welchem l=20'', L=24 Zoll, würden sich also die mit 1, 2, 3 u. s. w. zu bezeichnenden Punkte in folgenden Abständen von dem Schirme befinden.



1 . . 24,00 Zoll 6 . . 58,75 Zoll 2 . . 33,93 7 7 . . 63,50 7 3 . . 41,47 8 8 . . 67,87 4 . . 48,00 7 9 . . 72,00 7 5 . . 53,66 7

Fig. 575 stellt das Bunsen'sche Photometer in seiner urprünglichen Gestalt dar. Als die Lichtquelle, mit welcher er alle anderen vergleicht, dient ihm eine Lampe, deren Flamme sich in einem inwendig geschwärzten Blechkasten c befindet, der mit dem Auszugsrohre d versehen ist. Die äussere Oeffnung dieses Rohres ist durch ein Papierdiaphragma verschlossen, welches in der Mitte einen kleinen Fleck von Stearin hat.

Um mit Hülfe dieser Vorrichtung die Intensität J einer Lichtquelle, etwa einer Gasflamme zu bestimmen, ermittelt man zuerst den Abstand l,

510 Allgemeine Bemerkungen über die Fortpflanzung des Lichtes

Nach Bohn's Vorschlag kann man aber auch diese beiden Theilungen, etwa mit verschiedenen Farben auf das Band auftragen, wodurch man in Stand gesetzt ist, das durch Verschwinden des Fleckes im Spiegel A erhstene Resultat durch einen zweiten Versuch zu controliren, bei welchem man den Fleck in B zum Verschwinden bringt.

Wenn die beiden Lichtquellen verschieden gefärbt sind, wenn z. R. die eine Flamme ein mehr röthliches, die andere ein mehr bläuliches Licht hat, so ist dies ein Umstand, welcher bei allen Photometern die Sicherheit der Beobachtung mehr oder weniger beeinträchtigt.

Art eingerichtet, dass man unmittelbar die (auf die Normalkerze bezogenen) Lichtstärken ablesen kann. Mit 1, 2, 3, 4 u. s. w. sind also diejenigen Punkte der Schiene bezeichnet, auf welchen der Index des Schiebers einsteht, wenn das Diaphragma 20, $20\sqrt{2}$, $20\sqrt{3}$, $20\sqrt{4}$ u. s. w. Centimeter von der Flamme d entfernt ist.

Eine ziemlich viel verbreitete Modification des Bunsen'schen Photometers ist das sogenannte Spiegelphotometer, Fig. 576. Auf einer Metallsäule sind rechtwinklig zu einander zwei verticalstehende ebene Spiegel A und B befestigt; zwischen beiden aber ist das Papierblatt C mit einem Fettfleck so angebracht, dass es mit der Ebene eines jeden der beiden Spiegel einen Winkel von 45° macht. Die Metallsäule S trägt aber auch einen horizontalen Arm D, welcher sich in der Verticalebene des Spiegels A befindet und welcher in unveränderlichem Abstand von C die Normalkerze trägt. Die Lichtquelle, welche mit der Flamme der Normalkerze verglichen werden soll, ist in gleicher Höhe mit derselben in der Ebene des Spiegels B angebracht. Das Auge des Beobachters befindet sich in der Ebene des Papierschirms C und muss durch ein vorgehaltenes Rohr vor den directen Strahlen der beiden Lichtquellen geschützt sein.

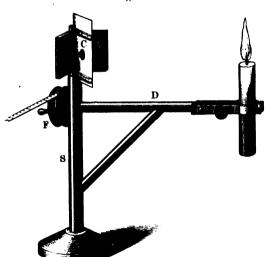


Fig. 576.

Man kann nun die zu vergleichende Lichtquelle, die wir mit Q bezeichnen wollen, in einer Entfernung vom Spiegel A bringen, dass der Fleck im Bild des Spiegels A oder dass er im Bild des Spiegels Bverschwindet. Nach den obigen Auseinandersetzungen ist leicht zu begreifen, dass er nicht gleichzeitig in beiden Spiegelbildern verschwinden kann.

Der Abstand der Lichtquelle Q vom Spiegel A wird durch

ein auf der Rolle F aufgewickeltes Bandmaass gemessen.

Die Theilung des Bandmaasses kann man nun, den Abstand der Normalkerze vom Spiegel B zur Einheit nehmend, in der oben besprochenen Weise ausführen und zwar entweder in Beziehung auf das Verschwinden des Flecks im Spiegel A oder in Beziehung auf das Verschwinden desselben im Spiegel B.

510 Allgemeine Bemerkungen über die Fortpflanzung des Lichtes

Nach Bohn's Vorschlag kann man aber auch diese beiden Theilungen, etwa mit verschiedenen Farben auf das Band auftragen, wodurch man in Stand gesetzt ist, das durch Verschwinden des Fleckes im Spiegel \boldsymbol{A} erhaltene Resultat durch einen zweiten Versuch zu controliren, bei welchem man den Fleck in \boldsymbol{B} zum Verschwinden bringt.

Wenn die beiden Lichtquellen verschieden gefärbt sind, wenn z. B. die eine Flamme ein mehr röthliches, die andere ein mehr bläuliches Licht hat, so ist dies ein Umstand, welcher bei allen Photometern die Sicherheit der Beobachtung mehr oder weniger beeinträchtigt.

Zweites Capitel.

Von der Katoptrik oder der Reflexion des Lichtes.

Reflexion des Lichtes auf ebenen Flächen. Wenn man 209 in ein dunkles Zimmer einen Sonnenstrahl eintreten und auf eine polirte Metallfläche fallen lässt, so beobachtet man im Allgemeinen folgende zwei Erscheinungen: 1. man beobachtet in einer bestimmten Richtung einen Strahl, welcher von dem Spiegel herzukommen scheint und auf den Gegenständen, die er trifft, gerade so ein kleines Sonnenbildchen erzeugt, wie wenn der direct einfallende Sonnenstrahl diese Stelle getroffen hätte; solche Strahlen sind regelmässig reflectirt, ihre Lichtstärke ist um so bedeutender, je besser der Spiegel polirt ist; 2. von den verschiedenen Orten des dunklen Zimmers aus kann man denjenigen Theil des Spiegels unterscheiden, welcher von dem einfallenden Sonnenstrahl getroffen worden ist; es rührt dies daher, dass von der getroffenen Stelle des Spiegels ein Theil des einfallenden Lichtes unregelmässig reflectirt, d. h. nach allen Seiten hin zerstreut, diffundirt wird. Die Intensität des zerstreuten Lichtes ist um so grösser, je unvollkommener der Spiegel polirt ist.

Wenn es absolut glatte spiegelnde Oberflächen gäbe, so würden wir sie durch unsere Augen gar nicht wahrnehmen können, denn die Körper sind in der Ferne nur durch die an ihrer Oberfläche zerstreuten Strahlen wahrnehmbar. Die regelmässig reflectirten Strahlen zeigen uns das Bild des leuchtenden Körpers, von dem sie kommen, aber nicht den reflectirenden Körper. Bei einem sehr guten Spiegel bemerken wir kaum die spiegelnde Ebene, welche sich zwischen uns und den Bildern befindet, die er uns zeigt.

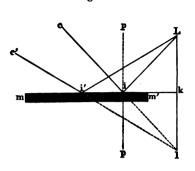
Wir wollen nun die Richtung der regelmässig reflectirten Strahlen näher bestimmen. In Fig. 577 (a. f. S.) sei fn die Richtung des einfallenden Strahles und np ein in n auf der Ebene des Spiegels errichtetes Perpendikel, das

Von der Katoptrik oder der Reflexion des Lichtes.

vor demselben, der einen Strahl Li auf den Spiegel sendet. Dieser Strahl wird nun nach den bekannten Gesetzen in der Richtung ic reflectirt, und wenn der gespiegelte Strahl ein Auge trifft, so macht er auf dasselbe den-



514



selben Eindruck, als ob er von einem Punkte hinter dem Spiegel käme. Ein Strahl Li' wird nach der Richtung i'c' reflectirt, und wenn man die Strahlen ic und i'c' rückwärts verlängert, so ist ihr Durchschnittspunkt l derjenige Punkt, von welchem alle von L kommenden Strahlen nach ihrer Reflexion durch den Spiegel mm' zu divergiren scheinen, kurz l ist das Spiegelbild von L. — Nun aber ist, wie leicht zu beweisen, das Dreieck ii'L gleich dem Dreieck ii'l, folglich auch iL = il; ist aber

iL=il, so lässt sich auch leicht beweisen, dass die Dreiecke iLk und ilk einander gleich sind, woraus dann endlich folgt, dass der Winkel ikL gleich ist dem Winkel ikl, dass also die Linie Ll rechtwinklig steht auf der Spiegelebene mm', und ferner, dass kL=kl. Um also das Bild eines leuchtenden Punktes in einem ebenen Spiegel zu finden. hat man nur von dem leuchtenden Punkte ein Perpendikel auf den Spiegel oder seine Verlängerung zu fällen und dasselbe hinter der Spiegelebene um eben so viel zu verlängern, als der leuchtende Punkt vor dem Spiegel liegt.

Da dies für jeden Punkt eines Körpers gilt, welcher Licht auf den Spiegel sendet, mag es nun eigenes oder zerstreutes Licht sein, so kann

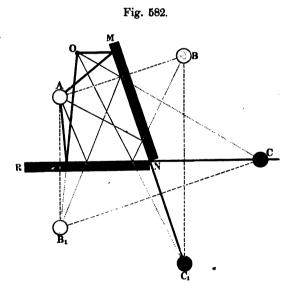
- 1. Die Intensität des regelmässig reflectirten Lichtes wächst mit dem Einfallswinkel, ohne jedoch bei rechtwinkligem Auffallen Null zu sein.
 - 2. Sie hängt von der Natur der spiegelnden Oberflächen ab.

Wir wollen nur einige Beispiele anführen, um dies verständlicher zu machen.

Wenn die von einer Kerzenflamme ausgehenden Strahlen nahe rechtwinklig auf eine mattgeschliffene Glastafel fallen, so kann man kein Bild der Flamme unterscheiden; man sieht es aber sehr gut, wenn die Strahlen recht schief auf die Platte auffallen; in diesem Falle kann man das Bild auch auf polirtem Holze, glänzendem farbigen Papier u. s. w. wahrnehmen, und daraus geht hervor, dass die Menge des reflectirten Lichtes um so grösser ist, je schiefer die Strahlen einfallen.

Gehen wir nun zur Betrachtung einiger Apparate und Instrumente über, welche sich auf die Spiegelungsgesetze auf ebenen Spiegeln gründen.

Winkelspiegel. Wenn zwei ebene Spiegel in irgend einem Win- 211 kel zusammengestellt werden, so sieht man von einem zwischen ihnen sich

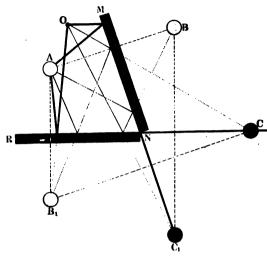


befindenden Gegenstande mehrere Bilder, deren Zahl von der Neigung der Spiegel abhängt. In Fig. 582 seien MN und RNzwei unter einem Winkel von 720 (1/5 des Kreisumfanges) zusammenstossende ebene Spiegel, A ein leuchtender Punkt, der sich in der Mitte des von ihnen gebildeten Winkels befindet. Zunächst wird in jedem Spiegel ein

Bild von A entstehen, und zwar ist das Bild für den einen Spiegel in-B, für den anderen in B_1 ; ein in O befindliches Auge sieht also ausser dem Gegenstande A selbst, in Folge einer einmaligen Spiegelung, auch noch die Bilder B und B_1 desselben. Nun aber können solche Strahlen, die von dem einen Spiegel reflectirt worden sind, den zweiten treffen und an demselben eine abermalige Reflexion erleiden. Da alle vom ersten Spiegel MN reflectirten Strahlen so divergiren, als ob sie von B kämen, so ist B

gewissermaassen selbst ein Gegenstand, welcher Strahlen auf den Spiegel RN sendet; und man kann demnach leicht das Bild des Bildes B im Spiegel RN finden; man fälle nur von B ein Perpendikel auf die Verlängerung von RN, und verlängere es auf die bekannte Weise, so erhält man

Fig. 583.



das Bild C_1 , von welchem alle Strahlen auszugehen scheinen, die von dem Spiegel MN auf den Spiegel RN reflectirt werden und an diesem eine abermalige Spiegelung erleiden; und so sieht das Auge in O nach zweimaliger Spiegelung noch ein Bild in C_1 .

Das Bild B_1 ist aber auch ein Gegenstand für den Spiegel MN, und wenn man den Ort

des Bildes von B_1 bestimmt, so findet man, dass es in C liegt.

Von dem Bilde C kann nun kein weiteres Bild entstehen, weil es hinter der Reflexionsebene des Spiegels MN und in der Reflexionsebene des Spiegels RN liegt. Dasselbe gilt vom Bilde C_1 . Von dem Gegen-



Wollaston'sche Reflexionsgoniometer, n einer Verticalebene liegt, findet man fast in allen Lehrbüchern der

Fig. 584.

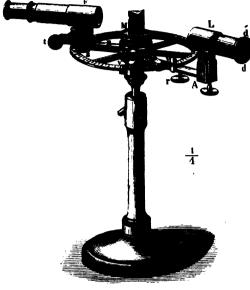
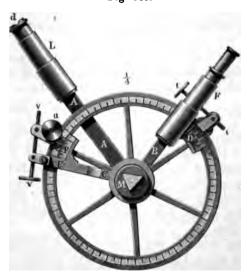


Fig 585.



dessen getheilter Kreis

Mineralogie und der Krystallographie ausführlich beschrieben, wir können deshalb um so von einer Besprechung desselben Umgang nehmen, als es lediglich zur Messung von

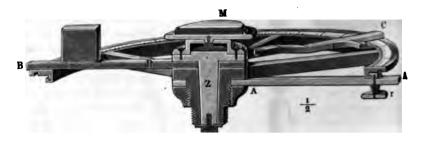
Krystallwinkeln gebraucht werden kann: wir wollen dagegen das Babinet'sche Goniometer, welches auf denselben Principien beruht, näher betrachten, weil es ein zu manchen anderen optischen Untersuchungen sehr brauchbarer Apparat ist.

Babinet's Goniometer, von welchem Fig. 584 eine perspectivische Ansicht und Fig. 585 der Grundriss ist, besteht aus einem horizontalen getheilten Kreis, um dessen verticale Axe folgende Stücke, in einer aus Fig. 583 (a. S. 516) zu ersehenden Weise drehbar sind.

1. Eine Messingschiene A. Sie bewegt sich dicht unterhalb des getheilten Kreises und kann mit Hülfe der Schraube r an denselben festgeklemmt werden. Das äussere Ende der Schiene A, welches in Fig. 586 fehlt, trägt das Rohr L, dessen Einrichtung weiter unten beschrieben werden soll.

Von der Katoptrik oder der Reflexion des Lichtes.

2. Die Messingschiene B, welche sich unmittelber über dem gethelten Kreise hin bewegt und welche durch die Klemmschraube s (in Fig. 584 Fig. 586.



und Fig. 585 nur theilweise sichtbar und in Fig. 586 ganz weggelasen) festgestellt und durch die Mikrometerschraube t fein verschoben werden kann. Mit dieser Schiene B, welche das Fernrohr F trägt, ist auch der Nonius n verbunden.

3. Die Schiene C, welche mit dem Zapfen Z ein Stück bildet. In der Schiene C, welche mittelst der Klemmschraube u, Fig. 584 und 585, festgestellt und vermittelst der Mikrometerschraube v fein verschobe werden kann, ist der Nonius p verbunden.

Mit der Schiene C wird nun auch das Tischlein M um die vertiche Axe des getheilten Kreises gedreht. Endlich kann aber noch

4. das Tischlein M für sich allein um die verticale Axe des Appartes gedreht werden, nachdem die Schiene C mittelst der Klemmschrank u festgestellt worden ist.

Das Fernrohr F ist ein kleines astronomisches Fernrohr mit Fahrkreuz.

Das Rohr L ist ein Fernrohr, an welchem man die Ocularröhre entim

Theilung, etwa auf den Nullpunkt, einsteht. Alsdann wird der zu messende Krystall mit etwas Wachs auf das Tischlein M befestigt, dessen Platte aus einem Stücke Spiegelglas gemacht ist, und zwar so, dass die Kante der beiden Flächen, deren Winkel man messen will, genau vertical steht, also parallel ist mit der Spalte d des Rohres L und mit dem verticalen Faden des Fadenkreuzes im Fernrohr F.

Wenn nun irgend welches Licht, sei es nun diffuses Tageslicht oder das Licht einer Kerzenflamme, welche man nahe vor der Spalte d aufgestellt hat, in das Rohr einfällt, so kann man es durch Drehen des Tischleins M leicht dahin bringen, dass man durch das Fernrohr F das Spiegelbild der Spalte d in einer der beiden Krystallflächen sieht, deren Winkel man messen will.

Um das Spiegelbild der Spalte besser beobachten zu können, ist es gut, wenn man nicht ohnehin im dunkeln Zimmer arbeitet, durch passend angebrachte Schirme alles fremde Licht abzuhalten.

Nachdem man es mit Hülfe der Mikrometerschraube t dahin gebracht hat, dass der verticale Faden des Fadenkreuzes genau auf der Mitte des Spiegelbildes steht, wird die Klemmschraube u gelöst, die Schiene C sammt dem Tischlein M und dem Krystall um die verticale Axe des Instrumentes gedreht, bis das von der zweiten Krystallfläche erzeugte Spiegelbild der Spalte im Gesichtsfelde des Fernrohrs erscheint. Darauf wird mit Hülfe der Mikrometerschraube v die Mitte des Spaltenbildes wieder genau auf das Fadenkreuz eingestellt und endlich der Nonius abgelesen.

Zur Erläuterung mag folgendes Beispiel dienen. Auf das Tischlein M war ein säulenförmiger Schwerspathkrystall aufgesetzt, dessen Querschnitt ungefähr die Gestalt Fig. 587 hatte. Während der Nonius p auf 0° stand als das durch die Krystallfläche g erzeugte Spiegelbild des Spal-

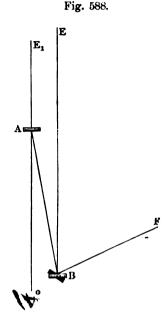


tes auf das Fadenkreuz des Fernrohres F eingestellt erschien, musste man die Schiene C so weit drehen, dass der Nonius p auf 116° 22' zu stehen kam, um das durch die Fläche g' erzeugte Bild der Spalte auf das Fadenkreuz eingestellt zu sehen.

Der so gemessene Winkel ist aber offenbar der Nebenwinkel desjenigen, welchen die beiden Flächen g und g' mit einander machen. In unserem Falle ist also dieser Winkel $180^{\circ} - 116^{\circ} 22' = 63^{\circ} 38'$.

Der Spiegelsextant, eines der wichtigsten Winkelmessinstrumente, 213 zeigt uns eine ungemein sinnreiche Anwendung der Spiegelungsgesetze; das Princip, auf welchem seine Einrichtung beruht, ist folgendes: Es sei A, Fig. 585 (a. f. S.), ein kleiner Spiegel, an dessen oberer Hälfte die Belegung abgenommen ist, so dass ein in O befindliches Auge durch den freien Theil der Glasplatte hindurchsehen kann; in B befinde sich nun ein zweiter Spiegel, der um eine Axe drehbar ist, welche rechtwinklig auf der Ebene der Figur steht. Man kann nun dem Spiegel B eine solche Stellung geben,

dass ein von einem fernen Gegenstande herkommender Strahl EB, welcher neben dem Spiegel A vorbeigeht, durch den Spiegel B nach A und



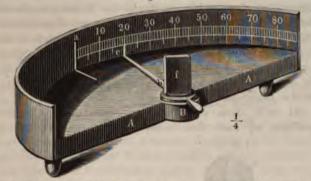
dann vom Spiegel A nach O reflectirt wird; das Auge in O wird in diesem Falle durch die unbelegte Hälfte des Spiegels A in der Richtung OE_1 den ferneren Gegenstand direct, im belegten Theile aber das Bild desselben Gegenstandes sehen. Wir wollen diese Stellung des Spiegels B die Anfangsstellung nennen.

Wenn aber nun der Spiegel B um seine Axe gedreht wird, wenn er etwa in die durch stärkere Schraffirung angedeutete Lage gebracht ist, so kann der Strahl EB nicht mehr nach A reflectirt werden, man wird also in dem unteren Theile des Spiegels A nicht mehr das Bild desselben Gegenstandes sehen, den man durch die obere Hälfte erblickt, sondern das Bild eines anderen Gegenstandes, von welchem der Strahl FB herkommt.

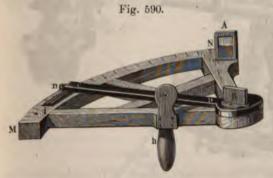
Des kürzeren Ausdruckes wegen wollen wir den Gegenstand, von welchem der Strahl EB herkommt, mit L, den Gegenstand, von welchem der Strahl FB herkommt, mit R bezeichnen.

Die Winkelmessung mit dem Sextanten beruht nun darauf, dass der Winkel, um welchen man den Spiegel B aus seiner Anfangsstellung dre-

In Fig. 590 ist ein Spiegelsextant abgebildet, und zwar ein Sextant von der einfachsten Einrichtung. A ist der feste oben durchsichtige Spiegel. Der Spiegel B, den unsere Figur von der Rückseite zeigt, ist um Fig. 589.



den Mittelpunkt des getheilten Kreisbogens MN drehbar. Dem Spiegel A gegenüber ist an das Gestell eine Messingplatte angeschraubt, in welcher sich ein kleines Loch o befindet, an welches man das Auge hält, um nach



dem Spiegel A zu sehen. Der Spiegel B ist auf einer um ihren Mittelpunkt drehbaren Scheibe befestigt, von welcher wie ein Radius die Schiene DC ausgeht; wenn also der Spiegel B um seine Axe gedreht wird, so durchläuft das Ende C dieser Schiene die Theilung des Kreises; um genauer ablesen zu können.

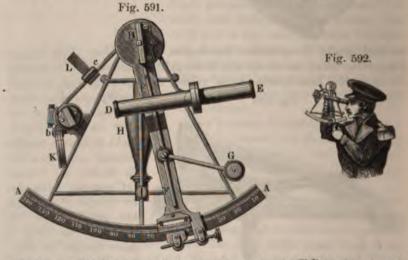
ist bei C an der Schiene CD ein Nonius Ci befestigt. Die Theilung ist so eingerichtet, dass der Nonius auf den Nullpunkt der Theilung zeigt, wenn die beiden Spiegel parallel sind. Jeder halbe Grad der Theilung ist für einen ganzen gezählt, d. h. die Theilstriche, die von dem Nullpunkte der Theilung um 10, 20, 30 u.s. w. Grade abstehen, sind mit 20, 40, 60 bezeichnet, weil man ja doch den Winkel, um welchen der Spiegel B gedreht wird, mit 2 multipliciren muss, um den Winkel der entsprechenden Visirlinie zu erhalten.

Gewöhnlich ist der getheilte Kreisbogen nur etwas mehr als $^{1}/_{6}$ des Kreisumfanges, daher der Name Sextant. Das Instrument bedarf keines Statifs, man nimmt es an dem Handgriffe h in die Hand und hält das Instrument dann so vor das Auge, dass man durch die Oeffnung o und den oberen Theil des Spiegels A denjenigen der beiden einzuvisirenden Gegenstände sieht, welcher links liegt, und dreht dann die Schiene CD, bis

in dem unteren Theile des Spiegels A das Bild des rechts gelegenen Gegenstandes R gerade unter dem Bilde von L erscheint. Ist dies erreicht, so stellt man den drehbaren Radius mit Hülfe einer Schraube bei n fest und liest dann den Nonius ab.

An Spiegelsextanten, welche zu genaueren Messungen dienen sollen, ist statt der kleinen Oeffnung o ein nach dem Spiegel A gerichtetes Fernrohr angebracht. Wenn man durch ein Fernrohr beobachtet, so sieht man nicht mehr, wie bei der Beobachtung mit blossem Auge, den Spiegel A in zwei Felder getheilt, d. h. man unterscheidet durch das Fernrohr sehend nicht mehr den belegten und den unbelegten Theil des Spiegels A, sondern die beiden Bilder fallen ganz über einander.

Fig. 591 stellt einen vollständiger ausgestatteten Spiegelsextanten dar. Die Figur ist nach den bisherigen Erklärungen wohl leicht zu



verstehen. C ist der feste, B der drehbare Spiegel; ED ist das eben besprochene Fernrohr. H ist der Handgriff, welcher hier parallel mit der Ebene des Instrumentes angebracht ist. G ist eine Loupe, welche man über den Nonius stellt, um besser ablesen zu können.

Bei L und bei K sind dunkelfarbige Gläser, sogenannte Blendgläser, angebracht, welche man in den Weg der einfallenden Strahlen bringt, wenn man Sonnenhöhen messen will, weil das Sonnenlicht viel zu hell ist, als dass man ohne ein solches Hülfsmittel die Sonne visiren könnte.

Die Ebene des getheilten Kreises muss immer in die Ebene der Visirlinien fallen, deren Winkel man messen will. Um z. B. die Höhe eines Gestirnes über dem Horizonte zu messen, muss die Ebene des Kreises vertical gehalten werden, wie dies Fig. 592 erläutert.

214 Das Heliostat. Bei vielen optischen Versuchen muss man durch eine kleine Oeffnung im Laden eines dunkeln Zimmers ein Bündel Sonnenn lassen. Damit die einfallenden Strahlen eine passende, lässt man sie aber nicht direct eintreten, sondern man Laden einen ebenen Spiegel an, welcher die Sonnenstrahr Richtung durch die kleine Oeffnung in das Zimmer reser ändert sich der Stand der Sonne fortwährend, und eine dass auch die Richtung der ins Zimmer reflectirten Strahwenn der Spiegel fest stehen bleibt.

die Richtung der in das Zimmer reflectirten Strahlen unten, so muss also der Spiegel in einer der Bewegung der enden Weise gedreht werden, und jede Vorrichtung, durch geführt wird, wird ein Heliostat genannt.

nfachsten Heliostaten, wie sie in der Regel an Sonnengebracht werden, geschieht die Drehung des Spiegels durch chst kann der Winkel geändert werden, welchen der Spiene des Fensterladens macht; dann aber ist der Spiegel noch ne des Fensterladens rechtwinkligen Ebene drehbar. Diese en werden vermittelst zweier an der inneren Seite des Later Schraubenköpfe ausgeführt und man ist dadurch im egel stets so zu stellen, dass die von ihm reflectirten Son-

Fig. 593.



nenstrahlen in horizontaler Richtung rechtwinklig zur Ebene des Fensterladens eintreten.

Den Spiegel beständig durch Drehen mit der Hand in richtiger Stellung zu erhalten, ist nicht allein lästig, sondern bei vielen Versuchen auch sehr störend; man hat deshalb Heliostate construirt, bei welchen die Drehung des Spiegels durch ein Uhrwerk besorgt wird.

Einer der übersichtlichsten hierher gehörigen Apparate ist das von Meyerstein construirte Heliostat, welches in Fig. 593 ungefähr in ¹/₃ der natürlichen Grösse abgebildet ist. Das Instrument wird so aufgestellt, dass die Axe aa der Weltaxe parallel steht.

Nahe am unteren Ende ist an der Axe aa ein gezahntes Rad befestigt, welches durch das Uhr-

den einmal um seine Axe umgedreht wird, so dass also eder Stunde eine Drehung von 15° erleidet.

524

Eine auf das obere Ende der Axe aa aufgeschobene und mittelst einer Stellschraube fest zu klemmende Messinghülse endet oben mit einer halbkreisförmigen Gabel, zwischen deren Enden der ebene Spiegel 85 m angebracht ist, dass er um eine rechtwinklig zu aa stehende Axe gedrak und in jeder beliebigen Neigung gegen aa festgestellt werden kann.

Der Spiegel s's wird nun so gestellt, dass der einfallende Strahl nach op, der Verlängerung der Axe aa, reflectirt wird, dass also der re flectirte Strahl, in die Richtung der Weltaxe fallend, gegen den Nordpolds

Himmels gerichtet ist.

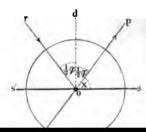
Wird nun bei unveränderter Neigung des Spiegels 38 gegen die Webaxe die derselben parallele Axe aa durch das Uhrwerk mit derselben Vie kelgeschwindigkeit gedreht, mit welcher die Sonne sich um die Welte bewegt, so ist leicht zu übersehen, dass der reflectirte Strahl stets op, der Richtung der Weltaxe, zusammenfallen muss.

Wie gross die Neigung der Spiegelebene gegen die Weltaxe sein mins

ergiebt sich aus folgender Betrachtung:

Es sei ap, Fig. 594, die Richtung der Weltaxe, o der Mittelpul des Spiegels, ro der einfallende Strahl. Die Poldistanz der Sonne. den Winkel rop wollen wir mit \varphi bezeichnen. Soll nun der Strahl nach op reflectirt werden, so muss das Einfallsloth od den Winkel

Fig. 594.



halbiren, der Winkel dop muss 1/2 q see Da ferner die Spiegelebene s's rechtwink lig auf od stehen, der Winkel dos 90° sein muss, so ergiebt sich für den Wir kel x, welchen die Spiegelebene os mit de Weltaxe op macht, der Werth

 $x = 90^{\circ} - \frac{1}{2} \varphi$

Wäre z. B für einen bestimmten Ta die nördliche Declination der Sonne glein 20° , so ware $\varphi = 90^{\circ} - 20^{\circ} = 70^{\circ}$, als Einmal richtig eingestellt, behält dieser zweite Spiegel seine Stellung unverändert bei. Beide Spiegel sollten, wenigstens zu genaueren Versuchen, Metallspiegel sein.

Das oben beschriebene Meyerstein'sche Heliostat ist eigentlich nur eine vereinfachte Form des Fahrenheit'schen, dessen sich auch Fraunhofer bediente. Beim Fahrenheit'schen Heliostat sind beide Spiegel auf demselben Statif angebracht, während bei der Meyerstein'schen Vorrichtung der zweite Spiegel ein von dem eigentlichen Heliostat, Fig. 593, ganz getrenntes Stück bildet.

Da bei jeder Reflexion Licht verloren geht, so war man schon früher bemüht Uhrheliostate mit einem Spiegel zu construiren. Der erste derartige Apparat rührt von S'Gravesande her. Später haben Gambey und Silbermann einspiegelige Uhrwerk-Heliostate construirt.

Silbermann's Heliostat ist in Fig. 595 in ½, der obere 215 Theil desselben ist in Fig. 596 (a. f. S.) und ein Durchschnitt der Säule A ist in Fig. 597 (a. S. 527) in ½ der natürlichen Grösse dargestellt.

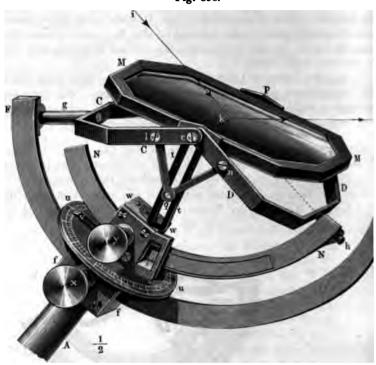
Wenn das Instrument richtig aufgestellt ist, so fällt die Axe der Säule A mit der Richtung der Weltaxe zusammen. Diese Säule A be-Fig. 595.

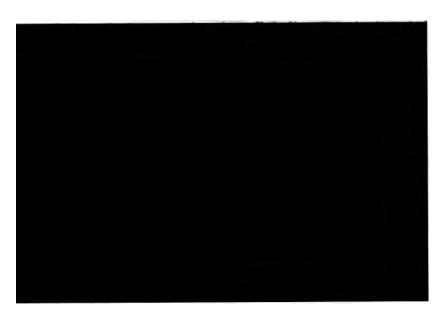


526 Von der Katoptrik oder der Reflexion des Lichtes.

steht aber aus drei concentrischen in einander steckenden Theilen, v denen der mittlere x, Fig. 597, eine auf der oberen Fläche der Trommel befestigte Hülse ist, welche vollkommen feststehend in keinerlei Weise i

Fig. 596.





schiebbar ist und in jeder beliebigen Stellung durch die Klemmschraube x festgestellt werden kann.

Den innersten Theil der Säule A bildet eine Metallaxe a, welche durch das in der Trommel T befindliche Uhrwerk in 24 Stunden einmal umge-





dreht wird. Auf dem oberen Ende dieser Axe ist ein würfelförmiger Körper w aufgesteckt, welcher frei um diese Axe drehbar ist und in welchem der Messingbogen NN, Fig. 596, verschoben und in beliebiger Stellung durch die Klemmschraube y fixirt werden kann. An diesem Würfel w ist ein Zeiger v befestigt, welcher sich über die Stundentheilung der festen Scheibe u hinwegbewegt, wenn w um seine Axe gedreht wird.

Durch eine auf der Hinterseite des Würfels w gelegene, in unserer Figur also nicht sichtbare Klemmschraube kann der Würfel w fest mit seiner Axe verbunden werden. Ist dies geschehen, so kann der Würfel w freilich nicht mehr frei gedreht werden, er nimmt aber nun sammt dem Zeiger v an der Umdrehung der Uhraxe a Theil, so dass der Zeiger in 6 Stunden einen Viertelskreis durchläuft.

34

Fi

Ist die Säule A mit der Weltaxe parallel und der Zeiger v auf 12 Uhr gestellt, so fällt der Messingbogen NN in die Ebene des Meridians. Hat man den Würfel w in dieser Stellung gerade in dem Moment eingestellt, in welchem die Sonne culminirt und ihn sogleich an seine Axe angeklemmt, so wird, von dem Uhrwerk gedreht, der Zeiger v nach 1, 2, 3 u. s. w. Uhr zeigen, und gleichzeitig wird

Von der Katoptrik oder der Reflexion des Lichtes.

528 auch der Bogen NN so um die Weltaxe gedreht, dass seine Ebene stets

mit dem Stundenkreise der Sonne zusammenfällt.

Wenden wir uns nun zur Betrachtung des Spiegels und seiner Bewegung.

Die Mitte des Spiegels MM, Fig. 596, liegt in der Verlängerung der Säule A. Auf der einen Seite des Spiegelrahmens ist eine geschlitzte Schiene t befestigt, welche rechtwinklig auf der Spiegelebene steht. also dem Einfallsloth der auf dem Spiegel fallenden Strahlen parallel ist.

Der Spiegel MM wird von zwei Gabeln CC und DD getragen. welche den Spiegel einerseits bei c, andererseits bei p fassen. Ein Metallstab q bildet die Verlängerung der Mittellinie der Gabel C, das Metallstäbchen h bildet die Verlängerung der Mittellinie der Gabel D.

Das Stäbchen h wird von dem einen Ende des messingenen Bogens NN und in gleicher Weise wird das Stäbehen g von dem einen Ende des Bogens FF getragen.

Der Gabel C ist eine Drehung um die Axe des Stäbchens g gestattet, während das an der Gabel I) befestigte Stäbchen h in der cylindrischen Oeffnung drehbar ist, in welcher es steckt.

Durch das Leistchen lq ist die Gabel CC, durch das Leistchen nq ist die Gabel DD mit der Schiene tt verbunden, jedoch so, dass den Enden der Leisten bei l, bei n und bei q eine Drehung um den Verbindungszapfen gestattet ist und dass die beiden unteren Enden der Leistchen bei q durch den sie zusammenhaltenden Zapfen in der Spalte der Schiene t zu bleiben genöthigt sind.

Da nun cl = cn und lq = nq, so ist das Dreieck lqc gleich dem Dreieck ncq, wie auch der Winkel geändert werden mag, welchen die Leistchen nq und lq bei q mit einander machen. Daraus folgt aber, dass die Ebene der Gabel C und die Ebene der Gabel D stets gleiche Winkel an seine Axe angeklemmt, dass der Zeiger v auf den Theilstrich des Zifferblattes zeigt, welcher der wahren Zeit des Augenblicks entspricht, in welchem man das Uhrwerk in Gang setzt. Wird alsdann das Instrument so aufgestellt, dass die Säule A in den astronomischen Meridian zu liegen kommt, so fällt wirklich kh in die Verlängerung der einfallenden Strahlen und bleibt in der Verlängerung derselben, so lange das Uhrwerk die Axe der Säule A, also auch die Ebene des Bogens NN mit der entsprechenden Geschwindigkeit umdreht.

Wenn aber kh stets in der Richtung der einfallenden Strahlen bleibt, so fällt die Richtung der reflectirten Strahlen auch stets in die Verlängerung des Stäbchens g. Durch Verschieben des Bogens FF in dem Würfel f und durch Drehung der äusseren Hülse der Säule A, wodurch die Ebene des Bogens FF gedreht wird, kann man das Stäbchen g und die Mittellinie der Gabel C in jede beliebige Lage bringen und in derselben feststellen, wodurch dann auch den reflectirten Strahlen eine unveränderliche Richtung gesichert wird.

Ausser den erwähnten werden noch manche andere Anwendungen vom ebenen Spiegel für gäodätische und physikalische Zwecke gemacht. Eine sehr sinnreiche Anwendung hat Poggendorff von dem ebenen Spiegel gemacht, um die geringste Veränderung in der Lage einer Magnetnadel oder eines Magnetstabes zu beobachten und zu messen; es wird davon im zweiten Theile dieses Lehrbuches ausführlicher die Rede sein.

Reflexion auf gekrümmten Spiegeln. Wenn ein Lichtstrahl 216 eine krumme Oberfläche in irgend einem Punkte trifft, so wird er gerade so reflectirt, als ob er die Berührungsebene dieses Punktes getroffen hätte. Ein leuchtender Punkt also, welcher sich im Mittelpunkte einer innen polirten Kugel befindet, wird nach allen Punkten der Kugeloberfläche Lichtstrahlen aussenden, die aber sämmtlich nach dem Mittelpunkte zurückgeworfen werden. Wenn sich ein leuchtender Punkt in dem einen Brennpunkte eines innen spiegelnden Ellipsoids befände, so würden alle Strahlen von der Oberfläche nach dem anderen Brennpunkte reflectirt werden; indem sie aber ihren Weg fortsetzen, würden sie durch eine abermalige Reflexion wieder in dem ersten Brennpunkte vereinigt werden.

Die Strahlen, welche von einem leuchtenden Punkte ausgehen, der sich in dem Brennpunkte eines Paraboloids befindet, und die Fläche dieses Paraboloids treffen, werden sämmtlich in einer Richtung reflectirt, welche mit der Axe des Paraboloids parallel ist. Wenn umgekehrt ein Bündel paralleler Strahlen in der Richtung der Axe auf das Paraboloid fällt, so werden sie sämmtlich nach dem Brennpunkte desselben reflectirt.

Von parabolischen und elliptischen Spiegeln wird in der optischen Praxis kaum ein Gebrauch gemacht, weshalb wir uns gleich zu den sphärischen Spiegeln wenden, welche fast ausschliesslich zur Anwendung kommen.

Denkt man sich eine Hohlkugel, deren innere Fläche sehr gut Maller's Lehrbuch der Physik. 6te Aufl. I.

polirt ist, so ist ein von dieser Hohlkugel durch eine Ebene abgeschnittenes Stück ein sphärischer Hohlspiegel. Ein convexer Kugel-

Fig. 598

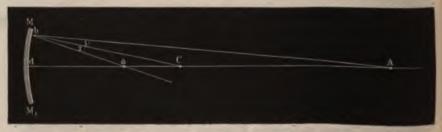
spiegel hingegen ist ein Stück einer aussen polirten Kugel.

Der Durchmesser eines Kugelspiegels ist die Linie MM', Fig. 598, welche zwei entgegengesetzte Punkte des Randes verbindet; die Linie cd, welche den Mittelpunkt der Kugel mit der Mitte des Spiegels verbindet, heisst seine Axe; der Winkel endlich, welchen die Linien cM und cM' mit einander machen, seine Oeff-

nung. Der Mittelpunkt c der Kugel, von welcher der Spiegel ein Stück ist, wird auch Mittelpunkt der Krümmung genannt.

217 Von den sphärischen Hohlspiegeln. Es sei MM, Fig. 599, der Durchschnitt eines sphärischen Hohlspiegels, dessen Mittelpunkt C ist. In einem Punkte A der Axe befinde sich ein leuchtender Punkt, der seine





Strahlen auf den Spiegel sendet. Wie ein von A ausgehender Strahl, welcher den Spiegel in b trifft, reflectirt wird, ist leicht zu finden, denn die von b nach dem Mittelpunkte C gezogene Gerade ist das Einfallsloth. Macht man den Winkel r gleich dem Winkel i, so ist b a der reflectirte Strahl.

Denkt man sich auf dem Spiegel einen Kreis bezeichnet, dessen Punkte sämmtlich von d ebenso weit entfernt sind wie b, so ist leicht einzusehen, dass alle Strahlen, welche, von A ausgehend, den Spiegel in einem Punkte dieses Ringes treffen, so reflectirt werden, dass sie die Axe Ad in demselben Punkte a schneiden.

Wenn der leuchtende Punkt sehr weit vom Spiegel entfernt ist, so kann man alle Strahlen, welche er auf den Spiegel sendet, als unter sich parallel betrachten. In Fig. 600 sei ab ein parallel mit der Axe einfallender Lichtstrahl, b C das Einfallsloth, so ist offenbar i = x. Der Radius b C sei mit R, der Winkel b F C mit v bezeichnet, so haben wir (Tri-Fig. 600.

d F C

gonometrie §. 21, S. 31) aus dem Dreieck bFC die Proportion $sin. \ v: sin. \ r = R: CF$

und daraus

$$CF = \frac{R \cdot \sin r}{\sin v}$$

Nun aber ist r = i, $v = 180^{\circ} - r - x = 180^{\circ} - 2i$, mithin sin. v = sin. 2i; substituirt man diese Werthe, so kommt

$$FC = R \cdot \frac{\sin \cdot i}{\sin \cdot 2i}$$

Je kleiner i wird, desto mehr nähert sich FC dem Werthe 0,5 R. Die folgende kleine Tabelle enthält eine Reihe zusammengehöriger Werthe von i und FC

	i								FC
•	10								$oldsymbol{R}$. 0,50006
	2								$oldsymbol{R}$. 0,50031
•									R.0,50191
•									R.0,50771
									R.0,51764
									R.0,54448

Man sieht aus dieser Tabelle, dass FC für Werthe von i bis zu 5 Grad hin nur wenig von 0.5 R abweicht. Selbst für $i = 10^{\circ}$ ist diese Abweichung noch nicht bedeutend, über diesen Werth von i hinaus wird aber der Ueberschuss von FC über 1/2 R sehr merklich.

Solche Strahlen, welche der Axe so nahe liegen, dass der Werth von FC für dieselben nicht merklich von $^{1}/_{2}R$ differirt, heissen centrale Strahlen. Der Vereinigungspunkt der parallel mit der Axe auffallenden centralen Strahlen, Fig. 601 (a. f. S.), führt den Namen Brennpunkt oder Focus (er soll in den folgenden Figuren mit F bezeichnet werden). Dieser Focus liegt, wie wir gesehen haben, in der Mitte zwischen dem Krümmungsmittelpunkt des Spiegels und dem Spiegel selbst, auf der Axe des Spiegels.

Ist die Krümmung des Spiegels von der Mitte bis zum Rande be-

deutend, so werden die parallel mit der Axe in der Nähe des Randes auffallenden Strahlen nicht mehr nach dem Hauptbrennpunkt F hin reflec-

Fig. 601.



tirt, wie die centralen Strahlen, sondern sie schneiden die Axe in einem Punkte n, Fig. 602, welcher näher am Spiegel liegt als F.

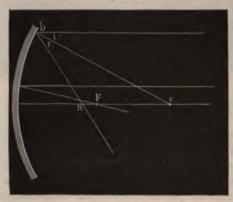
Wenn ein Hohlspiegel zu optischen Zwecken brauchbar sein soll, so muss er die von einem Punkte ausgehenden Strahlen auch möglichst nahe

wieder in einem Punkte vereinigen. Dies ist aber nur dann möglich, wenn die Oeffnung des Spiegels nicht bedeutend, wenn sie allerhöchstens 4 bis 6° ist, denn nur in diesem Falle kann man alle den Spiegel treffenden Strahlen als centrale Strahlen betrachten. Wir wollen im Folgenden auch nur solche Spiegel, also auch nur centrale Strahlen, betrachten.

Der erwähnte Fehler, dass nicht alle mit der Axe parallel einfallenden Strahlen genau in einem Punkte vereinigt werden, dass der Vereinigungspunkt für die Randstrahlen dem Spiegel näher liegt als dem Brennpunkte, wird sphärische Aberration genannt.

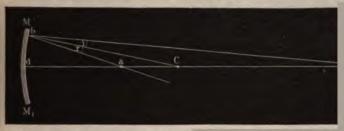
Wenn der leuchtende Punkt nicht unendlich weit liegt, sondern in solcher Entfernung, dass man die Divergenz der den Spiegel treffenden

Fig. 602.



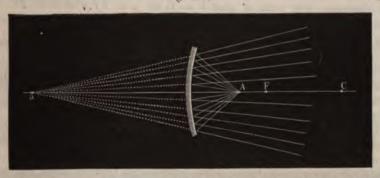
Strahlen nicht mehr vernachlässigen darf, so ändert auch der Vereinigungspunkt seine Stellung, und zwar rückt er vom Spiegel um so weiter weg, je mehr sich der leuchtende Punkt nähert. Dass dem so sei, ist aus Fig. 603 leicht zu sehen. Je näher der leuchtende Punkt A liegt, desto kleiner wird i für denselben Punkt b des Spiegels, desto kleiner wird r und desto mehr rückt also a nach c hin. Wenn man also einen leuchtenden Punkt.

der so weit vom Spiegel entfernt ist, dass seine Strahlen im Hauptbrennpunkte wieder vereinigt werden, dem Spiegel fortwährend nähert, so wird der Vereinigungspunkt a vom Brennpunkte fortwährend dem Mittelpunkte C näher rücken, bis endlich, wenn der leuchtende Punkt im Centrum des Spiegels steht, der Vereinigungspunkt mit dem leuchtenden Punkte zusammenfällt. Rückt der leuchtende Punkt dem Spiegel noch näher, so fällt der Vereinigungspunkt weiter und weiter vom Spiegel, die von a ausgehenden Strahlen werden in A vereinigt, und wenn der leuchtende Punkt Fig. 603.



den Hauptbrennpunkt einnimmt, so werden seine Strahlen vom Spiegel parallel mit der Axe reflectirt.

In Fig. 604 ist noch der einzig übrige Fall betrachtet, nämlich dass der leuchtende Punkt A zwischen dem Spiegel und dem HauptFig. 604.



brennpunkte hegt. Hier werden die Strahlen so reflectirt, dass sie nach der Reflexion divergiren, als ob sie von einem Punkte a kämen, der hinter dem Spiegel liegt und den man für jeden besonderen Fall durch Construction leicht finden kann.

Die Beziehungen zwischen der Vereinigungsweite da, Fig. 603, und der Gegenstandsweite dA lassen sich durch Formeln ausdrücken, welche sich nach den vorgetragenen Sätzen leicht entwickeln lassen.

Aus dem Dreieck ba C haben wir

wenn wir mit v den Winkel b Ca bezeichnen, da ja Winkel r gleich dem Winkel i ist. Ebenso haben wir für das Dreieck b CA

da ja der Sinus des Winkels b CA gleich ist dem Sinus seines Nekenwinkels b Cd. Aus der Combination der Gleichungen 1) und 2) folgt aber:

Nun aber ist ohne merklichen Fehler ba gleich der Vereinigungsweite da,

die wir mit h bezeichnen wollen, und bA ist gleich der Gegenstandsweite dA, die mit g bezeichnet werden mag, wir haben also

also über in

$$h: 2f - h = g: g - 2f$$

woraus endlich

Nach dieser Formel kann man die Vereinigungsweite h berechnen, wenn die Brennweite f und die Gegenstandsweite g bekannt sind.

Die Gleichung 5) lässt sich in folgende verwandeln:

in dieser Form übersieht man leicht, dass h um so grösser wird, je mehr g abnimmt. Für $g=\infty$ wird h=f; für g=2f wird h=2f. Sobald g kleiner wird als 2f, wird h grösser als 2f und für g=f wird h gleich $\frac{f}{0}$ also unendlich. Wenn g kleiner ist als f, so ist $\frac{f}{g}$ grösser als 1, folglich wird der Werth von h negativ, was andeutet, dass in diesem Fall die vom Spiegel reflectirten Strahlen nicht mehr nach einem Punkte von dem Spiegel convergiren, sondern dass sie divergiren, als ob sie von einem Punkte hinter dem Spiegel kämen.

Wir haben bisher nur solche leuchtende Punkte betrachtet, welche auf der Axe des Spiegels lagen, Punkte also, für welche die über den Krümmungsmittelpunkt C nach dem Spiegel gezogene Linie mit der Axe des Spiegels zusammenfiel. Alle bisher entwickelten Gesetze gelten aber auch für solche leuchtende Punkte, welche ausserhalb der Spiegelaxe liegen; es sei z. B. in Fig. 605 A ein solcher leuchtender Punkt. Zieht man von A

A C

Fig. 605.

über C eine Linie nach dem Spiegel, so ist dies die Axe des von A auf den Spiegel gesandten Strahlenkegels, und auf dieser Axe müssen sich alle von A ausgehenden Strahlen wieder vereinigen. Wenn ein ganzes Bündel

Strahlen mit $A\ Cb$ parallel auf den Spiegel fiele, so würden sie sich nach der Reflexion im Punkte f vereinigen, der in der Mitte zwischen C und b liegt; da aber die von A ausgehenden Strahlen divergiren, so liegt ihr Vereinigungspunkt weiter vom Spiegel ab als f. Man kann nun diesen Vereinigungspunkt leicht durch folgende Construction finden. Man ziehe von A eine Linie An parallel mit der Axe des Spiegels. Ein Strahl, der in dieser Richtung den Spiegel trifft, wird aber bekanntlich nach dem Hauptbrennpunkte F reflectirt; zieht man nun von n über F eine Linie, so wird diese die Linie $A\ Cb$ schneiden, und der Durchschnittspunkt a ist offenbar derjenige, in welchem alle von A ausgehenden Strahlen nach ihrer Reflexion durch den Spiegel wieder vereinigt werden, kurz a ist das Bild von A.

Der Abstand des Punktes a von b lässt sich aber auch nach Gleichung 5) berechnen, wenn die Gegenstandsweite b A und die Brennweite des Hohlspiegels bekannt ist.

Befindet sich umgekehrt ein leuchtender Punkt in a, so werden die von ihm ausgehenden Strahlen, welche den Hohlspiegel treffen, in A vereinigt, oder A ist alsdann das Bild von a.

Von den durch Hohlspiegel erzeugten Bildern. Es 218 stelle in Fig. 606 AB einen Gegenstand vor, der sich zwischen dem Krümmungsmittelpunkte C des Spiegels und dem Hauptbrennpunkte F befindet. Nach dem, was im vorigen Paragraphen gesagt wurde, ist es leicht, das Bild des Punktes A zu finden; es liegt in a und alle von A ausgehenden den Hohlspiegel treffenden Strahlen werden durch denselben in a vereinigt. Ebenso ist b das Bild des Punktes B, und so ergiebt sich, dass man durch einen Hohlspiegel von einem Gegens tande AB,

Fig. 606.



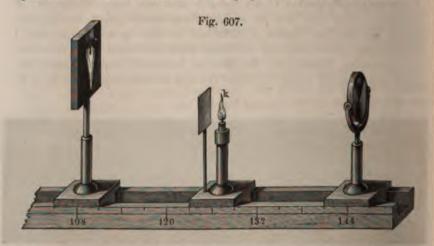
welcher zwischen dem Hauptbrennpunkte F und dem Mittelpunkte der Krümmung C liegt, ein verkehrtes, vergrössertes Bild jenseits C erhält.

Da die von A ausgehenden Strahlen in a gesammelt werden, so werden auch umgekehrt, wenn a ein leuchtender Punkt ist, die von ihm ausgehenden Strahlen durch den Spiegel nach A reflectirt werden; kurz A ist in diesem Falle das Bild von a; ebenso ist B das Bild von b. Wenn

sich also ein Gegenstand ab jenseits des Mittelpunktes C befindet, so wird der Hohlspiegel von ihm ein verkehrtes, verkleinertes Bild zwischen dem Mittelpunkt C und dem Hauptbrennpunkt F entwerfen.

Die Bilder, welche wir soeben betrachtet haben, sind von denen der ebenen Spiegel wesentlich verschieden. Alle Strahlen, welche von einem leuchtenden Punkte ausgehen, werden von einem ebenen Spiegel in einer solchen Richtung reflectirt, als ob sie von einem Punkte hinter dem Spiegel herkämen, sie divergiren also. In den eben betrachteten Fällen wurden aber die von einem Punkte des Gegenstandes ansgehenden Strahlen durch den Spiegel wirklich wieder in einem Punkte gesammelt; wir wollen deshalb auch diese Bilder zum Unterschiede von den anderen Sammelbilder nennen. Diese Sammelbilder kann man auf einem Schirme von weissem Papier oder mattgeschliffenem Glase auffangen und so ein Bild erhalten, welches sich gerade so verhält wie der Gegenstand selbst; die durch die Concentration der Strahlen stark erleuchteten Punkte des Schirmes zerstreuen nämlich das Licht nach allen Seiten hin, und somit wird das Bild selbst dann noch sichtbar sein, wenn die vom Spiegel reflectirten Strahlen nicht direct ins Auge gelangen.

Fig. 607 erläutert, wie man mit Hülfe der bereits früher besprochenen optischen Bank die Versuche mit Hohlspiegelbildern arrangiren kann. S



ist der zweckmässig gefasste, in unserer Figur nur von der Rückseite sichtbare Hohlspiegel, welcher von einer zwischen der einfachen und der doppelten Brennweite befindlichen Kerze ein verkehrtes vergrössertes Bild auf dem Papierschirm entwirft. Dicht bei der Kerze ist ein kleiner Schirm aufgestellt, welcher verhindert, dass die Strahlen der Kerze direct dahin fallen, wo ihr Bild durch den Spiegel entworfen wird. Nähert man den Schieber mit der Kerze dem Hohlspiegel, so muss man den Schieber mit

dem Schirm entfernen, um das Bild wieder deutlich zu machen. Entfernt man die Kerze vom Spiegel, so muss man den Schirm nähern. Wenn die Kerze um mehr als die doppelte Brennweite vom Hohlspiegel absteht, wenn also das Bild dem Spiegel näher steht als der Gegenstand, so muss man entweder den Schirm oder die Kerze seitlich anbringen, damit der Schirm nicht die von der Kerze nach dem Spiegel gehenden Strahlen auffängt.

Je weiter der Gegenstand von dem Hohlspiegel sich entfernt, desto mehr muss sich begreiflicherweise das Bild dem Hauptbrennpunkte nähern, das Bild der gleichsam unendlich weit entfernten Sonne muss also im Hauptbrennpunkte selbst liegen, wenn die Axe des Spiegels nach der Sonne gerichtet ist. Fallen die Sonnenstrahlen schräg, also nicht in der Richtung der Spiegelaxe auf, so liegt das Bild natürlich nicht mehr in der Spiegelaxe, sondern seitwärts, seine Entfernung von dem Spiegel ist aber stets dem halben Krümmungshalbmesser desselben gleich. Da uns die Sonne unter einem Winkel von ungefähr 30' erscheint, so muss auch das Sonnenbildchen, von C aus gesehen, unter demselben Winkel erscheinen, seine absolute Grösse hängt also von dem Krümmungshalbmesser des Spiegels ab. Im Brennpunkte des grossen Reflectors von Herschel z. B., dessen Krümmungshalbmesser 50 Fuss ist, hat das Sonnenbild ungefähr 3 Zoll Durchmesser; der Durchmesser des Spiegels 1 Meter ist.

Um den Krümmungshalbmesser eines Hohlspiegels zu finden, braucht man nur zu messen, wie weit das Sonnenbildchen vom Spiegel liegt, denn diese Entfernung doppelt genommen ist ja dem Krümmungshalbmesser des Spiegels gleich.

Die Bilder solcher Gegenstände, welche um mehr als die 100fache Länge des Krümmungshalbmessers vom Spiegel entfernt sind, sind auch dem Brennpunkte selbst sehr nahe.

Wir haben jetzt die Lage des Bildes nur noch für den Fall zu ermitteln, dass der Gegenstand zwischen dem Spiegel und dem Brennpunkte liegt. Wir haben gesehen, dass alle Strahlen, welche von einem leuchtenden Punkte ausgehen, der dem Hohlspiegel näher liegt als der Hauptbrennpunkt, so reflectirt werden, als ob sie von einem Punkte hinter dem

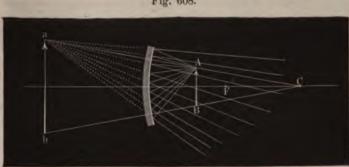


Fig. 608.

Von der Katoptrik oder der Reflexion des Lichtes.

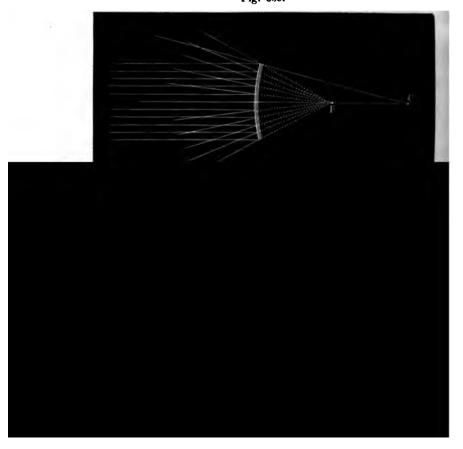
538

Spiegel herkämen; in dem eben zu betrachtenden Falle kann also natürlich kein Sammelbild entstehen. Solche Bilder nennt man virtuelle Bilder Auch die Bilder ebener Spiegel sind virtuelle Bilder.

In Fig. 608 (a. vor. S.) sei $\boldsymbol{A}\boldsymbol{B}$ der Gegenstand, dessen Bild wi suchen wollen.

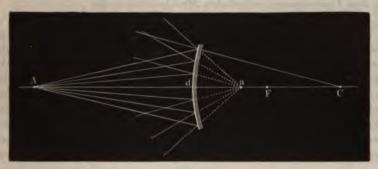
Nach den oben entwickelten Principien ist es leicht, die Lage de Punktes a zu ermitteln, von welchem die von A ausgehenden Strabe divergiren, nachdem sie von dem Hohlspiegel reflectirt worden sind. Ebes lässt sich das Bild b des Punktes B finden; wenn also der Gegenstanzwischen dem Brennpunkte und dem Spiegel liegt, so fällt sei vergrössertes aufrechtes Bild hinter den Spiegel, es verhält sie also, die Vergrösserung abgerechnet, ganz wie die Bilder der ebenen Spiege

Die Convexspiegel haben keine wirkliche, sondern nur vir tuelle Brennpunkte, d. h. die Strahlen, welche sie treffen, werden nicht i einem Punkte vereinigt, sondern sie divergiren nach der Spiegelung so, a ob sie von einem Punkte hinter dem Spiegel herkämen. Wenn ein Conve spiegel von Strahlen getroffen wird, welche mit der Axe parallel sind, Fig. 60 so liegt für diese der Haupt-Zerstreuungspunkt F in der Mitter Fig. 609.



h ist hier immer negativ, welchen Werth auch übrigens g haben mag, d.h. wie weit oder nah auch der leuchtende Punkt A sich vor dem Convexspiegel

Fig. 610.

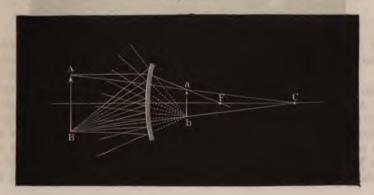


befinden mag, so liegt der ihm entsprechende Zerstreuungspunkt a stets hinter dem Spiegel.

Die Lage der Bilder, welche Convexspiegel von Gegenständen entwerfen, welche sich vor ihnen befinden, ergiebt sich aus folgender Construction.

Es sei AB, Fig. 611, ein vor einem Convexspiegel befindlicher Gegenstand. Ein Strahl, welcher von A in der Richtung AC auf den Spiegel fällt, wird in derselben Richtung reflectirt, in welcher er kam, das Bild von A muss also auf der Linie AC liegen. Ein Strahl, der von A aus parallel mit der Spiegelaxe in n auf den Spiegel trifft (der Buchstabe n ist in der Figur aus Mangel an Raum weggelassen), wird so reflectirt, als ob er vom Hauptzerstreuungspunkte F käme; das Bild von A liegt also in dem Durchschnittspunkte a der Linien AC und a F. Alle von A ausgehenden Strahlen werden von dem Convexspiegel so reflectirt, als ob sie von a herkämen.

. Nachdem man auch das Bild b des Punktes B gefunden hat, überFig. 611.



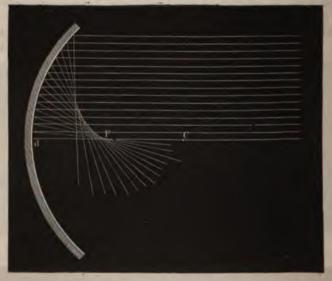
zeugt man sich leicht, dass man durch Convexspiegel verkleinerte aufrechte Bilder hinter dem Spiegel erhält.

Unsere Figur stellt den Verlauf des von B aus divergirenden und

von dem Convexspiegel reflectirten Strahlenbündels dar.

220 Von den Brennlinien. Wir haben bereits in Paragraph 208 gesehen, dass ein von einem Punkt ausgehendes Strahlenbündel, welches einen Hohlspiegel trifft, nur dann durch denselben wieder in einem Punkte vereinigt werden kann, wenn die Krümmung des Spiegels von der Mitte bis zum Rande nicht über gewisse Gränzen hinausgeht; dass solche Strahlen, welche parallel mit der Axe nahe am Rande auf einen stark gekrümmten Spiegel auffallen, nach der Spiegelung die Axe in einem Punkte schneiden, welcher dem Spiegel näher liegt als der Brennpunkt. Dieser Umstand bewirkt, dass solche zu stark gekrümmte Spiegel

Fig. 612.



nur sehr unreine Bilder geben, und man muss, um mit solchen Spiegela scharfe Bilder zu erhalten, dieselben bis auf den centralen Theil bedecken-

Denken wir uns den ganzen Strahlenkegel, welcher von einem Punkte ausgehend auf einen stark gekrümmten Hohlspiegel fällt, von einer durch die Axe gelegten Ebene durchschnitten, so werden je zwei benachbarte in dieser Ebene liegende Strahlen nach ihrer Reflexion sich in einem Punkte schneiden, welcher nicht auf der Axe des Spiegels liegt und welcher sich um so mehr von dieser Axe entfernt, je weiter der Reflexionspunkt von der Mitte des Spiegels entfernt, d. h. je näher der Punkt, in welchem der einfallende Strahl den Spiegel trifft, dem Rande liegt, wie dies Fig. 612 erläutert. Die auf einander folgenden Durchschnittspunkte je zweier benachbarter in einer Ebene reflectirter Strahlen bilden aber eine krumme durch stärkere Lichtconcentration ausgezeichnete Linie, welche man eine Brennlinie oder eine kaustische Linie nennt.

Unsere Figur stellt, um nicht durch zu viel Linien zu verwirren, nur die obere Hälfte der Brennlinie dar, welche durch die Reflexion eines parallel mit der Axe einfallenden Strahlenbündels entsteht, deren Gipfelpunkt also durch den Brennpunkt F gebildet wird.

Solche Brennlinien kann man leicht auf dem Boden flacher cylindrischer, innen polirter Gefässe beobachten. Am leichtesten lassen sie sich in einem Trinkglase zeigen, welches bis auf einigen Abstand vom Rande mit Milch oder einer andern trüben Flüssigkeit gefüllt, dem Lichte der Sonne oder einer Kerze ausgesetzt wird. Dieselbe Beobachtung lässt sich auch mit einer Kaffeetasse anstellen.

Denken wir uns die ganze Figur 612 um ihre Axe dFC umgedreht, so wird durch die Umdrehung der Brennlinie eine kegelartige Oberfläche gebildet, welche den Namen der kaustischen Fläche führt. Eine solche kaustische Fläche wird durch jeden stark gekrümmten Hohlspiegel erzeugt, wenn man ihn gegen die Sonne oder gegen eine andere hinlänglich starke Lichtquelle richtet; man macht sie am besten sichtbar, wenn man auf irgend eine Weise vor dem Spiegel einen dichten Rauch erzeugt.

Drittes Capitel.

Dioptrik oder Brechung des Lichtes.

Allgemeine Gesetze der Brechung des Lichtes. Unter Brechung versteht man die Ablenkung, die Richtungsänderung, welche ein Lichtstrahl erleidet, wenn er aus einem Mittel in ein anderes übergeht. Dass eine solche Ablenkung stattfindet, davon kann man sich leicht durch folgenden einfachen Versuch überzeugen. In Fig. 613 sei vv' ein noch leeres Gefäss, auf dessen Boden man einen schweren Körper, etwa ein Geldstück, m, legt; man hält alsdann das Auge an eine solche Stelle a dass das Geldstück m eben durch den Rand des Gefässes verdeckt erscheint.

Fig. 614.

Fig. 613.

Allgemeine Gesetze der Brechung des Lichtes.

nfallswinkel i, Fig. 614, ist bei der Brechung wie bei der der Winkel, welchen der einfallende Strahl ln mit der im te errichteten Normalen, dem Einfallslothe np', macht.

echungswinkel ist derjenige, welchen der gebrochene Strahl

Verlängerung np des Einfallslothes macht.

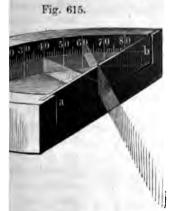
nfallsebene ist die durch den einfallenden Strahl und das die Brechungsebene die durch den gebrochenen Strahl und och gelegte Ebene. Gewöhnlich entsteht aus einem einfallenden nur ein gebrochener; doch giebt es Körper, wie Kalkspath, u. a., welche die Eigenschaft haben, jeden einfallenden Strahl ebrochene zu spalten. Diese Erscheinung der doppelten hängt mit der Polarisation des Lichtes zusammen, welche betrachten werden. Vor der Hand beschäftigen wir uns nur etzen der einfachen Brechung. Diese Geschäftigende:

Brechungsebene fällt mit der Einfallsebene zu-

dieselben Mittel steht der Sinus des Brechungseinem constanten Verhältnisse zum Sinus des Ein-

te dieser beiden Sätze bietet keine Schwierigkeiten, der zweite rch den Apparat Fig. 615 nachweisen.

rei bis drei Zoll hohes Gefäss ist auf der einen Seite durch



eine ebene Glasfläche ab. ausserdem aber durch eine halbkreisförmige verticale Wand begränzt. Die Glasfläche ist bis auf einen in ihrer Mitte befindlichen verticalen Streifen von 1/a bis 1 Linie Breite mit undurchsichtigem Papier zugeklebt oder angestrichen; die halbkreisförmige Rückwand ist im Inneren mit einer Gradtheilung versehen, deren Nullpunkt dem durchsichtigen Streifen, den wir kurz als Spalt bezeichnen wollen, gerade gegenüber liegt.

efäss wird ungefähr bis zur Hälfte mit Wasser gefüllt.

man nun ein Kerzenlicht in einiger Entfernung gerade vor
werden die durch denselben einfallenden Lichtstrahlen gerade
ikt der Theilung treffen. Bringt man aber das Licht auf die
seden die Lichtstrahlen, welche durch den Spalt in das Gefäss

oberen und unteren Theil nicht an derselben Stelle die renen. Der Theil des Lichtbündels, welcher im oberen Theile zindringt, setzt seinen Weg in gerader Linie fort, während die untere Hälfte des Lichtbündels beim Eintritt in das Wasser eine andere Richtung erhält und also auch an einer andern Stelle die Rückwand trifft.

Nehmen wir an, man habe die Lichtquelle so weit auf die Seite gerückt, dass das durch die obere Hälfte des Spaltes einfallende Licht gerade den Theilstrich 60 trifft, wie dies in unserer Figur dargestellt ist, so wird der untere Theil des Lichtbündels bei seinem Eintritt in das Wasser nach einem Punkte der Rückwand abgelenkt, welcher 40° weit vom Nullpunkte absteht.

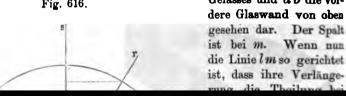
Hätte die Lichtquelle so gestanden, dass durch die obere Hälfte des Spaltes der Theilstrich 30 beleuchtet worden wäre, so würde das in Wasser gebrochene Lichtbündel bei 22° die Rückwand getroffen haben.

Wäre das Licht durch die obere Hälfte des Spaltes, also stets in gerader Richtung fortgehend, auf 15° gefallen, so würde gleichzeitig der gebrochene Strahl auf $11^{1}/_{5}$ Grad gefallen sein.

Am schönsten lässt sich dieser Versuch in einem dunklen Zimmer mit Sonnenstrahlen austellen, welche von einem Heliostat kommend, in horizontaler Richtung durch eine Oeffnung im Fensterladen eintreten. Da man hier die Lichtquelle nicht verschieben kann, so muss der Apparat, Fig. 515, in verschiedene Stellungen gegen die einfallenden Strahlen gebracht werden.

In Fig. 616 stelle der Halbkreis *a o b* die getheilte kreisförmige Wand des Fig. 616.

Gefässes und *a b* die vordere Glaswand von oben



so schneidet er bei c den einfallenden Strahl lm. Fällt man von c das Perpendikel dc auf das Einfallsloth, ein zweites Perpendikel aber vom Theilstrich 40 nach h, so verhalten sich diese beiden Perpendikel wie 4 zu 3.

Wenn der einfallende Strahl rm einen Winkel von 30° mit dem Einfallslothe macht, so ist der entsprechende Brechungswinkel 22°. Fällt man nun von dem Punkte, wo der einfallende Strahl den Kreis schneidet, und vom Theilstrich 22 Perpendikel auf das Einfallsloth, so verhalten sich diese wieder wie 4 zu 3.

Hätte man das Resultat des letzten Versuches, nach welchem zum Einfallswinkel 15° der Brechungswinkel 11¹/5 gehört, ebenso construirt, so hätte man in Beziehung auf jene Perpendikel dasselbe Resultat gefunden, dass sie sich nämlich verhalten wie 4 zu 3.

In welcher Richtung auch der einfallende Strahl die Wasserfläche treffen mag, so wird er doch so gebrochen, dass, wenn man von den Punkten, in welchen der einfallende und der gebrochene Strahl einen um den Einfallspunkt gezogenen Kreis schneiden, Perpendikel auf das Einfallsloth fällt, diese Perpendikel sich stets verhalten wie 4 zu 3.

Wenn der Halbmesser des Kreises Fig. 616 zur Einheit genommen wird, so ist die in dieser Einheit ausgedrückte Länge des Perpendikels dc der Sinus des Winkels dmc, also der Sinus von 60°. Das vom Theilpunkte 40 auf das Einfallsloth gefällte Perpendikel ist aber der Sinus von 40°. Nach dieser Bezeichnung kann man das Brechungsgesetz so ausdrücken:

Beim Uebergange aus Luft in Wasser wird ein Lichtstrahl in solcher Weise abgelenkt, dass sich der Sinus des Einfallswinkels zum Sinus des Brechungswinkels stets verhält wie 4 zu 3.

Macht man ähnliche Versuche mit anderen Substanzen, so findet man, dass der Sinus des Einfallswinkels zum Sinus des Brechungswinkels immer in einem constanten Verhältniss steht, welches für jede Substanz ein eigenthümliches ist. Beim Uebergange von Luft in Wasser verhält sich, wie wir gesehen haben, der Sinus des Einfallswinkels zu dem des Brechungswinkels wie 4 zu 3; beim Uebergange von Luft in Glas wie 3 zu 2 u.s. w.

Die Zahl, welche angiebt, wie vielmal beim Uebergang aus Luft für eine bestimmte Substanz der Sinus des Einfallswinkels grösser ist als der des Brechungswinkels, wird der Brechungsexponent genannt. Für Wasser ist der Brechungsexponent nahe $\sqrt[3]{4}$, für Glas ist er nahe $\sqrt[3]{4}$ u. s. w.

Die folgende Tabelle enthält die Brechungsexponenten mehrerer Substanzen:

Aether 1,358	Balsam Tolu 1,628
Alaun 1,457	Benzol 1,500
Alkohol 1,372	Bergkrystall 1,562
Anisöl 1,811	Bleioxyd, chromsaures 2,926
Balsam Canada 1,532	Boracit 1,701

Müller's Lehrbuch der Physik, 6te Aufl. L

	•
Cassiaöl 1,641	Obsidian 1,488
Citronenöl 1,527	Saphir 1,794
Diamant 2,270	Schwefel, natürlicher 2,040
Eis 1,310	Schwefelkohlenstoff 1,680
Flussspath 1,436	Schwefelsäure,
Glas, gemeines 1,596	specifisches Gewicht 1,84 1,440
, von St. Gobain 1,543	Steinsalz 1,498
" grünes 1,615	Terpentinöl 1,476
Flintglas,	Topas 1,610
1 Thl. Blei, 4 Thle. Kiesel 1,664	Weingeist 1,374
Mohnöl 1,463	
Weiter unten werden wir genaue	re Methoden zur Bestimmung der

Brechungsexponenten kennen lernen.

Die Richtung des gebrochenen Strahls lässt sich dem Brechungsgesetz entsprechend durch eine einfache Construction bestimmen, wenn die Richtung des einfallenden Strahls und der Brechungsexponent bekannt sind, wie dies durch Fig. 617 erläutert wird, welche sich auf den Uebergang eines Lichtstrahls aus Luft in Glas bezieht. In dem Punkte a, in

sind, wie dies durch Fig. 617 erläutert wird, welche sich auf den Uebergang eines Lichtstrahls aus Luft in Glas bezieht. In dem Punkte a, in welchem der einfallende Strahl ba die Wasserfläche AB trifft, errichtet man das Perpendikel CD, das Einfallsloth, trägt dann auf AB nach der Seite des einfallenden Strahls hin mit beliebigem Maassstab die Länge ad = 3, nach der andern Seite aber af = 2 (den Brechungsexponenten aus Luft in Glas gleich $^2/_3$ angenommen) und errichtet in d ein Perpendikel, welches den einfallenden Strahl in q schneidet.

Wird nun ferner mit dem Radius ag ein Kreis beschrieben und durch den Punkt h, in welchem derselbe das in f errichtete Pendel trifft, eine Linie nach a gezogen, so ist diese Linie ca die Richtung des gebrochenen Strahls.

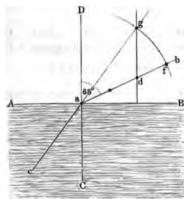
Wassers in einer Richtung ba fortpflanzt, die einen Winkel von 40° mit dem Einfallslothe macht.

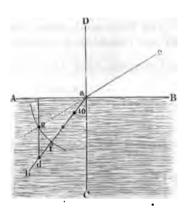
Fig. 619 und 620 erläutern eine andere Methode für die Construction des gebrochenen Strahl.

Fig. 619 bezieht sich auf die Brechung beim Uebergang aus Luft in Glas (Brechungsexponent $^{3}/_{2}$). und zwar ist der Werth des Einfallswinkels = 65°.

Nachdem das Einfallsloth CD und die Richtung des einfallenden Strahls $a\,b\,$ gezogen sind, werden auf dem letzteren nach beliebigem Maassstab







zwei Stücke ad und af aufgetragen, welche sich verhalten wie der Sinus des Brechungswinkels zum Sinus des Einfallswinkels, in unserm Fall also wie 2 zu 3. Durch d wird nun eine Linie parallel mit dem Einfallsloth also rechtwinklig zu AB und um a mit dem Halbmesser af ein Kreisbogen gezogen, welcher das durch d gezogene Perpendikel in g schneidet. Die Linie ac nun, welche die Verlängerung von ga ist, ist die Richtung des gebrochenen Strahls.

Der Beweis für die Richtigkeit dieses Verfahrens ist leicht zu führen In dem Dreieck adg verhalten sich die Sinus der Winkel agd und adg wie ad zu ag, also wie $2:3;\ agd$ ist aber dem Brechungswinkel caC gleich; adg aber ist der Nebenwinkel von gdb, welcher selbst gleich ist dem Einfallswinkel Dab. Wir haben also $sin\ caC:sin\ Dab=2:3,$ wodurch die Richtigkeit der Construction bewiesen ist.

Nach dieser Methode ist in Fig. 619 die Richtung des aus Wasser in Luft austretenden Strahls ac construirt, wenn der im Wasser sich fortpflanzende Strahl ba einen Winkel von 40° mit dem Einfallslothe macht.

Der mathematische Ausdruck des Brechungsgesetzes ist die Gleichung

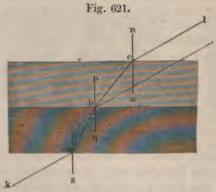
wenn i den Einfallswinkel, r den Brechungswinkel und n den Brechungsexponenten bezeichnet.

Nach Gleichung (1) lässt sich stets die Richtung des gebrochenen Strahls durch Rechnung finden, wenn die des einfallenden Strahls gegeben ist.

Die Entdeckung des Brechungsgesetzes gebührt einem niederländischen Gelehrten, Snellius; doch wurde es zuerst von Cartesius bekannt gemacht, der vorher die Papiere des Snellius gesehen hatte.

Wenn n der Brechungsexponent ist für den Uebergang eines Lichtstrahls aus Luft in eine Substanz A, n' der Brechungsexponent für den Uebergang aus Luft in eine Substanz B, so ist $\frac{n'}{n}$ der Brechungsexponent für den Uebergang des Lichtstrahls aus A in B.

Der Brechungsexponent für Luft und Wasser ist n=1,34; für Luft und Glas ist er n'=1,53; demnach ist der Brechungsexponent für den Uebergang eines Strahles aus Wasser in Glas $\frac{1,53}{1,34}=1,14$.



Die Richtigkeit dieses Satzes folgt aus der Thatsache, dass wenn man zwei parallele Platten ungleich stark brechender Substanzen, Fig. 621, aufeinanderlegt, ein auf der einen Seite eintretender Lichtstrahl lc, nachdem er die Platten durchlaufen hat, in einer Richtung ak wieder in die Luft austritt, welche der Richtung des eintretenden Strahles lc parallel ist. Wenn

nun n und n' die Brechungsexponenten des ersten und des zweiten Mittels für Luft sind, so hat man:

$$\frac{\sin i}{\sin r} = n$$

und

$$\frac{\sin i'}{\sin r'} = n',$$

wenn

$$i$$
 = Winkel lcn ,
 r = Winkel ocb = pbc ,
 r' = Winkel qba = rab ,
 i' = Winkel sak

ist.

Da nun aber
$$i = i'$$
, so folgt:

$$\frac{\sin r}{\sin r'} = \frac{n'}{n}.$$

Demnach ergiebt sich für den Werth des Brechungsexponenten bei dem Uebergang aus Wasser in

> Benzol 1,119 Schwefelkohlenstoff 1,254

Wenn n grösser als 1 ist, so ist $sin \ i > sin \ r$, also auch i > r, durch die Brechung wird also der Strahl dem Einfallslothe genähert, das zweite Mittel ist stärker brechend als das erste.

Wenn n kleiner ist als 1, so ist auch i < r; der gebrochene Strahl entfernt sich also vom Einfallsloth, in diesem Falle ist das zweite Mittel das schwächer brechende.

Man drückt dies gewöhnlich dadurch aus, dass man sagt, der Strahl wird dem Einfallslothe genähert oder von demselben entfernt, je nachdem er aus einem dünneren in ein dichteres Mittel übergeht, oder umgekehrt. Diese Ausdrucksweise ist aber nicht streng richtig, weil es oft vorkommt, dass ein weniger dichtes Mittel doch stärker brechend ist; so ist z. B. das specifische Gewicht des Wassers grösser als das specifische Gewicht des Benzols, und doch kommt dem Benzol der grössere Brechungsexponent zu.

Totale Reflexion. Wenn der Einfallswinkel gleich Null ist, so 222 fällt der einfallende Strahl mit dem Einfallslothe zusammen, denn wenn i = o, so ist auch r = o, d. h. mit anderen Worten, wenn ein Strahl rechtwinklig auf die brechende Fläche trifft, so setzt der Strahl ohne Ablenkung seinen Weg fort.

Der grösste Werth, welchen der Einfallswinkel haben kann, ist 90°, und da sin. 90 = 1, so geht für diesen Fall Gleichung (1) auf S. 547 über in

$$\frac{1}{\sin r} = n$$

oder

$$\sin r = \frac{1}{n}$$

Der sich aus dieser Gleichung ergebende Werth von r wird der Gränzwinkel genannt. Für Luft und Wasser ist $n = \frac{4}{3}$, also $\frac{1}{n} = \frac{3}{4} = 0.75$; nun ist aber $0.75 = \sin(48^{\circ} 35')$, mithin ist für Luft und Wasser $48^{\circ} 35'$ der Gränzwinkel. Beim Uebergang aus Luft ist der Werth des Gränzwinkels für

		_						
Alkohol .							4 6º	52'
Benzol .							41	48
Crownglas							40	49
Flintglas							37	36
Schwefelk	oh]	len	sta	ff			36	31
Diamant							23	53

Wenn hingegen ein Lichtstrahl, sich im Wasser fortpflanzend, einen Winkel von 48° 35′ mit dem Einfallslothe macht, so wird er nach seinem Austritt in die Luft einen Winkel von 90° mit dem Lothe machen, d. h. er wird sich parallel der Trennungsfläche bewegen; alle im Wasser sich bewegenden Strahlen aber, welche mit dem Einfallslothe einen Winkel machen, der den Werth des Gränzwinkels übersteigt, können gar nicht mehr austreten, sie werden an der Gränzfläche des Wassers vollständig gespiegelt, Fig. 622. Dieser Fall der totalen Reflexion ist der einzige Fall einer Spiegelung auf durchsichtigen Körpern, bei welcher der Strahl fast nichts an seiner ursprünglichen Intensität verliert.

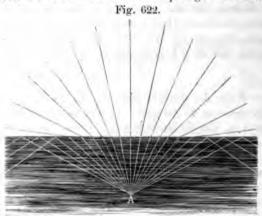
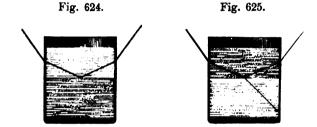


Fig. 623 zeigt en interessantes Beispiel der totalen Reflexion. In em Glas mit Wasser tauche man eine unten zugschmolzene Glasröhre, am besten ein Reagentierglas, wie es die Chemiker gebrauchen, welches leer ist, d. h. nur Luft enthalt: wenn man den Röhrchen ungefähr die Stellung giebt, wie Fig. 623 zeigt, und dassell von oben her, etwa wa

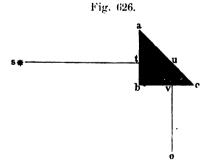
o aus betrachtet, so erscheint es dem Auge so glänzend, als ob es mit Quecksilber gefüllt wäre. Giesst man etwas Wasser in das Röhrchen, bezeichnet werden; in der That wird aber bei der erwähnten totalen Reflexion das Licht noch weit vollständiger zurückgeworfen als auf einer Quecksilberoberfläche. Man kann sich davon leicht überzeugen, wenn man bei dem Fig. 623 dargestellten Versuche in das Reagenzröhrchen statt des Wassers etwas Quecksilber eingiesst. Der untere mit Quecksilber gefüllte Theil des Röhrchens erscheint ganz grau im Vergleich zu dem lichten Glanze, welchen der obere Theil des Reagenzröhrchens in Folge der totalen Reflexion zeigt.

Sehr schön lässt sich die totale Reflexion auch durch folgenden Versuch erläutern. Man schütte in ein Glasgefäss von 1 bis 2 Zoll Durchmesser Wasser und darauf Benzol, in ein zweites Schwefelkohlenstoff und darauf Wasser. In dem ersten Falle wird die Gränzfläche, schräg von oben gesehen, wie Fig. 624 andeutet, mit lebhaftem Silberglanz er-



scheinen, weil die Strahlen aus dem Benzol nicht in das Wasser austreten können, also eine totale Reflexion erleiden, während die Gränzfläche zwischen Schwefelkohlenstoff und Wasser Fig. 625 unter den gleichen Umständen nur einen sehr matten Glanz zeigt, indem die Strahlen an derselben nur theilweise gespiegelt werden, und grösstentheils aus dem schwächer brechenden Wasser in den stärker brechenden Schwefelkohlenstoff übergehen.

Ein interressantes Beispiel der totalen Reflexion bieten uns auch die im nächsten Paragraphen näher zu betrachtenden Glasprismen. Fig.



626 sei der Querschnitt eines rechtwinkligen gleichschenkligen Glasprismas. Wenn von einem Gegenstande s ein Lichtstrahl st rechtwinklig auf die vordere Fläche ab des Prismas fällt, so setzt er im Glas seinen Weg in unveränderter Richtung fort und trifft die Rückwand ac in u unter einem Winkel von 45°. Da nun offenbar der Winkel, welchen der Strahl tu mit dem in u zu errichtenden Einfalls-

lothe macht, gleichfalls 45° , also grösser ist als der Gränzwinkel für Glas, so kann der Strahl tu bei u nicht in Luft austreten, er wird vollständig

reflectirt, um endlich bei v rechtwinklig zur Fläche bc das Prisma zu verlassen. Ein in o befindliches Auge wird also von dem Gegenstande s ein Bild sehen, welches eben so glänzend und hell ist, wie das Bild eines Metallspiegels. Um den Contrast der gewöhnlichen Glasreflexion und der totalen recht deutlich zu zeigen, stelle man neben das Prisma parallel mit der Fläche ac einen unbelegten Streifen von Spiegelglas, so wird dieser ein Bild von s zeigen, welches ungemein matt erscheint gegen das in ac gesehene.

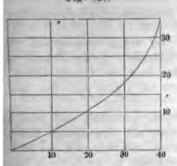
Grösse der Ablenkung. Die Grösse der durch die Brechung hervorgebrachten Ablenkung wird gefunden, wenn man den Brechungswinkel vom Einfallswinkel abzieht. Wir wollen nun untersuchen, in welchem Verhältnisse die Ablenkung wächst, wenn der Brechungswinkel zunimmt; fassen wir bei dieser Betrachtung einen bestimmten Fall ins Auge, etwa den Uebergang der Strahlen aus Luft in Glas; der Brechungsexponent sei 3/2 oder 1,5, so ist

$$sin i = 1.5 sin r$$
.

Nach dieser Formel lässt sich nun für jeden beliebigen Brechungswinkel der gehörige Einfallswinkel und die Ablenkung finden; die folgende kleine Tabelle enthält für die von 5 zu 5 Grad fortschreitenden Brechungswinkel die entsprechenden Einfallswinkel und Ablenkungen.

r	1	Ablenkung	Zunahme der Ablenkung
50	70 30'	20 30'	20 307
101	15 5		0 00

hmen; oder es sei allgemein a die Ablenkung, welche dem Brechungs-Fig. 627. winkel r entspricht, so gehört die Ab-



lenkung $a-\alpha$ zum Brechungsw. r-b

und $a + \alpha + \beta$, , r + b wenn man also den Brechungswinkel, von einem bestimmten Werthe r desselben ausgehend, um eine bestimmte Grösse b wachsen lässt, so nimmt die Ablenkung mehr zu als ihre Abnahme betrüge, wenn der Brechungswinkel r um b verkleinert würde.

Von diesem Satz werden wir alsbald eine wichtige Anwendung machen.

Brechung des Lichtes durch Prismen. Ein Prisma nennt 224 n in der Optik ein Stück eines durchsichtigen Stoffes, welches durch ei gegen einander geneigte Flächen begränzt ist.

Die Kante des Prismas ist die Linie, in welcher sich die beiden inzflächen schneiden oder doch schneiden würden, wenn sie hinreichend dängert würden.



Fig. 628.



Die Basis eines Prismas ist eine der brechenden Kante gegenüberliegende Fläche, mag sie nun in der Wirklichkeit vorhanden, oder mag sie nur gedacht sein.

Der brechende Winkel ist der Winkel, welchen die beiden brechenden Flächen des Prismas mit einander machen.

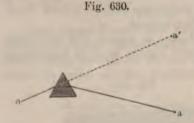
Hauptschnitt nennt man den Durchschnitt des Prismas mit einer auf der brechenden Kante rechtwinkligen Ebene.

Gewöhnlich wendet man Prismen an, welche durch drei rechtwinklige Flächen $ab\,a'b',\,b\,c\,b'\,c'$ und $c\,a\,c'\,a'$, Fig. 628, begränzt sind. Wenn das Licht durch die Flächen $a\,b'$ und $a\,c'$ hindurchgeht, so ist $a\,a'$ die brechende Kante und $b\,c'$ die Basis; $b\,b'$ ist die brechende Kante, wenn der Lichtstrahl durch die Flächen $b\,a'$ und $b\,c'$ geht u. s. w.

Der Hauptschnitt eines solchen Prismas ist ein Dreieck, und je nachdem dieses Dreieck rechtwinklig, gleichschenklig oder gleichseitig ist, nennt man auch das Prisma selbst rechtwinklig, gleichschenklig oder gleichseitig.

Oft befestigt man die Prismen auf einem messingenen Stativ, Fig. 629 (s. v. S.). Indem man das Stäbchen t in der Röhre, in der es steckt, auf- und niederschiebt, kann man das Prisma höher und tiefer stellen, und mittelst des Charniers bei g kann man ihm jede beliebige Stellung geben.

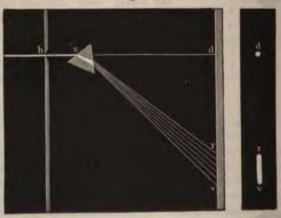
Beim Hindurchsehen durch ein Prisma beobachtet man zwei merkwürdige Erscheinungen: erstens erscheinen alle Gegenstände bedeutend von dem Orte verrückt, den sie einnehmen, und zwar nach der Seite der brechenden Kante hin; zweitens aber erscheinen sie mit farbigen Rändern gesäumt. Das Auge o, Fig. 630, erblickt z. B. den Gegenstand a in a'. Wäre die brechende Kante nach unten gerichtet gewesen, so würden alle



Gegenstände, durch das Prisma geschen, nach unten verrückt erscheinen. Ein verticales Prisma verrückt die Gegenstände nach der rechten oder linken Seite, je nachdem die brechende Kante auf der rechten oder linken Seite sich befindet.

Wenn ein Sonnenstrahl durch eine enge Oeffnung in der Richtung bd, Fig. 631, in ein dunkles Zimmer tritt.

und man ihn durch ein Prisma auffängt, so beobachtet man ebenfalls eine Ablenkung und eine Färbung. Anstatt des weissen runden Sonnenbild-Fig. 631.



chens, welches ohne das Prisma bei d erscheinen würde, erscheint bei re ein ovales, mit den Regenbogenfarben gefärbtes Bild, das Sonnenspec-

trum. Das objectiv aufgefangene Spectrum erscheint von d aus nach der Seite der Basis des Prismas abgelenkt.

Die eben angedeuteten Farbenerscheinungen werden wir später betrachten und uns vor der Hand nur mit der Ablenkung beschäftigen.

Um diese Erscheinungen an Flüssigkeiten zu beobachten, wendet man Hohlprismen an, die man auf mannigfache Weise herstellen kann. Natürlich müssen die Flächen, durch welche die Lichtstrahlen in die Flüssigkeit ein- und austreten durch ebene Platten von Spiegelglas gebildet sein.

Am einfachsten kann man Hohlprismen herstellen, wenn man an einem dreiseitigen Glasgefäss, Fig. 632, von etwas dicken Wänden zwei Seiten wegschleift und auf dieselben ebene Glasplatten aufkittet, und zwar mit einem Stoffe, welcher von der einzufüllenden Flüssigkeit nicht aufgegelöst wird, also mit Hausenblase für Schwefelkohlenstoff, mit Siegellack für Wasser u. s. w.

Diese Hohlprismen, welche überhaupt mehr für Vorlesungsversuche als für genaue Messungen geeignet sind, leiden auch noch an dem Uebelstande, dass man die aufgekitteten Glasplatten nicht behufs der Reinigung abnehmen kann, was bei den zunächst zu beschreibenden, auch zu genauen Versuchen brauchbaren Apparaten der Fall ist.

Fig. 633 stellt ein Hohlprisma von Dubosq in natürlicher Grösse Fig. 632.



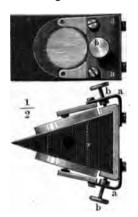


dar. Zwei Seitenflächen eines aus Messingblech verfertigten, unten durch eine Bodenplatte geschlossenen, oben offenen dreiseitigen Gefässes sind mit kreisförmigen Oeffnungen versehen. An die innere Seite dieser beiden Seitenflächen sind geschliffene Glasplatten gestellt, welche die fraglichen Oeffnungen bedecken. In die innere Höhlung des Gefässes ist ein ziemlich genau passendes Glasprisma eingesetzt, welches so durchbohrt ist, dass die Höhlung einen die Oeffnungen der Seitenwände des Gefässes verbindenden Canal bildet. Durch eine in der Rückwand des Gefässes angebrachte Schraube, welche zunächst gegen eine Eisenplatte drückt, wird das Glasprisma gegen die Glasplatten und die Seitenwände des Gefässes gedrückt, so dass die Höhlung desselben auf beiden Seiten fest verschlossen ist.

Die Flüssigkeit wird durch eine kleinere, in der oberen Fläche des Glasprismas angebrachte Oeffnung eingefüllt, welche durch einen eingeriebenen Glasstöpsel geschlossen werden kann.

Fig. 634 stellt in halber natürlicher Grösse ein für genaue Messungen von Meyerstein construirtes Hohlprisma im Grund- und Aufriss dar.

Fig. 634.



Der Körper desselben besteht aus einem massiven Prisma von dunkelfarbigem Glas, dessen Basis ein gleichschenkliges Dreieck Die beiden längeren Seiten dieses Dreiecks machen einen Winkel von 350 mit einander. Parallel mit der kleineren Säulenfläche ist das massive Glasprisma durchbohrt und die beiden grösseren Säulenflächen sind vollkommen eben abgeschliffen, so dass man die Höhlung auf beiden Seiten durch aufgelegte Platten von Spiegelglas vollkommen schliessen kann. Diese aufgelegten Glasplatten werden durch die federnden Stahlblechstreifen a angepresst, welche auf einer, aus der Figur ersichtlichen Weise Will man die aufgelegten Glasplatten behufs der Reinigung wegnehmen, so kann

 ${
m man}$ durch Anziehen der Schrauben b den Druck aufheben, welcher sie anpresst.

Biot liess durch Cauchoix solche Hohlprismen von Glas herstellen. deren Seitenflächen so genau eben abgeschliffen und polirt waren, dass die aufgelegten geschliffenen Glasplatten schon durch die Adhäsion allein festhielten. Auch Steinheil hat derartige Hohlprismen hergestellt.

995 Dichtung den Stroblen im Drieme und Dedingungen

Richtung d. Strahlen im Prisma u. Bedingungen ihres Austrittes. 557

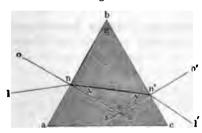
aus und erleidet hier eine zweite Ablenkung. Es ist klar, dass die Gesammtablenkung, welche ein Lichtstrahl durch ein Prisma erleidet, also die Summe der Ablenkungen in n und n' vom brechenden Winkel des Prismas und von dem Brechungsexponenten der Substanz abhängt, aus welchem es gebildet ist.

Wir wissen, dass ein Lichtstrahl, welcher sich in einem Mittel fortpflanzt, welches stärker brechend ist als Luft, nicht immer in die Luft
austreten kann, und dass eine totale Reflexion stattfindet, wenn der Winkel, den der Strahl mit dem Einfallslothe macht, grösser ist als der Gränzwinkel; wir wollen nun untersuchen, unter welchen Umständen der Austritt aus einem Prisma stattfinden kann.

Es sei v der Werth des Gränzwinkels (für Glas, dessen Brechungs-exponent = 1,533, ist v = 40°43′) und g der brechende Winkel des Prismas.

Denken wir uns in n, Fig. 636, d. h. da, wo ein Strahl in das Prisma eintritt, und in n' da, wo er die zweite Fläche trifft, die Einfallslothe

Fig. 636.



errichtet, so machen diese Einfallslothe einen Winkel z mit einander. Bezeichnen wir ferner mit x und y die Winkel, welche der gebrochene Strahl nn' mit den in n und n' errichteten Einfallslothen macht, so haben wir

$$\begin{array}{c}
 x + y + z = 180^{\circ} \\
 z + q = 180^{\circ}
 \end{array}$$

also

$$x + y - g = o$$

oder

$$y = g - x$$
.

Ein Austritt des Strahles bei n' ist möglich, so lange y kleiner ist als der Gränzwinkel v. Wenn g gegeben ist, so kann man leicht ermitteln, bis zu welcher Grösse x abnehmen darf, wenn noch ein Austritt möglich sein soll. Da v der grösste Werth ist, den y haben darf, wenn noch ein Austritt stattfinden soll, so hat man in der letzten Gleichung nur y = v zu setzen, um den Gränzwerth von x zu erhalten. Man findet auf diese Weise x = y - v; sobald der Strahl ln das Prisma so trifft, dass der Brechungswinkel x kleiner ist als der eben angegebene Werth, so ist kein Austritt möglich, denn alsdann wird y grösser als v.

Wenn g=2v, so ist v der kleinste Werth von x, für welchen noch ein Austritt auf der anderen Seite des Prismas möglich wäre; da der Brechungswinkel x aber stets kleiner ist als der Gränzwinkel v, so ist bei einem solchen Prisma der Austritt der Strahlen nie möglich; ebenso wenig ist dieser Austritt möglich, wenn der brechende Winkel des Prismas den doppelten Werth des Gränzwinkels v noch übersteigt.

Wenn der brechende Winkel eines Flintglasprismas über 75° 12′ ist, kann kein Strahl, welcher an der einen Seite eingetreten ist, durch die zweite Fläche austreten, er wird an ihr eine totale Reflexion erleiden.

Für ein Flintglasprisma, dessen brechender Winkel 60° beträgt, ist der kleinste Werth von x, bei welchem noch ein Austritt auf der anderen Seite möglich sein soll, 60° — 37° 36', also 22° 24'. Zu dem Brechungswinkel 22° 24' gehört aber der Einfallswinkel von 39° 14'. Bei einem Flintglasprisma, dessen brechender Winkel 60° beträgt, darf also der einfallende Strahl ln, Fig. 605, sich dem Einfallsloth no nur bis auf 39° 14' nähern, wenn an der Fläche bc noch ein Austritt möglich sein soll. Ist der Winkel lno kleiner als 39° 14', so muss der an der Fläche ab eintretende Strahl an der Fläche bc eine totale Reflexion erleiden.

Je mehr nun der brechende Winkel g des Prismas abnimmt, deste kleiner wird der Gränzwerth von x, für welchen noch ein Austritt möglich ist, deste mehr darf also auch der einfallende Strahl ln sich dem Einfallslothe nähern. Wenn g = v, so ist der Gränzwerth für x gleich Null, es können also alle Strahlen austreten, welche in einer Richtung ln einfallen, die innerhalb des Winkels ona liegt. Wenn g < v, so können auch noch solche Strahlen austreten, deren Eintrittsrichtung in den Winkel onb fällt.

Von dem Minimum der durch ein Prisma hervorgebrachten Ablenkung. Wenn ein Lichtstrahl so durch ein Prisma geht, dass er mit den beiden Flächen gleiche Winkel macht, so ist die Totalablenkung, welche der Strahl durch das Prisma erleidet, kleiner als bei jeder anderen Lage des gebrochenen Strahles.

Von der Wahrheit dieses wichtigen Satzes kann man sich leicht überFig. 637.

b zeugen. Der Strahl ln, Fig.
637, sei so gebrochen, dass
der gebrochene Strahl nn'

gleiche Winkel mit den Flä-



kung $d-\alpha$. Nach der auf Seite 552 angestellten Betrachtung die Ablenkung bei m um mehr als α zugenommen haben; wir so die bei m stattfindende Ablenkung mit $d+\alpha+\beta$ bezeichtotalablenkung D' ist aber die Summe der an beiden Flächen aden Ablenkungen, also

$$D' = d - \alpha + d + \alpha + \beta$$

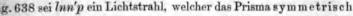
$$D'=2d+\beta,$$

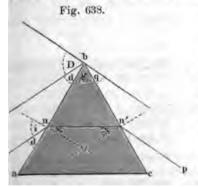
o grösser als die Ablenkung D.

e der einfallende Strahl die Richtung l''n gehabt, so wäre die g an der ersten Fläche grösser als d, an der zweiten kleiner als en; die Zunahme der Ablenkung an der ersten Fläche ist aber ler als die Abnahme der zweiten, folglich ist auch in diesem Totalablenkung grösser als bei symmetrischem Durchgange des

n man durch ein Prisma das Bild eines Gegenstandes betrachtet, nan durch die Drehung des Prismas leicht die Stellung ermitteln, e die Ablenkung ein Minimum ist; hat man das Prisma so gemacht auch der gebrochene Strahl im Prisma gleiche Winkel mit aflächen, oder, mit anderen Worten, er steht rechtwinklig auf rungslinie des brechenden Winkels.

timmung des Brechungsexponenten fester und flüsörper. Kennt man den brechenden Winkel g eines Prismas
Minimum der Ablenkung, welches durch dasselbe hervorgebracht
reichen diese Data hin, um den Brechungsexponenten des Stoffes
men, aus welchem das Prisma gemacht ist.





durchläuft, so ist der Winkel d, den ln mit ab macht, gleich dem Winkel

 $c \, n' \, p = 90^{\circ} - i$, wenn mit i der Einfallswinkel bezeichnet wird. Denken wir uns nun durch die Spitze b des Prismas ro parallel mit dem austretenden und hb parallel mit dem eintretenden Strahle gezogen, so ist hbr der Ablenkungswinkel D. Nun aber ist

$$d = q = 180^{\circ} - d - g - q,$$

$$d = q = 90^{\circ} - i, \text{ also}$$

$$D = 2i - g$$

und daraus

$$i = \frac{D+y}{2}$$
.

Des Brechungsexponent n wird bekanntlich gefunden, wenn man den Sinus des Einfallswinkels durch den Sinus des Brechungswinkels dividirt, es ist also:

Im vorigen Paragraphen haben wir gesehen, dass

$$x + y = g$$

wenn x und y die Winkel bezeichnen, welche der Strahl im Prisma mit den auf der Eintritts- und Austrittsfläche errichteten Einfallslothen macht. In unserem Falle ist aber x = y, folglich $x = \frac{g}{2}$, und wenn man für i und x die eben ermittelten Werthe in Gleichung (1) setzt:

Nach dieser wichtigen Formel kann man also stets den Brechungexponenten n für ein Prisma berechnen, wenn man seinen brechenden Winkel g und das Minimum der Ablenkung D gemessen hat, welche es bervorbringt.

Meyerstein hat zur Bestimmung der Brechungsexponenten mittelst Prismen ein anderes Verfahren angegeben, bei welchem das Prism so gestellt wird, dass der Strahl nur bei seinem Eintritte in dasselbe eine Ablenkung erleidet, die zweite Fläche aber ohne weitere Ablenkung reDie Apparate, deren man sich bedient, um so wohl den brechenden Winkel der Prismen als auch die durch sie in den eben besprochenen Fällen hervorgebrachte Ablenkung mit möglichster Genauigkeit zu messen, werden wir später besprechen.

Vom Brechungsvermögen und von der brechenden Kraft. 228 Man ist übereingekommen, das um die Einheit verminderte Quadrat des Brechungsexponenten, also den Werth n^2-1 , die brechende Kraft, den Quotienten aber, welchen man erhält, wenn man die brechende Kraft eines Körpers mit seinem specifischen Gewicht dividirt, also $\frac{n^2-1}{d}$, sein Brechungsvermögen zu nennen.

Diese Definitionen sind nicht ganz willkürlich, wie es auf den ersten Blick wohl scheinen möchte. Die brechende Kraft ist nach der Emissionstheorie der Zuwachs, welchen das Quadrat der Geschwindigkeit des Lichtes beim Uebergange aus dem leeren Raume in einen brechenden Körper erleidet; denn nach dieser Theorie nimmt die Geschwindigkeit des Lichtes beim Uebergange in stärker brechende Mittel zu.

Man kann die brechende Kraft eines Körpers auf absolute und relative Weise bestimmen; so sind z. B. 1,326 und 0,785 die absoluten brechenden Kräfte oder die Werthe von n^2-1 für Glas und Wasser; dividirt man aber die erstere Zahl durch die zweite, so erhält man 1,600 welches die relative brechende Kraft des Glases zu der des Wassers ist.

Das Brechungsvermögen, also der Werth von $\frac{n^2-1}{d}$ ist für Glas 0,533, für Wasser 0,785; das Brechungsvermögen des Glases auf das des Wasser bezogen ist aber $\frac{0,533}{0,785} = 0,679$.

Wenn ein Körper sich ausdehnt oder verdichtet, so ändert sich sowohl sein Brechungsexponent als auch seine Dichtigkeit; sein Brechungsvermögen scheint aber constant zu bleiben, so lange der Körper nicht in den gasförmigen Zustand übergeht.

Bestimmung des Brechungsexponenten für Gase. Um 229 den Brechungsexponenten der Luft zu finden, könnte man einen Lichtstrahl aus dem leeren Raume in ein Luftprisma von bekanntem brechenden Winkel übergehen lassen; der umgekehrte Versuch aber, nämlich den Strahl aus der umgebenden Luft in ein luftleeres Prisma treten zu lassen, ist weit leichter anzustellen.

Arago und Biot wandten ein Gasprisma an, wie es Fig. 640 (a. f. S.), von oben gesehen, dargestellt ist. Es besteht aus einer Glasröhre, welche 20 bis 30 Centimeter lang ist und 4 bis 5 Centimeter im Durchmesser hat. Die beiden Enden der Röhre sind schräg abgeschliffen und durch Glasplatten, deren Flächen genau parallel sind, hermetisch verschlossen. Der Winkel, welchen diese beiden Platten mit einander machen, also der bre-

chende Winkel des Prismas, muss wegen der schwachen Brechung des Lichtes in den Gasen sehr gross sein. An dem von Biot und Arago

Fig. 640.



angewandten Apparate betrug dieser Winkel 143° 7'28". In der Mitte der Länge der Röhre und parallel mit den Flächen des Prismas sind zwei einander entgegengesetzte Oeffnungen angebracht, um nach Belieben mittelst einer Luftpumpe das Prisma luftleer zu machen, oder ein Gas einzuführen, welches man dem Versuche unterwerfen will. In diesen beiden Oeffnungen sind Röhrehen eingekittet, welche auf passende Weise mit Hähnen verschen sind, und die mit einem Barometer communiciren, welches in jedem Augenblicke den Druck des inneren Gases angiebt.

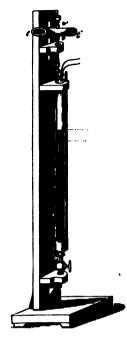
Nehmen wir an, das Prisma sei luftleer, die brechende Kante sei vertical und das Ganze so aufgestellt, dass man nach einem entfernten Punkte visiren kann. Ein Beobachter in o sieht dann in der Richtung olden Visirpunkt direct, der Richtung olden Visirpunkt direct, der Richtung olden

Winkel des Prismas bekannt, so kann man nach der obigen Formel den Brechungsexponenten berechnen, wenn man dem Prisma eine solche Stellung gegeben hatte, dass die Ablenkung ein Minimum war; es sind jedoch noch einige Correctionen wegen der noch im Prisma zurückgebliebenen Luft und wegen des unvollkommenen Parallelismus der Flächen der Glasplatten anzubringen.

Durch oft wiederholte genaue Versuche haben Arago und Biot

mischte Gase, d. h. die brechende Kraft einer solchen Mischung ist die Summe der brechenden Kräfte der gemischten Elemente; wir werden jedoch

Fig. 641.



sogleich sehen, dass dies nach den Untersuchungen von Dulong nicht mehr der Fall ist, wenn die Gase sich chemisch verbinden.

Dulong hatte sich hauptsächlich vorgesetzt, das Brechungsvermögen der Gase bei gleichem Drucke und bei gleicher Temperatur zu vergleichen. Ein sinnreicher Kunstgriff, den er anwandte, machte ihm möglich, seinen Resultaten eine wahrhaft bewundernswürdige Genauigkeit zu geben. Kunstgriff besteht darin, den Gasen eine solche Dichtigkeit zu geben, dass sie genau dieselbe Ablenkung hervorbringen. Zu diesem Zwecke wandte er ein dem vorigen ähnliches Prisma an, dessen brechender Winkel ungefähr 145° betrug, welches mit einem Reservoir r, Fig. 641, in Verbindung steht, und welches man von der einen Seite her mittelst einer Luftpumpe luftleer machen und von der anderen mit einem Gase füllen kann, dessen Druck sich nach Belieben ändern lässt. füllt man das Prisma mit trockner Luft vom Drucke und der Temperatur der umgebenden Atmosphäre. Mit einem guten, in einiger Entfernung aufgestellten Fernrohre visirt man nun nach dem durch das Prisma gebrochenen Bilde eines ent-

fernten Visirpunktes; ist dies geschehen, so wird das Fernrohr in dieser Stellung befestigt, das Prisma, ohne es zu verrücken, luftleer gemacht und dann ein anderes Gas, etwa Kohlensäure, eingefüllt. Indem man nun den Druck dieses Gases variirt, kann man es leicht dahin bringen, dass das Bild des Visirpunktes wieder im Fadenkreuze des Fernrohrs einsteht. Die Temperatur ist dieselbe geblieben; der Druck der Kohlensäure im Prisma mag aber z. B. 498mm betragen. Da die Kohlensäure unter diesem Drucke das Licht ebenso stark ablenkt, wie die Luft unter einem Drucke von 760mm, so ist klar, dass sie unter diesen Umständen denselben Brechungsexponenten und dieselbe brechende Kraft hat wie die Luft; da aber die brechende Kraft der Dichtigkeit proportional ist, so hat man

498:760=1:x

woraus x = 1,526 folgt, was der Werth der brechenden Kraft der Kohlensäure für einen Druck von 760^{mm} und die Temperatur der umgebenden Luft ist.

Durch solche Versuche erhält man die brechende Kraft der Gase mit der der Luft verglichen. Die von Dulong erhaltenen Resultate sind in folgender Tabelle (s. f. S.) zusammengestellt.

Die Zahlen der ersten Columne sind das directe Resultat der Beobach-

Allgemeine Gesetze der Brechung des Lichtes.

tung; multiplicirt man sie mit 0,000589, welches die absolute brechende Kraft der Luft ist, so erhält man die Zahlen der zweiten Columne oder $n^2 - 1$; um daraus nun die Brechungsexponenten zu erhalten, hat man 1 zu addiren und dann die Quadratwurzel auszuziehen.

Aus der Vergleichung dieser Zahlen lassen sich folgende Resultate ziehen:

- 1. Zwischen der Dichtigkeit und der brechenden Kraft eines Gases und den entsprechenden Grössen eines anderen findet keine Beziehung statt.
- 2. Die brechende Kraft einer Mischung ist die Summe der brechenden Kräfte der gemischten Elemente. Die Luft besteht z. B. aus 0,21 Sauerstoff und 0,79 Stickstoff; multiplicirt man nun die brechende Kraft des Sauerstoffs 0,924 mit 0,21, die des Stickstoffs 1,020 mit 0,79, so erhält man die Producte 0,19404 und 0,80580, deren Summe 0,99984 in der That nur sehr wenig von 1 abweicht. Dulong hat auch mehrere Versuche mit künstlichen Mischungen gemacht, welche die Richtigkeit dieses Satzes bestätigen.

Namen der Gase	Brechende Kraftim Ver- gleich mit der der Luft	Absolute brechende Kraft	Brechungs- exponentes
Atmosphärische Luft	1,000	0,000589	1,000294
Sauerstoff	0,924	0,000544	1,000272
Wasserstoff	0,470	0,000277	1,000138
Stickstoff	1,020	0,000601	1,000300
Ammoniakgas	1,309	0,000771	1,000385

3. Wenn ein Gas eine chemische Verbindung ist, so ist seine brechende Kraft bald grösser, bald kleiner als die Summe der brechenden Kräfte seiner Elemente, wie man aus der folgenden Tabelle ersieht, wobei die brechende Kraft der Luft zur Einheit genommen ist.

Die Differenzen zwischen der beobachteten und der berechneten brechenden Kraft sind zu gross, als dass sie von Beobachtungsfehlern herrühren könnten.

4. Das Brechungsvermögen einer Substanz im flüssigen Zustande ist grösser als das Brechungsvermögen desselben Körpers, wenn er sich im gasförmigen Zustande befindet. In der That ist das Brechungsvermögen des Schwefelkohlenstoffdampfes, bezogen auf Luft, gleich $\frac{5,110}{2,644} = 1,932$, denn 2,644 ist die Dichtigkeit des Schwefelkohlenstoffdampfes. Der flüssige Schwefelkohlenstoff hat ein specifisches Gewicht 1,263 und einen Brechungsexponenten 1,678; seine absolute brechende ist also 1,816, sein absolutes Brechungsvermögen 1,438. Da aber die Luft eine absolute brechende Kraft 0.000588 und im Verhältniss zum Wasser ein specifisches Gewicht 0.001299 hat. so ist ihr absolutes Brechungsvermögen 0,453. Demnach ist die brechende Kraft des flüssigen Schwefelkohlenstoffs im Verhältniss zur Luft $\frac{1,438}{0,453} = 3,176$; das Brechungsvermögen des flüssigen Schwefelkohlenstoffs ist also grösser als 3, das seines Dampfes kleiner als 2.

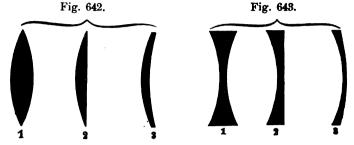
Namen der Gase	Brechen	Differenz	
namen der Gase	beobachtet	berechnet	Dinerenz
Ammoniak	1,309	1,216	+ 0,093
Stickstoffoxydgas	1,710	1,482	+ 0,228
Salpetergas	1,030	0,972	+ 0,058
Wasserdampf	1,000	0,933	+ 0,067
_	3,936	. 3,784	+ 0,015
Salzsäureäther	3,720	3,829	0,099
	1,521	1,651	- 0,130
Kohlensäure	1,526	1,629	- 0,093
Chlorwasserstoffsäure	1,527	1,547	0,020

Sphärische Linsen. Linsen nennt man durchsichtige, von krum- 230 men Oberflächen begränzte Körper, welche die Eigenschaft haben, die Convergenz oder Divergenz der sie treffenden Strahlenbündel zu vergrössern oder zu verkleinern.

Wir beschäftigen uns hier nur mit sphärischen Linsen, d. h. mit

solchen, deren Gränzflächen Stücke von Kugeloberflächen oder Ebenen sind, weil diese allein zu optischen Instrumenten verwendet werden.

Man unterscheidet sechs verschiedene Arten von Linsen, welche Fig. 642 und 643 im Durchschnitte dargestellt sind. Nr. 1, Fig. 642, stellt eine



biconvexe Linse dar, d. h. eine solche, die durch zwei nach aussen gewölbte Kugelflächen begränzt ist. Die planconvexe Linse Nr. 2, Fig. 642, ist durch eine ebene und eine convexe Fläche begränzt. Die concavconvexen Linsen, welche durch eine convexe und eine hohle Fläche begränzt sind, wie Nr. 3 in Fig. 642 und 643, werden auch Menisken genannt; man unterscheidet zwei Arten derselben, je nachdem die Krümmung der hohlen Fläche geringer ist, wie bei Nr. 3, Fig. 642 oder stärker, wie bei Nr. 3, Fig. 643. In Fig. 643 stellt Nr. 1 eine biconcave, Nr. 2 eine planconcave Linse vor.

Die drei in Fig. 642 dargestellten Linsen sind in der Mitte dicker als am Rande, und heissen Sammellinsen.

Die drei in Fig. 643 dargestellten Linsen, welche in der Mitte dünner sind als am Rande, heissen Zerstreuungslinsen.

Die Axe einer Linse ist die gerade Linie, welche die Mittelpunkte der

Auf die ebene Seite einer planconvexen Linse falle ein Lichtstrahl ab, Fig. 644, parallel mit der Axe der Linse, so wird er ungebrochen in die Glasmasse eintreten, um bei b austretend nach der Richtung b H gebrochen zu werden. Wir wollen zunächst die Lage des Punktes H, in welchem der austretende Strahl die Axe schneidet, bestimmen.

Ziehen wir den Krümmungshalbmesser b C, so ist x der Winkel, welchen der Strahl vor, y der Winkel, welchen er nach der Brechung in b mit der Richtung des Einfallslothes b C macht; wir haben aber

$$\sin y = n \cdot \sin x \cdot \dots \cdot \dots \cdot (1)$$

wenn n den Brechungsexponenten bezeichnet. Ferner ist

wenn wir mit v den Winkel bezeichnen, welchen der Strahl b H mit der Axe der Linse macht.

Nun ist aber ferner

$$H c = \frac{b c}{tang v},$$

und da

$$bc = bC \cdot \sin x = r \cdot \sin x$$
,

wenn man mit r den Krümmungshalbmesser b C bezeichnet, so ist endlich

$$Hc = \frac{r \cdot \sin x}{t \cdot u \cdot \eta \cdot v} \cdot \dots \cdot \dots \cdot (3)$$

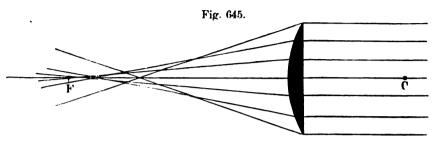
Diese Gleichung giebt also den Werth von Hc, wenn man vorher mit Hülfe der Gleichungen (1) und (2) den einem bestimmten Winkelwerth von x entsprechenden Werth von v berechnet hat.

Setzen wir n=1.5 und r=1, so ergeben sich folgende zusammengehörige Werthe von x und B, wenn wir unter B die Entfernung Hc verstehen:

x	B	D
10	1,9998	0,0004
5	1,9829	0,0209
10	1,9457	0,0695
15	1,8813	0,1528
20	1,7816	0,2787
30	1,4871	0,6468

Wir sehen also, dass die parallel mit der Axe einfallenden Strahlen durch die Linse keineswegs alle in einem Punkte vereinigt werden. Solche Strahlen, welche die Linse näher am Rande passiren, schneiden die Axe in Punkten, welche der Linse näher liegen als der Vereinigungspunkt für die centralen Strahlen, wie dies auch Fig. 645 (s. f. S.) anschaulich macht.

In Fig. 644 sei F der Vereinigungspunkt für die centralen Strahlen, den wir den Hauptbrennpunkt der Linse nennen wollen, H der Punkt, in welchem ein näher am Rande durch die Linse gehender Strahl die Axe schneidet, so ist offenbar



Oc ist offenbar gleich $sin.vers\,x$, wenn wir den Halbmesser $b\,U$ mit 1 bezeichnen, in welchem Fall denn auch $F\,O=2$ ist. Setzen wir nun der Reihe nach in Gleichung (4) für $O\,c$ den Zahlenwerth des Sinus versus von 1°, 5°, 10°, 20° und 30°, und ferner für Hc die diesen Winkelwerthen von x entsprechenden Werthe dieser Länge, wie sie in obiger kleinen Tabelle unter B stehen, so erhält man die Zahlenwerthe für den Abstand $H\,F$, wie sie in jener Tabelle unter D verzeichnet sind.

Diesen Zahlenwerthen entsprechend ist in Fig. 645 der Verlauf der Strahlen verzeichnet, welche eine planconvexe Linse in Punkten treffen. die 10, 20, 30 Grad von ihrer Mitte abstehen. Man sieht aus dieser Construction ebenso wie aus obiger Tabelle, wie bedeutend der Vereinigungspunkt der Randstrahlen vom Vereinigungspunkte der centralen Strahlen absteht, wenn die Krümmung der Linse von der Mitte bis zum Rande

CN macht. Der Strahl wird nach bd hin gebrochen, und zwar haben wir zur Bestimmung des Winkels hb C, den wir mit y bezeichnen wollen, die Gleichung

Bezeichnen wir mit y' den Winkel b d C', welchen b d mit dem Einfallsloth C' N' macht, so haben wir

$$y + y' = 2x$$

denn Winkel s C' C ist ohne merklichen Fehler gleich Winkel s C' C, also gleich x. Nun aber ist Winkel Ns C' Aussenwinkel an dem Dreick s C C', folglich ist Winkel Ns C' = 2 x. Derselbe Winkel Ns C' ist aber auch Aussenwinkel am Dreick s d b, folglich ist Winkel Ns C' = y + y', also endlich

oder

Es ist aber ferner

$$\sin v = n \cdot \sin y' \quad \dots \quad (7)$$

wenn wir mit v den Winkel N'dH bezeichnen, welchen der in d aus der Linse austretende Strahl dH mit dem Einfallslothe N'C' macht. Nennen wir ferner s den Winkel, welchen derselbe austretende Strahl dH mit der Axe macht, so haben wir

$$v = s + x$$

weil v ein Aussenwinkel am Dreieck dHC ist, mithin auch

Bezeichnen wir den Krümmungshalbmesser der Linse mit r, so ist

$$dc = r \sin x$$
.

und

$$dc = Hc$$
. tang s .

folglich

wonach man den Abstand Hc berechnen kann, nachdem man vorher mit Hülfe der Gleichungen (5), (6), (7) und (8) den Werth von s für ein bestimmtes x ermittelt hat.

Brennpunkt für centrale Strahlen. Für diejenigen Strahlen, 232 welche als centrale betrachtet werden können, sind die Winkel x, y und z klein genug, um die Sinus und Tangenten den Winkeln selbst proportional zu setzen. Für diesen Fall aber ergiebt sich aus Gleichung (1) des vorigen Paragraphen

$$y = n \cdot x$$
;

Gleichung (3) aber wird

Allgemeine Gesetze der Brechung des Lichtes.

$$Hc = \frac{rx}{r}$$

und wenn man für v seinen Werth bei (2) setzt,

$$Hc = \frac{rx}{y-x}$$

$$Hc = \frac{rx}{nx - x}$$

also endlich

570

$$Hc = \frac{r}{n-1}.$$

Für centrale Strahlen fällt aber der Durchschnittspunkt H, Fig 645, mit dem Hauptbrennpunkte F zusammen, wir haben also für den Abstand Fc des Brennpunktes einer planconvexen Linse von dem Glase

wenn wir mit f die Brennweite bezeichnen.

Wäre n = so 1,5, ergäbe sich

$$f=2r$$
.

Der Brechungsexponent einer bestimmten Sorte von Flintglas sei z. I. für gelbe Strahlen 1,635, so ist für gelbe Strahlen die Brennweite einer aus dieser Glassorte geschliffenen planconvexen Linse

$$f=\frac{r}{0,635};$$

wenn also der Krümmungshalbmesser der gewölbten Seite r=12 Zoll ist, so ergiebt sich

oder

$$z=2x(n-1),$$

und endlich aus Gleichung (9) für die Brennweite der Werth

für n = 1,5 ergiebt sich danach f = r. Für n = 1,635 ergiebt sich

$$f = \frac{r}{2.0,635} = \frac{r}{1,270} = 0.787 \ r.$$

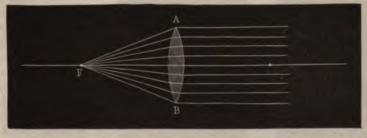
Vergleichen wir die Werthe von f bei (1) und bei (2), so übersieht man leicht, dass ersterer doppelt so gross ist als letzterer. Die Brennweite einer gleichgewölbten biconvexen Linse ist also halb so gross als die Brennweite einer planconvexen Linse von gleichem Krümmungshalbmesser.

Die Figuren 647 und Fig. 648 erläutern die Vereinigung der parallel mit der Axe auf eine planconvexe und auf eine gleichgewölbte biconvexe Fig. 647.





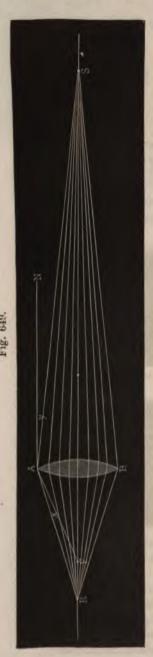
Fig. 648.



Linse auffallenden Strahlen in dem Brennpunkt derselben. Bei der Construction dieser Figuren ist der Brechungsexponent der Linsensubstanz gleich 1,5 angenommen.

Durch den Versuch kann man die Brennweite einer Sammellinse finden, wenn man sie gegen die Sonne kehrt und dann hinter derselben einen beliebigen Schirm, etwa von grauem Papier, so lange verschiebt, bis das auf demselben entstehende Sonnenbildchen vollkommen scharf ist; der Abstand des Schirmes von der Linse ist alsdann die gesuchte Brennweite.

233 Berechnung der Bildweite. Ist einmal die Brennweite einer





Linse bekannt, so kann man auch bestimmen, in welchem Punkte diejenigen Strahlen durch die Linse wieder vereinigt werden, welche von irgend einem leuchtenden Punkte ausgehend auf dieselbe fallen. Zunächst wollen wir nur solche leuchtende Punkte in Betracht ziehen, welche auf der Axe der Linse liegen.

Ein mit der Axe parallel auf die Linse fallendes Strahlenbündel kann man betrachten, als käme es von einem unf der Axe liegenden, aber unendlich weit entfernten leuchtenden Punkte. -Nehmen wir nun an, der leuchtende Punkt sei der Linse näher gerückt, m befinde sich in S. Fig. 649, so findet man den Vereinigungspunkt der von S aus auf die Linse fallenden Strahlen, wenn man den Punkt R ermittelt, in welchem ein Randstrahl SA nach seinem Durchgang durch die Linse die Axe schneidet (vorausgesetzt, das die Oeffnung der Lins klein genug ist).

Wie wir oben geschen haben, ändert sich die durch ein Prisma hervorgebrachte Ablenkung mit der Richtung der einfallenden Strahlen; sobald aber der brechende Winkel des Prismas hinlänglich klein ist, wird diese Aenderung unmerklich, so dass man für Prismen von kleinem brechenden Winkel ohne merklichen Fehler annehmen kann, dass sie alle Strahlen, welche auf dieselben fallen, stets um gleich viel von ihrer ursprünglichen Richtung ablenken. Dies findet nun auch seine Anwendung bei Linsen. Der Randstrahl SA wird ebenso stark durch die Brechung am Rande der Linse abgelenkt, wie der Strahl NA, welcher parallel mit der Axe einselt. — NA wird aber nach dem Brennpunkt F gebrochen, der einfalsende und austretende Strahl machen also einen Winkel NAF mit einselt und austretenden Strahles AR, wenn man über AF einen Winkel RAS sein. Man findet also die Richtung des austretenden Strahles AR, wenn man über AF einen Winkel RAS aufträgt, welcher eben so gross ist als der Winkel RAS, um elchen der einfallende Strahl RAS unter RAS liegt.

Ans dieser Construction geht hervor, dass wenn der leuchtende walt S auf der Axe der Linse näher rückt, der Vereinigungspunkt R ich von der Linse entfernen müsse. Bei fortdauernder Annäherung leuchtenden Punktes wird also auch einmal der Fall eintreten, wo leuchtende Punkt S und der Vereinigungspunkt R gleich weit von Linse abstehen, wie Fig. 650 a. v. S. Für diesen Fall müssen raustretende Strahl AR und der eintretende SA gleiche Winkel it der Axe machen, es muss Winkel SRA gleich RSA sein. Da un auch y = RSA und x = y, so ist ferner x gleich Winkel SRA, der das Dreieck RAF ist ein gleichschenkliges und RF = FA, der walt R ist also um die doppelte Brennweite von der Linse entfernt.

Wenn also der leuchtende Punkt um die doppelte Brennüte von der Linse entfernt ist, so befindet sich der Vereiigung spunkt auf der anderen Seite in gleichem Abstande m der Linse.

Nähert sich der leuchtende Punkt der Linse noch mehr, so muss sich Vereinigungspunkt noch weiter entfernen; wäre R, Fig. 649, ein leuchder Punkt, so wäre S der entsprechende Vereinigungspunkt. Rückt er leuchtende Punkt in den Brennpunkt der Linse, so rückt der Vereini-

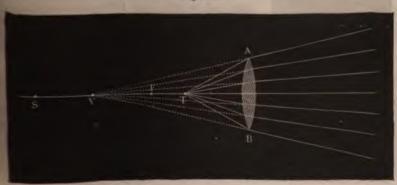


Fig. 651.

gungspunkt in unendliche Entfernung. Die von dem Brennpunkte F, Fig. 648, aus auf die Linse fallenden Strahlen werden durch dieselbe in ein parallel mit der Axe austretendes Strahlenbündel verwandelt.

Wenn der leuchtende Punkt T, Fig. 651, a. v. S., der Linse so nahe rückt, dass er noch innerhalb der Brennweite liegt, so ist der Strahlenkegel, welcher auf die Linse trifft, so stark divergirend, dass die Linse nicht mehr im Stande ist, die Strahlen convergent, oder auch nur parallel zu machen, sie divergiren aber nach dem Durchgange durch die Linse weniger als vorher, sie verbreiten sich also so, als ob sie von einem Punkte V herkimen, welcher weiter von der Linse absteht, als der leuchtende Punkt.

Wirhaben oben gesehen, wie man die Lage des Vereinigungspunktes durch Construction finden kann, suchen wir sie auch durch Rech-

nung zu bestimmen.

In Fig. 652 sei AB eine Linse, deren Brennpunkt in F liegt. Ein parallel mit der Axe einfallender Strahl kA wird nach F him gebrochen; die Richtung, nach welcher ein von T ausgehender Strahl TA gebrochen wird, findet man leicht, wenn man den Winkel FAV = dem Winkel TAk macht. Wird nun lA = mA = Ar gemacht (r ist der Mittelpunkt der Linse) und in l das Perpendikel lon, in m aber das Perpendikel mp errichtet, so wird mp jedenfalls sehr nahe gleich on sein, well die Winkel TAk und FAV gleich sind und der Winkel gAV so klein ist, dass on sehr nahe rechtwinklig auf AV steht; es ist also

ln = lo + on = lo + mp . . . (1) Wegen der Aehnlichkeit der Dreiecke FAr

und Aln haben wir

$$Fr: Ar = Al: ln$$

oder

$$f: 1 = 1: ln,$$

wenn wir die Brennweite rF mit f und den Halbmesser der Linse rA = Al gleich 1 setzen; es ist demnach

$$ln = \frac{1}{f}$$

ler Aehnlichkeit der Dreiecke VAr und Alo folgt

$$Vr: Ar = Al: lo$$

$$a:1=1:lo,$$

$$lo=\frac{1}{a}$$

die Entfernung Vr (also die Vereinigungsweite) mit a be-

o ergiebt sich aus der Aehnlichkeit der Dreiecke Ampund ATr

$$mp=\frac{1}{b},$$

die Entfernung rT, also die Entfernung des leuchtenden Punktinse, mit b bezeichnet.

nan die eben für ln, lo und mp gefundenen Werthe in die Gleiso kommt

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{a} + \frac{1}{b} \quad \dots \quad \dots \quad (2)$$

lieser Formel kann man jederzeit berechnen, wie gross die Entdes Punktes V von der Linse ist, in welchem die Strahlen verden, welche von einem Punkte T von der Linse ausgehen, desd von der Linse gleich b ist.

s. B. die Brennweite einer Linse, also f = 1 Fuss, der Abstand nden Punktes gleich 10 Fuss, so hat man zur Berechnung der a des Vereinigungspunktes vom Glase die Gleichung

$$\frac{1}{a} = \frac{1}{1} - \frac{1}{10},$$

$$a = 1,111 \dots$$

ieselbe Linse ergeben sich auf diese Weise folgende zusammen-Verthe der Entfernung b des Gegenstandes und der Entfernung inigungspunktes von der Linse:

Unendlich

ь \boldsymbol{a} Unendlich 1 100' 1,01 10 1,11 1,25 5 1,50 3 2 2,00 3,00 1,5 1,25 5,00

1,00

Aus der Gleichung (2) lassen sich nun in Beziehung auf die Vereinigungsweite a dieselben Folgerungen ableiten, welche oben bereits aus der Construction abgeleitet worden waren.

Aus Gleichung (2) ergiebt sich nemlich

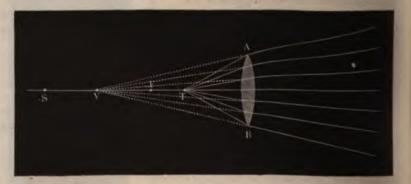
$$a = \frac{f}{1 - \frac{f}{b}}$$

für $b=\infty$ wird nach dieser Gleichung a=ffür b=2f wird a=2ffür b=f wird $a=\infty$

überhaupt wird a um so grösser, je kleiner b wird.

Die Brennweite einer Linse kann man mit ziemlicher Genauigkeit dadurch erhalten, dass man für eine Reihe beliebig gewählter Gegenstandsweiten die zugehörigen Bildweiten durch den Versuch, etwa mit Hülfe der optischen Bank bestimmt, für je zwei zusammengehörige Werthe von u und b nach Gleichung (2) den Werth von f berechnet und aus allen so gefundenen Werthen von f das Mittel nimmt.

Fig. 653.



Die Gleichung (2) auf Seite 575 behält ihre Gültigkeit auch noch für den Fall, dass der leuchtende Punkt T, Fig. 653, innerhalb der Brenzweite liegt, dass also b < f, nur erhält man für $\frac{1}{a}$, also auch für a negative Werthe, wodurch angedeutet ist, dass die Länge a nicht jenseits des Glases, sondern in der Richtung von der Linse nach dem leuchtenden Punkte hin zu nehmen ist.

Es sei z. B. die Brennweite einer Linse 3 Zoll, ein leuchtender Punkt stehe auf der Axe 2 Zoll weit von ihr ab, so haben wir

$$\frac{1}{3} = \frac{1}{a} + \frac{1}{2}$$

und daraus folgt $\frac{1}{a} = -\frac{1}{6}$, also a = -6, d. h. nach dem Durchgange durch die Linse divergiren die Strahlen so, als ob sie von einem 6 Zoll weit von der Linse liegenden Punkte kämen.

Ist b kleiner als f, so wird der negative Werth von a um so kleiner, je mehr b abnimmt, d. h. je näher der innerhalb der Brennweite gelegene leuchtende Punkt der Linse rückt, desto näher rückt auch der Zerstreuungspunkt. Wäre z. B. f = 3, b = 1, so ergäbe sich a = 1,5.

Hohllinsen. Aehnliche Betrachtungen lassen sich auch für Hohl- 234 linsen anstellen. Wenn die einfallenden Strahlen mit der Axe parallel sind, so divergiren die austretenden so, als kämen sie vom Hauptzerstreuungspunkte F, Fig. 654; rückt aber der leuchtende Punkt näher, sind also schon die auffallenden Strahlen divergirend, so werden sie nach dem Durchgange durch das Glas noch stärker divergiren, als es für die parallel eintretenden Strahlen der Fall war. Die von B, Fig. 655, aus auf die Hohllinse fallenden Strahlen divergiren nach dem Durchgange durch dieselbe so, als ob sie von A ausgegangen wären.

Fig. 654.

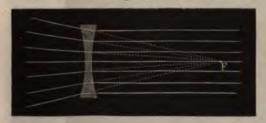
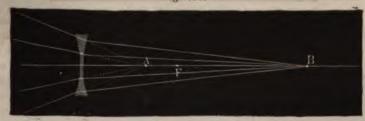


Fig. 655.

Die Beziehungen zwischen der Lage des leuchtenden Punktes B, des entsprechenden Zerstreuungspunktes A und des Hauptzerstreuungspunktes F sind auch hier wieder durch die Gleichung (2) auf Seite 575 gegeben; nur muss man f



negativ setzen, weil man nicht mit einem jenseits des Glases gelegenen Hauptbrennpunkte, sondern mit einem diesseits gelegenen Hauptzerstreuungspunkte zu thun hat. Für diesen Fall ergiebt sich aus jener Gleichung zur Bestimmung der Zerstreuungsweite a der Werth

$$\frac{1}{a} = -\left(\frac{1}{f} + \frac{1}{b}\right). \dots \dots (3)$$

a wird also immer negativ, d. h. der Zerstreuungspunkt liegt stets

mit dem leuchtenden Punkte auf derselben Seite des Glases. Je kleiner b wird, desto kleiner wird auch a, je näher also der leuchtende Punkt der Hohllinse rückt, desto mehr nähert sich demselben auch der entsprechende Zerstreuungspunkt.

Für den in Fig. 655 dargestellten Fall ist z. B. f=2.5 und b=6 Centimeter; demnach ist a, d. h. die Entfernung des Zerstreuungspunktes

A vom Glase, gleich 1,76cm.

Um die Zerstreuungsweite einer Hohllinse durch den Versuch zu bestimmen, ist folgendes Verfahren in Anwendung zu bringen. Man lasse auf die Hohllinse ein Bündel paralleler Sonnenstrahlen (etwo von dem Spiegel des Heliostats in das dunkle Zimmer reflectirte) fallen so werden sie sich nach dem Durchgang durch die Linse ausbreiten, wie Fig. 656 andeutet, und auf einen weissen Schirm aufgefangen einen erleuchteten Kreis bilden, dessen Durchmesser ab wächst, wenn man den Schirm von der Linse entfernt. Man stelle nun den Schirm so, dass der Durchmesser ab des erleuchteten Kreises gerade doppelt so gross ist als der Durchmesser cd der Linse, so ist alsdann der Abstand no des Schirmes von der Linse gleich ihrer Zerstreuungsweite Fo.

B C STATE OF THE S

Fig. 656.

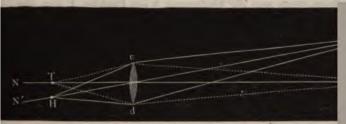
Secundäre Axen. Bisher haben wir nur solche leuchtende Punkte betrachtet, welche auf der Axe der Linse selbst liegen; es bleibt jetzt noch zu zeigen, dass das Gesagte auch für solche Punkte gilt, welche nicht auf der Hauptaxe liegen, vorausgesetzt, dass die Nebenaxen (secundäre Axen) nur einen kleinen Winkel mit der Hauptaxe machen. Mit dem Name der Nebenaxe bezeichnet man die Linie, welche man sich von einen nicht auf der Hauptaxe liegenden Punkte durch die Mitte der Linse gezogen denken kann.

In Fig. 657 sei H ein nicht auf der Hauptaxe liegender leuchtender Punkt, so werden alle von ihm ausgehenden Lichtstrahlen in einem Punkt-H' vereinigt werden, welcher auf der Nebenaxe M' N' eben so weit vol der Linse absteht wie T', welcher der Vereinigungspunkt für die von einem Punkte T der Hauptaxe ausgehenden Strahlen ist, der eben so weit von der Linse entfernt ist wie H.

Es ist dies leicht zu beweisen. Der mittlere Strahl HM' geht unge-

brochen durch die Linse hindurch; ferner ist Hc = Tc und Winkel c TM = cHM' (wenn auch nicht ganz genau, doch nahe). Da der Strahl

Fig. 657.



Tc in c eben so stark abgelenkt wird wie Hc, so ist auch Winkel HcH'Tc T', folglich ist das Dreick Hc H' = Dreieck Tc T', folglich TT' = HH'H' ist also ebenso weit von der Linse entfernt wie T'.

Dasselbe ergiebt sich auch aus der Vergleichung der Dreiecke TdT' und HdH'.

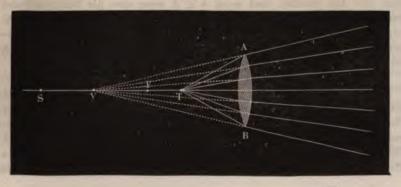
Das Feld einer Linse ist der Winkel, welchen zwei der Nebenaxen mit einander noch machen können, ohne dass die Voraussetzungen unseres Beweises merklich unrichtig werden.

Für die Nebenaxen der Hohllinsen gilt dasselbe, was von den secundären Axen der Sammellinsen gesagt wurde.

Wirkung der Linsen auf convergirende Strahlen. Zum 236 richtigen Verständniss verschiedener optischer Instrumente ist es von Wichtigkeit, zu untersuchen, wie der Lauf eines convergirenden Strahlenbündels durch Linsen modificirt wird.

Da ein Bündel paralleler Strahlen, welches mit der Axe parallel auf eine Convexlinse fällt, nach dem Hauptbrennpunkte gebrochen wird, so muss ein schon convergirendes Strahlenbündel nach einem noch näher beim Glase liegenden Punkte hin gebrochen werden.

Ein nach V, Fig. 658, convergirendes Strahlenbündel wird offenbar durch die Linse in T vereinigt werden, da ein von T divergirendes Fig. 658.



nach dem Durchgange durch die Linse so divergirt, als ob die Strahler von V ausgegangen wären.

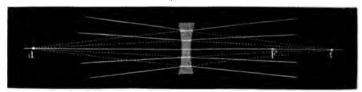
Die Lage des Vereinigungspunktes T lässt sich nach Gleichung (2 Seite 575 berechnen, wenn man die Entfernung b des Punktes V von de Linse, nach welcher die Strahlen ursprünglich convergirten, mit negative Zeichen in die Gleichung einführt. Ist z. B. die Brennweite des Gleich 3 Zoll, die Entfernung des Punktes V von demselben 6 Zoll, giebt sich demnach

$$\frac{1}{a} = \frac{1}{3} + \frac{1}{6} = \frac{1}{2}$$

der Vereinigungspunkt T liegt also in diesem Falle 2 Zoll weit der Linse.

Wenn ein nach einem Punkte convergirendes Strahlenbündel dure eine Hohllinse aufgefangen wird, deren Mitte um die Länge b von de Convergenzpunkt t absteht, so erhält man die Entfernung a des Punktes von welchem der Strahlenbündel nach seinem Durchgange durch die Ländivergirt, wenn man b mit negativem Zeichen in die Gleichung (3) Sit 577 einführt. So lange b grösser ist als f, so lange also die Straklenach einem Punkte t. Fig. 659, convergiren, welcher um mehr als d

Fig. 659.



Zerstreuungsweite von dem Glase absteht, erhält man für a einen nerste ven Werth. der grösser ist als f; nach dem Durchgange durch die Liedivergiren also die Strahlen so, als ob sie von einem Punkte d vor dem Strahlenbündel nach seinem Durchgange durch die Linse A nach dem Brennpunkte N derselben convergirt, welcher um die Länge f-n von der zweiten Linse absteht; nach §. 236 ist also die Entfernung a der Linse Fig. 660.



B vom Punkte L, in welchem die Strahlen durch die zweite Linse vereinigt werden, nach der Gleichung

zu bestimmen. Für $f = 8^{\text{cm}}$, f' = 5,5 und n = 1,5 ergiebt sich a = 2,98, also nahezu 3 Centimeter.

Wenn beide Linsen dicht auf einander liegen, wenn also n=o, so ergiebt sich

Sind die Brennweiten f und f' gleich, so ist also, wenn die Linsen unmittelbar auf einander liegen und man von ihrer Dicke abstrahiren kann, die Fig. 661. Brennweite der Combination halb so gross, als die Brennweite

jeder einzelnen Linse.

stre und Fig.

Wenn die zweite Linse eine Hohllinse von der Zerstreuungsweite f' ist, so geht die Gleichung (1) über in

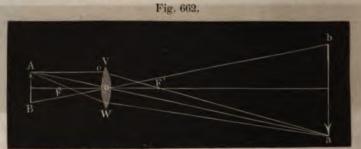
$$\frac{1}{a} = \frac{1}{f-n} - \frac{1}{f'},$$

und wenn beide Linsen unmittelbar auf einander liegen wie Fig. 661, wenn also n = o, so geht sie über in

$$\frac{1}{a} = \frac{1}{f} - \frac{1}{f'} \quad \dots \quad \dots \quad (3)$$

Linsenbilder. In Fig. 662 (a. f. S.) sei AB ein Gegenstand, der 238 sich auf der einen Seite vor der Linse VW befindet, aber weiter von ihr absteht als der Brennpunkt F. Die von A ausgehenden Strahlen werden in einem Punkte a auf der von A durch die Mitte O der Linse gezogenen Nebenaxe vereinigt; a ist also das Bild von A; ebenso ist b das Bild von B, mithin ist auch a b das Bild des Gegenstandes von A B; das Bild ist in diesem Falle verkehrt und ist ein wahres Sammelbild.

Von der Mitte der Linse aus gesehen, erscheinen Bild und Gegenstand unter gleichem Winkel; ob nun das Bild oder der Gegenstand grösser ist, hängt demnach davon ab, ob Bild oder Gegenstand weiter von der Linse entfernt ist. Nehmen wir an, der Gegenstand liege um die doppelte Brennweite von der Linse entfernt, so wird das Bild auf der anderen Seite in gleicher Entfernung entstehen; in diesem Falle ist also Bild und



Gegenstand gleich gross. Rückt der Gegenstand der Linse näher, so entfernt sich das Bild, es wird also grösser. Von solchen Gegenständen also, die um mehr als die Brennweite, aber weniger als die doppelte Brennweite von der Linse abstehen, erhält man verkehrte vergrösserte Bilder; so ist in unserer Figur das Bild ab grösser als der Gegenstand AB.

Wenn der Gegenstand weiter von der Linse entfernt ist als die doppelte Brennweite, so liegt das Bild der Linse näher; von entfernten Gegenständen erhält man also verkehrte verkleinerte Bilder. Wäre ab, Fig. 662, ein solcher Gegenstand, der um mehr als die doppelte Brennweite vom Glase absteht, so würde man das verkleinerte Bild AB erhalten.

Nennen wir g die Grösse des Gegenstandes, g' die des Bildes, e die Entfernung des Gegenstandes und e' die Entfernung des Bildes vom Glase, so ist

$$g:g'=e:e',$$

d. h. Bild und Gegenstand verhalten sich wie ihre Entfernungen von der Linse.

Bei gleichem Abstande des Gegenstandes liegen die Bilder näher am Glase, wenn die Brennweite der Linse klein, weiter, wenn sie gross ist; von entfernten Gegenständen geben also die Linsen um so kleinere Bilder, je kürzer ihre Brennweite ist; umgekehrt ist für den Fall, dass die Linse vergrösserte Bilder kleiner Gegenstände giebt, welche sich in der Nähe ihres Brennpunktes befinden, bei gleicher Entfernung des Bildes von der Linse das Bild derjenigen Linsen das grössere, welche eine geringere Brennweite haben, weil bei diesen der Gegenstand näher an die Linse heranrückt.

Die Entstehung der Sammelbilder durch Linsengläser, sowie überhaupt die Gesetze der durch Linsengläser hervorgebrachten Erscheinungen, welche wir bisher betrachtet haben, lassen sich mit Hülfe der schon oben besprochenen optischen Bank experimentell nachweisen. Das entsprechende Arrangement ist Fig. 663 dargestellt, welche wohl keiner näheren Beschreibung bedarf.



Wenn der Gegenstand noch innerhalb der Brennweite der Linse sich befindet, so kann kein Sammelbild von ihm entstehen, weil die Strahlen, welche von einem leuchtenden Punkte ausgehen, der der Linse näher liegt als der Brennpunkt, nach ihrem Durchgange durch die Linse immer noch divergiren. In Fig. 664 sei AB ein solcher innerhalb der Brennweite sich befindender Gegenstand, so divergiren die von A ausgehenden Strahlen nach ihrem Durchgange durch die Linse, als ob sie von a kämen. Die Entfernung des Punktes a von der Linse kann man nach

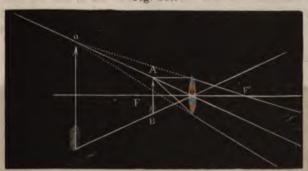
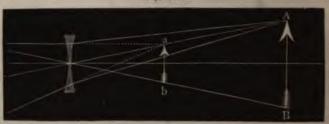


Fig. 664.

den oben gegebenen Formeln leicht berechnen. Die von B ausgehenden Strahlen divergiren nach dem Durchgange durch die Linse so, als ob sie von b kämen; wenn nun ein Auge sich auf der anderen Seite des Glases befindet, so wird es statt des Gegenstandes AB sein Bild ab sehen. Da Gegenstand und Bild innerhalb desselben Winkels aob liegen, der Gegenstand aber dem Glase näher liegt, so ist offenbar das Bild in diesem Falle grösser als der Gegenstand. Wenn man eine Linse als Loupe anwendet, um kleinere Gegenstände dadurch zu betrachten, so ist es das auf diese Weise vergrösserte virtuelle Bild, welches man sieht. Wir werden darauf später noch zurückkommen.

Die Hohlgläser geben keine Sammelbilder, sondern nur virtuelle Bilder, Bilder der Art, wie sie bei Convexlinsen entstehen, wenn der Gegenstand sich innerhalb der Brennweite befindet. Da nun eine Hohllinse die Strahlen, welche von einem Punkte ausgehen, noch divergenter macht, als ob sie v einem näher am Glase liegenden Punkte kämen, so ist klar, dass die llo gläser stets verkleinerte Bilder der Gegenstände zeigen, wie man lei Fig. 665.

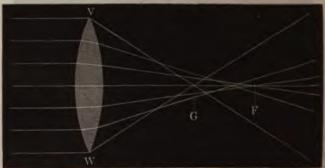


beim Anblicke der Fig. 665 übersehen wird, wo AB der Gegenstand, das Bild ist.

239 Sphärische Aberration. Wir haben bereits in §. 231 gesch dass für Linsen von grosser Oeffnung, d. h. für Linsen, bei denen Krümmung von der Mitte bis zum Rande bedeutend ist, der Vereinigum punkt den Randstrahlen der Linse viel näher liegt als der Brennpunkt centralen Strahlen, wie dies durch Fig. 645 auf S. 568 für eine plane vexe, durch die Fig. 666 für eine biconvexe Linse erläutert wird.

Die Abweichung des Vereinigungspunktes G solcher Strahlen, web die Linse näher am Rande passirt haben von dem Brennpunkt T der e tralen Strahlen, wird als sphärische Aberration bezeichnet.





In Folge der sphärischen Aberration können stark gewölbte Lim keine scharfen und reinen Bilder geben. Wendet man z. B. zu dem der Fig. 663 S. 583 erläuterten Versuch eine im Verhältniss zum Durchmestark gewölbte Linse an, etwa eine solche von der Form Fig. 666, so eth man ein verschwommenes Bild der Kerze, welches von einem hellen Schamgeben ist. Bedeckt man aber die Linse durch einen Schirm, welch nur den centralen Theil derselben frei lässt, so wird das Bild schäfes wenn es auch an Lichtstärke verliert.

Optisch brauchbare Linsen dürfen deshalb nur eine geringe Oeffnung haben; der Durchmesser optisch brauchbarer Linsen muss also mit der Brennweite abnehmen.

Wo es darauf ankommt, bei kurzer Brennweite eine grössere Lichtmenge zu vereinigen, wird es immer vortheilhafter sein, für eine einzige Linse eine Combination von zweien anzuwenden, von denen jede bei gleichem Durchmesser die doppelte Brennweite hat und die man dann in einiger Entfernung von einander anbringt. Eine Linse von 4 Zoll Brennweite z. B., welche 2 Zoll Durchmesser hat, wird ziemlich unreine Bilder geben; weit schärfer werden dieselben, wenn man zwei Linsen von 2 Zoll Durchmesser und 8 Zoll Brennweite so combinirt, dass sie ungefähr 2 Zoll von einander abstehen. Bei gleichem Durchmesser ist eine solche Linsencombination immer mit einer geringeren sphärischen Aberration behaftet als eine ihr äquivalente einfache Linse, was vorzugsweise daher rührt, dass das Strahlenbündel nur den mittleren Theil der zweiten Linse passirt.

Die sphärische Aberration stark gewölbter Linsen giebt in ähnlicher Weise, wie die sphärische Aberration stark gewölbter Hohlspiegel, Veranlassung zur Bildung von Brennlinien und Brennflächen, welche Diakaustiken genannt werden, während man die durch Reflexion erzeugten Katakaustiken nennt, wie dies bereits in §. 220 nachgewiesen worden ist.

Viertes Capitel.

Prismatische Farbenzerstreuung.

240 Zerlegung des weissen Lichtes. Bereits auf Seite 554 haben wir gesehen, dass ein Bündel Sonnenstrahlen, durch ein Prisma aufgefangen, nicht nur von seiner Richtung abgelenkt, sondern auch in Strahlen von verschiedener Farbe zerlegt wird, welche aus dem Prisma in verschiedener Richtung austreten.

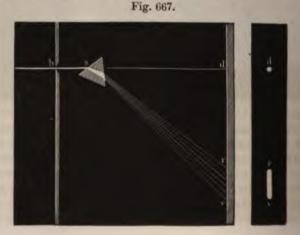
Die durch Brechung bewirkte Trennung des weissen Lichtes in verschiedenfarbige Strahlen wird mit dem Namen der Farbenzerstreuung oder der Dispersion bezeichnet.

Fängt man das vom Prisma aus divergirende Strahlenbündel auf einem Schirme auf, so erhält man das Spectrum, welches Fig. 1, Tab. Labgebildet ist und welches wir jetzt näher betrachten wollen.

Wir unterscheiden im Spectrum sieben Hauptfarben, die allmälig in einander übergehen; sie sind: Roth, Orange, Gelb, Grün, Blau, Indigo und Violett.

Diese Farben werden einfache Farben, prismatische Farben oder auch Regenbogenfarben genannt.

Das rothe Ende des Spectrums r, Fig. 667, ist jederzeit der Stelle



zugekehrt, an welcher das weisse Sonnenbildehen d erscheinen würde, wenn das Prisma nicht da wäre; die rothen Strahlen haben also die geringste Ablenkung erfahren.

Die Breite des Spectrums hängt unter sonst gleichen Umständen ab:

1. Von dem brechenden Winkel des Prismas. Von zwei Glasprismen derselben Glassorte, deren brechende Winkel 45° und 60° betragen, wird letzteres ein bedeutend breiteres Spectrum geben.

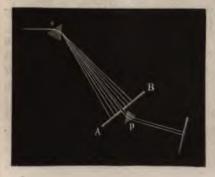
 Von dem Stoffe, aus welchem das Prisma verfertigt ist, wie wir das später noch sehen werden. Bei gleichem brechenden Winkel giebt z. B. ein Prisma von Schwefelkohlenstoff ein bedeutend breiteres Spectrum

als ein Wasserprisma.

Um das prismatische Farbenbild zu sehen, ist es nicht nöthig, dass man durch ein Prisma ein Sonnenspectrum auf einer weissen Wand hervorbringt; man braucht nur durch ein Prisma nach einem schmalen hellen Gegenstande hinzusehen. Betrachtet man z. B. eine Kerzenflamme durch ein vertical gehaltenes Prisma, so erscheint sie bedeutend in die Breite gezogen und auf die erwähnte Weise gefärbt. Wenn man in einen Fensterladen ein Loch von ungefähr 1^{cm} Durchmesser einschneidet, so sieht man durch diese Oeffnung den hellen Himmel, also einen hellen Kreis auf dunklem Grunde. Betrachtet man ihn aber durch das Prisma, so sieht man statt des weissen Kreises ein sehr in die Länge gezogenes farbiges Bild, von welchem Alles gilt, was oben von dem an die Wand geworfenen Spectrum gesagt wurde.

Die Bildung des Spectrums ist eine Folge der ungleichen Brechbarkeit der verschiedenfarbigen Strahlen, welche im weissen Lichte enthalten
sind; die rothen Strahlen bilden mit den violetten nach dem Durchgange
durch das Prisma einen Winkel, sie divergiren, und zwar sind die violetten
Strahlen mehr von ihrer ursprünglichen Richtung abgelenkt als die rothen.
Die violetten Strahlen sind unter allen die am stärksten brechbaren, die
rothen sind es am wenigsten. Die grünen Strahlen sind stärker brechbar als die rothen und weniger als die violetten, weil im Spectrum das
Grün zwischen Roth und Violett liegt.

Fig. 668.



Wenn man ein Spectrum auf einem Schirme AB, Fig. 668, auffängt und an einer bestimmten Stelle desselben, etwa da, wo die blauen Strahlen auffallen, ein Loch macht, so werden alle Farben bis auf einen einzelnen farbigen Strahl aufgefangen, dieser Strahl nun lässt sich auf keinerlei Weise weiter zerlegen, und wenn man ihn auch durch ein zweites Prisma p gehen lässt, so bleibt die Farbe doch unverändert.

Wenn man ein horizontales, etwa auf einem Papierschirm aufgefangenes Spectrum $A\ V$, Fig. 669, durch ein Prisma betrachtet, dessen bre-

Fig. 669.



Fig. 670.



chende Kante gleichfalls horizontal steht, so wird es als ein schräg stehendes Spectrum RS erscheinen, welches bei R sein rothes, bei S sein violettes Ende hat, und in welchem die Farben genau in derselben Ordnung auf einander folgen, wie in dem ursprünglichen Spectrum A V. Dieser Erfolg ist leicht vorauszusehen, wenn man bedenkt, dass das zweite Prisma keine weitere Zerlegung der homogenen Farben des Spectrums A V bewirken kann, dass es aber die einzelnen Farben um so stärker ablenkt, je brechbarer sie sind.

Nach Newton nennt man das einfache Licht auch homogenes Licht.

Aus den einfachen Farben des Spectrums lässt sich das weisse Licht wieder zusammensetzen. Wenn man die von dem Prisma s, Fig. 670, divergirenden, ein Spectrum bildenden Strahlen mit einer Linse l auffängt, so werden die verschiedenfarbigen Strahlen durch dieselbe in einem Punkte f vereinigt, und wenn man

hier das Sonnenbild auf einem mattgeschliffenen Glase oder auf einem Papierschirme auffängt, so erscheint es wieder blendend weiss, obgleich verschiedenfarbige Strahlen auf die Linse auffielen. Hält man den Schirm nicht in den Vereinigungspunkt f, sondern weiter von der Linse weg, so erhält man wieder ein umgekehrtes Spectrum, ein Beweis, dass sich die verschiedenfarbigen Strahlen in f kreuzten.

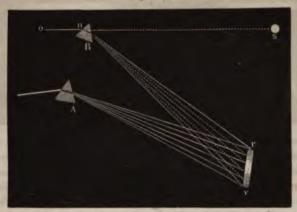
Hätte man vor dem Prisma s einen Schirm aufgestellt, welcher mit einem

schmalen verticalen Spalt versehen nur ein schmales Strahlenbündel auf das Prisma fallen lässt, so würde man in f auch nur einen schmalen weissen verticalen Streifen erhalten. Wird aber die ganze vordere Fläche des Prismas s von dem einfallenden Strahlenbündel getroffen, so erhält man bei f auch ein breiteres weisses Bild der rectangulären Prismenfläche.

241

Man kann sich zu diesen Versuchen auch eines Sammelspiegels anstatt einer Linse bedienen.

Dass die prismatischen Farben zusammen Weiss geben, geht auch aus dem sehr überraschenden, ebenfalls von Newton angegebenen Versuche hervor, dass das lange prismatische Farbenbild, durch ein zweites Prisma gesehen, bei richtiger Stellung desselben wieder als ein vollkommen weisses und nicht in die Breite gezogenes Bild erscheint. In Fig. 671 sei rv ein Spectrum, welches, durch das Prisma A erzeugt, auf einer weissen Wand aufgefangen ist. Wenn nun ein zweites Prisma B so aufgestellt wird, dass es dasselbe Spectrum rv an derselben Stelle erzeugen Fig. 671.



würde, wenn ein Sonnenstrahl in der Richtung on darauf fiele, so ist klar, dass auch alle Strahlen, die von dem Spectrum auf dieses Prisma B fallen, in der Richtung no austreten werden; ein in o befindliches Auge muss also in der Richtung ons ein weisses Bild des farbigen Spectrums sehen. Die Stellung, die man dem Prisma B geben muss, lässt sich leicht durch den Versuch ausmitteln.

Wenn man eine kreisförmige Scheibe in sieben Sectoren theilt und diese mit Farben bemalt, die den prismatischen möglichst ähnlich sind, so erscheint die Scheibe bei rascher Rotation nicht mehr farbig, sondern weisslich; sie würde vollkommen weiss erscheinen, wenn die Sectoren mit den reinen prismatischen Farben bemalt werden könnten, und wenn die Breite der einzelnen farbigen Sectoren genau in demselben Verhältnisse zu einander ständen, wie die Breiten der entsprechenden Theile des Spectrums. Um nach demselben Principe mit reinen prismatischen Farben operiren zu können, brachte Münchow das Prisma mit einem Uhrwerke in Verbindung, um es in eine rasche oscillirende Bewegung versetzen zu können. Durch diese Bewegung des Prismas geht nun auch das auf einem Schirme aufgefangene Spectrum rasch hin und her, und da zeigt sich dann statt des farbigen Spectrums ein weisser Lichtstreifen, der nur an den Enden noch etwas farbig erscheint. Das Auge empfängt nämlich von jedem Punkte

des Schirmes rasch auf einander die Eindrücke aller einzelnen Farben, die einzelnen Eindrücke vermischen sich und bringen so die Empfindung von Weiss hervor.

Wenn man einen schmalen weissen Streifen durch ein Prisma betrachtet, dessen brechende Kante parallel ist mit der Längsrichtung des Streifens, so sieht man ein in die Breite gezogenes Farbenbild mit Roth an der einen und Violett an der anderen Seite; betrachtet man aber denselben Streif ab, Fig. 672, durch ein Prisma, dessen brechende Kante rechtwink-Fig. 672.



lig steht auf der Längsrichtung des Streifens, so erscheint er als ein etwas verlängerter Streifen, welcher in der Mitte vollkommen weiss bleibt. Nur an den Enden ist er etwas gefärbt und zwar roth bei a', blau bei b'.

Es lässt sich dies leicht erklären. Denken wir uns eine Reihe kleiner weisser Quadrätchen auf schwarzem Grunde so zusammengestellt, wie es unsere Figur zeigt, so wird jedes derselben, durch ein Prisma betrachtet, ein vollständiges Spectrum bilden. Ist die brechende Kante parallel mit der verticalen Kante der Quadrätchen, so erscheint das oberste Quadrat als Spectrum in r v, und jedes nach unten folgende giebt ein gleiches nur gegen das obere etwas nach links verrücktes Spectrum, wie es unsere Figur zeigt. Das unterste weisse Quadrätchen giebt das Spectrum n p.

Denken wir uns nun alle Quadrätchen vertical in die Höhe geschoben, bis sie mit 1 einen horizontalen Streifen bilden, welcher dem Streifen ab gleich ist, so werden nun auch alle die Spectra über einander geschoben, welche den einzelnen weissen Quadrätchen entsprechen. Auf das Indige im Spectrum des 1sten Quadrats fällt das Violett aus dem Spectrum des 2ten. Auf das Blau im Spectrum des 1sten Quadrats fällt das Indige aus dem Spectrum des 2ten, und das Violett aus dem Spectrum des 3ten u. s. w. In dem mittleren Theile fallen endlich alle Farben auf einander; so fällt z. B. auf das Roth im Spectrum des 1sten Quadrats das Orange aus dem Spectrum des 2ten, das Gelb aus dem Spectrum des 3ten, das Grün, Blan, Indige und Violett aus dem Spectrum des 4ten, 5ten, 6ten und 7ten Quadrats; hier wie in dem ganzen mittleren Theile des durch Aufeinanderschieben der einzelnen Spectra entstehenden Streifens muss also Weissgebildet werden, welches, wie man aus dem Anblick der Figur leicht ab-

leiten kann, am einen Ende durch Gelb in Roth, am anderen durch Blau in Violett übergehen muss, welche letztere Farbe aber meist wegen ihrer Lichtschwäche kaum merklich ist.

Was hier von dem weissen Papierstreisen gesagt ist, gilt von jedem weissen Gegenstande von bedeutenderer Ansdehnung, den man durch ein Prisma betrachtet, er erscheint nur an den Rändern gefärbt.

Ein breiter schwarzer Streifen auf weissem Grunde bietet, durch ein Prisma betrachtet, gerade die umgekehrten Erscheinungen dar; das prismatische Bild erscheint nämlich an dem Ende, welches am wenigsten abgelenkt ist, mit einem violetten und blauen Rande, am anderen Ende aber mit einem rothen und gelben. Um diese Umkehrung zu erklären, braucht man nur zu bedenken, dass die Farben nicht von dem schwarzen Streifen selbst, sondern von den weissen Räumen herrühren, die ihn begrünzen. Wenn der schwarze Streifen selbst sehr schmal ist, so verschwindet im Bilde das Schwarz in der Mitte vollständig.

Complementäre Farben. Da alle einfachen Farben, im richti- 242 gen Verhältnisse (d. h. in dem Verhältnisse, wie es das Spectrum giebt), vereinigt, weisses Licht bilden, so reicht es hin, eine oder mehrere der einfachen Farben zu unterdrücken oder nur ihr Verhältniss zu ändern, uma aus Weiss irgend einen Farbenton zu machen. Unterdrückt man z. B. im weissen Lichte das Roth, Orange und Gelb des Spectrums, während alle anderen Farben ungeändert bleiben, so wird man eine blaue Färbung erhalten, der man nur wieder Roth, Orange und Gelb hinzufügen darf, um das Weiss wieder herzustellen.

Es lässt sich dies wirklich experimentell ausführen. Wenn man durch einen geeigneten, nahe hinter das Prisma A, Fig. 671 auf S. 589, gehaltenen Schirm einen Theil des Spectrums rv auffängt, so wird das Bildchen bei s nicht mehr weiss, sondern gefärbt erscheinen. Fängt man das rothe Ende des Spectrums vom Gelb an 'auf, so erscheint s blau; es erscheint gelb, wenn man das Blau, Indigo und Violett auffängt.

Die Farben, welche durch den nahe hinter A gehaltenen Schirm aufgefangen werden, bilden mit den in rv, Fig 671, noch übrig bleibenden zusammen offenbar Weiss. Zwei Farbentöne aber, welche diese Bedingung erfüllen, d. h. welche zusammengenommen Weiss geben, heissen complementäre Farben. Jede Farbe hat auch ihre complementäre, denn wenn sie nicht weiss ist, so fehlen ihr gewisse Strahlen, um Weiss zu bilden, und diese fehlenden Strahlen zusammengenommen machen die complementäre Farbe aus.

Sehr schön lässt sich das Wesen der complementären Farben durch folgenden einfachen Versuch klar machen. Man vereinige nach der durch Fig. 670 erläuterten Weise die aus einem Prisma austretenden farbigen Strahlen durch eine Linse l auf einem Schirme, so dass bei f ein weisses Bild entsteht. Fängt man nun hinter der Linse durch ein Prisma p, Fig. 673, (a. f. S.), von sehr kleinem brechenden Winkel (8 bis 10°) einen Theil

der nach f convergirenden Strahlen auf, so werden diese aufgefangenen Strahlen abgelenkt und seitlich in n vereinigt. Nun aber erscheint das



Bild in f sowohl als auch das in n gefärbt, und zwar ist der oben gegebenen Definition zufolge der Farbenton des Bildes f complementär zu dem des Bildes n.

Fängt man durch das flache Prisma p nur die rothen und orangefarbenen Strahlen ab, so wird das Bild n einen rothen, das Bild f einen grünen Farbenton zeigen. Das Grün des Bildes f ist complementär zu den Roth des Bildes n.

Schiebt man das Prisms p mehr gegen die Mitte des Spectrums hin, bis seine bre-

chende Kante ungefähr in der Mitte des Grün steht, so geht der Farbentan von n allmälig in Gelb, der von f allmälig in Blau über.

Dieser Versuch lässt sich auf die mannigfaltigste Weise abänder, indem man ja das Prisma p (vorausgesetzt, dass es die entsprechenden Dimensionen hat) auch so stellen kann, dass es die mittleren Strahlen des Spectrums auffängt und in n vereinigt.

Solche Versuche zeigen auch, dass blaue Farbentöne complementär zu gelben sind, und dass die verschiedenen Nuancen von Grün

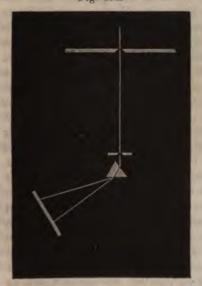
rothe Farbentöne zur Complementärfarbe haben.

243 Fraunhofer'sche Linien. Um die Farben des Spectrums rein zu erhalten, verfährt man in der Regel auf folgende Weise. Vor dem Laden, welcher das Fenster des dunklen Zimmers verschliesst, in dem man experimentiren will, ist ein Spiegel angebracht, welcher so gerichtet werden kann, dass er die Sonnenstrahlen in horizontaler Richtung durch eine Oeffnung des Ladens ins Zimmer wirft. Als Oeffnung dient eine verticale Spalte von ungefähr ½ bis 1 Zoll Höhe und 1 bis 2 Millimeter Breits. Das durch diesen Spalt eingedrungene Lichtbündel wird in einer Entfervon 4 bis 6 Schritten durch ein Prisma von Flintglas oder Schwefelkeblenstoff aufgefangen und in dem Wege des durch das Prisma abgelenktes Strahlenbündels in geeigneter Entfernung ein Schirm von weissem Papier aufgestellt.

Dass auf diese Weise erzeugte Spectrum zeigt jedoch die einzelnen Farben noch keineswegs vollkommen rein, denn die Sonne hat einen namhaften Durchmesser, jeder Verticalstreifen im Spiegelbilde der Sonne erzeugt sein eigenes Spectrum, und alle die den verschiedenen Partien der Sonne entsprechenden Farbenspectra fallen in unserem Farbenbilde theilweise übereinander.

Ein ganz reines Spectrum kann man dadurch erhalten, dass man unmittelbar vor das Prisma einen zweiten, mit dem ersten parallelen Spalt setzt, wie dies Fig. 674 angedeutet ist.

In einem so erzengten Spectrum erscheint nun eine Reihe von schwarzen Streifen, welche zur Längenrichtung des Spectrums rechtwinklig sind, Fig. 674.





wie man Fig. 676 (a. f. S.) sieht. Stellt man den Versuch auf die beschriebene Weise an, so erhält man immer nur ein lichtschwaches Spectrum, auf welchem die Streifen keineswegs scharf hervortreten.

Um das Spectrum auf dem Schirme lichtstärker und die Streifen schärfer zu erhalten, kann man verfahren, wie Fig. 675 angedeutet ist. Der Schirm mit dem zweiten Spalte, der in Fig. 674 vor dem Prisma stand, wird entfernt und dicht hinter dem Prisma eine Linse von 3 bis 10 Fuss Brennweite aufgestellt, welche das von dem Prisma divergirende Strahlenbündel auffängt. Stellt man nun den Schirm ab in solcher Entfernung von der Linse auf, dass ein scharfes Bild des Spaltes entstehen würde, wenn nur vollkommen homogenes Licht durch denselben eindränge, so erhält man ein brillantes Spectrum mit scharfen Linien.

Die Linse l kann, ohne den Erfolg zu stören, auch statt an der in Fig. 675 bezeichneten Stelle unmittelbar vor das Prisma gesetzt werden.

Die dunklen Streifen im Spectrum wurden zuerst von Wollaston beobachtet und in den Philos. Transactions von 1802 beschrieben, später aber von Fraunhofer, dem jene Beobachtung unbekannt geblieben war, genauer untersucht (Denkschriften der Münchener Akademie der WissenFig. 676.



schaften 5. Band, 1814 und 181 Letzterem werden die dunklen I Spectrum gewöhnlich die Fraus schen Linien genannt.

Fraunhofer's Verfahren za achtung der dunklen Linien im war von dem eben beschriebene chend; er stellte das Spectrum i einem Schirm dar, sondern er bee es durch ein Fernrohr, welches bar hinter dem Prisma aufgestellt dass das Fernrohrobjectiv die Prisma divergirend austretenden auffängt. Bei gehöriger Einstell Fernrohroculars sieht man die hofer'schen Linien nicht allein schärfer, sondern auch weit zahlrei bei objectiver Darstellung des Spect einem Papierschirm. Während m das objective dargestellte Spectr einmal übersehen kann, so überbli bei der Fernrohrbeobachtung auf nur einen kleinen Theil des Spectrus das Fernrohr einigermaassen stark sert. Man muss alsdann dasselb verschieben, um nach der Beohncht Linien im violetten und blauen L der Beobachtung der Streifen überz welche sich in der gelben und rotl tie des Spectrums befinden.

Die dunklen Linien sind unrege
über das ganze Spectrum verbreitet,
dieser Streifen sind sehr fein und
nen als isolirte, kaum sichtbare s
Linien, andere hingegen liegen e
sehr nahe und gleichen eher einem s
als getrennten Linien; endlich j
einige, welche bei etwas bedem
Ausdehnung sehr scharf und besti
scheinen. Um mitten in dieser
rung einige feste Punkte zu habs
Fraunhofer acht Streifen ausgewier mit A, B, C, D, E, F, G und
zeichnete, welche den doppelten
bieten, dass sie leicht zu erkenn

see die durch sie im Spectrum gemachten Abtheilungen nicht gar zu unleich sind. Zwischen B und C liegen nach Fraunhofer's Beobachtunm 9 feine scharfe Linien, von C bis D zählte er ungefähr 30, von D bis E 84, von E bis F mehr als 76, unter denen sich drei der stärkten im ganzen Spectrum befinden, von F bis G 185, von G bis H 190. Seemmen also von B bis H 574. A, B und C liegen im Roth, D im lange, E am Uebergange von Gelb in Grün, F am Uebergange zwischen lein und Blau, G im Indigo, H im Violett.

Mit Prismen von Flintglas oder Schwefelkohlenstoff, die einen grossen schenden Winkel haben, kann man die stärkeren Streifen schon mit been Augen sehen.

Das Licht der Venus giebt dieselben Streifen wie das Sonnenlicht.

F sind sie weniger leicht zu unterscheiden; das Licht des Sirius end
giebt ebenfalls dunkle Streifen, die aber von denen der Sonne und

Planeten ganz verschieden sind; besonders bemerklich sind deren drei,

Fr im Grün und zwei im Blau.

Andere Sterne erster Grösse scheinen Streifen zu geben, die von

Messung der prismatischen Ablenkung. Um nach den in 235 k27 entwickelten Formeln den Brechungsexponenten einer Substanz betreen zu können, muss man den brechenden Winkel eines aus ihr geferten Prismas und die Ablenkung der Strahlen kennen, welche es hervortet; und zwar entweder für den Fall des Minimums der Ablenkung für den Fall, dass die Strahlen das Prisma rechtwinklig zur Austsfäche verlassen.

Die verschiedenen Farben des Spectrums erleiden durch das Prisma Beich grosse Ablenkungen, die sich aber nicht mit Genauigkeit messen ven, weil eben diese Farben nicht scharf begränzt sind, sondern allmäin einander übergehen. Erst durch die Entdeckung der Fraunhofer'en Linien wurden feste Punkte gewonnen, welche eine genaue Einstelg und Messung möglich machten.

Um das Minimum der Ablenkung für die hauptsächlichsten dunklen tien des Spectrums mit Genauigkeit messen zu können, wandte Fraun-Fer ein Theodolit an und stellte das Prisma vor dem Objectiv seines Errohrs ungefähr in der Weise auf, wie es Fig. 677 und Fig. 678 (a.f. S.)

Vor der Aufstellung des Prismas wird das Fernrohr so gerichtet, dass m den Spalt, durch welchen das Licht in das dunkle Zimmer einfällt. Elich durch dasselbe sieht und dass das Fadenkreuz des Fernrohrs gele auf denselben eingestellt ist. In Fig. 678 sei ba die nach dem Spalt Eichtete Visirlinie. Bei dieser Stellung des Fernrohrs wird der Nonius Erelesen.

Nun wird das Prisma auf einer vor dem Objectiv des Fernrohrs besigten Platte aufgestellt (Fig. 677 erläutert, wie diese Platte angebracht ist; in Fig. 678 ist die Vorrichtung zum Festhalten des Prismas weggelassen) und das Fernrohr mit der Alhidade um die verticale Axe des Theo-

Fig. 677.



dolits, das Prisma aber um seine eigne verticale Axe gedreht, bis eine bestimmte dunkle Linie des Spectrums bei dem Minimum der Ablenkung gerade durch den verticalen Faden des Fadenkreuzes gedeckt ist.

Wird alsdann der Nonius abermals abgelesen, so giebt die Differenz der beiden Ablesungen den Winkel,





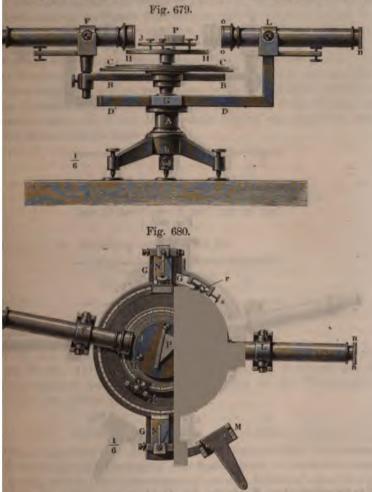
welchen jetzt die Fernrohraxe cd mit ihrer ursprünglichen Lage ab macht. Der so gefundene Winkel ist das gesuchte Minimum der Ablenkung für die beobachtete dunkle Linie, wenn der Spalt so weit vom Theodolit entfernt ist, dass man den auf das Prisma fallenden Strahl ns als parallel mit ab betrachten kann. Ist dies nicht der Fall, so muss man zu dem Winkel cmb noch den Winkel addiren, welchen ns mit ab macht.

Bei diesem Verfahren ist der Umstand störend und unbequem, dass mit jeder Drehung des Fernrohrs auch das Prisms verstellt und gedreht wird. Viel bequemer ist es, wenn das Prisma in der Axe des getheilten Kreises aufgestellt wird, wie dies bei dem bereits auf Seite 517 besprochenen Goniometer von Babinet möglich

ist, welches sich aus diesem Grunde sehr gut zu Spectraluntersuchungen

n Träger für das Rohr L; der nach Aussen breiter werdende Arm nt als Gegengewicht für D und L.

hie zu D und D' rechtwinkligen Arme G und G' (der nach vorn tete Arm G ist im Aufriss als abgeschnitten dargestellt) endigen er Arm D mit verticalen Schenkeln, welche bis zur Höhe des ten Kreises C hinaufgehen und als Träger der Nonien N und N'



Die Nonien N und N' behalten also unverändert ihre Stellung ährend der getheilte Kreis und mit ihm das Fernrohr F um die Axe des Instrumentes gedreht wird.

ittelst der Klemmschraube r kann man den getheilten Kreis festund mittelst der Mikrometerschraube s eine feinere Einstellung en. Der Zapfen ab ist auch nach Oben konisch verjüngt und a sitzt, mittelst einer Messinghülse um denselben drehbar, ein zwe theilter Kreis H, auf welchem mittelst dreier Schrauben das Tisc steht. Auf dieses Tischlein endlich wird das Prisma P aufgesetzt.

Mit dem Babinet'schen Goniometer sowohl, wie auch m Meyerstein'schen Spectrometer kann man zunächst ganz m

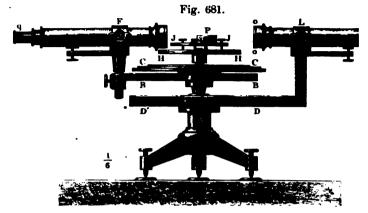
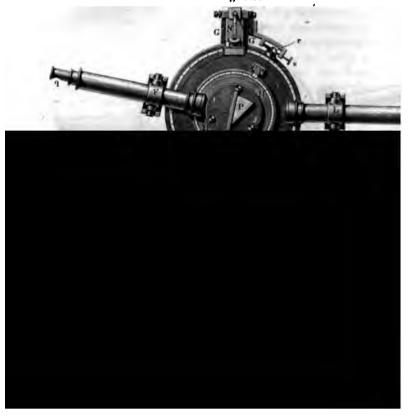


Fig. 682.



den Spalt eingestellt und den Nonius abgelesen hat, wird das Prisma P aufgesetzt und dann abwechselnd der Kreis C mit dem Fernrohr F, mit dem Kreise H und dem Prisma gemeinschaftlich, dann aber wieder, nachdem der Kreis C festgestellt worden ist, der Kreis H mit J und P allein gedreht, bis man es dahin gebracht hat, dass bei dem Minimum der durch das Prisma hervorgebrachten Ablenkung die zu bestimmende Fraunhofer'sche Linie gerade am verticalen Faden des Fadenkreuzes erscheint. Wird nun abermals der Nonius abgelesen, so ergiebt sich das Minimum der Ablenkung für die fraglichen dunklen Linien als Differenz der beiden Ablesungen.

Bei einem derartigen Versuch ergab die Ablesung des Nonius 2° 7′, als das Fernrohr auf die Spalte eingestellt war. Nachdem nun ein Flintglasprisma aufgesetzt worden war, dessen brechender Winkel 35° betrug, und das Fadenkreuz bei dem Minimum der Ablenkung der Reihe nach auf die dunklen Linien G, F und D eingestellt worden war, ergab die Ablesung des Nonius für die Linie

D	F	G		
23° 41′ 30″	240 6' 30"	24° 27′ 10″		

das Minimum der Ablenkung war demnach für

D	$oldsymbol{F}$	G
210 34′ 30″	21° 59′ 30″	220 20' 10"

Setzt man nun in Gleichung 2), S. 560, g=35 und für D der Reihe nach die Werthe 21° 34′ 30″, 21° 59′ 30″ u. s. w., so ergiebt sich als Brechungsexponent der fraglichen dunklen Linien für die Flintglasmasse, aus welcher das Prisma verfertigt war,

$$\begin{array}{cccc} D & F & G \\ 1,5760 & 1,5865 & 1,5953. \end{array}$$

Wenn man nicht über ein Local verfügen kann, welches eine hinlängliche Entfernung des Instrumentes vom Spalt erlaubt, so wird das zweite Rohr L, Fig. 681 und 682 (oder wenn man mit dem Babinet'schen Goniometer operirt das Rohr L Fig. 584, Seite 517), in Anwendung gebracht, an dessen einem Ende bei o eine Fernrohr-Objectivlinse angeschraubt ist, während sich am andern Ende statt des Oculars ein Spalt befindet, welcher nach Belieben enger und weiter gestellt werden kann und welcher gehörig vertical gerichtet und in die Brennweite der Linse o eingestellt werden muss. Wenn man nun das Instrument ganz nahe bei dem Spiegel

des Heliostats so aufstellt, so werden die durch die Spalte n in das Rohr L eintretenden Strahlen als ein paralleles Bündel aus dem Objectiv austreten, als ob sie von einem weit entfernten Spalt herkämen.

Das Fernrohr F wird nun zunächst so aufgestellt, dass seine Axe in die Verlängerung der Axe des Rohres L fällt und dass das scharfe Bild des Spaltes am verticalen Faden des Fadenkreuzes erscheint. Der fernere Gang der Beobachtung ist alsdann ganz der oben angegebene.

Die Einstellung auf das Minimum der Ablenkung hat aber das Unangenehme, dass man sie nur durch fortgesetztes Probiren zu Wege bringen kann, indem man abwechselnd an der Stellung des Kreises C mit dem Fernrohr und Prisma, dann wieder an der Stellung des Kreises H mit dem Prisma allein corrigiren muss.

Diese Unannehmlichkeit hat Meyerstein dadurch vermieden, dass er nicht das Minimum der Ablenkung in Anwendung bringt, sondern dass er die Strahlen rechtwinklig zur zweiten Fläche des Prismas austreten lässt. Es wird also zunächst durch Drehung des Kreises H, Fig. 682, das Prisma so gestellt, dass seine dem Fernrohr F zugekehrte Fläche rechtwinklig auf der Axe dieses Fernrohrs steht. Alsdann wird durch Anziehen der Schraube t (welche sammt Zugehör im Aufriss, Fig. 681, weggelassen ist) der Kreis II mit C fest verbunden und dann beide sammt Prisma und Fernrohr um die verticale Axe des Instrumentes gedreht, bis die zu bestimmende Fraunhofer'sche Linie am Fadenkreuz des Fernrohrs erscheint.

Um die dunklen Linien im Spectrum durch das Fernrohr zu sehen, ist es nicht nöthig, dass Sonnenlicht direct auf den Spalt falle; es genügt helles diffuses Tageslicht.

Es bleibt nur noch zu erklären übrig, wie die Austrittsfläche des Prismas rechtwinklig zur Axe des Fernrohrs F gestellt wird.

Meyerstein's Spectrometer kann auch als Goniometer gebraucht werden. Zu diesem Zweck wird das Fernrohr F, Fig. 681, auf den Träger M gelegt, welcher mit den Armen D und also auch mit der Säule A fest verbunden ist; der Träger aber, auf welchem das Fernrohr F bei Spectralbeobachtungen liegt, wird entfernt. Der Krystall oder das Prisma, an welchem der Winkel gemessen werden soll, welchen zwei Flächen mit einander machen, wird auf das Tischlein J so aufgestellt, dass die Kante, in welcher die beiden fraglichen Flächen zusammenstossen, vertical steht. Alsdann wird der Kreis C mit allem was seine Axe trägt gedreht, bis man durch das Fernrohr F das Spiegelbild des Spaltes n in einer der beiden Krystallflächen sieht: nachdem man das Fadenkreuz des Fernrohrs F genau auf das Spiegelbild des Spaltes eingestellt hat, wird der Nonius abgelesen und dann der Kreis C gedreht, bis das Spiegelbild des Spaltes n in der andern Fläche ebenfalls auf das Fadenkreuz eingestellt ist, und abermals der Nonius abgelesen. Zieht man den Unterschied der beiden Nonienablesungen von 180° ab, so erhält man den Winkel, welchen die beiden fraglichen Flächen mit einander machen.

Brechungsexponenten der verschiedenen Strahlen des 245 Spectrums. Die Bestimmung des Brechungsexponenten der verschiedenfarbigen Strahlen ist für die Theorie der Optik sowohl, wie für die Construction der optischen Instrumente von der höchsten Wichtigkeit. Die Unveränderlichkeit der Streifen im Spectrum macht nun diese Bestimmung ungleich genauer, als es bis dahin möglich war, da man nur auf die nicht scharf begränzten Nüancen einstellen konnte. Statt nun den Brechungsexponenten der rothen, der gelben, der grünen u. s. w. Strahlen zu ermitteln, bestimmt man jetzt die Brechungsexponenten der mit B, C, D, E, F, G und H bezeichneten Streifen nach den oben erläuterten Methoden.

Die folgende Tabelle enthält die Resultate einiger sehr genauen Versuche von Fraunhofer.

Brechende Sub- stanzen.	В	C	D	E	F	G	Н
Flintglas Nr. 13	1,627749	1,629681	1,635036	1,642024	1,648260	1,660285	1,671062
Crownglas Nr. 9.	1,525832	1,526849	1,529587	1,533005	1,536052	1,541657	1,546566
Wasser	1,330935	1,331712	1,333577	1,335851	1,337818	1,341295	1,344177
Terpentinöl	1,470496	1,471530	1,474434	1,478353	1,481736	1,488198	1,493874
Flintglas Nr. 3	1,602042	1,603800	1,608494	1,614532	1,620042	1,630772	1,640373
Flintglas Nr. 30 .	1,623570	1,625477	1,630585	1,637356	1,643466	1,655406	1,666072
Crownglas Nr. 13	1,524312	1,525299	1,527982	1,531372	1,534337	1,539908	1,544684
Crownglas Lit M.	1,554774	1,555933	1,559075	1,563150	1,566741	1,573535	1,579470
Flintglas Nr. 23 .	1,626596	1,628469	1,633667	1,640945	1,646756	1,658848	1,669686

Eine Reihe sehr genauer Messungen über die Brechungsverhältnisse der wichtigsten Fraunhofer'schen Linien in verschiedenen Körpern hat Baden-Powel gemacht (Pogg. Annal. Bd. LXIX, S. 110). Die folgende Tabelle enthält einige der von ihm gewonnenen Resultate.

,	В	c	D	E	. F	G	Н
Cassiaöl	1,5945	1,5979	1,6073	1,6207	1,6358	1,6671	1,7025
Schwefelkohlenstoff	1,6182	1,6219	1,6308	1,6439	1,6555	1,6799	1,7020
Anisôl	1,5486	1,5508	1,5572	1,5659	1,5743	1,5912	1,6084
Kreosot	1,5320	1,5335	1,5383	1.5452	1,5515	1,5639	1,5744
0,815 bei 18,6° C	1,3628	1,3633	1,3654	1,3675	1,3696	1,3733	1,3761
Steinsalz	1,5403	1,5415	1,5448	1,5498	1,5541	1,5622	1,5691

Die Brechungsexponenten von Salzlösungen weichen nicht bedeutend von denen des reinen Wassers ab, wie man aus der folgenden, ebenfalls den Resultaten von Baden-Powel entnommenen Tabelle sieht.

	В	C	D	E	F	G	Н
Wasser	1,3310	1,3320	1,3336	1,3357	1,3380	1,3412	1,3448
Lösung von Salmiak	1,3499	1,3508	1,3529	1,3552	1,3575	1,3617	1,3650
" " Salpeter	1,3457	1,3468	1,3487	1,3510	1.3533	1,3586	1,3608
Bittersalz	1.3434	1.3442	1.3462	1,3486	1,3504	1.3540	1.3570

Nach den Versuchen von Dale und Gladstone (Phil. Magaz. Ser. IV, T. XVII, p. 222) sind Folgendes die zusammengehörigen Werthe der Temperatur und der Brechungsexponenten von Wasser und Schwefelkohlenstoff für die Fraunhofer'schen Linien A, D und H.

Wasser.

Temperatur	nperatur Brechungs- Brechungs- index für A index für I		Brechungs- index für <i>H</i>	Länge des Spectrums	
. 0	1,3293	1,3330	1,3438	0,0145	
10 '	1,3288	1,3327	1,3434	0,0146	
20	1,3279	1,3320	1,3427	0,0148	
40	1,3257	1,3297	1,3405	0,0148	
80	1,3178		1,3321	0,0143	

Schwefelkohlenstoff.

0	1,6217	1,6442	1,7175	0,0958
10	1,6144	1,6346	1,7081	0,0937
20	1,6076	1,6261	1,6993	0,0917
30	1,5995	1,6180	1,6896	0,0901
42	1,590	1,6083	1,6778	0,0878

Unter Länge des Spectrums ist hier die Differenz der Brechungsexponenten der Linie A und H verstanden.

Aus wie viel Farben besteht das Spectrum? Newton 237 unterschied im Spectrum sieben Hauptfarben, ganz in der Weise, wie es im §. 231 dargestellt worden ist. — Diese Anschauungsweise hat jedoch von manchen Seiten Widerspruch erfahren, und namentlich hat man dagegen die Behauptung aufgestellt, dass es eigentlich nur drei Hauptfarben gebe, nämlich Roth, Gelb und Blau, und dass das Orange im Spectrum aus einem Uebereinandergreifen des Gelb und Roth, das Grün aus einem Uebereinandergreifen von Blau und Gelb, das Violett aus einer Mischung von Roth und Blau entstände.

Einer solchen Anschauungsweise müssen wir nun mit voller Entschiedenheit entgegentreten, obgleich sich unter ihren Vertretern auch Brewster befindet, ein Mann, dessen grosse Verdienste um die Wissenschaft allgemein anerkannt sind. Wir müssen aber dieser Brewster'schen Ansicht entgegentreten, weil sie ganz unnöthigerweise alle unsere Vorstellungen über das Wesen des Lichtes verwirrt und an die Stelle der scharfen Definition, welche die Vibrationstheorie von der Farbe der Lichtstrahlen giebt, einen

vagen Begriff setzt, welcher die ganze Farbenlehre einer streng mathematischen Behandlungsweise entziehen würde.

Die Farbe eines Strahls hängt auf das Innigste mit seinem Brechungsexponenten und, wie wir bald sehen werden, mit seiner Wellenlänge zusammen. Für das Flintglas, welches in obiger Tabelle als Nr. 13 aufgeführt wird, ist der Brechungsexponent der äussersten rothen Strahlen ungefähr 1,624; der Brechungsexponent für den an der Gränze von Orange stehenden Streifen C aber ist 1,629. Obgleich wir nun die Farbe aller Strahlen, welche im Spectrum zwischen den Streifen A und C auffallen, als "Roth" bezeichnen, so haben diese Strahlen streng genommen doch keineswegs gleiche Farbe; das Roth, welches in der Nähe von C auffällt, ist ein anderes als das in der Nähe von B, das bei B wieder ein anderes als das bei A Kurz wir haben eigentlich im Spectrum von den Streifen A bis B eine unendliche Anzahl verschiedener Farben, da ja der Brechungsexponent derselben allmälig fortschreitend alle Zwischengrössen von 1,624 bis 1,671 durchläuft.

Für die fragliche Flintglassorte ist der Brechungsexponent der mittleren geüben Strahlen 1,638; der Brechungsexponent der mittleren grünen Strahlen ist 1,645 und der der mittleren blauen ist 1,654, und wir werden später sehen, dass diese ungleiche Brechbarkeit auße engste mit der verschiedenen Wellenlänge der Strahlen zusammenhängt. Die Wellenlänge der mittleren gelben Strahlen beträgt 0,00056^{mm}, die der mittleren grünen beträgt ungefähr 0,00051^{mm}, die der mittleren blauen ungefähr 0,00045^{mm}. Es sind also die mittleren grünen Strahlen durch eine bestimmte Wellenlänge, also durch eine bestimmte Schwingungsdauer, gerade ebenso charakterisirt, wie ein bestimmter Ton der Musik, und wir können nicht sagen, dass das Grün des Spectrums eine Mischung von Blau und Gelb sei, so wenig wir sagen werden, dass der Ton d eine Mischung von e und eint

Von dem Verhältniss der Dispersion in verschiedenen 247 Mitteln und den zerstreuenden Kräften. Wenn man mit Aufmerksamkeit die Spectra untersucht, welche durch Prismen verschiedener Substanzen erzeugt werden, so sieht man bald, dass die Farben, obgleich in derselben Ordnung auf einander folgend, doch nicht proportionale Längen einnehmen. Ein Flintglasprisma z. B. giebt verhältnissmässig weniger Roth und mehr Blau und Violett, als ein Prisma von Crownglas.

Die Trennung der verschiedenfarbigen Strahlen durch die Brechung wird mit dem Namen der Dispersion, der Zerstreuung des Lichtes, bezeichnet; ein Stoff ist um so stärker farbenzerstreuend, je grösser die Differenz zwischen dem Brechungsexponenten der rothen und der violetten Strahlen ist. So ist z. B. nach den vorhergehenden Angaben Folgendes die Differenz zwischen den Brechungsexponenten der Streifen B und H.

Flintgla	s l	Ŋr.	13					0,043313
Crowng	as	Nr	. 9					0,020734
Wasser								0,013242
Terpent	inë	il						0,023378
Cassiaöl								0,108
Schwefel	lko	hle	nst	off				0,084
Anisöl								0,060
Kreosot								0,042

Das Wasser besitzt also unter allen diesen Substanzen die schwächste Dispersion, das Cassiaöl die grösste.

Eine für Vorlesungsversuche sehr geeignete Flüssigkeit von stark zerstreuender Kraft ist auch das Benzol, sein Brechungsexponent ist ungefähr 1,48 für die äussersten rothen und 1,52 für die äussersten violetten Strahlen.

Wenn man die totale Dispersion, d. h. den Unterschied zwischen den Brechungsexponenten der äussersten Strahlen oder der Streifen B und H, für irgend eine Substanz kennt, so sind damit die übrigen Verhältnisse des Spectrums noch nicht gegeben; um diese zu kennen, muss man noch wissen, welches der Unterschied zwischen den Brechungsexponenten der Streifen B und C, C und D u. s. w. ist. So sind z. B. die Unterschiede zwischen dem Brechungsexponenten von B und C für Flintglas 0,001932, für Crownglas 0,001017, für Wasser 0,000777.

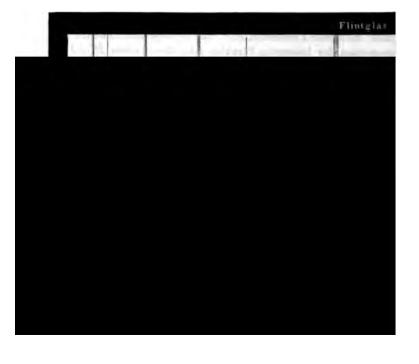
Wenn man die partielle oder totale Dispersion einer Substanz durch die entsprechende Dispersion einer andern Substanz dividirt, so erhält man das Verhältniss der Dispersion für diese beiden Substanzen. Auf diese Weise ist aus der Tabelle Seite 603 die folgende berechnet.

Tabelle des Verhältnisses der partiellen Dispersion mehrere Substanzen.

Brechende Substanzen	C'-B'	D-C D'-C'	$\frac{E \cdot D}{E' \cdot D'}$	$F \cdot E \over F' \cdot E'$	G G'
Flintglas Nr. 13 und Wasser Flintglas Nr. 13 und Crown-	2,562	2,871	3,073	3,193	3,
glas Nr. 9	1,900	1,956	2,044	2,047	2,
Crownglas Nr. 9 und Wasser	_		1,503	1,560	1,
Flintglas Nr. 13 und Terpentinöl	1,868	1,844	1,883	1,843	1,:
Flintglas Nr. 3 und Crownglas Nr. 9	1,729	1,714	1,767	1,808	1,
Crownglas Nr. 13 und Wasser	1,309	1,436	1,492	1,518	1,1

Aus dieser Tabelle ersieht man, dass nicht allein die zer Kräfte verschiedener Körper sehr ungleich sind, sondern auch, da sprechenden partiellen Dispersionen verschiedener Substanzen nic Theile des Spectrums in gleichem Verhältniss stehen. So ist Differenz der Brechungsexponenten von B und C im Flintglas die Differenz der Brechungsexponenten von G und H aber 3, gross als die entsprechende Differenz für Wasser.

Um von der Verschiedenheit der zerstreuenden Kräfte klare Vorstellung zu erhalten, müssen wir die Spectra verschied stanzen mit einander vergleichen. In Fig. 684 mag der unters Fig. 684.



n Prisma aus Crownglas verfertigt, würde nun bei gleicher Ableninie B ein breiteres, durch den mittleren Streifen dargestelltes ben; aber nicht alle einzelnen Abtheilungen dieses Spectrums sind n Verhältnisse gewachsen, wie das ganze Spectrum. Während aprisma FB = FH, ist beim Crownglasprisma FB etwas FH; bei dem Crownglasprisma ist also das rothe und gelbe Spectrums im Vergleich gegen das blaue und violette weniger als beim Wasserprisma. In der That ist die Entfernung von C ungefähr die Breite des Orange, beim Crownglasprisma 1,349mal beim Wasserprisma, während die Entfernung von C bis C0 bis C1 bis C2 beim Crownglasprisma 1,349mal so gross ist als für Wasser.

unffallender sind die Unterschiede zwischen dem Spectrum eines de Flintglasprismas bei gleicher Ablenkung der Linie B. In zur stellt der oberste Streifen das Spectrum des Flintglasprisman sieht, dass es bedeutend länger ist als das Spectrum des aas, dass aber auch hier, wie bei Crownglas, die Entfernung zum rothen Ende im Vergleiche zu der Entfernung von F bis en Ende kleiner ist als beim Wasser. Die Entfernung B C tglas 2,562mal, G H aber 3,726mal so gross als die entspreernung für das Wasserprisma.

rstreuende Kraft einer Substanz ist der Quotient, welchen wenn man seine totale Dispersion durch den um 1 vermindergsexponenten der mittleren Strahlen dividirt. Man nimmt für in Brechungsexponenten gewöhnlich den des Streifens E.

Achromatismus. Man nennt Prismen achromatisch, wenn 239 nschaft haben, die Lichtstrahlen abzulenken, ohne sie zugleich m zerlegen; achromatische Linsen sind solche, für welche mkte der verschiedenfarbigen Strahlen genau zusammenfallen. die Gegenstände frei von allen farbigen Rändern zeigen. Man Zeit den Achromatismus für unmöglich, d. h. man glaubte. cht ohne Zersetzung nicht abgelenkt werden könnte. Newton kdiese Ansicht, weil er glaubte, dass die Dispersion stets der Taft der Körper proportional sei. Die Möglichkeit oder Undes Achromatismus war lange Zeit der Gegenstand von Disthen den ausgezeichnetsten Gelehrten, wie Euler, Clairault hert. In der That hat Hell schon im Jahre 1733 wirkliche Fernröhre construirt, allein er publicirte seine Erfindung ad gelang es, im Jahre 1757 achromatische Linsen zu con-Veröffentlichte sein Verfahren und sicherte sich dadurch den · Entdeckung, welcher für die Astronomie ein Ereigniss von 1 Wichtigkeit war.

des sind die Principien, auf denen die Construction achromamen und Linsen beruht.

man zwei Prismen A und B, Fig. 685 (a. f. S.), so zusammenstellt,

dass die brechenden Kanten nach entgegengesetzten Seiten gerichtet sind, so wird das eine die Wirkungen des andern mehr oder weniger vollständig

Fig. 685.



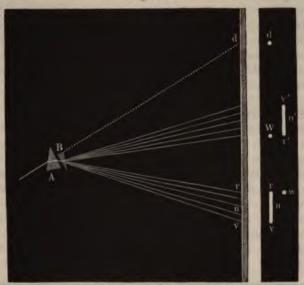
ausheben. Die durch A hervorgebrachte Farbenzerstreuung wird offenbar durch das Prisma B aufgehoben werden, wenn jedes der beiden Prismen für sich allein ein eben so breites Spectrum giebt als das andere; denn in diesem Falle ist die Wirkung des Prismas B, in Beziehung auf die Farbenzerstreuung, der des Prismas A genau gleich und entgegengesetzt.

Wenn die Dispersion wirklich dem Brechungsvermögen proportional wäre, wie dies Newton

meinte, so könnten zwei Prismen von verschiedenen Substanzen nur dam gleiche Spectra geben, wenn auch die durch das eine hervorgebrachte Ablenkung der des andern gleich ist; wenn also zwei solcher Prismen in der Art, wie Fig. 685 zeigt, zusammengestellt sind, so würde durch dieses System freilich die Farbenzerstreuung, mit dieser aber auch zugleich die Ablenkung aufgehoben werden.

Nun aber haben, wie bereits erwähnt wurde, spätere genaue Versuchgezeigt, dass Newton's Meinung in diesem Punkte irrig war; so ist z. B. die Dispersion im Flintglase bedeutend grösser als beim Crownglase, während doch die mittleren Brechungsexponenten beider Glassorten nicht seschr verschieden sind; bei gleicher Ablenkung ist ja das Spectrum eines Flintglasprismas ungefähr doppelt so gross als das eines Crownglasprismas.

Damit beim Minimum der Ablenkung das Spectrum eines Crownglasprismas und das eines Flintglasprismas gleich breit seien, muss also der brechende Winkel des letzteren ungefähr halb so gross sein wie der des das Flintglasprisma B, welches bei geringerer Ablenkung ein eben so breites Spectrum zu erzeugen im Stande ist als A. — Fiele nun, von dem ersten Prisma ausgehend, in der Richtung nach r hin ein weisses Strahlenbündel auf das Prisma B, welches ohne Unterbrechung fortgehend in r ein weisses Sonnenbildchen w erzeugt haben würde, so würde dieses Fig. 686.



weisse Strahlenbündel durch das Prisma B in ein Spectrum r' v' verwandelt worden sein, welches bei entgegengesetzter Ordnung der Farben genau dem Spectrum r v gleich ist. Durch das Prisma B werden also die rothen Strahlen um w r', die grünen um w n', die violetten um w v' von dem Punkte abgelenkt, in welchem sie ohne dieses zweite Prisma die Wand getroffen hätten.

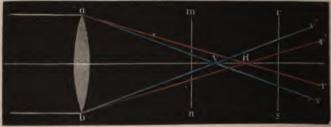
Nun aber fällt auf das Prisma B ein divergirendes Strahlenbündel; die rothen Strahlen gehen nach r, die grünen nach n, die violetten nach v, und alle diese Strahlen werden um die eben angegebene Grösse abgelenkt. Die rothen Strahlen, welche ohne Dazwischenkunft des Prismas B nach r gelangt wären, werden nun in einem um den Abstand w r' höheren Punkte, also in W, die Wand treffen. Die violetten Strahlen, welche ohne das Prismas B nach v gelangt wären, werden durch den Einfluss des Prismas B um w v' nach oben gelenkt, und da Wv = w v', so werden also die violetten Strahlen auf denselben Punkt W fallen, in welchem auch die rothen Strahlen eintreffen. An dieselbe Stelle fallen aber auch die grünen Strahlen, da w n' = Wn; eben so die gelben, blauen u. s. w., kurz alle Strahlen, welche ohne Dazwischenkunft des zweiten Prismas B das Spectrum r v gebildet haben würden, werden durch das Prisma B in W vereinigt, es muss also hier ein weisses Sonnenbildehen entstehen.

Das ursprünglich nach d hin gerichtete weisse Strahlenbündel wird also durch die combinirten Prismen in der Art abgelenkt, dass bei W wieder ein farbloses Sonnenbildchen entsteht.

Wenn das Bildchen W absolut farblos, wenn ein vollkommener Achromatismus möglich sein sollte, so müsste die Vertheilung der Farben im Spectrum des ersten Prismas genau dieselbe sein wie im Spectrum des zweiten. Diese Bedingung ist, wie man aus der Tabelle auf Seite 606 sehen kann, für Flintgas Nr. 13 und Terpentinöl fast vollständig erfallt; aus diesen beiden Substanzen könnte man also sehr nahe vollkommen achromatische Prismen construiren. Für Prismen von Crownglas und Flintglas ist der Angabe des §. 238 zufolge kein vollständiger Achromatismus möglich.

Achromatische Linsen. Eine jede einfache Linse, aus welchem Stoffe sie auch gebildet sein mag, wird für jede andere Strahlenart auch einen anderen Brennpunkt haben, weil die Brechungsexponenten der verschiedenfarbigen Strahlen nicht gleich sind. Der Brennpunkt der stärker brechbaren violetten Strahlen liegt dem Glase näher als der Brennpunkt der rothen Strahlen. Fällt also ein Bündel weisses Licht parallel mit der Axe auf eine Convexlinse ab, Fig. 687, so werden die violetten Strahlen in V, die rothen in R vereinigt. Fängt man den aus der Linse austretenden Strahlenkegel auf einem Schirm auf, so sieht man einem beleuchteten Kreis mit gelbem und rothem Saume, wenn der Schirm zwi-

Fig. 687.



schen V und dem Glase, etwa bei m n steht; der helle Kreis erscheint dagegen von einem blauen Saume umgeben, wenn der Schirm sich jenseits R, etwa in r s befindet, weil vor V die rothen und gelben, hinter R die blauen und violetten Strahlen die äussersten des ganzen Strahlenkegebsind.

Die ungleiche Brennweite verschiedenfarbiger Strahlen lässt sich am sehr schön auf folgende Weise zeigen. In einem dunklen Schirme, Fig. 688, wird eine runde Oeffnung angebracht, die zur Hälfte mit einem rothes zur Hälfte mit einem blauen Glase verschlossen ist. Auf jeder Hälfte is ein kleiner schwarzer Pfeil aufgemalt, und das Ganze wird von hinten durch die Flamme einer Argand'schen Lampe erleuchtet, so dass man

einen schwarzen Pfeil auf rothem, und einen zweiten auf blauem Grunde sieht. Von diesem Object wird nun durch eine Flintglaslinse, deren Brenn-

Fig. 688.



weite ungefähr 2 Fuss beträgt und welche ungefähr 6 Fuss von dem Gegenstande entfernt ist, ein Bild entworfen und dieses auf einem Papierschirm aufgefangen. Stellt man nun den Schirm so ein, dass der Pfeil auf blauem Grund scharf erscheint, so sind die Umrisse des andern verwischt. Man muss den Schirm von der Linse entfernen, damit der Pfeil auf rothem Grunde scharf wird.

Bei Convexlinsen von Crownglas beträgt die Entfernung des Brennpunktes der rothen und des Brennpunktes der violetten Strahlen ungefähr $\frac{1}{40}$, bei Flintglaslinsen beträgt diese Entfernung ungefähr $\frac{1}{20}$ der Brennweite; in Fig. 687 ist also die Wirkung der Farbenzerstreuung der

Deutlichkeit halber sehr übertrieben.

Der eben besprochene Umstand beeinträchtigt aber die Reinheit und Schärfe der Linsenbilder bedeutend, und deshalb ist die Construction achromatischer Linsen für die praktische Optik eine Aufgabe von der höchsten Wichtigkeit.

Achromatische Linsen werden in der Regel durch Combination einer Convexlinse von Crownglas mit einer Zerstreuungslinse von Flintglas hergestellt, Fig. 689, deren letztere eine Zerstreuungsweite Fig. 689, hat, welche nahe doppelt so gross ist als die Brennweite der erstren.

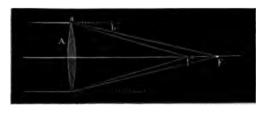
Wie durch eine solche Linsencombination die Farbenzerstreuung aufgehoben werden kann, lässt sich auf folgende Weise anschaulich machen.

Es sei A, Fig. 690, eine Sammellinse von Crownglas, von der wir annehmen wollen, ihre Wölbung sei gering genug, um die

wir annehmen wollen, ihre Wölbung sei gering genug, um die sphärische Aberration derselben als verschwindend betrachten zu können. F sei der Brennpunkt der rothen und F' sei der Brennpunkt der violetten Strahlen. Ein weisser Strahl, welcher parallel mit der Linsenaxe in a den Rand der Linse trifft, wird also

so gespalten, dass die in ihm enthaltenen, rothen Strahlen nach aF, die violetten aber nach aF' gebrochen werden. Der rothe Strahl erleidet

Fig. 690.



also eine Ablenkung b, der violette erleidet eine Ablenkung $b+\beta$, und zwar so, dass der violette Strahl der Axe um den Winkel β stärker gegen die Axe gebrochen wird als der rothe.

. Es sei ferner B, Fig. 691, eine Hohllinse von Flintglas, deren Zerstreuungsweite ungefähr doppelt so gross ist als die Brennweite von A. Wäre diese Hohllinse von Crownglas, so würde ein am Rande durchgehender rother Strahl um $^{1}/_{2}b$, der aus demselben einfallenden weissen Strahl herstammende Fig. 691.



violette um $^1/_2 b + ^1/_2 \beta$ abgelenkt werden. Da nun aber die Linse von Flintglas ist, dessen Zerstreuungsvermögen wir gerade doppelt so gross annehmen wollen als das des Crownglases, so ist der Winkel, welchen die zusammengehörigen rothen und violetten Strahlen mit einander machen, nicht $^1/_2 \beta$, sondern doppelt so gross, also gleich β .

Eine Randablenkung der rothen Strahlen um $^{1}/_{2}b$ entspricht also einer solchen von $^{1}/_{2}b+\beta$ der violetten und zwar werden die violetten Strahlen durch die Linse B um den Winkel β mehr von der Linsenaxe entfernt als die rothen.

Denken wir uns nun die Linse B in der Weise an die Linse A angesetzt, wie es Fig. 689 zeigt, so wird die Convergenz der die Sammellinse A verlassenden Strahlen durch die Hohllinse B vermindert.

Die am Rande der Linse A parallel mit der Axe auffallenden rothen Strahlen erleiden durch diese erste Linse eine Ablenkung b gegen die Linsenaxe hin; durch die Linse B werden sie um den Winkel $^{1}/_{2}$ b von ihr weggelenkt. Die Totalablenkung, welche die rothen Randstrahlen durch die Linsencombination erleiden, ist also

$$b - \frac{1}{2}b = \frac{1}{2}b$$
.

Die violetten Randstrahlen werden durch die Linse A gegen die Are hin um den Winkel $b+\beta$, durch die Linse B von der Axe weg um der Winkel $^{1}/_{2}b+\beta$ abgelenkt; die Totalablenkung der violetten Randstrahlen durch die Combination der beiden Linsen ist also

$$b+\beta-(1/2b+\beta)=1/2b$$
,

also gerade eben so gross wie die der rothen. Die rothen und vieletten Strahlen werden also am Rande der Linsencombination gleich stark abgelenkt, sie werden also in demselben Punkte die Axe schneiden oder mit anderen Worten, der Brennpunkt der rothen Randstrahlen fällt mit dem der violetten zusammen.

Was aber für den Rand der Linsencombination gilt, gift auch für die ganze Linse, da wir ja angenommen haben, dass die Krümmung

der Linse A gering genug sei, um die sphärische Aberration als verschwindend betrachten zu können. Die Linsencombination ist also eine achromatische, da ihre Brennweite für die verschiedenfarbigen Strahlen dieselbe ist.

Wir haben bei unserer Deduction angenommen, dass bei gleicher rechbarkeit der rothen Strahlen die Farbenserstreuung des Flintglases nam doppelt so gross sei als die des Crownglases. Dies ist nun in der nicht genau der Fall, weshalb denn auch für eine achromatische zenscombination das Verhältniss der Brennweite der Sammellinse und Zerstreuungsweite der Hohllinse etwas von dem oben angeführten verlieden sein muss. Wollte man z. B. aus dem Crownglase Nr. 9 (Tabelle Seite 601) und dem Flintglase Nr. 13 eine achromatische Linsencomination herstellen, so müsste die Zerstreuungsweite der Flintglas-Hohllinse 1,76mal so gross sein als die Brennweite der Crownglas-Sammellinse.

Eine eingehendere Behandlung dieses wichtigen Gegenstandes findet man in meinem "Supplementband zum Grundriss der Physik" Seite 169. Wir wollen hier nur noch auf einen Punkt aufmerksam machen.

Wenn die Spectra verschiedener Glassorten einander vollkommen proportional wären, so müsste eine Linsencombination, für welche der Brennpunkt der rothen Strahlen mit dem der violetten zusammenfällt, vollkommen achromatisch sein, d. h. derselbe Punkt wäre dann auch der Brennpunkt der gelben, grünen und blauen Strahlen. Nun aber haben wir in §. 238 gesehen, dass eine solche Proportionalität der Spectren verschiedener Substanzen nicht stattfindet, und deshalb ist auch ein vollkommener Achromatismus nicht möglich.

Hätte man z. B. eine Linsencombination hergestellt, welche so berechnet ist, dass der Brennpunkt für die Stellen des Spectrums zusammenfällt, welche den Fraunhofer'schen Linien B und H entsprechen, so würde der Brennpunkt für die Strahlen von D bis F der Linse etwas näher liegen. Berechnet man aber die Linsen so, dass die Brennpunkte für C und F vollkommen zusammen fallen, so werden alsdann die Brennpunkte für die Strahlen zwischen G und H merklich weiter von der Linse abstehen. Ein solches Linsensystem kann nun in der That optisch ein sehr gutes Bild geben, weil es für die leuchtendsten Strahlen des Spectrums, für die Strahlen von C bis F ziemlich vollständig achromatisirt ist und die Strahlen, deren Brennpunkt weiter von der Linse wegliegt, also die indigofarbenen und violetten, wegen ihrer geringen Leuchtkraft die Deutlichkeit des Bildes nicht merklich stören.

Wenn man aber ein Linsensystem der letzten Art in einer Camera obscura zur Herstellung photographischer Bilder anwenden will, so wird man kein scharfes Bild erhalten, wenn man optisch scharf eingestellt hat, weil ja der Brennpunkt der indigofarbigen und violetten Strahlen, welche die stärkste chemische Wirkung hervorbringen, merklich weiter von der Linse absteht als der Brennpunkt der leuchtendsten Strahlen, welche bei der

optischen Einstellung maassgebend sind. Mit einem solchen Linsensystem, dessen optischer Focus nicht mit seinem chemischen Focus zusammenfällt, kann man nur dadurch scharfe photographische Bilder erhalten, dass man nach der optischen Einstellung den Schirm etwas weiter von der Linse entfernt.

Um ein möglichst vollständiges Zusammenfallen des optischen und des chemischen Bildes zu erhalten, ist es am zweckmässigsten, das Linsensystem so zu berechnen, dass die Brennpunkte für D und H genau zusammenfallen.

Fünftes Capitel.

Die natürlichen Farben der Körper.

Die Farben durchsichtiger Körper. Die Farben, welche die 250 verschiedenen Körper der Natur zeigen, mögen nun dieselben durchgehendes oder zurückgeworfenes (zerstreutes) Licht ins Auge senden, sind niemals reine prismatische Farben, sondern sie sind stets mehr oder weniger aus verschiedenen einfachen Spectralfarben zusammengesetzt. Um dies nachzuweisen, hat man nur die fraglichen Farben mit Hülfe des Prismas zu zerlegen, was sich am einfachsten für die Farben durchsichtiger Körper ausführen lässt.

Man stelle zu diesem Zweck das Spectrum in der Weise dar, wie es in §. 234 beschrieben und durch Fig. 675 erläutert worden ist, und bringe alsdann dicht hinter den Spalt, durch welchen die Sonnenstrahlen in das dunkle Zimmer eintreten, den zu prüfenden durchsichtigen Körper, also etwa eine farbige Glasplatte oder eine zwischen parallele farblose Glasplatten eingeschlossene farbige Flüssigkeit, so wird alsbald ein Theil des vorher vollständigen Spectrums verschwinden und nur noch ein mehr oder weniger ausgedehnter Theil desselben sichtbar bleiben.

Fig. 692.



Bringt man z. B. dicht hinter den Spalt die schön blaue Lösung von schwefelsaurem Kupferoxydammoniak, so dass also nicht weisses, sondern blaues Licht auf das Prisma fällt, so verschwindet die weniger brechbare Hälfte des Spectrums, und es bleibt nur noch Blau, Indigo und Violet, wie dies Nr. 2 auf Tab. I. zeigt.

Um mit verschiedenen farbigen Flüssigkeiten diesen Versuch wiederholen zu können, giesst man sie in Gefässe, wie ein solches Fig. 692 dargestellt ist. Die Bodenfläche und die beiden schmalen Seitenflächen sind von Messingblech, die beiden breiten Seitenflächen sind durch aufgekittete Glasplatten gebildet. Um mit wässerigen Flüssigkeiten zu experimentiren, müssen die Glasplatten mit Schellack, um mit alkoholischen oder ätherischen Lösungen zu experimentiren, müssen sie mit Hausenblase aufgekittet sein. — Diese Gefässe werden dann auf einem entsprechenden Statif vor den Spalt gestellt.

Vertauscht man die Lösung des schwefelsauren Kupferoxydammonials mit einer Lösung von Berlinerblau in Oxalsäure, so bleibt von dem ganzen Spectrum nur noch der in Nr. 3 dargestellte Theil übrig, die Lösung des Berlinerblaus absorbirt also auch noch das violette Ende des Spectrum.

Der Spectralstreifen Nr. 4 stellt die Absorptionserscheinung dar, welche eine Lösung von schwefelsaurem Indigo hervorbringt; hier bleibt ausser dem Blau des ursprünglichen Spectrums auch noch ein Theil des Roth übrig; dieser hellrothe Streifen ist aber von dem Blau durch einen vollkommen dunklen Zwischenraum getrennt; die Indigolösung absorbirt also das äusserste Roth, und ferner Orange, Gelb, Grün, einen Theil des Indigo und Violet.

Daraus ergiebt sich nun auch, dass die Farbe der Indigosolution keineswegs mit der Farbe derjenigen Stelle im Spectrum identisch ist, welche man als "Indigo" bezeichnet, und welche man richtiger wohl nur "dunkelblau" nennen könnte.

Aehnliche Erscheinungen wie die Indigolösung zeigen auch eine Lösung von Chromalaun, von oxalsaurem Chromoxydkali Nr. 5 Tab. I (das sogenannte Brewster'sche Salz, weil Brewster seine optischen Eigenschaften zuerst untersucht hat). Dieses Spectrum ist namentlich durch den Umstand interessant, dass es eine feine schwarze Linie in dem noch übrig bleibenden Theil des Roth zeigt.

Die Spectra Nr. 2 bis 4 entsprechen natürlich bei gegebener Dicke der Schicht einem bestimmten Concentrationsgrade der Flüssigkeit. Wird sorptionserscheinung dargestellt, wie sie durch rothes, mittelst Kupferoxyd gefärbtes Glas oder durch Wasser, welches mit Cochenille roth gefärbt ist, hervorgebracht wird. Es ist hier das ganze Spectrum bis auf die rothen Strahlen absorbirt. Nr. 3 entspricht einer Lösung von doppelt chromsaurem Kali, Nr. 4 dem braunen Absud von Cichorienkaffee.

In Ermangelung eines verfinsterten Zimmers, in welches man durch einen Spalt mittelst eines Spiegels ein Bündel Sonnenstrahlen einfallen lässt, kann man die von durchsichtigen farbigen Körpern hervorgebrachten Absorptionserscheinungen auch in folgender Weise beobschten. Man stelle dicht vor die Lichtquelle, etwa vor eine Lampenflamme, einen 1 bis 2 Millimeter breiten Spalt und betrachte denselben durch ein in einem Abstande von 1 bis 2 Fuss aufgestelltes Prisma, so wird man das Bild des Spaltes als ein vollständiges Spectrum erblicken. Bringt man nun ein farbiges Glas oder eine farbige Flüssigkeit dicht vor den Spalt oder auch zwischen das Auge und das Prisma, so wird alsbald eine entsprechende Partie des Spectrums ausgelöscht werden.

Kein einziger der bis jetzt untersuchten durchsichtigen farbigen Körper liefert homogenes Licht. Unter allen den oben besprochenen Körpern scheint wohl die Farbe des rothen Glases (Tab. II. Nr. 2) zuerst homogen genannt werden zu können. Allein auch dieses Glas liefert kein homogenes Roth, selbst wenn es intensiv genug ist, um auch alle orangefarbenen Strahlen zu absorbiren, denn es liefert Roth von sehr verschiedener Brechbarkeit, wie aus der namhaften Breite des rothen Bildes in Nr. 2 auf Tab. II. hervorgeht. Hätte das Glas nur homogenes Roth durchgelassen, so würde sich das ganze Spectrum auf ein schmales scharf begränztes Bild des Spaltes reducirt haben. Bei einer hinlänglich concentrirten Lösung von Indigo kann das Roth, welches diese Flüssigkeit noch durchlässt, annähernd als ein homogenes Roth betrachtet werden.

Die Farben undurchsichtiger Körper. Die undurchsichtigen, 251 nicht spiegelnden Körper sind uns eben dadurch sichtbar, dass sie das auf sie fallende Licht nach allen Seiten hin unregelmässig zerstreuen, oder wie man es auch ausdrückt, diffundiren. Die Diffusion des Lichts an der Oberfläche undurchsichtiger Körper ist also die Ursache ihrer Sichtbarkeit.

Wenn ein Körper, dem weissen Lichte ausgesetzt, alle in demselben enthaltenen Strahlenarten gleich gut zerstreut, so erscheint er weiss; er erscheint aber farbig, wenn er gewisse Strahlen vorzugsweise diffundirt, andere dagegen ganz oder theilweise absorbirt.

Die Farben undurchsichtiger Körper sind eben so wenig homogen, wie es die Farben durchsichtiger Körper sind; sie sind stets aus Strahlen von mehr oder weniger verschiedener Brechbarkeit zusammengesetzt, wie sich leicht nachweisen lässt, wenn man sie der Spectralanalyse unterwirft.

Um die Farbe eines undurchsichtigen Körpers, z. B. eines Papiers, mit Hülfe des Prismas zu analysiren, mache man aus demselben einen schmalen, ungefähr 1 Linie breiten Streifen, befestige denselben auf einem möglichst dunklen Grunde und betrachte ihn durch ein Prisma, dessen brechende Kante der Längsrichtung des Streifens parallel ist. Klebt man z. B. einen Streifen weisses Papier auf einen dunklen Grund, so erscheint er, aus gehöriger Entfernung durch ein Prisma betrachtet, als ein vollständiges Spectrum. Klebt man nun in die Verlängerung des weissen Streifens einen Streifen hochrothen Papiers (ein Roth, welches dem des Siegellacks ähnlich ist), so erscheint er, durch das Prisma betrachtet, nicht als ein vollständiges Spectrum, sondern nur als ein rothes Farbenbild, und man erkennt auf diese Weise, dass das Roth des Papiers die verschiedenen rothen Strahlen von der äussersten Gränze des Spectrums bis zur Gränze des Orange, vielleicht auch noch einige orangefarbenen Strahlen enthält; dagegen fehlen die gelben, grünen, blauen und violetten Strahlen vollständig.

Die Zusammensetzung des Lichtes gefärbter Papiere lässt sich noch weit anschaulicher auf folgende Weise untersuchen: Man erzeuge in einem dunklen Zimmer auf die bekannte Weise ein Spectrum, welches die hauptsächlichsten der Fraunhofer'schen Linien zeigt, und bringe dann an die Stelle des gewöhnlichen weissen Schirms einen solchen, dessen obere Hälfte mit weissem, dessen untere Hälfte mit dem gefärbten Papiere überzogen ist.

Fig. 693 stellt einen zu diesem Versuche brauchbaren Apparat dar.

Fig. 693.



Der Schirm besteht aus einem Pappendeckel von 8 bis 10 Zoll Länge und 4 bis 5 Zoll Höhe. Die obere Hälfte ist mit weissem, die untere Hälfte mit dem farbigen Papier überzogen. Von solchen Schirmen hat man mehrere, deren jeder auf der untern Hälfte mit einem andersfarbigen Papiere überzogen ist. Ein solcher Schirm wird nun in ein entsprewelche das auf Seite 617 besprochene rothe Glas durchlässt. Betrachtet man also den Schirm, dessen obere Hälfte weiss, dessen untere aber hochroth überzogen ist, während er vom Tageslicht beschienen wird, durch ein solches rothes Glas, so wird man keinen oder doch nur einen geringen Unterschied zwischen der oberen und der unteren Hälfte des Schirmes wahrnehmen; betrachtet man ihn aber durch eine Lösung von Chlorkupfer, welches gar keine rothen Strahlen durchlässt, so erscheint die untere Hälfte des Schirmes vollkommen schwarz, die obere grün.

Ganz ähnliche Erscheinungen beobachtet man auch, wenn man, statt den Schirm durch farbige Gläser zu beträchten, nur farbiges Licht auf ihn fallen lässt. Man lasse ein Bündel Sonnenstrahlen durch eine $1^1/2$ bis 2 Zoll im Durchmesser haltende Oeffnung ins dunkle Zimmer fallen und fange dieses Strahlenbündel direct mit dem Schirm auf, z. B. mit einem solchen, der halb weiss, halb roth überzogen ist; hält man nun ein rothes Glas vor die Oeffnung, so dass nur rothe Strahlen auf den Schirm fallen, so sind die beiden Hälften des Schirmes kaum mehr zu unterscheiden, hält man aber eine Glasplatte vor die Oeffnung, welche nur grüne Strahlen durchlässt, so erscheint nun die mit dem rothen Papier überzogene Hälfte des Schirmes vollkommen schwarz, die andere grün.

Wendet man statt des grünen Glases ein durch Kobalt blau gefärbtes an, so erscheint die eine Hälfte des Schirmes schön blau, die andere aber nicht schwarz, sondern dunkelroth, weil das Kobaltglas eine ziemliche Menge rother Strahlen durchlässt, wie der diesem Glase entsprechende Spectralstreifen Nr. 6 Tab. I. zeigt.

Im Allgemeinen wird ein Körper nur solche Farben zeigen können, welche schon in dem auffallenden Lichte enthalten sind. Damit eine Stange Siegellack roth erscheine, muss Roth in dem Lichte enthalten sein, welches erleuchtet; das schöne Roth des Siegellacks verschwindet vollständig, wenn man ihn unter Ausschluss des Tageslichtes nur dem Licht einer mit Kochsalz bestreuten Weingeistflamme aussetzt, weil diese gelbe Flamme keine rothen Strahlen enthält. Von dieser Regel macht nur eine gewisse Classe von Körpern eine Ausnahme, von welchen in einem der nächsten Paragraphen die Rede sein wird.

Farbige Flammen. Glühende Metalldrähte geben ein conti- 252 nuirliches Spectrum ohne helle und ohne dunkle Streifen. Dem Spectrum eines rothglühenden Platindrahtes fehlt Blau und Violett; je mehr aber die Temperatur des Drahtes steigt, desto mehr dehnt sich das Spectrum gegen das violette Ende hin aus. Ein weissglühender Platindraht giebt ein vollständiges ununterbrochenes Spectrum.

Ebenso giebt die Flamme einer Argand'schen Lampe ein vollständiges ununterbrochenes Spectrum, in welchem man manchmal einen hellern Streif im Gelb unterscheidet, welcher von Kochsalztheilchen herrührt, die in der Flamme glühen. Ueberhaupt erhält ja die Flamme einer Oellampe

sowohl, wie die einer Gaslampe, ihre Leuchtkraft durch die in der Flamme glühenden Kohlentheilchen.

Schwach leuchtende Flammen, wie die des reinen Weingeistes kann man dadurch hellleuchtend machen und färben, dass man gewisse Substanzen in feinster Vertheilung in derselben zum Glühen bringt. So wird die Weingeistflamme intensiv gelb gefärbt, wenn man etwas Kochsalz auf den Docht streut. Durch Chlorstrontium wird die Weingeistflamme roth, durch Chlorkupfer wird sie grün gefärbt.

Dasselbe gilt von der für sich äusserst schwach leuchtenden Flamme des Bunsen'schen Gaskochlämpchens.

Fig. 694 stellt die Bunsen'sche Gas-Kochlampe dar. In das Messingrohr a strömt das Leuchtgas unten durch eine feine dreispaltige Oeffnung ein.



welche in der, den entsprechenden Theil des Apparates ohne das Rohr a in natürlicher Grösse darstellenden Figur 695 deutlich

Fig. 695.



zu sehen ist. Innerhalb des Robres a mischt sich das Leuchtgas mit der durch die Seitenöffnungen

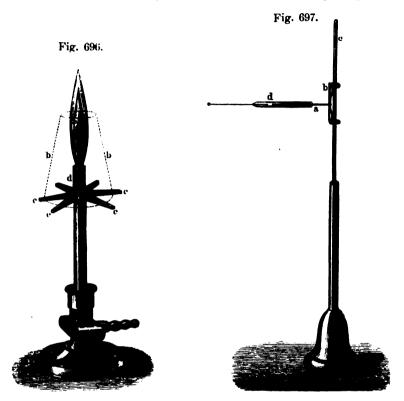
s eintretenden atmosphärischen Luft, so dass es, am oberen Ende des Rebres a angezündet, schwach leuchtend und ohne zu russen verbrennt. Fig. 696 stellt ein etwas anders gestaltetes Gaskochlämpehen dar. Um die Hitze der Flamme zu steigern, umgiebt man sie mit einem kurzen conischen Schornstein b, welcher in unserer Figur nur punktirt ist und welcher von dem Messingarme c getragen wird.

Um die Substanzen, welche die farblose Flamme der Kochlampe färben sollen, bequem in dieselbe einführen zu können, schmilzt Bunsen kleine Portionen derselben in das zu einem kleinen Ohr gebogene Ende eines ungefähr 0,15 Millimeter dicken Platindrahtes ein. Das andere Ende des Platindrahtes ist in ein Glasröhrchen d eingeschmolzen, mittelst dessen man ihn auf den Draht a des Statifs, Fig. 697, aufstecken kann. Der Drahtarm a kann mittelst einer federnden Vorrichtung b an dem Säulchen c auf- und niedergeschoben werden, so dass man das Ohr des Platindrahtes leicht in die heisseste Stelle der Flamme hineinhalten kann. In

Apparate zur prismatischen Zerlegung farbiger Flammen. 63

Figur 698 (a.f.S.) sieht man, wie das vom Statif getragene Platindrähtchen in die Flamme der Kochlampe eingeführt ist.

Durch Natronsalze, welche mittelst des eben beschriebenen Platindrähtchens in die Flamme eingeführt werden, wird dieselbe gelb gefärht.

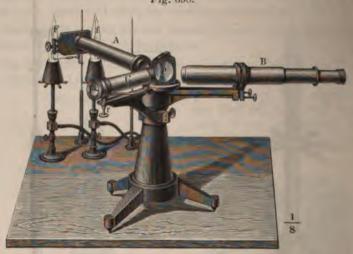


Sie wird roth gefärbt durch Strontionsalze und durch Lithionsalze; Kalisalze geben ihr ein hell violettes, Kalksalze ein blass ziegelrothes, Barytsalze ein apfelgrünes Licht u. s. w.

Wenn man nun das Licht dieser farbigen Flammen mit dem Prisma analysirt, so zeigen sich höchst merkwürdige Erscheinungen, welche in neuerer Zeit eine grosse Bedeutung gewonnen haben.

Apparate zur prismatischen Zerlegung farbiger Flam- 253 men. Um das Licht einer Flamme prismatisch zu analysiren, ist das Babinet'sche Goniometer sowohl wie das Spectrometer von Meyerstein sehr geeignet; wenn die beiden Rohre L und F nebst dem Prisma in gehöriger Weise aufgestellt sind, bringt man vor den Spalt des Rohres L die zu analysirende Flamme und beobachtet alsdann das Spectrum, welches sie liefert, durch das Fernrohr F.

Wenn es sich nicht um genaue Messung der Brechungsindices, sondern nur um die Beobachtung der in dem Spectrum der Flammen vorkommenden hellen Linien handelt, lässt sich der Apparat sehr vereinfachen. Man bedarf alsdann der getheilten Kreise nicht mehr, man hat also nur die beiden Fernrohre und das Prisma in geeigneter Weise auf einem passenden Statif zusammenzustellen. Fig. 698 stellt einen aufs vollständigste ausgerüsteten Bunsen'schen Spectralapparat dar. Auf einem massiven gusserig, 698.



eisernen Statif ist oben eine Messingplatte befestigt, auf welcher ein Flintglasprisma von 60° aufgesetzt ist. Auf derselben Messingplatte ist ein Metallring befestigt, in welchem das Rohr A so steckt, dass es in keinerlei Weise bewegt werden kann. An seinem äusseren Ende trägt dieses Rohr eine Metallplatte mit dem Spalt, durch welchen das zu untersuchende Licht einfällt; das gegen das Prisma p gekehrte Ende des Rohres ist durch eine Linse geschlossen, in deren Brennpunkt sich der Spalt befindet.

Das durch das Flintglasprisma p erzeugte Spectrum wird durch das astronomische Fernrohr B beobachtet.

Die Metallschiene, welche das Fernrohr B trägt, ist an einem Metallringe befestigt, welcher um den Hals des Statifs drehbar ist, so also dass man den Winkel, welchen die Axe des Rohres B mit der Axe des Rohres A macht, nach Belieben ändern und das Rohr B so stellen kann, dass jeder beliebige Theil des Spectrums in der Mitte des Gesichtsfeldes erscheint.

Nur der bis jetzt besprochene Theil des Spectralapparates ist nöthigwenn es sich nur einfach um Beobachtung verschiedener Flammenspetra handelt; nur ist noch zu bemerken, dass das Prisma, zur Abhaltung von fremdem Lichte mit einem geschwärzten Kästchen von Pappendeckel oder mit einem schwarzen Tuch überdeckt werden muss, welches zugleich die dem Prisma zugekehrten Enden der Rohre A und B einschliesst. verschiedene Spectra unmittelbar mit einander vergleichen zu lient die folgende, durch Fig. 699 dargestellte am äusseren Ende s. A. angebrachten Vorrichtung. mn ist der Spalt, durch wel-

Fig. 699.



chen das Licht in das Rohr A einfällt und welcher mittelst einer Mikrometerschraube nach Belieben weiter oder enger gemacht werden kann.
Vor der unteren Hälfte dieses Spaltes ist ein gleichseitiges Glasprisma angesetzt, welches verhindert, dass durch die untere Hälfte
des Spaltes Strahlen in das Rohr A
eindringen, die von einer in der Ver-

g der Axe des Rohres A befindlichen Lichtquelle (also etwa von me F Fig. 698) herrühren. Wird dagegen eine zweite Flamme so aufgestellt, dass die von ihr ausgehenden Strahlen rechtwinkrismenfläche a, Fig. 699, eintreten, so erleiden dieselben an der äche b eine totale Reflexion und treten dann durch den Spalt as Rohr ein, so dass der Beobachter in das Fernrohr B hineinunmittelbar zwei Spectra über einander sieht; oben nämlich rum der Flamme f und unmittelbar unter demselben das Spectrum me F (da ja das Fernrohr ein umkehrendes ist).

e Vorrichtung dient auch dazu, das Spectrum irgend einer Flamme t dem Sonnenspectrum zu vergleichen. Wenn man z. B. nach ig der Flamme F Sonnenlicht durch die obere Hälfte des Spaltes 699, eintreten lässt, während die Flamme f, Fig. 698, eine durch z gelb gefärbte ist, so sieht man, dass die im folgenden Paranäher zu besprechende helle gelbe Linie des Natriumspectrums t der dunklen Fraunhofer'schen Linie D des Sonnenspectrums fällt, so dass erstere als die Verlängerung der letzteren erscheint. ig. 698 sieht man noch ein drittes etwas excentrisch stehendes Rohr an dem dem Prisma p zugekehrten Ende gleichfalls mit einer sehen, in deren Brennpunkt am äusseren Ende des Rohres eine angebracht ist, auf welcher sich das ungefähr 15mal verkleinerte photographische Bild einer Millimeterscala befindet. und unterhalb dieser Scala ist die Glasplatte mit Stanniol bedeckt. e horizontal gestellte Scala (in unserer Figur erscheint sie als eine le Linie bei s), deren Theilstriche weiss auf schwarzem Grunde rird durch eine Kerzen- oder Lampenflamme erleuchtet, welche chtung der Axe des Rohres C aufgestellt ist.

Rohr C ist nun so gestellt, dass seine Axe mit der vorderen es Prismas p einen eben so grossen Winkel bildet wie die Axe

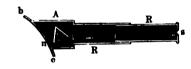
In das Fernrohr \overline{B} hineinschauend, erblickt man also stellung gleichzeitig das Spiegelbild der Scala s m, welches durch das Prisma p erzeugt wird.

Mit Hülfe der Stellschraube r kann man das äussere Ende des Rohres C so weit heben oder senken, dass das Bild der Scala s gerade über dem gleichzeitig durch das Fernrohr beobachteten Spectrum steht, dass man also angeben kann, an welchem Theilstrich der Scala diese oder jene Parthie des Spectrums erscheint.

Von der Benutzung dieser Scala wird weiter unten noch ausführlicher die Rede sein.

Durch Weglassung der Fernrohre hat Mousson den Spectralapparat sehr vereinfacht und so ein Instrument hergestellt, welches bei geringem Preise in allen Fällen ausreicht, wo es nicht auf feinere Beobachtung der einzelnen Linien ankommt. In Fig. 700 ist der Mousson'sche Spectralapparat schematisch dargestellt. In einem innen geschwärzten Kästchen

Fig. 700.



In einem innen geschwärzten Kästchen A von Messingblech ist ein Prisma (am besten ein solches von Faradey'schem Glase, welches 60° brechenden Winkel hat) so angebracht, dass es um seine verticale Axe etwas gedreht werden kann. Einerseits ist das Kästchen durch einen geschwärzten Schirm bc begränzt, in

welchem sich ein verticaler Spalt n befindet. Andererseits ist eine innen geschwärzte Röhre R angesetzt, welche 3 bis 4 Centimeter weit von 40 bis zu 60 Centimeter Länge ausgezogen werden kann. An ihrem äusseren Ende ist die Röhre mit einer feinen Spalte s (deren eine Schneide natürlich verschiebbar sein muss) versehen, welche mit der brechenden Kante des Prismas und der Spalte n parallel ist. Die zu untersuchende Flamme wird vor der Spalte s aufgestellt und das beobachtende Auge vor die Oeffnung n gebracht.

Die ganze Vorrichtung ist natürlich an einem passenden Statife

Dieser Umstand verleiht dieser Flamme für manche optische Untersuchungen eine grosse Wichtigkeit, denn sie ist nebst der rothen Lithiumflamme das prismatische Farbenspectrum abgerechnet, die einzige Quelle homogenen Lichtes, welche bis jetzt bekannt ist.

Die erste genauere Untersuchung über die Spectra verschiedener Flammen hat Miller angestellt (Pogg. Annal. Bd. LXIX, S. 404), nach seinen Abbildungen aber scheint es, dass er nicht mit chemisch reinen Substanzen experimentirt hat, denn er verzeichnet für jede der von ihm beobachteten farbigen Flammen mehr helle Linien, als Kirchhoff und Bunsen (Pogg. Annal. Bd. GX, S. 161), später mit chemisch reinen Präparaten arbeitend, für die gleichnamigen Substanzen gefunden haben. Auf Tab. III a. sind die zunächst von ihnen untersuchten Flammenspectra mit dem Sonnenspectrum zusammengestellt.

Zunächst unter dem Sonnenspectrum steht das Spectrum einer durch ein Kalisalz, etwa durch Salpeter, gefärbten Flamme. Der mittlere Theil des Spectrums erscheint hier ziemlich zusammenhängend; ein isolirter heller Streifen erscheint aber im äussersten Roth und ein zweiter an der Gränze von Indigo und Violett.

Das Spectrum der durch Chlorlithium (roth) gefärbten Flamme besteht aus zwei isolirten hellen Streifen, von denen der eine sehr helle im Roth, der andere sehr schwach und meist kaum wahrnehmbar im Orange liegt.

Das Strontionspectrum ist besonders durch einen etwas breiteren sehr hellen Streif im Orange ausgezeichnet; ausserdem zeigt es noch eine scharfe helle Linie in Blau und mehrere breitere zum Theil lichtschwächere im Roth.

Das Spectrum des Chlorcalciums zeigt ausser mehreren lichtschwächeren zwei sehr helle und ziemlich breite Streifen, von denen der eine im Grün, der andere im Orange liegt.

Das Chlorbarium endlich ist besonders durch eine Reihe hellerer Streifen im Grün ausgezeichnet.

Wenn die eben genannten Substanzen nicht auf das sorgfältigste gereinigt sind, so zeigen die durch sie gefärbten Flammen ausser den ihnen eigenthümlichen hellen Linien fast immer noch die gelbe Chlornatriumlinie, weil die allergeringste Menge von Chlornatrium schon hinreicht, diese Linie mit grosser Intensität hervortreten zu machen.

Bunsen und Kirchhoff zeigten zunächst, dass die Temperatur der Flamme, in welcher eine und dieselbe Metallverbindung glüht, auf die Lage der hellen Linien keinen Einfluss hat. Man erhält z. B. dasselbe Spectrum, mag nun Chlorstrontium in der Gasflamme der Bunsen'schen Kochlampe oder in der Knallgasflamme glühen. Nur die Intensität der hellen Linien wächst mit der Temperatur der Flammen, und so kann es kommen, dass bei höherer Temperatur helle Linien sichtbar werden, die man bei niederer Temperatur kaum oder gar nicht wahrnehmen konnte.

Ferner haben die genannten Gelehrten nachgewiesen, dass verschie-Müller's Lehrbuch d. Physik. 6. Auf. I. dene Verbindungen desselben Metalls stets dasselbe Spectrum geben mit dem Unterschied, dass unter sonst gleichen Umständen das Spectrum derjenigen Verbindung am intensivsten ist, welche leichter verflüchtigt werden kann.

So geben z. B. Actznatron, Jod- und Bromnatrium, die schwefelsauren und kohlensauren Natronsalze, dieselbe Spectralreaction wie Chlornatrium.

Es ist demnach unzweiselhaft, dass gewisse helle Linien im Spectrum ein sicheres Kennzeichen der Anwesenheit des entsprechenden Metalls sind. Sie können als Reactionsmittel dienen, durch welche man diese Stoffe schärfer, schneller und in geringeren Mengen nachweisen kann, als durch chemische Hülfsmittel.

In der That können also die Spectralbeobachtungen der Flammen zur Ausführung chemischer Analysen benutzt werden, und es ist Bunsen gelungen, mit Hülfe derselben zwei neue Alkalimetalle zu entdecken, welche er Cäsium und Rubidium genannt hat; das Spectrum des Cäsiums ist vorzugsweise durch zwei nahe zusammenstehende blaue Linien in der Nähe der blauen Strontiumlinie ausgezeichnet; dann finden sich in demekben noch zwei Linien im Orange, einige schwächere im Grün u. a. w. Im Spectrum des Rubidiums treten zwei rothe Linien auf, welche noch weniger brechbar sind als die rothe Kaliumlinie, zwei Linien im Orange und zwei im Blau, etwas weniger brechbar als die blaue Kaliumlinie.

Die verschiedenen hellen Linien in dem Spectrum einer durch eine bestimmte Substanz gesürbten Flamme bezeichnet man ihrer Helligkeit nach mit α , β , γ , δ u. s. w. So wird z. B. mit Ka, α die rothe und mit Ka, β die blauviolette Linie im Kaliumspectrum bezeichnet. Im Strontiumspectrum liegt Sr, α im Orange, Sr, β und Sr, γ sind zwei rothe Linien und Sr, δ endlich ist die blaue Strontiumlinie.

Die dieh te Linie im Calsiumenestum also Ca a lie at im O

etwas trocknes Kupferchlorid auf einem Streifen von Kupferblech in den Saum der Flamme einführt.

So lange das Spaltenrohr A, Fig. 698, das Scalenrohr C und das Prisma p in unveränderter gegenseitiger Stellung bleiben, so erscheint jede bestimmte Spectrallinie auch stets an derselben Stelle des Spiegelbildes der Scala bei s. Mit einem kleinen Spectralapparat, dessen Beobachtungsfernrohr nur eine 4malige Vergrösserung hatte, sah ich z. B. bei einer bestimmten Stellung des Prismas, des Spaltenrohres und des Scalenrohres die gelbe Natriumlinie in der Mitte zwischen den Theilstrichen 182 und 183 des Scalenbildes. (Bei den Zahlen der photographirten Scala sind die 0 weggelassen, es ist also geschrieben 16, 17, 18 u. s. w. statt 160, 170, 180 u. s. w., wie man in Fig. 701 sieht.) Bei der gleichen Einstel-

Fig. 701.



lung erscheint dann Sr, α bei 187,5, Sr, δ bei 128; die rothe Lithiumlinie Li, α bei 202,5 und die rothe Kaliumlinie Ka, α bei 216,5.

Wenn also bei unveränderter Einstellung des Apparates eine rothe Linie bei 202,5 erscheint, wenn man irgend einen zu untersuchenden Körper in die Flamme bringt, so

kann man daraus schliessen, dass er Lithium enthält. Er enthält Kalium, wenn eine rothe Linie bei 216,5, er enthält Strontium, wenn eine orangefarbene Linie bei 187,5 und eine blaue bei 128 erscheint u. s. w.

Die Spectralreaction ist für die vielen Substanzen ungemein empfindlich, indem äusserst geringe Quantitäten, die sich der chemischen Analyse ganz entziehen würden, schon hinreichen, die entsprechenden Spectrallinien sichtbar zu machen. Am empfindlichsten zeigt sich die Spectralreaction für Natrium, indem $\frac{1}{40\,000\,000} \, \text{Gramm Kochsalz der farb-}$

losen Flamme eine merkliche gelbe Färbung ertheilt und die Natriumlinie sehr deutlich auftreten macht. Da nun das Kochsalz in der Natur ausserordentlich verbreitet ist, so ist es kaum möglich eine Flamme herzustellen, in welcher die Natriumlinie gänzlich fehlt. Wenn dieselbe in der farblosen Flamme des Bunsen'schen Kochlämpchens nur schwach auftritt, so genügt es durch Zusammenschlagen zweier Bücher oder durch Ausklopfen eines Rockzipfels in der Nähe der Flamme etwas Staub zu erregen, um die Natriumlinie hell aufleuchten zu machen. — In der Flamme einer Talgkerze oder einer Oellampe, welche sonst ein continuirliches Spectrum liefern, tritt meist, wie bereits Fraunhofer beobachtet hat, die Natriumlinie noch als ein heller gelber Steifen auf.

In Beziehung auf Empfindlichkeit der Spectralreaction steht dem Natrium das Lithium am nächsten, indem schon die geringsten Mengen die-

ses Stoffes der Flamme eine intensiv rothe Färbung geben, welche, wenn nicht durch Kochsalzgehalt die Reinheit gestört wird, fast ganz homogen ist.

Wir haben gesehen, dass die Flamme des Bunsen'schen Kochlämpchens, bei welchem das Leuchtgas erst zur Verbrennung kommt, wenn es genügend mit atmosphärischer Luft gemischt ist, sehr schwach leuchtend ist; dies gilt aber vorzugsweise von dem mittleren und oberen Theile der Flamme; der unterste Theil derselben unmittelbar über der Mündung des Rohres wird häufig durch einen hellen blaugrünen Kegel gebildet, dessen Licht Swan prismatisch untersucht hat (Pogg. Annal. Bd. C). Das Spectrum dieses Flammentheils zeigte sich gleichfalls als aus einzelnen hellen Linien bestehend, welche durch dunkle Zwischenräume getrennt sind. Ausser der unvermeidlichen gelben Natriumlinie enthielt es noch 4 Linien im Gelbgrün, 2 im Blaugrün, 4 im Blau (in der Nähe von F) und eine schlecht begränzte bei G.

Dieselben hellen Linien, welche jedoch im Vergleich zu den oben betrachteten durch Natrium, Lithium, Strontium u. s. w. hervorgebrachten sehr lichtschwach sind, zeigen sich nun auch genau an derselben Stelle, wenn auch in verschiedener Stärke an der entsprechenden Stelle der Flammen anderer Kohlenwasserstoff-Verbindungen.

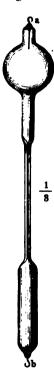
Die Spectra des elektrischen Funkens. Wollaston beolachtete zuerst, dass das Spectrum des elektrischen Funkens kein Continuum sei, sondern dass es aus einzelnen hellen, durch dunkle Zwischenräume getrennten Linien bestehe; dass aber die Lage dieser hellen Linien von der Natur des Metalls abhänge, von welchem der Funke überspringt, hat zuerst Wheatstone nachgewiesen. Er zeigte z. B., dass der elektromagnetische Funken von Quecksilber abspringend 7 bestimmte helle Linien gebe, nämlich 2 im Orange, 1 glänzend grüne, 2 bläulich grüne und 2

trum sich darstellt (Pogg. Annal. Bd. XCIV). Um die verschiedenen Gasspectra zu untersuchen, liess Angström den Entladungsfunken einer Leydener Flasche zwischen Messingkugeln überspringen, welche sich im Inneren einer abwechselnd mit Luft, Sauerstoff, Stickstoff, Wasserstoff und Kohlensäure gefüllten Glasröhre befanden.

Bei etwas grossem Abstande der Kugeln zeigt sich das Gasspectrum deutlich für denjenigen Theil, welcher in der Mitte zwischen den Elektroden liegt; mehr in der Nähe derselben überwiegt das Metallspectrum. Wenn die Elektroden einander sehr nahe stehen, ist das Gasspectrum kaum noch wahrnehmbar, weil es zu sehr gegen den Glanz der hellen Linien im Metallspectrum zurücktritt.

Plücker (Pogg. Annal. Bd. CVII) wandte eine andere Methode zur Untersuchung der Gasspectra an, welche den Vortheil gewährte, dass ihre

Fig. 702.



Beobachtung nicht durch die Metallspectra gestört wurde. Er liess nämlich den Entladungsfunken des Ruhmkorff'schen Inductionsapparates durch enge Geissler'sche Röhren von der Gestalt, Fig. 702, schlagen. Diese Röhren, welche im zweiten Theile dieses Werkes näher besprochen werden, sind mit verschiedenen, aber im Zustand höchster Verdünnung befindlichen Gasen gefüllt. Sobald man den Funken zwischen den Elektroden a und b überschlagen lässt, erscheint in dem erweiterten Theile der Röhre ein diffuses Licht, während sich im engen Theile der Röhre eine helle Lichtlinie bildet, welche zur prismatischen Beobachtung sehr geeignet ist. Die Färbung dieser Lichtlinie ändert sich mit den Gasen, welche in der Röhre enthalten sind, sie ist prächtig roth für Wasserstoff-, röthlich violett für Stickstoffgas.

Unter allen Gasspectren ist das des Wasserstoffs das einfachste, denn es besteht aus nur drei hellen Linien, nämlich einer prachtvoll rothen, fast genau zusammenfallend mit C, und zwei blauen, von denen die eine genau zusammenfällt mit F, die andere beinahe mit G.

Im Spectrum des Sauerstoffgases beobachtete Plücker 9 helle Linien, von denen die beiden stärksten im Roth (zwischen C und D) und Indigo (in der Nähe von G) liegen. Diesen stehen an Helligkeit zunächst zwei grünlich blaue Streifen in der Nähe von E.

Das Spectrum des Stickstoffgases ist eines der farbenreichsten und zugleich der ausgedehntesten, indem es sich

ungefähr von der Fraunhofer'schen Linie \boldsymbol{B} bis zur Linie \boldsymbol{H} erstreckt. Es unterscheidet sich von den Spectren der übrigen einfachen Gase durch dunkle Linien in dem weniger brechbaren Theile des Spectrums, 17 derselben befinden sich zwischen dem äussersten Roth und dem Gelb. Im Grünen sind 7 dunkle Linien, die aber nicht gleichen Abstand von

einander haben. — Vom Grün nach dem violetten Ende des Spectrums hin wird es wieder ein normales, durch helle scharf begränzte auf dunklerem Hintergrunde stehende Streifen gebildetes. Man unterscheidet hier deutlich 11 solcher Streifen.

Das Licht des Stickstoffgases ruft eine starke Fluorescenz hervor, während das Licht des Wasserstoffgases diese Eigenschaft in kaum merklichem Grade besitzt.

Das Spectrum einer Röhre, welche statt andere Gase Quecksilberdämpfe enthielt, bestand aus den schon oben erwähnten hellen Quecksilberlinien, unter denen sich nach Plücker's Beobachtungen besonders drei auszeichnen, eine gelbe, eine grüne und eine violette.

Van der Willigen (Pogg. Annal. Bd. CVI) liess den Funken des Ruhmkorff'schen Apparates zwischen Elektroden von verschiedenen Metallspectra zu beobachten. Er experimentirte mit Elektroden von Kupfer, Zink, Eisen, Blei, Zinn, Silber. Platin u. s. w. und machte unter anderen auch die wichtige Beobachtung. dass im Spectrum des zwischen Platinelektroden überspringenden Funkens, welcher für sich keine Linien zeigt, sofort die entsprechenden hellen Linien auftreten, wenn man auf den Platinelektroden der Reihe nach Chlornatrium, Chlorbarium, Chlorstrontium, salpetersauren Kalk u. s. w. applicirt, indem man den Draht nur in die Lösungen dieser Salze eintaucht.

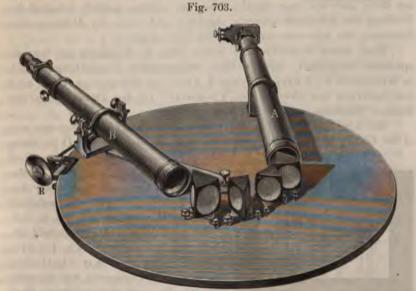
Nach dieser Methode hat nun auch Kirchhoff bei seinen Spectraluntersuchungen die elektrischen Funken hervorgebracht; sie wurden durch einen Ruhmkorff'schen Inductionsapparat erzeugt, welcher 3 Decimeter lange Funken zu geben vermag. In den Schliessungsbogen der Inductionsspirale war eine Leydener Flasche in einer Weise eingeschaltet, welche im 2. Bande dieses Werkes näher bezeichnet werden wird. Die Schlagweite Genauere Untersuchung der Spectrallinien. Je grösser 256 der brechende Winkel und die zerstreuende Kraft des Prismas ist, durch welches das Spectrum erzeugt, und je stärker die Vergrösserung des Fernrohrs ist, durch welches man dasselbe beobachtet, desto mehr dunkle scharfe Linien sieht man im Sonnenspectrum, desto mehr erscheinen breitere Streifen in einzelne dunkle Linien aufgelöst. So beobachtete z. B. schon Fraunhofer, dass D aus zwei dicht neben einander stehenden dunklen Linien besteht, während sie in Apparaten von geringerer Leistungsfähigkeit nur einfach erscheinen.

Das Gleiche gilt auch von den hellen Linien im Spectrum farbiger Flammen und elektrischer Funken; breitere Bänder erscheinen in vollkommneren Apparaten in einzelne helle Linien zerlegt. So zeigt sich z. B. bei hinreichender Vergrösserung, dass die gelbe Natriumlinie gleichfalls

eine Doppellinie ist.

Die vollständigste Entfaltung des Spectrums und die genaueste Darstellung der Spectrallinien, welche bis jetzt ausgeführt ist, verdanken wir den Arbeiten Kirchhoff's.

Fig. 703 stellt den von Steinheil ausgeführten Apparat dar, dessen er sich zu seinen Spectraluntersuchungen bediente. Um eine vollständigere



Entfaltung des Spectrums zu erzielen, wurden statt eines einzigen Flintglasprismas deren vier angewandt, welche so aufgestellt waren, dass die aus dem ersten austretenden Strahlen auf ein zweites fallen, welches den Winkel noch mehr vergrössert, unter welchem die ungleich brechbaren Strahlen nach ihrem Austritt aus dem ersten Prisma divergiren. Dieser Winkel wird durch ein drittes und durch ein viertes Prisma noch mehr vergrössert. Der brechende Winkel der drei ersten Prismen ist 45°, der brechende Winkel des vierten beträgt 60°.

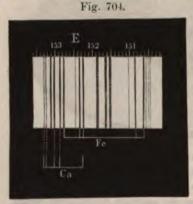
Diese vier Prismen sind mittelst kleiner Dreifüsse auf einer horizontalen, kreisförmigen eisernen Platte aufgestellt, auf welcher das Rohr Abefestigt ist. Das eine Ende dieses Rohres ist durch ein Fernrohrobjectiv von 18 Zoll Brennweite geschlossen, in dessen Brennpunkt sich am anderen Ende des Rohres eine Spaltvorrichtung befindet, welche der in Fig. 699 dargestellten ähnlich ist. Das Beobachtungsfernrohr B, dessen Objectiv gleichfalls 18 Zoll Brennweite hat, steht zunächst auf einer um den Mittelpunkt der eisernen Platte drehbaren Schiene, kann aber gegen diese Schiene abermals um eine verticale und eine horizontale Axe verschoben werden, wie man aus der Figur ersieht.

Die Vergrösserung des Fernrohrs B war eine 40 fache.

Um die Abstände der einzelnen Linien von einander zu messen, benutzte Kirchhoff eine Kreistheilung, welche am Kopfe der Mikrometerschraube R, durch welche das Fernrohr B gedreht werden kann, augebracht ist. Das Ocular des Fernrohrs war so gestellt, dass die Fäden seines Fadenkreuzes einen Winkel von 45° mit den dunklen Linien bildeten. Der Schnittpunkt der Fäden wurde dann durch die Mikrometerschraube der Reihe nach von einer dunklen Linie zur anderen geführt, jedesmal die Theilung der Mikrometerschraube abgelesen und neben der Ablesung eine Schätzung der Schwärze und Breite der Linie notirt.

Nach diesen Aufzeichnungen wurde dann die Zeichnung des Sonnenspectrums ausgeführt, deren trefflich lithographirte Vervielfältigung sich in Kirchhoff's "Untersuchungen über das Sonnenspectrum und die Spectren der chemischen Elemente" (in den Abhandlungen der Berliner Akademie vom Jahre 1861) befindet.

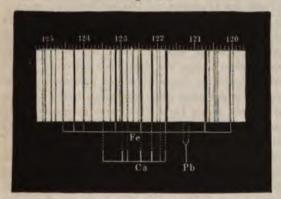
Die Kirchhoff'sche Zeichnung umfasst das Stück des Spectrums von A bis G, der veröffentlichte Theil aber erstreckt sich nur von D bis etwas



über F hinaus und dieser publicirte Theil nimmt eine Gesammtlänge von 1¹/₄ Meter ein; man kann sich nach dieser Angabe einen Begriff von den wahrhalt kolossalen Dimensionen machen, in welchen hier das Spectrum dargestellt ist. Die Linien E und b (vergleiche Fig. 676, Seite 594) sind in der Kirchhoff'schen Zeichnung 13 Centimeter von einander entfernt. Der noch nicht publicirte Theil erfordert eine nochmalige Revision, welche Kirchhoff leider wegen seiner angegriffenen Augen bis jetzt noch nicht vornehmen konnte.

Ueber die Zeichnung des Spectrums hat Kirchhoff eine in Millimeter getheilte Scala mit willkürlichem Anfangspunkte gesetzt, welche zu-

nächst dazu dient, jede der aufgetragenen Linien mit Leichtigkeit zu bezeichnen. So sind z. B. die beiden Fraunhofer'schen Linien D mit 1002,8 und 1006,8 bezeichnet, die drei Linien E aber mit 1522,7 und 1523,7, wie man auch aus den Figuren 704 und 706 ersehen kann, welche Copieen einzelner Theile der Kirchhoff'schen Zeichnung sind, wobei nur zu be-Fig. 705.





merken ist, dass die verticalen Dimensionen dieser Figuren ungefähr nur halb so gross sind als die des Originals.

Durch die in \$, 253 erläuterte Vorrichtung war es möglich, das Spectrum des elektrischen Funkens unmittelbar unter dem Sonnenspectrum darzustellen, so dass man die beiden Spectra direct mit einander vergleichen konnte. In der Kirchhoff'schen Spectralzeichnung sind nun unmittelbar unter dem Sonnenspectrum diejenigen Stellen bezeichnet, an welchen die hellen Linien verschiedener Metallspectra erschienen. So sieht man z. B. in Fig. 706, dass die zwei hellen Natriumlinien genau mit den Fraunhofer'schen Linien D zusammenfallen. Aus Fig. 705 ersieht man, dass hier sieben helle Linien des Eisenspectrums und sieben helle Linien des Calciumspectrums mit dunklen Linien des Sonnenspectrums coincidiren. Das Gleiche findet statt für den in Fig. 704 dargestellten Theil des Spectrums. Auf dem von Kirchhoff veröffentlichten Theile des Spectrums kommen einige 60 helle Eisenlinien vor, welche sämmtlich mit dunklen Linien des Sonnenspectrums zusammenfallen; eine gleiche Coincidenz findet statt für die hellen Linien des Spectrums von Calcium und Magnesium. Nach Angström fallen auch die Fraunhofer'schen Linien H mit hellen Linien des Calciumspectrums zusammen.

Den hellsten Linien in dem Spectrum von Baryum, Kupfer und Zink entsprechen deutlich dunkle Linien im Sonnenspectrum, den schwächeren nicht.

Dagegen fallen die hellen Linien im Spectrum von Lithium, Strontium, Blei, Zinn, Quecksilber, Aluminium, Silber u. s. w. nicht mit dunklen Linien des Sonnenspectrums zusammen, wie man dies z. B. in Fig. 705 für eine helle Linie des Bleispectrums sieht, welche, wie die

Gabel andeutet, mit welcher oben der Strich über ${\it Pb}$ endet, eine namhafte Breite hat.

Umkehrung der Flammenspectra. Um die Coincidenz der hellen Natriumlinien mit den Linien D des Sonnenspectrums zu prüfen. entwarf Kirchhoff ein mässig helles Sonnenspectrum und brachte eine Natriumflamme vor den Spalt des Apparates. — Die Natriumlinien erschienen hell auf dem etwas dunkleren Grunde. Als aber volles Sonnenlicht auf den Spalt fiel, traten die dunklen D Linien mit ausserordentlicher Stärke hervor, welche abnahm, sobald man die durch Kochsalz gelb gefärbte Flamme der Bunsen'schen Lampe von dem Spalt entfernte.

Kirchhoff ersetzte das Licht der Sonne durch das Drummond'sche Kalklicht, dessen Spectrum, wie das eines jeden glühenden festen Körpers, keine dunkle Linien hat; wurde dieses Licht durch eine geeignete Kochsalzslamme geleitet, so zeigten sich im Spectrum dunkle Linien an der Stelle der Natriumlinien.

Dasselbe trat ein, wenn statt des glühenden Kalkcylinders ein Platindraht benutzt wurde, welcher durch eine Flamme glühend gemacht und durch einen elektrischen Strom seinem Schmelzpunkte nahe gebracht war.

Diese Erscheinung findet ihre Erklärung in der Annahme, dass eine Natriumflamme eine Absorption ausübt auf die Strahlen von Brechbarkeit derer, welche sie selbst aussendet, während sie für alle anderen Strahlen vollkommen durchsichtig ist. Wenn man vor den glühenden Platindraht dessen Spectrum betrachtet wird, eine Natriumflamme bringt, so ändert sich nach dieser Annahme die Helligkeit in der Nähe der Natriumlinien nicht; in diesem selbst ändert sie sich aber aus doppeltem Grunde: die Intensität des vom Platindraht ausgegangenen Lichtes wird hier

durch die Absorbtion der Flamme um einen Bruchtheil - ihres ursprüß

es gelang aber mit der Flamme von wässerigem Alkohol, welcher Kochsalz enthielt.

Vor allen farbigen Flammen zeichnet sich die Natriumflamme durch die grosse Intensität der Linien ihres Spectrums aus. Ihr zunächst steht in dieser Beziehung die Lithiumflamme. Eben so leicht als die hellen Natriumlinien umgekehrt, d. h. in dunkle, verwandelt werden können, eben so leicht kann die rothe Lithiumlinie umgekehrt werden. Lässt man durch eine Lithiumflamme Sonnenstrahlen treten, so zeigt sich im Spectrum am Orte der Lithiumlinie eine schwarze Linie, welche an Deutlichkeit mit den ausgezeichnetsten Fraunhofer'schen Linien wetteifert und welche verschwindet, wenn man die Flamme entfernt.

Weniger leicht ist die Umkehrung der hellen Linie anderer Metalle. Das Spectrum intermittirender elektrischer Funken kann durch Sonnenlicht, welches man durch sie hindurchleitet, nicht umgekehrt werden, weil die Dauer jedes Funkens sehr klein ist gegen die Zeit zwischen zwei aufeinander folgender Funken.

Nach den obigen Thatsachen liegt die Annahme nah, dass jedes glühende Gas (in Gasform befinden sich ohne Zweifel auch die in den Flammen und im elektrischen Funken glühenden Metalltheilchen, welche die hellen Spectrallinien erzeugen) ausschliesslich Strahlen von der Brechbarkeit derjenigen absorbirt, die es selbst aussendet, oder mit anderen Worten, die Annahme, dass das Spectrum eines jeden glühenden Gases umgekehrt werden muss, wenn durch dasselbe Strahlen einer Lichtquelle treten, welche hinreichend hell ist und welche an sich selbst ein continuirliches Spectrum giebt.

Aus der Umkehrung der Flammenspectra hat nun Kirchhoff die Erklärung der Fraunhofer'schen Linien im Sonnenspectrum abgeleitet. Um diese zu erklären, muss man annehmen, dass der feste Sonnenkörper, welcher für sich allein ein continuirliches Spectrum von grosser Helligkeit geben würde, von einer Atmosphäre glühender Gase umgeben ist, in welcher zahlreiche Stoffe in Dampfform verbreitet sind. Diese glühenden Gase würden für sich, d. h. ohne den weissglühenden Centralkörper, ein Spectrum liefern, welches aus getrennten hellen Linien besteht, und welches durch die weissglühende Unterlage umgekehrt wird.

Wir müssen demnach annehmen, dass alle Stoffe in Dampfform in der Sonnenatmosphäre enthalten sind, deren Flammenspectra oder deren elektrische Spectra helle Linien liefern, welche mit dunklen Linien des Sonnenspectrums zusammenfallen. Den Angaben des vorigen Paragraphen zufolge müsste also die Sonnenatmosphäre Dämpfe von Natrium, Kalium, Magnesium, Calcium, Chrom u. s. w. enthalten, während Lithium, Aluminium, Zink, Quecksilber, Kupfer, Silber u. s. w. fehlen.

Absorption des Lichtes durch farbige Gase. Bei Unter- 258 suchung des prismatischen Spectrums, welches man erhält, wenn man die einfallenden Strahlen erst durch die rothen Dämpfe der salpetrigen Säure

leitet, machte Brewster die merkwürdige Entdeckung, dass die Absorptionserscheinungen hier Eigenthümlichkeiten zeigen, welche bei farbigen Flüssigkeiten sowohl als auch bei farbigen Gläsern und anderen durchsichtigen farbigen festen Körpern fehlen. Nr. 5 auf Tab. III. stellt das Absorptionsspectrum der salpetrigen Säure dar; das violette Ende erscheint vollständig absorbirt, der übrige Theil aber von einer Reihe dunkler Linien durchschnitten, welche grosse Aehnlichkeit mit den Fraunhofer'schen Linien zeigen, aber breiter und kräftiger sind.

Um diese Erscheinung zu zeigen, stelle man auf die bekannte Art ein Spectrum auf einem Papierschirm so dar, dass es wenigstens die stärksten der Fraunhofer'schen Linien zeigt, und bringe dann dicht hinter den Spalt im Laden eine mit salpetriger Säure gefüllte Röhre von ungefähr wenigstens ³/₄ Zoll Weite. Reiner erhält man die dunklen Linien mit



Hülfe des Apparates Fig. 707. Er ist aus einer Glaskugel gebildet, wie solche innen mattgeschliffenen gegenwärtig allgemein für Lampen gebraucht werden. Die beiden einander gegenüber liegenden Oeffnungen sind durch Platten von Spiegelglas verschlossen, welche durch zwei Metallplatten mittelst dreier Schrauben angedrückt werden. In diese Kugel

kann man leicht durch eine seitliche Oeffnung die Dämpfe einleiten, welche man beobachten will, oder man kann, bevor die Glasplatten aufgelegt werden, die Substanzen einbringen, aus denen die Dämpfe durch vorsichtiges Erwärmen entwickelt werden sollen.

Durch Erwärmen wird die Farbe des Salpetergases intensiver roth, wobei die Stärke sowohl als auch die Anzahl der dunklen Linien zunimmt, so dass die vollständige Absorption mehr und mehr gegen das rothe Ende hin fortschreitet; ja Brewster ist es gelungen, durch fortgesetztes Erhitzen das Gas, ohne dass eine Zersetzung eintritt, vollständig schwarz zu machen, so dass nicht ein Sonnenstrahl durchzudringen vermochte, wobei freilich häufig die Röhren zerspringen (Poggendorff's Annal. Bd. XXXVIII-Seite 50).

Auch andere farbige Gase zeigen Absorptionserscheinungen, welche denen der salpetrigen Säure ähnlich sind, namentlich Joddampf, Bromdampf, der Dampf von Manganhyperchlorid, Unterchlorsäure u. s. w.

Fig. 4 auf Tab. III. zeigt den allgemeinen Anblick der vom Jod erzeugten Linien; sie sind im orangefarbenen und gelben Theile am deutlichsten, im Grün aber werden sie so zahlreich, dass es bei einigermaassen intensiver Färbung des Gases vollständig absorbirt ist. Die Streifen sind nicht scharf begränzt und zeigen sich, mit hinlänglich vergrössernden Fernröhren nach der im §. 244, Seite 596 besprochenen Methode unter-

sucht, aus sehr feinen Linien zusammengesetzt, die an Zahl und Stärke nach der Mitte der Streifen hin zunehmen.

Nicht alle farbigen Gase und Dämpfe zeigen solche Absorptionsstreifen: sie fehlen z.B. im Chlor, im rothen Dampf von Chromoxychlorid. im purpurnen der Uebermangansäure und im prachtvoll karmoisinrothen des Indigo.

Bei farblosen Gasen und Dämpfen hat man bis jetzt noch keine Absorptionsstreifen der in diesem Paragraphen besprochenen Art beobachtet.

Fluorescenz. Wenn man einige Stücke von der Rinde des gewöhn- 259 lichen Rosskastanienbaums mit Wasser übergiesst und es nur ganz kurze Zeit darauf stehen lässt, so nimmt die Flüssigkeit eine schwach bräunliche Färbung an, zeigt aber von gewissen Seiten her betrachtet einen ganz eigenthümlich bläulichen Schimmer, welchen man besonders gut wahrnimmt. wenn man die in einem Gefässe mit verticalen Wänden befindliche Flüssigkeit von oben herab betrachtet, während helles Tageslicht oder noch besser directes Sonnenlicht von vorn auf die Flüssigkeit fällt.

Das in der Kastanienrinde enthaltene Aesculin ist die Ursache dieser Erscheinung.

Eine Auflösung von schwefelsaurem Chinin in der hundert- bis zweihundertfachen Gewichtsmenge Wasser, welchem einige Tropfen Schwefelsäure zugesetzt sind, zeigt fast dieselbe Erscheinung, wie der Auszug aus der Kastanienrinde, nur ist die Chininlösung für durchgehendes Licht vollkommen klar und farblos, weshalb der blaue Schimmer hier in grosser Reinheit auftritt.

Ganz ähnlich verhält sich ein alkoholischer Auszug aus dem Samen des Stechapfels (Datura Strammonium). Diese Flüssigkeit hat eine bräunlichgelbe Färbung und zeigt einen grünlichen Schiller.

Eine höchst auffallende Erscheinung bietet das Blattgrün (Chlorophyll). Man erhält es, wenn man die Blätter von Wasserpfeffer (Polygonum hydropiper), Brennnesseln, Epheu u. s. w. mit Aether extrahirt. Frisches Kraut, namentlich im Frühjahr, giebt das Chlorophyll nicht so leicht ab, wie altes und namentlich getrocknetes. Es genügt z. B., das getrocknete Pfeffermunzkraut, wie es in jeder Apotheke verkauft wird, mit Aether übergossen eine Stunde lang stehen zu lassen, um eine intensiv gefärbte Lösung von Chlorophyll zu erhalten.

Eine solche durch Chlorophyll gefärbte, im durchgehenden Lichte schön grüne Flüssigkeit, deren Spectralanalyse in Nr. 8, Tab. I. dargestellt ist, zeigt, dem Sonnenlichte ausgesetzt, auf der Oberfläche eine intensiv blutrothe Färbung.

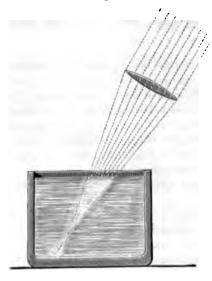
Alkoholische Lösungen von Blattgrün zeigen diese Erscheinung weit weniger schön als ätherische; sie zeigen nämlich nur einen trüben braunrothen Schiller.

Einen schön blauen Schiller zeigen auch manche violetten und grün-

lichen Varietäten des Flussspathes, namentlich von Derbyshire, und deshalb schlägt Stokes vor, dieses Phänomen, welches man früher nicht ganz passend innere Dispersion genannt hatte, mit dem Namen der Fluorescenz zu bezeichnen.

Um die Erscheinung deutlicher und brillanter zu sehen, als es unter

Fig. 708.



den eben erwähnten Verhältnissen möglich ist, wandte Brewster folgende Beobachtungsmethode an: Die zu prüfende Flüssigkeit wird in ein oben offenes Gefäss gegossen und dann mittelst einer Convexlinse von 2 bis 3 Zoll Brennweite ein Bündel Sonnenstrahlen gegen die Oberfläche derselben hin concentrit, wie dies Fig. 708 andeutet. Die Linse wird so gehalten, dass der Brennpunkt je nach den Umständen mehr oder weniger tief unter den Spiegel der Flüssigkeit zu liegen kommt.

Wird eine Chininlösung auf diese Weise untersucht, so erblickt man einen prachtvoll himmelblauen Lichtkegel, welcher zunächst an der Oberfläche der Flüssigkeit am lebhafte-

sten ist und mit dem Eindringen in das Innere der Flüssigkeit rasch an Lichtstärke abnimmt. Ganz Aehnliches zeigt der Aufguss der Kastanienrinde und der alkoholische Auszug von Stechapfelsamen, nur dass bei Verhalten fluorescirender Körper gegen farbiges Licht. 639 zweckmässigsten ein Würfel) concentrirte Lichtkegel erscheint als ein hellgrüner Nebel, während in den genannten Varietäten des Flussspathes ein blauer Lichtkegel erscheint.

Verhalten fluorescirender Körper gegen farbiges Licht. 260 Ueber die Natur des eigenthümlichen Lichtes, welches fluorescirende Körper zeigen, hat Stokes dadurch viel Aufschluss gegeben, dass er ihr Verhalten in farbigem Lichte untersuchte.

Betrachtet man z. B. durch die grüne Lösung von Chlorkupfer (welche man zu diesem Versuch in ein Gefäss der in Fig. 692 dargestellten Art giessen kann) den Lichtkegel, welcher mittelst einer Sammellinse in einem Würfel von Uranglas erzeugt worden ist, so erscheint er fast eben so hell wie vorher; lässt man aber die Sonnenstrahlen vor ihrem Eintritt in das Uranglas durch die Lösung von Chlorkupfer gehen, etwa indem man das mit dieser Lösung gefüllte Gefäss dicht vor die Linse hält, so verschwindet der grüne Lichtkegel im Uranglas fast vollständig.

Hält man dagegen die blaue Lösung von schwefelsaurem Kupferoxydammoniak vor die Linse, so erscheint der grüne Lichtkegel im Uranglas fast in ungeschwächter Stärke, während er fast verschwindet, wenn man ihn durch die fragliche blaue Lösung betrachtet.

Eine Reihe von Versuchen, welche in der gleichen Weise angestellt wurden, gab die in der folgenden Tabelle zusammengestellten Resultate.

Fluorescirende Flüssigkeit	Farbiges Mittel	Vor dem Auge	Vor der Linse
Schwefels. Chinin	Chroms. Kali Chlorkupfer	gut sichtbar sichtbar	verschwunden verschwunden
Stechapfeltinctur " " "	Chroms. Kali Chlorkupfer Schwefels. Kupfer- oxydammoniak	sichtbar sichtbar fast verschwun- den	fast verschwunden verschwunden sichtbar
Curcumatinetur	Rothes Glas Schwefels, Kupfer- oxydammoniak	sichtbar verschwunden	verschwunden sichtbar
Blattgrün	Schwefels. Kupfer- oxydammoniak	verschwunden	sichtbar.

Diese Versuche zeigen uns nun deutlich, was für ein Unterschied besteht zwischen den Farben der gewöhnlichen Körper und denen der fluorescirenden. Bei einem gewöhnlichen Körper ist es ganz gleichgültig, ob wir nur Licht auf ihn fallen lassen, welches durch ein farbiges Medium gegangen ist, oder ob wir ihn durch dieses Medium betrachten. Ein Stück Siegellack z. B. erscheint roth, mag man nun Strahlen auf dasselbe fallen lassen, welche zuvor durch ein rothes Glas gegangen sind, oder mag man dasselbe, während es von weissem Licht beschienen ist, durch das rothe Glas hetrachten; schwarz erscheint dagegen das Stück Siegellack, wenn es nur von grünen Strahlen getroffen oder durch die Chlorkupferlösung betrachtet wird.

Die Eigenthümlichkeit der fluorescirenden Körper besteht obigen Versuchen zufolge hauptsächlich darin, dass sie im Stande sind, die Farbeder auf sie fallenden Strahlen zu ändern, denn sie senden zerstretes Licht aus, welches in den meisten Fällen von anderer Farbe ist als der auffallende.

Das violette und blaue Licht, welches durch die Lösung von schwefelsaurem Kupferoxydammoniak gegangen ist (Seite 616), kann ein grünes Lichtbündel im Uranglas erzeugen, ein Grün, welches selbst durch die Lösung des genannten Salzes absorbirt wird.

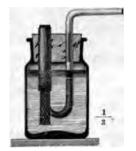
Dagegen sind die grünen Strahlen, welche durch eine Lösung von Chlorkupfer gegangen sind, nicht mehr im Stande im Uranglas den grünen Nebel zu erzeugen, obgleich das Grün dieses Nebels, wenn er durch weises oder blaues Licht erzeugt worden ist, sehr gut durch eine Lösung von Chlorkupfer hindurchgeht. Wie man aus obigen Angaben ersieht, sind er vorzugsweise die blauen und die violetten Strahlen, welche in fluorescirenden Körpern die eigenthümlichen Lichterscheinungen hervorrufen. Stokes benutzt dies, um auch ohne Anwendung von Sonnenlicht Fluorescenzerschei-

gaslampe enthalten vorzugsweise die leuchtenderen grünen, gelben und rothen Strahlen, welche wenig oder gar nicht fluorescenzerregend wirken, weshalb man bei Kerzen- und Lampenlicht kaum Spuren von Fluorescenzerscheinungen wahrnehmen kann. Das im Tages- und Sonnenlicht so feurig-grüne Uranglas sieht deshalb des Abends bei Lampenbeleuchtung sehr unscheinbar aus.

Auch die durch Strontian roth und die durch Kupfer grün gefärbten Flammen zeigen in dieser Beziehung nur unbedeutende Wirkungen, weil ihnen namentlich die brechbaren Strahlen fehlen, wie schon der Anblick ihrer Spectra zeigt.

Zu den wenigen Flammen, welche vorzugsweise blaue und violette





Strahlen enthalten, gehört die des Schwefels und namentlich die des Schwefelkohlenstoffs. Babo hat ein eigenes Lämpchen construirt, um eine möglichst lebhafte Flamme von Schwefelkohlenstoff hervorzubringen, welches Fig. 709 Das cylindrische Glasgefäss. dargestellt ist. welches den Schwefelkohlenstoff enthält, ist oben mit einem Kork geschlossen, in welchem eine gegen 8 bis 10 Millimeter weite Glasröhre steckt; in diese Glasröhre ist eine zweite, mit einem runden Docht umgebene hineingesteckt, wie man in Fig. 709 deutlich sieht. Diese innere

Röhre ist unten umgebogen, geht seitwärts wieder durch den Kork hindurch und dient, um Sauerstoffgas durch das Innere der am oberen Ende des Dochtes brennenden Flamme strömen zu lassen. Ein dem matten Lichte dieser Flamme ausgesetztes Stück Uranglas (ein Würfel etwa) strahlt ein wunderbar grünes Licht in der Art aus, dass es selbst zu leuchten scheint, ein Effect, welcher gewiss nur daher rührt, dass die ganze Umgebung durch das Licht der Schwefelkohlenstoff-Flamme nur sehr schwach erleuchtet wird. Wie das Uranglas, so strahlt auch, von der Flamme des Schwefelkohlenstoffs beleuchtet, jeder andere fluorescirende Körper in seinem eigenthümlichen Lichte; Blattgrün z. B. erscheint blutroth, Chininlösung zeigt ihren blauen Schiller u. s. w.

Untersuchung fluorescirender Körper im prismatischen Spectrum. Was im vorigen Paragraphen über das Verhalten fluorescirender Körper gegen verschiedenfarbiges Licht gesagt, findet seine Bestätigung, wenn man sie dem prismatischen Farbenspectrum aussetzt, wobei sich aber noch weitere Eigenthümlichkeiten herausstellen.

Fluorescirende Flüssigkeiten werden behufs dieser Versuche in Gefässe mit parallelen Glaswänden gegossen, welche ungefähr so construirt sind, wie das Fig. 692 abgebildete, nur müssen sie andere Dimensionen haben; etwa 20cm lang, 6cm hoch und 3cm dick. In Ermangelung solcher Gefässe kann man auch gläserne Toiletteschüsselchen gebrauchen, wie sie jetzt häufig im Handel vorkommen. Das Spectrum wird gerade so erzeugt. als ob man die Fraunhofer'schen Linien auf einem Papierschirme beobachten wollte, an die Stelle des Schirmes wird aber dann die vorder-Fläche des mit der fluorescirenden Flüssigkeit gefüllten Gefässes gesetzt.

Der Anblick, welchen auf diese Weise eine Chininlösung hervorbringt ist ungemein merkwürdig. Die weniger brechbaren Strahlen gehen ungehindert durch die Lösung hindurch, wie durch Wasser, so dass man an der Vorderfläche des Gefässes von dem rothen Ende des Spectrums nichts sieht als was etwa durch Unreinheit der Glasfläche diffundirt wird. Erst im Blau beginnt die Chininlösung Licht zu zerstreuen, so dass man auf ihrer Vorderfläche einen Farbenstreifen von zerstreutem Lichte erblickt, welcher zwischen den dunklen Streifen G und H beginnend, sich noch weit über die violette Gränze des gewöhnlichen Spectrums hinaus erstreckt. Die dunklen Streifen H erscheinen hier mit weit grösserer Deutlichkeit als auf dem Papiere, und noch in dem über H hinaus verlängerten Theile des Spectrums zeigt sich eine Menge dunkler Linien, von denen man auf einem Papierschirme nicht die Spur wahrnehmen kann.

Stokes hat die charakteristischsten dunklen Linien und Liniengruppen im ultravioletten Theil des Spectrums mit den Buchstaben L, M.
N, etc. bis S bezeichnet; dieselben treten auch in dem photographirten
Spectrum, Tab. IV., dessen Darstellung im nächsten Capitel besproches
werden wird, sehr deutlich auf. Man sieht hier z. B., dass zwischen des
beiden starken H-Streifen noch mehrere feine Linien liegen. Die mit L
bezeichnete Gruppe ist durch 5 einander ziemlich nah, und M durch 4
stärkere weiter von einander abstehende dunkle Linien charakterisirt. 0
wird durch eine einzige, P durch zwei dunkle Linien gebildet etc.

Was die Farbe dieses Lichtstreifens betrifft, welchen wir das durch

Strahlen, ferner noch solche Strahlen, welche brechbarer als violett, unmittelbar im Auge keine merkliche Lichtempfindung hervorrufen können und die wir als ultraviolett bezeichnen wollen, in der Stechapfeltinctur ein grünes Licht erzeugen.

Auf der Vorderfläche einer Lösung von Blattgrün erscheint das modificirte Spectrum als ein Lichtstreifen von rother Farbe. Er beginnt zwischen den Fraunhofer'schen Linien B und C und geht an dem anderen Ende des Spectrums weit über die Linien H hinaus. Sehr hell ist dieser rothe Streifen nur zwischen C und D, darauf folgt ein fast ganz dunkler Zwischenraum, welcher in der Nähe von F in eine carmoisinrothe Färbung übergeht; über H hinaus ist dann die Färbung des Spectralstreifens dunkel rothbraun. Bei dem durch Blattgrün modificirten Spectrum erscheinen also alle Fraunhofer'schen Linien auf dunkelrothem Grunde, weshalb sie hier auch nicht so gut sichtbar sind als bei den vorher besprochenen Flüssigkeiten.

Ganz ähnliche Erscheinungen, wie wir sie bisher betrachtet haben, zeigt auch ein mit Curcumatinctur bestrichenes Papier; wird ein solches ins Spectrum gehalten, so erscheint dasselbe weit über H hinaus verlängert. Vom rothen Ende des Spectrums bis gegen F hin bleiben die Farben des auffallenden Lichtes unverändert; von da an aber bildet das durch das Curcumapapier modificirte Spectrum einen schmutzig grünen Lichtstreifen, auf welchem die Linien G, H und die dem ultravioletten Theile des Spectrums angehörigen, L, M, N u. s. w. mit grosser Deutlichkeit sichtbar sind.

Der Contrast des auffallenden blauen und violetten Lichtes gegen die grünliche Färbung des durch das Curcumapapier modificirten Lichtes kann man am besten wahrnehmen, wenn man einen Schirm von der auf Seite 618 besprochenen Art anwendet, dessen untere Hälfte mit Curcumatinctur gefärbt ist, und diesen Schirm so ins Spectrum bringt, dass die obere Hälfte des Spectrums auf das weisse Papier, die untere auf den angestrichenen Theil fällt.

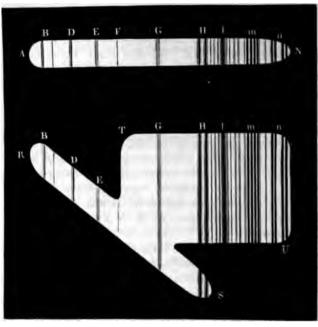
Papiere, welche mit einer ziemlich concentrirten Lösung von Chinin oder mit dem Auszuge des Stechapfelsamens getränkt sind, verhalten sich auf ähnliche Weise wie das Curcumapapier; ganz besonders aber eignet sich, nach Böttger's Angabe, zu diesen Versuchen ein mit einer concentrirten Lösung von Kaliumplatincyan ür bestrichenes Papier; doch habe ich gefunden, dass mit diesem Salze bestrichene Papiere erst dann fluorescirend wirken, wenn sie so stark imprägnirt sind, dass die Oberfläche mit feinen Krystallnädelchen überdeckt ist.

Solche Papiere sind für den Gebrauch weit bequemer als fluorescirende Flüssigkeiten. Gleiche Bequemlichkeit für den Gebrauch bietet aber auch eine ungefähr 8 Zoll lange und $1^{1}/_{2}$ Zoll hohe Platte von Uranglas.

Prismatische Zerlegung der Fluorescenzfarben. Stokes, 262 welchem wir die Kenntniss aller der in den beiden letzten Paragraphen

besprochenen Thatsachen verdanken, hat seine Untersuchungen über Fluorescenz (Poggendorff's Annal., Ergänzungsband IV) mit einer matischen Analyse des durch fluorescirende Körper modificirten Spec streifens beschlossen.

Untersucht man das auf Curcumapapier aufgefangene Spectrum d ein zweites horizontal gehaltenes Prisma nach der am Schlusse des §. besprochenen Weise, so beobachtet man die in Fig. 710 dargestellte Fig. 710.





e nach dem Farbentone des modificirten Spectrums A N wird auch rhältniss der Bestandtheile des zweiten abgeleiteten Spectrums T U leres werden; beim Blattgrün z. B. bildet Roth den wesentlichsten dtheil, die übrigen Farben sind schwach und das blaue Ende fehlt ganz; bei der Chininlösung dagegen herrscht im secundären abten Spectrum T U das Blau vor, während das rothe Ende fast gänzrschwindet.

ass man bei Anwendung des Curcumapapiers das erste abgelenkte m RS so hell sieht, rührt daher, dass ein solches Papier noch viel ificirtes Licht zurückwirft; ist dies nicht der Fall, wie z. B. bei einer ösung oder bei der Stechapfeltinctur, so wird dieses erste abgelenkte m RS fast ganz fehlen.

elche fluorescirende Substanz man auch diesem Versuche unterwerg, so liegt doch das secundäre abgelenkte Spectrum T.U vollständig b des normalen abgelenkten Spectrums R S, und daraus folgt, dass smatischen Strahlen in fluorescirenden Substanzen nur solches Licht n, welches eine geringere Brechbarkeit hat. — Die blauen, violetten ravioletten Strahlen des Spectrums können also rothes, gelbes, grün Theil auch blaues Licht erzeugen, die rothen, gelben und grünen werden aber niemals in Blau und Violett verwandelt, denn sonst ein Theil des secundären abgelenkten Spectrums links unter R S

Sinne der Vibrationstheorie muss man also sagen, dass, wenn Licht er bestimmten Wellenlänge auf einen fluorescirenden Körper fällt, erstreutes Licht von grösserer Wellenlänge und geringerer gungsdauer umgewandelt werden kann.

zuletzt beschriebene Beobachtungsmethode ist nun die geeignetste, intersuchen, ob ein Körper fluorescirend sei oder nicht. Ist letzr Fall, so fehlt das zweite abgelenkte Spectrum TU, wie dies z. B. issen Porzellan der Fall ist. Betrachtet man das auf weissem Pagefangene Spectrum durch ein zweites Prisma, so ist das secundäre n TU, wenn auch nur ganz schwach, sichtbar, woraus hervorgeht, Papier schwach fluorisirt.

okes hat auf diese Weise gefunden, dass eine grosse Anzahl von mit einem geringen Grade von Fluorescenz begabt sind.

Description Fluorescenz erregender Strahlen. Wenn 26:3 die Vorderfläche der zwischen parallelen Glasflächen eingeschloshininlösung ein Spectrum fallen lässt und dann die Flüssigkeit
n her betrachtet, so sieht man, dass an der Stelle, wo die Fluobeginnt, der blaue Lichtschimmer durch die ganze Dicke der Flüssig-

ch zieht, wenn dieselbe 2 bis 3 Zoll beträgt; alsbald aber Dicke, bis zu welcher der Lichtschimmer in die Flüssigkeit , sehr rasch ab, so dass sie bei den Linien H, je nach dem Cononsgrade der Chininlösung, nur noch 1 bis 2 Linien beträgt, während weiter hinaus der Lichtschimmer nur noch an der äussersten Oberfläche der Flüssigkeit auftritt.

Es folgt daraus, dass die Chininlösung diejenigen Strahlen absorbirt, welche vorzugsweise Fluorescenz zu erregen im Stande sind.

Wenn man auf Curcumapapier ein Spectrum erzeugt hat, so verschwindet der ultraviolette Theil desselben sogleich, wenn man ein Gefäss von der Fig. 692 Seite 615 dargestellten Art mit Schwefelkohlenstoff gefüllt dicht hinter den Spalt bringt, durch welchen die Sonnenstrahlen in das dunkle Zimmer eintreten. So vollkommen also auch der Schwefelkohlenstoff alle sichtbaren Strahlen des Spectrums durchlässt, so absorbirt er doch die ultravioletten; man dürfte deshalb in den oben beschriebenen Versuchen das Flintglasprisma nicht durch ein mit Schwefelkohlenstoff gefülltes Hohlprisma ersetzen.

Dasselbe ist nach meinem Versuche auch beim Benzol der Fall.

Dagegen lässt der Quarz die ultravioletten Strahlen weit vollständiger durch als Glas; wenn man daher die Sonnenstrahlen durch einen Metallspiegel ins dunkle Zimmer reflectirt, wenn man ferner statt des Flintglasprismas ein Quarzprisma anwendet, welches so geschliffen und gestellt ist, dass die durchgehenden Strahlen dasselbe in der Richtung der optischen Axe durchlaufen, wenn man endlich die dicht hinter dem Prisma aufgestellte Glaslinse mit einer senkrecht zur Axe geschliffenen Linse von Bergkrystall vertauscht, so fällt die Verlängerung des Spectrums auf fluorescirenden Papieren viel bedeutender und lichtstärker aus, als wenn man Glasprisma und Glaslinse anwendet.

Wenn das Spectrum durch Glasapparate erzeugt wird, so erstreckt sich der ultraviolette Theil desselben kaum über die Linie N, Tab. IV. während er über R hinausreicht, wenn man Quarzapparate ange-

Phosphorescenz. Durch die Phänome der Fluorescenz haben 264 die schon länger bekannten Erscheinungen der Phosphorescenz ein neues Interesse gewonnen.

Es ist bekannt, dass Phosphor im Dunkeln schwach leuchtet, wenn er mit der atmosphärischen Luft in Berührung kommt. Hier ist das Leuchten leicht zu erklären, denn es findet unter den angedeuteten Umständen eine allmälige Oxydation, eine langsame Verbrennung des Phosphors statt, welche offenbar die Quelle der schwachen Lichtentwickelung ist. Nach dieser bekannten Erscheinung, welche man an jedem Streichhölzchen beobachten kann, hat man überhaupt jedes schwache Leuchten eines Körpers, mag die Ursache desselben sein, welche sie will, mit dem Namen der Phosphorescenz bezeichnet.

Das Leuchten des faulen Holzes, faulender Fische, der Johanniswürmchen u. s. w., ist ohne Zweifel wie das des Phosphors, nur die Folge eines chemischen Processes.

Die Erscheinung eines schwachen Leuchtens tritt aber bei gewissen Körpern auch ohne chemische Processe auf, und zwar

1) in Folge mechanischer Effecte. Wenn man im Dunklen zwei Kieselsteine an einander reibt, so beobachtet man Funken von röthlicher Farbe; ebenso findet beim Zerbrechen der Kreide, des Zuckers u. s. w. eine Lichtentwickelung statt, ferner beim Spalten des Glimmers u. s. w.

In diese Kategorie gehört wohl auch die von Rose beobachtete Lichtentwickelung beim Krystallisiren der arsenigen Säure, sowie des schwefelsauren Kalis und Natrons.

- 2) Durch Erwärmen. Gewisse Varietäten von Diamant und von Flussspath leuchten im Dunkeln, wenn sie erwärmt werden und zwar schon bei einer Temperatur, welche noch sehr weit von der des Glülens entfernt ist. Es lässt sich dieses zeigen, wenn man Stücke des zu untersuchenden Körpers auf einem Metallblech über der Weingeistlampe erwärmt.
- 3) Durch Insolation, d. h. durch Einwirkung von Licht, und zwar vorzugsweise von Sonnenstrahlen oder durch intensives elektrisches Licht. Die neuesten und ausgedehntesten Untersuchungen über die Phosphorescenz durch Insolation hat F. Becquerel angestellt und seine interessanten Resultate in den "Annales de chimie et de physique (3. série T. LV u.LVII)" veröffentlicht. In dem ersten dieser Aufsätze findet man auch eine Zusammenstellung der älteren Literatur über diesen Gegenstand.

Die gewöhnliche Art, die Phosphorescenz durch Insolation zu beobachten, besteht darin, dass man den zu beobachtenden Körper, nachdem er eine Zeit lang den Sonnenstrahlen ausgesetzt war, so rasch als möglich in einen verfinsterten Raum bringt. Um das Auge selbst für ganz schwache Grade der Phosphorescenz empfänglich zu machen, muss man längere Zeit in einem vollkommen verfinsterten Zimmer verweilen und die Augen schliessen, während eine zweite Person den zu insolirenden Körper

durch eine (gleich nach dem Hereinziehen wieder zu schliessende) Oeffnung im Laden des dunklen Zimmers hinaushält.

Unter den in der Natur vorkommenden Körpern, welche durch Insolation leuchtend werden, sind vor Allen die oben genannten, auch durch Erwärmung leuchtend werdenden Varietäten von Diamant und Flussspath zu nennen. Eine mit schön grünem Lichte phosphorescirende Varietät von Flussspath ist unter dem Namen Chlorophan bekannt.

Keiner der durch Insolation phosphoreseirenden Körper zeigt aber die Erscheinung schöner, als die sogenannten künstlichen Leuchtsteine, deren Bereitung Becquerel in der erwähnten Abhandlung ausführlich bespricht. Diese künstlichen Leuchtsteine sind Verbindungen von Schwefel mit dem metallischen Bestandtheil einer der drei alkalischen Erden, also Schwefelcaleium, Schwefelstrontium oder Schwefelbarium.

Diese Verbindungen müssen, wenn sie phosphoreseirend sein sollen auf trocknem Wege und unter dem Einfluss hoher Temperaturhergestellt sein. Man kann zu ihrer Darstellung drei verschiedene Methoden anwenden.

- 1) Die kaustische Erde oder ihr kohlensaures Salz wird mit Schwefel gemengt in einem Tiegel geglüht. Hierher gehört also Canton's Leuchtstein, welcher durch Glühen von Austerschalen mit Schwefel erhalten wird.
- 2) Der Schwefel kann bei dieser Operation durch eine Schwefelverbindung, etwa durch Schwefelantimon oder Realgar ersetzt werden; so erhält man den Osann'schen Leuchtstein durch Glühen von Austerschalen mit Realgar.
- 3) Erhält man den Leuchtstein durch Reduction der schweselsauren Erde, also des Gypses, des Baryts oder des Strontians mittelst Kohle. In diese Kategorie gehört der aus Schwerspath dargestellte

lensauren Kalk fällt und diesen dann mit Schwefel glüht, so erhält man einen sehr schön grün leuchtenden Phosphor; wenn man dagegen die Lösung des salpetersauren Kalks dadurch herstellt, dass man die Salpetersäure direct auf den Arragonit einwirken lässt, im Uebrigen aber ganz auf die eben angegebene Weise verfährt, so erhält man einen rothgelb oder violett leuchtenden Phosphor.

Durch Einwirkung von Schwefel auf kaustische Strontianerde erhält man einen gelb leuchtenden Phosphor, wenn die Temperatur, welcher das Gemenge ausgesetzt war, unter 500°C. geblieben, dagegen einen violett leuchtenden, wenn sie über 500°C. gestiegen war.

Die Reduction des schwefelsauren Strontians durch Kohle liefert einen blau leuchtenden Phosphor; ebenso die Einwirkung des Schwefels auf kohlensauren Strontian.

Auf die gehörige Weise bereitet, sind die eben genannten Substanzen so stark phosphorescirend, dass sie im Dunkeln herrlich leuchten, wenn sie auch nur kurze Zeit dem diffusen Tageslicht, selbst bei bedecktem Himmel, ausgesetzt waren. In feuchter Luft verlieren sie aber allmälig ihre phosphorescirende Eigenschaft, weshalb man sie alsbald nach ihrer Präparation in Glasröhren einschmelzen muss.

Um die durch elektrisches Licht hervorgebrachten Phänomene der Phosphorescenz zu studiren, verdünnte Becquerel die Luft in einer 2 bis 3 Centimeter weiten, und 40 bis 50 Centimeter langen Glasröhre, in der sich die phosphorescirenden Substanzen befanden. An den Enden der Röhre sind die Platindrähte A und B Fig. 711 eingeschmolzen. Das ausgezogene Röhrchen C dient, um die Röhre mittelst einer Luftpumpe zu evacuiren und alsdann zuzuschmelzen. Lässt man im Dunkeln durch den Fig. 711



luftleeren Raum der horizontal gehaltenen Röhre den Entladungsfunken einer Leydener Flasche, oder den continuirlichen Funkenstrom der Elektrisirmaschine, oder endlich den Funkenstrom des Ruhmkorff'schen Inductionsapparates hindurch gehen, so leuchtet die eingeschmolzene Substanz noch eine Zeitlang nach dem Aufhören der elektrischen Entladung.

Die Farbe, welche die künstlichen Phosphore ausstrahlen, ändert sich mit der Temperatur, welche sie während der Insolation besitzen. Am auffallendsten zeigt sich dies beim Schwefelstrontium, welches durch Einwirkung des Schwefels auf Strontianerde bei einer über 500 bis 600°C. gehenden Temperatur dargestellt wurde. Das ausgestrahlte Licht ist bei gewöhnlicher Temperatur violett, es wird dunkel violett bei — 20°, hellblau bei + 40°, bläulich grün bei + 70°, grünlich gelb bei 100° und rothgelb von schwacher Leuchtkraft bei 200°C.

265 Dauer der Phosphorescenz. Zwischen der Intensität der Phosphorescenz und ihrer Dauer findet keinerlei Beziehung statt. Der insolirte Arragonit strahlt im Dunkeln ein lebhaft grünes Licht aus, welches aber schon nach 20 Secunden vollständig erloschen ist, während die schwächere Phosphorescenz des Chlorophans oft nach einer Stunde noch wahrnehmbar ist.

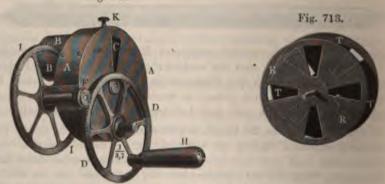
Die Phosphorescenz der insolirten künstlichen Leuchtsteine ist selbst nach einigen Stunden noch wahrnehmbar.

Die meisten Mineralien und Salze zeigen die Erscheinung der Phosphorescenz nur wenige Secunden, höchstens einige Minuten nach dem Aufhören der Insolation, und selbst während dieser kurzen Zeit bei der gewöhnlichen Beobachtungsweise nur so schwach, dass sie nur wahrgenommen werden kann, wenn man mindestens ¹/₄ Stunde im Dunkeln zugebracht, und dadurch die Netzhaut zur Wahrnehmung der schwächsten Lichteindrücke fähig gemacht hat.

Um die Erscheinungen der Phosphorescenz auch an solchen Körpern beobachten zu können, bei welchen dieselbe in sehr kurzer Zeit verschwindet, hat Becquerel einen sehr sinnreichen Apparat construirt, welchen er das Phosphoroskop nennt, und dessen Zweck der ist, die Zeit, welche zwischen den Momenten der Insolation und der Beobachtung vergeht, bis auf Bruchtheile einer Secunde abzukürzen.

Fig. 712 stellt Becquerel's Phosphoroskop dar, wie es von Dubosq ausgeführt wird. A ist eine cylindrische Büchse von geschwärztem Messingblech. In der vorderen ebenen Gränzfläche der Büchse befindet sich die Oeffnung C, welche die Form eines Kreisausschnittes hat. Eine ganz gleiche Oeffnung befindet sich auf der Rückwand der Büchse, der Oeffnung C gerade gegenüber. Durch die Mitte der Büchse geht eine drehbare Axe, auf welche zwei kreisförmige Scheiben R R und T T, Fig. 713, von

Fig. 712.



geschwärztem Messingblech befestigt sind, die sich im Inneren der Büchse um jene Axe drehen lassen. Jede dieser Scheiben hat vier Oeffnungen von der Form der Oeffnung C in der vorderen Platte der Büchse; die

Oeffnungen der beiden Scheiben sind aber alternirend gestellt, so dass jede Oeffnung der einen Scheibe einer vollen Partie der andern entspricht.

Die Umdrehung des Scheibenpaares wird durch Zahnräder in folgender Weise vermittelt. Das durch den Handgriff H in Bewegung zu setzende Zahnrad D greift in den Trieb F ein, an dessen Axe ein zweites Zahnrad I befestigt ist. Das Zahnrad I greift aber in einen zweiten Trieb ein, welcher auf der Rückseite der Büchse auf der centralen Axe sitzt, auf welcher die beiden im Inneren der Büchse rotirenden Scheiben R und T befestigt sind. Jede Umdrehung des Rades D bewirkt 25 Umdrehungen der Scheiben R und T um ihre Axe.

Um einen Körper im Phosphoroskop zu untersuchen, wird derselbe mit etwas Wachs in das Rähmchen Fig. 714 befestigt, und dasselbe mittelst

Fig. 714.



des Knopfes Kvon oben her in die Büchse A eingesetzt, so dass sich das Rähmchen sammt dem darauf befestigten, auf seine Phosphorescenz zu prüfenden Körper zwischen den rotirenden Scheiben befindet.

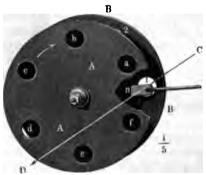
Das ganze Instrument wird endlich mittelst des auf der Rückwand der Büchse aufgeschraubten Rohres \boldsymbol{B} auf diejenige Röhre (etwa die Beleuchtungsröhre eines

Sonnenmikroskops) aufgeschoben, durch welche die Sonnenstrahlen in das dunkle Zimmer eintreten.

Da sich nun aber in jedem physikalischen Cabinet eine Vorrichtung befindet, um eine Axe rasch in Rotation zu versetzen, so kann man dieselbe zur Construction des Phosphoroskops benutzen, und dadurch das etwas theure Räderwerk entbehrlich machen, wie ich es bei dem sogleich zu beschreibenden, nach dem Princip des Becquerel'schen Phosphoroskops construirten Apparat ausgeführt habe.

Fig. 715 zeigt zwei Scheiben, A und B, welche, wie beim Becque-

Fig. 715.



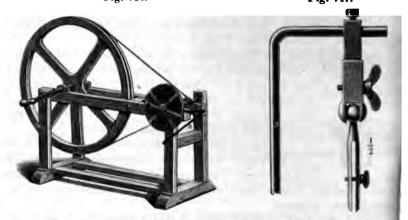
rel'schen Phosphoroskop, auf einer und derselben Axe in unveränderlicher gegenseitiger Stellung ungefähr 1 Zoll von einander abstehend befestigt sind. Jede dieser Scheiben ist gegen den Rand hin mit sechs gleich weit von einander abstehenden Löchern versehen, und die Scheiben sind so gegen einander gestellt, dass ein von dem Mittelpunkt eines Loches der Scheibe A auf die Ebene der andern Scheibe

gefälltes Perpendikel die Scheibe B in einem Punkte trifft, welcher in der Mitte zwischen zwei auf einanderfolgenden Löchern liegt.

Fig. 716 (a. f. S.) zeigt, wie dieses Scheibenpaar auf einer einfachen

Rotationsvorrichtung (auch die Schwungmaschine Fig. 311 Seite 254 liese sich dazu verwenden) angebracht ist, welche auch noch zu manchen anderen Zwecken gebraucht wird, z. B. für die auf Seite 408 besprochenen Sirenenscheiben, für den Newton'schen Farbenkreisel u. s. w.

Diese Vorrichtung wird nun so aufgestellt, dass die Rotationsaxe des Scheibenpaares parallel ist mit der Richtung CD, Fig. 715, der durch die Fig. 716.



Oeffnung im Laden des dunklen Zimmers eintretenden Sonnenstrahlen und dass dieses Strahlenbündel die Scheibe B an einer Stelle ihres Löcherkreises trifft. Ist nun das Scheibenpaar gerade so gestellt, wie Fig. 715 zeigt, so tritt das Strahlenbündel durch die Oeffnung 1 der Scheibe B ein, es trifft aber die Scheibe A an einer Stelle, welche in der Mitte liegtzwischen den Löchern a und f, es kann also nicht in ein bei D befindliches Auge gelangen.

Wenn die Scheiben in der Richtung des Pfeils gedreht werden,

Ist die Umdrehungsgeschwindigkeit gross genug, so sieht man den Körper n in einem eigenthümlichen Lichte strahlen, denn unter diesen Umständen ist das Zeitintervall zwischen den Momenten, in welchen er bestrahlt, und den Momenten, in welchen er beschaut wird, sehr klein. Er beträgt ¹/₁₂ der Umlaufszeit der Scheiben, wenn jede Scheibe 6 Löcher hat, und da man mit Hülfe der Vorrichtung Fig. 716 es leicht dahin bringen kann, dass die Scheiben 50 Umdrehungen in der Secunde machen, so vergeht für diesen Fall zwischen Insolation und Beobachtung nur eine Zeit von ¹/₆₀₀ Secunde.

Fig. 717 stellt die Vorrichtung, mittelst deren die zu untersuchenden Körper zwischen den rotirenden Scheiben gehalten werden, in ½, der natürlichen Grösse dar. Der Metallstab a, von welchem Fig. 717 nur das obere Ende zeigt, ist an das hölzerne Gestell angeschraubt, wie man Fig. 716 sieht, in welcher übrigens der obere Theil des Trägers in zu kleinem Maassstabe erscheint, als dass man hier seine Einrichtung erkennen könnte.

Um möglichst gute Effecte zu erhalten, muss man das einfallende Bündel Sonnenstrahlen durch eine Linse auf den Körper n concentriren und alles störende Licht möglichst abhalten.

Bei dem Becquerel'schen Phosphoroskop ist dies dadurch erreicht, dass das rotirende Scheibenpaar in einer geschwärzten Büchse enthalten ist; bei der in Fig. 716 dargestellten Vorrichtung habe ich diesen Zweck durch folgende Anordnung zu erreichen gesucht.

In den Laden des dunklen Zimmers ist das Beleuchtungsrohr R, Fig. 717 a., eines Sonnenmikroskops eingeschraubt und der Rotationsapparat so aufgestellt, dass das Scheibenpaar dicht vor der vorderen Linse des Beleuchtungsrohres rotirt. (Um bei der in Fig. 717 a. angedeuteten Aufstellung den Apparat bequem umdrehen zu können, müsste die Kurbel,



Fig. 717 a.

nicht auf derselben Seite des grossen Rades angebracht sein, auf welcher sich die durchlöcherten Scheiben befinden, wie es Fig. 716 darstellt, sondern auf der entgegengesetzten Seite.) Vor den rotirenden Scheiben A und B wird aber noch ein beiderseits geschwärzter

Schirm S aufgestellt, welcher nur eine einzige Oeffnung hat, deren Mittelpunkt in die Verlängerung des Rohres R fällt, und welche

durch welche die Umdrehung bewirkt wird,

nur wenig grösser ist als eines der Löcher in den rotirenden Scheiben. Durch diese Oeffnung im Schirm S schaut der Beobachter aus einer Entfernung von mehreren Schritten hindurch.

Im Phosphoroskop sieht man eine grosse Menge von Körpern leuchten, welche nach der gewöhnlichen Beobachtungsweise keine Spur von Phosphorescenz zeigen, weil eben bei ihnen die Dauer der Phosphorescenz nur eine sehr kurze ist.

Schon bei geringer Umdrehungsgeschwindigkeit sieht man den Kalk-

spath im Phosphoroskop mit orangenfarbenem Lichte strahlen, während der Arragonit ein grünliches Licht giebt.

Glas, namentlich bleihaltiges Glas, leuchtet mit grünlichem Licht. Besonders schöne Effecte geben uranhaltige Substanzen, wie Uranglas, und Krystalle von salpetersaurem Uranoxyd. Die letzteren werden im Phosphoroskop mit lebhaft grünem Lichte sichtbar, wenn die Umdrehungsgeschwindigkeit der Art ist, dass die Beschauung 1/30 bis 1/25 Secunde nach der Bestrahlung stattfindet, das Maximum des Effectes tritt aber ein, wenn dieses Intervall 1/300 bis 1/256 Secunde beträgt.

Thonerde in Gestalt von Korund, Saphir oder Rubin strahlt im Phosphoroskop mit einem sehr lebhaften und reinen rothen Lichte. Dieselbe Farbe zeigt Thonerde, welche vor dem Knallgasgebläse geschmolzen worden ist, sowie Thonerde, welche aus der Lösung eines Thonerdesalzes niedergeschlagen und längere Zeit bei hoher Temperatur calcinirt worden ist. Um das letztere Präparat in dem Phosphoroskop zu beobachten, befestigt man das Pulver auf einem Glimmerblatt.

Auch verschiedene thonerdehaltige Mineralien, wie Spinell, Disthen, und in geringerem Grade Topas, leuchten im Phosphoroskop mit rothem Licht.

Vergleicht man die Farbe der Strahlen, welche die Phosphorescenz merregen im Stande sind, mit der Farbe derjenigen, welche der Körper im Dunkeln ausstrahlt, so findet man ähnliche Beziehungen, wie wir sie bei der Fluorescenz kennen lernten. Im Allgemeinen ist die Farbe des ausgestrahlten Lichtes verschieden von der des erregenden. Bei der Phosphorescenz wie bei der Fluorescenz sind vorzugsweise die blauen, violetten und ultravioletten Strahlen die erregenden, während das Licht, mit welchem

Ein grün leuchtendes Schwefelcalcium wurde phosphorescirend in dem Theil des Spectrums, welcher zwischen die Fraunhofer'schen Linien G und H fällt, und dann wieder im ultravioletten Theil des Spectrums durch die Partie, welche zwischen den dunklen Linien M und Q (siehe Tab. IV.) liegt. Die Partie zwischen H und M brachte fast keine erregende Wirkung hervor.

Ein besonders interessantes Präparat ist ein schön grün phosphorescirendes Schwefelstrontium, welches durch Einwirkung von Schwefel auf kohlensauren Strontian erhalten wurde. Flächenhaft ausgebreitet, zeigt es zwei Maxima phosphorescirender Erregung, eines zwischen F und H, das andere zwischen L und P, während zwischen H und L keine Phosphorescenz merklich ist. Wenn dieses Präparat so dargestellt ist, dass es im diffusen Tageslicht schwefelgelb erscheint, so ist es aber nicht allein phosphorescirend, sondern mit der gleichen Farbe auch fluorescirend, und zwar nicht allein an denselben Stellen des Spectrums, in welchen es phosphorescirt, sondern auch, wenngleich weit schwächer, zwischen H und L. Mit der Insolation hört aber die Lichtemission zwischen H und L auf, während sie an den beiden anderen bezeichneten Stellen noch eine Zeit lang fortdauert.

Man findet also so mannigfache Beziehungen und Analogien zwischen Phosphorescenz und Fluorescenz, dass man zu dem Schlusse berechtigt ist, die Fluorescenz sei ein Phosphoresciren, welches schon während der Insolation wahrnehmbar ist, aber sehr rasch nach dem Aufhören der Insolation verschwindet. Umgekehrt kann man die Phosphorescenz als eine die Insolation noch lange überdauernde Fluorescenz bezeichnen.

Im Sinne der später ausführlicher zu besprechenden Undulationstheorie des Lichtes kann man die Erscheinungen der Fluorescenz und der Phosphorescenz ungefähr in folgender Weise erklären.

Die Lichtstrahlen werden nach der Undulationstheorie durch die Vibrationen des Aethers fortgepflanzt, welcher nicht nur die Himmelsräume, sondern auch die Zwischenräume zwischen den Atomen der ponderabeln Körper erfüllt. Wenn nun die Lichtstrahlen (Aethervibrationen), welche einen Körper treffen, nicht allein den in ihnen enthaltenen Aether, sondern auch seine ponderabeln Atome in Oscillation versetzt, so wird er selbstleuchtend, wenn die Oscillationsgeschwindigkeit nicht unter eine gewisse Gränze (die Oscillationsgeschwindigkeit der rothen Strahlen) herabsinkt. Der Körper ist fluorescirend, wenn die Vibration seiner ponderabeln Atome mit der Einwirkung der erregenden Lichtstrahlen aufhört; er ist phosphorescirend, wenn die Vibration seiner Körperatome nach dem Aufhören der Insolation noch eine Zeit lang fortdauert.

Wenn durch die einen Körper treffenden Aethervibrationen auch seine ponderabeln Atome in Vibration versetzt werden, so muss dies nothwendig eine Verminderung der Oscillationsgeschwindigkeit zur Folge haben, wodurch die bei der Phosphorescenz wie bei der Fluorescenz stattfindende Umwandlung der rascher oscillirenden brechbareren Strahlen des auffallenden Lichtes in langsamer vibrirende, weniger brechbare, ihre Erklärung finden.

Sechstes Capitel.

Die chemischen Wirkungen des Lichtes.

267 Einfluss des Lichtes auf chemische Verbindungen und Zersetzungen. Zwischen den Erscheinungen der Fluorescenz und den chemischen Wirkungen des Lichtes finden so vielfache Beziehungen statt dass die Besprechung der letzteren am zweckmässigsten gerade nach den die Fluorescenz behandelnden Paragraphen ihre Stelle findet.

Bei gewöhnlicher Temperatur verbinden sich im Dunklen Chlorgss und Wasserstoffgas nicht mit einander; sobald man aber dem Lichte den Zutritt gestattet, geht die Verbindung vor sich, und zwar langsam im Tegeslichte, unter Explosion im Sonnenlichte. — Das in Wasser absorbirte öls, die grüne Färbung des gelben Guajaks, wenn eine weingeistige Lösung desselben, auf Papier gestrichen, dem Lichte ausgesetzt wird u. s. w.

Zum Gedeihen der lebenden Pflanzen ist das Licht durchaus nöthig. Im Dunklen ist eine kräftige Entwickelung derselben unmöglich, sie erhalten hier bald ein verkümmertes Ansehen, Blätter und Blüthen bleiben blass. Pflanzen, die in Zimmern gezogen werden, wachsen bekanntlich immer nach den Fenstern hin.

Die grünen Theile der Pflanzen absorbiren Kohlensäure aus der Luft; diese Kohlensäure wird zerlegt, der Kohlenstoff bleibt als Bestandtheil der Pflanze zurück, während der Sauerstoff wieder in die Atmosphäre ausgehaucht wird. Diese Zersetzung der Kohlensäure und das Aushauchen von Sauerstoff in die Luft findet aber nur unter dem Einflusse des Lichtes statt. Man kann sich leicht davon überzeugen, wenn man einen frischen grünen Zweig unter eine mit kohlensäurehaltigem Wasser gefüllte Glasglocke bringt; im Lichte entwickeln sich zahlreiche Gasblasen an den Blättern, die in den oberen Theil der Glasglocke aufsteigen; das hier gesammelte Gas ist Sauerstoffgas. Diese Gasentwickelung findet im Dunklen nicht statt, sie hört auf, sobald dem Wasser alle freie Kohlensäure entzogen worden ist.

Im Allgemeinen ist die chemische Wirkung der blauen und violetten Strahlen ungleich stärker als die der rothen.

Photographie. Schon Wedgwood kam auf den Gedanken, die 268 Schwärzung des Chlorsilbers zu benutzen, um die Bilder der Camera obscura zu fixiren, und in der That stellte Davy mittelst eines Sonnenmikroskops die Bilder kleiner Gegenstände auf Chlorsilberpapier dar; sie wurden aber bald durch die fortdauernde Einwirkung des Lichtes auf das Chlorsilber wieder vernichtet. Niepce brachte es in der Kunst, solche Lichtbilder zu fixiren, schon weiter; allein erst Daguerre fand nach vielen mühsamen Versuchen ein Verfahren, welches in dieser Hinsicht fast Unglaubliches leistet.

Das Material, auf welchem die Daguerre'schen Lichtbilder dargestellst werden, ist eine plattirte, d. h. eine mit einer dünnen Silberschicht überzogene Kupferplatte. Nachdem sie gehörig gereinigt worden ist, wird sie auf eine viereckige Porzellanschale gelegt, welche eine wässerige Lösung von Chlorjod enthält, und hier so lange den Dämpfen des Jods ausgesetzt, bis sich eine goldgelbe oder violette Schicht von Jodsilber auf der Platte gebildet hat. Nun wird die Platte, vor jeder fremden Einwirkung des Lichtes geschützt, genau an der Stelle in die Camera obscura eingesetzt, an welcher ein scharfes Bild des abzubildenden Gegenstandes entsteht. Nach einiger Zeit, deren Dauer von mannigfachen Umständen abhängt, wird die Platte aus der Camera obscura weggenommen. Man sieht jetzt noch keine Spur eines Bildes; dasselbe tritt aber alsbald hervor, wenn man sie Quecksilberdämpfen aussetzt. Sobald das Bild hinlänglich ausgeprägt ist, wird die Platte in eine Lösung von unterschwefligsaurem

Müller's Lehrbuch der Physik, 6te Aufl. L.

Natron gelegt, wodurch der Ueberzug von Jodsilber aufgelöst und so eine fernere Einwirkuug des Lichtes unmöglich gemacht wird.

An den Stellen der jodirten Platte, auf welche die hellen Partien des Bildes der Camera obscura gefallen waren, hat das Licht schon eine Einwirkung hervorgebracht, bevor dieselbe dem Auge sichtbar wird; diejenigen Stellen der Platte nämlich, welche dem Lichte am meisten ausgesetzt waren, haben die Eigenschaft erhalten, Quecksilberdämpfe zu condensiren; hier schlägt sich also Quecksilber in unendlich feinen Perlchen nieder, während da, wo das Licht nicht eingewirkt hat, kein solcher Niederschlag stattfindet. Nachdem nun an den letzteren Stellen das völlig unveränderte Silberjodid abgewaschen worden ist, hat man an den hellen Partien des Bildes den feinen Quecksilberstaub, da, wo das Licht nicht eingewirkt hat, den glänzenden Silberspiegel; und wenn man die Platte so hält, dass der Spiegel solche Strahlen in das Auge reflectirt, welche von dunklen Gegenständen kommen, so bildet dieser Silberspiegel den dunklen Grund, auf welchem die hellen Partien durch das von den Quecksilberkügelchen nach allen Seiten hin zerstreute Licht hervortreten.

Wenn man die Platte länger in der Camera obseura lässt, so wird die Wirkung des Lichtes auf der jodirten Platte ohne Weiteres sichtbar, indem das Jodsilber da geschwärzt wird, wo das Licht am kräftigsten wirkt; das auf diese Weise entstehende Bild ist ein negatives, d. h. den hellen Stellen des Gegenstandes entsprechen die dunklen Stellen des Bildes, und umgekehrt.

Wenn man die Platte solange in der Camera obscura gelassen hat, dass die Lichtwirkung auf derselben sichtbar wird, so ist der zur Erzeugung eines Daguerre'schen Bildes geeignete Moment schon vorüber.

Das zuerst von Talbot in Anwendung gebrachte Verfahren, welches man vorzugsweise mit dem Namen der Photographie bezeichnet, zerschicht gleichförmig vertheilt ist und welches eigentlich die empfindliche Schicht bildet.

Es versteht sich von selbst, dass diese Operation in einem dunklen, nur von einer Kerze erleuchteten Zimmer vorgenommen werden muss, weil unter dem Einfluss des Tageslichtes das neu gebildete Jodsilber sogleich geschwärzt werden würde.

Die so präparirte Platte wird nun in die Camera obscura gesetzt, aber schon nach kurzer Zeit herausgenommen, ehe noch durch das Licht direct eine Reduction des Jodsilbers bewirkt worden, ehe also noch das negative Bild sichtbar geworden ist. An den Stellen, wo das Licht eingewirkt hat, ist aber nun das Jodsilber leichter reducirbar, als an solchen Stellen, wo das Licht nicht einwirkte, so dass, wenn man nun auf die aus der Camera obscura herausgenommene Platte eine reducirende Flüssigkeit giesst, wozu man gewöhnlich Pyrogallus-Säure wählt, an den dem Lichte ausgesetzt gewesenen Stellen rasch eine Reduction des Silbers, also eine Schwärzung erfolgt, während an den nicht vom Lichte getroffenen Stellen die empfindliche Schicht unverändert bleibt.

Ist auf diese Weise das negative Bild hervorgerufen, so müssen die empfindlichsten Substanzen aus der Collodiumschicht entfernt werden, weil sonst nach kurzer Zeit unter Einwirkung des Tageslichtes die ganze Collodiumschicht schwarz werden würde. Es geschieht dies dadurch, dass man die Platte mit einer Lösung von unterschwefligsaurem Natron übergiesst und dann mit Wasser abwäscht, wodurch, wie man sagt, das Bild fixirt wird.

Zur Darstellung der positiven Bilder wendet man ein mit Chlorsilber imprägnirtes Papier an, welches in folgender Weise präparirt wird: Ein Blatt Papier wird mit der einen Seite auf eine Kochsalzlösung gelegt, und, nachdem es ganz durchfeuchtet ist, zwischen Fliesspapier etwas getrocknet; alsdann wird das Papierblatt (im dunklen Zimmer) mit derselben Seite, welche auf der Kochsalzlösung gelegen hatte, auf eine Lösung von salpetersaurem Silberoxyd gelegt; es bildet sich nun Chlorsilber, welches die leichtempfindliche Substanz des photographischen Papieres ist (Näheres in der 2. Auflage von Frick's physikalischer Technik).

Auf dem Chlorsilberpapier wird nun das positive Bild auf folgende Weise erzeugt.

Das negative Glasbild wird in einen vorn mit einer Glasplatte versehenen Rahmen (den Copirrahmen) gelegt, darauf das Chlorsilberpapier (mit seiner präparirten Seite) und hinter dieses dann ein schwarzes Tuch, und nachdem Alles durch eine von hinten her angepresste Rückwand gehörig gegen Verschiebung gesichert ist, wird der Copirrahmen so den Sonnenstrahlen ausgesetzt, dass dieselben durch die hellen Stellen des negativen Bildes hindurch auf das Chlorsilberpapier fallen und hier eine Schwärzung hervorbringen. Ist auf diese Weise das positive Bild auf dem Papier hergestellt, so muss, um das vollständige Schwarzwerden desselben zn verhindern, das noch unzersetzte Chlorsilber aus dem Papiere ausgewaschen werden, was dadurch geschieht, dass man das Bild

eine Zeitlang in eine Auflösung von unterschwefligsaurem Natron und dann in reines Wasser legt, wodurch dann nun auch das positive Bild fixirt ist.

269 Ungleichheit der chemischen Wirkungen verschiedenfarbiger Strahlen. Nicht alle Strahlen des weissen Sonnen- und Tageslichtes bringen gleich starke chemische Wirkungen hervor, unter einem rothen Glase verbinden sich Wasserstoffgas und Chlorgas nicht, wohl aber unter einem blauen oder violetten Glase und im weissen Lichte: Chlorsilber wird im blauen und violetten, aber fast gar nicht im rothen Lichte geschwärzt. Berard hat die chemische Wirkung der verschiedenen prismatischen Farben selbst untersucht. Er liess die mittelst eines Heliostats in ein dunkles Zimmer geworfenen Sonnenstrahlen auf ein Prisma fallen und fing das so erzeugte Spectrum auf einem mit Chlorsilber imprägnirten Papier auf; da das Spectrum unverrückt blieb, so konnte eine und dieselbe Farbe längere Zeit auf dieselbe Stelle des Chlorsilberpapiers wirken. Er fand auf diese Weise, dass die chemischen Wirkungen am violetten Ende des Spectrums am stärksten sind und sich selbst noch über die Gränzen des sichtbaren Spectrums hinaus erstrecken, wie dies auch früher schon Ritter und Wollaston gefunden hatten. Die blauen Strahlen brachten schon eine weit schwächere Wirkung hervor, die rothe Strahlen wirkten so gut wie gar nicht. Um diesen Unterschied recht auffallend zu machen, concentrirte er durch eine Linse alle Strahlen vom Grün bis zum äussersten Violett, durch eine zweite Linse aber den übrigen Theil des Spectrums, also einen Theil der grünen, die gelben und die rothen Strahlen. Im Vereinigungspunkte der gelben und rothen Strahlen wurde das Chlorsilberpapier selbst nach zweistündiger Einwirkung kaus merklich verändert, obgleich hier das Licht blendend hell war, während in dem weit lichtschwächeren Vereinigspunkte der blauen und violetten Strahlen das Chlorsilber schon in 10 Minuten geschwärzt wurde. Es gelt daraus auch hervor, dass die chemischen Wirkungen des Lichtes nicht bloss von der gleichzeitig entwickelten Wärme abhängen können.

Wir sehen also hier eine vollkommene Analogie zwischen den chemischen Wirkungen des Lichtes und der Fluorescenz; hier wie dort sind de brechbareren Strahlen die wirksameren; hier wie dort geht die Wirkung noch über die violette Gränze des Spectrums hinaus. Es ist demnach, wo die Lage der dunklen Linien im ultravioletten Theile des Spectrums mermitteln, gewiss das Zweckmässigste, das Spectrum zu daguerreotypien oder zu photographiren. Um dies auszuführen, erzeugt man nach der auf Seite 593 angegebenen Weise ein Spectrum, welches, auf einem Schirzaufgefangen, die Fraunhofer'schen Linien möglichst deutlich zeigt, um bringt dann die präparirte Platte an die Stelle dieses Schirmes, um die negative Bild zu erzeugen.

Als v. Babo und ich bei Anwendung eines Flintglasprismas uni einer Glaslinse das negative Bild bei einer Lichteinwirkung von 1 Se cunde herstellten, ging die Wirkung kaum über die Linien G und H hinse so dass von L noch keine Spur erschien; dagegen waren zwischen G und H alle Linien scharf und deutlich sichtbar. Man sieht daraus, dass die dunkelblauen und violetten Strahlen zwischen G und H die photographisch wirksamsten sind. — Erst bei einer Lichteinwirkung von 15 Secunden ging die Lichtwirkung etwas über die von Stokes mit N bezeichnete Liniengruppe hinaus; allein nun war die ganze Partie zwischen G und H ganz hell und alle Linien vollkommen verschwunden, selbst die Linien H erschienen bedeutend angefressen.

Um ein möglichst weit über das Violett hinausgehendes Spectrum zu erhalten, muss man statt der Glasapparate ein Prisma und eine Linse von Quarz anwenden; bei einer 16 Secunden lang dauernden Lichteinwirkung erhielt ich auf diese Weise ein photographirtes Spectrum, welches sich bis über den Streifen R (Tab. IV) hinaus erstreckte.

Da es nun aber nach den obigen Bemerkungen unmöglich ist, ein direct photographirtes Spectrum herzustellen, in welchem alle Streifen von G bis R gleich deutlich erscheinen, so habe ich mit der grössten Genauigkeit in grossem Maassstabe Linie für Linie copirend eine getuschte Zeichnung des Spectrums hergestellt und von dieser ist dann Tab. IV eine verkleinerte photographische Copie. In dem photographirten Spectrum Tab. IV erscheinen deshalb auch alle dunklen Linien von G bis R deutlich, während in dem direct photographirten Spectrum bei kürzerer Lichteinwirkung nur die Streifen zwischen G und H, in dem Maasse aber, in welchem die Insolation länger dauert, nach und nach die Partien zwischen H und M, oder die zwischen M und O, zwischen O und O0 oder endlich zwischen O0 und O1 hervortreten.

Von G aus gegen das rothe Ende des Spectrums hin, breitet sich die chemische Wirkung des Lichtes mit zunehmender Dauer der Insolation nur sehr wenig aus. Erst bei einer Lichteinwirkung von 30 Secunden dehnte sich das photographirte Spectrum bis F aus.

Während also die Strahlen, welche zwischen die Fraunhofer'schen Linien G und H fallen, die kräftigsten chemischen Wirkungen hervorbringen, ist, wenigstens für das gewöhnliche Collodium, die Wirkung selbst der blauen Strahlen zwischen G und F eine sehr schwache; die grünen, gelben und rothen Strahlen aber bringen hier gar keine photographische Wirkung hervor.

Bei Anwendung eines mehr bromhaltigen Collodiums wurde die Ausdehnung des Spectrums bis zum Streifen F schon bei einer Lichteinwirkung von wenigen Secunden erreicht; das so erhaltene Bild war rein und scharf.

Es geht daraus hervor, dass verschiedene chemische Präparate durchaus kein gleiches Verhalten gegen die verschiedenen Partien des Spectrums zeigen. In der That ist es mehreren Physikern gelungen, Lichtbilder des Sonnenspectrums auf Daguerrotypplatten herzustellen, welche sich fast bis zur Gränze des Roth erstrecken.

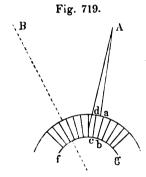
Siebentes Capitel.

Vom Auge und den optischen Instrumenten.

270 Das Gesichtsorgan. Die Empfindung des Lichtes und der Farbe rührt von einer Affection besonderer Nerven her, deren feine Enden sich als eine Nervenhaut ausbreiten. Die Empfindung des Dunklen rührt von einer vollkommenen Ruhe dieser Nervenhaut her, jeder Reiz derselbeb bringt aber die Empfindung von Helligkeit, von Licht hervor; ganz vorzüglich wird dieser Reiz durch die Lichtstrahlen hervorgebracht, welche die Körper der Aussenwelt durch das Auge auf die Nervenhaut, die Netzhaut, senden; doch ist auch die Empfindung von Licht und Farbe durch andere Ursachen ohne Mitwirkung der von aussen kommenden Lichtstrahlen möglich, z. B. durch den Druck des Blutes (Flimmern vor den geschlossenst Augen). Ein äusserer Druck auf das geschlossene Auge, eine elektrische Entladung sind ebenfalls im Stande, Lichtempfindungen hervorzubringen Zum Unterscheiden äusserer Gegenstände durch das Gesicht reicht

gesetzten Augen der Insecten und Crustaceen, und 2) die mit Sammellinsen versehenen Augen der Wirbelthiere.

Zusammengesetzte Augen. Erst durch die classischen Unter-271 suchungen Müller's ist das Wesen der musivisch zusammengesetzten Augen klar gemacht worden (Physiologie des Gesichtssinnes 1826, und Handbuch der Physiologie des Menschen 1837). Auf der convexen Nervenhaut steht eine grosse Menge durchsichtiger Kegel rechtwinklig auf, und nur diejenigen Strahlen können die Basis eines solchen Kegels auf der Nervenhaut erreichen, die in der Richtung der Axe dieses Kegels einfallen. Alles seitlich einfallende Licht wird absorbirt, weil die Seitenwände der Kegel mit einem dunkelfarbigen Pigmente bekleidet sind. In Fig. 719 sei fa



ein Durchschnitt der convexen Nervenhaut mit den darauf sitzenden durchsichtigen Cylindern, so ist es klar, dass die von dem leuchtenden Punkte A ausgehenden Strahlen nur in cb, der Basis des abgestumpften Kegels abcd, die Nervenhaut treffen können; schon die Basis der beiden neben abcd liegenden Kegel wird nicht mehr durch die von A ausgehenden Strahlen getroffen; ein leuchtender Punkt B sendet seine Strahlen wieder an eine andere Stelle der Netzhaut u. s. w. Auf die Basis eines solchen durchsichtigen Kegels wird natürlich alles Licht wirken, welches von Punkten herkommt, die in

der Verlängerung des Kegels liegen, und die Lichteindrücke von allen Punkten, welche Licht auf die Basis desselben Kegels senden, werden sich auch vermischen, und somit sieht man leicht ein, dass die Deutlichkeit des Bildes auf der Nervenhaut um so grösser sein wird, je grösser die Anzahl der Kegel ist. Sehr treffend charakterisirt Müller das Sehen solcher Augen, indem er sagt: "Die Darstellung des Bildes in mehreren tausenden gesonderten Punkten, wovon jeder Punkt einem Feldchen der Aussenwelt entspricht, gleicht einer Mosaik, und man kann sich aus einer kunstreichen Mosaik die beste Vorstellung von dem Bilde machen, welches die Geschöpfe, die eines solchen Organs theilhaftig sind, von der Aussenwelt erhalten werden."

Die Grösse des Sehfeldes solcher Augen hängt natürlich von dem Winkel, den die Axen der äussersten Kegel mit einander machen, also von der Wölbung der Augen, ab. Die durchsichtige Haut, welche das ganze Auge nach aussen hin bedeckt, die Hornhaut, ist gewöhnlich in Facetten abgetheilt, und jede einzelne Facette entspricht einem der eben besprochenen durchsichtigen Kegel. Die Zahl der Facetten eines solchen Auges ist in der Regel sehr gross; ein einziges Auge enthält oft 12 bis 20 Tausend solcher Facetten.

Nicht alle Insecten haben solche musivisch zusammengesetzte Augen,

die Spinnen z. B. haben einfache linsenhaltige Augen, welche ganz is sind wie die Augen der Wirbelthiere; ja es giebt viele Insecter ausser den musivisch zusammengesetzten auch noch einfache lins Augen haben, doch lässt der Bau derselben, so wie auch ihre Stell mutlien, dass sie nur zum Sehen der allernächsten Gegenstände sind.

272 Einfache Augen mit Sammellinsen. Auf der Netz mit Collectivlinsen versehenen Augen entsteht das Bild ganz auf Weise, wie die Sammelbilder der gewöhnlichen Linsen; die vor Punkte des Gegenstandes ausgehenden Strahlen, welche die Vor des Auges treffen, werden nämlich durch die durchsichtigen Me Auges nach einem Punkte der Netzhaut hin gebrochen. Fig.





den horizontale schnitt eines 1 chen Auges bei liger Vergrösser stellen. Der gan apfel ist von ein harten Haut u welche nur auf derseite durchsie dieser durchsicht wird die Hor (cornea), der we durchsichtige T harte Haut (tun rotica) genani durchsichtige H ist stärker gew

te, ist stärker brechend als die beiden Flüssigkeiten, zwischen sich befindet; sie besteht aus übereinander gelagerten durchsichnichten, welche sich der Kugelgestalt um so mehr nähern, je mehr Innere dringt.

er die Sclerotica ist im Inneren des Auges die Aderhaut (tunica a) ausgebreitet, und über dieser endlich liegt die Netzhaut (retina), ur eine Ausbreitung des Sehnerven n ist. Die Aderhaut, welche e innere Höhlung des Auges bekleidet, ist mit einem schwarzen überzogen; diese Schwärzung ist nöthig, damit nicht durch Reim Inneren des Auges die Reinheit der Bilder gestört wird. Aus n Grunde werden auch die Fernröhre innen geschwärzt.

Lichtstrahlen, welche auf das Auge fallen, treffen entweder auf leren Theil der Sclerotica, das Weisse im Auge, und werden lässig nach allen Seiten zerstreut; oder sie dringen durch die t in das Auge ein; die äusseren der durch die Hornhaut eingem Strahlen fallen auf die Iris und werden nach allen Seiten hin lässig zerstreut, wodurch die Farbe der Regenbogenhaut sichtbar die centralen Strahlen endlich fallen durch die Pupille auf die de werden durch dieselbe nach der Retina hin gebrochen, und zwar die von einem Punkte eines äusseren Gegenstandes ausgehenden, welche durch die Pupille gehen, in einem Punkte auf der Netzeider vereinigt werden. So entsteht auf der Netzhaut ein rtes verkleinertes Bild der vor dem Auge befindlichen tände.

a kann sich leicht durch den Versuch an einem etwas grossen re, etwa an einem Ochsen-oder Pferdeauge, von der Existenz dieses

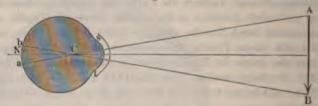




Netzhautbildchens überzeugen; man braucht nur oben bei b, Fig. 721, ein viereckiges Loch in die Sclerotica zu schneiden und alles Undurchsichtige wegzunehmen, um durch diese Oeffnung auf die Netzhaut sehen zu können. Damit das Auge möglichst seine Form behalte, legt man es in die halbkugelförmige Höhlung eines Statifs, wie es die Figur zeigt. - Meist quillt die Glasfeuchtigkeit aus der Oeffnung ab hervor und verhindert, weil sie nicht mit ebener Fläche begränzt ist, dass man die Netzhautbildchen deutlich sehen kann. Diesen Uebelstand vermeidet man dadurch, dass man ein Glasplättchen auf die Oeffnung legt. -Das Bild der Gegenstände, auf welche das Auge gerichtet ist, sieht man bei diesem Versuche verkehrt auf der Netzhaut. Leicht lässt sich auch das Bild auf der Netzhaut weisssüchtiger Thiere, z. B. weisser Kaninchen, zeigen, bei welchen der schwarze Ueberzug der Aderhaut fehlt, während zugleich der hintere Theil der Sclerotica durchscheinend ist. An solchen Augen sieht man die Netzhautbilder ohne weitere Präparation.

Bei den meisten numerischen Bestimmungen über den Gang der Lichtstrahlen im Auge kann man ohne merkliche Fehler statt der drei durchsichtigen Medien des Auges ein einziges substituiren, dessen Vorderfläche gleichfalls eine sphärisch convexe Krümmung hat, und welches man mit dem Namen des reducirten Auges bezeichnet. Ist der Brechungsexponent des reducirten Auges gleich dem der Glasfeuchtigkeit, nämlich 1,34, so müssen wir, wie Listing nachgewiesen hat (Wagner's Handwörterbuch der Physiologie Bd. IV, S. 495), den Krümmungshalbmesser der vorderen Fläche st, Fig. 722, gleich 5,1^{mm} und die Entfernung des Krüm-

Fig. 722.



mungsmittelpunktes C von der Mitte N der Netzhaut gleich 15^{mm} annehmen, wenn das reducirte Auge die Bilder auf der Netzhaut auf dieselbe Weise entwerfen soll wie das wirkliche menschliche Auge.

Der Scheitelpunkt der Cornea des menschlichen Auges, deren Krümmungshalbmesser 8^{mm} beträgt, liegt um 2,3^{mm} weiter von der Netzhaut weg, als der Scheitelpunkt der Vorderfläche des reducirten Auges, wie dies auch in Fig. 722 angedeutet ist.

Es ist klar, dass die Axen aller Strahlenbündel, welche von einem Punkte des Gegenstandes AB ausgehend durch das reducirte Auge wieder in den entsprechenden Punkten des Bildes ab auf der Netzhaut vereinigt werden, durch den Krümmungsmittelpunkt C der Vorderfläche st gehen müssen. In C kreuzen sich also die Axen aller in das Auge eindringenden Strahlenbündel, weshalb Volkmann diesen Punkt den Kreuzungspunkt nennt. Listing nennt ihn den Knotenpunkt.

In Fig. 720 ist die Stelle des wirklichen Auges, auf welche der Kreuzungspunkt fällt, durch k bezeichnet; der Knotenpunkt liegt also nahe vor der Hinterfläche der Krystalllinse.

273 Deutliches Sehen in verschiedenen Entfernungen. Wir haben oben schon gesehen, dass das Bild einer Linse seine Lage ändert, wenn der Gegenstand genähert oder entfernt wird; das Bild entfernt sich nämlich um so mehr von der Linse, je näher der Gegenstand heranrückt. Da nun das Auge ganz so wirkt wie eine Linse, da wir die Gegenstände nur dann scharf sehen können, wenn die Vereinigungspunkte der gebrochenen Strahlen genau auf die Netzhaut fallen, wenn also auf der Netzhaut ein scharfes Bild entsteht, so sollte man meinen, dass wir nur in einer bestimmten Entfernung die Gegenstände deutlich sehen könnten; doch zeigt die Erfahrung das Gegentheil; ein normales Auge kann alle Gegenstände deutlich sehen, die mehr als 8 Zoll weit entfernt sind, das Auge muss also offenbar die Fähigkeit haben, sich den verschiedenen Entfernungen zu accommodiren.

Man kann dies auch durch einen ganz einfachen Versuch darthun: Man mache auf eine durchsichtige Glastafel einen kleinen schwarzen Fleck und halte die Tafel 10 bis 12 Zoll weit vom Auge, so kann man willkürlich den Fleck, oder durch die Glastafel hindurch die entfernteren Gegenstände deutlich sehen. Sieht man die entfernten Gegenstände deutlich, so erscheint der Fleck neblig und unbestimmt, umgekehrt aber erscheinen die fernen Gegenstände verwaschen, wenn man den Fleck deutlich sieht.

Wenn der Vereinigungspunkt der von einem leuchtenden Punkte ausgehenden Strahlen vor oder hinter der Netzhaut liegt, so wird auf der Netzhaut statt des hellen Punktes ein kleiner Zerstreuungskreis gebildet, und dies ist die Ursache, warum Gegenstände, die sich in einer Entfernung befinden, für welche das Auge nicht gerade accommodirt ist, undeutlich erscheinen. Das Accommodationsvermögen hat aber seine Gränzen, denn wenn die Gegenstände dem Auge gar zu nahe gebracht werden, so sind die inneren Veränderungen, deren das Auge fähig ist, nicht mehr hinreichend, um zu machen, dass das Bild auf die Netzhaut fällt, in diesem Falle liegen die Vereinigungspunkte hinter der Netzhaut, und auf der Netzhaut selbst bilden sich statt des scharfen Bildes Zerstreuungskreise der einzelnen leuchtenden Punkte, so dass keine scharfe Unterscheidung mehr möglich ist. Eine Stecknadel z. B., die man nur 1 bis 2 Zoll weit vom Auge hält, kann man nicht deutlich sehen.

Man hat das Accommodationsvermögen des Auges aus verschiedenen Ursachen herzuleiten versucht; z. B. aus einer Veränderlichkeit der Krümmung der Hornhaut, aus einer Verschiebbarkeit der Linse u. s. w. In neuester Zeit hat endlich Cramer diese wichtige Frage durch Beobachtung der Spiegelbildchen gelöst, welche die Vorderfläche und die Hinterfläche der Linse von einer seitlich vom Auge aufgestellten Kerzenflamme geben. Es ist ihm gelungen, durch diese Methode nachzuweisen, dass beim Nahesehen die vordere Fläche der Krystalllinse gewölbter und dass sie zu gleicher Zeit etwas nach vorn geschoben wird.

Weite des deutlichen Sehens, Kurzsichtigkeit und 274 Fernsichtigkeit. Für ein jedes Auge giebt es eine bestimmte Entfernung, über welche hinaus man die Gegenstände dem Auge nicht nähern darf, wenn man sie ohne Anstrengung noch deutlich sehen will; in diese

Entfernung, welche die Weite des deutlichen Sehens oder auch nur die Sehweite genannt wird, hält man unwillkürlich beim Lesen ein Buch, welches mit Lettern von gewöhnlicher Grösse gedruckt ist. Bringt man die Gegenstände näher, so kann man sie nur mit Anstrengung deutlich sehen, bei noch grösserer Nähe endlich ist gar kein deutliches Sehen mehr möglich. Bei einem ganz normalen Auge beträgt die Weite des deutlichen Sehens 8 bis 10 Zoll. Ein Auge, dessen Sehweite geringer ist, nennt man kurzsichtig, wenn sie aber grösser ist, weitsichtig.

Die Undeutlichkeit des Sehens ganz naher Gegenstände rührt, wie schon erwähnt wurde, daher, dass die von einem Punkte des nahen Gegenstandes ausgehenden Strahlen so stark divergiren, dass die brechenden Medien des Auges nicht im Stande sind, sie hinlänglich convergent zu

machen, um ihre Vereinigung auf der Netzhaut zu bewirken.

Der von einem zu nahe gelegenen Punkte in das Auge eintretende Strahlenkegel convergirt gegen einen hinter der Netzhaut liegenden Punkt, er wird also von der Netzhaut in einem Kreise geschnitten, welchen man als Zerstreuungskreis bezeichnet.

Man mache mit einer Stecknadel ein feines Loch in ein Kartenblatt und halte es dicht vor das Auge, so wird man durch dasselbe die Lettem eines ganz nahe gehaltenen Buches noch ganz deutlich, und zwar bedeutend vergrössert sehen, während man nach Entfernung des Kartenblattes durchaus keinen Buchstaben mehr zu erkennen im Stande ist. Der Grund liegt darin, dass von einem Punkte des ganz nahen Gegenstandes aus nur in einer einzigen Richtung durch die feine Oeffnung Strahlen ins Auge dringen können, und diese werden auch nur in einem Punkte die Netzhaut treffen, während sich auf ihr ein Zerstreuungskreis bildet, wenn das Kartenblatt entfernt ist.

Durch eine feine Oeffnung in einem Kartenblatte, welche dicht vor Auge gehalten wird, sieht man begreiflicherweise nahe und ferne Gegenstände gleich scharf, ohne dass das Auge nöthig hätte, sich den Entfernungen zu accommodiren, da ja ohnehin die von einem Punkte des Gegenstandes ausgehenden Strahlen auch nur in einem Punkte die Netzhaut treffen; durch eine solche Oeffnung kann man deshalb auch zu gleicher Zeit nahe und ferne Gegenstände deutlich sehen. Es fragt sich nun, in welchem Accommodationszustande sich das Auge beim Sehen durch eine feine Oeffnung befindet? Offenbar in dem normalen Zustande, zu dessen Erhaltung gar keine Thätigkeit erfordert wird; das Auge befindet sich in dem Zustande, wie es dem Sehen von Gegenständen, die sich in der Weite des deutlichen Sehens befinden, entspricht.

Hierher gehört auch der interessante und lehrreiche Versuch der Pater Scheiner (oculus sive fundamentum opticum etc. 1652). Wenn man in ein Kartenblatt zwei feine Nadellöcher macht, deren Entfernung von einander kleiner sein muss als der Durchmesser der Pupille, und die Oeffnungen dicht vor das Auge hält, so sieht man einen kleinen Gegenstand, etwa eine Stecknadel, die man innerhalb der Sehweite vor die Löcher halt.

doppelt. Von dem kleinen Gegenstande gelangen nämlich nur zwei ganz feine Strahlenbündel durch die beiden Löcher ins Auge; diese beiden Strahlen convergiren aber nach einem Punkte, der hinter der Netzhaut liegt, sie treffen also die Netzhaut in zwei verschiedenen Punkten; es sind dies zwei isolirte Punkte des Zerstreuungskreises, welcher auf der Retina entstehen würde, wenn man die übrigen Strahlen nicht durch das Kartenblatt auffinge.

Wenn man den kleinen Gegenstand mehr und mehr entfernt, so nähern sich die Bilder, weil die beiden durch die Löcher ins Auge fallenden Strahlen nun weniger divergiren und also auch nach einem Punkte hin gebrochen werden, welcher der Retina näher liegt. Hat man den Gegenstand bis auf die Weite des deutlichen Sehens vom Auge entfernt, so fallen die beiden Bilder vollkommen zusammen, weil ja alle Strahlen, die von einem in der Weite des deutlichen Sehens befindlichen Punkte ausgehen, in einem Punkte der Netzhaut vereinigt werden.

Wenn ein fernerer Gegenstand durch die beiden Oeffnungen betrachtet wird, so müssen offenbar die von ihm ausgehenden, durch die beiden Löcher ins Auge gelangenden Strahlen schon in einem Punkte vor der Netzhaut zusammentreffen, da ja der Accommodationszustand des Auges sich nicht ändert; hinter dem Durchschnittspunkte divergiren aber die beiden Strahlen wieder, sie treffen die Netzhaut in zwei verschiedenen Punkten, mithin wird man auch fernere Gegenstände doppelt sehen. Durch die beiden kleinen Oeffnungen also sieht man einen Gegenstand nur dann einfach, wenn er sich in der Weite des deutlichen Sehens befindet.

Auf den Scheiner'schen Versuch hat man Instrumente gegründet, welche zur Ermittelung der Sehweite dienen sollen und den Namen Optometer führen. Young's Optometer besteht aus einem gespannten feinen Faden, welcher durch die kleinen Löcher betrachtet wird. (Näheres über das Optometer im Supplementband.)

Die Kurzsichtigkeit (Myopie) und die Weitsichtigkeit (Presbyopie) sind Fehler, deren Grund wohl am richtigsten in einem mangelhaften Accommodationsvermögen zu suchen ist, was besonders daraus hervorgeht, dass die Gewöhnung einen grossen Einfluss auf diese Fehler ausübt; Kurzsichtigkeit entsteht oft dadurch, dass das Sehen in der Ferne vernachlässigt wird, und Kinder, welche beim Lesen und Schreiben das Gesicht zu dicht auf das Papier halten, werden in Folge dessen kurzsichtig. Auch dadurch, dass man längere Zeit durch ein Mikroskop sieht, wird ein sonst gutes Auge vorübergehend kurzsichtig, ja dieser Zustand dauert oft mehrere Stunden lang (Müller's Physiologie).

Das einfachste Mittel, die Fernsichtigkeit und Kurzsichtigkeit zu verbessern, besteht, wie schon bemerkt wurde, darin, dass man eine feine, etwa in ein Kartenblatt gemachte Oeffnung dicht vor das Auge hält. Durch dieses Mittel, welches schon in dem bisher Gesagten seine Erklärung ge-

funden hat, wird die Schärfe des Bildes freilich auf Kosten der Helligkeit hergestellt.

Ein zweites Mittel sind die Brillengläser, und zwar wendet man bei kurzsichtigen Augen Hohlgläser, bei fernsichtigen Convexgläser an. Bei einem kurzsichtigen Auge fallen die Bilder ferner Gegenstände vor die Netzhaut, und das Auge hat nicht das Vermögen, sich so zu accommodiren, dass sie auf die Netzhaut selbst gebracht würden; man verändert deshalb das Refractionsvermögen des Auges durch vorgesetzte Hohlgläser in der Weise, dass die ins Auge gelangenden Strahlen stärker divergiren, und macht dadurch ihre Vereinigung auf der Netzhaut möglich.

Bei fernsichtigen Augen fällt das Bild naher Gegenstände hinter die Netzhaut, ohne dass das Auge im Stande ist, sich diesem Refractionsvermögen zu accommodiren; man wendet deshalb Convexgläser an, um die Strahlen im Auge convergenter zu machen und dadurch ihren Vereinigungspunkt auf die Netzhaut zu bringen.

Je nachdem ein Auge mehr oder weniger kurzsichtig oder weitsichtig ist, muss man stärkere oder schwächere Linsen anwenden; man wählt die Gläser so, dass die Weite des deutlichen Sehens, welche entweder grösser oder kleiner ist als bei einem ganz normalen Auge, durch Mitwirkung der Linsen ebenfalls 8 bis 10 Zoll, also eben so gross wird als bei einem geten Auge.

Die Kurzsichtigkeit kommt am häufigsten im mittleren Lebensalter. die Fernsichtigkeit aber im höheren Alter vor.

275 Achromatismus des Auges. Bei gewöhnlichen Linsen falles die Brennpunkte der verschiedenen farbigen Strahlen nicht zusammen, and daher rühren die farbigen Säume, welche man an den Rändern der durch eine gewöhnliche Linse betrachteten Gegenstände wahrnimmt, namentlich

n zwischen den Empfindungen des Auges u. s. w.

diese deutlich sieht; wenn man z. B. in ein Kartenblatt ein va 1 Linie Durchmesser macht, es 5 bis 6 Zoll weit vom Auge ch dasselbe nach einem fernen Gegenstande visirt, so erscheiler der Oeffnung farbig.

ungen zwischen den Empfindungen des Auges 276 ussenwelt. Der Act des Sehens beruht lediglich darauf, ectionen der Nervenhaut auf eine uns freilich unerklärliche lewusstsein kommen. Eigentlich nehmen wir also nur einen Zustand, eine gewisse Affection der Netzhaut wahr; dass wir ahrnehmung nach aussen verlegen, dass wir die Netzhautbila in Anschauungen der Aussenwelt verwandeln, ist Sache eines urtheils; in diesem Urtheile haben wir durch fortwährende ende Erfahrungen eine solche Sicherheit erlangt, dass wir die nicht als wahrnehmendes Organ empfinden, dass wir die un-Empfindungen mit dem verwechseln, was nach unserem Ursache derselben ist. Diese Substitution des Urtheils für die geschieht ganz unwillkürlich, sie ist uns so zu sagen zur angeworden.

überhaupt für die Empfindung auf der Netzhaut eine Vor-Aussenwelt setzen, so substituiren wir auch für jedes Netzn Gegenstand ausser uns. Dass wir den Gegenstand, welcher amten Netzhautbildehen entspricht, nach einer bestimmten suchen, ist aber sicherlich ebenso das Resultat fortgesetzter Erfahrung, wie das nach Aussen Wirken des Gesichtssinnes

ben gezeigt worden, dass von den äusseren Gegenständen auf : verkleinerte und verkehrte Bilder entstehen, und es ist desze aufgeworfen worden, warum wir nicht alle Dinge verkehrt Frage findet nun in den eben angestellten Betrachtungen ide Antwort; zu dem Bewusstsein, dass überhaupt ein Netztirt, dass ein Bildchen auf dem oberen oder unteren Theile ; liegt, dass es sich auf der rechten oder linken Seite dersel-, gelangen wir erst durch optische Untersuchungen; die Em-Nervenhaut kommt nicht als solche zum Bewusstsein, sondern villkürlich nach einer bestimmten Richtung nach aussen hin d zwar in derjenigen Richtung, in welcher sich die Gegenlen, welche die Netzhautbilder veranlassen. Nach dieser Richiden wir aber die Gegenstände auch durch andere sinnliche igen, z. B. durch den Tastsinn, es besteht also zwischen den n sinnlichen Wahrnehmungen in Beziehung auf die Ortsdie vollkommenste Harmonie; wir würden die Gegenstände verwenn diese Uebereinstimmung nicht stattfände.

durch das Gesichtsorgan vermittelten Vorstellung der ausser hen Dinge verbinden wir auch eine Vorstellung von ihrer

Grösse und Entfernung. Die Bildchen auf der Netzhaut liegen neben einander, und wenn wir die entsprechenden Gegenstände nicht als unmittelbar neben einander, sondern auch hinter einander befindlich erkennen, kurz, wenn wir uns von der flächenhaften Wahrnehmung zu einer Vorstellung der Tiefe des Raumes erheben, so ist das nicht Sache der Empfindung, sondern des Urtheils. Das Kind hat noch keine Vorstellung von den Entfernungen, es greift nach dem Monde, wie es nach Dingen in seiner Umgebung greift. Die Vorstellung von der Tiefe des Sehraums erhalten wir erst dadurch, dass wir uns im Raume bewegen, dass sich die gegenseitige Lage der Bilder bei dieser Bewegung ändert und dass wir durch unsere eigene Ortsveränderung einen Begriff von der Entfernung der Gegenstände bekommen.

Die scheinbare Grösse der Gegenstände hängt von der Grösse des Netzhautbildehens ab. Denken wir uns von den beiden Endpunkten eines Netzhautbildehens Linien nach den entsprechenden Endpunkten des Gegenstandes gezogen, so schneiden sich diese Linien im Kreuzungspunkte unter einem Winkel, den man den Sehwinkel nennt; die Grösse dieses Winkels ist aber der Grösse des Netzhautbildes proportional; man kann deshalb auch sagen, dass die scheinbare Grösse der Gegenstände von der Grösse des Sehwinkels abhängt, unter welchem sie erscheinen. Zwei Gegenstände

Fig. 723.

von verschiedener Grösse, wie AB und A'B', Fig. 723, können gleiche scheinbare Grösse haben, wenn ihre Grösse ihrer Entfernung vom Auge proportional ist; verschiedene Gegenstände also, deren Grösse sich verhält wie 1:2:3 u. s. w., werden in einfacher, doppelter, dreifacher Entfernung un-

nen wir einzelne Blätter eines Baumes, noch ferner können wir die Stämme der Bäume eines Waldes nicht mehr unterscheiden u. s. w.

Von wesentlichem Einfluss auf die Schätzung der Entfernungen in der Landschaft ist auch noch die Luftperspective, d. h. ein gewisser Duft, welcher die entfernteren Gegenstände verschleiert und dadurch die Schärfe der Contouren sowohl als auch die Stärke der Contraste zwischen Licht und Schatten vermindert, welche nur im Vordergrunde in voller Kraft auftreten.

Aus der Entfernung, in welcher wir einen Gegenstand vermuthen, schliessen wir immer wieder umgekehrt auf seine Grösse. Da wir es aber hier nicht mit Messungen, sondern nur mit Schätzungen zu thun haben, da die Ausgangspunkte unserer Vergleichungen selbst mehr oder weniger unsicher sind, so ist es nicht zu verwundern, wenn unserem Urtheil über Grösse und Entfernung mannigfache Täuschungen unterlaufen.

Bei gleichem Sehwinkel halten wir einen Gegenstand für um so grösser, je weiter wir ihn von uns entfernt glauben. Wenn uns bei duftigem nebligen Wetter die Einzelnheiten auf benachbarten Bergen verschwinden, so bewirkt dies, dass wir sie unwillkürlich für weiter entfernt halten, und da sie uns noch immer unter gleichem Gesichtswinkel erscheinen, dass sie uns höher scheinen als gewöhnlich. Umgekehrt scheinen uns die Berge näher gerückt und niedriger, wenn die Luft sehr durchsichtig ist und wir Details zu unterscheiden im Stande sind, welche wir gewöhnlich nicht sehen.

Der Sehwinkel, unter welchem uns der Mond beim Aufgange oder Untergange erscheint, ist nicht grösser, als wenn er hoch am Himmel steht; dessen ungeachtet erscheint uns der auf- oder untergehende Mond grösser. Es kommt dies daher, dass zur Zeit des Auf- oder Unterganges die vom Monde zu uns gelangenden Lichtstrahlen einen ungleich längeren Weg durch die Atmosphäre zurückzulegen haben, als wenn der Mond hoch am Himmel steht; im letzteren Falle sehen wir ihn also schärfer begränzt, die dunklen Flecken auf demselben erscheinen uns deutlicher, wir halten ihn deshalb unwillkürlich für näher, und in Folge dessen für kleiner, als wenn wir ihn noch am Horizont erblicken, wo er uns lichtschwächer und weniger scharf begränzt erscheint und wo die Flecken fast ganz verschwinden.

Bei der Beurtheilung des Abstandes sehr naher Gegenstände ist das Sehen mit zwei Augen von wesentlichem Einfluss, wie wir im nächsten Paragraphen sehen werden.

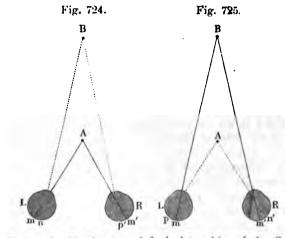
Sehen mit zwei Augen. Wenn man mit beiden Augen einen 277 nahen Gegenstand, etwa einen 1 Fuss weit vor das Gesicht gehaltenen Finger, fixirt, so sieht man alle entfernteren Gegenstände doppelt.

Umgekehrt sieht man den nahe vor das Gesicht gehaltenen Finger doppelt, wenn man mit beiden Augen einen fernen Gegenstand fixirt.

In Fig. 724 (a. f. S.) seien L und R die beiden Augen, A und B zwei in verschiedenen Entfernungen vor dem Auge befindliche Gegenstände. Wenn

48

man den Gegenstand A fixirt, so sind die Axen beider Augen (die Augenaxe ist die gerade Linie, welche die Mitte der Netzhaut mit dem Mittelpunkte der Linse und der Pupille verbindet) nach A gerichtet, sie machen also einen ziemlich bedeutenden Winkel mit einander, das Bild von A erscheint aber in jedem Auge auf der Mitte der Netzhaut; fixirt man nun den entfernteren Gegenstand B, wie dies in Fig. 725 dargestellt ist, so



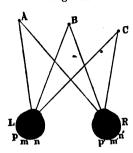
wird der Winkel der Augenaxen kleiner, und nun erscheint das Bild von B in jedem Auge auf der Mitte der Netzhaut.

Wenn A fixirt ist, wie Fig. 724, so liegt das Bild von B im linken Auge rechts, im rechten aber links von der Mitte der Netzhaut; die Bilder n und p' liegen als in beiden Augen nicht auf entsprechenden

Stellen der Netzhaut, und darin ist wohl auch der Grund zu suchen, warum der Gegenstand B hier doppelt gesehen wird. Da das Bild n im linken Auge rechts von m liegt, so scheint uns B links von A zu liegen, während das rechte Auge den Gegenstand B rechts von A sieht, weil das Bild p' links von m' ist. Hat man den Gegenstand A mit beiden Augen so fixirt, dass man ihn einfach sieht, B aber doppelt erscheint, so kann man das linke

p' links von m und m' liegen, so erblicken beide Augen den Gegenstand Crechts von B; ebenso sehen beide Augen den Gegenstand A links von B, weil die Netzhautbilder n und n' rechts von m und m' liegen.

Fig. 726.



Wenn man einen Gegenstand mit beiden Augen einfach sieht, wenn also sein Bild auf entspreckende Stellen beider Netzhäute fällt, so sieht man ihn heller als mit einem Auge; man kann sich davon leicht überzeugen, wenn man einen Streifen von weissem Papier ansieht und vor das eine Auge einen dunklen Schirm so hält. dass für dieses Auge die eine Hälfte des Papierstreifens bedeckt wird; der Theil des Papiers, welcher mit beiden Augen zugleich gesehen wird, erscheint heller als die andere Hälfte, die man nur mit einem Auge sieht.

Der Grund, warum wir mit beiden Augen einfach sehen können, ist wohl jedenfalls ein innerer, also im Verlaufe der Nervenfasern zu suchen, und nicht eine Folge der Gewohnheit. "Beide Augen sind gleichsam zwei Zweige mit einfacher Wurzel, und jedes Theilchen der einfachen Wurzel ist gleichsam in zwei Zweige für beide Augen gespalten," sagt Müller, in dessen Schriften man auch Näheres über die verschiedenen Versuche die zur Erklärung dieser wunderbaren Verkettung gemacht findet. wurden.



Beim Betrachten naher Gegenstände bietet das Sehen mit zwei Augen ein wesentliches Mittel zur richtigen Schätzung der Entfernungen. Mit dem rechten Auge sehen wir einen nahen Gegenstand auf einen anderen Punkt des Hintergrundes projicirt als mit dem linken, und dieser Unterschied wird um so bedeutender, je näher der Gegenstand rückt. Während es leicht ist, eine Nähnadel einzufädeln, so lange man mit beiden Augen sieht, ist es äusserst schwierig, wenn man das eine Auge schliesst. Ein diesem entsprechender Vorlesungsversuch ist folgender. Man hänge einen Ring, dessen innerer Durchmesser ungefähr zwei Zoll beträgt, an einem Faden auf, wie Fig. 727 andeutet, und suche nun den gegen zwei Fuss langen Stab, Fig. 728, an seinem einen Ende a haltend, den am anderen Ende desselben angebrachten Haken in die Höhlung des Ringes hineinzustecken. Es gelingt dies sogleich, wenn man mit zwei Augen sieht, schliesst man aber das eine Auge, so wird man mit dem Haken bald vor, bald hinter den Ring fahren.

Der Grund davon ist folgender: wenn wir beide Augen auf einem nicht allzuweit entfernten Punkt richten, so machen die beiden Augenaxen einen Winkel mit einander, welcher um so kleiner wird, je weiter sich der Gegenstand entfernt, wie dies Fig. 729 erläutert, in welcher A einen näheren, B einen entfernteren Punkt bezeichnet. Die Grösse des Winkels,

Fig. 729.

welchen die beiden Augenaxen mit einander machen und welcher mit dem Namen des Gesichtswinkels bezeichnet wird, giebt um also ein Maass für die Entfernung der Gegenstände. — Wir können freilfch diesen Gesichtswinkel nicht messen, eine Schätzung desselben wird aber dadurch vermittelt, dass wir einen beliebigen Punkt, etwa A, mit dem rechten Auge an einer anderen Stelle des Hintergrundes CD projicirt sehen als mit dem linken Mit dem rechten Auge betrachtet, scheint uns nämlich der Punkt A gerade vor a, mit den linken betrachtet, scheint er gerade vord zu stehen oder, mit anderen Worten, aunda sind die Projectionen des Punktes A auf den Hintergrund CD für das rechte und für das linke Auge.

Der Abstand der beiden Projectionspunkte wird aber um so kleiner, je weiter sich der

betrachtete Gegenstand vom Auge entfernt, je kleiner also der Gesichtwinkel wird.

Für den entfernteren Punkt B sind b und b' die beiden Projections auf den Hintergrund; und diese beiden Projectionspunkte b und b' liegt einander näher als a und a'.

Es kommen also hier beim Sehen mit zwei Augen dieselben Hülfsmittel in Anwendung, mit Hülfe deren der Geometer die Entfernung und Bedeutung nur bei Betrachtung unserer nächsten Umgebung auf; nindern sich in dem Maasse, als die zu beschauenden Gegenstände weg liegen, und verschwinden bereits völlig beim Betrachten einer Aftlichen Ferne.

as Stereoskop. Eine auf einer Fläche ausgeführte bildliche 278 ung, sei es nun eine Zeichnung oder ein Gemälde, kann doch immer Anschauung eines einzelnen Auges wiedergeben. r auch durch richtige Perspective, durch naturgetreue Schattirung rbung seinen Gegenstand hervorheben mag, nie wird er durch ein laftes Bild die Täuschung so weit treiben können, dass sich das ichsam unwiderstehlich körperlich gestaltet. Eine solche vollkomastische Erscheinung ist nur durch die Combination zweier Bilder n Gegenstandes zu erreichen, von denen das eine dem rechten, das dem linken Auge entspricht und welche sich zu einem einzigen drucke vereinigen.

Fig. 730 stelle L das linke, R das rechte Auge vor. Auf der Linie che rechtwinklig zur Verbindungslinie der beiden Augen steht, befinde sich ein Punkt B und hinter demselben, gleich weit von B und gleich weit von rs die Punkte A und C.

Denken wir uns zwischen das rechte Auge und die drei Punkte ABC eine Glastafel M eingeschoben, so schneiden die Visirlinien AR, BR und CR die Glastafel in a, in bund in c. Werden nun auf der Glastafel die drei Punkte a, b und c gehörig bezeichnet, so werden sie, von R aus gesehen, die Punkte A, B und C decken; a, b und c sind die Bilder von A, B und C. Nach den Bildern a, b und chinschauend, wird das rechte Auge R denselben Eindruck empfangen, als ob es die Punkte A, B und C selbst betrachtete.

Welcher von den drei Punkten aber vor- oder zurückliegt, kann das eine Auge R nicht entscheiden. von R ausgehenden Visirlinien ist nur die Richtung bestimmt, in welcher man die Punkte A, B und C zu suchen hat, aber nicht ihre Entfernung. Jeder dieser Punkte könnte auf seiner Visirlinie vor- oder zurückgeschoben wer-

me dass dadurch seine scheinbare Stellung gegen die anderen für re R im mindesten geändert würde.

sselbe gilt für das linke Auge. Von L aus betrachtet, machen die der a', b' und c' auf der Glastafel N denselben Eindruck wie die ABC selbst. Die Betrachtung mit dem linken Auge allein über die wahre gegenseitige Lage derselben nichts entscheiden, an es nun auf die Punkte ABC selbst oder ihre Bilder a'b'c'

Wenn nun aber gleichzeitig das linke Auge die Bilder auf N, das rechte die auf M betrachtet und zwar so, dass die Netzhautbildchen von a', b' und c' im linken Auge und die Netzhautbildchen a, b und c im rechten Auge auf die entsprechenden Stellen der Netzhäute fallen, so combiniren sich die Netzhautbildchen von a und a' zu einem gemeinschaftlichen Eindrucke; ebenso die von b und b', von c und c'. Dabei versetzen wir unwillkürlich die einzelnen Punkte dahin, wo sich die beiden nach seinen Bildern gerichteten Visirlinien schneiden. Für die Bilder a und a' glanben wir einen Punkt in a, für die Bilder b und b' einen Punkt in a, für die Bilder a' und a' einen Punkt in a', für die Bilder a' und a' einen Punkt in a', für die Bilder a' und a' einen Punkt in a', für die Bilder a' und a' einen Punkt in a', für die Bilder a' und a' einen Punkt in a', für die Bilder a' und a' einen Punkt in a', für die Bilder a' und a' einen Punkt in a' einen Punkt in a', für die Bilder a' und a' einen Punkt in a', für die Bilder a' und a' einen Punkt in a', für die Bilder a' und a' einen Punkt in a', für die Bilder a' und a' einen Punkt in a'

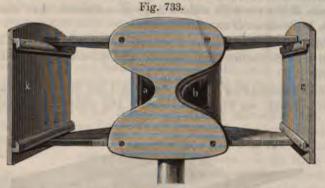
Auf diese Weise ist die Stellung der einzelnen Punkte im Raume voll-Fig. 731. ständig gegeben, es kann nicht mehr zweifelhaft sein welcher Punkt vor- und welcher zurückliegt.



In dem eben besprochenen Beispiele liegen die Bilder für das rechte und für das linke Auge auf M und N vollständig auseinander. Betrachtet man aber einen etwas ausgedehnten Gegenstand, so wird das Bild für das rechte Auge theilweise das Bild für das linke Auge überdecken, wie dies Fig. 731 anschaulich macht. Wenn man aber zwei so sich überdeckende Bilder betrachtet, so muss daraus nothwendig eine Verwirrung entstehen, indem ja das rechte Auge wenigstens theilweise noch das für das linke Auge bestimmte Bild sieht, und ungekehrt. Um in solchem Falle die Bilder getrennt zu erhalten, d. h. um zu bewerkstelligen, dass jedes Auge nur dasfür dieses, und nicht das für das andere Auge bestimmte Bild sehen kann, bedarf es besonderer Appa-

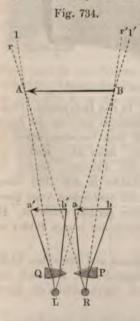
für das linke Auge bestimmte aufgestellt wird, so sieht jedes Auge das Bild der ihm entsprechenden Zeichnungen in i, die Wahrnehmungen beider Augen können sich also in der oben angedeuteten Weise zu einem plastischen Totaleindrucke vereinigen.

Fig. 733 stellt das Wheatston'sche Stereoskop, wie es sich am einfachsten ausführen lässt, in ½ der natürlichen Grösse dar. Die Zeich-



nungen werden bei g und k eingeschoben; a und b sind die Spiegel. Sonst bedarf die Figur wohl keine Erläuterung.

Was Wheatstone durch Spiegel erreicht, das erreicht Brewster durch Prismen, welche zugleich linsenartig gewölbt sind. Fig. 734 dient



dazu, das Princip des Brewster'schen Stereoskops anschaulich zu machen. Die beiden Bilder, von welchem das eine dem rechten, das andere dem linken Auge entspricht, welche aber in ihrer richtigen Lage zum Gegenstande sich theilweise überdecken würden, wie Fig. 731 zeigt, werden, wie man Fig. 734 sieht, so weit auseinander geschoben, dass sie vollständig getrennt sind. Vor das rechte Auge wird alsdann ein Prisma P von geringem brechenden Winkel gebracht, dessen brechende Kante nach der Linken gerichtet ist, während vor dem linken Auge ein gleiches Prisma Q sich befindet, dessen brechende Kante nach der Rechten gerichtet ist. Durch das Prisma P sight das rechte Auge das Bild ab etwas nach der Linken, durch das Prisma Q sieht das linke Auge das Bild a'b' etwas nach der Rechten verschoben. So erblickt das rechte Auge das Bild a der Pfeilspitze nach der Richtung Rr, während das linke Auge das Bild a' der Pfeilspitze nach Ll erblickt; fallen

nun die Bilder a und a' auf entsprechende Stellen der Netzhäute, so combiniren sie sich zu einem gemeinschaftlichen Eindrucke, beide Augen mammen werden also die Pfeilspitze da sehen, wo sich die Visirlinien Ll und Rr schneiden, also in A.

Eben so wird sich der Eindruck des durch Q gesehenen Bildes der gefiederten Pfeilendes b' im linken Auge mit dem Eindrucke des durch P gesehenen Bildes von b im rechten Auge so combiniren, dass man das gefiederte Pfeilende in B zu erblicken glaubt.

Für die beiden Prismen P und Q brachte Brewster die beiden Hälften einer Sammellinse von ungefähr 15 Centimeter Brennweite in Aswendung.

Diese Linsenhälften sind an den Deckel des Stereoskopkastens, Fig. 735, so befestigt, wie Fig. 736 erläutert. Das rechte Auge schaut durch



die Linse R, das linke schaut durch die Linse L in das Instrument. Durch die Anwendung dieser Linsenstücke ist es nun zunächst möglich, die Zeitstellen Fig. 736.



nungen dem Gesichte näher m bringen, dann aber wirken si auch wie Prismen, indem übe Linsenhälfte R das Bild etwa

nach dem linken schiebt, während das Bild der mit dem linken Auge durch L betrachteten Zeichnung etwas nach dem rechten gerückt erscheint. Auf diese Weise wird das vollständige Zusammenfallen der beiden Bilder begünstigt.

Die beiden Zeichnungen, welche sich auf einem und demselben Blatte befinden, werden auf den Boden des Kastens eingeschoben, in dessen warderer Wand sich eine grössere Oeffnung befindet, durch welche die Zeichnungen das nöthige Licht erhalten.

In dem Stereoskopkasten, Fig. 735, ist eine verticale Scheidewand 8

eingesetzt, welche verhindert, dass ein Auge das Bild sehen kann, welches für das andere Auge bestimmt ist.

Wenn man die Zeichnungen in einer günstigen Stellung vor das Auge bringt und nur verhindert, dass das rechte Auge die fürs linke bestimmte Zeichnung sehen kann, und umgekehrt, so sind gar keine weiteren optischen Hülfsmittel mehr nöthig, um die Bilder auf die entsprechenden Stellen der Netzhaut fallen zu machen. Nimmt man die Gläser aus dem Apparat Fig. 735 ganz weg, so sieht ein Kurzsichtiger, wenn er mit beiden Augen durch die beiden Oeffnungen hinab schaut, Anfangs allerdings doppelte Bilder; nach einiger Zeit aber nähern sie sich, um bald vollständig in einander zu verschmelzen, und dann ist der plastische Eindruck vollständig da.

Auf gleiche Weise würde auch ein Weitsichtiger die Erscheinung wahrnehmen können, wenn nur die Oeffnungen weiter vom Boden weg wären.

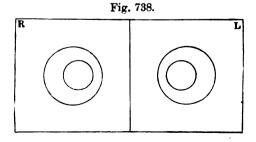
Frick fand, dass es zur Hervorbringung der stereoskopischen Täuschung schon genügt, eine Scheidewand zwischen den beiden Zeichnungen anzubringen; so ergiebt sich denn die Vorrichtung Fig. 737 als die einfachste Form des Stereoskops. In der Mitte eines



fachste Form des Stereoskops. In der Mitte eines horizontalen Brettchens ab, welches ungefähr 10 Centimeter breit und doppelt so lang ist, wird ein verticales Brettchen cd befestigt, welches als Scheidewand dienen soll. Die Rückwand dient nur, um dem Brette cd mehr Halt zu geben. cd ist unten durchbrochen, damit man die Zeichnungen auf das Bodenbrett einschieben kann. Die Höhe von cd ist je nach der Weite des deutlichen Sehens grösser oder kleiner.

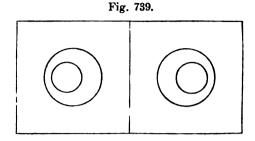
Die Betrachtung der Fig. 730 lehrt uns, welche Bedingungen in den Bildern erfüllt sein müssen, damit ein Punkt vor- oder zurücktritt. Damit der Punkt B in der Mitte vor A und C erscheint, muss sein Bild b in der fürs rechte Auge entworfenen Zeichnung näher bei a, in der fürs linke Auge entworfenen Zeichnung muss aber sein Bild b' näher bei c' stehen, und daraus folgt, dass der Abstand der beiden Bilder b und b' kleiner sein muss als der von a und a' oder der von c und c', wenn der Punkt B vortreten soll.

Es lässt sich dies durch ganz einfache Stereoskopschieber erläutern.



So stellt Fig. 738 einen solchen ungefähr in ½ der natürlichen Grösse dar, bei welchem das für das rechte Auge bestimmte Bild sowohl, wie das für das linke bestimmte nur aus zwei nicht concentrischen Kreisen besteht. Im Stereoskop sieht man den klei-

neren Kreis gerade über der Mitte des unteren schweben, weil punkte der beiden kleinen Kreise einander näher liegen als die



grossen. Dage der Stereoskope 739 im Stereosk tet den Eindra der kleinere K dem grossen sc hier die Mittel beiden kleineres ter von einand sind als die grossen.

Ursprünglich hatte man als Stereoskopbilder nur Zeichnungeometrischer Körper in Anwendung gebracht. Ein neues Im eine allgemeinere Anwendung fand das Stereoskop aber erst man photographische Bilder an die Stelle der Zeichnunghatte. Das Stereoskop ist jetzt nicht nur ein Instrument, mitt der Physiolog die Gesetze des binocularen Sehens studiren und de kann, sondern es ist auch ein Mittel, Statuen, Baudenkmale, Städt Naturscenen aller Art, wie Gletscher, Wasserfälle u. s. w. mit haftigkeit zur Anschauung zu bringen, von welcher man frahnung hatte.

279 Gränzen der Sichtbarkeit. Wenn ein Gegenstand hen werden soll, so darf der Gesichtswinkel, unter welchem er nicht unter einer gewissen Gränze liegen, die sehr von der E und der Farbe des Gegenstandes, der Natur des Hintergrunde Individualität der Augen abhängt. Für ein gewöhnliches Aumässiger Beleuchtung ein Gegenstand noch unter einem Sehwin

Irradiation bezeichnet. Ganz besonders hat Plateau die Gesetze der Irradiation zu ermitteln gesucht (Pogg. Annal., Ergänzungsband 1842).

Die folgende Vorrichtung ist sehr geeignet, diese interessante Erscheinung zu zeigen. Die obere Hälfte einer Pappscheibe von 7 Zoll Höhe und 5 Zoll Breite überziehe man mit weissem Papiere, während die untere

Fig. 740.



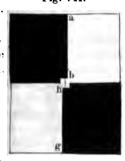
Hälfte schwarz angestrichen wird. Die obere Hälfte theilt man dann durch einen schwarzen Streifen von 2 Linien Breite, die untere durch einen ebenso breiten weissen Streifen, so dass der weisse Streifen in der Verlängerung des dunklen liegt, wie man Fig. 740 sieht. Diesen Apparat stelle man neben einem Fenster auf, so dass er wohl beleuchtet ist, und entferne sich 12 bis 15 Fuss davon, so wird der weisse Streifen auffallend breiter erscheinen als der schwarze. Noch auffallender kann man die Erscheinung machen, wenn man die weissen Felder und den weissen Streifen ganz ausschneidet

und den Apparat an einer der oberen Scheiben eines Fensters so befestigt, dass man durch die ausgeschnittenen Stellen den hellen Himmel erblickt.

Der Grund der Irradiation ist, nach Plateau's Ansicht, in einer Ausbreitung des Lichteindrucks auf der Netzhaut zu suchen, sie ist also in Beziehung auf den Raum, was das Beharren der Eindrücke auf der Netzhaut, wovon sogleich die Rede sein wird, in Beziehung auf die Zeit ist.

Da demnach die Irradiation keine objective, sondern eine subjective Erscheinung ist, so wird sie auch nicht für alle Personen gleich stark sein.

Fig. 741.



Auf eine weisse Papptafel von denselben Dimensionen, wie die Fig. 740 dargestellte, male man zwei schwarze Felder so, dass der Rand ab, Fig. 741, ein Millimeter rechts, der Rand gh 1 Millimeter links von der verticalen Mittellinie der Tafel liegt. Aus einiger Entfernung betrachtet, scheinen nun die Ränder ab und gh in eine verticale Linie zu fallen; diese Entfernung ist nun für verschiedene Individuen sehr ungleich. Plateau fand, "dass bei einer Person diese Coincidenz schon bei einer Entfernung von 2,5 Metern stattfand, was für den Winkelwerth der Irradiation 1'22" giebt;

bei einer anderen Person trat aber die Coincidenz erst bei einer Entferrung von 12 Metern ein, bei dieser betrug also der Winkelwerth der Irraliation nur 17".

Der Winkelwerth der Irradiation ist unabhängig von der Entfernung des Gegenstandes vom Auge; die absolute Breite also, welche wir der Irradiation beilegen, ist unter übrigens gleichen Umständen der Entfernung des Gegenstandes proportional.

Die Irradiation zeigt sich bei allen Entfernungen von der deutlichen Sehens bis zu unendlicher Entfernung.

Die Grösse der Irradiation wächst mit zunehmender Lichtstä wächst sie nicht in demselben Verhältnisse wie die Helligkeit, s einem bei zunehmender Helligkeit stets abnehmenden Verhältniss

Die Existenz der Irradiation wurde einige Zeit hindurch s ausgezeichneten Astronomen und Physikern bezweifelt, weil die besten Fernröhren angestellten Beobachtungen von dem Einflusse diation ganz frei waren; so fand man z. B. den Durchmesser de ganz gleich, man mochte die Messung bei Tage machen, wo er matt auf dem blauen Himmel erscheint, oder des Nachts, wo er auf dem dunklen Grunde steht. Dies ist aber sehr wohl erklärli Gesichtswinkel, unter welchem wir den Durchmesser des Monde beträgt ungefähr 30 Minuten; wenn nun der Winkelwerth der Ir für das beobachtende Auge 1 Minute beträgt, so erscheint offer Durchmesser des Mondes durch die Irradiation um 2 Minuten, ¹/₁₅, vergrössert. Betrachtet man nun den Mond durch ein gut rohr, so wird wohl der Durchmesser des Mondes, aber nicht die tion vergrössert; nehmen wir an, das Fernrohr bewirke eine 50ma grösserung, so wird der Durchmesser des Mondes unter einem (winkel von 1500' erscheinen; wenn nun dieser Winkel durch die tion noch um 2' vergrössert wird, so beträgt doch diese Vergrösser $\frac{1}{740}$, sie übt also hier einen verhältnissmässig sehr geringen Einf

Bedenkt man nun ausserdem noch, dass die Intensität des Licht die starke Vergrösserung geschwächt wird, dass also auch desh der Einfluss der Irradiation geringer ausfällt, so begreift man s wie bei Beobachtungen mit guten Fernröhren der Einfluss der In ganz verschwindet.

Gegen die obige Erklärung der Irradiationserscheinungen i

Dass man die Irradiationserscheinungen nicht so schlechthin auf untändige Accommodation schieben darf, dafür dürfte folgende Beobachsprechen, die ich im Frühjahr 1856 machte. Die zwei Tage alte dsichel stand gerade im Sternbilde des Widders und ich beobachtete hr die im Anfange dieses Paragraphen erwähnte Erscheinung in ausichneter Weise, obgleich meine Augen durch eine Brille hinlänglich mmodirt waren, um die sechs Hauptsterne der Plejadengruppe getrennt sehen.

Dass der Lichteindruck auf der Netzhaut sich ausbreiten könne, wie Plate au's Ansicht ist, steht durchaus nicht im Widerspruche mit den indsätzen der Physik, wie Welcker zu meinen scheint; denn wenn irgend materielles Theilchen in den Zustand lebhafter Vibrationen versetzt id, so werden sich diese Vibrationsbewegungen mehr oder weniger den nachbarten Theilchen mittheilen, und es ist nicht einzusehen, warum ein iches bei den Netzhautpartikelchen nicht stattfinden soll.

Dauer des Lichteindruckes. Wenn man mit einer glühenden 281 blie rasch einen Kreis beschreibt, so kann man die Kohle selbst nicht Lerscheiden, sondern man sieht einen feurigen Kreis. Der Grund dieser scheinung liegt darin, dass eine durch einen Lichteindruck afficirte Stelle Retina nicht augenblicklich wieder zur Ruhe kommt, wenn der Lichtedruck selbst aufgehört hat, dass in dem fraglichen Falle der Lichteintek, welchen die glühende Kohle an irgend einer Stelle ihrer Kreisbahn vorbringt, so lange dauert, bis sie nach einer ganzen Umdrehung wiedieselbe Stelle erreicht.

Wenn man vor einer unbeweglichen glühenden Kohle eine undurchtige Kreisfläche rotiren lässt, die in der Nähe ihres Umfanges mit einem he versehen ist, welches gerade vor der Kohle vorübergeht, so bleibt Kohle ununterbrochen sichtbar, wenn die Umdrehung der Scheibe in tiger als 1/2 Secunde vollendet wird.

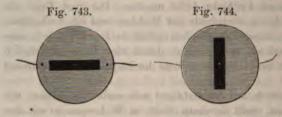
Aus demselben Grunde kann man auch die Speichen eines schnell lau-





fenden Rades nicht unterscheiden, und die obere Fläche eines Kreisels, welcher mit abwechselnd weissen und schwarzen Sectoren bemalt ist, wie Fig. 742, erscheint bei rascher Rotation gleichförmig grau. Wenn aber der Kreisel, im Dunkeln rotirend, momentan erleuchtet wird, etwa durch einen Blitz oder einen elektrischen Funken, so kann man die einzelnen Sectoren deutlich unterscheiden.

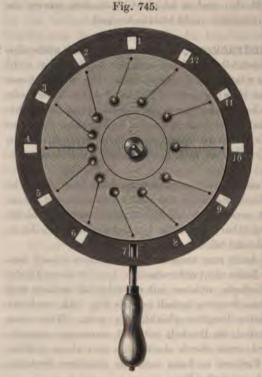
Macht man in eine Pappscheibe von 2 bis 3 Zoll Durchmesser diamegegenüberstehend zwei Löcher, durch welche man Fäden zieht, wie ind Fig. 744 zeigen, so kann man mit Hülfe dieser Fäden die sch drehen, so dass man abwechselnd die eine und dann wieder e Seite sieht. Macht man nun auf die eine Seite einen schwarin der Richtung der beiden kleinen Löcher, auf die andere Seite einen Streifen, welcher auf dieser Richtung rechtwinklig steht, so sieht man bei rascher Umdrehung ein Kreuz, weil der Eindruck des hori-



zontalen Streifens im Auge noch nicht erloschen ist, wenn der verticale Streifen sichtbar wird. Ist auf die eine Seite ein Käfig, auf die andere ein Vogel gemült. 20

erscheint bei rascher Drehung der Vogel im Käfig u. s. w.

Ein recht sinnreicher und artiger Apparat, welcher sich ebenfalls auf die Dauer des Lichteindruckes gründet, ist die sogenannte Wunder-



scheibe, die stroboskopische Scheibe oder des Phenakistoskop, Eine Scheibe von 20 bis 25 Centimeter Durchmesser kam um eine horizontale Au in eine Rotationsbewegung versetzt werden; am Randdieser Scheibe befindet sich eine Reihe von Oeffnungen welche in gleichen Abstätden auf einander folgen in der Fig. 745 dargestellten Wunderscheibe befinden sich 12 solcher Löcher Innerhalb des durch die 13 Löcher gebildeten Ringe ist nun eine kleinere b malte Scheibe befestigt, and welcher ein und derselbe Gegenstand in 12 auf enander folgenden Stellungs abgebildet ist, so dass jedes Loche eine andere Stell entspricht. In unserer Fr gur ist ein ganz einfacht

Gegenstand gewählt, nämlich ein Pendel. Unter der mit 1 bezeichneten 0nung ist das Pendel dargestellt, wie es eben seine äusserste Stellung link
erreicht hat; unter der Oeffnung 2 sehen wir das Pendel, wie es sich der
Gleichgewichtslage schon wieder genähert hat, bei 3 hat es sich der Gleichgewichtslage noch mehr genähert und bei 4 hat es dieselbe erreicht u. ε Ε
Dieser Δpparat wird nun so vor einen Spiegel gehalten, dass die hemali

dem Spiegel zugekehrt ist und man durch eine Oeffnung, etwa die oberste, das Bild der bemalten Scheibe im Spiegel sieht. Wenn heibe rotirt, so geht eine Oeffnung nach der anderen vor dem Auge er, während aber die Zwischenräume vor dem Auge hergehen, ngt es kein Licht. Nehmen wir an, dass in einem bestimmten Modie Oeffnung 1 vor dem Auge vorübergeht, so erblickt man unter ben das Bild des Pendels in seiner grössten Ausweichung; der in Moment ins Auge gelangende Lichteindruck bleibt nun, bis die zweite ing vors Auge kommt, und nun erscheint das Pendel an derselben . an welcher man es eben erst in seiner grössten Ausweichung geseatte, der Gleichgewichtslage etwas genähert; das Bild dieser zweiten bleibt im Auge, bis die dritte Oeffnung vor dasselbe gelangt, und nicht man das Pendel seiner Gleichgewichtslage noch mehr genähert w.; die auf diese Weise der Reihe nach dem Auge vorgeführten Stelan des Pendels machen nun täuschend den Eindruck, als ob man ein el wirklich oscilliren sähe. Statt des Pendels kann man auch andere ustände wählen, die man der Reihe nach in eben so viel verschiedetellungen dargestellt hat, als Löcher vorhanden sind, so dass jeder ung eine andere Stellung entspricht. Sehr täuschend lassen sich auf Weise Bewegungen von Menschen und Thiergestalten darstellen, die in den verschiedenen auf einander folgenden Stellungen aufgezeich-

Ebenso wie die Gegenstände eine gewisse Grösse haben müssen, um das Auge wahrnehmbar zu sein, ebenso muss auch der Lichteindruck amhafte Zeit andauern, um eine Wirkung auf die Netzhaut hervoragen; aus diesem Grunde wird ein sehr schnell sich bewegender Kört. B. eine Kanonenkugel, nicht gesehen; das Bild der fliegenden Kuwegt sich auf der Netzhaut mit solcher Geschwindigkeit, dass es an Stelle derselben wahrgenommen werden kann.

Die Nachwirkungen auf der Netzhaut sind um so stärker und dauern länger fort, je intensiver und andauernder die primitive Einwirkung Die Nachbilder heller Gegenstände sind hell, die Nachbilder dunkler istände dunkel, wenn das Auge einer ferneren Lichteinwirkung entwird. Sieht man z. B. längere Zeit unverwandt durch ein Fenster dem hellen Himmel, wendet man alsdann das Auge weg, indem man gleich schliesst, so sieht man noch immer die hellen Zwischenräume nzt durch die dunklen Fensterrahmen, wendet man dagegen das Auge ine weisse Wand, so erscheint im Nachbilde hell, was im ursprüngdunkel war, und umgekehrt; man sieht z. B. die Fensterrahmen hell lie Zwischenräume dunkel. Diese Umkehrung ist leicht zu erklären: das geblendete Auge auf die weisse Wand gerichtet, so sind die reh das helle Licht afficirten Stellen der Netzhaut weniger

n gegen das weisse Licht der weissen Wand, als diejenigen r Netzhaut, auf welche das Bild der dunklen Fensterrahmen

Farbige Nachbilder. Unser Gesichtsorgan empfindet oft Farbeneindrücke, die nicht unmittelbar durch äussere Objecte hervorgebracht
sind, sondern in einem eigenthümlich gereizten Zustande der Netzhaut
ihren Grund haben. Man nennt solche Farben subjective oder auch
physiologische. Die farbigen Nachbilder sowohl als auch die Farben,
welche durch Contraste hervorgebracht werden, gehören hierher.

Die Nachbilder, von denen in vorigem Paragraph die Rede war, sind immer mehr oder weniger gefärbt, und zwar ist diese Färbung um so entschiedener, je intensiver der primitive Lichteindruck war, welcher die Nachbilder veranlasste. Man fixire z. B. einige Zeit lang ein Kerzenlicht recht scharf, schliesse dann die Augen und wende sie nach einer dunklen Stelle des Zimmers, so glaubt man noch immer die Flamme vor den Angen zu haben, aber sie verändert nach und nach ihre Farbe; sie wird alsbald ganz gelb, geht dann durch Orange in Roth, von Roth durch Violet in grünliches Blau über, welches immer dunkler wird, bis das Nachbild endlich ganz verschwindet. Wendet man hingegen das durch das Kerzenlicht geblendete Auge auf eine weisse Wand, so folgen sich die Farben des Nachbildes in fast entgegengesetzter Ordnung, d. h. man sieht anfangs ein ganz dunkles Nachbild auf dem hellen Grunde, welches alsbald blau. grün, gelb wird und endlich vom weissen Grunde nicht mehr unterschieden wird, wenn das Nachbild ganz verschwunden ist, d. h. wenn die Netzhaut sich ganz wieder erholt hat. Der Uebergang von einer Farbe zur anderen beginnt am Rande und verbreitet sich von da aus nach der Mitte Dieselbe Reihe von Farbenerscheinungen beobachtet man an den Blendungsbildern weisser Papiere, die auf schwarzem Grunde liegend von der Sonne beschienen sind u. s. w.

Der Grund dieser Erscheinungen ist wohl darin zu suchen, dass die Nachwirkung auf der Netzhaut nicht für alle Farben des Spectrums gleich ar und ab stellen die entsprechenden Zeiten für das rothe und blaue Licht dar; die Curven mg, mr und mb stellen das Gesetz dar, nach welchem die Intensität der Nachwirkung für Gelb, Roth und Blau abnimmt; die übrigen Farben des Spectrums wollen wir der Einfachheit wegen vor der Hand noch unberücksichtigt lassen. In dem Moment, in welchem das Auge der Einwirkung des blendenden Gegenstandes entzogen wird, hat es noch die Empfindung von Weiss, weil es durch alle Farben gleichmässig afficirt ist; nun nimmt aber anfangs die Nachwirkung aller anderen Farbenstrahlen rascher ab als die der gelben, deshalb wird das Nachbild bald eine gelbe Färbung annehmen müssen. Die gelbe Färbung geht aber alsbald durch Orange in Roth über, weil nach einiger Zeit die Intensität des gelben Nachbildes so rasch abnimmt, dass bald das rothe Nachbild überwiegend wird; da aber dieses auch eher ganz verschwindet als das blaue Nachbild, so wird sich endlich die blaue Färbung geltend machen müssen.

Die Curve für Orange würde so zu legen sein, dass sie die Curve mg in x, mr aber in y schnitte; die Curve für Grün würde mr in z, mb in t schneiden.

Wendet man das geblendete Auge auf eine weisse Fläche, so erscheint das Nachbild dunkel, weil die geblendeten Stellen der Netzhaut für das weisse Licht der Fläche unempfindlicher sind; nun aber bleibt anfangs die Nachwirkung der rothen und gelben Strahlen noch vorherrschend, während die der blauen rasch abnimmt, das Auge wird also für blaues Licht eher wieder etwas empfindlich, das auf dem hellen Grund zuerst ganz dunkel erscheinende Nachbild wird also zunächst eine blaue Färbung annehmen. Die Nachwirkung des Gelb erlischt auf der Netzhaut zuerst, sie erhält also ihre volle Empfindlichkeit für die gelben Strahlen zuerst wieder; in dieser Periode also wird das geblendete Auge, auf eine weisse Fläche sehend, ein gelbes Nachbild wahrnehmen, nachdem es Nüancen durchlaufen hat, welche immer denen complementär sind, welche man in denselben Momenten bei geschlossenem Auge würde wahrgenommen haben. In der That braucht man nur das bis dahin geschlossene Auge zu öffnen, wenn das Nachbild auf dunklem Grunde eine bestimmte Farbe erlangt hat, und es auf eine weisse Fläche zu richten, um sogleich das complementäre Nachbild auf weissem Grunde zu sehen.

Wenn man längere Zeit einen farbigen Fleck auf weissem Grunde scharf fixirt und dann das Auge seitwärts auf die weisse Fläche richtet, so sieht man ein complementär gefärbtes Nachbild; war der Fleck blau, so ist das Nachbild gelb; war er roth, so ist es grün u.s.w. Diese Erscheinung erklärt sich dadurch, dass die Netzhaut für die Farbe des Objectes abgestumpft und also für diejenigen im weissen Licht enthaltenen Farben empfindlicher wird, die nicht in der Färbung des Objectes enthalten sind, welches die Blendung veranlasste.

Dass die Retina durch das längere Betrachten eines stark erleuchteten farbigen Gegenstandes allmälig gegen diese Farbe abgestumpft wird, geht auch daraus hervor, dass sie nach und nach immer matter und unscheinbarer wird. Man kann sich davon am leichtesten auf folg überzeugen. Man fixire längere Zeit ein farbiges, etwa ein roth welches sich auf einem weissen Grunde befindet, und wende dan nur etwas seitwärts, so dass das complementäre Nachbild zum auf das farbige Quadrat fällt, wie dies Fig. 747 angedeutet ist.

Fig 747.



Theil des Nachbildes erscheint jetzt grün, d wordene Theil des ursprünglichen Bildes, d. h Theil, welcher seine Strahlen jetzt auf Steller haut sendet, die vorher noch nicht von dem r getroffen waren, erscheint lebhaft roth; da abe Quadrate über einander fallen, sieht man ein res Roth, denn die von diesem Theile des

rothen Quadrates ausgehenden Strahlen treffen noch immer sol der Netzhaut, welche gegen den Eindruck des rothen Lichtes

abgestumpft sind.

Die Farben, welche die complementären Nachbilder zeigen, auch subjective Farben, weil sie wahrgenommen werden, oh äusserer Gegenstand diesen Farben seine Strahlen ins Auge send besonders schön lassen sich diese subjectiven Farben mit der



dargestellten, von berg construirten zeigen. Vor die Rüunteren Theiles wirschön farbigem Pa zogene Tafel von Pa

Fig. 749.



eingeschoben, welch 749 unverkürzt dar in der Mitte des I Tafel, welcher sicht wenn dieselbe in de eingeschoben worde ein längliches Recht von einer anderen i geklebt, welche we (aber nicht nothwendig) complementär zur Grundfarbe ist. Hat man den Apparat so aufgestellt, dass die farbige Tafel gut beleuchtet ist, so schaut man dieselbe eine Zeitlang starr an; damit man aber ja das Auge möglichst unverrückt erhalte, ist an der Vorderseite des Apparates, von einem Drahte getragen, ein ungefähr 1/2 Zoll im Durchmesser haltendes schwarz angestrichenes Scheibchen a. Fig. 748, angebracht, welches vor der Mitte des farbigen Rechtecks nobq erscheint, wenn sich das Auge in gleicher Höhe mit dem Scheibchen gerade in der Mitte vor dem Apparate befindet. Nachdem man nun, das Scheibchen a scharf fixirend, die Tafel 16 bis 20 Secunden lang angeschaut hat, ist das Auge bereits ermüdet, und die Farben verlieren ihren Glanz. Ist dies eingetreten, so wird, während der Beschauer noch immer unverwandt das schwarze Scheibchen fixirt, der Stift b ausgezogen, so dass ein mit weissem Papier überzogenes Holzrähmchen, welches bis dahin von dem Stifte getragen wurde, herabfällt und die mit farbigem Papier überzogene Tafel zudeckt. sieht man auf dem weissen Papier sehr schön die complementären Farben von denen, welche das Auge vor dem Herabfallen des weissen Schirmes gesehen hatte.

Sehr auffallend ist das Unscheinbarwerden der Farben bei einem von Brewster angegebenen Versuche. Betrachtet man das Spectrum einer Kerzenflamme anhaltend durch ein Prisma, so werden nach und nach die Farben immer unscheinbarer; zuerst verschwindet Roth und Grün, dann Blau, endlich auch das Gelb, und man sieht statt des farbigen Spectrums nur noch einen langen weisslichen Streifen; am sichersten gelingt der Versuch, wenn man mit der Hand das obere Augenlid festhält, um es am Herunterfallen zu verhindern.

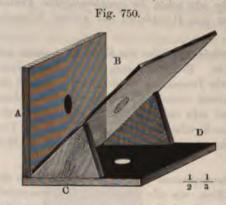
Sollte man es bei einer Kerzenflamme nicht zum Verschwinden der Farben bringen können, denn diese, wie alle subjectiven Gesichtserscheinungen, entwickeln sich nicht bei allen Individuen mit gleicher Intensität. so nehme man eine intensivere weisse Flamme zum Object. Auf jeden Fall gelingt der Versuch, wenn man durch das Prisma direct das Sonnenbild betrachtet; das Licht ist so intensiv, dass man sogleich nur einen weissen Streifen ohne alle Färbung wahrnimmt.

Contrastfarben. Ein grauer Fleck erscheint auf einer weissen 283 Fläche dunkler, auf einer schwarzen heller, als wenn die ganze Fläche mit demselben grauen Tone überzogen wäre. Ein Versuch, welcher dies recht deutlich zeigt, ist folgender: Man bringe einen schmalen undurchsichtigen Körper, etwa einen Bleistift, zwischen eine Kerzenflamme und eine weisse Fläche, so wird man einen dunklen Schatten auf hellem Grunde sehen; bringt man nun eine zweite Kerzenflamme neben die erstere, so sieht man zwei dunkle Schatten auf dem hellen Grunde; jeder dieser Schatten ist aber jetzt durch eine Kerze also eben so stark erleuchtet, als vorher die ganze Fläche war, und doch hielt man vorher die Fläche für hell und

jetzt den Schatten für dunkel; dieser Versuch beweist den bedeutenden Einfluss des Contrastes.

Noch auffallender sind die Contrasterscheinungen bei Betrachtungen farbiger Gegenstände, wobei man oft complementäre Farben sieht, welche objectiv gar nicht vorhanden sind.

Legt man einen schmalen grauen Papierschnitzel auf ein lichtgrünes Papier, so erscheint der Streifen röthlich, legt man ihn auf ein blaue Papier, so erscheint er gelb, kurz er erscheint immer complementär zur Farbe des Grundes. Sehr deutlich nimmt man die Erscheinung wahr, wenn man einen ungefähr 1 Millimeter breiten Streifen von weissem Papier auf eine Tafel von farbigem Glase klebt und dann durch dasselbe nach einer weissen Fläche, etwa nach einem Blatt weissen Papiers, sieht; oder auch indem man die eine Seite des Glases ganz mit einem dünnen Papier bedeckt, auf die andere den schmalen Streifen befestigt und dann das Glavor eine Kerzenflamme hält; der Streifen erscheint dann complementär zur



Farbe des Glases, also roth auf einem grünen Glase, blau auf einem gelben u. s. w.

Sehr schön kann man die Cetrastfarben mit Hülfe des Apprates Fig. 750 zeigen, welche sich aus Pappendeckel oder dünnen Holzbrettchen herstelle lässt. Die verticale Wand Allist mit weissem Papier übergen und hat in der Mitte einschwarzen kreisrunden Fleck ungefähr 1½ Centimeter Durchmesser. Die horizontale Weisenstein welche des Apprates Fig. 1.

CD ist mit schwarzem Papier überzogen und hat in der Mitte einen sen Fleck, welcher eben so gross ist als der eben erwähnte schwarze. The einem Winkel von 45° gegen AB und CD geneigt, ist nun eine falle Glasplatte angebracht, und wenn man nun das Auge so hält, dass das regelbild, welches die untere Fläche der Glasplatte von dem auf CD machten weissen Fleck giebt, gerade vor dem schwarzen Fleck der Walden wird, so erscheint dieses Spiegelbild farbig, und zwar ist Farbe complementär zur Farbe des Glases. Bei Anwendung einer Glasplatte z. B. sieht man einen rothen Fleck auf grünem Grunde.

Hierher gehören auch die sogenannten farbigen Schatten, wie erscheinen, wenn im farbigen Licht ein schmaler Körper einen Schwirft und dieser Schatten durch weisses Licht beleuchtet ist. Man solche farbigen Schatten am leichtesten auf folgende Weise: Man Lichtstrahlen durch ein farbiges Glas auf eine weisse Fläche, etw weisses Papier, fallen, so dass sie nun farbig erscheint; fängt irgend einer Stelle die das Papier beleuchtenden farbigen Strahlen

schmalen Körper auf, so erhält man einen schmalen Schatten, welnur durch das ringsum verbreitete weisse Tageslicht erhellt ist; diechatten erscheint nun complementär zum Grunde; wendet man ein Glas an, so erscheint der Schatten grün; er erscheint blau, wenn ein gelbes Glas anwendet u. s. w. Die Farben dieser Schatten sind subjectiv.

Manchmal beobachtet man auch farbige Schatten, welche wirklich iv verschiedenfarbig sind; sie entstehen, wenn ein Körper bei dop-Beleuchtung zwei Schatten wirft und die beiden Lichtquellen verlene Farben haben, denn alsdann ist der eine Schatten nur durch von der einen, der andere Schatten nur durch Licht von der andearbe beleuchtet. Solche farbigen Schatten entstehen, wenn in der nerung das bläuliche Himmelslicht in ein Zimmer fällt, in welchem eine brennende Kerze befindet; hält man ein Stäbchen so, dass es Schatten im Kerzenlicht, einen zweiten im Tageslicht auf eine weisse e wirft, so erscheint der eine Schatten blau, der andere gelb, weil ine nur durch das bläuliche Tageslicht, der andere nur durch das che Kerzenlicht beleuchtet ist; doch möchte auch bei diesem Falle der ast einen grossen Einfluss auf die Intensität der Farbenerscheinung somit die Erscheinung einen theils objectiven, theils subjectiven l haben.

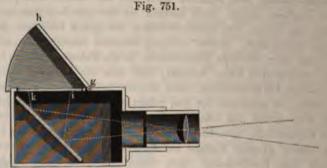
Was die Erklärung der far big en Nebenbilder betrifft, so ist sie wohl zu suchen, dass, wenn irgend ein Theil der Netzhaut durch farbiges afficirt wird, die directe Wirkung auch auf die benachbarten Stellen etzhaut in der Weise reagirt, dass sie in einen dem primitiven Eine complementären Zustand versetzt werden.

ede Zusammenstellung von Farben, welche complementär zu einannd, macht einen angenehmen Eindruck auf das Auge, was leicht bech ist, wenn man bedenkt, dass, wenn irgend ein Theil der Netzhaut durch irgend eine Farbe afficirt wird, sie ja selbst ein Bestreben auf den benachbarten Stellen diesen Gegensatz hervorzurufen. Ueber ontrastfarben hat Chevrenl ein höchst interessantes Werk geben.

Die camera obscura. Die von dem Neapolitaner Porta um die 284 des 17ten Jahrhunderts erfundene camera obscura besteht im Wesentaus einer Sammellinse, deren Brennweite gewöhnlich 15 bis 30 eträgt und durch welche ein Bild entfernter Gegenstände entworfen um den Effect dieses Bildes möglichst zu heben, muss von der Fläche, elcher es aufgefangen wird, alles seitliche, nicht hierher gehörige sorgfältig ausgeschlossen, d. h. es muss in einer dunklen Kammer angen werden.

üher gebräuchlichsten Formen der camera obscura sind in Fig. Fig. 752 (a.f. S.) dargestellt. Fig. 751 stellt einen Kasten dar, an dem Röhre befindet. In dieser Röhre lässt sich eine zweite aus- und

einschieben, welche eine Sammellinse von entsprechender Brennweite enthält; die durch diese Linse in den dunklen Kasten eindringenden Strahlen werden durch einen, in einem Winkel von 45° gegen die Axe der Linse geneigten ebenen Spiegel nach oben reflectirt, so dass das Bild eines entfernten Gegenstandes bei ik auf einer mattgeschliffenen Glastafel aufgefangen werden kann. Der Deckel gh dient, um das fremde Licht von dem Bilde möglichst abzuhalten. Wenn die mattgeschliffene Seite des Glases nach oben gekehrt ist, so kann man auf demselben mit Bleistift



die Umrisse des in ik entstehenden Bildes nachfahren und so eine natugetreue Zeichnung der Gegenstände erhalten.

Fig. 752 stellt einen Kasten dar, auf dessen Boden ein Blatt weisss



Papier gelegt wird; durch die obere Fläche des Kastens gehi eine Röhre, welche die Sammellinse enthält, über welcher sich dann ein 45° gegen die Verticale geneigter ebener Spiegel befirdet. Die von einem entfernte Gegenstande kommenden Strahle werden durch den Spiegel nach unten reflectirt, so dass das Bol auf der Fläche des Papiers = steht. Dieses Bild ist sehr le haft, weil durch die Wande de Kastens alles seitliche Licht geschlossen ist, und man kannde halb die Contouren dieses Bille leicht mit Bleistift nachfahren.

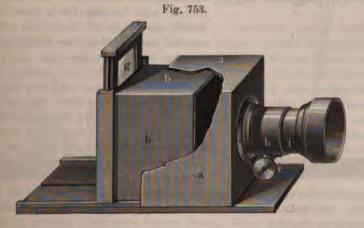
Die Nettigkeit der in eine camera obscura entstehenden Bider hatte schon lange den Wuss

erregt, diese Bilder gewissermaassen fixiren zu können; und wenn war auch die Meisten diesen Wunsch als ein pium desiderium betrachtete.

hat es doch auch nicht an Solchen gefehlt, welche sich bestrebten, ihn zu realisiren. Da das Licht chemische Wirkungen hervorbringt, da es z. B. das Chlorsilber schwärzt, so lag wenigstens die Möglichkeit vor, durch das Bild der camera obscura bleibende Eindrücke hervorzubringen. Durch die bereits oben besprochene Erfindung der Photographie sind diese Bestrebungen durch den glänzendsten Erfolg gekrönt worden.

In Folge der Erfindung Daguerre's mussten nun auch alsbald grössere Anforderungen an die Leistungen der camera obscura gemacht werden; es kam jetzt darauf an, nicht allein sehr reine und scharfe, sondern zugleich auch sehr lichtstarke Bilder hervorzubringen. Zunächst versteht es sich von selbst, dass man achromatische Linsen in Anwendung bringen musste. Um die nöthige Lichtmenge zu erhalten, muss der Durchmesser der Linse ziemlich gross sein, und da doch ihre Brennweite zugleich ziemlich gering sein soll, so würden die Fehler wegen sphärischer Aberration viel zu bedeutend werden, wenn man das Bild durch eine einzige Linse erzeugen wollte; die einfache Linse wurde deshalb nach den in Paragraph 239 entwickelten Grundsätzen durch ein System zweier Linsen ersetzt, die in einiger Entfernung von einander stehen, und deren jede eine achromatische Crown-Flintglaslinse ist.

Fig. 753 zeigt den ganzen Apparat, wie er zum Photographiren ngewendet wird. Auf der Vorderseite des Kastens a ist eine messingene



Hülse h befestigt, in welcher sich eine zweite i mittelst eines Triebes, der durch den Knopf r bewegt wird, aus- und einschieben lässt. Diese Hülse i enthält das Linsensystem, welches seine Bilder auf einer gegenüberstehenden mattgeschliffenen Glastafel entwirft. Diese Glastafel g ist in einem Schieber befestigt, welcher die Rückwand des in den Kasten a hineinpassenden, nach vorn hin offenen Kastens b bildet. Unsere Figur zeigt den Schieber mit der Glastafel etwas in die Höhe gezogen. Je näher der Gegenstand rückt, dessen Bild man erhalten will, desto weiter muss man

den Kasten b aus a herausziehen. Die feinere Einstellung geschieht durch Verschiebung der Linse mittelst des schon erwähnten Triebes r.

Zeichnungsapparate. Wir haben im vorigen Paragraphen gesehen, wie man die Contouren der auf Papier oder auf eine matte Glastafel entworfenen Sammelbilder einer camera obscura nachzeichnen kann. Denselben Zweck kann man aber auch dadurch erreichen, dass man auf einer Papierfläche das virtuelle Bild des abzuzeichnenden Gegenstandes in solcher Weise entstehen lässt, dass man ausser diesem virtuellen Bilde auch noch die Papierfläche selbst nebst der Spitze des zur Zeichnung verwendeten Bleistiftes direct sehen kann.

Ein derartiger Apparat ist Wollaston's camera lucida oder clara. Sie besteht im Wesentlichen aus einem vierseitigen Prisma abcd, Fig. 754, welches bei b einen rechten, und bei d einen stumpfen Winkel von 1350

Fig. 754.



hat; die Fläche cb ist gegen das Object gekehrt, dessen Zeichnung man entwerfen will. Ein vom Gegenstande kommender Lichtstrahl dringt rechtwinkelig zu der Fläche cb in das Prisma ein, erleidet an der Fläche cd eine erste, und an der Fläche ad eine zweite totale Reflexion, und tritt endlich, nahe bei dem Eck a, fast rechtwinklig zur Fläche ab wieder aus. Wird nun das Auge so über diese Fläche gehalten, dass sich die Pupille etwa in pp befindet, so ist klar, dass man durch die eine Hälfte der Pupille das reflectirte Bild des Gegenstandes x sehen wird, während man

nen Gegenstände zu zeichnen. Der Ring a wird um das Ocularrohr des Mikroskops gelegt und das Spiegelchen s so gerichtet, dass die von unten auf den Spiegel fallenden und in horizontaler Richtung von demselben reflectirten Strahlen auf das Auge bei o fallen, welches also das Bild des unter dem Objectiv des Mikroskops liegenden Gegenstandes in der Rich-





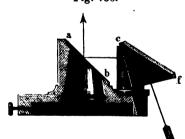
tung on erblickt. Wird nun rechtwinklig zu on ein Papierblatt aufgestellt, so erscheint das Bild des unter dem Objectiv liegenden Gegenstandes auf dieses Papierblatt projicirt, während gleichzeitig die neben dem Spiegel vorbei in das Auge fallenden Strahlen das Papier selbst nebst der Bleistiftspitze sehen lassen.

Denken wir uns den Spiegel aus der in Fig. 755 dargestellten Lage um 180° gedreht, so dass seine spiegelnde Oberfläche schräg nach oben

gerichtet ist, so wird ein von oben herabsehendes Auge das Bild der Gegenstände, welche von n her ihre Strahlen in horizontaler Richtung auf den Spiegel senden, auf ein unterhalb des Spiegels horizontal liegendes Papierblatt projicirt sehen.

Fig. 756 stellt Nobert's (zu Barth in Pommern) camera lucida, welche ebenfalls vorzugsweise zum Zeichnen mikroskopischer Gegenstände

Fig. 756.



geeignet ist, in natürlicher Grösse dar. Sie wird so auf das Ocular des Mikroskops aufgeschraubt oder aufgesetzt, dass die Mitte des oben unter einem Winkel von 45° abgeschnittenen und mit einer dünnen geschliffenen Glasplatte ab bedeckten Rohres gerade über die Mitte des Oculars zu stehen kommt.

Der Glasplatte ab gegenüber ist nun ein rechtwinkliges Glasprisma $c\,df$

angebracht, welches durch einen kleinen Messingpfeiler getragen wird, und um eine horizontale (in unserer Figur durch einen Punkt angedeutete) Axe drehbar ist. Dies Prisma wird nun so gestellt, dass die Lichtstrahlen von dem neben das Mikroskop gelegten Papiere auf dem durch den gebrochenen Pfeil angedeuteten Wege ins Auge gelangen. Man sieht also das Bild des Papiers und der Bleistiftspitze, nachdem die von ihnen ausgehenden Strahlen eine totale Reflexion an der Rückwand des Prismas und eine einfache Spiegelung an der Oberfläche der Glasplatte ab erfahren haben, an derselben Stelle, an welcher man die unter dem Mikroskop liegenden Gegenstände erblickt, man kann also die Contouren derselben nachfahren.

Für den gleichen Zweck hat Nachet in Paris die camera lucida construirt, welche Fig. 757 in $^{1}/_{2}$ der natürlichen Grösse und zwar der obere Theil derselben im Durchschnitt dargestellt ist. Auf die Mitte der Fläche ab des Glasparallelepipeds abcd ist ein kleines Glascylinderchen ange-

Fig. 757.

kittet, durch welches hindurch ein in o befindliches Auge das Bild der unter das Mikroskop gelegten Gegenstände sieht, wenn der
Ring rs die Ocularröhre desselben umfasst.
Gleichzeitig sieht aber das Auge auch ein Blatt
Papier, welches neben dem Mikroskop auf den
Tisch gelegt ist und den darauf gehaltenen Bleistift, indem die von p herkommenden Strahlen,
nachdem sie eine erste totale Reflexion an der
Fläche cd. eine zweite aber an der Fläche ab

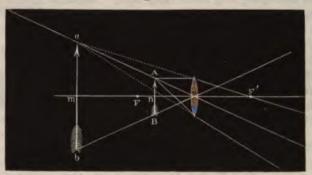
erlitten haben, in gleicher Richtung in das Auge gelangen.

Die Loupe oder das einfache Mikroskop. Wir haben oben gesehen, dass die scheinbare Grösse eines Gegenstandes von der Grösse des Schwinkels abhängt, unter welchem er erscheint; der Schwinkel wird aber um so grösser, je mehr der Gegenstand dem Auge genähert wird; nun aber können wir ihn nur bis zu einer gewissen Gränze, der Weite des deutlichen Schens, dem unbewaffneten Auge nähern, wenn noch eine scharfe Unterscheidung der Gränzen und der einzelnen Theile möglich sein soll, und dadurch ist auch einer weiteren Vergrösserung des Schwinkels eine Gränze gesetzt. Ein jedes Instrument, welches eine weitere Vergrösserung für den Schwinkel kleiner naher Gegenstände möglich macht, als es bei unbewaffnetem Auge der Fall ist, wird ein Mikroskop genannt. Nach dieser Erklärung ist auch die kleine Oeffnung im Kartenblatt, welche oben

sehr nahe zu bringen, wodurch dann natürlich auch der Sehwinkel vergrössert wird.

Um die durch die Loupe hervorgebrachte Vergrösserung zu bestimmen, müssen wir die Grösse des Sehwinkels, unter welchem das in der





Weite des deutlichen Sehens befindliche Bild a b dem Auge erscheint, mit der Grösse des Sehwinkels vergleichen, unter welchem der Gegenstand selbst gesehen würde, wenn er eben so weit vom Auge entfernt wäre.

Genau lässt sich der Winkel, unter welchem das Bild ab erscheint, nur dann ermitteln, wenn die Entfernung des Glases vom Kreuzungspunkte im Auge bekannt ist; wenn man aber die Linse dicht vor das Auge hält und die Dicke der Linse selbst unbedeutend ist, so kann man als erste Annäherung das Auge als mit dem Mittelpunkte o der Linse zusammenfallend annehmen; unter dieser Voraussetzung ist nun die Vergrösserung leicht zu berechnen.

Von o aus gesehen erscheint der Gegenstand AB und das Bild ab unter gleichem Gesichtswinkel, wir finden also die Vergrösserung, wenn wir den Gesichtswinkel, unter welchem AB hier erscheint, mit demjenigen vergleichen, unter welchem derselbe Gegenstand erscheinen würde, wenn er bis in die Weite des deutlichen Sehens von o entfernt, wenn er also an die Stelle des Bildes ab gesetzt wäre. Da die scheinbare Grösse eines Gegenstandes seiner Entfernung vom Auge umgekehrt proportional ist, so verhält sich der Gesichtswinkel AoB zu dem Winkel, unter welchem AB von o aus betrachtet erscheinen würde, wenn dieser Gegenstand bis ab fortgerückt wäre, wie mo zu no. Bezeichnen wir die Entfernung des Bildes ab von o mit d, die Entfernung des Gegenstandes AB von o aber mit x, so ist also die Vergrösserung $\frac{d}{x}$, wo für d die Weite des deutlichen Sehens zu setzen ist.

Zwischen der Entfernung d des Bildes, der Entfernung x des Gegenstandes und der Brennweite besteht aber die Beziehung

Das heisst mit Worten: man findet die Vergrösserung durch wenn man zur Weite des deutlichen Sehens die Brennweite addirt, und die erhaltene Summe durch die Brennweite divic z. B. die Weite des deutlichen Sehens 10 Zoll, die Brennweite 2 Zoll, so würde die Vergrösserung $\frac{12}{2} = 6$ sein.

Der Quotient $\frac{d+f}{f}$ wird um so grösser, je kleiner f ist also die Brennweite der Linse ist, desto stärker yergrössert sie.

Es ist keineswegs gleichgültig, welche Gestalt eine Linse Loupe gebraucht werden soll, indem, wie sich durch Rechnung durch Construction nachweisen lässt, für eine biconvexe Linse, beide Flächen von gleichem Krümmungshalbmesser sind, die sphärischen Aberration und der Farbenzerstreuung stets bedeu fallen, als für eine planconvexe Linse von gleicher Brennweite, die ebene Seite dem Objecte zuwendet.

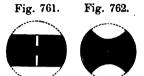
Für einigermaassen starke Vergrösserungen ist es aus den in 239 entwickelten Gründen vortheilhafter, eine Combination vor schwächeren Linsen statt einer stärkeren anzuwenden, wie die

Fig. 759.

der Fig. 759 mit der Fassung im Durchschnitte ten Fraunhofer'schen Loupe der Fall ist, wo planconvexen Linsen, in geringem Abstand vo stehend, die gekrümmten Seiten einander zuke der Wilson'schen Loupe sind die beiden Linsen Entfernung von einander gestellt, und zwischer eine Blendung angebracht. rischen Aberration ziemlich frei sind, was dadurch erreicht wird, dass die dem Objecte zugekehrte Seite schwächer gekrümmt ist, als die dem Auge

zugewendete, und dass wegen der grösseren Entfernung der beiden brechenden Flächen die austretenden Strahlen die stärker gekrümmte Fläche nur im mittleren Theile passiren. Diese sonst recht gute Loupe hat den Nachtheil, dass sie sehr nahe an das Object hingehalten werden

muss. Den gleichen Fehler haben die Coddington'sche Loupe, Fig. 761,

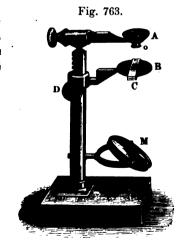


und die Brewster'sche, Fig. 762, welche noch reinere Bilder geben als die gewöhnliche Cylinderloupe; bei beiden sind die brechenden Flächen Stücke einer und derselben Kugeloberfläche; die Reinheit der Bilder wird durch die Einschnürung in der Mitte erlangt, welche bewirkt, dass

nur centrale Strahlen ins Auge gelangen.

Wenn nur die Brennweite klein genug ist, so kann man selbst mit einfachen Linsen eine 100- bis 200fache Vergrösserung erreichen; da aber das Schleifen so kleiner Linsen immerhin schwierig ist, so hat man mit Erfolg versucht, statt derselben kleine, durch Schmelzung erhaltene Glaskügelchen in Anwendung zu bringen. Ist man aber auch im Stande, auf diesem Wege sehr bedeutende Vergrösserungen zu erhalten, so ist doch der Gebrauch solcher Kügelchen höchst unbequem und die Reinheit des Bildes mangelhaft, so dass es in jeder Beziehung vortheilhafter ist, ein zusammengesetztes Mikroskop von gleicher Vergrösserung anzuwenden.

Endlich muss hier noch der aus Edelsteinen geschliffenen Linsen Erwähnung geschehen, die Brewster zuerst in Vorschlag brachte. Linsen aus Diamant und Saphir sind wegen des starken Brechungsvermögens dieser Substanzen bei gleicher Brennweite bedeutend weniger gekrümmt als Glas-



linsen. Bei gleicher Vergrösserung verhalten sich die Krümmungshalbmesser einer Diamant- und einer Glaslinse wie 8 zu 3; bei gleichem Durchmesser wird also die sphärische Aberration für die Diamantlinse bedeutend geringer sein. Die Edelsteinlinsen sind jedoch so kostbar, dass sie nur zu den Seltenheiten gehören.

Um mit dem einfachen Mikroskop bequemer beobachten und arbeiten zu können, hat man die Linsen auf verschiedene Weise gefasst und mit Stativen versehen. Fig. 763 stellt ein solches dar. Die Linse, entweder eine einfache Linse oder ein Duplet oder ein Triplet, je nach dem man eine schwächere oder stärkere Vergrösserung beabsichtigt, ist bei o eingeschraubt. Die zu beobachtenden

eines Ladens eingeschraubt, durch dessen Schliessung das zimmer vollständig verfinstert worden ist. Vor der fragliebefindet sich ein Spiegel, welcher stets so gerichtet werden die Sonnenstrahlen in der Richtung der Axe des Rohres tawirft. Die durch die Linse abereits convergent gemacfallen auf eine zweite Linse b, durch welche sie auf den klelich zwischen zwei Glasplatten bei nagefassten Gegenstan werden. Von diesem stark erleuchteten Gegenstande wird nakleine Linse o, welche an eine bei hoffene Messinghülse ang auf einem im dunklen Zimmer aufgestellten weissen Schirme tes vergrössertes Bild entworfen.

Um die Beleuchtung des Gegenstandes gehörig regulire kann die Röhre s mehr oder weniger ausgezogen und die I Fassung mit einer gezahnten Stange versehen ist, durch ein eingreifenden Trieb vor- oder rückwärts geschoben werden.

Die Objecte werden zwischen die Platten rr und pp und hier festgehalten, weil die Platte pp durch eine aus de kommen verständliche Vorrichtung stets gegen die Platte r wird.

Ist nun der Gegenstand gehörig eingestellt und beleut die Linse o mit Hülfe des Triebes k so lange verschoben, bis einem 10 bis 20 Fuss weit entfernten weissen Schirme mö

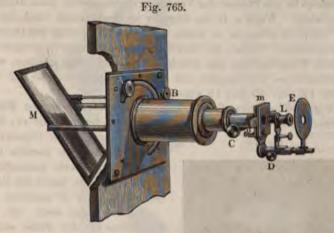
Gegenstand sehr hell erleuchtet sein muss, wenn das stark vergrösserte Bild nicht zu lichtschwach sein soll.

Mit derselben Linse bei o kann man verschiedene Vergrösserungen erhalten, je nachdem man den Abstand des Schirmes verändert.

Je weiter der Schirm entfernt wird, desto näher muss man die Linse o dem Objecte bringen und desto stärker wird die Vergrösserung.

Um bei gleichem Abstande des Schirmes stärkere Vergrösserungen zu erhalten, wird eine Combination von zwei oder von drei Linsen bei o angeschraubt.

Fig. 765 stellt die Totalansicht eines Sonnenmikroskops sammt dem Beleuchtungsspiegel dar. Die Neigung des Spiegels M (welcher die Sonnenstrahlen reflectirt) gegen die Axe des Rohres kann durch Drehung des



Knopfes B mittelst einer Schraube ohne Ende regulirt werden, während die Drehung des Spiegels um die Axe des Rohres durch den Knopf A vermittelt wird.

Man hat auch ähnliche Mikroskope construirt, in denen das Licht der Sonne durch elektrisches Licht, oder durch das Licht eines im Knallgasgebläse glühend gemachten Kalkstückchens (Drummond'sches Kalklicht), oder auch nur durch das Licht einer intensiv leuchtenden Lampe ersetzt ist. Die Vergrösserung muss um so geringer sein, je weniger intensiv die Lichtquelle ist.

Die Zauberlaterne (laterna magica) beruht auf denselben Principien, als Objecte dienen aber meist in grösseren Dimensionen auf Glas gemalte Bilder, welche durch das Licht einer Lampe erleuchtet werden, die höchstens eine 15- bis 20fache Vergrösserung erlaubt.

Das zusammengesetzte Mikroskop. Die Principien, auf welchen die Construction aller, wenn auch in ihrer sonstigen Einrichtung noch so sehr abweichender Mikroskope beruht, sind folgende: 1. Die Gegenstände, welche man der Beobachtung unterwerfen will befinden sich nahe bei einer Sammellinse von kurzer Brennweite, und zwar etwas jenseits des Brennpunktes. Diese Linse, sie mag nun einfach oder zusammengesetzt, achromatisch sein oder nicht, wird die Objectivlinse oder das Objectiv des Mikroskops genannt.

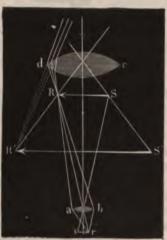
2. Die vergrösserten Sammelbilder, welche von den Objecten durch das Objectiv entworfen werden, werden durch eine Convexlinse betrachtet, welche hier als Loupe dient; diese zweite Linse, welche ebenfalls einfach oder zusammengesetzt, achromatisch oder nicht achromatisch sein kann,

wird das Ocularglas oder das Ocular des Mikroskops genannt.

So ist denn jedes dioptrische Mikroskop im Wesentlichen aus einem Objectiv und einem Ocular zusammengesetzt, und die Vergrösserung des Mikroskops ist das Product der Vergrösserungen, welche jedes dieser Gläser hervorbringt. Wenn z. B. das Objectiv im Durchmesser 5mal, das Ocular aber 10mal vergrösserte, so würde ein solches Mikroskop den Durchmesser der Gegenstände 50mal, die Oberfläche also 2500mal vergrössern. Eine 300fache Vergrösserung des Durchmessers würde man erhalten, wenn die Vergrösserungen des Objectivs und des Oculars respective 30 und 10, oder 25 und 12, oder 20 und 15 wären.

Fig. 766 erläutert die Wirkung des zusammengesetzten Mikroskops in seiner einfachsten Form. Von dem kleinen Gegenstande s.r., der nahr





beim Brennpunkte der Objectivlinse ab steht, wird durch dieselbe das vekehrte, vergrösserte Sammelbild RS erzeugt, welches, durch die Loupe of betrachtet, in R' S' erscheint.

Unsere Figur zeigt, wie das von der Spitze r des Pfeils ausgehende Strahlenbündel seinen Weg durch der Instrument nimmt. Die von r au divergirend auf die Linse ab treffenden Strahlen divergiren nach ihrem Autritte aus der Linse cd so, als ob in von R' herkämen.

Wenn man durch die Loupe cd des Bild RS betrachtet, so findet des nicht ganz dasselbe Verhältniss statt als ob man durch cd einen in RS befindlichen Gegenstand betrachtete

Ein jeder Punkt eines solchen Gegenstandes würde Lichtstrahlen nach alle Seiten aussenden, von R aus würden also Strahlen sowohl auf die Mitte der Linse, als auch an den Rand c fallen; in unserem Falle ist es ander von R aus fällt nur ein schmales Strahlenbündel auf das linke Ende der Ocularlinse, von welchem in unserer Figur die Gränzstrahlen verzeichet sind. Würde also der Rand der Linse c d mit einer Blendung beleft

welche nur die mittlere Hälfte derselben frei liess, so würde gar keiner der durch den Punkt R gehenden Strahlen durch die Linse $c\,d$ gehen, man würde durch sie die Spitze des Pfeils nicht mehr sehen können.



Es geht aus dieser Betrachtung hervor, dass das Gesichtsfeld des Mikroskops von dem Durchmesser des Oculars abhängt, und zwar wird es durch den Winkel gemessen, unter welchem das Ocular cd von der Mitte des Objectiv's aus erscheint.

Um das ganze Gesichtsfeld zu übersehen, muss man das Auge etwas vom Ocular entfernen, und zwar muss man es an die Stelle der Axe bringen, an welcher die durch den Rand des Oculars austretenden Strahlenbündel diese Axe schneiden.

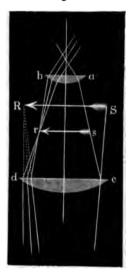
Gewöhnlich wird das Objectiv des Mikroskops am unteren, das Ocular am oberen Ende einer verticalen Röhre angebracht, wie man Fig. 767 sieht, welche ein Plössl'sches Mikroskop in 1/3 der natürlichen Grösse darstellt. Das Objectiv wird bei o angeschraubt, das

Ocular ist mit seiner Fassung oben bei n eingeschoben. Die Objecte werden auf eine Platte p gelegt, die in ihrer Mitte eine Oeffnung hat, an welche sich nach unten die kurze Röhre r ansetzt. Durch diese Röhre sendet der Hohlspiegel $s\,s'$ Licht auf das Object. Um nach Belieben ein breiteres oder ein dünneres Lichtbündel auf den Gegenstand fallen zu lassen, schiebt sich vor dem unteren Ende der Röhre r eine dünne Metallscheibe t her, welche drei Oeffnungen von verschiedener Grösse hat, deren jede unter die Mitte von r gebracht werden kann.

Der Objectträger ist an einer dreiseitigen Säule befestigt, an welcher sich die Mikroskopröhre mittelst eines durch den Kopf k zu bewegenden

Objectiv kommenden Strahlen bereits auffängt, ehe sie sich zu Bilde vereinigt haben.

Fig. 770.



Wenn in unserer Figur RS das Bild is ches durch die Wirkung des Objectivs en würde, wenn die Linse cd nicht vorhande so ist klar, dass die nach einem Punkte die des, etwa nach R hin convergirenden Strahler die Linse cd noch stärker convergirend ge dass sie in r vereinigt werden, kurz, dass d nun in rs zu Stande kommt.

Dieses Bild rs wird endlich durch die ab betrachtet, welche das eigentliche Aug ist; die Linse cd führt den Namen des C tivglases. Seiner Wirkung nach gehört de lectivglas eigentlich zum Objectiv, denn dur vereinigte Wirkung des Objectivs und des (tivglases wird ja das Bild rs zu Stande gel welches durch die Ocularlinse ab betrachtet den soll: das Collectivglas ist iedoch mi Ocularlinse in eine und dieselbe Röhre gefass man bezeichnet deshalb auch die ganze Combi gewöhnlich mit dem Namen des Oculars.

Fig. 771.



Fig. 771 stellt ein solches zu dem oben beschriebenen Plössl Mikroskop gehöriges Ocular dar. Zwischen Linsen, da wo das Bild zu Stande kommt, is Blendung zur Abhaltung des fremden Licht gebracht.

> Sowie mehrere Objective zu einem Mikrosk geben werden, so gehören auch mehrere Ocal verschiedener Stärke dazu. Folgendes sind

orfen, weshalb bei gleicher Vergrösserung der Abstand des Objectivs von em Gegenstande beim ersteren etwas grösser ist.

Es muss jetzt noch nachgewiesen werden, welches die Vorzüge sind, urch welche sich das Campani'sche Ocular vor der einfachen Ocularlinse aszeichnet.

Nehmen wir an, was in der That nahe der Fall ist, das Bild rs stehe erade im Brennpunkte der Ocularlinse ab, so steht es also gerade in er Mitte zwischen den beiden Linsen, da ja ihre Entfernung doppelt so ross ist wie die Brennweite von ab, welche wir in der folgenden Betrachung stets zur Einheit nehmen wollen, so dass die Brennweite der Linse ab und der Abstand der beiden Linsen gleich 2 ist.

Nach §. 236 kann man nun berechnen, wie weit von der Linse cd das Bild RS abstehen muss, nach dessen einzelnen Punkten die vom Obectiv kommenden Strahlenbündel convergiren, wenn sie in den entsprehenden Punkten des Bildes rs vereinigt werden sollen, dessen Abstand on cd gleich 1 ist. Die Rechnung ergiebt, dass RS ungefähr in der ditte zwischen der Augenlinse ab und dem Bilde rs liegt.

Es verhalten sich also die Entfernungen der Bilder rs und RS von Collectivglase wie 1 zu 1,5; folglich ist auch RS = 1,5 rs.

Sollte nun das Bild RS, durch eine Loupe betrachtet, ebenso gross cheinen, als man rs durch die Augenlinse ab sieht, so müsste die Brennte dieser Linse 1,5, also halb so gross sein als die des Collectivglases, ches demnach bei gleichem Fehler wegen der sphärischen Aberration en doppelt so grossen Durchmesser haben kann, als die dem Campaniten Ocular an Vergrösserung äquivalente Loupe.

Fig. 772.



Bei gleicher Vergrösserung giebt also das Campani'sche Ocular ein doppelt so grosses Gesichtsfeld als eine einfache Loupe.

Ein weiterer Vortheil des Campani'schen Oculars besteht darin, dass es ein von chromatischer Aberration fast ganz freies Bild liefert.

Da das Collectivglas nicht achromatisch ist, so erzeugt es eine ganze Reihe von Bildern des Gegenstandes, und zwar liegt das blaue Bild dem Collectivglase näher und ist deshalb auch kleiner als das rothe Bild. In Fig. 772 sei $r\,r$ das rothe, $v\,v$ das violette Bild des Gegenstandes. Betrachtet man nun diese Bilder durch die Ocularlinse $a\,b$, so wird man sie in $r'\,r'$ und $v'\,v'$ erblicken.

Die Bilder v'v' und r'r' liegen nun aber so, dass sie sich für ein in o befindliches Auge decken, und so kommt es denn, dass die verschiedenfarbigen Strahlen, welche von einem Punkte des Gegenstandes ausgehen, nachdem sie das ganze Instrument durchlaufen haben, doch endlich wieder sehr nahe in einem Punkte der Netzhaut vereinigt werden.

Bei der Betrachtung der Fernröhre werden wir noch ein anderes Ocular kennen lernen, welches den Namen des Ramsden'schen Oculars führt. Es ist im Wesentlichen eine aus zwei Linsen zusammengesetzte Loupe. Dieses Ocular wird bei Mikroskopen sehr selten angewendet. Plössl giebt seinen Mikroskopen ein Ocular bei, welches er als aplanatisches Ocular bezeichnet; es ist dies ein aus zwei achromatischen Crown-Flintglaslinsen zusammengesetztes Ramsden'sches Ocular. Es giebt zwar nur eine schwache Vergrösserung, hat aber ein sehr grosses Gesichtsfeld und zeigt namentlich opake, von oben beleuchtete Gegenstände mit grosser Klarheit

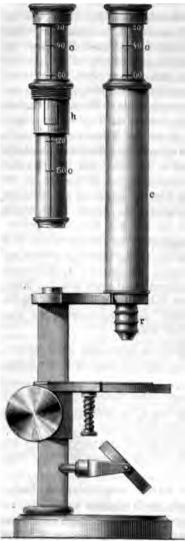
Das pankratische Mikroskop. Bei den bis jetzt besprochenen Mikroskopen sind Objectiv und Ocular in unveränderlicher Entfernung von einander angebracht, und man sieht nur dann das Bild deutlich und scharf, wenn der Gegenstand sich in einer bestimmten Entfernung vom Objectiv befindet; daher kommt es denn auch, dass die Vergrösserung des Mikroskops so lange dieselbe bleibt, als man dasselbe Ocular anwendet.

Nähert man den Gegenstand dem Objectiv, so entfernt sich das vom Objectiv entworfene Bild weiter von demselben, und man müsste das Ocular gleichfalls weiter von dem Objectiv entfernen können, um das Bild wieder deutlich zu sehen; dabei müsste nothwendig die Vergrösserung wachsen, während zugleich das Gesichtsfeld kleiner wird.

Von der Wahrheit dieser Behauptung kann man sich an jedem Mikroskope überzeugen, wenn sich die Ocularröhre etwas schwer in ihrer Hülse schiebt, so dass man sie etwas herausziehen kann und sie dann in dieser Stellung auch fest stehen bleibt.

Sobald also die Entfernung zwischen Ocular und Objectiv eine ver-

dienen, welche ein aufrechtes Bild geben und bei welchem die Entfernung Fig. 773. Fig. 774.



des Gegenstandes vom Objectiv grösser ist als beim gewöhnlichen Mikroskope.

Das Ocular des Dissectionsmikroskopes ist eigentlich selbst ein schwach vergrösserndes zusammengesetztes Mikroskop, wenn auch seine Einrichtung von der des gewöhnlichen Mikroskopes etwas abweicht: sie ist identisch mit der des terrestrischen Oculars an Fernröhren, welches wir bald näher werden kennen lernen.

Dieses Ocular zeigt uns von kleinen Gegenständen ein verkehrtes vergrössertes Bild: betrachtet man also durch dasselbe das verkehrte Bild, welches durch die Objectivlinse des Instrumentes erzeugt wird, so wird man den Gegenstand wieder aufrecht sehen.

Die eben bezeichnete Ocularröhre lässt sich nun in dem Rohre, an welchem unten die Objectivlinsen angeschraubt sind, auf- und abschieben, wodurch die Stärke der Vergrösserung innerhalb gewisser Gränzen nach Belieben verändert. werden kann.

Fig. 774 stellt ein Plössl'sches Dissectionsmikroskop dar; das Objectiv ist durch drei über einander geschraubte achromatische Linsen r gebildet. Fig. 773 zeigt die Ocularröhre o für sich mit der Hülse h, in welcher sie sich schieben lässt und welche auf das Rohr c aufgeschraubt wird, an dessen unterem Ende sich das Objectiv befindet.

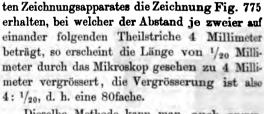
Die auf der Ocularröhre stehenden Zahlen geben an, welche Vergrösserung man erhält, wenn man die Ocularröhre bis zu dieser Stelle auszieht.

Prüfung des Mikroskops und Messung seiner Ver-291 grösserung. Wenn die Brennweiten der einzelnen Linsen, aus denen ein Mikroskop zusammengesetzt ist, bekannt sind, so kann man allerdings nach den oben entwickelten Grundsätzen die Vergrösserung berechnen. welche es hervorbringt; da jedoch die Brennweiten der Linsen selbst erst

durch den Versuch ermittelt werden müssen, so ist es einfacher und sicherer, die Vergrösserung des Mikroskops selbst zu messen, was gewöhnlich nach folgender, von Jacquin angegebener Methode geschieht.

Man legt unter das Objectiv des Mikroskops an die Stelle des zu betrachtenden Gegenstandes ein Glasmikrometer, d. h. einen sehr feinen auf Glas getheilten Maassstab, bei welchem die Länge von 1 Millimeter in 20, und wenn es sich um stärkere Vergrösserungen handelt, in 100 gleiche Theile getheilt ist; über dem Ocular des Mikroskops aber bringt man irgend einen der in Paragraph 285 beschriebenen Zeichnungsapparate, etwa den Nachet'schen oder den Nobert'schen, an. Wenn nun neben das Mikroskop in der Weite des deutlichen Sehens ein Papierblatt aufgelegt ist, so kann man auf demselben die durch das Mikroskop gesehenen Theilstriche der Scala nachfahren und die so erhaltene Zeichnung alsdam mit dem Mikrometer vergleichen. Es sei z. B. unter das Objectiv des Mikroskops ein Mikrometer gelegt, auf welchem das Millimeter in 20 gleiche Theile getheilt ist, so also dass der Abstand je zweier auf einander folgenden Theilstriche ¹/₂₀ Millimeter beträgt; von einem Theil dieses Mikrometers habe man alsdann mit Hülfe des auf das Mikroskop gesetz-

Fig. 775.



Dieselbe Methode kann man auch anwenden, um die Vergrösserung einer einfachen Loupe zu bestimmen. Prüfung des Mikroskops und Messung seiner Vergrösserung.

kann man auf ihnen verschiedenartige Streifungen erkennen. Näheres darüber in Harting's Mikroskop, Braunschweig 1859.

Man hat gegen diese Probeobjecte geltend genacht, dass selbst die verschiedenen Schuppen desselben Flügels nicht ganz gleiche Grösse und Beschaffenheit haben. Um diesem Uebelstande zu entgehen, wendet Nobert sehr fein getheilte Glasmikrometer als Probeobjecte an. Seine Probeplatte enthält 10 Gruppen von Parallellinien. Bei der ersten Gruppe beträgt die Entfernung je zweier Linien ¹/₁₀₀₀, bei der letzten Gruppe beträgt sie ¹/₄₀₀₀ Pariser Linie. Je mehr nun die Leistung des Mikroskops zunimmt, desto mehr dieser Gruppen wird man in einzelnen Linien aufgelöst sehen. Die Linien der ersten Gruppe sollen bereits bei einer 70-maligen Vergrösserung deutlich sichtbar sein, während man sie bei einer 300maligen Vergrösserung noch bis zur 6ten und 7ten Gruppe getrennt erkennen soll.

In neuerer Zeit hat Nobert noch feinere Probeplatten gemacht, welche bis zu 30 Liniengruppen gehen; bei der letzten dieser Gruppen beträgt die Entfernung je zweier Linien (von der Mitte eines Striches bis zur Mitte des nächsten) nur $\frac{1}{8000}$ Pariser Linie, und mit Recht sagt Harting: Man weiss nicht, soll man sich mehr wundern über die Kunst, womit diese Linien gezogen worden sind, oder über das Unterscheidungsvermögen des Mikroskops, welches solche Linien zur Ansicht bringt.

Die auf diese Weise getheilten Mikrometer zeigen jedoch, wie leicht begreiflich ist, unter sich ebenfalls Verschiedenheiten in der Schärfe und Sichtbarkeit der Linien. Uebrigens muss hier noch bemerkt werden, dass die Sichtbarkeit dieser Linien, so wie auch andere mikroskopische Objecte wesentlich durch die Beleuchtungsweise bedingt ist, indem sie bei etwas schräger Beleuchtung weit eher wahrgenommen werden, als bei gerader.

Mit wachsender Vergrösserung nimmt die Lichtstärke und Schärfe der mikroskopischen Bilder ab; über eine gewisse Gränze hinaus wird also eine gesteigerte Vergrösserung keinen Vortheil mehr bringen, sondern sogar noch weniger Detail erkennen lassen, als eine schwächere Vergrösserung. Nach Mohl's Angaben liegt diese Gränze bei den besten der damaligen (1846) Mikroskope ungefähr bei einer 300- bis 400maligen Vergrösserung.

Ueber diese Gränzen ist man selbst in den neuesten Zeiten nicht viel hinausgekommen, wie aus einem Aufsatze von Harting hervorgeht, in welchem er die neuesten Verbesserungen der Mikroskope bespricht (Pogg. Annal. Bd. CXIV). Bei Vergleichung eines Merz'schen und eines Hartnack'schen Objectivs hatte er die Oculare so gewählt, dass eine 430- bis 450 fache Vergrösserung erzielt wurde. Als stärkere Oculare genommen wurden, so dass die Vergrösserung bis zu 1500 stieg, wurde zwar nicht mehr gesehen als bei der schwächeren Vergrösserung, die Beobachtung der Objecte wurde aber leichter und dadurch deutlicher.

Um die für stärkere Vergrösserungen nöthige Lichtstärke zu erhalten, wendet man besondere Linsensysteme an (condensers), welche das Licht auf dem Objecte concentriren.

In der Regel werden die zu beobachtenden Objecte unter dünne Glaplättchen, die sogenannten Deckgläschen, gelegt. Bei einigermassen starken Vergrösserungen dürfen diese Deckgläschen nur sehr dünn sein, und bei sehr starken Vergrösserungen kann ein Objectiv nur für eine bestimmte Dicke des Deckplättchens seine besten Leistungen hervorbringen. Man hat deshalb die unterste Linse der stärkeren Objectivsysteme innerhalb einer gewissen Gränze durch Drehung verschiebbar gemacht, um es dadurch für verschiedene Dicken der Deckplättchen accommodiren zu können.

Ganz besonders gute Resultate hat Hartnack (der Geschäftenschfolger Oberhäuser's) durch ein Objectiv erzielt, zwischen dessen unterer Linse und dem Deckplättchen ein Tropfen Wasser angebracht wird und welches er als Immersionsobjectiv bezeichnet.

Die optische Vollkommenheit der besten Mikroskope steht, wie Harting in dem oben citirten Aufsatze nachgewiesen hat, noch weit hinter der des menschlichen Auges zurück. Bei Anwendung des Hartnack'schen Immersionsobjectivs fand er die Gränze der Sichtbarkeit für ein fadenförmiges Object ungefähr $\frac{1}{45000}$ Millimeter; bei 1500maliger Vergrösserung erscheint ein solches Object also in einer Breite von ungefähr $^{1}/_{30}$ Millimeter, während das blosse Auge noch einen fadenförmigen Körper von $^{1}/_{20}$ Millimeter Durchmesser unterscheiden kann.

Harting knüpft daran die Bemerkung, dass die Kunst in Herstellung von Objectivsystemen so ziemlich die äussersten Gränzen desserreicht habe, was wohl überhaupt für die praktische Benutzung des Mikroskops geleistet werden könne, und dass die Optiker fernere Ver-

achter dasselbe Object beobachten können, was für mikroskopische Demonstrationen oft von der grössten Wichtigkeit ist.

Was die stereoskopischen Binocular-Mikroskope betrifft, so könnte man den Zweck zunächst dadurch erreichen, dass man zwei gewöhnliche Mikroskope in der Weise combinirt, dass die beiden Röhren, in deren Oculare die beiden Augen des Beobachters hineinschauen, gegen dasselbe Object gerichtet sind; dies ist jedoch nur ausführbar, so lange man Objective von grosser Brennweite, also sehr schwache Vergrösserungen anwendet. Dieser Uebelstand wird dadurch beseitigt, dass man ein gemeinschaftliches Objectiv für beide Rohre anwendet, und dass man die vom Objecte kommenden Strahlen erst nach ihrem Durchgang durch das Objectiv in zwei Bündel theilt, von denen das eine dem rechten, das andere dem linken Auge zugeführt wird. Riddel in Amerika, Nachet in Frankreich und Wenham in England haben diesen Zweck auf verschiedene Weise erreicht.

Fig. 776 ist eine äussere Ansicht von Nachet's stereoskopischem binocularem Mikroskop, in welcher man leicht das gemeinschaftliche Ob-



Fig. 777.

jectiv und die beiden einander parallelen Ocularröhren erkennt. Wie die Trennung der Strahlenbündel bewirkt wird, von welchen das eine in das rechte, das andere in das linke

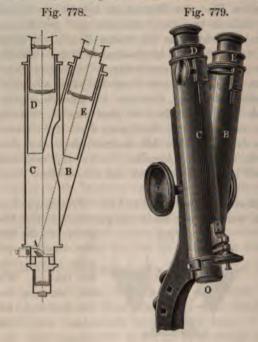
Auge gelangt, ist aus Fig. 777 zu ersehen. Die aus dem Objectiv austretenden Strahlen treten in das gleichseitige Glasprisma A ein, um zur Hälfte an der Fläche fg, zur andern Hälfte an der Fläche fh eine totale Reflexion zu erfahren. Die an der Fläche fg gespiegelten Strahlen treten nahezu rechtwinklig zur Fläche fh, und die von fh gespiegelten treten eben so an der Fläche fg aus.

Die durch die Fläche fg austretenden Strahlen erfahren im Prisma C eine abermalige totale

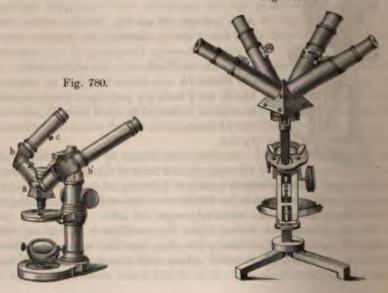
Reflexion, um dann nahezu in verticaler Richtung in das eine Ocularrohr einzutreten, während das aus der Fläche fh austretende Strahlenbündel in gleicher Weise dem andern Ocularrohr zugeführt wird.

Da der Abstand der beiden Augen für verschiedene Individuen nicht derselbe ist, so ist die Einrichtung getroffen, dass man innerhalb gewisser Gränzen die Ocularröhren einander nähern oder sie von einander entfernen kann.

p p Fig. 779 stellt Wenham's Binocular-Mikroskop in ½ der natürlichen Grösse dar, und Fig. 778 erläutert die innere Einrichtung desselben. Bei



o Fig. 779 wird das Objectiv eingeschraubt. Etwas oberhalb des Objectivs wird ein ringförmiger Schieber eingeführt, welcher das kleine Glasprisma A Fig. 778 tragt. Ein Theil der durch das Objectiv in das Instrumenteingetretenen Straklen erleidet in A eine zweimalige totale Reflexion, um dann in das Rohr B einzutreten und zum Ocular E desselben zu gelangen, während die neben A vorbei gehenden Strahlen durch das Rohr C zum Ocular D gelangen. Auch hier ist die Einrichtung getroffen, dass die Estfernung der beiden Ocu-Fig. 781.



lare so regulirt werden kann, wie es der Entfernung der beiden Augen des Beobachters entspricht.

Der Effect solcher stereoskopischen Binocular-Mikroskope ist ein wahrhaft überraschender.

Wenn man das Glasprisma A aus dem Wenham'schen Instrumente entfernt, so dient das Rohr C mit dem unten angeschraubten Objectiv und mit dem Ocular D wie ein gewöhnliches zusammengesetztes Mikroskop.

Fig. 780 stellt Nachet's binoculares Mikroskop für zwei Beobachter dar.

Es bedarf wohl keiner weiteren Erläuterung, wie die aus dem gemeinschaftlichen Objectiv austretenden Strahlen zunächst durch ein im Kästchen a befindliches Prisma in zwei Strahlenbündel getheilt wird, welche durch eine zweite totale Reflexion bei b und b' den beiden Ocularen zugeführt werden.

Nach demselben Princip hat Nachet auch ein trioculares und Harting ein quadrioculares Mikroskop, Fig. 781, construirt.

Das holländische Fernrohr. Während das Mikroskop den Zweck 293 hat, Körper zur Anschauung zu bringen, welche wegen ihrer Kleinheit mit blossem Auge nicht in ihren Einzelnheiten gehörig deutlich gesehen werden können, ist es die Aufgabe des Fernrohrs, solche Gegenstände zu zeigen, deren Details wegen ihrer grossen Entfernung dem blossen Auge verschwinden.

Auch die Fernröhre sind aus einem Objectiv und einem Ocular zusammengesetzt; das Objectiv des Fernrohres ist aber eine Linse von grösserer Brennweite, welche achromatisch sein muss, wenn die Bilder rein und scharf sein sollen.

Die verschiedenen Arten der Fernröhre unterscheiden sich durch die verschiedene Einrichtung des Oculars. Bei dem holländischen Fernrohre besteht das Ocular aus einer einfachen Zerstreuungslinse; das Ocular des astronomischen Fernrohrs hat eine oder zwei Sammellinsen; das Ocular des Erdfernrohrs endlich hat deren drei oder vier.

Die Einrichtung des holländischen oder Galiläi'schen Fernrohres ist in Fig. 782 (a.f.S.) schematisch dargestellt. oo ist das Objectiv, wel- \simeq hes in ab ein verkehrtes Bild des Gegenstandes AB entwerfen würde, wenn die Strahlen nicht schon vorher durch das als Ocular dienende Hohlglas vv aufgefangen würden. Das Ocular vv ist so gestellt, dass die Entfernung des Bildes ab von demselben etwas grösser ist als seine Zerstreuungsweite der Hohllinse; folglich werden alle nach einem Punkte des Bildes ab Community of Strahlen durch die Hohllinse vv so gebrochen, dass sie

urchgange durch dasselbe so divergiren, als ob sie von einem : Linse vv herkämen (s. Seite 580).

em obersten Punte A des Gegenstandes auf das Objectiv falconvergiren nach dem Durchgange durch dasselbe nach dem on der zerstreuenden Ocularlinse vv aufgefangen, werden sie hen, dass sie von dem Punkte a' aus zu divergiren scheinen.

In gleicher Weise wird das von dem untersten Punkt B des (Fig. 782. standes aus auf die Objectivlinse oo fallende Sta



standes aus auf die Objectivlinse oo fallende St bündel nach dem Durchgang durch die Ocularii so divergiren, als ob es von b' ausgegangen

Ein hinter das Ocular gebrachtes Auge wir in a' b' das Bild des Gegenstandes A B erblick

Die Vergrösserung, welche das hollar Fernrohr hervorbringt, ist leicht zu berechnen, man die Brennweite des Objectivs und die Zerstre weite des Oculars kennt. Ohne Fernrohr erschei Gegenstand unter dem Winkel AcB oder, wiselbe ist, unter dem Winkel acb; durch das Febetrachtet, erscheint er uns aber unter dem Va'mb' (wenn wir uns das Auge in den Mittelpu der Ocularlinse versetzt denken), welche dem Vama gleich ist. Um zu bestimmen, wie vielm Fernrohr vergrössert, haben wir also nur zu ern wie vielmal der Winkel bpa grösser ist als der kel boa.

Die Entfernung des Bildes ab vom Object (nahe) gleich der Brennweite f desselben, wen Gegenstand sehr weit entfernt ist; die Entfernun Bildes ab vom Ocular vv ist aber nur unmerklich ser als die Zerstreuungsweite f dieser Linse, aber verhalten sich die Winkel bam und bea nahe umgekehrt wie diese Entfernungen, also

bca:bma=f':f.

Setzen wir den Winkel bca, unter welchem der 6 stand ohne Fernrohr erscheint, = 1, so ist der W unter welchem er in dem Fernrohre gesehen wir

desto weiter rückt ab vom Objectiv weg, desto weiter muss man also das Fernrohr ausziehen.

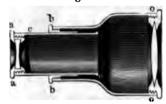
Ausser den gewöhnlichen Theaterperspectiven gehören auch die sogenannten Feldstecher, welche namentlich von Plössl ausgezeichnet gemacht werden, in die Classe der holländischen Fernrohre. Die Feldstecher sind mit mehreren (gewöhnlich drei) auf einer kleinen Drehscheibe befindlichen, verschiedenen starken Hohlgläsern verschen, so dass man nach Belieben das eine oder das andere vor die Ocularoffinne bringen und so leicht die Stärke der Vergrösserung wechseln kann. stärkere Vergrösserungen muss das Fernrohr natürlich weiter ausgesogen sein; ebenso muss man bei Betrachtung näherer Gegenstände das Rohr weiter ausziehen, als wenn man fernere Gegenstände betrachtet.

Da die aus dem Ocular des holländischen Fernrohres austretenden Strahlen divergiren, so ist klar, dass nur von demjenigen Theile des Objectivs, welcher sich unmittelbar vor der Pupille befindet, Strahlen ins Auge gelangen können. Aus diesem Grunde ist das Gesichtsfeld des holländischen Fernrohres sehr klein, es wird durch die Mantelfische des Kegels begränzt, dessen Basis die Pupille und dessen Spitze der Mittelpunkt des Objectivs ist.

Wegen des kleinen Gesichtsfeldes können die Galliläi'schen Fernrohre auch nur eine geringe, höchstens 20- bis 30malige Vergrösserung vertragen. Die Theaterperspective vergrössern 2- höchstens 3mal.

Fig. 783 erläutert die gewöhnlichste Form der holländischen Fernrohre, nämlich das Theaterperspectiv. An einem vorn weiten, hinten engeren

Fig. 783.



Rohre ist bei oo die Objectivlinge eingeschraubt. Bei bb ist eine Hülse eingeschraubt, in welcher das Rohr cc steckt, und in dieses Rohr ist endlich bei a a die Ocularlinge eingeschraubt. Das Rohr c kann sammt dem Ocular nach Belieben aus- und eingescheben Je näher nämlich der an werden.

betrachtende Gegenstand dem Beschauer ist, desto weiter muss des Ocnberrohr ausgezogen werden, um ein scharfes, deutliches Bild zu erhalten.

In die Kategorie des holländischen Fernrohrs gehört auch die Brücke'-

Fig. 784.

ť

ď



sche Loupe, welche sich von dem Theaterperspectiv und dem Feldstecher nur dadurch unterscheidet, dass ihr Objectiv eine viel kleinere Brennweite hat. Um jedoch diesem Objectiv bei einer Brennweite von 8 bis 9 Centimetern doch eine grosse Oeffnung geben zu können, ist es aus zwei achromatischen Linsen zusammengesetzt, wie Fig. 784 zeigt. Das Ocular ist das gleiche wie bei einem Theaterperspectiv. Ungefähr 9 Centimeter lang, giebt dieses Instrument bei nahezu 7maliger Vergrösserung scharfe Bilder von Objecten, welche ungefähr 8 Centimeter vom

Objectiv entfernt sind. In ihren Leistungen steht die Brü Loupe also zwischen dem Mikroskop und dem Fernrohr.

294 Fig. 785.



Das astronomische Fernrohr.

astronomischen Fernrohre kommt das Oculars wirklich zu Stande, und es wird d einfache oder zusammengesetzte Loupe betrac man es Fig. 785 sieht.

Von dem Gegenstand AB wird durch jectiv o o das verkehrte verkleinerte Bild ab e und dieses erscheint dann durch die Ocula betrachtet in a'b' vergrössert. Unsere Figur Lauf des Strahlenbündels, welches, von dem Punkt des Gegenstandes ausgehend, das Indurchläuft.

Die Vergrösserung eines solchen Ferns leicht zu berechnen, wenn man die Brenns Objectivs und des Oculars kennt; denn der S unter welchem der Gegenstand dem blossen scheint, ist gleich dem Winkel bca; durch das erscheint er aber unter dem Winkel b'ma', gleich bma ist. Der eine dieser Winkel ver aber zum anderen umgekehrt wie die Entfer Bildes ab vom Objectiv zu der Entfernung vom Ocular; nun aber steht das Bild vom (nahezu) um die Brennweite f desselben, vor aber (nahezu) um die Entfernung f' ab, wenn f' die Brennweite des Oculars bezeichnen; die a Fernrohr hervorgebrachte Vergrösserung ist a

In der Regel sind jedem derartigen Fernrohre mehrere Oculare beigegeben, welche verschieden starke Vergrösserungen geben und welche man nach Belieben wechseln kann.

Zum Behuf genauer Beobachtungen und Messungen muss das Instru-



ment mit einem Fadenkreuze versehen sein. Beim Campani'schen Ocular kann dieses nur zwischen dem Collectivglas und dem Augenglas und zwar an der Stelle des Bildes rs, Fig. 770 S. 708 angebracht werden; bei Anwendung von Campani'schen Ocularen ist also kein Wechsel der Vergrösserung möglich, ohne dass gleichzeitig das Fadenkreuz entfernt und durch ein anderes ersetzt wird. Dass dabei die Unveränderlichkeit der Visirlinie nicht gewahrt werden kann, ist klar, und man hat deshalb bei Messinstrumenten das Campani'sche Ocular mit dem Rams'den'schen vertauscht, welches im Wesentlichen eine aus zwei Linsen zusammengesetzte Loupe ist.

Kellner hat das Ramsden'sche Ocular dadurch verbessert, dass er die zweite Linse desselben, also die, welche dem Auge zunächst steht, aus einer convexen Crownglas- und einer concaven Flintglaslinse zusammensetzte, deren letztere so berechnet ist, dass sie die Fehler der Farbenzerstreuung der beiden Crownglaslinsen des Oculars corrigirt.

Das Gesichtsfeld des astronomischen Fernrohres wird dann ein möglichst grosses sein, wenn man das Auge an die Stelle der Axe bringt, wo dieselbe von den Strahlenbündeln geschnitten wird, welche den Rand der Ocularlinse passiren. Das Gesichtsfeld ist durch den Mantel des Kegels begränzt, dessen Spitze die Mitte des Objectivs und dessen Basis die Ocularlinse oder bei zusammengesetzten Ocularen die dem Objectiv zunächst stehende Linse des Oculars (also beim Campani'schen Ocular das Collectivglas) ist. Es geht daraus hervor, dass das Gesichtsfeld des astronomischen Fernrohrs bedeutend grösser ist als das des holländischen, dass es aber gleichfalls mit der Stärke der Vergrösserung abnimmt.

Wegen der mit starker Vergrösserung unvermeidlich verbundenen Kleinheit des Gesichtsfeldes ist es oft ungemein schwierig, ein stark vergrösserndes Fernrohr auf einen bestimmten Gegenstand einzustellen, es also z. B. auf einen bestimmten Stern zu richten. Deshalb ist mit solchen grösseren Instrumenten meist ein kleineres Fernrohr von geringerer Vergrösserung in der Art verbunden, dass die Axen beider Fernrohre genau parallel sind, wie man dies z. B. in Fig. 787 (a. f. S.) sieht, welches ein grösseres

Standfernrohr sammt seinem Stativ darstellt. Wenn man, durch das kle Fernrohr hindurchschauend, das Instrument so gerichtet hat, dass der



betrachtende Gegenstand in der Mitte des Gesichtsfeldes erscheint, so w er alsdann auch für das grössere Fernrohr im Gesichtsfelde sein.

295 Das terrestrische Fernrohr. Das astronomische Fernre zeigt uns ein verkehrtes Bild der Gegenstände. Bei Beobachtung v



Fig. 788.

Gestirnen hat dieser Umstand nicht den mindesten Nachtheil, während bei Betrachtung irdischer Objecte störend ist. Bei Erdfernröhren, d

Fig. 789.



bei solchen, welche zur Beobachtung von irdischen Gegenständen die sollen, bringt man deshalb ein Ocular in Anwendung, welches das per Objectiv entworfene verkehrte Bild wieder umkehrt.

Die Ocularröhre des terrestrischen Fernrohrs oder das terrestrisch

cular ist im Wesentlichen nichts Anderes als ein zusammengesetztes Mikroskop, dessen Objectiv jedoch weit schwächer ist als bei den gewöhn-Fig. 788 stellt die Einrichtung dar, welche Rheita ichen Mikroskopen.

Fig. 790.



ursprünglich dem terrestrischen Ocular gab. Es besteht aus drei Linsen, von denen die erste, r, gewissermaassen das Objectiv, s das Collectivglas und t das Augenglas des Mikroskops ist, durch welches man das vom Objectiv des Fernrohrs entworfene verkehrte Bild ab betrachtet. Durch die beiden Linsen r und s wird vom verkehrten Bilde ab ein aufrechtes Bild in a'b' entworfen und dieses endlich durch das Augenglas t betrachtet.

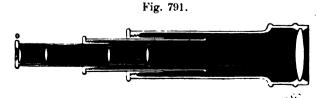
In unserer Figur kann man den Verlauf des Strahlenbündels verfolgen, welches, von dem obersten Punkte des betrachteten Gegenstandes ausgehend, nach dem Durchgange durch das Instrument ins Auge gelangt.

Später hat man statt des vorderen Glases im Rheita'schen Ocular zwei Linsen substituirt, und so entstand die jetzt gebräuchliche Form des terrestrischen Oculars, welche in Fig. 789 schematisch dargestellt ist. Das vom Objectiv des Fernrohres entworfene Bild ab steht innerhalb der Brennweite der ersten Linse r, so dass die von einem Punkte des Bildes ab ausgehenden Strahlen nach ihrem Durchgange durch r divergiren. Diese Strahlenbündel schneiden nun die Axe und treffen alsdann erst auf die zweite Linse r', die sie parallel oder schwach convergirend macht, bis sie endlich durch die dritte Linse s wieder zu einem aufrechten Bilde a'b' gesammelt werden.

Sowohl da, wo die Strahlenbündel zwischen r und r' die Axe schneiden, als auch an der Stelle des Bildes a'b' ist eine Blendung angebracht.

Fig. 790 zeigt die vollständige Einrichtung des terrestrischen Oculars sammt der Fassung. Bei grösseren Standfernrohren sind gewöhnlich ausser einigen astronomischen Ocularen auch ein oder zwei terrestrische beigegeben, welche wie die astronomischen angeschraubt werden. Die gewöhnlichen Zugfernrohre sind dagegen, um sie transportabeler zu machen, aus mehreren in

nander schiebbaren Röhren zusammengesetzt, wie dies Fig. 791 erläutert.



the mit weichem er die Arabanten des Jupiter entdeckte.

15r Erfinder des astronomischen Fernrohrs ist Kepler wich nicht selbst ausführte, so hat er doch die Construction seiner "Dioptrik" bekannt gemacht. Fatana hat, ohne Ketrik zu kennen, ein aus Sammellinsen gebildetes Fernrohr zu 1625 gerstruit.

Gewöhrlich werden Picard und Huyghens als die Erfilierkrouses angegeben; doch soll, nach Herschel, diese Ehre wien Astroomen Gascoligne zukommen, welcher zu Groden ihr Sitlacht von Marston Moor einen frühen Tod fand. Dikwens an ihr Stelle ausgespannt ist, an welcher sich das durch veraugte Sammelbild letindet, so ist klar, dass man in dem Giberholms kein Fadenkreuz anbringen kann, weil ja hier die bild gar nicht zur Entstehung kommt.

Die Leistungen des Fernrohres. Um die Vergröfererohres zu messen, kann man dieselbe Methode anwenden reits beim Mikroskop kennen lernten. Man richtet nämlich auf einen in gemessener Entfernung aufgestellten Maassstab, vor das Oenlar einen der oben beschriebenen Zeichnungsap ein Sömmering sches Spiegelchen, an und entwirft mit Hüauf einem in der Weite des deutlichen Sehens aufgestellten die Zeichnung des vergrössert gesehenen Maassstabes, in deinzelnen Theilstriche desselben mit dem Bleistift nachfährt.

Aus der Vergleichung dieser Zeichnung mit dem Mas ergiebt sich die Vergrösserung.

Man hat nämlich nur den Gesichtswinkel, unter welch theilung des entfernten Maassstabes durch das Fernrohr betrach

Die Leistungen des Fernrohres.

sichtswinkel, unter welchem eine Abtheilung des entfernten ohne Fernrohr erscheint, ist gleich der wirklichen Länge dieng, dividirt durch ihre Entfernung vom Auge.

z. B. in einer Entfernung von 48 Metern (480 Decimeter) ein ifgestellt, dessen einzelne schwarz und weiss angestrichene Ab-1,5 Decimeter lang sind, so ist der Gesichtswinkel (oder vielgenometrische Tangente des Gesichtswinkels), unter welchem

Abtheilung dem blossen Auge erscheint, $\frac{0.5}{480}$.

grösserte Bild dieses durch ein Fernrohr betrachteten Maassnun mit Hülfe eines Sömmering'schen Spiegelchens auf neter vom Auge entferntes Papierblatt gezeichnet, und es lass jede Abtheilung dieses gezeichneten Maassstabes die Länge netern (0,06 Decimeter) hatte; der Gesichtswinkel, unter wel-

theilung durch das Fernrohr betrachtet erscheint, ist also $\frac{0.06}{2}$.

zh ist die durch das Fernrohr hervorgebrachte Vergrösserung:

$$\frac{0,06}{2}:\frac{0,5}{480}=28,8.$$

wachen Vergrösserungen und wenn es nicht auf grosse Gesommt, kann man folgendes Verfahren anwenden: Man stelle in arnung vom Fernrohr einen getheilten Stab, etwa eine Latte, zum Feldmessen gebraucht, auf, und betrachte diesen Gegenseitig mit dem einen Auge direct, mit dem anderen durch das ian sieht auf diese Weise, wie viele Abtheilungen des mit je gesehenen Maassstabes auf eine durch das Fernrohr vertheilung fallen, und erhält so unmittelbar den Werth der VerMan kann zu dem eben angegebenen Verfahren auch die eines Daches oder einen ähnlichen Gegenstand anwenden.

te eines Fernrohrs ist aber nicht allein durch die Stärke der ig, sondern auch durch die Schärfe und Klarheit der Bilder imuss sich also auch hier nach ähnlichen Prüfungsmethoden ie beim Mikroskop. Ein treffliches Probeobject für grössere ind die Doppelsterne, welche durch dieselben als getrennte int werden müssen. Weil man aber bei dieser Prüfungsmethode so sehr von der Reinheit der Atmosphäre abhängig ist, so zog Fraunhofer vor, eine weisse Tafel mit schwarzen runden und eckigen Figuren, wie eine

hängig ist, so zog Fraunhofer vor, eine weisse Tafel mit schwarzen runden und eckigen Figuren, wie eine solche Fig. 792 ungefähr in ½10 der wahren Grösse dargestellt ist, als Probeobject anzuwenden. Wird diese Tafel in einer Entfernung von 80 bis 100 Schritten aufgestellt, so müssen die Figuren, durch das Fernrohr betrachtet, scharf begränzt, vollkommen schwarz, unverzerrt Ränder erscheinen, wenn das Fernrohr fehlerfrei sein soll.

ł

Ein dem Nobert'schen Mikrometer entsprechendes Probeobject ist eine weisse Tafel, auf welcher mehrere Gruppen schwarzer Linien von verschiedener Dicke und verschiedener Entfernung gezogen sind, die erste Gruppe etwa aus Linien von 5^{mm} Dicke und 5^{mm} Abstand, die letzte aus Linien von 1/2^{mm} Dicke und 1 2^{mm} Abstand bestehend. Je mehr dieser Gruppen ein Fernrohr bei gegebener Fntfernung in einzelne Linien aufzulösen vermag, desto mehr leistet es.

Auch das Lesen eines entfernt aufgestellten Buches von gewöhnlicher Druckschrift ist ein treffliches Prüfungs- und Vergleichungsmittel für Fernrähre.

Bei demselben Fernrohr, also bei unverändertem Objectiv, wird das Bild um so lichtschwächer, je stärker die Vergrösserung ist, welche das Ocular bewirkt; stark vergrössernde Oculare kann man deshalb auch nur bei Objectiven von grossem Durchmesser in Anwendung bringen.

Auch beim Fernrohre gelangt man in Betreff der Vergrösserung bald zu einer Gränze, deren Ueberschreitung mehr Nachtheil als Vortheil bringt; namentlich macht der Zustand unserer Atmosphäre die Anwendung starker Vergrösserungen nutzlos. Nur in sehr seltenen Fällen ist in unseren Gegenden die Luft so rein und ruhig, dass man eine 900malige Vergrösserung gebrauchen kann.

Das Sichtbarwerden kleiner entfernter Gegenstände, namentlich kleiner Sterne durch das Fernrohr, ist nicht sowohl eine Folge der durch das Instrument hervorgebrachten Vergrösserung, als vielmehr des Umstandes dass bei grosser Oeffnung des Objectivs eine bedeutend grössere Mengeder von dem Gegenstande ausgehenden Strahlen ins Auge gelangt, als ohn das Fernrohr durch die Pupillenöffnung eingedrungen sein würde. Der aum durch dringen de Kraft der Fernrohre, vermöge welcher man gewissermaassen weiter in die Himmelsräume vordringen kann und Steme

entsteht; dieses Bild nun befindet sich nahe dem Brennpunkte des kleinen Hohlspiegels V, durch welchen vor dem Ocular ein aufrechtes Bild b des

Fig. 793.



verkehrten Bildes a entworfen wird. Dieses Bild b wird nun endlich durch die Ocularlinse a betrachtet.

Je nachdem die zu betrachtenden Gegenstände näher oder ferner sind,



muss der Spiegel V vom Ocular entfernt oder demselben genähert werden. Dies geschieht mit Hülfe der Schraube mn. Fig. 794 zeigt die äussere Ansicht eines Gregory'schen Spiegelteleskops, wie sie früherziemlich verbreitet waren.

Cassegrain's Teleskop unterscheidet sich vor dem Gregory'schen dadurch, dass der Hohlspiegel V durch einen Convexspiegel ersetzt ist, welcher die von dem grossen Hohlspiegel kommenden Strahlen auffängt, ehe sie sich zum Bilde vereinigt haben; sie werden also mit verringerter Convergenz so reflectirt, dass vor der Ocularlinse ein verkehrtes Sammelbild entsteht, welches durch diese Linse betrachtet wird.

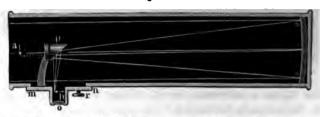
Bei diesen beiden Arten des Spiegelteleskops schaut der Beobachter in der Richtung in das Instrument, in welcher der zu betrachtende Gegenstand sich befindet; sie leiden aber an dem Nachtheil, dass gerade der Theil des Hohlspiegels fehlt, welcher die reinsten Bilder giebt. Dieser Uebelstand ist bei dem Newton'schen und bei dem Herschel'schen Teleskop vermieden.

Fig. 795 (a.f.S.) stellt ein Newton'sches Spiegelteleskop schematisch dar. Der Hohlspiegel SS würde von dem entfernten Gegenstande ein Bild in a entwerfen; ehe jedoch die Strahlen hierher gelangen, werden sie von einem Planspiegel p, der 45° gegen die Axe des Rohres geneigt ist,

seitwärts reflectirt, so dass das Bild wirklich in b entsteht. Dieses Bibl wird nun durch das Ocular betrachtet.

Gegen das offene Ende hin ist in der Seitenwand des Rohres (welches bei den Newton'schen Teleskopen meist achteckig ist) eine Oeffnung ange-

Fig. 795.



bracht, welche von einer Metallplatte mn verdeckt wird. In dieser Metallplatte ist nun einerseits das Ocularrohr eingeschraubt, andererseits ist auf derselben mittelst eines Metallstabes der Planspiegel p befestigt. Die Scheibe mn kann durch Umdrehung des Kopfes r sammt dem Ocular um dem Planspiegel parallel mit der Axe des Rohres verschoben und dadurch eine scharfe Einstellung auf einen bestimmten Gegenstand bewerkstelligt werden.

Bei den Herschel'schen Spiegelteleskopen, deren Einrichtung durch Fig. 796 erläutert wird und welche nur in grösserem Maassstabe augeführt werden, ist kein zweiter Spiegel angebracht. Das durch den Ob-

Fig. 796.



igkeit ungleich schwerer und unbequemer sind und die Spiegel gar eht ihre Reinheit und Politur verlieren.

Nur bei der Construction ganz grosser Instrumente bieten die Hohliegel Vortheile vor den achromatischen Objectiven, weil sich bei letzteren r Vergrösserung des Durchmessers über gewisse Gränzen hinaus unüberindliche Schwierigkeiten entgegenstellen. Die grössten achromatischen bjective, welche man bis jetzt zu Stande gebracht hat, haben nur 14 bis Zoll Durchmesser, während der Spiegel des grossen 40füssigen Teleskops in Herschel, dessen Leistungen noch nicht durch dioptrische Fernrohre ertroffen worden sind, 4 Fuss im Durchmesser hat. Rosse construirte neuerer Zeit ein 53füssiges Teleskop von 6 Fuss Durchmesser.

Fig. 797 stellt ein grosses Newton'sches Spiegelteleskop dar, welches ssel in Sandfield-Park bei Liverpool parallaktisch aufstellen liess. Der



A befindliche Hohlspiegel hat 4' Durchmesser und 36' 7" Brennweite.

Rohr ist aus Streifen starken Eisenblechs so zusammengesetzt, dass ischen je zwei solchen Streifen ein freier Raum bleibt, dass also die Luft Inneren des Rohres nach allen Seiten hin frei mit der äusseren commutert. Bei S ist der Planspiegel angebracht, welcher die vom Hohlspiegel A

Der Beobachter steht auf einem Thürmchen von Holz, einem ringförmigen um eine verticale Axe drehbaren Holzges die Umdrehung derselben wird durch einen in dem Häuschen I eine Kurbel drehenden Arbeiter besorgt, und hat zum Zweck, deter dem continuirlich bewegten Rohre nachzuführen.

Eine neue Zukunft wurde den Spiegelteleskopen durch eine Liebig's eröffnet, nach welcher man im Stande ist, eine Glas einer ausserordentlich dünnen und doch der vollkommensten F gen Silberschicht zu überziehen, denn abgesehen davon, dass Hohlspiegel von Glas bei weitem weniger Gewicht haben als di gelmetall hergestellten, reflectiren solche Silberspiegel die Li weit vollständiger als die früheren Metallspiegel. Steinhei Hohlspiegeln von Glas, welche nach der Liebig'schen Meth bert waren, Teleskope von ausgezeichneter Lichtstärke und S gestellt.

Mit ausgezeichnetem Erfolg hat auch Foucault die versilb spiegel von Glas zur Construction von Spiegelteleskopen benutz sernen Hohlspiegel, welche aus der Fabrik von St. Gobain stahalten in den Werkstätten von Secretan ihre vollkommen Gestalt. Die Vollendung der Politur führt Foucault eigenhäm aus, dass er (wahrscheinlich durch verstärktem Druck im mittle die Gestalt des Hohlspiegels etwas der eines Umdrehungsparabol wodurch die Fehler der sphärischen Aberration beinahe vollstigirt werden. Der politte Spiegel wird alsdann nach einer der Li ähnlichen Methode versilbert und endlich der Silberschicht selbs ständige Politur ertheilt.

Die Bilder dieser Hohlspiegel sind so scharf und lichtstar eine sehr bedeutende Ocularvergrösserung vertragen, weshalb Fig. 798 stellt ein Foucault'sches Spiegelteleskop dar, wie dieselben in Secretan parallaktisch aufgestellt werden. Das 7 Decimeter lange ohr ist bei H offen, während bei S der versilberte Hohlspiegel eingesetzt ird. Das Ocular a kann parallel der Axe des Rohres innerhalb gewisser



änzen verschoben werden, wodurch die Einstellung auf einen bestimmten genstand bewerkstelligt wird. In den Werkstätten von Secretan wersolche parallaktisch montirte Foucault'sche Spiegelteleskope auch in weit grösseren Dimensionen hergestellt.

Interferenz und Beugung des Lichtes.

Hypothesen über das Wesen des Lichtes. In her die allgemeinen Gesetze der Reflexion, der Brechung und sion des Lichtes besprachen, haben wir uns nur an die Erfahrt und haben dabei jede theoretische Ansicht über die Natur ganz aus dem Spiele gelassen. Dies lässt sich nun bei den erscheinungen nicht mehr durchführen, weil es ganz unmöglich setze derselben übersichtlich zu machen, ohne eine theoreti über das Wesen des Lichtes zu Hülfe zu nehmen. Wir wol einige Worte über die beiden Hypothesen reden, welche von dein Beziehung auf das Wesen des Lichtes aufgestellt worden Hypothesen sind unter dem Namen der Emissions- oder Etheorie und der Vibrations- oder Undulationstheorie!

Die Emmissionstheorie nimmt an, dass es eine eig Lichtmaterie gebe, und dass ein leuchtender Körper nach alle Theilchen dieser feinen Materie mit so ungeheurer Geschwindigk dass ein solches Lichttheilchen in einer Secunde einen Weg deutschen Meilen zurücklegt. Diese Lichtmaterie muss man äusserst fein und den Wirkungen der Schwere nicht unter imponderabel annehmen. Die Verschiedenheit der Farbei einer Verschiedenheit in der Geschwindigkeit her; die Reflex dieser Ansicht dem Abprallen elastischer Körper analog. Um Theorie die Brechung zu erklären, müsste man annehmen: 1) fortpflanzt, welcher den Namen Aether führt. Nach dieser Theorie ist das Licht etwas dem Schalle Analoges; der Schall wird durch die Schwingungen der wägbaren Materie, das Licht durch die Schwingungen des imponderabelen Aethers fortgepflanzt. Der Aether erfüllt den ganzen Weltraum, da das Licht alle Räume des Himmels durchdringt. Der Aether ist aber nicht bloss in den sonst leeren Räumen verbreitet, welche die Gestirne trennen, er durchdringt alle Körper und füllt die zwischen den wägbaren Atomen befindlichen Räume aus.

Wenn der Aether in dem ganzen Weltraume in Ruhe wäre, so würde überall vollkommene Finsterniss herrschen; an einer Stelle aber gleichsam erschüttert, pflanzen sich die Lichtwellen nach allen Seiten hin fort, wie sich die Schwingungen einer Saite in einer ruhigen Atmosphäre weithin verbreiten. Das Licht, welches erst durch eine Bewegung entsteht, ist also wohl von dem Aether selbst zu unterscheiden, wie die Vibrationsbewegung, welche den Schall hervorbringt, von den oscillirenden Theilchen der wägbaren Materie unterschieden wird.

Lange Zeit hindurch zählten beide Theorien Anhänger unter den Physikern. Newton hatte die Emanationstheorie aufgestellt, Huyghens ist als Schöpfer der Undulationstheorie zu betrachten, die auch Euler vertheidigte; doch erst in neueren Zeiten haben besonders Young's und Fresnel's Arbeiten der Undulationstheorie einen so entschiedenen Sieg verschafft, dass die Emanationstheorie jetzt allgemein als unhaltbar verlassen ist.

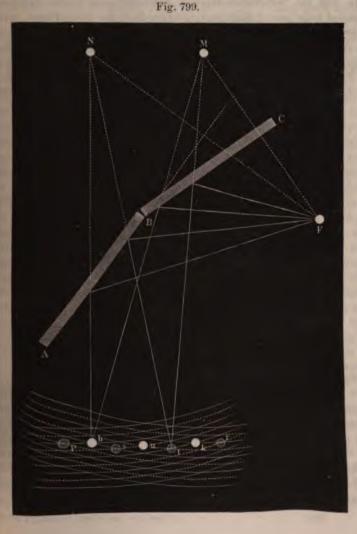
Die wichtigste Stütze für die Vibrationstheorie liefern die sogenannten Interferenzerscheinungen, die wir sogleich näher betrachten wer-Die erste hierher gehörige Thatsache wurde von dem Jesuiten Grimaldi beobachtet und in seiner "Physico-mathesis de lumine, coloribus et iride, Bologna 1665" beschrieben. Er beobachtete, dass, wenn mau durch eine feine Oeffnung einen Sonnenstrahl in ein dunkles Zimmer eindringen lässt und diesem Strahle einen schmalen Körper aussetzt, alsdann der Schatten dieses Körpers breiter ist, als man nach dem geradlinigen Fortgange der Lichtstrahlen erwarten sollte; ebenso fand er, dass, wenn man die durch die feine Oeffnung eindringenden Strahlen auf einer weissen Fläche auffängt, der erleuchtete Raum grösser ist, als ihn, bei Voraussetzung geradliniger Fortpflanzung des Lichtes, die geometrische Construction giebt; er beobachtete auch farbige Säume, sowohl im Schatten des schmalen Körpers, als auch am Umfange des erleuchteten Fleckes, und schrieb diese Erscheinungen einer Ablenkung von dem geradlinigen Wege zu, welche die Lichtstrahlen erleiden, wenn sie an den Rändern undurchsichtiger Körper vorübergehen. Diese Ablenkung nannte er Diffraction; später wurde sie auch Beugung und Inflexion genannt.

Diese Versuche sind jedoch für die Vibrationstheorie nicht so direct beweisend wie der folgende: Grimaldi liess die Sonnenstrahlen durch zwei feine nahe bei einander stehende Oeffnungen in das dunkle Zimmer eintreten und fing sie auf einem Papierblatte in einer solchen Entfernung auf, dass die von den beiden Oeffnungen herrührenden hellen Kreise theilweise über einander fielen. Die durch das Licht beider Oeffnungen erleuchtete Stelle war allerdings heller als die Stellen, welche nur von einer Oeffnung Licht empfingen, doch fand er an den Gränzen dieses stark erleuchteten Raumes dunkle Streifen an solchen Stellen des Schirmes, welche offenbar Licht von beiden Oeffnungen empfingen, und dennoch waren diese Streifen dunkler als diejenigen Stellen des Papierschirms, welche nur von einer Oeffnung beleuchtet waren. In der That verschwanden diese dunklen Linien, sobald die eine Oeffnung zugehalten wurde, so dass nur durch die andere das Licht einfallen konnte. Grimaldi schloss aus dieser Erscheinung, dass ein erleuchteter Körper dunkler werden kann, wen neues Licht zu dem hinzukommt, welches ihn schon vorher traf, und suchte diese sonderbare Erscheinung durch Annahme von Lichtweller zu erklären.

Während Grimaldi's Beugungsversuche vielfach wiederholt und abgeändert wurden, während man eifrig bemüht war, die Gesetze der Inflexion durch genaue Messungen zu ermitteln, liess man die von Grimaldi ausgesprochene Idee, dass Dunkelheit durch das Zusammenwirken zweier Lichtstrahlen entstehen könne, ganz unbeachtet, man übersah gerade die Erscheinung, welche den Schlüssel zur Erklärung der Beugungsphinomene hätte geben können. Erst Young nahm diesen Gegenstand wieder auf; er beobachtete die hellen und dunklen Streifen, welche hinter einem schmilen Körper entstehen, wenn man ihn den von einem leuchtenden Punkte oder einer schmalen Lichtlinie ausgehenden Strahlen aussetzt, und fand dass diese Streifen alsbald verschwinden, sobald man das Licht an der einen Seite des schmalen Körpers vorbeizugehen hindert. Young hatte also durch diesen Versuch ebenfalls dargethan, dass zwei Lichtstrahlen, die sehr nahe nach einerlei Richtung fortgehen, bei ihrem Zusammentreffen nicht immer zur Verstärkung der Erleuchtung beitragen, sondern dass sie sich unter Umständen verstärken oder ihre Wirkung gegenseitig versichten

Fresnel's Spiegelversuch. Young's Interferenzversuch spricht 300 cheidend für die Undulationstheorie; man könnte dagegen nur noch a einwenden, dass die ganze Erscheinung durch die Beugung des Lichtes vorgebracht wird, deren Wesen selbst noch nicht gehörig erkannt worwar. Wollte man die Beugung des Lichtes und alle damit zusammengenden Erscheinungen durch das Princip der Interferenzen erklären, war zu wünschen, solche Interferenzen auch ohne Beugung hervorzungen. Fresnel, der durch seine klassischen Arbeiten die Undulationsprie vollkommen begründete, löste diese Aufgabe auf folgende Weise.

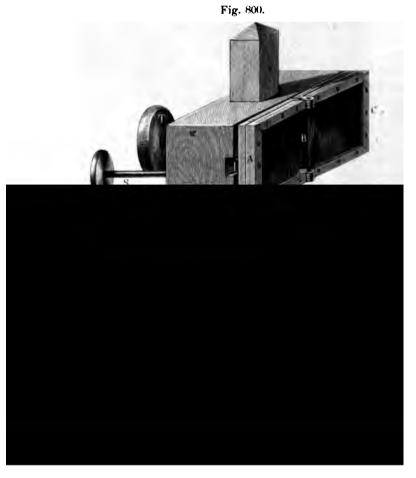
Zwei Metallspiegel oder zwei Spiegel von schwarzem Glase sind neben ander so aufgestellt, dass die Ebenen beider vertical sind, dass sie also



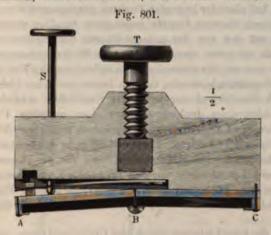
in einer verticalen Linie zusammenstossen; der Winkel, den die Spiegelebenen mit einander machen, muss sehr stumpf sein, er d wenig kleiner sein als 180° . Die Fig. 799 (vor. S.) stellt den horiz Durchschnitt der beiden Spiegel dar; AB ist die spiegelnde Fläeinen, BC die des anderen; B ist die in der Figur zum Punkte ver Kante, in welcher die beiden Spiegelebenen zusammentreffen.

Wenn sich nun in F ein leuchtender Punkt befindet, so se Strahlen auf beide Spiegel, es werden also zwei Spiegelbilder de tenden Punktes entstehen, und zwar das eine in M, das ander diese beiden Bilder werden sehr nahe zusammen liegen, weil die ebenen fast zusammenfallen. In einiger Entfernung von den itreffen nun die reflectirten Strahlen zusammen und bilden dadt wechselnd helle und dunkle verticale Streifen. Ist u ein Punkt, gleichweit von M und N entfernt ist, so bildet sich in u ein helle fen, zu beiden Seiten desselben in s und t ein dunkler; auf dies wieder zwei helle in den Punkten h und k, zwei dunkle in p und t

Fig. 800 und 801 stellen den Fresnel'schen Spiegelappa wie ihn Mechanikus Jung in Giessen construirt und zwar Fig.



Je weniger der Winkel, welchen die beiden Spiegel mit einander machen, von 180° abweicht, desto breiter erscheinen die Streifen.



Das Holzklötzchen istan einem verticalen, auf einem entsprechenden Fusse befestigten Stabe verschiebbar und kann in jeder beliebigen Höhe mit Hülfe der hölzernen Schraube T festgestellt werden.

Sehr leicht lassen sich Interferenzspiegel auf folgende Weise herrichten: Auf die obere Fläche eines Holzklötzchens, wel-

ches ungefähr 10° lang, 2° hoch und 3° breit ist, klebe man an drei Stellen, nämlich in der Mitte und gegen jedes Ende hin, etwas weiches Wachs auf und lege darauf zwei Stücke von geschliffenem Spiegelglas, von denen jedes nahe 5° lang und fast 3° breit ist. Diese beiden Spiegel müssen auf dem mittleren Wachsstücke zusammenstossen. Wenn man nun hier, wo beide Spiegel an einander gränzen, dieselben etwas stärker auf das Wachs aufdrückt als an den Enden, so kann man es leicht dahin bringen, dass die Ebenen der beiden Spiegel einen sehr stumpfen Winkel mit einander machen. Ganz besonders kommt es darauf an, dass da, wo die beiden Spiegel zusammenstossen, keiner über den anderen auch nur im Mindesten vorstehe, wovon man sich durch das Gefühl der Fingerspitzen überzeugen kann; man darf hier nicht die mindeste Unterbrechung fühlen, wenn man mit dem Finger (nicht mit dem Nagel) über diese Stelle hinfährt. Die Spiegel müssen natürlich auf der Rückseite geschwärzt sein.





Was den Winkel betrifft, den die Spiegel mit einander machen sollen, so muss er so gross sein, dass die beiden Bilder einer ungefähr 8 bis 10 Schritte entfernten Kerzenflamme höchstens um den Durchmesser dieser Kerzenflamme von einander getrennt erscheinen.

Fig. 802 stellt ein Paar auf diese Weise hergerichteter Interferenzspiegel dar, bei welchen sich natürlich der Winkel nicht nach Belieben verändern lässt.

Ohm ersetzte die Interferenzspiegel durch ein Interferenzprisma, welches Fig. 803 (a.f.S.) im Durchschnitte dargestellt ist. Die beiden Facetten und b machen einen sehr stumpfen Winkel miteinander, so dass die von

einem leuchtenden Punkte hinter dem Prisma ausgehenden Strahlen nach dem Durchgange durch dasselbe so fortgehen, als ob sie von den zwei

Fig. 803.

nahe bei einander liegenden Punkten ausgegangen wären; die durch die eine Facette gegangenen Strahlen werden also mit den von der anderen Facette her kommenden gerade so unter einem sehr spitzen Winkel zusammen-

treffen, wie dies bei den von den Interferenzspiegeln reflectirten der Fallist

Zum leuchtenden Gegenstande wendet man am besten eine feine Lichtlinie an; man kann sich dieselbe auf mancherlei Art verschaffen; entweder bringt man in dem Laden eines dunklen Zimmers einen ungefähr 1 breiten vertical stehenden Spalt an, durch welchen die von einem vor dem Laden angebrachten Spiegel reflectirten Sonnenstrahlen in horizontaler Richtung eintreten, oder man setzt einen solchen Spalt vor die Flamme einer Argand'schen Lampe; ja es reicht eine hell brennende Kerzenflamm ohne allen Schirm schon hin, wenn man dieselbe wenigstens in einer Enfernung von 12 bis 15 Schritten von den Spiegeln oder dem Interferenprisma aufstellt.

Fresnel erzeugte die feine Lichtlinie durch eine Cylinderlinse; em solche Linse, Fig. 804, ist durch zwei Cylindersegmente gebildet, währen

Fig. 804.



eine gewöhnliche Linse durch zwei Kugelsegment gebildet wird; dem Brennpunkt der gewöhnliche Linse entspricht bei diesen eine Brennlinie ff Diese Brennlinie bildet den leuchtenden Streifen

'Auch der Lichtstreifen auf einem in der Somliegenden glänzenden Metallstäbehen oder eine innen geschwärzten Glasröhrehen kann sehr gi zu diesem Interferenzversuche angewendet werde

Selbst wenn die Lichtquelle keine Lichtlinie, sondern nur ein leich

an die Streifen beobachtet; denn sie sind doch meistens zu fein, um mit ossem Auge wahrgenommen werden zu können.

Es versteht sich von selbst, dass sich die Lichtquelle, die Spiegel und s Auge in einer Horizontalebene befinden müssen.

Will man die Interferenzstreifen mit dem Interferenzprisma, Fig. 803, obachten, so befestigt man dasselbe mit seiner Fassung auf einem Stativ, d stellt dahinter die Loupe in einer Entfernung von 1½ bis 3 Zoll auf.



wie man Fig. 806 sieht; die Lichtquelle, die Mitte des Prismas und die Axe der Loupe müssen in einer geraden Linie liegen.

Bringt man vor das Auge ein ziemlich homogenes, etwa ein rothes Glas, so sieht man nur abwechselnd helle und dunkle Streifen; wendet man dagegen kein homogenes, sondern weisses Licht an, so erscheinen die Streifen mit verschiedenen Farben gesäumt.

Wir wollen jetzt sehen, wie die Undulationstheorie diese Erscheinung zu erklären im Stande ist.

Elemente der Vibrationstheorie. Die Theilchen eines leuchden Körpers vibriren auf ähnliche Weise, wie dies bei den schallenden
rpern der Fall ist, nur sind die Lichtvibrationen ungleich schneller als
Schallschwingungen; dann aber werden sie auch nicht durch die wägmet Materie selbst, sondern durch den bereits in Paragraph 299 erwähnAether fortgepflanzt.

Ein wesentlicher Unterschied zwischen Lichtwellen und Schallllen besteht aber darin, dass die Vibrationen, welche die Lichtwellen pflanzen, rechtwinklig sind zur Richtung des Strahles, während die rationen der Schallwellen in der Richtung der Schallstrahlen selbst tfinden.

Wenn sich also ein Lichtstrahl in der Richtung von A nach B, Fig. 807, pflanzt, so vibriren alle Aethertheilchen, welche im Zustande des Gleich-





ichtes auf der geraden Linie AB liegen würden, in Richtungen, welche twinklig auf AB stehen, ungefähr so, wie die Theile eines gespannten es schwingen, wenn man an dem einen Ende einen kräftigen Schlag

gegen dasselbe geführt hat. Die Curve in Fig. 807 stellt die gegenseitige Stellung der vibrirenden Moleküle in einem bestimmten Momente der Bewegung dar.

Die Gründe, warum man die Vibrationen der Lichtwellen als rechtwinklig zum Strahl annehmen muss, werden wir später kennen lernen.

Betrachten wir die Schwingungen eines Aethermolèküls etwas genauer. Das Theilchen, dessen Gleichgewichtslage in b ist, vibrirt beständig zwischen den Punkten b' und b". In b' ist seine Geschwindigkeit Null, je mehr sich aber das Theilchen der Gleichgewichtslage nähert, desto mehr wächst seine Geschwindigkeit, welche ihr Maximum in dem Momente erreicht, in welchem das Molekül die Gleichgewichtslage passirt; von nun an nimmt die Geschwindigkeit wieder ab, bis sie endlich in b" wieder Null wird, worauf dann die Bewegung nach entgegengesetzter Richtung beginnt. Kurz die Vibrationen eines Aethertheilchens finden ganz nach den Gesetzen statt, welche wir in §. 124 kennen lernten. Die Oscillationgeschwindigkeit eines vibrirenden Aethertheilchens wird also durch die Gleichung

$$u = a \sin \left(2\pi \frac{t}{T}\right)$$
 (1)

dargestellt, wenn man mit a die Geschwindigkeit, mit welcher das Aetherheilehen die Gleichgewichtslage passirt, mit T die Zeit, welche es zu einer ganzen Oscillation, also zu einem vollständigen Hin- und Hergang, braucht und mit t endlich die Zeit bezeichnet, welche seit dem Anfang der Bewegust verflossen ist. Als Anfangsmoment dieser Zeitzählung ist ein solcher nehmen, in welchem sich das Theilehen in seinem grössten Abstand weder Gleichgewichtslage befindet. Der Quotient $\frac{t}{T}$ drückt die Zahl der verständigen Oscillationen aus, welche seit dem Anfang der Bewegung seit andigen Oscillationen aus, welche seit dem Anfang der Bewegung seit geschen Geschlagen verschaften.

das Molekül b eine vollständige Oscillation macht, d. h. während es von b' nach b'' und wieder zurück nach b' sich bewegt, wird sich die Bewegung bis zu irgend einem Moleküle c fortpflanzen, so dass dieses Molekül seine erste Vibration in demselben Momente beginnt, in welchem b seine zweite anfängt. Von nun an werden die Moleküle b und c stets in gleichen Schwingungszuständen sich befinden, d. h. sie werden gleichzeitig, nach derselben Seite hin sich bewegend, die Gleichgewichtslage passiren, gleichzeitig das Maximum der Ausweichung auf der einen und auf der anderen Seite von AB erreichen.

Die Entfernung bc von einem Aethermolekül b bis zum nächsten c, welches sich mit b stets in gleichen Schwingungszuständen befindet, heisst, wie wir schon früher gesehen haben, eine Wellenlänge. Wenn der Abstand cd auch eine Wellenlänge ist, so wird das Molekül d seine erste Oscillation in demselben Augenblicke beginnen, in welchem c seine zweite und b seine dritte Oscillation beginnt; d wird von nun an mit c und b sich stets in gleichen Schwingungszuständen befinden.

Wenn f in der Mitte zwischen b und c liegt, d. h. wenn es um eine halbe Wellenlänge von b entfernt ist, so befindet sich das Molekül in f stets in Schwingungszuständen, welche denen der Moleküle in b und c entgegengesetzt sind. Wenn b und c das Maximum der Ausweichung oberhalb A B erreichen, so erreicht f das Maximum der entgegengesetzten Seite. Das Molekül f passirt mit b und c gleichzeitig die Gleichgewichtslage, allein in entgegengesetzter Richtung sich bewegend.

Wenn zwei Aethertheilchen auf dem Wege eines Lichtstrahles um ½ Wellenlänge von einander entfernt sind, so sind sie stets von gleichen, aber entgegengesetzten Geschwindigkeiten afficirt. Dasselbe gilt von solchen Theilchen, die um ½, ½, ¼, u. s. w. Wellenlängen von einander abstehen.

Suchen wir auch dies in mehr mathematischer Form auszudrücken.
Wenn Gleichung (1) die Vibrationsgeschwindigkeit eines Aethertheilchens
Fig. 807, in einem bestimmten Momente ausdrückt, so ist

$$v = a \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda}\right)$$

die gleichzeitige Vibrationsgeschwindigkeit eines in der Richtung von A nach B um x Wellenlängen weiter liegenden Aethertheilchens, wenn λ die t

Wellenlänge bezeichnet. Der Werth von v wird aber gleich $a \, sin \, \left(2 \, \pi \, rac{t}{T}
ight)$

Figanzes Vielfaches von λ , also $\frac{x}{\lambda}$ eine ganze Zahl ist. Dagegen $-a \cdot \sin 2\pi \frac{t}{T}$, wenn x ein ungerades Vielfaches von $\frac{1}{2}\lambda$,

Bruch $\frac{x}{1}$ ein ungerades Vielfaches von 1/2 ist.

Die Wellenlänge ist für verschiedenfarbige Strahlen nicht gleich; sm grössten ist die Wellenlänge der rothen, am kleinsten die Wellenlänge der violetten Strahlen. Wir werden bald sehen, wie es möglich ist, die Wellenlänge der verschiedenfarbigen Strahlen mit ausserordentlicher Genauigkeit zu bestimmen.

Mit der ungleichen Wellenlänge hängt anch die ungleiche Schwingungsdauer zusammen; die Vibrationen der violetten Strahlen sind die schnellsten, die der rothen dagegen die langsamsten.

Man sieht also, dass beim Lichte die Verschiedenheit der Farben der ungleichen Höhe und Tiefe der Töne entspricht.

Die Intensität des Lichtes hängt von der Vibrationsintensität, der Grösse der Oscillationsamplitude ab, und zwar ist sie der lebendiger Kraft, also dem Quadrat der Geschwindigkeit, proportional, mit welchem die Aethertheilchen ihre Gleichgewichtslage passiren. Da nur aber die Oscillationsamplitude in demselben Verhältniss ab- und zunimmt wie die Geschwindigkeit, mit welcher die Aethertheilchen die Gleichgewichtslage passiren, so ist also auch die Intensität eines Lichtstrahls dem Quadrate der Oscillationsamplitude der vibrirenden Aethertheilchen proportional. Nach der Bezeichnung der obigen Gleichungen 1) und 2) wird also die Intensität des Lichtes gemessen durch af oder durch b².

202 Die Wellenoberfläche. Von der Art und Weise, wie sich weinem leuchtenden Punkte aus die Lichtwellen ringsum verbreiten, kann man sich ein recht deutliches Bild machen, wenn man die Wellen betrachtet, welche auf der Oberfläche eines stillstehenden Wassers entstehen, wem man einen Stein hineinwirft, und die wir auch schon oben betrachtet haben Von der Stelle aus, an welcher der Stein in das Wasser einsank, verbreiten.

inden befinden, d. h. sie werden gleichzeitig ihre höchste und gleichzeitig tiefste Stellung erreichen, es werden sich also concentrische Wellenberge Wellenthäler bilden, wie durch Fig. 808 anschaulich gemacht werden soll. In für einen bestimmten Moment die ausgezogenen Kreise den Wellenen, die punktirten aber den Wellenthälern entsprechen, so werden die enberge nach aussen hin in der Weise fortschreiten, dass nach einer en Zeit gerade an den punktirten Stellen sich die Wellenberge befindie Thäler aber in den ausgezogenen Kreisen.

Sämmtliche Wassertheilchen, welche zwischen zwei auf einander folen Wellenbergen oder zwei Wellenthälern liegen, bilden eine Welle; Wellenlänge aber ist die Entfernung von einem Wellenberge zum sten oder von einem Wellenthale zum folgenden. Während ein Wasserchen, etwa a, von seiner höchsten Stellung niedergeht und dann wiedens zur Gipfelhöhe eines Wellenberges aufsteigt, wird der Wellenberg eine Wellenlänge fortschreiten; bezeichnen wir mit v die Geschwindigmit welcher die Wellen fortschreiten, mit t die Schwingungsdauer, die Zeit, welche während des Nieder- und Aufgangs eines Wasserchens vergeht, so ist offenbar

$$\lambda = v.t.$$

λ die Wellenlänge bezeichnet. Diese Beziehung zwischen Wellen-, Schwingungsdauer und Fortpflanzungsgeschwindigkeit findet auch en Lichtvibrationen statt.

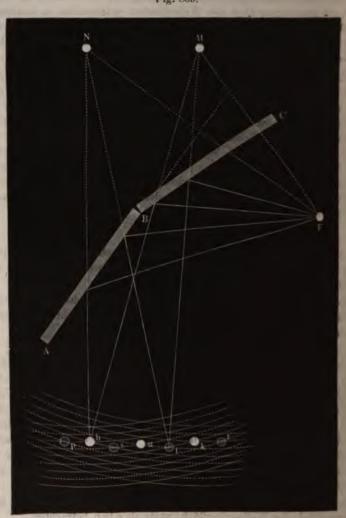
So wie sich die Wasserwellen in concentrischen Kreisen um den Oscilismittelpunkt verbreiten, so verbreiten sich die Lichtvibrationen in ntrischen Kugelschichten um die Lichtquelle.

Die Gesammtheit aller Aethertheilchen, welche gleichzeitig von fibrationsbewegung ergriffen werden, die sich von einem leuchtenden te aus verbreitet, bildet die Wellenoberfläche. In einem isotro-Mittel, d. h. in einem solchen, in welchem die Dichtigkeit und Elastides Aethers nach allen Seiten hin dieselbe ist, ist die Wellenoberse kugelförmig. Wir werden später sehen, welche Modificationen Vellenoberfläche erleidet, wenn sie aus einem Medium in ein anderes rösserer oder geringerer Aetherdichtigkeit übergeht, und wie sie sich lehen Medien gestaltet, in welchen die Elasticität des Aethers nicht allen Richtungen dieselbe ist.

In hinlänglicher Entfernung von der Lichtquelle kann man ein nicht osses Stück der Wellenoberfläche stets als e ben betrachten.

Denken wir uns von irgend einem Punkte der Wellenoberfläche eine e Linie nach der Lichtquelle gezogen, so bilden die in ihrem Gleichchtszustande auf dieser Linie liegenden, rechtwinklig zu ihr vibrirenethertheilchen einen elementaren Lichtstrahl. Ein optisch wirkStrahl besteht stets aus einem Bündel elementarer Strahlen, welche gemeinsamen Wellenoberfläche angehören.

303 Erklärung des Fresnel'schen Spiegelversuchs. Der Principien reichen hin, die Fresnel'schen Interferenzstreifen zu erkläde Die von F, Fig. 809, ausgehenden Strahlen werden durch den Spiegel "Fig. 809.



so reflectirt, als ob sie von N ausgegangen wären. Betrachten wir nächst den nach h reflectirten Strahl, so müssen alle Vibrationen, welch diesen Strahl fortpflanzen, rechtwinklig auf der Richtung Nh sin, wachtertheilchen in h wird etwa abwechselnd auf und nieder vibriren. Durch h ist nun ein Kreis um den Mittelpunkt N gezogen, und alle auf diesen Kreise liegenden Punkte werden durch die vom Spiegel AB reflectires

hlen gleichzeitig in denselben Schwingungszustand versetzt, d. h. in selben Augenblicke, in welchem das Theilchen h durch den in der tung Nh reflectirten Strahl aufwärts getrieben wird, sind die Aetherchen des bezeichneten Kreises in derselben Weise afficirt.

Ein zweiter Kreis ist um N durch den Punkt s gezogen; der Halber dieses Kreises ist grösser, und zwar wollen wir annehmen, dass die renz der beiden Radien ½ Wellenlänge betrage, so ist klar, dass alle liesem letzteren Kreise liegenden Aethertheilchen sich stets in Schwingszuständen befinden, welche denen der Aethertheilchen auf dem zuerst rochenen Kreise entgegengesetzt sind.

So sind nun noch mehrere Kreise um N gezogen, und zwar beträgt Entfernung zwischen zwei aufeinander folgenden ausgezogenen es sen eine ganze, die Entfernung zwischen einem ausgezogenen und dem stfolgenden punktirten Kreise 1/2 Wellenlänge.

Eine ähnliche Reihe von Kreisen ist um den Punkt M gezogen, und aus n Kreisen ersieht man, in welchen Schwingungszustand die Aetherchen durch die vom Spiegel BC reflectirten Wellen versetzt werden. Betrachten wir nun den Effect, welcher durch das Zusammenwirken beiden Wellensysteme hervorgebracht wird.

Der Punkt u liegt gleichweit von M und N entfernt, folglich wird Aethertheilchen u durch die beiden Wellensysteme gleichzeitig nach Iben Seite hin getrieben; hier wird sich also die Wirkung der beiden ensysteme summiren, die Vibrationsintensität des Aethertheilchens u also doppelt so gross sein, als wenn es nur durch ein Wellenmafficirt worden wäre.

Das Theilchen in s wird durch die vom Spiegel AB reflectirten Lichtn ebenso afficirt wie u, durch das andere Wellensystem aber gerade
tgegengesetzter Richtung, die Wirkung des einen Wellensystems wird
hier durch die des anderen aufgehoben, in s also wird Dunkelheit
ehen.

Ebenso wird in h und k, kurz in allen Punkten, in denen sich zwei ezogene oder zwei punktirte Kreise schneiden, das Zusammenwirken beiden Wellensysteme eine Vermehrung der Lichtintensität zur Folgen, während in allen Stellen, in welchen sich ein ausgezogener und ein tirter Kreis schneiden, gar keine Vibrationen stattfinden, also Dunkelherrscht.

Fresnel hat mit der grössten Genauigkeit die Breite der Streifen, die Entfernung eines dunklen Streifens vom anderen, den Winkel, die Spiegel mit einander machen, und die Entfernung der Lichtquellessen, und konnte auf diese Weise zeigen, dass in der That die Strahwelche, von F ausgehend, durch den Spiegel AB nach h, nach s, t

langen, ungleiche Wege zurückgelegt haben, dass die Differenz ge gleich ist, dass also Nt - Ns = Ns - Nh u. s. w.

e Differenz, welche sich aus den Messungen berechnen lässt, ist hts Anderes als die halbe Wellenlänge. Betrachtet man die Streifen durch ein rothes Glas, so sind sie breiter, als wenn man ein blaues anwendet; daraus folgt aber, dass die Wellenlänge für die rothen Strahlen grösser ist als für die blauen. Ueberhaupt sind die Wellenlängen der farbigen Strahlen um so kürzer, je brechbarer diese Strahlen sind. Da die hellen und dunklen Streifen für die verschiedenfarbigen Strahlen nicht genau an dieselben Stellen fallen, so können die Streifen bei Anwendung von weissem Lichte auch nicht rein weiss und schwarz erscheinen, sondern sie müssen farbige Säume zeigen, die um so deutlicher werden, je breiter überhaupt die Streifen sind. Nähere Auskunft über diese farbigen Säume findet man weiter unten.

304 Interferenz der Lichtstrahlen. Durch den Fresnel'scha-Spiegelversuch ist also das Princip der Interferenzen begründet. Disses Princip ist für die physikalische Theorie des Lichtes von der grösste Wichtigkeit; wir wollen deshalb versuchen, dasselbe durch Zeichnungen möglichst anschaulich zu machen.

In Fig. 810 mögen die Linien AB und CD zwei elementare Lidestrahlen darstellen, welche, von einer Lichtquelle ausgehend, auf versche

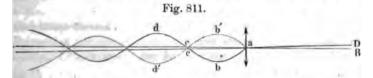
Fig. 810.

A C B

denen Wegen zu dem Punkte a gelangen, und sich hier unter einem se spitzen Winkel schneiden. Wenn der Weg, welchen der Lichtstrahl CD von der Lichtquelle bis zu dem Punkte a zurückgelegt hat, gerade so gross oder um 1, 2, 3 u. s. w. ganze Wellenlängen grösser ist, als de

n derselben Weise müssen sich auch die Vibrationen zweier Lichten unterstützen, welche in einem Punkte zusammentreffen, wenn sie em Gange um irgend ein ganzes Vielfaches einer ganzen Wellenlänge inander abweichen.

Fig. 811 versinnlicht das Zusammenwirken zweier Strahlen, von denen ne dem anderen um eine halbe oder irgend ein ungerades Viel-



es einer halben Wellenlänge vorausgeeilt ist. Durch die Vibrai des einen Strahles (die ihm entsprechende Wellenlinie ist ausgezowährend die dem anderen Strahle entsprechende punktirt ist) wird
heilchen a in demselben Augenblicke nach oben getrieben, in weldie Vibrationen des anderen Strahles dasselbe mit gleicher Kraft
rts zu bewegen streben; die beiden entgegengesetzten Kräfte heben
dies auf, das Theilchen a bleibt in Ruhe.

Wir haben bisher nur diejenigen Fälle betrachtet, in welchen der unterschied der interferirenden Strahlen ein Vielfaches einer ganzen mlänge oder ein ungerades Vielfaches einer halben Wellenlänge beWenn der Gangunterschied zwischen diese Gränzen fällt, so wird die Interferenz der beiden Strahlen auch eine Wirkung hervorget, welche zwischen den Wirkungen der besprochenen Gränzfälle liegt, swird keine vollkommene Vernichtung der Vibrationen, aber auch Verdoppelung der Vibrationsintensität eintreten können.

Betrachten wir die Sache etwas allgemeiner! Es sei

$$u=a\,\sin\left(2\,\pi\,rac{t}{T}
ight)$$

schwindigkeit, mit welcher in einem bestimmten Momente ein Aetherben durch einen und

$$v = a \sin \left(2\pi \frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda}\right)$$

eschwindigkeit, mit welcher dasselbe Aethertheilchen gleichzeitig einen zweiten Lichtstrahl afficirt wird, welcher mit dem ersten e Vibrationsintensität hat, aber gegen denselben um x Wellenlängen kgeblieben ist, so ist die Geschwindigkeit des Theilchens unter dem zeitigen Einfluss beider Strahlen

$$I = u + v = a \sin \left(2\pi \frac{t}{T}\right) + a \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda}\right)$$

$$U = a \sin \alpha + a \sin (\alpha - \beta),$$

wenn man der Kürze halber α für $2\pi \frac{t}{T}$ und β für $2\pi \frac{x}{1}$ setzt. letztere Werth von U lässt sich aber leicht umwandeln in $U = a (1 - \cos \beta) \sin \alpha - a \sin \beta \cos \alpha$. . . (1) Um zu erfahren, welches die Vibrationsintensität des fraglichen, unter dem Einfluss der beiden Strahlen vibrirenden Aethertheilchens ist, mus man die Gleichung bei (1) auf die Form $U = A \cdot \sin (\alpha - i)$. zu bringen suchen, wo dann A die gesuchte Vibrationsintensität ist. Aus Gleichung (2) ergiebt sich $U = A \cdot \sin \alpha \cos i - A \cos \alpha \sin i$. Setzen wir den Werth von U bei (1) gleich dem Werth von U bei (8 so ergiebt sich $A \cos i = a (1 - \cos \beta) \dots$ $A \sin i = a \cdot \sin \beta \cdot \dots$ Addirt man die Quadrate der Gleichungen (4) und (5), so komm! $A^2 = a^2 (2 + 2 \cos \beta)$ also $A = a \sqrt{2 + 2 \cos 2\pi \frac{x}{1}} \dots$ Es wird A = 2a, wenn x = 0, $x = \lambda$, $x = 2\lambda$, $x = 3\lambda$ u.s. Wenn dagegen $x = 1/2 \lambda$, so wird A=0. Denselben Werth erhält A auch für den Fall, dass $x = \frac{\pi}{2} / 2 \lambda$, $x = \frac{\pi}{2}$ Für $x = 1/4\lambda$ wird $A = a V_2$

rklärung der Spiegelung, der Brechung und der Dis305

on des Lichtes durch die Vibrationstheorie. Wenn eine
elle auf irgend ein Medium trifft, in welchem die Elasticität des
s grösser oder kleiner ist als in dem Mittel, in welchen sie sich bis
fortpflanzte, so theilt sie sich in zwei Wellensysteme, von welchen
e in das Mittel zurückgeht, welches bis dahin die Wellen fortpflanzte,
d das zweite Wellensystem in das andere Mittel übergeht; die Richtung
Wellensysteme weicht von der der einfallenden Wellen ab; das eine
erzeugt die reflectirten, das andere die gebrochenen Strahlen.
etrachten wir zunächst die Reflexion etwas näher.

Fig. 812 sei am ein elementarer Lichtstrahl, welcher in m die Tren-



nungsfläche zweier Medien trifft; durch die Vibrationen dieses Strahles wird nun offenbar das in *m* befindliche Aethertheilchen erschüttert; die Vibrationen des Aethertheilchens in *m* pflanzen sich aber nach allen Seiten hin fort, gerade so, als ob *m* selbst ein leuchtender Punkt wäre. Man sollte demnach meinen, dass sich von *m* aus nach allen Seiten

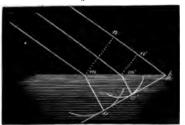
htstrahlen verbreiten würden; gewissermaassen ist dies auch der ber die Vibrationen eines einzigen elementaren Strahles bringen für lein noch keine Wirkung hervor; das, was wir einen Lichtstrahl , besteht aus einer Reihe paralleler elementarer Strahlen, in welchen sprechenden Theilehen sich in gleichen Schwingungszuständen beso dass sich ihre Vibrationen gegenseitig unterstützen.

s sei nun a'm' ein zweiter, a''k ein dritter elementarer Lichtstrahl, r von derselben Lichtquelle kommt; wenn diese Lichtquelle hinlängit entfernt ist, so können die Strahlen am, a'm', a''k als parallel, e durch m und n gehende Wellenoberfläche zwischen m und n als etrachtet werden. Diese ebene Welle wird nun in m zuerst, später ind noch später in k die trennende Oberfläche treffen. Während e ebene Welle von n bis k fortschreitet, verbreitet sich von dem rüher getroffenen Punkte m aus eine sphärische Welle, deren Halbmo der Entfernung nk gleich ist. Denken wir uns ferner m'n' mit mn gezogen, so wird die von m' ausgehende Elementarwelle geloberfläche erreichen, deren Radius m'o' gleich n'k ist, während re Strahl von n' nach k geht. Auf dieselbe Weise werden nun von wischen m und k liegenden Punkten elementare Kugelwellen ausund eine Fläche, welche alle diese elementaren Kugelwellen gleicherührt, ist die reflectirte Welle.

a sich nun mo und m'o' verhalten wie mk und m'k', so ist klar, e Fläche ko, welche alle entsprechenden elementaren Kugelflächen i, eben ist. Diese reflectirte Welle schreitet nun parallel mit sich fort, und die Richtung der Lichtstrahlen, welche sie erzeugt, ist

ergiebt sich also als eine nothwendige Folge aus der Undulat Das Brechungsgesetz lässt sich auf ganz ähnliche W

Fig. 813.



Es sei in einem bestimm mn, Fig. 813, die Lage den ebenen Welle; in den mente, in welchem die et nankommt, wird m der eines sphärischen Wellen ches sich, such in dem au verbreitet; weil aber die des Aethers in diesem zweine andere ist, als in de

welchem sich die Lichtstrahlen bis dahin bewegten, so pflar Lichtwellen in beiden Mitteln auch nicht mit gleicher Geschwin während sich die ebene Welle von n bis k fortbewegt, gelang ausgehende entsprechende Elementarwelle bis zu der Oberfläche deren Radius mo kleiner ist als nh, wenn das zweite Mittel chend ist als das erste. Die einfallende ebene Welle kommt zeitig in m' und n' an, und während sie von n' bis k fortgeh sich die entsprechende elementare Welle von m' bis zu der Obe Kugel, deren Halbmesser m'o' sich zu mo verhält wie n'k z die von den verschiedenen, zwischen m und k liegenden Punkte den sphärischen Elementarwellen, welche von derselben einfalle Welle herrühren, werden also sämmtlich durch eine und die ko'o berührt, und parallel mit dieser Ebene pflanzt sich die Welle fort.

Die Längen nk und mo verhalten sich wie die Forgeschwindigkeiten der Lichtwellen in den beiden Mitteln, sie

beständigen Verhältnisse stehen müssen. Es ist aber der Winkel, welchen die einfallende Welle mn mit der brechenden Oberfläche macht, gleich dem Einfallswinkel, der Winkel aber, welchen die gebrochene Welle k o mit der brechenden Fläche macht, gleich dem Brechungswinkel; folglich muss nach der Undulationstheorie der Sinus des Brechungswinkel sum Sinus des Einfallswinkels in einem constanten Verhältnisse stehen, was auch mit der Erfahrung vollkommen übereinstimmt.

Diese Ableitung der Spiegelungs- und Brechungsgesetze ist schon von Huyghens entwickelt worden. Der Grundsatz, dass wirksame Lichtstrahlen zuerst durch das Zusammenwirken von Elementarstrahlen gebildet werden, ist nach ihm das Huyghens'sche Princip genannt worden.

Der gleichen Fortpflanzungsgeschwindigkeit hoher und tiefer Töne entsprechend, pflanzen sich auch in den Himmelsräumen sowohl wie in der atmosphärischen Luft die Strahlen aller Farben mit gleicher Geschwindigkeit fort, die Wellenlänge ist also der Schwingungsdauer proportional.

Dies ist nun aber für Medien von grösserer Aetherdichtigkeit (Wasser, Glas u. s. w.) nicht mehr der Fall. Beim Eintritt in dieselben erleiden die Aetherwellen, wie sich aus der Brechung des Lichtes ergiebt, eine Verkürzung; die stärkere Brechung der Strahlen von grösserer Vibrationsgeschwindigkeit beweist uns aber, dass dieselben eine verhältnissmässig bedeutendere Verkürzung erleiden als die von geringerer Vibrationsgeschwindigkeit. In dichteren Medien pflanzen sich also die Strahlen verschiedener Farben um so langsamer fort, je grösser ihre Vibrationsgeschwindigkeit ist. In Wasser, oder in Glas z. B. pflanzen sich also die rothen Strahlen schneller als die grünen und diese wieder schneller als die violetten fort.

Nach Cauchy (Mémoire sur la dispersion de la lumière, Prag 1836) ist die Dispersion des Lichtes mechanisch dadurch zu erklären, dass die Wirkungssphäre der einzelnen Aethertheilchen im Verhältniss zur Wellenlänge eine namhafte Grösse hat.

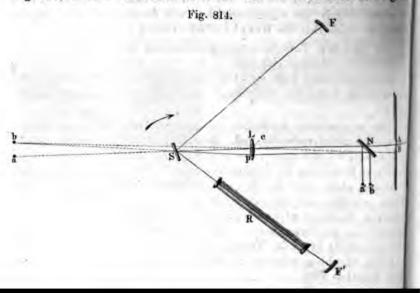
Geschwindigkeit des Lichtes in Luft und in Wasser. 306 Wie wir so eben gesehen haben, erfahren die Lichtwellen beim Eintritt mus Luft in ein stärker brechendes Medium, z. B. in Wasser, eine Verkürzung, für Wasser muss also der Vibrationstheorie zufolge die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Lichtes geringer sein als für Luft, während der Emissionstheorie zu Folge, welche die Brechung durch eine Anziehung erklärt, welche die Atome der brechenden Substanz unf die Lichttheilchen ausüben, die Geschwindigkeit des Lichtes in Wasser größer sein müsste als in Luft.

Schon im Jahre 1838 hat Arago den Weg angedeutet, wie man durch den Versuch directentscheiden könnte ob sich das Licht schneller in Luft oder in Wasser fortpflanze. Das Resultat dieses Versuchs würde

dann also auch darüber entscheiden, ob man die Vibrationstheorie oder die Emanationstheorie aufgeben müsse.

Arago's Grundidee verfolgend, hat Foucault eine Vorrichtung construirt, mit Hülfe deren er die Frage zu Gunsten der Vibrationstheorie beantwortet hat (Annal. de chim. et de phys., 3. ser. Bd. XII S. 129).

Ein Bündel Sonnenstrahlen, welches von dem Spiegel eines Helieste reflectirt worden ist, dringt durch eine kleine quadratische Oeffnung bei Fig. 814, in ein dunkles Zimmer ein und wird von einer Linse L aufgele



Die von der Linse gegen A convergirenden Strahlen treffen aber bei N auf eine Platte von Spiegelglas, welche sie so reflectirt, dass das Bild

Fig. 815.



der quadratischen Oeffnung bei a' entsteht. In Fig. 815 mag Nr. I. in vergrössertem Maassstab das Bild darstellen, wie es unter den erwähnten Umständen in a' beobachtet wird.

Nun aber ist der Spiegel S, welchen wir bisher als ruhend betrachtet haben, so gefasst, dass er um seine verticale (in unserer Figur also zum Punkt verkürzte) Mittellinie sehr rasch und zwar in der Richtung des Pfeils umgedreht werden kann. Während jeder Umdrehung wird er also nur in einem Momente Strahlen nach dem Hohlspiegel F senden, das von N reflectirte Bild kann also bei jeder Umdrehung des Spiegels S

nur einmal aufblitzen. Der Eindruck eines solchen Blitzes bleibt aber im Auge bis zum nächsten, und so combiniren sich die rasch auf einander folgenden Blitze zu einem constant erscheinenden, wenn auch etwas schwächer erleuchteten Bilde der quadratischen Oeffnung, welches jedoch in Folge der Rotation des Spiegels etwas von der Stelle verrückt erscheint, an welcher man es bei stillstehendem Spiegel S beobachten würde.

Diese Verrückung des Bildes erklärt sich aus folgender Betrachtung: Wenn in einem bestimmten Moment der rotirende Spiegel in die entsprechende Stelle kommt, so reflectirt er einen Strahlenkegel nach dem Hohlspiegel F. Während aber das Licht sich von S nach F und von F nach S zurück fortpflanzt, hat sich der Spiegel um einen kleinen Winkel x gedreht, und deshalb wird die Axe des von F nach S zurückkehrenden Strahlenkegels durch den Planspiegel S nicht wieder nach A hin, sondern einer Richtung Sp reflectirt, welche einen Winkel 2x mit der ursprünglichen Richtung SA macht.

Der vom Planspiegel S gegen die Linse L reflectirte Strahlenkegel divergirt also eben so, als ob er von einem Punkte b käme, welcher auf der Verlängerung von p S von S um eine Länge Sb absteht, welche gleich Sa und gleich Sa ist. Die von b aus divergirenden und auf die Linse fallenden Strahlen werden aber durch dieselbe nach a hin convergirenden und durch den Spiegel a0 so reflectirt, dass das Bild der quadratischen Oeffnung bei a2 entsteht.

Bei rascher Rotation des Spiegels S in der angegebenen Richtung scheint also das von N reflectirte Bild der quadratischen Oeffnung von Stelle, wo man es bei stillstehendem Spiegel S sehen würde, nach der hten Seite hin verschoben, wie dies Nr. II. in Fig. 815 andeutet.

Suchen wir nun die Grösse dieser Verschiebung zu bestimmen.

Bezeichnen wir den Weg, welchen das Licht in 1 Secunde zurückt (in Metern ausgedrückt) mit V, so ist die Zeit t, welche das = 0.01 er's Lehrbuch der Physik. 6te Auß. I.

$$\varphi = 2 \pi n t \text{ oder } \varphi = \frac{4 \pi n (e - l)}{V}$$

wenn für t sein obiger Werth gesetzt wird.

Da nun aber der Winkel c S p, also auch b S a doppelt so g als der Winkel, um welchen der Spiegel S sich in der Zeit t dreh der Bogen dieses Winkels für den Radius 1 gleich 2φ , mithin ist gen ab, den wir mit d bezeichnen wollen,

$$d = 2 \varphi (e - l) = \frac{8 \pi n (e - l)^2}{V}$$

Bezeichnen wir die Verschiebung a'b', welche gleich AB ist, mit die Länge cA mit ε , so ergiebt sich aus der Vergleichung der IAcB und acb

$$\delta = d \, \frac{\varepsilon}{e}$$

oder endlich

$$\delta = \frac{8\pi n (e - l)^2 \varepsilon}{V \cdot e}.$$

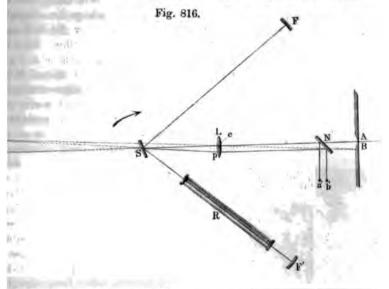
Bei Foucault's Versuchen war $\varepsilon = 3$ Meter, die Brennweite war 1,9 Meter also e = 5,1818 Meter; ferner von l = (e-l) = 4 Meter: Da nun $V = 308\,000\,000$, so ergie n = 1000

$$\delta = \frac{8 \cdot 3,14116 \cdot 1000 \cdot 16 \cdot 3}{5,1818 \cdot 3080000000} = 0,0007558 \, \text{Meter} = 0,5$$

eine Grösse der Verschiebung, welche noch sehr gut beobes.

weiter verschoben erscheinen muss als das erste, wenn das Licht sich asser langsamer fortpflanzt als in Luft.

 f_{m} das von F' kommende Bild von demjenigen unterscheiden zu könvelches durch die Reflexion auf F erzeugt wird, ist in der Nähe des



els S auf dem Wege nach F' hin eine Art Blendung so angebracht, las obere und das untere Drittel der quadratischen Oeffnung dadurch verdeckt wird, also nur das mittlere Drittel des Bil-Fig. 817. des sichtbar bleibt, welches vom Spiegel F' herrührt.

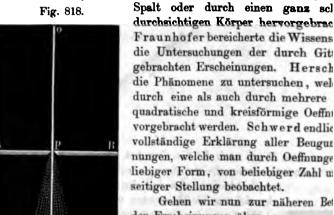
> Wird nun der Versuch bei der oben beschriebenen Anordnung ausgeführt, so erscheint das von den Spiegel F' herrührende Bild in der Art, wie es Nr. III. in Fig. 817 andeutet, noch weiter verschoben als das andere; die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Lichtes ist also in der That für Wasser geringer

nationstheorie unvereinbar ist. Für 1000 Umdrehungen geben 8 Meter Luft (2 mal SF) eine Verschiebung des Bildes von 0,7558mm;

als für Luft, ein Resultat, welches mit der Ema-

er Luft würden also eine Verschiebung von 0,3779mm geben. Da nun rechungsexponent aus Luft im Wasser 4/3 ist, so wird also die Verung, welche einen 4 Meter langen Weg durch Wasser (2mal die Länge bewirkt, $\frac{4}{3} \cdot 0.3779 = 0.5038^{\text{mm}}$ betragen. Das von F'ie schmale Mittelbild wird also um 0.5038 - 0.3779 = 0.1259mm schoben sein als das Bild der ganzen quadratischen Oeffnung, \mathbf{r} von den durch den Hohlspiegel F reflectir \mathbf{t} en Strahlen herrührt.

307 Die Beugungserscheinungen. Es ist schon obe worden, dass zuerst Grimaldi die Ablenkung beobachtete. Lichtstrahlen bei ihrem Vorübergange an den Rändern undur Körper erleiden. Nach ihm wurden die Beugungserscheinunger von Newton studirt; durch seine Bemühungen, sowie durch suchungen mehrerer späteren Physiker wurden allerdings die Gesetze derselben ermittelt, allein erst Young, indem er die I phänomene durch die Wellentheorie zu erklären versuchte, inneren Zusammenhang dieser merkwürdigen Erscheinungen auf ging auf dem betretenen Wege weiter und entwickelte in seine sur la diffraction de la lumière eine Theorie der Beugungserse welche durch Fraunhofer, Herschel und Schwerd noch we bildet, ja wir können sagen, vollendet wurde. Fresnel unter erklärte alle Beugungserscheinungen, welche durch einen gan



Gehen wir nun zur näheren Bet der Erscheinungen über.

Lässt man durch eine schmale

dliche Weise kann man die Streifen im Schatten sehmaler Kören.

el ersann eine andere Beobachtungsmethode, welche die Streifen tlicher und schärfer zeigt, als es bei dem Auffangen auf einem glich ist; als Lichtquelle benutzte er die im Brennpunkte einer oder in der Brennlinie einer Cylinderlinse concentrirten Sonand betrachtete die Beugungserscheinungen durch eine Loupe Weise, die wir schon bei Versuchen mit den Interferenzspiegeln nt haben.

hofer (Denkschriften der königl. Akademie der Wissenschaften setzte die beugende Oeffnung unmittelbar vor das Objectiv hres und sah durch dasselbe nach der Lichtquelle hin. Diese smethode ist unstreitig die vollkommenste und gestattet susehr genaue Messung, von der weiter unten noch die Rede

Sachsten Vorrichtungen zur Beobachtung der Beugungserschei-Schwerd (Die Beugungserscheinungen von F. M. Schwerd, 335) angegeben. Die wesentlichste Erleichterung besteht darin, dunkle Zimmer entbehrlich machte; einen Lichtpunkt liefert schwärzte Uhrglas oder ein Metallknopf, eine Lichtlinie ein zärztes Glasröhrehen.

die Oeffnungen sehr fein sind, so sieht man die Beuleinungen schon sehr schön, wenn man die Oeffnung
r vor das Auge hält und nach dem Lichtpunkte hinche feine Oeffnungen kann man am leichtesten nach Schwerd's
stanniolblättchen machen. Kreisförmige Oeffnungen macht man
ner feinen Nadel. Legt man ein Blättchen Stanniol auf eine
o kann man mit der Spitze eines scharfen Federmessers einen
a Spalt einschneiden; eine parallelogrammatische Oeffnung ermn man zwei mit einem feinen Spalte versehene Stanniolblättber einander legt; um eine dreieckige Oeffnung zu erhalten,
ni Stanniolblättchen so aufeinander, dass ihre Ränder nur eine
treieckige Oeffnung zwischen sich lassen.

Stanniolblättchen gehörig zu schützen und bequem zum Verden zu können, werden sie mit ihrem Rande auf einen Ring (Fig. 819 zeigt einen solchen ungefähr in ½ der natürlichen Grösse) von Messingblech aufgeklebt.

Auch die grösseren Oeffnungen, wie man sie zu den Versuchen mit dem Fernrohre anwendet, werden aus Stanniolblättehen ausgeschnitten, auch sie sind auf einen Ring von Messingblech geklebt und in einer Fassung von Holz des Frde des Fernrohrs passt, durch welches man beobach-

0 (a. f. S.) zeigt die Art und Weise, wie man die Oeffnungen vor re anbringt. A ist das Objectivende des Fernrohres, auf welchem ein Holzring B aufgesteckt wird, dessen innere Höhlung mit Leder ausgefüttert ist, damit der etwas konische Holzring C ganz genau hineinpast

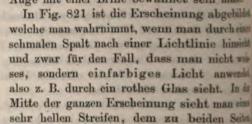


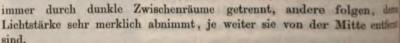
In diesen letzteren Holsring ist der Messinrahmen mit dem Staniolblatte d eingelesin welches die Orffragen eingeschnittens

Wenn man mit de Fernrohre beobachts muss es so weit amp zogen werden, da

man den Lichtpunkt deutlich sieht; auch bei der Beobachtung mit blossen Auge muss man den Lichtpunkt deutlich sehen, weshalb ein kurzsichtige Fig. 821. Auge mit einer Brille bewaffnet sein muss.







Es ist dies dieselbe Figur, welche auf dem Schirme erscheint, was man den Versuch in der Weise anstellt, wie es durch Fig. 818 angedetet wird.

Fig. 2 auf Tab. V. stellt das Beugungsbild einer einfachen schreiben Spalte für homogenes Licht in vergrössertem Maassstabe dar.

Nach Fraunhofer nennt man diese Seitenbilder Spectra erds Fig. 822.





Ordnung. Sie werden um so schmäler, je weiter die Oeffnung ist; des sind sie auch bei einigermaassen breiten Spalten mit blossem Aug mehr sichtbar.

r rothes Licht erscheinen diese Streifen breiter als für andere Farg. 822 zeigt, in welchem Verhältniss die Streifen schmäler werden

Fig. 824.

und einander näher rücken, wenn man statt des rothen Lichtes grünes oder violettes anwendet.

Durch eine parallelogrammatische Oeffnung von der bei o, Fig. 823, dargestellten Form sieht man, nach einem Lichtpunkte hinschauend, die nebenbei abgebildete Beugungsfigur; durch eine kreisförmige Oeffnung einen hellen Fleck mit concentrischen Ringen umgeben, Fig. 824; durch eine dreieckige Oeffnung sieht man einen sechsseitigen

Wir gehen hier auf die genauere Beschreibung der Phänomene , weil sie sich ohnehin aus der Erläuterung derselben ergeben wird.

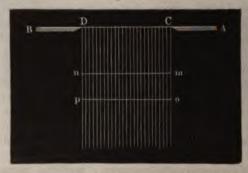
klärung der Beugungserscheinungen, welche man 308 eine Oeffhung beobachtet. Wenn das Licht von einem hinweit entfernten Punkte senkrecht auf die Ebene des Schirmes AB, lab. V., fällt, in welchem sich die Oeffnung CD befindet, so kann in dieser Oeffnung befindlichen Aethertheilchen als gleichweit von tquelle entfernt betrachten; alle diese Aethertheilchen befinden sich leichen Schwingungszuständen. Jedes dieser Aethertheilchen pflanzt in Vibrationen jenseits des Schirmes nach allen Seiten hin fort, als in selbstleuchtendes Theilchen wäre; die Stärke der Erleuchtung in inem Punkte s eines zweiten Schirmes MN hängt also nur davon ihe Wirkung durch die Interferenz aller in s zusammentreffenden verschiedenen Punkten der Oeffnung CD ausgehenden elementahlen hervorgebracht wird.

nn man eine enge Spalte dicht vor das Auge hält, welches wir als ig annehmen wollen, so werden alle Strahlen, welche von den veren Punkten der Spalte einander parallel ausgehen, in einem Punkte haut vereinigt; in diesem Falle also haben wir es mit Bündeln von zu thun, welche unter sich parallel von der engen Oeffnung aus-Auch wenn die Oeffnung vor dem Objective eines Fernrohres anist, werden alle diejenigen Strahlen zur Interferenz kommen, is ein Bündel paralleler Strahlen von der Oeffnung auf das Object; denn alle Strahlen eines solchen Bündels werden in der Brenns Objectivs in einem Punkte vereinigt; die sich hier bildende Ergwird dann durch das Ocular betrachtet.

in man die Beugungsfigur auf einem Schirme auffängt, ist die ng des Schirmes MN, Fig. 1, Tab. V., von AB so gross, im zu der Breite des Spaltes (es ist z. B. die Entfernung der Schirme des Spaltes 1/2 Millimeter), dass man ohne merklichen md D aus nach einem Punkte s des Schirmes conver-

n auch hier als parallel annehmen kann; wir haben also itersuchen, unter welchen Umständen alle Elementarstrahlen eines von CD ausgehenden parallelen Strahlenbündels sich gegenseitig unterstützen oder vernichten.

Fig. 825.



Betrachten wir zuerst ein solches Strahlenbündel, welches sich rechtwinklig m CD, also in der Richtung der einfallenden Strahlen auch jenseits der Oeffnung, fortpflanzt, wie dies in Fig. 825 der Fall ist. Da alle Aethertheilchen in CD sich in gleichen Schwingungszetänden befinden, so wird dies auch für alle Aethertheilchen der Fall sein.

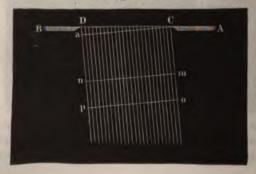
welche auf einer Linie mn, op u. s. w. liegen, die auf der Richtung der Strahlen rechtwinklig steht; die Strahlen dieses Bündels werden also, in unendlicher Entfernung zusammentreffend, sich gegenseitig unterstützen; ebenso werden die Strahlen dieses Bündels bei ihrer Vereinigung in einer Punkte der Netzhaut oder in der Brennweite des Objectivs eine Vibrationsintensität erzeugen, welche der Summe der Vibrationsintensitäten alle elementaren Strahlen gleich ist.

Um die Intensitätsverhältnisse des Beugungsbildes berechnen zu körnen, wollen wir uns die ganze Breite des Spaltes in 16 gleiche Theile getheilt denken und die Intensität eines Bündels paralleler Strahlen, welche von einem solchen Theile der Oeffnung ausgeht, mit a bezeichnen.

Die 16 elementaren Strahlenbündel, welche wie Fig. 825 rechtwinkig zur Spaltebene sich fortpflanzen und für welche der Gangunterschied gleich 0 ist, werden durch ihr Zusammenwirken eine Vibrationsintensität 166 hervorbringen, wir haben also für die Intensität I des Lichtes in der Mitte des Beugungsbildes den Werth

Betrachten wir nun das von der Beugungsspalte CD ausgehende Bis-

Fig. 826.



del paralleler Strahlen, welches wie in Fig. 826 so gegen die Ebene der Oeffnung geneigt ist, dass der Fuspunkt a eines von C sei den von D ausgehenden Strahl gefällten Perpendikels Ca gerade um eine halbe Wellenlänge von D entfernt, dass also Da = 14 Wellenlänge ist, so werden die entsprechenden Punkte

der von C und D ausgehenden Randstrahlen, wie m und n, o und p u. s. w. sich stets in entgegengesetzten Schwingungszuständen befinden.

Um die Intensität des Lichtes zu ermitteln, welche diesem Strahlenbündel im Beugungsbilde entspricht, denken wir uns die Spaltöffnung CD wieder in 16 gleiche Theile getheilt und von jedem dieser Theile ein elementares Strahlenbündel von der Vibrationsintensität a nach der bezeichneten Richtung ausgehend. — Da der Gangunterschied der Randstrahlen ¹/₂ Wellenlänge ist, so ist der Gangunterschied für je zwei dieser elementaren Strahlenbündel, welche unmittelbar neben einander liegen, ¹/₃₂ Wellenlänge; für die Vibrationsintensität A, welche durch das Zusammenwirken zweier benachbarter elementaren Strahlenbündel erzeugt wird, haben wir also nach Gleichung (6) auf Seite 748 den Werth

$$A = a \sqrt{2 + 2 \cos (11^0 15')} = a \sqrt{3,962} \dots (2)$$

da ja hier $\beta = \frac{2\pi}{32} = \frac{180}{16} = 11^0 15'$ ist.

Der Gangunterschied für zwei solcher neben einander liegenden Doppelbündel, deren Vibrationsintensität wir mit A bezeichnet haben, beträgt $^{1}/_{16}$ Wellenlänge, und demnach ergiebt sich für die Vibrationsintensität B, welche durch das Zusammenwirken zweier neben einander liegenden Doppelbündel erzeugt wird,

$$B = A \sqrt{2 + 2 \cos(22^{\circ} 30')} = A \sqrt{3,848} \dots (3)$$

da ja
$$\beta = \frac{2\pi}{16} = 22^{\circ}30'$$
 wird, wenn $x = \frac{\lambda}{16}$ ist. Dieser Werth von

B ist aber nichts anderes als die Vibrationsintensität, welche durch das Zusammenwirken von 4 der elementaren, der Reihe nach neben einander liegenden Strahlenbündel erzeugt wird, von denen wir angenommen haben, dass ihrer 16 die Breite des Beugungsspaltes ausfüllen.

In gleicher Weise fortschliessend, ergiebt sich für die Vibrationsintensität C, welche durch das Zusammenwirken von 8 der Reihe nach neben einander liegenden elementaren Strahlenbündeln erzeugt werden,

$$C = B \sqrt{2 + 2 \cos 45^{\circ}} = B \sqrt{3414} \dots (4)$$

und endlich für die Vibrationsintensität D, welche durch das Zusammenwirken aller 16 elementaren Strahlenbündel, welche von dem Beugungsspalte in der eben besprochenen Richtung ausgehen,

erhaltenen Werth von B in Gleichung (4) und endlich den so

Werth von C in Gleichung (5), so kommt

$$D = a \sqrt{3.962 \cdot 3.848 \cdot 3.414 \cdot 2}$$

Die Lichtintensität I_i , welche die Gesammtwirkung des ganzen Strahlenbündels in dem hier besprochenen Falle hervorbringt, ist also

$$I_1 = D^2 = 104, 1 a^2$$

oder wenn wir für a2 seinen Werth aus Gleichung (1) substituiren,

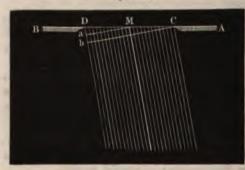
Dieser Werth von I_1 ist freilich nur ein angenäherter; man würde ihn genauer erhalten haben, wenn man dieselbe Schlussweise für den lat durchgeführt hätte, dass die Breite des Spaltes von vorn herein in 11 gleiche Theile getheilt gewesen wäre. Uebrigens ist der Näherungswert in Gleichung (6) vollkommen genügend, da man mit Hülfe höherer Rechnung den genauen Werth

findet.

Dasjenige Bündel paralleler Strahlen also, welches mit der Ebene des Spaltes einen solchen Winkel macht, dass der Gangunterschied der Randstrahlen ½ Wellenlänge beträgt, erzeugt also an der entsprechenden Stelle des Beugungsbildes ein Lichtstärke, welche sehr nahe 0,4 von der Lichtstärke in der Mitte des Beugungsbildes ist.

Ein Strahlenbündel, welches, wie in Fig. 827, so gegen die Ebes des Spaltes geneigt ist, dass der Gangunterschied Db der Randstrahlen zweigen der Gangunterschied Randstrahlen zweigen der Gangunterschied Db der Randstrahlen

Fig. 827.



halbe Wellenlängen beträgt, kann man sich in wegleiche Theile getheilt deken; der von Dausgehest Randstrahl ist alsdam dem von der Mitte Magehenden in seinem Gage um ½ Wellenlänge weschieden, beide Stralle werden also ihre Wirke gegenseitig vernichten; beselbe Gegensatz findet dauch zwischen dem gestellen.

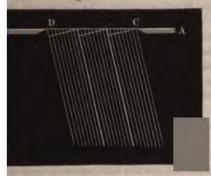
zweiten, dritten u. s. w. Strahle des von der einen Hälfte DM der von ung ausgehenden Strahlenbündels und den entsprechenden Strahles von der anderen Hälfte MC ausgehenden Strahlenbündels statt, die Towwirkung ist also in diesem Falle gleich Null.

In dem Punkte s des Schirmes MN, Fig. 1, Tab. II., wird also der Mitte des Beugungsbildes aus gerechnet, der erste dunkle Streisentstehen, wenn ein von D auf den Randstrahl Cs gefälltes Perpenditein Stück Ca abschneidet, welches gleich 1 Wellenlänge ist.

Gehen wir nun zur Betrachtung desjenigen von dem Spalt ausgebeden Bündels paralleler Strahlen aus, welches so gegen die Ebene des Sptes geneigt ist, dass der Gangunterschied der Randstrahlen der

ellenlängen beträgt, so kann man sich das ganze Strahleni drei gleiche Theile getheilt denken, wie Fig. 828 zeigt, und es an zwischen den entsprechenden Strahlen der beiden ersten Drittel

Fig. 828.



ein vollkommener Gegensatz statt; sie vernichten sich also gegenseitig, und nur die Strahlen des letzten Drittels bringen eine Wirkung hervor. Die Vibrationsintensität, welche durch dieses letzte Drittel hervorgebracht wird, ist offenbar 3mal schwächer als die Vibrationsintensität in dem durch Fig. 826 dargestellten Falle. Daraus folgt aber,

gesammte Lichtintensität I_0 , welche dasjenige Strahlenbündel im sbilde erzeugt, für welches der Gangunterschied der Randstrahlen ınlängen beträgt,

 $I_3 = \frac{1}{9} I_1 = 0,066 I$

rägt der Gangunterschied der Randstrahlen 4 halbe Wellenlängen, , so ist die Lichtintensität, welche durch das Zusammenwirken ahlen dieses Bündels hervorgebracht wird, abermals Null.

dieselbe Weise kann man weiter schliessen, und man wird finden, Totalwirkung aller Strahlen eines gebeugten Bündels jedesmal 0

Fig. 829. Fig. 830.





die Differenz im Gange der Randstrahlen ein gerades Vielfaches ben Wellenlänge beträgt; so oft aber der Gangunterschied der hlen ein ungerades Vielfaches einer halben Wellenlänge ist, wird och ein Theil der Strahlen zur Wirkung kommen, allein diese ist um so geringer, je grösser der Gangunterschied der Randwird. 8 halbe u. s. w. Wellenlängen betragen, wenn der Ablenkungswick 3b, 4b u. s. w. ist.

Daraus folgt nun, dass in dem durch einen engen Spalt ans Beugungsbilde in der Mitte ein heller Streifen sichtbar sein muss, se chen zu beiden Seiten eine Reihe heller und dunkler Streifen in der auf einander folgen, dass je swei Minima der Lichtstärke immer ung Abstände von einander entfernt sind, wie dies auch in Fig. 2, Tah. Fall ist. Ist die Entfernung des ersten dunklen Streifens von der des Bildes auf jeder Seite gleich n, so ist die Entfernung des sweritten, vierten u. s. w. dunklen Streifens 2n, 3n, 4n u. s. w., ab Zwischenraum zwischen je zwei dunklen Streifen stets gleich n; die fernung des ersten dunklen Streifens auf der linken Seite von dem auf der rechten ist dagegen gleich 2n, da ja die Entfernung des von der Mitte des Bildes gleich n ist.

Zwischen je zwei dunklen Streifen liegen die hellen Stellendes. Alle Seitenspectra sind gleich breit, weil ja die sie beginden Streifen in gleichen Abständen auf einander folgen, nur telbild ist doppelt so breit als alle übrigen.

Man kann leicht die Entfernung der dunklen Streifen in des einem Schirme aufgefangenen Beugungsbilde messen und sich destant der Richtigkeit der oben ausgesprochenen Behauptung überneuges

Als die Breite der Spalte CD 0,015" und die Entfernung 18 betrug, fand ich bei Anwendung vom rothen Lichte die Breite der bildes gleich 0,3", und die Entfernung des ersten dunklen Streifes zweiten, des zweiten vom dritten u. s. w. gleich 0,15".

309 Berechnung der Wellenlänge. Die eben bestrochst

d Da, wofür man ohne merklichen Fehler CD, d. h. die Breite der alte setzen darf, können genau gemessen und, wenn diese Grössen bennt sind, nach unserer Proportion der Werth von Ca berechnet werden.

Bei dem oben angeführten Versuche aber war rs = 0.15'', rm = 0.015'' und CD = 0.015'' und daraus ergiebt sich

Ca = 0,0000242 Zoll,

d dies ist die Wellenlänge für rothes Licht.

Bei Anwendung von blauem Lichte war die Breite des mittleren Bils = 0.2", also rs = 0.1", und daraus ergiebt sich die Wellenlänger blaues Licht = 0.0000161".

Unter den zur Berechnung der Wellenlänge nöthigen Messungen ist der Breite des Spaltes am schwierigsten. Um diese Breite mit möghster Genauigkeit messen zu können, hat man der Beugungsspalte die Fig. 831 dargestellte Einrichtung gegeben. Die Spalte wird durch zweichlplatten gebildet, von denen die eine a auf einer hinter der Spalte rechbrochenen Messingplatte befestigt ist, während die zweite b durch e Mikrometerschraube verschoben werden kann, so dass man innerhalb wisser Gränzen der Spalte jede beliebige Breite zu geben im Stande ist. a die Breite der Spalte genau messen zu können, muss man die Höhe

Fig. 831.



eines Schraubenganges kennen und ferner muss der Kopf der Schraube mit einer Theilung versehen sein, welche gestattet, noch Unterabtheilungen einer ganzen Umdrehung abzulesen. Beträgt z. B. die Höhe eines Schraubenganges ½ Mm. und ist ferner der Umfang der Trommel cd, welche den Kopf der Schraube bildet, in 20 gleiche Theile getheilt,

kann man die Breite des Spaltes jedenfalls auf 1/20 eines halben Milliters, also auf 1/40 Mm. genau bestimmen.

Die Breite solcher Spalten, welche nicht durch eine Mikrometerschraube ränderlich sind, wird wohl am besten unter dem Mikroskop gemessen.

Noch genauer als nach der eben angegebenen Methode lässt sich die inge der Lichtwelle auf folgende Weise bestimmen:

Wenn man den beugenden Spalt vor das Objectiv des Fernrohres nes Theodolithen bringt, welcher die Winkel noch bis auf eine Secunde giebt, so kann man leicht die Winkelabstände der dunklen Streifen von mitte des Bildes messen; man stellt zu diesem Zwecke das Fernrohrerst so, dass der verticale Faden des Fadenkreuzes genau durch die itte des Beugungsbildes geht, und dreht es alsdann aus dieser Lage hersbie der erste, der zweite, der dritte u. s. w. dunkle Streifen mit jenem

**sammenfällt; die Winkelwerthe der Drehung werden am Nonius ontalen Theilkreises des Theodolithen abgelesen. Schwerd fand men Spalt, welcher 1,353 Mm. breit war, durch ein rothes Glas

schauend, auf die angegebene Weise folgende Winkelabstände der dunklen Streifen von der Mitte des Bildes:

Für	den	1sten	dunklen	Streifen		•.	1'41"
77	77	2ten	77	77			3' 18"
,	77	3ten	,,	77			4' 55"
	_	4ten	_	_	_		6' 27"

In der That ist also der für den 2ten, 3ten, 4ten dunklen Streisen gefundene Winkelabstand nahe 2-, 3-, 4mal so gross als der Winkelabstand des ersten dunklen Streisens von der Mitte des Bildes. Als Mittel erhält man aus diesen Messungen für den Winkelabstand zweier auf eisander folgenden dunklen Streisen den Werth 1'38,1".

Aus diesen Messungen kann man ebenfalls sehr leicht die Länge einer Lichtwelle berechnen. Wenn Fig. 832 das gebeugte Strahlenbündel vorstellt, welches dem ersten dunklen Streifen entspricht, so muss die Entfernung Db einer Wellenlänge gleich sein; diese Länge lässt sich aber leicht berechnen, da ja die Länge CD=1,353 Mm. und die Grösse des Ablenkungswinkels DCb=1'38'' bekannt ist; es ist nämlich Db=CD. Sin, Sin,

Das von Schwerd zu diesem Versuche angewandte rothe Glas lies



nur solche Strahlen durch, welche zwischen die Fraunhofer'schen schwarzen Strefen B und D fallen; die Welenlänge 0,000643 Mm. entspricht also ungefähr den Roth, welches zwischen B und D in der Mitte liegt.

Da für die anderen farbigen Strahlen die dunklen Streifen des Beugungsbildes näher zua 42000 Meilen oder (in runder Zahl die Meile zu 23000 Fuss gerecht) um 11592 000 000 Zoll fort. Dividirt man diese Fortpflanzungsgehwindigkeit durch die gleichfalls in Zollen ausgedrückte Wellenlänge, erfährt man, wie viel Lichtschwingungen in einer Secunde gemacht erden. Für das mittlere rothe Licht ergeben sich auf diese Weise

$$\frac{11592\,000\,000}{0.00002541} = 456\,000\,000\,000\,000,$$

violettes Licht aber

ist auch

667 000 000 000 000

wingungen in der Secunde.

Breite und Intensitätsverhältnisse des Beugungsbildes. 310 nach den obigen Betrachtungen die Wellenlänge λ gefunden wird, wenn n die Breite g des beugenden Spaltes mit dem Sinus des Winkelabstandes les ersten dunklen Streifens von der Mitte des Bildes multiplicirt, da also

$$\lambda = g \sin b,$$
 $\sin b = \frac{\lambda}{g},$

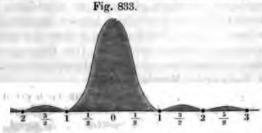
h. der Sinus des Ablenkungswinkels für den ersten dunklen Streisen, was dasselbe ist, die Breite der Seitenspectra ist also der Breiter Spalte umgekehrt proportional. Für eine 2-, 3-, 4mal breitere alte werden also die Spectra 2-, 3-, 4mal schmäler werden.

Schwerd fand für die Breite der Spectra im rothen Lichte, bei Anndung von Spalten verschiedener Breite, folgende Werthe:

Breite des Spaltes Winkelbreite der Spectra
1,353 1' 38,1"
1,274 1' 45,7"
0,989 3' 7,0"

der That verhalten sich hier die Winkelbreiten der Spectra sehr nahe ngekehrt wie die Breite des Spaltes. Dieses Verhältniss zwischen der eite der Spectra und des Spaltes war durch genaue Messungen älterer wisker sehon lange ausgemittelt worden, ehe man die Beugungserscheinigen überhaupt zu erklären wusste.

Das Gesetz, nach welchem die Intensität der Seitenspectra mit ihrer utfernung von der Mitte des Bildes abnimmt, ist in Fig. 833 graphisch urgestellt. Der Punkt 0 der Abscissenlinie entspricht der Mitte des Bil-

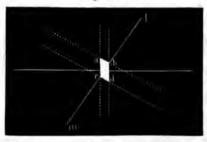


des, die Punkte 1, 2, 3 dem 1sten, 2ten und 3ten dunklen Streifen. Von der Mitte des Bildes an nimmt die Intensität des Lichtes ab; sie ist, wie wir auf Seite 762 gesehen haben, für die Stelle, welche dem Punkte $^{1}/_{2}$ entspricht, nur noch 0,4 I, wenn wir mit I die Lichtstärke in der Mitte des Beugungsbildes bezeichnen. Es ist ferner schon oben gezeigt worden, dass die Intensität des Lichtes bei $^{3}/_{2}$ 9mal geringer ist als bei $^{1}/_{2}$, sie ist also hier 0,066 I; aus ähnlichen Betrachtungen aber ergiebt sich, dass in den Punkten 5 2 und $^{7}/_{2}$ die Lichtstärke 25mal, 49mal schwächer ist als an der mit $^{1}/_{2}$ bezeichneten Stelle; bei $^{5}/_{2}$ ist die Lichtstärke also nur noch 0,016 I, bei $^{7}/_{2}$ ist sie nur noch 0,008 I.

Mit abnehmender Breite des Spaltes wird natürlich auch die ganze Erscheinung lichtschwächer. Die Oeffnungen, die man vor das Objectiv eines Fernrohrs setzt, können weit grösser sein als diejenigen, welche zur Beobachtung mit dem blossen Auge bestimmt sind, weil ja die Erscheinung durch das Ocular vergrössert gesehen wird; da aber die vergrösserte Oeffnung eine grössere Lichtstärke zur Folge hat, so bietet auch hierin wieder die Beobachtung durch das Fernrohr einen grossen Vortheil.

Im Wesentlichen erklärt sich auch nun die Erscheinung Fig. 823 S. 758, wie man sie durch eine parallelogrammatische Oeffnung wahrnimmt. Das Parallelogramm abcd, Fig. 834, bildet einen Theil eines verticalen

Fig. 834.



Spaltes (und dieser Stellung des Parallelogramms entspricht unsere Beugungsfigur), es wird sich also offenbar eine horizontale Reihe von Spectren bilden; die Kanten ab und cd bilden aber einen Theil eines schrägstehenden Spaltes, und ein solcher wird eine Reihe von Spectren erzeugen, die in der auf der Richtung der Kanten ab und cd rechtwinkligste-

henden Richtung 1m auf einander folgen.

Wonn die Entformung der westigelen Kenten von eines I. L. II.

rben nicht gleiche Breite haben, und daraus geht hervor, dass bei Anndung von weissem Lichte die Maxima und Minima der Lichtstärke für verschiedenen Farben nicht zusammenfallen; man wird also an keiner elle des Beugungsbildes vollkommene Dunkelheit sehen und an keiner elle, die Mitte ausgenommen, Weiss erblicken; überall sieht man Faratöne, in welchen diejenigen Farben vorherrschen, welche an dieser elle gerade einen hellen Streifen bilden, während gerade die Farben feh, welche hier im Minimum sind. Die Aufeinanderfolge dieser Farbentöne ganz dieselbe wie die, welche wir bald bei den Newton'schen Farnringen werden kennen lernen.

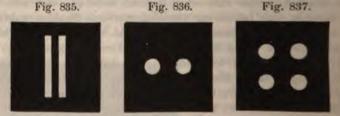
Interferenz verschiedenfarbiger Strahlen. Wir haben bisstillschweigend angenommen, dass nur gleichfarbige Strahlen interiren, ungleichfarbige aber nicht; dass also rothe Strahlen weder mit
ben, noch mit grünen, noch mit blauen Strahlen interferiren. Die Richkeit dieser Annahme wird schon dadurch bestätigt, dass man in der
at nirgends eine Interferenz verschiedenfarbiger Strahlen wahrnimmt;
er auch theoretisch lässt sich der Grund davon leicht nachweisen,
diesem Zwecke wollen wir die analogen Erscheinungen bei der Interenz der Schallwellen betrachten. Wir haben in der Lehre vom
halle gesehen, dass, wenn nicht isochrone Schallwellen interferiren,
abwechselndes Anschwellen und Nachlassen des Tones entsteht; etwas
hnliches muss auch bei der Interferenz ungleichfarbiger Lichtstrahlen
istehen.

Wir haben aber ferner gesehen, dass die Anzahl der Stösse in jeder cunde davon abhängt, wie viel Schwingungen der eine Ton in jeder Sende mehr macht als der andere, und dass, wenn die Schwingungszahlen i den Tönen sehr verschieden sind, die Stösse so rasch folgen, dass man nicht mehr unterscheiden kann.

Dies ist nun auch bei der Interferenz ungleichfarbiger Lichtstrahlen r Fall. Die mittleren rothen Strahlen machen 456, die mittleren vioten 667 Billionen Schwingungen in der Secunde; die violetten also 1 Billionen Schwingungen in der Secunde mehr als die rothen; die mitteren orangefarbenen Strahlen werden also ungefähr 30 Billionen Schwingen in der Secunde mehr machen als die rothen; man sieht daraus, ass bei der Interferenz verschiedenfarbiger Strahlen die Stösse so ungewer rasch folgen, dass das abwechselnde Stärker- und Schwächerwerden Etichtes nicht unterschieden werden kann. Aber auch etwas den Commationstönen Analoges kann hier nicht beobachtet werden. Die Interferenz der mittleren rothen und der mittleren violetten Strahlen bringt 211 illionen Stösse in der Secunde hervor. Einzelne Stösse sind daher natürzten nicht zu unterscheiden; aber auch ihr Totaleindruck kann vom Auge-

esondere Farbe wahrgenommen werden, weil 430 Schwin-Secunde die langsamsten sind, welche im Auge noch den htes hervorbringen. Beugungserscheinungen, welche man durch mehrere neben einander liegende Oeffnungen beobachtet. Wenn zwe oder mehrere gleiche beugende Oeffnungen neben einander stehen, so er scheint im Wesentlichen dieselbe Beugungsfigur, die man auch durch ein dieser Oeffnungen beobachtet haben würde; nur erscheint die Hauptfigur von vielen schwarzen Streifen durchschnitten. So beobachtet man z. R. das Beugungsbild Fig. 3, Tab. V. durch zwei gleiche Spalten, welche sneben einander stehen, wie Fig. 835 zeigt, und welche um die Breite eine Spaltes von einander entfernt sind. Die Fig. 1, Tab. VI. zeigt die Erschenung, wie sie durch zwei neben einander stehende kreisförmige Oefnungen, Fig. 836, beobachtet wird; vier solcher Oeffnungen, deren Metelpunkte ein Quadrat bilden, Fig. 837, bringen die Erscheinung Fig. Tab. VI. hervor.

Betrachten wir zunächst die durch zwei Spalten hervorgebrachte Beugungserscheinungen, so sehen wir, dass die Spectra erster Ordnur



welche eine solche Oeffnung hervorgebracht haben würde, durch schwarzen Streifen in kleinere Abtheilungen zerlegt erscheinen, Fraunhofer Spectra zweiter Classe nannte. Besonders schaffdeutlich treten diese dunklen Streifen im mittleren Theile der Beugfigur auf.

Suchen wir nun die Entstehung dieser schwarzen Streifen zu erker Die Fig. 838 stellt einen Schirm mit zwei Oeffnungen vor, wir der Einfachheit wegen gleich breit und um die Breite einer O





won einander entfernt men wollen. Solche Strübundel nun, welche, win unserer Figur dargsin paralleler Richtung webeiden Oeffnungen werden in einem und ben Punkte der Netzbin einem Punkte in der weite des Fernrehmer vereinigt. Wenn num in lenkung der gebeugten lenbündel gerade

ist, dass die Elementarstrahlen eines jeden Bündels sich schon unter einander selbst vernichten, so wird auch durch das Zusammenwirken der beiden Strahlenbündel kein Licht erzeugt werden können; die dunklen Stellen also, welche man im Beugungsbilde beobachtet, wenn bloss eine Oeffnung vorhanden ist, werden auch dunkel bleiben, wenn man eine zweite Oeffnung derselben Art neben der ersten aubringt.

Die hellen Streifen im Beugungsbilde einer Oeffnung werden hingegen durch das Hinzukommen der zweiten nicht unverändert bleiben können; denn es muss an gewissen Stellen der Fall eintreten, dass jedes der beiden Strahlenbündel für sich allein eine bestimmte Vibrationsintensität erzeugen, also eine helle Stelle im Beugungsbilde hervorbringen würde, dass aber zwischen den beiden Bündeln ein vollkommener Gegensatz stattfindet, so dass beide ihre Wirkung gegenseitig vernichten. Es ist demnach klar, dass durch das Hinzutreten der zweiten Oeffnung an solchen Orten dunkle Streifen entstehen können, welche im Beugungsbilde einer Oeffnung hell erschienen, also dunkle Streifen, welche die Spectra erster Classe durchschneiden.

Wir wollen nun genau die Stellen bestimmen, an welchen diese neuen sichwarzen Streifen auftreten.

Diejenigen Strahlenbündel, welche sich rechtwinklig zur Oeffnung, also ungebeugt, fortpflanzen, sind in ihrem Gange vollkommen übereinstimmend, sie werden sich also unterstützen, die Mitte des ganzen Bildes bleibt daher vor wie nach hell.

Von der Mitte des Bildes an gerechnet, wird durch die Interferenz der beiden Strahlenbündel das erste Minimum dann entstehen, wenn die ntsprechenden Strahlen beider Bündel in ihrem Gange um 1/9 Wellenlänge on einander verschieden sind, wenn also ein von c, Fig. 838, auf den von c ausgehenden Randstrahl gefälltes Perpendikel en den Randstrahl e in einem Punkte n trifft, welcher von e um 1/2 Wellenlänge entfernt ist. Perpendikel trifft aber den Randstrahl d in einem Punkte i, welcher von um 1/4 Wellenlänge absteht. Die beiden Strahlenbündel werden sich also gegenseitig vernichten, wenn der Gangunterschied der Randstrahlen eines und desselben Strahlenbündels gerade 1/4 Wellenlänge beträgt; die Ablenkung der Strahlenbündel ist also für diesen Fall 4mal kleiner als die Ablenkung des Strahlenbündels, welches den ersten dunklen Streifen erzeugt, wenn nur eine Oeffnung vorhanden ist. Der besseren Uebersicht wegen sind in Fig. 839 und Fig. 840 (a. f. S.) die Intensitätscurven zummengestellt, wie sie einem einfachen Spalt (Fig. 839) und wie sie wei neben einender etshenden gleichen Spalten entsprechen, die um die

> fernt sind (Fig. 840). Während für den einan gerechnet, das erste Minimum bei 1 aufzi Spalten einen dunklen Streif schon bei 1/4.

Oeffnungen ausgehenden Strahuge em. __g. 838, 3/2, 5/2, 7/2 Wellenlängen beträgt; in diesem Falle ist aber di gleich $^3/_1$, $^5/_4$, $^7/_4$ Wellenlängen, die neuen schwarzen Streifen werden also in den Punkten $^3/_4$, $^5/_4$, $^7/_4$, Fig. 840, entstehen.

ehen. Wir sehen also, dass durch diese dunklen Streifen jedes Seitensper-

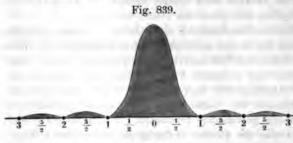


Fig. 840.

rn jedes Seitenspectrum erster Classe in drei Theile getheilt wird, welche Spectra zweiter Classe genannt weden und von welchen der mittler doppelt so breit is als die beiden sederen.

Es bleibt jett nur noch die Intessität des Lichtes at den verschiedena Stellen des Bergungsbildes zu lestimmen. In der Mitte des ganza Bildes, in des Punkte, welche mit 1/2 bezeichne ist, und überall de wo die Mitte eine Spectrums zweits

In Fig. 840 ist die Intensitätscurve für zwei Oeffnungen dargestellt; es ist bei der Construction dieser Curve angenommen worden, dass jede der beiden Oeffnungen eben so breit sei, als diejenige, deren Intensitätscurve in Fig. 839 dargestellt ist; aus diesem Grunde sind die Punkte ½, 1, 3/2, 2 u. s. w. hier eben so weit von 0 entfernt als dort; ferner ist an den Stellen, in welchen die beiden Lichtbündel zusammenwirken, also in den Punkten 0, ½, 3/2 u. s. w., der Fig. 840 die Lichtstärke 4mal so gross als an den entsprechenden Stellen von Fig. 839. Die Minima der Lichtstärke finden sich hier in den Punkten ¼, 3/4, 1, 5/4, 7/4, 2, 9/4 u. s. w.

Gitterspectra. Sind noch mehr als zwei Spalten neben einander, 313 so wird die Zahl der schwarzen Streifen, welche die Spectra erster Classe durchschneiden, noch vermehrt. Wären z. B. 4 solcher Spalten neben einander wie die beiden, für welche die Intensitätseurve Fig. 840 construirt ist, so würden neue Minima in den Punkten ¹/₈, ³/₈, ⁵/₈, ⁷/₈ u. s. w. auftreten; dadurch würde aber fast alles Licht zwischen ¹/₈ und ³/₈, ferner zwischen ⁵/₈ und ¹¹/₈ verschwinden; der Lichtstreifen in der Mitte des Bildes, ebenso wie die Reste der Spectra erster Classe bei ¹/₂, ³/₂ u. s. w. würden also immer schmäler werden; dagegen würde gerade hier die Intensität des Lichtes 16mal grösser sein, als für eine solche Oeffnung, weil die 4fache Anzahl von Oeffnungen hier die 4fache Vibrationsintensität hervorbringt.

Man begreift nach dieser Auseinandersetzung leicht, wie die Lichtstreifen bei 0, die Reste der Spectra erster Classe bei 1/2, bei 3/2 u. s. w. immer schmäler und lichtstärker werden, und wie das Licht der zwischenliegenden Stellen immer mehr verschwindet, wenn man die Zahl der

Oeffnungen vermehrt.

Dadurch erklären sich nun die zuerst von Fraunhofer (Denkschriften der königl. Akademie der Wissenschaften zu München Bd. VIII) beobachteten Beugungserscheinungen, welche durch Gitter, d. h. durch eine Reihe paralleler schmaler Spalten, hervorgebracht werden. Setzt man ein solches Gitter vor das Fernrohr, sieht man alsdann nach einer Lichtlinie hin, welche den Spalten parallel ist, so beobachtet man bei Anwendung von homogenem Lichte, etwa wenn man durch das Gitter nach einer Spalte hinschaut, hinter welcher eine durch Lithium roth gefärbte Flamme steht ausser einer hellen rothen Linie O, Fig. 841, welche die Mitte der gauzen Beugungsfigur bildet, zu beiden Seiten noch weitere, isolirte rothe Linien

R" R'V" V' R V O V R V' V"R' R"

Fig. 841.

R, R', R'' u. s. w., als Reste, welche in der Mitte der Spectra erster Classe, also in den Punkten 1/2, 3/2, 5/2, Fig. 840, mit verstärkter Lichtintensität übrig bleiben.

Hätte man statt der rothen Lithiumflamme eine gelbe Kochsalzflamme angewandt, so würde man zunächst eine gelbe Mittellinie in O, zu beiden Seiten aber eine Reihe gelber Linien G, G', G'' u. s. w. an Stellen beobachtet haben, welche der Centrallinie O näher liegen als die entsprechenden rothen Linien R, R', R'' u. s. w.

Für eine homogen violette Lichtquelle würde man ausser der centralen Linie in O noch violette Linien in V, V', V'' u. s. w., Fig. 841, gesehen haben

Wenn man weisses Licht anwendet, so gehen die Bilder stetig in einander über, d. h. man sieht zwischen R und V, zwischen R' und V zwischen R'' und V'' in ununterbrochener Folge eine Reihe von Lichtstreifen verschiedener Farben, welche in derselben Ordnung auf einander folgen, wie die Farben des prismatischen Farbenbildes, und also förmliche Spectra (im gewöhnlichen Sinne des Wortes) bilden, wie dies Fig. 842 darstellt. Die zu beiden Seiten der weissen Mittellinie 00 zunächst folgen

Fig. 842.



den Spectra R V stehen ganz frei auf schwarzem Grunde, dagegen greift das rothe Ende des zweiten Spectrums R' V' noch auf das violette Ende des dritten R'' V'' über.

Die Aufeinanderfolge der Farben in diesen Spectren ist genau dieselbe

schnitt und zwischen diesen Gängen feine Metalldrähte ausspannte; die feinsten Gitter erhielt er, indem er auf ein mit Goldblättchen belegtes Planglas mit Hülfe einer Theilmaschine Parallellinien radirte, oder solche Linien mit einem Diamant in ein Planglas einschnitt.

Ganz ausgezeichnete Gitter der letzteren Art werden von Nobert (Barth in Pommern) verfertigt. Die mit Diamant in Glas eingeschnittenen Linien haben eine Länge von 1 Zoll und sind so nahe neben einander gezogen, dass der Abstand von der Mitte der einen bis zur Mitte der nächsten 0,01" bis 0,001" (altfranzösisches Maass) beträgt, dass also auf die Breite von 1 Pariser Linie bei den gröberen Gittern 100, bei den feinsten 1000 Diamantstriche neben einander liegen. Die Gesammtbreite der Nobert'schen Gitter beträgt 4 bis 12 Pariser Linien.

Durch feinere Gitter sicht man die Spectra schon sehr schön mit blossem Auge, ja man kann durch hinlänglich feine Gitter auf diese Weise selbst mehrere der Fraunhofer'schen Linien erkennen.

Um die Spectra der Beugungsgitter mit dem Fernrohr zu beobachten und Messungen mit demselben auszuführen, kann man das Gitter entweder unmittelbar vor dem Objectiv des Beobachtungsfernrohrs befestigen (etwa in der §. 307 besprochenen Art), so dass das Gitter gleichzeitig mit dem Fernrohr gedreht wird; oder man kann das Gitter in der Weise feststellen, dass es an der Drehung des Fernrohrs keinen Antheil nimmt, wie dies z. B. der Fall ist, wenn man das Gitter auf dem Tischlein M, Fig. 584 S. 517, des Babinet'schen Goniometers aufstellt. In ihren Resultaten sind beide Beobachtungsarten ganz gleich.

Aus den Erscheinungen, welche man durch einfache Gitter beobachtet, erklärt sich auch die schöne, durch Tab. VII. dargestellte Erscheinung, welche man sieht, wenn man vor dem Objective des Fernrohrs zwei solcher Gitter kreuzt und nach einem Lichtpunkte sieht. Die Mitte der Erscheinung nimmt das weisse Bild des Lichtpunktes ein, welcher von einer Menge von Farbenbildern umgeben ist, die ihr violettes Ende nach innen kehren.

Achnliche Erscheinungen beobachtet man, wenn man ein Stück Mousselin, Flor, Drahttuch oder Seidenband vor das Fernrohr bringt. Auch die schönen Farbenbilder, welche man sieht, wenn man durch die Fahne einer Vogelfeder (besonders gut dazu sind die Flügel- oder Schwanzfedern kleiner Vögel) nach einem Lichtpunkte sieht, gehören hierher. Ebenso ist die Glorie von mehreren farbigen Ringen, welche man um die Flamme eines Kerzenlichtes erblickt, wenn man nach demselben durch ein mit einem feinen Staube, etwa mit Semen lycopodii, bestreutes Glas sieht, eine Beugungserscheinung.

Feine Gitter zeigen bei reflectirtem Lichte ähnliche Farbenerscheinungen wie bei durchgelassenem; dadurch erklärt sich das schöne Farbenspiel fein gestreifter ()berflächen, z. B. der Barton'schen Irisköpfe, der Perlmutter u. s. w.

Genauere Untersuchung der Gitterspectra. Fig. 843 (a. f. S.) 314 stelle eine Reihe paralleler Elementarstrahlen dar, wie solche sich von den Spal-

ten eines Gitters aus nach allen Seiten verbreiten. Ein solches Bundel paralleler Elementarstrahlen wird nun, wenn es durch die brechenden Medien des Auges oder durch eine Linse in einem Punkte vereinigt wird, eine

Fig. 843.



helle Linie bilden, wenn für die Büschel welche durch zwei benachbarte Spalte gegangen sind, die bereits oben 8.771 erwähnte, durch Fig. 844 erläuterte Bedingung erfüllt ist, dass en gerade en Wellenlänge beträgt. Bezeichnen widie Entfernung ce, Fig. 844, d. h. die Summe der Breite eines Spaltes und eins Zwischenraumes mit b, den Winkel, wichen die Strahlen mit der Normalen de Gitterebene machen, also auch den Winkel een mit x, mit \(\lambda \) endlich die Wellelänge, so haben wir

für solche elementare von den Gitterspalten herkommende Strahlenburk welche das erstere Spectrum R V, von der Mitte 0 des Bildes Fig. 81 an gerechnet, zu Stande bringen.

Für das zweite und dritte Spectrum gelten dann die Bedingungschungen

 $b \cdot \sin y = 2 \lambda$ und $b \cdot \sin z = 3 \lambda$.

Bleiben wir zunächst bei der Betrachtung des ersten Spectrums stein Aus Gleichung (1) folgt

$$\sin x = \frac{\lambda}{b}$$

Der Werth von sin. x in Gleichung (2) ist bei unverändertem We

Fig. 844.



von λ um so grösser, je bener b wird. Der Abstand be Spectra von der Mitte 0 be Gesammtbildes Fig. 842 wohl, als auch die Breite ber Spectra wächst demsin demselben Verhältnis, welchem das Gitter im wird.

Für denselben Werth b, also für dasselbe 6 wächst ferner sin.x der lenlänge λ proportional:

nun aber die Wellenlänge für die violetten Strahlen am kleinsten, poten am grössten ist, so folgt aus (2), dass das violette Ende der 6 spectra nach innen, das rothe nach aussen gekehrt ist.

So fand z. B. Fraunhofer bei Anwendung eines Gitters, für welches = 0.02342''', den Winkelabstand x im ersten Seitenspectrum

für die dunkle Linie
$$D$$
 $x = 38'$ 19"

" "
$$H x = 25' 44''$$

arend sich bei Anwendung eines Gitters, für welches $b \Rightarrow 0.09354'''$, ab

für
$$D$$
 $x = 9' 35,5''$
, H $x = 6' 24''$.

Da die Grössen b und x mit grosser Genauigkeit ermittelt werden men, so bieten die Gitterspectra ein ausgezeichnetes Mittel zur Bestimng der Wellenlänge verschiedenfarbiger Strahlen. So ergiebt sich z. B. den eben angeführten Fraunhofer'schen Messungen für die Wellenge von D

$$\lambda = 0.02342$$
 . $sin. 38' 19'' = 0.0026103'''$
 $\lambda = 0.09354$. $sin. 9' 35.5'' = 0.0026090'''$

also im Mittel
$$\lambda = 0.0026096'''$$

oder $\lambda = 0.005888$ Mm.

Um die Wellenlänge für die hellen Spectralstreifen einiger farbiger ammen zu bestimmen, wandte ich ein Nobert'sches Gitter an, welches 001 Diamantstriche auf die Breite von 4 Pariser Linien hat, für weles also b = 0.002''' ist.

Dies Gitter wurde auf dem Tischlein M des Babinet'schen Gonioeters, Fig. 584 S. 517, so befestigt, dass seine Ebene rechtwinklig stand if der Axe des Rohres L. Vor dem Spalt d war ein Gaslämpchen aufstellt, dessen Flamme durch Lithium roth gefärbt wurde.

Zunächst wurde nun das Fernrohr F so gerichtet, dass das Fadeneuz auf die rothe Lithiumlinie des ersten Spectrums rechts und dann, se es auf die entsprechende Linie des ersten Spectrums links eingestellt \mathbf{r} , und für jede dieser beiden Stellungen wurde der Nonius abgelesen. zeichnen wir die rothe Lithiumlinie des ersten Seitenspectrums mit \mathbf{r} , α . 1, so ergab sich der Stand des Nonius für

thin hatte der Ablenkungswinkel x für jeden der rothen Streifen Li, α . 1 n Werth $x = 8^{\circ}$ 36,5'.

Für die Wellenlänge des rothen Lithiumlichtes haben wir also ch Gleichung (1)

$$\lambda = 0,002 \cdot 0,149679 = 0,00029936$$
".

In gleicher Weise wurde die Ablenkung des rothen Lithiumstreifens zweiten Seitenspectrum, also des Streifens Li, α, 2 von der Mitte des ugungsbildes, gemessen und dafür der Werth y = 17° 27,5′ gefunden. die Wellenlänge des rothen Lithiumlich-

$$\frac{1. y}{2} = 0.002 \cdot \frac{\sin (17^{\circ} 27.5')}{2} = 0.0003000$$

oder

als Mittel ergiebt sich also aus diesen beiden Messungen für die Wo länge von Li, α der Werth

> $\lambda = 0.0002997'''$ $\lambda = 0.0006763 \text{ Mm}.$

Eine gleiche Messung wurde auch für die gelbe Natriumlinie geführt. Es ergab sich für $Na, a.1 \quad x = 7^{\circ} 32,5' \text{ und daraus } \lambda = 0.0002626^{\circ\circ}$

 $Na, \alpha.2 \quad y = 15^{\circ} 12.5'$ $\lambda = 0.0002628^{m}$ $Na, \alpha, 3 \quad z = 23^{\circ}$ $\lambda = 0.0002619^{*}$

> Im Mittel also $\lambda = 0.00026223$ oder $\lambda = 0.0005918$

ein Werth, welcher von dem aus den Fraunhofer'schen Me geleiteten Werth für die Wellenlänge des dunklen Streifens D Procent abweicht.

Für die blaue Strontiumlinie Sr, o fand ich für $Sr, \delta.1 \quad x = 5^{\circ} 54' \text{ und daraus } \lambda = 0.0002056'''$

 $Sr, \delta.2 \quad y = 11^{\circ} 49'$ $\lambda = 0.0002048'''$

Im Mittel also $\lambda = 0.0002052^m$ oder $\lambda = 0.0004631$]

Eisenlohr benutzte die Gitterspectra, um die Wellenlang sersten ultravioletten Strahlen zu bestimmen, welche durch fine Substanzen noch sichtbar gemacht werden. Der Versuch war der Weise angeordnet: Das durch eine verticale Spalte in das di mer eintretende Strahlenbündel siel auf ein feines Russgitter Fig, 845, dessen Linien mit der Spalte parallel waren, und wekte einem entfernten Schirme CID die Gitterspectra erzeugte. Um die Fra enwerth für λ zu finden, bleibt also nur noch die Bestimthes für b übrig.

g. 845.



Das von Eisenlohr angewandte Gitter war ein von Schwerd verfertigtes Russgitter, es bestand also aus einer Reihe feiner Linien, welche mittelst einer Theilmaschine auf einem mit Russ überzogenen Planglas gezogen waren. Auf eine Breite von 54^{mm} hatte dieses Gitter 1440 parallele Linien, es ergiebt sich also

$$b = \frac{54}{1440} = 0,0375^{\text{mm}}$$

und demnach auch

$$\lambda = 0,000363^{\text{mm}}$$
.

Als Mittel aus mehreren derartigen Versuchen, bei welchen der Abstand des Schirmes von dem Gitter etwas abgeändert wurde, fand Eisenlohr $\lambda=0.000355$. Die Wellenlänge der brechbarsten Strahlen, welche durch das Chininpapier noch sichtbar gemacht werden, ist also ungefähr halb so gross, als die Wellenlänge der äussersten rothen Strahlen (0.000706), das Intervall dieser beiden Strahlenarten entspricht also sehr nahe einer Octave.

Nach Gleichung (2), Seite 776, bleibt der Werth von sin, x unverändert, wenn

eichem Verhältniss sich ändern. Einen interessanten Beweis igkeit dieses Satzes bietet Nobert's Interferenzspec-

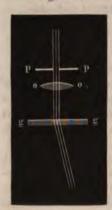
Mitte einer Glasplatte sind, durch grössere Zwischenräume ben Gitter mit dem Diamant eingeritzt, ungefähr wie es Fig. uten d vergrössertem Maassstab andeutet. Für jedes einzelne Gitter ist der Abstand der einzelnen Linien constant, er änvon einem Gitter zum anderen.

atte wird nun auf den Objectivtisch eines Mikroskops gelegt, in welches man die schwächsten Objectivlinsen angeschraubt at, so dass es nur eine 16- bis 25fache Vergrösserung giebt, die Oeffnung dieses Objectivs ist noch dadurch bedeutend veringt, dass man in seine Fassung ein Metallblättchen eingelegt at, welches in der Mitte mit einem Loch von etwas über ½ inie Durchmesser versehen ist. — Lässt man nun das Licht ner nicht zu ausgedehnten Lichtquelle, etwa das einer Kerenflamme, in etwas schräger Richtung auf die Gitterplatte falen, wie es Fig. 847 (a. f. S.) andeutet, in welcher o das Ob-

jectiv des Mikroskops, p die durchlöcherte Metallplatte und g die Giberplatte darstellt, so erblickt man die sieben Streifen farbig auf dunklom Grunde; hat man die Richtung des einfallenden Lichtes gehörig regist so erscheint der erste der sieben Gitterstreifen roth, der zweite orange, dritte gelb u. s. w., der letzte violett.

Wie diese Farben entstehen, ist nach den obigen Explicationen zu ersehen. Jedes dieser Gitter erzeugt ein vollständiges Spectrum welchem man aber unter den gegebenen Umständen nur einen eine

Fig. 847.



homogenen farbigen Streifen auf einmal überschen Nun aber ist der Werth von a für alle von den sel Gittern ins Auge gelangenden Strahlen sele in derselbe; damit also die sieben Gitter die Hauptfarben des Spectrums zeigen, musseu offen die Abstände der einzelnen Linien in diesen 6th der Wellenlänge der Farben proportional sein wie sie zeigen sollen. Dass dies aber in der Tod Fall ist, davon kann man sich überzeugen, went das schwache, verengte Objectiv entfernt wit 180 - bis 200fache Vergrösserung anwendet 1 kann jetzt die einzelnen Linien der Gitter sehn ihre Abstände mit Hülfe eines Mikrometers weet für das erste Gitter, welches unter den angegeleit Umständen roth erschien, ist der Abstand der der nen Linien 0.0016".

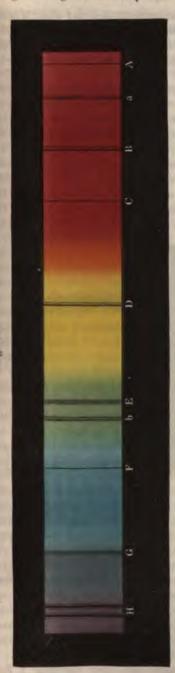
Der Abstand der einzelnen Linien ist ferner

für	das	2te	Gitter	1	4		4	0,001450"
59	97	3te	55		*			0,001325
27	27	4te	,,	14			2	0,001188
"	11	5te	79	60		-		0,001075
**	"	6te	"		6	4		0,001000
19	22	7te	11					0,000900

Diese Zahlen verhalten sich aber in der That wie die Wellenler der sieben Hauptfarben des Spectrums (Pogg. Annal. Bd. LXXXV. S.

Spectrum. Da sin. x der Gleichung (2) des vorigen Paragraphen met proportional der Wellenlänge wächst, so ist klar, dass diejenigen Strädie Mitte des Gitterspectrums einnehmen werden, deren Wellenlänge Mittel ist zwischen der Wellenlänge der äussersten rothen und der sten violetten Strahlen. Für die äussersten rothen Strahlen ist die Wellenlänge 0,0000266 Zoll, für die äussersten violetten aber 0,0000146 Das Mittel dieser Wellenlängen ist aber 0,0000206 Zoll (siehe S. 7661 Wellenlänge derjenigen Strahlen, die zwischen den Fraunhafer Linien D und E in der Mitte liegen, d. h. der mittleren gelben Stallen Das Gelb wird also die Mitte des ganzen Gitterspectrums bilden, wilden

Vergleichung der Gitterspectra mit dem prismatischen Spectrum. 781



es beim prismatischen Spectrum weit mehr gegen das rothe Ende des Spectrums hingeschoben ist. Fig. 848 stellt die richtige Farbenvertheilung eines Gitterspectrums dar, welches man nur mit dem prismatischen Spectrum auf 8.594 zu vergleichen hat, um sogleich den charakteristischen Unterschied beider Arten von Spectris zu übersehen.

Aus dem bedeutenden Unterschiede zwischen dem prismatischen Spectrum und dem Gitterspectrum ersieht man auch, dass die Brechungsexponenten der verschiedenfarbigen Strahlen durchaus nicht ihren Wellenlängen proportional sein können. Nach Cauchy wird der Zusammenhang zwischen dem Brechungsexponenten n und der Wellenlänge λ durch die Gleichung

$$\frac{1}{n^2} = a + \frac{b}{\lambda^2} + \frac{c}{\lambda^4} \cdot \dots \cdot (1)$$

ausgedrückt, wo a, b und c Constante sind, welche von der Natur des brechenden Mittels abhängen.

Redtenbacher stellt in seinem "Dynamidensysteme" für die Beziehungen zwischen Wellenlänge und Brechungsexponent die Gleichung

$$\frac{1}{n^2} = a + b \lambda^2 + \frac{c}{\lambda^2} \dots (2)$$

auf. Wir werden auf die Besprechung dieser beiden Formeln später zurückkommen, wenn von der strahlenden Wärme die Rede sein wird.

Farben dünner Blättehen, 316

Jeder durchsichtige Körper erscheint lebhaft gefärbt, wenn er nur hinlänglich dünne Schichten bildet, wie man dies am leichtesten an den Seifenblasen sehen kann. Die Flitterchen einer vor der Glasbläserlampe bis zum Zerplatzen aufgeblasenen Glaskugel schillern in den glänzendsten Farben; ähnliche Farben beobachtet man, wenn ein Tropfen Oel (am besten ein ätherisches Oel, z. B. Terpentinöl) sich auf einer Wasfläche ausbreitet; wenn ein glänzendes Metallstück, im Feuer erhitzt, in allmälig mit einer Oxydschicht überzieht (Anlassen des Stahls). Auch dies Schichten von Luft bringen solche Farben hervor, wie man oft an Springen in etwas dicken Glasmassen sieht.

In der grössten Regelmässigkeit zeigen sich diese Farben in Forvon Ringen, wenn man eine Glaslinse von grosser Brennweite auf erebene Glastafel, oder umgekehrt die ebene Glastafel auf die Linse in Newton, welcher diese Farbenringe, die auch nach ihm gewöhnlich in Newton'schen Ringe genannt werden, untersuchte, wandte Linse in deren Krümungshalbmesser 40 bis 60 Fuss betrug. Da, wo die Glastik die Linse berührt, sieht man im reflectirten Lichte einen schwarzen Flecke der mit farbigen concentrischen Ringen umgeben ist, die nach mussen in immer schmäler und matter werden, ungefähr wie Fig. 849 zeigt.





Farben folgen von der Mittaus in folgender Ordnung

Schwarz, Blänlich-Weise, Brämlich Gelblich - Weise, Brämlich Orange, Roth. — Violet Blau, Gelblich-Grün, Gelblich-Grün, Roth, Carssinroth. — Grünlich - Bassgrün, Gelbgrün, Roth, u. s. w.

Die folgenden Ringe abwechselnd blassgrün abbassroth, sie werden inm matter, so dass man is it Regel nur noch den achtsoder neunten Ring unterstellen kann.

Man sieht diese Ringe auch schon, wenn man Linsen von stärken Krümmung, etwa sehr schwache convexe Brillengläser oder Objectiving aus Fernröhren anwendet; alsdann sind freilich die Ringe weit kleis und die Uebergänge der Farben lassen sich nicht mehr gut verfolgen, der kann man solche Ringe durch eine Loupe vergrössert sehen.

Ritchie schlägt zur Erzeugung der Newton'schen Ringe folgeschapparat vor: Man nehme zwei Scheiben von dünnem Tafelglase, webe etwa 6 bis 8 Zoll Durchmesser haben, vergolde den Hand der einen seiner Seite ungefähr 1/4 Zoll breit durch aufgelegtes Blattgold und be nun die Platten so auf einander, dass der Goldring zwischen sie kommen kann dann die Ringe dadurch hervorbringen, dass man die Glasperin der Mitte auf einander presst.

Statt der kreisförmigen Scheiben kann man auch ungefähr I 🎉

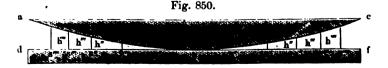
breite, 5 bis 6 Zoll lange Glasstreifen anwenden. Wenn sie an dem einen Ende durch ein Goldblättchen getrennt sind und an dem anderen Ende zusammengepresst werden, so entstehen statt der Ringe farbige Streifen.

Sehr brillant sind die Newton'schen Farben an Seifenblasen wahrzunehmen, obgleich sie hier selten in regelmässiger Ordnung auf einander folgen. Was der näheren Beobachtung der Farben an Seifenblasen besonders im Wege steht, ist ihre grosse Zerbrechlichkeit. Böttger empfiehlt, die Seife in destillirtem Wasser in einem weissen, ungefähr 1 Schoppen haltenden Arzneiglase durch Erwärmung über einer Weingeistlampe aufzulösen. Wenn die Temperatur nahe zum Siedepunkte gestiegen ist, verschliesst man das Glas schnell mit einem passenden Korke und überzieht denselben mit Siegellack. Wird das Glas nach dem Erkalten etwas geschüttelt, so bilden sich dünne Häutchen von Seifenwasser, welche die herrlichsten Farben zeigen und oft Tage lang erhalten werden können.

Die Farben dünner Blättchen lassen sich, ebenso wie die Beugungserscheinungen, vollständig durch das Princip der Interferenzen erklären. Bei der Entwickelung dieser Erklärung müssen wir aber wieder, wie wir dies bisher immer gethan haben, von dem einfachsten Falle ausgehen: wir müssen zuerst die Erscheinung bei homogenem Lichte betrachten.

Sieht man die Newton'schen Ringe durch ein möglichst homogenes Glas an, oder lässt man statt des weissen Lichtes das Licht einer durch Kochsalz gelb gefärbten Flamme auffallen, so sieht man nur abwechselnd helle und dunkle Ringe. Newton hat mit der grössten Genauigkeit den Durchmesser der verschiedenen Ringe gemessen, und da ihm auch der Krümmungshalbmesser der Linse bekannt war, so konnte er die Dicke der Luftschicht an der Stelle berechnen, an welcher man den ersten, den zweiten, den dritten u. s. w. hellen oder dunklen Ring für eine bestimmte Farbe beobachtet. Auf diese Weise fand er das wichtige Resultat, dass für ein und dieselbe einfache Farbe, etwa für Roth, die dunkelste Stelle des zweiten, dritten, vierten u. s. w. dunklen Ringes an solchen Stellen beobachtet wird, wo die Luftschicht zweimal, dreimal, viermal u. s. w. so dick ist, als an der dunkelsten Stelle des ersten dunklen Ringes. Bezeichnen wir diese Dicke mit 2d, so erscheint, von der Mitte aus gerechnet, das erste Maximum des rothen Lichtes an einer Stelle, an welcher die Dicke der Luftschicht d ist. Die dem zweiten, dritten, vierten u. s. w. Maximum der Lichtstärke entsprechende Dicke der Luftschicht ist alsdann 3 d, 5 d 7 d u. s. w.

Die Fig. 850 mag das eben Gesagte näher erläutern. In derselben stellt abc den Durchschnitt der gekrümmten Glasfläche dar, welche auf



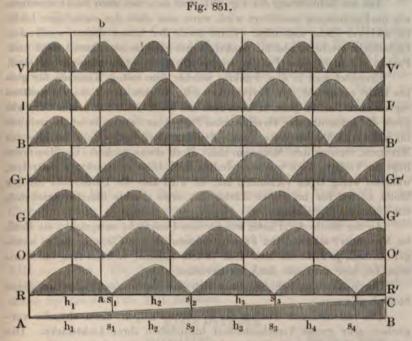
der ebenen Fläche dbf liegt. b ist der Berührungspunkt, in l also der centrale dunkle Fleck; die Stellen, an welchen man fi stimmte Farbe das 1^{te} . 2^{te} , 3^{te} u. s. w. Maximum der Lichtsti achtet, sind mit h', h'', h''' u. s. w., die Stellen, welche dem 3^{ten} u. s. w. Minimum der Lichtstärke, also den dunkelsten funklen Ringe entsprechen, sind mit s', s'', s''' u. s. w. bezeich gleicht man nun die Entfernung zwischen den beiden Gläsern, man, dass sie bei s', s'', s''' u. s. w. 2mal, 4mal, 6mal u. s. w. u. s. w. aber 3mal, 5mal, 7mal u. s. w. so gross ist, als bei h'.

Für verschiedene Farben sind die Durchmesser der hellen klen Ringe nicht gleich; sie sind am grössten für rothes Licht, sten für violettes; demnach ist auch die absolute Dicke der I welche der Mitte des ersten hellen Ringes für verschiedene F Spectrums entspricht, nicht gleich. Für die Mitte des erste Ringes ergeben sich aus den Messungen folgende Werthe für der Luftschicht:

			Dicke d. Luftschicht in Millie					
N	a m e n	der Farben.	des engl. Zolles.	des Mi				
Aeusser	stes Rot	h	6,344					
Gränze	zwische	n Roth und Orange .	5,866					
"	"	Orange und Gelb .	5,618	145				
**	"	Gelb und Grün	5,237	133				
"	"	Grûn und Blau	4,841	122				
**	**	Blau und Indigo .	4,513	114				
-	**	Indigo und Violett	4,323	109				
Acusser	stes Vic	lett	3,887	101				

 s_2 , das dritte bei s_3 u. s. w. Die Maxima der Lichtstärke fallen aber gerade in die Mitte zwischen s_1 und s_2 , zwischen s_2 und s_3 .

Das Gesetz, nach welchem mit zunehmender Dicke der Luftschicht die Lichtstärke zu- und abnimmt, ist durch die über $R\,R'$ gezogene Curve



dargestellt; die Punkte s_1 , s_2 , s_3 u. s. w. entsprechen dem Minimum, h_1 , h_2 , h_3 u. s. w. dem Maximum der Lichtstärke. Von R an nimmt die Lichtstärke allmälig zu, sie erreicht bei h_1 ihr erstes Maximum, nimmt dann wieder bis s_1 ab u. s. w.

Für violettes Licht ist die Dicke der Luftschicht, welche dem 1sten, 2ten, 3ten u. s. w. Minimum der Lichtstärke entspricht, geringer; der 1ste, der 2te, der 3te dunkle Streifen wird also A näher liegen, als es beim rothen Lichte der Fall ist. Obiger Tabelle zufolge muss die Entfernung von einem Minimum zum nächsten für die mittleren violetten Strahlen nahe 0,68mal kleiner sein als für rothes Licht. Auf der Linie VV' ist die Intensitätscurve für violettes Licht gerade so construirt, wie auf der Linie RR' die Intensitätscurve für rothes Licht. Vergleicht man die Curven für rothes und violettes Licht, so sieht man, dass für Violett das 5te Minimum fast an dieselbe Stelle fallen muss, wo man das 3te Minimum für die rothen Strahlen findet.

Auf dieselbe Weise sind in unserer Figur die Intensitätscurven für die übrigen Farben des Spectrums construirt, und zwar, indem stets darauf Rücksicht genommen wurde, dass die Entfernung von einem Minimum

zum anderen für die verschiedenen Farben des Spectrums nicht gleich ist, sondern dass sie mit der grösseren Brechbarkeit der Strahlen in einem Verhältnisse abnimmt, welches man aus der Tabelle Seite 784 leicht berechnen kann.

Aus der Betrachtung der Fig. 851 lässt sich nun auch leicht einsehen, wie die Erscheinung modificirt wird, wenn man statt des einfarbigen Lichtes weisses Licht anwendet. Keine Stelle der immer dicker werdenden Luftschicht erscheint absolut dunkel, keine ganz weiss; überall sieht mat Farben, die nicht reine Farben des Spectrums, sondern Mischfarben sind

Errichtet man in dem Punkte, welcher dem ersten Minimum für gelbes Licht entspricht, ein Perpendikel ab, welches durch die Intensitätscurven aller Farben geht, so lässt sich mit Hülfe desselben bestimmen, wie gross die Intensität der verschiedenen Farben an der Stelle ist, in welcher für gelbes Licht der erste dunkle Streifen erscheint. Gelb ist hier im Minimum, Orange dem Minimum nahe, Roth etwas stärker. Ein Maximum liegt im Violett, nach welchem Indigo und Blau am stärksten auftreten, während wenig Grün vorhanden ist; es wird also die Luftschicht an der Stelle, an welcher im gelben Lichte der erste dunkle Streifen erscheint, ein dunkles Purpur zeigen.

An der Stelle der Platte, welche dem Punkte h₁ entspricht, ist Roth im Maximum, alle anderen Farben nehmen an der Färbung um so weniger Antheil, je mehr sie sich dem Violett nähern, welches fast im Minimum ist; hier wird also Roth vorherrschen.

Durch ähnliche Schlüsse lässt sich die Farbe der Platte an jeder Stelle bestimmen.

Die verschiedenen Farben des Spectrums zeigen, unter einander vorglichen, sehr grosse Verschiedenheit hinsichtlich ihrer Lichtstärke. Die gelben Strahlen sind die leuchtendsten, die violetten sind am wenigstelleuchtend. Es geht daraus hervor, dass die Stellen der keilförmigen Luftschicht am hellsten erscheinen werden, in welchen Gelb im Maximum it;

smaximum vorhanden sind, oder sich doch demselben nähern. Welchen heil die verschiedenen Farben an der Färbung des Blättchens bei bemter Dicke haben, kann man aus Fig. 851 ersehen, und man kann ach auch, wie schon gezeigt wurde, auf die Färbung der Schicht bei ebener Dicke schliessen. Um diesen Schluss zu erleichtern, dient die VIII.

Die oben durch eine Curve begränzten Spectra der Tab. VIII. stellen Zusammensetzung der verschiedenen Farben dünner Blättchen dar. Construction dieser Curven ergiebt sich unmittelbar aus Fig. 851. Wir en z. B. aus Fig. 851, dass an der durch die Verticallinie ab bezeichen Stelle, an welcher für Gelb das erste Minimum liegt, Violett im timum (und zwar ist es das zweite Maximum) ist, und das Roth ungemit ¹/₃ seiner vollen Intensität auftritt; zieht man nun, wie es bei Spectrum Nr. 4 geschehen ist, eine Curve, welche ihren Gipfelpunkt Violett hat und sich von da an senkt, um im Gelb auf die Höhe 0 hererzukommen und dann gegen das Roth hin wieder etwas zu steigen, eigt uns diese Curve, auf welche Weise die Farbe einer Luftschicht 0,000276 Millimetern Dicke zusammengesetzt ist. Gelb fehlt in der bung dieser Luftschicht ganz, Orange und Grün treten nur schwach, h und Blau schon stärker auf, am stärksten aber Indigo und Violett. Färbung der Schicht wird also ein dunkles Purpur sein.

Auf gleiche Weise sind nach Fig. 851 die übrigen Curven auf Tab. I. construirt. Die folgende Tabelle giebt an, welches die Dicke und ches die Färbung der Luftschichten ist, auf welche sich die verschieen Spectra der Tab. VIII. beziehen.

-	~L				-		Tara poort						
	r						Erste	01	dn	un	g.		
0.3	1		ě.	5.	÷.		0,000114	ım					Bläulich - Weiss.
1	2						0,000148						Gelblich - Weiss.
E-1	3					9	0,000168		4		٠		Roth.
b.	Ţ						Zweite	0	rd	nu	ng.		
100	1			-			0,000276					0.1	Dunkel-Purpur.
1	ā						0,000360		1				Blau.
	6						0,000432						Gelb.
1	7		,		*		0,000492						Roth.
	į,	_					Dritte	0	rdi	nuı	ng.		
1 2	8	4	14		141		0,000552	v				,	Purpur.
1	9						0,000602						Blau.
1	0						0,000666						Gelblich-Grun.
1	1	10	11.0	d.	Û.	ó	0,000712						Dunkel-Roth.
							Vierte	0	rdr	un	g.		
				·			0,000828						Blass-Roth.
		٠	•	s • . =			0,000954						Blass-Grün.

NAME OF THE PARTY OF THE PARTY

sein werden. Je mehr Farben aber im Maximum sind, desto die resultirende Färbung sich dem Weissen nähern. Bei immer der Dicke wird es endlich dahin kommen, dass innerhalb de einer jeden Farbe des Spectrums ein Maximum und ein Mini Fände sich z. B. ein Minimum im äussersten Violett, eines an zwischen Violett und Indigo, zwischen Indigo und Blau, zwische Grün, zwischen Grün und Gelb, zwischen Gelb und Orange Orange und Roth, ein Maximum aber im mittleren Violett, In Grün, Gelb, Orange und Roth, so könnte das Resultat der Misel bar nur Weiss geben. So erklärt sich denn, dass die Farbe Ordnungen blasser und blasser werden, bis sie endlich ganz in V gehen, so dass über eine gewisse Dicke hinaus die Blättchen Farben mehr zeigen.

Wir haben bisher nur die Farben dünner Luftschichten trachtet; für andere durchsichtige Substanzen sind die Geset scheinungen dieselben, nur ist die absolute Dicke der Schicht, w bestimmten Farbe entspricht, je nach der Natur des Stoffes e Newton hat gezeigt, dass wenn eine Luftschicht und eine dür irgend einer anderen durchsichtigen Substanz gleiche Farben ge ihre Dicken sich verhalten müssen wie der Brechungsexponen stanz zu 1. Erzeugt man z. B. auf die gewöhnliche Weise die R Auflegen einer Linse auf eine ebene Glastafel, bringt man da einen Seite einen Wassertropfen zwischen die beiden Gläser, so bald durch die Capillarität bis zum Berührungspunkte der bei fortgetrieben, und man hat so auf der einen Seite zwischen den beide eine Wasser-, auf der anderen eine Luftschicht; auf der Wasse aber nun die Ringe weit enger, und zwar stehen die Durch

auf, dass die Farben dünner Blättchen gleichfalls ein Intern seien, wie dies auch Young und Fresnel vollständig n.

chtstrahlen auf irgend eine Schicht eines durchsichtigen Körwerden sie theilweise an der oberen, theilweise an der unlerselben reflectirt, und die von beiden Flächen reflectirten werden interferiren und sich je nach der Differenz der durchbald gegenseitig vernichten, bald verstärken.

n wir diesen Hergang der Sache etwas näher. In Fig. 852

N R

stellt MNPR eine dünne Schicht irgend eines durchsichtigen Körpers vor, welche durch ein Bündel paralleler Strahlen ab getroffen wird; dieses Strahlenbündel wird nun theilweise in der Richtung bo reflectirt, theilweise aber nach d gebrochen. Die gebrochenen Strahlen erleiden aber an der Fläche PR eine zweite Theilung, der reflectirte Antheil tritt bei c in derselben Richtung aus, wie das schon an der ersten Fläche MN reflectirte Strahlenbündel, mithin werden die beiden Strahlenbündel bo und cf interferiren müssen. Wenn der Weg von b nach d

änge ist, so ist auch dc=1/2 Wellenlänge; die Strahlen Forderfläche reflectirten Bündels sind also in ihrem Gange des auf der zweiten Fläche reflectirten Bündels um eine länge vorangeeilt, die beiden Bündel werden sich also gegentzen; dasselbe wird der Fall sein, wenn der Weg bdc gleich zuganzen Wellenlängen ist. Wäre dagegen der Weg bdc enlänge oder gleich einem ungeraden Vielfachen einer halge, so würden die beiden Strahlenbündel sich gegenseitig

rir nun danach die Erscheinung an einer Schicht von gleichnender Dicke abzuleiten. An der Stelle, wo die Dicke der
der doch verschwindend klein ist, werden die beiden Strahlencht oder doch nur sehr wenig in ihrem Gange von einander
der Berührungsstelle der Linse und des Planglases müsste
helle Stelle wahrnehmen.

die Dicke der Schicht ¹/₄ Wellenlänge beträgt, wird der oberen Fläche zur unteren, und von da zurück zur oberen, unterschied der beiden Strahlenbündel ¹/₂ Wellenlänge benüsste also eine dunkle Stelle sein.

3te, 4te u. s. w. dunkle Stelle würde sich da finden, wo die icht ³/₄, ⁵/₄, ⁷/₄ u. s. w. Wellenlängen beträgt.

Die zwischen den dunklen Streifen liegenden Maxima der Lichtstartswürden sich dagegen da finden, wo die Dicke der Schicht ²/₄, ⁴/₄, ⁴/

Diese Folgerungen stimmen aber mit der Erfahrung nicht überen Zunächst ist da, wo die Dicke der Schicht Null ist, da also, wo die Line das Planglas berührt, ein dunkler Fleck, während man nach unseren Betrachtungen hier einen hellen Fleck erwarten sollte. Wir haben fermoben (S. 784) gesehen, dass für homogenes Licht die dunkelste Stelle de 2ten, 3ten, 4ten u. s. w. dunklen Ringes an solchen Stellen beobacht wird, wo die Luftschicht 2mal, 3mal, 4mal u. s. w. so dick ist als se ersten dunklen Ringe, während nach unseren Betrachtungen die Dich der Schicht für den 2ten, 3ten, 4ten u. s. w. dunklen Ring 3mal, 5mal, 7mal u. s. w. so dick sein müsste als für den ersten.

Um diesen Widerspruch zu heben, muss man annehmen, dass won der zweiten Fläche reflectirte Lichtbündel durch irgend eine Urannoch um ¹/₂ Wellenlänge mehr verzögert würde, als man nach der Bischer zweimal durchlaufenen Schicht erwarten sollte. Ein solcher Verzeiner halben Wellenlänge findet aber in der That statt.

Wenn eine Oscillationsbewegung sich in einem Mittel von gleichemiger Elasticität und Dichtigkeit fortpflanzt, so kehrt sie niemals zuret wenn sie sich einer neuen Schicht mittheilt, so bleiben die vorhergebeit Schichten in Ruhe, wie ja auch eine Elfenbeinkugel, wenn sie gegen andere von gleicher Masse stösst, dieser ihre Bewegung mittheilt selbst in Ruhe bleibt; die stossende Kugel bleibt aber nach dem Sminicht in Ruhe, wenn die zweite nicht dieselbe Masse hat, sie springt rück, wenn die Masse der zweiten Kugel grösser ist; sie setzt ihre Begung in der ursprünglichen Richtung fort, wenn die Masse der zweite Kugel kleiner ist. Dies macht nun begreiflich, was vorgeht, wenn

Oscillationsgeschwindigkeit positiv oder negativ werden muss, dass also in beiden Fällen alle Vibrationsbewegungen eine entgegengesetzte Richtung haben werden.

Wenden wir dies nun auf die dünne zwischen zwei Glasflächen eingeschlossene Luftschicht an, so ist klar, dass zwischen den an der oberen und der unteren Gränzfläche der Luftschicht reflectirten Strahlenbündeln ausser der Differenz der durchlaufenen Wege auch noch der Unterschied stattfindet, dass das eine Lichtbündel in Glas, also in einem dichteren Mittel. das andere aber in Luft, also in einem weniger dichten Mittel, an der unteren Glasfläche reflectirt wird; das an der unteren Glasfläche reflectirte Strahlenbündel wird sich also in einem Schwingungszustande befinden, welcher dem gerade entgegengesetzt ist, den man nach der Länge des durchlaufenen Weges erwarten sollte; die Oscillationen dieses zweiten Strahlenbündels gehen also gerade so vor sich, als ob sie einen um 1/2 Wellenlänge grösseren Weg durchlaufen hätten. wo die Wirkungen der beiden Strahlenbündel sich summiren würden, wenn man nur die Differenz der Wege in Betracht zu ziehen hätte, wird ein vollkommener Gegensatz zwischen beiden stattfinden; da aber, wo die Differenz der Wege einen vollkommenen Gegensatz andeutet, werden die beiden Strahlenbündel sich gegenseitig unterstützen; dadurch erklärt sich nun die ganze Erscheinung vollkommen.

Da, wo die beiden Gläser in Berührung sind, ist die Dicke der Luftschicht wenn nicht ganz Null, doch selbst gegen die Länge einer Lichtwelle sehr klein; das Strahlenbündel, welches an der unteren Glasfläche reflectirt wird, hat also keinen merklich längeren Weg zurückgelegt, als das andere Strahlenbündel, es ist also in seinem Laufe gegen dieses nur um ½ Wellenlänge verzögert, an der Berührungsstelle der beiden Gläser muss also ein dunkler Fleck entstehen.

Das folgende Minimum, also der erste dunkle Ring, wird sich da finden, wo der Gangunterschied der beiden Strahlenbündel ²/₂ Wellenlängen beträgt; dieser Gangunterschied entspricht aber der Stelle der Luftschicht, an welcher ihre Dicke ¹/₂ Wellenlänge beträgt; denn hier ist die Differenz der Wege (die doppelte Dicke der Schicht) 1 Wellenlänge; dazu kommt aber noch der Verlust einer halben Wellenlänge durch die Spiegelung an der unteren Glasfläche.

Da, wo die Dicke der Luftschicht $^{2}/_{2}$, $^{3}/_{2}$, $^{4}/_{2}$ u. s. w. Wellenlängen beträgt, ist die Differenz der Wege $^{4}/_{2}$, $^{6}/_{2}$, $^{8}/_{2}$, der Gangunterschied der beiden Strahlenbündel also $^{4}/_{2}$ + $^{1}/_{2}$, $^{6}/_{2}$ + $^{1}/_{2}$, $^{8}/_{2}$ + $^{1}/_{2}$ oder $^{5}/_{2}$, $^{7}/_{2}$, $^{9}/_{2}$ u. s. w. Wellenlängen, und an diesen Stellen muss sich der 2te, der 3te, der 4te dunkle Ring finden; bezeichnen wir die Dicke der Luftschicht für den ersten dunklen Ring mit 2d, so werden demnach die folgenden hellen und dunklen Ringe folgenden Dicken der Luftschicht entsprechen:

Dunkle Ringe 0 2 d 4 d 6 d 8 d 10 dHelle Ringe 1 d 3 d 5 d 7 d 9 d 11 d, was mit der Erfahrung vollständig übereinstimmt.

Bisher war nur von homogenen Lichtstrahlen die Rede: für Lichtstrahlen verschiedener Farben müssen die Luftschichten, welche den dunklen Ringen verschiedener Farben entsprechen, in demselben Verhältniss an Dicke abnehmen, als die Wellenlängen dieser Strahlen kürzer sind. Zwischenräume zwischen den dunklen Ringen werden also für die brechenden Strahlen kleiner werden, die Ringe werden zusammenrücken, die Maxima und Minima der Lichtstärke können demnach für verschiedenfarbiges Licht nicht zusammenfallen. Auch hierin finden wir wieder die vollkommenste Uebereinstimmung zwischen der Theorie und der Erfahrung.

318 Farben dünner Blättchen im durchgelassenen Lichte Wir haben bisher nur diejenigen Farben dünner Blättchen betrachtet. welche durch die Interferenz der an den beiden Gränzflächen der dunnen Schicht reflectirten Strahlenbündel entstehen; doch zeigen die dunnen Blättchen auch im durchgelassenen Lichte Farben, die jedoch ungleich blasser sind als die Farben, welche man im reflectirten Lichte beobachtet; ausserdem aber sind die Farben des durchgelassenen Lichtes stets conplementär zu denen, welche man an denselben Stellen im reflectirten Lichte beobachtet. In der Mitte des ganzen Ringsystems sieht man bei durchgelassenem Lichte einen hellen Fleck, und wenn man homogenes Licht anwendet, so findet man, dass die dunklen Ringe jetzt gerade dahin fallen. wo bei reflectirtem Lichte die hellen Ringe waren, und umgekehrt.

Diese Farbenringe werden durch die Interferenz zweier Lichtbündel erzeugt, von denen das eine dy, Fig. 853, direct durch die dünne Schicht hindurchgeht, während das andere nheine zweimalige innere Reflexion erlitten hat; die beiden Strahlenbündel

Fig. 853.



sind aber in ihrem Gange ausser der Duferenz der Wege noch um eine ganze Wellenlänge verschieden; dadurch erklärt sich leicht der helle Fleck in der Mitte rben fehlen müssen, die an derselben Stelle bei reflectirtem Licht vorrrschen, und umgekehrt; mit Hülfe der Curven Tab. VIII. kann man
cht übersehen, welches die Färbung der Luftschicht für eine gegebene
cke für durchgelassenes Licht sein wird. Wenn z. B. die Luftschicht
e Dicke von 0,000492 Millimeter hat, so ist im reflectirten Lichte Roth
rherrschend, die Gränze zwischen Blau und Grün im Minimum, Blau
d Grün überhaupt sehr schwach mitwirkend; im durchgelassenen Lichte
rd also gerade Blau und Grün vorherrschen, an diesen Stellen wird man
o eine bläulich grüne Färbung beobachten.

Da, wo die Luftschicht eine Dicke von 0,000602 Millimeter hat, gt sie im reflectirten Lichte eine blaue Färbung; Orange ist hier im nimum, Gelb und Roth nur schwach; im durchgelassenen Lichte wird o Orange im Maximum sein, und ausserdem noch Roth und besonders lb in der Färbung vorherrschen. Aehnliche Betrachtungen lassen sich iede beliebige Dicke anstellen.

Dass die Farben im durchgelassenen Lichte so blass sind, rührt daher, se die beiden interferirenden Lichtbündel nicht gleiche Intensität haben; seine direct durchgegangene Lichtbündel ist nämlich bedeutend intener als das andere, welches zwei Reflexionen erlitten hat; wenn also auch r Gangunterschied der beiden Strahlenbündel ein ungerades Vielfaches ner halben Wellenlänge beträgt, so kann doch keine vollkommene Aufbung stattfinden, die Lichtstärke wird hier zwar geschwächt, aber doch kull sein. Im reflectirten Lichte dagegen sind die Farben sehr lebt, weil die beiden interferirenden Strahlenbündel fast gleiche Intensität ben.

Neuntes Capitel.

Polarisation des Lichtes.

Polarisation durch Reflexion. Ein gewöhnlicher Lichtsbesitzt nach allen Seiten hin dieselben Eigenschaften. Fängt man ist einen gewöhnlichen Lichtstrahl durch einen Spiegel auf, so wird er reflectirt, welches auch die Lage des Spiegels gegen den Strahl sein Dies ist jedoch nicht bei allen Strahlen der Fall; es giebt Lichtstrahl welche nicht nach allen Seiten hin dieselben Beziehungen zeigen. Eigenthümlichkeit wird mit dem Namen der Polarisation bezeitst und Strahlen, welche diese Eigenthümlichkeit besitzen, nennt man polariste Strahlen.

Die Polarisation des Lichtes wurde im Jahre 1811 von Malus

als möglich zu isoliren suchen; wenn sich unter der Glasplatte gfhi enstände befinden, welche Lichtstrahlen auf dieselbe senden, die sich ihrem Durchgange durch die Platte ebenfalls in der Richtung bc pflanzen, so neutralisiren diese Strahlen die Eigenschaften des durch lexion polarisirten. Wenn demnach solche schädliche Strahlen nicht m durch die Construction des ganzen Apparates ausgeschlossen sind solcher Apparat wird alsbald beschrieben werden), so muss die Glaslauf der Rückseite geschwärzt sein, etwa mit Asphalt, schwarzer Oelee oder Tusch. Statt eines auf der Rückseite geschwärzten Spiegels kann auch einen Spiegel von Obsidian oder schwarzem Glase anwenden.

Fällt der durch Reflexion polarisirte Strahl bc auf eine zweite ebens auf der Rückseite geschwärzte Glastafel, welche der unteren parallel so macht der Strahl bc auch mit dieser einen Winkel von 35025'. die Reflexionsebene des oberen Spiegels fällt mit der des unteren zu-Bei dieser Lage des zweiten Spiegels wird der Strahl bc wie r gewöhnliche Lichtstrahl reflectirt; dreht man jedoch den oberen Spicso, dass die Richtung des Strahles bc die Umdrehungsaxe bildet, so bt zwar der Winkel, welchen der einfallende Strahl bc mit der Spic-Eche macht, unverändert 35°25', allein der Parallelismus der beiden egel hört auf, die Reflexionsebene des oberen Spiegels fällt nicht mehr der des unteren zusammen. Dreht man nun auf die angegebene Weise soberen Spiegel aus der Lage des Parallelismus mit dem unteren herwird die Intensität des zum zweiten Male reflectirten Strahles um mehr abnehmen, je mehr der Winkel wächst, den die Reflexionsebene wheren Spiegels mit der des unteren macht, bis dieser Winkel 90° geden ist, oder mit anderen Worten, bis die Reflexionsebenen beider Spiesich unter einem rechten Winkel kreuzen. Bei dieser Stellung wird Strahl bc von dem oberen Spiegel gar nicht mehr reflectirt, was der Fall sein müsste, wenn bc ein gewöhnlicher Lichtstrahl wäre. weiter fortgesetzter Drehung des oberen Spiegels nimmt die Intensität reflectirten Strahles allmälig wieder zu, bis sie wieder ihr Maximum cht, wenn die ganze Drehung 1800 beträgt. In dieser Stellung fallen Reflexionsebenen der beiden Spiegel abermals zusammen. Dreht man weiter, so wird der vom oberen Spiegel reflectirte Strahl wieder Scher und verschwindet ganz, wenn die Reflexionsebenen beider Spievieder gekreuzt sind, also bei einer Drehung von 2700 u. s. w.

Line Vorrichtung, an welcher zwei Polarisationsspiegel so angebracht dass man damit den eben beschriebenen Versuch anstellen kann, heisst risations apparat. Die einfachste Einrichtung, welche man dem risations apparate geben kann, ist folgende: An dem einen Ende einer tlenen oder hölzernen Röhre, Fig. 855 (a.f.S.), ist ein auf der Rückseite rizter Spiegel DB so befestigt, dass er einen Winkel von 35° 25′

Axe der Röhre macht, dass also Strahlen, welche in einem Winvon 35° 25' auf den Spiegel fallen, so reflectirt werden, dass sie in der stung dieser Axe durch die Röhre hindurchgehen. Am anderen Ende der Röhre befindet sich ein Ring CM, dessen Axe mit der Axe der Röhre zusammenfällt, und der sich also in einer zu dieser Axe rechtwinklige

Fig. 855.



Fig. 856.



Ebene umdrehen lässt. An diesen Ringe nun ist ein sweiter hinten geschwärzter Spiegel HI befestigt, welcher ebenfalls einen Winkel von 35°25' mit der Axe der Röhre macht; durch Umdrehung des Ringes wird auch der Spiegel mit umgedreht und kann durch diese Drehung in alle die Lagen gebracht werden, von denen eben die Rede war.

Dieser Apparat ist theils zum Gebrauche sehr unbequem, theils aber auch zu vielen Versuchen, von denen noch in der Folge die Rede sein wird, gar nicht anwendbar. Man hat dem Polarisationapparate mannigfache Formen ge-

geben, die bald zu diesem, bald zu jenem Versuche sich am besten eigneten. Alle dies verschiedenen Formen zu beschreiben, wärde hier zu weit führen; es mag die genauere Beschreibung des von Nörremberg construiten Apparates genügen, welcher fast zu allen Versuchen der zweckmässigste ist.

Der Nörremberg'sche Polarisationsapparat ist Fig. 856 in ¹/₄ der natürlichen Größdargestellt. In einem runden Fussgestell

ab in einem Winkel von 35°25' auf den Spiegel, so geht er zum durch das Glas hindurch, und diesen Theil haben wir weiter nicht trachten, zum Theil aber wird er in der Richtung be vertical nach reflectirt. Dieser reflectirte Strahl ist nun polarisirt.

Die Reflexionsebene eines durch Spiegelung polarisirten Lichtstrahls seine Polarisationsebene genannt. So ist z. B. die durch ba und ig. 856, gelegte Ebene die Polarisationsebene des durch den Spiegel in der Richtung bc reflectirten und durch diese Reflexion polarisirtrahles.

Auf dem Fussgestelle befindet sich nun in wagerechter Lage ein geicher auf der Rückseite belegter Spiegel, welcher die in der Richtung chtwinklig zu seiner Oberfläche ankommenden polarisirten Strahlen Richtung cb reflectirt, so dass sie nun zum zweiten Male auf den sationsspiegel AB fallen, welcher den grössten Theil derselben durchso dass dieselben zum oberen Theile des Apparates gelangen, wählie übrigen in der Richtung ba reflectirten nicht mehr in Betracht en. Die oberen Enden der Stäbe (der mittlere Theil des Apparates or der Hand noch unberücksichtigt bleiben) tragen einen in Grade lten Ring. Der Nullpunkt dieser Theilung liegt so, dass, wenn man urch die Theilstriche 0 und 1800 eine Verticalebene gelegt denkt, Ebene mit der Reflexionsebene des unteren Spiegels, also mit der sationsebene der durch den unteren Spiegel polarisirten Strahlen zuenfällt. In diesem getheilten Ringe ist ein anderer drehbar, auf weldiametral gegenüberstehend zwei Säulchen angebracht sind, zwischen en ein Spiegel S von schwarzem Glase oder ein auf der Rückseite värzter Spiegel ebenso befestigt ist wie der untere Polarisationsspieischen seinen Stäben; wie der untere um eine horizontale Axe drehann der obere Spiegel leicht so gestellt werden, dass er einen Winn 35°25' mit der Verticalen macht.

Diesen Spiegel S wollen wir den Zerlegungsspiegel nennen.

Der drehbare Ring, auf welchem die Säulchen stehen, ist am Rande sugeschärft, und gerade in der Mitte der vorderen Hälfte des Rinteine Linie, ein Index, auf die Zuschärfung gezogen. Eine durch Index und den Mittelpunkt des Ringes gelegte Verticalebene fällt er Reflexionsebene des oberen Spiegels zusammen. Dreht man den welcher den Spiegel S trägt, so, dass der Index mit dem Nullpunkte heilung zusammenfällt, so fallen die Reflexionsebenen des Polarisspiegels und des Zerlegungsspiegels zusammen. Dasselbe ist der wenn der Index bei 180° steht. Wenn der Index bei 90° (wie in er Figur) oder bei 270° steht, so macht die Reflexionsebene des Zergsspiegels einen rechten Winkel mit der Reflexionsebene des unteren in insspiegels.

Winkel, welchen die Reflexionsebene des Zerlegungsspiegels mit mexionsebene des Polarisationsspiegels macht, wird das Azimuth des sungsspiegels genannt.

gel die von unten her ihn treffenden Strahlen nicht mehr, erscheint dunkel. Dreht man noch weiter, so wird es heller, und wenn der Index bei 180° steht, ist die Lichtstä jenigen gleich, die bei 0° beobachtet wurde. Das Licht wieder ab, wenn man noch über 180° hinausgeht; das Ge zum zweiten Male dunkel, wenn der Index bei 270° steht.

Es versteht sich von selbst, dass während dieser ganz Richtung des oberen Spiegels gegen die Verticale unver muss. In allen Lagen macht der obere Spiegel einen Win mit der Verticalen.

Der Zusammenhang dieser Erscheinungen lässt sich sehen, dass es nicht nöthig wäre, sie noch weiter anschaul allein des besseren Verständnisses der complicirteren Ersc Kreispolarisation wegen wollen wir auch die einfachen Ers gewöhnlichen Polarisation graphisch darstellen.

In Fig. 857 stellt die Verlängerung der Radien des der Curve, welche die ganze Figur begränzt, die Intensität

Fig. 857.

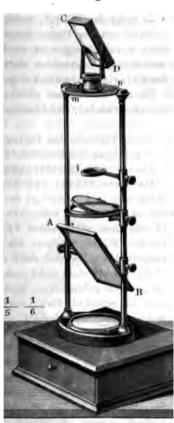
Lichtes für die verschiede des oberen Spiegels dar tiren also die Linien 0 Intensitäten des vom Ze reflectirten Lichtes für e und 0 c. Man übersieht sehr deutlich, dass für di und 270° die Intensität Lichtes Null, für 0° und Maximum ist.

Um die Beschreibung des Apparates Fig. 856 zu vol

Ringe ist eine Kreistheilung angebracht, welche der oberen ent-

ig. 858 stellt einen sorgfältig in Messing ausgeführten Nörremschen Polarisationsapparat dar, welcher wohl nach dem Vorhergehenicht zu verstehen ist. Der ganze Apparat ist auf einem Kästchen olz befestigt, welches mit einer Schieblade versehen ist, um darin

Fig. 858.



verschiedene Requisiten aufbewahren zu können. Das mittlere Tischlein ist nicht allein um die verticale Axe des Apparates drehbar, sondern es kann auch gegen die Horizontale geneigt werden. Ueber dem Tischlein befindet sich eine Linse l. von deren Gebrauch erst später die Rede sein wird, welche aber, wenn sie nicht gebraucht wird, auf die Seite geschoben werden kann. Zwischen den beiden oberen Enden der Messingsäulen ist der am Rande eine Kreistheilung tragende Messingring mn befestigt; in ihm ist eine Messingscheibe drehbar. welche in der Mitte eine kurze Hülse zur Aufnahme der verschiedenen Kopfapparate trägt, von denen noch weiter unten die Rede sein wird. Unsere Figur zeigt statt des auf gleiche Weise anzu-

nden Zerlegungsspiegels eine Glasplattensäule CD, deren Einrichleichfalls in einem der nächsten Paragraphen besprochen werden soll.

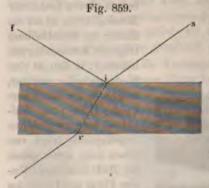
per Polarisationswinkel. Giebt man, ohne sonst etwas an dem 320 ste zu ändern, dem unteren Spiegel eine andere Stellung gegen die enden Strahlen, stellt man ihn z. B. so, dass er einen Winkel von it der Verticalen macht, so werden solche Strahlen zum oberen Spies Apparates gelangen, die den unteren Polarisationsspiegel unter Winkel von 25° getroffen haben. Wiederholt man nun die oben

beschriebenen Versuche, so findet man, dass das von dem oberen Spiegland zurückgeworfene Licht nie ganz Null wird. Wenn der obere Spiegland gestellt ist, dass seine Reflexionsebene die des unteren kreuzt, so wirde in dieser Stellung freilich weniger Licht reflectiren, als in jeder anders doch wird immer noch ein namhafter Theil der von unten kommente Strahlen reflectirt.

Es lässt sich daraus schliessen, dass die unter einem Winkel von besom unteren Polarisationsspiegel reflectirten Strahlen zwar zum Theil, de doch nicht vollständig polarisirt sind. Je mehr der Winkel, welchen auf den unteren Glasspiegel fallenden Strahlen mit der Ebene diese begels machen, von 35° 25′ abweicht, desto unvollständiger ist die Polarisation. Der Winkel, für welchen die vollständige Polarisation stattfalle für Glas also der Winkel 35° 25′, wird der Polarisations winkel genne

Der Polarisationswinkel ist nicht für alle Substanzen gleich, ib Körper hat seinen eigenthümlichen Polarisationswinkel; für Obsidian ib ist der Polarisationswinkel 33%.

Man hatte schon für viele Körper durch Versuche den Polariste winkel bestimmt, als Brewster durch Vergleichung der Resultate wie merkwürdigen Gesetze geführt wurde, dass der Polarisationsvinderjenige ist, für welchen der reflectirte Strahl auf dem Polarisationswinklig steht. Wenn also in Fig. 859 si der dem Polarisationswinkel einfallende Strahl ist, so wird der reflectirte



if mit dem gebrochenen it rechten Winkel machen; für je anderen Einfallswinkel steht der flectirte Strahl nicht mehr rechtelig auf dem gebrochenen, alsten aber der reflectirte Strahl auch mehr vollständig polarisirt.

Da der Brechungsexponent verschiedenfarbigen Strahlen derselbe ist, so ist klar, dass für eine und dieselbe Substant Polarisationswinkel nicht für Strahlen aller Farben derselbe

kann. Es erklärt sich daraus ganz einfach, warum ein Strahl wie Lichtes durch Reflexion niemals vollständig polarisirt sein kann.

Die richtige Stellung der Spiegel im Polarisationsapparate man am besten durch den Versuch aus; man stellt beide Spiegel ung in die richtige Neigung gegen die Verticale, kreuzt ihre Reflexione und corrigirt alsdann zuerst die Neigung des unteren Spiegels, inden seine Neigung allmälig ändert und ihn in der Lage feststellt, für voldas oben reflectirte Licht im Minimum ist. Ist dies geschehen, so girt man auf dieselbe Weise die Neigung des oberen Spiegels.

Bei genauer Untersuchung findet man, dass das von einer War

von einem Schieferdache, von einem polirten Tische u. s. w. reflecicht mehr oder weniger polarisirt ist, ja fast alle spiegelnden Oberkönnen unter Umständen als Polarisationsspiegel dienen. Nur die ischen Oberflächen machen hiervon eine Ausnahme.

olarisation durch gewöhnliche Brechung. Wenn Licht- 321 unter einem Winkel von 35° 25' auf eine durchsichtige Glastafel so werden sie zum Theil reflectirt und durch diese Reflexion polazum Theil aber gehen sie auch durch die Glastafel hindurch. Die thgegangenen Strahlen zeigen nun ebenfalls Spuren von Polarisation, ar steht ihre Polarisationsebene rechtwinklig auf der Polarisationsler an der Vorderfläche reflectirten Strahlen. Lässt man die durchenen Strahlen, deren Polarisation, wie gesagt, sehr schwach ist, auf wite, der ersteren parallele Glastafel fallen, so sind sie nach ihrem ange durch diese zweite Glasplatte schon vollständiger polarisirt. eine dritte, vierte, fünfte Glasplatte wird die Polarisation immer diger; durch 8 bis 10 Glasplatten erhalten die durchgegangenen n schon eine ziemlich vollständige Polarisation.

n solches System von Glasplatten kann recht gut statt des Zerlepiegels als Zerleger oder Analyseur des Polarisationsapparates

Fig. 860.



gebraucht werden. Der Polarisationsapparat, Fig. 858 auf Seite 799, ist mit einer solchen Glasplattensäule versehen dargestellt. Fig 860 stellt in ½ der natürlichen Grösse eine solche Glasplattensäule im Durchschnitte dar. Die Glasplatten sind in ein Rähmchen von Messing gefasst, und dieses wird von zwei Messingpfeilern getragen.

Wenn man die Säule von Glasplatten statt des Zerlegungsspiegels auf den Apparat aufgesetzt hat, so wird beim Durchsehen durch die Glasplatten das Gesichtsfeld dunkel erscheinen, wenn die Platten dieser Säule mit dem Polarisationsspiegel AB parallel stehen, also ungefähr bei der in Fig 858, Seite 799 dargestellten Lage, für welche die unterste Platte der Säule die von unten kommenden Strahlen reflectirt. Macht dagegen die Reflexionsebene der Glasplattensäule

schten Winkel mit der Reflexionsebene des Polarisationsspiegels AB, eim Hindurchsehen durch die Glasplattensäule das Gesichtsfeld hell.

Diarisation durch Turmalinplatten. Nimmt man von dem 32-2 minsapparate den Zerlegungsspiegel weg und lässt man statt auf polarisirten Strahlen auf eine Turmalinplatte fallen, deren Oberder krystallographischen Hauptaxe dieses Minerals parallel sind, so t man an dem durch die Platte hindurchgegangenen Lichte ganz er's Lehrbuch der Physik. 6te Anst. 1.

dig Null. Die Lage des Krystalls, bei welcher seine Axe mi tionsebene der einfallenden Strahlen einen rechten Winkel bi dem Falle, dass der obere Spiegel dem unteren parallel ist; wähnte Stellung des Krystalls aber dem Falle der gekrenzt

Wenn eine solche Turmalinplatte in eine Fassung gebra ebenso wie die, welche die Säule von Glasplatten enthält, a Ringe des Polarisationsapparates drehbar ist, so kann die ebenso gut wie der Zerlegungsspiegel als Kopf oder Analys rates dienen, und man kann dieselben Versuche mit der anstellen, wie mit dem Zerlegungsspiegel.

Aus den erwähnten Versuchen lässt sich schliessen,

Fig. 861.



Fig. 862.



wöhnliches Licht auf eine solche Turmalii nach seinem Durchgange durch die Platte wird. Legt man demnach zwei parallel m schnittene Turmalinplatten so auf einander, parallel sind, so werden sie einfallender Licht ebenso gut durchlassen wie eine Pla dick ist wie beide zusammengenommen, wi deutet, wo abcd die eine und efgh die bezeichnet. Die Schraffirung soll den k schen Axen parallel sein. Dreht man aber in ihrer Ebene herum, ohne die Lage o ändern, so wird das durchgelassene Licht schwächer, bis es endlich ganz verschwin Axen beider Platten einen rechten Winke machen, wie dies Fig. 862 versinnlicht. Platten bilden also einen kleinen Polarisat

Um zwei solcher Platten bequem gebrauchen zu könn e e 1..... 1. 337.*. . . . e. . . .

Drahtes sanft an einander gedrückt, so dass, wenn man einen im poirten Lichte zu untersuchenden in Kork gefassten Krystall zwischen

Fig. 863.

beide Hülsen legt, er durch den schwachen Druck hinlänglich festgehalten wird, und man die ganze Vorrichtung in jeder beliebigen Lage vor das Auge bringen kann, ohne dass der Krystall herausfällt.

Man findet den Turmalin in den verschiedenartigsten Farben. Häufig kommen Turmalinkrystalle vor. welche dem äusseren Ansehen nach ganz schwarz sind, und die nur in ganz dünne Blättchen geschnitten durchsichtig werden. Ganz dünne Blättchen von dieser Art polarisiren zwar das Licht sehr vollständig; es ist aber sehr schwer, aus Krystallen dieser Art Platten zu schleifen. welche dünn genug sind, besonders deshalb, weil sie im Inneren voller kleiner Risse und Sprünge sind, welche veranlassen, dass der Krystall sich bröckelt, sobald er nur einigermaassen dünn geschliffen wird. Sehr geeignet für den optischen Gebrauch sind die durchsichtigen, braunen und röthlichbraunen Turmaline, wenn sie hinlänglich gross sind um aus ihnen Platten von 8 bis 9 Quadratlinien Oberfläche machen zu können; denn wenn die Platten noch kleiner sind, so ist das Gesichtsfeld, welches man durch sie bequem übersehen kann, zu klein. Am häufigsten werden die dunkelgrünen zu optischen Zwecken gebraucht; man kann sie am leichtesten in hinlänglicher Grösse erhalten, und eine Platte von 1/2 Linie Dicke

risirt das Licht vollkommen genug. Je heller die Farbe der Turmaline desto unvollständiger polarisiren sie das Licht und desto dicker muss die Platten nehmen, wenn man vollständige Polarisation erhalten will. bläulichen polarisiren am schlechtesten und sind deshalb am wenigsten mpfehlen.

Eine sehr sinnreiche Anwendung hat Arago von den Turmalinplatgemacht, um Gegenstände zu betrachten, welche in der Tiefe sehr hsichtiger Gewässer liegen und deren Sichtbarkeit gewöhnlich durch Glanz der Wasseroberfläche beeinträchtigt wird. Da das von der Wasberfläche reflectirte Licht polarisirt ist, so kann man diesen Glanz vereinden machen, wenn man durch eine in die richtige Lage gehaltene malinplatte schaut.

Erklärung der Polarisation durch die Vibrationstheorie. 323 ie Polarisationserscheinungen lässt sich am einfachsten der Beweis dass die Vibrationen, welche einen Lichtstrahl fortpflanzen, rechtgrung zu seiner Richtung sind. Nehmen wir an, dass ein Lichtstrahl winklig zur Ebene der beiden Turmalinplatten, Fig. 861, durch dieselben



In einem gewönnlichen Lichtstrahle bleiben die Vibra mer in derselben Ebene, sondern sie variiren nach allen die Richtung des Strahls rechtwinkligen Richtungen.

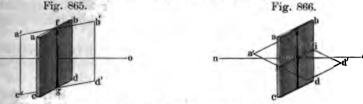
Die Ebene, in welcher alle Schwingungen eines pol stattfinden, heisst die Vibrations- oder Schwingungse Die Schwingungsebene eines Strahls, welcher du malinplatte polarisirt worden ist, ist der krystal Hauptaxe der Turmalinplatte parallel.

Die Wahrheit dieses wichtigen Satzes hat Nörrembe auf folgende Art bewiesen:

Wenn man durch eine parallel mit der Axe geschlichte nach einer weissen Wand oder einer weissen Wolke geschaut, wie dies Fig. 865 dargestellt ist, wo abcd die fg die Richtung ihrer krystallographischen Hauptaxe und in der durch die Platte ins Auge gelangenden Strahlen dars Gesichtsfeld eine bestimmte Helligkeit, welche fast ungeänd man die Platte so gegen die Richtung der durchgehenden dass die Richtung der krystallographischen Hauptaxe der drehungsaxe bildet, wie es in Fig. 865 angedeutet ist.

Neigt man aber die Platte so gegen die Richtung der

t, folglich ist die Richtung der Schwingungen, welche den Lichtstrahl Ier Richtung no fortpflanzen, gegen die Platte ganz dieselbe, es mag

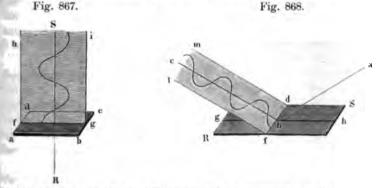


Platte die Stellung abcd oder die Stellung a'b'c'd' haben; daher kann fg die fragliche Vibrationsrichtung sein, welche demnach in der That der Richtung der krystallographischen Hauptaxe zusammenfällt.

Es soll dies noch durch Fig. 867 anschaulich gemacht werden, word eine Turmalinplatte darstellt, deren krystallographische Axe die stung fg hat. fghi ist die Schwingungsebene eines in der Richtung durch die Platte hindurchgegangenen Strahles.

An geschliffenen und polirten Turmalinplatten lässt sich die Richg der Axe oft durch feine Sprüngchen erkennen, welche die Platten
r häufig zeigen. Die Richtung dieser Sprünge, welche die Richtung
er unvollkommenen Spaltbarkeit bezeichnen, ist stets rechtwinklig zur
stallaxe.

Wenn man eine Turmalinplatte als Kopf des Polarisationsapparates andet, so ist das Gesichtsfeld dunkel, wenn die Krystallaxe der Platte



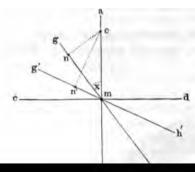
der Reflexionsebene des Polarisationsspiegels zusammenfällt; daraus folgt, die Vibrationsebene eines durch Reflexion polarisirten Strahles recht-klig zur Reflexionsebene, also auch rechtwinklig zur Polarionsebene ist. Wenn z. B. ein Lichtstrahl ab, Fig. 868, den Glasgel RS unter einem Winkel von 35° treffend von demselben in der Rich-reflectirt wird, so ist dieser reflectirte Strahl polarisirt und zwar Aethervibrationen, welche ihn fortpflanzen, rechtwinklig zu der ub und bc gelegten Ebene, sie sind also mit fd parallel, oder mit eren Worten, fdlm ist die Vibrationsebene des polarisirten Strahles bc.

Wenn ein schon polarisirtes Strahlenbündel cb, Fig. 868, einen Glas spiegel RS trifft, dessen Ebene seinen Vibrationen parallel ist, so geh ein Theil dieses Strahlenbündels mit unveränderter Schwingungsrichtung durch den Spiegel hindurch, ein anderer Theil aber wird immer noch parallel mit fd schwingend in der Richtung ba reflectirt.

Wenn dagegen die Schwingungen eines unter dem Polarisationswinke auf den Spiegel fallenden Strahlenbündels in der Einfallsebene liegen, wen also z. B. die Schwingungen des Strahles cb in der Ebene cba vor sid gingen, so würde kein Theil dieses Strahlenbündels reflectirt, sondern e würde mit unveränderter Vibrationsebene durch die Glasplatte hindurch gehen.

Fällt ein polarisiter senkrecht zur Ebene des Papiers sich fortpflazender Strahl, dessen Projection m und dessen Schwingungsebene ab, Fig. 869, sein mag, auf eine Turmalinplatte, deren Schwingungsebene ebenfalls ab ist, so wird der Strahl von der Turmalinplatte durchgelassen. Sicht man also durch eine Turmalinplatte nach dem Polarisationsspiegel eine Polarisationsapparates (d. h. mit anderen Worten, gebraucht man statt de Zerlegungsspiegels eine Turmalinplatte), so sieht man das Gesichtsfeld hell

Fig. 869.

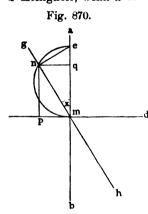


wenn die krystallographische Hauptaxe der Platte auf der Reflexionsebene des unteren Spiegels rechtwinklig ist. Dreht man aber die Turmalinplatte, so wird das Gesichtsfeld dunkler und dunkler, bis es endlich ganz dunkel wird, wenn die Schwingungsebene des Turmalins mit der Reflexionsebene des unteren Spiegels zusammenfällt.

Diese Erscheinung ergiebt sich als nothwendige Folge der Theorie. E tach diesen Betrachtungen kann man auch schliessen, welches die inungen sein werden, wenn man eine Turmalinplatte zwischen die uzten Spiegel des Apparates bringt. Es sei ab, Fig. 870, die Schwinbene des unteren Spiegels, cd die des Zerlegers, gh die der zwischen liegenden Turmalinplatte, welche einen Winkel x mit der Schwinbene der einfallenden Strahlen macht. Es sei ferner me = A die ionsintensität des vom unteren Spiegel polarisirten Strahles. Diese ionsintensität nach der Schwingungsebene gh der Turmalinplatte, erzeugt in derselben eine Vibrationsintensität $mn = A' = A\cos x$ ese wieder zerlegt nach der Schwingungsebene cd des Zerlegungss, erzeugt die Vibrationsintensität

$$mp = A'' = mn \ sin. x = A' \ sin. x,$$
ndlich, wenn man für A' seinen Werth setzt
$$A'' = A \ cos. \ x. \ sin. x.$$

rieser Werth von A'' wird 0 für x = 0 und für $x = 90^{\circ}$, das Gesild bleibt also dunkel, wenn die Schwingungsebene der Turmalinmit der Schwingungsebene des Polarisationsspiegels oder des Zersspiegels zusammenfällt. Dagegen wird der Werth von A'' ein Ma, die Turmalinplatte erscheint zwischen den gekreuzten Spiegeln in $x = 45^{\circ}$.



Die Richtigkeit der letzteren Behauptung ergiebt sich aus folgender Betrachtung.

Weil mne ein rechter Winkel sein soll, so muss der Punkt n, welches auch die Lage der Ebene gh sein mag, stets auf dem Umfange eines Halbkreises liegen, dessen Durchmesser me ist. Nun aber ist mp gleich nq, d. h. gleich dem Perpendikel, welches von der Spitze des rechten Winkels auf die gegenüberstehende Hypotenuse me gefällt wird. Das Perpendikel nq erreicht aber sein Maximum, wenn n um einen Viertelkreis von e absteht, denn in diesem

ist das Perpendikel dem Radius des Kreises gleich. Wenn aber n en Viertelkreis von e absteht, so macht die Schwingungsebene $g\,h$ Winkel von $45^{\,0}$ mit der Schwingungsebene $a\,b$ des einfallenden

Zehntes Capitel.

Von der doppelten Brechung.

Doppelte Brechung des Kalkspaths. Wir haben bisher immer angenommen, dass beim Uebergange eines Lichtstrahles aus einem Mittel in ein anderes nur ein einziger gebrochener Strahl entstände; viele Körper haben jedoch die merkwürdige Eigenschaft, jeden einfallenden Lichtstrahl in zwei gebrochene Strahlen zu spalten. Diese mit dem Namen der doppelten Brechung bezeichnete Eigenschaft wurde zuerst von Erasmus Bartholinus am isländischen Kalkspath entdeckt und in einem Werke beschrieben, welches unter dem Titel "Experimenta Crystall Islandici, disdiaclastici, quibus mira et insolita refractio detegitur" im Jahre 1669 zu Kopenhagen erschienen ist.

Alle diejenigen Körper, welche die erwähnte Eigenschaft besitzen, werden doppeltbrechende Körper genannt. Wir wollen zunächst die Erscheinungen der doppelten Brechung am Kalkspathe näher kennen letnen, weil sie an diesem Körper besonders leicht beobachtet werden können.

Der Kalkspath ist bekanntlich krystallisirter kohlensaurer Kalk; die zahlreichen Formen, unter welchen der Kalkspath vorkommt, gehören

im Kalkspathe ableiten, wie dies auch Huyghens schon ge-

t man auf die obere Fläche eines Kalkspathrhomboëders ein Karin welches mit Hülfe einer Stecknadel ein kleines Loch gestochen it, lässt man dann durch diese kleine Oeffnung einen Sonnenstrahl 871, auf den Krystall fallen, so wird man auf einem Papierblatte,

ig. 871.



mit welchem man die der Eintrittsfläche gegenüber liegende Fläche des Rhomboëders bedeckt, zwei helle Punkte, nämlich einen bei c und einen bei d, erblicken; es sind also von der Oeffnung b aus zwei ganz getrennte Strahlen durch den Krystall hindurch gegangen, welche die Austrittsfläche in den Punkten c und d treffen; der Lichtstrahl ab wird also bei seinem Eintritte in den Kalkspathkrystall in zwei Strahlen gespalten, welche, verschiedenen

sgesetzen folgend, den Krystall in verschiedenen Richtungen durchler eine Strahl ist stärker von seiner ursprünglichen Richtung t als der andere.

h der Vibrationstheorie muss man annehmen, dass sich die Lichteinem stärker brechenden Mittel langsamer fortpflanzen; die unblenkung, welche die beiden Strahlen bc und bd erleiden, hängt mit einer ungleichen Fortpflanzungsgeschwindigkeit zusammen, er gebrochene Strahl bd pflanzt sich mit geringerer Geschwindigch den Krystall fort als der andere, oder, mit anderen Worten, tärker gebrochenen Strahl ba ist die Wellenlänge kürzer als für il bc.

er Versuch lehrt uns also zwei verschiedene Strahlenarten kennen, en Kalkspath mit ungleicher Geschwindigkeit durchlaufen; dass in einer und derselben Richtung zwei verschiedene Strahlen sich eicher Geschwindigkeit durch den Krystall fortpflanzen können, folgendem Versuche hervor. Man lege ein Kalkspathrhomboëder latt weissen Papiers, auf welches man einen schwarzen Punkt geig. 872. macht hat; wenn man nun auf die obere Fläche des



macht hat; wenn man nun auf die obere Fläche des Rhomboëders ein Stückchen Papier mit einer kleinen Oeffnung b, Fig. 872, legt, so sieht man in der Oeffnung b das Bild des schwarzen Punktes a nur nach zwei ganz bestimmten Richtungen bo und bo'; daraus geht aber hervor, dass in der Richtung ab zwei Strahlen mit verschiedener Geschwindigkeit den Krystall durchlaufen; denn wenn sich von a nach b

inziger Strahl mit unveränderlicher Geschwindigkeit fortpflanzte, er nur nach einer einzigen bestimmten Richtung austreten. Derrahl bo', welcher beim Austritte aus dem Krystalle am stärksten wird, pflanzt sich in der Richtung ab mit geringerer Geschwin-

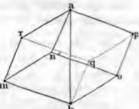
digkeit im Krystalle fort als der andere Strahl, welcher, in derselben Richtung ab den Krystall durchlaufend, in der Richtung bo austritt.

Um die Geschwindigkeiten zu ermitteln, mit welchen die beiden Strablenarten den Krystall durchlaufen, muss man die Brechungsexponenten für dieselben bestimmen, was am besten mit Hülfe von Prismen geschieht. Bevor wir von dieser Bestimmung weiter reden, wollen wir aber die Krystallform des Kalkspaths näher betrachten, um uns in Beziehung auf die verschiedenen Richtungen, von denen alsbald die Rede sein wird, gehörig zu orientiren.

325 Krystallform des Kalkspathes. Wir haben bereits auf S. 90 und 94 gesehen, dass der Kalkspath dem hexagonalen Krystallsystem augehört, und dass seine Grundgestalt, das Rhomboëder, Fig. 873, als Hemiëdrie der doppelt sechsseitigen Pyramide zu betrachten ist. In Fig. 874 ist das Rhomboëder des Kalkspathes noch einmal ohne Schattirung dur-







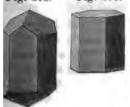
gestellt, damit man auch die hinteren Kanten sehen und besser Buchstahm beisetzen könne.

Die Kanten eines Kalkspathrhomboëders sind nicht gleichartig; jede der drei Kanten nämlich, welche in a zusammentreffen, ist durch zwi Flächen gebildet, die sich hier unter einem Winkel von 105°5′ schneide.

Die Hauptaxe des Krystalls geht durch die Mitte der stumpfen Ecken und b, Fig. 874, d. h. sie macht gleiche Winkel mit jeder drei stumpfen anten.

Wir haben bisher nur solche Rhomboëder betrachtet, an welchen alle lächen gleichmässig ausgebildet sind, was meistens nicht der Fall ist.

Fig. 875. Fig. 876.



Ein ganz gleichmässig ausgebildetes Rhomboëder dürfte man z. B. nur in zwei Stücke spalten, um zwei rhomboëdrische Stücke zu erhalten, deren einzelne Flächen nicht mehr gleich sind. Durch eine solche Zertheilung ist aber die gegenseitige Lage der Flächen, die Grösse der Winkel nicht im mindesten geändert; man unterscheidet nach wie vor scharfe und stumpfe Kanten, spitze und stumpfe Ecken. Die Richtung der Hauptaxe

immer derjenigen Linie parallel, welche gleiche Winkel mit jeder der ei in einem stumpfen Eck zusammenlaufenden Kanten macht.

Erscheinungen, welche man durch Kalkspathprismen 326 sobachtet. Wenn man ein Prisma aus Kalkspath verfertigt, so sieht in durch dasselbe in der Regel zwei Bilder eines und desselben Gegenindes, und zwar ist der Abstand der beiden Bilder nicht allein von dem echenden Winkel des Prismas, sondern auch von der Richtung abhängig, welcher die Strahlen den Krystall durchlaufen.

Nehmen wir ein Kalkspathprisma zur Hand, dessen brechende Kante it der krystallographischen Hauptaxe des Minerals parallel ist. Ein soles Prisma lässt sich am leichtesten aus einem in Form einer sechsseitien Säule krystallisirten Kalkspathe verfertigen, wenn ein solcher Krystall ir gross und durchsichtig genug ist. Wenn die Säulenflächen eines solen Krystalls eben genug sind, so kann man ihn ohne weitere Bearbeitung hon zu unseren Versuchen anwenden, indem zwei Säulenflächen, welche seder mit einander parallel sind, noch gerade an einander stossen, wie

Fig. 877.



die Flächen abhi und dekl, Fig. 877, einen Winkel von 60° mit einander bilden, also ohne Weiteres als die brechenden Flächen eines Primas dienen können. Um durch diese beiden Flächen einen Gegenstand recht bequem beobachten zu können, wird man am besten thun, alle anderen Säulenflächen matt zu schleifen oder schwarz anzustreichen. Sollten die beiden Säulenflächen, durch welche man beobachten will, wie es oft der Fall ist, nicht ganz eben, sondern etwas gestreift sein, so muss man sie eben schleifen und poliren.

strachtet man durch ein solches Prisma irgend einen Gegenstand, ine Kerzenflamme, so sind die beiden Bilder sehr weit von einander nt; weil es aber bequemer ist, wenn die beiden Bilder näher beisammen liegen, indem man sie alsdann leichter gleichzeitig übersehen kann, so ist ein Prisma vorzuziehen, dessen brechender Winkel kleiner ist; ein solches Prisma lässt sich aber auch leicht aus einer sechsseitigen Säule verfertigen, indem man eine Fläche anschleift, welche etwa durch die Kanten ak und $\mathcal{O}k$, Fig. 877, und eine zweite, welche durch die Kanten ck und fg geht. Die brechenden Flächen ahck und fgck, welche sich in der Kante ck schneiden, machen nur einen Winkel von 30° mit einander.

Auch aus Rhomboëdern kann man solche Prismen schleifen, deren brechende Kante der Axe parallel ist, und zwar wird man aus Rhomboëdern schönere und grössere Prismen erhalten, weil man wohl grosse Kalkspathrhomboëder, aber selten grosse Säulen findet; doch lässt sich die Art und Weise, wie man aus Rhomboëdern solche Prismen schleifen kann nicht so leicht beschreiben; jedenfalls würde uns eine nähere Auseinandersetzung des Verfahrens zu weit führen.

Wenn man mit einem Kalkspathprisma, dessen brechende Kante der Axe parallel ist, nach der auf Seite 560 und 595 besprochenen Methode den Brechungsexponenten für das am wenigsten abgelenkte Bild bestimmt, so findet man den Werth 1,483, während man für das andere Bild den Brechungsexponenten 1,654 findet.

In dem eben betrachteten Falle bewegten sich die beiden Strahlen, sowohl der, welchen das am meisten abgelenkte Bild gab, als auch der andere, in solchen Richtungen durch den Krystall, welche auf der Hauptaxe desselben rechtwinklig stehen.

Untersucht man die beiden Bilder eines Kalkspathprismas, desen brechende Ebenen irgend eine andere Lage gegen die Hauptaxe des Krystalls haben, als in dem bisher besprochenen Fall, so werden die Strahlen das Prisma nicht mehr in solchen Richtungen durchlaufen, welche rechtwinklig zur Hauptaxe sind. Bestimmt man abermals die Brechungexponenten der beiden Strahlen, so findet man für das am meisten abgelenkte Bild, wie vorher, den Brechungsexponenten 1,654, für den Brechungsexponenten 1

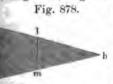
rystall mit gleicher Geschwindigkeit durchlaufen; für die ordinären Strahn also, welche sich von einem Punkte aus nach allen Seiten hin im Kalkathe verbreiten, ist die Oberfläche der Lichtwellen kugelförmig, wie dies ach für die Lichtwellen der Fall ist, welche sich in einem einfach brenenden Mittel, etwa in Luft, in Wasser, in Glas u. s. w. verbreiten.

Da man für die extraordinären Strahlen nicht immer denselben Brenungsexponenten findet, so ist klar, dass sie sich nicht nach allen Richungen hin mit gleicher Geschwindigkeit im Krystalle fortpflanzen, dass e Wellenoberfläche der extraordinären Strahlen also nicht kugelförmig in kann.

Suchen wir nun zu ermitteln, wie die Geschwindigkeit der extraornären Strahlen von der Richtung abhängt, in welcher sie den Krystall prehlaufen.

Der kleinste Werth, welchen man für den Brechungsexponenten der traordinären Strahlen findet, ist 1,483, und diesen Werth findet man, ie schon erwähnt wurde, für den Fall, dass die extraordinären Strahlen irgend einer Richtung den Krystall durchlaufen, welche rechtwinklig f der Hauptaxe des Krystalls steht. Da der Brechungsexponent der traordinären Strahlen für alle anderen Richtungen grösser ist, so ist klar, se sich die Fortpflanzungsgeschwindigkeit der extraordinären rahlen rechtwinklig zur krystallographischen Hauptaxe össer ist als für alle anderen Richtungen.

Die Geschwindigkeit der extraordinären Strahlen ist um so geringer, mehr sich die Richtung, in welcher sie den Krystall durchlaufen, der ystallographischen Hauptaxe nähert; in der Richtung dieser Axe selbst er pflanzen sich alle Strahlen mit einer solchen Geschwindigkeit, wie sie m Brechungsexponenten 1,654 entspricht, also mit der Geschwindigkeit r ordinären Strahlen fort; in der Richtung der Hauptaxe findet also eichsam gar keine doppelte Brechung statt; diese Axe ist also optisch n jeder anderen Richtung im Krystalle verschieden, sie führt deshalb ch den Namen der optischen Axe. Dass in der Richtung der optihen Axe wirklich keine doppelte Brechung stattfindet, lässt sich am einchsten mit Hülfe eines Prismas zeigen, dessen brechende Flächen ab und 7. Fig. 878, ungefähr gleich stark gegen die Richtung lm der optischen



Axe geneigt sind. Je nachdem man ein solches Prisma vor das Auge hält, sieht man ein einziges oder zwei Bilder desselben Gegenstandes; wenn man zwei Bilder sieht, so kann man das Prisma so drehen, dass sich die beiden Bilder mehr und mehr einander nähern, und dass sie endlich ganz

sammenfallen; in letzterem Falle durchlaufen die gebrochenen Strahlen Prisma in der Richtung der optischen Axe.

In Fig. 879 (a. f.S.) bezeichne die Linie ab die Richtung der optischen i einem Kalkspathkrystalle, die Länge ma und mb aber stelle die wenwindigkeit der ordinären, mc und md die Geschwindigkeit der extra-

ordinären Strahlen dar, mit welcher sie sich rechtwinklig zur opt Axe im Krystalle fortpflanzen.

Ein mit dem Radius ma um m gezogener Kreis stellt alsdam Gesetz dar, nach welchem die ordinären Strahlen sich von m aus verschiedenen Richtungen in der Ebene der Figur fortpflanzen.

Eine Ellipse, deren kleine Axe ab, deren grosse Axe aber cd ist uns dagegen das Gesetz dar, nach welchem sich die Geschwindigke

Fig. 879.

extraordinären Strahlen im Krystalle ihrer Richtung ändert. Wollte man die Geschwindigkeit eines extraordin Strahles ermitteln, dessen Richtung der optischen Axe einen Winkel von macht, so hat man nur durch den M punkt m eine Linie mf so zu ziehen der Winkel amf gleich 60° ist; die L des Leitstrahls mf stellt alsdann de schwindigkeit des extraordinären Strin der angegebenen Richtung dar.

Sollte unsere Figur das Gesetz der Geschwindigkeit der extraords Strahlen im Kalkspath nicht allein der Art, sondern auch der Grössdarstellen, so müsste sich die kleine Axe der Ellipse zur grossen wir bzu 1,654 verhalten.

Denken wir uns die Fig. 879 um die Axe ab umgedreht, so en durch die Umdrehung des Kreises eine Kugel, durch die Umdrehung Ellipse aber ein Ellipsoid; die Kugel ist die Wellenoberfläche ordinären, das Ellipsoid ist die Wellenoberfläche der ordinären Strahlen. Um sich von diesen Wellenoberflächen schauliches Bild zu machen, kann man ein aus Pappendeckel hergesten.



Modell benutzen, welches, wie Freden Durchschnitt der beiden Wellestächen mit einer horizontalen (auf optischen Axe rechtwinkligen) und verticalen (durch die optische Axelegten) zu einander rechtwinkligen Bedarstellt.

Denken wir uns irgend einen im Inneren eines Kalkspathkrystalle welchem nach allen Seiten hin und

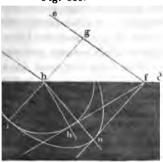
Strahlen ausgehen, so werden sie sich nach allen Seiten mit beGeschwindigkeit verbreiten; gleichzeitig von jenem Mittelpunkt auswerden sie auch gleichzeitig auf der Oberfläche einer um diesen punkt gelegten Kugel ankommen; diese Kugel ist die Wellenoberflächen Strahlen.

In gleicher Weise bilden auch die von einem Punkte nach de tungen hin ausgehenden extraordinären Strahlen ein Wellensyster

aber keine Kugel, sondern ein Ellipsoid ist. In unserem e Kugel, welche die Wellenoberfläche der ordinären Strahlen anz von diesem Ellipsoid eingehüllt, da sich ja die ordinären agsamer fortpflanzen als die extraordinären; nur in zwei Punkdie Kugel das Ellipsoid, denn die kleine Axe des Ellipsoids ich ein Durchmesser der Kugel.

rorausgesetzt, ist es nun leicht, die Richtung der beiden gestrahlen im Kalkspathe durch Construction zu finden. Es sei ab die Richtung des einfallenden Strahles, cd die Oberfläche sthkrystalls, so findet man die Richtung des ordinären ge-

Fig. 881.

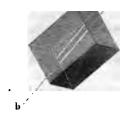


brochenen Strahles nach der schon oben, Seite 750, angegebenen Construction; man zieht nämlich ef mit ab parallel, fällt von b aus das Perpendikel bg auf diese Linie und beschreibt dann um b einen Kreis, dessen Halbmesser sich zu der Länge gf verhält wie 1 zu 1,654; zieht man von f aus eine Tangente an den Kreis, so ist die von b nach dem Berührungspunkte h

mie die Richtung des gebrochenen ordinären Strahles. Wenn ische Axe des Krystalls mit der Richtung bi zusammenfällt, Durchschnitt der Papierebene mit der Wellenoberfläche der en Strahlen die in unserer Figur gezeichnete Ellipse; um nun 3 des gebrochenen extraordinären Strahles zu finden, hat man us eine Tangente an die Ellipse und dann von b aus nach dem punkte n eine Linie zu ziehen, welch letztere dann die Richtung enen extraordinären Strahles ist.

aben bei der eben angegebenen Construction nur einen besonvor Augen gehabt, nämlich dass die optische Axe des Krystalls
allsebene des Strahles ab liegt, dass also die optische Axe mit
ler Figur zusammenfällt; wenn dies nicht der Fall ist, lässt
htung des extraordinären Strahles nicht durch Zeichnung erl er alsdann aus der Ebene des Papiers heraustritt; um nämhtung des extraordinären Strahles zu finden, hätte man durch
rechtwinklig zur Ebene des Papiers und durch diese Linie
ende Ebene an die ellipsoidische Wellenfläche der extraordinän zu legen; nach dem Punkte in welchem diese Ebene das
rührt und welcher im Allgemeinen ausserhalb der Einfallsebene
an dann von b aus eine Linie zu ziehen.

eser Construction, welche schon von Huyghens angegeben ergiebt sich, dass der extraordinäre Strahl nicht immer in der



es erzeugen, bieiben also in der Li andere Bild hingegen liegt rechts ab, die Strahlen, welche dieses sind also nicht in der durch die Li Auge gelegten Einfallsebene gebli einem besonderen Falle fällt auch d Bild in die Einfallsebene, wenn näm Axe des Krystalls selbst in der Ein

in diesem Falle decken sich auch die beiden Bilder der I

327 Einaxige Krystalle. Einaxig heissen solche Kunur eine optische Axe haben, d. h. in denen es nur eine ei giebt, nach welcher der Krystall von allen Lichtstrahlen n schwindigkeit durchlaufen wird, wie dies beim Kalkspath anderen Krystallen der Fall ist, die wir bald werden kenne

Bei Kalkspath werden die ordinären Strahlen stärker die extraordinären; alle einaxigen Krystalle nun, bei welch der Fall ist, werden negative Krystalle genannt. In die axigen negativen Krystalle gehören unter anderen:

Kalkspath (kohlensaurer Kalk),
Turmalin,
Rubellit,
Corund,
Saphir,
Rubin,
Smaragd,
Beryll,
Apatit

Glimmer (einige Arte Phosphorsaures Bleio: Saures arseniksaures Chlorstrontium, Chlorcalcium, Honigstein, Schwefelsaures Nickel Blutlaugensalz, Phosphorsaurer Kalk. Erklärung der doppelten Brechung durch d. Vibrationstheorie. 819

daraus hervor, dass die Vibrationen, welche das eine Bild erzeugen, parallel mit der optischen Axe des Kalkspathprismas sind, während die Aethervibrationen, welche den anderen Strabl fortpflanzen, in einer Ebene vor sich gehen, welche auf der optischen Axe rechtwinklig steht.

Wie man auch ein Prisma aus Kalkspath oder irgend einem anderen einaxigen doppeltbrechenden Krystalle schneiden mag, stets findet man, wenn man die beiden Bilder mit Hülfe einer Turmalinplatte untersucht, dass sie rechtwinklig zu einander polarisirt sind; die Richtung, nach welcher die Vibrationen für die beiden Strahlen stattfinden, lässt sich aber auf folgende Weise bestimmen:

Denkt man sich durch die Richtung, in welcher ein Lichtstrahl den Krystall durchläuft, und durch die Richtung der optischen Axe eine Ebene gelegt, so wird eine solche Ebene ein Hauptschnitt genannt; die Schwingungen des ordinären Strahles sind nun stets rechtwinklig auf der Ebene des Hauptschnittes, also auch rechtwinklig auf der Richtung der optischen Axe; die Schwingungen, welche den extraordinären Strahl fortpflanzen, finden dagegen in der Ebene des Hauptschnittes statt.

Erklärung der doppelten Brechung durch die Vibra- 329 tionstheorie. Um die bisher besprochenen Erscheinungen der doppelten Brechung zu erklären, nimmt die Undulationstheorie an, dass in allen

Fig. 885.

doppeltbrechenden Krystallen die Elasticität des Aethers, durch dessen Vibrationen sich die Lichtstrahlen fortpflanzen, nicht nach allen Richtungen dieselbe sei.

Stellen wir durch ab, Fig. 885, die Elasticität des Aethers in der Richtung der optischen Axe eines positiven Krystalls, durch cd die Elasticität rechtwinklig zur optischen Axe dar; beschreiben wir ferner eine Ellipse, deren kleine Axe ab, deren grosse Axe aber cd ist, denken

wir uns alsdann die ganze Figur um die Axe ab umgedreht, so entsteht ein Umdrehungsellipsoid, welches das Gesetz darstellt, nach welchem sich die Elasticität des Aethers nach verschiedenen Richtungen ändert. Dieses Umdrehungsellipsoid führt den Namen der Elasticitätsoberfläche; und war ist es die Elasticitätsoberfläche für einaxige positive Krystalle.

In diesem Sinne stellt Fig. 886 (a. f. S.) das Modell der Elasticitätsfläche eines optisch einaxigen positiven Krystalls dar.

Bei negativen Krystallen ist die Elasticität des Aethers in der tung der optischen Axe grösser als nach jeder anderen Richtung, ein mum aber nach allen Richtungen, welche auf der optischen Axe rechtlig stehen. Wenn in der Ellipse, Fig. 888 (a. f. S.), ab die Elasticität ethers nach der Richtung der optischen Axe in einem einaxigen negati-

ven Krystalle, $c\,d$ aber die Elasticität des Aethers rechtwinklig zur schen Axe darstellt, so entsteht durch Umdrehung dieser Ellipse u



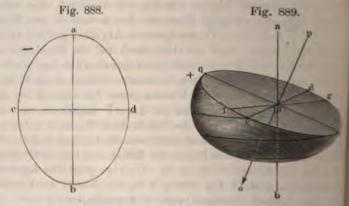
grosse Axe ab die Elasticitätsoberfläche einaxiger negs Krystalle.

Fig. 887 stellt das Modell der Elasticitätsoberfläche eines q

einaxigen negativen Krystalls dar.

Jede durch den Mittelpunkt m der Elasticitätsoberfl gelegte Ebene schneidet dieselbe in einer Ellipse, welches mehr einem Kreis sich nähert, je weniger der Winkel, welchen die dende Ebene mit der optischen Axe macht, von einem rechten wer den ist.

Fig. 889 stellt den Durchschnitt der Elasticitätsoberfläche einsaxigen (positiven) Krystalls mit einer durch ihren Mittelpunkt m geb



Ebene dar. qr ist die kleine, cd ist die grosse Axe der Durchellipse (dass in unserer Figur cd kleiner ist als qr, rührt daher, hals rechtwinklig zu der Bildfläche stehend, verkürzt erscheint, wahr als in der Bildfläche liegend, unverkürzt bleibt; cd ist gleich der torialdurchmesser des Ellipsoids Fig. 885).

Für Lichtstrahlen, welche sich in der Richtung po, rechtwinklig zur bene gdrc im Krystall fortpflanzen, ist die durch po und die Axe ab elegte Ebene der Hauptschnitt. Dieser Hauptschnitt schneidet die Hipse qdrc in der Linie qr. Nach dem vorigen Paragraphen ist qr ie Schwingungsvorrichtung für die extraordinären Strahlen, welche ch in der Richtung po durch den Krystall fortpflanzen.

Die grosse Axe cd des elliptischen Schnittes, welche auf dem eben zeichneten Hauptschnitt rechtwinklig steht, ist die Schwingungsrichtung er ordinaren Strahlen, welche sich in der Richtung op durch den rystall fortpflanzen.

gr ist die Richtung der kleinsten, cd ist die Richtung der grössten lasticität in der rechtwinklig auf po stehenden Ebene.

Danach können wir das Gesetz der Polarisation durch doppeltbreende Krystalle in folgender Weise aussprechen: Die Schwingungen, elche einen Lichtstrahl innerhalb eines doppeltbrechenden rystalls fortpflanzen, finden nur nach der Richtung derkleinen und nach der Richtung der grössten Elasticität der zur icht ung des Strahles normalen Ebene statt.

Es bleibt uns jetzt noch übrig, den Grund zu suchen, warum die chwingungen, welche einen Strahl innerhalb eines doppeltbrechenden rystalls fortpflanzen, nur nach diesen beiden Richtungen und nicht nach gend einer zwischenliegenden stattfinden können.

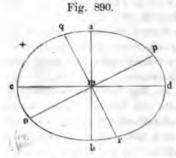
Nehmen wir an, das Aethertheilchen m, Fig. S89, welches auf der berfläche eines doppeltbrechenden Krystalls sich befinden mag, dessen xe die Richtung ab hat, werde durch die einfallenden Strahlen so afficirt, ass es nach der Richtung fq oscillirt, so kann man sich seine Vibrationsntensität in zwei Seitenkräfte zerlegt denken, von denen die eine nach d, die andere nach qr gerichtet ist.

Weil nun aber die Elasticität des Aethers im Krystall nach der Richtung cd ein Maximum ist, und weil sich deshalb auch die Vibrabionen, welche parallel mit cd sind, im Krystall schneller fortpflanzen als alle anderen, so wird sich auch die nach cd gerichtete Composante der in der Richtung f q stattfindenden Vibration des Theilchens m am schnellsten im Krystall fortpflanzen. Ein im Inneren des Krystalls auf dem Wege ler gebrochenen Strahlen in einiger Entfernung von m befindliches Aetherheilchen wird also von einer parallel mit cd gerichteten Bewegung cher griffen werden als von irgend einer anderen, es wird sich also zunächst Inneren des Krystalls ein Strahlenbündel bilden müssen, welches durch hwingungen fortgepflanzt wird, die mit cd parallel sind. Ein zweites, ngsamer sich fortpflanzendes Strahlenbündel wird alsdann durch Vibraonen gebildet, welche, durch die zweite Composante der einfallenden "ilen erzeugt, parallel mit qr stattfinden.

Construction der Wellenoberflächen einaxiger Krv- 330 Wir haben oben in §. 326 die Wellenoberfläche einaxiger Krystalle aus den Brechungsexponenten des ordinären und extraordinären Strahles für verschiedene Richtungen, also gleichsam empirisch construirt: wir müssen nun noch zeigen, wie sie sich auch aus der Elasticitätsoberfläche, also theoretisch, ableiten lässt.

Betrachten wir zunächst einen optisch einaxigen positiven Krystall. Welches auch die Richtung po, Fig. 890, eines ordinären Strahles im Krystall sein mag, so sind die Schwingungen, welche ihn fortpflanzen jederzeit rechtwinklig zur Axe. Da aber rechtwinklig zur Axe nach allen Seiten hin die Elasticität des Aethers dieselbe ist, so werden sich auch die ordinären Strahlen nach allen Richtungen hin mit gleicher Geschwindigkeit fortpflanzen, die Wellenoberfläche der ordinären Strahlen ist also eine Kugel, deren Diameter gleich dem Aequatorial-durchmesser der Elasticitätsoberfläche zu nehmen ist.

Für einen extraordinären Strahl, welcher sich rechtwinklig zur optischen Axe, also in der Richtung cd, Fig. 890, fortpflanzt, sind die Vibrationen der optischen Axe parallel, und da ma, die halbe kleine Axe



der Ellipse, die Elasticität des Aethers in der Richtung der optischen Axe darstellt so stellt die Länge ma auch die Geschwindigkeit dar, mit welcher die extraordinäres Strahlen sich rechtwinklig zur Axe fortpflanzen.

Ebenso stellt mq, die Hälfte des Ellipsendurchmessers qr, die Geschwindigkeit dar, mit welcher sich ein extraordinärer Strahl in der Richtung phrechtwinklig zu qr, fortpflanzt.

Diese Geschwindigkeit wird um so grösser, je kleiner der Winkel wird, welchen die Richtung des extraordinären Strahles po mit der optischen Axe des Krystalles macht. soberfläche. Kurz, aus der Elasticitätsoberfläche einaxig positiver Krydle ergiebt sich die Wellenoberfläche der ordinären Strahlen sowohl auch der extraordinären, wie sie durch das Modell Fig. 891 dargedlt ist.

In gleicher Weise lässt sich die durch das Modell, Fig. 880, dargellte Wellenoberfläche der ordinären und extraordinären Strahlen in einig negativen Krystallen aus der Elasticitätsoberfläche, Fig. 887, ableiten.

Doppeltbrechende Prismen als polarisirende Apparate. 331 alle Strahlen, welche einen doppeltbrechenden Krystall durchlaufen ben, polarisirt sind, so kann man auch doppeltbrechende Prismen statt r Polarisationsspiegel oder statt der Turmalinplatten anwenden; namenth lassen sich doppeltbrechende Prismen sehr gut statt des Zerlegungsiegels als Kopf des Polarisationsapparates anwenden.

Wenn man ein doppeltbrechendes Prisma als Zerleger im Polarisansapparate anwenden will, ist es zweckmässig, dasselbe durch ein Glasisma zu achromatisiren, damit die prismatische Farbenzerstreuung und Ablenkung der Bilder nicht störend wirkt. Wenn man ein Kalkspathisma und ein Glasprisma von gleichem brechenden Winkel zusammentet, so findet für den extraordinären Strahl weder eine Ablenkung, noch de Farbenzerstreuung statt, da der Brechungsexponent und die Farbenzereuung für den extraordinären Strahl im Kalkspathprisma ziemlich gleich. Sieht man durch ein so achromatisirtes Kalkspathprisma nach irgend dem Gegenstande, etwa nach einer Kerzenflamme, so sieht man zweilder, von denen das eine, das ordinäre, noch farbige Säume zeigt, wähnd das andere davon frei ist. Dreht man nun das Prisma vor dem ige um, so bleibt dabei das farblose Bild fast ganz unverrückt stehen, hrend das farbig gesäumte sich um das erstere dreht.

Um ein achromatisches Kalkspathprisma bequem als Kopf des Polaritionsapparates gebrauchen zu können, wird es mittelst Kork in eine Hülse n Messing gefasst, wie man Fig. 892 sieht. Wenn man auf das mittlere

Fig. 892.



Tischlein des Polarisationsapparates einen schwarzen Schirm legt, in dessen Mitte sich eine Oeffnung von 2 bis 3 Linien Durchmesser befindet, so kann nur durch diese Oeffnung polarisirtes Licht zum oberen Theile des Apparates gelangen. Sieht man nach der Oeffnung von oben her durch ein achromatisirtes Kalk-

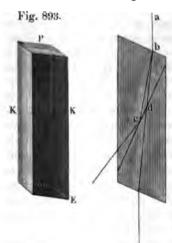
athprisma, so sieht man die Oeffnung doppelt, und wenn man das Prisma seine verticale Axe umdreht, so werden die beiden Bilder abwechselnd Il und dunkel; wenn die Helligkeit des einen Bildes zunimmt, so nimmt des anderen ab, und wenn das eine Bild ein Maximum von Helligkeit that, so erscheint das andere Bild ganz dunkel, was sich ganz natürdurch erklärt, dass die beiden Strahlenarten, welche sich durch ein Itbrechendes Prisma fortpflanzen können, rechtwinklig zu einander

polarisirt sind; das eine der beiden Bilder entspricht also dem Falle der gekreuzten Spiegel des Polarisationsapparates.

Zu vielen Versuchen ist eine Turmalinplatte ungleich bequemer, als ein Polarisationsspiegel; nur ist oft die Färbung einer solchen Platte störend. Statt der Turmalinplatte könnte man aber fast eben so bequem ein doppeltbrechendes Prisma zur Erzeugung oder Zerlegung des polarisirten Lichtes anwenden, wenn es nicht zu gleicher Zeit zwei rechtwinklig zu einander polarisirte Strahlenbündel lieferte. Auf eine sinnreiche Weise hat nur Nicol zwei Kalkspathprismen so combinirt, dass nur das eine polarisirte Strahlenbündel durch das System hindurchgeht.

Die Construction der Nicol'schen Prismen ist folgende: Man verschafe sich zwei in die Länge gezogene Kalkspath-Rhomboëder und schleife statt

Fig. 894.



der kleinen natürlichen Endfläche P.
Fig. 893, welche einen Winkel von 71'
mit den stumpfen Kanten K macht, eine
andere an, deren Winkel mit den Kanten
K 680 beträgt. Alsdann schleife man von
Fig. 895.

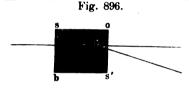


der Ecke E her eine neue Fläche an, die wir mit H bezeichnen wollen, und welche mit der statt P angeschliffenen eines rechten Winkel macht.

Hat man zwei solcher Prismen hergestellt und die angeschliffenen Flächen wohl hen Gegenstände besser sehen könne, wie dies bereits S. 803 besprochen rde, kann man statt einer Turmalinplatte wegen seiner Farblosigkeit t Vortheil auch das Nicol'sche Prisma anwenden.

Die obere Fläche eines Nicol'schen Prismas hat die Gestalt einer Raute. 3.895, die Polarisationsebene der durch einen solchen Apparat hindurchgangenen Strahlen fällt mit der Richtung PP der grossen Diagonale zunmen, die Schwingungsebene derselben hat also die Richtung der kleinen agonale, welche in unserer Figur durch einen kleinen Pfeil bezeichnet ist.

Rochon's Mikrometer. In Fig. 896 seien obs und obs' zwei 334 sammengekittete Prismen von Bergkrystall; die optische Axe des einen ht rechtwinklig auf der Fläche sb, sie läuft also mit der Fläche so rallel, die optische Axe des zweiten Prismas hingegen läuft parallel mit r Durchschnittskante der Flächen os' und bs', sie steht also rechtwinklig f der Ebene des Papiers. Wenn nun von irgend einem Gegenstande her chtstrahlen rechtwinklig auf die vordere Fläche sb des ersteren Prisas fallen, so werden sie ohne alle Ablenkung dieses erste Prisma durch-



laufen; beim Uebergang in das zweite Prisma werden die ordinären Strahlen auch nicht abgelenkt, sie treten also mit unveränderter Richtung an der Fläche os' aus; die extraordinären Strahlen hingegen werden durch das zweite Prisma eine Ablenkung erfah-

n, sie verlassen dasselbe in einer anderen Richtung als die ordinären; r Winkel e, den die austretenden ordinären Strahlen mit den austretenme extraordinären machen, hängt von der Grösse des brechenden Winkels os' ab, und man kann den Winkel e berechnen, wenn die Grösse des linkels bos' bekannt ist, da man ja den Brechungsexponenten der extra-dinären und der ordinären Strahlen im Bergkrystalle ein- für allemal tant. Wenn der brechende Winkel bos' 30°, 40°, 50°, 60° ist, so findet an für den Ablenkungswinkel e die Werthe 19' 30", 28' 20", 40', 57' 40".

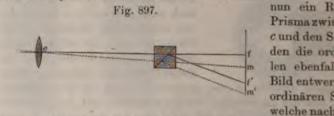
Statt den Ablenkungswinkel e durch Rechnung zu ermitteln, ist es meer, ihn direct durch den Versuch zu bestimmen. Wenn man nämlich treh ein solches Prisma nach irgend einem Gegenstande hinsieht, so blickt man zwei Bilder desselben, die je nach der Grösse und Entfernung Gegenstandes theilweise einander decken oder durch einen Zwischentum von einander getrennt erscheinen. Wenn nun der zu betrachtende tegenstand eine kreisförmige Scheibe ist, so ist es leicht, sie in eine solche ternung zu bringen, dass die beiden Bilder sich gerade berühren, und diesem Falle erscheinen die beiden Mittelpunkte gerade um den Durchter der Scheibe getrennt. Bezeichnet man die Entfernung der Scheibe

r d der Scheibe getrennt. Bezeichnet man die Entfernung der Scheibe , so ist offenbar:

tang.
$$e = \frac{d}{z}$$
,

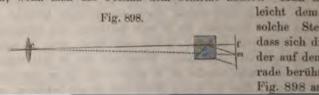
Durchmesser oder die Entternung der Gegenstande zu bestimt einem doppeltbrechenden Prisma zu diesem Zwecke versehe führt nach seinem Erfinder den Namen Rochon's Mikron Prisma befindet sich zwischen dem Objectiv und dem Ocular o und kann nach Belieben von dem Objectiv entfernt oder der hert werden.

In Fig. 897 stellt c eine Sammellinse dar, welche auf Schirme in fm das Bild eines fernen Gegenstandes entwirft



aus dem Prisma mit den ordinären einen Winkel e machen zweites Sammelbild in f'm' erzeugen.

Da der Winkel, welchen die ordinären und extraordina bündel mit einander machen, unverändert derselbe bleibt, so fernung der beiden Bilder fm und f'm' wachsen, wenn ma vom Schirme entfernt; die Entfernung der Bilder wird aber den, wenn man das Prisma dem Schirme nähert. Man k



sich ist, unter welchem der Gegenstand ohne Fernrohr erscheint, folnde Beziehung:

Es ist tang. $e = \frac{fm}{fr} = \frac{fm}{h}$, wenn man mit h die Entfernung des ismas von dem Bilde für den Fall bezeichnet, dass die beiden Bilder sich rade berühren; ferner ist tang. $v = \frac{fm}{fc} = \frac{fm}{F}$, wenn F die Brennweite s Objectivs bezeichnet; daraus ergiebt sich aber die Proportion:

tang.
$$v: tang. e = \frac{1}{F}: \frac{1}{h}$$

d daraus folgt:

tang.
$$v = \frac{h}{F}$$
 tang e.

Wenn man das Fernrohr auf irgend einen entfernten Gegenstand richund das Prisma so verschiebt, dass die beiden Bilder in Berührung
mmen, so kann man nach dieser Formel die Grösse des Gesichtswinkels
berechnen, unter welchem der Gegenstand ohne Fernrohr erscheint, da
r Werth von e ja ein- für allemal für das Prisma ausgemittelt hat und
e Brennweite des Objectivs bekannt ist. Um den Werth von h, d. h. die
utfernung des Prismas von der Stelle, wo das Objectiv seine Bilder entrft, zu messen, muss die Einrichtung getroffen sein, dass man diese
utfernung an einer aussen am Fernrohre angebrachten Theilung ablesen
nn. Die Verschiebung des Prismas kann auf ähnliche Weise bewerkstelt werden, wie die Verschiebung des kleinen Spiegels in dem Spiegeleskope.

Anstatt der Theilung, welche die Entfernung des Prismas von der elle angiebt, an welcher das Bild des Objectivs entsteht, kann man eine pirische Theilung auftragen, welche ohne Weiteres den gesuchten inkelwerth v angiebt. Eine solche Theilung erhält man auf folgenderise.

Man richtet das Fernrohr auf eine kreisförmige Scheibe, deren Entaung und deren Durchmesser man kennt; der Winkelwerth, unter welm die Scheibe dem unbewaffneten Auge erscheint, ist leicht zu berecht, wir wollen z. B. annehmen, er betrage 30'. Man stellt nun das Prima Fernrohre so, dass man nur ein Bild der Scheibe sieht, und so erhält n den Nullpunkt der Theilung; alsdann rückt man das Prisma gegen Objectiv hin, bis sich die beiden Bilder berühren; da man nun weiss, se der Schwinkel v gleich 30' ist, so bezeichnet man die Stelle auf der hre, an welcher jetzt das Merkzeichen des Prismas steht, mit 30', dann die Entfernung dieses Punktes von dem Nullpunkte der Thein 30 gleiche Theile und setzt diese Theilung auch noch jenseits des es 30 fort. Richtet man nun das Fernrohr auf irgend einen anderen

astand, bringt man durch Verschiebung des Prismas die beiden Bil-

der desselben in Berührung, so kann man ohne Weiteres den Werth des Sehwinkels für diesen Gegenstand auf dem Rohre ablesen.

Neben dieser Theilung, welche die Winkelwerthe angiebt, unter welchen die Gegenstände dem blossen Auge erscheinen, stehen andere, welche das Verhältniss zwischen der Grösse und der Entfernung der Gegenstände angeben. So steht z. B. neben 4' die Zahl 859, und dies bedeutet, dass die Entfernung eines Gegenstandes 859mal so gross ist als sein Durchmesser, wenn er unter einem Winkel von 4' erscheint; mit Hülfe dieser Zahlen kann man nun sehr leicht die Grösse eines Gegenstandes aus seiner Entfernung, und umgekehrt seine Entfernung aus seiner Grösse berechnen.

333 Zweiaxige Krystalle. In allen Krystallen, welche zu den drei letzten Krystallsystemen gehören, giebt es zwei Richtungen, in welchen sich alle ebenen Wellen mit derselben Geschwindigkeit fortpflanzen oder, mit anderen Worten, alle diese Krystalle haben zwei optische Axen.

Fresnel, von welchem die Theorie der doppelten Brechung einaxiger Krystalle herrührt, deren Grundzüge bereits oben entwickelt worden sind, fand, dass die doppelte Brechung in zweiaxigen Krystallen anderen Gesetzen folgt; in den zweiaxigen Krystallen giebt es keinen ordinären Strahl mehr, d. h. keinen, welcher den Krystall nach allen Richtungen mit gleicher Geschwindigkeit durchläuft; also keiner der beiden Strahlen, in welche ein einfallender Lichtstrahl bei seinem Eintritte in einen zweiaxigen Krystall gespalten wird, folgt den Gesetzen der gewöhnlichen Brechung.

Der Winkel, welchen die Richtungen der beiden optischen Axen mit einander machen, ist nicht für alle Krystalle derselbe, wie man aus der folgenden Tabelle ersehen kann.

Namen der Krystalle.

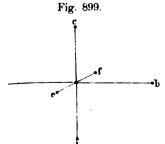
Winkel der optischen Axen

Gesetze der doppelten Brechung in zweiaxigen Krystallen. 829

Namen der Krystalle.	Winkel der optischen Axen.
Schwefelsaures Magnesia-Ammoniak	51•
Schwefelsaures Nickeloxyd	42 4'
Kohlensaures Ammoniak	43 24
Schwefelsaures Zinkoxyd	44 4
Glimmer	45
Lepidolith	45
Benzoësaures Ammoniak	45 8
Schwefelsaures Ammoniak	49 41
Topas (von Brasilien)	. 49 bis 50
Zucker	
Phosphorsaures Natron	55 20
Comptonit	
Gyps	
Salpetersaures Silberoxyd	
Feldspath	64
Topas (von Aberdeen)	65
Schwefelsaures Kali	67
Kohlensaures Natron	70
Essigsaures Bleioxyd	70 25
Citronensäure	70 29
Weinsteinsäure	79
Weinsteinsaures Kali-Natron (Seignettes	salz) 80
Kohlensaures Kali	80 30
Cyanit	81 48
Chlorsaures Kali	82
Epidot	84 19
Peridot	
Schwefelsaures Eisenoxydul (Eisenvitriol	l)90

Diejenige Linie, welche den spitzen Winkel der beiden optischen Axen urt, heisst Mittellinie.

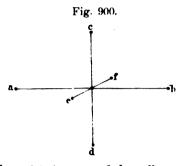
Gesetze der doppelten Brechung in zweiaxigen Kry- 334 11en. Fresnel hat die Erscheinungen der doppelten Brechung in



zweiaxigen Krystallen aus folgender Annahme über die Elasticität des Aethers abgeleitet: die Elasticität des Aethers ist in zweiaxigen Krystallen weder nach allen Richtungen dieselbe, wie dies bei einfach brechenden Mitteln der Fall ist, noch giebt es in denselben eine Axe, um welche herum die Elasticität des Aethers ganz symmetrisch ist, wie bei den einaxigen Krystallen. Es stelle in Fig. 899 ab die grösste Elasticität in einem zweiaxigen

Krystalle dar, so steht die Axe der kleinsten Elasticität cd winklig auf derselben; rechtwinklig zur Ebene dieser beiden Axen die Elasticität des Aethers kleiner als in der Richtung ab, und als in der Richtung cd; wir wollen die Axe ef die Axe der mit Elasticität nennen; sie erscheint in unserer Figur verkürzt.

Denken wir uns über diese drei Axen ein Ellipsoid beschrieben, man mit Hülfe desselben das Gesetz, nach welchem sich die Fortpfls

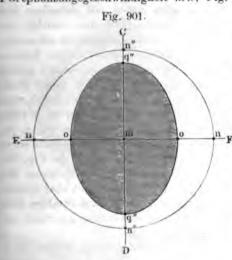


geschwindigkeit der Strahlen in Richtung ändert, also die Fo Wellenoberfläche für zwei Krystalle nach folgender, von I gegebener Regel entwickeln: Wei durch den Mittelpunkt des E eine Ebene gelegt denkt, so Durchschnitt derselben mit der soid stets eine Ellipse; errichtet in in der Mitte des elliptischen S ein Perpendikel auf der Ebene

ben, trägt man auf demselben die Länge der grossen und der Axe des elliptischen Schnittes auf, so sind diese beiden Längen d pflanzungsgeschwindigkeiten der beiden Strahlen in der Richtun Perpendikels. Hier mag es genügen, die Durchschnitte der Welfläche mit den drei Ebenen zu bestimmen, welche man durch je a drei Elasticitätsaxen legen kann.

Wir wollen der Reihe nach das Gesetz der Fortpflanzungsgedigkeit für beide Strahlen innerhalb der Ebene der Elasticitätsaxen ef, dann innerhalb der Ebene der Axen ef und ab und endlich in der Ebene der Axen ab und cd, oder, mit anderen Worten, die schnitte der Wellenoberfläche mit der Ebene der Axen cd und ef, ef, ab und cd bestimmen.

nächst einen Strahl, der sich in der Richtung der Axe ef fortpflanzt; ein durch den Mittelpunkt des Ellipsoids rechtwinklig auf ef gelegter Schnitt schneidet dasselbe in einer Ellipse, deren grosse Axe ab, deren kleine Axe aber ed ist; die Vibrationen, welche einen Strahl in der Richtung der Axe ef fortpflanzen, sind also entweder mit ab oder mit ed parallel; der Vibrationsrichtung eb entspricht, wie wir schon gesehen haben, die Fortpflanzungsgeschwindigkeit ed parallel; der Vibrationsrichtung ed



entspricht dagegen die geringere Fortpflanzungsgeschwindigkeit mo (die Länge mo müssen wir gleich 1/2 cd machen, wenn mn = 1/2 ab); es ist dies die geringste Geschwindigkeit, mit welcher sich irgend ein Strahl im Krystalle fortpflanzen kann, weil cd die kleinste Elasticitätsaxe ist; mn hingegen ist die grösste Fortpflanzungsgeschwindigkeit, weil ab die grösste Elasticitätsaxe ist.

In der Richtung der Elasticitätsaxe cd, Fig. 900, wird ein Lichtstrahl entweder durch Vibrationen fortgepflanzt, welche parallel mit ab sind, und

dann ist seine Fortpflanzungsgeschwindigkeit gleich mn'' = mn. Fig. 901, oder die Schwingungen, welche einen Strahl in der Richtung cd fortpflanzen, sind parallel mit ef, und dann ist die Fortpflanzungsgeschwindigkeit gleich mq'', gleich 1/2 ef.

In einer Richtung, die innerhalb des Winkels liegt, welchen die Axen cd und ef mit einander machen, ist begreiflicher Weise die Fortpflanzungsseschwindigkeit solcher Strahlen, deren Vibrationen auf ab rechtwinklig sind, kleiner als mq" und grösser als mo. Beschreibt man um den Punkt meine Ellipse, deren Halbaxen mo und mq" sind, so giebt uns eine von m zu rgend einem Punkte des Umfanges dieser Ellipse gezogene Linie die Geschwindigkeit an, mit welcher sich in der Richtung dieser Linie ein Lichtstrahl bewegt, dessen Vibrationen rechtwinklig auf der Axe der grössten Elasticität sind.

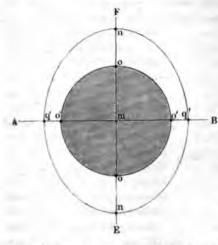
Diese Ellipse und der mit dem Halbmesser mn um dieselbe gezogene Kreis stellen uns also den Durchschnitt der Wellenoberfläche mit einer Ebene dar, welche durch die mittlere und die kleinste Elasticitätsaxe gesticht.

rch ähnliche Betrachtungen findet man nun auch den Durchschnitt llenoberfläche mit einer durch die mittlere und die grösste Elastie gelegten Ebene. Dieser Durchschnitt (Fig. 902 a. f. S.) besteht

ebenfalls aus einem Kreise und einer Ellipse, hier ist aber der Kreis ganz von der Ellipse eingehüllt.

Nach allen Richtungen der durch ef und ab, Fig. 900, gelegten Ebene können Strahlen durch Vibrationen fortgepflanzt werden, welche

Fig. 902.



mit der Axe cd, der Axe der kleinsten Elasticität, parallel sind; diese Strahlen pflanzen sich nach allen Seiten mit derselben Geschwindigkeit fort, welche der Vibrationsrichtung cd zukommt; der Halbmesser mo des Kreises der Fig. 902 ist deshalb gleich 1/2 cd in Fig. 900. In der Richtung der Elasticitätsaxe ab werden aber auch Strahlen fortgepflanzt, deren Schwingungen parallel mit ef sind, deshalb ist in Fig. $902 \, mq' = 1/2 \, ef \, der \, Fig. 900$ gemacht. In der Richtung der Axe ef pflanzen sich aber wie wir schon wissen, auch Strahlen fort. deren Schwingungen parallel mit

ab sind, deren Geschwindigkeit also gleich mn ist.

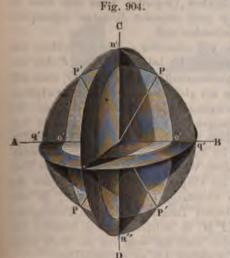
Der Durchschnitt der Wellenoberfläche mit einer Ebene, welche durch die Axe der grössten und der kleinsten Elasticität geht, besteht ebenfalls aus einer Ellipse und einem Kreise. Die kleine Axe der Ellipse ist gleich Mo', Fig. 903, die grosse gleich Mn", der Radius des Kreises gleich Ma.

Fig. 903.



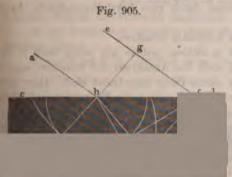
weil in der Ebene der Elastictätsaxen ab und cd nach allen Richtungen Strahlen durch Vimachen, so thut man gut, die drei Durchschnitte in der doppelten Grösse der Figuren 900, 902 und 903 auf Kartenpapier zu zeichnen und sie zu einem Modelle zusammenzufügen, wie man Fig. 904 sieht.

Um den Begriff der optischen Axen in zweiaxigen Krystallen fest-



zustellen, müssen wir noch erwähnen, dass hier noch ein Unterschied zwischen der Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Strahlen und der Fortpflanzungsgeschwindigkeit der gebrochenen ebenen Wellen zu machen ist. Bei der Erklärung des Brechungsgesetzes nach der Vibrationstheorie (Seite 750) haben wir gesehen, dass die gebrochene ebene Welle alle die elementaren Kugelwellen berührt, welche jeder elementare Lichtstrahl bei seinem Uebergange in das brechende Mittel erzeugt; die Richtung der gebrochenen Strahlen steht hier rechtwinklig auf der Richtung der gebrochenen ebenen

Welle, weil ja jede Kreistangente einen rechten Winkel mit ihrem Radius macht; diese Beziehung findet aber nicht mehr statt, wenn die elementaren Wellen im brechenden Medium nicht kugelförmig sind; eine Tangente, welche eine Ellipse in irgend einem Punkte berührt, steht im Allgemeinen nicht rechtwinklig auf dem Leitstrahle, den man von dem Mittelpunkte der Ellipse nach dem Berührungspunkte ziehen kann; die Richtung der gebrochenen Welle fn in Fig. 905 steht nicht genau rechtwinklig auf der Richtung des gebrochenen Strahles. Da sich nun die gebrochenen ebenen Wellen parallel mit der berührenden Ebene fn im Krystalle fortbewegen, so ist offenbar die Fortpflanzungsgeschwindigkeit dieser Wellen ein von b



auf die berührende Ebene fn gefälltes Perpendikel, während die Fortpflanzungsgeschwindigkeit der gebrochenen Strahlen durch den Leitstrahl bn dargestellt wird.

Wenn nun die optische Axe eines doppeltbrechenden Krystalls diejenige Richtung ist, nach welcher sich die ebenen Wellen stets mit gleicher Geschwindigkeit fortpflanzen, so findet man die Richtung der optischen Axen in einem zweiaxigen Krystalle, wenn man eine gemeinschaftliche Tangente RS, Fig. 903, an die beiden Theile der Wellenoberfläche legt und von dem Mittelpunkte M ein Perpendikel MT auf die Tangente fällt; dieses Perpendikel ist die Richtung einer optischen Axe. Solcher gemeinschaftlichen Tangenten kann man aber in Fig. 903 vier ziehen, von denen je zwei einander diametral gegenüberliegend durch eine optische Axe verbunden sind.

Der Kreis und die Ellipse Fig. 903 schneiden sich in 4 Punkten, von denen je zwei diametral gegenüberliegen. Da jeder der Punkte P den beiden Theilen der Wellenoberfläche gemeinschaftlich ist, so ist klar, dass sich in der Richtung MP zwei Strahlen mit gleicher Geschwindigkeit fortpflanzen können, von denen die Schwingungen des einen in die Ebene der Figur fallen, während die Schwingungen des anderen rechtwinklig zu derselben sind. Obgleich sich aber diese Strahlen mit gleicher Geschwindigkeit im Krystalle fortpflanzen, so ist doch die Fortpflanzungsgeschwindigkeit der ihnen entsprechenden ebenen Wellen nicht dieselbe, da die Tangente, die man im Punkte P an die Ellipse ziehen kann, nicht mit der demselben Punkte entsprechenden Kreistangente zusammenfällt, da also die Länge der von M auf diese beiden Tangenten gefällten Perpendike nicht gleich ist. Die Richtungen PM, in welchen sich alle Strahlen mit gleicher Geschwindigkeit fortpflanzen, sind also wohl von der ihnen allerdings naheliegenden Richtung der optischen Axe zu unterscheiden.

335 Beziehungen zwischen der Krystallform und der Lage der optischen Axen. Es ist schon früher bemerkt worden, dass alle Krystalle der drei letzten Krystallisationssysteme optisch zweiaxig sind, allein die Lage dieser Axen in Beziehung auf die krystallographischen Axen lässt sich nicht von vornherein bestimmen, wie es bei den optisch einaxigen Krystallen der Fall war.

Bei allen Krystallen, welche dem rhombischen Systeme angehören.

nesia) dar. Hier steht die Ebene der optischen Axen rechtwinklig auf der Säulenaxe. Die Krystallformen dieses Salzes haben wir bereits auf S. 96 kennen gelernt. Gewöhnlich erscheint die vordere Säulenkante noch durch die Fläche h, Fig. 908, abgestumpft, in deren Richtung die Krystalle des



Bittersalzes auch sehr gut spaltbar sind. Auf dieser Spaltungsfläche, also auch auf der Fläche h steht die Mittellinie des genannten Salzes rechtwinklig, eben so wie bei allen mit ihm isomorphen Salzen.

Auch bei Schwerspath liegt die Ebene der optischen Axen rechtwinklig zur Säulenaxe und die Mittellinie fällt mit der Makrodiagonale zusammen.

Beim Topas fällt die Mittellinie mit der Säulenaxe zusammen und die Ebene der optischen Axen geht durch die Brachydiagonale cd. Rechtwinklig zur Säulenaxe, also auch rechtwinklig zur optischen Mittellinie sind die Topaskrystalle sehr vollkommen spaltbar.

Bezeichnet man diejenige Axe ef des monoklinischen Systemes, welche auf der Ebene der beiden anderen rechtwinklig steht, als symme-

Fig. 909.

trische Axe, so ist diese symmetrische Axe jedenfalls eine der Elasticitätsaxen des Krystalls.



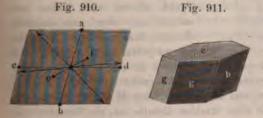
Die beiden anderen Axen des monoklinischen Systems fallen in der Regel nicht mit einer Elasticitätsd axe zusammen. Die Ebene der optischen Axen aber fällt entweder

1. mit der symmetrischen Ebene zusammen, d. h. mit derjenigen Ebene, welche auf der symmetrischen Axe rechtwinklig steht, also durch die beiden einen

schiefen Winkel mit einander machenden Axen ab und cd geht; oder

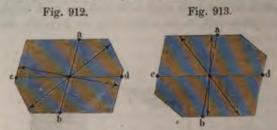
2. die Ebene der optischen Axen steht rechtwinklig auf der symmetrischen Ebene.

Ersteres ist z. B. der Fall beim Zucker, dessen Axenkreuz sammt



der Lage der optischen Axen in Fig. 910 dargestellt ist. Es steht also eine der optischen Axen des Zuckers fast rechtwinklig auf der Fläche b, Fig. 911, in deren Richtung die Krystalle auch spaltbar sind.

Fig. 912 und Fig. 913 stellen den Durchschnitt eines Krystalles von schwefelsaurem Magnesia-Ammoniak und eines solchen von amsisen-



saurem Kupferoxyd mit der symmetrischen Ebene sammt den optischen Axen dar, welche auch bei diesen Krystallen in der symmetrischen Ebene liegen.

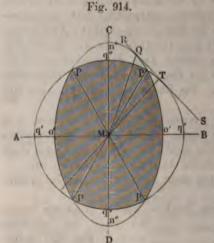
Beim Borax und

beim essigsauren Natron liegt die Ebene der optischen Axen rechtwinklig auf der symmetrischen Ebene.

Für triklinische Krystalle hat man bis jetzt noch gar keinen Zusammenhang zwischen der Lage der optischen und der krystallographischen Axen nachweisen können. (S. Beer's Einleitung in die höhere Optik, S. 384 bis 398.)

Später, wenn die Farbenringe verhandelt werden, welche die optischen Axen umgeben, werden wir noch einmal auf diese Verhältnisse zurückkommen müssen.

336 Conische Refraction. Da die im Punkte P, Fig. 914, an den Kreis und die Ellipse gelegten Tangenten nicht zusammenfallen, so ist klar,



dass sich in der Richtung MP zwei Strahlen mit gleicher Geschwindigkeit fortpflanzen können, denen verschiedene ebene Wellen entsprechen; da nun die Fortpflanzungsgeschwindigkeit dieser beiden ebenen Wellen ungleich ist, so werden die beiden Strahlen such nach verschiedenen Richtungen aus dem Krystalle austreten.

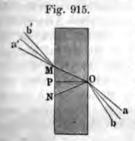
Nun aber hat Hamilton, welcher die Natur der Wellenoberfläche zweiaxiger Krystalle genauer untersuchte, gezeigt, dass
die Wellenoberfläche an jedem der
Punkte P von allen Seiten het
vertieft ist, oder, mit anderen
Worten, dass sich hier eine trich-

terförmige Vertiefung findet, dass sich also an jedem der Punkte P eine unendliche Anzahl von Berührungsebenen an die Wellenoberfläche legen lassen; jeder dieser Berührungsebenen entspricht nun aber ein ander rer austretender Strahl; wenn also in der Richtung MP, für welche die Fortpflanzungsgeschwindigkeit aller Strahlen dieselbe ist, ein Strahlenbar-

del den Krystall durchläuft, so wird es sich beim Austritte aus dem Krystalle in eine unendliche Anzahl von Strahlen theilen müssen, welche zusammen eine conische Oberfläche bilden (Pogg. Annal. Bd. XXVIII).

Hamilton hat dies merkwürdige Resultat aus der Fresnel'schen Theorie gefolgert, bevor man noch solche Thatsache beobachtet hatte; Lloyd stellte den Versuch an und fand zum Triumphe für die Wellentheorie die Erscheinung ganz so, wie man sie nach Hamilton's Rechnung erwarten musste.

Die beiden Richtungen, in welchen alle Strahlen den Krystall mit gleicher Geschwindigkeit durchlaufen, fallen fast mit den optischen Axen zusammen; im Arragonit machen sie einen Winkel von ungefähr 20° mit einander. Die Arragonitplatte, welche Lloyd zu seinen Versuchen anwandte, war senkrecht zu der Linie geschliffen, welche den Winkel der optischen Axen halbirt: folglich machten die Richtungen der gleichen



Strahlengeschwindigkeit einen Winkel von 80° mit der Oberfläche der Platte. In Fig. 915 mögen OM und ON diese Richtungen vorstellen. Auf jede der beiden Oberflächen legte nun Lloyd eine ganz dünne, mit einer sehr feinen Oeffnung versehene Metallplatte, so dass die Verbindungslinie der beiden Oeffnungen mit der Richtung OM zusammenfiel. Wurde nun von der einen Seite der Platte eine Lampenflamme genähert, so dass ein conisches Strahlenbündel aOb

auf die Oeffnung fallen konnte, dessen Strahlen nach OM gebrochen wurden, so erblickte man, nach der anderen Oeffnung in der gehörigen Richtung hinsehend, einen glänzenden Lichtring auf dunklem Grunde.

Beim Arragonit beträgt der Winkel, unter welchem die Strahlen des austretenden Strahlenkegels divergiren, ungefähr 3°.

Hamilton nannte diese Art der conischen Brechung die äussere conische Refraction; aber noch eine zweite, ganz ähnliche Erscheinung sagte er vorher, welcher er den Namen der inneren conischen Refraction gab.

Eine Ebene, welche die beiden Theile der Wellenoberfläche zugleich berührt, eine Ebene also, welche rechtwinklig auf einer der optischen Axen des Krystalls steht, berührt die Wellenoberfläche nicht allein in den Punkten Q und T, Fig. 914, sondern in einer unendlichen Anzahl von Punkten, welche einen kleinen Berührungskreis bilden; zu der ebenen Welle RS gehören also nicht allein die beiden Strahlen MQ und MT, sondern unzählig viele, welche zusammen die Oberfläche eines Kegels bilden, dessen Basis jener kleine Berührungskreis ist. Einer der Strahlen dieses Kegels.

MT, durchläuft den Krystall genau in der Richtung der optischen Spitze des Strahlenkegels bildet beim Arragonit einen Winkel o. Alle diese Strahlen treten nach derselben Richtung aus dem Wenn also ein gewöhnlicher Lichtstrahl NO, Fig. 916, in einer solchen Richtung auf die Oberfläche eines zweiaxigen Krystalls fällt, dass ein

Fig. 916.

Strahl nach der Richtung einer optischen Are desselben gebrochen wird, so wird er beim Eintritte in den Krystall in einen hohlen Strahlenkegel getheilt, dessen Strahlen, an der zweiten Oberfläche parallel mit ON austretend, einen hohlen Strahl newlinder bilden.

Auch die Existens der inneren conischen Refraction fand Lloyd durch den Versuch bestätigt, und zwar lässt sich diese Erscheinung leichter beobachten als die der äusseren conischen

Refraction. Fig. 917 stellt einen zu diesem Zwecke geeigneten Apparat dar. Eine ungefähr ¹/₂ Zoll hohe Arragonitsäule, welche durch zwei einander parallele Flächen begränzt ist, welche rechtwinklig zu einer der bei-





den optischen Axen stehen, ist mittelst Kork in die kurze Metallröhre a eingesteckt. Das Rohr a steckt wieder in einer unten offenen Messinghülse b, welche zwischen zwei auf einer Metallplatte c befestigten Säulchen (das hintere erscheint in unserer Figur beinahe gänzlich verdeckt) um eine horizontale Axe

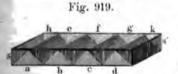
drehbar ist. Eine feine Drehung um diese horizontale Axe wird mittelt der Schraube s und der Feder f bewirkt.

Gerade unter dem Krystall ist in der Bodenplatte c eine kreisformig-

Lage entfernt, erscheint der Lichtring an zwei einander diametral gegenüber liegenden Stellen unterbrochen, Nr. 2 Fig. 918; bei noch weiterer Entfernung aus der richtigen Einstellung ziehen sich die Lichtbogen mehr und mehr zusammen, bis sie endlich auf zwei isolirte Lichtpunkte reducirt erscheinen, wie bei Nr. 3 Fig. 918.

Doppelte Brechung des zusammengedrückten Glases. 337 Wir haben bisher die wichtigsten Erscheinungen der doppelten Brechung in Krystallen betrachtet, in welchen die Ungleichheit der Elasticität des Aethers nach verschiedenen Richtungen eine Folge der krystallinischen Structur ist; allein auch in solchen Körpern, die sonst keine doppelte Brechung haben, lässt sich durch äussere Ursachen, etwa durch einen einseitigen Druck, durch eine ungleiche Erwärmung, eine solche Anordnung der Theilchen hervorbringen, dass die Elasticität des Aethers nicht mehr nach allen Richtungen dieselbe bleibt, dass sie also doppeltbrechend werden. Um diese wichtige Wahrheit nachzuweisen, hat Fresnel folgenden Versuch ausgesonnen.

Vier rechtwinklige Glasprismen, a, b, c, d, Fig. 919, welche einander vollkommen gleich sind, werden auf einer horizontalen Ebene mit denjeni-

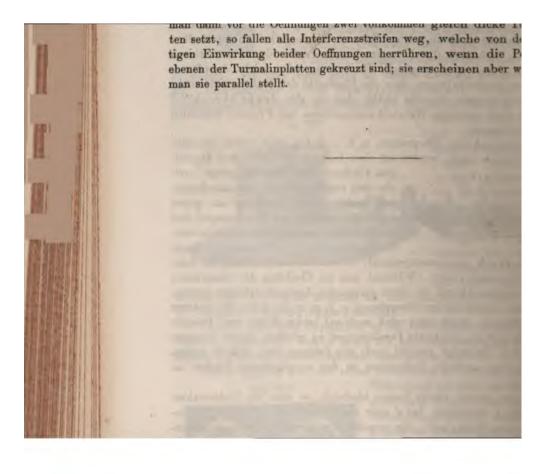


gen Flächen neben einander gelegt, welche dem rechten Winkel gegenüberliegen; von beiden Seiten legt man nun gegen die Enden Streifen von Kartenpapier und auf dieselben feste Stahlstreifen; dann werden die Prismen in einer passenden Zwenge

durch einen Druck zusammengepresst, welcher in der Richtung der Längenaxe der Prismen wirkt. Während nun die Theilchen der Glasprismen durch den starken Druck in einem gespannten Zustande erhalten werden, legt man drei rechtwinklige Glasprismen, e, f, g, in die durch die ersteren gebildeten Rinnen, setzt dann auch noch auf beiden Seiten zwei Prismen h und k von 45° an, um so ein Parallelepiped zu erhalten, dessen äusserste Seiten s und s' einander parallel sind; alle Prismen sind endlich zusammengekittet, um partielle Reflexionen an den verschiedenen Flächen zu vermeiden.

Sieht man durch dieses System hindurch, so dass die Lichtstrahlen an der Fläche s eintreten, bei s' aber nach dem Auge austreten, so erblickt man einen Visirpunkt, der ungefähr ein Meter weit vom Auge entfernt ist, doppelt, und zwar erscheinen die beiden Bilder ungefähr ein Millimeter weit und selbst noch weiter von einander entfernt. Die beiden Strahlen besitzen alle Eigenschaften von Strahlen, welche einen doppeltbrechenden Körper durchlaufen haben.

Bei der Betrachtung der Farbenerscheinungen, welche doppeltbrede Körper im polarisirten Lichte zeigen, werden wir noch manche Erinung kennen lernen, welche von einer doppelten Brechung in nicht tallisirten Körpern herrührt; wenn aber auch eine durch künstliche



Elftes Capitel.

Chromatische Polarisation

oder

die Farben doppeltbrechender Krystallplatten im polarisirten Lichte.

Farben dünner Gypsblättehen im polarisirten Lichte. 339 Der natürliche Gyps findet sich häufig in grossen durchsichtigen Krystallen, ie nach einer Richtung hin so vollkommen spaltbar sind, dass man leicht anz dünne Blättchen abspalten kann; ganz besonders kommt diese Eigenhaft derjenigen Varietät zu, welche auf dem Montmartre bei Paris gefunden wird, obgleich gerade diese Krystalle nicht von regelmässigen Flächen gränzt sind.

Bringt man ein durch Spaltung erhaltenes recht dünnes Gypsblättchen ischen die beiden Spiegel eines Polarisationsapparates, so wird es mehr ler weniger brillant gefärbt erscheinen. Je nachdem man das Gypsblätten selbst oder den Zerlegungsspiegel des Apparates dreht, ändert sich tweder die Intensität der Färbung, oder auch die Färbung selbst.

Ganz besonders eignet sich zu diesen Versuchen der schon oben (Seite 99 beschriebene Nörremberg'sche Polarisationsapparat. Man braucht schopsblättehen, welches nicht über 0,3 Millimeter dick sein darf, nur das mittlere Tischchen zu legen, um es im oberen Spiegel oder durch gend einen anderen Zerleger (am zweckmässigsten ein Nicol'sches Prisma)

Wir wollen zuerst den Fall betrachten, dass die Schwingungsebene Zerlegers rechtwinklig auf der des Polarisationsspiegels steht, dass also Scheichtsfeld ohne das Gypsblättchen dunkel erscheint. Schiebt man Schiebt man Schiebt man den Apparat ein, so erscheint es farbig auf dunklem Tunde; doch wird man bald sehen, dass die Lebhaftigkeit der Färbung icht für alle Lagen des Gypsblättchens dieselbe ist.

Hat man das Gypsblättchen auf das Tischlein gelegt, so braucht man albe nur in seiner Ebene, also um eine verticale Axe zu drehen, so die Färbung des Blättchens bald lebhafter werden, bald an Intensi-

tät abnehmen und man wird leicht eine bestimmte Stellung ermitteln konnen, bei welcher das Blättchen selbst ganz so dunkel erscheint wie der Grund, eine Lage also, in welcher das Gypsblättchen gar keine sichtbare Wirkung auf die durchgehenden Strahlen hervorbringt.

Wir wollen nun diese Lage näher bestimmen. Die Gypskrystalle and wie eben erwähnt wurde, nach einer Richtung vollkommen spaltbar, sie besitzen aber nach zwei anderen Richtungen noch eine unvollkommene Spaltbarkeit. Es stelle Fig. 920 ein von einem Gypskrystall vom Montmartre abgespaltenes Blättchen dar, so wird man finden, dass es parallel mit den Linien aa und bb theilbar ist; man kann demnach aus einem



solchen Gypsblättchen leicht ein Stückchen in Form eines Parallelogramm, Fig. 921, herausspalten. Bringt man nun ein solches Parallelogramm in den Apparat, so findet man, dass das Gypsblättchen ganz dunkel erscheint, wenn eine Linie ab, Fig. 921, die mit der Halbirungslinie des spitzen Winkeldes Blättchens einen Winkel von nahe 20° macht, mit der Polarisationsebene des unteren Spiegels zusammenfällt, oder darauf rechtwinklig steht. In jeder anderen Lage erscheint es gefärbt, und zwar am lebhaftesten, wenn ab einen Winkel von 45° mit der Reflexionsebene des unteren Spiegels macht

Wenn das Gypsblättchen vollkommen ebene Oberflächen hat, so erscheint es im Polarisationsapparate einfarbig; ist aber die Oberfläche wrein, d. h. sind beim Abspalten Splitter darauf hängen geblieben, so erscheint das Blättchen an verschiedenen Stellen verschieden gefärbt, worson Auch mit einaxigen Krystallblättchen, die parallel mit der Axe gediffen und hinlänglich dünn sind, sowie mit Blättchen von zweiaxigen
ystallen, deren Oberflächen parallel mit der Ebene der optischen Axen
id, lassen sich dieselben Versuche anstellen; nur eignen sich die Gypsittchen der leichten Spaltbarkeit dieses Minerals wegen ganz besonders
zu. Statt der keilförmigen Gypsplatte kann man sehr gut eine parallel
t der Axe keilförmig zugeschliffene Quarzplatte anwenden.

Erklärung der Farben dünner Gypsblättehen: Diese Far- 340 nerscheinungen rühren nun von der Interferenz polarisirter Strahlen her. In Gyps ist ein zweiaxiger Krystall, dessen optische Axen in der Ebene serer Blättchen liegen; ein jeder Lichtstrahl also, welcher ein solches tttchen trifft, wird in zwei gespalten, welche rechtwinklig zu einander larisirt sind, die aber, wenn die einfallenden Strahlen rechtwinklig auf Blättchen fallen, dasselbe in gleicher Richtung durchlaufen. Die Vibranen, welche den einen Strahl im Krystalle fortpflanzen, sind parallel mit Linie ab, Fig. 867, die Vibrationen des anderen Strahles hingegen d parallel mit cd.

Legt man nun das Gypsblättchen so zwischen die gekreuzten Spiegel.

die Linie ab, Fig. 921, mit der Schwingungsebene des unteren Spiezusammenfällt, so kann der einfallende Strahl offenbar nur Schwingen nach ab im Krystalle hervorrufen, nicht aber nach cd, eben weil Behwingungsrichtung cd auf der Schwingungsrichtung der einfallenden ahlen rechtwinklig steht. In diesem Falle pflanzt sich in der That nur polarisirter Strahl durch den Krystall fort, der nach ab schwingende: d da der Zerleger bei der oben bezeichneten Stellung diese Schwingunz nicht reflectirt oder durchlässt, so muss das Gypsblättchen bei dieser ge dunkel erscheinen.

Ebenso erklärt sich auch, dass das Gypsblättchen dunkel bleibt, wenn Linie cd, Fig. 921, mit der Schwingungsebene des unteren Spiegels nummenfällt.

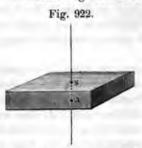
Gehen wir nun zu dem Falle über, in welchem die lebhaftesten Farn erscheinen, nämlich zu dem Falle, dass jede der Linien ab und cd
nen Winkel von 45° mit der Schwingungsebene des unteren Spiegels
neht. Um die Erscheinung in ihrer grössten Einfachheit kennen zu lern, muss man statt des weissen Lichtes, einfarbiges anwenden. Man
reicht diesen Zweck am leichtesten dadurch, dass man durch eine Platte
then Glases sieht. Dieses Roth ist zwar nicht vollkommen, doch für dien Zweck hinlänglich homogen.

Diejenigen Gypsblättchen nun, welche ohne das rothe Glas roth erheinen, werden, durch das rothe Glas gesehen, hell auf dunklem Grunde
; alle die Blättchen hingegen, welche eine andere Farbe haben, eren, durch das rothe Glas gesehen, weniger hell, die grünen am dunkelsten.
Mehmen wir statt der einfarbigen Blättchen bunte, so erscheinen diese
fleckt; diejenigen Stellen sind die hellsten, die im weissen Lichte roth

erscheinen, am dunkelsten aber sind die sonst grünen Stellen. Am vollständigsten sieht man die Erscheinung in der keilförmig zugeschliffenen Platte: durch das rothe Glas gesehen, bemerkt man abwechselnd helle (rothe) und dunkle Streifen.

Dies Alles lässt sich kurz so zusammenfassen. Wenn ein Gypsblättchen so zwischen die gekreuzten Spiegel des Polarisationsapparates gelegt wird, dass der Winkel der Schwingungsebenen ab und cd, Fig. 867, durch die Schwingungsebene der einfallenden Strahlen halbirt wird, so erscheint bei Anwendung von homogenem Lichte das Blättchen bald hell, bald dunkel, je nachdem seine Dicke sich ändert. Ersteres ist der Fall, wenn der eine Strahl im Gypsblättchen dem anderen um ein ungerades, letzteres, wenn er um ein gerades Vielfaches einer halben Wellenlänge vorausgeeilt ist, wie sich aus folgender Betrachtung ergiebt.

Es stelle Fig. 922 in stark vergrössertem Maassstabe das Gypsblätt-



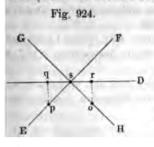
chen perspectivisch dar. Der von unten kommende polarisirte Strahl trifft die Platte in a; die beiden Strahlen, in welche der einfallende Strahl durch die doppelte Brechung des Gypses getheilt wird, durchlaufen das Blättchen in gleicher Richtung, um bei s wieder auszutreten. - Zunächst haben wir nun m untersuchen, wie die Vibrationen des einfallenden Strahles beim Eintritt in die Krystallplatte zerlegt, sodann aber wie nach dem Am-

tritt aus der Platte die Schwingungen des ordinären und extraordinären Strahles auf die Schwingungsebene des Zerlegers reducirt werden.

In Fig. 923 stelle die Ebene des Papiers die Ebene der unteren Flicke

Fig. 923.

des Gypsblättchens dar. Die Richtung der einfallenden Strahlen erscheint in a zum Punkt, die Schwingungsebene derselben erscheint in AB zur Linie verkürzt. EF und ndes Aethertheilchen wird also in demselben Augenblicke nach sp. 924 (welche die obere Fläche des Gypsblättchens in gleicher Weise



darstellt wie Fig. 923 die untere) getrieben, in welchem ein Aethertheilchen bei a nach ac geht; die Vibration sp erzeugt aber, auf die Schwingungsrichtung CD des Zerlegers reducirt, die Schwingung sq.

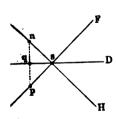
Verfolgt man in gleicher Weise den in der Ebene GH vibrirenden Strahl, so ergiebt sich, dass, wenn für diesen Strahl auf dem Wege von a bis s + 1 oder

- 2 u. s. w. Wellenlängen liegen, dass alsdann durch dieses Wellenm das Aethertheilchen in s nach Reduction auf die Schwingungsebene in demselben Momente von s nach r, Fig. 924, getrieben wird, in hem es durch das andere Wellensystem in gleicher Stärke nach der sgengesetzten Seite afficirt ist; das eine Wellensystem wird also, nach Reduction auf die Schwingungsebene CD des Zerlegungsspiegels, das wollständig aufheben.

Ein Gypsblättchen wird also in der angegebenen Lage zwin den gekreuzten Spiegeln dunkel erscheinen, wenn der
Strahl im Krystall dem anderen um eine ganze Anzahl von
lenlängen vorausgeeilt ist.

Reträgt das Vorauseilen des einen Strahles vor dem anderen ein unides Vielfaches von 1/2, so wird das Aethertheilchen s durch das eine

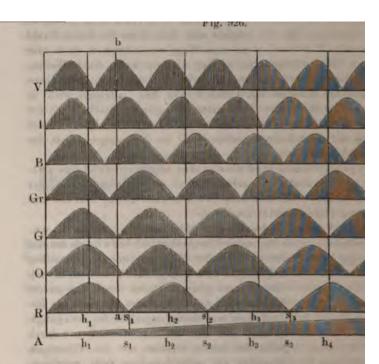




der austretenden Wellensysteme in demselben Augenblicke nach n, Fig. 925, getrieben, in welchem es mit gleicher Stärke durch das andere Wellensystem nach s p afficirt ist; nach der Reduction auf der Schwingungsebene des Zerlegungsspiegels wird also das Aethertheilchen s durch jeden der beiden Strahlen mit der Vibrationsintensität s q nach derselben Seite getrieben. Für diesen Fall unterstützt also der eine Strahl die Wirkung des anderen.

Ein Gypsblättchen wird also in der angegebenen Lage zwin den gekreuzten Spiegeln hell erscheinen, wenn der eine shl im Krystall dem anderen um ein ungerades Vielfaches r halben Wellenlänge vorausgeeilt ist.

Nach diesen Auseinandersetzungen wollen wir nun wieder zur Bertung der keilförmig geschliffenen Gypsplatte zurückkehren, in der gehörigen Lage zwischen die gekreuzten Spiegel gebracht, ind helle und dunkle Streifen zeigt; an der dünnsten Stelle ertas Blättchen dunkel, an dem zunächst folgenden dunklen Streifen der Dicke des Blättchens so gross, dass ein Strahl dem anderen um



für rothes Licht befinden, so ist die Entfernung $As_1 = s_1$ u. s. w.; es lässt sich also das Gesetz, nach welchem die Lich Anwendung von rothem Lichte mit wachsender Dicke des Blä und zunimmt, gerade so graphisch darstellen, wie wir es sch

sse wird auch bei der Construction der Intensitätscurve für violettes Licht e Entfernung von einem Minimum zum anderen kleiner werden müssen.

Dasselbe gilt auch für die anderen Farben; kurz, man sieht, dass hier nau dieselben Verhältnisse stattfinden, wie bei den Farben dünner Schicha, dass Fig. 926 und Tab. VIII., welche uns gedient haben, um die Newn'schen Farbenringe zu erklären, auch dienen können, um zu ermitteln. Iche Färbung ein Gypsblättchen von gegebener Dicke zwischen den geuzten Spiegeln des Apparates im weissen Lichte zeigen wird, kurz, dass e Farben dünner Schichten mit den Farben, welche dünne Gypsblättchen polarisirten Lichte zeigen, identisch sind.

In der folgenden Tabelle ist angegeben, wie dick die Gypsblättchen in müssen, wenn sie zwischen den gekreuzten Spiegeln des Polarisationsparates die verschiedenen Farben der drei ersten Ordnungen zeigen sollen.

Erste Ordnung.

Bläulich - Weiss Gelblich - Braun													0,027m
													0,037
Roth												•	0,044
				Z	w	eit	e	0 r	dı	u	n g		
Dunke]-]	Pu	rpı	ır									0,065
Blau													0,085
Gelb													0,102
													0,116
				L	ri	tt	e ()r	d n	u n	ıg.		
Purpu	r												0,132
_													0,142
Grün													0,157
Roth													0,178
													•

Prismatische Zerlegung der Polarisationsfarben. Dass 341 Farben der Gypsblättchen wirklich so zusammengesetzt sind, wie es Theorie angiebt, habe ich auf folgende Weise experimentell nachwiesen.

Man erzeuge nach der auf Seite 593 angegebenen Weise auf einem pierschirm ein Spectrum, und bringe dann ein zwischen zwei Nicol'en Prismen befindliches Gypsblättchen dicht bei der Spalte an, durch behe das Licht in das dunkle Zimmer eindringt.

Sind die beiden Nicol'schen Prismen gekreuzt und ist ein Gypsblätten eingelegt, welches violett (Dunkelpurpur) der zweiten Ordnung zeigt.

das Licht, welches auf das Prisma fällt, das Dunkelpurpur der zweidnung; und es erscheint ein dunkler Streifen im Gelb des Spectrums;

Gypsblättchen roth der dritten Ordnung, so erscheint ein dunkler renten im Blau, für Grün vierter Ordnung ein dunkler Streifen im Blau.

und ein zweiter an der Gränze zwischen Roth und Orange, wie Nr. 6 auf Tab. III. zeigt. (Vergl. Nr. 12, Tab. VIII.)

Je dicker die Gypsblättchen sind, um so mehr dunkle Streifen erscheinen im Spectrum, zugleich aber wird die Farbe der Blättchen immer unscheinbarer; ein Blättchen, welches drei dunkle Streifen zeigt, ist schon fast ganz weiss. Wenn die Gypsblättchen dick genug sind, so ist die Zahl der Streifen sehr gross und die Streifen selbst sind alsdann sehr fein.

Die beiden letzten Spectra auf Tab. III. sind solche auf die erwährte Weise durch etwas dickere Gypsblättchen erzeugte. In dem einen treten 5, im anderen treten 11 dunkle Streifen auf. Statt der dickeren Gypblättchen wendet man auch Quarzplatten an, die parallel mit der Axe geschnitten sind.

Fig. 927 stellt eine Vorrichtung dar, welche ich construirt habe, um bei



Anstellung des eben besprochenen Versuches die Gypsblättchen leicht zwischen die Nicols, und mit diesen vor die Spalte des Ladens setzen zu können. Die Grosblättehen sind mittelst canadischen Balsams zwischen zwei runde Glasplatten gekittet, welche in einer hölzernen Hülse h befestigt werden. Diese Hülse wird in den etwas federnden Messingbügel b eingesteckt, der etwas mehr als einen Halbkreis umfasst. Man kann die Hüls h beliebig in ihrer Ebene umdrehen. Der Bügel b'ist auf einem Messingstäbchen befestigt, welches zu beiden Seiten noch die Messinghülsen m und m' trägt. die zur Aufnahme der Ni col'schen Prismen dienen. Das Stäbchen s, welches aber eine andere Lage erhält, so wird die Färbung nicht ihrer Art, rn nur ihrer Intensität nach verändert, d. h. die Färbung bleibt die-



selbe, sie nimmt nur an Lichtstärke um so mehr ab, je mehr die Schwingungsebenen im Krystallblättchen sich den Schwingungsebenen der Spiegel nähern.

Aus dem. was oben, Seite 807, gesagt worden ist, geht hervor, dass die Vibrationsintensität der Wellensysteme, welche die beiden Strahlen im Gypsblättchen nach der Zerlegung durch den oberen Spiegel liefern, am grössten sein wird, wenn die Schwingungsebenen im Gypsblättchen den Winkel halbiren, welchen die Schwingungsebenen der bei-

Spiegel mit einander machen; je mehr sich aber die Schwingungsn im Gypsblättchen den Schwingungsebenen der Polarisationsspiegel 'ig. 929. Fig. 930.





nähern, desto geringer wird die Vibrationsintensität des Strahlenbündels, welches jeder der beiden Strahlen im Gypsblättchen nach der Zerlegung durch den oberen Spiegel liefert; wenn aber die Intensität der interferirenden Strahlenbündel geringer wird, so muss auch die Intensität der Färbung geringer werden, welche durch die Interferenz hervorgebracht wird; ja das Gypsblättchen muss, wie wir

gesehen haben, ganz dunkel erscheinen, wenn die Schwingungsn der beiden Strahlen im Blättchen mit den Schwingungsebenen der n Spiegel ganz zusammenfallen.

Die Talbot'schen Linien. Wir haben im vorigen Paragraphen 342 en, dass die prismatische Zerlegung von Interferenzfarben höherer ang ein Spectrum liefert, welches mit dunklen Linien durchzogen ist, Anzahl wächst, wenn der Gangunterschied der beiden interferirenden bündel grösser wird. Solche Streifen wollen wir Talbot'sche Linien m, gleichgültig, auf welche Weise der Gangunterschied der beiden ierirenden Lichtbündel hervorgebracht worden ist.

Talbot brachte solche Streifen im Spectrum dadurch hervor, dass er ein Prisma nach einer feinen Lichtlinie hinschaute, während er ein es Glimmerblättchen so vor das Auge hielt, dass es die eine Hälfte upille verdeckte. Hier kommt das Lichtbündel, welches durch das nerblättchen verzögert wurde, mit demjenigen zur Interferenz, welches 1 dem Glimmerblättchen vorbei in das Auge eindrang.

Der Erste, welcher solche Streifen beobschtete, mag wohl Wrede sen sein. Er wandte zur Erzeugung derselben ein dünnes Glimmerller's Lehrbuch der Physik. 6te Aufl. I.

54



scheint das Spectrum von einer grossen Anzahl feiner Linien Um diese Streifen mit blossem Auge deutlich sehen zu kö Glimmerblättehen sehr dünn sein, für etwas dickere Glimme den sie aber dadurch vollkommen deutlich, dass man die austretenden Strahlen nach der bekannten Weise durch ein achtet.

Die Talbot'schen Linien haben nun neuerdings dad deres Interesse gewonnen, dass Esselbach dieselben and Wellenlänge der ultravioletten Strahlen zu bestimmen. Wi auf welche Weise die Talbot'schen Linien zu einer solch dienen können.

Wenn wir annehmen, dass für irgend einen Talbot'se Spectrum das Voraneilen des einen hier interferirenden Strlängen betrage, so beträgt es für den nach der violetten trums hin folgenden Streifen n+1 Wellenlängen, für den fe Wellenlängen u. s. w. Daraus folgt aber, dass dem Interva einander folgenden Talbot'schen Linien stets eine gleich Wellenlängen des ihrer Stelle im Spectrum zukommenden Lie oder mit anderen Worten, dass die Differenzen der Wellen dem Lichte zweier bestimmten Stellen im Spectrum zukom der Talbot'schen Linien proportional sein müsse, welche liegen.

Wir wollen dies an einem Beispiele erläutern. Nach erläuterten Methode stellte ich die Talbot'schen Linien so zugleich die Fraunhofer'schen Linien auf dem Schirme konnte. Bei einer bestimmten Dicke der Gypsplatte fielen n sche Linien zwischen F und G, und 3 solcher dunklen Strei 5:3=0,000056:x, also x=0,000033;

d. h. die Wellenlänge für H ist um $0,000033^{\text{mm}}$ kleiner als die für G, sie ist also 0,000429 — 0,000033 = $0,000396^{\text{mm}}$.

Um nach dieser Methode die Wellenlängen ultravioletter Strahlen zu bestimmen, benutzte Esselbach eine von Helmholtz beobachtete Thatsache, nach welcher man diese Strahlen dem Auge auch unmittelbar, d. h. ohne Hülfe von Fluorescenz und chemischer Wirkung sichtbar machen kann, wenn man nur die heller leuchtenden Strahlen genügend ausschliesst.

Esselbach arrangirte den Versuch in folgender Weise. Das durch eine Spalte in horizontaler Richtung in ein dunkles Zimmer eintretende Strahlenbündel wurde von einem nahe am Fenster aufgestellten Quarz; prisma aufgefangen. Die aus diesem Prisma divergirend austretenden Strahlen wurden auf einem ungefähr 2 Fuss entfernten mit einer zweiten Spalte versehenen Schirme aufgefangen, welcher so gestellt war, dass der Spalt an das ultraviolette Ende des Spectrums zu stehen kam. Wurde nun nach diesem nur durch ultraviolette Strahlen erleuchteten Spalt durch ein zweites Quarzprisma und ein Fernrohr in der Weise hingeschaut, wie es Seite 596 erläutert ist, so erblickte man einen Theil des ultravioletten Spectrums und ausserdem noch ein schwaches gewöhnliches, von einem durch den zweiten Spalt noch eindringenden Rest zerstreuten Tageslichtes herrührendes Spectrum. Je nachdem das erste Prisma etwas nach der einen oder anderen Seite gedreht wurde, erschien ein anderer Theil des ultravioletten Spectrums im Fernrohr.

Bei dieser Beobachtungsweise erschienen die Fraunhofer'schen Linien im ultravioletten Theil des Spectrums scharf auf mattem graublauem Grunde, und zwar beobachtete Esselbach solche Streifen noch weit über die Linie N hinaus; den letzten noch sichtbaren Streifen bezeichnete er mit R.

Die Talbot'schen Linien hervorzubringen, wurde die Hälfte des Fernrohrobjectivs durch ein dünnes senkrecht zur Axe geschliffenes Quarzblättchen verdeckt.

Auf diese Weise ergaben sich

```
zwischen F und G . . . . 31 Talbot'sche Linien,

" G " H . . . . . 25 " " "

" H " M . . . . 22,5 " " "

" M " N . . . . 15 " "

" N " R . . . . 47 " "
```

d daraus berechnet sich die Wellenlänge für

```
M \dots 0,000366, N \dots 0,000350, R \dots 0,000309.
```

Die brechbarsten Strahlen, deren Wellenlänge Eisenlohr bestimmt

hatte (§. 314), sind also ungefähr die dem Streifen N entsprechenden. (Näheres in Poggendorff's Annalen, Bd. XCVIII, S. 513.)

343 Erscheinungen gekreuzter Gypsblättchen zwischen gekreuzten Spiegeln. Wenn man zwei Gypsblättchen so auf einander legt, dass die entsprechenden Schwingungsebenen in beiden zusammenfallen, so werden sie offenbar solche Erscheinungen hervorbringen, als oh man eine einzige Platte angewandt hätte, deren Dicke gleich ist der Summe der Dicken der beiden einzelnen Blättchen. Legt man aber die Blättchen so auf einander, dass sich die entsprechenden Schwingungsebenen unter rechtem Winkel kreuzen, dass also die Schwingungsebene der geringsten Elasticität im einen mit der Schwingungsebene der grössten Elasticität im anderen zusammenfällt, so wird der Strahl, welcher in dem einen Blättchen voraneilte, im anderen zurückbleiben. Sind nun die gekreuzten Blättchen gleich dick, so wird das Voraneilen in dem einen Blättchen dem Zurückbleiben im anderen gleich sein, das eine Blättchen hebt die Wirkung der anderen auf, es ist gerade so, als ob man gar kein Gypsblättchen in den Apparat gebracht hätte. Der Versuch bestätigt dies vollkommen. Kreuzt man zwei Blättchen, welche einzeln ganz gleiche Farben zeigen, so wird die Stelle, an der die Blättchen über einander liegen, ganz dunkel erscheinen, während die freien Ecken gleich gefärbt sind.

Wären die Blättchen nicht gleich dick, so würden sie, auf die angegebene Weise gekreuzt, Farben zeigen, und zwar gerade die Farbe, welche der Differenz ihrer Dicke entspricht. Der Grund davon ist leicht einzusehen und der Versuch leicht anzustellen.

Dies lässt sich anwenden, um mit Hülfe der keilförmigen Gypsplatte die Farbe eines jeden Gypsblättchens zu bestimmen. Wenn die keilförmige Platte in der gehörigen Lage in den Apparat gebracht ist, hält man das zu prüfende Blättchen so darüber, dass die Schwingungsebenen des Blättchens die entsprechenden Schwingungsebenen der keilförmigen Platte kres-

Weissen sich nähernd); hat man um 45° gedreht, so erscheint das sblättehen ganz farblos; dreht man weiter, so erscheint die der vorigen plementäre Farbe, die am brillantesten wird, wenn die Spiegel parallel. Roth geht dabei über in Grün, Grün in Roth; Blau in Gelb, Gelb llau u. s. w.

Dass das Blättchen farblos erscheint, wenn die Reflexionsebene des en Spiegels mit der des unteren einen Winkel von 45° macht, ist leicht nachen. In diesem Falle fällt die Schwingungsebene des oberen Spiemit der Schwingungsebene des einen Strahles im Krystalle zusammen. Spiegel pflanzt also diese Schwingungen fort. Die Schwingungen des aren Strahles im Krystalle sind aber rechtwinklig zu der Schwingungsie des oberen Spiegels, sie werden also von diesem Spiegel gar nicht ctirt; sie können also auch mit den reflectirten Strahlen nicht interfen, die Ursache der Farbenerscheinung hört also auf.

Die Erklärung der Farbenerscheinungen zwischen parallelen Spiegeln ht auf demselben Principe, welches wir oben anwandten, um die Farzwischen gekreuzten Spiegeln zu erklären.

Werden die Vibrationen so und sp, Fig. 931, nach einer Ebene AB egt, die mit der Schwingungsebene der einfallenden Strahlen parallel

Fig. 931.

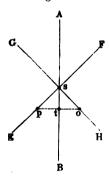
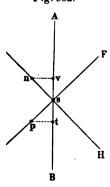


Fig. 932.



ist, so erzeugen beide eine Vibration nach derselben Richtung st; nach der Zerlegung durch den oberen Spiegel werden sich also die beiden Wellensysteme unterstützen müssen.

Für einfarbiges Licht erscheinen also zwischen parallelen Spiegeln diejenigen Stellen hell, welche gerade so dick sind, dass ein Strahl im Krystalle dem anderen gerade um 1 oder mehrere ganze Wellenlängen voraneilt. Zwischen parallelen Spiegeln werden also gerade diejenigen Stellen der keilförmigen Platte durch das rothe Glas hell erscheinen, die zwischen gekreuzten dunkel waren; diejenigen aber, die zwischen gekreuzten Spiegeln hell erschienen, sind nun dunkel.

Von dieser letzteren Behauptung, dass zwischen parallelen Spiegeln gerade die Stellen dunkel erscheinen müssen, in welchen der eine Strahl dem anderen um ¹/₂ oder ein ungerades Vielfaches von ¹/₂ Wellenlängen vorausgeeilt ist, überzeugt man sich durch Betrachtung der Fig. 932, ohne dass eine weitere Erläuterung nöthig wäre.

Nehmem wir nun weisses Licht statt des einfarbigen, so werden bei parallelen Spiegeln gerade diejenigen Farben im Ton des Gypsblättchens vorherrschen, die ihm bei gekreuzten Spiegeln fehlen; diejenigen Farben aber werden hier Fig. 933.

den geringsten Einfluss auf die Färbung ausüben, die bei gekreuzten Spiegeln vorherrschen.

Demzufolge findet zwischen der Farbe, welche ein Gypsblättchen zwischen gekreuzten und derjenigen, welche es zwischen parallelen Spiegeln zeigt, eine solche Beziehung statt, dass sie sich gegenseitig zu Weissergänzen; es sind also Complementärfarben, die hier in grösster Reinheit und Schönheit sich zeigen.

Ersetzt man den Zerlegungsspiegel des Apparates durch ein doppeltbrechendes Prisma, so sieht man zwei Bilder des Gypsblättchens, welche complementär gefärbt sind; diese Färbung ist am stärksten, wenn die Schwingungsebene des einen Strahles im Kalkspathprisma mit der Schwingungsebene des Polarisationsspiegels zusammenfällt. Die Stelle, wo die beiden Bilder über einander fallen, erscheint weiss. Am schönsten lässt sich dies zeigen, wenn man das Gypsblättchen mit einem schwarzen Schim bedeckt, in welchem nur eine runde Oeffnung sich befindet, unter der

gerade das Gypsblättchen liegt; man sieht dann durch das doppeltbrechende Prisma zwei farbige Kreise, deren Farben complementär sind; da aber, wo sie über einsider fallen, erscheinen sie weiss, wie dies in Fig. 933 angedeutet ist.

Kalkspathplatte, welche rechtwinklig zur optischen Axe geschliffen ist (eine solche Platte erhält man, wenn man die gegenüberliegenden stumpfen Ecken eines Rhomboëders in der Weise abschleift, wie es Fig. 934 angdeutet ist), zwischen die beiden Turmalinplatten der in §. 322 beschriebenen Turmalinzange, Fig. 935, bringt und dann, indem man den Apparat dicht vor das Auge hält, nach dem hellen Himmel oder irgend einer recht hellen Fläche sieht, so erblickt man ein prächtiges Ringsystem; wenn die Turmalinplatten gekreuzt sind, so sieht man die Erscheinung Fig. 1 Tab.

Die Turmalinzange gewährt bei Beobachtung der besprochenen Farbeuringe den grossen Vortheil, dass man durch dieselbe, weil sie dicht vor das Auge gehalten wird, ein ziemlich grosses Gesichtsfeld übersehen kann; was nicht der Fall ist, wenn man die senkrecht zur Axe geschnittene Krystallplatte auf das mittlere Tischlein des Nörremberg'schen Polari-



sationsapparates legt und sie in gleicher Weise beobachtet, wie dunne Gypsblättchen.

Wenn man aber die Farben der Ringsysteme in ihrer vollen Reinbeit beobachten will, so darf man die Turmalinzange nicht gebrauchen, weil eben die Turmalinplatten selbst stark gefärbt sind. In diesem Falle leistet der Nörremberg'sche Polarisationsapparat die besten Dienste, wenn man durch zweckmässig angebrachte Linsen das Gesichtsfeld desselben gehörig vergrössert.

Man kann den Nörremberg'schen Polarisationsapparat zur Beobachtung der Farbenringe dadurch brauchbar machen, dass man eine Linse Inber und eine ähnliche unter dem mittleren Tischlein des Apparates 937 (a.f.S.) anbringt. Wenn man die Krystallplatte auf das horizontal lite Tischlein aufgelegt und die Linse Inäher über, die andere Linse unter derselben festgestellt hat, so erblickt man, durch den Zerleger zweckmässigsten ein Nicol'sches Prisma statt der Glasplattensäule

Fig. 938.

 $C\ D$ Fig. 937) hindurchschauend, ein zierliches Ringsystem mit Farben.

Dass man unter diesen Umständen die Ringe sieht, erklärt sich dermaassen: Die von unten kommenden polarisirten Strahlen werde die Linse ab, Fig. 938, convergent gemacht, so dass sie die Kryst in hinreichend schrägen Richtungen durchlaufen, um Farbenringe ezu können. Die aus dem Krystalle stark divergirend austretenden



len werden aber durch die Linse cd in ein schwächer convergirendes Strahlenbündel verwandelt, so dass also die Strahlen, welche den äussersten sichtbaren Ringen entsprechen, unter einem viel spitzeren Winkel ins Auge bei o gelangen, als der ist, unter welchem sie den Krystall durchliefen. Man wird also hier das Ringsystem kleiner sehen,

s wenn man die Krystallplatte zwischen Turmalinen unmittelbar vor das age gebracht hätte.

Wenn die Linse unter der Krystallplatte und die Linse l ungefähr Zoll Brennweite haben, so sieht ein kurzsichtiges Auge das Ringsystem ner Kalkspathplatte sehr schön. Um es aber auch für Fernsichtige deutsch zu machen, ist es zweckmässig, über der Linse l noch eine zweite von igefähr 3 Zoll Brennweite anzubringen, durch deren Verschiebung mandenfalls das Ringsystem deutlich machen kann.

Bei dieser Vorrichtung sind die vielen Reflexe auf den Linsen äusserst örend; um sie wegzuschaffen, muss man durch einen vorgehaltenen Schirm les von vorn auf die Linsen fallende Licht abhalten.

Die Durchmesser der Farbenringe einaxiger senkrecht zur Axe gehliffener Krystalle werden um so grösser, je dünner die Platten sind und schwächer die doppelte Brechung der Substanz ist. Für dünne Platten licher Krystalle, welche eine schwache doppelte Brechung haben, werden shalb die Ringe so gross, dass weder das Gesichtsfeld der Turmalinzange sch das der oben beschriebenen Linsencombination im Nörremberg'schen plarisationsapparat ausreicht, um das Ringsystem übersehen zu können.

Für solche Fälle hat Nörremberg Linsensysteme construirt, welche der That ein ausserordentlich grosses Gesichtsfeld liefern.

Fig. 939 stellt die Nörrembergische Linsencombination in 1/2 der tärlichen Grösse dar. Das untere Linsensystem ist in die Messing-

Fig. 939.

hülse A gefasst. Die Brennweiten der beiden unteren Linsen sind in der Figur beigeschrieben; die oberste in der Hülse A eingeschraubte Linse ist eine Halbkugel von 7^{mm} Halbmesser.

Auf die Fassung dieser halbkugelförmigen Linse kann die Krystallplatte aufgelegt werden. Die aus der Krystallplatte austretenden Strahlen durchlaufen alsdann in der Hülse B die Combination von Linsen, deren unterste ebenfalls eine Halbkugel von $7^{\rm mm}$ Halbmesser ist. Die Brennweiten der übrigen Linsen sind beigeschrieben.

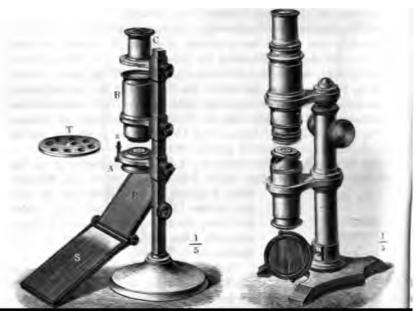
Ein solches Linsensystem lässt sich in jedem Nörremberg'schen Polarisationsapparat anbringen. Einen mit einem solchen Linsensystem versehenen Polarisationsapparat wollen wir einen mikroskopischen Polarisationsapparat nennen.

Fig. 940 (a.f.S.) stellt einen von Albert construirten mikroskopischen sationsapparat dar. Die Träger der Linsensysteme A und B (deren uschnitt Fig. 939 darstellt) sind in Hülsen befestigt, welche längs quadratischen Messingstabes vertical auf- und niedergeschoben und

an jeder beliebigen Stelle festgeschraubt werden können. Der in gewöhnlicher Weise belegte Spiegel S reflectirt die vom hellen Himmel auf ihn fallenden Strahlen gegen den auf der Rückseite geschwärzten Polarisationspiegel P, von welchem aus endlich die polarisirten Strahlen in verticaler Richtung auf das Linsensystem in A fallen. C ist das als Analyseur dienende Nicol'sche Prisma.

Die zu beobschtenden Krystallplatten werden entweder unmittelbar auf die Fassung der obersten Linse des Linsensystems A gelegt, oder se

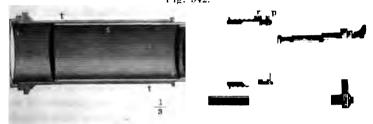




den Vortheil, dass man ihn auch bei Beobachtung mit Lampenlicht auchen kann.

Objective Darstellung der Farbenringe doppelt bre- 346 nder Krystalle. Um die Farbenringe zu gleicher Zeit einer grös1 Anzahl von Zuhörern zeigen zu können, muss man sie objectiv tellen, und dazu kann man, wenn man nicht über besondere zu dieZwecke construirte Apparate zu verfügen hat, mit wenigen Abändegen das bereits auf Seite 702 beschriebene Sonnenmikroskop, Fig. 942, venden.

An die Stelle des Objectes nn wird nämlich eine auf passende Weise ste Turmalinplatte gebracht. Statt der die Objectivlinsen o, Fig. 764. enden Hülse h wird eine andere eingeschoben, in welcher bei v, Fig. 942, sweite Turmalinplatte steckt. Zwischen diese zweite Turmalinplatte und Platte pp wird die senkrecht zur Axe geschliffene Krystallplatte eingeben. Bei dieser Anordnung erscheint das Ringsystem in ausgezeichne-Schönheit auf einem 5 bis 10 Fuss entfernten weissen oder durchscheilen Schirme, wenn man durch den Spiegel vor dem Fensterladen ein Fig. 942.



Iel Sonnenstrahlen ganz in derselben Weise in das Rohr einfallen lässt. b man ein bei nn eingeschobenes Object zu erleuchten hätte.

Sobald man zur Darstellung eines Ringsystemes Turmalinplatten anlet, erscheinen die Farben, wie schon oben bemerkt wurde, nie in ihrer zen Reinheit, weil eben die Turmaline selbst gefärbt sind.

Man hat deshalb zur objectiven Darstellung der Farbenringe beson-Apparate construirt, bei welchen beide Turmalinplatten durch polariide Säulen von Glasplatten, wie wir solche auf Seite 801 kennen lernoder durch Nicol'sche Prismen ersetzt sind.

Auch mit künstlicher Beleuchtung, d. h. mit Lampen- oder Kalklicht, man die Ringsysteme doppeltbrechender Krystalle objectiv darstellen, mur die Linsensysteme die für diese Beleuchtungsart passende Einsung haben.

be ausgezeichnetsten Apparate der Art, zur objectiven Darstelht allein die Farbenringe doppeltbrechender Krystalle, sondern aderer optischer Erscheinungen sind ohne Zweifel diejenigen, Dubosq in Paris construirt hat und bei welchen er als Lichtquelle seine im zweiten Band näher zu besprechende elektrische Lampe anwendet.

erwähnte Ringerscheinung lässt sich nun leicht erklären. In Fig. 943 stelle die Ebene des Papiers die Oberfläche des zwischen die Turmalinplaten gelegten Krystalls dar. Das Auge des Beschauers befinde sich gerschüber o; die Richtung der rechtwinklig durch die Platte gehenden Strahle erscheint also in unserer Figur zu einem Punkte o verkürzt. ab sei de Schwingungsrichtung der ersten, cd die der zweiten Turmalinplatte. Wen nun die Krystallplatte rechtwinklig auf die Axe geschnitten ist, so gehen die Strahlen, welche rechtwinklig zu den Oberflächen durch die Platte sich bewegen, in der Richtung der optischen Axe hindurch. In dieser Richtung findet aber keine Spaltung in zwei Strahlen statt; die Mitte des Gesichtsfeldes wird also gerade ebenso erscheinen, als ob gar keine Krystallplatte zwischen den gekreuzten Turmalinplatten läge.

Wir wollen den Fusspunkt des von dem Auge auf die Krystallplatte gefällten Perpendikels als die Mitte des Gesichtsfeldes betrachten; diese Mitte wird, wie eben erwähnt wurde, dunkel erscheinen. Betrachten wir nun irgend einen anderen Punkt n der Oberfläche des Krystalls. Die hier austretenden und nach dem über o befindlichen Auge gelangenden Strahlen haben die Platte nicht in der Richtung der optischen Axe durchlaufen. Beis tritt also ein ordinärer und ein extraordinärer Strahl aus der Platte; der eine Strahl ist dem anderen vorangeeilt; nach der Zerlegung durch die obere Turmalinplatte tritt also ganz derselbe Fall ein, wie für ein Gypsblättchen zwischen den gekreuzten Spiegeln des Polarisationsapparates. Während also der Punkt o zwischen den gekreuzten Turmalinplatten dunkel erscheint.

Fig. 943,

Fig. 944.

las Auge O geht, so ist OoP das vom Auge auf die Oberfläche des Krytalls gefällte Perpendikel, welches in Fig. 943 zum Punkte verkürzt erchien, und welches mit der optischen Axe im Krystalle zusammenfällt. — Wenn von O ein Lichtstrahl, On, auf die Krystallplatte fiele, so würder beim Eintritte in den Krystall in zwei Strahlen ns und nr gespalten verden, die nach st und rv parallel mit nO austreten. Wenn also umgekehrt ein Lichtstrahl ts auf die Platte fällt, so wird er in zwei gepalten, von denen nur der ordinäre nach n gelangt. Ein zweiter Strahl rr aber, der die Platte trifft, sendet einen extraordinären Strahl nach n, wei n tritt also ein ordinärer und ein extraordinärer Strahl in der Richung nO aus.

Die Länge der Wege ns und nr ist so wenig von einander verschielen, dass man diese Differenz bei unserer Betrachtung ganz unberücksichigt lassen kann; auf dem Wege ns aber liegen weniger Wellenlängen als uf nr, weil der eine dieser Strahlen ein ordinärer, der andere ein extrardinärer, weil also die Wellenlänge für den einen kürzer ist als für den inderen. Nehmen wir an, der eine Strahl sei dem anderen um 1 Wellenänge vorangeeilt.

Die Strahlen, die von einem Punkte n' der Oberfläche des Krystalls ns Auge gelangen, der noch weiter von o entfernt ist als n, haben den Krystall in einer Richtung durchlaufen, die mit der optischen Axe einen noch grösseren Winkel macht, als die Richtung der bei n austretenden Strahlen; folglich ist der Gangunterschied der beiden bei n' austretenden Strahlen im Krystalle noch grösser, als dies für die bei n austretenden der Fall ist, das Voraneilen des einen Strahles ist also noch bedeutender. Wir wollen annehmen, dass der eine Strahl dem anderen um 2 Wellenlängen forausgeeilt sei.

Wie wird nun diese Platte zwischen den Turmalinplatten erscheinen? Henbar muss etwas Aehnliches stattfinden, wie bei einer keilförmigen lypsplatte im Polarisationsapparate. Zwischen gekreuzten Turmalinen nuss die Stelle o dunkel erscheinen, weil von den hier austretenden Strahen keiner dem anderen vorausgeeilt ist, sie haben ja den Krystall in der lichtung der optischen Axe durchlaufen. Die Stelle n wird ebenfalls dunel erscheinen (für einfarbiges Licht), sie entspricht der Stelle der keilförtigen Platte, welche so dick ist, dass der eine Strahl dem anderen um

Wellenlänge vorausgeeilt ist; ebenso erscheint n' dunkel; dieser Punkt utspricht dem zweiten dunklen Streifen der Gypsplatte. Zwischen o und net eine Stelle, an welcher ein ordinärer und ein extraordinärer Strahl nach em Auge hin austreten, von denen der eine dem anderen um eine 1/2 Vellenlänge vorausgeeilt ist; diese Stelle wird also hell erscheinen. Ebenso efindet sich ein Maximum von Helligkeit zwischen n und n'; von den

ustretenden Strahlen ist der eine dem anderen um 3/2 Wellenlängen

geeilt.

enken wir uns um o auf der Oberfläche der Krystallplatte einen mit dem Radius on gezogen, so werden alle Strahlen, die von dem

Umfange dieses Kreises ins Auge gelangen, sich ebenso verhalten wie divon n herkommenden, denn alle diese Strahlen haben den Krystall in gleicher Neigung gegen die optische Axe durchlaufen; wenn also der Punkt n zwischen den Turmalinplatten dunkel erscheint, so erscheint der ganze Umfang des Kreises dunkel, dessen Mittelpunkt o und dessen Radius on ist. Um den dunklen Mittelpunkt o erscheint also zunächst ein heller Kreis, dann ein dunkler, dessen Radius on ist; auf diesen folgt wieder ein heller Ring, dann ein zweiter dunkler Ring, dessen Halbmesser on ist. u. s. w.

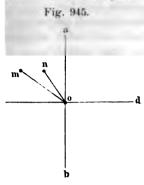
Sieht man durch die zwischen gekreuzte Turmalinplatten gelegte Platte nach einer monochromatischen, etwa nach einer durch Kochsalz gelb oder durch Lithium roth gefärbten Flamme, so sieht man eine Reihe von concentrischen Kreisen, die immer feiner und feiner werden.

Wenn man weisses Licht statt des einfarbigen Lichtes anwendet, wem man also z. B. gegen den hellen Himmel sieht, so erblickt man natürlich statt der hellen und dunklen Ringe eine Reihe verschiedenfarbiger Ringe, die von dem Mittelpunkte aus in derselben Ordnung auf einander folgen, wie die Farben der keilförmigen Gypsplatten.

Das eben besprochene Ringsystem erscheint aber von einem schwarzen Kreuze durchschnitten, dessen Mittelpunkt mit dem Mittelpunkte der Ringe zusammenfällt; wir wollen uns jetzt zu der Erklärung dieses schwarzen Kreuzes wenden.

Bei der Erklärung der Farbenerscheinungen in dünnen Gypsblättchen haben wir gesehen, dass die Färbung eines solchen Blättchens zwischen gekreuzten Spiegeln der Art nach ungeändert bleibt, wenn man ihm verschiedene Lagen giebt, dass aber dabei die Intensität der Färbung varint. Das Blättchen erscheint am lebhaftesten gefärbt, wenn die Schwingungsebenen der beiden Strahlen einen Winkel von 45° mit der Schwingungsebene des unteren Spiegels machen; dreht man das Blättchen aus diese Lage heraus, so nimmt seine Helligkeit ab, bis es endlich ganz dunkel et-

ingungen des extraordinären Strahles finden nun in diesem hier zur no verkürzten Hauptschnitte selbst statt, die Schwingungen des ordi-



nären sind rechtwinklig auf demselben. Für einen anderen Punkt m der Oberfläche des Krystalls ist aber mo die Projection des Hauptschnittes, die Schwingungsebenen der von m nach dem Auge gelangenden Strahlen haben also eine audere Lage als die Schwingungsebenen der von n kommenden Strahlen. Wenn nun der Punkt n so liegt, dass die Linie n o einen Winkel von 450 mit den Schwingungsebenen ab und cd der beiden Turmalinplatten macht, so werden die Farben an dieser Stelle n ein Maximum von

skeit zeigen; je mehr aber die von dem Austrittspunkte nach o gee Linie sich der Linie ab oder cd nähert, desto dunkler wird die ing werden; vollkommene Dunkelheit muss endlich an allen Punkten inien cd und ab selbst stattfinden. So erklärt sich das schwarze

Der Durchmesser der Ringe hängt von der Dicke der Platten ab, er r Quadratwurzel aus der Dicke proportional; für eine 4mal, 9mal re Kalkspathplatte werden die Durchmesser der Ringe 2mal. 3mal or sein.

Auch die anderen einaxigen Krystalle, den Bergkrystall ausgenommen, 1 dieselbe Erscheinung, nur sind für gleich dicke Platten die Ringe enger, je stärker die doppelte Brechung der Substanz, d. h. je gröser Unterschied zwischen dem grössten und kleinsten Brechungsexpon für dieselbe ist; so sind z. B. die Ringe in einer Kalkspathplatte enger, als in einer gleich dicken Platte von essigsaurem Kalkkupfer. Dass zwischen parallelen Turmalinen die complementäre Figur mit weissen Kreuze erscheint, bedarf keiner Erklärung. Die nähere Unterng der Modificationen, welche die Ringfigur erleidet, wenn die alinplatten weder parallel noch gekreuzt sind, würde uns zu weit n.

Bearbeitung der Krystallplatten. Während man das schwie- 348 Schleifen und Poliren härterer mineralischer Körper am besten einem chleifer überlässt, sind dagegen auflösliche Salze so leicht zu behandass jeder ohne grosse Mühe selbst solche Platten herrichten kann. lächen, welche rechtwinklig auf der optischen Axe stehen, werden zut auf einem feinen Schleifstein angeschliffen und sodann auf einem Läppchen polirt, auf welchem ganz feines Caput mortuum, mit einer ringen Menge von Wasser angefeuchtet, eingerieben worden ist. tem dies geschehen ist, putzt man die polirten Flächen mit einem

trockenen Tuche sorgfältig ab und kittet sie mit Hülfe von canadischem Balsam zwischen zwei Glasplatten, damit die polirten Flächen nicht wieder durch den Einfluss der Luft ihren Glanz verlieren.

Besonders leicht sind die Krystallplatten dann zu präpariren, wenn die optische Axe auf einer Spaltungsfläche senkrecht steht, wie dies z. B. beim schwefelsauren Nickeloxyd der Fall ist. Das schwefelsaure Nickeloxyd krystallisirt bei verschiedenen Temperaturen in verschiedenen Formen; unter 150 krystallisirtes in gleicher Form mit dem Zinkvitriol, und in diesem Falle ist es optisch zweiaxig; bei einer Temperatur von 15 bis 20° krystallisirt es in Quadratoctaëdern, also in optisch einaxigen Krystallen welche senkrecht zur optischen Axe sehr vollkommen spaltbar sind; hat man durch Spaltung eine Platte mit recht ebenen glänzenden Flächen erhalten, so kann man sie ohne Weiteres zwischen die Glasplatten kitten. Auch das Blutlaugensalz ist in einer Richtung sehr vollkommen spaltbar. welche rechtwinklig zur optischen Axe ist; doch erscheinen die Ringe in demselben selten ganz regelmässig, sondern meistens verzerrt, was auf eine Störung in der krystallinischen Structur hinzudeuten scheint; ähnliche Unregelmässigkeiten beobachtet man auch an dem Ringsysteme des Bervlls.

Um das Ringsystem zu beobachten, sind ausser den schon genannten noch besonders folgende einaxige Krystalle geeignet: Salpetersaures Natron, Turmalin, saures arseniksaures Kali, Honigstein, essigsaures Kalkkupfet, Eis u. s. w.

Das salpetersaure Natron krystallisirt in Rhomboëdern, wie der Kalkspath, und hat eine noch stärkere doppelte Brechung; das essigsauren Kalkkupfer, ein Doppelsalz von essigsaurem Kupfer und essigsauren Kalk, krystallisirt in achtseitigen Säulen und ist durch seine prachtvolle blaue Farbe ausgezeichnet; wegen der dunklen Farbe dieses Salzes sieht man seine Ringe am besten, wenn man grüne Turmaline anwendet.

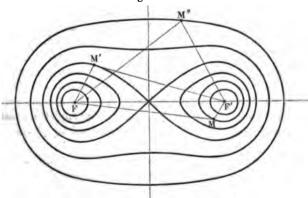
Dass das Eis wirklich eine krystallinische Structur hat, liess sich

penringe in zweiaxigen Krystallen. Wenn man eine 349 atte, Fig. 946, welche senkrecht auf die Mittellinie, also senkrecht zur Säulenaxe geschliffen ist, so zwischen die gekreuzten Turmalinplatten legt, dass die Ebene der beiden optischen Axen einen Winkel von 45° mit den Schwingungsebenen der beiden Turmalinplatten macht, so sieht man das schöne Ringt. 4 Tab. IX., welches in Fig. 3 Tab. IX. übergeht, wenn die optischen Axen mit der Schwingungsebene der einen Turmalinummenfällt.

wird wohl sehr selten einen Salpeterkrystall finden, welcher nicht te mit mehr oder weniger bedeutenden röhrenartigen Höhlungen n ist. Dies macht aber die Krystalle zu unserem Zwecke nicht ar; denn gegen den Rand hin finden sich immer Stellen, welche ig und vollkommen rein sind.

wollen nun zuerst die Gestalt der farbigen (isochromatischen) id dann die Form der sie durchschneidenden schwarzen Büschelersuchen.

Erscheinung, Nr. 4 Tab. IX., besteht offenbar aus einer Verbinzwei Ringsystemen, von welchen jedes eine optische Axe umh. die vom Mittelpunkte eines solchen Ringsystems nach dem retenden Strahlen haben den Krystall in der Richtung einer opte durchlaufen. Herschel, welcher diese Erscheinung zuerst ersuchte, hat gezeigt, dass die farbigen Curven Lemniscaten krumme Linien, welche, wie die in Fig. 947 verzeichneten, die ft haben, dass, wenn man von irgend einem Punkte M einer Fig. 947.



rve Linien nach den beiden Polen F und F' gezogen denkt, at dieser beiden Leitstrahlen FM und F'M eine beständige, deren Werth sich immer von einer Curve zur folgenden ändert. ber die Lemniscaten findet man in §. 29 meiner Analytischen ie (Braunschweig 1859).



so hat man nur noch zwei geschlossene Curven um jede A Tab. IX); ja man kann die Salpeterplatte leicht so dünn skeine Ringe mehr erscheinen, welche nur eine Axe umge ovale Ringe, welche wie die äusserste Curve in Fig. 947 schliessen.

Der Talk wird in Form von tafelartigen, nicht wo den Krystallen gefunden, die nach einer Richtung hin, auf der Mittellinie steht, sehr vollkommen spaltbar sin Spaltung erhaltene Talkblättchen zeigen nun fast ganz dies nung, wie eine ganz dünn geschliffene Salpeterplatte.

Wenn man die Salpeterplatte in ihrer Ebene umdr Ebene der beiden optischen Axen nicht mehr einen Win den Schwingungsebenen der Turmalinplatten macht, so Form der Lemniscaten ganz unverändert, nur die Form der hyperbolischen schwarzen Büschel, welche die farbiger schneiden, ändert sich. In den Figuren 1, 2 und 3 Tab schwarzen Büschel allein für drei verschiedene Lagen der Kr Wenn die Verbindungslinie der beiden Mitteln gestellt. der Lemniscaten einen Winkel von 450 mit den Schwing Turmalinplatten macht, so haben die schwarzen Büschel d Tab. X.; die Fig. 2 Tab. X. entspricht dem Falle, dass di linien oo', also die Ebene der optischen Axen, einen Win der Schwingungsebene der einen Turmalinplatte macht: die endlich stellt die Büschel für den Fall dar, dass die Ebene Axen mit der Schwingungsebene der einen Turmalinplatte für diese letztere Lage ist in Fig. 3 Tab. IX. das Ringsyst dargestellt.

Unter den Krystallen, welche, senkrecht zur Mittellinie geschliffen, i gehöriger Neigung leicht bald das eine, bald das andere Ringsystem igen, sind besonders folgende zu nennen: Arragonit, Schwerspath, Glimer, Topas, Zinkvitriol, Bittersalz, schwefelsaures Nickeloxyd, Titanit, Zuer, Seignettesalz, schwefelsaures Magnesia-Ammoniak u. s. w. (Vergleiche 333 und §. 335.)

Mit Hülfe des in §. 345 beschriebenen Nörrembergischen mikroopischen Polarisationsapparates kann man aber in solchen senkcht zur Mittellinie geschliffenen Krystallplatten selbst dann noch eichzeitig übersehen, wenn der Winkel der optischen Axen bis 80 Grad beträgt.

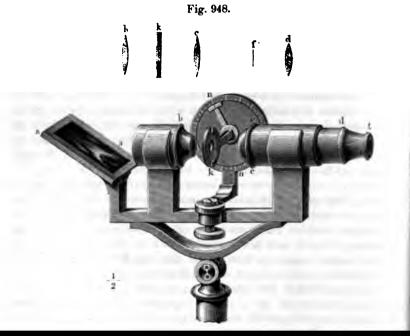
Die Krystalle des Glimmers sind äusserlich zu wenig ausgebildet, um s Krystallsystem unmittelbar bestimmen zu können, dem sie angehören, r sind nun die optischen Eigenschaften entscheidend, denn die optisch axigen Glimmerarten gehören dem hexagonalen, die optisch zweiaxigen m rhombischen Krystallsysteme an; ob aber eine Glimmerplatte optisch axig oder zweiaxig ist, ergiebt sich sogleich aus der Beobachtung des ngsystems. Häufig sind aber die Glimmerblättchen so dunn, dass die nge zu gross werden, als dass man sie übersehen könnte; man übersieht ihnen nur den centralen Theil der Figur; doch lässt sich auch hier cht ermitteln, ob dies Blättchen einaxig oder zweiaxig ist. Man lege es r auf das Tischlein im Polarisationsapparate, während die beiden Spiegekreuzt sind; erscheint nun das Blättchen fortwährend dunkel, wie n es auch in seiner Ebene umdrehen mag, so ist es optisch einaxig, an alsdann erblickt man den centralen Theil der Fig. 1 Tab. IX., weler stets dunkel erscheinen muss; wenn aber das Blättchen abwechselnd I und dunkel erscheint, so ist es optisch zweiaxig.

Wenn der Winkel der optischen Axen gross ist, so kann man die ystallplatte senkrecht zu einer der optischen Axen schleifen; man ht alsdann freilich nur ein Ringsystem, welches meistens in der Art, Fig. 1 Tab. XI., erscheint; die runden oder etwas ovalen Ringe sind r von einem dunklen Büschel durchschnitten, der seine Lage ändert, nn man die Krystallplatte in ihrer Ebene umdreht; jedoch ist die Richag, nach welcher sich der schwarze Büschel dreht, der Richtung entgengesetzt, in welcher die Krystallplatte gedreht wird. Wenn der schwarz schel mit der Richtung der Schwingungsebene der einen Turmalinplatte sammenfällt, so liegt die andere Axe auf der Verlängerung des schwarzen Büschels, oder, genauer gesagt, die durch den schwarzen Büschel senkht zur Oberfläche der Platte gedachte Ebene ist alsdann die Ebene der den optischen Axen.

Unter den Krystallen, von welchen man vorzugsweise leicht Platten kann, welche senkrecht zu der einen Axe sind, muss besonders der und das saure chromsaure Kali genannt werden. Wir haben oben Seite 335 gesehen, dass die eine Axe des Zuckers nahezu senkant auf der Spaltungsfläche ist; in einer durch Spaltungsflächen begränz-

ten Zuckerplatte ist demnach das eine Ringsystem leicht zu beobachten. — Das saure chromsaure Kali ist nach mehreren Richtungen spaltbar, doch nach einer vorzugsweise leicht, und senkrecht auf dieser Spaltungsfläche liegt auch hier eine optische Axe.

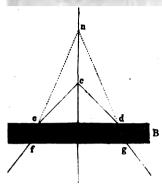
3:30 Messung der Axenwinkel. Um den Winkel zu messen, welchen die beiden optischen Axen eines Krystalls mit einander machen, kann man den Apparat Fig. 948 anwenden. Der Polarisationsspiegel a reflec-





Es stelle in Fig. 949 AB eine zweiaxige senkrecht auf die Mittelgeschliffene Krystallplatte, o das darüber befindliche Auge, od und oc

Fig. 949.



die Richtungen vor, nach welchen man die Mittelpunkte der beiden Ringsysteme sieht, so ist klar, dass die von c und d nach dem Auge gelangenden Strahlen nicht in derselben Richtung, sondern nach den Richtungen cf und d q den Krystall durchlaufen haben; es ist also der mit Hülfe des Apparates Fig. 948 gemessene Winkel cod nicht der Winkel der optischen Axen, sondern der Winkel end, welchen die Richtungen fc und dg mit einander machen; wenn aber der Winkel cod und der mittlere Brechungsexponent der Krystallplatte bekannt ist, so kann man den Winkel cuid berechnen.

Ungleiche Lage der optischen Axen für verschieden- 351 pige Strahlen. In manchen Krystallen zeigt das Ringsystem sowohl. auch die dunklen Büschel eine auffallende Abweichung von der norma-Gestalt und Färbung, wie man dies namentlich an Platten von Weissierz (kohlensaures Bleioxyd), Seignettesalz (weinsteinsaures Kalion), Titanit und vielen anderen beobachtet. Als besonders charaktesches Beispiel dieser Erscheinung mag das Ringsystem des Titanits en. Fig. 5 Tab. IX stellt das Ringsystem einer senkrecht zur Mittellinie hnittenen Titanitplatte dar, wie es in Nörremberg's mikroskopischem risationsapparat (Fig. 940 S. 858) erscheint, wenn die Ebene der optin Axen mit der Schwingungsebene des Zerlegungsspiegels oder mit darauf rechtwinkligen Schwingungsebene des Zerlegers zusammenfällt: rend Fig. 6 Tab. IX das Ringsystem derselben Platte für den Fall dart, dass die Ebene der optischen Axen den Winkel halbirt, welchen die vingungsebene des Zerlegers mit der des Polarisationsspiegels macht.

Zunächst fällt in die Augen, dass die dunklen hyperbolischen Büschel. der einen Seite stark roth, auf der anderen Seite dagegen blau gefärbt heinen, während geschlossene Curven, welche bei normalen Ringsystedie Pole der Lemniscaten zunächst umgeben, theils ganz verschwinden. s auf eigenthümlich gekrümmte Strichlein reducirt sind. Alle diese Unlmässigkeiten verschwinden, sobald man statt des weissen Lichtes einpiges anwendet, wenn man etwa nach einer durch Kochsalz gefärbten ngeiststamme hinsieht; unter diesen Umständen sieht man in der That ol des Curvensystems zunächst von fast kreisförmigen Ringen um-

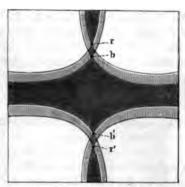
da also für jede einzelne Farbe die Ringe vollkommen regelmässig , so kann die im weissen Lichte beobachtete Unregelmässigkeit nur daher en, dass die Mittelpunkte der verschiedenfarbigen Ringe nicht zusammen-

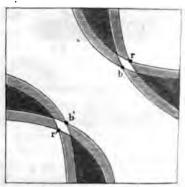
fallen, wie dies auch Herschel nachgewiesen hat. In der That sieht man zwei gesonderte Ringsysteme, deren Mittelpunkte nicht zusammenfallen wenn man die Ringe durch ein farbiges Glas betrachtet, welches nur zwei Farben, etwa nur blaues und rothes Licht, durchlässt, wie dies z. B. bei dem blauen Kobaltglase der Fall ist.

Es seien r und r' in Fig. 950 und Fig. 951 die Pole der Lemniscaten einer Titanitplatte für rothes, b und b' die für blaues Licht, so wird für die der Fig. 5 auf Tab. IX. entsprechende Lage der Platte der dunkle Büschel für rothes Licht an die in Fig. 950 vertical gestreiften, der

Fig. 950.





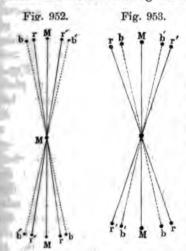


dunkle Büschel für blaues Licht wird an die horizontal schraffirten Stellen fallen; wo also in Fig. 950 eine horizontale Schraffirung sich befindet, wird eine rothe, wo bloss verticale sich befindet, wird eine blaue Färbung vorherrschen müssen, und so erklärt sich die Farbenvertheilung der Fig. 5 Tab. IX einfach mit Hülfe der Constructionsfigur 950.

Ebenso erklärt sich die Färbung der hyperbolischen Büschel in Fig. 6 Tab. IX. mit Hülfe der Constructionsfigur 951. und die eine optische Axe ist fast senkrecht zu der Oberfläche derselben; man braucht also eine solche Platte nur in die Turmalinzange zu legen, um bei einiger Neigung gegen die einfallenden Strahlen eine ähnliche Erscheinung zu sehen, wie beim Seignettesalz.

Bei einigen Krystallen, z. B. beim Salpeter, ist der Winkel der rothen Axen kleiner als der der blauen; bei anderen, z. B. beim kohlensauren Bleioxyd und beim Titanit, ist umgekehrt der Winkel der rothen Axen grösser; bei den ersteren liegen also die optischen Axen ungefähr so, wie es Fig. 952, bei den anderen so, wie es Fig. 953 dargestellt ist.

Je grösser die Entfernung der Mittelpunkte der blauen und rothen Ringe im Vergleiche zu dem Durchmesser dieser Ringe ist, desto auffallender wird die Abweichung der Figur von der normalen Gestalt; sie ist



deshalb in dicken Krystallplatten weit auffallender als in dünnen. Man kann dies recht deutlich sehen, wenn man die Ringsysteme in Salpeterplatten von verschiedener Dicke aufmerksam betrachtet. Je dicker die Platten werden, desto kleiner und zahlreicher werden die Ringe, und desto mehr nähert sich das Ansehen eines jeden Ringsystems dem Habitus Fig. 5 Tab. IX.

Bei allen bis jetzt in diesem Paragraphen besprochenen Krystallen liegen die optischen Axen der verschiedenfarbigen Strahlen sämmtlich in einer Ebene, und die Mittellinie hat für alle Farben dieselbe Lage. Deshalb wird auch das ganze Curven-

system durch die dunklen Büschel in jeder Beziehung symmetrisch getheilt, Fig. 3 und Fig. 5 Tab. IX., wenn man die Krystallplatte so zwischen die gekreuzten Turmaline legt, dass die Ebene die optischen Axen mit der Schwingungsebene der einen Turmalinplatte zusammenfällt.

Eine solche symmetrische Vertheilung der optischen Axen der verschiedenfarbigen Strahlen findet bei den Krystallen des rhombischen Systems ohne Ausnahme statt, während eine solche Symmetrie bei den Krystallen der beiden schiefwinkligen Krystallsysteme in der Regel nicht beobachtet wird.

Bei denjenigen Krystallen des monoklinischen Systems, bei welchen die Ebene der optischen Axen in die symmetrische Ebene fällt, wie beim Zucker, beim Gyps, beim schwefelsauren Kobaltoxydul-Ammoniak, beim ameisensauren Kupferoxyd u. s. w. (Seite 836), liegen zwar noch die op-

n Axen für alle Farben in einer Ebene, dagegen fallen die Mittellinien die verschiedenen Farben nicht immer zusammen, was zur Folge hat, das eine Ringsystem oft ein ganz anderes Ansehen hat als das andere; dies ist namentlich der Fall beim Gyps und beim ameisensauren Kupferoxyd. In einer durch Spaltung erhaltenen Platte dieses Salzes sieht man bei geringer Neigung ein fast ganz rundes Ringsystem, bei grösserer Neigung ein sehr in die Länge gezogenes. Für das eine liegen also die optischen Axen der rothen und blauen Strahlen sehr nahe zusammen, für das andere liegen sie weit aus einander. Fig. 954 stellt die ungefähre gegenseitige Lage der optischen Axen im ameisensauren Kupferoxyd dar.

Wenn die optische Mittellinie mit der symmetrischen Axe des monoklinischen Systems zusammenfällt, wie beim Borax, so ist zwar die Mittellinie für alle farbigen Strahlen dieselbe, aber die Ebene der optischen Axen hat für verschiedenfarbige Strahlen eine andere Lage.

Man erkennt dies daran, dass die Ringfigur durch den schwarzen Büschel nicht symmetrisch getheilt wird, wenn der Büschel mit der Schwingungsebene der einen Turmalinplatte zusammenfällt. Beim Borax werden die Ringe durch den Büschel symmetrisch getheilt, wenn dieser einen schon ziemlich bedeutenden Winkel mit der Schwingungsebene ab, Fig. 2 Tab. XI., der einen Turmalinplatte macht. Wenn man die Boraxplatte

Fig. 954. Fig. 955

Fig. 955. so zwischen die Turmaline gelegt hat.
dass sie die Erscheinung wie Fig. 2

Tab. XI. zeigt, so findet sieh das andere Ringsystem nicht in der Verlängerung des schwarzen Büschels, also nicht in der Verlängerung der Linie, welche die Mittelpunkte der rothen und blauen Ringe verbindet, sondern in der Richtung ab. Die Mittelpunkte der Farbenringe der beiden Ringsysteme sind also im Borax ungefähr so vertheilt, wie es

rührt nur daher, dass eben alle Farben höherer Ordnung, wie dies bereits in §. 316 gezeigt wurde, vom Weiss nicht mehr zu unterscheiden sind. Legt man aber eine solche Krystallplatte in entsprechender Lage in die Turmalinzange, so erblickt man, nach einer homogenen Lichtquelle hinsehend, ein System von abwechselnd hellen und dunklen hyperbolischen Streifen, wie sie Fig. 4 und 5 Tab. X. dargestellt sind.

Als homogene Lichtquelle wendet man am bequemsten eine durch

Kochsalz gelb gefärbte Weingeistlampe an.

Dass überhaupt hier abwechselnd helle und dunkle Curven entstehen, rührt daher, dass von den beiden Strahlen, welche an irgend einer Stelle der Oberfläche der Platte nach dem Auge austreten, der eine bald mehr, bald weniger vorausgeeilt ist, je nachdem die Strahlen den Krystall in einer anderen Richtung durchlaufen haben; die Form der hyperbolischen Curven lässt sich aus der Fresnel'schen Theorie der doppelten Brechung vollständig ableiten, wie ich dies in einer Abhandlung im 33. und 35. Bande von Poggendorff's Annalen nachgewiesen habe; hier würde uns eine solche Ableitung zu weit führen.

Je dünner die Platte wird, desto weiter rücken die Curven aus einander, und wenn die Platte hinlänglich dünn geworden ist, um im weissen Lichte farbig zu erscheinen, sind die Curven gewissermaassen so gross geworden, dass man sie nicht mehr übersehen kann; man sieht alsdann

nur den gleichförmig gefärbten centralen Theil der Figur.

Auch eine parallel mit der Axe geschliffene Kalkspathplatte zeigt diese Curven, nur sind sie ungleich enger als bei einer gleich dicken Bergkrystallplatte. Die Bearbeitung einer solchen Kalkspathplatte erfordert aber die grösste Sorgfalt; denn wenn die gegenüberliegenden Oberflächen nicht genan parallel sind, so treten die Strahlen, durch deren Interferenz die Curven entstehen sollen, wegen der starken doppelten Brechung des Kalkspaths nicht mehr nach derselben Richtung aus.

Eine Quarzplatte, deren Oberfläche einen Winkel von 45° mit der optischen Axe macht, zeigt bei Anwendung von homogenem Lichte zwischen den Turmalinplatten fast ganz gerade, abwechselnd helle und dunkle Streifen; dieselben Streifen, aber sehr fein, sieht man in einem möglichst dünnen, von einem Rhomboëder abgespalteten Kalkspathblättchen. Diese Streifen sind gewissermaassen die geradlinige Fortsetzung der hyperbolischen Curven, welche man in Platten sieht, die parallel mit der Axe geschliffen sind.

Im Allgemeinen wird man in jeder doppeltbrechenden Krystallplatte, welche mit parallelen Wänden begränzt ist, bei Anwendung von homogenem Lichte (farbige Gläser sind nicht homogen genug) Curven erblicken, von denen im weissen Lichte oft nicht die Spur zu sehen war.

n man zwei Quarzplatten oder zwei Gypsplatten von gleicher che im homogenen Lichte die hyperbolischen Curven zeigen. zwischen die gekreuzten Turmaline bringt, so sieht man die 5 Tab. X. schon im weissen Tageslichte; sie erscheinen nun

farbig, und ihre Farben folgen fast ganz den Farben der Newton'sche Scala, sie beginnen in der Mitte mit Schwarz, was begreiflich ist, die hier die Färbung von der Differenz der in der einen und der under Platte durchlaufenen Wege abhängt.

Zwei gleich dicke Quarzplatten, welche in einem Winkel von gegen die Axe geschnitten sind, zeigen, wenn sie gekreuzt sind, im Ismalinapparat ebenfalls farbige Streifen, die von dem mittleren an, webschwarz erscheint, nach beiden Seiten hin in der Ordnung der Newtsschen Scala auf einander folgen.

Savart hat zwei solche gekreuzte Quarzplatten mit einer Turme platte vereinigt und nennt diesen Apparat ein Polariskop; dem war man durch die Turmalinplatte und die beiden Quarzplatten nach inseiner Stelle hinsieht, von welcher polarisirtes Licht kommt, so was alsbald die Farbenstreifen sichtbar werden, und zwar um so brilland, vollständiger die einfallenden Strahlen polarisirt sind; sieht man bediesen Apparat nach dem heiteren Himmel, nach einem Schieferten nach der Wand eines Hauses, so wird man die Streifen bald mehr, weniger dentlich erscheinen sehen, kurz, man kann mit diesem Appadie geringsten Spuren von Polarisation der einfallenden Strahlen einen; doch sieht man leicht ein, dass man dasselbe weit einfacher erwenn man ohne Weiteres durch eine Turmalinplatte und eine seufe auf die Axe geschliffene Krystallplatte nach der zu untersuchenden binsieht.

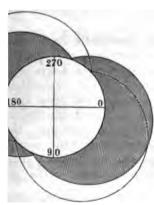
353 Farbenerscheinungen in Quarzplatten, welche recht zur Axe geschnitten sind. Ganz eigenthümliche, webbisher betrachteten chromatischen Polarisation wesentlich abweiter Farbenerscheinungen beobachtet man in Platten von Bergkrijt.

einander folgen. Man unterscheidet deshalb rechts und links Bergkrystallplatten.

den Zusammenhang dieser brillanten Farbenerscheinungen zu müssen wir statt des weissen Lichtes einfarbiges anwenden. In heten erreicht man diesen Zweck, wenn man durch ein gefärbron möglichst homogener Farbe nach dem Zerlegungsspiegel. Erscheinung, welche man alsdann beobachtet, ist wieder ganz wie vor dem Einlegen der Krystallplatte. Nehmen wir an, e durch eine rothe Glasplatte, so wird man wieder für zwei um einander entfernter Azimuthe des Zerlegers das Gesichtsfeld el sehen, für zwei andere um 90° von diesen entfernte Azimuthe laximum von rothem Lichte. Die Azimuthe dieser Maxima und aber nicht mehr 0°, 90°, 180° und 270°, wie vor dem Einer Quarzplatte, sondern andere, deren Lage von der Dicke der en Platte abhängt.

die eingelegte Platte rechts drehend und 1^{mm} dick ist, so finas Maximum des rothen Lichtes bei 19° und 199°; das Ge-

Fig. 956.



sichtsfeld erscheint aber dunkel bei 1090 und 2890. Fig. 956 stellt die Veränderungen der Lichtintensität graphisch dar, welche man beobachtet, wenn der Zerleger ringsherum gedreht wird. Diese Figur unterscheidet sich von Fig. 857 Seite 798 nur dadurch, dass die ganze Intensitätscurve um 190 nach der rechten Seite hin gedreht ist. Durch die eingelegte Krystallplatte ist also die Schwingungsebene der von unten kommenden Strahlen um 190 nach der Rechten gedreht worden.

Für alle anderen Farben des Spectrums ist die Drehung der Polari-

ne nach der rechten Seite hin durch dieselbe 1^{mm} dicke Quarzh grösser. Hätte man z. B. das vom Zerleger ins Auge gezicht durch ein grünes Glas untersucht, so würde man die Ma-Intensität bei 28° und bei 208°, die Minima aber bei 118° und iden haben. Die Maxima und Minima der violetten Strahlen um 13° weiter nach der Rechten gedreht als die grünen. In st die Intensitätscurve für das violette Licht angedeutet.

olgende Tabelle giebt nach Biot's Messungen genau den Dren der verschiedenen einfachen Strahlen für eine senkrecht auf sehnittene, 1 mm dicke Bergkrystallplatte.

Benennung des einfachen Strahles.						Drehungsbogen in Graden.		
Aeussei	rstes	Roth			•		17,50	
Gränze	des	Roth und des Orang	ζe		•		20.5	
77	22	Orange und Gelb					22.3	
77	 m	Gelb und Grün .					25.7	
n	n	Grün und Blau .					30,0	
n	n	Blau und Indigo .					34,60	
77	77	Indigo und Violett			•		37,7	
n	n	äussersten Violett					44,10	

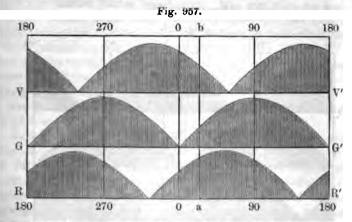
Daraus ergeben sich die Drehungsbogen für die mittleren &m jeder Farbe, wie folgt:

Roth .	•		190	Blau .		320
Orange			210	Indigo		360
Gelb .			24^{0}	Violett		
Grün .		_	280			

Die hier angegebenen Zahlen beziehen sich nur auf eine Quarzsten von der angegebenen Dicke. Die Drehung aber wächst in selben Verhältnisse wie die Dicke der Platte. In einer 2 Quarzplatte beträgt also die Drehung für rothe Strahlen 38. Elette 82°.

Wenn man nun aber das Bild der Quarzplatte im Zerlegungschne Anwendung eines farbigen Glases betrachtet, so begreift mate dem Vorhergehenden sehr wohl, dass es in allen Lagen des Zegefärbt erscheinen muss, und zwar sind die nun beobachteten micht mehr reine prismatische, sondern Mischfarben, deren Ton das hängt, welche der prismatischen Farben für irgend eine Stellung blegers mit größerer und geringerer Intensität erscheinen.

len wir uns aber die Kreisperipherie in eine gerade Linie entwickelt ken. In Fig. 957 stellt die gerade Linie RR' die entwickelte Peririe dar, und die Länge der auf jedem Punkte von RR' zu errichten-Perpendikel bis zur krummen Linie stellt die Intensität des rothen



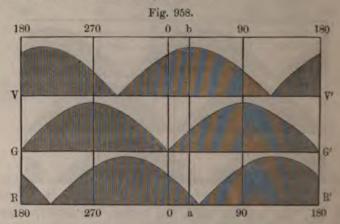
tes dar, wie man sie durch den Zerleger beobachtet, wenn eine man dicke rechtsdrehende Quarzplatte eingelegt ist. Diese Intensität in Maximum für die Azimuthe 71° und 251°, sie ist Null für 161° 341°.

Auf der geraden Linie G G', welche ebenfalls die entwickelte Periie darstellt, ist die Intensitätscurve für die gelben Strahlen construirt, he der für die rothen ganz gleich ist, mit dem einzigen Unterschiede ih, dass die Lage der Maxima und Minima verschoben ist. Ebenso uf der Linie V V' die Intensitätscurve für violette Strahlen construirt, zwar ist die Lage der Maxima und Minima durch die soeben berech-Grösse der Drehungsbogen bestimmt. So ist z. B. für Violett ein mum bei 64° , das andere bei 244° .

Betrachtet man diese drei Intensitätscurven zusammen, so kann man daraus ein Urtheil über die zu beobachtenden Farbenerscheinungen en. Bei 0°, wenn also die Schwingungsebene des Zerlegers parallel nit der des Polarisationsspiegels, ist Violett dem Maximum nahe, Roth s schwächer und Gelb ganz Null. Wenn man nach der Rechten dreht, immt der Einfluss, den Roth und Gelb ausüben, zu, während Blau abnt. Bald, bei 71°, erreicht Roth sein Maximum und Violett ist hier nahe dem Minimum. Ist die Schwingungsebene des Zerlegers mit der Polarisationsspiegels parallel, so zeigt sich also eine purpurne Färbung, elcher das Gelb vollständig fehlt. Dreht man den Zerleger nach der so geht die Färbung alsbald in Roth und dann in Gelb über, welches

Drehung von 90° sein Maximum erreicht haben wird. Bei fernerer nehmen Roth und Gelb ab, während Blau und Violett zunehmen, ung der Platte geht also vom Gelb durch Grün in Blau und Violett über. Von 180° an wiederholt sich dieselbe Reihe von Erscheinungen.

Fig. 958 stellt die Intensitätseurven der drei Farben Roth, Gelb und Violett für eine gleichfalls 3,73^{mm} dicke, aber links drehende, seckrecht zur Axe geschnittene Quarzplatte dar.



Man ersieht leicht, wenn man diese Figur mit Fig. 957 vergleicht dass beide Platten, die rechtsdrehende und die linksdrehende, gleiche Färbung zeigen müssen, wenn die Schwingungsebene des Zerlegers zu der des Polarisationsspiegels parallel oder gekreuzt ist. Bei jeder andern Lage des Zerlegers erscheint eine rechtsdrehende Platte anders gefärbt als eine linksdrehende. Wenn z. B. der Zerleger aus der Lage des Parlelismus mit dem Polarisationsspiegel um 24° nach rechts gedreht wirt so erscheint die 3,73 mm dicke rechtsdrehende Quarzplatte roth, währeid die gleich dicke linksdrehende Platte bei derselben Lage des Zerlegeblau erscheint. Es ergiebt sich dies auch aus den Figuren 957 und 958 wenn man in beiden Figuren von 0 die Länge a0 dem Winkel von 24° proportional aufträgt und dann das Perpendikel ab zieht.

Nicht für alle Dicken der Bergkrystallplatten ist die Färbung gleid brillant; bei ganz dünnen und bei ganz dicken Platten sind kaum Spurvon Färbung wahrzunehmen. Die Ursache davon lässt sich leicht ersebt

Man nehme eine Quarzplatte von ¹/₄mm Dicke, so beträgt der Dehungsbogen für rothe Strahlen ungefähr 5°, für violette Strahlen 10°. De Drehungsbogen für alle anderen farbigen Strahlen fallen also zwischen 5° und 10°, die Maxima aller Strahlen liegen daher sehr nahe beisammen und wenn die rothen Strahlen im Maximum ihrer Intensität sind, sind alle anderen ihrem Maximum so nahe, dass das Roth nicht merklich weherrschen kann, die Platte wird also fast ganz weiss erscheinen. Ebessliegen alle Minima sehr nahe beisammen, nämlich zwischen 95° und 100° hier also wird das Gesichtsfeld fast dunkel sein. Es ist klar, dass, b

dünner die Platte wird, die Erscheinung sich immer mehr derjenigen nähert, welche man ohne die zwischengelegte Platte beobachtet.

Auch sehr dicke Platten erscheinen, wie schon bemerkt wurde, farblos; jedoch ist die an ihnen beobachtete Erscheinung wesentlich von derjenigen sehr dünner Platten verschieden. Wie wir eben gesehen haben, erscheint eine ganz dünne Platte im Zerlegungsspiegel fast ganz hell und farblos, wenn er bei 0° steht; wenn der Zerleger gedreht wird, nimmt die Helligkeit ab und erreicht etwas über 90° hinaus ihr Minimum; bei sehr dicken Platten beobachtet man aber durchaus keine Veränderung in der Intensität des Lichtes, wenn der obere Spiegel gedreht wird; in allen Stellungen dieses Spiegels erscheint die Platte stets gleich hell, aber immer weniger hell als eine ganz dünne Platte, wenn der Zerleger bei 0° oder 180° steht.

Auch dies lässt sich leicht erklären. Mit zunehmender Dicke der Platte wächst der Drehungsbogen für jede Farbe, mithin auch die D fferenz zwischen dem Drehungsbogen je zweier Farben. Nach der oben angeführten Tabelle ist für eine Quarzplatte von 1mm Dicke die Differenz zwischen dem Drehungsbogen der äussersten violetten und der äussersten rothen Strahlen 44.1 - 17.5 = 26.6°. Für eine 2mal, 3mal so dicke Platte ist auch die Differenz zwischen dem Drehungsbogen der äussersten rothen und violetten Strahlen 2mal, 3mal so gross. Mit zunehmender Dicke kann aber diese Differenz bis auf 1800 wachsen (es ist dies der Fall, wenn die Quarzplatte 6,76^{mm} dick ist, denn 6,76 \times 26,6 = 180); wenn aber der Drehungsbogen zweier Farben um 1800 verschieden ist, so fallen die Maxima und Minima beider Farben vollkommen zusammen; bei einer Quarzplatte, welche 6,76mm dick ist, nimmt der Einfluss, welchen die rothen und violetten Strahlen auf die Färbung ausüben, in gleichem Maasse ab und zu, wenn man den Zerleger dreht. Der Drehungsbogen der Strahlen, welche ungefähr an der Gränze zwischen Blau und Grün liegen, ist das Mittel zwischen dem Drehungsbogen der rothen und der violetten Strahlen; in einer Platte von 6,76mm Dicke also erscheinen die blaugrünen Strahlen im Maximum, wenn die rothen und die violetten im Minimum sind, und umgekehrt. Für eine Quarzplatte, deren Dicke 2 × 6,76, also 13,52mm beträgt, ist die Differenz der Drehungsbogen der rothen und blaugrünen Strahlen 180°; ebenso gross ist aber auch die Differenz der Drehungsbogen der blaugrünen und violetten Strahlen. An einer solchen Platte erscheint also Roth, Blaugrün und Violett gleichzeitig im Maximum; keine dieser drei Farben kann also entschieden vorherrschen. Bei einer Quarzplatte von 27mm Dicke ist die Differenz der Drehungsbogen der äussersten rothen und mittleren gelben Strahlen 180°. Ebenso gross ist für diese Platte die Differenz der gelben und blaugrunen Strahlen, der blaugrünen und indigofarbigen, der indigofarbigen und vio-

> Roth, Gelb, Blaugrün, Indigo und Violett wirken also bei dieser anz gleichmässig zur Färbung mit. Wenn diese Farben im Maxiad, so geben sie zusammen eine Farbe, die nur wenig von Weiss

unterschieden ist; sind sie aber im Minimum, so herrschen Orange, if Blau und die Strahlen zwischen Indigo und Violett vor, und und geben zusammen fast Weiss; schon bei dieser Platte kann man als beine Veränderung im Teint der Platte wahrnehmen, wenn man der ren Spiegel dreht, und begreiflicher Weise nähert sich die Fube Platte noch mehr dem reinen farblosen Weiss, wenn die Dicke noch zunimmt.

Die Erscheinungen, welche man an einer linksdrehenden Quanbeobachtet, unterscheiden sich von denen einer gleich dicken reim henden Quarzplatte dadurch, dass man von 0° nach der linken Schalso von 0° über 270° nach 180° den Zerlegungsspiegel drehen mat die Farbenerscheinungen in derselben Ordnung zu sehen, als eb mat der rechtsdrehenden von 0° über 90° nach 180° hin gedreht hätte

Ob ein Quarzkrystall rechts- oder linksdrehend ist, lässt sins stens schon äusserlich erkennen. Betrachtet man nämlich die Betrachtet die Betrachtet die Betrachtet die Betrachtet die

Fig. 959.



Fig. 960.



stalle genauer, so findet man, dass an de se flächen entweder oben links (und unter wenn der Krystall vollständig ausgehilt oder oben rechts (und unten links) bleis stumpfungsflächen auftreten, wie die Fläche Fig. 959. Bei einem und demselben by individuum beobachtet man diese kleinen Festets nur auf einer Seite, also am oberell des Krystalls entweder nur auf der links nur auf der rechten Seite.

Diejenigen Krystalle, welche die ind Fläche oben links haben, wie Fig. 959, and optisch linksdrehend, während des Quarzkrystalle optisch rechtsdrehend bei welchen jene Abstumpfungsfläche ober auftritt.

Ausser dem Quarz ist bis jetzt nur sel Körper bekannt, welcher, wie Marbach geschat, die Erscheinung der Circularpolarisation und dies ist das chlorsaure Natron, est welches dem regulären Krystallsysteme

und dessen Krystalle, Fig. 960, durch eine Combination des Warfeldem Tetraëder gebildet sind; manchmal erscheinen die Würfelkanten Dodekaëderflächen abgestumpft.

Während beim Quarz die Circularpolarisation an die Richtsellersteller krystallographischen Hauptaxe gebunden ist, findet in den Krystallersauren Natrons die Circularpolarisation nach allen Richtseller hin in gleicher Weise statt.

Die Krystalle des chlorsauren Natrons sind optisch reil drehend.

Circularpolarisation. Die im vorigen Paragraphen beschriebe354 in Farbenerscheinungen lassen sich durch das Zusammenwirken zweier der Richtung der Axe des Bergkrystalls sich fortpflanzender Strahlen dären, welche durch eine, von der bisher betrachteten ganz verschiedene, mlich durch eine kreisförmige Bewegung der Aethertheilchen erzeugt reden. Solche Strahlen, welche durch eine kreisförmige Bewegung der thertheilchen erzeugt und fortgepflanzt werden, nennt man eine ularlarisirte Strahlen, im Gegensatz zu den im neunten Capitel beschteten linear-polarisirten Strahlen.

Zwei geradlinige, zu einander rechtwinklige Vibrationsbewegungen nnen sich niemals gegenseitig aufheben, sie setzen sich vielmehr zu er Vibrationsbewegung zusammen, die wir bereits in §. 184 kennen nten.

Von den verschiedenen dort betrachteten Fällen ist hier für uns nur rjenige von Interesse, in welchem die beiden componirenden Vibration nicht allein gleiche Schwingungsamplitude, sondern auch gleiche hwingungsdauer haben.

Wenn unter dieser Voraussetzung der Phasenunterschied der beiden mponirenden Vibrationen Null oder wenn er ein Vielfaches der halin Oscillationsdauer ist, so wird eine geradlinige Vibrationsbeweing erzeugt (Fig. I und Fig. VII Tab. Ia), deren Richtung den Winkel r componirenden Vibrationen halbirt.

Wenn dagegen der Phasenunterschied der componirenden Vibration ¹/₄ oder ein ungerades Vielfaches von ¹/₄ der Öscillationsdauer beägt, so wird durch das Zusammenwirken der beiden zu einander rechtinkligen Vibrationen eine Kreisbewegung erzeugt, wie Fig. IV Tab. Ia läutert. Liegt der Phasenunterschied zwischen den eben besprochenen erthen, so ist die resultirende Bewegung eine elliptische, welche sich ehr der geradlinigen oder mehr der kreisförmigen Bewegung nähert, je schdem der Phasenunterschied sich mehr einem Vielfachen von ¹/₂ Osciltionsdauer oder einem ungeraden Vielfachen von ¹/₄ Oscillationsdauer ihert.

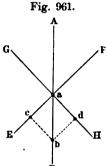
Die eben kurz wiederholten Sätze finden nun auch ihre Anwendung, enn sich zwei linear-polarisirte Strahlen von gleicher Schwingungsdauer, eren Schwingungsebenen aber rechtwinklig aufeinander stehen, nach ner und derselben Richtung fortpflanzen. Je nach der Grösse ihres angunterschiedes wird also durch das Zusammenwirken zweier solcher rahlen ein Strahl gebildet, welcher im Allgemeinen durch eine elliptihe Bewegung der Aethertheilchen fortgepflanzt wird, und den man schalb als einen elliptisch-polarisirten Strahl bezeichnet.

Die elliptische Polarisation geht in lineare Polarisation über, der Gangunterschied der componirenden Strahlen Null ist oder ein matches von 1/2 Wellenlänge beträgt; sie geht in circulare Polarisation über, wenn der Gangunterschied der componirenden Strahlen ein ungerades Vielfaches von 1/4 Wellenlänge beträgt. Lineare und circulare Polarisation können demnach als specielle Fälle der elliptischen Polarisation betrachtet werden.

Das einfachste Mittel elliptisch- und circular-polarisirte Strahlen wenigstens für homogenes Licht hervorzubringen, besteht darin, dass man Glimmerblättchen von entsprechender Dicke in gehöriger Lage auf das Tischlein des Polarisationsapparates legt.

Glimmerblättchen verhalten sich im Polarisationsapparat ganz in derselben Weise, wie dünne Gypsblättchen, sie sind aber für die hier in Redestehenden Versuche geeigneter, weil sie sich leicht dünn genug spalten lassen, um die Farben der ersten Ordnung zu zeigen.

Legt man ein dünnes Glimmerblättchen so auf das Tischlein des Polarisationsapparats, dass die Schwingungsebenen EF und GH der beiden



sich durch dasselbe fortpflanzenden Strahlen einen Winkel von 45° mit der Schwingungsebene der einfallenden Strahlen machen, so haben die beiden nach EF und GH schwingenden, also rechtwinklig meinander polarisirten Strahlen gleiche Intensität. Aus dem Glimmerblättchen austretend, werden also diese beiden Strahlen je nach ihrem Gangunterschied entweder einen linear- oder einen elliptisch- oder endlich einen circular-polarisirten Strahl erzeugen.

Durch den Analyseur des Polarisationsapparates

B (am bequemsten ein Nicol'sches Prisma) und ein einfarbiges Glas (etwa ein rothes) betrachtet, wird nun das Glimmerblättchen, je nach seiner Dicke, eine der folgenden Erscheinungen darbieten.

1 Das Glimmerhlättehen erscheint ganz dunkel entweder a month

aus dem Glimmerblättehen austretenden Strahlen ein elliptisch-polarisirter Strahl hervor.

3. Die Helligkeit des Glimmerblättchens bleibt unverändert, wie man auch den Zerlegungsspiegel um seine Axe drehen mag. Dies ist der Fall, wenn der Gangunterschied der beiden Strahlen in Glimmerblättchen ein ungerades Vielfaches von ¹/₄ Wellenlänge beträgt. Man hat es hier mit einem circular-polarisirten Strahle zu thun.

Wenn ein Glimmerblättchen für Licht einer bestimmten Farbe eircular-polarisirte Strahlen liefert, so wird dies für anders farbiges Licht nicht mehr genau der Fall sein; ein Glimmerblättchen kann also für weises Licht nie vollkommen eireular-polarisirte Strahlen liefern, und zwar um so weniger, je dieker es ist.

Für ein Glimmerblättchen, welches gerade so dick ist, dass der Gangunterschied der beiden Strahlen für gelbes Licht genau ½ Wellenlänge beträgt, wird der Gangunterschied für rothes Licht nur wenig kleiner, für blaues Licht nur wenig grösser sein als ½ Wellenlänge; ein solches Glimmerblättchen, welches wir kurz ein circular-polarisir end es Glimmerblättchen nennen wollen, kann deshalb dazu dienen, um auch für einfallendes weisses Licht nahezu vollkommen circular-polarisirte Strahlen zu liefern. Legt man es in entsprechender Position in den Polarisationsapparat, so erscheint es in weisslicher Färbung, und man kann den Analyseur nach Belieben um seine Axe drehen, ohne dass sich die Helligkeit des Glimmerblättchens merklich ändert; nur geht dabei die bei gekreuzten Polarisatoren kaum merklich ins Blaue spielende Färbung für parallele Polarisatoren in eine schwach gelbliche über.

Ein circular-polarisirendes Glimmerblättchen ist 0,032mm dick. Auf den horizontalen Spiegel des Nörremberg'schen Polarisationsapparats gelegt, was einer Verdoppelung seiner Dicke entspricht, sind seine complementären Farben purpurroth und grünlich gelb. Diese Farben machen es möglich, die circular-polarisirenden Glimmerblättchen zu erkennen, ohne dass man nöthig hat erst ihre Dicke zu messen.

Die Richtung, nach welcher die Aethertheilchen eines durch ein Glimmerblättchen erzeugten circular-polarisirten Strahles um ihre Gleichgewichtslage rotiren, hängt davon ab, ob der im Glimmerblättchen nach EF oder der nach GH schwingende Strahl dem andern um ¹/₄ Wellenlänge vorausgeeilt ist.

Die Kreisbewegung der Aethertheilchen, welche einen circular polarisirten Strahl bilden, pflanzt sich in der Weise fort, dass jedes in der Richtung des Strahls folgende Theilchen zwar auf dieselbe Weise um seine Gleichgewichtslage rotirt, dass es aber später in dem entsprechenden Punkte seiner Bahn ankommt, als das vorangehende.

n wir z. B. an, dass jeder der Punkte o, a, b, c, d u. s. w. .f. S.), welche in der Richtung eines von A nach B sich fortcircular-polarisirten Strahles liegen, um ¹/₄ Wellenlänge von
iden entfernt sei, dass ferner das um o rotirende Aether-

theilchen in einem bestimmten Moment im Punkte o' ankomme, so werden die um a, b, c rotirenden Theilchen nicht gleichzeitig in den entsprechenden Punkten a', b', c' ihrer Bahn ankommen, sondern erst nach $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{2}$, $\frac{3}{4}$ der

Fig. 962.



ganzen Umlaufszeit. Bezeichnen wir mit a'', b'', c'' die Punkte, in welchen die um a, b und c rotirenden Aethermoleküle in demselben Moment eintreffen, in welchem das um o kreisende in o' ankommt, so sind die Bogen a'a'', b'b'' und c'c'' (von a', b', c' an der Rotationsrichtung entgegen gemessen) gleich a', a',

Die um o und d kreisenden Moleküle werden gleichzeitig in entsprechenden Punkten ihrer Bahn eintreffen, wenn der Abstand od eine ganze Wellen-

länge beträgt.

Die Curve, welche die Punkte o'. a", b", c" und d' verbindet, die Curve also, auf welcher die um ihre Gleichgewichtslage rotirenden, einen circular-polsrisirten Strahl in der Richtung von A nach B fortpflanzenden Aethermoleküle in einem bestimmten Moment liegen, ist eine um die Axe AB herumlaufende Schraubenlinie, für welche die Höhe

eines Schraubenganges einer Wellenlänge gleich ist.

Denkt man sich eine solche Schraubenlinie mit gleichförmiger Geschwindigkeit um ihre Axe gedreht, so dass jede Umdrehung in derseben Zeit vollendet wird, welche der Schwingungsdauer eines gewöhnlichen Strahles von derselben Farbe gleich ist, so hat man eine richtige Vorstellung von der Bewegung und der gegenseitigen Lage der Aethertheilchen, welche einen circular-polarisirten Strahl fortpflanzen.

Circularpolarisation durch totale Reflexion und durch

chtwinklig zu einander sind, und von denen der eine dem anderen um nen aliquoten Theil der Wellenlänge vorausgeeilt ist.



Die Schwingungsebene des einen reflectirten Strahles fällt mit der Reflexionsebene abc zusammen, die Schwingungsebene des anderen ist rechtwinklig zu derselben. Das Intensitätsverhältniss dieser beiden Strahlen hängt von der Grösse des Winkels ab, welchen die Reflexionsebene des Prismas mit der Schwingungsebene des einfallenden Strahles macht. Die Intensität beider Strahlen ist gleich, wenn dieser Winkel 450 beträgt.

Der Gangunterschied der beiden reflectirten Strahlen, durch deren Zusammenwirken der elliptischpolarisirte Strahl bc erzeugt wird, hängt von der

ibstanz des Prismas und von der Grösse des Einfallswinkels i ab. Für las von St. Gobain fand Fresnel, dass dieser Gangunterschied ein aximum wird, wenn $i = 54^{\circ}30'$ ist; er beträgt in diesem Falle $\frac{1}{8}$ ellenlänge.

Eine zweimalige innere Reflexion unter den gegebenen Umständen also einen Gangunterschied von 1/1 Wellenlänge, und bei gehöriger ge der Reflexionsebene gegen die Schwingungsebene des einfallenden cear-polarisirten Strahles circular-polarisirtes Licht erzeugen, was resnel mittelst seines Parallelepipeds ausführte.

Fig. 965 stellt ein Fresnel'sches Parallelepiped von Glas in perectivischer Ansicht, Fig. 964 stellt den Durchschnitt desselben sammt Fig. 965.





seiner Fassung dar. Jeder der Winkel bei a und bei c ist 125°30', die spitzen Winkel bei b und d also 54°, 30'. Ein Lichtstrahl, welcher rechtwinklig zu der Fläche cb eintritt, erleidet bei p und bei s eine totale innere Reflexion und tritt. dann rechtwinklig Fläche ad aus. Wenn nun

r einfallende Strahl linear polarisirt ist, und wenn ferner die Ebene der eifachen inneren Reflexion einen Winkel von 450 mit der Schwingungs--- der einfallenden Strahlen macht, so ist der austretende Strahl in der zweimaligen inneren Spiegelungen vollständig circular polarisirt. Im mit dem Fresnel'schen Parallelepiped zu experimentiren, stellt man if das mittlere Tischlein des Nörrem berg'schen Polarisationsapparats, ine horizontalen Kanten einen Winkel von 450 mit der Schwingungsebene larisationsspiegels machen, wie Fig. 966 (a.f.S.) andeutet, in welcher schraffirte Rechteck die untere Fläche des Parallelopipeds darstellt.

Ist das Fresnel'sche Parallelepiped in dieser Weise aufgestellt, so kann man den Zerleger des Apparats nach Belieben um seine Axe drehen, ohne dass die Helligkeit des durch das Parallelepiped gegangenen Lichtes sich

Fig. 966.



Das Fresnel'sche Parallelepiped liefert also auch für einfallendes weisses Licht vollkommen circular-polarisirte Strahlen.

Dass das Fresnel'sche Parallelepiped in der That circular-polarisirtes und nicht etwa vollkommen depolarisirtes Licht liefere, geht daraus hervor, dass man wieder linear-polarisirtes Licht erhält, wenn man die Strahlen, welche aus einem im Polarisationsapparat gehörig aufgestellten Fresnel'schen Parallelepiped austreten, nun noch durch ein zweites gehen lässt, welches

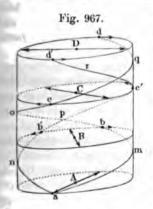
so auf das erstere gestellt ist, dass die Reflexionsebenen beider Parallelepipede zusammenfallen. Durch die viermalige innere Reflexion ist hier der Gangunterschied der austretenden, rechtwinklig zu einander vibrirenden Strahlen gleich 1/2 Wellenlänge geworden.

Die Erscheinungen der Metallreflexion sind denen der totalen Reflexion durchsichtiger Substanzen ganz analog. Schon Malus hatte beobachtet, dass man Metallspiegel nicht gebrauchen könne, um linearpolarisirtes Licht hervorzubringen. Brewster, welcher zuerst die durch Metallspiegel reflectirten Strahlen genauer untersuchte, hat noch nachgewiesen, dass linear-polarisirtes Licht im Allgemeinen durch Metallreflexion in elliptisch-polarisirtes Licht verwandelt wird, und das hier unter Umständen schon eine einmalige Reflexion hinreicht, um circular-polarisirtes Licht zu erzeugen.

Wird der Zerlegungsspiegel des Nörremberg'schen Polarisationsapparates durch einen Metallspiegel ersetzt, und dieser so gestellt, dass sein Azimut 45° beträgt (dass seine Reflexionsebene einen Winkel von 45° mit der Reflexionsebene des Polarisationsspiegels macht), so ist Auf eine ausführlichere Besprechung der von Fresnel und Brewster begründeten und durch die Untersuchungen von Jamin vollendeten Lehre von der elliptischen Polarisation durch totale und durch Metallreflexion können wir hier nicht eingehen. Fresnel's Arbeiten über diesen Gegenstand finden sich in den Annales de chimie et de physique, 2 ser. tom. XLVI, die Jamin's in derselben Zeitschrift, 3 ser. tom. XXX.

Erklärung der Farbenerscheinungen in Quarzplatten. 356
Zur Erklärung der in §. 353 besprochenen Farbenerscheinungen, welche
senkrecht zur Axe geschnittene Quarzplatten im polarisirten Lichte zeigen, muss man annehmen, dass ein linear-polarisirter Strahl beim
Eintritt in die Quarzplatte in zwei circular-polarisirte Strahlen von gleicher Intensität und gleicher Umlaufszeit, aber von
entgegengesetzter Rotationsrichtung zerlegt wird, von denen
sich der eine schneller im Krystall fortpflanzt als der andere.

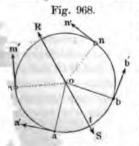
Es seien z. B. A, B, C und D die Ruhelagen einer Reihe von Aethermolekülen, deren Verbindungslinie mit der Richtung der Axe der Quarz-



platte zusammenfällt, so würden diese Aethertheilchen unter dem alleinigen Einfluss des links rotirenden Strahls für einen bestimmten Moment die Spirale anb'pc'rd' bilden, während sie in demselben Augenblicke unter dem alleinigen Einfluss des rechts rotirenden Strahles auf der Spirale amb pocqd liegen würden.

Unsere Figur stellt den Fall dar, dass sich der rechts rotirende Strahl in der Richtung der Krystallaxe langsamer fortpflanzt, als der links rotirende. Auf dem Wege von A bis D liegen für den rechts rotirenden Strahl 1½, für den links rotirenden 1 Wellänge.

Wenn aber ein Aethermolekül gleichzeitig unter dem Einfluss zweier eircular-polarisirter Strahlen von gleicher Intensität und gleicher Um-



laufszeit, aber von entgegengesetzter Rotationsrichtung steht, so wird ihm eine geradlinige Oscillationsbewegung ertheilt, deren Richtung von dem Gangunterschied der beiden circular-polarisirten Strahlen abhängt, wie sich aus der folgenden Betrachtung ergiebt.

Es sei o, Fig. 968 ein Aethermolekül, welches unter dem alleinigen Einfluss eines rechts rotirenden Strahles sowohl als auch unter dem alleinigen Einfluss eines links rotirenden Strahles

n Kreis amnb mit gleicher, aber entgegengesetzt gerichteter Geschwin-

digkeit durchlaufen würde. Es sei ferner a die Stellung, welche das Molekül in einem bestimmten Moment unter dem alleinigen Einfluss des einen Strahles einnehmen würde, und aa' die entsprechende tangentiale Geschwindigkeit; eben so sei b die Stellung, welche dasselbe Molekül in demselben Moment unter dem alleinigen Einfluss des anderen Strahles mit der Geschwindigkeit bb' passiren würde. Bei gleicher Intensität und gleicher Umlaufszeit muss nothwendig bb' = aa' sein.

Unter dem gleichzeitigen Einfluss der beiden circular-polarisirten Strahlen wird aber das Molokül O in dem oben besprochenen Momente von einer Geschwindigkeit afficirt sein, welche die Resultirende der Geschwindigkeiten aa' und bb' ist. Die Richtung RS dieser Resultirenden muss aber den Winkel aOb halbiren, da ja aa' = bb'.

In einem kleinen Zeittheilchen & würde nun das Molekül unter dem alleinigen Einfluss des einen Strahles von a nach m, in derselben Zeit würde es unter dem alleinigen Einfluss des anderen Strahls von b nach n gelangen; den Punkt m würde es mit der tangentialen Geschwindigkeit mm', den Punkt n aber würde es mit der gleich grossen tangentialen Geschwindigkeit nn' passiren. Unter dem gleichzeitigen Einfluss beider Strahlen wird also das Aethertheilchen in diesem zweiten Moment von einer Geschwindigkeit afficirt sein, welche die Resultirende von mm' und nn' ist.

Da nun aber am = bn, so lässt sich leicht darthun, dass die Tangentialgeschwindigkeiten mm' und nn' gleiche Winkel mit der Linie RS machen, dass also die Richtung der Resultirenden von mm' und nn' mit RS zusammenfällt.

Kurz unter dem gleichzeitigen Einfluss der beiden circular-polarisiten Strahlen wird das fragliche Aethermolekül stets von Geschwindigketen afficirt sein, deren Richtung in die Linie RS fällt; das Aethermolekül wird also in der Richtung RS hin und her oscilliren müssen. Durch das Zusammenwirken der beiden entgegengesetzt rotirenden circular-

sich dasselbe bei einer gewissen Dicke der Platte in einem bestimmten Moment unter dem alleinigen Einfluss des links rotirenden Strahles in b' (zur besseren Orientirung vergl. man Fig. 967 Seite 887) und gleichzeitig unter dem alleinigen Einfluss des rechts rotirenden in b befinden. Unter dem gleichzeitigen Einfluss beider Strahlen wird also das Aethertheilchen in der Richtung RS oscilliren, welche mit der Schwingungsebene MN der einfallenden Strahlen einen Winkel v macht. dem eben betrachteten Falle erscheint also die Schwingungsebene der ursprünglich nach MN vibrirenden Strahlen durch die Quarzplatte um den Winkel v nach der Linken gedreht.

Bezeichnen wir den Winkel des Bogens b N mit r, den Winkel des Bogens b'N aber mit l, so ist

$$v = \frac{r-l}{2}$$
.

Bei n facher Dicke der Quarzplatte würde ein Aethertheilchen an der Austrittsfläche in demselben Moment unter dem alleinigen Einfluss des links rotirenden Strahles um den Bogen n.b' N, unter dem alleinigen Einfluss des rechts rotirenden Strahles um den Bogen n. bN von N entfernt sein, der Winkel V, um welchen in diesem Falle die Schwingungsebene durch die Quarzplatte gedreht erscheint, ist also $V = \frac{n\,r\,-\,n\,l}{2} = n \cdot v.$

$$V = \frac{nr - nl}{2} = n \cdot v.$$

Die Drehung der Schwingungsebene, mithin auch die Drehung der Polarisationsebene ist also (für dieselbe Farbe) der Dicke der Quarzplatte proportional.

In Fig. 967 Seite 887 erscheint die Schwingungsebene für die Dicke AB der Quarzplatte um 30°, für die Dicke AC um 60°, für die Dicke A D um 900 nach der Linken gedreht.

In dem eben besprochenen Beispiel Fig. 967 und Fig. 969, war es der links rotirende Strahl, welcher sich mit grösserer Geschwindigkeit durch den Krystall fortpflanzt, und dem entsprechend erscheint auch die Polarisationsebene nach der Linken gedreht. Eine Drehung der Polarisationsebene nach der rechten Seite erfolgt, wenn der rechts rotirende Strahl sich schneller durch die Quarzplatte fortpflanzt.

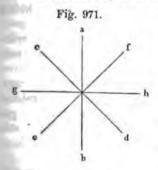
Doppelte Brechung des Bergkrystalls in der Richtung 357 seiner Axe. Um die Richtigkeit der im vorigen Paragraphen gegebenen Erklärung der Drehung der Polarisationsebene durch senkrecht zur Axe geschnittene Quarzplatten zu beweisen, muss man zeigen, dass sich in der Richtung der krystallographischen Axe des Bergkrystalls wirklich zwei Strahlen mit verschiedener Geschwindigkeit fortpflanzen, und Fig. 970.

dass diese Strahlen circular polarisirt sind. Fresnel hat dies in der That durch folgenden sinnreichen Apparat nachgewiesen. Der Cylinder acbd, Fig. 970, ist aus drei Prismen von Bergkrystall zusammengesetzt. welche sehr sorgfältig zusammengefügt sein müssen. Der brechende Winkel des mittleren Prismas beträgt 1520; die beiden brechenden Flachen ds und bs müssen gegen die Axe des Krystalls gleiche Neigung haben: die beiden Gränzflächen der äusseren Prismen, nämlich ad und ch. stehen rechtwinklig auf der Axe dieser Quarzstücke, so dass in allen drei Prismen die Axe dieselbe Richtung hat. Nehmen wir an, das mittlere Prisma sei aus einem rechts drehenden Krystalle gemacht, so müssen die beiden Endprismen aus links drehenden Krystallen gemacht sein, und umgekehrt. Lässt man nun auf dieses System von der einen Seite her einen polarisirten Strahl einfallen, so theilt er sich in zwei, welche in verschiedenen Richtungen austreten. Der Bergkrystall übt also in der Richtung seiner Axe eine doppelte Brechung aus, und diese doppelte Brechung ist also ganz anderer Art als die, welche man an anderen Krystallen und im Quarz nach anderen Richtungen beobachtet, denn die beiden austretenden Strahlen zeigen keine Spur von Polarisation, wenn man sie mit einer Turmalinplatte oder mit einem doppeltbrechenden Prisma analysirt.

Diese merkwürdige Erscheinung beweist direct, dass sich in der Richtung der optischen Axe des Bergkrystalls zwei eineular polarisite Strahlen von entgegengesetzter Rotationsrichtung mit ungleicher Geschwindigkeit fortpflanzen, und dass derjenige, welcher in rechts drehenden Krystallen der schnellere ist, sich in links drehenden langsamer fortpflanzt. Der polarisite Strahl, welcher an der Fläche ad eintritt, wid in zwei eineular polarisite Strahlen von entgegengesetzter Drehungsrichtung verwandelt; sie werden beim Eintritte in das mittlere Prisma nach verschiedenen Richtungen gebrochen, weil sie das erste mit verschiedene Geschwindigkeit durchlaufen haben; die Divergenz wird aber durch des Umstand vergrössert, dass derselbe Strahl, welcher im ersten Prisma der schnellere war, im zweiten der langsamere ist, und umgekehrt. Die Strahlen, welche nun schon das mittlere Prisma nach verschiedener Richtung durchlaufen haben, treten im letzten Prisma begreiflicher Weise noch

aber ein zweites Glimmerblättchen von derselben Dicke wie das untere so auf das Gypsblättchen legt, dass die Schwingungsebenen des oberen Glimmerblättchens mit denen des unteren zusammenfallen, so erscheint sogleich das Gypsblättchen gefärbt, und diese Färbung ändert sich, wenn man den oberen Spiegel des Apparates dreht, ganz in derselben Weise, als ob man eine senkrecht zur Axe geschnittene Quarzplatte im Apparate hätte. Da wir nun im Stande sind, die Erscheinungen in der Combination von Gyps- und Glimmerblättchen vollständig zu analysiren, so haben wir zugleich eine Erklärung der im Bergkrystalle beobachteten Erscheinungen.

Es sei ab, Fig. 971, die Schwingungsebene des vom unteren Polari-



sationsspiegel kommenden polarisirten Strahles, cd und ef die Schwingungsebenen der beiden Strahlen im Glimmerblättchen, ab und gh die beiden Schwingungsebenen im Gypsblättchen.

Der Strahl, welcher im Glimmerblättchen parallel mit cd schwingt, wird bei seinem Eintritte in das Gypsblättchen in zwei Strahlen zerlegt; die Schwingungen des einen finden in der Richtung ab, die des anderen in der Richtung gh statt. Eine ähnliche Zerlegung erleidet aber auch der

im Glimmerblättchen parallel mit ef schwingende Strahl bei seinem Eintritte in das Gypsblättchen; und so kommt es denn, dass sich im Gypsblättchen zwei Strahlen fortpflanzen, deren Schwingungen parallel mit ab, und zwei andere, deren Schwingungen parallel mit qh sind.

Die beiden parallel mit ab schwingenden Strahlen haben gleiche Vibrationsintensität, der eine ist aber dem anderen um ¹/₄ Wellenlänge vorausgeeilt; da die beiden Strahlen nach derselben Richtung schwingen, so werden sie interferiren, sie werden durch ihr Zusammenwirken einen einzigen Strahl hervorbringen, dessen Vibrationsintensität leicht zu ermitteln ist; zu unserem Zwecke ist es aber nicht einmal nöthig, diese Vibrationsintensität zu kennen.

Auch die beiden Strahlen, welche im Gypsblättchen, parallel mit yhschwingend, sich fortpflanzen, haben gleiche Vibrationsintensität, und der eine ist dem anderen um ¹/₄ Wellenlänge vorausgeeilt; also auch diese combiniren sich zu einem einzigen Strahle, dessen Vibrationsintensität gerade ebenso gross ist wie die des Strahles, welcher parallel mit abschwingt.

eten also aus dem Gypsblättchen zwei rechtwinklig zu einander Strahlen von gleicher Vibrationsintensität aus, jeder derselben durch das obere Glimmerblättchen in einen circular polarisir- verwandelt, und durch die Interferenz dieser beiden kreisför-

mig polarisirten Strahlen wird die beobachtete Farbenerscheinung hervorgebracht.

Der linear polarisirte Strahl, welcher, parallel mit ab schwingend aus dem Gypsblättchen austritt, wird durch das obere Glimmerblättchen. dessen Schwingungsebenen cd und ef sind, ganz so in einen circular polarisirten Strahl verwandelt, wie es oben, Seite 882, gezeigt worden ist. Wenn der im Glimmerblättchen parallel mit ef schwingende Strahl dem anderen um $^{1}/_{4}$ Wellenlänge vorauseilt, so wird die Rotation der Aethertheilchen im resultirenden Strahle von der Rechten zur Linken gehen; der linear polarisirte Strahl aber, welcher, parallel mit gh schwingend das Gypsblättchen verlässt, wird durch das obere Glimmerblättchen in einen circular polarisirten Strahl von entgegengesetzter Rotationsrichtung verwandelt.

Aus dem Glimmerblättchen treten also zwei circular polarisirte Strablen von gleicher Intensität, aber entgegengesetzter Rotationsrichtung aus; der eine dieser Strahlen ist dem anderen um eine bestimmte Anzahl von Wellenlängen voraus, welche von der Dicke des Gypsblättchens abhängt.

Durch die Interferenz der beiden kreisförmig polarisirten Strahlen, welche aus dem Glimmerblättchen austreten, wird nun wieder linear polarisirtes Licht erzeugt, dessen Schwingungsrichtung davon abhängt, wie viel Wellenlängen der eine Strahl im Gypsblättchen dem andern vorausgeeilt ist.

Diese Nachahmung der Farbenerscheinungen in senkrecht zur Angeschnittenen Quarzplatten ist ein neuer Beweis für die Richtigkeit der in §. 356 vorgetragenen Erklärung.

359 Farbenringe senkrecht zur Axe geschnittener Quarzplatten. Bei den bisher beschriebenen Farbenerscheinungen senkrecht
zur Axe geschliffener Quarzplatten kamen nur solche Strahlen in Betracht,
welche die Platte genau in der Richtung der optischen Axe durchlaufen

Turmalinen das ganz eigenthümliche Ringsystem Fig. 4 Tab. XI., welches eine Combination von runden Ringen mit vier von der Mitte ausgehenden Spiralen ist.

Zur Beobachtung dieser Ringsysteme ist das auf Seite 858 besprochene Nörrembergische Linsensystem ganz besonders geeignet.

Diese Erscheinung lässt sich auch mit einer einzigen Quarzplatte schon hervorbringen, wenn man sie auf den horizontalen Spiegel des Nörremberg'schen Polarisationsapparates legt und darüber, ungefähr in der Entfernung ihrer Brennweite, eine Sammellinse befestigt. Die Lichtstrahlen durchlaufen hier den Krystall zweimal; einmal nämlich, ehe sie auf den horizontalen Spiegel treffen, und dann, nachdem sie von demselben reflectirt worden sind; wenn die Strahlen nach ihrem ersten Durchgange durch die Platte von dem Spiegel c reflectirt worden sind, so verhalten sie sich gerade ebenso, als hätten sie eine Platte von entgegengesetzter Drehungsrichtung durchlaufen.

Circularpolarisation in Flüssigkeiten und Gasen. Der 3 Bergkrystall und das chlorsaure Natron sind die einzigen festen Körper, an welchen man die oben beschriebenen Erscheinungen der Circularpolarisation beobachtet; Biot hat aber diese Eigenschaft bei mehreren Flüssigkeiten entdeckt und ist zu folgenden Resultaten gelangt:

Links drehende Flüssigkeiten, also solche, welche die Polarisationsebene von der Rechten zur Linken drehen, sind: Terpentinöl, Kirschlorbeerwasser, Lösungen von Stärkezucker, arabischem Gummi und Inulin in Wasser u. s. w.

Rechts drehende Flüssigkeiten sind unter andern: Citronenöl, wässerige Lösungen von Rohrzucker, Auflösungen von Kampher in Alkohol, Dextrin und Auflösungen von Weinsteinsäure.

Das Drehungsvermögen dieser Flüssigkeiten ist weit schwächer als das des Bergkrystalls, d. h. eine Quarzplatte von geringer Dicke bringt dieselben Erscheinungen hervor, wie eine flüssige Säule von ziemlich bedeutender Höhe; eine Quarzplatte zeigt z. B. dieselben Farben wie eine 68 mal höhere Säule Terpentinöl; da aber dünne Quarzplatten nur wenig brillante Farben zeigen, so ist klar, dass schon eine Terpentinölsäule von ziemlich bedeutender Höhe erforderlich ist, um die Farbenerscheinungen recht deutlich beobachten zu können. Das Drehungsvermögen des Citronenöls ist stärker als das des Terpentinöls, denn eine Säule von Citronenölzeigt dieselben Farben, wie eine doppelt so hohe Säule von Terpentinöl.

Um die Natur der Circularpolarisation einer Flüssigkeit vollständig zu bestimmen, ist auszumitteln, ob sie rechts oder links drehend ist und wie viel Grade der Drehungsbogen beträgt, um welchen bei einer gegebenen Hähe der flüssigen Säule die Polarisationsebene der verschiedenfarbigen

gedreht wird.

Beobachtung der Kreispolarisation in Flüssigkeiten kann in Erung anderer Instrumente der Nörremberg'sche Polarisationsapparat dienen, zu dessen Analyseur man am zweckmässigsten ein Nies sches Prisma anwendet. Die Flüssigkeiten werden zu diesem Zweckeine oben offene, unten durch eine ebene Glastafel verschlossene Gl



Durchschnitte dargestellt; die Röhre muss so lang als es der Abstand des Tischleins und des Nicols in erlaubt. Es ist gut, wenn die Röhre graduirt ist, so man stets unmittelbar die Höhe der flüssigen Säule lesen kann. Damit die Farbenerscheinung möglichen kann. Damit die Farbenerscheinung möglichen wird, muss der Zutritt von fremdem Lichte gehalten werden, was am leichtesten dadurch gweid dass man die Glasröhre mit einem hohlen Cylinder.

schwarzem Tuch umgiebt und auch den Fuss der Röhre mit schwarzen Tuch belegt.

Fig. 973 stellt den Apparat dar, dessen sich Biot zur Esuchung der Circularpolarisation in Flüssigkeiten bediente. Die zu



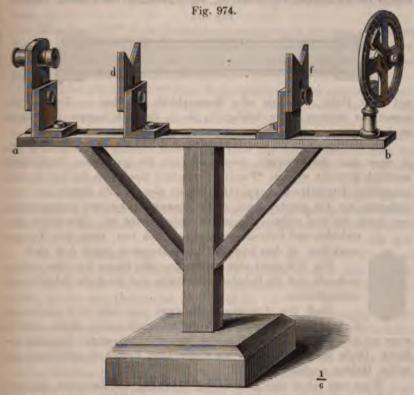
suchende Flüssigkeit ist in der an beiden Enden mit Glasplatze schlossenen Röhre d enthalten, zu deren Aufnahme die Rinne g an einen Ende der Rinne g ist das kurze Rohr b befestigt, an

Ende derselben befindet sich das Rohr a. Die Axen von a, d und b fallen in eine gerade Linie zusammen.

Der aus schwarzem Glase verfertigte Polarisationsspiegel m wird so gestellt, dass die von ihm reflectirten Strahlen die Richtung der Axen der Röhren b, d und a verfolgen. Die Röhre a enthält als Analyseur ein achromatisirtes doppeltbrechendes Prisma oder auch ein Nicol'sches Prisma.

Die Röhre a ist sammt dem Analyseur, welchen sie enthält, um ihre Axe drehbar, und die Grösse der Drehung wird auf dem getheilten Kreise h abgelesen.

Fig. 974 stellt einen andern zur Beobachtung der Circularpolarisation in Flüssigkeiten von Jolly möglichst einfach construirten Apparat dar,



welcher auch benutzt werden kann, um die durch den galvanischen Strom hervorgebrachte Drehung der Polarisationsebene zu beobachten, von welcher im zweiten Bande die Rede sein wird. Ein massives Holzgestell trägt eine 20 Zoll lange, ½ Zoll dicke und 1½ Zoll breite, zum Theil in der Mitte mit einer breiten Spalte versehene Leiste ab. An dem einen Ende derselben befindet sich ein verticaler Theilkreis, dessen Ebene rechtwinklig

steht auf der Längsrichtung der Leiste. In der Mitte dieses Theilkreisesteckt in einer Hülse, die sich zugleich mit dem Nonius dreht, das Nicolsche Prisma c. Diesem gegenüber, am anderen Ende der Leiste, ist ein zweites Nicolsches Prisma angebracht, welches möglichst gross sein muss. Man kaun es nach Belieben höher und tiefer stellen und seinen Träger auch um eine verticale Axe drehen, so dass man seine Axe leicht parallel mit den Kanten der Leiste ab und in die Verlängerung der Axe des Nicols c bringen kann.

Die Röhre, welche die zu untersuchende Flüssigkeit enthält, wird auf die Träger d und f gelegt, die man nach Belieben höher und tiefer stellen richten und verschieben kann.

Fig. 975 stellt eine solche Röhre im Durchschnitt dar. Die Glassöhre welche die Flüssigkeit aufnimmt, ist, zur Abhaltung des fremden Lichtes.



mit einer Hülse von Holz oder Messingblech umgeben. — Der Durchmesser der inneren Röhre beträgt 1/4 bis 1/2 Zoll. In unserer Zeichnung ist der Durchmesser der Röhre zu gross im Verhältniss zur Länge.

Da die drehende Kraft der Flüssigkeiten meist ziemlich gering ist, so muss man dafür sorgen, dass auch noch die geringsten Drehungs merklich gemacht werden. Pouillet erreichte dies durch die von Soleil construirte doppelte Quarzplatte (double plaque). Sie besteht aus zwei senkrecht zur Axe geschnittenen, neben einander gekitteten Quarzplatte, von denen die eine rechts-, die andere linksdrehend ist. Das letzte AbFig. 976. schleifen und Poliren geschieht natürlich erst, nach dem Zusammenkitten, so dass beide Hälften vollkommen gleich dick sind.

Fig 976 stellt eine solche dannelte Platte den die rechts

bergangsfarbe (teinte de passage) genannt wird, hat die Eigenschaft, ir rasch in Blau oder Roth überzugehen, so dass schon bei einer ganz ringen Drehung des Ocularnicols die eine Hälfte der Platte eine röthbe, die andere eine bläuliche Färbung annimmt.

Die Erklärung dieser Empfindlichkeit ergiebt sich leicht aus der Beschtung der Figuren 957 und 958. Bei der rechtsdrehenden Hälfte ht, wenn man das Ocularnicol nach der Rechten dreht, die Färbung sch ins Roth über, weil das Roth dabei zu-, das Blau abnimmt, Fig. 957; der linksdrehenden Hälfte nimmt bei gleicher Drehung des Nicols das oth ab und das Blau zu, Fig. 958. Diese Veränderungen in der Insität des blauen und rothen Lichtes werden aber hier gleich merklich ill das Gelb fehlt, welches geringe Veränderungen in den blauen und then Tönen ganz verdecken würde, wenn es in voller Stärke vorhanden re.

Dieselbe 3,75^{mm} dicke Doppelplatte erscheint gelb zwischen gekreuzten cols. Hier muss man das Ocularnicol schon bedeutend weiter drehen, nn die Ungleichheit in der Färbung der beiden Hälften der Platten reklich werden soll.

Befindet sich die 3,75^{mm} dicke Doppelplatte zwischen parallelen Nicols, wird, wenn man ausser derselben noch einen schwach rechts- oder twach linksdrehenden Körper zwischen die Nicols einschiebt, der Effect te ganz derselbe sein, als ob man das Ocularnicol nach der Linken oder ch der Rechten gedreht hätte. Man muss nun das Ocularnicol nach der ehten oder nach der Linken drehen, um die Gleichheit der Färbung eder herzustellen.

Der Winkel, um welchen man das Ocularnicol drehen muss, um die eichheit der Färbung in beiden Hälften der Doppelplatte wieder herzustlen, ist die Grösse, um welche der eingeschobene Körper die gelben rahlen dreht.

In dem Apparat Fig. 974 (Seite 895) wird die doppelte Platte am sten dadurch angebracht, dass man sie mittelst Kork in eine Messingulse fasst, welche an das erste Nicol angeschoben wird, und zwar an die ite, welche dem Ocularnicol zugewandt ist.

Wenn die Drehung der Polarisationsebene in demjenigen Körper, sicher sich mit der doppelten Platte zwischen den beiden Nicols befindet, deutender wird, so ist es bei einfallendem weissen Licht nicht mehr öglich, durch Drehung des Ocularnicols die Gleichheit der Farben in den iden Hälften der doppelten Platte wieder herzustellen, wie sich aus den esetzen der Circularpolarisation leicht nachweisen lässt; in diesem Falle darf man aber auch der doppelten Platte gar nicht mehr, um die Erkeinungen der Circularpolarisation mit genügender Schärfe beobachten

ach im Dampf des Terpentinöls hat Biot die Eigenschaft der Kreistion nachgewiesen; um hier diese Erscheinung wahrnehmen zu n. muss man natürlich ungleich längere Röhren anwenden.

361 Saccharometer. Die Circularpolarisation hat auch eine technische Bedeutung gewonnen, seit man sie in Anwendung gebracht hat, um den Zuckergehalt des Syrups und anderer zuckerhaltiger Flüssigkeiten zu bestimmen. Man hat zu diesem Zweck besondere Apparate construirt, welche den Namen Saccharometer führen.

Mitscherlichs Saccharometer, Fig. 977, ist im Wesentlichen nach dem Princip der Apparate Fig. 973 und Fig. 974 construirt; beim Soleil'schen Saccharometer dagegen wird nicht die Drehung der Pelarisationsebene gemessen, welche die Zuckerlösung hervorbringt, sondern es wird die Dicke einer senkrecht zur Axe geschliffenen Quarzplatte ermittelt, deren Circularpolarisation gleich ist derjenigen, welche die zu prüfende Zuckerlösung hervorbringt.

Fig. 978 stellt das Soleil'sche Saccharometer dar. Das Licht einer Argand'schen Lampe fällt durch ein in der Röhre S befindliches Nicolin den Apparat ein, geht alsdann durch die bei r befindliche doppelte Quarzplatte und durch die in der Röhre m enthaltene Zuckerlösung hindurch. In der Röhre bei T endlich ist das als Analyseur dienende Nicolische Prisma enthalten, welches bei diesem Apparat nicht um seine Ax-

Fig. 977.



gedreht wird, sondern so gestellt ist, dass seine Schwingungsehere mit der des Nicols bei Sparallel ist.

Zwischen der Röhre m und dem Analyseur bei T befindet sich nun eine eigenthümliche aus Quarzplatten construirte Compensationsvorrichtung, welche wir nun genauer betrachten müssen.

Die aus dem Rohre m au-

Bei einer bestimmten Stellung der beiden Keile hat die Platte, welche sie bilden, gleiche Dicke mit der Platte Q, so also dass die durch Q her-



vorgebrachte Drehung der Polarisationsebene durch die Keile N und N' wieder aufgehoben wird.

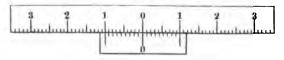
Die Quarzkeile N und N' sind in Metallfassungen eingesetzt, welche durch Vermittelung des Knopfes b, Fig. 978, nach entgegengesetzter Rich-

Fig. 979.

tung (entweder in oder gegen die Richtung der Pfeile, Fig. 979) verschoben werden können; durch diese Verschiebung aber kann die Dicke der durch die Combination der Keile N und N' gebildeten Platte nach Belieben vermehrt und vermindert werden.

Die Fassung des Keiles N' trägt oben die auch in Fig. 978 sichtbare Theilung e, die Fassung des Keiles N trägt einen zu dieser Theilung gehörigen Nonius v. Durch die Verschiebung der Quarzkeile werden auch die Theilung e und der Nonius v gegen einander verschoben.

Fig. 980 stellt die Theilung e und den Nonius v in grösserem Maassstabe dar. — Der Nullpunkt der Theilung e befindet sich in der Mitte Fig. 980.



die Theilstriche werden von diesem Nullpunkt an entweder nach der nten oder nach der linken gezählt. Wenn der Nullpunkt des Nonius mit dem Nullpunkt der Theilung zusammenfällt, so bilden die Keile N und N' zusammen eine Platte, welche genau eben so dick ist wie die Platte O.

Die Theilung ist so eingerichtet, dass die Dicke der durch die KeilN und N' gebildeten Platte um 1 Millimeter wächst oder abnimmt,
wenn der Nonius um 10 Theile der Haupttheilung nach der einen
oder nach der andern Seite verschoben wird. Eine Verschiebung um
1 Theilstrich entspricht also einer Veränderung der Dicke um 1 10 Millimeter und da der Nonius so eingerichet ist, dass man mit Hülfe desselben
noch Verschiebungen von 1/10 der Haupttheilung ablesen kann, so ist klar,
dass man die Veränderung der Dicke der Compensatorplatten noch bis aut
1/100 Millimeter genau ablesen kann.

Wenn der Nonius auf dem Nullpunkt der Theilung steht, so sicht der bei T in das Instrument schauende Beobachter die beiden Hälften der doppelten Quarzplatte bei r gleich gefärbt, wenn die Röhre m ganz fehlt oder wenn sie mit einer Flüssigkeit gefüllt ist, welche keine Circularpolarisation bewirkt.

Bringt man aber nun eine Röhre m in den Apparat, welche eine circularpolarisirende Flüssigkeit enthält, so erscheinen die beiden Hälften der doppelten Quarzplatte ungleich gefärbt und man muss nun die beidet Quarzkeile nach der einen Seite hin verschieben, wenn die Flüssigkeit einrechtsdrehende, nach der andern Seite, wenn sie eine linksdrehende ist um zu machen, dass die beiden Hälften der doppelten Platte wieder gleich gefärbt erscheinen. — An dem Nonius kann man alsdann ablesen, wie gross die Dicke einer Quarzplatte ist, welche die Wirkung der in m enthaltenen entgegengesetzt drehenden Flüssigkeit gerade aufzuheben in Stande ist.

Nach gehöriger Einstellung möge z. B. der Nullpunkt des Nonius be 5,7 stehen, so heisst das, die in der Röhre m enthaltene Flüssigkeit bringt eine eben so starke Circularpolarisation hervor, wie eine 0,57 Millimeter dicke senkrecht zur Axe geschliffene Quarzplatte

Ein so erhaltenes Resultat ist jedoch nur dann genau, wenn in der Lösung sich neben dem krystallisirbaren rechtsdrehenden Rohrzucker nicht auch noch unkrystallisirbarer linksdrehender Trauben (Stärke)zucker befindet. Um einen etwaigen Gehalt an Stärkezucker zu ermitteln. wird nun durch Salzsäure aller Rohrzucker der Lösung in Stärkezucker verwandelt, ein zweiter Versuch mit dem Saccharometer gemacht und aus der Combination dieser beiden Versuche der Gehalt der Lösung an Rohrzucker berechnet. Näheres darüber in einer von Clerget im Jahre 1850 veröffentlichten Broschüre, welche die Anwendung des Saccharometers behandelt.

Statt der beiden Nicol'schen Prismen enthält das Soleil'sche Saccharometer gewöhnlich zwei achromatisirte doppeltbrechende Prismen, ausserdem aber ist vor dem Rohr T noch ein eigenthümlich construirtes Ocularrohr angesetzt, welches in den meisten Fällen wohl entbehrlich sein dürfte und dessen Zweck folgender ist. Der Farbenton, welchen die doppelte Quarzplatte haben muss, damit schon die geringste Aenderung in der Färbung der beiden Hälften merklich wird, ist nicht für alle Augen derselbe und jenes Ocularrohr, welches Soleil den Erzeuger der empfindlichen Farbentone nennt, soll dazu dienen, den Farbenton der doppelten Platte verschiedenen Augen anzupassen.

Circularpolarisation der Weinsäure und der Trauben- 362 säure. Aus dem Safte unreifer Trauben hat man eine Säure dargestellt, welche ganz gleiche Zusammensetzung mit der Weinsäure (Weinsteinsäure) hat; eine verdünnte Lösung von Traubensäure giebt aber mit einer Gypslösung sogleich einen Niederschlag, was bei einer verdünnten Lösung von Weinsäure nicht der Fall ist.

Die Traubensäure bildet ganz analoge Salze wie die Weinsaure, so namentlich ein dem Seignettesalz entsprechendes traubensaures Natron-Kali und traubensaures Natron-Ammoniak.

Die Krystallform des weinsauren Natron-Kalis ist Fig. 981 dar-



gestellt. Sie besteht im Wesentlichen aus einer Combination der rhombischen Säule g mit einem Flächenpaare a, welches rechtwinklig auf der grösseren, und einem Flächenpaare b, welches rechtwinklig auf der kleineren horizontalen Axe steht. Ausser diesen acht Säulenflächen treten noch andere parallel mit der Säulenaxe laufende Flächen auf, sowie auch kleine Abstumpfungs-

shen der Kanten, welche die Säulenflächen mit der oberen und unteren he bilden.

na Krystalle des traubensauren Natron-Ammoniaks zeigen im Wesent elbe Krystallform, nur zeigen sie noch eine auffallende Hemiëdrie: taederflächen nämlich stumpfen nur die Hälfte der Kanten zwischen and a ab, and zwar so, dass, von der vorderen Fläche a aus gerechnet, eine Abstumpfungsfläche oben rechts auftritt, wie Fig. 982, oder oben links, wie Fig. 983.

Aus einer Lösung rechtshemiëdrischer Krystalle (Fig. 982) lässt

Fig. 982.

Fig. 983.





sich durch Zusatz von Schweselsäure die Rechtstraubensäure abscheiden. welche mit der Weinsäure vollkommen identisch ist und welche mit Gypelösung keinen Niederschlag giebt. Die Lösung dieser Rechtstraubensäure ist wie die Weinsäure optisch rechtsdrehend.

Die durch das gleiche Verfahren aus einer Lösung linkshemiedrischer Krystalle (Fig. 983) abgeschiedene Säure giebt ebenfalldeselben Reactionen wie die Weinsäure, sie giebt mit Gypslösung keinen Niederschlag, ist aber optisch linksdrehend.

Vermischt man die Lösung der Rechtstraubensäure mit der der Linktraubensäure, so hat die gemischte Lösung keine Circularpolarisation und giebt mit Gypslösung einen Niederschlag, was bei den ungemischten Säuren nicht der Fall war.

Die Krystalle der Weinsäure und der Rechtstraubensäure sind hemisdrisch, aber nach entgegengesetzter Richtung, wie die Krystalle der Linkstraubensäure. — Die in diesem Paragraphen besprochenen Erschenungen, welche auf einen innigen Zusammenhang zwischen Circularpolarisation und Hemiëdrie hinweisen, hat Pasteur entdeckt (Pogg. Annal. LXXX, 127).

363 Absorption des Lichtes in farbigen doppeltbrechenden Krystallen. Der Turmalin ist, wie bereits angeführt wurde, ein doppeltbrechender Krystall, und wenn eine parallel mit der Axe geschnittene Turmalinplatte polarisirtes Licht liefert, so beruht dies darauf, dass einer

Absorption d. Lichtes in farbigen doppeltbrechenden Krystallen. 903 schnittene Rauchquarzplatte durchlässt, sind rechtwinklig zu seiner optischen Axe.

Der Turmalin erscheint in der Richtung seiner optischen Axe anders gefärbt, als rechtwinklig zu derselben; diese Erscheinung, welche offenbar mit der Absorption der polarisirten Strahlen zusammenhängt, wird auch an anderen Körpern beobachtet, namentlich am Dichroit, welcher von dieser Eigenschaft seinen Namen führt; in der Richtung seiner Axe erscheint er blau, rechtwinklig zu derselben dagegen braungelb.

Haidinger hat diese Erscheinungen mit Hülfe der von ihm construirten dichroskopischen Loupe weiter verfolgt. Dieses Instrument besteht im Wesentlichen aus einem etwas langen Kalkspathrhomboëder, welches in Fig. 984 im Durchschnitte dargestellt ist. Auf die beiden

Fig. 984.



Endflächen sind Glasprismen a und b aufgekittet, deren Flächen so gegen einander geneigt sind, dass die äussersten Flächen der Glasprismen, durch welche die Lichtstrahlen ein- und austreten, rechtwinklig auf den Längskanten des Kalkspathrhomboëders stehen. Diese Combination ist nun mittelst Kork in einer Messinghülse befestigt.



Das eine Ende dieser Hülse ist durch eine Kapsel geschlossen, deren Deckel in der Mitte eine quadratische Oeffnung hat; die Seite dieses kleinen Quadrats beträgt ungefähr 2,5 mm. Am anderen Ende der Hülse befindet sich eine Linse oder auch zwei, deren Brennweite gerade so gross ist, dass man zwei scharfe Bilder der quadratischen Oeffnung dicht neben einander erblickt, wenn man, die Linse dicht vor's Auge haltend, in den Apparat hineinschaut.

Fig. 985 stellt eine dichroskopische Loupe dar, wie sie Nörremberg mit möglichster Einfachheit construirt hat. Das längliche Kalkspathromboëder steckt in der Höhlung eines Korkes, an dessen unterem Ende eine Scheibe von Kartenpapier mit der centralen Oeffnung o angeleimt ist, während auf der oberen Fläche des Korkes eine planconvexe Linse l mit Hülfe einiger Stecknadeln befestigt ist.

Die untere Platte mit der quadratischen Oeffnung o wird am zweck-Fig. 986. mässigsten so gestellt, dass das eine Bild des Quadrats die Verlängerung des anderen bildet, wie dies Fig. 986 andeutet.



Diese beiden Bilder sind nun rechtwinklig zu einander polarisirt, die Schwingungen, welche das Licht des einen fortpflanzen, finden in der Richtung ab Statt, die des andern sind rechtwinklig zu ab.

Schneidet man aus einem Turmalinkrystall, der einer etwas belleren Varietät angehört, einen Würfel, Fig. 987, an welchem zwei Flächen, die wir mit A bezeichnen wollen (in unserer Figur die obere und die untere

Fig. 987.



senkrecht zur Axe stehen, während die vier anderen, die wir mit B bezeichnen wollen, parallel mit derselben sind, so erscheint der Krystall anders gefärbt, wenn man durch die beiden Flächen A schaut als wenn man durch zwei der gegenüberliegenden Flächen B hindurchsieht.

Die Farbe der Basis, d. h. die Farbe, welche das Licht zeigt, welches den Krystall parallel mit

der Axe durchläuft, also durch die Flächen A ein- und austritt, ist ungleich dunkler, als die Farbe, welche man durch die Flächen B beobachtet. Bei dunkleren Varietäten ist die Farbe der Basis schon bei geringer Dicke der Platte ganz schwarz.

Analysirt man die Farbe der Basis mittelst der dichroskopischen Loupe, so erhält man stets zwei gleiche Bilder, Fig. 988, wie man übrigens die Loupe drehen mag; untersucht man auf gleiche Weise die Farbe

Fig. 988. Fig. 989.





der Flächen B, so ändern die beiden Bilder Farbund Lichtstärke, je nachdem die dichroskopische Loupe durch Drehung um ihre Axe in verschiedene Lagen gegen die Fläche B gebracht wird Fällt die Verbindungslinie der beiden Bilder mit der Diagonalen der Fläche B zusammen, so er-

scheinen beide Bilder gleich. Der grösste Unterschied zwischen beider Bildern wird beobachtet, wenn die Verbindungslinie der beiden Bilder mit der Axe des Krystalls parallel oder darauf rechtwinklig steht; abdann erscheint das eine Bild mit den Farben der Basis, während das ardere einen ungleich helleren Farbenton zeigt, Fig. 989.

Um also die Farbe der Basis zu erkennen, bedarf man gar keiner

Absorption d. Lichtes in farbigen doppeltbrechenden Krystallen. 905

geschnittene Turmalinplatte liefert, parallel mit der Krystallaxe sind woraus dann ferner folgt, dass die Schwingungsebene eines polarisirten Strahles senkrecht zu der Ebene ist, welche man mit dem Namen der Polarisationsebene bezeichnet hat Wir haben bereits auf Seite 805 einen anderen, von Nörremberg herrührenden Beweis dieses Satzes kennen gelernt.

Da das hellere der beiden Bilder, in welche die Farbe einer parallel mit der Axe geschnittenen Turmalinplatte durch die dichroskopische Loupe zerlegt wird, durch Schwingungen erzeugt wird, welche parallel mit der Krystallaxe sind, so nennt Haidinger die Farbe dieses helleren Bildes die Axenfarbe, während, wie wir gesehen haben, die Farbe des dunkleren Bildes die Farbe der Basis ist.

Die folgende Liste giebt die zusammengehörigen Farben einiger der von Haidinger untersuchten Turmalinvarietäten an.

Localität.	Farbe der Basis.	Axenfarbe.		
Sibirien	Schwarz	Oelgrün.		
	Carmoisinroth	Rosenroth.		
Brasilien	Schwarz	Haarbraun.		
, ,	Dunkelbräunlichroth	Gelblichbraun.		
	Grünlichschwarz	Dunkelpistaciengrun		
n n	Indigblau	Blass-Berggrün.		
Elba	Pistaciengrün	Grasgrün.		
**	Oelgrün	Grünlichweiss.		

Aehnliche Erscheinungen zeigen auch andere farbige, optisch-einaxige Krystalle; so zeigte z. B.:

Apatit von Cabo de Gata	Berggrün Lavendelblau	die Axenfarbe Spargelgrün Entenblau. Rosenroth. Himmelblau.
Im Ganzen Berggrün. Rauchtopas vom St. Gotthard	Gelblichweiss	Lichtgelblichbraun. Berggrün. Blassgelb.

Im Ganzen Gelblichweiss.

An keinem Mineral zeigt sich aber wohl der Dichroismus auffallender als am Pennin. Die Farbe der Basis ist blaugrün, die Axenfarbe ist braungelb, und zwar sind beide Farben sehr intensiv.

Ganz ähnliche Erscheinungen zeigen auch farbige, optisch zweiaxige stalle. Eine Platte von essigsaurem Kupferoxyd giebt, mittelst der roitischen Loupe untersucht, ein blaues und ein grünes Bild Ein stall von schwefelsaurem Kobaltoxydul-Ammoniak erscheint violetth, wenn man ihn durch zwei einander gegenüberliegende Flächen der

schiefen Säule betrachtet, gelblichroth dagegen, wenn man senkrecht zu den schiefen Endflächen hindurchschaut. Der Zusammenhang ist jedoch hier etwas complicirter, als bei optisch einaxigen Körpern.

Fig. 990 stelle einen Würfel dar, an welchem immer je zwei Flächen auf einer der Elasticitätsaxen seukrecht stehen, so wird im Allgemeinen



jedes Flächenpaar eine andere Farbe zeigen. Jede Flächenfarbe aber lässt sich mittelst der dichroskopischen Loupe in zwei Axenfarben zerlegen. Die Flächenfarbe von A lässt sich zerlegen in die Axenfarben b und c, d. h. das Licht, welches durch die Flächen A hindurchgegangen ist, lässt sich in zwei farbige Bilder

zerlegen, von denen das eine durch Schwingungen fortgepflanzt wird, welche parallel mit b sind, während die Schwingungen des anderen Bildes in der Richtung der Axe c stattfinden.

Die Flächenfarbe B lässt sich in die Axenfarben a und c, die Flächenfarbe C in die Axenfarben a und b zerlegen.

In diese Classe von Krystallen gehört auch das Mineral, welches bisher unter dem Namen Dichroit bekannt war.

An einem geschliffenen Würfel dieses Körpers fand Haidinger Folgendes: Die Farbe A schön blau, wenig ins Graue ziehend; B blassblau, C noch blasser und weniger blau als B. Diese letztere ist es, welche oft gelblich erscheint.

Die Farbe der Axe a ist gelblichgrau, die von b bläulichweiss, die von c reines Berlinerblau.

Aehnliche Resultate geben viele andere von Haidinger untersuchte farbige Varietäten optisch zweiaxiger Krystalle; so war z. B. an einem blasscarmoisinrothen Topas aus Brasilien a tief carmoisinroth, b honiggelb, c rosenroth.

Die farbigen optisch zweiaxigen Krystalle zeigen also im Allgemeinen

verschiedenheit; das eine Bild ist weingelb, das andere ist rothgelb, und zwar ergiebt sich aus einer genaueren Prüfung, dass die Schwingungen des weingelben Bildes parallel sind mit der brachydiagonalen Axc. während die mit der makrodiagonalen parallelen Schwingungen das rothgelbe Bild fortpflanzen.

Untersucht man auf gleiche Weise eine durch Vorherrschen zweier paralleler Säulenflächen g gebildete Platte, so zeigen die beiden Bilder einen sehr bedeutenden Contrast; das eine Bild nämlich ist rothgelb, das andere, dessen Schwingungen nahezu in die Richtung der Säulenaxe fallen, ist röthlich violett.

Mit Hülfe der dichroskopischen Loupe hat Haidinger auch den metallglänzenden Schiller untersucht, welcher manchen Krystallen ein so prachtvolles Ansehen giebt. Er hat nachgewiesen, dass auch die Farben des reflectirten Lichtes von der Lage der spiegelnden Flächen und der Einfallsebene gegen die Krystallaxen abhängig sind. Das Barium-Platincyanür z. B. erscheint im durchgehenden Lichte gelb; im reflectirten Lichte zeigt die Oberfläche bei günstiger Lage einen blauen Metallschimmer. Bei Untersuchung des reflectirten Lichtes mit der dichroskopischen Loupe erscheint nun, wenn die Einfallsebene parallel mit der Axe ist, das eine Bild weiss, das andere lasurblau.

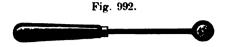
Leider gehören die Körper, welche diese interessanten Erscheinungen zeigen, zu den selteneren. Haidinger untersuchte unter anderen Körpern, welche diesen Metallschiller zeigen, chrysaminsaures Kali, Magnesium-Platincyanür, Chromsäure, krokonsaures Kupferoxyd, Jodblei, Kalium-Platincyanür, Kalium-Iridium-Chlorid, Murexyd u. s. w.

Wenn eine Oberflächenfarbe vorhanden ist, so ist sie stets complementär zur Körperfarbe der Substanz.

Erscheinungen in geglühten oder gepressten Gläsern. 364 Wenn man geglühte und schnell abgekühlte Glasplatten von beliebiger Form in den Polarisationsapparat, etwa auf das mittlere Tischlein oder den unteren horizontalen Spiegel legt, so beobachtet man mannigfaltige, bald mehr, bald weniger regelmässige, oft sehr schöne Farbenerscheinungen; so zeigt z. B. eine geglühte quadratische Platte von dickem Spiegelglas oder ein geglühter Glaswürfel zwischen den gekreuzten Spiegeln des Apparates die Farbenerscheinung Fig. 5 Tab. XI., ein geglühter massiver Glascylinder zeigt Ringe, Fig. 6 Tab XI.

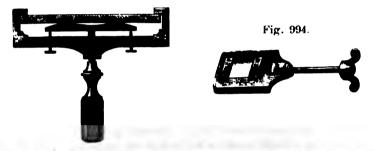
Der Grund dieser Erscheinung ist offenbar in der besonderen Anrinung der Theilchen, in dem gespannten Zustande zu suchen, welcher
ich die rasche Abkühlung hervorgerufen wird. In der That braucht
nür solche Gläser wieder zu erhitzen und sie dann langsam abkühlen
sen, um zu machen, dass alle diese Farbenerscheinungen verschwinden.
Wenn man eine Art Hülse, Fig. 992 (a. f. S.), bis zu 100° oder 150° ernt und dann einen Glascylinder hineinsteckt, so werden die äussersten
m erwärmt, während die inneren noch kalt sind; es entsteht dadurch

ein Spannungszustand, welcher sich ebenfalls durch Farbenerscheinungen im polarisirten Lichte kundgiebt, welche der in Fig. 6 Tab. XI. ähnlich sind.



In Fig. 993 ist eine Presse dargestellt, welche dazu dient, Streiten von dickem Glase zu biegen; während dieses gespannten Zustandes zeigen sich nun an einem solchen Glasstücke im Polarisationsapparate farbigstreifen.

Wenn man eine quadratische Platte von dickem Spiegelglase in der Presse Fig. 994 zusammendrückt, so zeigt die Platte im Polarisationsapparate in der Richtung der Compression eine Farbenerscheinung, welche Fig. 993.



in Fig. 7 und Fig. 8 Tab. XI. dargestellt ist, und zwar Fig. 7 für schwachere, Fig. 8 für stärkere Compression.

Die doppelte Brechung und die Farbenringe in geglühten Gläsen zeigt, so ähnlich auch in anderen Beziehungen die Erscheinungen sein mogeschnittenen Kalkspathplatte die Hälfte, den vierten Theil u. s. w. zudeckt, so zeigt die freie Hälfte für sich noch das Ringsystem ebenso vollständig wie die ganze Platte; eine geglühte Glasplatte zeigt eben nur die Hälfte des Ringsystems, Fig. 5 oder Fig. 6 Tab. XI., wenn man sie zur Hälfte zudeckt, wenn man auch die Mitte der freien Hälfte wieder in die Mitte des Gesichtsfeldes schiebt.

Daraus geht nun unzweiselhaft hervor, dass eine geglühte und ebenso eine gepresste Glasplatte nicht in ihrer gauzen Ausdehnung nach derselben Richtung auch gleich starke doppelte Brechung besitzt, wie dies bei doppeltbrechenden Krystallen der Fall ist, sondern dass an einzelnen Stellen die doppelte Brechung stärker ist als an anderen.

Das Polarisationsmikroskop ist eine Combination des Polarisationsapparates mit dem Mikroskop. Es ist leicht, wenn das Instrument nicht schon von vornherein zu diesem Zweck eingerichtet ist, aus einem jeden Mikroskop ein Polarisationsmikroskop zu machen; man braucht nur unter dem Objecttisch ein Nicol'sches Prisma zu befestigen, so dass nur polarisirtes Licht auf die Objecte fällt, und ein zweites Nicol dicht über dem Ocular oder in der Ocularröhre anzubringen.

Kleine Kryställchen, unter das Objectiv eines solchen Mikroskops gebracht, erscheinen, wenn sie doppeltbrechend sind, mit mehr oder weniger glänzenden Farben, und zwar auf schwarzem Grunde, wenn die Nicols gekreuzt, auf hellem Grunde, wenn ihre Schwingungsebenen parallel sind; diese Contraste heben die Gestalten ganz ungemein, so dass man mit einem solchen Mikroskop oft Details unterscheiden kann, welche man ohne Polarisationsvorrichtung nicht sieht; dann aber hat man hier das ein fachste Mittel, an den kleinsten Bruchstücken von Krystallen zu entscheiden, ob dieselben dem regulären Krystalleysteme angehören oder nicht, indem ja den regulären Krystallen die Erscheinungen der doppelten Brechung fehlen.

Mit Hülfe des Polarisationsmikroskopes kann man sich nun aber auch sehr leicht davon überzeugen, dass die meisten organischen Gebilde, z. B. Seidenfäden, Wallrath, Haare von Menschen und Thieren, Pergament, Knorpel, Federkiele u. s. w. bald mehr, bald weniger schön und deutlich die Erscheinungen der chromatischen Polarisation zeigen, und dadurch gerade bietet das Polarisationsmikroskop ein treffliches Mittel, um die Structur jener Gebilde zu untersuchen.

An organischen Stoffen hat zuerst Brewster die Erscheinungen dopzelter Brechung beobachtet.

Wir können hier natürlich nicht in eine detaillirtere Beschreibung seser Erscheinungen eingehen und wollen nur einige der interessanteren rvorheben.

Ein Stärkemehlkorn zeigt im Polarisationsmikroskope zwischen kreuzten Nicols ein schwarzes Kreuz, Fig. 996 (a. f. S.), welches wegen mehr oder weniger unregelmässigen äusseren Gestalt der Körner

36.

immer etwas verzerrt erscheint. Das schwarze Kreuz geht in ein helles. Fig. 995, über, wenn man das obere Nicol aus der gekreuzten Stellung so Fig. 995. Fig. 996. dreht, dass seine Schwingungsebene mit der der



unteren parallel wird.

Sehr interessante Polarisationserscheinungen zeigen die Krystalllinsen von Fischen. Um solche Linsen für die Beobachtung zu präpariret.

werden sie an der Luft getrocknet, dann in Oel

mittelst eines Wasserbades gekocht und endlich aus der so behandelten Kugel durch Feilen und Schleifen eine von parallelen Flächen begränzte Platte hergestellt, die man mit Canadabalsam zwischen zwei Glasplatten einkittet. Eine so aus einem Fischauge hergestellte Platte zeigt im Polarisationsmikroskop ein Ringsystem, welches grosse Aehnlichkeit mit dem Ringsysteme einer senkrecht zur Axe geschnittenen Kalkspathplatte hat. Bei genauerer Untersuchung ergiebt sich jedoch, dass die doppelte Brechung eines Fischauges sowohl, wie der meisten organischen Gebilde nicht von der Art ist, wie die doppelte Brechung in einem Krystall, sondern dass die Farbenerscheinungen, welche sie zeigen, in die Kategorie derjenigen gehören, welche man an geglühten und gepressten Gläsern wahrnimmt.

Zum Schluss wollen wir hier noch einer gleichfalls auf doppelte Brechung gegründeten Methode erwähnen, nach welcher man selbst an mikroskopisch kleineren Krystallen die Winkel noch mit grosser Genauigkeit messen kann.

Fig. 997 stellt die dazu gehörige Vorrichtung im Durchschnitt, Fig. 998 stellt eine perspectivische Ansicht derselben dar, welche mittelst des Ringes ab auf die Ocularröhre eines Mikroskopes aufgesetzt wird.

Fig. 997. Fig. 998.





gegenseitige Stellung der beiden Bilder ändert sich aber, wenn man das Prisma dreht, und man kann es leicht dahin bringen, dass die Bilder ab und a'b' derselben Kante in eine gerade Linie fallen, wie Fig. 1000 zeigt.

Fig. 999. Fig. 1000.

Hat man diese gegenseitige Stellung der beiden Bilder erzielt, so wird durch Anziehen der Schraube r, Fig. 998, das Prisma mit seiner ganzen



Metallfassung festgeklemmt, und der Nonius abgelesen. Darauf wird die Schraube r wieder gelöst und das Prisma so weit gedreht, dass num die Kanten bd und b'd' in eine gerade Linie fallen, wie Fig. 1001 zeigt. Aus einer num vorgenommenen zweiten Ablesung des Nonius ergieht sich der Winkel, um welchen man das Prisma drehen musste, um die Bilder der Krystallplatte

aus der gegenseitigen Stellung, Fig. 1000, in die Stellung Fig. 1001 zu bringen, und diesen Winkel hat man nur von 180° abzuziehen, um die Grösse des Winkels abd zu erhalten.

Anhang.

Vergleichung des neueren französischen Maass anderen Maasssystemen.

In diesem Werke sind sehr oft die Maassangaben in desischen Systeme ausgedrückt, theils weil nach demselben er ordentlich einfache Beziehung zwischen Maass und Gewich es bei anderen Maasssystemen nicht der Fall ist, eine Einfamanche den Gang der physikalischen Betrachtung sonst in Rechnungsoperationen unnöthig macht; theils aber auch, wissenschaftlichen Untersuchungen das metrische Maasssystem fast allgemein angenommen ist, so dass sich fast all Chemiker desselben bedienen, und es gewiss nicht wohl mach dem metrischen Systeme gemachten Messungen und andere Maasse zu reduciren.

Nun aber sind doch Manche mit dem metrischen Syst nug bekannt, um in den nach demselben gemachten Manleicht zurechtzufinden. Um eine solche Orientirung zu erle Folgenden eine Vergleichung der neufranzösischen Maasse mit anderen gegeben.

Die wichtigsten Notizen über das Metermass sind sch

Tabelle zur Verwandlung des Metermaasses in rheinländisches und altfranzösisches Maass.

Meter- Maass.	Rheinländisches oder preussi- sches Maass.	Altfranzösisches Maass.						
1mm	0,459"' .	0.443"						
2	0,918 .	0,887						
3	1,376	1,330						
4	1,835	1,773						
5	2,294	2,216						
6	2,753 .	2,210						
7	3,212	3,103						
8	3,671	3,546						
9	4,129	3,990						
	1,123							
1em .	4,588"' .	4,453"						
2	9,176 .	8,866						
3	1" 1,764 .	1" 1,299						
4	1 6,353 .	1 5,782						
5	1 10,941 .	1 10,165						
6	2 3,529 .	2 2,604						
7	2 8,117 .	7,031						
8	0,705 .							
9	3 5,294 .	3 3,897						
1dm .	3" 9,882" .	8" 8,330"						
2	7 7,763 .	7 4,650						
3	11 5,645 .	11 0.989						
4	1' . 3 3,527 .	1' . 2 9,318						
5	1 . 7 1.408 .	1 . 6 5,648						
6	1 . 10 11,290 .	1 . 10 2,038						
7	2 . 2 9,172 .	2 . 1 10,307						
8	2 . 6 7,054 .	2 . 5 6.637						
9	2 . 10 4,935 .	2 . 9 2,966						
1m .	3' . 2" 2,817"' .	01 01 T T DWW						
		· · · · · 3' · · 0" · · 11,296" · · · · · 6 · · 1 · · 10,592						
No.								
		9 9,888						
		12 3 9,181						
	15 . 11 2,085 .	15 4 8,180						
	19 . 1 4,902 .	18 7,776						
7	22 . 3 7,719 .	· · · · · 21 · · 6 · · · 7,072						
8	25 . 5 10,536 .	24 7 6,868						
9	28 . 8 1,953 .	27 8 5,661						
	31 . 10 4,170 .	30 . 9 4,950						

Aus den Verhältnissen der Längenmasse ergeben sich die Verhältnisse der entsprechenden Flächen - und Körpermasse:

Neufranz.		Rheinl.		Altfranz.
1^{qm} .		10,15187q′		9,4768179
1^{qdm} .		14,619 ^q "		13,6479"
1 qcm .	•	21,051q'''		18,650 ⁹
1 ^{km} .		32,34587k		29,17385k
1 kdm		55,894k"		50,412k"
1kcm .		96,584k'''		87,112k'''

Das Hohlmaass sowohl wie das Gewicht ist bei dem neufranzösischen Maasssysteme unmittelbar vom gewöhnlichen Körpermaasse abgeleitet, was bei den älteren Maasssystemen nicht der Fall ist; und darin liegt ganz besonders ein grosser Vorzug des metrischen Systems, welchen jedoch auch einige andere neuere Maass- und Gewichtssysteme bieten, welche, wie das badische und darmstädtische, auf das Metersystem basirt sind.

Die Einheit des französischen Hohlmaasses ist der Raum, welchen 1 Cubikdecimeter ausfüllt und welcher den Namen Litre führt.

 $1^1 = 0.873386$ preuss. Quart.

Ebenso ist, wie schon oben S. 9 bemerkt wurde, die Einheit des Gewichtes beim metrischen Maasssysteme von dem Längenmaasse abgeleitet.

1 Gramm ist das Gewicht eines Cubikcentimeters Wasser.

Da nun 1 Cubikdecimeter = 1000 Cubikcentimeter, so ist klar, das 1 Litre Wasser 1000 Gramm oder, was dasselbe ist, 1 Kilogramm wiegt Die Unterabtheilungen des Grammes sind:

> das Decigramm $= \frac{1}{10}^{gr}$ das Centigramm $= \frac{1}{100}^{gr}$ das Milligramm $= \frac{1}{1000}^{gr}$

In Baden, dem Grossherzogthum Hessen und der Schweiz ist schon seit längerer Zeit das metrische Pfund (1/2 Kilogramm oder 500 Gramm) als Landesgewicht angenommen. In neuerer Zeit ist diese GeIn den oben genannten norddeutschen Staaten ist das metrische Pfund eingetheilt in:

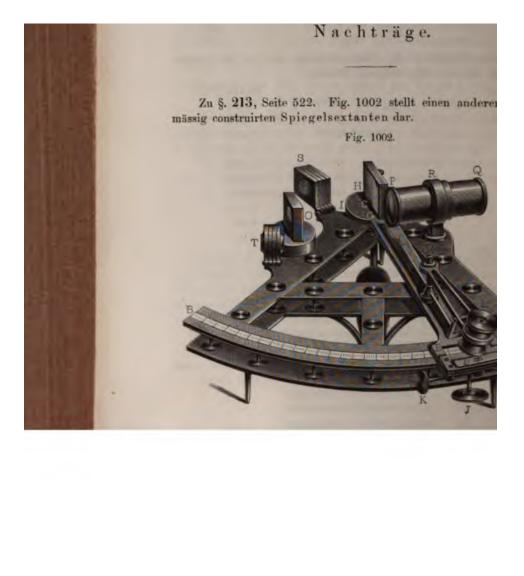
- 10 Neuloth, das Neuloth = 50 Gramm,
 - 1 Neuloth in 10 Quint, 1 Quint = 5 Gramm,
 - 1 Quint = 10 Halbgramm.

Das Medicinalpfund ist durchschnittlich kleiner als das Handelspfund; das östreichische und preussische Medicinalpfund ist gerade ³/₄ des entsprechenden Handelspfundes. Die Unterabtheilungen des Medicinalpfundes sind:

Pfund. 1	Unze. 12 (1 Unze == 2 Loth)	Drachme. 96	Scrupel. 288	Gran. 57 60
	1	8	24	480
		1	3	60
			1	20

Zur leichteren Reduction des Grammgewichtes auf das alte preussische (kölnische) Gewicht dient folgende Tabelle:

1	Gran	nm															16,422 Gran
2												15	Beru	pel		•	12,844
3							•					2			•		9,266
4	•								11)rac	hme	0	•	•			5,688
5	•								1	•	•	1			•	•	2,110
6		•		•	•				1			1			•		18,532
7	•								1			2	•	•	•		14,954
8									2		•	0	•	•	•		11,376
9	•				•	•			2	•		1			•		7,768
10		•	•		•	•			2	•		2	•	•	•	•	4,22
100	•	•	•			31	Juze	ъ.	3	•	•	1	•	•	•	•	2, 2
1000	•		2^1	Pf.	•	2		•	2	•	•	0	•	•	•	•	2



objectivs, so dass durch die obere Hälfte des Objectivs von irgend einem entfernten Gegenstande L Strahlen direct in das Fernrohr gelangen, während die durch die untere Hälfte des Objectivs in das Fernrohr eintretenden, vom drehbaren Spiegel cd nach dem Prisma e reflectirten Strahlen das Bild irgend eines anderen Gegenstandes R zeigen.

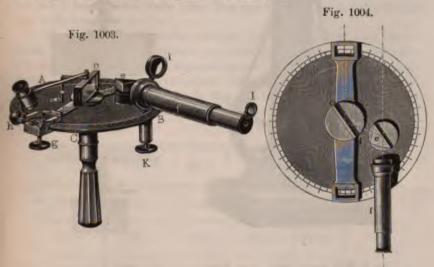


Fig. 1004 erläutert die Construction des Apparates. Sie stellt die drehbare Schiene, auf welcher der Spiegel cd befestigt ist, in derjenigen Stellung dar, für welche der Spiegel parallel ist mit der Rückwand des Prismas e, für welche also die Nonien auf den Nullpunkt der Scala zeigen und das durch das Fernrohr direct gesehene Bild eines entfernten Gegenstandes L mit dem durch den Spiegel cd und das Prisma e reflectirten zusammenfällt.

Zu §. 241. Stöhrer hat den Münchow'schen Oscillationsapparat dahin abgeändert, dass er die Oscillation des Prismas nicht durch ein Uhrwerk, sondern durch die Umdrehung eines kleinen Schwungrades bewirkt. Fig. 1005 (a.f.S.) giebt eine perspectivische Ansicht des Münchow-Stöhrerschen Apparates in ½, Fig. 1006 und Fig. 1007 (a. f. S.) giebt den geometrischen Grundriss einzelner Theile in ½ der natürlichen Grösse. Durch die Umdrehung des Schwungrades Swird die Axe x, Fig. 1006, und mit ihr die kleine Kurbel a (deren Länge nach Belieben verändert werden kann) in rasche Rotation versetzt. Durch die kreisförmige Bewegung des Kurbelarmes a wird aber mittelst der Pleuelstange b der Hebel k abwechselnd auf- und niederbewegt und auf diese Weise wird der auf einem fest stehenden Zapfen aufgeschobenen Hälse n, Fig. 1007, mit welcher der Hebel k fest verbunden ist, eine hin- und hergehende, also eine oscillatorische Bewegung ertheilt. An ihrem vorderen Ende trägt aber die Hülse n das mit

ihr oscillirende Prisma p, für welches man am zweckmässigsten ein Flintglasprisma wählt, dessen brechender Winkel 45 $^{\circ}$ ist.







Fig. 1007.



Zu §. 243, Seite 592. Zur Erzeugung von Weiss ist keineswegs ein Zusammenwirken aller Farben des Spectrums nöthig, denn Helmholtz (Pogg. Annal. Bd. LXXXVII) hat gezeigt, dass auch durch Combination von nur zwei prismatischen Farben Weiss entstehen kann. Die Anordnung des Versuchs, durch welchen er diese interessante Thatsache zuerst nachwies, wird durch Fig. 1008 erläutert.

Es seien A und B zwei im Laden eines dunklen Zimmers angebrachte



egendes Spectrum LM, während der Spalt A das Spectrum ST liefert. Diese beiden Spectra fallen nun zum Theil über einander und zwar fallen nallen Stellen, wo eine Ueberdeckung stattfindet, immer zwei homoene prismatische Farben zusammen; so z. B. an der mit 1 bezeicheten Stelle das Roth des einen Spectrums mit dem Grün des anderen; an er mit 2 bezeichneten Stelle fallen Blau und Orange, bei 3 fallen Indigond Gelb zusammen u. s. w.

Wenn der Versuch mit den nöthigen Cautelen angestellt wird, so ereben sich aus der Combination je zweier Spectralfarben die Resultate, ie sie in folgender Tabelle zusammengestellt sind. In der ersten Horintal- und in der ersten Verticalreihe stehen die einfachen Farben, welche reinigt worden sind; der durch ihre Combination gebildete Farbenton idet sich da, wo die betreffende Horizontal- und Verticalreihe sich hneiden.

	Violett	Blau	Grün	Gelb	Roth
Roth	Purpur	Rosa	Mattgelb	Orange	Roth
Gelb	Rosa	Weiss	Gelbgrün	Gelb	
Grün	Blassblau	Blaugrün	Grün		-
Blau	Indigblau	Blau		-	
Violett	Violett		•		

Es entsteht also Weiss durch die Combination von prismatischem lau (ungefähr von der Mitte zwischen F und G bis gegen G hin), mit rismatischem Gelb (ein schmaler Streif, dessen Brechungsexponenten ir Flintglas Nr. 13 ungefähr 1,6370 bis 1,6377 sind).

Noch genauer untersuchte Helmholtz diesen Gegenstand nach einer lethode (Pogg. Annal. Bd. XCIV), deren Princip durch Fig. 670 auf S. 588 däutert werden mag. Die aus dem Prisma divergirend austretenden trahlen werden durch eine Linse aufgefangen, durch welche sie zu einem eissen Bilde in f vereinigt werden. Wenn nun aber dicht hinter der inse ein Schirm aufgestellt wird, in welchem sich zwei Spalten befinden, eren Abstand und deren Breite man nach Belieben ändern kann, so kann

bewirken, dass in f irgend zwei beliebige isolirte Partien des Specsszur Vereinigung kommen. Auf diesem Wege fand nun Helmholtz, es für jede Stelle des Spectrums vom Rothen Ende bis zum Ende des lelb auf demjenigen Theile des Spectrums, welcher sich vom Anfang des

Blau bis zum violetten Ende erstreckt, in der Art eine entsprechende Stelle gebe, dass die beiden entsprechenden Farben, in f zusammentreffend, sich zu Weiss combiniren.

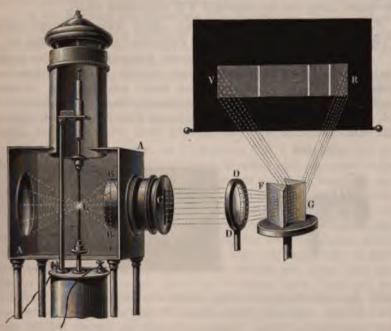
Helmholtz hat ferner gezeigt, dass die optische Combination irgend zweier Farbentöne oft sehr verschieden ist von der Farbe, welche durch die Mischung der entsprechenden Pigmente hervorgebracht wird. Eine Mischung von Chromgelb mit Ultramarin oder von Berlinerblau mit Gummi-Gutti giebt bekanntlich Grün, wenn man aber eine Scheibe, auf welcher Sectoren von gelbem (Chromgelb) und blauem (Ultramarin-Papier aufgeklebt sind, wie Fig. 742 zeigt, um ihren Mittelpunkt in rasche Rotation versetzt, so erscheint die Scheibe in einem sehr nahe an Weisgränzenden Grau.

Zu §. 254. Objective Darstellung der hellen Spectrallinien. Wir haben auf S. 630 gesehen, dass das Spectrum des elektrischen Funkenwelcher zwischen Platinelektroden überspringt, ein continuirliches ist, das aber auf diesem continuirlichen Spectrum hellere Linien auftreten, wenn man auf den Platinelektroden ein Salz applicirt, welches in die Flamme gebracht helle Spectrallinien erzeugt. Das Gleiche gilt nun auch von dem elektrischen Kohlenlicht. Das helle Licht der Kohlenspitzen, swischen welchen der Strom einer constanten Säule von 50 bis 60 Zinkkohlenbechen übergeht, liefert ein continuirliches Spectrum, in welchem einzelne Linien durch noch grössere Helligkeit ausgezeichnet auftreten, wenn die Kohlenspitzen mit einem Stoff imprägnirt sind, welcher für sich allein diese hellen Linien liefert, oder wenn dieser Stoff auf irgend eine andere passende Weise zwischen den Elektroden angebracht ist.

Darauf beruht nun die Möglichkeit, die hellen Spectrallinien objectiv darzustellen. Frankland wendet in seinen Vorlesungen zur objectiven Darstellung der Spectrallinien das folgende Verfahren an, für dessen gütige Mittheilung ich ihm zu Dank verpflichtet bin. AA ist eine elek-

Flächen 2 Zoll breit sind. Das Prisma F ist so gestellt, dass das von D her auf dasselbe fallende Strahlenbündel in demselben ungefähr das Minimum der Ablenkung erfährt. Das zweite Prisma G ist alsdann so ge-





stellt, dass die Eintrittsfläche von G mit der Austrittsfläche von F einen Winkel von ungefähr 100° macht.

Wenn die Kohlenstäbchen, deren Spitzen bei L einander gegenüberstehen, aus reiner Gaskohle verfertigt sind, so wird durch die beschriebene Anordnung mittelst der beiden Prismen auf einem ungefähr 12 Fuss entfernten weissen Schirm ein prachtvolles continuirliches Spectrum VR von ungefähr 10 Fuss Länge und 18 Zoll Höhe erzeugt.

Um die hellen Linien verschiedener Metallspectra hervorzubringen, wird das untere (positive) Kohlenstäbehen durch einen Kohlencylinder von ²/₅ Zoll Durchmesser ersetzt, dessen oberes Ende etwas ausgehöhlt ist. In diese Höhlung wird dann ein Stückehen des Metalls gelegt, dessen Spectrum man zeigen will und welches sich als eine Reihe heller Linien von dem weniger hellen continuirlichen Spectrum abhebt. Es ist gut, wenn man für jedes Metall ein besonderes Kohlenstäbehen in Anwendung bringt.

Um die Spectra von Kalium, Natrium, Lithium, Calcium u. s. w. zu

zeigen, wird die eben besprochene Höhlung des unteren Kohlenstäbchens ¹/₂ Zoll tief gemacht und mit den trocknen Chloriden dieser Metalle gefüllt.

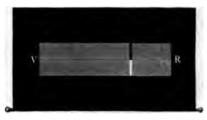
Bei gehöriger Regulirung des Spaltes C und bei gehöriger Einstellung der Linse D, der Prismen F und G und des Schirmes erscheinen die hellen Linien auf dem Spectrum VR vollkommen scharf.

Die Absorption der Natriumlinie durch Natriumdampf stellt Frankland in ausgezeichneter Weise durch das folgende Verfahren dar.

Zunächst wird der ausgehöhlte untere Kohlencylinder wieder durch ein gewöhnliches Kohlenstäbehen ersetzt, welches mit einer schwachen Lösung von Chlornatrium getränkt und wieder getrocknet ist. Sodann wird nahe vor dem Spalt C ein horizontal gehaltenes dünnes Metallblech ab, Fig. 1010, angebracht, dessen Ebene die Höhe des Spaltes C halbirt. Ein Gaskochlämpehen wird nun unter der Mitte dieses Bleches so aufge-

Fig. 1010. Fig. 1011.





stellt, dass dasselbe von der nicht leuchtenden Flamme bespült wird. In diese Flamme wird ein kleines Platinlöffelchen eingeführt, welches ein Natriumkügelchen enthält. Sobald das Natrium zu brennen beginnt, wird die bis dahin helle Natriumlinie in der oberen Hälfte des Spectrums schwarz wie Fig. 1011 andeutet, während in der unteren Hälfte des Spectrums

Zu §. 334. Auch bei zweiaxigen Krystallen unterscheidet man positive und negative, obgleich diese Bezeichnung hier nicht denselben Sinn haben kann wie bei einaxigen. — Positiv nennt man einen zweiaxigen Krystall, wenn seine Mittellinie mit der Richtung der kleinsten, negativ, wenn sie mit der Richtung der grössten Elasticitätsaxe zusammenfällt.

In der Richtung der Mittellinie pflanzen sich also in zweiaxigen positiven Krystallen diejenigen Strahlen, welche in der Ebene der optischen Axen vibriren, schneller fort als diejenigen, deren Schwingungsebene rechtwinklig zur Ebene der optischen Axen steht.

Bei zweiaxigen negativen Krystallen findet das Umgekehrte

Schwerspath z.B. gehört unter die positiven, Salpeter und Glimmer gehören unter die negativen zweiaxigen Krystalle.

Zu §. 348. Die Farben des Ringsystems, Fig. 1 Tab. IX, folgen für einen senkrecht zur Axe geschnittenen Kalkspathkrystall sehr nahe in der Reihenfolge der Newton'schen Farbenringe auf einander. Legt man zwischen die beiden Linsensysteme des Apparates Fig. 939 S. 857 eine senkrecht zur Axe geschliffene Kalkspathplatte, welche dünn genug ist, um auch unter diesen Umständen noch ziemlich grosse Ringe zu zeigen, während auf das obere Linsensystem ein System von zwei Glasplatten gelegt wird, von denen die eine roth, die andere blau ist, und welche in einer geraden Linie scharf zusammenstossen, so erblickt man einen Theil des Ringsystems unten in blauem, einen Theil in rothem Licht. Legt man die farbigen Platten so, dass die Trennungslinie zwischen Blau und Roth gerade durch den Mittelpunkt des schwarzen Kreuzes geht und dass sie einen Winkel von 450 mit den Kreuzesarmen macht, so sieht man, dass die blauen Ringe enger sind als die rothen. In der blauen Hälfte hat der 3te dunkle Ring ungefähr gleichen Durchmesser mit dem 2ten dunklen Ring der rothen Hälfte.

Für viele einaxige Krystalle weichen aber die Farben des Ringsystems wesentlich von denen der Newton'schen Ringe ab. Im unterschwefelsauren Strontian z. B. ist die Farbenfolge von der Mitte an folgende: Weiss erste Ordnung, Gelb, Roth, Purpur, Grün u. s. w. Es rührt dies daher, dass für dieses Salz die blauen Ringe verhältnissmässig noch enger sind als beim Kalkspath. Unter dem blau und rothen Glasplattenpaar findet man, dass der 2te dunkle Ring für blaues Licht mit dem 1sten für rothes zusammenfällt.

Am auffallendsten weicht die Färbung des Ringsystems für einige Varietäten Apophyllit von dem normalen ab. Die Ringe sind alle gleich -färbt, und zwar abwechselnd dunkel violett und eigenthümlich schmutzig lb. Unter dem blaurothen Glase findet man, dass die blauen Ringe fast nichen Durchmesser mit den rothen haben.

Bei genauerer Untersuchung findet man, dass diese Varietät von Apo-

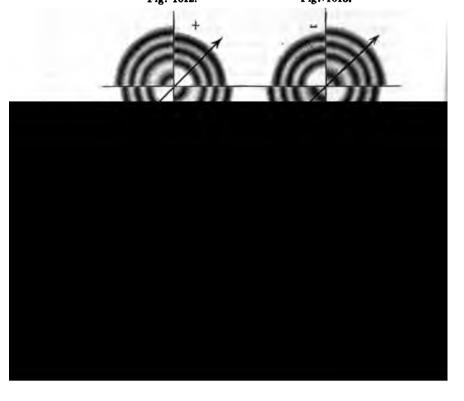
phyllit (von den Faröer-Inseln) für gelbes Licht keine doppelte Brechung hat, dass er für rothes Licht positiv und für blaues negativ ist.

Senarmont hat die Erscheinung der Apophyllit-Ringe dadurch nachgeahmt, dass er eine senkrecht zur Axe geschliffene Platte des positiven unterschwefelsauren Bleies mit einer senkrecht zur Axe geschliffenen Platte des negativen unterschwefelsauren Strontians combinirte.

Durch Zusammenkrystallisiren des unterschwefelsauren Blei- und Strontiansalzes in entsprechenden Verhältnissen ist es Senarmont gelungen Krystalle zu erhalten, welche die Apophyllitringe zeigten.

Steeg (Optiker in Bad Homburg, welcher alle Präparate zur chromatischen Polarisation in ausgezeichneter Weise verfertigt) hat gefunden dass man mit allen positiven und negativen einaxigen Krystallen die Apophyllitringe hervorbringen kann, wenn man sie in geeigneter Dicke combinirt. Um die Erscheinung mit Sicherheit zeigen zu können, wendet er eine keilförmige senkrecht zur Axe geschliffene Kalkspathplatte an, welche unter einer positiven Krystallplatte (unterschwefelsaures Blei) mehr oder weniger weit eingeschoben wird.

Zu §. 345. Wenn man auf eine senkrecht zur Axe geschliffene Krystallplatte, welche zwischen gekreuzten Polarisatoren liegend die Ringfigur, Fig. 1 Tab. IX, zeigt, ein circularpolarisirendes Glimmerblättchen (siehe §. 351) so legt, dass die Ebene der optischen Axen des Glimmerblättchens den rechten Winkel der Kreuzesarme halbirt, so verschwin-Fig. 1012.



man dann das Glimmerblättchen in der durch die Figuren 1012 und 1013 bezeichneten Richtung auf die Krystallplatte, so erblickt man in optisch positiven Krystallen die in Fig. 1012 dargestellte Erscheinung. d. h. die Verbindungslinie der beiden dem Mittelpunkt der Figur zunächst liegenden dunklen Fleckens steht rechtwinklig zur Richtung des Pfeils. während bei negativen Krystallen die Richtung des Pfeils durch jene dunklen Flecken hindurchgeht, wie Fig. 1013 zeigt.

Wir müssen uns hier mit der Anführung der Thatsache begnügen. ohne weiter auf die Erklärung der Erscheinung, welche übrigens in der Hauptsache wenigstens nicht schwierig ist, weiter einzugehen.

Zu §§. 335 u. 349. Ueber die Orientirung der optischen Axen in den Krystallen des rhombischen Systems findet man das Vollständigste in einem Aufsatz von Grailich und v. Lang und in einem zweiten von Lang allein (Sitzungsberichte d. Wiener Akademie Bd. XXVII u. XXXI). In diesen beiden Aufsätzen, in welchen die genannten Gelehrten ihre eigenen Untersuchungen über diesen Gegenstand mit denen anderer Physiker zusammenstellen, werden zusammen 105 Krystalle des rhombischen Systems besprochen. Einige derselben zeigen die merkwürdige Eigenthümlichkeit, dass die Ebene der optischen Axen für rothe Strahlen rechtwinklig steht auf der Ebene der optischen Axen für blaue Strahlen. Es ist dies z. B. der Fall beim mellitsauren Ammoniak.

Für grüne Strahlen sind diese Krystalle optisch einaxig; für rothe Strahlen liegt die Ebene der optischen Axen im brachydiagonalen, für blaue liegt sie im makrodiagonalen Hauptschnitt. Dadurch erhält das Curvensystem einer senkrecht zur gemeinschaftlichen Mittellinie geschliffenen Platte ein ganz eigenthümliches Aussehen, indem statt der Ringe hyperbolische Curven auftreten.

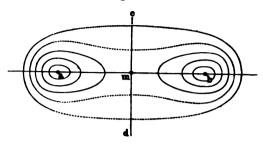
Dieselbe Erscheinung, welche schon früher Brewster am schiefwinkligen Glauberit entdeckt hatte, beobachtete Grailich und v. Lang in ausgezeichneter Weise auch beim Brookit. Senarmont hat analoge Erscheinungen in Krystallen beobachtet, welche er durch Zusammenkrystallisiren verschiedener Mengen von Kali- und Ammoniak - Seignettesalz erhalten hatte.

Durch Erwärmung werden die Krystalle nach verschiedenen Richtungen hin ungleich stark ausgedehnt. Es hat dies zur Folge, dass die Lage der optischen Axen von der Temperatur abhängig ist, dass sie sich also ändern muss, wenn man die Krystalle erwärmt. Ganz besonders auffallend ist dies beim Gyps. Es stelle Fig. 1014 das Ringsystem dar, welches eine senkrecht zur Mittellinie geschliffene Gypsplatte zeigt, wenn sie in entsprechender Lage zwischen die Linsensysteme des Apparates Fig. 940 S. 858 gebracht wird. a und b seien die Pole des Ringsystems, m die zum Punkt verkürzte Mittellinie. — Wenn nun der Krystall, auf einer Glasplatte lie-

id, vorsichtig über einer Weingeistlampe erwärmt und rasch wieder in Polarisationsapparat eingeführt wird, so beobachtet man, dass sich die e dem Ringsysteme genähert haben, während zugleich die Ringe weiter

geworden sind. Wird die Erwärmung bis zu einem gewissen Grade fortgesetzt, so erscheint die Platte einaxig, indem die beiden Pole der Ring-

Fig. 1014.



systeme mit dem Punkt m zusammenfallen. Wenn die Erwärmung des Krystalls noch weiter fortgesetzt wird, so gehen die Pole der Ringsysteme wieder auseinander, aber nicht in der Richtung ab, sondern in der darauf rechtwinkligen Richtung cd, indem sich der eine Pol des Ringsystems nach c, der andere nach d hin von m entfernt.

Zu §. 353. Descloizeaux hat die interessante Entdeckung gemacht (Compt. rend. T. XLIV), dass die Krystalle des Zinnobers die Erscheinungen der Circularpolarisation ganz in gleicher Weise zeigen, wie die Quarzkrystalle. Die Krystalle des Zinnobers gehören gleichfalls dem dreiund einaxigen Systeme an und die senkrecht zur Axe geschliffenen Platten zeigen in dem Nörremberg'schen Polarisationsapparat das Ringsystem. Fig. 3 Tab. XI, ganz in gleicher Weise wie die senkrecht zur Axe geschliffenen Quarzplatten, wenn man sie durch ein rothes Glas betrachtet. Ebenso wie beim Bergkrystall sind auch rechts- und linksdrehende Zinnoberkrystalle zu unterscheiden.

Auch beim schwefelsauren Strychnin hat Descloiseaux die Erscheinungen der Greularpolarisation beobachtet. selben nach Belieben zwischen den Nicols einzuschieben und wieder zu entfernen. Kurz man sieht, dass dieser Apparat die mannigfaltigste Benutzungsweise gestattet.



Fig. 1015.

Zu §. 345. Damit die beiden Linsensysteme, Fig. 939, ein möglichst grosses Gesichtsfeld geben, muss auf die Fassung der Linsen eine besondere Sorgfalt verwendet werden. Es muss nämlich 1) die mittlere Linse eines jeden Systems möglichst nahe an die gewölbte Fläche der halbkugelförmigen herangerückt sein (näher als in der Figur), und 2) darf die Fassung der halbkugelförmigen Linsen nicht merklich über die ebene Gränzfläche derselben hervorragen, so dass die Krystallplatte mit den ebenen Gränzflächen der halbkugelförmigen Linsen fast in Berührung kommt.

Zu §. 361. Am Schluss des §. 361 ist der Zweck des Erzeugers der empfindlichen Farbentöne nicht ganz richtig angegeben. Er dient nämlich dazu, den empfindlichen Farbenton möglichst wie-herzustellen, wenn die im Rohre enthaltene Flüssigkeit selbst get ist, wenn also schon durch diese Färbung, abgesehen von der Cirpolarisation der Flüssigkeit, der Farbenton der doppelten Quarztte alterirt wird.

Während beim Soleil'schen Saccharometer der Erzeuger des empfindlichen Farbentons in Combination mit einem Linsensystem, welches wie ein holländisches Fernrohr zusammengesetzt ist, das Ocularende des Apparats bildet, hat Ventzke die Soleil'sche Construction dadurch zweckmässig abgeändert, dass er den Erzeuger des empfindlichen Farbentons am anderen Ende des Apparats anbrachte.

Fig. 1016 stellt den oberen Theil des Ventzke-Soleil'schen Sac-

Fig. 1016.



charometers dar, welches namentlich von dem Mechaniker Franz Schmidt in Berlin vortrefflich ausgeführt wird. Der mittlere Theil entspricht vollkommen dem Apparat Fig. 978. Das eine Nicol mit der doppelten Quarzplatte befindet sich in b, das Ocularnicol, dessen Schwingungsebene parallel ist der des Nicols in b, befindet sich in a. Die Quarzkeile mit der zugehörigen Quarzplatte sind ganz so angebracht, wie beim Soleil'schen Apparat. Wie dort ist vor dem Ocularnicol a ein kleines holländisches Fernrohr c angebracht, dessen Linsen so berechnet sind, dass man durch dasselbe ein deutliches Bild der doppelten Quarzplatte sieht. Durch Einschieben oder Ausziehen der Ocularlinse dieses kleinen Fernrohres kann man den Apparat für jedes Auge accomodiren.

Der Erzeuger der empfindlichen Farbe befindet sich in dem kursen Rohre d. Er besteht aus einem Nicol und einer senkrecht zur Are Ist es aber nicht der für das Auge empfindlichste Farbenton, welchen die beiden Hälften der Doppelplatte jetzt zeigen, so können kleine Verschiedenheiten dem Auge des Beobachters entgehen und diese kann man dadurch sichtbar machen, dass man den Erzeuger des empfindlichen Farbentons mit Hülfe des Knopfes C umdreht, bis diese Differenz möglichst merklich geworden ist. Ist dies geschehen, so wird die Gleichheit der Färbung der beiden Hälften der Doppelplatte abermals durch eine entsprechende Verschiebung der Quarzkeile hergestellt und dann der Nonius abgelesen.



NAMEN-REGISTER DES ERSTEN BANDES.

Airy, Modification der Ringfiguren	Belte	Bohn, Photometer	
einaxiger Krystalle durch Glim-		Bohnenberger, Revisionspendel	
merblattchen	924	Borda, Pendelversuche	
Albert, Apparat zur Zerlegung der		Bourdon, Metallmanometer	
Polarisationsfarben	848	Brewster, Edelsteinlinsen	79
- Polarisationsapparat	858	- chromatische Polarisation orga-	
- Wellenscheibe	375	nischer Substanzen	900
Althans, Reactionsrad	329	- elliptische Polarisation	886
Amici, katoptrisches Mikroskop	707	- Kaleidoskop	516
Angström, Spectrum elektr. Funken	628	- Lichtabsorption durch farbige	
Arago, Brechungsexponenten d. Gase	561	Gase	684
- Circularpolarisation		- Polarisationswinkel	
- optisches experimentum crucis . ?	752	- Spectralfarben	604
Archimedes, Gewichtsverlust unter-		- Stereoskop	679
getauchter Körper	108	- Untersuchung fluor. Körper	635
Atwood, Fallmaschine	242	Brisson, Densimeterscala	118

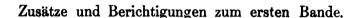
w 41 H	Seite		Selte
, Luftballon	220	Frankland, objective Darstellung d.	• • •
, Klangnguren	417	Spectralfarben	920
allgeschwindigkeit in festen		Fraunhofer, achromatisches Mikro-	
ern	454	skop	706
tu. Desormes, Saugen durch	0.5.0	Bestimmung der Brechungsex-	
romende Luft	852	ponenten	595
Saccharometrie	901	— Bestimmung der Wellenlänge .	777
gton, Loupe	701	- Beugungserscheinungen	756
n und Sturm, Geschwindig-	451	— Beugungsgitter	773
d. Schalles im Wasser	451	- dunkle Linien im Spectrum	592
suche über die Compressibi-	197	— Loupe	700
der Flüssigkeiten .	$\frac{127}{298}$	- Prüfung der Fernrohre	725
b, gleitende Reibung	82	Fresnel, Beugungserscheinungen .	756
sionselasticitàt	300	- Circularpolarisation im Quarz	889
tende Reibung .	667	- Doppelbrechung des gepressten	000
Accommodation	001	Glases	839
D.		- Interferenzspiegel	735
D.		- Parallelepiped .	885
re, Lichtbilder	657	- Wellenoberfläche zweiaxiger Kry-	990
rechungsexponenten	603	stalle	829
Kaleidoskop	516	Frick, Stereoskop	681
Photometer	50 8	a	
zeaux, Circularpolarisation		G.	
nnober	926	Gadiat, Turbine	828
z, Abweichungen vom Ma-		Galilai, Fallversuche	240
schen Gesetz	189	Galilai, Fernrohr	717
ner, Zündmaschine	225	— Gesetz der Trägheit	7
Colarisationsapparat	926	— Pendelgesetze	282
ne	408	Gambey, Heliostat	525
erscheidung positiver und		Gascoigne, Fadenkreuz	724
iver Krystalle .	924	Gay-Lussac, Versuch über Cohasion	• • •
, Hohlprisma	555	der Flüssigkeiten	130
ctive Darstellung der Inter-	0.50	- Versuch über Capillarröhren	136
zerscheinungen .	859	- Volumeterscala	117
und Arago, Brechungsex-		Geissler'sche Röhren	629
iten der Gase	563	Gladstone, Brechungsexponenten .	603
suche über das Mariotte'sche		Graham, Diffusion der Flüssigkeiten	151
2	191	- Diffusion der Gase	235
, Brechungsexponenten	922	Grailich, optische Orientirung der	
iet, Endosmose	145	Krystalle	925
E.		Grassmann, Luftpumpenhahn	203
12.		S'Gravesande, Elasticitätsmessungen	77
hr, Wellenapparate	375	- Festigkeitsmessungen	83
lenlänge ultravioletter Strah-		Gregory, Spiegelteleskope	726
	778	Greiner, Barometer	172
ch, Wellenlänge ultraviolet-		Grimaldi, Beugungsversuche	788
trahlen	850	Guerike, Luftpumpe	193
F.			
— ·	EOE	н.	
neit, Heliostat	525	H-District Policy	
7, Flintglas	$\begin{array}{c} 922 \\ 352 \end{array}$	Haidinger, Dichroismus	903
zphanomen	724	Hamilton, konische Refraction	836
astronomisches Fernrohr .	259	Harting, Leistung der Mikroskope	713
Gyroskop		— quadrioculares Mikroskop .	717
	169	Hartnack, Immersionsobjectiv.	714
t, Geschwindigkeit d. Lich-	100	Helmholtz, Complementärfarben	918 489
a Wasser	752	- Entstehung der Vocale	
gelteleskop	780	 Resonanzkugeln über Klangfarben 471. 	477 483
ron, Turbine	827		479
,,	J	- Vibrationsmikroskop	210

v .	elte	Wheatstone, Kaleidophon			Beite 429
Ventzke, Saccharometer	215	 Spectrum elektrischer Funke Stereoskop Wellenapparat Willigen, van der, Spectrum 	:	•	678
w.		elektrischen Funkens Wilson, Loupe			
Waidele, Erklärung d. Hauchbilder	226	Wollaston, camera lucida			696
Weber, Barometerscala	166	- dunner Platindraht			
- Versuche über Zungenpfeifen .	444	- dunkle Linien im Spectrum	á.		593
- Wellenlehre	366				
- Wirkung d. Luftdrucks auf den menschlichen Körper	177	- Spectrum elektr. Funken			
Welcker, Irradiation	684	V.			
Wenham, Binocularmikroskop					
Wertheim, Elasticitätsmessungen .		Young, Diffractionsphanomen -			736
- Festigkeitsmessungen					
- Schallerregung im Wasser					

Berichtigungen.

Seite 88 steht Fig. 79 in den meisten Abdrücken nicht richtig; dieselbe mus so stehen:





Zum Schluss des §. 84 auf S. 189. — Das Regnault'sche Voluen enometer lässt sich in verschiedener Weise zur Ermittelung des specifischen Gewichts pulverförmiger Körper benutzen, nämlich:

1. bei geöffnetem Hahn s wird r in die Stellung Fig. 240 gebracht und so lange Quecksilber in cd eingefüllt, bis es die Marke m erreicht hat. Nun wird s geschlossen. Die abgesperrte Luft hat jetzt das Volumen V-x, wenn x das Volumen des Pulvers bezeichnet; sie steht unter dem Druck der Atmosphäre, den wir mit H bezeichnen wollen.

Nun bringt man, während s geschlossen bleibt, den Hahn r in die Stellung Fig. 239 und lässt Quecksilber auslaufen bis es zum Markstrich gesunken ist, worauf der Hahn r um 90° nach rechts gedreht wird, dass das Rohr ab unten abgesperrt ist, während das Quecksilber aus cd ausläuft. Jetzt hat die abgesperrte Luft das Volumen V-x+v und sie steht unter dem Druck H-h, wenn h den Höhenunterschied zwischen den Marken m und p bezeichuet. Wir haben also

nnd daraus

$$x = V - \frac{v (H - h)}{h} \cdot \dots \cdot \dots \cdot 2$$

Es ist dies das am Schlusse des §. 84 bereits besprochene, aber dort nicht ganz präcis beschriebene Verfahren.

2. Nachdem man die Einstellung des Quecksilbers bei der Marke m eben bewerkstelligt hat, wie es oben beschrieben wurde, wird der Hahn r die Stellung Fig. 241 gebracht, so dass Quecksilber aus beiden Schenn des Apparates aussliesst; wenn es auf diese Weise in dem einen tenkel bis p gesunken ist, wird der Hahn r in die Stellung Fig. 240 pracht. Zur Berechnung von x dient auch jetzt noch die Gleichung 1),

in welcher aber für h die mit dem Kathetometer zu messende Höhendifferenz von p und der Quecksilberkuppe des anderen Schenkels zu setzen ist.

3. Während der Hahn s geöffnet ist und r die Stellung Fig. 240 einnimmt, wird so viel Quecksilber in den offenen Schenkel eingegossen, dass es, in beiden Schenkeln gleich hoch stehend, die Marke p erreicht. Wird alsdann der Hahn s geschlossen, so ist ein Luftvolum V-x+v abgesperrt, welches unter dem Druck der Atmosphäre H steht.

Nun wird in den offenen Schenkel Quecksilber zugefüllt, bis es in ab zur Marke m gestiegen ist. Es steht nun in dem offenen Schenkel um eine mit dem Kathetometer zu messende Höhe h, über der Marke m, die abgesperrte Luft nimmt das Volumen V-x ein und steht unter dem Druck $H+h_1$, es ergiebt sich also die Gleichung

$$\frac{V-x}{V-x+v} = \frac{H}{H+h_1} \cdot \dots \cdot 3$$

und daraus

Durch Combination der Gleichungen 1) und 3) ist man der Beobachtung des Barometers gänzlich überhoben; wenn man nämlich H eliminirt, so ergiebt sich

(Pogg. Ann. LXVI, 445).

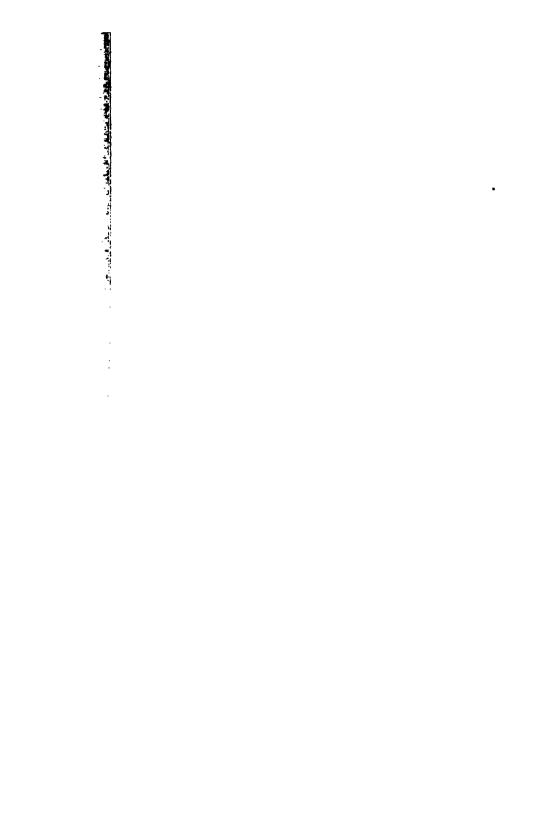
Zu §. 360 und 361. — In Paragraph 360 ist irrthümlich der Stärkezucker (Traubenzucker) als linksdrehend aufgeführt; er ist rechtsdrehend wie der Rohrzucker. Dagegen ist der Fruchtzucker, welcher mit dem Traubenzucker gleiche atomistische Zusammensetzung hat (C₁₂H₁₂O₁₂), stark linksdrehend. Zu §. 355. — Was auf Seite 886 über Metallreflexion gesagt ist, bedarf einer Berichtigung.

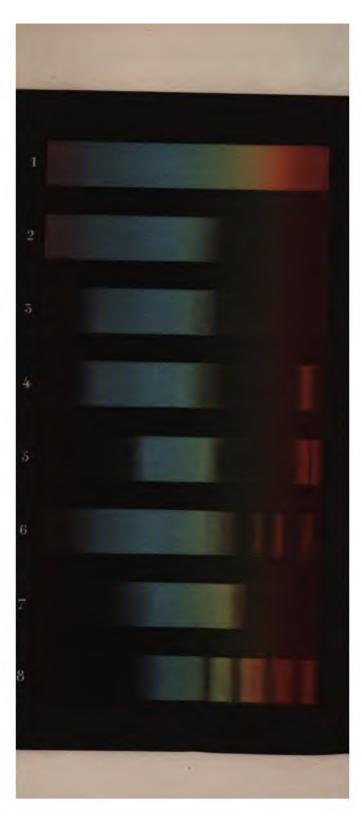
Wenn ein linear polarisirter Strahl unter dem Azin uth + 45° auf einen Metallspiegel fällt, so werden bei einem gewissen Einfallswinkel, welchen Brewster den des Polarisationsmaximums nannte, den man aber gewöhnlich als "Hauptineidenz" bezeichnet, die Componenten des reflectirten Strahls allerdings mit einer Phasendifferenz von ½ Wellenlänge behaftet sein, ohne jedoch eirculares Licht zu liefern. Der unter solchen Verhältnissen reflectirte Strahl ist vielmehr wegen der geringeren Intensität der in der Einfallsebene schwingenden Componente stets elliptisch polarisirt. Die Circularpolarisation durch Metalle erheischt deshalb mit Beibehaltung der Hauptineidenz ein grösseres Azimuth als 45°.

Aus dem angefährten Grunde liefert auch eine zweite Reflexion auf einem mit dem ersten parallelen Spiegel desselben Metalls zwar geradlinig polarisirtes Licht (weil die Phasendifferenz auf ½ Wellenlänge gewachsen ist, aber nicht, wie es bei circulärer Polarisation sein müsste, unter einem Azimuth — 45 (also mit einer Drehung der Polarisationsebene im Betrage von 90°), sondern unter kleinerem Azimuth, dessen Werth sich von einem Metall zum andern ändert. Diese im Vergleich mit dem Azimuth des einfallenden Strahls nach entgegengesetzter Seite der Einfallsebene liegenden Azimuthalwinkel betragen für Silber 39° 48′, für Kupfer 29°, für Quecksilber 26° u. s. w., kurz jene Zahlenwerthe, welche auf S. 886 irrthümlich als Hauptincidenzen angegeben sind. Die entsprechenden Hauptincidenzen betragen vielmehr für Silber 73°, für Quecksilber 78° 27′ u. s. w.

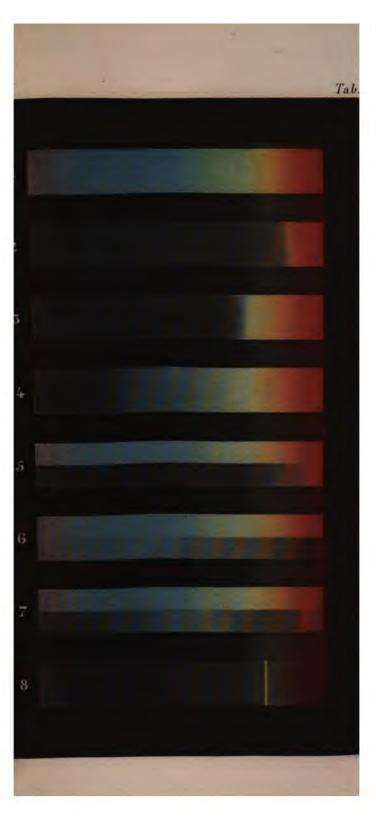
Die Hauptincidenz ist der Einfallswinkel, für welchen der reflectirte, elliptisch polarisirte Strahl am meisten von der Circularpolarisation abweicht und sich am meisten der linearen Polarisation nähert.



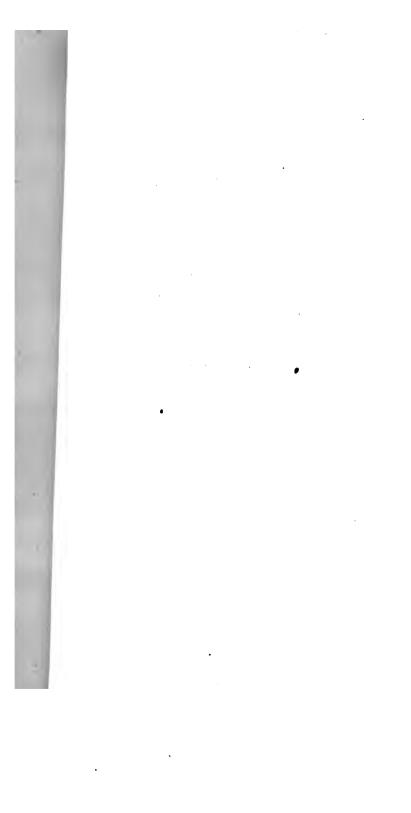




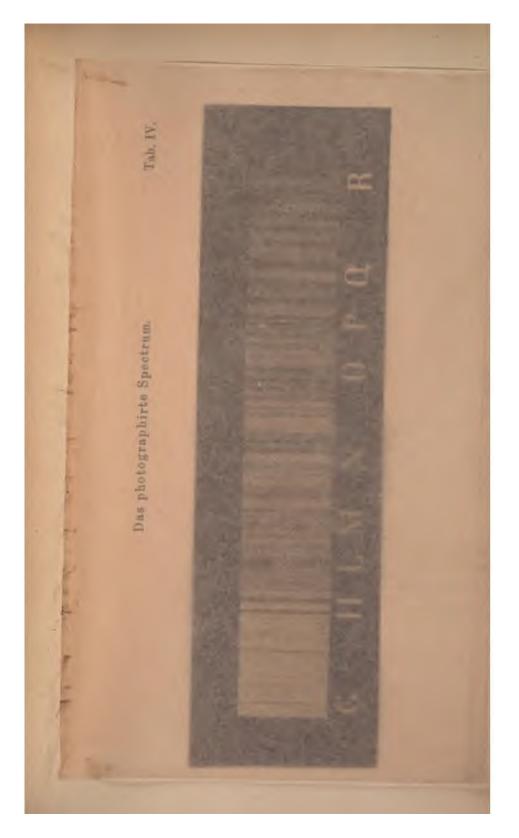
L













Das photographirte Spectrum.

Tab. IV.







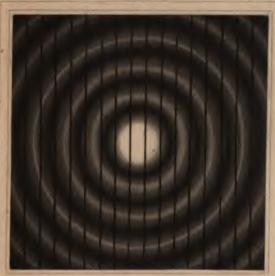
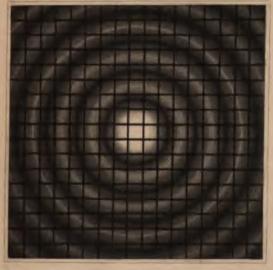


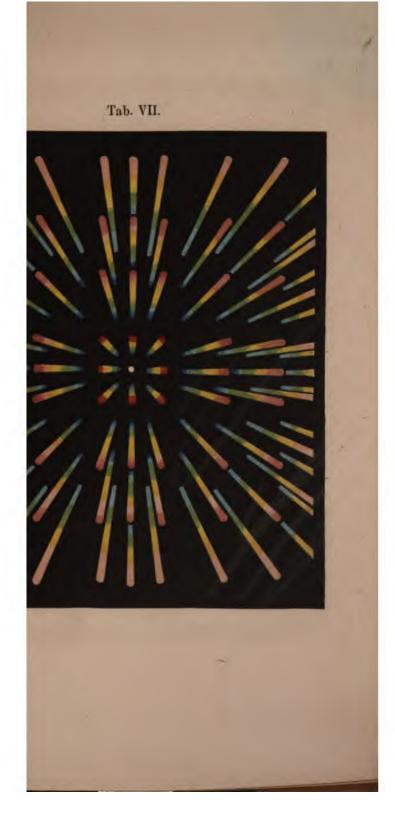
Fig.2





H O Ь 0 LM 5





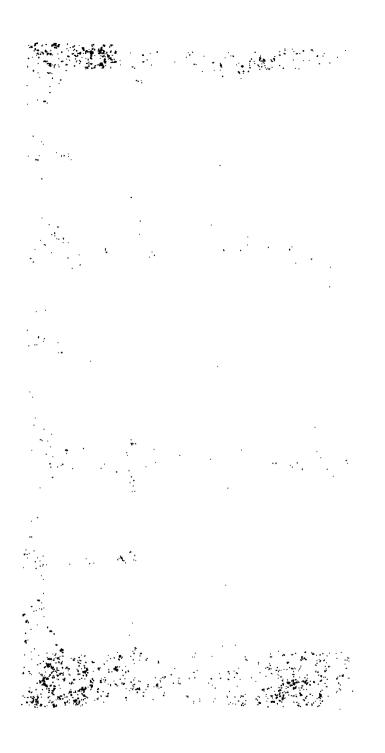


Tab. VIII.

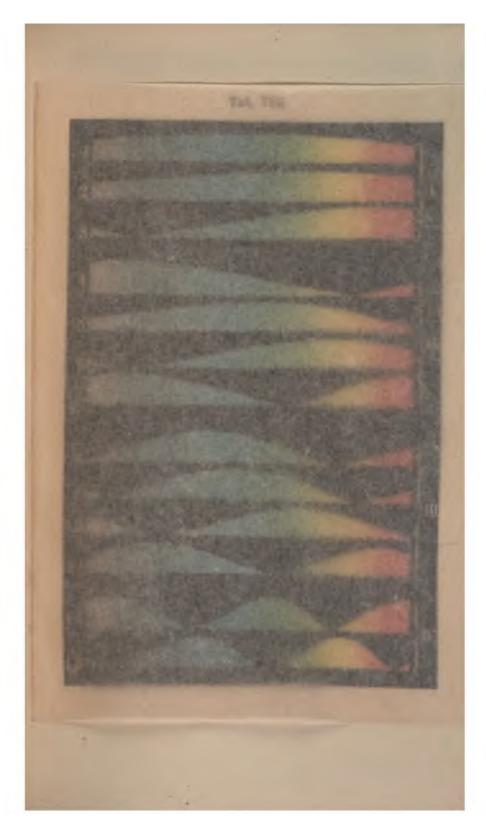




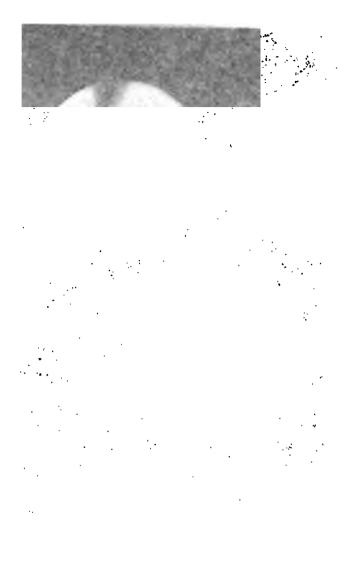


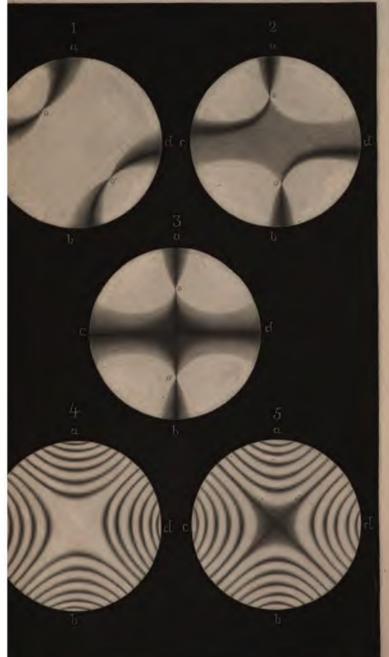




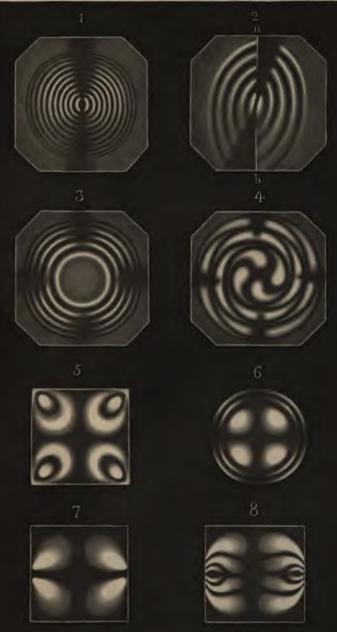














Vereinfrieden Tald to hingesmarks

AND THE PROPERTY OF THE PARTY O THE R. W. P. LEWIS CO. P. LANSING STREET, SANSON, SANS and an all and a second

TARTHOUGH SECTION STATES OF A PARTY AND THE SECTION OF A SECTION OF A

THE PARTY OF THE P SECTION OF THE PROPERTY OF STREET, STR

SANCESCHAMPSON WITH THE SCHAME SHEET STATE STATE OF THE S





